# AVERTISSEMENT.

Les CEurres complètes d'Augustin Fresnel sont publièse aux frais de l'État par les soins du Ministère de l'Instruction publique, en exccution d'un arrêté pris en 1861 par M. Bouland, alors Ministre de l'Instruction publique et des Cultes, sur le rapport du Comité des travant historiques et des Sociétés savantes, présidé par M. Le Verrier.

Cette édition nationale fait partie de la Collection scientifique commencée en 1843 par la réimpression des OEuvres de Laplace, et qui doit comprendre celles de Lavoisier, de Lagrange, de Denis Papin, de Cuvier, etc.

La publication des Mémoires, Notes et Fragments de Fresnel sur Ja théorie de la tumière, devait être placée sous la direction d'un éditeur qui eût spécialement cultivé cette branche de la haute physique. M. de Senarmont, proposé par M. Le Verrier au choix du Ministre, avait à une aussi importante et difficile mission des titres tout particuliers, en raison de ses travaux personnels sur la lumière, et comme l'un des plus éminents et des plus zélés commentateurs d'un auteur dont il avait curiesuennent recherché et recueilli jusqu'aux moindress opus-cules. Mais avant d'accepter la position qui répondait à l'un de ses vœux les plus chers, il bui failut s'assurer du concours de M. Léonor Fresnel, minque hértiter d'Augustin et possesseur de ses manuscrits.

Cette démarche ne pouvait qu'être accueillie avec autant d'empressement que de reconnaissance par M. Léonor Fresnel. Occupé depuis plusieurs années à préparer la publication des O'Euvres de son frère, il était au moment de solliciter une collaboration qu'il savait déjà lui être assurée, lorsqu'il fut prévenu par les généreuses propositions de M. de Senarmont, au mois de mai 1861.

Sans attendre les décisions administratives à intervenir, M. de Senarmont, dès qu'il cut à sa disposition les matériaux nécessaires, aborda avec toute l'ardeur du plus vif amour de la science le long et épineux travail du triage, de la classification et des annotations des écrits d'Angustin l'Fensel relatifs ans théories physiques, tandis que, de son chies, son collaborateur se chargeait plus spécialement de coordonner et de commenter les documents oncernant l'invention et la construction des phares hariculaires.

Ges travans préparatoires, avec la confection des copies pour l'impression, n'exigèrent pas moins d'une année entière. Aussitét qu'ils purent être considérés comme terminés, M. de Senarmont demanda par la lettre suivante, adressée à S. E. le Ministre de l'Instruction publique et des Gultes, le 33 mai 1863, l'autorisation de faire immédiatement mettre l'ouvrage sous presse :

#### MONSIEER LE MINISTRE.

Vous avez décidé que les OEuvres complètes d'Augustin Fresnel feraient partie des documents scientifiques publiés par votre Ministère, et j'ai été chargé de préparer, avec M. Léonor Fresnel, frère de l'auteur, les matériaux de cette publication.

Notre travail est aujourell'hui terminé et peut être mis sous presse; il forme la matière de trois volumes in-1-d'environ 300 pages, en supposant le caractère et le format semblables à ceu des œuvres de Laglace, publiées à l'Imprimerie impériale de 1843 à 1847. Les Œurres de A. Fresnel se composeront d'une série de Mémoires, pour la plupart inédits, où l'on peut suivre le dévolpouement proressif de à idées théoriques et des découvertes qui forment des l'apprentant par l'apprent

aujourd'hui les bases fondamentales de l'optique. La construction des phares est l'objet d'un chapitre spécial assez étendu; un choix de lettres offrira des documents intéressants pour l'histoire de la science; enfin quelques pièces détachées et une courte notice biographique achèveront de faire connaître à la fois l'homme et l'auteur.

Les éditeurs ne se sont pas bornés à classer ces documents; un grand nombre de renvois et quelques notes très-succinctes rétablissent l'unité et une sorte de concordance générale centre les divers Mémoires sur un même sujet, composés souvent à des époques différentes; chaque pièce porte à cet effet un numéro d'ordre et des divisions multipliées en paragraphes. Par ce moyen on a rendu la coordination systématique indéponate de la pagination.

Poserai maintenant, Monsieur le Ministre, vous demander que l'impressou commence très-promptement et soit poussée le plus activement possible. M. Léonor Fresnel et moi désirons également voir notre travail terminé, et nous nous engageons à ne jamais faire attendre la correction des épreuves.

## II. DE SENARMONT.

Le Ministre répondit le 7 juin, conformément à l'avis du Comide des Sociétés savantes, par un arrèté qui chargeait conjointement MM. de Senarmont et Léonor Fresuel des fonctions d'éditeurs pour la publication, à l'Imprimerie impériale, des OEuvres d'Augustin Fresuel.

Le 26 juin, M. de Senarmont invitait, par une dernière lettre, son collaborateur à venir examiner avec lui les spécimens d'impression, et le 30, la veille même du jour pris pour l'entrevue, il succombait à une affection du cœur...!

Lorsque, après une telle perte, M. Léonor Fresnel put reprendre la tâche picuse à laquelle il s'était voué, il dut s'occuper avant tout du successeur à donner à M. de Senarmont, et crut suivre encore les inspirations de ce guide si regretté, en demandant qu'il fât remplacé par M. Émilé Verdet, son collaborateur aux Afinales de chimie et de physique, maître de Conférences à l'École normale supérieure et professeur à l'École polytechnique. M. Verdet accueilfit dès l'abord les ouvertures qui lui furent faites à ce sujet comme s'il se fût agi de l'exécution d'une dernière volonté de son illustre ami, et, par décision ministérielle du 4 juillet 1862, il fut appelé à éditer les œuvres scientifiques d'Augustin Fresnel.

Le travail du premier éditeur fut serupuleusement revu dans son ensemble et dans ses moindres détails. Cette révision, que M. de Senarmont s'était proposé de faire conjointement avec celui-là même qui allait sitàl lui succèder, amena de légères modifications dans la classification, notamment par le retranchement de quelques pièces formant double emploi. Elle donna lieu d'ailleurs de compléter les commentaires et annotations par diverses additions, au nombre desquelles sont particulièrement à citer le Commentaire de M. de Senarmont au Ménoire de Fresnel aux la double réfraction, et l'Introduction de M. Émile Verdet.

Ainsi la déplorable faltalité qui avait arrêté le cours des découverts d'Augustin Freneul a semblé s'être attachée à la publication de ses (Euvres, en atteignant successivement, au milieu d'une brillante carrière scientifique, Savary, qui le premier s'était occupé de leur classement, Henri de Senarmont, qui les avait classées el annotées en totalité, enfin Émilé Verdet, qui avait su améliorer et compléter l'excellent travail de son prédécesseur.

Au moment de son décès, Émile Verdet avait rempli sa tâche d'éditeur sous les rapports les plus importants, et sa fin prématurée n aura pas du moins laissé incomplète l'œuvre à laquelle son nom vestera désormais attaché avec celui de Henri de Senarmont. Ainsi que l'expose la lettre précitée, la présente édition des Œuvres de Fresnel comprend deux parties principales :

La première, qui est de beaucoup la plus étendue et embrasse les deux premièrs volumes, a pour objet la physique pure, et particulièrement la théorie de la lumière;

La seconde, relative à la création du nouveau système de phares, forme, avec quelques appendices, la matière du troisième volume.

Sans reproduire ici, en ce qui touche le classement, les explications qui ressortent des Introductions à ces deux divisions principales, on fera seulement remarquer que l'on ne s'est écarté de l'ordre chronologique qu'autant que cela a été jugé nécessaire pour ne pas séparer lotte des matières ayant entre elles une nitume connectif, ou pour faciliter l'étude de certains Mémoires en les faisant précéder, par exemple, d'un résumé d'une date postérieure.

L'introduction dans le corps de l'ouvrage de quelques écrits d'auteurs étrangers a été maintenue telle que l'avait admise M. de Senarmont. Elle a reçu toutefois, comme on vient de le dire, un complément essentiel, qu'avait écarté sa rare modestie, par l'insertion de son Commentaire au Mémoire sur la double réfrencion. Ces additions sont en somme de peu d'étendue. Elles se composent, en majeure partie, de rapports académiques, de notes polémiques et de quelques pièce de correspondance scientifique. Leur reproduction a d'ailleurs été autorisée, avec le plus libéral empressement, par la famille d'Arago, par l'éditeur de ses Côtures, M. Gléle, par M. l'ingénieur en chef Lefort (pour la famille de Biot), par M. le baron Poisson et par M. George de Senarmont.

Les annotations relatives à la physique pure ont été réduites à ce qui a paru nécessire pour guider le lecteur dans l'étude d'une série de Mémoirs et de fragments obs e rencontrent d'apparentes incohérences jointes à d'inévitables redites, et où il est parfois assez difficile de suivre l'enchaînement des idées de l'auteur; mais la section des phares a demandé des commentaires proportionnellement plus étendus. Ce qu'Augustin Fresuel a publié ou éerit sur son nouveau système d'éclairage maritime ne peut en donner qu'uue idée à plusieurs égards incomplète. Il n'a laissé en effet d'autres documents expiteatifs de telle combination du plus haut intérét (notamment de ses appareils à réflexion totale), que des dessins ou croquis et des minutes de calculs accompagnées de notes très-sommaires. Il a donc fallu que l'étaiteur (qui, après avoir été quelque temps adjoint à son frère, lai vais succédé dans la direction du service des phares) dountst aux annotations ou appendices le développement nécessaire pour suppléer à l'insuffisance des indications fournies par les textes.

Relativement aux détails typographiques et aux dispositions secondaires, l'attention du lecteur doit être spécialement appelée sur les observations suivantes:

- 1º Toutes les pièces ou séries de pièces dont se compose l'ouvrage portent un numéro d'ordre en chiffes romains. Pour les séries peu nombreuses, des capitales additionnelles indiquent le rang de chaque pièce. Quant à la correspondance scientifique, elle a été dirisée en un petit nombre de groupes, dont le numéro collectif en chiffes romains se répête en tête de chaque lettre avec son numéro particulier en chiffres arabes.
- 2° Tous les écrits de quelque étendue ont été divisés en paragraphes numérotés, afin de rendre les renvois indépendants de la pagination, ainsi que le fait observer la lettre précitée de M. de Seuarmont.
- 3º Les notes de l'auteur sont disposées sur deux colonnes immédiatement à la suite du texte, et ont des chiffres pour signes de renvoi.
- 4° Les notes des éditeurs sont séparées du texte par un filet, imprimées eu lignes continues, et ont des lettres pour signes de renvoi.
- 5º Les annotations de M. Emilé Verdet portent sa signature, hormis les simples revoix, les indicatons bibliographiques, etc. II a dès lors paru inutile d'inscrire le nom de M. de Senarmont à la suite de ses articles, et M. Léonor Freanci s'est également dispensé de signer ses annotations à la section des phares.
  - 6º Une table particulière des matières a été placée à la fin de chaque

volume, et des tables analytiques embrassant l'ensemble de l'ouvrage termineront le troisième volume.

M. Léonor Fresnel a voulu joindre à la publication des Œuvres de son fère un portrait qui rappellt aussi fidèlement que possible les traits caractériques de la plusjonomie de l'audeur, et s'est enteudu, à cet effet, avec un habile et consciencieux artiste, M. Bosotte, graveur en taille-douce. Il s'agissait de reproduire une assez médiocre estampe de l'ancienne iconographie des membres de l'Institut par Tardieu, sauf à consulter, pour quelques corrections de détail, un excellent portrait d'Augustin adolescent, peint au pastel par sat ante Mériemée. M. Rosotte s'est acquitté de cette tâche ingrate avec un succès inespéré, car sa copie est notablement supérieure, sous le rapport capital de la ressemblance, à l'image donnée pour modèle.

# INTRODUCTION

AUA

## OEUVRES D'AUGUSTIN FRESNEL,

PAR ÉMILE VERDET ".

I

La présente édition n'a pas seulement pour objet de réunir les écrits de Fresael dispersés dans divers recueis <sup>10</sup>, dont quelquesnus sont devenus aujourd'hui d'un accès difficile; à ces œuvres déjà publiées et connues de tous ceux qui ont fait de la théorie de la lumière une étude tant soit peu approfondie, elle ajoute une évire considérable de pièces indélites, que la mort prématurée

<sup>3)</sup> Les Mémoires de l'Académie des sciences, les Annales de chimie et de physique, la Bibliothèque universelle russac.

Publication posthume d'après un manuscrit que l'auteur n'a pas pu revoir. — On a distingué par des crochets les mots suppléés ou douteux. (Voyez l'Avertissement ci-dessus.)

### INTRODUCTION.

de l'auteur ne lui a pas permis de faire imprimer lui-même, et que la piété d'un frère a scrupuleusement recueillies et conservées, jusqu'an jour où le Gouvernement impérial a décidé que les Cœuvres de Fresuel seraient comprises dans la grande collection d'histoire seiestifique nationale qui s'est ouverle par les Cœuvres de Laplace et continuée par celles de Lavoisier.

On pent être surpris de l'étendue de ces œuvres inédites, qui forment plus de la moitié de la présente édition; mais si l'on réfléchit aux principales circonstances de la vie de Fresnel, à la prodigiense activité scientifique qu'il a déployée de 1815 à 1823, aux travaux d'ingénieur et aux maladies qui ont rempli les quatre années suivantes, les dernières de sa vie, on comprendra que le temps lui ait manqué pour s'occuper de la publication de ses écrits, et qu'en dehors du Mémoire couronné en 1819 par l'Académie des sciences, et de l'article Livière du Supplément à la Chimie de Thomson, il n'ait jamais fait imprimer lui-même que de courts extraits des Mémoires qu'il présentait à l'Académie des sciences, on des éclaircissements, sur certains points de ces Mémoires, rendus nécessaires par les objections des partisans de l'ancienne doctrine. Quant aux Mémoires eux-mêmes qui contenaient l'exposé détaillé de ses découvertes, un très-petit nombre seulement a été mis au jour depuis sa mort, principalement par les soins d'Arago et de Biat : ce sont le Mémoire sur la double réfraction, inséré au tome VII des Mémoires de l'Académie des sciences; le Mémoire sur les modifications que la réflexion imprime à la lumière polarisée, retrouvé en 1830 dans les papiers de Fourrier, et publié à la fois dans les Mémoires de l'Académie et dans les Annales de chimie et de physique; le Mémoire sur la réflexion de la lumière et le Mémoire sur la coloration des fluides homogènes, publiés

<sup>10</sup> Voyez l'Avertissement ci-dessus.

en 1846 dans les mêmes recueils par les soins de Biot, qui eu avait emprunté les manuscrits à M. Léonor Fresnel (1).

Ce sont là, à vrai dire, les plus importantes des œuvres de Fresnel, et quiconque les a sérieusement étudiées ne trouvera aucumnouveauté essentielle dans les nombreux écrits qui paraissent ici pour la première fois. C'est au contraire dans ces pièces inédites seulement qu'on rencontre l'indication exacte du développement progressif des conceptions théoriques et des découvertes expérimentales « qui forment aujourd'hui les bases fondamentales de l'Optique ®». Elles rectifient en bien des points les opinions qu'on s'était formées sur la marche des travaux de Fresnel; elles éclaircissent tout ce qui a rapport à l'influence directe et indirecte des travaux de Young et à la collaboration d'Arags; quelquelois même elles modifient la signification qu'on doit attacher à certaines recherches théoriques et en font mieux comprendre la véritable portée et le degré de certitude ®, Aussi croit-on ne pas faire une chose

(1) Le passage suivant de la Note que Biot lut à cette occasion devant l'Académie des sciences, dans la séance du q mars 1846, fait connaître suffisamment l'histoire de ces manuscrits et en général de tous ceux qui sont aujourd'hui publiés pour la première fois: "Fresnel, dit Biot, était un inventeur infatigable. Dans la voie qu'il s'était ouverte, un mémoire terminé devenait pour lui l'instrument indispensable de nouvelles recherches et de travaux ultérieurs. Il est naturel qu'il sentit le besoin de s'en conserver longtemps la possession, se bornant à prendre date par des extraits publiés. Lorsque la mort vint le saisir dans sa trop courte carrière, son frère, alors absorbé dans le service des phares, auquel il venait d'être attaché, confia tous ses papiers eientifiques, et jusqu'à ses moindres notes, à Savary, leur ani commun, qui conserva e préciseu dépdi avec toute la fidélité de l'affection. Après le décès de Savary, la firent recueillis encore avec des soins non moins serrupuleux, et remis sux mains de M. Léonos French, décormais fixé dans la capitale. Ces ainsi qu'il se sont conservés complets, intacte, sans que la science ait rien à en regretter.

(N) Voyez la lettre de M. de Senarmont insérée dans l'Avertissement.

(3) Voyez en particulier ce qui est dit ci-sprès à l'article X de la théorie de la double réfraction. inutile en essayant de raconter, d'après ces précieux documents, l'histoire d'un des progrès les plus mémorables que la philosophie naturelle ait accomplis.

H

On établit facilement dans l'œuvre scientifique de Fresnel trois divisions principales, liées ensemble par une évidente dépendance logique, et correspondant assez exactement à l'ordre chronologique de ses divers travaux.

Dans une première série de recherches, Fresnel suppose simplement que la lumière est produite par des vibrations périodiques de durée très-courte, se propageant avec une vitesse immense qui varie d'un milieu à l'autre, et capables d'interférer, c'est-à-dire décomposables d'une infinité de manières en demi-vibrations exactement contraires l'une à l'autre : sans rien spécifier sur la forme et l'orientation de ces vibrations, il épuise la suite des conséquences qui peuvent se déduire de ce postulatum fondamental, et c'est ainsi qu'il rend compte des lois de la diffraction et de la formation des ombres, de celles de la réflexion et de la réfraction. les ramenant toutes à dépendre du fécond principe des interférences. Ses raisonnements, en apparence restreints aux milieux uniréfringents, ont, pour qui sait les comprendre, une portée plus générale et sont applicables, sauf d'évidentes modifications dans les calculs, aux milieux où la vitesse de propagation n'est pas la même en tous sens, pourvu que la loi de cette vitesse soit connue. Ils ne sont pas moins indépendants d'une hypothèse sur la nature des vibrations lumineuses, dont Fresnel adopte le langage dans ses premiers écrits; comme tous ses devanciers et tous ses contemporains (1), il admet qu'il n'y a dans ces milieux élastiques

<sup>(</sup>i) On verra plus loin jusqu'à quel point il y aurait lieu d'excepter Young de cette assertion générale.

d'autres vibrations que des vibrations normales à la surface des ondes, accompagnées de dilatations et de condensations alternatives; mais le fond de sa théorie est si peu lié avec cette manière de s'exprimer, qu'il n'a pas eu dans la suite un seul détail à y changer, lorsqu'il les a reproduits dans l'article Lewiñac da Supplément à la Chimie de Thouson, après avoir reconnu la différence essentielle qui existe entre les vibrations du son et cellesde la lunière.

L'établissement de cette différence, la démonstration du principe des vibrations transversales, l'étude des phénomènes qu'il suffit à expliquer, les conditions de l'interférence des rayons polarisés sont d'abord déterminés par des expériences anssi variées que rigoureuses; de ces conditions Fresnel déduit que, dans la lumière polarisée, les vibrations sont parallèles à la surface des ondes, rectilignes et parallèles ou perpendiculaires au plan de polarisation. Comme toute espèce de lumière peut être obtenue par la combinaison de lumières polarisées dans divers plans, la généralité du principe des vibrations transversales est complète. et, par une conséquence facile à apercevoir, tous les phénomènes qui dépendent du partage de la lumière entre les rayons réfléchis et les rayons réfractés et entre deux rayons réfractés différemment, et de la réunion ultérieure de ces rayons, sont ramenés aux lois mécaniques de la décomposition et de la composition des monvements. La simplicité de cette théorie nouvelle contraste étrangement avec la complexité des hypothèses où les partisans du système de l'émission avaient à peine trouvé un semblant d'explication des phénomènes; la confirmation expérimentale de l'infinie variété de ses conséquences est une seconde démonstration du principe de la transversalité des vibrations.

Enfin, après avoir ainsi défini la nature des vibrations lumineuses, Fresnel cherche à pénétrer le secret de leur origine, et tente de découvrir comment est constitué le milieu qui les propage, non-seulement en lui-même, mais en tant qu'il est modifié par les corps pondérables à l'intérieur desques il est enggé. Les Mémoires sur la double réfraction, dont la série complète parait ici pour la première fois, sont l'œuvre principale de cette nouvelle endauce; mais on y doit aussi rattacher les dernières recherches sur la loi des modifications que la réflexion (ou la réfraction) imprime à la lumière polarisée, les travaux relatifs à la double réfraction particulière du cristal de roche et de certains fluides bomogènes, l'expirication de l'influence du mouvement de la terre sur les phénomènes d'optique, et enfin quelques indications sommaires sur la théorie de la dispersion et de l'absorption, jetées comme en passant dans plusieurs de ces Mémoires (i).

Ou étudiera séparément ces trois groupes de recherches, en faisant précéder chaque étude d'une esquisse rapide des progrès que la science avait pu accomplir avant Fresnel.

#### Ш

Les devanciers de Fresnel n'ont guère dépassé ce premier point de vue, où l'on considère la lumière comme un système d'ondes à

monte jusqu'aux causes mécniques dephésonères. L'article L'axiax de Supplément à la Chimie de Thomon, qui est comme un résumé des deux pramitres sections, joint à quelques pières de rontroverse, a formé une troisième section on a réuni des écrits d'imporante très-inégale, on Fresuel a traité des sujets qui ne paraisent l'avoir orcueje que d'une manière incident

<sup>&</sup>lt;sup>41</sup> Ces divisions correspondent à peu prèss, mais non tout à fair taxestement, à la première, la seconde et la quattries section de cettle délitien. Pour la commodité du lecteur, on a placé dans la deuzième section tous les Mémoires retaifs à la polaristion deronatique et à la réflecion de la lumière, soit que re-result développe simplement les conséquences du principe des vibrations transversales, soit qu'il essaye d'y retansversales, soit qu'il essaye d'y re-

vibrations indéterminées, ou plutôt ils ont admis comme évident que ces ondes ne différaient des ondes sonores que par la période des vibrations et la vitesse de propagation. L'idée même d'ondulations et de vibrations périodiques ne s'est formée que par degrés. Le fondateur de la théorie, Huyghens <sup>(1)</sup>, n'a jamais

[1] Ni Huyghens, ni aucun des auteurs qui, au vvir siècle, ont considéré la lumière comme uu mouvement, ne présentent cette idée comme une invention personnelle ; ils la traitent comme une de ces hypothèses courantes qui n'appactiennent à personne, mais que chacun est tenu de discuter. Il secuit bien difficile d'ailleurs d'assigner le moment où cette hypothèse a été énoncée pour la première fois : on la trouve , à ce nu'il parait . dans les manuscrits de Léouard de Vinci (voyez Libri, Histoire des mathématiques en Italie, t. III, p 43 en note), et il est à croire qu'elle est beaucoup plus ancienne : si , des l'origine de la philosophie grecque, le feu a été considéré tantôt comme une matière, tantôt comme un mouvement, ces deux explications ne ponyaient manquer d'être étendues jusqu'à la lumière, qui est un des effets sensibles du feu. Mais le véritable fondateur de la théorie des ondes n'est pas l'alchinniste ou le scolastique chez qui l'on parviendra à en découveir le premier aperçu plus ou moins explicite; ce titre devra toujours appartenir à celui qui, le premier, a su tirer un corps de doctrine scientifique de ce qui n'était avant lui qu'une vague hypothèse, et personne, à notre avis, ne poucra le disputer à lluyghens.

Descactes, qu'on a l'habitude de citer comme le premier inventeur avant Huyghens, ne considère pas la lumière comme un mouvement peopagé par ondes successives, mais comme une pression transmise instantanément par l'intermédiaire du second élément; il ne peut d'ailleurs de cette étrange notion déduire l'explication d'aucun phénomène : il ne sait que comparer la réflexion et la réfraction à la réflexion d'une bille qui rencontre un plan sotide et à la déviation d'un projectile qui, traversant une surface résistante, comme celle d'une toile bien tendue, conserve la même vitesse de propagation parallèlement à cette surface, tandis que la composante normale de la vitesse est modifiée. Il est difficile de concevoir commeut Euler a pu trouver dans cette vaine doctrine une première esquisse de la théorie des ondes, et comment l'assection d'Euler a puêtre répétée par tout le monde; Huyghens, qui probablement avait lu Descartes avec plus d'attention que ses successeurs, présente lui-même son propre système comme entièrement opposé au système cartésien. (Voyez le Traité de la lumière, ch. 1".)

Young et Arago out souvent cité Hooke à côté de lluyghets, comme un des fondateurs de la théorie des ondes. égard dans ses raisonnements qu'à l'onde produite par une imputsion unique des molécules du centre lumineux; il la conçoit bien précédée et suivie d'ondes pareilles se propageant avec la même vitesse et douées des mêmes propriétés, mais comme il ne suppose pas qu'il y ait aucune relation générale entre les monments de ces ondes successives <sup>10</sup>, il n'en combine jamais les effets, et en particulier la notion de l'interférence constante de deux ondulations qui apportermient saus cesse en un même point

et lui ont même attribué la découverte du principe des interférences. Il est bien vrai que Hooke définit la lumière comme - un mouvement rapide de vibrations de très-petite amplitude, » a movement quick, vibratile, of extreme shortness. (Micrographia, p. 55.) Mais ce mouvement aurait, suivant lui, l'inconcevable propriété de se propager instantanément à toute distance et ne différe. rait guère par conséquent de la pression de Descartes, Hooke revient sans cesse sur cette notion d'une propagation instantanée; il essaye même dans ses Lectures on Light (p. 76 des Œuvres posthumes) de réfuter, par des objections aussi vagues que peu concluantes, les conséquences que Ræmer a tirées de l'observation des satellites de Jupiter. Il est bieu évident que l'idée d'une propagation instantanée est incompatible avec celle des interférences, et en effet, si on lit avec attention l'explication des anneaux colorés, où l'on a voulu trouver le germe de la grande découverte de Young (Micrographia, p. 64), on n'y reconnaît que le développement d'une théorie des couleurs assez analogue à celle que plus tard Gœthe a vainement tenté de substituer à la théorie de Newton.

Le seul auteur qu'on puisse raisonnablement mentionner comme un devancier d'Huyghens est le jésuite Pardies, connu dans l'histoire de la philosophie par son Discours de la connaissance des bêtes, où il réfute l'opinion cartésienne. Le P. Pardies n'a rien publié luimême sur la théorie de la lumière; mais Huyghens a vu ses manuacrits, et le jugement qu'il en porte dans son Traité de la lumière (p. 18) autorise à penser que les idées du P. Pardies ont été exactement reproduites par le P. Augo, dans son Optique, imprimée en 1682. Dans cet ouvrage, comme dans le Traité de la lumière, il n'est jamais question que d'ondes indépendantes, et les difficultés résultant de cette manière d'envisager les choses, que lluyghens n'a pas su résoudre entièrement, ne paraissent pas même être soupcounées.

 Il dit même précisément le contraire à la page 15 du Traité de la lumière. des monvements opposés l'un à l'antre, lui est absolument étrangère. De là une grande lacune dans sa théorie. Lorsque, considérant deux positions successives d'une même onde, il cherche à faire voir que la deuxième onde résulte de la combinaison de toutes les ondes élémentaires qui ont pour centre les divers points de la première, il n'a pas de peine à établir que ces ondes élémentaires out une enveloppe commune, qui est l'onde dont il s'agit, et qu'au delà de cette enveloppe il ne saurait y avoir de mouvement, mais il ne prouve pas d'une manière suffisante qu'à l'intérieur de cette enveloppe le mouvement soit insensible. Le lecteur admet volontiers que les ondes élémentaires doivent être constituées de manière que cette condition soit satisfaite, parce qu'il est impossible que deux modes de raisonnement également légitimes conduisent à des conséquences contradictoires; mais cette justification indirecte lui fait défaut lorsque Huyghens traite de la mênie manière la réflexion et la réfraction, prenant, sans autre démonstration, pour surface de l'onde réfléchie ou réfractée, l'enveloppe des ondes élémentaires qui ont pour centres les divers points de la surface réfléchissante ou réfringente (1). La formation

<sup>35</sup> Hughtens se contente de dire que le mouvement qui put cuisiter sur part à le mouvement qui put cuisiter sur pepert à l'eru qu'infiniment faible par rapport à l'eru qu'infiniment faible par rapport à la composition de laquelle toutes les autres contribuent par la partie de leurs surface qu'in et si la partie de leurs surface qui est la plus d'ôriginé du centre. «Treisit de la famire, p. 18. 9. A l'inspection de la figure joint de la figure joint de la figure joint de levion et à la réfaction. ) L'au six en réfaité levion et à la réfaction peut sembler évidente, anis en réfaité ces figures ne représentent que la competit de la competit d

binaison d'ondes rireulaires situéres dans un même plan, et à le ce ondes relalaires on substitue par la pensée les cultipares on substitue par la pensée les cultipares de la unière cat propagée, on voit, en approfondissont le sujet, qu'à une distance finie de l'ande caveloppe, l'intensité des mouvements est mointer que sur l'encologie, mais non pas infiniment moindre. Les expériences sur la combinaison des ondes liquides décrite dans la Wilmulder des frères where, qu'on que questios citées à l'appui du raisonnement l'un proportes l'approprieta l'a des ombres n'est pas expliquée d'une manière plus saisfaisante. Néanmoins, malgré toutes ces difficultés non résolues, en substituant une onde au point lumineux qui en est le centre et décomposant cette onde elle-même en une infinité d'éléments dont chacun agit à son tour coume un point lumineux, Huyghens a donné à ses successeurs la méthode féconde qui devait les conduire aux plus importantes découvertes, lorsque la notion de la périodicité des vibrations lumineuses leur serait devenue familière.

C'est comme une conséquence nécessaire des découvertes de Newton que cette idée s'est introduite dans la science <sup>10</sup>. La démonstration de l'hétérogénétié de l'agent lumineux conduisait en effet à distinguer divers modes d'ondulation caractéristiques des diverses couleurs, et le phénomène des anneaux colorés impliquait si évidemment le retour périodique de quelques affertions des rayons lumineux, que Newton lui-même a dà admettre quelque chose de semblable <sup>20</sup>. Le premier qui, mois sensible à l'autorité de Newton qu'aux difficultés de son système, oserait revenir à la théorie des ondulations, ne pouvait manquer de considérer les ondes lumineuses comme se succédant périodiquement à des intervalles réguliers, dépendant de la couleur, ou, ce qui revient au même, de la réfrangibilité de la lumière. Enler l'a fait, et, bien qu'il ait cousièré la durée des vibrations tautit comme croissant

des ondes qu'on peul regarder comme circulaires, car elles n'ébranlent le liquide que jusqu'à une bien petite profondeur.

- (1) On en trouverait cependant quelques traces dans l'Optique d'Ango, mais sans aucune des conséquences qu'on en a déduites plus tard.
- 3) On sait même que Newton avait cherché à rendre compte du phénomène

par des vibratious propagées daus un milieu spécial appelé éther, qui contrariaient ou farorisient la réflexion des molécules lumineuses sur la deuxième surface de la lame mince, suivant qu'elles tendacient à les pousser vers cette surface ou à les en écarter. (Voyes ('Diptique de Neton, Jirve II, 3' partie, proposition 111, et les questions 111, 111 et 111, là la suite de l'Opțique). et décroissant avec la réfrangibilité, tantôt comme variable en sens inverse (<sup>10</sup>, bien qu'il ait donné de la plupart des phénomènes connus de son temps les explications les plus inexactes (<sup>10</sup>, il ne mérite pas moins de conserver dans l'histoire de l'optique une place éminetne pour avoir dit d'une manière expresse que les ondulations lumineuses sont périodiques comme les vibrations sonores, et que la cause des différences de coloration est au fond la mêmeque la cause des différences de coloration est au fond la mêmeque la cause des différences de coloration.

#### 11

Toutes les vibrations souores qui résultent du libre jeu des forces élastiques d'un corps primitivement ébranlé sont décomposables d'une infinité de manières en deux demi-vibrations exactement contraires l'une à l'autre, de sorte qu'à deux époques séparées par une demi-vibration, et plus généralement par un nombre impair de demi-vibrations, les vitesses des molécules sont égales

<sup>30</sup> La première opinion est adoptée par Euler en suite d'une théorie tout à fait inexacte de la dispersion, dans la Nosa theria hait et colorma imprimée à Berlin en 17/h<sup>5</sup>; la seconde se trouve dans la Noverdie explication physique es couleurs engendrées par des suifaces extrémement mineres (Missières de L'adiculeur de Berlin pour 17/b<sup>5</sup>); mais elle n'est appuyée que sur une explication in set appuyée que sur une explication in l'estimagnée de sameaux colorés.

<sup>(3)</sup> On sait, par exemple, qu'Euler expliquait la coloration des corps par des vibrations de leur matière qui serraient entretenues par l'excitation continuelle des vibrations lumineuses incidentes. Une autre erreur, qui n'est guère moins surprenante, est d'avoir supposé qui ne rayon de lumière consistait en des impulsions périodiques extrémement outres, séparées par des intervalles de repos relativement trèslongs. Cétait saivant lui le seul moyen de concevoir comment une infinité de rayons de directions différentes prévent traverser, sans se troubler, un trou de petit diamètre. It utyplens avait cependant douné du phénomème l'expiración mécanique la plus claire et la plus eascle. (Voyex le Traité de la lumière, page 16-) et opposées. Si deux vibrations de ce genre, parties d'une même origine, viennent, après avoir parcouru des chemins inégaux, se réunir en un même point sous des directions sensiblement parallèles, elles devront se renforcer ou s'affaiblir réciproquement, suivant que la différence de leux durées de propagation à partir de l'origine sera d'un nombre pair ou impair de demi-vibrations, ets i la différence des chemins parcourus n'est qu'une peinte fraction de ces chemins eux-mêmes, l'intensité des deux vibrations étant à peu près égale, il y aura repos presque absolu au point où elles seront en discordance complète. Si les vibrations lumineuses sont constituées d'une manière analogue, il sera possible, en ajontant de la lumière à de la lumière dans des conditions convenables, de produire de l'obscurité.

Telle est la substance des raisonnements qui ont conduit Thomas Young à l'expérience mémorable par laquelle le système de l'émission a été défiuitivement réfuté, et l'existence des ondes tunineuses rendue, pour ainsi dire, aussi palpable que celle des ondes sonores <sup>11</sup>. Sur deux trous étroits et voisius, percés dans un

<sup>61</sup> Cres 1e phénomène des batterments qui parti avoir suggéré à Nong la première idée de l'interférence des visitations. Les oudulations d'on résultent les battements ne sont ni de même origine ni de même période; mais si les périodes sont pou différentes, ces visitations se trovaltes à l'est présides sont pou différentes, ces visitations se trovalhes à leur refinérement et à leur affaiblisement réciproques, et ces effets contraires sont sensibles à l'enrif.

Un principe de Newton a été souvent mentionné par Young comme renfermant une première application du principe des interférences; c'est l'explication de certaines marées anormales, observées par Italiey dans la mer de Chine, qui se trouve au troisième livre des Principes (prop. xxv). Suivant Newton, les ondes de la marée océanique pénétrerairent dans cette mer par les deux dérbuis situés au nordet au sud de l'archipel des Philippines, et dans les poets de se Manuel de six heures l'une sur l'autre, et le se détruises des reiversient avec un retard de six heures l'une sur l'autre, les se détruisent réciproguement, au moins lorsque, la lune étant dans le plan de l'équaleur, il y a égalifé entre les deux marées consécutives d'un mémoiur.

écran opaque, Young a fait arriver le faisceau des rayons solaires transmis par un autre trou étroit pratiqué dans le volet de la chambre obscure ; les deux cônes lumineux qui se sont propagés au delà de l'écran opaque ont été dilatés par la diffraction, de manière à empiéter l'un sur l'autre, et dans la partie commune il s'est produit, au lieu d'un accroissement général de l'intensité lumineuse, une série de bandes alternativement obscures et brillantes, occupant exactement les positions où, d'après la lhéorie, les mouvements vibratoires devaient réciproquement se renforcer et s'affaiblir. Les bandes ont disparu lorsqu'on a fermé l'un des deux trous. Elles ont disparu également lorsqu'au faisceau unique originaire d'un trou étroit on a substitué la lumière solaire directe ou celle d'une flamme artificielle : il est facile de comprendre cet effet, vu que dans ce cas les conditions de maximum et de minimum d'intensité lumineuse ne sont pas satisfaites aux mêmes points par les divers groupes de rayons qu'on peut concevoir émanés des divers points de la source (1).

Rien de plus varié que la série des conséquences que Young a su déduire de sa découverte. Elle lui a d'abord expliqué, jusque dans leurs plus minutieux détails, ces couleurs des lames minces

<sup>30</sup> Grimaldi, à qui l'on a souvent attitube la première observation des interférences, recevait la lumière solaire directe sur deux trous très-droiss, percés dans le volet même de sa chamber absurer. Les deux cônes transmis étainet légèrement colorés sur leurs bords par la difficación, et lorsque ces bords vanient à empière l'un sur l'autre, il en résultait des effets qui ont paruindique à Crimaldi que, dans certains cas, la lumière en s'ajoutant à de la lumière produissit de l'obsecurité. Lumen ali-

quando per sui communicationem redisiobscurioren superficiene corporis alicunde ac prius illustratum. (Physico mateinis de humine, prop. xxxxx). Mais il n'a rien déérit et n'a rien pu observer de semblable aux bandes atterwire que Young a obtennes un sidele et demi plas tard et qu'obtiennent sanu difficulté ious exus qui répétent son expérience. (Voyez la traduction de la xxir proposition de Grimaldi dans les Annales de chimie et de physique, 2° série, 1. X. p. 306.)

dont Newton avait déterminé les lois avec tant de soins et d'exactitude : les rayons réfléchis aux deux surfaces de la lame parviennent évidemment à l'œil en des temps inégaux, puisque les uns traversent deux fois la lame et que les autres n'y pénètrent pas. Suivant les valeurs diverses de cette inégalité des durées de propagation, c'est-à-dire suivant l'épaisseur et la nature de la lame, suivant l'inclinaison de la lumière incidente, ces deux groupes de rayons doivent alternativement se renforcer et s'affaiblir; et comme les conditions de ces effets opposés, liées avec la durée des vibrations, ne sont pas les mêmes pour tous les éléments de la lumière blanche, l'inégale modification d'intensité de ces divers éléments en un point donné de la lame a pour conséquence l'apparition des couleurs; et si, pour rendre un compte tout à fait exact des particularités du phénomène, il faut admettre une nouvelle propriété de la réflexion, l'expérience directe confirme l'existence de cette propriété. Les couleurs semblables à celles des lames minces, que Newton a obtenues avec des plaques épaisses. et qui lui ont semblé un corollaire de la théorie des accès, s'expliquent par les mêmes principes. Tandis que Newton était obligé de supposer, ce qui est contraire à l'expérience, que la deuxième surface de ces plaques possédait, à un degré très-sensible, la faculté de diffuser la lumière en tous sens, la théorie nouvelle attribue cette propriété à la première surface reucontrée par les rayons lumineux, et l'expérience confirme encore cette conclusion. Les phénomènes de diffraction, ces franges intérieures et extérieures à l'ombre des corps opaques, qui se montrent toutes les fois qu'on réduit suffisamment le diamètre de la source lumineuse, et qui. dans les conditions les plus habituelles des expériences, se cachent dans la confusion de la pénombre, résultent aussi de mouvements vibratoires qui, venant de divers côtés, et en suivant des chemins inégaux, concourir en un même point, tantôt se renforcent, tantôt

s'affaiblissent. Un grand nombre de phénomènes naturels doivent être rapportés aux mêmes principes, entre autres les arcs colorés qui s'observent souvent au delà du violet de l'arc-en-ciel ordinaire, et dont les théories de Descartes et de Newton sont incapables de rendre compte, les couronnes qui, dans une atmosphère chargée de gouttelettes d'eau en suspension, apparaissent autour du soleil et de la lune, l'irisation superficielle des minéraux, le reflet chatoyant des plumes des oiseaux et, en particulier, de toute surface présentant de fines inégalités régulièrement espacées. Partout où l'on peut distinguer deux groupes de rayons dont les durées de propagation sont inégales, soit parce qu'ils ont pénétré à des hauteurs inégales dans la goutte de pluie productrice de l'arc-en-ciel, soit parce que les uns ont cheminé dans l'air, les autres dans des gouttelettes aqueuses, soit parce que les uns se sont réfléchis sur le sommet, les autres sur le point le plus bas des stries d'une surface, partout l'observateur reconnaît les alternatives de lumière et d'obscurité et les colorations variables caractéristiques de l'interférence. Enfin ces divers phénomènes déterminent les éléments numériques fondamentaux des vibrations lumineuses, et substituent des données précises aux vaines conjectures d'Euler. Ils s'accordent tous à démontrer que les ondulations les plus réfrangibles sont aussi les plus rapides; d'ailleurs, même dans les ondulations les plus lentes, cette, rapidité est de nature à confondre l'imagination : en une seconde il ne s'accomplit pas moins de quatre à cinq cents trillions de vibrations sur un rayon de lumière rouge, et de sept à huit cents trillions sur un rayon de lumière violette.

L'admiration qu'inspirent toujours les écrits où sont exposées ces immortelles découvertes (1) n'en doit pas dissimuler les imper-

(1) Ge sont les trois Mémoires lus à la vembre 1801, le 1<sup>er</sup> juillet 1802 et le Société royale de Londres le 12 no-

fections et les lacunes. Comme il arrive souvent aux génies qui se sont formés eux-mêmes sans recevoir et sans se donner la forte discipline d'une étude régulière de la tradition scientifique (1).

ment pour titres ; On the theory of Light and Colours; - An account of some cases of the production of Colours not hitherto described; - Experiments and Calculations relative to physical optics. Le Mémoire plus ancien qui a pour titre, Experiments and Inquiries respecting Sound and Light, ne contient guère qu'un examen comparatif des mérites du système de l'émission et du système des ondulations, où il n'y a rien de très-nouveau. Seulement un passage sur l'analogie qui existe entre les lois des anneaux colorés et celles des tuyaux fermés, rapproché de l'explication qui est donnée de ces dernières lois, montre que Young était déjà en possession du principe des interférences et qu'il en connaissait toute la portée. Les Lectures on natural Philosophy, publiées en 1807, résument d'une manière systématique les idées de Young sur la nature de la lumière, sans beaucoup ajouter à ce qu'on trouve dans les Mémoires déia cités. Depuis cette époque jusqu'au moment où les travaux de Fresnel sont venus réveiller l'activité de Young, il a peu écrit et n'a rien publié sous son nom sur des matières scientifiques; il s'est contenté de défendre ses anciennes idées et d'y ajouter un petit nombre de développements nouveaux (dont il sera question plus loin), dans quelques articles anonymes de la Quarterly Beview, où il faisait la critique des travaux inspirés aux savants contemporains par le système de l'émission.

(1) Dès son enfance, Young avait montré les facultés les plus rares et surtout une souplesse d'esprit qui lui permettait de les appliquer, au même moment et avec un égal succès, aux études les plus diverses. A treize ans, au sortir d'une école privée où on lui avait enseigné les laugues anciennes et les premiers éléments des mathématiques, seul et sans maître, dans la maison paternelle, il tentait d'apprendre à la fois l'hébreu, la botanique et l'optique: à seize ans il étudiait en mêmr temps Hésiode et Aristophane, Simpson et Newton, Linnée et Boërhave, Lavoisier et Black, et lorsqu'à l'entrée de la jeunesse il sortait du cercle étroit où l'avaient d'abord confiné les opinions religieuses de sa famille (\*), il attirait tout de suite sur lui l'attention des esprits les plus éminents et des plus grands personnages de l'Angleterre. Porson l'admettait à discuter avec lui les points controversés d'archéologie et de philologie grecques; le duc de Richmond lui proposait d'entrer dans la carrière politique en devenant son secrétaire; Burke et Windham lui con-

<sup>(\*)</sup> Il était quaker de naissance.

Young n'a jamais bien compris la différence qu'il y a cutre un aperçu et une véritable démonstration, ainsi que Laplace le lui reprochait dans une lettre que l'éditeur des Cfavres de Young a publiée (t. l.ºc., p. 374). Il ne faut pas entendre par là seulement que Young a ignoré ou négligé l'art de présenter ses découvertes sous cette forme classique qui les aurait fait accueillir plus promptement par les interprètes autorisés de la science contemporaine; il faut reconnaître que, dans bien des cas, il a passé à côté edifficultés édis signalées, sans paraître les apercevoir, et que, d'autres fois, il s'est contenté d'expliquer en gros les phénomènes sans instituer entre l'expérience et la théorie cette comparaison inutieuse qui garantit seule la possession de la vérité <sup>10</sup>. Ainsi

seillaient le barreau et lui offraient leurs directions pour l'étude des lois. Mais personne ne paraissait soupçonner que les sciences physico-mathématiques, la philosophie naturelle, comme on disait alors, fussent la vocation propre de ce brillant et universel génie, et luimême l'ignorait probablement. Des considérations de famille, le désir de s'assurer la bienveillance d'un oncle riche lui firent embrasser la profession médicale; la nécessité d'un apprentissage régulier le conduisit successivement à Londres, à Édimbourg, à Gættingne et à Cambridge, et c'est durant son séjour à Gœttingue que sa pensée commença à se fixer sur les objets qui ne devaient plus cesser de l'occuper. Pour le snjet de la thèse qu'il était tenu de composer, il choisit la théorie de la voix humaine : l'étude de la production et de la propagation du son le conduisit bientôt à la théorie générale des ondes et à l'optique.

Bien des geus penserout que cette éducation tout individuelle et spontanée était la meilleure que pôt recevoir une pareille nature. Peut-être Yonng en jugeait-il autrement, lorsqu'il pronouçait cette parole mélancolique, cnuservée par la tradition de ses auis:

- Quand j'étais un eufant je me « croyais un homme; maintenant que je - suis homme, je vois que je ne suis « qu'un enfant (\*). -

(i) Il a dit lui-même qu'il mettait sa gloire et son plaisir à se passer autant que possible de l'expérience.

"For my part, it is my, pride and "pleasure, as far as I am able, to su-persede the necessity of experiments." (Lettre à M. Gurney, eitée par Paacoca. Life of Young, p. 477.)

<sup>(\*) ~</sup>When I was a boy, I thought myself a mun; now that I am a mun, I find myself a boy, ~ (Peaceck, Life of Young, p. 117.)

il n'a fait faire aucun progrès à la théorie de la réflexion et de la réfraction, acceptant comme entièrement satisfaisant tout ce que Huyghens en avait dit (1). If n'a pas peut-être été assez difficile pour la démonstration expérimentale de son principe fondamental : les deux rayons qu'il faisait interférer lui étaient fournis par un phénomène aussi mystérieux pour lui que pour ses prédécesseurs. l'inflexion de la lumière dans l'ombre des corps opaques, et les partisans de l'ancien système pouvaient soutenir, avec quelque apparence de raison, que les interférences n'étaient qu'une particularité spéciale aux phénomènes de diffraction (8). Ce qu'il a dit de la diffraction est à peu près entièrement inexact. Suivant lui ce phénomène résulterait, dans certains cas, de l'interférence des rayons directs avec les rayons réfléchis sur les bords des corps, et. dans d'autres, de l'interférence des rayons infléchis de côtés opposés par une atmosphère condensée au voisinage de ces bords. Fresnel a montré depuis que les circonstances les plus propres à modifier la proportion do la lumière réfléchie sur les bords, et

- <sup>10</sup> Dans see Experiments and Inquiries representing Sound an Light, Young admet, a peu près auns démonstration, comme vant lui le P. Pardies, que l'onde réfractée est le lieu des points où le mouvement úthestire arrive dans le meu temps (5 10); dans le Mémoire On de thorçe of Light and Coloux, il abort of John de l'année de la propens, qui cet su fond le même que la thérie de la réflexion et de la réflexion.
- 2º L'obscurité, le manque de rigoeur et tous les défauts de forme qu'il est si facile de relever dans les écrits de Young, ne leur ont pas seulement attiré le jugement défavorable de Laplace et de

Poisson, elles ont été l'occasion d'altaques insultantes que la Revue d'Édimbourg a publiées à diverses reprises, et qui par leur succès immérité ont découragé Young et l'ont éloigné de la science pour plusieurs années, L'illustration que s'est acquise au barreau et en politique l'auteur de ces attaques (M. Henri Brougham, depuis lord Brougham), leur a conservé une sorte de célébrité; pour les réduire à leor juste valeur, il suffira de dire que l'auteur, ne pouvant s'expliquer l'expérience fondamentale des interférences, preud le parti de la nier, sans songer un moment à la répéter lui-même.

l'état de l'atmosphère condensée dans leur voisinage, n'exerçaient pas la moindre influence sur les phénomènes de diffraction.

V

Si, en tenant compte de ces remarques critiques, on rapproche l'eavre de Young de celles de Huyghens et d'Euler, on recounsitra qu'au commencement de ce siècle trois points fondamentaux étaient acquis à la science : la notion de la périodicité des vibrations lumineuses, le principe des interférences, et la méthode de raisonnement où l'on considère, à l'exemple de Huyghens, chaque élément d'une onde comme un centre lumineux particulier. Mais on reconnaitra aussi qu'il existait de graves difficultés dans presque toutes les applications qu'on avait faites de ces principes, et que les géométres illustres, dont l'opinion gouvernait alors le monde scientifique, ne manquaient pas de bonnes raisons pour justifier leur poposition persistante à la nouvelle doctrine. Personne nes oup-connait qu'une combinaison du principe des interférences avec le principe de l'Huyghens donnerait la solution de la plupart de ces difficultés.

Cette découverte était réservée à un jeune ingénieur des ponts et chaussées, qui, peu d'années après sa sortie de l'École polytechnique, dans les circonstances les moins favorables à l'étude. fut amené, par ses réflexions sur les propriétés de la lumière, à sentir l'insuffiance du système newtonien. Aucstra-Lax, Frasxu. (né à Broglie, département de l'Eure, le 10 mai 1788), malgré une santé délicate qui l'avait d'abord retardé dans ses études, était entré à l'École polyterhique à l'âge de seize ans. Admis, à sa sortie de l'école, dans le corps des ponts et chaussées, il avait passé près de trois années à l'École dapplication, et, devenu ingénieur, avait d'abord été attaché aux travaux des routes que le

gouvernement impérial faisait construire autour de Napoléon-Vendée, puis, vers la fin de l'année 1812, chargé de prolonger au delà de Nyons (1) la route qui, en rejoignant par la vallée d'Eygues le passage du Mont-Genèvre, devait établir la communication la plus directe entre l'Espagne et l'Italie, Dans l'isolement à peu près complet où il dut ainsi passer plusieurs années. il chercha à se distraire, par des études personnelles, des soucis et des dégoûts de la vie pratique auxquels il resta tonjours trèssensible (3). Ce n'est pas du côté de l'optique que se tournèrent d'abord ses pensées. Sous l'influence des souvenirs d'une éducation de famille où la religion avait tenu la première place, il commença à méditer sur les questions philosophiques et s'efforça de trouver une démonstration scientifique et rigoureuse de la vérité de quelques-nnes des croyances qui avaient été jadis pour lui l'objet de la foi la plus ardente; mais il ne communiqua jamais ses pensées qu'aux membres de sa famille et à ses plus intimes amis. Quelques études d'hydraulique et de chimie industrielle l'occupérent dans le même temps et le firent entrer en relations avec plusieurs membres de l'Académie des sciences, notamment avec Darcet, Thenard et Gay-Lussac. Enfin, probablement dans les premiers mois de 1814, son attention fut attirée de nouveau sur les difficultés que lui avait présentées, à l'École polytechnique, la doctrine acceptée de la matérialité du calorique et de la lu-

la nécessité de gronder et de faire le inféhant. (Lettre à Arago du 1 de cembre 1816, N° LVII.) — « Je ne trouve rien de si pénible que d'avoir à mener des hommes, et j'avoue que je n'y entends rien du tout. « (Lettre du 29 décembre 1816 à M. Léonor Mérimée, son oncel, N° LIX.)

<sup>(1)</sup> Chef-lieu d'arrondissement du département de la Drôme.

<sup>&</sup>lt;sup>(3)</sup> - Ce genre de vie, quoique un peu pénible, écivai-li quelques années plus tard à Arago, en lui racontant ses travaux d'ingénieur, me conviendrait asses si je ne fatignais que mon corps, et si je n'avais l'esprit tourmenté par les inquiétudes de la surreillance et par

mière, et la recherche d'une théorie plus satisfaisante devint bientôt le but de ses efforts (1).

Il n'était point préparé à cette recherche par les études de l'École polytechnique. L'enseignement de la physique, confié depuis l'origine à l'ancien membre de la Commune de Paris, Hassenfratz, était bien loin d'avoir dans cette grande école l'importance que Petit lui donna quelques années après <sup>10</sup>. Fresnel n'avait pu trouver aucune notion tant soit peu evade des travaux de ses devanciers sur la théorie des ondes, et dans l'isolement où il avait toujours vécu, il n'avait pu suppléer à l'imperfection de ses consissances par la fecture de bous traités généraux de physique, qui faisaient défaut à cette époque <sup>20</sup>. Cette situation, qui l'exposait à se consumer en efforts stériles sur des questions déjà résolues ou trop éloignées encore de leur solution <sup>30</sup>, aurait pu se prolonger

<sup>6</sup> Le première indication de la direction nouvelle des pensées de Fresand se trouve dans la lettre à Léoner Fresand du 5 finai (8 Ai e Je voudrais hieu, lui dissit-il, après sovir demandé l'enroi d'un exemplaire de la Physique de llaty, avoir aussi des mémoires qui me missent au fuit des découvertes des physiènes français sur la polarisation de la lumière. J'ai vu dans le Moniteur, il y a quelques mois, que Biot avait lu à l'Institut un mémoire fort intéressant un la polarisation de la hunière. J'ai beau me casser la lète, je ne devine pas ce que cest. V (vore N° LIX.)

Le mémoire de Biot est probablement le Mémoire sur une nouvelle application de la théorie des oscillations de la lumière, qui a été lu à la première classe de l'Institut le 27 décembre 1813. Cette date fixerait à peu près l'époque des premières réflexions de Fresnel sur la lumière.

20 Voyez, sur Hassenfratz el son euseignement l'Histoire de ma jeunesse, d'Arago, t. I, p. 12.

(3) En deliors des anciens ouvrages des anteurs du xvnit siècle, on n'avait guère à cette époque que le Traité de physique de Haûy et celui de Libes, tous deux bien incomplets sur l'optique.

<sup>50</sup> On ne peut goère juger d'unautre manière l'explication, el l'essi d'une nouvelle de l'aberration, el l'essi d'une théorie de la dilatation des corps dont il est question dans les lettres à Lénor Fresnel en date de 18 i. A. (Voyez le N° LIX.) L'explication de l'aberration est l'objet principal d'un écrit étendu, que Fresnel appelait lui-même ses Ri-

longlemps si les événements politiques de 1815, en arrêtant pendant quelques mois la carrière d'ingénieur de Fresnel, ne lui avaient donné des loisirs forcés, dont l'emploi fut décisif pour sou avenir scientifique. Suspendu de ses fonctions d'ingénieur et mis en surveillance à Nyons, au début des Cent-jours, pour s'être joint comme volontaire à la petite armée qui, sous les ordres du duc d'Augoulême, avait tenté un moment de résister dans le Midi à Napoléon revenu de l'île d'Elbe, il ne fut réintégré dans le cadre des ponts et chaussées qu'au mois de juillet par la seconde Restauration, et rappelé au service actif qu'à la fin de 1815. L'intervention bienveillante du préfet de police des Cent-jours, M. le comte Réal, en obtenant pour lui l'autorisation de se rendre de Nyons au village de Mathieu, près de Caen, où s'était retirée sa mère, le ramena à Paris pour quelques jours et lui permit de solliciter les conseils de quelques-uns des maîtres de la science et particulièrement d'Arago. Ce qu'on connaît de ces conseils (1) n'est pas de nature à faire penser qu'ils aient été d'une grande utilité directe pour le jeune physicien; mais l'accueil bienveillant d'Arago lui fut sans doute un encouragement puissant à poursuivre ses recherches.

C'est à l'étude de la diffraction qu'il consacra son séjour au village de Mathieu. Comme Young, il avait promptement reconnu que le phénomène des ombres, qui passait pour la difficulté la

veries, et qu'il a plus tard condamné à un oubli, d'où il a paru inutile de le tirer. La correspondance qu'on vient de citer en donne suffisamment l'idée.

<sup>(1)</sup> Voyez le billet d'Arago mentionné dans la note de M. de Seuarmont sur la lettre de Fresnel à Arago en date du 23 septembre 1815. (N° I de cette édition.) Arago se borne à indiquer à Fressel des écrits sur la diffraction, qu'il lui était impossible de consulter hors de Paris, et dont la plupart, rédigés en langue anglaise, n'auraient pu lui étre utiles qu'avec le concourd'un interprète sullisamment versé dans la seience pour en comprendre le sens véritable. plus grave du système des ondulations, offrait dans le phénomène accessoire de la diffraction des particularités inexplicables pour le système de l'émission, et il avait compris l'importance d'une connaissance exacte de ces particularités. Il n'avait dans son isolement ni micromètre pour mesurer la largeur des franges qu'il s'agissait d'observer, ni héliostat pour donner aux rayons solaires une direction constante; il se fit lui-même un micromètre avec des fils et des morceaux de carton; il atténua par l'emploi d'une lentille à court fover les inconvénients du mouvement apparent du soleil; le serrurier du village lui construisit quelques supports, et avec ces appareils grossiers il sut, à force de soins et de patience, obtenir des résultats suffisamment précis pour établir quelques-unes des lois les plus remarquables des phénomènes. Deux Mémoires étendus, présentés à l'Académie des sciences à quelques semaines d'intervalle (1), furent le fruit de ces premières recherches. Arago, qui fut chargé de les examiner de concert avec Poinsot, obtint du directeur général des ponts et chaussées, par l'entremise de Prony, que Fresnel sût autorisé à venir passer quelques mois à Paris, au commencement de 1816, pour répéter ses expériences dans de meilleures conditions, et dans ce séjour Fresnel refondit ses deux premiers écrits pour en composer le Mémoire sur la Diffraction qui est inséré au tome le de la se série des Annales de chimie et de physique (2). Ces rédactions successives ne différent en rien d'essentiel, mais les premières contiennent des développements, supprimés dans la dernière, qui donnent une idée plus complète de la marche progressive des recherches de l'auteur, surtout quand on les rapproche de quelques lettres adressées à Arago dans les derniers mois de 1815 (3).

C'est, comme on l'a dit tout à l'heure, par l'étude des ombres

<sup>(1)</sup> Ge sont les numéros II et IV de la présente édition.

<sup>12</sup> Nº VIII de cette édition.

<sup>&</sup>lt;sup>[3]</sup> N∞ I, III et V de cette édition.

que Fresnel a commencé ses recherches; c'est par l'observation de l'ombre d'un fil étroit qu'il a été conduit au principe des interférences.

« à vasis déjà collé plusieurs fois, dit-il dans son premier Mémoire "), un petit carré de papier noir sur un côté du fil de fer dont je me servais dans mes expériences, et javais toujours vu les franges de l'intérieur de l'ombre disparaître du côté du papier, mais je ne cherchie que son ilquence sur les franges extérieures et je nue refusais en quelque sorte à la conséquence remarquable où me conduisait ce phénomène. Elle m'a frappé dès que je me suis occupé des franges intérieures, et ja ifait sur-le-champ cotte réflexion: puisque en interceptant la lumière d'un côté du fil on fait disparaître les franges intérieures, le concours des rayons qui arrivent des deux côtés est donn nécessaire à leur production

"Elles ne peuvent pas provenir du simple mélange de ces rayons, puisque chaque côté du fil séparément ne jette dans l'ombre qu'une lumière continue; c'est donc la rencontre, le croisement même de ces rayons qui produit les franges. Cette conséquence, qui n'est pour aiusi dire que la traduction du phénomène, est tout à fait opposée à l'hypothèse de Newton et confirme la théorie des vibrations. On compoil aisément que les ribrations de deux rayons qui se croisent sons un très-petit angle peuvent se contrarier, lorsque les nœuds des unes correspondent aux rentres des autres."

Ge passage est tout à fait caractéristique : l'aveu sincère de la préoccupation qui lui a d'abord caché l'importance de son expérience est un exemple de la scrupuleuse fidélité que Fresnel a toujours apportée à l'exposition de ses recherches; la singulière erreur théorique contenue dans les dernières lignes fait voir con-

<sup>&</sup>lt;sup>(3)</sup> N° II, \$ 15 et 16. — Le passage l'assertion erronée qui le termine les est reproduit N° VIII. \$ 6; voyez sur notes de l'éditeur.

bien ses premières études scientifiques étaient demeurées incomplètes; mais l'eusemble témoigne la faculté précieuse, qu'il posséda tout de suite, d'apercevoir le germe des plus importantes découvertes dans un détail expérimental. La suite du travail montre de quelle manière il savait faire porter toutes ses conséquences à un principe solidement établi.

On y voit d'abord Fresnel, après avoir retrouvé le principe des interférences, retrouver encore les autres idées fondamentales de Young, entre autres l'explication des couleurs des lames minces et la théorie des franges extérieures aux ombres, fondée sur l'hypothèse inexacte de l'interférence des rayons transmis directement avec les rayons réfléchis sur les hords des corps. Mais la vraie théorie de la diffraction se trouve implicitement contenue dans la partie de la première communication académique de Fresnel, où il donne de la réflexion et de la réfraction une théorie exempte des difficultés attachées à la théorie de Huyghens ; il prouve en effet qu'il résulte de l'interférence des vibrations envoyées par les divers éléments de la surface réfléchissante ou réfringente qu'il n'y a pas de lumière sensible en dehors de la direction des rayons réfléchis on réfractés, tontes les fois que l'étendue de la surface est un peu considérable, c'est-à-dire dans les seules conditions où les lois de la réflexion et de la réfraction soient réellement vérifiées; il ne lui restait qu'à appliquer le même principe à la recherche des effets produits par la combinaison des mouvements vibratoires émanés des divers éléments d'une onde lumineuse, et la formation des ombres serait expliquée. Dans la seconde communication, qui est datée du 10 novembre 1815, Fresnel approche encore de cette découverte, en déduisant du même principe l'explication des couleurs des surfaces striées.

Il ne lui fallut pas bien longtemps pour apercevoir cette conséquence de ses principes, et pour reconnaître dans une étude ex-

périmentale plus complète, à quel point la théorie de Young, qui était un moment devenue la sienne, était contredite par les faits. Dès le 15 juillet 1816, il présentait à l'Académie un supplément à ses premières communications (1), où la diffraction est pour la première fois rapportée aux effets de l'interférence des vibrations envoyées par les divers points d'une onde que limitent des écrans opaques. Dans les cas relativement simples d'un fil de petit diamètre et d'un diaphragme étroit, en supposant l'observateur placé à une grande distance du fil ou du diaphragme, il fait voir sans calcul que ces effets doivent être précisément des franges comme celles dont l'observation atteste l'existence, et à défant d'une comparaison numérique entre la théorie et l'expérience, il établit par une discussion minutieuse, que sa théorie rend compte d'un grand nombre de particularités qui sont tout à fait incompatibles avec la théorie de Young; dans le cas d'un corps avant de grandes dimensions, les mêmes raisonnements démontrent qu'en raison de la petitesse des longueurs d'onde, la lumière doit décroître très-rapidement dans l'intérieur du cône géométrique, de manière à devenir totalement insensible à une faible distance; mais ils démontrent aussi que ce décroissement doit se faire d'une manière continue. La formation de l'ombre et l'inflexion de la lunuère dans cette ombre se trouvent ainsi simultanément expliquées.

Ce fécond aperçu, qui est devenu plus tard une théorie complète, n'est pas la seule découverte qui ait signalé le séjour de Fresnel à Paris pendant une partie de l'année 18 16. Le même supplément aux Mémoires sur la diffraction contient la description des expériences célèbres qui ont établi d'une manière définitive que la propriété d'interférence n'appartenait pas seulement aux rayons que la diffraction a détournés de leur direction initiale, et

<sup>1)</sup> Nº X de la présente édition.

qu'elle peut être manifestée par les rayons réfléchis et réfractés dans les conditions les plus diverses. La détermination des conditions particulières de l'interférence des rayons polarisés, qui a été l'origine du principe des vibrations transversales, remonte à la même époque : il ne pourra en être question que plus loin.

Les nécessités de sa carrière, en rappelant l'resnel à l'ennes, où l'attendait un service des plus pénibles "", ralentirent pendant près d'une année son activité scientifique. C'est vers l'automne de 1817 qu'il fut autorisé à revenir en congé à Paris, et c'est seulement au printemps de 1818 qu'une nomination à un emploi dans le service du canal de l'Ourcq lui permit de considérer ce retour comme définití. La science devra toujours un souvenir reconnaissant à l'auteur de ces deux mesures, l'honorable M. Becquey, qui, dans les derniers mois de 1817, avait succédé à M. le comte Molé comme directeur général des ponts et chaussées.

C'est précisément vers cette époque qu'une décision de l'Académie des sciences vint engager Fresnel à donner une forme précise et des développements étendus à ce qui n'avait été d'abord qu'un aperçu rapide et un peu vague des véritables causes de la diffraction. Parmi les membres les plus influents de l'Académie se trouvaient des hommes, tels que Laplace et Biot, qui avaient longtemps regardé le système de l'émission comme l'expression de la réalité, et qui croyaient même avoir fait dépendre de ce système des phénomènes qu'avant eux on n'avait pas su y rattacher. Les découvertes de Young et de Fresnel ne les avaient point ébranlés <sup>50</sup>:

<sup>10</sup> La surveillance des ateliers de charité que l'administration des travaux publics avait établis à la suite de la disette de 1816.

<sup>(2)</sup> Voici, à la fin de 1816, tout ce que

Biot jugeait à propos de dire des interférences dans son grand Traité de physique expérimentale et mathématique.

En analysant cette idée (l'idée d'une atmosphère moins réfringente que l'air,

et, persuadés qu'une étude plus approfondie de ces phénomènes de diffraction et d'interférence, qu'on opposait à leur doctrine chérie, fournirait à cette doctrine l'occasion d'un nouveau triomphe, ils firent mettre au concours par l'Académie, pour le grand prix des sciences mathématiques de l'année 1819, la question de la diffraction dans les termes suivants :

- Les phénomènes de la diffraction, découverts par Grimaldi. ensuite étudiés par Hooke et Newton, ont été, dans ces derniers temps, l'objet des recherches de plusieurs physiciens, notamment de MM. Young, Fresnel, Arago, Pouillet, Biot, etc. On a observé les bandes diffractées qui se forment et se propagent hors de l'ombre des corps, celles qui paraissent dans cette ombre même, lorsque les rayons passent simultanément des deux côtés d'un corps très-étroit, et celles qui se forment par réflexion sur les surfaces d'une étendue limitée, lorsque la lumière incidente et réfléchie passe très-près de leurs bords. Mais on n'a pas eucore suffisamment déterminé les mouvements des rayons près des corps mêmes où leur inflexion s'opère. La nature de ces mouvements offre donc anjourd'hui le point de la diffraction qu'il importe le ulus d'approfondir, parce qu'il renferme le secret du mode physique par lequel les rayons sont infléchis et séparés en diverses bandes de directions et d'intensités inégales. C'est ce qui détermine l'Académie à proposer cette recherche pour sujet d'un prix. en l'énoncant de la manière suivante :

voisine de la surface des corps), on pourrait peut-être, on dermit du moins, y trouver la cause du phénomène suivant, qui a été observé pour la première fois par M. Young. C'est que, lorsqu'une lameétroite et opaque forme derrière elle des franges intérieures à son ombre, on peut faire disparaître ces franges en plaçant un écran opaque en contact avec la lame, on en plongeant cet écran à une certaine profindeur dans le faisceau des rayons, soit avant la lame étroite, soit après. M. Arago a trouvé que la disparition a lieu également quand on emploiun écran diaphane d'une épaisseur suffisante. « T. IV, p. 775.) --y Déterminer par des expériences précises tous les effets de la différaction des rayons lumineux directe et réflechis, lorsqu'ils passent séparement ou simultanément pris des extrémités d'un ou de plusieurs corps d'une éteadue, soit limités, soit indéfinie, en ayant égard aux intervalles de ces corps, ainsi qu'à la distance du foyer lumineux d'oi les rayons émanent;

« 9° Conclure de ces expériences, par des inductions mathématiques. les mouvements des rayons dans leur passage près des corps.

«Le prix sera décerné dans la séance publique de 1819, mais le concours sera fermé le 1 « août 1818; et ainsi les Mémoires devront être remis avant cette époque, pour que les expériences qu'ils contiendront puissent être vérifiées (<sup>10</sup>, »

Ce programme singulier, qui trahit les préoccupations systématiques de ses auteurs, et où le véritable état de la question ne semble pas même soupçonné, n'était pas fait pour engager Fresnel à concourir. Il s'y dérida cependant, sur les instances pressantes d'Arago et d'Ampère, et avant le terme fixé il présenta dans les formes voulues <sup>60</sup> le Mémoire sur la diffraction, que l'Académic couronna l'année suivante, et qu'elle fit insérer dans le tome Y de ses Mémoires, après qu'elle eut appelé Fresnel à prendre place dans son sein.

(i) Extrait du procès-verbal de la séance publique du 17 mars 1817, inséré dans le tome IV des Annales de chimie et de physique, p. 303.

<sup>21</sup> Une vieille tradition académique exige que, dans la plupart des concours, les nonts des auteurs soient teuss secrets jusqu'au moment où le jugement de l'Académie est prononecí. Cet usage est sans incouvéulent dans les concours d'éloquence et le poésse; mais dans un concours scientifique il peut arriver que l'auteur d'une découverte importantéen voie frustré par une publication suremue dans l'intervalle, quéquéois asses long, qui s'écoule entre la clôture et le jugement du concours. Afin de parve autant que possible à cette éventualité. Fressel déposa, le 20 avril 18-18, son pli eccheté, au serréfariat de l'Académie, une Note sur la théorie de la diffraction, l'aquelle contensait les principaux résultats développés dans son Mémoire. Cett le NYAI de la présente édition.

Les questions formellement posées par l'Académie ne tiennent dans ce Mémoire qu'une place très-secondaire. L'auteur prend de plus haut le problème de la diffraction, et ne se propose rien moins que de soumettre le système de l'émission et le système des ondes à l'épreuve d'une comparaison avec l'ensemble des phénomènes que présente la lumière lorsqu'elle se propage dans un milien homogène, uniréfringent, et qu'elle y rencontre des corps opaques. Des expériences nombreuses lui démontrent clairement que le système de l'émission ne peut rendre raison du moindre fait exactement et complétement observé; le système des ondes. tel qu'on le trouve dans les écrits de Young, n'a pas beaucoup plus de puissance; mais une conception plus forte du système fait évanouir les difficultés, et la simplicité des explications devient telle qu'il n'est pas besoin d'une analyse bien savante pour les traduire en calcul et en comparer les résultats numériques avec ceux de l'observation.

- Nous n'envisageons pas, dit Fresnel, le problème des vibrations d'un fluide élastique sons le même point de vue que les géomètres l'out fait ordinairement, c'est-à-dire en ne considérant qu'un seul d'branlement. Dans la nature les vibrations ne sont jamais isolées; elles se répètent toujours un grand nombre de fois, comme on peut le remarquer dans les oscillations d'un pendule ou les vibrations des corps sonores. Nous supposerons que les vibrations des particules lumineuses s'exécutent de la même manière, en se succédant régulièrement par séries nombreuses; la pothèse où nous conduit l'analogie, et qui d'ailleurs paraît une conséquence des forces qui tiennent les molécules des corps en équilibre. Pour concevoir une succession nombreuse d'oscillations à peun près égales de la particule éclairante, il suffit de supposer que sa densité est beaucoup plus grande que celle du fluide dans lequel elle oscille. C'est ce qu'on devait déjà conclure de la régu-

larité des mouvements planétaires au travers de ce même fluide, qui remplit les espaces célestes. Il est très-probable aussi que le nerf optique n'est ébranlé de manière à produire la sensation de la vision qu'après un certain nombre de choes successis <sup>(i)</sup>.

Il résulte de là que, lorsqu'on décompose, à l'exemple de Huyghens, une onde lumineuse en éléments infiniment petits, on doit avoir égard, non-seulement aux ondes qui peuvent simultanément, à un instant donné, résulter de ces divers éléments, mais aux ondes antécédentes et aux ondes consécutives, et combiner, d'après le principe des interférences, les mouvements différents, mais dépendants les uns des autres suivant une loi régulière, que des ondes d'origine diverse apportent à un moment donné en uu point donné de l'espace. Des considérations géométriques trèssimples et faciles à généraliser font ressortir une conséquence importante de cette combinaison : c'est que le mouvement transmis par une onde sphérique à un point extérieur se réduit au mouvement qui lui est envoyé par une très-petite partie de l'onde, dont le centre est en ligne droite avec la source lumineuse et le point éclairé. - Ainsi se trouve justifiée la notion habituelle d'une propagation rectiligne de la lumière, en même temps que disparaissent les difficultés inhérentes aux raisonnements incomplets de Huvghens (3). Chaque point extérieur à l'onde ne reçoit de lumière que de la région de l'onde très-voisine du point dont il est le plus rapproché, et tout se passe comme si la lumière se propageait en ligne droite de la source éclairée, parce que cette ligne droite est

veloppement de l'idée fondamentale de l'autenr, tout comme le commentaire qu'il a été indispensable d'ajouter aux écrits de Newton et de Leibnitz sur les principes de l'analyse infinitésimale.

<sup>(1)</sup> Voyez Nº XIV, 5 34.

<sup>©</sup> Ce n'est pas que pour donner une rigueur complète aux raisonnements de Fresnel il ne soit nécessaire d'y ajouter un commentaire assez étendu; mais ce commentaire n'est qu'un dé-

le chemin le plus court. Tous les points qui se trouvent à la même distance de l'onde considérée recevant de cette onde au même instant des mouvements identiques, on doit les regarder comme formant une nouvelle onde, qui est l'enveloppe de toutes les ondes élémentaires, ainsi que Huyghens l'avait pressenti. Comme au fond toutes ces conclusions ne reposent que sur les propriétés générales des maxima et des minima, et ne dépendent en rien de la forme sphérique des ondes, elles s'étendent immédiatement à tous les milieux, quelle qu'y puisse être la forme des ondes élémentaires, et quelle que soit la surface que les conditions particulières d'une expérience doivent faire regarder comme l'onde primitive. Enfin la solution des problèmes de la réflexion et de la réfraction est implicitement contenue dans celle du problème de la propagation rectiligne : ce qu'on appelle la direction du rayon réfléchi et du ravon réfracté n'est autre chose que la direction de plus prompte arrivée du mouvement vibratoire, et l'onde réflécbie et réfractée dérive de l'onde incidente, absolument comme dans un milieu illimité une onde quelconque dérive d'une onde antécédente.

Fresuel indique à peine ces conséquences de ses principes. Dans les Notes annexées au Mémoire où il traite de la réflexion et de la réfraction, il se restreint même au cas simple d'une surface plane et d'une onde incidente également plane. Un lecteur attentif ne saurait donter qu'il n'ait aperçu toutes les généralisations que comportait sa pensée : peut-être les a-i-il jugées trop évidentes pour les exposer formellement; pent-être a-i-il ru qu'il n'était pas opportun de le faire dans un Mémoire dont l'objet essentiel devait être la théorie de la diffraction. C'est en effet à fonder définitivement cette théorie sur ses véritables bases que la plus grande partie du Mémoire est consacrée. Les traits généraux des phénomènes, la formation des ombres. L'apparaition constante de franges colorées à l'extérieur des ombres, la présence d'un autre système de franges dans leur intérieur, qui se manifeste toutes les fois qu'on réduit suffisamment les dimensions des corps opaques, trouvent aisément leur explication. Si au moyen d'un corps opaque on arrête une partie de l'onde émanée d'un point lumineux, le mouvement vibratoire ne se propage pas seulement suivant le prolongement des rayons qui ne sont pas rencontrés par le corps opaque; il pénètre dans le cône que circonscrivent les rayons tangents à ce corps, mais en s'affaiblissant rapidement, de manière à être insensible lorsque la distance des limites de ce cône est considérable par rapport à la longueur d'ondulation; en dehors de l'ombre ainsi formée et à une grande distance, la lumière transmise est sensiblement la même que si ce corps opaque n'existait pas, car il ne supprime que des éléments de l'onde dont l'influence sur le mouvement propagé en ces points est négligeable, mais il en est autrement au voisinage de l'ombre : les éléments supprimés de l'onde lumineuse ont une influence sensible, et, suivant le signe de la vitesse des vibrations qu'ils enverraient au point considéré et le signe de la vitesse qu'envoient les éléments conservés, l'effet de cette suppression est tantôt un accroissement, tautôt un affaiblissement de la lumière; de là les franges extérieures. Enfin, lorsque l'ombre est de faible étendue, les monvements vibratoires qui pénètrent de divers côtés dans son intérieur ont une intensité sensible dans toute cette étendue, et comme évidemment ils n'out pas tous parcourn des chemins identiques, leurs interférences doivent produire des franges.

A cette confirmation générale de la théorie s'ajoute la confirntation bien plus puissante d'un accord immérique minutieux entre le calcul et l'observation, dans le cas on l'application defuel est possible. Lorsque les corps opaques sont limités par des bords rectiligues indéfinis, parallèles entre eux et équidistants de la source de lumière, la solution numérique du problème dépends seulement de deux intégrales qui ne peuvent s'exprimer en terme finis, mais que Fresuel a évaluées par approximation et ensuite disentées dans un certain nombre de cas particuliers. L'accord du calcul et de l'expérience se maintient toujours jusque dans les détails les plus minutieux.

Tel est le Mémoire dont l'Académie confia le jugement à une commission, où trois partisans avoués de la doctrine de l'émission. Laplace, Biot et Poisson, se tronvaient réunis à Arago et Gay-Lussac, le premier tout dévoué aux idées nouvelles, le second pen familiarisé par ses études avec la question agitée, mais disposé par caractère à une sage impartialité. Un sent concurrent entra en lice avec Fresnel; c'était à ce qu'il paraît un physicien exercé, mais peu au courant des progrès récents de la science, et disposé à se contenter de movens d'observation médiocrement précis (1), et son travail ne fut pas mis un instant en balance avec celui de Fresuel. Un incident remarquable fit une grande impression sur l'esprit des juges, et, sans changer le fond de leurs convictions. détermina probablement l'unanimité de la sentence académique. Poisson remarque que les intégrales d'où l'auteur faisait dépendre le calcul des intensités de la lumière diffractée pouvaient s'évaluer exactement pour le centre de l'ombre d'un petit écran circulaire opaque et pour le centre de la projection conique d'une petite ouverture circulaire. Dans le premier cas, elles donnaient la même intensité que si l'écran circulaire n'existait pas; dans le second cas, elles donnaient une intensité variable avec la distance et seusiblement égale à zéro pour un certain nombre de distances déterminées par une loi très-simple. Fresnel fut invité à soumettre à l'épreuve de l'expérience ces deux cas, épreuves imprévues et

O Voyez le Rapport d'Arago, Nº Allf de la présente édition, vers la fin.

paradoxales de sa théorie, et l'expérience les confirma victoriensement (1).

La postérité a ratifié le jugement de l'Académie, et aujourd'hui. près d'un demi-siècle après le concours de 1818, le Mémoire de Fresnel est considéré par lous comme une de ces œuvres impérissables dont l'étude est encore fructueuse longtemps après que la science les a dépassées. Il n'a pas même été dépassé de bien loin. La question que Fresnel avait expressément laissée de côté, celle du mécanisme par lequel naissent les ondes élémentaires issues des divers points d'une onde primitive, et des lois que suivent à la surface de ces ondes la direction et l'intensité des vibrations, n'est pas résolue d'une manière satisfaisante, malgré les efforts de quelques-uns des physiciens les plus distingués de notre temps (5). Ce qu'on a ajouté de tout à fait solide et d'universellement accepté à l'œuvre de Fresnel se réduit à un développement de ses idées et même à un perfectionnement de ses méthodes de calcul. D'habiles géomètres ont su ramener à une analyse simple et élégante des problèmes beaucoup plus complexes que ceux que Fresnel avait abordés. Dans tous les cas, l'accord de l'expérience et de la théorie s'est maintenn, et l'on a pu dire sans exagération que « la - théorie des ondulations prédit les phénomènes de diffraction aussi exactement que la théorie de la gravitation prédit les mou-" vements des corps célestes (3).

Voyez le Rapport d'Arago (N° XIII de cette édition) et la première des notes ajoutées par Fresnel à son Mé-

moire.

2 Voyez, dans les Anuales de chimie et de physique, 3 série, passim, les tra-

vaux de MM. Stokes, Holtzmann, Eisenlohr, Lorenz, sur les changements de polarisation produits par la diffraction.

(3) Schwerd, Die Beugungserscheinungen, p. x (vers la fin de la préface).

### ٧ı

Vers l'époque où il commençait d'apercevoir le principe de la vraie théorie des phénomènes de diffraction, Fresnel entreprenait ces études sur l'interférence réciproque des ràyons polarisés ", qui devaient, en le conduisant au principe des vibrations transversales, devenir le fondement de recherches ultérieures. L'histoire de cette seconde série de travaux est rendue particulièrement intéressante par l'intervention de Young rappelé à ses étudeschéries par les succès de son jeune rival; on ne pent d'ailleurs l'exposer clairement sans remonter aux origines.

C'est à lluyghens qu'appartient la première observation des phénomènes de polarisation. Vers la fin du chapitre v du Traité de la Lumière se trouvent rapportées des observations qui étublissent qu'un rayon transmis par un premier cristal biréfringent, qui en rencontre un denxième, donne généralement maissance à deux rayons d'intensités inégales, variables avec forientation de ce deuxième cristal. Mais, ajoute l'auteur en terminant, pour dircomme cela se fait, je n'ai rien trouté jusqu'ici qui puisse me satisfaire à Il était en effet assez difficie de concevoir comment des vibrations parallèles à la direction du rayon lumineux pouvaient agir de manières différentes dans des plans différents menés par le rayon.

Newton a beauconp insisté sur cette difficulté et l'a opposée comme une objection irréfutable à la doctrine des ondes. Peutétre, s'il avait ignoré l'observation de Huyghens, aurait-il fini par se ranger à cette doctrine : comment n'aurait-il pas senti que.

<sup>&</sup>lt;sup>4)</sup> Le premier Mémoire de Fresnel sur re sujet (N° XV) a été présenté à l'Académie des sciences le 7 octobre 1816.

<sup>(2)</sup> Voyez pages 89-91 du Traité de la Lumière.

contrairement à une des maximes de la philosophie, il multiplinit les êtres sans nécessité en admettant à la fois des molécules d'une nature particulière pour constituer les rayons lumineux, el les vibrations d'un éther pour déterminer ces molécules à la production de certains effets? Mais supposer qu'un système de vibrations, telles qu'on les concevait de son teups, présentait des côtés différents, lui parut toujours entièrement inadmissible : il lui sembla au contraire que des molécules douées d'une polarité analogue à celle des aimants devaient donner lieu à des effets variables avec lorieutation de leurs aves, lorsqu'elles rencontreraient un milieu constitué par des molécules également polaires, comme paraissent devoir l'être les molécules qui, pour former un cristal, se groupent suivant un arrangement tonjours le même <sup>(3)</sup>.

Cette idée de Newton reçut de nouveaux développements lorsque, dans les premières années de ce siècle, Malus ent confirmé et généralisé d'une manière inattendue les observations de Huyghens, et il sembla un moment que l'existence des molécules lumineuses et les mouvements de leurs axes de polarisation enssent le droit d'être considérés comme des faits d'expérience. On ne s'arrêta pas devant la complexité croissante des hypothèses qu'il fallut imaginer pour faire concorder cette hypothèse avec les phénomènes nouveaux dont la science s'enrichit si rapidement vers cette époque. particulièrement avec ceux de la polarisation chromatique. On sait que, dans l'été de l'année 1811, Arago fut conduit, par l'étude suivie d'une première observation fortuite, à découvrir dans la lumière polarisée la faculté de se diviser en deux rayons teints de conleurs complémentaires, lorsque, après l'avoir transmise par une lame mince donée de la double réfraction, on la recoit sur un analyseur biréfringent. Arago considéra tout de snite le dévelop-

<sup>(1)</sup> Voyez l'Optique de Newton, questions xxviii et xxix.

pement des couleurs comme dà à la diversité des modifications apportées par la lance mince à l'état de polarisation des divers éléments simples de la lumière blanche; mais c'est Biot qui s'attacha spécialement à l'étude du détail de ces modifications. Frappé d'une circonstance remarquable, le retour périodique de deux polarisations différentes, séparées par des étais intermédiaries où la lumière offrait les apparences d'un mélange de lumière naturelle et de lumière polarisée. Biot crut avoir découvert une oscillation périodique des aves de polarisation, précédant le moment où ils se répartissent d'une manière définitive entre la section principale du cristal et le plan perpendiculaire. Si l'on rapproche cette notion d'un mouvement oscillatoire des autres lipothèes qu'avaient déjà exigées les autres phénomènes de l'optique, on verra qu'il fallait concevoir dans les molécules lumineuses le système smivant de propriétées.

Les molécules lumineuses sont des polyèdres où l'on doit remarquer à la fois l'ave de polarisation, qui est un ave de symétrie, et un antre ave perpendiculaire sur le précédent, dont une extrémité est attirée et l'autre repoussée par les corps réfringents.

a° Dans un rayon de lumière naturelle les axes de polarisation des molécules successives sont orientés de toutes les manières possibles, mais toujours perpendiculaires à la direction du rayon.

3° Les molécules tournent sans cesse autour de leur axe de polarisation avec une vitesse uniforme dépendant de la couleur, de manière que l'extrémité attractive et l'extrémité répulsive se présentent tour à tour à l'action des milieux réfringents qu'elles peuvent rencontrer; de là dépendent les accès de facile trausmission et de facile réflexion.

4° La réflexion n'exerce aucune influence sur la rotation de chaque molécule autour de son axe de polarisation; mais elle tend à amener les axes de tontes les molécules à être parallèles au plan de réflexion, et c'est dans cet arrangement régulier que l'état de polarisation consiste.

5° La réfraction altère la vitesse de rotation des molécules dans un rapport qui dépend de la nature du milieu réfringent et de l'angle d'incidence; en outre elle tend à amener les axes de polarisation à être perpendiculaires au plan de réfraction.

6° Lorsqu'il y a double réfraction, les aves de polarisation coumencent par affecter un mouvement oscillatoire entre leur position initiale et une positiou symétrique par rapport à la section princpale; les durées de ces oscillations sont pour les molécules de couleurs diverses proportionnelles aux durées des rotations autour des axes de podrissation.

7° A une certaine profondeur ces oscillations sont terminées et font place à une répartition des axes de polarisation entre deux plans perpendiculaires l'un sur l'antre; on a toujours négligé de dire comment la transition devait être conçue.

Pour renverser ce pénible échafaudage d'hypothèses indépendautes les unes des autres, il suffit presque de le regarder en face et de chercher à le comprendie. Que peuvent être ces faces réfléchissantes et réfringentes qui, en même temps qu'elles reponssent, attirent les molécules lumineuses, tantôt donnent à leurs aves de polarisation une direction like et commune, tantôt commencent pur les faire osciller eutre de certaines limites, tantôt modifient la vitesse de rotation des molécules autour de ces aves, etc. etc., Quelles sont les véritables forces élémentaires, simplement attratives on répulsives et fonctions des seules distances d'on résultent ces opérations diverses? On n'a pas même essayé de le rechercher, et cependant ou longtemps présenté ce chaos d'hypothèses commme vrine théorie mécanique des phénomènes, et dans les diverses édurs de les diverses de l'appasser aux idées si claires et si simples de Fresuel. Le seul Young s'était montré rebelle à l'opinion commune, et n'avait cessé de protester contre les prétendus triomphes du système de l'émission. Dans les articles de la Quarterly Heeire no il i a résumé, de 180 à 181 à, les travaux de quelque-suns des principaux physiciens ses contemporains, tout en avouant qu'il n'avait pas la solution des difficultés reconnues par Ilnyghens el Newton, il a maintenu qu'à tout prendre, le système des ondes avait encore l'avantage sur le système de l'émission, et que, s'il ne permettait pas de concevoir la nature de la lumière polarisée, il suggérait au moins, entre les propriétés les plus reunarquables de ce genre de Inmière et le principe des interférences, un rapprochement important, où devait se trouver le germe d'une vraie théorie. La loi à laquelle Biot a ramené tous les phénomènes de la polarisation chromatique est simplement suivant lui <sup>(9)</sup>.

- Une expression des phénomènes considérés à part de tous les phénomènes optiques, ce n'est pas une explication qui les ramène à être les analogues d'une classe de phénomènes plus éfendue... Ces phénomènes, comme tous les autres cas des conleurs récurrentes, sont parfaitement réductibles aux lois générales de l'interférence... Toutes leurs complications apparentes, tout le caprice de leurs variétés ne sont que des conséquences nécessaires de la plus simple application de ces lois. Ce sont en réalité de simples variétés sonleurs des plaques mirtes (mixed plates), dont les apparences reproduisent les couleurs de simples laures minces, si l'on suppose les densités de celles-ci augmentées dans le rapport de la différence des donsités réfractives au double de la densité réfractive totale... Les mesures que M. Biot a prises différent beauconp moins des résultats d'un caleul fondé sur ces sents principes qu'elles ne différent entre elles.-

<sup>35</sup> Voyez les (Euvres de Young; éd. de Peacocke, T. 1, p. 269.

A la suite de ce passage, où les prétendues explications de Biot ont si ben réduites à leur juste valeur, Young présente, sous la forme brève et parfois obscure qui lui est propre, une remarque capitale : c'est que l'épaisseur d'une lame de quartz et l'épaisseur d'une lame d'eir, qui transmettent la même conleur dans l'expérience d'Arange et dans l'expérience d'Arange et dans l'expérience des auneux de Newton, sont précisément telles que la différence des durées de propagation du rayon ordinaire et du rayon extraordinaire, dans la lame cristalisée, soit égale à la différence des durées de propagation du rayon transmis directement par la lame d'air et du rayon transmis après deux réflexions intérieures. Si l'un des phénomènes est un effet d'interférence, il est difficile de croire que l'autre ne le soit pas.

Il manquait bien des choses, et Young le reconnaît lui-même, à cette généralisation, pour devenir une théorie. Pourquoi était-il nécessaire au développement des couleurs, dans ce mode particulier d'interférence, que les deux rayons fussent issus d'un rayon déjà polarisé et non d'un rayon naturel? Pourquoi les couleurs n'apparaissaient-elles qu'à la condition d'une seconde action polarisante, consécutive au passage de la lumière dans la lame? Et lorsque cette action polarisante était le résultat d'une double réfraction, ponrquoi apparaissait-il dans les deux faisceaux ainsi engendrés des couleurs complémentaires? A ces diverses questions le principe des interférences, tel que Young l'avait conçu et démontré, n'apportait aucune réponse. Ce puissant esprit, qui sentait clairement qu'il était près d'atteindre la vérité, devait cependant reconnaître qu'un dernier obstacle, dont il ne soupçonnaît même pas la nature, l'en tenait encore écarté. Vers la fin de 1815, il exprimait à Brewster le découragement dont il ne pouvait plus se défendre après d'infructueux efforts.

Quant à mes hypothèses fondamentales sur la nature de la

# INTRODUCTION.

-Inmière, je suis, disait-il, tous les jours moins disposé à en-occuper ma pensée, à mesure qu'un plus grand nombre de faits, -du geure de ceux que M. Malus a découverts, viennent à mu-connaissance; car si ces hypothèses ne sont pas incompatibles-avec ces faits, assurément elles ne nous sont d'auenn secours-pour en trouver l'explication (0, 5).

# VII

Gomme Young, Fresuel recount à la fois qu'une analogie remarquable existait entre les lois des conteurs produites par l'interférence et les fois de la coloration des lames cristallisées dans la lumière polarisée, et que cette analogie n'étuit pas une explication suffisante du second de ces phénomènes<sup>39</sup>. Mais il chercha tout de suite à déterminer la raison de cette insuffisance, en examinant si la polarisation de la lumière ne modifiait pas profondément les lois ordinaires de l'interférence.

Ses premières recherches sur ce sujet remontent à cet été de 18+6, que la bienveillance de ses chefs l'autorisa à passer à Paris, et qu'il sut rendre si fructueux en déconvertes; le 7 octobre de cette année il en communiqua les résultats à l'Académie <sup>20</sup>, Après avoir rappelé son expérience de l'interférence des rayons réfléchis sur deux miroirs, il ajoutait :

-Cette expérience, dont j'ai donné les détails dans le dernier Mémoire que j'ai en l'honneur de présenter à l'Académie, m'a

<sup>&</sup>lt;sup>(1)</sup> Miscellaneous Works, tome le, page 361.

<sup>&</sup>lt;sup>21</sup> Fresnel eut connaissance, par l'intermédiaire d'Arago, de l'article de la Quarterly Reciev, auquel on a emprunté la citation précédente, mais seulement après que ses propres réflévions.

l'eurent conduit aux mêmes conclusions,

<sup>3</sup>º Voyez le Mémoire sur l'influence de la polarisation dans l'action que les rayons lumineux exercent les uns sur les autres, qui paraît pour la première fois dans cette édition [N° XV (B)].

conduit, par analogie, à essaver si les denx images que l'on obtient en plaçant un rhomboïde de spath calcaire devant un point lumineux produiraient le même effet que celles qui sout réfléchies par deux miroirs. Le rhomboïde dont je me suis servi n'ayant pas une grande épaisseur, les deux images se trouvaient assez rapprochées pour que les franges eussent une largeur suffisante. Ainsi il ne restait plus à remplir que la condition d'égalité entre les chemins parconrus au même instant par les deux systèmes d'ondulations lumineuses. Pour cela j'ai fait traverser au faiscean extraordinaire une plaque de verre dont l'épaisseur avait été déterminée de manière à lui faire perdre à très-peu près, sous l'incidence perpendiculaire, tonte l'avance qu'il avait prise dans le cristal sur le faisceau ordinaire; en sorte qu'en inclinant légèrement cette plaque, on pouvait établir à cet égard une compensation exacte. Cependant je n'ai jamais aperçu de franges, quoique i aie répété cette expérience un grand nombre de fois.

« A la vérité l'espace dans lequel jesqérais les découvrir était pen étendu, et occupé d'ailleurs en partie par les bandes que projetait le bord de la plaque de verre. Mais en la plaçant de manière qu'elles finsent dirigées dans un autre sens que les franges qui devaient résulter de deux points lumineux, elles ne pouvaient plus se confondre tellement avec celles-ci qu'elles empéchassent entièrement de les distinguer. Néaumoins, pour éviter tont à fait cet incouvénient, j'ai enlevé la plaque de verre, et j'ai reçu les myons, qui avaient traversé le cristal, sur une petite glace non étamée, dont l'épaisseur avait été calculée de manière que la différence entre les chemins parcourus par les rayons réfléchis à la première et à la seconde surface, sous l'incidence perpendiculaire, fiit un peu plus grande que celle qui résaltait de la double réfraction en sorte que, par un tâtonnement facile, on pouvait trouver une inclinaison telle que ces différences fissent égales. Les rayons une inclinaison telle que ces différences fissent égales. Les rayons en contra de la contra d

ordinaires réfléchis à la première surface et les rayous extraordinaires réfléchis à la seconde se trouvaient alors dans les circonstances propres à la formation des franges. Cependant je n'en ai jamais pu découvir aucune, avec quelque lenteur que je fisse varier l'inclinaisou de la glace.

- J'ai essayé encore un autre procédé, qui conservait à la lumière incidente toute sa vivacité, et resserrait tellement les limites du tâtonnement, que j'étais sûr d'apercevoir les franges qui résulteraient de l'action réciproque des deux faisceaux lumineux, si toutefois ils pouvaient en produire. L'ai fait scier en deux le rhomboïde de spath calcaire dont je m'étais déjà servi, et avant obtenu ainsi deux rhomboïdes d'une épaisseur égale, je les ai placés l'un devant l'autre, en croisant leurs axes, de manière que les deux sections principales fussent perpendiculaires entre elles. Dans cette situation des cristaux, je ne voyais au travers que deux images du point lumineux, et les deux faisceaux ayant subi successivement des réfractions différentes devaient sortir au même instant du second rhomboïde, puisque son épaisseur était égale à celle du premier. Je faisais d'ailleurs varier légèrement et trèslentement l'inclinaison du second relativement au rayon incident, pour compenser par là la différence d'épaisseur, s'il y en avait une, tandis que je cherchais les franges à l'aide de la loupe. Malgré toutes ces précautions je n'en ai jamais aperçu, et ce troisième essai n'a pas eu plus de succès que les précédents.

-I'en ai conclu que les deux systèmes il ondes dans lesquels se divise la lumière en traversant les cristaux n'avaient aucune action I'un sur l'autre, ou du moins que leur influence mutuelle ne pouvait pas produire de résultat apparent.

Fresnel se hâta de communiquer cette conclusion à Arago, qui était devenu bien vite le confident de toutes ses pensées scientifiques et le défenseur le plus actif de ses découvertes. Arago en sentit toute l'importance, et par cette raison même, jugea qu'il était nécessaire d'en chercher une démonstration tout à fait directe = n - s'assurant si, dans les direonstances ordinaires où se forment les - franges, elles disparaitmient par la polarisation en sens contrait-cles deux faisceaux lumineux qui concourent à leur production. Vinsi se forma entre les deux amis une association qui doit rester à jamais mémorable, tant par l'importance des résultats que par le soin scruplens qu'ils ont pris, en les exposant, de distinguerce qui, dans ce travail commun, appartient plus particulièrement à chacun d'eux. On ne saurait mienx foire que de leur emprunter l'expression définitive des conséquences de leurs expériences :

- « 1º Dans les mêmes circonstances, disent-ils, où deux rayons de lumière paraissent mutuellement se détruire, deux rayons polerrisés en sens contraires n'exercent l'un sur l'autre ancune action appréciable;
- σ 2º Les rayons de lumière polarisés dans un seul sens agissent l'un sur l'autre comme les rayons naturels : en sorte que, dans ces deux espèces de lumières, les phénomènes d'interférence sont absolument les mêmes:
- 3° Deux rayons primitirement polarisés en sens contraires penvent ensuite être ramenés à un même plan de polarisation, sans néanmoins acquérir par là la faculté de s'influencer;
- ½ Deux rayons polarisée en sens contraires, et ramenés ensuite à des polarisations analogues, s'influencent comme les rayons naturels, s'ils proviennent d'un faisceau primitivement polarisé dans un sent sens:
- -5º Dans les phénomènes d'interférence produits par les rayons qui ont épronvé la double réfraction, la place des franges n'est pas déterminée uniquement par la différence des chemins et par celle des vitesses; et dans quelques circonstances il fant tenir compte, de plus, d'une différence égale à nue demi-ondula-

tion 6, r Ces lois étaient le complément nécessoire qui manquait à l'explication de Young.

### VIII

Mais Fresnel ne pouvait se contenter d'avoir ramené à des lois générales les conditions particulières du développement des conleurs dans l'expérience des lames cristallisées. Le principe des interférences n'était pas pour lui ce qu'il était pour Biot, une propriété curieuse de la lumière, explicable pent-être par les lois de notre organisation : c'était à la fois la conséquence la plus évidente de l'Inpothèse des oudes, et le fondement de la plupart de sethéories. Comment la destruction réciproque de deux rayons lumineny ponyait-elle exiger d'antres conditions qu'une valeur particulière de la différence de marche, si cette valeur particulière était toujours accompagnée de l'opposition de signe des vitesses de vibration? Comment d'ailleurs, ainsi que se l'était demandé Newton, un système de vibrations pouvait-il offrir quelque chose d'analogne à la diversité des propriétés des faces d'une molécule polaire? Fresnel comprit bien vite qu'il n'y aurait jamais de réponse à ces questions tant qu'on n'abandonnerait pas la notion des vibrations purement longitudinales. Il supposa d'abord que la lumière pularisée pouvait consister dans des vibrations transversales présentant à la fois des nœuds condensés et dilatés sur une même surface sphérique, de sorte que, dans certains cas d'interférence,

<sup>9</sup> Le Mémoire d'Aragu et de Fresnel n'a été inséré dans les Annales de chimie et de physique qu'au printents de 1819, mais les expériences qui y sont dérriles remontent à l'été de 1816. Le Mémoire présenté à l'étadémie des sciences en octobre 1816 contient de ces expériences un récit plus détaillé, où l'on voit mieux encore comment sont nées successivement les pensées des deux anteurs. (Voyez le N° XV de cette édition.) les points d'accord et de discordance fussent rapprochés les uns des autres au point de donner à l'œil une sensation de lumière continue. Ampère lui suggéra que deux systèmes d'oudulations où le mouvement progressif des molécules du fluide serait modifié par un monvement transversal de va-et-vient, qui lui seruit perpendiculaire et égal en intensité, pourraient n'exercer aucune action l'un sur l'autre, lorsqu'à l'accord du monvement progressif répondrait la discordance des mouvements transversanx on réciproquement (1). Mais l'idée d'un système d'ondes qui propageraient des vibrations transversales parut une absurdité mécanique à tons les savants contemporains, spécialement à Arago, qui ne put, à ancun moment de sa vie, se décider à l'admettre (2), et l'influence de ce puissant collaborateur détermina Fresnel à abandonner pour un temps toute explication fondée sur cette hypothèse, Il s'attacha même à conserver dans plusieurs de ses écrits, notamment dans son Mémoire définitif sur la diffraction, le langage implicite de l'hypothèse des vibrations longitudinales.

Des idées semblables se présentèrent à l'esprit de Young anssitot qu'il eut commissance des expériences de Fresuel et d'Arago. Mais, pas plus que Fresuel, il nosa franchement adopter l'hypothèse des vibrations transversales; tout en reconnaissant que deux mouvements transversaux perpendienlaires l'un sur l'autre étaiont incapables d'interférer, et que tout autre genre de monvement devait toujours donner lieu à des interférences, il ne donna pas exter remarque pour une explication phissique des faits; il x vit

<sup>&</sup>lt;sup>4)</sup> Voyez dans le N° XV (A), 5 14. variante.

<sup>2)</sup> Lorsqu'en 1851 l'auteur de cette Introduction pria Arago de présenter à l'Académie des sciences une Note sur les interférences de la tumière polari-

sée, Arago, tout en accueillant ce vou avec une extrême bienveillance, tui dit formellement qu'à partir du moment où Fresnet avait parlé de vibratious trausversales, il n'avait pu se décider à le suivre.

seulement une analogie plausible, utile pour une représentation symbolique des phénomènes, et ne parla jamais du mouvement transversal de la lumière polarisée comme d'une réalité <sup>(i)</sup>. Tout ce qu'il put dire en faveur de la possibilité d'un tel mouvement se réduit aux considérations suisantes.

" Dans le cas d'une onde qui se propage à la surface d'un liquide. si unus considérons les particules en mouvement un peu au-dessous de la surface comme prenant part à la propagation de l'onde dans le sens horizontal, nous pourrons remarquer qu'il y a réellement dans le liquide un mouvement latéral contenu dans un plan dont la direction est déterminée par celle de la gravitation; mais il en est ainsi, parce que le liquide est plus libre de s'étendre d'un côté que de l'autre, et que la force de gravitation tend à le ramener en arrière par une pression dont l'opération est analogue à celle de l'élasticité; et nous ne pouvons trouver l'unalogue de cette force dans les mouvements d'un milieu élastique. A la vérité il est très-facile d'obteuir un mouvement transversal à la direction générale de propagation, par la combinaison de deux ondulations parties d'origines très-voisines, qui interfèrent l'une avec l'autre lorsque la différence des chemins parcourus est d'une [deni-] longueur d'onde; car le résultat de cette combinaison est une trèsfaible vibration transverse uni subsiste sur la ligne de propagation des vibrations combinées, mais qui certainement n'a pas la force nécessaire pour produire le moindre effet perceptible. Il doit aussi exister une différence, dans toute ondulation simplement divergente, entre les monvements des divers éléments de la surface sphérique où s'étend cette oudulation : car, si l'on suppose que les vibrations à l'origine soient contenues dans un plan donné, la vitesse de vibration sur l'onde sphérique sera maximum dans le

<sup>&</sup>lt;sup>15</sup> L'expression imaginary transverse ticle Chromatics du Supplément à l'Encymotion revient à chaque instant dans l'arclopédie britannique, composé en 1817.

plan dont il s'agit, et nulle suivant la direction perpendiculaire, ou plutôt sera suivant cette direction transverse an rayon de l'onde sphérique : dans tons les autres points de l'onde il y aura nne très-faible tendance à la production d'un mouvement trausversal, par suite de la différence d'intensité des mouvements longitudinaux voisins, et de l'inégalité des condensations et des dilatations qu'ils occasionnent.... Il est vrai que ces divers mouvements seraient d'une faiblesse inimaginable, même par rapport à d'autres mouvements n'ayant eux-mêmes qu'une amplitude tout à fait imperceptible à nos sens, et cette remarque diminue peut-être la probabilité de la théorie en tant qu'explication physique des faits; mais elle n'en diminuerait pas l'utilité en tant que représentation mathématique de ces mêmes faits, pourvu qu'on pût rendre cette, représentation générale et la soumettre au calcul; et même, au point de vue physique, s'il n'y avait pas d'autre alternative, il serait encore plus facile d'imaginer une sensibilité presque infinie de notre faculté de perception relativement à des phénomènes d'une extrême faiblesse, que d'admettre tous ces mécanismes si prodigieusement compliqués qu'il faut accumuler lorsqu'on veut résoudre les difficultés que présentent, dans la théorie de l'émission, tous les phénomènes de la polarisation et des couleurs (1), »

Ainsi, aux yeux de Young, il ne pouvait exister dans la lumière polarisée qu'uu très-faible mouvement transversal, le mouvement principal étaut toujours coune dirigé suivant la direction même de propagation, et c'est dans ce mouvement à peine sensible qu'il semblait que fon dût chercher l'explication de tous les phénomènes de la polarisation; ou plutôt, l'extrême faiblesse du mouvement transversal s'opposant à ce qu'on en fil le principe d'une critable théorie physique, ou devait se borner à considérer les

<sup>(</sup>ii) Article Chrosatics du Supplément à l'Encyclopédie britannique (Miscellaneous Works, T. I., p. 333).

modifications du mouvement transversal et les propriétés de la Immère polarisée comme deux séries parallèles de termes corrélatifs, la première servant plutôt de symbole que d'explication à la seconde.

On laissera au lecteur le soin de juger si ces suggestions de Young ont pu être de quelque ntilité à Fresnel (1). Ce qui est certain, c'est que, lorsqu'en 1891, après le rapport favorable d'Arago sur ses travaux relatifs à la polarisation chromatique, il s'est décidé à présenter au public son hypothèse des vibrations transversales, il l'a fait dans des termes dont la précision et la fermeté ne ressemblent guère au passage de Young qu'on vient de citer. Le calcul de l'intensité lumineuse produite par l'interférence de deux vibrations polarisées dans des plans rectangulaires lui montre que, si l'expérience atleste que cette intensité est indépendante de la différence des phases, ces deux vibrations sont nécessairement rectilignes, perpendiculaires an rayon et parallèles ou perpendiculaires au plan de polarisation. L'existence des vibrations transversales est donc, à vrai dire, un fait d'expérience, ou plutôt on ne peut le nier sans nier en même temps que la lumière consiste dans un mouvement ondulatoire. D'ailleurs, la propagation de ces vibrations n'est pas plus difficile à concevoir que celle des vibrations longitudinales : de même que toute variation locale de densité d'un milieu élastique fait naître des forces qui tendent

<sup>31</sup> Il ne paralt pas que Fresnel air, u connaissance de l'article Căromaties, ni de la lettre d'Young à Arago, en date du 12 janvier 1817, où les mêmes idées étaient exposées; mais il a partie lui-même de cette lettre de Young à Arago, en date du 29 avril 1818 où les vibrations de la lumière polarisée chient assimilées à celles d'une corde chient assimilées à celles d'une corde.

flexible tendue. Lette assimilation étaitelle aux yeux de l'auteur un symboleutile à la représentation des faits ou un argument destiné à prouver la possibilié des vibrations transversales? C'est ce qu'il est impossible de savoir, la lettre du 29 avril 1818 n'ayant pas été conservée. à réfablir la densité primitive, tout glissement d'une couche de molécules, relativement aux couches voisines, doit faire naître des forces qui tendent à la ramener dans sa première position, et si le glissement initial n'excède pas une certaine limite, le jeu de ces forces doit déterminer la naissance du nouveau système de vibrations par lequel on admet que la lumière polarisée est constituée.... Quant à la lumière naturelle, pour se rendre compte de ses propriétés, il suflit d'y voir une succession rapide d'ondes polarisées dans un grand nombre de plans différents : en particulier, toutes les lois de l'interférence des rayons polarisés sont des conséquences mécaniques de cette manière de voir <sup>60</sup>. Le phénomène de la polarisation lui-même consiste done, non pas à créer, mais à séparer des mouvements trausversaux de direction déterminée.

### IX

La confiance avec laquelle, en (841, Fvesnel présentait son hypothèse, veniait peut-être moins des couceptions mécaniques plus ou moins imparfaites par lesquelles il cherchait à la justifier, que de l'étude approfondie des propriétés de la lumière polarisée, qui lui avait saus cesse rendu plus évidente l'analogie de ces propriétés avec celles d'un mouvement perpendiculaire au rayou.

L'ine observation fortuite sur la réflexion avait été le point de départ de tres études. En recevant sur un cristal de spath un rayon lumineux, primitivement polarisé par double réfraction, et ensuite réfléchi, tantôt sur une glace non étamée, tantôt à la surface d'un liquide, il avait reconus que ce ravon continuait à se partager én deux rayons d'inteusités inégales, qui disparaissaient tour à tour abans des positions rectangulaires du cristal; il était done polarisé

<sup>(</sup>i) Voyez les Considérations mécaniques sur la polarisation de la lumière (N° XXII de cette édition, \$ 10 à 13).

comme avant sa réflexion, mais dans un plan qui différait en général du plan primitif de polarisation. Lorque ce plan primitif était parallèle on perpendiculaire au plan de réflexion, tout se bornait à un changement d'intensité du rayon réflechi, sans que le plan de polarisation fût déplacé par la réflexion, et ce second fait devenait l'explication du premier, si l'ou admettuit, comme semblait l'indiquer la loi de Malus, qu'un rayon polarisé dans un plan donné fût l'équivalent de deux rayons de mêne phase, polarisés dans des plans rectangulaires, les vitesses de vibrations de ces trois rayons clant liées entre elles par les mêmes relations que l'intensité de deux forces rectangulaires et celle de leur résultant sité de deux forces rectangulaires et celle de leur résultant de leur de leur résultant de leur de leur résultant de leur résultant de leur de leur de leur résultant de leur de leur de leur de leur de leur de leur résultant de leur de leur

La simplicité de ces lois, qui paraissaient avoir échappé à Malus, et qu'en tout cas les physiciens contemporains ne connaissaient guère, conduisit Fresnel à étudier la réflexion de la lumière polarisée sur la deuxième surface des corps transparents et sur la surface des métaux. Jusqu'à la limite où elle commence d'être totale, la réflexion intérieure ne lui offrit rien qui la distingual de la réflexion extérieure; mais au delà de cette limite des phénomènes imprévus se manifestèrent, et on ne saurait trop admirer la sagacité qui sut les ramener à des lois simples et précises, sans le secours des conceptions théoriques qui vinrent plus tard les éclaireir. Excepté aux deux limites où commence et où finit le phénomène, la lumière polarisée, en se réfléchissant totalement, se dépolarise plus on moins suivant l'incidence; si après la réflexion, on la recoit sur un cristal biréfringent, elle se partage en deux faisceaux d'intensités inégales et variables, mais dont aucun ne peut se réduire à zéro pour aucune position de l'analyseur. Elle paraît donc analogue à la lumière partiellement polarisée qu'on obtient en faisant réfléchir de la lumière naturelle sur un corps transparent, sous un angle différent de l'angle de polarisation, mais, en réalité, elle en diffère profondément; car, si

on la fait réfléchir totalement une deuxième fois sous le même angle, mais dans un plan rectangulaire, elle reprend l'état de lumière polarisée. Dans le cas du verre, sous aucune incidence une seule réflexion totale ne produit une dépolarisation complète; deux réflexions au moins sont nécessaires pour que la lumière prenne la propriété de se partager toujours en deux faisceaux égaux dans un analyseur biréfringent, quelle que soit cette orientation. Mais cette dépolarisation complète n'est jamais un retour à l'état de lumière naturelle, car deux réflexions nouvelles, opérées dans les mêmes conditions, ramènent l'état de polarisation complète; seulement le uouveau plan de polarisation est perpendiculaire sur le plan primitif. En outre, la lumière, en apparence complétement dépolarisée par deux réflexions totales, conserve la propriété de faire naître deux images colorées de teintes complémentaires lorsqu'on la recoit sur une lame mince, cristallisée, suivie d'un analyseur biréfringent.

L'étude de ces teintes montre qu'elles suivent de tout autres lois que les teintes ordinaires de la polarisation chromatique; mais on peut les représenter, et c'est là le résultat fondamental du travail de Fresnel, en supposant que la lumière est formée de deux rayons polarisés, l'un dans le plan d'incidence, l'autre dans le plan perpendiculaire, présentant l'un par rapport à l'autre une différence de marché d'un quart de longueur d'ondulation, et en appliquant au calcul de leurs effets les règles générales de l'interférence des rayons polarisés. Le même mode de représentation peut s'appliquer à celles de la lumière partiellement dépolarisée par la réflexion totale; ses propriétés sont celles de deux faisceaux polarisés dans des plans rectangulaires, en retard l'un sur l'autre et d'intensités différentes.

Les métaux aussi dépolarisent partiellement la lumière polarisée qu'ils réfléchissent, toutes les fois que le plan de polarisation n'est ni parallèle ni perpendiculaire au plau d'incideuce, et cette lumière dépolarisée est eucore constituée comme celle que peut donner la réflexion totale. Dans le langage que Fresuel employait à cette époque, tout se passe comme si le rayon polarisé dans le plau d'incidence et le rayon polarisé dans le plan perpendiculaire, qu'on peut substituer au rayon incident, éprouvaient des modifications inégales d'intensité et se réfléchissaient à des profundeurs inégales au-dessous de la aurface du metal.<sup>10</sup>

Enfin, suivant la diversité des conditions expérimentales, on pent obtenir deux espèces différentes de lumière complétement dépolarisée, qui ne donnent pas les mêmes teintes en traversant une lame cristallisée suivie d'un analyseur biréfringent, mais qui présentent l'une avec l'autre la relation la plus remarquable : si l'on superpose l'un à l'autre deux de ces rayons d'espèce différente qui soient égaux en intensité, le résultat de la combiuaison est un rayon polarisé, dont l'azimut de polarisation dépend de la différence de marche des rayous superposés. Il en résulte qu'on peut, au moyen d'un système convenable de réflexions totales et de doubles réfractions, transformer un rayon polarisé en un autre rayon polarisé, dont le plan de polarisation fasse tel angle qu'on voudra avec le plan primitif, c'est-à-dire imiter jusqu'à un certain point les propriétés du cristal de roche et des liquides qui font tourner le plan de polarisation de la lumière qu'ils transmettent (2). La propriété remarquable que désigne l'expres-

des sciences le 10 novembre 1817. (Voyez Nº XVI, 5 8.)

(2) Les propriétés dont il s'agit ne sont imitées de cette manière que relativement à une lumière homogène. Si la lumière est complexe, la rotation du plan de polarisation est, pour ses divers étéments, sensiblement réciproque

<sup>&</sup>lt;sup>21</sup> Cette interprétation des phénomes de la réflexion métaltique, qui me différe pos de celleque M. Neumann a donnée quinze ans plus tard, est résectairement exposée dans le premier Mémoire de Fresnel sur les modifications que la réflexion imprime à la luire polarisée, préseuté à l'Académie.

sion de pouvoir rotatoire est ainsi ramenée à une espèce partieulière de double réfraction; les conleurs que développent les corps qui la possèdent sont l'effet d'un mode particulier d'interlérence, et disparaissent lorsque, l'un des rayons produits pur cette double réfraction étant supprimé, il n'y a plus lieu à interlérence; cela arrive quand la lumière iucidente a été primitivement polarisée, puis complétement dépolarisée par deux réflexions totales.

Ces lois, dont la découverte aurait suffi pour assurer à l'inventeur une place éminente dans l'histoire de l'optique, ont été exposées par Fresnel, comme des déductions immédiates de l'expérience, dans trois Mémoires sur les modifications que la réflexion imprime à la lumière polarisée et sur les couleurs développées dans les fluides homogènes par la lumière polarisée, présentés à l'Académie des sciences le 10 novembre 1817, le 19 janvier 1818 et le 30 mars de la même année (1). La conception théorique des vibratious transversales leur a donné un caractère tout nouveau, en les réduisant. comme on l'a indiqué plus haut, à n'être plus que des cas particuliers des lois générales de la composition et de la décomposition des vitesses, et cette belle simplification est devenue un des arguments les plus puissants en faveur de la conception théorique elle-même. Si l'on admet en effet que les vibrations de la lumière polarisée soient transversales, rectilignes et parallèles ou perpendienlaires au plan de polarisation, il est clair qu'on peut les remplacer par leurs projections sur deux plans rectangulaires menés par la direction du rayon, c'est-à-dire remplacer un rayon polarisé par deux rayons de même phase polarisés dans des plans rectan-

à la longueur d'onde, tandis qu'elle devrait être sensiblement réciproque au carré de la longueur d'onde, si l'imitation était complète.

<sup>(</sup>i) Ce sont les numéros XVI, XVII et XXIII de cette édition. Les deux premiers voient le jour pour la première fois.

gulaires, et les intensités de ces deux rayons composants sont telles que la loi de Malus sur le partage de la lumière polarisée entre le faisceau ordinaire et le faisceau extraordinaire trouve son explication immédiate. Si les deux vibrations dans lesquelles on décompose la vibration donnée éprouvent des modifications inégales d'intensité, comme cela a lien pour les vibrations parallèles et perpendiculaires au plan d'incidence, dans la réflexion partielle à la surface des corps transparents, et dans la réfraction simple. il en résulte un changement dans la position de la vibration résultante, c'est-à-dire un déplacement du plan de polarisation; si à l'inégale modification des intensités s'ajoute l'inégalité des chemins parcourus, ou quelque phénomène équivalent donnant lieu à une inégalité de phases des vibrations, le mouvement cesse en général d'être rectiligne pour devenir elliptique et, dans certains cas, circufaire. Lorsque le mouvement est circulaire il parait assez évident que le rayon ne peut plus rien offrir qui rappelle la diversité des propriétés d'un rayon polarisé relativement à divers azimuts; un calcul facile démontre d'ailleurs que, comme un rayon naturel. il doit toujours se partager également entre le rayon ordinaire et le rayon extraordinaire d'un analyseur biréfringent, Comme la différence de marche correspondant aux vibrations circulaires est d'un quart d'ondulation, en répétant une seconde fois l'opération qui a transformé les vibrations rectilignes en vibrations circulaires, on élève la différence à une demi-ondulation et on en conclut aisément que les vibrations redeviennent rectilignes, mais perpendiculaires à leur direction initiale. Ainsi se conçoivent les remarquables propriétés des rayons obtenus par Fresnel au moyen de deux réflexions totales, et qui peuvent aussi s'obtenir par l'action d'une lame mince cristallisée d'épaisseur convenable. La répartition de ce groupe remarquable de rayons en deux groupes secondaires, opposés par certaines de leurs propriétés, résulte de ce

qu'une molécule vibrante peut parcourir en deux sens différents le cercle qu'elle décrit; la reproduction d'une vibration rectlitique par la superposition de deux vitrations circulaires d'espèces opposées est un fait géométrique évident; et l'explication des propriétés du quartz et des liquides net/fs<sup>(1)</sup> prend le caractère, non d'une représentation symbolique, mais d'une véritable théorie physique.

Fresnel s'est contenté d'indiquer très-sommairement ess conséquences de son principe<sup>(0)</sup>, laissant à ses successeurs le soin de les développer. Ce n'est point ici le lieu de dire comment ils se sont acquittés de cette tâche; mais il suffira de citer les nous de MM. Airy, John Herschel, Newcomann, pour rappeler aux physiciens de quelle variété de phénomènes le principe des vibrations transversales a donné l'explication.

#### λ

La conception des vibrations transversales fut le point de départ de recherches qui constituent la troisième et peut-être la plus importante partie de l'œuvre de Fresnel.

La propriété de diviser la lumière en deux rayons doués de propriétés distinctes, qu'on avait d'abord regardée comme une faculté tout exceptionnelle du spath d'Islande, avait été peu à peu reconnue dans un nombre de corps de plus en plus grand, à mesure que s'étaient perfectionnés les moyens d'observation. Huyghens

- (3) On sait que Biot a employé celte expression pour désigner les fiquides qui ont la propriété de faire tourner le plan de polarisation de la lumière qu'ils transmettent.
- <sup>10</sup> Voyez en particulier les Considérations mécaniques sur la polarisation
- de la lumière, jointes aux Notes sur le calcul des teintes des lames cristallisées, le Mémoire sur la double réfraction particulière du cristal de roche, et le second Mémoire sur la double réfraction (numéros XXII, XXVIII et XLVII de ceite édition.)

l'avait reconnue dans le cristal de roche (1); Malus l'y avait mesurée, et l'avait reconnue et mesurée, incomplétement il est vrai, dans l'aragonite et le sulfate de baryte, et, lorsque la découverte de la polarisation chromatique était venue donner une méthode incomparablement plus propre que l'observation directe à manifester la plus faible double réfraction dans les cristant les plus petits, les observations de Biot, de M. Brewster et des minéralogistes avaient bientôt rendu la liste des substances biréfringentes pour le moins aussi nombreuse que celle des cristaux à réfraction simple. Biot avait distingué deux espèces diverses de double réfraction, snivant que les phénomènes étaient symétriques tout autour d'un axe qui n'avait pas lui-même la faculté biréfringente, ou qu'ils semblaient se courdonner par rapport à deux axes de ce genre, inclinés l'un sur l'autre d'un angle variable, et chacune de ces espèces à son tour s'était subdivisée eu deux variétés selon le signe de l'action attractive ou répulsive que l'axe unique et les deux axes semblaient exercer sur le rayon qui obéissait à la loi de Descartes, ou qui du moins paraissait s'en rapprocher le plus.

Mais, en se généralisant ainsi, le phénomène de la double réfraction n'axid pas paru devenir plus facile à comprendre. On sait que lluyghens avait admis dans le spalti d'Islande l'existence de deux systèmes d'ondes, des ondes sphériques transmises par l'éther contenudans le cristal et des ondes disposidales transmises à la fois par l'éther et par la matière pondérable; mais il n'avait pas même essayé d'expliquer comment ces ondes se produisaient, in pourquoi elles présentaient l'une avec l'autre les relations impliquées dans les lois que l'expérience lui avait fait connaître <sup>(9)</sup>. Dans le système de l'émission, Laplace se horna à déduire das lois de lluyghens que l'action du milleu biréfringent sur les molécules

<sup>&</sup>lt;sup>(2)</sup> Voyez le Traité de la lumière, chapitre v, \$ 20. (2) Voyez le Traité de la tumière, chapitre v, \$ 18 et 19.

du rayon ordinaire est constante, et que son action sur les molécules du rayon extraordinaire en différe par un terme proportionnel au carréd mosimus de l'angle que le rayon fait avec l'axe, sans donner d'ailleurs aucune raison de cette inégalité <sup>(1)</sup>. Dans le système des ondes, Young indiqua l'inégalité d'élasticité des milieux comme pouvaut donner naissance à des ondes ellipsoidales, mais il resta bien loiu encore d'une véritable explication.

-M. de Laplace, dit-il dans un article de la Quarterly Reiver principalement consacré à la critique de l'aperçu théorique qu'on vient de rappeler, remarque très-justement que, dans les phénomènes de la double réfraction, comme dans ceux de l'astronomie, la nature a pris la forme de l'ellipse après celle du cercle.

(1) Voyez Mémoires d'Arcueil, tome II, page 3, Sur le mouvement de la hunière dans les cristaux diaphanes. Laplace attachait beaucoup de prix à ce Mémoire; son analyse était fondée sur le principe de la moindre action, qui a généralement lieu dans le mouvement d'un point soumis à des forces attractives et répulsives ; il a cru avoir démontré que les phénomènes de la double réfraction étaient explicables par des forces de ce genre. Young a fait remarquer qu'on aurait le même droit de dire que la réfraction régulière d'un son produit dans l'eau et transmis à l'air prouve que le son est attiré par l'air ou repoussé par l'eau. La critique est juste, mais, après tout, la théorie de Laplace n'est pas physiquement inconcevable, et ne doit pas être confondue aver l'exposé très-inexact que Biot en a donué dans le chapitre de la double réfraction de son Traité de physique expérimentale et mathématique et que bien des auteurs ont ensuite reproduit de confiance. Laplare n'a jamais dit que les molécules des rayons extraordinaires fussent sollicitées par une force émanée de l'axe du cristal, c'està-dire d'une abstrartion géométrique, qui est indispensable à considérer pour la coordination des propriétés du cristal, mais qui ne saurait être prise pour un système de centres attractifs et répulsifs. Il a simplement supposé que l'artion exercée sur les molécules dépendait de la direction du rayon lumineux, c'est-à-dire, au fond, de la situation de l'axe des molécules par rapport à l'axe du cristal, et cela n'aurait rien d'impossible si, comme on doit le supposer, les forces attractives et répulsives des molécules cristallines n'étaieut pas les mêmes dans tous les sens aux petites distauces où la forme des molécules peut influer.

Mais en astronomie nous savons pourquoi la nature a pris la forme de l'ellipse, puisque cette forme elliptique est une conséquence nécessaire de la loi de variation de la force de gravitation : dans la théorie de la double réfraction, au contraire, on n'a rien tenté de satisfaisant pour obtenir une simplification de ce genre. Les principes de lluyghens donneraient cepeudant une solution de la difficulté, si l'on admettait, ce qui est la plus simple supposition possible, que le milieu qui transmet les ondes est plus compressible suivant une direction déterminée que suivant toute direction perpendiculaire, comme s'il était formé d'une infinité de plaques parallèles, réunies par une substance un peu moins élastique. On pent se figurer un pareil arrangement des atomes élémentaires d'un cristal, en le comparant à un morceau de bois ou de mica. M. Chladui a trouvé que l'obliquité des fibres ligneuses dans une barre de sapin d'Écosse diminuait la vitesse du son dans le rapport de 5 à 4. Il est par conséquent évident qu'un morceau de ce bois transmettrait un ébranlement par des ondes sphéroïdales, c'est-àdire, ovales : or on peut démontrer que ces ondes seront vraiment elliptiques si le corps est formé de conches planes et parallèles, et de fibres équidistantes rénnies par une substance moins élastique, les couches ou les fibres étant supposées extrêmement minces; dans le cas des couches l'ellipsoïde serait allongé; il serait aplati dans le cas des fibres. On peut aussi prouver que, tandis qu'une ondulation sphéroïdale complète se propage en tous sens. perpendiculairement à sa surface, une portion isolée, comparable à un rayon lumineux ou sonore, s'avance obliquement suivant la direction du diamètre (1), 7

11 Quarterly Review for november: 809, et Miscellaneous Works, t. 1, p. 228, article ayant pour titre: Review of Laplace's Memoir TSUR LA LOI DE LA RÉVRAC-

TION EXTRAORDINAIRE DAYS LES CRISTAUX DIAPHANES. 7 — Young a cru un moment que l'obliquité des rayons sur la surface des ondes était une explication sufficient des cristants de la confession de

Ni dans ce passage, ni dans un Mémoire mathématique qui y est ajouté sous forme de note, ni dans l'article Chromatics, publié par Young quelques années après (1), la vraie difficulté de la question ne se trouve abordée ni même soupçonnée. Une inégalité d'élasticité a sans doute pour conséquence nécessaire une inégalité des vitesses de propagation des monvements vibratoires, et si des ébranlements partis au même instant d'une même origine se propagent avec des vitesses inégales, il est bien évident qu'ils ne peuvent constituer une onde sphérique; il ne fant pas non plus beaucoup de sagacité pour apercevoir que, dans un milieu constitué symétriquement autour d'un axe, cette onde sera une surface de révolution, qu'elle différera peu d'une sphère si les inégalités de vitesse sont peu sensibles, et qu'en conséquence on pourra, au moins à titre de première approximation, l'assimiler à un ellipsoïde de révolution. Le point important est d'expliquer comment de cette inégalité d'élasticité résulte la formation de deux rayons, doués de propriétés distinctes qu'ils transportent partout avec eux, et cette explication ne peut être donnée tant que les vibrations sont regardées comme longitudinales.

L'hypothèse des vibrations transversales, au contraire, couduit naturellement sur la voie d'une solution de la difficulté. Un rayon de lumière tombant sur la surface d'un cristal, les réactions élastiques que ses vibrations mettent en jen, et d'où résulte la propagation ultérieure du mouvement, dépendent non-seulement des vibrations

sante de la polarisation; à son avis, de tels rayons ne doivent pas être regardés comme identiques dans tous les sens. Mais il n'a pas persisté dans cette explication lorsque Malus a eu découvert, dans la réflexion de la lumière, un moyen de la polariser indépendant de la double réflexicion. <sup>3)</sup> Young est encore revenu une foisur la théorie de la double réfraction dans un article du Supplément à l'Encyclopédie britanuique, initialé: Theoretical Investigations intended to illustrate the phenomena of Polarisation, mais il connaissait alors l'ensemble des travaux de Frennel.

du rayon, mais de la situation du plan dans lequel s'exécutent ses vibrations transversales. Si la réaction est dirigée dans le plan même de vibration, ce plan doit demeurer invariable, et le rayon lumineux doit se propager dans le cristal en conservant sa polarisation initiale, avec une vitesse déterminée par les conditions mêmes de l'expérience. Mais on conçoit qu'en général la réaction élastique ne satisfera pas à cette condition, et la symétrie d'un cristal à un axe autour de son axe optique paraît indiquer qu'il est nécessaire que les vibrations soient contenues dans sa section principale on lui soient perpendiculaires. Toute autre vibration, en vertu du principe de la superposition des petits mouvements, donnera naissance aux mêmes effets que le système des deux vibrations, l'une parallèle, l'autre perpendiculaire à l'axe dont elle pent être censée la résultante, et si chacune de ces vibrations élémentaires a une vitesse particulière de propagation, l'existence de deux rayous inégalement réfractés se trouve expliquée.

Telle est la substance des idées que Fresnel a sommairement exposées dans ses Considérations mécaniques sur la polarisation de la lumière<sup>40</sup> et dont le développement l'a conduit à la plus grande de ses découvertes.

### XI

Dans le passage auquel il vient d'être fait allusion, Fresnel

(ii) N° XXII, S 16. — Dans In note mathématique qui suit le passage cité plns haut. Young fait bien remarquer que, dans un milieu cristallisé, la résetion élastique mise en jeu par une vibration donnée fait généralement un angle avec le direction du déplacement, mais, supposant toujuure les vibrations longitudinales, il no peut avoir la pensée de les résoudre en deux vibrations élémentaires qui, donnant naissance à des forces élastiques dirigées en sens inverse du déplacement, se propagent dans le uniteu sans à altérer et aver des vitesses différentes. donne des raisons plausibles (mais non des preuves rigoureuses) pour admettre que, dans les cristaux symétriques par rapport à un axe, des vibrations perpendiculaires à l'axe se propagent avec la même vitesse dans tous les sens. L'existence d'un ravon ordinaire et la relation remarquable qu'il présente avec le rayon extraordinaire se trouvent ainsi justifiées, pourvu qu'on admette que dans la lumière polarisée les vibrations sont perpendiculaires au plan de polarisation; toute lumière incidente polarisée dans la section principale d'un cristal donne alors naissance à des vibrations qui se propagent toujours avec la même vitesse, et par conséquent se réfractent suivant la loi de Descartes; les vibrations polarisées perpeudiculairement à la section principale se propagent au contraire avec une vitesse variable; mais à mesure que la direction du rayon se rapproche de l'axe, par cela seul que ces vibrations sont transversales, elles tendent à devenir perpendiculaires à l'axe, et par suite leur vitesse de propagation se rapproche de celle des vibrations ordinaires, de facon que les directions du rayon ordinaire et du rayon extraordinaire doivent finir par se confondre. Mais ces considérations font entièrement défaut pour les cristaux à deux axes; l'existence même de deux axes optiques. si nettement accusée dans les phénomènes de polarisation chromatique, montre que le milieu qui transmet les vibrations lumineuses n'est pas constitué symétriquement autour d'une droite; la forme et l'ensemble des propriétés physiques des cristaux de ce geure permettraient moins encore une telle hypothèse (1). On con-

<sup>(1)</sup> A mesure que la liste des corps biréfringents avait été en s'étendant, d'importantes relations avaient été établies entre la forme cristalline et la propriété biréfringente. Hady le premier avait fait remarquer que la réfraction simple n'appartenait qu'aux substances non cristallisées et aux substances cristallisées dans le système cubique; toutes les substances biréfringentes se trouvant appartenir aux systèmes à aces inégaux, la corrélation de la double réfraction et de l'inégalité d'élasticité, ou plutôt de la diversité des propriétés phyçoit bien eucore que l'inégalité d'élasticité engendre la double réfraction, mais on ne voit plus de raison pour admettre l'existence d'un ravon ordinaire.

Cette remarque profonde, qui avait échappé à tous les contemporains de Fresnel, puisqu'aucun d'eux n'avait cessé de parler du rayon ordinaire des cristaux à deux 'axes, fui immédiatement soumise par lui à l'épreuve de l'expérience. En accolant l'un à l'autre deux prismes de lopase blanche, d'angles réfringents exactement éganx, mais taillés suivant des directions différentes dans un même cristal, et observant au travers de ce système une mire éloignée parallèle à l'arête commune des deux prismes, il a facilement constate que les deux images de la mire formées par les rayons que tous les physiciens appelaient ordinaires étaient en général réfractées de quantités tout à fait différentes; dans certains cas particuliers leurs réfractions pouvaient être égales, mais dans d'autres cas les réfractions des deux images dites extraordinaires pouvaient l'être aussi, et ni l'un ni l'autre des deux groupes de ravons désignés par ces expressions ne présentait le carac-

siques suivant diverses directions desenait éridente. Un peu plus tard, à la suite d'une étude des propriétés optiques de plus de cent cinquante matières cristallières. M. Brewster, et c'est peut être la plus belle de ses découvertes, a monté que l'esistence d'un axe optique caractérisait les cristaux du système hexagonal et du système de prisme d'avis d'axe carrée, qu'on peut regarder comme synstériques, autour d'un axe principal, Indui que, clans les d'un axe principal, Indui que, clans les cristaux des autres systèmes, où aucun axe ne jouit de cette propriété, il existe toujours deux axes optiques. (Transactions philosophiques pour 1818: On the Laws of Polarization and double Befraction in crystallized Bodies.)

Fresnel a eu connaissance du travail de Brewster par l'extrait qui en est donné dans le Mémoire de Biot sur la double réfraction, inséré dans les Mémoires de l'Académie des sciences, pour l'anné-1818, page 177. (N° XXXVIII, 8 13 <sup>(d)</sup>.)

<sup>&</sup>quot;- Ici se trouvent en marge du manuscrit autographe ces mots au crayon : "Note à transférer apres le compte rendu des transux de Fresnet."

tère essentiel des rayons ordinaires d'un cristal uniaxe, celui d'être soumis à la loi de Descartes (1).

Ce résultat mettait à néant la généralisation hypothétique de la construction de Huyghens, par laquelle Young avait tenté de représenter la loi de la double réfraction des cristaux à deux axes, en joignant à l'onde sphérique des rayons ordinaires une onde extraordinaire en forme d'ellipsoïde à trois axes inégaux (2). Mais la forme que prenait en même temps le problème laissait bien peu d'espoir de le résoudre par la simple induction et sans le secours d'une théorie mécanique complète et rigoureuse. Il s'agissait en effet de trouver une surface de l'onde, symétrique par rapport à trois axes rectangulaires, qui, dans l'hypothèse où deux de ces axes deviendraient identiques, se réduirait au système formé par la sphère et l'ellipsoïde de révolution de Huyghens; cette surface devait être à deux nappes, puisqu'elle devait rendre compte de la formation des deux rayons réfractés, et aucun des deux rayons ne se distinguant par un caractère spécial, comme celui du rayon ordinaire des cristaux à un axe, il était probable que les deux nappes devaient être contenues dans une seule équation :

<sup>10</sup> Pour reudre l'expérience plus facile, Freseal avait soin d'achromatiser ces deux prisunes par un prisune de crown d'angle conveuable; l'achromatisme ne pouvait d'ailleure être complet que pour na seul prisun. Il est encre arrivé aux mêmes conclusions, en mesurant le déplacement des franges d'interférence qui s'observait lorsque les deux faisceaux interférents étaient trausmis par deux plaques de topas la paques de topas il paques de topas il paques de topas il provincia paris par deux faisceaux interférents étaient trausmis par deux plaques de topas illéments.

2) L'hypothèse d'une onde extraor-

dinaire amggdaböde a été très-hribvement indiquée par Young dans deux passages de l'artice Coronaire du Supplément à l'Encyclopédie britannique publé en 1817, où il a traité momanière genérale de tous les modes production des conduers. Il n'est d'aileurs entré dans aucun détail sur son hypothèse, et en particulier il a négligé de définir la situation exacte de l'onde extraordinaire par rapport à Conde sphérique des rayons ordinaires. (Voyez Miscellanous Works, t. I., p. 317 et 33-2). la surface cherchée était donc au moins du quatrième degré, et cette remarque fait sentir quelle était l'indétermination du problème.

Une heureuse conception de Fresnel, qui n'est autre que la conception fondamentale de la méthode infinitésimale, a fait disparaître l'indétermination. Ce qui semblait impossible est devenu simple et évident des qu'à la considération de l'onde entière on a substitué celle de ses plans tangents, c'est-à-dire dès qu'on a passé de la propagation des rayons divergents à partir d'un centre à la propagation des ondes planes. Dans un cristal à un axe les ondes planes polarisées dans la section principale se propagent toutes avec la même vitesse, et cette vitesse peut être représentée par le rayon de la sphère des rayons ordinaires, qui est en même temps le demi-axe polaire de l'ellipsoïde des rayons extraordinaires; les ondes plancs polarisées perpendiculairement à la section principale se propagent au contraire avec une vitesse variable, qui, pour chacune d'elles, peut être représentée par la perpendiculaire abaissée du centre de l'ellipsoïde de Huyghens sur le plan tangent parallèle à l'un des plans. Or, si l'on compare les vitesses de propagation des deux ondes d'espèce opposée qui sont normales à une même droite, et qui par conséquent se propagent suivant la même direction, on reconnaît aisément que ces vitesses sont liées entre elles par une remarquable relation géométrique : elles sont réciproques des longueurs des axes de la section elliptique faite par le plan des ondes dans un ellipsoïde de révolution autour de l'axe optique, ayant pour demi-axe polaire l'inverse du demi-axe équatorial de l'ellipsoïde de Huyghens, et vice versa; en outre le plan de polarisation de chaque onde est perpendiculaire à l'axe de la section elliptique qui est réciproque de sa vitesse de propagation. Toutes les propriétés des cristaux à un axe, qu'on a l'habitude d'exprimer par la construction de Huyghens et par les lois de polarisation du rayon ordinaire et du rayon extraordinaire, peuvent donc se représenter au moyen d'une surface unique, et comme cette surface est un ellipsoïde de révolution autour de l'axe optique, il est bien naturel de supposer qu'en lui substituant un ellipsoïde à trois axes inégaux, on obtiendra la représentation de toutes les propriétés optiques des cristaux à deux axes. Les axes de la section elliptique faite dans cet ellipsoïde par un plan quelconque seront encore réciproques des vitesses de propagation des deux systèmes d'ondes planes auxquels on peut concevoir que ce plan soit parallèle, et respectivement perpendiculaires aux plans de polarisation de ces ondes. D'ailleurs les ondes planes étant tangentes à la surface de l'onde, cette surface elle-même peut être prise pour l'enveloppe commune de toutes les ondes planes de directions diverses qu'on peut concevoir comme avant passé à un instant donné par un même point el s'étant ensuite propagées avec leurs vitesses et leurs polarisations respectives pendant une même durée, l'unité de temps, par exemple. La recherche de cette surface sera ainsi réduite à un simple problème d'algèbre, n'offrant d'autres difficultés que celles qu'on pourra trouver dans le calcul d'élimination qu'implique toujours la recherche d'une surface enveloppe (1). Si l'expérience vérifie les résultats de ces inductions, on aura le droit de se cousidérer comme en présence de la loi véritable des phénomènes, et cette loi sera la condition à laquelle devra satisfaire toute théorie de la constitution mécanique des milieux biréfringents.

(3) Fresnel n'a pu lui-même venir à bout de ces difficultés et n'a su obtenir l'équation de la surface de l'onde qu'en la supposant a priori du quatrième degré, et calculant la valeur de ses coefficients de manière qu'ils satisfissent à certaines conditions faciles à déduire de la considération des ondes planes normales aux trois plans de symétrie du milieu. Ampère est le premier qui ait effectué le calcul d'une manière rigonreuse.

## XII

Cette belle méthode, qui a conduit Fresnel à la découverte de la loi la plus générale de l'optique, n'a été exposée par lui que dans son premier Mémoire sur la double réfraction, et dans l'Extrait qu'il en a lu devant l'Académie des sciences le s6 novembre 1821. Tous ses Mémoires subséquents sur le même sujet sont uniquement consacrés à la comparaison de cette loi générale avec l'expérience et au développement de la théorie mécanique par laquelle Fresnel a essayé de retrouver ce qu'une profonde intuition ui avait réellement fait découvrir. Le seul de ces écrits qui ait été imprimé, le Mémoires sur la double réfraction, qui fait partie du tome VII des Mémoires de l'Académie des sciences <sup>(5)</sup>, ne contient pas autre chose, et ne laisse en aucune manière soupponner la voie si originale qu'avait suivie l'inventeur. Il serait sans doute inutile de faire ressortir l'intérêt qui s'attache à la publication des précieux documents où la pensée première de Fresnel se révête tout entière.

Les mêmes expériences qui avaient montré à Fresnel qu'aucun rayon dans les cristaux à deux axes n'avait réellement droit à la qualification de rayon ordinaire lui fournirent d'importantes vérifications de ses lois générales. Les conditions particulières où il était arrivé que deux prismes d'angles égaux, mais de directions

(i) Ge sont les numéros XXXVIII et de telle de titon. Le premier Mémoire sur la double réfraction (N° XXXVIII) a été déposé le 19 novembre 1821 au Secrétariat de l'Académie, ainsi qu'il résulte d'une apostille de Delambre au manuscrit original. Les raisonnements qui y sont dévendre de l'académie de l'académie ainsi qu'il résulte d'une apostille de Delambre au manuscrit original. Les raisonnements qui y sont dévendre de l'académie de l'académie

vient de présenter, et ne conduisent pas à la loi exacte de la double réfraction; mais l'Extrait du Mémoire 18 XXXIX, rédigé quelques jours après et lu à la séance suivante de l'Académie, contient ou du moins indique toutes rectifications nécessaires. (Vayer N° XXXIX, note finale de l'éditeur.) 20 N° XXVIII de cette édition. différentes, avaient réfracté un même rayon de la même quantité, se trouverent en effet les conséquences de ces lois; il en fut de même des conditions où deux plaques de même épaisseur et de directions différentes avaient transmis ces mêmes rayons avec la même vitesse. Les règles données par Biot pour définir la position des plans de polarisation des deux rayons réfractés et pour évaluer la différence de leurs vitesses de propagation y trouvèrent également leur explication (1). De nouvelles expériences sur la topaze, plus variées et aussi précises que les premières, vinrent apporter à la loi générale de nouvelles confirmations. Eufin il ne fut pas difficile de démontrer l'existence nécessaire de deux axes optiques et de déterminer les propriétés de ces deux directions d'une manière plus précise que n'avait pu le faire la seule expérience. Les axes ne sont autre chose que les normales aux deux systèmes de sections circulaires que présente l'ellipsoide à trois axes inégaux dont il a été question tout à l'heure : comme tout diamètre de ces sections circulaires a les propriétés d'un axe d'une section elliptique, on voit que, sur une onde plane perpendiculaire à un axe optique, la direction des vibrations peut être quelconque, et que la vitesse de propagation en est indépendante. Ainsi suivant un axe optique il n'y a ni polarisation déterminée, ni double réfraction, ni par conséquent modification de la lumière par interférence dans les expériences de polarisation chromatique. Ces propriétés sont précisément celles qui caractérisent l'axe unique des cristaux à un axe; mais tandis que cet axe unique est, relativement au milieu cristallin, un axe de symétrie et occupe en conséquence la même position pour toutes les couleurs, les axes optiques des eristaux à deux axes sout simplement des directions suivant

<sup>(</sup>i) Il fallut seulement prendre pour vitesses de propagation les inverses des valeurs adoptées par Biot, ainsi qu'on

doit toujours le faire quand on passe du système de l'émission au système des ondes.

lesquelles il y a compensation entre les causes tendant à produire la double réfraction, et toutes les fois que la dispersion est sensible, leurs situations sont très-différentes pour les diverses couleurs (1).

Entièrement persuadé par ces expériences de la vérité de sa loi, Fresnel en rechercha l'explication mécanique, et bien qu'on doive reconnaître que le succès n'a pas couronné ses efforts, cette dernière recherche n'en a pas moins exercé sur la science une influence considérable, qui s'est étendue bien au delà des limites de la théorie de la lumière.

On y doit distinguer deux parties.

La première dans l'ordre logique (mais non dans l'ordre historique) est l'étude des forces que développent dans un milieu finstique les petits déplacements moléculaires. Sans faire aucune hypothèse sur l'arrangement des molécules ni sur la loi de leurs actions mutuelles, l'resnel démontre par des raisonnements synthétiques, faciles à traduire par l'analyse :

1° Que si une molécule du milieu éprouve un petit déplacement, toutes les autres demeurant immobiles, la force qui la sollicite est la résultante des trois forces qui la solliciteraient, si elle éprouvait tour à tour trois déplacements parallèles à trois axes rectangulaires quelconques et égaux aux projections du déplacement réel sur ces trois axes;

9º Qu'en général cette force accélératrice est inclinée sur la direction du déplacement, mais qu'il existe toujours trois axes rectangulaires tels qu'un déplacement parallèle à l'un d'eux donne naissance à une force accélératrice qui fui est parallèle;

et Lloyd sur les propriétés des axes optiques et sur celles des points singuliers de la surface de l'oude.



<sup>(6)</sup> On sait que la confirmation la plus éclatante de la loi de Fresnel a été donnée plus de dix ans après sa mort par les travaux de MM. Hamilton

3º Que si des déplacements égaux parallèles à ces trois axes donnent lieu à des forces accélératrices égales, une direction quelconque jouit des mêmes propriétés;

4° Que si des déplacements égaux parallèles à deux axes donnent lieu à des forces accélératrices égales, tonte direction contenue dans le plan des axes jouit des mêmes propriétés (a).

Si le milieu est homogène dans toute son étendue, les axes dont il s'agit ont partout la même direction et peuvent recevoir le nom d'axes d'élasticité.

Ces théorèmes, d'une si remarquable simplicité, doivent être regardés comme le point de départ d'une science nouvelle, qui est devenue aujourd'hui l'une des branches les plus importantes de l'étude de la nature : la théorie générale de l'élasticité. Sans doute on avait déjà traité bien des questions relatives à l'équilibre et au monvement intérieur des corps, mais, excepté dans le cas des fluides, et surtout des fluides élastiques, les solutions avaient été toujours empruntées à des considérations en partie théoriques, en partie empiriques et spéciales à chaque question, et même à des hypothèses inadmissibles. Fresnel fut le premier à introduire dans ces études les méthodes exactes et générales de la mécanique rationnelle, et, si simple que fût le problème qu'il s'était posé, relativement aux problèmes qu'on a abordés plus tard, en le résolvant d'une manière rigoureuse, il fit ce qu'il y a à la fois de plus important et de plus rare, il ouvrit à la science une voie nouvelle. Les noms de Cauchy, de Green, de Poisson, de M. Lamé disent assez si cette voie a été féconde (1).

<sup>(</sup>ii) Ce n'est pas arbitrairement, ni vants illustres à l'œuvre de Fresnel, pour les besoins d'un vain panégyrique, qu'on rattache l'œuvre de ces sa-

<sup>(</sup>e) lei se lit en marge, sur le manuscrit autographe, cette apostille tracée au crayon. Théorie de l'ellipsoide à intercaler...

On ne sourait donc estimer trop haut la valeur des premières recherches de Fresnel sur la constitution des milieux élastiques, mais on doit reconnaitre aussi que ces recherches n'ont pas été poussées assez loin pour conduire au but qu'il avait en vue, la démonstration a priori de sa loi générale de la double réfraction. Tout lecteur attentif du Mémoire célèbre où cette démonstration est essayée doit en effet s'étonner qu'une série de raisonnements, tantôt incomplets, tantôt entièrement inexacts, ait conduit leur anteur à l'établissement d'une des plus grandes lois de la nature, et, s'il s'agissait d'un autre que de Fresnel, on pourrait même être tenté de dire qu'il a dû au plus singulier des hasards la plus belle titres de ce grand géomètre dans le de- géomètre. Enfai l'admirable Mémoire

maine de la physique mathématique, les Mémoires sur l'équilibre et le mouvement intérieur des corps, considérés tantôt comme des masses continues, tantôt comme des assemblages de points matériels disjoints, qu'on trouve dans les premiers Exercices de mathématiques, sont postérieurs de quelques années aux recherches de Fresnel sur la double réfraction; l'application que l'auleur s'est hâté de faire des conséquences de son analyse aux théories de la double réfraction et de la dispersion, fait bien voir que l'optique n'a jamais été étrangère à ses préoccupations. La polémique même que Poisson a soutenue contre Fresnel sur le principe de la théorie des ondes (\*) est une preuve de l'influence que les découvertes du physicien ont exercée sur l'esprit du géomètre. Enfin l'admirable Mémoire où Green a établi, de la manière la plus simple et la plus solide, les bases définitives de la théorie de l'Edusticité, a pour titre: Sur la progagation de la fimière dans les milieza cristillizée (\*\*. Les premiers travaux de M. Lamé ou seuls leur origine plutôt dans la mécanique pratique que dans l'optique; mais on sait quelle place M. Lamé a donnée plus tard à cette sciences auses leçons sur l'élassicité.

où l'on trouve des notions justes sur les inégalités d'élasticité qui peuvent exister dans les corps et sur leur répartition régulière par rapport à certains ou plans de symétrie sont, à ma connaissance, ceux du grand minéralogiste allemand Samuel-Christian Weis 1889.

<sup>\*</sup> Voyez plus lois un résumé de cette controverse.

<sup>(\*\*)</sup> Cambridge Transactions , t. VII.

<sup>(\*\*\*\*</sup> Voyez en particulier son Mémoire nur les divisions naturelles des systèmes cristallins, public dans les Mémoires de l'Académie de Berlin pour 1815.

de ses découvertes. Le premier Mémoire sur la double réfraction, demeuré inédit jusqu'à ce jour, nous a montré par quelle admirable généralisation de faits connus il a été réellement condnit à cette découverte; les deux Suppléments à ce Mémoire, qui l'ont suivi à quelques mois de distance, et qui paraissent aussi pour la première fois dans cette édition (0), vont nous révéler en détail la marche successive de ses peusées, et comment il en est venu à se persuader qu'une suite d'hypothèses plausibles, mais uullement évidentes, était une véritable démonstration. Ou sait d'ailleurs que bien des physiciens éminents les ont reçues pour telles.

Dans les cristanx à un axe, il est évident, par raison de symétrie, que tout déplacement perpendiculaire à l'axe, d'une seule molécule, doit donner naissance à une force élastique, dirigée en sens contraire du déplacement et indépendante de ,la direction particulière du déplacement dans un plan perpendiculaire à l'axe. Un déplacement parallèle à l'axe doit aussi donner naissance à une force élastique dirigée en sens contraire du déplacement, mais d'une intensité différente de la précédente. On sait d'antre part que toutes les ondes planes polarisées dans la section principale se propagent dans le cristal avec une vitesse constante, la vitesse des rayons ordinaires, et que toutes les ondes planes dont le plan contient l'axe, et qui sont polarisées perpendiculairement à la section principale, se propagent avec une autre vitesse constante, qui est la vitesse des rayons extraordinaires perpendiculaires à l'axe. Ces propriétés remarquables deviennent des conséquences d'un même principe si l'on admet :

1º Que les vibrations de la lumière polarisée sont perpendiculaires au plan de polarisation;

<sup>(1)</sup> Ce sont les numéros XLII et 22 janvier 1822, et le deuxième le XLII. Le premier Supplément a été 1" avril de la même année. présenté à l'Académie des sciences le

3° Que lorsque dans le plan d'une onde plane les vibrations ont lieu parallélement ou perpendiculairement à l'ave optique, les forces élastiques qu'elles développent ne différent des forces élastiques développées par le déplacement parallèle d'une seule molécule, que par un facteur constant, indépendant de la direction particulière du plan de l'onde.

La supposition est d'ailleurs tout à fait plausible, car elle conduit à regarder les vibrations de toutes les ondes ordinaires comme s'exécutant perpendiculairement à l'axe optique, et la simplicité de ce caractère commun paraît l'explication de l'identité de leurs propriétés. Si l'on remarque que dans un cristal à un axe toute droite perpendiculaire à l'axe est l'intersection de deux plans par rapport auxquels le cristal est symétrique, on est porté à admettre que, dans les cristaux à deux axes, lorsque les vibrations d'une onde plane sont parallèles à l'un des trois axes d'élasticité, c'est-à-dire à l'une des trois intersections des trois plans rectangulaires de symétrie, elles développent aussi des forces élastiques proportionnelles à celles qui résulteraient du déplacement d'une molécule unique, quelle que soit la direction particulière du plan de l'onde; et [cette hypothèse explique] l'existence de trois groupes de rayons qui, dans chacun des trois plaus de symétrie du cristal, se réfractent conformément à la loi de Descartes, mais avec des indices différents. Quoi de plus naturel que d'étendre ensuite à tous les cas une hypothèse qui rend un compte si satisfaisant de tant de particularités du phénomène?

Cest ainsi que Fresnel s'est trouvé conduit à admettre commuun principe de sa théorie que, dans tous les cas, les forces élastiques mises n jeu par la propagation d'un système d'ondes planes, à vibrations rectilignes et transversales, ne dépendent que de la direction des vibrations et sont dans un rapport constant avec les forces élastiques mises en jeu par le déplacement parailèle d'une molécule unique. Mais pour rendre compte des phénomènes au moyen de cette hypothèse, il est nécessaire d'y en ajouter une seconde, qui a paru à Fresnel n'être que l'expression pure et simple du principe fondamental de la transversalité des vibrations. Si les vibrations sont perpendiculaires au plan de polarisation, les vibrations d'une onde plane extraordinaire dans un cristal à un axe doivent être parallèles à la section principale, c'est-à-dire contenues dans le plan qui passe par l'axe et par la normale à l'onde; s'il est en outre nécessaire qu'elles soient absolument transversales, elles doivent être précisément dirigées suivant l'intersection du plan de l'onde et de la section principale. Mais la force élastique développée par un déplacement parallèle à cette direction n'est pas dirigée en sens inverse du déplacement, car cette propriété n'appartient qu'aux forces élastiques développées par des déplacements parallèles ou perpendiculaires à l'axe : seulement, par raison de symétrie la force élastique dont il s'agit est, comme le déplacement d'où elle résulte, contenue dans la section principale, et par conséquent sa composante parallèle au plan de l'onde est parallèle au déplacement. Donc, si cette composante était seule efficace, la propagation des vibrations extraordinaires serait expliquée, et si, en prenant pour mesure de la vitesse de propagation la racine carrée de cette composante, on retrouvait les lois connues de la propagation des ondes extraordinaires, ou pourrait se croire autorisé à prendre cette nouvelle hypothèse pour l'expression de la vérité.

Or c'est précisément ce qui arrive. Dans un cristal quelconque à un ou à deux axes, il résulte de la loi de Fresnel que les deux vibrations rectangulaires qui peuvent se propager par des ondes planes normales à une même droite sont telles que les déplacements parallèles d'une molécule unique développent des élasticités dont les projections sur le plan des ondes sont parallèles au dédont les projections sur le plan des ondes sont parallèles au dé-

placement, et que les deux vitesses de propagation sont proportionnelles aux racines carrées de ces projections. D'ailleurs, l'absence de toute vibration [longitudinale] dans les ondes lumineuses semble prouver que l'éther est incompressible, et s'il en est ainsi on comprend que toute force qui tendrait à rapprocher ou à cloigner l'une de l'autre deux couches de molécules soit sans effet et doive être négliéée.

C'est ainsi que Fresnel a été conduit à se croire en possession d'une véritable théorie mécanique de la double réfraction. Sa confiance a même été telle que, dans l'exposé définitif de sa théorie, qu'il a rédigé pour les Mémoires de l'Académie, il a supprimé toute indication du développement successif de ses pensées pour n'en conserver que la démonstration synthétique fondée sur les deux hypothèses qu'on vient de présenter. Mais ces hypothèses, dont il avait fait ses principes, ne résistent pas à un examen approfondi. Sans rechercher s'il est vrai que l'absence des vibrations [longitudinales] prouve l'incompressibilité de l'éther, on doit rejeter immédiatement la seconde hypothèse comme incompatible avec le point de vue où Fresnel s'était placé. Lorsqu'on se propose d'expliquer les phénomènes lumineux par la considération d'un éther formé de molécules séparées par des intervalles assez grands pour être assimilées dans leurs réactions mutuelles à des points mathématiques, on ne doit avoir recours à aucune hypothèse accessoire : les actions réciproques des molécules doivent rendre compte de tout, de l'incompressibilité de l'éther, si elle est réelle, comme des lois de propagation des ondes; les seules ondes dont on puisse admettre qu'elles se propagent sans altération sont celles qui développent des forces élastiques parallèles aux vibrations, et le problème est de trouver l'arrangement moléculaire et la loi d'action réciproque qui conduisent à déterminer la vitesse et la polarisation de ces ondes en conformité des lois de Fresnel. Il ne comporte pas (Cauchy l'a démontré plus tard) de solution rigoureuse; il n'est possible, avec un milieu ainsi constitué, de satisfaire aux lois de Fresnel que d'une manière approchée, et seulement dans l'hypothèse d'une double réfraction peu énergique.

Quant à la première bypothèse, elle est de tout point erronée : il n'est pas vrai, en général, que l'élasticité mise en jeu par la propagation d'un système d'ondes planes à vibrations rectilignes soit dans un rapport constant avec l'élasticité mise en jeu par le déplacement parallèle d'une seule molécule, quelle que soit la position du plan de l'onde, il n'est donc pas évident que dans les cristaux à un axe les vibrations des ondes ordinaires soient parallèles à l'axe, et les phénomènes de la double réfraction ne décident rien entre les deux hypothèses qu'on peut faire sur la direction des vibrations dans la lumière polarisée. L'une et l'autre sont également légitimes : seulement elles eugent que, pour la représentation approximative des lois de Presnel, on admette des relations différentes entre les coefficients d'où dépendent les grandeurs et les directions des forces élastiques mises en jeu dans les vibrations de l'éther.

Ainsi la théorie proprement dite de la double réfraction, à laquelle Fresnel s'est définitivement arrêté, et qui passe pour l'origine de sa plus grande découverte, ne repose sur aucun fondement solide. Il serait puéril de chercher à le dissimuler; mais il le serait tout autant de croire que la gloire du fondateur de la théorie des ondes souffre quelque chose de cet aven. On croit platôt l'avoir mise dans son véritable jour par l'exposé qu'on vient de faire de l'ordre qu'ont réellement suivi ses pensées dans la poursuite de l'immortelle découverte dont on a dit qu'elle était second la Nevativa s'apore.

## XIII

Le Mémoire sur la double réfraction présenté à l'Académie des sciences en novembre 1821, ses deux Suppléments et une Note accessoire (1) furent renvoyés par l'Académie à l'examen d'une commission composée de Ampère, Arago, Fourier et Poisson. Le dernier paraît n'avoir pris aucune part aux travaux de la commission; du moins le rapport d'Arago, lu à l'Académie dans la séauce du 19 août 1822 (2), n'est-il signé que du rapporteur, d'Ampère et de Fourier. Malgré la retraite du seul ennemi déclaré des idées nouvelles qui fit partie de la commission, Arago, voulant sans doute éviter des discussions aussi irritantes qu'inutiles, s'abstint de se prononcer sur la partie théorique du Mémoire et se contenta de dire que le temps n'avait pas permis aux commissaires de l'examiner avec toute l'attention nécessaire. Il fit au contraire un grand éloge de la partie expérimentale, s'étendit sur l'accord constant de l'observation avec la loi générale énoncée par l'auteur. et conclut à l'insertion du Mémoire dans le Recueil des Savants élrangers.

Un vote unanime de l'Académie ratifia ces conclusions, mais il fut précédé d'un incident remarquable, dont le souvenir mérite d'être conservé à l'honneur du grand géomètre, qui avait cru longtemps que son aunlyse avait ramené les phénomènes de la double réfraction à dépendre du système de l'émission (6). Immédiatement après la lecture du rapport, Laplace prit la parole, et, avec cette générosité d'un grand esprit qui, dans l'adversaire de la veille, se

<sup>(1)</sup> Note sur l'Accord des expériences de MM. Biot et Brewster avec la loi donnée par l'ellipsoïde (N° XLIV de cette édition).

<sup>(4)</sup> Nº XLV de cette édition.

<sup>(3)</sup> On emprunte le récit de cet incident à une lettre, en date du 22 août 1822, de M. Léonor Mérimée à son neveu M. Léonor Fresnel.

plati à reconnaître et à saluer un égal, proclama l'importance exceptionnelle du travail dont on venait de rendre compte : il féicial l'auteur de sa constance et de la sagacité qui l'avait conduit à découvrir une loi qui avait échappé aux plus habiles, et, devançant en quelque sorte le jugement de la postérité, déclara qu'il mettait ces recherches au-dessus de tout ce qu'on avait depuis longtemps communiqué à l'Académie.

Cette puissante protection, qui ne se démentit jamais, jointe à l'ardente et fidèle amitié d'Arago, obtint bientôt pour Fresnel la plus haute consécration de ses succès en lui ouvrant les portes de l'Académie. Au moment même où Arago lisait son rapport, une candidature se trouvait ouverte. Berthollet et Delambre venaient de mourir; il paraissait certain que Fourier serait le successeur de Delambre dans les fonctions de secrétaire perpétuel, et laisserait ainsi une vacance dans la section de physique, et, si l'Académie pensait à remplacer Berthollet par Dulong, que ses travaux pouvaient également désigner pour la section de chimie et pour celle de physique, Fresnel n'avait aucun compétiteur sérieux à redouter. Ni Dulong, ni les membres de la section de chimie n'avant voulu se prêter à cet arrangement, la lutte s'engagea entre Dulong et Fresnel, et Dulong, présenté le premier par la section de physique « qui avait pris en considération l'ancienneté de ses travaux » (1) fut élu dans la séance du 27 janvier 1823 par trente-six voix contre vingt données à Fresnel. Mais, trois mois après, la mort de Charles ayaut laissé une autre place dans la section de physique, Fresnel y fut appelé par le suffrage unanime de l'Académie, dans la séance du 19 mai suivant.

L'importance des découvertes de Fresnel reçut ainsi le plus

<sup>(1)</sup> Expressions du rapporteur Lefebrre-Gineau, conservées dans l'extrait de la séance (du 20 janvier 1893) in-

rare et le plus solennel des hommages, nais les vues théoriques qu'avaient suscitées quelques-unes de ses découvertes et qui en avaient à leur tour suscité d'autres, demeuréent fobjet des plus vives controverses. Une première polémique s'engagea avec Biot à la suite du rapport d'Arago sur le Mémoire relatif aux couleurs des lames cristallisées <sup>30</sup>. Elle offrit [en somme] très-peu d'intérêt: Biot n'entra jamais dans le fond de la question et se borna à soutenir, contre toute évidence, que les formules théoriques de Fresnel n'ajoutent rien aux formules empiriques par lesquelles il avait représenté les phénomènes.

Une discussion, qui promettait d'être plus sérieuse, s'établit entre Fresnel et Poisson dans les premiers mois de 1823, à l'époque même de la dernière candidature académique de Fresnel. Il s'agissait cette fois des principes mêmes de la théorie, et les deux adversaires étaient dignes l'un de l'autre; malheureusement leurs points de vne, leurs habitudes d'esprit différaient tellement qu'ils ne se sont pas compris réciproquement, et que toute leur controverse a été presque sans utilité pour la science. Poisson, pen familier avec l'expérience, voulait tout déduire de l'analyse, et souvent ne s'apercevait pas que le point de départ de son analyse était une impossibilité physique. Ainsi il traitait de la propagation des ondes dans les fluides qui auraient, en des sens différents, des degrés différents d'élasticité [2], comme si la notion de fluide n'impliquait pas l'égalité de pression en tous sens, et comme de cette hypothèse [inadmissible] il déduisait des ondes en forme d'ellipsoide à trois axes inégaux, il crovait avoir réfuté la théorie de la double réfraction de Fresnel, qui exige que l'on considère des

<sup>(</sup>i) Les pièces de cette polémique forment le N° XXI de cette édition.

<sup>3:</sup> Voyez, Nº XXXIV (D) et Annales de chimie et de physique, t. XXII, p. 210,

l'extrait d'un Mémoire sur la propagation du mouvement dans les fluides élastiques, par M. Poisson.

ondes dont la surface est définie par une équation du quatrième degré. Comme il ne donnait d'ailleurs dans cette discussion que les conclusions de son analyse sans l'analyse elle-même, il ue permettait pas toujours à son adversaire de le comprendre ni de juger s'il avait bieu interprété les résultats du calcul <sup>(10)</sup>. D'un autre côté Fresnel n'était peut-être pas toujours assez seusible au manque de rigueur d'un raisonnement, et comme Young, bien qu'à un moindre degré, était trop porté à voir une démonstration dans toute induction, toute analogie qui le conduisait à la découverte d'un phénomène nouveau. Le principal et, pour ainsi dire, le seul intérêt de la discussion est dans l'influence qu'à exercée sur les travaux ultérieurs de Poisson l'étude des écrils de Fresnel, influence profonde et que l'on ne saurait révoquer en doute, bien que Poisson et fait jamais avonée <sup>(5)</sup>.

II. On ne sait, par exemple, ce que Poisson veut dire quanti li parle poisson veut dire dundi li parle poisson peut dire pout qu'il n'existe pas de filet de lounière, qu'à mesaire qu'on référéd une ouverture exposée à lumière, le faisceau transmis et distate de plus es plus, et en marge de cette objection sur l'exemplaire de la réposse de l'exacel, qu'il avait reçue de l'autre, Poisson écrit ces mots au cravon;

- Je n'ai parlé nulle part de ce que - l'auteur semble ici me reprocher, et - qui n'a aucun rapport avec la citation - de la page 256.

Une cause constante d'ambiguïté dans la discussion est l'usage du mot fluide. Fresuel, lorsqu'il appelle l'éther un fluide, entend par là simplement, comme les physiciens qui parlent de fluide flastique, que l'éther est un milieu très-rare et très-peu résistant; Poisson suppose toujours qu'il s'agil d'un fluide auquel les équations de l'hydrodynamique sont applicables, et toute la querelle sur la possibilité des vibrations transversales ne consiste guère que dans ce malenteadu.

≈ Poisson a compléement abandoune dans se écrit subséquer en 1893 à position qu'il suit prise en 1893 à l'Égard de la théorie de la unière. L'esqu'il a fait imprimer, dans le tone X. des Mémoires de l'Aradémie, son Mémoire sur le mouvement de deux fluides distiques superpoés, il s'est restreint an cas des gaz et des liquides et a'ena en cas des gaz et des liquides et a'ena tré aucune conclusion relative à la réfraction et à la réflexion de la fumière, et à également cess de mentionner es

#### XIX

Quelque temps avant son élection (le 13 janvier 18 33) Fresuel avait [soumis] à l'Académie un Mémoire sur les modifications que la réflevion imprime à la lumière polarisée<sup>10</sup>, qui, comme les recherches sur la double réfraction, était un effort pour pénétrer le mécanisme des phénomènes optiques et pour en déduire des lois que l'expérience seule pouvait difficilement faire découvrir. Admetant comme démontré par le principe de Huyghens qu'à toute onde arrivant sur la surface de séparation de deux milieux correspondient une onde réfléchie et une onde réfactée, il y cherchait les relations qui devaient exister entre les vibrations de ces trois ondes. A proprement parler, il n'établissait pas une vraie théorie mécanique fondée sur la considération direct des actions réciproques des molécules d'éther et des molécules pondérables: mais il tentait de déterminer certaines conditions générales aux-males toutes des des la considération direct des actions réciproques des molécules d'éther et des molécules pondérables: mais il tentait de déterminer certaines conditions générales aux-quelles tout théorie mécanique devait satisfaire et de faire sortir

fluides à districté variable en diverours qui tienneut tant de place dans restruit inséré aux familes de chimie et de playèque. Dans son Mémoire sur la propagation du mouveauet dans les milieux élastiques, en dale du 1 s cetolère 1850, il a accordé autant d'importance aux vibrations transverades qu'as a ondes tongitudinales; chans son Mémoire inscheé sur l'équilibre et le mouveauent des corps cristalités, il a donad éés nuite des résulteraines des surfaces d'onde qu'on pourrait dans certains cas réduire à la surface de Fenna, et ainais à un ellip-

soide à trois axes inégaux, et cependant la seule allusion qu'il ait faite à ses devanciers se trouve dans les lignes suivantes:

"J'appliquerai ensuite les résultaisde es excond Memior à la théroite de condes fumineuses..., question d'un récondes fumineuses..., question d'un résolue jusqu'à présent, malgré touteson importance, en aureune de ess parties, ni par moi, dans les ossais querj'ait entés à ce sujet, m. selon moi, par este autres géomètres qui s'en sont raussi orcapiés. « (Mémoires de l'Academie des seiness, t. NUII, p. 6.)

(1) C'est le N° XXX de cette édition.

de ces conditions les lois générales des modifications que subissent les vibrations lumineuses en se réfléchissant et en se réfractant

Cinq conditions principales lui parurent devoir être admises. savoir :

- 1º La direction transversale des vibrations;
- 2° La perpendicularité des vibrations au plan de polarisation;
- 3° La conservation des forces vives;
- 4º La continuité du mouvement dans les deux milieux de part et d'autre de la surface de séparation;
- 5° La proportionnalité de l'indice de réfraction à la racine carrée de la densité de l'éther.

La première condition est un fait d'expérience. La seconde n'est qu'une hypothèse qui n'a ni plus ni moins de probabilité que l'hypothèse contraire; mais Fresnel croyait, par sa théorie de la double réfraction, en avoir fait une vérité démontrée. La troisième est une loi générale de la mécanique. La quatrième se justifie par une considération mécanique assez évidente : s'il v avait discontinuité à la surface de séparation, c'est-à-dire si le déplacement relatif des molécules infiniment voisines des deux côtés de cette surface avait une valeur finie, il en résulterait des forces élastiques infiniment grandes, par rapport à celles qui détermineut la propagation du mouvement dans toute l'étendue des denv milieux, et la discontinuité ne subsisterait qu'un temps infiniment court. La cinquième condition n'était qu'une des deux hypothèses simples par lesquelles on représente la cause de la réfraction : on suppose que l'éther engagé dans les corps pondérables est plus dense que l'éther libre, mais que les forces élastiques qui agissent sur les molécules sont les mêmes dans les deux cas, et il en résulte que la densité de l'éther doit être en raison inverse du carré de la vitesse de propagation, c'est-à-dire en raison [directe] du carré de l'indice de réfraction. Mais on peut également supposer que la densité de l'éther est la même dans tous les corps, et que la présence de la usatière pondérable a pour effet de dimimer les forces élastiques dans le rapport du carré de la vitesse de propagation, et chacune de ces deux hypothèses est corrélative à l'une des deux hypothèses qu'on peut faire sur la direction des vibrations dans la lumière polarisée.

L'application de ces principes à la lumière polarisée dans le plan d'incidence ne souffre aucune difficulté et conduit à des résultats entièrement conformes à l'expérience. Il n'en est pas de même quand on passe à la lumière polarisée perpendiculairement an plan d'incidence. Le principe de continuité donne alors une équation de plus qu'il n'est nécessaire, et, pour retrouver les propriétés connues de ce genre de lumière, on est obligé de restreindre la continuité aux composantes des vibrations parallèles à la surface. Mais des qu'on accepte cette restriction, toutes les propriétés de la lumière polarisée, la loi de Brewster, la loi d'Arago sur l'égalité des quantités de lumière polarisée contenues dans le rayon réfléchi et dans le rayon réfracté, les effets des piles de glaces, etc. se présentent comme des conséquences faciles à déduire des équations fondamentales. Les phénomènes de la réflexion totale [semblaient ne devoir pas être compris dans ces équations; mais guidé par l'étude expérimentale qu'il avait faite de ces phénomènes en 1816 (1), Fresnel a su trouver dans la forme des expressions imaginaires par où se manifestait l'insuffisance de la théorie, l'indication complète des lois auxquelles les phénomènes sont soumis et dont toute théorie ultérieure devra rendre compte.

Le jugement définitif de la science sur ce dernier grand travail

<sup>(1)</sup> Voyez le paragraphe IX de cette Introduction.

de Fresuel ressemble fort à celui qu'elle a porté sur la théorie de la double réfraction. Les lois nouvelles qui y sont établies ont conservé toute leur importance malgré les perturbations qu'ont fait reconnaître d'ingénieux procédés d'observation; mais la théorie elle-même n'est plus aujourd'hui considérée comme l'expression certaine de la vérité. Ce n'est pas que, comme la théorie de la double réfraction, elle contienne des erreurs positives; mais on a fait voir qu'on pouvait arriver aux mêmes résultats en parlant de principes très-différents, à certains égards, de ceux de Fresnel et sujets en apparence à moins de difficultés. Si l'on admet en effet. avec M. Neumann, que les vibrations de la lumière polarisée soient parallèles au plan de polarisation, le principe des forces vives et le principe de la continuité du monvement, appliqués sans aucune restriction, donnent justement autant d'équations qu'il en fant pour déterminer toutes les inconnues du problème. En outre la théorie nonvelle s'étend facilement aux phénomènes des cristanx biréfringents et conduit à des lois que jusqu'ici l'expérience a paru confirmer [1].

Gependant des phénomènes d'un ordre bien différent, les phénomènes de l'aberration, et plus généralement les phénomènes qui résultent d'un déplacement rapide du milieu où la limière se propage, donnent à la théorie de Fresnel un appui qui manque à celle de M. Neumann. Dans sa lettre sur l'influence du mouvement de la terre dans les phénomènes d'optique <sup>60</sup>, Fresnel avait. dès 1817, proposé une hypothèse hardie pour expliquer à la fois le phénomène de l'aberration et quelques expérieuces paradovales d'Arago. Suivant lui les corps pondérables in entraineraient pas

<sup>(</sup>i) La théorie de Fresnel n'est pas susceptible d'une généralisation aussi simple, rien n'indiquant ce que doit être, par rapport aux indices de ré-

fraction, la densité de l'éther dans un corps biréfringent,

dans leur mouvement tout l'éther qu'ils contiennent, mais seulement l'excès de l'éther qu'ils renferment sur celui qui se trouverait dans un volume égal vide de toute matière pondérable: en admettant que la quantité totale de l'éther contenue dans l'unité de volume d'un corps soit proportionnelle au carré de l'indice de réfraction, c'est-à-dire [inversement proportionnelle] au carré de la vitesse, la quantité d'êther entraînée serait proportionnelle à ce qu'on appelle le pouvoir réfrignent des corps, et tous les phénomènes résultant du mouvement rapide d'un milieu réfringent trouveraient leur explication. On sait que M. Fizeau a confirmé l'hypothèse de Fresnel par une expérience remarquable d'interférence, et qu'ainsi l'opinion qui considère les vibrations de la lumière polarisée comme perpendirulaires au plan de polarisation [paraît devoir être définitément adoptée].

Quoi qu'on puisse penser de la valeur de ces preuves on ne saurait trop admirer avec quelle sagacité Fresnel a ramené à dépendre les uns des autres des phénomènes aussi profondément distincts.

## XV

La théorie de l'aberration et des phénomènes analogues n'est pas la seule occasion où Fresnel ait abordé la difficile question des rapports de l'éther et de la matière pondérable.

On peut d'abord conclure de quelques passages relatifs à l'absorption, épars en divers écrits <sup>(1)</sup>, qu'il avait une idée parfaitement nette des véritables causes de ce phénomène, qui a inspiré à plusieurs physiciens de si étranges spéculations <sup>(2)</sup>. Il le considérait

O voyez particulièrement le N°V (C) et le N° XIX (A).

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> On y a vu, par exemple, un effet de l'interférence des rayons réfléchis

entre les couches moléculaires successives des corps, comme si l'interférence diminuait jamais l'intensité des rayons qui suivent une direction donnée, san-

simplement comme une communication d'une partie de la force vive des ondes lumineuses aux molécules pondérables, et, dès 18 15, il parlait à Argo de l'utilité qu'il y anrait à messurer simultanément l'intensité des rayons réfléchis par un corps et la quantité de chaleur qu'il reçoit des rayons incidents, et qu'accuse son élévation de température.

La considération des molécules pondérables joue encore un rôle important dans la théorie de la dispersion qui est esquissée dans le second Supplément au premier Mémoire sur la double réfraction. Presnel explique la dispersion en admettant que les forces élastiques misses en jeu par des vibrations lumineuses onl une sphère d'activité qui n'est pas très-petite par repport à la longueur des ondulations.<sup>(1)</sup>, et, un peu plus loin, il ajoute ces paroles remarquables, qui contiennent eu germe tout ce que Cauchy a déviloppé plus tard :

«La force élastique...... a saus doute une sphère d'activitérès-hornée dans l'éther, dont les intervalles moléculaires sont probablement très-petits, puisqu'on suppose ce fluide asses subtil pour pénétrer entre les intervalles les plus étroits des molécules des autres corps. (En note : Il résulterait de cette hypothèse que la différence de vitesse des ondes de diverses longueurs devrait être très-petite dans l'éther seul.) Mais les groupes moléculaires et les particules de ces corps peuvent être séparés par des intervalles, qui, quoique extrèmement petits, ne sont pas sans doute insensibles relativement à la longueur d'une ondulation, comme semblerait le prouver la transparence imparfaite des corps les plus emblerait le prouver la transparence imparfaite des corps les plus

augmenter précisément de la même quantité l'intensité des rayons de même espèce suivant quelque autre direction. On y a vu encore l'effet d'une dispersion du mouvement vibratoire sur les molécules des corps combinée avec une interférence qui détruirait toute trace des mouvements dispersés lorsque le corps aurait des dimensions suffisantes.

(i) N° XLIII, S 32. diaphanes. Ainsi la distance oi le point M est rendu indifférent au glissement des trauches de ces particules, conteaant un grand nombre de ces intervalles, peut étre une partie notable de la longueur d'une ondulation lumineuse, ainsi que je l'ai supposé pour expliquer le phénomène de la disperssion (9).

Il est probable que Fresnel avait su tirer de ces aperçus une théorie mathématique de la dispersion : on a trouvé du moins dans ses papiers de nombreux calculs, datés pour la plupart de 18-4, qui out pour objet la comparaison des indices mesurés par Frauenhofer avec une formule théorique dont la signification n'est pasentièrement expliquié.

# XVI

Ces calculs et d'autres calculs eurore, plus ou moins compliqués, sur lu réflexion de la lumière sont, avec des Rapports academiques de peu d'importance et une réponse à diverses questions de M. John Herschel <sup>10</sup>, les seuls documents conservés de l'activité scientifique de Fresnel dans les quatre dernières années de sa vie. L'affaiblissement progressif de sa santé est sans doute pour une part dans cet abandon presque complet des recherches où son génie avait rencontré lant de triomphes, mais la cause principale est ailleurs : elle est dans les travaux de plus en plus actifs que lui imposa la carrière d'ingénieur.

Appelé, comme on l'a dit, au printemps de 1818, aux travaux de la construction du canal de l'Oureq, il n'était pas resté tout à fait un an atlaché à ce service, et était passé, en mai 1819, à celui du cadastre du pavé de Paris. Mais l'Administration des

<sup>&</sup>lt;sup>11</sup> Y XLIII, S 43. — On a modifié un peu la rédaction de ce passage, afin qu'on pût le comprendre édition.
<sup>20</sup> Voyez le N° LI de la présente édition.

ponts et chaussées avait bien vite compris qu'elle avait un meilleur parti à tirer d'un ingénieur qui renouvelait entièrement la science de l'optique, et, dès le 31 juin 18 19, il était adjoint à la Commission des phares <sup>10</sup>. Ce fut là bientôt son occupation principale, et l'on ne saurait estimer trop haut les services que l'inventeur des phares lenticulaires rendit à son pays et, on peut le dire, à tout le monde civilisé. Cependant, à l'occasion de ces services, si grands qu'ils soient, on ne surait [se défende dur regret]. D'autres ingénieurs auraient tôt ou tard imaginé les lentilles à échelons, les lampes à mèches concentriques, les phares à célipses <sup>30</sup>; mais Fresnel pouvait seul continuer la révolution qu' avait commencée dans la science. Qui pent dire ce qu'il aurait fait s'il lui avait été permis de poursuivre, sans interruption et libre de tout soin, le développement de ses fécondes pensées?

Il essaya plusieurs fois de se faire une autre carrière, ou de trouver dans un travail plus conforme à ses goûts le supplément de ressources nécessaire à l'exécution d'expériences bien coûteusses pour le modeste traitement d'un ingénieur ordinaire des ponts et chaussées. Dans l'hier de 1819 à 1820, il fit à l'Athénée un cours de physique, mais il ne se trouva pas des dispositions à l'enseignement suffisantes pour continuer. En 1821, il accepta les fonctions pénilles et assez mal rétribuées d'asseminateur temporaire des élèves de l'École polytechnique, et, après avoir vainement tenté de les échanger contre les fonctions puls lucratives d'examinateur des élèves de l'École de marine, les conserva jusqu'en 1824. Sa santé le contraignit alors d'y renoncer.

<sup>(</sup>e) Cette adjonction, qui eul des résultats aussi importants qu'inaltendus, avait été provoquée par Arago. (Voyez l'Introduction à la section des Phares, t. III.) [L. F.]

<sup>α. A. Fresnel n'a pos inventé les phares à éclipses; il en a sculencui changé le système optique, en lui domant une plus grande portée et des apparences plus variées. [L. F.]</sup> 

Depuis ce moment, il n'eut plus les forces suffisantes pour memer de front ses recherches scientifiques et ses travaux d'ingénieur. Dominé par le sentiment du devoir, par les habitudes d'abnégation dont il avait trouvé chez ses parents l'enseignement et l'exemple, il sacrifia ce qui pouvait n'intéresser que sa propre gloire, et donna au service des phares tons les moments de repos que lui laissaient ses maladies. Ce ne fut qu'au commencement de 18-37 qu'il demanda et obtint de se faire soulager par son frère, qui fut depuis son successeur, et qui racentera lui-même toute cette partie de son œuvre. Mais il était trop tard. Quatre mois après, le 14 juillet 18-37, il mourait à Ville-d'Avray entre les bras de sa mère <sup>60</sup>.

Vingt-cinq ans auparavant cette pieuse et noble femme, en faisant part à son mari des brillants succès de collège d'un frère ainé d'Augustin Fresnel (mort jeune au siége de Badajoz), ajoutait, au lieu des paroles de joie si naturelles à une mère:

«Je prie Dieu de faire à mon fils la grâce d'employer les grands «talents qu'il a reçus, pour son utilité et le bien général. — On

<sup>&</sup>lt;sup>60</sup> Le 13 féreire 1866, Émile Verdel, déjà très-affaibh par une affection organique dont les symptômes s'étaient repidement aggravés, lisant à son collaborateur la présente introduction à peine achevée, insista sur ce passage pour s'assurere de son exactitude historique et s'exquit de nouveau avec un douburcus intérês, peul-être aussi avec le pressentiment de semblable destinée, des circonstances de la fin prémature d'Augustif Formet.

Le 3 juin, trois mois après cette dernière conférence. Émile Verdet s'éteignait à Avignon. dans le sein de sa famille, à l'âge de 62 ens!

Il alwait pa revoir ao dernifere et si remerquable production, avant son départ de l'aziv.

Le namueril tracto par une main défaultate précetta quégone betteme et la para celarique l'on a casayé de faire disparaltre, du moiss en anajore partie, Le temps vauit régament anasqué à l'autre pour le rédection d'un Appendice, qui dévait se composer d'unsérie de notes, la plupart biographiques, comme l'indiquent des revrois que l'on a dit
asprièmer. [I. E. 7]

-demandera beaucoup à celui à qui on aura beaucoup donné, et con exigera plus de celui qui aura plus reçu....(\*)-

Qui à mieux rempli qu'Angastin Fresnel ce vœa formé en favenr d'un autre ?

(s) Saint Luc. ch. ur. v. 48.

# OEUVRES D'AUGUSTIN FRESNEL.

# THÉORIE DE LA LUMIÈRE.

PREMIÈRE SECTION.

DIFFRACTION ET INTERFÉRENCES.

# THÉORIE DE LA LUMIÈRE.

# PREMIÈRE SECTION.

# DIFFRACTION ET INTERFÉRENCES.

Nº L.

# LETTRE D'AUGUSTIN FRESNEL À FRANÇOIS ARAGO".

Monsieur.

Mathieu (près Caen), le 23 septembre 1815.

Le crois avoir trouvé l'explication et la loi des franges colorées qu'on remarque dans les ombres des corps éclairés par un point lumineux. Les résultats que me donne le calcul sont confirmés par l'observation. Mais je n'ai pu mettre encore dans ces observations le degré d'exactitude nécessaire pour l'étre parfairement sûr de la justesse de ma formule. Il me faudrait pour cela des instruments que je ne puis me procurer

N. Fresnel était entré, en 1806, dans le corps des ponts et chaussées, mais les travaux pratiques de sa profession ne lui avaient jamais fait oublier les études physico-mathématiques pour lesquelles il avait pris un goût très-vir à l'École polytéchaique.

Sa correspondance offre partout les preuves de l'attrait qu'avaient pour lui ces spéculations (Lettres à Léonor Fresené, du s 5 mai au 3 novembre 18 à 6, N° LX), et dans ses carnets de notes on rencontre à ghaque page, près d'un nivellement ou d'un projet de route, toutes sortes d'objections aux théories optiques de Newton, d'hypothèses et de calculs sur les mouve-

### THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - PREMIÈRE SECTION.

N. 1. qu'à Paris <sup>10</sup>. Avant de faire cette dépense, je désirerais savoir si ellentien par des expériences suffisamment exactes. Le vous prie donc, Monsieur, si l'on a soumis ce phénomène au calcul, de me faire connaître la formule qui le représente et la libéorie sur laquelle elle est fondée. J'attendrai votre réponse avec impatience.

Si j'avais fais l'emplette des livres que vous aviez eu la bonté de m'iudiquer, je ne serais pas obligé de vous importuner à ce sujet. Mais

ments ondulatoires, sur la chaleur et la lumière, sur la constitution moléculaire des corps. A la fin de 1816, il soumettait à l'illustro Ampère un Mémoire résumant ce qu'il appelait ses Réceries. (Lettre à L. F. du 3 novembre 1816.)

Plusieurs parties de ce travail étaient probablement moins neuves que ne devait le supposer un auteur exclusivement livré à ses contremplations solitaires. Aussi a-t-il condamné ce Mémoire à l'cubil, et on peut seulement en apercevoir l'objet dans sa correspondance. (Lettres à L. F. du 6 juillet au 3 novembre 1814s.)

En avril 1815. A. Fressel fut suspendu de ses fonctions et mis en surveillance à Nyonpar meurre de haute police. (Voir sa Noice biographique, t. 1 dos œuvres d'Arago.) Il se latta de profilter de ses loisirs forcés pour entreprendre des recherches approfondies sur la théorie de la lumière, objet favori de ses réflexions et de ses études, jusque-là spéculatires pubtit qu'expérimentales.

Il entrait ainsi, sons autre préparation que ses propres méditations, dans un mouvement scientifique qui venait de transformer l'optique tout entière; il lui fallait donc «enmérir d'abord des travaux de ses devanciers.

Il alla chercher des renseignements et des conseils près de F. Arago qui, le 19 juillet 1815, répondait à ses premières questions par la note suivante :

» Je ne conasis pas d'ouverge qui runferne la totalité des expériences que les physiciens out faites sur la diffraction de la lamière. M. Freuel ne pourra se mettre su courant de cette partie de l'optique qu'en lissant l'ouverge de Grimaldi, cetai de Newton, le traité anglais de Jurdan et les Mémoires de Brougham et de Young, qui font partie de la collection «des Transactions philosophiques.

Je prie monsieur Fresnel de recevoir mes salutations.

«F. A.»

A partir de cette époque commença entre le savant déjà célèbre et le jeune physicien, qui allait si promptement le devenir, une amitié qui ne « est jamais démentie, et un échange de lettres où cefui-ci aurait écrit lui-mème l'histoire entière de ses idées, si matheureusement cette correspondance ne se fit trouvée trop fréquenament interrompue.

<sup>30</sup> A. Fresnel fit exécuter les premiers instruments de ses expériences sur la diffraction por le serrurier de son village. Quelques pièces de ces instruments existent encore.

Injustalin Gungli

je ne reças votre billet qu'un moment même où je quittais Paris. Jaurais pu prier mon oncle M de me les envoyer; mais leur nombre m'effraya, et ne sachant lequel préférer, je ne lui en demandai aucun. Les Transactions philosophiques sont, je crois, un ouvrage périodique que je ne pouvais consalter qu'à Paris. Quant à l'ouvrage de l'oung, dont vous m'aviez beaucoup parlé, j'avais fort cavie de le lire; mais, ne sachant pas l'auglais, je ne pouvais l'entendre qu'uvec le secours de mon frère M, et, après l'avoir quitté, le livre redevenait initelligible pour met et, après l'avoir quitté, le livre redevenait initelligible pour met.

Je terminerai ma lettre par une réflexion que je fis quelques instants après vous avoir quitét, lorsque vous me parlètes d'une expérience qui pouvait servir à s'assurer directement si la lumière va plus vite dans l'eau que dans l'air "et c'est que, dans l'hypothèse newtonienne, on dit voir toujours l'étoite dans la même direction, que la lunette soit pleine d'air, ou qu'elle soit pleine d'eau. En effet, l'ave de la lunette étant dirigé vers le lieu apparent de l'étoile, et la surface de l'eau perpendiculaire à cet axe, le rayon de lumière la frappe obbiquement, et l'augle de réfraction compense exactement celui qui doit résulter de l'accellération du vitesse.

Au lieu d'obserrer une étoile, on pourrait diriger la lunette sur tout autre objet, et pendant le jour on aurait, je pease, assez de lumière pour le distinguer à travers deux mètres d'eau, puisque dans une eau limpide on voit le gravier à plus de dix pieds de profondeur. Je crois donc à la possibilité de cette expérience, toute délicate qu'elle est, et je désirerais bien qu'elle fût faite par un physicien aussi habile que vous. Pour la faire commodément, il faudrait peut-être fixer à l'estré mité de la lunette et sur sour prolongement un tube rempli d'eau, au hout duquel deux fils croisés indiqueraient le point de mire. Cette lunette, étant dirigée perpendiculairement au mouvement de translation de la terre, on placerait le fil intermédiaire de unaires que les toutes de la fait de la dirigée perpendiculairement au mouvement de translation de la terre, on placerait le fil intermédiaire de unaires que les

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> M. Léonor Mérimée, peintre d'histoire, secrétaire perpétuel de l'École des Beaux-Arts.
<sup>30</sup> Fuluence Fresnel.

<sup>&</sup>quot; Voyez sur cette expérience le N° XLIX, § 4, et les Œuvres de F. Arago, t. VII., p. 554.

# THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - PREMIÈRE SECTION.

N. I. truis points parassent en ligne droite, et en faisant faire une demirévolution à la lunette et au tube sur leur aue commun, on devrait encore voir ces trois points en ligne droite, si les vitesses de la lunière dans l'eau et dans l'air sont entre elles comme les sinus des angles d'incidence et de réfraccion, et en ligne brisée, si la lunière ne va pas plus vite dans l'eau que dans l'air (et dans l'hypothèse que le mouvement de l'eau, parallèlement à sa surface, n'influe pas sur l'angle de réfraction).

Je suis, avec la plus haute considération,

Monsieur,

Votre très-bumble et très-obéissant serviteur.

A. FRESNEL.

### Nº II.

# PREMIER MÉMOIRE

# LA DIFFRACTION DE LA LUMIÈRE,

OÙ L'ON ELANINE PARTICELIÈREMENT

LE PHÉTORÈNE DES FRANGES COLORÉES QUE PRÉSENTENT LES ORBRES DES CORPS ÉCLAIRÉS PAR EN POINT LEMINEZ  $^{(a)}$ .

 Avant d'entrer dans le détail de mes expériences sur la diffraction et des conséquences que j'en ai tirées, j'exposerai sommairement les principales objections que je me suis faites sur la théorie newtonienne.

Newton ayant posé en principe que les molécules lumineuses qui frappent nos yeux, lorsque nous regardons le soleil, partent de cet

Mathies, près Casa, le 15 ortobre 1815.

Monsieur,

Je vous prie de vouloir bien présenter à la première classe de l'Institut un Mémoire sur la diffraction, que M. Mérimée, mon oncle, aura l'honneur de vous remettre avec cette lettre.

Peut-être ce Mémoire vous offirira-t-il des raisonnements déjà faits et des expériences connues, que j'ai pu droire neuves, n'étant pas à portée de me tenir au courant des progrès de la science.

La théorie de Newton est encore adoptée généralement. Je ne connais aucun ouvrage dans lequel elle soit attaquée directement, et où l'on donne, ainsi que je l'ai fait, les formules pour calculer la largeur des franges colorées des ombres. Ces formules, jointes aux observations par lesquelles j'ai vérifié leur exactitude, me



<sup>(</sup>a) Adressé à l'Académie des sciences, le 15 octobre 1815. — [MM. Poinsot et Arago commissaires nommés le 23 octobre 1815.]

Ce Mémoire était accompagné de la lettre suivante de l'auteur à Delambre, secrétaire perpétuel de l'Académie des sciences.

10 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. — PREMIÈRE SECTION.

Nº II.

astre pour arriver jusqu'à nous, fut obligé de supposer que leur marche n'est point dérangée par les molécules de calorique répandues dans l'espace. Cela me paraît difficile à admettre. La plupart des physiciens, je pense, sont persuadés que les molécules lumineuses et calorifiques soul de même nature; une foule de raisons portent à le croire, et il suffit, pour s'en convainere, de remarquer ce qui se passe lorsqu'un corps noir est exposé à l'action de la lumière. Il ne la transmet ni ne la réfléchit, ou, du moins, ce qu'il en réfléchit est fort peu de chose, quand il n'est pas poli. Il ne peut pas en absorber éternellement, et. après s'en être saturé, il devrait en rendre autant qu'il en reçoit. Que devient done la lumière? Il la rend à l'état de calorique. Ce n'est qu'en admettant l'identité des moléenles de la lumière et du calorique qu'on peut concevoir le phénomène, Cela posé, quelle que soit la petitesse des molécules de calorique répandues dans l'atmosphère, par rapport aux distances qui les séparent, elles sont assez rapprochées pour agir les unes sur les autres, puisque par leurs répulsions réciproques elles font équilibre au poids des couches supérieures de l'atmosphère. Une molécule lumineuse qui la traverse doit donc éprouver continuellement des répulsions qui contrarient son mouvement; comment peut-il se faire que toutes ces répulsions ne détruisent pas sa vitesse, et qu'en donnant du mouvement à tant de milliards de molérules elle ne finisse pas par perdre le sien?

 Pour expliquer la réfraction, Newton suppose dans les eorps des attractions différentes pour la lumière. Ainsi, par exemple, il attribue l'inflexion qu'épronve le rayon lumineux passant de l'air dans le verre

paraissent augmenter beaucoup les probabilités en faveur du système où l'on considère la lumière comme résultant des vibrations du calorique.

J'ai l'honneur d'être, avec la plus haute considération, Monsieur.

Votre tris-humble et très-obéissant serviteur.

A. FRESNEL

M. Augustin Fresnel, angenieur des ponts et chaussée à Mathieu, près Caeu, département du Calvados. à l'attraction plus puissante du verre, qui le rapproche de la normale au point d'incidence. Représentons-nous cependant le verre et l'air, avec le calorique qui les pieutte. Tant que les molécules de calorique ont été plus attirées par le premier que par le second, elles ont du passer de celui-ci dans celui-là; mais à la fin le rapprocheunent des molécules de calorique du verre, en augmentant leurs répulsions réciproques, a dà contre-balancer l'excès de son attraction, et l'équilibre s'est établi. Or, que résulte-t-il de cet état d'équilibre? Cest qu'une molécule quelvonque de calorique, située dans le voisinage de la surface, n'est pas plus attrée d'un obté que de l'autre. Comment donc admettre le contraire pour une molécule lumineuse, puisqu'elles sont de mème nature? Si la molécule en repos n'est plus dérangée de sa position par l'attraction du verre, comment cette attraction changerait-le la direction de la molécule lumineuse, dont la vitses est frontme?

- 3. Indépendamment de ces deux objections, auxquelles il me paraît difficiel de répondre d'une manière satisfaisante, la théorie newtonieune conduit à plusieurs hypothèses improbables. Il faut admettre que la lumière s'élance des corps avec une foule de vitesses différentes, et qu'elle n'est visible qu'avec une seule de ces vitesses, ou du moins dans des limites extrèmement rapprochées. M. Arago » a prouvé que, dans ce système, avec un dix-millième de vitesse de plus ou de moins les considentes luminesses nétaient plus sensibles à nos yeux. Cependant à quoi fient leur visibilité? Au choc contre les nerfs de l'ozil? Ge choc ne deviendrait pas insensible par une augunentation de viteses. A la mairère dont elles se réfracent dans la pruncle! Mais des molécules rouges, dont la vitesse aurait été diminuée, même d'un cinquantième, se réfracetarie encore moins que les rayons violets et ne sortiraient pas du spectre, qui présente les limités de la vision.
- 4. M. Arago a démoutré encore qu'ou ne pouvait pas expliquer la diversité des couleurs, dont la lumière est composée, par des vitesses

<sup>(\*)</sup> Comptes rendus des séances de l'Aendémie des Sciences, t. XXXVI, p. 38; Œutres complètes de F. Arago, t. VII, p. 548.

5. Les aceàs de facile réflexion et de facile transmission sont à peu près inesquirables dans le système de Neston. Aussi les présentet-il-comme de nouvelles propriétés de la lumière, et ne cherche-t-il pas à les redier aux bases de sa théorie. Il me semble que ces variations pérodiques dans les dispositions de la lumière se concervaient mieux ne considérant comme produite par les vibrations du calorique; car dans la même ondulation il aurait successivement différents viteses, éprouverait différents degrés de pression, qui se répéteraient dans les ondulations suivantes.

6. La double réfraction a obligé Newton de faire encore une nouvelle hypothèse, qui est bien extraordinaire : éest que les molécules lumineusces ont des pôles, et que le spaih d'Islande tourne d'un même côté les pôles de même espèce. Malus a prouvé, par ses belles expériences sur la polarisation de la lumière, qu'elle se modifiait de la même manière lorsqu'elle était réfléchie sous un certain angle par une glace non étamée. Est-il indispensable d'admettre des pôles dans les molécules lumineuses pour concevoir ce phénomène, et ne peut-on pas supposer que la glace imprime aux vibrations de la lumière, dans le sens du plan de réflexion, une modification particulière, qui fait qu'elle est plus susseptible d'être réfléchie dans ce sens que dans l'autre?

7. Il me semble que la théorie des vibrations se plie mieux que celle de Newton à tous les phénomènes, et si fon n'a pas encore donné dans celle-la une explication satisfainante de la réfraction, cela vient pent-eltre de ce qu'on n'a pas assez étudié la lumière sous ce point de vue. L'hypothèse est simple et l'on sent qu'elle doit être féconde en couséquences, mais il est didicible de les tierr.

8. La plus forte objection qu'on ait faite à cette théorie est celle qui est fondée sur la comparaison de la lumière et du son. Mais rien ne prouve qu'on puisse comparer avec exactitude les vibrations de l'air, d'un fluide pesant, aux vibrations du calorique, du fluide subtil dont il emprante son élasticité. La marche de la lumière est infiniment plus rapide que celle de l'air; son mouvement doit dont se répandre beaucoup moins au dehors de sa direction primitive <sup>(0)</sup>, tant qu'aucun obstacle ne le dérange; car la lumière, par la renconire d'un corps, peut êtreréfléctie comme le son, réfractée ou infléchie.

9. Cette objection, la seule à laquelle il me paraisse difficié de répondre complétement, m'a conduit à m'occuper des ombres portées. Pour rameuer le phénomène à son plus grand degré de simplicité, j'ai diminué autant que possible les dimensions du point lumineux, et j'ai observé cependant que les ombres n'étaient januais terminées nettement, comme elles devraient l'être, si la lumière ne se propageait que dans le sens de sa direction primitive. Ou voit qu'elle se répand dans lombre, et il est difficité d'assigner le point où de l'arrête, les limits de l'angle d'inflexion. J'ai vu de la lumière jusque dans le milien de l'ombre d'une règle de deux centimètres de largeur, en la regardant directement avec une forte loure.

Pour que cette lumière soit sensible, il faut qu'il y ait, sur les bord du corps, des aspérités qui la divisent inégalement. Je me suis assuré, en recevant l'ombre d'un fil sur un verre, dont une moitié était dépolie, et en l'examinant par derrière avec une loupe, que l'ombre était la même dans les deux parties, qu'il était inutile d'interposer un verredépoit pour la recevoir, et qu'en la regardant directement, on la voyait telle qu'elle était réellement au foyer de la lentille. Cette remarque m'a été très-utile dans l'étude de la diffraction, en me doumant le moyen d'observer les franges jusqu'à leur naissance. J'ai reconnu qu'elles partaient des bords mêmes des corps, et qu'ils n'exerçaient pas sur la lumière des actions républisées à une aussi grande distance que Newton l'a supposé.

10. Je me suis d'abord servi, pour obtenir un point lumineux, d'un très-petit trou fait dans une feuille d'étain, sur lequel je rassemblais beau-

<sup>(</sup>i) Il est possible que, dans le vide même, le mouvement d'un rayon lumineux en produise d'autres dans des sens obliques à sa direction, et que ces mouvements, plus faibles

et d'une nature différente, soient insensibles à l'oril, dont l'étendue de sensation est bien moindre que celle de l'oreille.

vingtième sur cette distance.

11. Avec un globule dont on counaltrait bien les dimensions, ou ealculerait exactement la position du foyer, et cette difficulté disparaltrait;
on pourrait alors étudier la loi de la diffraction vers une des limites
du phénomène. Il est facile de construire un instrument très-simple et
très-commode pour ces observations. Une règle en cuivre divisée avec
soin porterait à une de ses extrémités un globule de verrei; les diviséen
partiraient du foyer de la lentille, et sersient, par exemple, d'un millimètre chacune; le fil métallique, ou plutot une lame très-étroite
taillée en bissea de chaque obté (afin que la largeur qui porte ombre
fût invariable) pourrait se mouvoir perpendiculairement le long de la
règle, et, an moyen d'une vis de rappel, on placerait (à la lough la
fare la plus large sur une des divisions. On recevrait ensuite l'ombre
sur un carton blane, ou bien en la regardant directement avec une
loupe, on la meuerrait au moven d'un micromètre.

Navant pas de micromètre, je me suis d'abord servi du premier

15

moyen. Je recevais l'ombre sur un carton blane, et je mesurais la distance entre les deux franges extérieures du premier ordre, en prenant, dans chaque frange, le point où cesse le rouge et où le violet commence. Je conanissais assez exactement le diamètre du fil de fer dont je me servais, qui était d'un millimètre; je pouvais ainsi calculer la largeur de l'ombre telle qu'elle aurait été sans la diffraction, et par une soustraction je voyais de combien la première frange s'en éloignait.

12. Le m'étais assuré d'avance, en dirigent sur le globule des rayons rouges, et ensuite des rayons violets, que les franges produites par ecuveis s'ecartaient moins de l'ombre que celles que donnaient les rayons rouges, et que les couleurs suivaient le même ordre que dans les anneaux colorés; c'est pourquoi j'ai toujours pris le passage du rouge au violet pour la ligne de séparation des couleurs du premier et du second ordre.

13. Le tableau suivant présente les résultats des observations que j'ai faites, en recevant les ombres sur un carton :

TENESOR PURSOS.	du point lintaineux an fil de fer.	de fil de curton.	de l'ambre de l'ambre observée entre les deux françes entériences.	de l'embre telle qu'elle arreit nans ta diffraction.	nerrinner, ou deable de la distance, de la s <sup>re</sup> frange au bord de l'oubre géométrique.	serrience divisie per le divience de 53 en certon, ou angle de diffraction.	
3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14	0",017 0 ,050 0 ,100 0 ,150 0 ,201 0 ,337 0 ,393 1 ,487 1 ,987 2 ,487 2 ,987 3 ,987 6 ,790 8 ,560	1",033 1,43± 1,365 1,364 1,450 1,415 5,467 4,673 3,673 3,673 1,673 3,280 1,510	07,0780 0,0192 0,0282 0,0169 0,0115 0,0320 0,0115 0,0015 0,0076 0,0076 0,0076 0,0076	o",0618 o,0296 o,0147 o,0097 o,0079 o,0061 o,0151 o,0057 o,0038 o,0038 o,0033 o,0019 o,0014 o,0015	o",016a 0,0186 0,0085 0,0057 0,0057 0,0156 0,0103 0,0077 0,0066 0,0053 0,0054 0,0050 0,0050 0,0050	0,01568 0,00886 0,00613 0,00552 0,00456 0,00456 0,00181 0,00180 0,00167 0,00179 0,00113	Deen best observations, y, 1, 1, 4, 5, 6, 6, 10 point has been clear be force of an analysis of the force of an analysis of the force o

14. M'étant assuré que la première frange partait des bords du fil de fer à sa naissance, et croyant qu'elle se propageait en ligne droite, pour juger des variations de l'angle de diffraction, javais divisé par la distance du fil au carton la différence entre la largeur de l'ombre géométrique et elle d'une frange à l'autre. On voit les quoitents dans la dernière colonne. Il est à remarquer que l'angle de diffraction, après avoir diminué progressivement jusqu'à un "1 à 1, en pouvais pas supposer que la loi fat rétrograde, et j'attribusis cela à l'inexactitude de mes observations. Cependant, comme j'avais déjà remarqué une aunontaie semblable dans une antre série d'expériences, je soupçonnai que la distance à l'aquelle on plaçait le carton influait sur la mesure de l'angle de diffraction, ou autrement que la première l'angle ne se propageait pas en ligne droite. C'est ce dont je me suis assuré depuis par des observations sesser exactes pour ne plus laisser aucun doute à cet épard.

Mais je n'ai fait ces expériences qu'après avoir trouvé la véritable théorie de la diffraction.

15. Je me suis longtemps arrêté aux franges extérieures, qui sont les plus faciles à observer, sans m'occuper des franges intérieures. Ce sont celles-ci qui m'ont enfin conduit à l'explication du phénomène.

Javais déjà collé plusieurs fois un petit carré de papier noir sur un côté du fil de fer dont je me servais dans mes expérieuces, et javais toujours vu les frauges de l'intérieur de l'ombre disparaître vis-à-vis de ce papier; mais je ne cherchais que son influence sur les franges extérieures <sup>50</sup> et je me réfusis en quelque sorte à la conséquence remarrieures <sup>50</sup> et je me réfusis en quelque sorte à la conséquence remar-

dianaère. On ne peut pas supposer que le petit papier agisse par attraction sur les rayons qui passent de fautre côté di fil. car il en est trop éloigné. D'allieur les françes ne varient pa avec la musse ou la surface din corpa contre lequel s'infléchit la lumière. Le tranchast et le dos d'un resseir, un finéalique poli ou couvert de noir de fumée donnent toojours les mémes françes.

<sup>(</sup>i) Davais remarqué que lorsque le tils midalliqué râta live-mine, les françes estéricares devenaient légirement concreve via-ris de l'ombre du papier, d'où j'ai conchu que la lumière infléchie d'un oblé du fil peut influer sensiblement sur les françes extérieures de l'autre oblé; est es qui un déterminé à n'employer dans mes expérieces que des fils ayant au moiss un mallimètre de que des fils ayant au moiss un mallimètre de

quable où me conduisait ce phénomène. Elle m'a frappé dès que je me suis occupé des franges intérierres, et j'ai fait sur-le-champ cette réflexion : puisque es interceptant la lumière d'un côté du fil on fait disparaître les franges intérieures, le concours des rayons qui arrivent des deux côtés est donn écessaire à leur production.

16. Elles ne peuvent pas provenir du simple mélange de ces rayons, puisque chaque côté du fil séparément ne jette dans l'ombre qu'une lumière continue; c'est donc la rencoutre, le croisement même de ces rayons qui produit les franges. Cette conséquence, qui n'est pour ainsi dire que la traduction du phénomène, est tout à fait opposée à l'hypothèse de Neutou, et confirme la théorie des vibrations. On conçoi asément que les vibrations de deux rayons, qu'in er croisent sons un très-petit angle, peuvent se contrarier, lorsque les nœuds des unes répondent aux ventres des autres <sup>10</sup>. Cets ce qu'amêne saus doute le croisement des rayons dans l'intérieur, comme à l'extérieur de l'ombre. A l'extérieur les franges sont produites par le croisement des rayons dans l'intérieur de rayons dans l'intérieur de partant du point lumineux et des bords du fil, et dans l'intérieur de partant du point lumineux et des bords du fil, et dans l'intérieur de partant du point lumineux et des bords du fil, et dans l'intérieur de partant du point lumineux et des bords du fil, et dans l'intérieur de partant du point lumineux et des bords du fil, et dans l'intérieur de partant du point lumineux et des bords du fil, et dans l'intérieur de l'entre de l'e

<sup>&</sup>lt;sup>10</sup> Cet foncei si complétieure lineact du principe des interférences a été reproduit pluveurs fois par Frenad dans ses promières communications accédinques, et ne retouve dans son premier érrit imprinci, le Mônnière sur la diffraction inséré au tonce l'é de Annales de chânies et de physique [s' série] (voir en particileir à page s15). L'exemplaire int è part de chânies et de physique [s' série] (voir en particileir à page s15). L'exemplaire inté part en ce de Mônnière, injuine a fournit le tette du VIIII de la précise édition, porte une co-rection manuscrète de la main de Frenad, qui rétablit comme à suit le véritable éconcé du principie;

On conçoit sisément, en effet, que deux ondulations qui se croisent sons un petit angle réoivent se contraire et à affaiblir forque les nœuds dilatés des unes répondent aux membcondensés des autres, et se fortifier matuellement, au contraire, lorsque leurs mouvements sont en harmouie.

Il n'y a sans doute qu'une inndvertance dans l'éconde errord douné d'alord par Fersuel. On pourrait s'étonner qu'elle ait échappé à l'attention des commissaires de l'Académie, maisle passage de leur rapport oil le phésicosème des interférences est comparé au phésiconies acoustique des bottements (voir plus loin u' VII. 5 7) bisse croire qu'ils n'ont pas eu tout de suite l'indéligree exaste du principe dout à s'agit. E. V trastr. |

<sup>&</sup>lt;sup>30</sup> Aucun des mémoires d'Aug. Fresnel, antérieurs au 14 juillet 1816 et au 19 avril 1818 (voir ci-après. N° X et XI), n'expose une théorie exacte de la diffraction. Tous, en effet,

Iombre elles proviement du croisement des rayons infléchis de chaque rôté par les bords du fil. J'ai considéré le point lumineux, et les deux bords du fil, comme des centres d'ondulations régulières, et les intersections de leurs cercles devaient me donner la position des franges. J'ai trouvé ainsi pour l'expression de la distance de la première frange ratérieure au bord de l'ombre, telle qu'elle serait sans la diffraction :  $\sqrt{\frac{100(n-k)}{n}}$ , a représentant la distance du point lumineux au fil, 6 celle

V a de la longueur d'une obligation de la control de la longueur d'une ondulation. A étant extrèmement petit, j'ai négligé les termes nutilifés par son carré. Voyant dans les intersections de ces ondulations l'explication de beaucoup de phénomènes particuliers que je n'avais pas encore pu conevoir, et persuadé que j'étais arrivé à la véritable théorie de la diffraction, j'appliquia sur-le-changue cette formule à unde mes observations, en substituant à la place de d'a longueur moyenne indiquée par la table de Newton, pour le passage d'un accède facille transmission on répulsion dans l'air, à un autre accès semblable; mais je m'aperçus que la véritable valeur de d'était précisément le double de cette longueur.<sup>10</sup>

17. J'ai donc adopté pour la valeur de d la somme des épaisseurs des lames d'air qui répondent au rouge du premier ordre et au violet du second ordre, c'est-à-dire vingt millionièmes de pouce anglais et un sixième, ou o",0000005176, et appliquant la formule \( \frac{\gamma d \text{in}}{2d \text{in}} \) \( \frac{d \text{in}}{2d \text{in}} \) \( \frac{d \text{in}}{2d \text{in}} \) aux observations que j'axis faites, j'ai vu parfont la théorie s'accorder de l'accorder de l'

a déduits si naturellement des anneaux colorés? C'est er que je n'ai pas encore pu m'expliquer d'une mauière satisfaisante.

<sup>&</sup>quot;Ponrquoi les ondulations qui produient les franges sont elles doubles des intervalles de rotour au même accès, que Newton m'expl

attribuent la formation des franges à l'intervention des rayons réfléchis sur les bords des

Nous croyons inultée de répéter pour chacun d'eux cette observation.

Gest dans le Supplément un mémoire sur la diffraction (N' X) et surtout dans la Note sur. la théorie de la diffraction (N' X) qu'on trouve pour la première fois l'explication des phémomènes établie sur les vrois principes, dégagée de toute hypothèse.

avec l'expérience, ou du moins les différences étaient assez légères pour qu'on pût les attribuer à l'inexactitude des observations.

18. Le tableau suivant présente les résultats du calcul à côté de ceux de l'observation :

\$ 0.00   1.00   0.000	vados passas,	pertance de pried luminoran au 61 de Ser,	du Si es carion.	de Pombre de Pombre observée cutre les deux franges extériences.	de l'embre telle qu'elle serait nats la diffraction.	anvianta, on double de la distance, de la 1º frange up beed de l'ombre géoustraque.	aforesters decessive per la formule  s  v  dicessive decessive dec	seriamea entr- les résultats de l'observation et evaz de calcul.	
3   0,100   1,550   0,281   0,281   0,285   0,293		0",017	1=,033	0",0780	0",0618	0".0161	00,01696	- o".oooo6	
\$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc		0,000	1 ,530	o ,ohra	0 ,0196	0 ,0116	0 ,01996	+0,00046	
0   0.10   0.00   0.000   0.	3	0 ,100	ı ,365	0 ,0232	0 ,0147	0 ,0085	0 ,00910	0 ,00060	Cette diffi-
6   0.37   1.45   0.475   0.486   0.485   0.48	4	0 ,150	1 ,304	0 ,0169	0 ,0097	0 ,0674	0 ,00723	Encoo, 0	de millimites
6 0 a37 1 a10 0 a115 0 a360 0 a360 0 a055 0	5	0 .901	1 ,250	0 ,0199	0 ,0070	0 ,0057	0 ,00611	- 0 ,000\$1	la pilas espaidó.
7 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	6	0 ,237	1 ,215	0 ,0115	0 ,0061	0 ,0051	0 ,00555	- 0 ,00015	a est reproduct
g 1, 1/10				0 ,0320					labora epojeco
9 1, 147 1 4.173 0, 013 0, 0035 0, 0045 0, 0050 0, 0131 0, 00051 1 0, 00051 1 0, 00051 0 1 0, 00	- 8	0 ,987	4 ,673	0 ,0160	0 ,0057	8010, 0	0 ,01053	- o ,ooo's 3	de la largeur to-
10 1 0,97 3 0,73 1 0,003 2 0,003 0 0,000 0 0,0	9	1 ,487	4 ,173	6110, 0	0 ,0038				mesurée, et le
810.00, 0 — 82100, 0 2100, 0 1000, 0 1573, 2 780, 2 13 3 3 1000, 0 1570, 2 780, 2 13 3 1000, 0 1100, 0	10	1 ,987	3 ,673	e ,00g\$	0 ,0028	o ,en66	0 ,00658	+0,0000s	l'engle de dif-
13 3,987 1,673 0,0044 0,0014 0,003 0,0313 — 0,0013 14 6,700 3,860 0,0062 0,0015 0,067 0,088 + 0,0008					0 ,0013				fraction.
15 6 ,700 3 ,880 0 ,0062 0 ,0015 0 ,0047 0 ,0058 + 0 ,00025									
01000, 0 - 07000, 0 2000, 0 2100, 0 2500, 0 012, 1 030, 8 61									- 1
	15	8 ,460	1 ,510	0,0038	0 ,0011	0,0006	0 ,00270	- 0 400010	

19. Une conséquence très-remarquable de cette théorie de la diffraction, c'est que la même frange ne se propage pas en lipue droite, mais suivant une hyperbole, dont les foyers sont le point lumineux et un des bords du fil, pour les franges extérieures. Un résultat aussi surprenant avait besoin d'être confirmé par des expérieuces plus exactes.

20. Pour cela, j'ai coustruit moi-même un micromètre, avec lequel je puis mesurer les largeurs des ombres à moins d'un quarantième de millimètre près. Il est formé par deux fils de soie partant d'un même point et aboutissant à deux points éloignés l'un de l'autre de cinq millimètres. Je regarde l'ombre avec une forte loupe placée de manière que les fils se trouvent à son foyer, et qu'ils paraissent bien

droit où la distance entre les fils est égale à la largeur de l'ombre. Le cadre qui porte ces fils est divisé en millimètres, dans le sens de leur longueur, en sorte que je puis juger de la distance de leur point de concours au carton à un millimètre près, et comme ce cadre a 218 millimètres de longueur, je puis donc évaluer la distance entre les fils à moins d'un quarantième de millimètre. Il faut beaucoup de patience pour se servir de ce micromètre grossier, dans lequel il n'y a pas de vis de rappel. Un autre défaut de mon micromètre, c'est qu'il ne peut pas mesurer des largeurs qui excèdent 5 millimètres, ll est facile d'en imaginer un plus commode; mais c'était le seul que je pusse faire moimême et avoir sur-le-champ.

21. J'ai obtenu avec ce micromètre, malgré son imperfection, des résultats qui s'accordent assez bien avec le calcul pour ne plus laisser de doute sur la formule qui lui sert de base, ainsi qu'on le reconnaitra à l'inspection du tableau suivant.

NUMBER STREET,	de point lamineus au fil de for.	de 61 se taicrométre.	de Fonders de Fonders observée entre les deux franges extériorares.	de Fember telle qu'elle somit stan le diffraction.	our double de la destance, de la s'" franço an hord de l'contes giométropse.	d-moin per in formule s \sqrt{\frac{adbje+bj}{a}}	entre entre fer résultate de l'ebservation et reus du calent.	
ı	17,19	o",385	0",00164	0",00196	0*,00138	0",00111	— o",eees3	Le fil de fer employé dans con randonno
2	1 ,19	1 ,107	0 .00159	0 ,60175	0 ,00985	0 ,00283	+ 0 ,00000	o us millimètre de dismètre.
3	1 ,69	6 ,186	8110, 0	0 ,00381	0 ,00799	e :Roo, o	-0 ,00013	L'observation 3 n's pes été
Ą	0 ,359	820, 0	0 ,00159	80100, 0	o ,oco34	e .eee35	- 0 ,00001	faite as micro-
5	0 ,352	o ,1585	C	0 ,00163	0 ,00100	0 ,00096	+ 0 ,00006	blac ser for
6	0 ,352	c ,383	0 ,00397	0 ,00212	0 ,00185	0 ,00183	+ 0 ,00001	meri Combre da

Les observations 1, 2 et 3, dans lesquelles le fil est toujours à la même distance du point lumineux, prouvent que la première frange ne se propage pas en ligne droite; car si l'on joint par des lignes droites les franges n° 1 et n° 3, on trouve pour la largeur n° 2, o", o 0 438, au lieu de o", o 0 459 que donne l'observation, et la différence est d'un cinquième de millimètre.

Les observations 6, 5 et 6 prouvent encore, malgré l'inexactitude de la cinquième, que la 1° frange se propage suivant une courbe dont la convexité est en dehors; car en tirant deux lignes droites des franges n° 6 aux franges n° 6, on trouve pour la largeur n° 5, 0°,0023 au lieu de 0°,00237, que donne l'observation, ou même de 0°,00237, que donne la théorie.

Si mon micromètre avait pu mesurer de grandes largeurs, Jauraisrendu plus sensible, dans cette seconde expérience, la courbure de l'hyperbole, en la prolongeant davantage. Il est vrai qu'à mesure qu'on s'éloigne, les ondulations se croisent sous un plus petit angle, la frange s'élargit, et il devient plus difficile d'assigner exactement le passage du rouge au violet, ou d'un ordre de couleurs au suivant.

22. Il en est des franges extérieures du second ordre comme de celles du premier; elles se propagent aussi suivant des hyperboles dont les foyers sont au point luuiineux et au bord du fil. Ces hyperboles ont même plus de convexité que celles du premier ordre, parce que la différence entre les deux rayons vecteurs est plus considérable. Mais les couleurs du 2° et du 3° ordre se confondant beauconp, il est très-difficile d'assigner le point de passage, et les mesures prises sur les franges du deuxième ordre ne peuvent plus avoir autant d'exactitude.

23. Le fil de fer étant à o ",338 du point lumineux, et le micromère à 3-6.6 du fil de fer, fai neueur la distance de la première frança la seconde, et je l'ai trouvée de o ",00393. Cette largeur est représentée par la forrante  $\sqrt{\frac{1}{2} \frac{1}{16} \left(\frac{1}{16} - \frac{1}{16}\right)}$ , ou  $\left(\sqrt{\frac{1}{2} - \frac{1}{16}}\right)$ , ou  $\left(\sqrt{\frac{1}{2} - \frac{1}{16}}\right)$ , et en substituant à la place de a., de te leurs valeurs, on trouve o",00376. La différence entre le résultat du caleul et celui de l'observation et done de o",00017, c'est-à-dire le seizième environ de la largeur mesure.

Le fil de fer étant à 0",295 du point lumineux, et le micromètre à

- 4º3.17 du fil de fer, j'ai encore mesuré la distance de la première frange à la deuxième, et je l'ai trouvée de o°,00358; le calcul donne o°,00356, la différence o°,000 es da je qu'es le traitième de la largeur mesurée. Je m'étais plus attaché, dans cette seconde observation, à placer les fils du micromètre au point oû le rouge est encore exempt de mélange de violet.
  - 24. Plusieurs antres observations antérieures sur les franges du second ordre, dans lesquelles je recevais l'ombre sur un carton, et que je ne rapporte pas ici, à cause de leur pen d'exactitude, m'ont constamment donné des largeurs un peu plus grandes que le caleul. Patribue cela à ce que, dans les franges du deuxième ordre, le rouge empiète considérablement sur des conleurs de l'ordre suivant, qui sont trop faibles pour contre-balancer son éclat, en sorte que l'endroit le plus sombre de la frange se trouve recule à ainsi que le point de passage apparent du rouge au violet, parce que le violet du troisième ordre, recouvert par le rouge du second, déveiut insensible.

Pour faire ces observations avec exactitude, il faudrait pouvoir n'employer qu'une même espèce de rayons.

25. Jai dit que les franges extérieures se propagent suivant des hyperboles. Ce n'est pas que je suppose un nouvement courbe à la lumière ; j'enteuds par là seulement, que les largeurs de ces franges prises à différentes distances du fil ne sont pas les ordonnées d'une lipne récite, mais d'une luperbole dont ces distances serainet les abscisses.

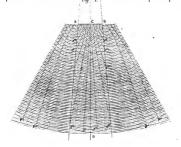
26. La différence entre les deux rayons vecteurs étant presque égale à la distance entre les deux foyers, l'hyperbole se rapproche extrêmement d'une ligne droite, et c'est ce qui a été cause sans doute de l'erreur où est tombé Neston. Il a pris une partie de la brauche de l'hyperbole pour une ligne droite, et comme tett droite prolougée passe en dehors du sommet de l'hyperbole, ou du bord du fil, il en a conclu que les rayons de lumière évitaient de toucher les corps et pouvaient en étre repoussés de distances très-ensibles.

Pour expliquer nettement la manière dont je conçois le croisement des ondulations, je les ai représentées dans la figure 1, jointe

à ce mémoire. S est le point lumineux. A et B les extrémités du corps qui porte ombre. Des points S, A et B comme centres, j'ai décrit une suite de cercles en angmentant toujours le rayon d'une demi-ondulation. Les cercles en lignes pleines représentent, dans chaque système d'ondulations, les mêmes sortes d'accès, les nauds par exemple, et les cercles ponctués, les rentres. Les intersections des cercles de différentes espèces donnent l'endroit le

plus sombre des franges. J'ai tracé les hyperboles que forment ces points d'intersection. La rencontre des hyperboles avec le carton sur lequel on reçoit l'ombre détermine le milieu des franges. Les hyperboles F', F': F', F', F', F', F', etc. donneut les franges extérieures du premier ordre, du second ordre, etc. les hyperboles f', f', f', f', etc. les franges intérieures du premier ordre, etc. les franges intérieures du premier ordre, du second ordre, etc.

28. On voit par l'inspec-



N. II. tion même de la figure pourquoi l'ombre contient d'autant plus de franges intérieures qu'on la reçoit plus près du fil.

> Les rayons qui donnent les franges intérieures du premier ordre ne différant que d'un demi-accès, les intersections des ondulations rouges et des ondulations violettes se trouvent presque à la même distance de SD, et les couleurs se confondent. Dans les franges du second ordre, où les cercles qui se croisent différent d'une ondulation et demie, les couleurs commencent à se séparer. Elles devieunent plus sensibles dans celle du troisième ordre, encore davantage dans celles du quatrième, ¿te. Enfin elles s'étendent tant que les franges des différents ordres empiètent les unes sur les autres, et finiseut par se confondre. C'est ce qu'on observe lorsque le fil est assez large, ou fombre vue assez près du fil pour contenir beaucoup de franges.

> 29. La formule qui donne la distance d'une frange à l'autre est facile à calculer. Je suppose que l'on veuille obtenir l'expression de la distance entre les deux franges du premier ordre : il suffit pour cela de calculer la distance d'une de ces franges à SD, et de la doubler. Le milieu de cette frange est domb par l'intersection de deux cercles décrist des points à et B comme centres, et dont les rayons différent d'une demi-oudulation. Je prends SD pour ave des x et AB pour ave des y è étant la distance du fil au carlon et c représentant AB ou la largeur du fil, l'équation d'un des cercles sers :

$$(y-\frac{1}{2}c)^2+x^2=b^2$$
;

et celle de l'autre :

$$(y + \frac{1}{2}c)^2 + x^2 = (b + \frac{1}{2}d)^2$$
.

Je représente toujours par d la longueur d'une ondulation. En éliminant x entre ces deux équations, on trouve

$$y = \frac{bd + \frac{1}{4}d^2}{3c}$$
;

mais comme d est extrêmement petit, on peut négliger son carré, et la valeur de y devient  $\frac{bd}{bc}$  La distance entre les deux franges du praier ordre est donc égale à  $\frac{b}{bc}$ ; entre les deux franges du second ordre à  $\frac{3bd}{bc}$ ; entre les deux franges du second ordre à  $\frac{3bd}{bc}$ ; et ainsi de suite.

25

Il est à remarquer que la distance entre les franges intérieures est indépendante de celle du fil au point lumineux, et c'est ce que confirme l'expérience.

 J'ai rassemblé dans le tableau suivant quelques observations faites sur les franges intérieures.

1" 010000.	da point lummens sa fil.	de fil. en macronitre.	d≡o",000000\$176. Le fil de fer a teojeges o",100 de diamètre.	merinesan.
	1",ág	3-,633	Largeur comprise entre   d'après l'observation. 0°,00188   les deux franges ioté-rieures du 1 <sup>st</sup> ordre.   d'après le calcul 0 ,00188	07,00000
	ι ,59	o ,59s	Largeur comprise entre d'après l'observation. o .00096 les deux franges inté- rieures du 9° ordre d'après le calcul o .00099	£0000, 0+
3	1,49	o ,5gs	Largeur comprise entre   d'après l'observation. o ,00161 les deux françes ioté- rieures du 3° ordre d'après le calcul o ,00153	80000, 0+
å	o ,342	1 ,996	Largeur comprise entre les d'après l'observation. 0 ,003 s 3 les deux françes inté- rieures du s'ordre d'après le calcul 0 ,003 s 0	+0,00013

Les différences un peu fortes entre le calcul et les observations 2, 3, 4, sont dans le même sens et suivent le même rapport. Elles proviennent peut-être de ce que le fil de fer n'avait pas tout â fait 0, 600 a de diamètre dans la partie dont Jai mesure l'ombre, ou bien de ce que les couleurs d'un ordre empiètent d'autant plus sur celles de l'ordre suivant que la frange s'éloigne davantage de celle du premier ordre; en sorte que, por la même raison que nous avons déjà donnée pour les franges extérieures, la ligne de séparation apparente du nouge et du violet est reportée en dehors, plus pour les franges du deuxième ordre que pour celles du premier, pour celles du troisième que pour celles du deuxième, et ainsi de suite.

31. La seule inspection de la formule  $\frac{bd}{c}$ , qui donne la distance entre les franges intérieures, fait voir pourquoi l'ombre d'une aiguille,

A· II. ou de tout autre corps pointu, s'ouvre en deux vers la pointe et se divise en franges d'autant plus nombreuses et plus rapprochées entre elles, qu'elles s'éloignent davantage de l'extrémité du style.

32. Il est facile de coneevoir, d'après la même théorie, pourquoi, vis-à-vis des hords d'un petit papier collé au fil de fer, les franges intérieures se portent du côté du papier, en se rapprochant les unes des autres, jusqu'à ce qu'elles se fondent dans son ombre.

Ayant placé un papier noir très-étroit obliquement à la direction de la lumière, j'en ai observé l'ombre à une distance considérable relativement à la largeur du papier, et j'ai remarqué que les franges intérieures étaient disposées symétriquement de chaque côté du milieu de l'ombre, comme dans le cas où le papier était perpendiculaire aux rayons; d'où j'ai conclu qu'il ne fallait point compter leurs accès à partir des bords du papier, mais à partir du point lumineux; e'est-àdire que les rayons vibraient d'accord avant d'arriver au papier. L'inclinaison du papier change à la vérité un peu le centre des ondulations, mais lorsqu'on en est assez éloigné pour que cette différence soit trèspetite en comparaison du rayon du cercle, elle n'influe presque pas sur la courbure de ce cercle, et partant sur son intersection avec ceux qui ont pour centre l'autre bord du papier. Des observations faites avee le fil de fer je pouvais conelure directement l'accord des vibrations des rayons partant du point lumineux; car si l'on avait dù compter leurs ondulations à partir des points de tangence, la moindre irrégularité dans la surface du fil aurait pu oceasionner une différence d'une ondulation, et détruire ainsi la symétrie des franges intérieures.

33. La frange extérieure du premier ordre étant donnée par l'intersection de deux cercles, dont l'un a pour centre le point lumineux, l'autre le bord ufi, et dont les origines sur le rayon tangent sont à une ondulation l'une de l'autre, il faut en conclure que la réflexion a changé d'une demi-vibration les ondulations qui ont pour centre le bord du fil; autrement elles seraient d'accord dans l'endroit même où se trouve la partie la plus sombre de la frange.

97

34. Les franges du deuxième, du troisième, du quatrième ordre, etc. lant intérieures qu'extérieures, prouvent que la position des nœuds et des ventres des ondulations de même espèce ne change pas, ou du moins ne change que par une progression peu sensible, en sorte qu'au bout de quatre ou cinq vibrations consécutives ils se retrouvent encore à peu près à la même place.

35. On demandera peut-être comment il se fait que les vibrations rouges, jaunes, vertes, bleues, violettes, qui sont de différenţes longueurs, ne se detruisent pas réciproquement en partant du même point lumineux et en suivant les mêmes directions. Le répondrai à cela que sans doute ces différentes espèces de vibrations ue se font pas dans le même temps, mais les unes après les autres; la lumière blanche peut aussi bien en être la succession que le mélange; d'ailleurs quand elles auraient lieu en même temps, elles ne se contra-ricraient jamais d'une manière si complète et si continue que des vibrations d'une même espèce différant d'une demi-ondulation.

36. Nous avons vu, par l'analyse de la diffraction, que des rayons lumineux qui se croisent sous un petit angle se gênent et s'affaiblissent untutellement dans le point d'intersection forsque leurs vibrations ne s'accordent pas. Mais il est à remarquer que dans l'endroit même où la discordance est la plus complete il y e accore un peu de lumière, et que les parties noires des franges ne sont jenais d'une obscurité parfaite, même lorsque l'on forme le point lumineux avec une seule espèce de rayons. Il faut adunctire encore dans cette théorie que les rayons, qui ont été obscurcis par la rencontre de vibratious discordantes, redevicement lumineux essuite dans la partie du trajet ob oudulations sont d'accord, et qu'ainsi ils peuvent reprendre leur éclat après l'avoir perdu. Les ondulations, en se croisant, se modifient son doute au point d'intersection, mais leur mouvement réglét et leur forme circulaire se réfablissent ensuite. C'est de ce principe que j'ai tiré les formules dont je me suis servi et que l'expérience que j'ai tiré les formules dont je me suis servi et que l'expérience à confirmés.

Si l'angle sous lequel se croisent les rayons était infiniment petit, et que la discordance de leurs vibrations fût la plus grande possible, 87. La théorie de la diffraction, telle que je viens de l'expoer, est foudée sur l'accord des vibrations (du moins dans un angle sensible) des rayons partant d'un même point lumineux. Comment est accord se trouve-t-il établi au foyer d'une lentille, dans un petit trou au travers duquel on fait passer la luminer 0º 11 en ài pas encore pu me l'expliquer d'une manière satisfaisante. Mais malgré cette objection et beaucoup d'autres sans doute que l'on pourrait me faire, l'influence des rayons les uns sur les autres me paraît une conséquence si nécessaire de l'existence des frampes intérieures, et l'accord des vibrations est si bien confirmé par celui du calcul et de l'observation, qu'il me semble que, si cette théorie n'est pas complétement démontrée, beau-roup de probabilités, du moins, se réunissent en sa faveur.

38. En réfléchissant à l'influence que les rayons exercent les uns sur les autres, j'ai pensé qu'elle pourrait scrvir à expliquer les lois de la réflexion et de la réfraction. Si on la reconnaît dans la diffraction, on doit l'admettre aussi dans les autres phénomènes.

Gela posé, lorsque des rayons partant d'un point lumineux rasent les bords d'un corps, ils sont réfléchis ou infléchis dans une infinité de sens<sup>10</sup>. L'analogie me conduit à supposer que ceux qui arrivent à la surface d'un corps transparent peuvent être réfléchis et réfractés suivant une foule de directions différentes; et dans cette analogie

O Anant d'entreprendre la série d'observations nécessaires pour trouver la loi de la diffraction, je m'étais assuré, par des expériences préliminaires, que l'ombre et le ringres out toujours la même largeur, de quelque manière qu'on forme le point fumineux. Je l'ai fait avec une forte lentille ou des globales d'eau ou de miel, avec la pointe d'une aiguille émoussée et polie; j'ai ploé une glore an foyre de la lentille, afin ploé une glore an foyre de la lentille, afin

que le point lumineux se trouvât dons le verre au lieu d'être dans l'air, et jen'ai point remarqué de différence dans les lorgeurs de l'ombre ou des frunges prises à la même distance.

(b) On ne peut pas expliquer complétement cette diversité de directions par la forme cylindrique de l'arête ou de la surface que rasent les rayons lunineux; car la dispersion de la lumière varieruit avec la

29

mème, la loi de continuité rend ces mouvements intermédiaires assez vraisemblables. Mais pourquoi ces rayons intermédiaires ne sont-ils pas aperçus? C'est que leurs vibrations se contrarient, comme il est facile de le prouver <sup>(i)</sup>.

Soit AB, fig. 2, la surface d'un corps poli; ED et FG, deux rayons



très-voisins; GK et DL, les mêmes rayons réfléchis. Je suppose que les points F, E, K et L soient dans les deux rayons les endroits correspondants des mêmes vibrations, de manière qu'on ait

ED + DL.= FG + GK. Les deux rayons incidents FG et ED vibrant d'accord, les deux points F et E es travents ur in même perpendiculaire. Lorsque les angles KGB et BDL sont égaux aux angles AGF et EDA, les points K et L se trouvent aussi sur la même perpendiculaire aux rayons réflechis. Mais lorsque l'angle d'incidence n'est plus égal à l'angle de réflexion, les points correspondants K et L ne sont plus sur la même perpendiculaire aux rayons réfléchis, et leurs vibrations se con-

courbure du cylindre, et c'est ce qui n'a pos lieu, du moins dans le voisinage de l'ombre, puisque le dos et le tranchant d'un rasoir donnent des franges d'un égal éclat.

(1) Pour expliquer la régularité de la réflexion sur les surfaces polies, Newton est obligé de supposer que la lumière peut être repoussée à une distance sensible des corps; car, comme il l'observe lui-même, la surface la mieux polie a nécessairement une multitude de petites aspérités. Or cette action à une distance appréciable est peu prohable, puisque les molécules des corps, qui ont bien plus de masse, n'agissent les unes sur les autres qu'à des distances infiniment petites. D'ailleurs en admettant cette hypothèse, on peut encore faire à son explication une objection tirée de la théorie des accès. Une molécule lumineuse ne passe pas sans doute brosquement et sans intermédiaires

d'un accès de facile réflexion à un accès de facile transmission, et il n'est pas nécessaire pour qu'elle soit réfléchie, qu'elle se trouve à cet instant an plus hant degré de l'accès de facile réflexion. Il suffit que sa disposition à être repenssée l'emporte sur l'attraction. Elle peut donc être repoussée dans une infinité de circonstances différentes, et il n'v en a qu'une seule cependant où la molécule. à son retour, se retrouve exactement dans les mêmes dispositions qu'à son arrivée, et où, par conséquent, les dem branches de la courbe qu'elle décrit soient symétriques par rapport à la normale, puisque les intervalles entre les différents accès ne sont pas infiniment petits,

On pourrait faire une objection semblable, fondée aussi sur la théorie des accès, à son explication de la réfraction.

Y II. trarient: or on peut toujours concevoir les deux rayons incidents à une distance l'un de l'autre telle que la discordance soit complète pour les rayons réfléchis, c'est-à-dire d'une demi-ondulation, et comme ils sout d'une force égale, leurs vibrations se détruisent mutuellement.

39. Cette explication de la réflexion roblige pas d'admettre que la unière est reponsée à des distances sensibles, ou que la surface de corps polis est absolument sans aspérités; il suffit de supposer que ces aspérités sont très-petites par rapport aux longueurs d'oudulation, et fon conceit pourquoi sosu un angle de réflecion, égal à l'angle d'inci-deuce l'œil doit recevoir beaucoup plus de lumière que dans toute autre direction?

40. Avec ces considérations il me paraît facile d'expliquer les images colorées que réfléchissent les surfaces rayées, phénomène curieux dont M. Arago a bien voulu me donuer la description.

41. Je passe maintenant aux rayons réfractés.

Newton a prouvé que le rapport entre les longueurs d'accès, ou les ondulations de la lunière, dans l'air et dans l'eau est le même que celui du sinus d'incidence au sinus de réfraction, et il croit que cette règle est générale, et peut être appliquée à lous les corps. Cest de cette règle que je vais partir pour expliquer la loi de la réfraction. Je supposerai donc que le rapport entre la longueur des ondulations du ravon incident et celles des condulations du ravon réfracté est cons-

De vais au-devant d'une objection qu'on fera sans doute à cette explication.

Si le rayon incident réfléchit des molécules de calorique dans toutes les directions en rencontrant la surface d'un corps poli, pourquoi le colorique rayonnent qui en résulte est-il, comme la lumière, réfléchi presque uniquement suivant un angle égal à celui d'incidence?

Je répondrai que la discordance complète et continue des vibrations dans les autres directions, en les affaiblissant extrêmement, peut non sculement détruire la visibilité des rayous mais encore leur faculté chauffante.

D'ailleurs je ne prétende point que le plan que le professe point que le plan grande partie des molécules de calorique ne se réfédéissent pas suivant un angle gigl le colini d'incidence, Mais il ne semble coisi d'incidence, Mais il ne semble que le prêties aspéride qui couvrent inévitablement par sufrante les misers pletes devent n'effédéissent pas suivante les districts de la companie que prétie que le first commande de la companie que la familie de la companie que la familie de la companie que prétie de la companie que la familie de la companie de la companie que putilitant si pas la familier et produitent des immages a nettes.

tant : il est aisé d'en conclure que le seul rayon réfracté apparent est celui qui a une direction telle que les sinus d'incidence et de réfraction sont dans le même rapport que ces ondulations. En effet, soit AB la



surface qui sépare les deux corps transparents, FG et ED deux rayons incidents trêts-voisins, GK et DL les deux rayons réfractés. Par le point G je mène GI perpendiculaire aux rayons incidents; G et I seront dans chaeun d'eux des points correspondants des mèmes vibrations. Du point D j'abaisse sur GK la perpendiculaire DM. Leunel IGD

est égal à l'angle d'incidence et GDM à celui de réfraction. Prenant GD pour rayon, ID est le sinus d'incidence et GM celui de réfraction. Donc lorsque le sinus d'incidence sera à celui de réfraction. Donc lorsque le sinus d'incidents à celles des rayons rérierdés, ID et GM représenteront des parties éguivalentes de ces on-dulations, et M et D seront par conséquent des points correspondants des mêmes vibrations. Mais dans toute autre direction on sent que cela ne peut plus avoir lieu, et que les vibrations des rayons réfractés se contrarient; or on peut toujours les concevoir à une distance l'une de Tautre telle que la discordance soit complète, c'est-à-dire d'une demi-ondulation. Ainsi tous les rayons réfractés, autres que ceux dont nous avons parté d'abord, ne sont lepus ensibles.

- 42. Je tire de cette théorie une conséquence absolument opposée à celle de Newton: c'est que la marche de la lumière est plus lente dans le verre que dans l'air, suivant le rapport du sinus de réfraction à celui d'incidence; car il faut admettre que chaque vibration de la lumière dans le verre à accomplit dans le même intervalle de temps que chaque vibration dans l'air, autrement il y aurait discontinuité ou discordance entre les oudulations qui précéderaient et celles dont elles seraient suivies.
- 43. Les anneaux colorés, produits par des rayons obliques, paraissent prouver cependant que les mêmes espèces de rayons peuvent

## 32 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. — PREMIÈRE SECTION.

N. II. avoir dans le même milieu des aceès plus ou moins longs suivant le degré d'obliquité; mais je soupponne que c'est à tort que Newton en a tiré cette conséquence, et que ce phénomène peut s'expliquer d'une autre manière, par l'influence des rayous les uns sur les autres<sup>10</sup>. Nayant pas ennore trouvé cette explication, je ne puis répondre à l'objection <sup>10</sup>.

Ĉependant une expérience même de Newton rend probable l'égalité des ondulations dans les mêmes milieux, quel que soit l'angle d'incidence. Lorsqu'il voulut mesurer les largeurs des anneaux produits par les différents rayons qui composent la lumière blanche, il les sépara au moyen d'un prisme. Or, si l'angle d'incidence pouvait faire varier la lougueur des accès, comme les deux faces du prisme ne sont pas parallèles, en changeant son inclinaison par rapport au rayon incident on changerit la longueur des accès du rayon émergent, et, par conséquent, la largeur des anneaux pour les rayons d'une même couleur, et sans doute ces variations n'aurient point échappé à Newton; cependant je ne crois pas qu'il en ait parlé <sup>66</sup>.

Quoiqu'il en soit, l'égalité de vitesse et d'ondulation des mêmes espèces de rayons dans les mêmes milieux, quel que soit l'angle d'incidence, me paraît une conséquence nécessaire de la théorie des vibrations.

44. Il résulterait de ce système que la vitesse de la lumière dans le verre, par exemple, serait toujours égale à sa vitesse dans l'air divisée par le rapport constant du sinus d'incidence à celui de réfraction. Une conséquence remarquable de ce principe, c'est que le chemin que suit la lumière en se réfractant et celui qui l'ambre le plus prompte-

<sup>17</sup> En appliquant cette théorie aux anneaux colorés, je parviendrai peut-être à expliquer pourquoi les longueurs d'accès que Newton en déduit ne sont que la moitié de celles qu'indiquent mes expériences sur la diffraction (°).

(°) l'aurais bien voulu faire cette expérience, mais je n'ai pas à ma disposition les verres nécessaires.

<sup>\*</sup> Voir Nº IV, S 21 à 24; Nº X, S 10 à 14.

W Voir Nº IV, \$ 18 à 20; Nº X, \$ 7 à 9.

Nº 11.

ment possible d'un point pris dans l'air à un autre point pris dans le verre.

45. Cette théorie des vibrations et de l'influence des rayons les uns sur les autres, qui lie déjà taut de phénomènes séparés dans celle de Newton, ne doit-elle pas conduire à la véritable explication de la polarisation?

Mathieu, le 15 octobre 1815.

A. FRESNEL.

46, P.-S. l'ai pensé qu'il serait intéressant de vérifier encore la loi de la diffraction dans une de ses limites, en mesurant l'ombre d'un fil éclairé par une étoile, et je me suis assuré que cela était facile. J'ai regardé une des étoiles les plus brillantes du firmament au travers d'une loupe de deux pieds de foyer, après avoir placé à une certaine distance un fil de fer entre l'étoile et la lonpe, et j'ai vu distinctement l'ombre du fil avec les deux franges extérieures du premier ordre. Le fil de fer était à huit mètres du fover de la loupe. J'avais calculé la largeur des franges au moyen de la formule  $\sqrt{\frac{2d(a+b)b}{a}}$  qui devieut Adb lorsque le point lumineux est à l'infini, et la loupe portait à son fover deux fils dont l'intervalle avait été déterminé d'avance par ce calcul. Malheureusement des nuages m'avaient dérobé l'étoile brillante dont je voulais me servir, et lorsqu'elle reparut elle était déjà trop élevée sur l'horizon; cela m'obligea de me rapprocher d'un mètre du fil de fer. Son ombre devait me paraître alors un peu plus petite que l'intervalle entre les fils; c'est ce que j'observai aussi. Je me propose de reprendre cette expérience dans des circonstances plus favorables.

35

## Nº III (A).

# A. FRESNEL A F. ARAGO®.

Mathieu, le 26 octobre 1815

5.

Monsieur.

Quelques jours après vous avoir aunoncé que je croyais avoir trouvé fexplication de la diffraction, j'ai construit un micromètre, au moyen duquel je suis parvenu à faire des observations assec exactes pour ue plus douter de la justesse des formules auxquelles m'avait conduit la théorie des vibrations.

Une expérieuce fort simple m'avait prouvé que les rayons de la lumière pouvaient agir les uns sur les autres, s'aflaiblir et s'éteindre, umene presque complétement, lorsque leurs vibrations se contrairaiseut; s'ajouter l'un à l'autre et se fortifier mutuellement, au contraire, lorsqu'ils vibraient d'accord. C'est sur ce principe que j'ai basé mon explication de la diffraction.

En étendant cette théorie des ondulations et de l'influence qu'exercent les rayons les uns sur les autres à la réflexion et à la réfraction, j'ai trouvé la raison des lois auxquelles la marche de la lumière est assujettie dans ces deux phénomènes.

J'ai exposé cette théorie et les expériences qui m'y ont conduit dans un Mémoire que j'ai envoyé à mon oncle, le 16 de ce mois, pour qu'il le présentlat à M. le Secrétaire perpétuel de la première classe de l'Institut. Vous l'avez peut-être déjà parcouru. Je désirerais bieu avoir quel jugement vous en portez. Votre suffrage est celui que j'ambitionne le plus.

L'explication que j'y donne de la réfraction est fondée sur l'hypothèse que les ondulations de la lumière dans les mêmes milieux ont

Lettre communiquée par les fils de M. Arago.

### THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - PREMIÈRE SECTION.

VIII (A). toujours la même longueur, quel que soit l'angle d'incidence. Les expériences de Newton sur les anneaux colorés, dans le cas des incidences obliques, paraissent en opposition avec ce principe; j'en ai fait l'observation dans mon Mémoire, en ajoutant que je soupçonnais que Venton s'était trompé en concluant que la longueur des intervalles de retour au même accès variait avec l'incidence, et que le phénomène s'expliquerait peut-être encore par la Inferire des vibrations et de l'influence des rayons les unus ur les autres. Je suis parvenu, dernièrement, à trouver cette expliration, et je me propose de la soumettre à la Classe dans un complément à unon premier Mémoire, que j'aurai l'honneur de hin présenter incessamment.

Je me suis expliqué, par les mêmes considérations, pourquoi l'épaisseur de la lame d'air qui donne le premier anneau blanc est le quart, celle du premier anneau obseur la moitié de la longueur d'ondulation à laquelle ni avaient conduit mes expériences sur la diffraction, céstia-dire que je conosis miantenant le phénomène des anneaux coloriscu supposant aux ondulations de la lumière la même longueur que dans la diffraction. Cett longueur est le double de celle que Newton a prise pour l'intervalle de retour au même accès.

On peut encore expliquer par l'influence des vibrations les unes sur les autres les images colorées que réfléchit une surface rayée, et le phénomène absolument semblable que présente un tissu très-fin au travers duquel on regarde une lumière.

Aiusi la réflexion, la réfraction, tous les cas de la diffraction, tes auneux colorés dans les incidences obliques comme dans les incidences perpendiculaires, le rapport remarquable entre les épaisseurs de l'air et de l'eau qui produisent les mêmes anneaux, tous ces phénomètes qui nécessitaient autant d'hypothèses particulières dans le système Vexton, sont réunis et expliqués par la même théorie des vibrations et de l'influence des rayons les uns sur les autres. Il est probable qu'elle doit conduire aussi à une explication satisfaisante de la double réfraction et de la polarisation. C'est actuellement l'objet de mes recherches. Jai lu dans l'ouvrage de M. Biot, sur la polarisation <sup>(s)</sup>, que Malus N<sup>(s)</sup> III (A), avait déterminé pour beaucoup de corps différents l'angle sous lequel ils polarisaient complétement la lumbrée en la réféchissant, et qu'il à avait trouvé aucun rapport entre ces angles et leur pouvoir réfringent. Il a sans doute rassemblé ces divers résultats dans un tableau offrant la comparaison de sangles de réfraction et de polarisation compléte.

Ce tableau me serait utile dans mes recherches sur la polarisation. Je vous prie d'avoir la complaisance de m'en envoyer une copie. Je suis, avec la plus haute considération,

Mousieur.

Votre très-humble et très obéssuant serviteur.

A. FRESNEL.

<sup>(</sup>n) Recherches expérimentales et mathématiques sur les mouvements des mobécules de la lumites autour de leur centre de gravité, p. v...

#### Nº III (B).

## F. ARAGO A A. FRESNEL

Monsieur,

Paris, le 8 novembre 1815.

L'ai été chargé par l'Institut de l'enamen de votre Mémoire van la diffraction de la lumière; je l'ai étudié avec soin, et j'y ai trouré un grand nombre d'expériences intéresantes, dont quéque-unes avaient déjà dé faites par le docteur Thomas Young <sup>56</sup> qui, en général, enrisage ce phénomène d'une manière asce anologue à celle que vous avec adoptée. Mais e eque ni lui, ni personna avait vu avant vous <sup>56</sup>, c'est que les bandes colorées extérieures ne chemient pas en ligne droite à mesure qu'on éédoigne du extre opaque. Les résultats que vous avez oblemus à cet égand me semblent trè-importants; peut-être pourront-lis servir à pravuer la vérité du système des ondulations, si souvent et si faiblement combattu par des physiciens qui ne s'étaient pas donné la peine de le comprendre. Vous pouvez compter sur l'empressement que je metraià faire valoir votre expérience : la conséquence qui s'en déduit est téllement poposée au système à le mode, que jois on intendre à beaucoup d'objections.

On theory of Light and Colours. Philosoph. Transact. for 1805, p. 15. — An account of some cases of production of Colours not hitherto described. Philosoph. Transact. for 1806, p. 387. — Experiments and Calculations relative to physical optics. Philosoph. Transact. for 1804, p. 1.

<sup>&</sup>lt;sup>34</sup> Arago paralt avoir recomm plus tard son erreur. Voy. ÉLOCE na THORMS YOUNG. Mémoires de l'Académie rogale des aciences de l'Institut. L. XIII., p. crv. et (Étures de François Arago, t. 1. page 193. Voy. également: A Course of Lectures en natural Philosophy, etc. by Thomas Yorks, t. 1. p. 467. [De SCHAPOUT.]

Ce qui appartient en propre à Frennel, et dont on injerproit aucune trace che a se deuxiere, cei Liédé le deuxide d'appliquer les tois de la réflication de la inflication de la réflication de la réflication de la inflication la le la réflication de la le inflication la les differents de la different de la manueur de le confaire hiesital à la vrise libérair de la differents. Il y a même un plánomiste de differents, etclie de la confaire de la même en présente de differents de la même en présente de differents, etclie des confaires de santens rayles descrivés da même un plánomiste de differents, etclie des confaires de santens parties de la même de la mê

Vous devez m'aider à les repousers. Je vous prierai donc de faire, aussidé V. III (B), que vous le pourers, une nouvelle suite de meurers des bandes, et de les étendre aux plus petites distances de l'écran au corps opaque, afin de rendre leur mouvement carriligne plus sensible, «10 se peut, qu'il ne l'est dans les tableaux que vous avez adressés à l'Institut. Vous voyer que je crains que les dévisitous, dont je voudrais titrer avec vous de si grandes conséquences sur les phénomères de la lumière, ne parissent bien légères aux presonues peu familiarisées avec ce genre de recherches. M. Mérimés éset chargé de vous donner sur teut ceté des édatais sur lesques il serait instité de revenir. Le ne vous envoir pas par ce courrier les renseignements que vous me demandez sur les phénomères de destais sur lesques il serait instité de revenir. Le ne vous fassent abandonner la diffraction, que je désire, pour mille rasions, vous voir suivere encore quequeus jours et neste, par la permière cocasion, je vous dé-

Recevez l'assurance de mon bien sincère attachement,

domusagerai amplement de ce retard.

F. ARAGO.

P. S. le vous prie de supprimer désormais de vos adresses le titre de chevalier de la Légion d'honneur, qui ne m'appartient plus, et celui de secrétaire du Bureau des Longitudes, qui depuis longtemps a été donné à une autre personne. Vous vovez que je compte recevoir bientôt de vos nouvelles.

Ne vous serai-il pas possible de faire une série de mesures des handes extérieures en n'employant que de la lumière homogène? Vous servez-vous tonjours de la lumière du soleil dans vou expériences? N'avez-rous pas quelquefus employé la lumière d'une chandelle ou d'un quinquet réunie au foyer de votre petite lextillet Comment vuus étes-rous assuré que les handes partent effecti-veunent du bord du corns noanue? etc.

Pardonnez ce griffonnage; l'heure du courrier approche, et je désire que ma lettre parte aujourd'hui.

<sup>(</sup>a) Voir la lettre précédente de A. Fresnel, du 26 octobre 1815.

Nº IV.

## COMPLÉMENT

---

# MÉMOIRE SUR LA DIFFRACTION,

adressé à m. Le scrétuire de la première classe de l'institut (\*). Le 15 octobre 1815.

1. L'explication que j'ai donnée des franges colorées des onubres et la formule que j'en ai déduite sont fondées sur l'hypothèse que les rayons partant du point lumineux, ou du moins une grande partie de ces rayons, vibrent d'accord dans des angles sensibles, et que les cercles formés dans l'étendue de ces angles, par les points correspondants des ondulations des rayons, ont pour centre le point lumineux.

Cela est évident pour une particule incandescente dont les vibrations produisent les ondulations lumineuses. Lorsque le point lumineux est un corps incandescent assez peu étendu, ou assez éloigné pour qu'il soit vu sous un angle infiniment petit, comme les étoiles <sup>(0)</sup>, par

(° Fai recommencé l'expérience sur l'ombre d'un fil éclairé par une étoile, dont

j'ai parlé à la fin de mon premier Mémaire. et je me suis assuré que dans ce cas, comme

51 Ce mémoire était accompagné d'une lettre d'envoi ainsi conçue :

Mathieu [près Caeu], le 10 novembre 1815.

Monsieur,

Je vous prie de soumettre à la première classe de l'Institut le Mémoire ci-joint,

formant le complément de celui que j'ai cu l'honneur de vuas adresser le 15 octobre. Ce second Memoire contient la honlico des difficultés que je m'éxis inties un la théorie des vibrations qui produisent la lumière. J'y ai joint l'explication des imagecolorées que réfléctissent les surfaces rayées, et de celles qu'on aperçoit en regardant un olieir billant au travers d'un tissu trè-indi.

J'ai l'honneur d'être, avec la plus haute considération, Monsieur,

Votre très-humble et très-obéissant serviteur,

A. FRESNEL.

- exemple, ce que je viens de dire pour une particule unique peut s'appliquer à toutes celles dont le point lumineux est composé, et l'On voit que les franges produites par ces différentes particules radicuses devant se trouver sensiblement à la même place, à cause de la petitesse du corps on de son éloignement, le phénomème doit se passer comme si les ravons partaient du même point.
  - 2. Les expériences au moyen desquelles j'ai découvert la loi de la diffraction ont été faites avec un point lumineux artificiel, formé d'abord par ut très-petit trou sur lequel je rassemblais beaucoup de lumière, ensuite par le foyer d'une lentille très-convexe ou d'un gloule transparent, et j'ai dit, dans le Mémoire précédent, que je ue pouvais pas encore expliquer d'une manière satisfaisante l'accord et la forme circulaire des ondulations lumineuses partant d'un petit trou ou du foyer d'une lentille. Je crois y être parveun maintenant.
  - 3. La source de la lumière est toujours un corps incandescent, dont chaque particule est le centre d'ondulations sphériques. Lorsqu'elles passent par un petit trou, une grande partie de la lumière est infléchie par ses bords dans une foule de directions différentes, et

dans les autres, l'observation confirmait la théorie. Le fil de fer dont je me suis servi avait un millimètre de diomètre, et était placé entre l'étoile et la lentille, à 8 mètres du foyer; la distance entre les endroits les plus sombres des deux franges du premier ordre devait être par conséquent de a",00707 au foyer de la lentille. l'avais tixé sur le petit cadre, que la lentille portait à son foyer, deux fils parallèles, espacés de o",0070, distance mesurée de milieu en milien le plus exactement possible. Ces fils étaient éclairés par une lampe, Ayant l'œil placé à l'antre foyer de la lentille, je voyais à la fois les deux fils, et l'ombre du fil de fer, qui marchait d'occident en orient par l'effet du mouvement diurne. Je tournais la lentille un peu à l'orient, et j'altendais le moment où les parties les plus sombres des deux franges passaient derrière les fils du petit cadre. Il m'a toujours semblé qu'ils les convraient en même temps, et j'ai répété dix fois cette expérience. Je dis il m'a semblé, parce que la distance à laquelle je me trouvais des fils, à cause du peu de convexité de la lentifle, et les mouvements involontaires de mon œil m'empérissient de voir bien nettement à la fois les deux fils du petit cadre et l'ombre du fil de fer. Avec une lentifle un pen plus convexe, d'un pied on dix-huit ponces de foyer, on distinguerait mieux les fils, et la lumière de l'étoile ne serait pas encore assez affaiblie pour qu'on ne put voir nettement les deux franges du premier ordre.

forme de nouvelles ondulations sphériques dont les centres sont sur les bords du trou; car les ondulations ont toojours la mère longueur, quelle que soit la direction suivant laquelle les rayons aient été in-fléchis. Quelque petit que soit le trou, comme il a'est jamais un point mathématique, les rayons inféchis par ess bord n'ont pas exactement les mèmes centres d'ondulation, et l'accord de leurs vibrations ne s'étend pas à une distance indéfinie de l'axe du faisceau lumineux. Mais l'espace dans lequel elles s'accordent sessiblement est en raison inverse de la largeur du trou, et devient considérable lorsque le trou est suffisamment étroit. Aiusi une grande partie de la lumière, après avoir traversé le petit trou, formera des ondulations sphériques ayant leur centre à ce trou, et cela suffit pour la production des frances.

4. On se demandera maintenant comment ces franges ne sont pas détruites, ou du moins rendues très-confuses, par celles que peuvent produire les rayons directs. Il est aisé de s'assurer que cela ne saurait avoir lieu, lorsque le trou est suffisamment étroit; car alors l'angle sous lequel s'étend chaque faisceau de rayons directs venant de la même source ne peut être assez grand pour la production des franges que lorsque le corps éclairant, ou le foyer de la lentille (ce qui revient au même, comme je le fais voir ci-après) est très-près du petit trou; mais alors les centres d'ondulation des rayons directs étant presque à la même distance que ceux des rayons infléchis, les franges que ceuxlà produisent coıncident à peu près avec les autres et ne peuvent que les renforcer. Maintenant si l'on éloigne le corps éclairant du petit trou, les cônes de rayons directs partant d'un même point devieunent presque des cylindres, à cause de l'extrême petitesse de ce trou, et ne s'étendent plus dans des angles assez grands pour faire naître des franges. L'ensemble de ces faisceaux directs peut former un cône d'un angle considérable, mais les accords et les discordances des rayons lumineux, qui viennent de différentes sources variant à chaque instant, ils ne peuvent pas produire d'effet constant, et, par conséquent, sensible. Ainsi les rayons directs ne doivent répandre, dans ce cas, N. IV. qu'une lumière uniforme sur les parties sombres et brillantes des franges colorées produites par les rayons infléchis<sup>(a)</sup>.

5. Passons maintenant au cas où le point lumineux est produit par une lentille très-couvexe. Je ne considérerai, comme dans le cas précédent, que les ondulations formées par les vibrations d'une des particules du corps éclairant, ce que l'on dit de l'une pouvant s'appliquer à toutes les autres. Je supposerai, pour simplifier les calculs, qu'elle est à une distance infinie, comme celle du soleil, et que le foyer se forme dans le verre, afin de n'avoir qu'une réfraction à considérer. On verra facilement qu'on peut applique les mêmes raisonnements à des hypothèses plus compliquées.

Soient done DA et EB deux rayons lumineux parallèles vibrant d'accord : IAB la surface du verre, G son centre, et F le foyer où se réunissent les deux rayons réfractés AF et FB. Je suppose AD perpendienlaire à la surface du verre, en sorte que la ré-

et F le foyer où se réunissent les deux rayons réteises AF et FB. Le suppose AD perpendienlaire à la surface du verre, en sorte que la réfraction ne change pas sa direction. Par le point A je mèac AH perpendiculairement aux rayons incidents; A et H sont des points correspondants des mêmes vibrations. Le rayon EB a encore HB à parcourir dans l'air, lorsque le rayon DA est déjà entré dans le verre; or l'équivalent de HB

dans le verre, c'est la même longueur divisée par le rapport eutre le sinus d'incidence et celui de réfraction dans le passage de la lumière de l'air dans le verre. Je représente par p ce rapport, par r le rayon du cercle IAB,, et poir i l'angle d'incidence BBG. Ayant calculé AF, BF et IBB, en ajoutant BF à l'équivalent de IBB dans le verre et retranchant cette somme de AF, je trouve:

$$r\left(1 - \frac{p-1}{\sqrt{p^2 - \sin^3 i} - \sqrt{1 - \sin^3 i}} - \frac{1 \cdot \sqrt{1 - \sin^3 i}}{p}\right)$$

6. Cette expression donne la différence entre les vibrations des

<sup>(</sup>e) Voir au N° V (C) la rectification de ce paragraphe.

rayons à leur point de concours F. En la réduisant en série, et négligeant tous les termes au delà de la quatrième puissance de sin i, on trouve  $-r\left(\frac{p-1}{n}\right)$  sin i.

Il est facile de voir par cette formule que la différence entre les vibrtions des deux rayons an joint P neist encore qu'une petite partie de la longueur d'une ondulation, lorsque r et i ont déjà des valeurs assez considérables. Sir, par exemple, était égal à un centimètre, pour que la discordance fût complète, écest-Atire, pour que les deux rayons différassent d'une demi-ondulation au point F; il faudrait que i fût de dix degréenviron, et, l'augle d'incidence étant de 5° 36′, les rayons réfractés ne différeraient au point F que du divième d'une demi-ondulation. On voit douc que, lorsqu'une leutille est suffisamment convexe, les rryons qu'elle n réunis à son forer doivent vibrer d'accord sous des angles très-sensibles.

7. L'explication que j'ai donnée de la loi de la réflexion, dans mon premier Mémoire, par les ondulations de la lumière et l'influence des roynes les uns sur les autres, n'est applicable qu'au cas où la surface réfléchissante est continue et parfaitement polie, parce qu'alors, dans toute autre direction que celle qu'i fait un angle égal à celui d'incidence, les rayons réfléchis sont nécessairement détruits, ou du moins rendus insensibles par d'autres rayons dont les vibrations diffèrent d'une demi-ondulation. Il n'en est pas de même quand la surface est discubientionne, quand elle est rayée, par exemple; alors on peut considérer à part les rayons lumineux qui partent des raies, parce que les points qui les refléchissent ne sont plus dans le même plan que le reste de la surface.

Soient A et B(t) les points où le plan d'incidence rencontre deux

Fig. 2.

(1) Les points A et B sont supposés pris dans chaque raie à la même distance de la

raies très-voisines faites dans une surface polie. Ils réfléchiront les rayons incidents FA et GB dans une infinité de directions différentes<sup>(5)</sup>. Soient AD et BE deux de ces rayons réfléchis qui arrivent à l'œil, et qui sont ainsi

surfece polie, de manière que AB lui soit toujours parallèle. — <sup>(r)</sup> Ces raies ne sont pas y IV.

sensiblement parallèles. Je mêne All et BC perpendiculairement aux rayons incidents et aux rayons réfléchis. Les rayons incidents vibrant d'accord, A et If sont des points correspondants des mêmes vibrations. Maintenant, pour que les rayons réfléchis vibrent d'accord aussi, il n'est pas nécessaire que AC soit égal à HB, mais seulement que leur différence soit un naubre entier d'andulations.

Représentant par de la longueur d'une ondulation de la lumière dans lair, par a la distance. Als entre les deux raies, par i l'angle d'incidence GBL, et par r l'angle de réflexion LBE, il faudra donc, pour que les vibrations des rayons réfléchis soient en harmonie, qu'on ait l'équation,

 $a \sin i - a \sin r = nd$ 

(n étant un nombre entier.) D'où l'on tire,

 $\sin r = \sin i - \frac{nd}{a}$ 

- 8. La longueur d'ondulation d' variant avec la nature des rayons unineux, l'augle de réflexion sera différent pour les rayons de différentes couleurs. L'angle de réflexion des rayons violets, dont les ondulations sont les plus courtes, sera celui qui différera le moins de l'angle d'incidence. L'augle de réflexion des rayons rouges, au contraire, sera celui qui en différera le plus. On voit donc que, si l'on grave sur une surface polie des raies paralleles à épade distances les unes des autres, afin que a soit constant, elle devra réflechir, avec l'image ordinaire de l'objet lumineux, une autre image colorée, et même plusieurs, si la surface rayée a une étendue suffisante. Les contents seront rangées dans le même ordre que dans le spectre solaire ou les anneaux colorés; le violet sera le plus rapproché de l'image incolore, et le rouge le plus s'éloginé.
- On peut supposer à n toutes les valeurs que donne la suite des nombres naturels, 1, 2, 3, 4, 5, etc. et à chacune de ces valeurs de

des lignes mathématiques ; mais les plans qui composeut leurs surfaces sont si étroits qu'ils peuvent réfléchir des rayons sensibles suivant une infinité de directions différentes.

Nº IV.

n répond une image différente. Mais pour que ces images colorées ne se confondent pas entre elles et avec l'image incolore, il faut que les valeurs de sin r, qui répondent à n=1, n=2, n=3, etc. différent sensiblement, ce qui ne peut avoir lien que lorsque a est très-petit, ou les raies très-rapprochées, comme il est facile de le voir par la seule imagecis ont fortement colorées, et plus elles s'éloigneront les unes des autres et de l'image incolore, parce que les variations dans les valeurs de d et de n en produiront de plus sensibles dans celles de sin r.

Si l'on représente par d' la longueur des ondulations rouges, et par d' eelle des ondulations violettes, on aura pour les rayons rouges,

$$\sin r' = \sin i - \frac{nd'}{n}$$

et pour les rayons violets.

$$\sin r' = \sin i - \frac{nd}{n}$$

d'où l'on tire,

$$\sin r'' - \sin r' = \frac{n}{a} \left( d' - d'' \right)$$

Tant que a n'est pas assez grand, ou que les raies ne sont pas assez rapprochées, pour que  $\frac{n}{a}$  (d-d') cesse d'être une petite fraction, la différence catre les angles i' et i' est à peu près égale à la différence catre leurs sinus multipliée par le cosinus d'un augle moyen. Représentant par r est angle moyen de réflexion, on auru done,

$$r'' - r' = \frac{n}{a} \left( d' - d'' \right) \cos r$$

et si on le suppose constant, r' - r' sera en raisou inverse de a : écal-dire que la dispersion des couleur sera en raison inverse de l'intervalle entre les raies. Si l'on suppose, au contraire, que ce soit l'angle d'incidence qui reste constant, la même loi n'est plus sensiblement exacte que pour la première image colorée.

 N. 10. La longueur de d étant connne pour toutes les espèces de rayons, on peut facilement vérifier par l'observation la formule générale

$$\sin r = \sin i - \frac{nd}{r}$$

Gest ce que je me propose de faire aussitôt que j'aurai une plaque rayée à ma disposition.

11. Un tissu très-fin au travers daquel on regarde un objet brillant, comme une étoile ou la flamme d'une bougie, présente des phénomènes semblables à ceux dont je viens de parler. Outre le point lumineux qu'on vôit directement, on remarque de chaque côté, dans le seus perpendiculaire aux fils, des images colorées, qui sont d'autant, plus éloignées les unes des autres que les fils sont plus rapprochés. Dans toutes ces images le violet se trouve en dedans du côté du point lumineux, et le rouge en débon.

Soient A et B les intersections de deux fils avec le plan mené par



les rayons incidents CA et DB. Ces rayons incidents seront infléchis par les fils dans toutes les directions possibles; mais il n'y aura de sensibles pour l'œil que œux dout les vihrations seront encore en harmonie après l'inflecion. Soient AE et BP deux de ces rayons. Du point B j'abaisse sur AC et AE les perpendiculaires BC et BH. Il faudra, pour que l'accord albesise entre les vibrations des deux rayons infléchis, que AG + AH forme nn nombre entier d'ondulations. Appelant i Tangle d'incidènce, et r c'etui que les rayons

fangle d'incidence, et r cetui que les rayons infléchis font avec la perpendiculaire à AB, et représentant par a la distance AB, qui sépare les deux fils, on aura l'équation.

$$a \sin i + a \sin r = nd$$

d'où l'on tire,

$$\sin r = \frac{nd}{a} \sin a$$

12. Lorsque les rayons incidents sont perpendiculaires à AB, la N° IV. formule se simplifie, et l'on a,

 $\sin r = \frac{nd}{r}$ 

Le suppose qu'ayant l'œil près des deux fils, on regarde un point lumineux : les directions suivant lesquelles on voit le point lumineux et la  $n^{i\omega}$  image colorée feront entre elles un angle dont le sinus sera égal à  $\frac{i\omega}{m}$ . Si l'on représente par b la distance des fils au point lumineux  $\frac{n^{i\omega}}{m}$  sera égal à l'intervalle entre le point lumineux et claiu ol la  $n^{i\omega}$  image paraît placée. Représentant cet intervalle par I, on sura,

 $l = \frac{na}{a}$ 

d'où l'on tire.

$$a = \frac{ndb}{I}$$

Ainsi, étant données b et l, on peut calculer a, c'est-à-dire la distance entre les fils  $^{(a)}$ .

13. Pour vérifier cette formule, j'ai fixé, sur un cadre de o",3 s'a de longueur, deux fils ésoié écrue, partant du même point à une des extrémités du cadre et éloignés de deux millimétres à l'autre extrémité. J'ai vérifié avec soin l'ouverture de compas qui me donnait cette distance de deux millimétres, et j'ai placé les fils à la loupe, en sorte que j'étais sûr qu'il ne pouvait y avoir un vingtième d'erreur sur la mesure de l'intervalle qui les séparait. Un carton mobile, percé d'un

In Les formules doblies par Freuel dans ces donz paragraphes expriment précisiones les inde excelores de réseaux, que Freuellée a décurrent par l'observation plantiers untées après. Une seute chose masque à la théreir de Freuel pour être compitée. Ble nombre considère que la lambiére moutée que la lambiére mouvée per la totalité des persions non intercepates de l'onde incidente. De la freuite qu'elle combit à abmêtre, extre les phécosières du fin uiu à mallies tels condicteurs et ceux d'un simple couple de fits, me identité qui l'eniste pas. M. Airy a montré plas surd que, conformément aux descercitions de Francheire, les bies simples repréciatios par la formale sin = \_\_\_\_ are convironnent qu'un cas de le noulee des fla parelletes est bie-grand. Deux fit une de la montré de la minima de la mairie cut les notemes de la descende de la minima de la mairie cut les notemes de des photomolèses une peu nois sugles,, aux de les minima de la mairie cut les notemes profities. Ces not péricheirent en et dispositions que Freunt a détermitée dans les supérieurs décrites paragraphes suites (E. Vazarr.)

### 50 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - PREMIÈRE SECTION.

v IV. petit trou, au travers duquel je regardais le point lumineux, me servait à jinger, par la distance à l'extrémité du cadre, la largeur entre les fils, à l'endroit où fils infléchissainel tes rayons arrivant à non cail, et me fissaient apercevoir des images colorées du point lumineux. Une personne, qui m'aidit dans cette expérience, promenait sur le carton noir, au milieu duquel était le point lumineux, us petit carton blanc qu'elle en approchait ou en éloignait, jusqu'à ce que le hord de ce carton blanc me partit au milieu d'une si intervalle entre les images colorées, et elle en mesurait la distance au point lumineux. Au moyen de la formule a = <sup>ad</sup>/<sub>l</sub>, je calculais l'intervalle entre les fils, que je connaissais déjà directement par la distance à leur point de concons, et je pouvais ainsi comparer les résultats de la théorie avec ceux de l'observation. Je les ai réunis dans le tubleau suivant.

	des fils au point lumineus.	purace du point luniares ou millem de l'intervalle aborar que sipare la pecusire et la desprèma frage colorie.	entre les fils esteutés au moyen de ls formule 1,5 db	entre les fils refestés d'après la distance es point de concours.	borrángacos.	GE-SELATIONS.
3	4 -77 4 -77 4 -77	0",068 0 ,039 0 ,099  suprance de founderalis dans nuives de l'auteralis dans exper flu derantina fe te maite frança enluer.	o",00055 o ,000169 o .000169 reseaux raire les fils exiculé os moyes de la formule 2,5,db	8 ,000193	- 0",000007 - 0 ,000007 - 0 ,000016	d no 0",00000518  Jo no perceivibre delicit, gene loud de serten blace, gene loud gene loud de serten blace, gene l'on promenant our le controllère, que l'inn promenat our le controllère, que l'entenant le controllère, que l'entenant le maise de la maise de la profet le place exhant de profet le place exhant de l'auger cointrie. — Le sa sont place dans en un sont place dans en en se, s, l', etc. d'auger de l'auger
4	4 .77	0",025	0",000257	0 ,000146	+0,000001	

14. Jai eru devoir présenter ces résultats qui, malgré le peu d'exactitude des trois premiers, s'accordent encore assez avec la théorie pour lui servir d'une preuve nouvelle. Car il est à remarquer que je n'ai employé dans ma formule aucune constante déduite d'observations du même geure, et que j'ai tiré de la table de Newton la valeur de d'ont je me suis servi.

Nº 11.

- 15. Par la méthode que Jai suivie il était difficile d'arriver à des résultats plus exacts; car à une distance de fa-7,7 mon ceil ne pouvait guére être sensible à un millimètre de différence dans la position du carton blanc. On arriverait à une plus grande précision, sans doute, en mesurant les angles avec un cercle répétiteur. Mais la grosseur sensible des fils les plus fins que l'on puisse employer, leurs inégalités, et la difficulté de déterminer bien exactement leur point de concours, empécheront toujours d'obtenir des résultats qui saccordent par faitement avec la théorie, et ce n'est qu'un moyen des surfaces rayées, qui présentent des phénomènes absolument semblables, qu'on pourra parvenir, dans ces sortes d'expériences, à une exactitude suffisante.
- 16. Pour achever de répondre aux objections que je me suis faites dans mon premier Mémoire, il me reste à expliquer, par la mêt théorie des vibrations et de l'influence des rayons les uns sur les autres, le phénomène des anneaux colorés, dans le cas des incidences perpendiculaires, et dans celui des incidences obliques.
- 17. Si après avoir placé une lentille peu convexe sur un verre plan, on observe les images de la flamme d'une bougie réfléchie par ce verre tepar la deuxieme surface de la lentille, on voit les auneaux colorés se former aussitôt que les deux images se rencontrent; et les anneaux sombres sont d'un noir si intense, qu'il est aisé de juger que l'œil ne reçoit, dans cette direction, ni les rayous renvoyés par le verre plan, ni ceux que réfléchit la seconde surface de la lentille.

En supposant aux molécules lumineuses des accès alternatifs de facile réflexion et de facile transmission, Newton a bien fait voir comment celles qui ont passé de l'autre côté de la lentille peuvent être réfléNº IV.

chies par le verre plan, ou le traverser, selon l'espace qu'elles ont parourn depuis la seconde surface de la lentille jusqu'à ce verre; mai il n'a pas expliqué pourquoi, visi-à-vis des mêmes points où ce verre ne réfléchit point de lumière, la seconde surface de la lentille n'en réfléchit point de lumière, la seconde surface de la lentille n'en réfléchit pas no plus. Dira-ton que les molécules lumineuses arrivant à la seconde surface de la lentille sont attirées par le verre plan l'Mais, outre qu'il est très-peu probable que l'attraction des corps sur les molécules lumineuses puises évercer à des distances aussi considérables vii, comment concevoir que le même verre, qui attire les molécules lumineuses à une distance comme unt, les repousse à une distance comme deux, les attire ensuite à une distance comme trois, pour les repousser à une distance comme quatre, et ainsi de suite? Cela n'est pas admissible.

Il est bien plus naturel de supposer que ce sont les rayons réfléchis par le verre plan qui modifient ceux que reuvoie la seconde auriace de la lentille, les fortifient quand leurs vibrations s'accordent, les détruisent, ou du moins les rendent insensibles à l'oril, lorsque leurs vibrations se contarient complétement. Ainsi, quand névue l'influence que les rayons lumineux peuvent exercer les uns sur les autres ne serait pas démontrée par les phétomènes de la diffraction, on en verrait la preuve dans les anneaux colorés.

<sup>13</sup> Norton a va jusqu'à trente annount shours, et dus piet à crier que la choixen, et dus piet à crier que la choixen, et dus piete à crier que la promotive se prelunge indéfinitionest. On pourrait suns doute veir un hiera plus quand nombre d'announc encore en employant, avec un verre plus, un autre verre dans surfices evenit composée de deux plans faisant entre ext un magé très-deux, on magé très-deux, obtain et le composée de deux plans faisant entre en un magé très-deux, or part entre la disance entre les hands magé très-deux, official pour que la distance entre les hands mêtre. Alor, en manière qu'un des plans de sa surface coits me la consideration de la consideration

unite de biandes across et brillinter, qui virziente par en diminiuna de largure et en se repperchast les muse des autres, comme dans les mements chorfes, mais qui conserveraient partout la même largurer et les metres intervalles. Pour écher le notion qui résulte de l'empétement des couleurs différents corder les mess une les autres, on aurrit sien de n'échiere les verves qu'aver visit appreneur, en me semble, des bandes noires, même au verdroit et de n'échier les verves qu'aver visit appreneur, en me nomble, des bandes noires, même aux enfroits de l'époisser de la bane d'air dévient considérable.

Nº 1V.

- 18. En considérant les anneaux colorés sous ce point de vue, je vais démontrer que lon doit conclure des observations de Newton la même longueur d'ondulation que j'ai tirée de mes expériences sur la dilfraction. Je supposerai d'abord que les rayons lumineux sont perpendiculaires aux verres.
- 19. La tache noire centrale, qu'on voit au point de contact de la lentille et du verre plan, prouve que les rayons réfléchis par ce verre n'avant parcouru qu'un espace nul ou infiniment petit, se trouvent en discordance complète avec ceux que réfléchit la seconde surface de la lentille. Je n'en ai pas encore trouvé la raison; mais j'ai fait remarquer un phénomène semblable dans la diffraction; les rayons directs et les rayons infléchis diffèrent aussi d'une demi-ondulation. Quelle que soit la cause de la discordance complète entre les rayons réfléchis par le second verre et ceux qui ne sont point passés de l'antre côté de la lentille, c'est un fait prouvé par l'expérience, et en partant de ce fait on peut expliquer les anneaux colorés. En effet cette discordance a lien abstraction faite de l'espace parcouru par les rayons qui vont du premier verre au second et reviennent du second au premier, puisqu'elle est complète lorsque cet espace est nul; mais quand il est égal à la longueur d'une demi-ondulation, l'accord entre les vibrations doit se rétablir; ainsi le double de la distance entre les deux verres, à l'endroit où l'on voit le premier anneau lumineux, doit être égal à une demiondulation, et, par conséquent, cette distance sera le quart d'une ondulation, Si l'espace parcouru est d'une ondulation entière, la discordance redevient complète, et l'œil ne peut plus recevoir de lumière dans cette direction; ainsi la distance entre les verres qui répond au premier anneau obscur doit être égale à une demi-ondulation. On voit ici que les anneaux colorés et la diffraction conduisent à la même longueur d'ondulation de la lumière dans l'air; car c'est le donble de cette distance, prise dans la table de Newton, que j'ai substitué dans ma formule à la place de d, pour calculer la largeur des franges colorées.

Les anneaux brillants vus par réflexion répondent donc à des dis-

tances entre les verres, égales à  $\frac{1}{4}d$ ,  $\frac{3}{4}d$ ,  $\frac{5}{4}d$ , etc. et les anneaux obscurs à des épaisseurs de lames d'air égales à  $\frac{2}{4}d$ ,  $\frac{4}{4}d$ ,  $\frac{6}{4}d$ , etc. d représentant toujours la longueur d'une ondulation.

20. La même théorie donne l'explication des anneaux vus par transmission. Une partie des rayons réfléchis par le second verre éprouvent une seconde réflexion à la surface du premier, et sont ensuite transmis par le second. C'est l'action de ces rayons sur ceux qui ont travares directeuent les deux verres qui produit les anneux orienque l'on voit par transmission. Les premiers, affaiblis par deux réflexions successives, sont nécessairement très-inférieurs en force à ceux qui ont été transmis directement, et leur discordauce ne peut pas produire un noir aussi intense que celui des anneaux obscurs vus par réflexion.

Dans les rayons qui ont éprouvé la double réflexion, la seconde détruit l'effet de la première, et ils se retrouvent en harmonie avec eux qui sont transmis directement, abstraction faite de l'espace qu'ils ont parcouru de plus. Quand cet espace est nul, l'accord subsiste et toute la lumière est sensible; le point de contact, vu par réfraction, doit donc paraître brillant. Lorsque cet espace est d'une demi-ondulation, la dissordance est complète, et l'on aperçoit un anneau obscur- Cr cet espace parcourn est d'une deni-ondulation lorsque la distance entre les verres est d'un quart d'ondulation. En continuant le même raisonnement, on trouve que les anneaus brillants vus par transmission doivent répondre aux épaisseurs de lames d'air  $\frac{2}{4}a, \frac{4}{8}a, \frac{6}{4}a, ct. et et les anneaux obscurs aux épaisseurs <math display="inline">\frac{1}{4}a, \frac{3}{4}a, \frac{2}{4}a, \frac{2}{4}a, \frac{2}{6}a$  etc. et les anneaux obscurs aux épaisseurs  $\frac{1}{4}a, \frac{3}{4}a, \frac{2}{4}a, \frac{2}{4}a, \frac{2}{6}a$  etc. et les anneaux obscurs aux épaisseurs  $\frac{1}{4}a, \frac{2}{4}a, \frac{2}{4}a, \frac{2}{4}a, \frac{2}{6}a$  etc. et les anneaux obscurs aux épaisseurs  $\frac{1}{4}a, \frac{2}{4}a, \frac{2}{4}a, \frac{2}{4}a, \frac{2}{6}a$  etc. Ainsi les anneaux obscurs vus par transmission répondent aux anneaux brillants vus par réflexion, et réciproquement, ce qui est conforme à l'expérieuce.

21. Je ne m'arrêterai pas à la coloration des anneaux, dont il est facile de se rendre compte par la différence de longueur des ondulations de diverses couleurs. Je passe aux anneaux vus obliquement.

Soient AB et CD les surfaces parallèles de deux verres séparés par

Fig. 4.

une lame d'air; EF la direction du rayon incident dans le verre; FG celle qu'il suit dans l'air après sa réfraction; GII, III, les directions du même rayon dans l'air et dans le verre après la réflexion. Le rayon KII parallèle à EF, après s'être réfléchi au point II, suivra la même direction, et c'est de l'accord ou de la disNº IV.

cordance de ces deux rayons que dépendra l'intensité de la lumière perçue dans cette direction. Il est inutile de dire qu'ici, comme précédemment, les rayons que je considère sont toujours supposés partis du même centre de vibration. Par le point F je mêne FP perpendiculairement aux rayons incidents; F et P seront dans chacun d'eux des points correspondants des mêmes vibrations. Je vais chercher maintenant à quelle distance les deux verres doivent être l'un de l'antre pour que les rayons réfléchis vibrent d'accord. Par le point F je mène FO perpendiculaire à AB. Je représente par i l'angle OFG que le rayon réfracté fait dans l'air avec la normale MQ, et par x l'épaisseur QF de la couche d'air qui sépare les deux verres. FG = x ouséquent FG+G11=2x; PH est égal à F11×sin PF11, ou F11×sin EFM Représentant par p le rapport entre les sinus d'incidence et de réfraction, on a,

on a done,

sin EFM = sini  $PH = \frac{FH \times \sin i}{}$ 

or l'équivalent de PH dans l'air est égal à p × PH, et par conséquent à Flf × sin i. Mais,

 $FH = a QG = \frac{ar \sin a}{cosi}$ 

l'équivalent de PH dans l'air est donc égal à arsin'i, Retranchant se valeur de celle de FG+GH, on a.

ou 2x (1 -- sin 2)

N° IV. Or pour que les deux rayons vibrent d'accord, il faut que cette différence entre les espaces parcourus soit égale à  $d(n+\frac{1}{2})$ , n représentant un nombre entier, puisqu'ils différent d'une demi-ondulation, abstraction faite de l'espace parcouru. On a donc,

$$2x \cos i = \left(n + \frac{1}{2}\right) d$$

d'où l'ou tire.

$$x = \frac{1}{5} \left( \frac{2n+1}{\cos i} \right) d$$

Ainsi l'épaisseur de la lame d'air qui réfléchit un anneau dans une direction oblique est égale à celle de la lame d'air qui réfléchit le même anneau perpendiculairement à sa surface, divisée par le cosinus de l'angle d'incidence daus l'air.

22. Dès que j'eus trouvé cette formule, je l'appliquai aux différente nicidences pour lesquelles Nestou a mesure l'épaisseur de la lame d'air qui donne les mêmes anneaux, et je vis le calcul s'accorder parfaitement avec l'observation jusqu'à l'incidence de 60° inclusivement. Mais pour des incidences plus obliques les résultats du calcul s'écartaient de ceux de l'observation, et cette différence allait toujours eu augmentant. Le tabléau suivant offre la comparaison des résultats du calcul et de ceux que Nevêno a oblemos par l'observation ;

dans le serre.	ancian ne nároaction doos Pole.	drantera de la lates d'air d'après les observations de Newton,	de la lume d'air calculée par la Semule con	estringues.
0° 00′	6' 00'	10,000	10,000	0,00
6 26	10 00	10,154	10,155	0,000
12 45	10 00	10,67	10,65	+0.03
18 49	30 00	11,50	11,56	- 0.05
så 3o	40 00	13,00	13,05	-0,05
19 37	50 00	15,50	15,56	- 0,06
33 58	60 00	20,00	10,00	0,00
35 47	65 00	23,25	23,66	- 0,41
37 19	70 00	28,25	29,25	- 0,99
38 33	75 00	37.00	3K,61	- 1,65
39 17	8e oo	52,25	57,59	- 5,34
40 00	85 00	85,10	115,75	- 30,65

23. Newton n'entre pas dans le détail des précautions qu'il a dû

prendre pour des expériences aussi délicates. Il dit seulement qu'il s'est servi de deux prismes dans les grandes obliquités. Au moyen du prisme supérienr le rayon qui arrive à l'œil est peu oblique à la surface d'émergence. Par conséquent, en déduisant de l'angle d'émergence, qu'on peut mesurer, la direction du rayon dans le verre, on l'obtient avec une exactitude suffisante, lors même que le rapport du sinus d'incidence à celui de réfraction, dont on se sert, n'est pas parfaitement juste. Mais il n'en est pas de même pour la direction du rayon dans la lame d'air comprise entre les deux prismes. Comme le rayon est très-oblique à la surface du verre, la moindre inexactitude dans le rapport employé peut occasionner une erreur très-sensible dans la valeur de l'angle. Cette réflexion m'a conduit à vérifier les angles de la direction du rayon dans la Jame d'air, en partant de ceux d'incidence dans le verre, et je me suis aperçu que Newton s'était servi du rapport peu exact de  $\frac{5}{20}$ , et non pas de celui de 17 à 11, qu'il avait employé dans une expérience précédente, pour calculer le diamètre de sphéricité d'un objectif au moyen de la distance du foyer. Le milieu des rayons jaunes étant l'endroit le plus brillant du spectre, j'ai pris la moyenne entre les sinus de réfraction des deux extrémités du jaune, qui d'après Newton sont 77 + 1 et 77 + 1, le sinus d'incidence dans le verre étant représenté par 50, et je me suis servi du rapport 77,267, qui est plutôt encore trop fort que trop faible; car l'orangé et le rouge, plus brillants que le vert et le bleu, occupent aussi plus d'espace dans les anneaux colorés, et doivent porter un peu de leur côté le milieu apparent de l'endroit le plus éclatant.

24. En partant des angles d'incidence dans le verre, que l'observation donne plus immédiatement que les autres, lorsqu'on emploie un prisme, j'ai obtenu les résultats que présente le tableau suivant. Ils prouvent que la formule cosi d'accorde avec l'observation, même dans les grandes obliquités.

<sup>(1)</sup> Je représente par e l'épaisseur de la lorsque le rayon incident est perpendiculame d'air qui réfléchit le même anneau, laire à sa surface.

done le verre.	untas na núrascreno dano l'air nolvalo d'après le rapport 77.467 So	de la lome d'air d'après les observations de Newton.	de la laces d'air exèculée par la formule o con s	portuona.
35" 57"	64* 38'	23,25	23,34	- 0.09
37 19	69 31 20"	28,25	28,58	- o,33
38 33	74 22 30	37,00	37,13	- 0,13
39 27	79 510	59,95	59,89	- 0,57
40 00	83 as to	85,10	86,71	2,61

Le n'ai point rapporté ici l'observation faite pour l'angle de réfraction dans l'air, égal à 90°, parce qu'il me semble presque impossible, dans les expériences sur les obliquités extrêmes, d'arriver à des résultats exacts; car on ne pent plus n'ejfiger alors la l'éjère inclinaison des deux surfaces de la lame d'air l'une par rapport à l'autre 0. Il faint avoir égard à l'augle visuel sous lequel on aperçoit le diamètre de l'anneau dont on prend la mesure; et, malgré tous les calculs correctifs, et le plus grand soin dans l'observation, les imperfections de la surface des verres, et les petites erreurs inévitables dans la mesure de l'angle du rayon émergent en produiront nécessairement de très-sensibles dans la détermination de l'obliquité seur la mae d'air.

Newton lui-mème ne présente pas ces résultats comme fort exacts, et ceux que donne la formule "coai" en différent assez peu pour qu'il soit très-probable qu'elle exprime la loi du phénomème. On peut donc supliquer l'accroissement des anneaux colorés vus obliquement, en supposant toujours à la lumière la même longueur d'ondulation dans les mèmes milieux, quel que soit l'angle d'incidence. Ainsi je crois avoir répondu complétement à l'objection que je m'étais faite, dans mon premier Mémoire, sur mon explication de la réferaction.

 La réflexion, la réfraction, la diffraction, les anneaux colorés, dans les incidences obliques comme dans les incidences perpendicu-

<sup>(7)</sup> La formule  $\frac{e}{\cos t}$  ne serait plus applicable alors sans modification, car elle a été la lame d'air sont parallèles.

X\* IV.

laires, le rapport remarquable entre les épaisseurs des lames d'air et d'eau qui produisent les mêmes anneaux, tous ces phénomènes, qui nécessitaient presque autant d'hypothèses particulières dans le système de Newton, sont donc réunis et expliqués par la même théorie des vibrations de la lumière et de l'influence des rayons les uns sur les autres. Il est probable qu'elle doit conduire aussi à une explication satisfisiante de la double réfraction et de la polarisation.

26. L'analogie me porte à croire que la chaleur est, ainsi que la lumière, produite par les vibrations et non pas par l'émission du calorique. On a déjà fait à la théorie qui suppose que le calorique sort des corps par le rapprochement de leurs molécules beauconp d'objections auxquelles il me paraît bien difficile de répondre. Dans la combustion du charbon, d'où résultent de si hantes températures, le gaz oxygène produit le même volume d'acide carbonique. Lorsqu'on met le seu par une étincelle électrique à un mélange d'oxygène et d'hydrogène, l'expansion de l'eau eu vapeur qui se forme brise le ballon dans lequel les gaz sont renfermés : voilà donc à la fois dilatation et production de chaleur. Quand on fait détoner les liqueurs fulminantes composées d'azote et d'iode, d'azote et de chlore, l'azote et le chlore, l'azote et l'iode se séparent, passent de l'état solide et liquide à l'état gazeux, et cependant il y a production de lumière et de chaleur. Lorsqu'une étincelle met le seu à un baril de poudre, les éléments de la poudre, qui sont à l'état solide, passent presque tous à l'état gazeux, occupent un espace plus de mille fois plus grand, et cependant cette explosion produit un énorme dégagement de lumière et de chaleur, pour me servir de l'expression usitée.

Il est bien plus naturel de penser que la chaleur et la lumière sont mitquement dues aux vibrations du calorique; car on voit qu'il y a production de chaleur et de lumière toutes les fois qu'une action chimique très-vive imprime un grand mouvement aux molécules des corps, soit que ces molécules se rapprochent, soit qu'elles s'eloignent les unes des autres.

Quel que soit au reste le système qu'on adopte sur la production de

# O THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - PREMIÈRE SECTION.

N° IV. la lumière et de la chaleur, on ne peut pas mettre en doute les vibrations continuelles du calorique et des particules des corps: la force et la nature de ces vibrations doivent avoir une grande influence sur tous les phénomènes qu'embrassent la physique et la chimie, et il me semble qu'on en a trop fait abstraction jusqu'à présent dans l'étude de ces deux sciences.

Mathieu, le 10 novembre 1815.

A. FRESNEL.

#### Nº V (A).

#### A. FRESNEL À F. ARAGO (6)

Mathieu, le 19 novembre 1815.

Monsieur,

Ce que vous me dites du système du docteur Young (b) me fait désirer de connaître plus précisément en quoi je me suis rencontré avec lui. Vous concevez quelles peuvent être à ce sujet les petites inquiétudes de mon amour-propre. Je voudrais bien savoir s'il s'explique nettement sur la manière dont il concoit l'influence que les rayons lumineux exercent les uns sur les autres. Il me semble que s'il avait làdessus les mêmes idées que moi il aurait dù être conduit aux mêmes formules, et en conclure aussi que les franges extérieures cheminent suivant des hyperboles. Car, je dois le dire, ce n'est point l'observation mais la théorie qui m'a conduit à ce résultat que l'expérience a ensuite confirmé. Des anomalies m'avaient bien fait soupconner auparavant que ces franges ne se propageaient pas suivant une ligne droite, mais je pouvais attribuer d'aussi légères différences à l'inexactitude de mes observations. Ce n'est qu'après avoir trouvé la formule qui représente le phénomène que j'ai construit un micromètre, et que j'ai pu donner à mes expériences un assez haut degré de précision pour m'assurer de ces déviations. Mon micromètre étant très-incommode, ie n'ai pu faire qu'un petit nombre d'observations. Comme je me dépêchais, je ne me suis pas donné le temps de réfléchir sur les circonstances les plus propres à faire ressortir la courbure des franges extérieures. D'ailleurs je ne faisais guère ces expériences que pour vérifier ma formule. Mais ce que vous m'avez écrit à ce sujet me fait sentir

<sup>(</sup>a) Lettre communiquée par les fils de M. Arago.

Woyer, nº HI (B), la lettre d'Arago du 8 novembre 1815.

62

N° V(1). combien il est important de rendre ces déviations plus sensibles par de nouvelles observations. Je commencerai demain ces expériences, si le temps le permet. Ma chambre n'étant pas assez longue, je serai obligé de porter la lentille dans la cour et je recevrai par le trou du volet la lumière qu'elle m'envera. Pespère que la limière étrangère qui s'y mèlera ne m'empéchera pas de bien distinguer les franges, en regardant, comme je le fais, à travers une lospe. C'est par ce moyen que je suis parvenu à les suivre jisqu'à leur naissance, en approchant la loupe du corps opaque. Je ne mets rien entre elles et le corps qui porte ombre; je le regarde directement au travers de la loupe.

> Javais d'abord placé un verre dépoil pour recevoir l'ombre du fil, et je la regardais par derrière avec une loupe; mais je m'aperçus qui ce verre était inutile, et qu'on voyait les mêmes franges en le supprimant. Je me suis assuré qu'elles ont la même largeur, en me servant d'un verre dont une moitié seulement était dépolie; je le plaçais au foyer de la loupe, et les franges que j'apercevais, au travers de la partie polie, me paraissient être bien dans le prolongement de celles qui pegigaient sur la partie dépolie.

Ĉest en partant de cette observation que je suis parvenu à distinguer les franges de l'ombre d'un fil édairé par une étoile. Mais comme la lumière des étoiles est très-faible, il faut employer une leutille peu convexe, et l'on ne peut plus distinguer aussi bien les fils du mierabre. Cependant, comme on peut étoigner indéfinient, dans cesa, du fil qui porte ombre sans que la lumière diminue, on parviendrait, je crois, par des observations de ce genre, à mettre bien en évidence de chemin curviligne que suivent les franges extérieures, et d'autant mieux que, l'hyperbole se changeant alors en parabole, la courbure est plus prononcés.

La formule qui donne la largeur de la première frange devient V 26d. Iorsque le point lumineux est infiniment éloigné; cette largeur est donc alors en raison inverse du carré de la distance au fil. A une distance de huit mètres, la partie sombre de la frange ne étend par encore assez pour qu'on ne puisse être sir de la mesure à moins d'un menore assez pour qu'on ne puisse être sir de la mesure à moins d'un encore assez pour qu'on ne puisse être sir de la mesure à moins d'un de la mesure de la mesure de la mesure de la mesure à moins de la mesure à moins de la mesure de la mesure à moins de la mesure de la mesta de la mesure de la mesure de la mesure de la mesure de la mes demi-millimètre près, comme je m'eu suis assuré. En faisant une autre N° V (1): observation à deux mètres, on trouverait o".00072 pour la distance de la courbe à la figue droite paratant du bord du fil; ce qui donnerait une différence de près d'un millimètre et demi sur la largeur totale de l'ombre à cette distance, où les mesures peavent être encore bien plus exactes qu'à buit mêtres. Le désirerais bien que vous fissier une série d'observations de ce genre en vous servant d'une étoile, pendant que je vais faire celles que vous m'avez indiquées au moyen d'un point l'unineux artificir mineux artificir mineux artificir mineux artificir mineux artificir mineux artificir de l'autre d'un point l'unineux artificir de l'autre d'un point l'unineux artificir de l'autre d'un point l'unineux artificir d'un point l'un point

Mon congé est expiré de la fin d'octobre, el Jai reçu une lettre de mon ingénieur en chef qui m'oblige à partir pour Blennes, ma nouvelle résidence. Le vais expendant rester encore quelques jours à Mallieu, pour faire ces expérieuses. Je vous prie de m'adresser toujours vos lettres ici, jusqu'à ce que Jaie Honneur de vous écrire de Bennair

Je suis avec la plus haute considération,

Mousieur.

Votre très humble et très obéissant serviteur,

A. FRESNEL.



### Nº V (B).

#### A. FRESNEL À F. ARAGO (\*).

Mathieu, le so novembre 1815

## Monsieur,

J'aurais voulu faire sur-le-champ les expériences que vous m'avier indiquées <sup>60</sup>; mais le mauvais temps a'y est opposé. Après plusieurs jours de pluie le soleil a enfin reparu, et, quoiquil ne fût qu'intermittent, je suis parvenu, avec de la patience, à obtenir les résultate que jai l'honneur de vous envoyer. Ils n'out pas toute l'exactitude qu'on pourrait désirer, et qu'il serait possible d'atteindre avec un mi-cromètre plus commode; et cependant lis mettent hors de doute, ce me semble, le mouvement curviligne des bandes ettérieures des ombres.

Le micromètre dont je me suis servi est semblable à celui que jovais employé précédement, et dont jai donné la description dans mon premier Mémoire; mais il est plus grand, et je puis mesurer avec des ombres d'un centimètre de largeur. Ces micromètres composés de deux fils out cet innorvénient que les fils, malgré leur finesse, couvrant une partie sensible de la frange, empéchent de bien juger s'ils sont au milieu de l'endroit le plus sombre. Des raies très-fines gravées sur un verre, et qui s'arrèteraient à moitié de sa largeur, sensient beaucoup plus commodes, parce qu'on verrait, au déla de leurs extrémités, la frange dans son entier. Je me propose de faire construire, d'après cette idée, un micromètre avec lequel j'espère obtenir des résultats plus exacts.

Octte lettre, viaée par Delambre, secrétaire perpétuel de l'Académie des sciences, pour être anneuée aux autres Mémoires d'A. Fresnel sur la diffraction, est, en grande partie, une réponne aux desiderate exprimés par Arago dans su lettre du 8 novembre 1815 (N° III).
10 Vovex, n° III (B).

Je n'ai point placé ma petite lentille en dehors de ma chambre, N°V (B). comme j'en avais d'abord l'intention, parce qu'il faisait trop de veut. D'ailleurs la lumière étrangère, qui passait par le trou du volet, affaiblissait beaucoup les franges, surtout dans le voisinage du fil de fer.

l'ai rassemblé dans le tableau suivant les résultats de mes observations, à côté desquels j'ai placé ceux que donne la formule, afin de vous éviter la peine de les calculer. La dernière colonne présente leurs différences. Dans la formule.

$$\frac{c(a+b)}{a}$$
 + 2 $\sqrt{\frac{2db(a+b)}{a}}$ 

dont je me suis servi, c représente toujours le diamètre du fil, a la distance du fil au point lumineux, b celle du fil au micromètre, et d la longueur d'une ondulation de la lumière dans l'air.

	dg point lumineus on fil de fer.	du fil de for microsoitre.	de l'ambre cettre les deux handes extérioures du s'' codre, d'après l'observation.	La udua Lancarus enleudée d'après ja formule $\frac{d(a+b)}{a}$ $+i\sqrt{\frac{adb(a+b)}{a}}$	ecrriamen.	
	1",988	0",019	0",00199	0",00123	- 0",00001 - 0 ,00001	Le dismètre du fil de fer est toujeurs d'un milli- mètre.
3	1 ,988	3 ,195	0 ,00363	0 ,00848	+ 0 ,00015	meter.
5	3,000	800, 0	0 400120	0 ,00119	+ 0 ,00001	Les trois premières ex-
5	3 ,000	0 ,030	0 ,00146	0 ,00147	- 0 ,00001	périences ent été faites avec la petite lembile , les
6	3,000	6,198	96199	0,00900	-0,0000	autres aver un globale de miel.
7 8	3,000	0 ,868	0 ,00336	0 ,00344	- o ,oooo8 - o ,oooo8	

Fai pensé que la différence un peu considérable entre l'observation et le ralcul, dans la troisième expérience, pouvait tenir à ce que l'inage du soleil au Oper de ma petite lentille avait une largeur encore trop sensible, et Jai répété cette expérience en formant le point lumineux avec un globule de miel. Jai trouvé par cette seconde observation 0°,0081, dont la différence avec le calcul n'est plus que –0°,0007.

Nº V (B).

Mais, en adoptant même le résultat que j'ai porté dans le tableau, il est évident, par les expériences 1, o et 3, que les franges ne se propagent pas suivant des lignes droites. Car, en joignant par des lignes droites les points les plus sombres des franges observées aux distances on o et 3° 1, 95, on trouverait o"o.o255 pour l'intervalle entre ces franges à une distance de o",585, au lieu de o",0-305, que doune l'observation, et la différence est d'un demi-millimètre : or, si l'on se donne la peine de répéter l'expérience, on verra qu'avec un peu de soin on est sir de ne pas faire sur l'observation n° 2 une erreur de plus â'un nivième de millimètre.

En faisant partir les lignes droites des bords du fil, on rend cette courbure encore plus sensible, car la largeur de l'ombre à la distance de o".585 devrait être alors de o".002 fo; la différence avec celle que donne l'observation est donc de o".0005. Supposera-to-n qu'elle provient d'une creur d'ans l'observation n' 31 le conviens qu'à cette distance du fil je ne puis plus mesurer son ombre avec autant d'exactitude; mais je suis sâr du moins de ne pas me tromper d'un millimètre, et un millimètre d'angmentation dans la largeur de l'ombre, à la distance de 3".195, n'en produirait qu'une de o".00018 à la distance de 0".585.

Les observations \( \hat{h} \), \( \

Je ne me suis peut-être pas assez étendu, dans ma dernière lettre, sur les expériences par lesquelles je me suis assuré que les franges evtérienres, à leur naissance, partent des bords du corps qui porte ombre, ou du moins n'eu sont séparées que par un intervalle insensible

No. V. (D)

à l'œil aidé d'une forte loupe. Je crois devoir reveuir sur ce sujet. J'ai reconnu, en me servant d'un verre dépoit, que l'ombre qui se peignait dessus, observée avec la loupe, était absolument semblable à celle qu'on voyait immédiatement avec la loupe sans le secours du verre dépoit; d'oà Jai conclu que l'ombre au foyer de la loupe était telle que l'œil l'apercevait en regardant au travers. J'avais répété cette expérience avec des loupes de convexités si différentes, et en faisant varier tellement les distances du point lumineux et du fil de fer, que je pouvais, sans craindre de me tromper, étendre le principe à toutes les distances, et retrancher désormais le verre dépoit dont je m'étais servi d'abord. C'est ce qui était indispensable pour observer les franges dans le voisinage du fil. Car, à une petite distance du fil, on ne peut plus distinguer les franges qui se peignent sur le verre dépoit.

En les regardant donc immédiatement avec la loupe, je les vojas s'affaiblir, devenir plus minces et se rapprocher des bords du fil à mesure que j'en approchais la loupe. En l'approchant encore davantage, toutes les franges disparaissaient, excepté celles du premier ordre, qui se trouvaient alors si près des bords du fil de fer, que l'intervalle qui les en séparait devenait presque insensible à l'oril, quoique je me servisse d'une loupe très-lorte. Enfin, lorsque son foyer était au fil de fer même, je n'aprecevais plus de franges. J'ai fit celte expérience en me servant d'un très-petit globule de miel, que je n'éclairais qu'avec des rayons rouges, pour rendre encore plus obscurs les intervalles entre les franges et faire ainsi resortir davantage leurs parties brillantes.

La première fois que je m'aperçus qu'en regardant avec une lentille les corps éclairés par un point lumineux on voyait les mêmes franges que celles qui sont réfléchies par un carton blanc, j'en fus trèssurpris et je ne pouvais pas m'expliquer ce phénomène. Le le conorte maintenant. D'aisque les franges sont produites par la rencontre es rayons, la loupe, réunissant sur le même point de la rétine ceux qui se croisent daus le plan focal, doit peindre au fond de l'eril les mêmes franges qui se peignent sur un cartou ou un verce dépoli.

Je regardais avant-hier au soir, au travers d'une grande lentille de

Nº V (B), deux pieds de fover, l'étoile très-brillante dont je m'étais déjà servi dans mes expériences, et qui n'est pas une étoile fixe, par parenthèse, mais une planète, et j'étais placé de manière à voir les ombres des branches les plus élevées d'un arbre. Ces branches étaient au moins à douze mètres du foyer de la lentille, et cependant les parties sombres des franges du premier ordre me paraissaient très-étroites. Je distinguais même très-bien les franges du second ordre. Dans l'expérience que j'avais faite avec le fil de fer je ne voyais pas les franges du second ordre, quoique je ne fusse qu'à huit mètres du fil de fer, et la partie sombre de celles du premier ordre me paraissait beaucoup plus vague et plus étendue, autant que je puis me le rappeler. Cela venait sans doute de ce que, le fil n'ayant qu'un millimètre de diamètre, les bandes intérieures du second ordre et du troisième sortaient de l'ombre et influaient sur les bandes extérieures. Ainsi il faut avoir soin de ne pas employer, dans ces expériences, un cylindre d'un trop petit diamètre, surtout quand on s'en éloigne beaucoup.

> Je présume qu'à une distance de quarante mètres même ou pourrait mesurer assez exactement l'intervalle entre les deux bandes extérieures du premier ordre, et, en prenant la largeur du même intervalle à dix mètres du cylindre, on trouverait pour la double flèche de courbure o "0.0352.

> I ai oublié de vous aumoneer, dans ma dernière lettre, le nouvean Ménoire que J'ai envoyé à mon onche, et que vous avez peut-être déjà lu <sup>16</sup>. I'y ai donné une explication des images colorées réfléchies par les surfaces rayées, quoique je n'eusse jamais vu ce phénomène, et que je ne fusse pas sûr de me bien rappeler ce que vous m'en aviec dit. Cela était assez imprudent de ma part, quelle que fit ma confinuce dans la théorie des accords et des discordances des rayons lumineux. I si pu en faire dans ce cas une fausse application. Je vous prie de vouloir bien me dire si l'observation confirme la formule que j'ai donnée. Wes deux Mémoires sont mal rédigés, et j'ai besoin à cet égard de

<sup>(1)</sup> Il s'agit du Complément au Mémoire sur la diffraction (N° IV).

toute votre indulgence. Jécris avec beaucoup de difficulté, et le massis état de ma santé me rendait ce travail encore plus pénide qu'a l'ordinaire. Je serais peut-être parvenu à faire mieux en y mettant plus de temps; mais je vorsis expirer mon congé, et je craignais surtout, je vous l'avone, de perdre l'avantage de la priorité.

vous it voue, ue perure i ratuninge ue in priunte.

Fai dit à la fin de mon dernier Mémoire : e La force et la nature
ed ec ses vibrations doivent avoir une grande influence sur tous les phémomènes que présentent la physique et la chimie. - Les sciences ne présentent pas les phénomènes, elles les expliquent. J'aurais do dire :
nur tous les phénomènes qu'embrassent la physique et la chimie. Si vous
lisez mon Mémoire à l'Institut, je vous prie de vouloir bien corriger
cette faute, ainsi que les plus choquantes parmi beaucoup d'autres qui

me sont échappées (a). Je suis avec la plus haute considération,

Monsieur.

Votre très-humble et très-obéssant serviteur A. FRESNEL.

Je pars pour Rennes (département d'Ille-et-Vilaine). Je vous prie de m'y adresser vos lettres, poste restante.

<sup>(</sup>a) La correction était faite par l'auteur lui-même sur la minute qui se trouve reproduité ci-dessus (N° IV). Cette observation est donc sans objet.

## Nº V (C).

#### A. FRESNEL À ARAGO.

Monsieur.

Bennes, le 3 décembre 1815.

Vous avez sans doute remarqué une faute de raisonnement dans le commencement du Complément à mon Mémoire sur la Diffraction (a). Pour prouver que les rayons qui ont traversé un très-petit trou sans éprouver d'inflexion ne peuvent pas produire des franges qui diffèrent sensiblement par leur position des franges provenant des rayons infléchis, j'observe d'abord que, lorsque le corps lumineux est très-près du trou, les oudulations des rayons directs et des rayons infléchis différant très-peu de courbure, les franges produites par ces deux esuèces de rayons doivent sensiblement coïncider, et j'ajoute ensuite, autant que je puis me le rappeler (car j'ai perdu la feuille de ma minute qui contenait cette explication) que, lorsque le corps lumineux est assez éloigué pour que les courbures de ces ondulations diffèrent d'une manière sensible, les faisceaux de rayous partant de chaque point du corps éclairant ne s'étendent pas, à cause de la petitesse du trou, dans des espaces assez grands pour produire des franges. C'est ici que je me suis trompé. Je supposais toujours les franges observées à une distance assez considérable du corps qui porte ombre. Mais quand on les reçoit à peu de distance de ce corps, les rayons incidents qui produisent celles du premier ordre, par exemple, ne font entre eux qu'un angle très-petit.

Il est aisé de corriger ce que cette explication a d'inexact, et de la compléter par des considérations géométriques fort simples.

<sup>(</sup>a) Nº IV, S 4.

Soient C la source des rayons que nous considérons, A et B les bords N. V (C.



du trou. Je suppose toujours son diamètre AB extrêmement petit, et la distance AF du petit trou au corps qui porte ombre, très-considérable, relativement aux dimensions de ce trou.

Des points C, A et B comme centres je déeris les arcs de cercle FHK, EFG, GKL.

Pour que l'are FHK ait une étendue sensible, par rapport à son rayon, il faut qu'il soit beaucoup plus grand que le diamètre du trou, ee qui ne peut avoir lieu que lorsque le point C est

très-près de AB; mais alors, AC étant très-petit par rapport à AF, l'arc FHK a presque la même courbure que les arcs EFG et GKL, et les franges produites par les rayons directs doivent coincider sensiblement avec celles que font naître les rayons infléchis. Quand, au contraire, le point lumineux C s'éloigne de AB, la courbure de l'arc FHK diffère de plus en plus de celle des deux autres; mais, en mème temps que cette différence augmente, la longueur de l'arc diminue, de sorte que l'anse de panier EFHKL doit toujours coincider sensiblement avee le cercle décrit du point D comme centre. Ainsi la différence de eourbure entre les ondulations des rayons directs et des rayons infléchis ne peut pas influer d'une manière sensible sur la position et la netteté des frances lorsque le trou est suffisamment étroit.

l'ai fait abstraction dans cette explication du changement d'une demi-ondulation que les bords du trou font éprouver aux rayons infléchis, parce que la discordance qui en résulte entre les rayons directs et les rayons infléchis ne peut avoir aueune influence sur la position des franges, et n'occasionne sans doute qu'un affaiblissement mutuel et une diminution de clarté.

l'ai dit que, lorsque le trou était suffisamment étroit, les rayons directs devaient être probablement détruits, ou du moins rendus insensibles, par les rayons infléchis, dont la quantité relative augmente à mesure que les dimensions du trou diminuent. Cette conséquence.

## 72 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. — PREMIÈRE SECTION.

N° V (C). à laquelle me conduit l'analogie, a hesoin d'être confirmée par des observations directes. Je me propose de faire à ce sujet quelques expériences, qui pourront peut-être éclairer la matière.

> Les rayons peuvent-ils éprouver l'inflexion à des distances finise des bords du trout Yoilà nue question à laquelle je ne puis pas encore répondre. Lorsque j'ai observé les franges jusqu'à leur naissance, à l'aide d'une forte loupe, elles m'ont paru partir des bords du corps qui portait ombre; mais cela tennit, sus doute, à l'extrême petitesse de l'intervalle qui les en séparait; car, d'après la théorie même que j'ai adoptée, le bord du corps est le foyer et non pas le sommet des hyperboles suivant lesquelles les franges se propagent; en sorte que la pressière frange, par exemple, en est éloignée à sa naissance de la longueur d'une ordulation.

> Pour compléter cette théorie des vibrations, il serait aussi bien mécessaire d'expliquer comment les rayons changent d'une demi-indulation en éprouvant l'inflexion. Je serais assez porté à croire que dans l'inflexion et la réflexion ce sont les molécules naèmes des corps qui reproduisent les mouvements vibratories imprimés par les rayons incidents. Cette manière d'envisager le phénomène conduirait peut-être à son explication.

> Jai dit, dans mon premier Mémoire, qu'il me paraissait probable que les rayons incidents pouvaient être réfléchis par une surface polic dans une infinité de directions différentes, et j'ai fait voir que l'angle de réflexion égal à l'angle d'incidence était le seul suivant lequel les rayons vibraeint d'accord et devaient être sensibles à l'oril. Il est les rayons vibraeint d'accord et devaient être sensibles à l'oril. Il est possible que les discordances qui ont lieu dans les antres directions copposant as mouvement l'obligent à se propager plus particulièrement suivant celle qui fait un angle égal à celui d'incidence. On concevrait ainsi comment la lumière perd aussi peu de son intensité dans se réflexion sur une surface polic

> Si l'onpouvait mesurer avec exactitude l'intensité des images réfléchies par les surfaces polies, et celle des rayons dispersés dans tous les sens, on parviendrait peut-être à établir sur ces bases la théorie mécanique

des ondulations du fluide lumineux, et à ramener tous les phénomènes N° V (C), de la lumière aux lois générales du mouvement. Mais d'une faudrait pas se borner dans ces observations à consulter l'œit; il serait encore nécessaire de consulter le thermomètre pour mesurer l'accroissement de température du miroir produit par le choc des rayons lumineux, et en condure la quantité de mouvement employée à l'échauffer.

Mon oncle m'a fait comaître, Monsieur, les offres obligeantes, que vous avez bien voulu lui faire pour moi. Je les accepte avec autat de plaisir que de reconnaissance. Je vous prie donc de demander pour moi une prolongation de congé de quedques mois. Jirai à Paris assistió que mon directure général me aura accorde la permission. Jespère que rous l'obtiendrez facilement, surtout dans un moment où les travaux des routes ont aussi peu d'activité.

Je suis avec la plus haute considération, etc.

A. FRESNEL.

P. S. Vous avez sans doute reçu ma lettre du 20 novembre, contenant le résultat des expériences que vous m'aviez demandées.

#### Nº VI

## NOTE

UN PHÉNOMÈNE REMARQUABLE QUI S'OBSERVE DANS LA DIFFRACTION DE LA LUMIÈRE I.,

LEE & L'INSTITET, LE 96 PÉRIER 1816, PAR M. ARAGO.

La Classe nous a chargés, M. Poinsot et moi, de lui rendre compte d'un Mémoire sur la diffraction de la lumière, qui lui a été présenté par M. Fresnel, ancien élève de l'École polytechnique, et actuellement ingénieur des ponts

<sup>&</sup>lt;sup>10</sup> Annales de câmia et de physique, 1, 1, p. 1995 cubier de février 1816. — Pendant Lo-preniers mois de 1816. Fresnet, autorisé à se rendre à Paris, avait fait avec Arago, commissiere de l'Académie des seineces pour l'examen de ses Mémoires sur la diffraction, beaucoup d'expériences de vérification (Lettres à Léonor Fresnel du 18 février et du 4 mars 1816. av IAIX). Arago, dans cette note, rend consuée d'une de ces expériences.

Il n'est pas sans intérêt de rapprocher le récit de Fresnel de la note d'Arago.

<sup>...</sup> I si sujet d'étre astisfair relativement à la vérification qu'Arago fait de nu théorie... Il a imaginé dernièrement une nouvelle expérience à loquelle je n'avais pas pensé et dont le résultat est entore une confirmation de ma théorie. Au lieu d'intercepter la lumière sur ou des bords du fil avec un corps opaque, il y a placé un verre et les franges intérieures cont disparm.

Nons sommes centrés chen noi pour ce chercher la raison; je hai si fait voir que celvenait du retural pe la lumière sarié qu'avoir en truversunt la verrei qui nôté, ce socte que «las franças des 1", s', s', s' et d'ordre», les secles qu'on puisse bien voir, se trouvaient bresché foundre. Le liu ai annanced que si for mettrà il la place de ce verre un lanne de minirités-miner, ou une de ces fouilles de verre souffé, il pourrait se faire que les franças reinvenses se exciserant pas de l'ombre « tapin les stu daves » pour de a det de les fielstransparents. Nous vous fait le lendemain cette expérience, et tout s'est passé comme jerévaus précité; les ne sé d'medunel. «

<sup>«</sup>Il en a rendu compte lundi dernier à l'Institut, dans une note où il dit que mon Mé-«moire est de nature à faire une révolution dans la science.» (Extrait d'une lettre d'A. Fresnel à L. F. en date du 4 mars 1816.)

et chausées. Je me suis occupé, autont que l'état du ciel l'a permis, de la vérification des lois auxquelles cet habile physicien a été conduit, et qui me semblent destinées à faire époque dans la science. Dans peu ce travail sera complet, et j'en présentersi une analyse détaillée à la Classe; mais, en attenant, j'air cut devoir extraire de mes observations un fait qui me paralt nouveau, et qui, rattaché à la théorie que M. Fresnel développe dans son Ménoire, semble devoir conduire à des conséquences importantes.

Lorsqu'un corps opaque est placé dans un faisceau de lumière, son ombre est bordée à l'extérieur de bandes de diverses nuances et de diverses largeurs. Ces bandes ont été étudiées par Newton, dans le troisième livre de son Optique : mais ce célèbre physicien ne parle pas des bandes non moins remarquables qui se forment dans l'intérieur de l'ombre des corps déliés, quoique Grimaldi en eût déjà donné une description détaillée dans son ouvrage, et il affirme même positivement qu'ancune lumière ne pénètre dans l'ombre géométrique. L'inexactitude de ce résultat fut suffisamment prouvée par Maraldi et Delisle (\*), qui, du reste, n'ajoutèrent rien de saillant à ce que Grimaldi avait découvert longtemps avant. Tel était l'état de nos connaissances sur cette question délicate, lorsque le docteur Thomas Young fit l'expérience très-remarquable qui se trouve consignée dans les Transactions philosophiques pour 180 h (4), et d'où il résulte que, pour faire disparaître la totalité des bandes qui se forment dans l'intérieur de l'ombre d'un corps, il suffit d'arrêter, avec un écran opaque, la portion de lumière qui vient de raser, ou qui va raser l'un seut des deux bords. et quoique les ravons qui passent près du bord opposé puissent continuer leur course comme précédemment.

L'expérience qui fuit l'objet de cette note consiste en ceci : que paur faire disparatire également la toditié de bandes infrièreurs, on peut substituer un verre diaphane et à faces parallèles à l'écran opoque du physicien anglais. M. Young avait montré que la production des bandes colorées inférieurs selecties l'exocuces des deux faisceaux blanes infécties dans fombre par les deux hords du corps. Ce que je viens de dire prouve, de plus, que ces faisceaux ne fournissent de bandes que lorsqu'ils se remontrent sous certaines circular de la consequence de la conseque

<sup>(6)</sup> Diverses expériences d'optique, Mémoires de l'Académie royale des sciences pour 1723, P. 111.

<sup>(2)</sup> Experiments and Calculations relative to physical Optics, — Exper. 5. — Exper. 5. (Philosoph. Transact. for 1806. p. 1. et Miscellaneous Works, 1. I. p. 179.)

Nº VI.

constances particulières; et ce qui semble ne laisser aucun doute sur la nature de ces circonstances, c'est qu'en employant des écrans diaphanes de plus en plus épais, on arrive par degrés au terme de la disparition. Ainsi des lames très-minces de verre, soufflées au chalumeau, n'éteignent pas les bandes intérieures, mais les déplacent toutes de un, de deux, de trois, etc. intervalles, sujvant qu'elles ont plus ou moins d'épaisseur. J'ai trouvé des lames de mica qui les transportaient sur l'espace qu'occupent les bandes extérieures ordinaires, et ceci conduit à penser que les verres plus épais, placés d'un seul côté du corps, ne les font disparaître qu'en les transportant dans l'espace éclairé par la lumière non infléchie. Les bandes intérieures sont, à toutes distances, symétriquement placées de part et d'autre du centre de l'ombre. Celles qui se forment sous l'influence de la petite lame de verre sortent plus ou moins de l'ombre, suivant qu'on les reçoit plus ou moins loin du corps, et se rapprochent toujours du bord auquel la lame est adaptée. Un verre, de quelque épaisseur qu'il soit, ne nuit point à la formation des bandes intérieures, s'il déborde le corps opaque des deux côtés, en sorte que les rayons infléchis en dedans aient eu la même épaisseur de verre à traverser. Deux verres inégalement épais. placés des deux côtés du corps, agissent comme une lame unique d'une épaisseur égale à leur différence.

Toutes les circonstances de cette expérience s'expliquent très-bien daus le hétorie que M. Fressel a obspété; unis pour cles il fundrait adunette que la lumière se meut plus lentement dans le verre que dans l'air. Telle serait alors, à la vérité, la liaison des faits, qu'on pourrait ficilement évaluer la petet de viviesse pour chaque épaisseur de verre, ou de tout autre milieu quedeonque, en fonction d'une ondulation aérienne prise pour unité. Je puis même ajouter que M. Fresnel desian felfet qu'austri du produire l'interposition d'une laurmince, lorsque je lui cus fait part seulement des phénoniènes que présente un verre épais. Ce sera aussi dans la même théorie qu'il faudra chercher, sandoute, l'explication des bandes diffractée singulières et de diverses nuances qui se forment dans le visionage des petites stries qu'on remarque sur les lames de mine, et dans d'autres circonstances analogues.

#### X\* VII.

## RAPPORT

FAIT A LA PREMIÈRE CLASSE DE L'INSTITUT, LE 25 NARS 1816.

SUR UN MÉMOIRE

BELATIF

AUX PHÉNOMÈNES DE LA DIFFRACTION DE LA LUMIÈRE

PAR M. FRESNEL.

Commissaires: MM. Porssor et Anaco rapporteur (\*).

- 1. Le travail que la Classe-<sup>8</sup> a remoyé à notre eazune pourrait être parlage ne dreu sections distinctes. La première renferment les observations nouvelles que M. Fresnel a fuites sur les bandes de diverses couleurs qui accompagnent constamment les ombres des corps exposés à un filet de lumière. La deutième serait le développement de la théorie à l'aide de laquelle l'auteur a cherché à lier tous ses résultats. Nous adopterons cette division dans ce rapport, quoinque l'auteur ne l'aitpa saviiré dans le Memoire.
- 2. Les physiciens qui, depuis Grimadid, se sont occupés du phénomème de la diffraction, recevaient les bandes irisées qui bordent les ombres sur un cartou blanc, plus ou moins éloigné du corps spaque. Ce moyen, dont M. Fressel s'est aussi servi quelquefois, ne permet pas d'étudier les circonacces de la formation des bandes pèce de leur origine. Pour obier à cet inconvénient il imagina de substituer à l'écran de carton un miroir légèrement dépolt; les petites facettes du verre font dans ce cas l'office des aspérités du projer, disperent la lumière dans tous les sens, tant par féletion que per ré-

<sup>&</sup>lt;sup>(a)</sup> Inédit, extrait des procès-verbaux de l'Institut.

<sup>&</sup>lt;sup>69</sup> La première Classe de l'Institut ne reprit son ancien titre d'Académie des sciences que deux jours après la lecture du rapport d'Arago.

fraction; il se forme sur la surface dépolie des peintures de l'ombre et des franges qui ont une grande netteté, et qui peuvent être examinées par derrière avec une forte loupe, sans que l'observateur ait besoin de placer sa tête entre le corps opaque et le tableau. Cette méthode, bien supérieure à l'ancienne, a pourtant comme elle le défaut d'affaiblir l'éclat des teintes, car la lumière qui traverso un verre dépoli est, comme on sait, une très-petite partie de la lumière incidente. Or M. Fresnel a reconnu par expérience que l'interposition d'un pareil verre est inutile, de sorte que quelle que soit la distance, on apercoit distinctement les bandes avec une loupe, tout comme on observe avec l'oculaire d'une lunette la peinture aérienne qui vient se former au foyer de l'objectif. Par ce moyen on peut chercher à reconnaître si, comme Newton l'a supposé, les corps agissent sur les rayons dans le phénomène de la diffraction à des distances sensibles. Or en suivant les bandes avec une loupe d'un court fover, on les voit se rapprocher graduellement du bord qui les produit, n'en être ensuite séparées que par des intervalles qui ne surpassent pas un centième de millimètre, et disparaître enfin complétement, lorsque le bord du corps passe par le foyer de la loupe. Une circonstance qui s'est présentée à nous en répétant les expériences de l'auteur, et qui nous semble digne de remarque, c'est que les bandes, tant extérieures qu'intérieures, s'aperçoivent également lorsque le corps est en decà du fover de la loupe, et qu'alors elles semblent se former dans un plan plus rapproché du point lumineux que le corps qui porte ombre.

3. M. Fresuel s'occupe d'abord dans son Mémoire des franges colorées qui sortent du champ de l'ombre; et, aidé de son moyeu d'observation, il découvre que l'angle sous lequel un rayon est infléchi en passant près d'un corpa n'est pas constant, et qu'il augmente asser rapidément, toutes les autres circonateures et années est autre de l'est pas constant, et qu'il augmente asser rapidément, toutes les autres circonateures qu'il en partie de des l'est par exemple à o "c.055 du bord qui porte ombre, l'angle de diffication pour les rayons rouges de la première frange, mesuré à 1 mètre de distance, sera de 1 s' 55', tandis qu'on ne trouve qu' 5'55' de teméme distance de 1 mètre, lorque l'intervalle du corpa au point lumineux est de 6 mètres. On voit, en un mot, que la déviation qu'un rayon éprouve dans sa marche dépend du chemin qu'il a parvenur depuis son origine jusqu'un bord du corpa qui le diffracte, résultat d'autant plus singulier que les bandes partent du bord même du corps, ou d'un point qui en est extrêmement rapproché.

Nº VII.

4. Un fait non moins remarquable, que M. Fresnel a observé, c'est que pour une distance constante et quelconque du point lumineux au corps, l'angle de diffraction varie suivant qu'on détermine la position des bandes dans tel ou tel autre point de leur trajet, ce qui entraîne la conséquence singulière que les rayons qui les forment ne se meuvent pas en ligne droite. Suivant l'auteur on trouve pour les trajectoires des franges de tous les ordres des hyperboles dont les foyers communs sont le bord du corps et le point l'umineux.

5. M. Fresnel traite aussi très au long dans son Mémoire de la formation des franges intérieures. Il trouve comme Young, dont il ne connaissait par les ouvrages <sup>N</sup>, qu'elles naissent du concours des deux faisceaux infléchis dans l'ombre par les deux bords opposés du corps.

A l'aide de la loupe, et sans l'intermédiaire du verre dépoli, il les suit depuis le moment où, commençant à se dégager les unes des autres, elles se montrent comme de très-minces filets lumineux également espacés et sans aucune coloration apparente, jusqu'aux distances où, le nombre des bandes comprises dans le champ de l'ombre étant bien moindre, chacune d'elles occupe une plus grande étendue et est sensiblement irisée. Les bandes intérieures ne partent pas des bords du corps et se meuvent à très-peu près en ligne droite. Elles sont à toutes distances symétriquement placées de part et d'autre du centre de l'ombre, qui toujours est un filet clair; les intervalles qui les séparent sont proportionnels à la distance du corps au micromètre, et ne dépendent pas de celle du point lumineux. On voit par ce petit nombre de résultats combien les franges intérieures diffèrent de celles qui bordent l'ombre extérieurement; mais un trait de dissemblance plus marquant encore, s'il est possible, se trouve dans l'observation des intervalles des bandes consécutives. Pour les bandes extérieures en effet, ces intervalles sont indépendants des dimensions du corps qui porte ombre. Pour les autres ils sont d'autant moindres, à parité de circonstances, que le corps est plus large. M. Fresnel a découvert par des observations multipliées que, pour une distance constante du micromètre à des fils de différentes grosseurs, les largeurs des bandes sont juste en raison

11

<sup>&</sup>lt;sup>(6)</sup> Theory of Light and Colours. Philosoph. Transact, for 1802, p. 12. — An Account of some cases of the production of colours not hitherto described. Philosoph. Transact, for 1802. p. 387. — Experiments and calculations relative to physical Optics, Philosoph. Transact, for 1804, p. 1. (Miscellaneous Verks, t. 1, p. 180-170-179.)

Nº VII. inverse des diamètres de ces fils. Il se sert de cette bello loi pour expliquer les franges hyperboliques qui se forment dans la fameuse expérience des couteaux de Newton.

6. Nous venons de rapporter les principaux résultats que M. Fresuel a hoberus par l'eprénence; il nous reste mainteant à parler de la théorie qui peut servir à les expliquer. Cette théorie, dont on trouve les premiers éléments dans la mirrographie de Hooke, "a déé depuis présentée avec édatal, mais pas sussi elairement qu'on pourrait le désirer, par le docteur Thomas Young <sup>30</sup>. M. Fresuel, qui l'a découverte de son côté, y a fait quelques modifications. Nous l'appellerons donc la théorie de M. Fresuel, sans prétendre toutefois enlever au physicien anglais l'antériorité qui lui anonariient.

7. M. Fresnel considère la lumière comme les ondulations d'un milieu subil et doné d'une grande disaticité, et cac à il adopte l'opinion de Ilocke, d'Huphens, d'Euler, otc. <sup>(6)</sup>. Il distinque dans chaque onde lumineuse des parties analogues à celles que Daniel Bernouilli a désignées par les dénominations de rentres et de meutr, dans le Mônoire sur les on et les tuyaux d'oragen qui fait partie du recueil de l'Académie pour 176s <sup>(6)</sup>. Il admet en outre que deux ondulations qui se rencontrent sous un très-petit anglo peuvent s'allaibir dans les points où les nœuds de l'une coincident avec les ventres de l'autre, et que l'intensité erar an contraire augmentée partout où les parties analogues des mêmes ondulations se réunirent. Ces changements du reste ne olivient être que momentanés, en sorto que des rayons qui se sont obscurzis parce qu'ils étaient en discordance, acquièrent de nouveau leur ancien éclat quand la discordance cesse. M. Freanci suppose, en un mot, que dans la propagation des ondes lumineuses il peut se produire des supèces de battements analogues à ceux que l'oréite distingue lorsque deux sons convenables se font

<sup>(\*)</sup> Micrographia, p. 57 à 67.

<sup>(</sup>a) Voir ci-dessus \$ 5, note (a).

Moore, Mierographia. — Horaneso. Histoire de l'Académie des sciences pour 1679. L. p. 983. Traité de la lumière, etc. — Euzen, Nova theoria lucis et colorum. Conjectura physica circa propagationem soni ac luminis, etc.

<sup>&</sup>lt;sup>40</sup> Recherches physiques, mécaniques et analytiques sur le son et sur les tons des tuyaux d'orgues différentment construits. Mémoires de l'Académie royale des soiesces pour 176 a. p. 531.

entendre en même temps 64. Cette assimilation du reste est la seule partie hypothétique de la théorie de M. Fresnel; car, à notre avis, l'influence des rayons de même origine les uns sur les autres est prouvée par la belle expérience de Young, que nous avons déjà citée, et qui consiste, comme on a vu, en ce que les faisceaux infléchis dans l'ombre par les deux bords d'un corps, et qui forment une lumière continue quand ils y parviennent séparément. fournissent des traits de différentes largeurs et de diverses nuances lorsqu'ils se traversent l'un l'autre. Quoiqu'il en soit, dans cette supposition les bandes extérieures dont les ombres sont accompagnées seraient produites par les croisements de deux systèmes d'ondes partant du point lumineux et des bords correspondants du corps, tandis que les bandes intérieures seraient le résultat du mélange des rayons infléchis dans l'ombre par les deux bords opposés. Pour représenter par une figure les croisements qui doivent donner naissance aux bandes diffractées, l'auteur décrit du point lumineux et des deux bords du eorps opaque, comme centres, une suite de cercles noirs, en augmentant toujours les rayons d'une même quantité, qu'on suppose égale à l'étendue d'une ondulation. Entre ces mêmes cercles, et dans le milieu de l'intervalle qui les sépare, on place d'autres circonférences, qui, comme les premières, sont également espacées et distantes d'une ondulation. Ces nouvelles circonférences sont marquées en rouge. Cela posé, les intersections des cercles de différente espèce déterminent la place des points de discordance, ou des parties les plus sombres des franges, tandis que les intersections des cercles d'une même série indiqueront les parties les plus brillantes. La détermination de la situation des franges pour différentes distances du corps au micromètre, ou au point lumineux, devient alors un simple problème de géométrie. L'auteur trouve en le résolvant que les bandes des différents ordres sont placées sur des hyperboles qui ont pour fovers le point lumineux et le bord du corps. Leurs dimensions, aussi bien que les intervalles qui les séparent, dépendent de la valeur qu'on adoptera pour l'étendue d'une ondulation; c'est du reste la seule quantité que la théorie doive emprunter à l'expérience. Pour la déterminer on pourrait se servir, par exemple, de la mesure d'une des bandes extérieure ou intérieure. Mais l'auteur, qui a expliqué par des considérations analogues

..

<sup>(</sup>a) C'est à ce passage, de tout point inexact, qu'il est fait allusion dans la note (a) du S 16, N° II. [E. VEXEST.]

le phénomène des anneaux colorés, a préféré de puiser dans les tables de Newton les valeurs des ondulations aériennes pour les rayons de toutes couleurs, et dels uit paraissent égales au double des épaisseurs dans lesquelles se produisent les anneaux du premier ordre. En introduisant ces quantités dans les formules, les trajectoires de tous les ordres sont déterminées de forme et de position, et la théorie peut d'tre comparée à l'expérience.

Si l'on représente par a la distance d'un fil au point lumineux, par è celle du fil au carton, par d la longueur d'une ondulation lumineuse dans l'air, la distance d'une bande du premier ordre au bord de l'ombre sera donnée pur la formule  $\sqrt{\frac{\partial k(a+b)d}{\partial t}}$ .

8. M. Freuerl a fait de nombreuses meures des bandes à toates les diances possibles du point lumineux au fil, et du fil au carton. Partout les clacul et l'observation se sont accordés dans les limites de quelques centièmes de milliamères, exactitude beauceup plus grande qu'on n'aurait osé l'espérer dans des observations de extre espèce. Les tableaux que le Mémoire renferme metent dans tont son jour cette helle découverte de l'auteur, que les handes de différents ordres ne se propagent pas en ligae deviire<sup>3</sup>, et cele, soi qu'or regarde, comme il paraît convenable, le bord du fil comme l'origine de toute les handes, soit qu'on se contente de les comparer trois à trais. On trouve en effet dans tous les cas que la ligne qui joint deux positions délogiées d'unembue hande et/treiure ne passe pas par les positions intermédiaires.

9. Pour obtenir, à l'aide de la formule que nous avons rapportée, les ordonnées des trajectoires extérieures de tous les ordres, il faut successirement remplacer d par d, d, d, et. d0 in l'esulte que les distances du bord de l'ombre géométrique aux bandes des différents ordres sont exprimées par les termes de la série  $\sqrt{1}$ ,  $\sqrt{2}$ ,  $\sqrt{3}$ ,  $\sqrt{3}$ , etc. ce résultat du calcul est confirmé par l'observation par l'observation.

10. La valeur de d, qui représente une scule des positions d'une bande catérieure quelconque, pour une distance donnée du point lumineux et de l'écran, satisfait également à la position de toutes les autres, quelles que soient les distances qui séparent le corps du foyer de lumière et du micromètre. Cette même valeur détermine avec exactitude les trajectoires des franges qui viennent

<sup>&#</sup>x27;at Voyez Nº HI (B), note (b), p. 38.

se peindre dans l'intérieur de l'ombre. Le calcul montre de plus, ce que l'observation nous avait déjà appris, que les bandes intérieures doivent être également espacées; qu'elles sont indépendantes de la situation du point lumineux, et que, pour une distance donnée du micromètre, leur largeur est en raison inverse du diamètre du corps qui porte ombre.

- 11. Nous avons supposé jusqu'ici que le corps opaque est échairé par un point incandescent. M. Fresaul pouve, dans plusieurs paragraphes de son Mémoire, que les moyens dont les physiciens se servent ordinairement pour former le centre lumineux daivent conduire aux mêmes résultats. Il a cherché aussi à attacher les lois de la réficien et de la réfraction de la lumière à sa théorie des accords et des discordances des ondes. Ses raisonnements, tout ingénieux qu'ils sont, ne feront probablement pas abandonner, pour le nument, l'explication si claire que Newton a donnée de la réfraction dans le système de l'émission. Comme ces questions, au reste, sont étrangères à l'objet principal du Mômoire, nous nous abstiendences d'entre à cet égard dans d'autres détails, et nous terminerons-par une récapitulation raisonnée des résultats de l'observation comparés à deux de la théoresaites ormandes des résultats de l'observation comparés à deux de la théoresaite ormanées.
- 12. Les observations de M. Fressel prouvent, contre l'opinion généralement damise, que les bandes extérieures diffrectées partent, soit du bord même du corps, soit d'un point qui en est tellement rapproché que le sescours d'une forte loupe ne suffit pas pour rendre la séparation sensible. Telle doit être aussi la situation des bandes dans la théorie qu'il a odaptée.
- 13. L'angle que le rayon diffracté et le rayon direct forment entre «uxie, comme les expériences nous Esperennen, asce la distance du corps au point lumineux. Cette variation est incuplicable dans la théorie nextonienne, si fen admet que les rayons partent du bord du corps; car il sersit absurde d'imaginer que l'action exercée sur une molécule lumineuxe dans une situation donnée pht dépendre de l'espace plus ou moins étendu qu'elle aurait précédemment parcurat. Si l'on suppose, suivant l'opinion commune, que le rayon lumineux est infléchi à distance, on retombe dans une autre difficulté; car premièrement cette distance, pour expliquer les déviations, devrait être plus grande que les observations mêmes de Newton ne semblent le comporter, et secondement à sersit inécessiere de prendre des valeurs très-inégales pour différentes distances du point lumineux. Ainsi l'écran étant toujours à 1 mêtre du forsps, la frange du premier ordre, qui vient se perindre sur sa surface, passe-orges, la frange du premier ordre, qui vient se perindre sur sa surface, passe-orges, la frange du premier ordre, qui vient se perindre sur sa surface, passe-

N° VII. rait à une plus grande distance du bord lorsque le point de départ du rayon serait à 2 mètres que s'il était plus loin.

> Toutes ces difficultés disparaissent dans la théorie de M. Fresnel, car elle donne non-seuleurent le sens des déviations angulaires, mais elle en fait connaître exactement les valeurs numériques pour toutes les positions imaginables du point lunineux, du corps et de l'écran.

> 15. Le fait, découvert par M. Freanch ", de la propagation des bandes dans hyperholes nous semble un des plue curieux résultats de l'optique. Dans la théorie des accords et des discordances il n'est pas nécessire d'attribuer un mouvement courbe à la lumière; il sulfit de supposer que les intersections des ondes, qui, par leurs rencontres, produisent les franges, ne sont pas situées sur une ligne droite; nous ignorous comment ce mouvement singulier pourrait se concilier avec l'hypothèse de l'émission 9<sup>n</sup>.

15. Les circonstances les plus simples de la formation des bandes intérieures sont inequibelables, oud unois incapliquées dans la théorie ordinaire; celle de M. Fresnel montre à la fois comment elles se propagent, quelles largeurs elles doivent avoir à différentes distances de l'écrar, comment ces largeurs, pour un éloigneuent donné du corps, sont en raison inverse du dia-mêtre; elle explique aussi pourquoi la position de ces franges est indépendante de la distance du point lumineur, résultat d'autant plus remarquable que cette distance, comme nous avons vu, a une très-grando influence sur la marche de franges estérieures. Elle détermine enfin quand et comment chaque frange intérieure doit sorir de l'ombre pour venir se placer sur les franges estérieures visibles, et même plus loin, etc. étc. Si nous ajoutous que, dans cette mêure théorie, les largeures et la place des bandes de diverses naunces se déduient de la formule générale, en y remplaçant seulement d par les valeurs correspondantes que fournit l'observation des anneaux colorés du permier ordre;

<sup>(</sup>a) Vov. Nº IR (B), note (b), p. 38.

<sup>&</sup>lt;sup>30</sup> M. John Herschel, dans no Traité de la humiter, répond a cette difficulté que le molècule humiteuse inflicheis en déborte de Tenhor du carpo, apage mivinal diverse directions eforment visiblement autant de coustiques qu'il y mure de rayons infléchis vers l'extériere, et dauque caustique, infectepéle par un érera, y marquera le point muximum d'une rémage.
— Les théries précédents (injuste-del) aplique parlament la propagation excursigne des françes.
— Les Bouriers de la humiter, traduction de MM. Quételet et Verbulst, ext, via «7,16. [N. Vanaxi.]

que l'identité de dévintion, quelle que soit la densité ou la force réfringente du corps qui porte ombre, est non-seulement un résulta titelligible, mis même un résulta fnessuire; qu'il nie to afin aucune expérience de diffraction, connue jusqu'à présent, qui ne puisse, je ne dirai pas être expliquée, mais même calculée; on ne pourra s'empécher d'avouer, quelque opinion qu'on nit d'ailleurs sur le fond de la question, que l'hypothèse de M. Fresnel ne mérite d'être suivier et de fire l'attention des physicines et des génomètres.

16. Nous pensons, en conséquence, — premièrement, que la Classe devra accorder des témoiguages de satisfaction à M. Frennel, pour les belles espériences qu'il a faites sur la formation des franges diffractées et sur les lois de leur prospaçation dans l'espace; — secondement, que, sans rien statuer sur le mérite de l'hypothèse qu'il a esaminée avec tant des agaciét, élle pourrait engager est habile physicien à l'appliquer, s'il est possible, à d'autres phénomènes, à éclaireir quelques points qui sont encore un peu obscurs, et à faire utiquiers marcher de front, dans ses recherches, le calcul et l'observation; — nous proposerons troisèmement à la Classe, d'arrêter que le Ménoire sera innéré dans le Becuil des S'avnats étraneers ».

Signé Poissot, et Arago, rapporteur.

La Classe approuva le rapport et en adopta les conclusions.

## DEUXIÈME MÉMOIRE

400

## LA DIFFRACTION DE LA LUMIÈRE".

OÙ L'ON EXAMINE PARTICULIÈREMENT

LE PRÉNONÈNE DES FRANÇES COLORÉES QUE PRÉSENTENT LES ORBRES DES CORPS ÉCLAIRÉS PAR UN POINT LUNINEIX (\*).

- 1. Lorsque Ion fait entrer la lumière dans une chambre obscure par un très-petit trou, on remarque que les ombres des corps ains éclairés, au lieu d'être terminées nettement, sont bordées à l'extérieur de franges de diverses nuances et de différentes largeurs. Si le corps opaque est suffissamment étroit, quoique beaucoup moins que le point lumineux, et que l'on reçoive l'ombre à une distance assez considérable, on verra dans son intérieur des bandes obscures et brillantes qui la parlagent en intervalles égaux, et qui sont colorées comme les premières.
  - 2. Avant d'exposer les lois suivant lesquelles les franges tant exté-
  - (1) Ce Mémoire a été déposé à l'Institut le 93 octobre 1815 (1)

<sup>(</sup>a) Annales de chimie et de physique, t. l. p. 939, cabier de mars 1816. — Nous reproditisons iei le texte d'un tirage à part corrigé par l'auteur.

<sup>&</sup>lt;sup>48</sup> Le Mémoire déposé à l'Institut à la date indiquée est le premier Mémoire sur la diffraction, qui forme le n' Il de la présente édition; le Mémoire imprimé dans les Annales de chimie et de physique, que nous avons dú désiguer comme un deszième Mémoire, est en réalité une réfonte confiéte de tous les écrits antérieurs de l'auteur.

N° VIII. rieures qu'intérieures varient de largeur, je vais rendre compte des observations qui me les ont fait découvrir.

> 3. Pour obtenir le point éclairant, je me servais d'abord d'un trèspetit trou pratiqué dans une feuille d'étain, et sur lequel je rassemblais beaucoup de lumière à l'aide d'une grande lentille; mais le mouvement du soleil déplacait promptement le fover, et chaque observation ne pouvait durer qu'un instant. Enfin j'ai employé le moyen que M. Arago m'avait indiqué, et qui m'a parfaitement réussi. J'ai adapté à l'ouverture du volet de ma chambre obscure une lentille très-convexe, sur laquelle un miroir renvoyait les rayons solaires; l'image formée au foyer était alors extrêmement resserrée, à cause de la grande convexité de la lentille, et produisait des franges colorées, comme le point lumineux qu'on obtient à l'aide d'un très-petit trou. La lentille que j'ai employée a 12 millimètres de foyer; elle donnait des franges assez nettes tant que le corps opaque n'en était pas éloigné de moins de 50 centimètres; mais lorsque je l'en approchais davantage, ces franges devenajent très-vagues et ne pouvajent plus être mesurées assez exactement. N'ayant pas à ma disposition, pendant mes premiers essais, de lentille plus forte, i'eus recours à un globule de miel que je déposai sur un petit trou pratiqué dans une feuille de cuivre. Éclairé par ce globule, le fil de fer, dont je mesurais les franges, en produisait encore de fort nettes, même lorsqu'il n'était plus qu'à un centimètre du point lumineux. Il est inutile d'ajouter que les lentilles de verre d'un très-court foyer, dont je me suis servi depuis, font le même effet.

> 4. Pour reconnaître si les corps, dans le phénomène de la diffraction, agissent sur la l'unière à des distances aussi considérables que le suppose Newton, Jai cherché à observer les franges extérieures le plus près possible de leur origine; mais comme, en recevant l'ombre sur us carton, il est difficile d'approcher assez l'œil pour les bien distinguer sans intercepter la lumière incidente, j'imaginai de la recevoir sur un verre dépoil, et de regarder par derrière avec une loupe. Or je fus très-étonné de voir au delà des bords du verre des franges abolument semblables à celles qui étaient peintes sur sa surface. Pour

les comparer plus facilement, je me servis d'une glace dont une moitié seulement était dépoile, et dès lors je recomma que les franges qui parvenaient à mon ceil, au travers de la partie transparente, étaient sur le prolongement de celles qui se peignaient sur la portion contiguë et dépolie. Le répétai cette enferience avec des loupes de divers loyers et à différentes distances du corps opaque, et toujours avec le même résultat. Dès qu'il fut prouvé par là que la loupe montre les franges telles qu'elles existent à son foyer, et que par conséquent l'interpositon d'un écran de verre dépoli est insuite, je m'empressai d'apphiquer ce nouveau moyen d'observation à l'étude des circonstances qui accompagnent leur formation. Or je découvris bienôt qu'elles partent des bords du corps, ou du moins que l'intervalle qui les en sépare est extrêmement petit, puisqu'il devient insensible pour l'œil aidé d'une très-forte loupe.

Pour faire cette expérience commodément, il faut placer la loupe sur un support, et fixer devant elle un fil incliné de manière qu'une partie se trouve au delà du foyer et le reste en deçà. Le fil paraît alors bordé de franges extérieures dans les deux parties. Ces franges sont d'autant plus larges que l'endroit observé est plus éloigné du foyer, et se confondeut avec les bords au foyer même.

5. Après m'être ainsi assuré que les franges partaient du bord même des corps, autant que j'en pouvais juger avec une forte loupe, et croyant qu'elles se propageaient en ligne droite, je cherchai à découvrir, par une série d'observations, suivant quelle loi l'angle de diffraction varie lorsqu'on rapproche le corps de point lumineux. Pour cela je me servis d'un fil de fer dont je connaissais exactement le dismetre, qui était dun millimètre; je le plaçai à differentes distances du point lumineux, et recevant son ombre sur un carton j'en mesurai la largeur entre les lignes de séparation du rouge et du violet dans les deux bandes extérieures du premier ordre. Connaissant le diamètre du fil, je pouvais calculer la largeur de l'ombre telle qu'elle aurait été anns la diffraction. Par une soustraction je trouvais de combien la première hande s'en dégiant; et, divisant cette différence par la dis-

92

 tance au carton, j'avais la mesure de l'angle de diffraction, le sommet étant supposé sur le bord du corps.

(Je substitue ici aux nombreux résultats que j'avais obtenus dans mes premières expériences, à l'aide de la lumière blanche <sup>64</sup>, quelques déviations angulaires qui m'ont été fournies depuis par des observations faites dans la lumière rouge homogène.)

Dans les quatre mesures dont le tableau présente les résultats, les bandes ont toujours été reçues à un mètre du fil qui les produisait.

	do do point lensiaves su fil.	pour les bandes observes du prenier ordre.	poer les bandes obsences da destitus ordes.
1	3",971	6' 5"	5' 58"
	1 .991	4' 48"	6' 35"
3	0 .997	5′ g″	7 31"
5	102, 0	9 11"	13' 13"

4

Dans le cas le plus défavorable, qui est celui de la quatrême observation, la largeur apparente angulaire de la bande obseure du premier ordre ne surpassait pas s' 17'; la hande obseure du second ordre était beaucoup moindre. Les incertitudes des mesures n'ont, par conséquent, jamais di surpasser un petit nombre de secondres, ce qui d'ailleurs était aussi prouvé par l'accord des résultats partiels. En calculant ces déviations angulaires, j'ai toujours supposé que le point de diffraction, ou le sommet de l'angle, se trouve sur le bord du corps, ce qui est conforme aux observations que nous avons rapportées. Du reste, si, pour expliquer dans le système newtonien les variations considérables que le tableau présente, on admettait que les ryous qui forment les

<sup>&</sup>quot; Voyez plus haut N. tt, S 13 et S 18.

bandes sont repossées à distance, on ne pourrait concilier les observations extrèmes de la bande du second ordre, par exemple, qu'en admettant que son origine est à o\*,00015 du corps, ce qui est évidemment beaucoup trop considérable : on peut, en outre, remarquer que cette valeur n'accorderait pas les observations intermédiaires intermédiaires.

6. J'avais collé plusieurs fois un petit carré de papier noir sur un côté d'un fil de fer, et j'avais toujours vu les bandes de l'intérieur de l'ombre disparaître vis-à-vis de ce papier. Mais je ne cherchais que son influence sur les franges extérieures (1), et je me refusais en quelque sorte à la conséquence remarquable où me conduisait ce phénomène (2). Elle m'a frappé dès que j'ai étudié les bandes intérieures, et j'ai fait sur-lechamp cette réflexion : puisqu'en interceptant la lumière d'un côté du fil on fait disparaître les bandes intérieures, le concours des rayons qui arrivent des deux côtés est nécessaire à leur production. Ces franges ne peuvent pas provenir du simple mélange des rayons, puisque chaque côté du fil ne iette dans l'ombre qu'une lumière blanche continue : c'est donc la rencontre, le croisement même de ces rayons qui produit les franges. Cette conséquence, qui n'est pour ainsi dire que la traduction du phénomène, me semble tout à fait opposée à l'hypothèse de l'émission, et confirme le système qui fait consister la lumière dans les vibrations d'un fluide particulier.

(i) le n'employsis dans une expériences que des fits qui aveiset an unitis un millimètre de diamètre. Je ne pouvais pau supposer, par consérient, que le petil para direction sur les rayons passat de l'astre été du fil, le distance étant unsai considérable. D'ailleurs les françes sunt de l'astre été du fil, le distance étant unsai considérable. D'ailleurs les françes contre lequel s'inféchel la lumière du corps contre lequel s'inféchel la lumière du corps contre lequel s'inféchel la lumière. Le tranchant et le dos d'un raecir. Im fil métallique poli ou couvert de neir de funde, et les carps de nie le pouvoir aréfringents soul se plus différents, donnent torjours les mêmes françes.

<sup>10</sup> M. Arago, chargé par l'Institut d'estimen non Mexico. non apprise que cate expérience avait dejà été fait depair longue par l'estime dectare l'insun l'estime par le rédité néctare l'Insun le congrui en avait conclu l'influence des rayons qui en avait conclu l'influence des rayons naivesses les uns are les autres, es l'avait nêmes rendue plus évidente en interceptant le lumières en un colé du corpe, soit avant qu'elle y arrivât, soit après on passage, ain d'eviter l'algorison fondée sur le chargement de masse de ce corps, provenant de l'arbition de l'éven.

## 94 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. — PREMIÈRE SECTION.

N. VIII. On conçoit aisément, en effet, que deux ondulations qui se croisent sous un petit angle doivent se contrairer et s'affaiblir lorsque les nœuds dilatés des unes répondent aux nœuds condensés des autres »; et se fortilier mutuellement, au contraire, lorsque leurs mouvements sont en barmonie; c'est ce qu'amênt sans dout le croisement des rayons à l'extérieur de l'ombre comme dans son intérieur <sup>(1)</sup>. Lorsqu'on éclaire les corps par un point lumineux, les ondulations partent d'une même source; les points d'accords et de discordances se trouvent tou-jours sur les mêmes lignes : le phénomène est constant, et peut être aperçu. La même chose n'a plus lieu lorsque les ondulations qui se rencontrent provienneut de deux sources différentes; car s'ill n'y a aucune dépendance entre les centres de vibration, l'instant du départ d'un système d'ondes ne sera pas lié d'instant du départ des ondes

ualtre l'influence que les rayons lumineux exercent les uns sur les autres.

7. Pour expliquer nettement la manière dont je conçois le croisement des ondulations dans le phénomène de la diffraction, je les ai représentées dans la figure : "jointe à ce Mémoir.

voisines, puisque la cause quelconque qui les engendre n'opère pas des changeunents simultanés dans les deux points lumineux; dès les lignes d'accord et de discordance varieront de place continuellement, et l'œi u'aura plus que la sensation d'une lumière uniforne; c'est ce qui a sans doute empéché pendant si longtemps de recon-

(i) Dans cette supposition, les franges extérieures seraient produites par la rencontre des rayons partant du point lumineux et des bords du fil, tondis que les bandes intérieures proviendraient du croisement des rayons infléchis dans l'ombre par les deux bords opposés.

<sup>&</sup>lt;sup>20</sup> Le texte imprimé dans les Annales de chimie et de physique porte, «lorsque les ventres «des unes répondent aux nœuds des autres,» mais ce membre de phrase est corrigé de la main de Fresnel sur l'exemplaire du tiruge à part, qui nous a sorvi pour la présente édition. [E. VIRANEX.]

S est le point radieux, A et B les extrémités du corps qui porte ombre. Des points S, A et B comme centres, j'ai décrit une suite de cercles, en augmentant toujours le rayon de la même quantité, que je suppose être égale à la longueur d'une demi-ondulation. Les cercles en lignes pleines représentent les nœuds condensés, par exemple, dans chaque système d'ondulation, et les cercles ponctués les nœuds dila-

tés. Les intersections des cercles de différentes espèces donnent les points de discordance complète, et, par conséquent, les endroits les plus sombres des franges. l'ai tracé les hyperboles que forment ces points d'intersection. La rencontre de ces l'yperboles avec le carton sur lequel on reçoit l'ombre détermine le milieu des bandes obscures. Les hyperboles l'y Fi; Fi, Fi, etc. donnent les bandes extérieures du premier ordre, du second ordre, etc. les hyperboles fi, fi; fi, fi; fj. fic. etc. les bandes intérieures du premier ordre, du second, du troisième, etc. On voit, par l'inspection même de cette figure, pourquoi l'ombre contient d'autant plus de bandes intérieures qu'on la reçoit plus près du fil.

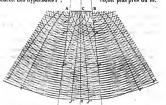


Fig. 1.

8. Il est facile aussi d'expliquer dans cette théorie la coloration des

A. VIII.

franges. Les rayons de différentes couleurs étant produits par des ondulations lumineuses de lougueurs différentes, comme il est naturel de le conclure du phénomène des anneaux colorés, les points d'accords et de discordances complètes sont en conséquence plus ou moins rapprochés, suivant la longueur de ces ondulations.

Les rayons violets, dont les ondulations sont les plus petites, produisent aussi les franges les plus étroites, et les rayons rouges les plus larges, comme îl est facile de s'en assurer directement en faisant tomber alternativement sur la leatille, ou le petit trou qui forme le point lumineux, des rayons rouges et des rayons violets. Les bandes obscures et brillantes produites par les rayons de différente espèce ayant toutes des largeurs différentes, on conçoit que leur superposition ne peut être complète et doit aisser des traces essibles de coloration.

Les rayons dont la rencontre produit dans l'intérieur de l'ombre les bandes obseures du premier ordre ne différant que d'une demiondulation, les intersections des ondulations rouges et des ondulations violettes se trouvent presque à la même distance de SD, et les colleurs se coulondent sensiblement. Dans le bord extrêuer des franges du second ordre, où les cercles qui se croisent différent d'une ondulation et demie, les couleurs commeurent à se séparer. Elles deviennent plus apparentes dans celles du troisième ordre; elles se séparent encore davantage dans celles du quatrième; enfin les franges de différents ordres empiètent les unes sur les autres, et finisent par se confondre: c'est ce que l'on observe lorsque le fil est assex large ou qu'on reçoit l'ombre assez près pour qu'elle contienne beauceup de franges.

9. On peut se rendre raison de la coloration des franges extérieures de la même manière, et expliquer, par un raisonuement semblable, pourquoi fon n'en aperçoit anssi qu'un nombre très-limité; à quoi on peut ajouter que plus ces franges sont d'un ordre élevé, plus elles s'éloignent du corps, et plus, par suite, les rayons réfléchis s'affaiblissent.

10. L'ombre d'un corps éclairé par un point lumineux s'étend au delà de la tangente menée par ce point à la surface du corps. J'en ai

conclu que la réflexion apporte un retard d'une demi-vibration dans le progrès des ondes lumineuses. En effet, si le mouvement n'était pas le retardé sur le bord du corps, il y aurait accord parfait entre les oudulations des rayons directs et celles des rayons réfléchis dans le plan tangent, cest-d-ire dans l'endroit le plus sombre de la france.

D'ailleurs, la largeur des franges, calculée d'après l'hypothèse que les rayons réfléchis ont éprouvé un retard d'une demi-ondulation, s'accorde très-bien avec les observations.

Soit S le point lumineux, et A le bord du fil : la bande obscure F



omt lumneux, et A le bord du ni : n bande obscure F qui sépare les franges extrieures du premier et du second ordre sera donnée, dans cette hypothèse, par l'intersection de deux arcs de cercles DFG, EFL, décrits des points A et S connue centres, et avec des rayons qui diffèrent l'un de l'autre d'une quantité égale à la distance entre les centres, moins la longueur d'une ondulation.

Le représente par a la distance SA du fil au point lumineux, par b la distance AE du fil au carton sur lequel on reçoit son ombre, et par d la longueur d'une ondulation de la lumière dans l'air. Je prends SD pour axe des x et le point S pour origine des coordonnées. L'équation du cercle décrit du point S comme centre, et d'un rayon égal à SE, sera,

 $x^{2}+y^{2}=(a+b)^{2}$ ;

et celle du cercle DFG,

$$(x-a)^2+y^2=(b+d)^2$$
.

Combinant ces deux équations pour avoir la valeur de  $\gamma$  qui correspond au point d'intersection des deux cercles, et négligeant les termes multipliés par  $d^*$ ,  $d^*$  et  $d^*$ , à cause de l'extrême petitesse de d, Fon a  $\gamma = \sqrt{\frac{5(n+b)d}{2}}$ 

11. Aussitôt après avoir trouvé cette formule, j'en fis l'application à une de mes observations. Pour cela, je substituai à la place de d l'épaisseur moyenne entre celles des lames d'air qui, dans la table de Newton, répondent au rouge du premier ordre, et au violet du second, avant toujours visé, dans mes mesures, au point de passage du rouge au violet, c'est-à-dire à celui des couleurs d'un ordre aux couleurs de l'ordre suivant; mais je reconnus que la véritable valeur de d était précisément le double de cette longueur (1). J'ai donc pris pour d la somme des épaisseurs des lames d'air qui répoudent au rouge du premier ordre et au violet du second, c'est-à-dire vingt millionièmes de pouce anglais, plus un sixième, ou om,0000005176, et, substituant celte valeur dans la formule  $\sqrt{\frac{2db(a+b)}{a}}$ , j'ai toujours vu la théorie s'accorder avec l'expérience, ou du moins les différences étaient assez légères pour qu'on pût les attribuer aux erreurs des observations, comme on s'en convainera en jetant un coup d'œil sur le tableau suivant, qui contient aussi plusieurs mesures des franges du second ordre. Pour calculer la distance du bord de l'ombre géométrique aux bandes obscures du second ordre, il suffit de substituer 2d à la place de d dans la formule  $\sqrt{\frac{2db (a+b)}{a}}$ , et de même pour celles du 3°, 4°, 5°, etc. il faudrait remplacer d par 3d, 4d, 5d, etc. Ainsi les distances du bord de l'ombre géométrique aux bandes obscures du 1er ordre, du 2e, 3°, 4°, 5°, etc. doivent être entre elles comme 1,  $\sqrt{2}$ ,  $\sqrt{3}$ ,  $\sqrt{4}$ ,  $\sqrt{5}$ , etc.

<sup>10</sup> En appliquent au phénomène des fanneaux colorde la mine thérein de l'influence des rayous les uns sur les autres, je mis parcema l'arquigner dans le cas des incidences obliques comme dans celui des incidences perspendientiers, et je mei en encore assuré, par ces nouvelles considétations, qua la longuerer d'une condustion de la lumière dans foir est étouble de l'intervalle indique par Newton pour le retour d'une modécule lumineues au même aveis de failer fection ou de facile transresse de failer fection ou de facile transmission. Dans le Mensière que j'ai précenté di l'Institut joi doune éete explication et les applications à l'Institut joi doune éete explication platécomème des anneaux colorés, et la formule au moyen de loguelle en part de la fance qui refléchit unue certaine couleur l'épaisseur de la fance qui refléchit sous l'explication de la fance qui refléchit sous l'institute que propose de la fance qui refléchit sous l'institute que propose de la fance d

<sup>(</sup>a) Voy, Nº VII, note 1.

## TABLEAU COMPARATIF

DES RÉSULTATS DE L'OBSERVATION ET DE CEUX DE LA TRÉGREE SOR LES PRINCES EXTÉRILLES.

PROODITES PAR LA LUNIÈRE BLANCHE.

Nora. Ces observations ont été faites avec des fils métalliques de grosseurs très-différentes.

	de fil de fil		40	de la	bande bor giométrique,	DIFFÉRENCES.
	point lumineur.	au micromiter.	franges.	d'après l'observation,	d'aprin la théorie.	
,	o",o51	o",565	1".	o",eo538	o",ee53s	+ 0",00006
9	0 ,101	0 ,620	1".	100,00	8 2000, 0	- 0 ,00007
3	id.	id.	9".	0 ,00690	0 ,00605	+ 0 ,00015
h	0 ,151	0 ,706	1".	0 ,00403	0 ,00407	-0,0000
5	id.	id.	9.	0 ,00583	0,00576	+ 0 ,00006
6	102, 0	0 ,756	1".	0 ,00368	0,00381	- e ,eee13
7	id.	id.	o*.	0 ,00532	0 ,00539	- 0 ,00007
8	0,342	820, 0	1".	0 ,00034	0 ,00035	0 ,00001
•	0,349	o ,383	1".	0 ,00185	0 ,00183	+ 0 ,00001
>	1,490	0,385	1".	0 ,00138	14100, 0	- 0 ,00003
٠	1,490	1 ,107	155	0 ,00285	0 ,00:83	+ 0 ,00001
•	1,490	4 ,186	1".	0 ,00799	0 ,00812	- 0 ,0001
3	1,988	0 ,019	1".	(0000)	0 ,00033	- 0 ,0000
4	1,988	0 ,585	1".	0 ,00176	0 ,00177	-0 ,00001
5	1,988	3 ,195	1".	0 ,00602	0 ,00587	+ 0 ,0001
6	3 ,000	800, 0	1".	0 ,00030	81000, 0	+ 0 ,00001
7	3 ,000	0,050	1".	\$2000,0	0,00016	-0 ,00001
В	3,000	0 ,198	1".	0 ,00089	6,00093	- 0 ,0000
)	3,000	e ,868	1".	0 ,00207	0,00915	-0,0000
•	3 ,000	9 ,180	1**.	0 ,00386	o ,eo3g5	- 0 ,00000
1	4 ,015	0 ,195	1".	n ,0009h	0,00093	+ 0 ,00001
•	id.	id.	2".	0 ,00135	0 ,00130	+ 0 ,0000
3	4 ,015	0 ,519	1".	0 ,00159	0 ,00156	+ 0 ,00002
1	id.	id.	9*.	0 .00229	0 ,00320	+ 0 ,00000
5	4 ,015	0,990	1".	0 ,00225	0,000 06	- 0 ,00001
5	id.	id.	9*.	0 ,00322	0 ,00320	+ 0 ,00001
7	4 ,015	9 ,000 .hi	1".	0,00360	o ,0035a o ,004q8	+ 0 ,00000

13.

J'ai substitué ici au tableau du Mémoire original (a), qui présentait des résultats nombreux, mais peu exacts, obtenus au moyen d'un carton, les mesures plus précises que j'ai faites depuis avec deux micromètres différents. Le premier, que j'avais construit moi-même, dans l'éloignement où je me trouvais de tout artiste, était formé par deux fils de soie écrue, partant d'un même point et aboutissant à deux repères peu éloigués l'un de l'autre, et dont l'intervalle avait été déterminé très-exactement à la loupe. Le cadre sur lequel j'avais fixé ces fils était divisé en millimètres dans le sens de sa longueur, et portait un petit carton mobile qui me servait à marquer l'endroit où la distance entre les fils était égale à la largeur de l'ombre, que j'observais au moyen d'une forte loupe. On conçoit qu'en donnant au cadre une longueur suffisante, je pouvais mesurer les franges avec toute l'exactitude possible. Il me fallait beaucoup de patience pour me servir de ce micromètre, dans lequel il n'y avait pas de vis de rappel. Je n'avais fait encore qu'un petit nombre d'observations par cette méthode lorsque je présentai mon Mémoire à l'Institut. Ly ai joint, dans le tableau cidessus, plusieurs autres résultats obtenus de la même manière, que j'avais envoyés depuis à M. Arago (b). Enfin, le plus grand nombre des observations qu'il contient ont été faites par M. Arago lui-même, avec un autre micromètre, que j'ai fait construire pour faciliter la vérification de mes expériences. Ce micromètre est composé d'une lentille portant à son foyer un fil de soie, et d'une vis micrométrique qui la fait marcher. A l'aide d'un cadran divisé en cent parties, que parcourt une aiguille fixée à la vis, on peut évaluer le déplacement du fil de soie à un centième de millimètre près.

12. Nous avons fait, avec ce micromètre, un assez grand nombre d'observations du même genre dans la lumière rouge homogène. Pour obtenir cette lumière, nous nous sommes servis d'un verre rouge d'une espèce rare, que possède M. Arago : il ne laisse passer que les rayons

<sup>10</sup> Voy. Nº 11, \$ 18.

<sup>30</sup> Voy. Nº V (B).

rouges et orangés, et détruit complétement tout le reste du spectre solaire. Nous aurions pu obtenir une lumière plus homogène à l'aide d'un prisme; mais nous n'aurions pas été aussi sârs de son ideutité dans les différentes observations, et c'était la la condition la plus essentielle à remplir.

La valeur de d, employée dans les calculs, est celle qui correspond à la limite commune du rouge et de l'orangé. Cette valeur, déduite des observations de Newton sur les anneaux colorés, est o 0,00000623, mesure métrique.

TABLEAU COMPARATIF

DES RÉSULTATS DE L'OBSERVATION ET DE CEUL DE LA THÉQUIE DER LES FRANÇES EATÉARETRES

PRODUTES PAR UNE LUMIÈRE ROUGE HOMOGÈNE.

	du fil	POPERCE du fil	des	de la l au boed de l'omb	nippfngxczs.	
	point Instincts.	au micromèter.	bandes obscures.	d'après l'observation.	d'après la théorie.	
1	0",301	1",000	1".	0",00534	o~,oo516	- 0°,00012
2	id.	id.	9*.	0,00769	0 ,00778	E0000, 0
3	0 ,997	1 ,000	1".	9,00299	0,00316	-0,00017
h	id.	id.	2°.	0.00437	0,00167	-0,00010
5	1,991	1 ,000	1".	0,00279	0 .00974	+0,00005
6	id.	id.	g*.	0,00383	0 ,00387	-0,00004
7	3 ,971	1 ,000	1".	88200, 0	0,00950	-0,00018
8	id.	id,	9".	0 ,00347	0 ,00353	-0,00006
9	3,828	0,313	1".	6 ,001 23	0 ,00130	- 0 ,00007
10	id.	id.	2".	0 ,00183	0 ,00184	-0,00001
11	3,828	1 ,192	1".	0,00264	0 ,00279	- o .ooe15
13	id.	id.	2*.	0,00389	0,00395	- p ,60006
13	3 ,860	0,295	14.	0,00126	0 ,00126	0,00000
15	id.	id.	9%	0,00177	0 ,00178	-0 ,00001
15	3 ,860	1 ,125	1".	0 ,00259	0 ,00269	-0,00010
16	id.	id.	9".	0 ,00385	0 ,00381	40000, 0+
17	5 ,935	1 ,015	1".	0 ,00847	Skeno, o	+0,00006
18	id.	id.	2°.	0 ,00345	0 ,00344	+ 0 ,00001
19	id.	id.	3*.	0,00416	0 ,00421	- 0 ,00005
20	id.	id.	h*.	0,00485	0 ,00486	-0,00001

Il est à remarquer que c'est en général sur la largeur des franges du premier ordre que se trouvent les différences les plus sensibles entre les résultats de l'observation et ceux de la théorie, tandis que pour les franges des ordres supérieurs, les largeurs données par l'observation, quoique plus considérables, s'accordent mieux avec celles qu'on déduit de la formule. Cela vient de ce que les bandes obscures du premier ordre étant beaucoup plus larges que les autres, il est plus difficile de fixer avec précision dans les mesures le milieu de la partie la plus sombre.

Les observations n° 17, 18, 19 et 20 avaient été faites avec un soin particulier sur l'ombre d'un fil métallique d'un dixième de millimètre, daus le but de déterminer directement par l'observation la longueur moyenne d'oudulation des rayous que laisse passer le verre rouge. On voit ici qu'en adoptant la valeur de d, déduite de la table de Newton, les résultats de la théorie s'accordent très-bien avec ceux de l'observation. On voit aussi que les distances du bord de l'ombre géométrique aux bandes obscures du 1°, 2°, 3° et 4° ordre sont bien dans les rapports indiqués par la théorie.

13. Ce n'est qu'au moyen d'une lumière homogène qu'on peut virifier ces rapports avec précision. Dans la lumière Manche, le phénimène est trop compliqué, et l'empirétement des couleurs d'un ordre sur celles de l'ordre suivant augmentant à mesure qu'on s'éloigne du bord de l'ombre, la mène longueur d'ondulation ne répond plus à la même teinte pour les franges de différents ordres. Le point de séparation du rouge et du violet, sur lequel nous avons toujours placé le fil du micromètre dans nos observations, est plus reculé en proportion dans la seconde baude sombre que dans la première, parce que dans celle-là le rouge de la seconde frange empiéte davantage sur les couleurs de la suivante. Ainsi la valeur de d, qui convient pour la première, doit être un peu trop faible pour la seconde : c'est ce que j'ai remarqué généralement dans mes expériences, et ce qu'on peut reconnaître à l'imspection du tableau ci-dessus, des observations faites au moyen de la univière blanche. Elle a encore un autre incorvénient:

c'est qu'elle ne produit qu'un petit nombre de franges, à cause de l'empiétement des couleurs de différents ordres les unes sur les autres, qui se confondent déjà tellement dans la quatrième frange, qu'il est souvent très-difficile de juger l'endroit où elle se termine. Dans une lumière homogène, au contraire, on distingue toujours parfaitement la quatrième bande obscure, et l'on en aperçoit quelquefois jusqu'à huit.

14. Une conséquence très-remarquable de la loi exprimée par les formules qui donnent la distance du bord de l'ombre géométrique aux bandes cuérieures, c'est que ces bandes ne se propagent pas en ligne droite, mais suivant des hyperboles dont les foyers sont le point lumieux et le bord du carps soque, Ce résulta suprenant, et si opposé au système de Newton, est confirmé par l'expérience, comme on peut le reconsaître en regardant attentivement les deux tableaux précédents.

Les observations 13, 14 et 15, par exemple, du premier tableau, dans lesquelles le corps opaque est toujours à la même distance du point lumineux, et où l'on n'a fait varier que la distance de ce corps au micromètre, font voir que les franges du 1° ordre se propagent suivant une ligne courbe, dont la convexité est tournée en dehors, en joignant par deux ligues droites les milieux des franges observées de chaque côté de l'ombre aux distances o", o 1 et 3°, 155, on trouverait o", o 1 o 5 pour la somme des intervalles compris entre les deux bandes et le bord de l'ombre géométrique à une distance de o ",585, au lieu de o",0 o 176 que donne l'observation; et la différence est d'un demi-millianter. Or, si l'on répète cette-expérience avec un peu de soin, on verra qu'on est sûr de ne pas faire sur l'observation u" 1 û nue erreur de plus d'un dixième de millimètre.

En faisant partir les lignes droites des bords du fil, où les franges prement naissance, on rent encore plus sensible la convertité de leur trajectoire; car la double distance de la bande au bord de l'ombre géométrique devrait être alors de o"n.0110, au lieu de o"n.017 fiq ui résulte de l'observation, et la différence, ou la double Béche de courbure, est

- Nº VIII. o",00066. Supposera-t-on qu'elle provient d'une erreur dans l'observation n' 15 l'e conviens qu'à cette distance du fil métallique je ne puis plus mesurer son ombre avec autant d'exactitude, parce que les franges sont plus larges et plus vagues; mais je suis sûr du moins de ne pas me tromper de plus de j. de millimètre; or une erreur cinq fois plus grande, ou d'un millimètre entier, à la distance de 3",195, n'en produirait qu'une de 0",00018 à la distance de 0",585, ce qui n'est, comme on voit, qu'une petite partie de la flèche de courbure déduite des mesures directes.
  - 15. Plusieurs autres observations des deux tableaux précédents prouvent encore la marche curviligue des frauges. On peut à sasurer, à l'aide d'une très-forte loupe, ainsi que je l'ai déj dit, qu'elles prennent naissance au bord même du corps opaque, ou du moins qu'elles n'en sont pas éloignées à leur origine d'un centième de milimètre. Cest bourquoi, dans chaque série d'observations où la distance du fil au point lumineux reste la même, j'ai supposé joints par des lignes droites les bords du corps et les bandes de l'observation extrême, et j'ai called d'après cela les fièches de courbure pour les observations intermidiaires. Les résultats de ces calculs sont rassemblés dans le tableau suivant, qui présente ainsi les trujectoires des frauges rapportées à leurs cordes, et met en évidence leur convexité. Il offre en même temps la comparaison des flèches de courbure résultant des observations et de celles déduites de la thécrie.

105

	de fil	- CI BUITANCE		BOCKER PLÉCES DE COUDSCES,		
	pent lumment,	du fil su microssètre,	des franges.	d'après l'abservation.	d'après la théorie.	popránascus.
			1 1	K BIÉBE BLANCBE.		
10	1",190	07,385	1". 1	0",00065	0,00066	- 0",00001
11	1,490	1,107	1".	0 ,00078	0 ,00068	+0,00006
19	ı ,ágo	h ,186	1".	0	0	
13	1 ,988	0,019	1".	0,00019	0,00000	-0,00001
1.5	1 ,988	0 ,585	1".	0,00066	0 ,00069	- 0 ,00003
15	1 ,988	3 ,195	1"4	0	0	
16	3,000	0,008	1".	0 ,00019	0 ,00017	+ 0 ,00001
17	3,000	0 ,050	1".	0 ,00035	0 ,00037	-0,00002
18	3 ,000	0 ,198	1**.	0,00056	0 ,00057	-0,00003
19	3 ,000	o ,868	1".	0 ,00053	0,00058	-0,00005
20	3,000	9,180	1".	0	0	
21	4,015	0 ,195	18.	e ,00069	0 ,00067	+ 0 ,00002
22	id.	id.	a*.	6,00085	0 ,00081	+0,00004
23	4 ,015	0,519	1**.	0,00066	0 ,00065	+0,00001
s fr	id.	id.	9".	0 ,000g6	0 ,00091	+ 0 ,00005
25	4 ,015	0 ,990	1**.	0 ,00017	0 ,00052	-0 ,00005
96	id.	id.	9.	83000, 0	0 ,00073	-0,00005
7 et 28	6 ,015	9 ,000	1" et 2".	0	0	
			LEMPER S	DEGR HOROGÉNE.		
9	3 ,828	0 ,313	1". [	0 ,00055	0,00056	-0,00000
10	id.	id.	a".	0 ,00081	0 ,00080	+ 0 ,00001
1 et 1 a	3 ,8±8; E	1,191	1" et a".	0	0	
	3 ,860	0	s" et s'.	0	0	
13	3 ,860	0 .294	1".	8,000, 0	0,00056	+0,00001
15	id.	id.	g*.	0,00076	0 ,00078	-0,00009
5 et 16	3 ,860	1 .195	s"et s".	0		

16. Il ne faudrait pas conclure de ces observations que la lumière a un mouvement curviligne; et ce n'est pas non plus ce que j'entends en disant que les franges se propagent suivant des hyperboles ; je veux dire seulement par là qu'en mesurant l'intervalle du bord de l'ombre géométrique au point le plus sombre d'une même frange et à différentes distances du corps opaque, on trouve les ordonnées d'une hyperbole dont ces distances serxient les abscisses.

La différence entre les deux rayons vecteurs étant presque égale à la distance entre les deux foyers, l'hyperbole se rapproche extrêmement d'une ligne droite, et c'est ce qui a été cause sans doute de l'erreur où est tombé Newton. Il a pris une partie de la branche de l'hyperbole pour une ligne droite, et comme cette droite prolongée passe en dehors du sommet de l'hyperbole, ou du bord du corps opaque, il en a conclu que les rayons de lumière évitaient de toucher les corps, et povaient en être repoussés à des datances très-sensibles.

17. Après m'être assuré que l'expérience confirmait pour les franges extérieures les lois déduites de la théorie des accords et des discordances des vibrations lumineuses, j'ai cherché, d'après les mêmes hypothèses, la formule qui représente les intervalles compris entre les bandes intérieures, afin de comparer aussi les résultats du calcul et ceux de l'observation relativement à ces bandes, qui m'avaient fait re-connaître les premières l'influence que les rayons lumineux exercent les unes une les untres.

La position du milieu de clacune des deux bandes obscures di n' ordro, qui on aperçoit dans l'intérieur de l'ombre portée par le corps AB (fig. 1°) est déterminée par l'intersection de deux cercles décrits des points A et B comme centres, avec des rayons différant d'une demimodulation. Par le point lumieux S et le centre C du corps AB je mêne la droite SD. Pour avoir l'intervalle compris entre les deux baudes au s' ordre, il faut calculer la distance d'une de ces bandes à SD et la doubler. Si l'on prend SD pour axe des x, et le point C pour origine des coordonnées; que l'on représente par b, comme ci-dessus, la distance du corps qui porte ombre au carton ou au micromètre, par c la largeur AB de ce corps, et enfin par d'la longueur d'une ondulation lumineuse, l'équation d'un des cercles sera

$$(y - \frac{1}{2}c)^2 + x^2 = b^2$$

et celle de l'autre.

$$(y + \frac{1}{2}c)^2 + x^2 = (b + \frac{1}{2}d)^2$$
.

Pour avoir la valeur de y, correspondante au point d'intersection des deux

cercles, il faut éliminer x entre ces deux équations; et l'on trouve, en négligeant le carré de d, à cause de l'extrème petitesse de cette quantité,

 $y = \frac{bd}{a}$ 

La distance entre les deux handes obscures du 1" ordre est douc égale à  $\frac{M}{c}$ . Les deux bandes obscures du 5" ordre étant données par l'intersection de deux cercles dont les rayons différent d'une ondulation et demie, pour avoir l'intervalle qui les sépare, il suffit de substituer dans cette formule  $\frac{3}{2}$  d, à  $\frac{1}{2}$  d ou 3d à la place de d, et l'on troux  $\frac{M}{c}$ . On aurait de même pour la distance entre les deux bandes du  $3^m$  ordre  $\frac{5M}{c}$ , et ainsi de suite. On voit d'après cela que la distance entre deux bandes consécutives est tonjours égale à  $\frac{M}{c}$ , de quelque ordre qu'elles soient, et que les franges intérieures doivent par ronséquent diviser l'ombre en intervalles égaux, comme l'expérience le prouve

C'est surtout dans l'étude des bandes intérieures que la loupe est bien supérieure aux autres moyens d'observation : en recevant l'ombre sur un carton le peu d'éclat de ces franges empêche très-souvent de les distinguer.

18. Jai fait, à l'aide du micromètre, un grand nombre d'obsertains sur la largeur des franges intérieures produites par la lumière blanche, en me servant de fils métalliques de différentes grosseurs, et les résultats de mes expériences ont toujours été d'accord avec eux du calcul. Mais, afin de ne pas allouger inutilement ce Mémoire, déjà trop étendu pour les bornes d'un journal, je présenterai seulement les résultats des observations que nous avons faites, M. Arago et moi, dans une lumière homogène. Le grand degré de simplicité auquel le phénomène se trouve alors ramené ajoute à la certitude des mesures et à l'évidence des conséquences que fon en déduit.

Pour obtenir une lumière homogène, nous nous sommes servis du même verre coloré que nous avions employé dans nos observations sur les franges extérieures. La valeur de d qu'il faut substituer dans la formule est donc toujours o<sup>8</sup>,000000693.

så.

TABLEAU COMPARATIF

DES RÉSCLTATS DE L'ORSERVATION ET DE LA TRÉGRIE POUR LES BANDES INTÉRIEURES PRODUITES PAR UNE L'INIÈRE BOUGE HOMOGÈNE.

	de petet lemineut no fit soétallogue.	do fil an micromètre.	do EL	des intersables compris dans chaque strevere,	LABORERS ENSPERIORS	1 KB-GREBS Collegións.	BIFFÉRENCES.
,	1",430	o",516	0",00076	1	0*,00045	0",00045	0°,00000
9	1 ,530	0 ,546	0 ,00101	3	8,00098	0 ,00101	-0,00003
3	5 ,95	o ,516	0 ,00101	3	8,000, 0	0 ,00101	- 0 ,00003
á	1 ,547	1 ,093	0 ,00156	3	0,00130	0 ,00131	-0 ,00001
5	1,517	1,093	0 ,00256	7	0 ,00190	0 ,00186	+0,00004

Ges observations, comme on le voit, s'accordent fort bien avec les -résultats du calcul, et prouvent directement que la largeur des franges intérieures est en raison inverse de celle du corps opaque, et indépendante de sa distance au point lumineux, ainsi qu'on pouvait le conclure de la formule  $\frac{f}{ge}$ , qui exprime l'intervalle entre deux bandes consécutives. Elle indique en même temps que les franges intérieures se propagent en ligne droite, puisque leurs largeurs et leurs distances à l'axe SD (fig. 4.7°) sont proportionnelles à la distance à du corps qui projette l'ombre au carton sur lequel on la reçoit. Ainsi les hyperboles qui déterminent leur position n'ont pas une courbure suisible comme celles suivant lesquelles en propagent les franges extérieures.

19. La seule inspection de la formule de fait voir pourquoi l'ombre d'une aiguille ou de tout autre corps pointu s'ouvre en deux vers la d'une aiguille ou de tout autre corps pointu s'est vers et l'est réprédie s'éloignent davantage de l'extrémité du style. Il est facile de concevoir, d'après la meu théorie, pourquoi vis-à-vis des deux extrémités d'un petit papie roilé au fil métallique dont on ob-fet deux extrémités d'un petit papie roilé au fil métallique dont on ob-

v- viii

serve les franges intérieures, elles se portent du côté du papier en se rapprochant les unes des autres, jusqu'à ce qu'elles se fondent dans son ombre.

 Lorsqu'on présente une carte très-obliquement aux rayons de lumière, de manière à produire des franges dans l'intérieur de son ombre, si cette carte n'est pas trop rapprochée du point lumineux, les bandes intérieures paraissent placées d'une manière symétrique par rapport aux bords de l'ombre, c'est-à-dire, que l'intervalle clair qui sépare les deux bandes obscures du premier ordre se trouve sensiblement au milieu de l'ombre, malgré l'obliquité de la carte, comme dans le cas où l'on emploie un cylindre. Il est facile de s'en rendre raison ; les ondulations doivent être comptées du point lumineux et non pas des bords de la carte. Le milieu de la bande brillante comprise entre les deux raies obscures du 1er ordre est produit par la rencontre des oudulations qui sont parties en même temps du point lumineux : or, dans le quadrilatère formé par les ravons qui vont du point Inmineux an bord de la carte, et des bords de la carte an milien de la bande brillante, ces rayons faisant entre eux des angles très-petits, et la différence entre les deux premiers côtés du quadrilatère étant égale à la différence entre les deux autres, la ligne droite qui joint le point lnmineux et l'angle opposé divise en deux parties sensiblement égales l'angle formé par les deux rayons incidents, et le milieu de la bande brillante doit être fort peu éloigné du milieu de l'ombre géométrique (1.

En rapprochant la carte du point lumineux on augmente l'angle du

" Soit C le point lamineux, A et B les

Fig. 3.

deux bords de la carte, M le milieu de la bande brillante du 1" ordre, formée par la rencontre des rayons infléchis BM et AM. c'est-à-dire un point placé de telle manière quo na it Ch-BM-GA+AM. Le suppose que de points A. Be M on ni abaisei les perpendiculaires ME. BF, MG sur la driui-CG qui divine ne deux parties (gale de AGB, et qui détermine par conséquent le milieu de l'ombre géométrique. Si fourprésente CF par a, FQ par 6, EF par f, et BF par e, on trouve pour la valeur de MG.

.

N° VIII. quad lieu la lo

quadrilatère, et le milieu de la bande brillante doit s'éloigner du milieu de l'ombre en se portant vers le côté de la carte le plus près de la loupe. C'est aussi es que je il soberré. Le d'étaut de syméric dans la position des franges intérieures se trouve encore augmenté par une autre cause, lorsqu'on rapproche la carte du point lumineux la différence entre les quantités dont l'ombre géométrique est dépassée de chaque côté par l'ombre réelle devient alors plus sensible, puisqu'elle doit croitre dans le même rapport que la différence de largeur entre les bandes extérieures produites par les deux bords de la carte.

Je n'ai point encore comparé dans ce cas, par des mesures exactes, la théorie et l'expérience; mais je ne douto pas qu'elles ne s'accordent aussi bien que dans les cas plus simples que j'ni choisis pour mes observations; car le phénomène est toujours de même nature, et il n'y a de différence que dans la complication des circonstances.

21. J'ai pensé qu'il serait intéressant de vérifier encore la formule qui donne la largeur des franges extérieures dans une des limites de la loi de la diffraction, en mesurant l'ombre d'un fil éclairé par une étoile: pour cela j'ai choisi une étoile très-brillante, et je me suis servi d'une

bande brillante du 1" ordre au milieu de l'ombre géométrique.

 $\begin{aligned} & \hat{q}_{ij}(a) = h_{ij} - 2\sqrt{abk_{ij}} - f_{ij}(a) + \frac{1}{2} - 2\sqrt{abk_{ij}} - \frac{1}{2} + \frac{1}{2} - \frac{1}$ 

Si l'on prend pour second exemple  $a = 0^{\circ}.50, f = 0^{\circ}.05, e = 0^{\circ}.009.$  et b = o\*,366 (l'intervalle entre les franges intérieures est alors d'un demi-dixième de millimètre environ), on trouve pour le valeur de MG, o".ooo162. On voil que dans ce second cas, où la carte est plus près du point lumineux, la distance entre le milieu de la bande brillante du 1" ordre et le milien de l'ombre géométrique devient plus considérable, et est plus que triple de l'intervalle compris entre deux baudes consécutives. Si le carton augmente de largeur, MG augmentera aussi. Supposons, par exemple, que f soit égal à un décimètre, toutes les autres quantités restant les mêmes, on trouvers pour MG, o",oooh, c'est-à-dire, huit fois le largeur d'une frange.

lentille peu convexe, afin de ne pas trop affaiblir la lumière : cette lentille avait deux pieds de longueur focale. Le fil de fer, qui avait un millimètre de diamètre, était placé à 8 mètres de distance du foyer de la lentille. La largeur de son ombre, entre les deux bandes extérieures du 1" ordre, calculée d'après la formule

$$\frac{c(a+b)}{a} + 2\sqrt{\frac{2db(a+b)}{a}}$$

$$c + 2\sqrt{2db}$$

qui devient

lorsque le point lumineux est infiniment éloigné, devait être par conséquent om,00707. L'avais fixé sur un petit cadre, que la lentille portait à son foyer, deux fils parallèles espacés de soixante et dix millimètres. distance mesurée de milieu en milieu le plus exactement possible. Ces

fils étaient éclairés par une lampe. Ayant l'œil placé à l'autre foyer de la lentille, je voyais à la fois ces deux fils et l'ombre du fil de fer, qui marchait d'occident en orient par l'effet du mouvement diurne. Je tournais la lentille un peu à l'orient, et j'attendais le moment où les parties les plus sombres des deux franges passaient sur les fils du petit cadre. Il m'a toujours semblé qu'il se trouvait au milieu de chacune en même temps, et j'ai répété dix fois cette expérience. Je dis il m'a semblé, parce que le mouvement involontaire de ma tête, qui n'était pas appuyée, et la distance à laquelle mon œil se trouvait des fils, à cause du peu de convexité de la lentille, m'empêchaient de voir bien nettement à la fois ces deux fils et l'ombre du fil de fer. Avec une lentille un peu plus convexe, d'un pied ou de dix-huit pouces de foyer, on distinguerait mieux les fils, et la lumière de l'étoile ne serait pas encore assez affaiblie pour qu'on ne vît nettement les deux franges extérieures du 1er ordre.

22. Il est utile de remarquer qu'il peut arriver dans beaucoup de circonstances que les bandes intérieures en sortant de l'ombre conservent assez de force pour influer sensiblement sur les franges extérienres. Cela dépend de la largenr du corps opaque et de la distance à laquelle on observe son ombre. Le phénomène devient alors trèscompliqué en apparence; et les espèces d'anomalies qui en résultent V° VIII

nie semblaient tout à fait inexplicables lorsque je commençai à m'occuper de la diffraction. On peut éviter ce mélange des franges, qui occasionnerait des creurs dans les observations, en augmentant ou diniumant suffisamment le diamètre du corps opaque<sup>(6)</sup>.

23. Les franges extérieures, celles que l'on observe dans l'intérieur des ombres et qui prouvent si bien l'influence que les rayons lunineux exerceul tes uns sur les autres, font voir aussi que les rayons qui ont été obsegreis par la discordance de leurs vibrations redeviennent lunnieux ensuite dans la partie du trajet où les ondulations sont d'accord, et qu'ainsi ils peuvent reprendre leur écht après l'avoir perdu momentanément. Les ondulations en se croisant se modifient sans doute au point de discordance; mais leur mouvement réglé et leur forme circulaire se rétablissent ensuite. C'est de ce principe que j'ai tiré les formules dont je me suis servi et que l'expérience confirme.

24. Il est à remarquer que dans la partie des baudes olseures où la discordance est la plus complète il y a encore un pue de lumière, même lorsqu'on forme le point lumineux avec une seule espèce de rayons. Si l'angle sous lequel se croisent les rayons édait infiniment petit, et que la discordance de leurs vibrations fits la plus grande possible, c'est-à-dire d'une demi-ondulation, alors leurs mouvements se contrariant constancent, ils perdraient peut-être complétement leurs propriétées lumineuses.

25. Les franges du 2º ordre, du 3º, du 4º, etc. tant intérieures qu'extérieures, formées par la rencontre d'ondulations qui ne sont pas parties eu mêue temps du point lomineux, font voir que les oudulations ont lieu aux mêues points de l'espace pendant plusieurs vibrations consécutives; et c'est ce qu'il serait très-naturel de supposer quand même on n'eu aurait pas cette preuve.

26. La théorie de la diffraction que je viens d'exposer est fondée

<sup>&</sup>quot;Gette assertion, contradictore avec ello-méme, no se trouve pas corrigéo aux le tirage à part, revu par Frenel, qui a servi de texte pour cette édition. On a dû, en conséquence, la laisser sub-ister; mais il n'est pas douteux que l'auteur à ili voult dire : «en augmentant «milisamment le diamètre du corps opaque ou en diminuant suffisamment la distance d'où -fron observe. El X-Vasart.]

sur l'accord des vibrations (du moins dans un angle sensible) des différents rayons partant d'un même point lumineux. Comment cet accord se trouve-t-il étable ia (sper d'une teutille, dans un petit trou au travers duquel on fait passer la lumière? comment se fait-il que ce petit trou et le foyer de la leutille deviennent les centres des oudulations lumineuses? C'est e qu'il s'agit d'espiliquer.

Une particule incandescente, dont les vibrations produisent des ondulations. Un ineuses, doit être évidemment le centre de ces ondulations. On peut en dire autant de toutes les particules dont un corps incandescent est composé. Lorsqu'il est assez peu étendu ou asset deligié pour être vu sous un angle infiniement petit, comme les étoiles, par exemple, les franges produites par ces diverses particules radieuses se trouvent à la même place, et le phénomène se passe comme si les rayons partaient d'un même point.

De quelque manière qu'on forme un point lumineux, la source de la lumière est toujours un corps incandescent dont chaque particule est le centre d'ondulations sphériques. Lorsqu'elles passent par un petit trou, une partie de la lumière est infléchie par ses bords dans une foule de directions différentes, eforme de nouvelles ondulations sphériques, dont les centres sont sur les bords du trou; car les ondulations ont toujours la même longueur quelle que soit la direction suivant laquelle les rayons aient été infléchis.

Quelque petit que soit le trou, comme il n'est jamais un point matématique, le srayons inféchis par ses bords nont pas exactement les mêmes centres d'ondulation, et l'accord de leurs vibrations ne s'étend pas à une distance indéfinie de l'axe du fisiceau lumineux; mais l'espace daus lequel elles s'accordent sensiblement est en raison invesde la largeur du trou, et devient considérable lorsque le trou est suffisamment étrait.

Ainsi une partie de la lumière, après avoir traversé le petit trou, formera dans des angles sensibles des ondulations sphériques ayant leurs centres à ce trou; et cela suffit pour la production des franges.

27. On se demandera maintenant si les rayons directs, dont les

Devleue, Google

N° VIII. ondulations n'ent pas leur centre au petit trou comme les rayons in-fléchis, ne peuvent pas produire des franges d'une largeur différente et qui rendent celles-ci confuses. Il est aisé de voir que cela ne doit pas avoir lieu lorsque le trou est suffisamment étroit.

En effet, soient C une des sources des ondulations lumineuses, A et



B les bords du trou, et AF sa distance au corps opaque. Je suppose que le diamètre AB du trou soit extrêmement petit par rapport à AF. Des points C, A et B comme centres je décris les arcs de cercle EFG, FIIK, GKL.

Pour que l'are FHK ait une étendue sensible par rapport à son rayon, il faut qu'il soit beaucoup plus grand que le diamètre du trou, ce qui ne peut avoir fieu que lorsque le point C est très-près de AB. Mais alors, AC étant très-petit par rapport à AF, l'arc FHK a presque la même

courbure que les ares EFG et CKL, et les franges produites par les rayons directs doivent coincider sensiblement avec celles que font naître les rayons infléchis, Quand, au contraire, le point lumineux C s'éloigne de AB, la courbure de l'are FHK diffère de plus en plus de celle des deux autres; mais, en même temps que cette différence augmente, la longueur de l'are diminue; en sorte que l'anse de panier EFHKL doit toujours coincider sensiblement avec le cercle décrit du point D comme centre. Ainsi la différence de courbure entre les ondulations des rayons directs et des rayons infléchis ne peut pas influer d'une namière sensible sur la position et la netteté des franges lorsque le trou est suffissamment étroit.

28. Passons maintenant au cas où le point lumineux est formé par une lentille très-convece. Je ne considérerai, comme dans le cas précédent, que les ondulations formées par les vibrations d'une des particules du corps éclairant, ce qu'on dit de l'une pouvant s'appliquer à toutes les autres. Je supposerai, pour s'impliier le calcul, qu'elle est à une distance infinitie, comme celle du soleil, et que les rayons réfractés ne sortent pas du verre, afin de n'avoir qu'une réfraction à considérer. On verra facilement qu'on peut appliquer les mêmes raisonnements à des circonstances plus compliquées.

Soient donc DA et EB deux rayons lumineux parallèles vibrant d'accord, IAB la surface du verre, C son centre, et F le foyer où se



réunissent les deux rayons réfractés AF et BF. Le suppose AD perpendiculaire à la surface du verre, en sorte que la réfraction ne change pas sa direction. Par le point A je mêne All perpendiculairement aux rayons inédents; à et ll sont des points correspondants des mêmes vibrations. Le rayon EB a encore IBB à parcourir dans l'air longque le rayon De set déjà entré dans le verre or. l'équivalent de HB dans le verre est la même longqueur divisée par le rapport entre le sinus d'incidence et leui de réfraction dans le passage diricidence et leui de réfraction dans le passage d'incidence et leui de réfraction dans le passage de l'air de l'air

de la lumière de l'air daus le verre. C'est une conséquence de la théorie des vibrations, comme je le ferai voir en donnant dans cette théorie l'explication de la réfraction. Le représente par p e e rapport, par le rayon du cercle IAB, et par i l'angle d'incidence EBG. Après avoir calculé AF, BF et IIB, en ajoutant BF à l'équivalent de IIB dans le verre et retranchant cette somme de AF, je trouve:

$$r\left(1-\frac{p-1}{\sqrt{p^2-\sin^2 i}-\sqrt{1-\sin^2 i}}-\frac{1-\sqrt{1-\sin^2 i}}{p}\right)$$

Cette expression donne la différence entre les vibrations des rayons à leur point de concours F. En la réduisant en série et négligeant tous les termes au delà de la quatrième puissance de sin i, on trouve :

$$-\frac{r(p-1)}{8p^2}\sin^4 i$$

Il est facile de voix, d'après cette formule, qué la différence entre les vibrations des deux rayons an point l'n' est encore qu'une petite partie de la tongueur d'une ondulatiou, lorsque r et' i ont déjà des valeurs assez considérables. Si r, par exemple, était égal à un centimètre, pour que la discordance fût compléte, écst-a-dire, pour que les desur rayons V° VIII.

différassent d'une demi-ondulation au foyer, il faudrait que i fût de 10°; et l'arc AB étant de 5°36°, les rayons réfraetés ne différeraient au point F que du divième d'une demi-ondulation. Or, l'angle AFB est environ le tiers de i. On voit donc que, lorsqu'une lentille est auffisamment couvece, les rayons qu'elle a réunis à son foyer vibrent d'accord dans des angles très-ensibles.

29. Le vais expliquer maintenant, d'après ces considérations, coment il se fait qu'on peut observer les franges en recevant les ombres sur mie loupe et en les regardant au travers. Il est nécessaire, pour compléer la théorie de la diffraction, d'ajouter ici cette explication, que j'avais omitée dans le Mémoire présenté à l'Institut.

L'effet de la loupe est de réunir au fond de l'eil les rayons qui se soult croisés à son foyer, qui sont partis d'un même point de la surfacefocale. Or les franges situées dans cette surface, et qui se peindraient sur un carton que l'on y placerait, sont produites par la reneontre des oudulations des rayons qui s'y sont croisés. Le croissement des mêmes rayons se reproduit au fond de l'œil; et, comme leurs points d'incidence sur la loupe sont très-rapprochés, la réfraction, ainsi que je l'ai fait voir, ne doit pas altérer sensiblement les accords on les discordances de leurs vibrations. Voilà pourquoi la loupe peint sur la rétine des franges abolament semblables aux franges aériennes qui se trouvent à son foyer.

Lorsque le corps opaque est au foyer même de la leutille, les rayons réfléchis ou infléchis par un même point de sa surface se réunissent aussi en un seul point sur la rétine, ce qui ne permet plus le développement des franges. Mais si l'on approche la loupe davantage, les rayons partis du bord du corps ne peignent plus une simple ligne un fond de l'oil, et y occupent un espace plus large, dans lequel len reneontre avec les rayons directs reproduit les franges. Il est aisé de concevoir, en y réfléchissant un peu, que ces franges doivent être absolument semblables à celles qu'on voyait quand le foyer de la loupe était autant en deçà thu corps opaque qu'il se trouve au deltécit autant en deçà thu corps opaque qu'il se trouve au delte.

L'angle sous lequel les rayons lumineux se eroisent au foyer restant le même, l'arc compris entre les points d'incidence sur la surface de la lentille est toujours du même nombre de degrés, quel que soit le rayon de cette surface; et les variations que la réfraction fait éprouver aux accords et aux discordances des ondulations sont alors proportionnelles au rayon de la lentille.

A mesure qu'on rapproche la loupe du corps qui porte ombre. l'angle sous lequel se croisent les rayons directs et les rayons réflichis augmente, ainsi que la distance entre leurs points d'incidence sur la surface de la lentifle. Les variations produites par la réfraction dans les rapports de vitration des rayons doivent donc augmenter aussi, et devenir d'autant plus sensibles que la lentifle est moins couvexe. C'est pour cette raison qu'il est nécessaire de se servir d'une forte loupe lorsqu'on veut observer les françes très-près de leur origine.

Pour calculer ces variations avec exactitude, il faudrati avoir égard aux différentes réfractions que les rayons éprouvent dans la lentille et dans la prunelle, et ces calculs deviennent très-compliqués. Je me propose cependant de les faire, et d'en déduire une formule approximative, comme celle que j'ai donnée ci-dessus pour le cas fort simple que j'avvis choisi.

30. Dans le Mémoire que j'ai présenté à l'Institut, j'avais expliquépar la même théorie des accords et des discordances des vibrations lumineuses les images colorées que réfléchissent les surfaces rayées et celles qu'on aperçoit au travers d'un tissu très-fin, et j'en avais déduit les formules qui représentent la loi de ces phénomènes. Mais ayant appris de M. Arago que le docteur Young avait donné depuis longtemps les mêmes explications et les mêmes formules, je n'en ferai pas mentioni cité, et je terminerai ce Mémoire par l'explication de lois de la réflection et de la réfraction déduites de l'influence que les rayons de lumière exercent les uns sur les autres. Huyghens, et après lui Euler, out rendu raison de ces lois par la théorie des ondulations. Si je présente de nouveau des explications à peu près semblables, c'est qu'en y appliquant la théorie de l'influence que les rayons lumineux exercent les uns sur les autres on y ajoute, il me semble, plus de force et de clarté, et qu'en

<sup>(</sup>a) Voir No VII, note (1).

N VIII. faisant entrer en considération la longueur des ondulations lumineuses, on peut donner une définition précise de ce qui constitue le poli.

> 31. On voit dans le phénomène de la diffraction que les rayons de lumière qui rasent le bord d'un corps sont réfléchis et infléchis, dans une foule de directions différentes, sans qu'on puisse expliquer complétement cette diversité de directions par la forme cylindrique de l'arête ou de la surface du corps; car la dispersion de la lumière varierait avec la courbure du cylindre, et c'est ce qui n'a pas lieu d'une manière sensible, du moins dans le voisinage de l'ombre, puisque le dos et le tranchant d'un rasoir donnent des franges d'un égal éclat. L'hypothèse la plus naturelle, c'est que les molécules du corps mises en vibration par la lumière incidente deviennent les centres de nouvelles ondulations. L'analogie conduit à supposer que dans la réflexion les molécules qui composent la surface du corps réfléchissant deviennent aussi des centres de nouvelles ondulations lumineuses. Comment se fait-il que ces ondulations ne se propagent d'une manière sensible que dans une direction qui fait avec cette surface un angle égal à celui d'incidence? C'est ce qu'il est facile d'expliquer, en faisant voir que, dans toute autre direction, les vibrations des rayons réfléchis se contrarient et se détruisent mutuellement.

En effet, soient AB la surface d'un corps poli, ED et FG deux rayons incidents très-voisins, GK et DL les



rayons réfléchis. Par le point G je mène GI perpendiculaire aux rayons incidents. Ces deux rayons vibrant d'accord, G et I seront des points cor-

respondants des mêmes vibrations. Par le point D je mêne aussi DC perpendirulairement aux rayons réfléchis. L'angle CGD étant égal à l'angle IDG, GC est égal à ID, D et C sont aussi des points correspondants des mêmes ondulations, et il y a accord parfait dans les vibrations des rayons réfléchis. Mais si l'angle CGD n'était pas égal à l'angle IDG, GC ne serait plus égal à ID; C et D ne seraient plus des points correspondants des mêmes ondulations, et il y aurait discordance entre les vibrations des rayons réfléchis. Or, on peut toujours concevoir les deux rayons incidents à une distance telle l'un de l'autre, que la discordance des rayons réfléchis soit complète, c'est-à-dire, d'une demi-ondulation; et comme ils sont d'une force égale, leurs vibrations se détruiront mutuellement, ou du moins s'affaibliront considérablement; car on sait que les corps les mieux polis éparpillent encore une certaine quaulité de l'unière.

- 32. Cette explication des lois de la réflexion n'oblige pas d'aduetter que la lumière est repoussée à des distances semibles, ou que la surface des corps polis est alsolument sans aspérités; il suffit de supposer seulement que ces aspérités sont très-petites par rapport à la longueur des ondulations bunineuses, et l'on conçoit alors pourquoi; sous un angle de réflexion égal à celui d'incidence, l'esil doit recevoir beaucoup plus de lumière que dans toute autre direction. Cette définition du poli, tirée de la théorie des accords et des discordances des vibrations lumineuses, me paraît d'autant plus satisfaissatte qu'on l'approfindit davantage.
- 33. C'est par de semblables considérations qu'on peut expliquer les images colorées que réfléchissent les surfaces rayées et les feux de diverses nuances que lancent les fils métalliques très-fins exposés à la lumière du soleil ou à celle d'une bougie. Des cylindres métalliques d'un petit diamètre, quoique plus considérable que celui de ces fils, réfléchissent aussi des images colorées lorsqu'ils sont éclairés par un point lumineux. La grande convexité de ces cylindres fait sans doute qu'un même point de leur surface peut réfléchir de la lumière dans différentes directions. Car s'il n'y avait de rayons réfléchis que ceux qui font avec la surface un angle égal à colui d'incidence, comme ils divergent tous, et d'autant plus que le cylindre est d'un plus petit diamètre, réduits ainsi à des lignes ils ne pourraient exercer aucune influence les uns sur les autres, et il n'y aurait pas de raison pour que, la lumière incidente étant blanche, la lumière réfléchie fût colorée. L'explication que je viens de donner de la régularité de la réflexion sur les surfaces polies est fondée sur ce que deux rayons incidents peu-

N VIII

vent toujours être situés à une distance telle l'un de l'autre, que les rayons réfléchis diffèrent d'une demi-ondulation lorsque l'augle de rélevion n'est pas égal à celui d'incidence. Or l'intervalle qui sépare les deux points d'incidence satisfasiant à cette condition, doit être d'autant plus considérable que l'augle de réflexion diffère moins de celui d'incidence; et l'on conçoit, d'après cela, que, sur une surface très-convexe, un rayon réfléchi qui fait avec elle un angle peu différent de relui d'incidence ne puisse se trouver en dissordance complète avec aucun autre rayon réfléchi.

 Je vais maintenant expliquer la loi de la réfraction par la même théorie.

Newton a observé que, lorsqu'on introduit de l'eau entre deux objectifs, les anneaux colorés diminuent de largeur, et il a trouvé, en mesurant leurs dimmètres, que les épaisseurs des lames d'eau et d'air qui réfléchissent les mêmes anneaux sont entre elles dans le même rapport que les sinus d'incidence et de réfraction pour le passage de la lumière de l'eau daus l'air. La conséquence toute naturelle que l'on tire de ce fait dans le système des vibrations, c'est que les ondulations de la lumière dans l'eau sont plus courtes que dans l'air dans le rapport du sinus d'incidence au sinus de réfraction.

Il est facile de déduire la loi de la réfraction de ce principe, qu'on peut étendre à tous les milieux.

Soient AB la surface qui sépare les deux corps transparents, FG et



a sépare les deux corps transparents, Ft et ED deux rayons incidents très-vusisins, GK et DL deux rayons réfraetés. Par le point G je mène Gl perpendiculaire aux rayons incidents; Ge t l'secont dans chaic cun d'eux des points correspondants des mêmes vibrations. Du point D jabaises sur GK la perpendiculaire DM. L'angle IGD est égal à l'angle d'incidence, et GDM

à celui de réfraction. Prenant GD pour rayon, ID est le sinus d'incidence et GM celui de réfraction, Ainsi, lorsque le sinus d'incidence sera à celui de réfraction comme la longueur des oudulations des rayons incidents à celle des ondulations des rayons réfractés, ID et GM représenteront des parties équivalentes de ces oudulations, et M et D seront, par conséquent, des points correspondants des mêmes vibrations. Mais il est clair que dans toute autre direction cela ne peut plus avoir lieu, et que les vibrations des rayons réfractés se contexoir à une distance telle l'un de l'autre que la discordance soit complète, c'estadire d'une demi-oudulation. Ainsi la lumière ne peut se propager que suivant une direction unique, et telle que le simus de l'angle de réfraction soit à celui d'incidence dans le même rapport que les longueurs d'ondulation de la lumière dans les deux milieux.

35. La théorie des ondulations conduit à une conséquence absolument opposée à celle que Newton a tirée de son explication de la réfraction par l'attraction; éest que la marche de la lumière est plus leute dans les corps denses que dans les corps rares, suivant le rapport des siums d'incidence à ceux de réfraction; car chaque ondulend devant s'accomplir dans le même intervalle de temps dans les deux milieux, la vitesse de la lumière est proportionnelle à la longueur de ces ondulations.

36. Le système qui fait consister la lumière dans les vibrations d'un liudic infiniment subdi répanud dans l'espace conduit ainsi à des explications satisfaisantes des lois de la réflexion, de la réfraction, du phénonème des anneaux colorés dans toutes as généralité, et enfin de addifraction, qui présente des phénonèmes très-varies dont la théorie newtonicane u à jamais pu rendre raison. A la vérité, la double réfraction et la polarisation rion pas encore été expliquées dans le système des ondulations; mais l'ont-elles été davantage dans celui de réfraction et ne peut être considérée que comme une manière simple et commode de présenter les faits; car supposer avec lui que les molécules lumineuses ont des polés, ce serait pousser trup loin l'analogie.

37. A l'explication que j'avais donnée des principaux phénomènes

Investo Glogic

# 122 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - PREMIÈRE SECTION.

Nº VIII. de la diffraction, j'avais joint, dans le Mémoire déposé à l'Institut, plusieurs objections contre le système de Newton, auxquelles il me paraît difficié de répondre complétement. Je les ai retranchées de celui-ci, ayant réfléchi que cette complication pouvait nuire à la clarté des démonstrations et à la liaison des idées dans l'exposition de la théorie que j'ai adoptée. Je me propose de réunir ces objections et de les présenter au public dans un second Mémoire, qui servira de complément à celui-ci<sup>10</sup>.

<sup>©</sup> Ce second Mémoire, qui a été présenté à l'Académie des Sciences peu de temps après le premier, mais qui n'a jamais été imprimé jusqu'ici, forme le N° X de la présente édition.

#### Nº 1X.

# REMARQUES

## SUR L'INFLUENCE MUTUELLE DE DEUX FAISCEAUX LUMINEUX

QUI SE CROISENT SOUS EN TRÈS-PETIT ANGLE,

PAR M. ARAGO.

[Annales de chimie et de physique, L. I., p. 332. — Cabier de mars 1816 (1).

L'idée que deux faisceaux lumineux peuvent s'influencer en se pénétrant s'est présentée de bonne heure à l'esprit des physiciens; car on en trouve déjà des traces dans l'ouvrage de Grimaldi. La Micrographie de Hooke, qui remonte à la même époque (1665), renferme une explication détaillée du phénomène des anneaux colorés, entièrement basée sur cette supposition; et, ce qui semble digne de remarque, c'est qu'elle entraînait comme conséquence nécessaire que les épaisseurs diverses d'un certain corps doivent réfléchir une même teinte lorsqu'elles se succèdent comme la série des nombres impairs 1, 3, 5, 7, etc. vérité que Newton a démontrée par expérience longtemps après. Cette recherche a depuis excité peu d'intérêt, ce qui a tenu, d'une part, à ce que, dans le système généralement admis de l'émission, elle était pour ainsi dire sans objet; et, de l'autre, à ce que les circonstances dans lesquelles l'influence réciproque de deux faisceaux qui se pénètrent produit des effets sensibles et observables sont rares et difficiles à réunir. On doit au docteur Thomas Young d'avoir ramené l'attention des physiciens vers cette nouvelle branche de l'optique, comme aussi d'avoir démontré le premier, par l'expérience des bandes intérieures diffractées que j'ai rapportée dans le cahier précédent b, que deux rayons homo-

<sup>&</sup>lt;sup>50</sup> Vers la fin de mars 1816, A. Fressué d'ait parceun à produire des franges d'interférence un moyen de deux mirviur, et. Arago fit de cette helle expérience Tobjet d'une Note insérée insuériel intendiciatement dans les Annoles de chinie et de physique. Nous avons treuve útile de la reproduire, quoique Fresnel lui-même sit depuis (N° X, 5 a h à 30) exposé les mêmes faits avec plans de détine.

as Voyez No VI.

Nº IX.

gènes, de même origine, et qui parviennent en un point par deux routes différentes et un peu inégales, peuvent s'entre-détruire, ou, du moins, s'affaiblir beaucoup. Une autre expérience du même savant (voyez l'explication des planches de son Traité of Natural Philosophy, tome 1", page 787) prouve d'autant plus clairement cette influence réciproque de deux rayons qui se croisent, que, pour produire des franges absolument semblables à celles qui se forment dans l'intérieur de l'ombre d'un corps opaque, il suffit d'introduire la lumière solaire dans une chambre obscure, par deux trous peu éloignés, et sans qu'il soit nécessaire de faire intervenir les forces auxquelles les physiciens ont coutume d'attribuer les effets de la diffraction (\*). M. Fresnel est aussi parvenu, de son côté, à produire des bandes du même genre par le croisement de deux faisceaux provenant d'un même point radieux et réfléchis par deux miroirs légèrement inclinés l'un à l'autre : ces bandes, comme il l'a remarqué, sont toujours perpendiculaires à la ligne qui joint les deux images du point, et n'ont aucune liaison avec la situation des bords des miroirs; leur largeur est, dans tous les cas, en raison inverse de l'intervalle qui sépare les foyers virtuels d'où les deux faisceaux paraissent diverger. l'ajouterai que j'ai reconnu ici, comme dans le phénomène ordinaire de la diffraction, qu'il suffit, pour anéantir complétement la totalité des bandes, de faire passer l'un seul des deux faisceaux qui concourent à leur production, soit avant, soit après sa réflexion sur l'un des miroirs, au travers d'un verre d'une certaine épaisseur.

Les expériences que nous avons faites en commun, M. Fresnel et moi, sur le déplacement que les bandes diffractées intérieures éprouvent par l'interposition

<sup>&</sup>quot;Octos americo est devolument instructo. Premièrement l'expérience à laquelle i de situation citique qui nance dume un est de solu trous vaisine la princas délic à deven) de lumière qui énume d'une ouvre de très-petit diametre, et non pas un faireux deven trous vaint de nou les points de la puntres cabier, comme ceda aureil leur à l'imp perigiunit deves trous vainins dans le voist de la chambre obserue. En accoud les Toung considère les fraces assignées de palacites acteurait e d'une faire les des des des la chambre des considère les fraces de la phénomère, qu'il leur stricher en termes exprès une pertursiation sessable de la gravaire des ranges, le un les thes dais d'altitures qu'et et largue, le un les thes dais d'altitures qu'et de faignes, l'un les thes dais d'altitures qu'et de faignes, l'une la telle mé dais d'altitures qu'et de faignes, l'une la telle neuf ai d'altitures qu'et de faignes, l'une la telle neuf ai d'altiture qu'et de faignes, l'une la telle neuf ai d'altiture qu'et de faignes, l'origine, sui conséquence les faisnesses, qu'il leur situation que cette circus dans centre le proposition de faignes de des maissimes de freund a minur de d'écance d'affinition complet de dépletieurs que cette circustance neurit pa suggérer aux partisses da système de l'émission. (Veyes pubs lois 19 x, 5 x s.) [E. Exaces].

Nº 1X.

de lames plus ou moins épaises de différentes natures, nous ont montré que déplements pout servir à meurer de très-putite différence de réfractions. In méthode a déjà été éprouvée pour l'eau et l'esprit de vin, l'eau et l'éther, etc. un appareil très-simple servira à meutrer les différences de réfraction d'un meme liquide à deut températures données; nous avon reconnu, par evemple, que la différence entre les réfractions de l'eau à à 'et de l'eau à zère pourrait être déterminée, à moins d'un centrem près, à l'aide de deux cases égales et longues de deux décimètres : mais c'est surtout pour la réfraction des gaz que ce nouveau moyen d'observation sera précieux; car, en donnant aux tuyaux qui en renfernerent une longueur suffisante, on poussers freuctifued des messes assis loin qu'on voudre. Dans un des prochains cabiers nous entrerons à cet égard dans de plus amples édaités!

complètes, t. X, p. 307 et suivantes; t. XI, p. 718 à 732.)

On a trouvé, dans les papiers de F. Arago, trois feuilles volantes écrites de la main

d'A. Fresnel, où il disente, par aperçu, les chances et les conditions de réussite de ces expériences. Nons reproduisons ces notes littéralement, en supprimant seulement le détail des calculs logarithmiques.

CALCUL RELATIF AU PROJET D'EXPÉRIENCE SUR LA DILATATION DE L'EAU.

La dilatation de l'eau du maximum de densité à zéro degré est 0,00012.

C'est en même temps l'expression de la variation de la

densité et de celle du pouvoir réfringent, représenté ici par le carré de la perpendiculaire AB.

AC = 1. DCl = i angle auxiliaire; comme il s'agit de

AC = 1. DCl = t angle auxiliaire; comme il s'agit de variations très-pelites, la variation de AB est moitié de celle de son carré. Ainsi

$$\frac{BD}{AB} = \frac{1}{2} \delta$$
,

en représentant par  $\delta$  la variation de densité 0,000 i 2. PD = BD cos DCI = BD cos  $i = \frac{1}{2} \delta$  AB cos i;

PD PD Cos DCI = DD Cos  $t = \frac{1}{2} \delta$  AD Cos t,

PD PD (ou la variation de la vitesse dans l'eau) =  $\frac{1}{2} \delta$  cos  $\frac{1}{2} \delta$  Cos  $\frac{1}{2} \delta$  PD PD Cos  $\frac{1}{2} \delta$  PD PD Cos  $\frac{1}{2} \delta$  PD Cos  $\frac{1$ 

 $\frac{\Delta E}{CB}$  (ou la variation de la vitesse dans l'eau) =  $\frac{1}{2}\delta \cos i \frac{\Delta E}{CB}$ 

<sup>&</sup>lt;sup>10</sup> A. Fresnel a par la suite fréquemment employé cette méthode expérimentale, notamment dans ses recherches sur la double réfraction. (Yoy, a" XXVI, XXXVIII, XLIII, XLIII). Il semble que F. Arugo, de son côté, s'était réservé certaines applications, (Yoy, Géurres.)

## THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - PREMIÈRE SECTION.

Mais Xº IX.

$$\frac{AB}{CB} = \cos i$$
;

donc la variation de la vitesse dans l'eau est

$$\frac{1}{2} \delta \cos^2 i = \frac{1}{2} \delta (1 - \sin^2 i) = \frac{1}{2} \delta (1 - \sin i) (1 + \sin i);$$

$$\sin i = \frac{396}{529}; \quad \frac{1}{2} \delta = 0,00006; \quad (1 + \sin i) (1 - \sin i) = \frac{133 \times 935}{(529)^2} = 0,43962;$$

$$\frac{1}{2} \delta \cos^2 i = 0,0000263772.$$

Telle est la variation de la longueur de chaque ondulation. Représentons la longueur d'une ondulation dans l'eau par d'; d représentant cette longueur dans l'air, on a

$$\frac{d}{d} = \frac{396}{520}$$
.

Je représente par e l'épaisseur d'eau produisant une différence totale d'une ondulation; on aura,

$$d' = e \times 0.000026377 = d\frac{396}{529};$$

d'où

où 
$$e=d \frac{396}{529 \times 0,000026377}$$
. Pour les rayons jaunes,

 $d = 0^{m},00000005767,$ 

$$e = \frac{396 \times 0.000005767}{529 \times 0.000016577} = 0^{\infty}, 0.16367,$$
 et l'épaisseur d'eau nécessaire pour produire une différence de dis ondula-

tions est égale à o", 16367. CALCULS RELATIFS À UN PROJET D'EXPÉRIENCE SUB LA DILATATION DE L'AIR.

Pour l'air le carré de AB est..... Pour un air deux fois plus dense AB'2 . . . . . . . .

 $CB' = \sqrt{1 + 0.00125} = 1.00062$ . Ainsi pour un air deux fois plus dense que l'air ordinaire, le rapport entre la vitesse dans le vide et la vitesse de la lumière dans cet air est. . 1,00062 1.00031

Pour l'air ordinaire..... Ainsi la longueur d'une ondulation dans un air deux fois plus dense que l'air ordinaire étant représentée par..... 1.00062 1,00031 celle dans un air ordinaire sera représentée par......

> Différence pour chaque ondulation..... 0,00031

#### INFLUENCE MUTUELLE DE DEUX FAISCEAUX LUMINEUX 127

Si Ton melle un dix-millème d'un de cen deux airs avec l'autre, la différence avec les ondutaisons du mélange ne sera plus que 0,000005 1. Pour produire une différence de 0,31 d'andulation, il faudrait une épaisseur d'air égale à 1000000 de fois la longueur d'une ondulation. La longueur d'ondulation des rayons jaunes est 0,00000577;

1000000 × 0",000000577 = 0",577.

Ainsi pour produire une différence de 0,3 s d'ondulation, qu'on peut mesurer à moins d'un tiers près, il faudrait une épisiseur d'air de 0°,577; Avec une épisiseur de un mètre on sersit encores nestable à un cent unite de variation dans la densité d'un air deux fois plus deuxe que l'air ordinaire; et, en se servant d'un tube de deux mètres de longueur, on ferait apercevoir une variation d'un cent unillème dans la densité d'il ri ordinaire;

RÉSCHÉ DES OBSERVATIONS SUR LA VARIATION DU POUVOUR RÉPRISCENT DE L'EAU QUAND ON FAIT VARIER SA TEMPÉRATURE.

strános des observations,	TEMPÉRATCHES.	gerránuscus.	du microsètre.	deprésences.
	à gauche. 1°,0 à droite 1 ,0	6°,0	10 fours.	0,00
	G 1°.7 D 1°.7	o*,4	91,51	01,69
3	G 1°,5 D 2,55	11,15	5',96	4*,e1
4	G s*,e5 D s,95	0*,90	61,69	3',31
5	G 1*,8 D 3 ,1	17#	61,75	5',s6
6	G 9*,15 D 3 ,80	1*,65	a*,86	71,14
7	G 6*,0 D 5 ,8	8,*1	- e1,15	10',15

Note. Dans la seconde observation, les dons cotes du micromètre sont g'egt et g'en; elles différent trop pour qu'en

Nº IX

#### 128 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. — PREMIÈRE SECTION.

Y IX. En partant de la 6" observation, on trouve que 1" de différence de température déplace les franges de 7:14, 1,65 ou de 4',3 27.

Si le déplacement produit par une différence de 1° était toujours le même, en appliquant ce résultat aux observations 3, 4 et 5, on trouverait:

	DÍFLA	BÉPLACENSAY		
	esleulé.	eberre		
N° 3	4,98	4,0		
Nº 4	3,89	3,3		
N° 5	5,62	5.26		

Si l'on partait de la 7°, qui pour 1° donne 5',639, on aurait :

								BÉPLE	CRMENT
								ralcald.	sleevé.
Nº 3								6,48	4,04
Nº A	٠.				 			5,07	3,31
Nº 5		٠.						7,33	5,26
Nº 6	٠		٠.					9,30	7,14

#### Nº X.

#### SUPPLÉMENT

A.E.

# DEUXIÈME MÉMOIRE SUR LA DIFFRACTION DE LA LUMIÈBE®.

PRÉSENTÉ À L'ACADÉMIE DES SCIENCES DANS LA SÉANCE DE 15 JUILLET 1816.

Commissaires : MM. Anaco et Poussor.

- 1. Cest surtout dans l'étude de la diffraction qu'on trouve les prueves les plus fortes objections contre le système de Newton. Mais sans sortir des phénomènes dont ce grand géomètre s'est particulièrement occupé, la réflexion, la réfraction et les anneaux colorés, et en cherchant à approfondir les principes sur lesqueis à a foude les explications qu'il en a données, on se trouve conduit, il me semble, à des conséquences extrêmement improbables, ou en opposition même avec les faits.
- Newton ayant supposé, pour expliquer la réfraction, que les corps attiraient la lumière, fut obligé d'admettre que leur surface pos-

Nº On trouve pour la première fois exposées dans ou Mémoire (§ 7g et suivants) les causeménaniques resis de la differction, audit infesture l'action source pareun, le cette poppe, a récourt toutes les differctios que présentai la théorie dans son application aux phénomes; il à a diffuser rédund dans cet vasual publicaré Mémoires autrieures, et toutement le Complément au Mémoire sur la diffraction, N° IV. (Voir au N° LIX la lettre à Léonor Fresnel, du 3 piulté, 1854, par le complément de la principa del principa del principa de la principa del principa del principa de la principa

- sédait en même temps une puissance répulsive, qui produisait la réfection. Dans son système la répulsion succède à l'attraction, qui décroit rapidement et ne se fait seutir que très-près de la surface. La force répulsive, au contraire, s'étend, suivant lui, à des distances sensibles, et il explique de cette manière comment il se fait que les surfaces polies réfléchissent régulièrement la lumière, malgré la multitude petites aspérités dont elles sont hérissées (» Ce qu'il dit à ce sujet est assez astifaisant, mais ne peut plus s'appliquer à la réfraction, dont la régularité devient alors tout à fait incompréhensible. Car la force qui la produit ne s'étendant qu'à des distances extrèmement petites, sa direction doit varier à chaque point, suivant les inégalités de la surface, et ces inégalités doivent avoir une influence d'autont put grande, qu'en raison de son décroissement rapide c'est à la surface même que la force accélératrice influe le plus puissamment sur la direction du ravor réfracté.
- 3. Après avoir supposé que la réflexion et la réfraction faient produites par des forces répulsives et attractives émanant de la surface des corps, Newton, pour concevoir le phénomien des anneaux colorés, imagina dans les molécules lumineuses des accès de facile transmission et de facile réflexion revenant périodiquement à des intervalles égaux.
- Il était naturel de supposer que ces intervalles, ainsi que la vitesse de la lumière, étaient toujours les mêmes dans les mêmes milieux, et que, par conséquent, sous des incidences plus obliques, le diamètre des anneaux devait diminuer, le chemin parcouru ayant augmenté. L'expé-

(2) «Car il n'est pas probable qu'avec du grès, de la potée et du tripoli, maières dont on se sert pour travailler les verres, on puisse donner à leurs plus petites parties un assez beau poli pour qu'elles ne fassent touter qu'une surface parfaitement sisse. Il est clair, au contraire, que ces maritires ne peuvent que sillonner le verre, puis user ses aspérités. Plus elles seront reduites en poudre fine, plus les sillons etu verre seront petits, mais quelque fine eque soit cette poudre, jamais elle ne pareviendre à les effacer totalement. « Opt. de Nexess, tome II, page 93)".

<sup>(\*)</sup> Traduction de Morat, dite de Bousse, Paris, 1787, 2 vol. in-8".

rience apprend au contraire que le diamètre des anneaux augmente avec l'obliquité de l'incidence, et Newton fut obligé d'en conclure que les accès augmentaient alors de longueur et dans un bien plus grand rapport que le chemin parcouru.

Å. Il devait s'attendre aussi à trouver les accès plus longs dans les militeux que la lumière parcourt aver plus de vitese, qui selon lui sont les corps les plus denses. L'expérience lui prouva le contraire, et que l'épaisseur des lames d'air et d'eau, par exemple, qui réfléchissent la même teinte, sont exactement dans le rapport du sinus d'incideuce au sinus de réfraction pour le passage de la lumière de l'air dans l'eau. Il fallut dons supposer que la longueur des accès était en raison inverse de la vitesse de la lumière, ou, ce qui revient au même, que le temps de leur durée diminuait dans le même rapport que le carrée de la vitesse augmentait. Ainsi l'hypothèse de l'émission suffit si peu à l'explication des phénomènes, que chaque phénomène nouveau nécessie une nouvelle hypothèse.

5. Je viens de faire voir ce que le système des accès avait d'improbable par sa complication; je vais démontrer maintenant qu'en le suivant dans ses conséquences il se trouve en opposition même avec les faits.

Pour concevoir la régularité de la réflexion, il faut supposer que les deux branches de la petite courbe décrite par chaque molécule lumineuse, dans le voisnage d'une surface poite, sont parfaitement symétriques par rapport à la normale, autrement l'angle de réflexion es serait plus égal à l'angle d'incidence. Mais les accès de facile réflexion et de facile transmission, augmentant et diminuant alternativement la force répulsive, doivent nécessairement altérer cette symétrie toutes les fois que les noidecules lumineuses ne se trouvent pas précisément dans la même période du même accès aux points correspondants des deux branches de la trajectoire, c'est-à-dire presque tou-jours. Ainsi il n'y auvait qu'our très-petite partie de la lumière réfléchie régulièrement, et le reste serait dispersé dans des directions différentes, ce qui est tout à fait contraire à l'expérience, car on sait que la lumière régulèrement réfléchei ser une surface bien polic est

N° X. beaucoup plus abondante que la lumière diffuse, et c'est là la cause de la netteté des images produites par les miroirs.

> Pour que la symétrie des deux branches de la trajectoire ne fitt passensiblement alfréée par les necès, i faudrait que ces variations perriodiques dans la force répulsive fussent très-faibles, ou extrémement rapprochées les unes des autres par rapport à la longueur de cette courhe, ou enfin que la courbe au contraire filt estrémement petite par rapport à la longueur des accès. Mais ces trois hypothèses contredient également les faits ou le systâme de Neston. On ne peut pas supposer dans ces accès aussi peu de puissance, si on leur attribue le phénomène des anneaux colorés, et si on les considère en général comme la cause déterminante de la réflexion et de la transmission à la surface des corps transparents, car il serait mécaniquement impossible qu'ils produsissent des effets si opposés sans apporter aucun retard et aucune accélération sensibles dans la marche des molécules lumineuses, sans augmenter ou diminuer l'action des forces attractives et répulsives, qu'in émante de la surface des corps.

> Quant à l'étendue des accès, on sait qu'elle est appréciable; et sans doute celle de la sphère d'activité de la force réfléchissante n'est pas incomparablement plus considérable, même d'après le système de Newton; car, si la courbe décrite par la molécule réfléchie était extrèmement grande relativement à la longueur d'un accès, son sommet, c'est-à-dire la partie dans laquelle ses éléments sont presque parallèles à la surface, aurait une étendue sensible par rapport à l'épaissenr des lames d'air qui réfléchissent les anneaux colorés; on ne pourrait donc plus en négliger le développement, comme a fait Newton, en calculant le chemin parcouru par les rayons lumineux dans la lame d'air, et l'on serait obligé de rejeter le résultat de ce calcul, l'égalité périodique des accès. D'un autre côté, supposer que cette courhe au contraire est extrêmement petite par rapport à la longueur des accès (qui n'est pas la moitié d'un millième de millimètre), ce serait rejeter l'hypothèse de Newton sur les distances sensibles auxquelles s'étend la force réfléchissantc.

- 6. Il est aisé de prouver aussi combien ce système des accès est en opposition avec la régularité de la réfraction. En effet, comment ces dispositions périodiques des molécules lumineuses, assez puissantes pour déterminer la réflexion ou la réfraction, ne feraient-elles pas varier, en raison de leur différence d'intensité, la force attractive qui détermine l'angle de réfraction? Car on ne peut pas supposer, ainsi que l'a remarqué M. Biot (1), que les rayons transmis se trouvent tous au même point de leur accès à l'instant de leur immersion; et comme ce n'est que dans un intervalle très-petit, par rapport à la longueur des accès, que l'attraction se fait sentir (1), sa force dépend de l'intensité de l'accès au moment où la molécule lumineuse traverse la surface qui sépare les deux milieux. Ainsi les molécules lumineuses devraient être réfractées dans une foule de directions différentes, et l'on ne devrait apercevoir au travers d'un prisme que des images confuses des objets: or on sait par expérience, au contraire, qu'elles sont parfaitement nettes, lorsque le prisme est achromatique.
- 7. Je crois devoir présenter ici l'explication du phénomène des anneaux colorés telle qu'on la déduit naturellement de la théorie des ondulations, pour faire mieux sentir par ce rapprochement combien elle l'emporte en clarté et en simplicité sur le système des accès.

Lorsque, après avoir placé une lentille peu convexe sur un verre plan, dont on a noirci la surface inférieure, on observe les deux images de la flamme d'une bougie, ou de tout autre objet brillant peu étendu, rélêchies par ce verre et la seconde surface de la lentille, on orti les anneaux colorés se former dans la partie commune sux deux

<sup>(1)</sup> En déduisant de ses observations sur les anneaux colorés le chemin parcouru dans la lame d'air par les molécules lumineuses, Newton l'a compté d'une surface à l'autre; il a donc supposé que les rayons étaient réfléchis, sinon à la surface même, du moins à une distance peu sensible par rapport à l'épaisseur de la lance d'air; or, la force attroctive ne commençant à se faire sentir que là où finit la réflexion, il s'ensnit que sa sphère d'activité, d'après Newton, n'a qu'une étendue l'rès-posite par rapport à la longueur des accès.

<sup>(\*)</sup> Traité de physique expérimentale et mathématique, tome IV, pages 92 à 97.

N. X. images, qu'on distingue toujours facilement l'une de l'autre quand la lentille a une convexité suffisante. Si l'on compare les anneaux obscurs à l'image réfléchie par la seconde surface de la lentillé, dans la partie où elle ne s'ajoute pas à celle que produit le verre plan, il est aisé de juger que l'oil reçoit heaucoup moin de l'unière de sanneaux obscurs, et que, par conséquent, dans les endroits de la lame d'air où on les observe, il n'y a pas seulement soustraction de la réflexion inférieure, mais encore diminution de la réflexion qui s'opère à la surface supérieure. Cela devient encore plus frappant lorsqu'on se sert d'une lumière homogène.

En attribuant aux molécules lumineuses des accès périodiques de facile réflexion et de facile transmission, Newton a bien fait voir comment celles qui entrent dans la lame d'air peuvent être réfléchies par sa surface inférieure, ou la traverser, selon l'espace qu'elles ont parcouru depuis la surface supérieure; mais il n'a pas expliqué pourquoi, vis-à-vis des points où le verre plan ne renvoie plus de lumière, il v a aussi une diminution très-sensible dans la réflexion produite par la seconde surface de la lentille. Dira-t-on que les molécules lumineuses en arrivant à cette surface sont attirées par le verre plan ? Mais, outre qu'il est très-peu probable que l'attraction des corps sur les particules lumineuses puisse s'exercer à des distances aussi considérables (car dans une lumière homogène on peut distinguer jusqu'à vingt anneaux obscurs (1)), comment concevoir que le même verre, qui attire ces molécules à une distance comme un, les repousse à une distance comme deux, les attire à une distance comme trois pour les repousser à une distance comme quatre, et ainsi de suite?

Il est bien plus naturel de supposer que ce sont les rayons réfléchis par le verre plan qui modifient ceux que renvoie la seconde surface de la lentille; qu'ils se fortifient mutuellement lorsque leurs vibrations s'accordent, et se détruisent, ou du moins s'affaiblissent beaucoup, quand leurs vibrations se contrairent. Ainsi l'influence des rayons lu-

<sup>(</sup>i) A l'aide d'un prisme Newton a compté que le phénomène s'étend encore beaucoup jusqu'à trente anneaux, et tout porte à eroire plus foin.

diffraction, l'est encore par les anneaux colorés.

Vº X.

- 8. La tache noire centrale qu'on aperçoit au point de contact de la lentille et du verre plan prouve que les rayons réfléchis par ce verre, n'ayant parcouru qu'un espace nul ou infiniment petit, se trouvent en discordance complète avec ceux qui sont réfléchis en dedans de la lentille, à sa surface inférieure. Il s'ensuit que les deux systèmes de rayons réfléchis diffèrent d'une demi-ondulation, indépendamment de la différence qui résulte du chemin parcouru dans la lame d'air, puisque la discordance est complète lorsque ce chemin est nul. Mais quand il est égal à une demi-ondulation, l'accord doit se rétablir entre les vibrations; ainsi à l'endroit où l'on voit le premier anneau brillant, le double de la distance entre les deux verres doit être égal à une demi-ondulation, puisque les rayons réfléchis par la seconde surface ont parcouru deux sois cet intervalle, et l'épaisseur de la lame d'air est par conséquent le quart de la longueur d'une ondulation. Quand l'espace parcouru est d'une ondulation entière, la discordance redevient complète; ainsi l'épaisseur de la lame d'air qui répond au premier anneau obscur doit être égale à une demi-ondulation. En poursuivant ce raisonnement on trouve que les épaisseurs qui réfléchissent les anneaux brillants sont  $\frac{1}{h}d$ ,  $\frac{3}{h}d$ ,  $\frac{5}{h}d$ , etc. ou, en général,  $\frac{2n+1}{h}d$ , et celles qui répondent aux anneaux obscurs 2 d, 4 d, 6 d, etc. on, en général, and, d représentant la longueur d'une ondulation et n un nombre entier. Il s'ensuit que la longueur d'une ondulation est le double de l'intervalle indiqué par Newton pour le retour d'une molécule lumineuse au même accès. Ainsi la longueur d'une ondulation de la lumière dans l'air, déduite des anneaux colorés, est la même que celle que l'on déduirait de la largeur des franges dans les phénomènes de la diffraction.
- 9. Les épaisseurs des lames qui réfléchissent les auneaux obscurs ou brillants d'un ordre quelconque étant des multiples de d, sont proportionnelles à la longueur des ondulations de la lumière dans le milieu compris entre les deux verres. Par conséquent, pour deux milieux

N. A. de nature différente, les épaisseurs qui réfléchissent le même anneau sont entre elles comme les longueurs d'ondulation dans les deux milieux, c'est-à-dire dans le même rapport que le sinus d'incidence et celui de réfraction, pour le passage de la lumière d'un milieu daus l'autre.

10. Je ne m'arrêterai pas à l'explication de la coloration des anneaux, dont il est facile de se rendre compte par la différence de longueur des ondulations diverses qui composent la lumière blanche. Je passe aux anneaux vus obliquement.

sse aux anneaux vus obliquement. Soient AB et CD les surfaces parallèles de deux verres séparés par



une lame d'air; EF la direction du rayon incident dans le verre; FG celle du rayon réfracté. GH et III. représentent le même rayon dans l'air et dans le verre après la réflexion. Le rayon KH parallèle à EF en se réfléchissant au point H suivra aussi la direction III., et c'est de l'accord ou de la discordance entre ess deux rayons

que dépendra l'intensité de la lumière venant du point H. Par le point F je mène FP perpendiculairement aux rayons incidents; F et P seront dans chacun d'eux des points correspondants des mêmes vibrations. Le vais chercher maintenant à quelle distance les deux verres doivent d'er l'un de l'autre pour que les rayons réflechis vibrent d'accord. Par le point F je mêne MQ perpendiculairement à AB. Je représente par i l'anglie QFG et par a l'épaisseur QF de la laune d'air comprise entre les deux verres;

$$FG = \frac{x}{\cos i}$$

et, par conséquent,

$$FG + GH = \frac{2\pi}{GH}$$
;

PH est égal à FH $\times$ sin PFII, ou FH $\times$ sin EFM. Si l'on représente par p le rapport entre les sinus d'incidence et de réfraction, on aura

$$\sin EFM = \frac{\sin i}{n}$$
;

Nº X.

on a done

$$PH = \frac{FH \times \sin i}{P}$$

Or l'équivalent de PH dans l'air est égal à  $p \times PH$ , et par conséquent à  $FH \times \sin i$ . Mais

$$FH = 2QG = \frac{2x \sin i}{3}$$

l'équivalent de PH dans l'air est donc égal à

Retranchant cette valeur de celle de FH+GH, on a

ou

$$\frac{2x}{\cos i} (1 - \sin^2 i),$$

on enfin

Or, pour que les deux rayons vibrent d'accord, il faut que cette différence entre les chemins parcourus soit égale à

$$d(n+\frac{1}{2})$$
.

n représentant un nombre entier, puisqu'ils diffèrent déjà d'une demiondulation, abstraction faite de l'espace parcouru. On a donc

$$2x\cos i = \left(n + \frac{1}{2}\right)d;$$

d'où l'on tire

$$x = \frac{1}{4} \frac{(2n+1)d}{\cos i}$$

Ainsi l'épaisseur de la lame d'air qui réfléchit un anneau d'un ordre quelconque, dans une direction oblique, est égale à celle de la lame d'air qui réfléchit le même anneau perpendiculairement à sa surface, divisée par le cosinus de l'angle de réfraction dans l'air.

11. En appliquant cette formule aux différentes incidences pour lesquelles Newton a mesuré l'épaisseur de la lame d'air qui réfléchie même anmeu, on voit le calcul s'accorder parfaitement avec l'observation jusqu'à l'angle de réfraction dans l'air égal à 60° inclusivement.

# 138 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - PREMIÈRE SECTION.

N° X. Mais pour des incidences plus obliques les résultats du calcul paraissent s'écarter de ceux de l'observation, et cette différence augmente avec l'obliquité.

Le tableau suivant offre la comparaison des résultats du calcul et des épaisseurs mesurées par Newton.

dens le verre.	dem la lane d'air.	frances de la lone d'air d'après les observations de Neuton,	de la lame d'air calculre au moyen de la formule e      cos i	perrenuces entre les ré-entais de l'observation et ceux de la thrurie
0°00′	o* oo'	10,00	19,00	0,00
6 26	10 00	. 10,15	10,15	0,00
19 55	20 00	10.67	10,65	+ 0.03
18 49	30 00	11,50	11,54	- 0,05
24 30	50 00	13,00	13,05	0,05
sg 37	50 00	15,50	15,56	- 0,06
33 58	60 00	20,00	80,00	0,00
35 47	65 00	23,25	23,66	0,50
37 19	70 00	s8,s5	29.24	- 0.99
38 33	75 00	37,00	\$8,64	- 1,95
39 27	80 00	59,25	57,59	5,35
40 00	85 00	86,10	114,74	- 30,64

12. Newton n'entre pas dans le détail des précautions qu'il a dh prendre pour des expériences aussi délicates : il dit seulement qu'il s'est sevri de deux prismes dans les grandes obliquides. Au moyen du prisme supérieur, le rayon qui arrive à l'œil est peu oblique par rapport à la surface d'émergence. Par conséquent, en déduisant de l'augle d'émergence, qu'on peut mesurer directement, l'inclinaison du rayon dans le verre. on l'obtient avec une exactitude suffisante, lors même que le rapport du siuns d'incidence à celui de réfraction, dont on se serl, n'est pas parfaitement exact. Mais il n'en est pas de même pour la direction du rayon dans la lame d'air comprise entre les deux prismes: torsque le rayon qui la traverse devient très-oblique à sa surface, la

 $<sup>^{(</sup>i)}$  Dans la formule  $\frac{e}{\cos i}$ , e représente même teinte, lorsque le rayon incident est l'épaisseur de la lame d'air qui réfléchit la perpendiculaire à sa surface.

moindre inexactitude dans le rapport employé peut occasionner une erreur très-sensible sur la détermination de cette obliquité.

13. Le milieu des rayons jaunes étant l'endroit le plus brillant du spectre, le rapport dont on doit se servir est 21 250. 4 daprès les observations mêmes de Sexton. Ce rapport est un peu plus faible que celu le qu'il a employé dans ses calculs. Pour déterminer bien exactement l'obliquité du rayon lumineux dans la laune d'air, il faudrait comaître l'angle d'émergence; mais, comme je l'ai déjà remarqué, on peut partir de l'angle que le rayon lumineux fait dans le verre avec la surface inférieure du prisme, sans qu'il en résulte des erreurs bien sensibles sur la détermination de l'angle de réfraction dans la lame d'air, tant que cet augle du moins n'approche pas trop de 90°; car, lorsqu'il est presque d'ord, les moindres inexactitudes dans la valeur de l'angle d'incidence influent considérablement sur la direction du rayon réfracté; c'est pourquoi je n'ai pas compris dans mes calculs la dernière observation de Neston ©.

Le tableau suivant présente les résultats obtenus en employant le rapport <sup>77,267</sup>.

dons le verre.	abus as afraction done le leuse d'air.	de la tame d'air d'après les observations de Newton.	de la tame d'air d'après la formule con c	bif7faexces.
35" 47"	64° 38'	e3,e5	e3,34	- 0,09
37 19	69 31 2	a8,a5	s8,58	- o,33
38 33	74 22 3	37,00	37,13	-0,13
39 17	79 05 ;	59,95	5a,8a	- 0,57
ho oo	83 99 1	84,10	86,71	- 9,61

Newton ne présente pas lui-même ses résultats comme parfaitement

<sup>&</sup>quot;
La formule  $\frac{c}{\cos i}$ , calculée pour le cas où les deux surfaces de la lame d'air sont pation aux obliquités extrêmes; car alors la

N° X. exacts<sup>(1)</sup>, et ceux que donne la formule déduite de la théorie des ondulations en différent assez peu pour qu'il soit très-probable qu'elle exprime la loi du phénomène.

14. Ainsi toutes les lois des anneaux colorés, qui nécessitent autant d'hypothèses particulières dans le système de Newton, peuvent être rattachées entre elles et expliquées par le seul principe des accords et des discordances des vibrations l'unimenses. Quand on voit en même temps, non-seulement les lois de la réflexion et de la réfresion, mais encore celles de la diffraction représentées aussi par des formules dans lesquelles il n'entre aucune constante arbitraire, et où l'on retrouve la longueur d'ondulation déduite des observations de Newton sur les aumeaux colorés, on ne peut pas disconvenir que toutes les probabilités ue ac rémissent en faveur du système des vibrations.

15. Javais déjà exposé cette théoric des anneaux coloris dans le Mémoire que j'ai eu l'honneur de présenter à la Classe; mais je l'en avais retranchée en le faisant imprimer, M. Arago m'ayant appris que le docteur Young avait déjà donné depuis longtemps la même explication de ce phénomène <sup>60</sup>. Comme elle est peu connue, j'ai pensé qu'il était utile de la présenter de nouveau dans ce second Mémoire, où je détait utile de la présenter de nouveau dans ce second Mémoire, où je

plus légère indination entre les deux faces de la laux d'air a une influence très-sensible ur le cleenin parcours, et per constquent sur les accordo ou les discondances des ondustiches lumineures. D'alliers, quelque acutitude qu'on apporte dans la mesure de l'anghe d'émergence, il rést gaère possible de déterminer avec une précision suffisante l'obliquité du rayon réfracté par rapport à la lame d'air, lorqu'il hi est très-incliné, et les noisobres erreurs dans la valeur de l'anghe i fainnt alter varier louscoup l'expression  $\frac{c}{\cos i}$ , la comparaison de la formule à l'expérience n'a plus de certitude dans les obliquités extrêmes.

<sup>(2)</sup> - En mesurant le même annoua à differentes obbiquité de l'oit, et enn servant des deux prismes dans les plus grandes obtiquités, je trouvai que le diamètre de chaque annoua, par conséquent l'époisseur de l'air à son périmètre, suivait à peu prés les rapports exprinés à la table suivante. « (Optique de Newton, page 15 du tonne II de la traduction française <sup>(2)</sup>.)

<sup>(9)</sup> Traduction de Marat dite de Beauzée. Paris, 1787, 2 vol. in 8".

<sup>(4)</sup> Voir N. VIII, 5 s 1, note de l'auteur.

me suis proposé de faire sentir les avantages du système des vibrations, en le comparant à celui de Newton. J'ai d'ailleurs quelques explications nouvelles à ajouter à cette théorie, et ce que je viens de dire était nécessaire à leur intelligence.

16. Pour expliquer les anneaux colorés vus par transmission, j'avais supposé, comme le docteur Young, qu'ils étaient produits par les accords et les discordances des rayons transmis directement, et d'un autre système de rayons transmis après avoir été réfléchis deux fois dans la lame d'air. Cette explication paraissait confirmée par une observation de M. Arago sur le sens de la polarisation des anneaux transmis. qui est le même que celui des anneaux réfléchis (a). Mais une autre observation qu'il a faite sur leurs intensités comparées présente une obiection très-forte contre cette manière de rendre compte de la formation des anneaux transmis. Il s'est assuré, par une expérience ingénieuse, que ces deux sortes d'anneaux avaient toujours la même intensité, et que si ceux qui étaient transmis paraissaient beaucoup plus faibles, cela tenait uniquement à ce qu'ils étaient noyés dans une grande quantité de lumière blanche (b). Or si la seule cause des anneaux transmis étail l'influence que les rayons réfléchis deux fois dans la lame d'air exercent sur ceux qui ont été transmis directement, ils devraient être bien plus faibles que les anneaux vus par réflexion, puisque les rayons qui concourent à la production de ceux-ci n'ont été réfléchis qu'une fois, les uns par la surface supérieure et les autres par la surface inférieure de la lame d'air.

On peut éviter cette difficulté en considérant les anneaux transmis comme résultant immédiatement des anneaux réfléchis, ainsi que Newton l'a fait dans son système de l'émission. C'est un principe démontré par l'expérience que, lorsque l'intensité de la lumière réfléchie par un corps transparent augmente ou diminue, la lumière transmise

<sup>(\*)</sup> Mémoire sur les couleurs des lames minces. (Mémoires de la société d'Arcueil, t, III., p. 223, — OEurres complètes, t, X, p. 3.)

W Voyez No XXXV et XXXVI des remarques de Poisson et une note rectificative d'A. Fresnel,

diminue ou augmente d'une quantité égale, en sorte que la somme des rayons réfléchis et transmis est toujours la même, tant que l'intensité de la lumière incidente ne varie pas. L'hypothèse de l'émission a l'avantage de donner à ce principe la plus grande évidence; mais on peut s'en rendre raison aussi dans la théorie des vibrations. On concoit en effet qu'un mouvement ondulatoire, en se propageant dans plusienrs directions à la fois, ne fait que se diviser, et que la somme totale de ces différentes quantités de mouvement équivaut toujours à l'impulsion primitive. A la vérité une petite partie du mouvement lumineux paraît s'anéantir dans l'intérieur du verre par le choc de ses molécules; mais elle ne fait sans doute que changer de nature. Quant aux vibrations dans le sens de la transmission et de la réflexion, il est clair que les unes doivent perdre ce que les autres gagnent, lorsque la source du mouvement est constante. Ainsi partout où, dans la lame d'air, la réflexion aura diminué par une cause quelconque, la lumière transmise aura augmenté de la même quantité. Les anneaux transmis résultent donc immédiatement des anneaux réfléchis et doivent avoir la même intensité.

17. Il me reste à expliquer maintenant, en partant toujours du même principe, comment il se fait que les anneaux transmis paraisent polarisés dans le même sens que les anneaux relléchsis; c'est-à-dire que, sous l'incidence qui produit la polarisation complète, et en les observant ace un rhomboide de spath caleire dont la section principale soit paralléle au plan d'incidence, on ne peut apercavoir ususi les anneaux transmis que dans l'image ordinaire. Il suffit, pour concevoir ce phénomène, d'étendre aux lames minces, qui rédéchissent les anueaux colorés, ce principe, que M. Arago a démontre jour les plaques éspaisses %, asoire, que la quantité de lumière qu'un corps transparent polarise par réfraction est toujours égale à celle qu'il polarise par réfraction est toujours égale à cel

En effet, soit I la lumière incidente, R la lumière réfléchie par les

<sup>(\*</sup> Œurres complètes, tome Vtl., page 3x3.

anneaux brillants, et r celle des anneaux obscurs; la lumière transmise dans les anneaux obscurs vus par réfraction est l-R, et celle des anneaux brillants I - r. La quantité de lumière polarisée par réfraction étant égale à celle qui est polarisée par réflexion, il s'ensuit que dans 1— R la quantité de lumière polarisée par réfraction est égale à R; le rayon transmis I - R est donc composé d'une quantité de lumière ordinaire l - 2R, plus une autre quantité R qui se trouve polarisée dans un sens perpendiculaire au plan d'incidence. Le rayon l-r, qui produit l'anneau brillant, contient de même une quantité de lumière non polarisée égale à l - 2r, plus une autre quantité égale à r polarisée par réfraction. Cela posé, lorsqu'on observe les anneaux transmis au travers du rhomboide placé comme je l'ai dit ci-dessus, la partie R de l'anneau obscur, polarisée dans un sens perpendiculaire à la section principale, passe tout entière dans l'image extraordinaire, qui reçoit en outre la moitié de la lumière non polarisée 1-2 R; la teinte de l'anneau obscur réfracté extraordinairement est donc égale à R+ 1 l-R, ou à 1 l. Il est aisé de s'assurer par un calcul semblable que la teinte de l'auneau brillant est aussi égale à ! I dans l'image extraordinaire, qui ne doit présenter par conséquent qu'une lumière uniforme. Dans l'image ordinaire, au contraire, les anneaux obscurs et brillants doivent conserver leur différence primitive de clarté, car la quantité de lumière transmise, qui n'a pas éprouvé la polarisation par réfraction, étant égale à 1-2R dans les anneaux obscurs, et à l-2r dans les anneaux brillants, la teinte des premiers dans l'image ordinaire est 1 - R, et celle des seconds 1 1-r, dont la différence est égale à R-r; la réfraction ordinaire du rhomboïde doit donc produire une image distincte des anneaux transmis, dont l'intensité apparente est même augmentée par la soustraction d'une moitié de la lumière blanche. Ainsi, en généralisant le principe de l'égalité des quantités de lumière polarisées par réflexion et par réfraction, il en résulte que les anneaux transmis doivent paraître polarisés dans le même sens que les anneaux réfléchis. on, ce qui revient au même, ce phénomène démontre que les quan-

#### 144 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. — PREMIÈRE SECTION.

tités de lumière polarisées par réflexion et par réfraction sont encore égales daus les anneaux colorés. Le raisonnement que je viens de faire est applicable au système de l'émission comme à celui des vibrations.

18. L'explication que j'ai donnée des anneaux réfléchis, par l'influence mutuelle des rayons qui partent des deux surfaces de la lame d'air, présente une difficulté dont je crois avoir trouvé la solution. Il faut admettre, conime je l'ai observé, que ces deux systèmes de rayons réfléchis diffèrent d'une demi-ondulation, indépendamment de la différence entre les chemins parcourus, et il est difficile de concevoir la raison de cette discordance (1). Elle a évidemment lieu cependant au point de contact, où il se forme une tache noire, quoique la différence des chemins parcourus soit nulle. Il me semble qu'on peut lever cette contradiction apparente en faisant attention qu'il est très-possible que la réflexion ne s'opère pas seulement à la surface du verre, mais encore à une certaine profondeur (a). Beaucoup d'observations déjà confirment l'hypothèse d'une réflexion intérieure, qui d'ailleurs me paraît trèsprobable en elle-même. En effet, puisque la lumière traverse librement le verre, elle doit en frapper toutes les molécules, qui deviennent alors autant de centres d'ondulations. Comment se fait-il cependant qu'elle ne soit réfléchie qu'à la surface, on, plus exactement, dans le voisinage de cette surface? C'est ce qu'il s'agit d'expliquer.

Prenons le cas de l'incidence perpendiculaire pour simplifier les raisonnements, et divisons par la peusée la plaque de verre en petites laures parallèles à sa surface, ayant une épaisseur égale au quart de la longueur d'une ondulation. Supposons que toutes les molécules du

<sup>91</sup> Il est à remarquer cepéndant que les deux réflexions s'opèrent dans des circonstances différentes, l'une en dedans du verre supérieur contre la fame d'air, l'autre en dedans de cette lame contre le verre inférieur, c'est-à-dire, l'une en dedans, l'autre en dehors du corps le plus dense. Cette observasion a conduit le docteur Young à une expérience très-intéressante, dont je vais bientôt parler.

V 1.

<sup>10</sup> Voir Nº XXV.

#### SUPPLÉMENT AU IN MÉMOIRE SUR LA DIFFRACTION, 145

verre puissent réfléchir de la lumière; celle que renverra une lamquelconque prise dans l'intérieur de la plaque se trouvera en discordance compléte avec la lumière réfléchie par la lame qui la précède et celle qui la snit, puisqu'il y aura une différence d'une demi-endu-lation dans les chemins parcourus. Ainsi la lumière réfléchie par une lame intérieure se trouvera tonjours détruite par la moitié des rayons que réfléchissent les deux lames entre lesquelles elle est comprise, el la lame extrème seulement, c'est-à-dire celle qui se trouve à la surface, pourra réfléchir la moitié de ser rayons, si toutéois le verre est dans le vide, ou plongé dans un fluide très-rare, comme l'air par exemple; car, à mesure que le pouvoir réfléchissant augmentera dans le milien qui l'entoure, la réflexion diminuera à sa surface par la discordance des ondulations que réfléchira la lame en contact du milieu equivonnant (0).

Applipnons maintenant ces considérations au phénomène des anneaux colorés. Nous venons de voir que la lunière réflectile par le verre n'émane pas seulement de sa surface, mais encore de toutes les molécules qui se trouvent au delà jusqu'à une profondeur d'un quart d'odulutation. Cest donc du milieu de cette épaiseur qu'on doit partir pour compter le chemin moyen parcouru par les rayons réflechis, et c'est à ce point saus doute que la réflecim doit vaoir le blus de via-

<sup>(3)</sup> l'ai supposé ici que l'épaisseur de la plaque était un nombre de fois entier le quart d'une ondulation; mais il est aisé de voir que, dans le cas où ce nombre serait fractionnaire, la réflexion ne s'opérerait pas moins dans les deux surfaces jusqu'à une profondeur égale au quart d'une ondulation. En

rig. 2.	
 A	
 c	

19

Nº X.

cité, car les vibrations produites par les molécules extrèmes sont en discordance complète, et cette discordance diminue à mesure qu'on approche du ceutre. Ainsi les rayons réfléchis les plus efficaces, au lieu de partir de la surface mème, partent d'un point qui en est distant d'un huitème d'ondulation. Il en résulte donc une augmentation d'un quart d'ondulation dans le chemin parcour par les rayons réfléchis à la seconde surface de la lame d'air comprise entre deux verres, et une diminution semblable dans le chemin que parcourent les rayons réfléchis à la première surface, ce qui explique cette différence d'une demi-ondulation dont je n'avais pu me readre raison d'abord, parce que je complats le chemin parcouru par les rayons réfléchis à à partir de la surface même de chaque verre.

19. Cette hypothèse sur la profondeur à laquelle s'opère la ré-flexion dans les corps transparents a encore l'avantage de rendre aison d'un phénomène important observé par le docteur Young <sup>64</sup>. Il a reconnu qu'en plaçant entre deux corps transparents d'un pouvoir réfinigent moyen, les anneaux sombres et brillants qui en résultaient se trouvaient dans des positions inverses de celles qu'ils auraient occupées si les deux corps solides eussent dét de même nature; en sorte qu'ils s'accordiaient avec les différences de chemin pareouru comptées à partir des surfaces mêmes, et qu'on ne retrouvait plus cette différence d'une demi-ondu-lation dont je viens de parler<sup>10</sup>.

<sup>19</sup> M. Arago a vérifié ca résultat en répisant le apéricies du obeteur Voaugi. la pressé un prisme de flint-glass sur un objectif de crown-glass, et en introduisant entre ces deux verres de l'huille de assafras, dont le pouvoir réfringent est plus grand que cetai de crown et plus petit que cetai du filint, il a vu se former une tache blanche au point de contact, qui était noir avant l'introduction.

tion de l'huile. Il s'est même assuré, en se servant d'huile de cassis, que la tache centrale rederenia noire lorsque le liquide interpoér réfractait plus fortement la tumière que le flint-glass, expérience que le docteur Young n'avait pas pu faire, l'huile de cassis n'étent pas encoreconnue à l'époque où il s'occupait de cos recherches.

On the Theory of Light and Colours. (Philosophical Transact. for. 1812, p. 12, Prop. VIII, Coroll. II; Miscellaneous Works, 1, 1, p. 140.) An Account of some cases of the pro-

#### SUPPLÉMENT AU II: MÉMOIRE SUR LA DIFFRACTION, 147

Cela devient facile à expliquer dans l'hypothèse que j'ai adoptée. Soient A, B et C les trois milieux, A et C les deux corps solides transparents, et B le liquide compris entre eux. Je suppose que la force réfléchissante de A soit plus grande que celle de B, et celle de B plus grande que celle de C; le point de départ des rayons réfléchis par la première surface sera dans le milien A, et à une distance de cette surface égale à un huitième d'ondulation; en sorte que le chemin parconru par ces rayons sera moins grand d'un quart d'oudulation que s'ils eussent été réfléchis à la surface même. Les rayons réfléchis par la seconde surface du milieu B le seront dans B (puisque son pouvoir réfringent l'emporte sur celui de C), et à un huitième d'ondulation de la surface qui sépare ces deux milieux; donc le chemin parcouru par ces ravons aura aussi un quart d'ondulation de moins que celui qu'ils enssent parcourn s'ils eussent été réfléchis à la surface même. Par conséquent, puisque cette différence d'un quart d'ondulation se trouve alors dans le même sens, la différence entre les chemins réels parcourus par les deux systèmes de rayons réfléchis est la même que s'ils fussent partis des deux surfaces de la lame B. Ainsi la tache centrale deviendra blanche, et en général tous les anneaux obscurs et brillants se trouveront arrangés dans un ordre contraire à celui qu'ils affectent ordinairement (a).

20. Le crois avoir fait sentir par tout ce qui précéde, combien le système des vibrations est préférable à celui de Newton. J'ai fait voir qu'un pouvait tirer des phénomènes dont ce grand géomètre s'est particulièrement occupé, la réflexion, la réfraction et les anneaux colorés, des objections contre les hypothèses sur lesquelles il a établi sa théorie. Je vais démontrer maintenant qu'un ne peut pas l'appliquer

Nº X

duction of Colours not hitherto described. (Philosophical Transact. for. 1802, p. 387; Miscellaneous Works, t. 1, p. 170.)

Fresnel a expliqué plus tard d'une tout autre manière le changement de signe de la vitesse de vibration qui, dans certains cas, accompagne la réflexion de la lumière. (Voyex N° XXX, 5 5 et 6.)

N° X. avec plus de succès aux phénomènes de la diffraction, et qu'ils devienment tout à fait inexplicables dans son système.

> Rien ne devrait être plus simple dans l'hypothèse de l'émission que les ombres des corps éclairés par un point lumineux, et rien n'est plus compliqué. En supposant dans la surface des corps rasés par les ravons lumineux une force répulsive capable de changer la direction de ceux qui en passent très-près, on devrait s'attendre seulement à voir les ombres augmenter de largeur et se fondre un peu dans leur contour avec la partie éclairée. Mais elles sont bordées de trois franges colorées bien distinctes quand on se sert de lumière blanche, et d'un plus grand nombre encore lorsque le point lumineux est formé avec une lumière homogène. Il faut donc supposer dans le bord du corps opaque, en adoptant le système de l'émission, une force alternativement répulsive et attractive, qui produit des dilatations et des condensations successives dans le faisceau lumineux. Il est possible que la force attractive qui émane de la surface des corps, d'abord plus puissante que la force répulsive, devienne ensuite plus faible, en raison d'un décroissement plus rapide, et qu'ainsi la répulsion succède à l'attraction. Mais que la force attractive reprenne ensuite sa supériorité pour, la perdre de nouveau, c'est ce qui devient tout à fait inconcevable. Il n'y a que les ondulations d'un fluide environnant le corps qui pourraient expliquer ces attractions et répulsions alternatives, et voilà qu'on retombe dans le système qu'on avait voulu éviter.

> 21. Mais accordona à la surface des corps ces propriétés étranges; bien d'autres difficultés vont nous arrêter. Lorquén suit les franges jusqu'à leur naissance, on les voit se confondre, comme je l'ai déjà dit, avec les bords du corps opaque; d'où l'on doit conclure qu'elles partent des bords mèmes du corps, ou du moins nen sont séparées à leur origine que par des intervalles extrèmement petits et moindres qu'un centième de millimètre, ainsi qu'on peut s'en assurer à l'aide d'une forte longe. Mais, lors même qu'on n'aurait pas de confiance dans ce moyen d'observation, c'est un fait qu'ou ne peut pas mettre en doute; car le tranchant et le dox d'un rasoir donnent des franges de

Nº X

uième largeur; or, si les forces attractives et répulsives qui les produisent agissaient à des distauces sensibles du corps oapque, elles vareiraient nécessimement aver l'étendue de sa surface. Il est doue prouvde toutes manières que l'origine des frauges est extrêmement rapprochée de la surface du corps qui porte ombre. Il s'ensuit que leur largeur ne doit pas varier sensiblement avec la distance du corps opaque au point lumineux; car il serait absurde de supposer, dans le système de l'émission, que l'angle d'inflexion, ou l'énergie de la force répulsive, dependit du chemin pareouru par les molécules lumineuses depuis ce point jusqu'au bord du corps opaque. L'expérience prouve cependant, comme je l'ai déjà dit au commencement de mon premier Mémoire, que la largeur des franges augmente beaucoup lorsqu'ou rapproche le corps opaque du point lumineux, la distance de eelui-là au carton restant toujours la même.

22. Les corps qui different le plus de nature et de densiét produisent des franges égales toutes les fois que leurs distances au point Inmineux et au carton resteut les mêmes. Jiguore comment cela peut se concilier avec l'hypothèse d'une force répulsive émanant du corps opaque, dont l'intensité devant varier nécessiment avec la notaure de ce carps. Que si fon ne suppose pas les rayous lumineux reponssés par une force inhérente au corps, je ne conçois plus comment on pourra expliquer, dans le système de l'émission, l'inflexion qu'ils éprouvent eu rasant sa surface; rar enfin un effet mécanique ne peut être produit que par une cause mécanique, une atraction ou une répulsion. Supposera-t-ou, avec Dutour %, que ces inflexions résultent des réfractions que les rayons éprouvent dans des atmosphères qui euvironneut les corps l'Mais d'abord leur densiét et leur épaisseur devasient varier avec la nature des corps, ce qui apporterait nécessairement des différences dans la mairée dont elles réfractement les ravous lumineux. D'ailleurs

De la diffraction de la lumière. (Mémoires présentés à l'Académie royale des sciences par divers savants étrangers, L.V. p. 635; L.VI. p. 19 et 36.) — Considérations optiques, VII. VIII. IX\* et X\* Mémoire. Journal de l'abbé Boxier, L. V, p. 120 et 230; L. V. p. 135 et 412.

nne atmosphère semblable, qui environnerait la lame d'nn rasoir avant une courbure infiniment plus prononcée sur le fil que sur le dos, devrait infléchir très-inégalement la lumière à ces deux extrémités, d'où résulterait une différence sensible dans la largeur des franges.

- 23. La courbure des trajectoires suivant lesquelles se propagent les bandes extérieures contredit manifestement la théorie newtonienne; mais la démonstration de ce fait résultant d'observations délicates ne pent convaincre complétement que ceux qui, en répétant mes expériences, s'assureront par eux-mêmes du degré d'exactitude qu'il est possible d'atteindre dans la mesure des franges.
- 24. L'influence que les rayons lumineux exercent les uns sur les autres me paraît parfaitement démontrée par cette expérieuce si simple que le docteur Young a faite le premier, dans laquelle on voit disparaître la totalité des bandes intérieures lorsqu'on intercepte la lumière d'un seul côté du fil métallique. Il a encore prouvé cette même influence en faisant passer la lumière à travers deux petits trous trèsvoisins, et en formant de cette manière des bandes semblables à celles qu'on observe dans l'intérieur des ombres. Il me semble qu'on ne pent faire aucune objection bien fondée aux conséquences qu'il a tirées de ces belles expériences. Néanmoins, pour éloigner toute idée de l'action des bords du corps, de l'écran ou des petits trous, dans la formation et la disparition des franges intérienres, j'ai cherché à en produire de semblables au moyen du croisement des rayons réfléchis par deux miroirs, et j'v suis parvenu après quelques tâtonnements. Je remarquerai en passant que la théorie seule des vibrations pouvait fonrnir l'idée de cette expérience, et qu'elle est assez difficile à faire pour qu'il soit presque impossible que le hasard y conduise.

M. Arago l'a annoncée dans le dernier numéro des Annales de physique et de chimie (a); mais comme elle me paraît décisive, je crois devoir en parler de nouveau et plus en détail dans ce Mémoire, où je

<sup>(</sup>a) Voir Nº IX.

N- X

Pour produire des franges sensibles, il fant que les deux miroirs fassent entre eux un angle très-obtus (peu importe d'ailleurs quel soit l'angle d'incidence). En effet, dans la formule  $\frac{bd}{c}$ , qui représente l'intervalle entre deux handes intérieures consécutives, c est le sinns de l'angle sous lequel on voit le diamètre du til qui porte ombre, de l'endroit où l'on observe les franges. Or, comme la longueur d d'une oudulation lumineuse n'est guère que la moitié d'un millième de millimètre, pour que les bandes obscures ne se confondent pas avec les bandes brillantes, et qu'on puisse distinguer les franges, il faut que b soit beaucoup plus grand que c, et que par conséquent les rayons infléchis par les deux bords du fil, ou les rayons réfléchis par les deux miroirs, forment un angle très-petit dans l'œil du spectateur, ce que l'ou obtient en placant ces miroirs presque sur le prolongement l'un de l'autre. Mais cela ne suffit pas; il est encore nécessaire qu'ils se trouvent dans une position telle que le champ lumineux qu'ils réfléchissent coutienne la bande brillante du 1" ordre, c'est-à-dire celle qui résulte de la rencontre des ondulations parties en même temps du point lunineux; car dans la lumière blanche, et même dans une lumière aussi homogène que possible, on ne distingue jamais les franges d'un ordre très-élevé. Avec un peu de patience on parvient à remplir cette condition par le tâtonnement, et d'autant plus facilement, en général, que les deux images du point radieux sont plus éloignées l'une de l'autre; car plus les franges sont étroites, plus il y a de chances pour que celle du 1" ordre se trouve dans le champ lumineux.

Aussibit que j'eus découvert ces franges à l'aide de la loupe, je remarquai qu'elles étaient perpendiculaires à la droite joignant les deux images du point lumineux, comme la théorie l'annonçait d'avance. En faisant varier la position des miroirs, je m'assurai que cela avait tonjours lieu, et que la direction des bandes était absolument indépendante de celle de leurs bords. A . X.

25. Je m'étais servi dans cette expérience de deux petites glaces non étamées recouvertes par derrière d'une couche d'encre de Chine, en sorte que la première surface seule pouvait réfléchir une lumière sensible. Pour éviter néanmoins tout rapprochement entre ce phénomène et celui des anneaux colorés, et démontrer plus complétement qu'on ne pouvait pas attribuer ces franges à la transparence du verre, M. Arago y substitua deux miroirs de platine, et obtint des franges semblables, qui avaient même encore plus d'éclat, à cause de la vivacité de la lumière réfléchie. Il appliqua à cette expérience l'idée heureuse, qu'il avait déjà eue pour les bandes intérieures de l'ombre d'un fil, et en plongeant une plaque de verre dans un des faisceaux lumineux avant ou après la réflexion, il fit disparaître les franges; mais elles reparaissaient lorsqu'il faisait passer à la fois au travers de cette glace les deux faisceaux lumineux qui concouraient à leur production. Ce phénomène, qui me semble tout à fait inconcevable dans l'hypothèse de l'émission, s'explique aisément par la théorie des oudulations. On concoit en effet facilement dans ce système que le retard considérable occasionné par le verre dans la marche du faisceau lumineux qui l'a traversé, doit rejeter la bande brillante du 1er ordre bien au delà du champ commun des deux miroirs. Quand, au contraire, les deux faisceaux ont traversé la glace, le retard étant le même pour l'un et l'autre, la position des franges ne doit pas être changée.

26. En nesurant la largeur des franges au moyen du micromètre, et en la comparunt à la largeur déduite par la théorie de l'angle sous lequel nous voyions l'intervalle qui séparait les deux images du point lumineux, nous avons trouvé un accord frappant entre les résultats du calcul et ceux des observations.

Dans la première, le sinus de ret angle, ou  $\frac{r}{b}$ , était égal à 0,00 h386, et la largeur de sept infervalles, prise entre les points les plus obscurs deux bandes du  $\frac{r}{b}$  ordre, était de 0,700091 (dans la lumière blanche). Or, en substituant à  $\frac{b}{c}$  dans la formule  $7\frac{bd}{c}$  sa valeur  $\frac{r}{\cos(350)}$  et à la place de  $\frac{d}{b}$  la nogueur d'ondulation des rayons jaunes

qui est égale à 03,000005767, on trouve 03,00092, et la différence avec la largeur mesurée n'est que d'un centième de millimètre.

Dars la seconde observation, où nous avous aussi employé la lumière blanche, le sinus de l'angle formé par les deux rayons visuels dirigés sur les deux images du point lumineux était égal à 0,005 166, et la largeur de sept intervalles, mesurée au micromètre, était de 0°,00075 : or le calcul donne 0°,00078, et la différence n'est ainsi que de trois centièmes de millimètre.

27. En rendant encore plus obtus l'angle des deux miroirs et en les inclinant davantage sur le rayon incident, je suis parvenu à rapprocher heaucoup les deux inages du point lumineux, sans faire disparaître les franges; elles sont devenues alors très-larges et n'out présenté des couleurs aussi brillantes que celte des anneux toches. La droite, joignant les deux images du point radieux, faisait un très-petit angle avec le bord commun des deux miroirs, en sorte que les franges lui étaient presque perpendiculaires, du moins dans le milien



du champ lumineux; elles se repliaient ensuite comme une Sà leurs extrémités, et prenaient une direction qui se rapprochait beaucoup de celle du bord de chaque mirojr.

Cette forme, bizarre en apparence, s'explique aisément en faisant entre considération la lumière inféchie sur les bonts, qui concourait avec la lumière réfléchie régulièrement à la formation de ces sortes de branches d'hyperboek, tandis que dans la partie du milieu les deux systèmes d'ondes provenaient l'un et l'autre d'une réflexion régulière.

28. En rapprochant encore davantage le plan des miroirs de la direction du rayon incident, le champ lumineux est devenu si étroit qu'il en est résulté des franges semblables aux franges produites par un diaphragme, qui, en se mélant avec les preunières, ont rendu le phénomène très-compliqué. On ne doit pas confondre ces deux espèces de franges, qui diffèrent essentiellement. Pour produire les secondes, il ne faut qu'un miroir; pour les premières, il en faut nécessairement

- N° X. deux: celles-là sont constamment parallèles aux bords du miroir; la direction de celles-ci en est indépendante, comme je l'ai déjà dit, et fait tonjours un angle droit avec la ligne qui joint les deux images du point lumineux.
  - 29. Si l'on veut bien s'assurer que ces franges proviennent de la rencontre des rayons réfléchis, il faut placer les miroirs de manière que le champ lumineux ait plus d'étendue, sous une incidence de 45°, par exemple, et se tenir à une distance assez grande pour que les deux images du point radieux soient suffisamment éloignées du bord commun des deux miroirs, en sorte qu'on ne puisse pas attribuer la formation des franges à son influence. Dans une de mes observations cet intervalle me paraissait de plus d'un centimètre, et chaque image se trouvait à peu près au milieu de chaque miroir, de sorte que les rayons qui arrivaient à mon œil étaient passés assez loin des bords pour qu'on ne pût pas raisonnablement supposer qu'ils en eussent reçu aucune modification. En tenant l'œil fixe, et en mettant devant une petite loupe, je voyais distinctement les franges, qui disparaissaient aussitôt qu'on enlevait un des miroirs. l'engage les physiciens, qui douteraient encore de l'influence mutuelle des rayons lumineux, à répéter cette expérience, sur laquelle j'ai beaucoup insisté, parce qu'elle me paraît démontrer ce principe important avec toute l'évidence dont nne preuve physique est susceptible.
  - 30. On peut produire beaucoup plus facilement des phénomènes du même genre en se servant d'un verre qui ait une surface un peu irrégulière, comme ceux dont on fait les vitres. On le recouvrire par derrière d'une couche d'encre de Chine, pour détruire la seconde rélacion; puis, en l'éclairant avec un point lumineux et observant au moyen d'une loupe la lumière réfléchie, on y découvrira une foule de franges, d'une forme bizarre et souvent du plus grand éclat. Elles sont presque toujours si vives, qu'on les aperçoit aisément, même en les recevant sur un carton. Une surface métallique bien poile produirait saus doute le même effet et avec plus de vivacité encore.
    - 31. S'il est démontré maintenant, comme il me le semble, que les

N° λ.

franges sont produites par l'influence que les rayons lumineux exercent les uns sur les autres, on ne peut plus douter que la lumière ne se propage effectivement par les oudulations d'un fluide subtil répandu dans l'espace; et alors il fluit abandonner l'hypothèse de l'émission, quels que soient les avantages qu'elle présente; car on ne peut pas espérer de trouver la vérité dans un autre système que celui de la nature.

- 32. Toutes les observations nouvelles que J'ai faites depuis la publication de mon premier Mémoire confirment l'induence mutuelle que les rayons lumineux exerceut les uns sur les autres; mais plusieurs me paraissent nécessiter quelques modifications dans l'explication que jair donnée des franges extérieures et intérieures des ombres. Je vais exposer les principaux résultats de ces expérieuces, et les conséquences que Jeu ai tirée.
- 33. Quand on observe à l'aide d'une loupe l'ombre d'un diaphragme éclairé par un point lumineux, on remarque d'abord, en regardant de très-près, des franges du genre de celles que nous avons appelées extérieures. Elles sont inégalement espacées, et les intervalles qui les séparent vont en diminuant à partir des bords du diaphragme. A mesure qu'on s'éloigne, on les voit augmenter de largenr et conserver toujours le même rapport dans leurs intervalles, jusqu'à ce que enfin les deux systèmes de franges produits par les deux côtés du diaphragme se joigneut, se mêlent et finissent même par disparaître, lorsque les rayons directs, qui concourent à la production de la bande obscure du 1er ordre, se trouvent interceptés par l'autre côté du diaphragme, ce qui arrive tonjours en se reculant suffisamment, quand le diaphragme est très-étroit ou le point lumineux assez éloigné. Alors succèdent aux franges extérieures des franges d'une nouvelle espèce, qui ressemblent à celles qu'on observe dans l'intérieur des ombres, et que j'appellerai, pour cette raison, franges intérieures. Elles sont sensiblement équidistantes à droite et à gauche de l'intervalle clair du milieu, taudis que les premières étaient inégalement espacées. Elles commencent toujours à paraître sur les deux bords de l'ombre, avant

N. M. Fentière disparition de celles-ci, quand le disphragme a une largeur suffisante. Pour les distinguer plus facilement et en augmenter le nombre, il faut employer une lumière homogène; alors on peut les voir en filets très-minres, lorsque les bandes extérieures ont déjà acquis une largeur considérable.

La première conséquence que j'ai tirée de ces observations, c'est que les secondes bandes ne sont pas le prolongement des premières, comme M. Biot l'a supposé (a), car les secondes étant équidistantes dans tonte leur étendue, doivent l'être encore à leur origine, et c'est ce qui n'a pas lieu pour celles que l'on aperçoit d'abord, dont les intervalles inégaux conservent toujours les mêmes rapports, ainsi qu'on peut s'en assurer par des mesures successives, lorsque le diaphragme n'est pas trop étroit; en sorte que, à quelque distance qu'on les prolongeât, elles seraient toujours inégalement espacées. Cette distinction était indiquée par la théorie des oudulations, et je l'avais faite d'abord sur les résultats obtenns par Newton, dans son expérience des deux couteaux croisés, où il a considéré aussi les franges de la seconde espèce comme le prolongement de celles de la première. Celles-ci sont produites par la rencontre des rayons infléchis et des rayons directs, tandis que celleslà résultent du croisement des rayons infléchis par les deux tranchants. L'intervalle entre deux bandes consécutives de la seconde espèce est égal à bd, c représentant la largeur du diaphragme, ou la distance entre les deux conteaux; cet intervalle doit donc augmenter à mesure que les tranchants se rapprochent, et devenir infiniment grand vis-à-vis de leur point de rencontre : d'où résulte cette forme d'hyperboles qu'affectent les franges projetées par deux conteaux croisés.

34. Dans les observations que j'ai faites, à l'aide du micromètre, sur la largeur des franges intérieures produites par des diaphragmes d'ouvertures différentes, j'ai toujours trouvé que la distance entre les points les plus sombres de deux handes obseures consérutives, pries

<sup>10:</sup> Traité de physique expérimentale et mathématique, t. IV, p. 758 à 761.

Nº X

à droite ou à ganrhe de l'intervalle rlair du milien, était égal à  $\frac{bd}{cl}$ , ou, du moins, en différait assez pen pour qu'on plat attribuer ces différences à l'incertitude des observations. Quant à l'intervalle du milien, j'ai trouvé qu'il variait entre les deux limites  $\frac{bd}{cl}$  et  $\frac{2bd}{cl}$ , suivant une loi que je n'ai pas encore pu déterminer, et qu'il nue paralt difficile de déduire directement des mesures, dont l'exactitude ne pent guère être poussée au delà du vingitème de la largeur d'une frange, dans les circonstances les plus favorables.

35. Lorsque le diaphragme est très-étroit, et qu'on en reçoit l'ombre à une distance assez considérable, l'intervalle du milieu est tonjours à très-peu près le double des autres intervalles. Quant à l'autre limite bd, elle n'est encore que conjecturée, et je ne l'ai pas observée directement, parce que les circonstances dans lesquelles on peut en approrher présentent le mélange des franges extérieures avec les intérieures. Mais en mesurant celles-ci avant l'entière disparition de celleslà, j'ai trouvé que la distance entre les milieux des deux bandes obscures intérieures les plus voisines du centre approchait beaucoup plus d'un nombre impair que d'un nombre pair d'intervalles. L'ai même mesuré directement, dans une de mes observations, l'intervalle du milieu, immédiatement après la disparition des bandes extérieures du 1<sup>er</sup> ordre, et je l'ai trouvé très-peu différent de  $\frac{bd}{a}$ ; mais les deux bandes obscures entre lesquelles il était compris étant très-faibles, et cet intervalle n'excédant guère un dixième de millimètre, je ne suis pas parfaitement sûr de l'exactitude de cette mesure; en sorte que la limite  $\frac{bd}{c}$  est plutôt une ronséquence où m'a conduit l'analogie qu'un résultat bien certain de mes expériences.

36. Dans les franges intérieures de l'ombre d'un fil, l'intervalle du milieu est égal aux autres, et il semblerat qu'il en devrait être de même pour celles qui sont produites par un diaphragme. Nous senons de voir cependant que, lorsque le diaphragme est suffisamment étroit, et qu'on eu reçoit l'ombre à une distance assez grande, cet intervalle du milieu devient le double des autres. Il est à remarquer que cela a lieu quand

les deux rayons infléchis, qui concourent à la production de chaque Nº X. bande obscure du 1er ordre, font un angle sensible avec les tangentes, l'un en dedans, l'autre en dehors de l'ombre des deux biseaux. J'en ai conclu, par analogie, que l'égalité des franges intérieures de l'ombre d'un fil devait s'altérer lorsqu'elles sortaient de l'ombre, parce qu'alors les deux systèmes de rayons qui les font naître se trouvent infléchis, l'un en dedans, l'autre en dehors de l'ombre du fil. L'expérience a confirmé mes conjectures. Malheureusement le mélange avec les franges extérieures empêche de bien distinguer les bandes intérieures qui sortent de l'ombre, et jette de l'incertitude dans les mesures, mais pas assez pour qu'on ne puisse s'assurer que les intervalles varient sensiblement. Ils commencent à diminuer un peu, même pour les bandes qui ne sont pas tout à fait sorties de l'ombre, et diminuent encore davantage dans les franges suivantes. En poussant ces mesures jusque dans la partie la plus brillante des franges extérieures du 1" ordre, et comparant la largeur totale résultant de l'observation avec celle que l'on déduit de la formule, j'ai trouvé une différence qui approchait déjà beaucoup de la largeur d'un intervalle, qui paraît être la limite de ces variations, comme dans les franges produites par un diaphragme; mais cette différence d'un intervalle est en plus dans celles-ci, tandis qu'elle est en moins dans les autres.

> 37. "En cherchaul la cause de cette différence entre les résultats du calcul et ceux de l'expérience, quelques réflexions et observations nouvelles n'out fait douter de l'exactitude d'une hypothèse dont j'étais parti pour calculer mes formules : que le centre d'ondulation de la lumière infléchie était toujours au bord même du corps opaque, ou,

<sup>(</sup>a) A. Fresnel fait allusion aux paragraphes suivants de ses Mémoires, dans une lettre à Léonor Fresnel, en date du 3 juin 1818:

<sup>&</sup>quot;Il y a longtemps que j'avais reconnu l'inexactitude de ma première hypothèse et que «les formules auxquelles elle m'avait conduit n'étaient qu'approximatives. J'avais indiqué avaisi à peu près la manière d'envisager les phénomènes de la diffraction que j'ai adoptée, maisi j'étais conduit à uu problème que je n'espérais guive résoudre, » etc. (Voir N LN.)

Nº X.

ce qui revient au même, que la lumière infléchie ne pouvait provenir

que des rayons qui ont touché sa surface. .

J'avais recouvert une glace, déjà noircie par derrière, d'une couche de noir de fumée, dont j'avais ensuite enlevé de petites parties, avec un style, de manière à y ménager des raies brillantes de différentes largeurs. Éclairées par un point lumineux, elles me présentèrent les phénomènes du diaphragme, mais d'une manière beaucoup plus coufuse, à cause du défaut de netteté des bords (1). En les regardant au travers d'une loupe, à une certaine distance, les plus étroites me paraissaient beaucoup plus larges que les autres. Comme celles-là me semblaient d'une teinte à peu près égale dans une partie assez étendue de l'intervalle clair, et qui ne diminuait que graduellement de chaque côté de l'axe, je ne balancai pas à supposer que dans ces raies, et même au milieu, la surface du verre réfléchissait de la lumière suivant différentes directions, car je ne pouvais pas croire qu'une lumière aussi sensible répandue sur un espace si considérable provint uniquement de la réflexion sur les bords de la couche de noir de fumée, qui, étant très-mate, ne renvoyait que fort peu de lumière : l'avais même eu soin, pour diminuer cette réflexion, de rendre l'incidence presque perpendiculaire. Je voyais, d'ailleurs, dans ce phénomène, la confirmation de la théorie que j'avais exposée en donnant l'explication des lois de la réflexion; car j'ai remarqué, dans mon premier Mémoire que, lorsque la surface réfléchissante devenait trèsétroite, les mêmes rayons incidents pouvaient être réfléchis dans des directions différentes (a). L'analogie m'a conduit à supposer que, dans

celles que produisait chaque raie en particulier, même dans les circonstances les plus favorables.

<sup>(3)</sup> Lorsque deux raies très-fines se trouvaient assez rapprochées l'une de l'autre, ou assez éloignées de mon œil, pour que les faisceaux lumineux qu'elles réfléchissaient empiétassent l'un sur l'autre, il en résultait par leur influence mutuelle des franges semblables à celles qu'on voit dans l'ombre d'un corps étroit : ces franges étaient beaucoup plus nettes et faciles à distinguer que

<sup>(</sup>a) J'ai fait cette remarque à l'occasion des images colorées réfléchies par des cylindres d'un très-petit diamètre; mais alle ne suffit pas pour les expliquer, parce qu'on peut en dire autant de tous les points de leur surface, en sorte que les rayons de di-

Nº X. l'expérience ordinaire du diaphragme, la lumière infléchie ne provient

pas seulement de celle qui a rasé les biseaux, mais encore de rayons qui en sont passés à des distances sensibles. Car enfin, lorsque l'ouverture est très-étroite, l'intervalle clair du milieu étant très-large, la petite quantité de ravons qui ont touché les bords, ainsi répandue dans un grand espace, ne pourrait produire qu'une teinte extrêmement faible, au milieu de laquelle on devrait distinguer une ligne brillante tracée par le pinceau des rayons directs. Il n'en est pas aiusi cependant, et la teinte blanche paraît d'une intensité à peu près uniforme dans un espace beaucoup plus grand que l'ombre géométrique du diaphragme; elle s'affaiblit ensuite, mais par degrés, jusqu'aux bandes obscures du 1er ordre. C'était sans donte pour rendre raison de la quantité considérable de lumière infléchie que Newton avait supposé que l'action des corps sur les rayons lumineux s'étendait à des distances très-sensibles. Mais j'ai fait voir qu'on ne pouvait pas admettre cette hypothèse, car il s'ensuivrait que l'angle d'inflexion et, par conséquent. la largeur des franges extérieures, devraient varier avec la masse on la surface du corps infléchissant.

38. Dans la théorie des ondulations, au contraire, il me semble qu'on pent expliquer comment les rayons infléchis prennent leur source dans la lumière directe jusqu'à une distance sensible du corpoopaque. Quand rien ne trouble la régularité du mouvement ondula-

verses confluirs, résultant du croisement des onfluidations, se superposet à reconfluidates inimotis que de sus précrité ou due raise interrompent la continuité de la surface. En répétant l'expérience de Dalouri, pen essis assuré que les images colories prevensient de quelques raise subquitadimale, comme le pensais M. Arego; cer, en faisant tourner le fil médifique au ron ave. j'ai vu ces images changer de place. Le l'ai fini joir cussitée au tour avec soin, de munière à bien efficer les raises longitudinales, et à la plus réfléché que une lunière condinue. L'égéreureul riréc-

dans le sem parpendiculaire à l'axe. Les grande convexité de ces cylindres, en inlant les raiss, favorire le développement de conductres, et ceit la probablement la principale cause du plérimonius. Plus le diamètre que son pell soit parient pour dévraire ces que son pell soit parient pour dévraire ces augus colories. Les unifres évadules au rédéchir que de la funière blanche, pare quident les couleurs produites par les diffirents systèmes de raise se mêtent et ce neutralisant évépreneurs.

1. 1.

toire produit par un point lumineux, il est clair que toutes les ondes doivent être parfaitement sphériques et avoir pour centre le point lumineux. A la vérité, à chaque point de l'espace où l'éther s'est condensé il presse et tend à se dilater dans tous les sens; mais cette dilatation ne peut avoir lieu que dans une direction perpendiculaire à la surface sphérique à laquelle ce point appartient, parce qu'une pression semblable se fait sentir au même instant dans toute son étendue. Il n'en est plus de même lorsque le mouvement vibratoire est intercepté dans une partie de l'espace; et l'on conçoit que les extrémités des ondes penyent donner naissance à de nouvelles ondulations; mais celles-ci ne deviennent sensibles que dans les directions où elles s'ajoutent mutuellement, et ne peuvent pas se propager dans celles où leurs mouvenients se contrarient.

Soient A l'extrémité d'un corps AG, F un point situé au dedans de son ombre, et ACC'C' l'onde lumineuse dont le corps AG a intercepté une partie. Il s'agit de savoir quelle portion de l'extrémité de cette onde peut envoyer de la lumière au point F.

> Du point F comme centre et d'un rayon égal à AF plus une demi-ondulation, je décris l'arc EC, qui coupe l'onde au point C; les rayons CF et AF différerout d'une demi-ondulation. Je suppose le point C', appartenant à l'onde directe, Situé aussi de manière que C'F soit égal à CF

plus une demi-ondulation. Alors toutes les vibrations qui partiront de l'arc CC' dans cette direction oblique seront en discordance complète avec les vibrations partant des points correspondants de AC. Mais toutes celles qui prennent naissauce sur CC' sont déjà très-affaiblies par celles de l'arc suivant C'C', et ne peuvent pas produire probablement une diminution de plus de moitié dans les monvements ondulatoires qui émanent de AC : excepté cet arc extrême, chaque partie de l'onde directe se tronve comprise entre deux autres qui détruisent les rayons obliques qu'elle tend à produire. C'est donc le milieu B de l'arc AC qui doit être considéré comme le centre principal des ondulations qui se font sentir au point F. Je suppose ici que l'obliquité des rayons est assez grande pour que la ligne BF remplisse sensiblement les mêmes conditions dans presque toute son étendne, en sorte que l'onde ait en le temps de se fortifier dans cette direction, par des additions successives. Il résulte aussi de cette obliquité prononcée que l'are AC est très-petit, et qu'uinsi le rayon BF, qui part du milieu de cet arc, est presque exactement la moyenne entre les deux rayons extrêmes CF et AF. On voit qu'alors le rayon efficace BF, et par conséquent le chemin pareonru par la lumière infléchie, sera plus long d'un quart d'ondulation que le chemin compté à partir du hord même du corps AG. On prouverait par un raisonnement semblable que, lorsque les rayons s'infléchissent en dehors de l'ombre, le rayon efficace est plus court d'un quart d'ondulation que celui qui partirait du corps. Je considère ici des inflexions prononcées, comme je viens de le dire, et il est naturel de penser que les rayons intermédiaires dans le voisinage de la tangente passent graduellement de l'augmentation à la diminution d'un quart d'ondulation; mais je n'ai pas encore pu déterminer suivant quelle loi. L'explication que je viens de donner de ces variations, considérées seulement à la limite, laisse même sans doute beaucoup à désirer, et n'est peut-être pas à l'abri des objections. Onoi qu'il en soit, il me paraît certain que le chemin parcouru par les rayons efficaces, dès que leur obliquité est un peu sensible, diffère d'un quart d'ondulation du chemin compté à partir du bord même du corps opaque, tantôt en plus, tantôt en moins, suivant le sens de l'inflexion; du moins les phénomènes se passent comme si cela était.

En effet, nous avons vu que, dans les franges produites par un diaphragme assez étroit, l'intervalle compris entre les deux handes obscures du 1º ordre était double des autres, et qu'ainsi la position des bandes obscarres et brillantes était absolument inverse de cellqui résulterait de la théorie, s' l'on comptait des chemins parcourus à partir des bords mêmes du diaphragme. Or ceci est une conséquence du principe que je viens d'établir. En effet, soient, A et B les deux bords d'une ouverture assez petite pour que, à la distance à la-



quelle on considère les franges, la bande obscure du 1e ordre soit située bien au delà de la tangente la plus voisine, en sorte que les rayons qui la produisent se trouvent infléchis très-sensiblement par les bords, en sens contraire, l'un en dedans, l'autre en dehors. Je suppose que F soit le point qu'occuperait la bande obscure du 1er ordre, si les ondulations avaient pour centres les points A et B, c'està-dire que AF et BF diffèrent d'une demi-

ondulation. Les rayons efficaces des bords A et B se confondent dans ce cas en un seul, qui part du milien de AB, et il n'y a de discordance complète qu'entre les deux rayons extrêmes. Le point F ne doit donc pas se trouver dans l'obseurité. Je suppose maintenant que F soit un point de discordance complète d'un ordre queleonque pour les rayons AF et BF : il sera un point d'accord pour les rayons efficaces CF et DF; car CF est plus long que AF d'un quart d'ondulation, tandis que DF est plus court que BF de la même quantité, d'où résulte une différence totale d'une demi-ondulation.

39. Je passe aux franges qui proviennent du croisement des rayons infléchis par les deux côtés d'un corps opaque. Tant qu'elles sont dans l'intérieur de l'ombre, et assez distantes de la tangente, ou du bord de l'ombre géométrique, les deux rayons efficaces qui concourent à leur production, infléchis l'un et l'autre en dedans de l'ombre, sont tous les deux plus longs d'un quart d'ondulation que les rayons partis des bords du corps; et puisque cette différence est égale et dans le même seus, les bandes sombres et brillantes doivent être situées de la même manière que si les ondulations eussent eu leurs centres aux bords du corps; j'ai donc dù trouver, dans mes premières observations, des résultats conformes à cette hypothèse. Maintenant, à mesure que la bande que l'on considère s'approche d'une des deux tangentes AE (fig. 6), la différence de longueur diminue entre le rayon efficace N° X. infléchi par le côté A du corps opaque AB, et le rayon parti de A, tandis



plus long que BF de la même quantité; d'où résulte une différence totale d'une demi-oudulation, et por conséquent d'un demi-intervalle dans la position des bandes obseures et brillantes suffissamment éloignées du bord de l'ombre. C'est aussi ce que les observations indiquent.

40. Cette théorie des rayons efficaces que je viens d'exposer, tout incomplète qu'elle est encore, peut déjà fournir une explication fort simple de la dégradation rapide de la lumière qui se répand par inflexion dans l'intérienr des ombres. Plus l'inclinaison du rayon BF (fig. 4) augmente, plus l'arc CA diminue, puisque AE doit toujours être égal à un quart d'ondulation : or c'est de l'arc AC seulement qu'émanent les vibrations qui se font sentir au point F. L'intensité de la lumière diminuera donc aussi rapidement que la longueur de cet arc. Supposons d'abord que l'inclinaison de AF, ou l'angle ACE, soit de cinq minutes, par exemple, et, pour simplifier le calcul, que l'onde ACC' soit sensiblement rectiligne : AE devant être égal à un quart d'oudulation, ou à om,000000144, la longueur de l'arc éclairant AC sera de o",000099, c'est-à-dire à peu près d'un divième de millimètre. Je suppose maintenant que l'obliquité de BF soit égale à nn degré, l'arc éclairant n'aura plus que om,000008, c'est-à-dire moins d'un centième de millimètre. On voit par ces deux exemples que la source du mouvement ondulatoire des rayons infléchis devient extrèmement petite, aussitôt que leur inflexion est un pensensible (a).

41. Fai fait plusieurs expériences qui me sembleut confirmer cette théorie des rayons efficaces; mais je citerai seulement celle qui m'a paru la plus remarquable.

Ayant découpé une feuille de enivre dans la forme indiquée par la figure 7, je l'éclairai par un point lumineux, et j'en observai l'ombre par derrière avec une loupe, d'abord de très-près et ensuite à des distances plus considérables. Or voici ce que j'observai. Aussitôt que



les franges próduites par les deux disaphragmes très-étroits CE et DP étaient sorties de l'ondre géométrique de CDFE, qui ne recevait plus alors que de la lumière blanche de chaque diaphragme, les franges intérieures provenant du croisement des rayons introduits par les deux fentes CE et DF avaient beaucoup d'étalt, et présentaient des couleurs aussi vives et aussi

pures que les anueaux colorés. Les franges intérieures de l'ombre ABDC n'étaient pas à beaucoup près aussi brillantes, et leurs couleurs est trouvaient mélées de beaucoup de gris. Eu médiguant davantage, la lumière diminuait dans toute l'étendue de l'ombre ABFE, mais plus rapidement dans EFDC que dans la partie supérieure, en sorte qu'il arrivait un instant où l'intensité de la lumière était la même du hout en bas; après quoi les franges devenaient plus obscures dans la partie

<sup>&</sup>lt;sup>33</sup> Nom repodinions se pamerpulo conformément au namureir original, unis subcleare attenti apecture atienta granderiane comissant au feorite, pour le longieur de AE, un quest d'endulation, après l'aveir faite plus haut (3.38) régule à une domisculation at les voient montrés par les voients des propries avezures par apeut avezure remais ent admunis à pour près exacter; il n'y a, en effet, comme il fo fait voir, que le moitir des rétutions envoyées par l'ere X. cu point l'en pair noi par partie par l'ere X. cu point président par interférence. Tout se passe donc cumme si fonde retution réclatie à un are AB, moitir de XI. et, par conséquent, que l'excès de BF sur AF fût à pour prés d'un quest d'audolation. (E. Xusara, par l'en de un que d'audolation.)

inférieure. Pour que cette différence d'éclat entre les deux parties de l'ombre puisse être bien pronoucée, il faut que les fentes CE et DF soient très-étroites, et la feuille de cuivre suffisamment éloignée du point lumineux.

S'il ny avait de lumière infléchie que celle qui a rasé les bords unèmes du corpo opaque, les franges de la partie supérioure devraient être plus nettes que celles de la partie inférieure, et présenter des couleurs plus pures; car, dans celles-là, les ondulations n'auraient qui un centre de chaque côté, tandis que dans celles-ci elles en auraient deux, qui seraient les deux côtés de chaque fente, d'où résulterait le mélange de deux systèmes de franges, dont les largeurs seraient à la vérité très-peu différentes, mais qui rendrait nécessairement ces franges un peu plus confuses que les bandes supérieures; et l'expérience prouve te contraire. On pourrait expluque, dans la même hypothèse, comment ils es fait que l'ombre de ECDF est mieux éclairés que celle de ABDC, par la double inflexion que produiraient les deux bords de chaque feute. Mais, dans ce système, les franges inférieures devraient toujours conserver leur suspériorité d'éclat, et nous venous de voir qu'il n'en est pas sint de l'ente est pas sint l'ente est pas sint de l'ente est pas sint l'

42. Tous ces phénomènes me paraissent plus faciles à concevoir au moyen de l'autre hypothèse. Pour simplifier le raisonnement, je considérerai seulement la bande brillante du milieu de l'ombre.

Lorsque l'arc éclairant, dont j'ai déjà parlé, se trouve égal à l'ouverture d'une des fentes, il répand deux fois plus de lumière dans l'ombre de CDFE que dans celle de ABDC, parce que dans la partie supérieure les vibrations obliques de la portion voisine de l'ombre directe détruisent la moité de celle de l'arc éclairant<sup>(10)</sup>; au lieu que

<sup>(i)</sup> Peut-être n'est-ce pas exactement la motifé; il n'y aurait que des observations très-précises qui pourraient déterminer avec certitude ces rapports d'intensité; et je ne ne sers ici d'expressions absolues que pour abréger mes explications. Avant de présenter cette théorie des rayons efficaces, j'aurais désiré la vérifier encore par des observations directes, au moyen d'un instrument qui donnât aux diaphragmes CE et DF des ouvertures déterminées; mais je ne sais quand il me sera possible de m'occuper de ces exuériences. dans l'ombre CDEF, où elle est interceptée, elle ne peut plus produire le même elfel. Plus on s'éloignera, plus l'inflection diminuera dans les rayons qui produisent la bande du milleu, et plus l'arc éclairent anguentera. Lorsqu'il sera devenu le double de l'ouverture des fentes, les bandes supéricures et inférieures auront à pen près la même intensité. Mais en s'éloignant encore davantage, la partie de Farc éclairant interceptée dans l'ombre inférieure devenant plus grande que la moitié de cet arc, la bande inférieure scra moins brillante que la supérieure, et, à une distance assez grande, cetle différence d'intensité pourra devenir très-sensible; ce qui est conforme à l'observation.

43. J'avais déjà remarqué depuis longtemps que les franges produites par le fil et le dos d'un rassoir avaient le même éclat, on du moins que si elles différaient en intensité, cette différaient était trèspeu sensible. J'aurais dà en conclure plutôt, je l'avoue, que les rayou réfléchis par les bords du corps poque n'étient pas les seals qui concourussent avec la lumière directe à la production des franges; car la réflécion doit être nécessairement beaucoup moins abondante sur le tranchant que sur le dos d'un rassoir.

44. En général, l'intensité des franges paraît dépendre principalement de la largeur du corps qui intercepte la lumière, et uno pas-de son épaisseur ou de son pouvoir réfléchissant; ce qui confirme mon hypothèse sur la fornation des rayons efficaces. Un fil métallique de Wollaston présente sans doute une surface réfléchissante aussi étendue que le tranchant d'un rasoir, et cependant les franges qu'il produit sont si faibles, qu'on cesse de les apercevoir à une distance de trois ou quatre centimétres. M. Arago m'axia engagé à mesurer ces franges, pour vérifier si effectivement la masse du corps qui porte ombre n'avait aucune influence sur l'angle de diffraction. Voici les résultats que fai obteuur que fai obteuur que fai obteuur que fai obteuur de la comme de la

La distance du point lumineux au fil étant de o",704, et celle du fil au micromètre o",012, j'ai trouvé, pour l'intervalle compris entre les milieux des deux bandes obscures du 1" ordre, o",00035, et entre les

.. deux bandes du second ordre o\*\*,0003Å. Ce fil in'syant que.... de diamètre, on peut négliger, dans le caleul, la largeur de son ombre géométrique, et, en substituant dans la formule 2√2d/ar-b à la place de d la longueur des ondulations des rayons jaunes, o\*\*,000005767, on trouve pour l'intervalle compris entre les deux bandes du 1° ordre o\*\*,0000Å, qui ne diffère que d'un centième de millimètre du résultat de l'observation. En substituant à la place de a, b et d les mêmes valeurs dans la formule 2√2d/a-b, on trouve pour la distance entre les deux bandes du second ordre o\*\*,0003Å, comme par l'observation.

Ces résultats me semblent prouver jusqu'à l'évidence que les corps a dissent point par attrection ou répulsion sur les rayons lumineux à des distances aussi sensibles que Newton l'avait supposé; car alors l'angle de diffraction varierait nécessirement avec la masse ou la surface du corps, et ne serait pas le mênte pour un fil de.... de diamètre, et pour des fils d'une épaisseur de deux ou trois millimètres, tels que ceux dont je m'étais servi dans mes observations précédentes.

45. Il n'est pas inutile, peut-être, de faire reunarquer ici que la théorie des rayons efficaces n'est point en contradiction avec ce que l'observation apprend sur la position des franges extérieures à leur origine, qui paraît être au bord même des corps, ou du moins n'en tre séparée que par un intervalle estrémenent petit. J'ai supposé à la vérité que les rayons efficaces qui concouraient, avec les rayons directs, à la production des franges, ne partaient pas, en général, din bord du corps opaque: mais mous avons vu que la distance du hord du corps à leur centre de vibration n'était sensible qu'autant que l'influêvoir était l'itès-petite. Or, à mesure qu'on se rapproche de l'origine de l'hyperhole, cette obliquité augmente, et la largeur de l'arc éclairant diminue; enfin, à la limite, lorsque la cayon efficace est perpendiculaire aux rayons directs, son centre de vibration n'est plus qu'à un quart d'ondialation du hord du corps opaque.

46. J'ai cherché à me rendre compte, par la théorie des rayons efficaces, de la différence d'une demi-ondulation entre les rayons directs et les rayons infléchis, qui résulte de la position des franges extérieures, indépendamment de la différence entre les chemins parcourns, en supposant les rayons infléchis partis du bord même du corps opaque; mais je n'ai pas encore pu en trouver d'explication satisfaisante. Les rayons efficaces ne diffèrent que d'un quart d'ondulation des rayons réfléchis par le bord du corps, et, en calculant la largeur des franges d'après la différence des chemins parcourus par les rayons directs et les rayons efficaces, on trouverait, pour la distance du milieu de la première bande obscure au bord de l'ombre géométrique,  $\sqrt{\frac{adb(a+b)}{a}}$  au lieu de la formule  $\sqrt{\frac{adb(a+b)}{a}}$  confirmée par les observations (1). Peut-être les ondes directes éprouvent-elles un léger changement de courbnre vers leurs extrémités, dans la partie qui concourt à la formation des franges, de manière à éloigner davantage de l'ombre leur point d'intersection avec les ondulations des rayons efficaces. Mais les lois auxquelles les rayons efficaces sont assujettis ne sont pas encore assez bien connues pour que cette hypothèse puisse être considérée comme une conséquence nécessaire du phénomène.

47. Le prie l'Académie des sciences de juger avec indulgence mes essis dans une théorie aussi difficile. Je désire surtout qu'on n'attribue pas au système des oudnitations les erreurs dans lesquelles je puis être tombé en en tirant de fausses conséquences. Je crois avoir prouvé que la lumière se propage par les ondulations d'un fluide infiniment subtil répandu dans l'espace, et c'est à la démonstration de ce grand principe que je me suis particulièrement attaché; c'est le but vers

(i) Il est possible que cette formule ne soit plue scate lorsque le rayon inféchi se rapproche beaucoup de la tangente; l'analogie du moins me le fait soupçonner. Dans toutes mes observations, excepté celle sur l'ombre d'un fil échieré par une étoie, l'angle de diffraction de la frange extérieure du 1<sup>st</sup> ordre était assez considérable, en sorte qu'elles n'infirment pas cette hypothèse. Dans l'expérience de l'étoile, à la vérité. l'observation m'a poru a'accorder encore avec la largeur déduite de la fornuole; mais, comme je l'ai remarqué, cette mesure n'a pas pu être prise avec une grande précision.

## 170 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. — PREMIÈRE SECTION.

N° X. lequel J'ai dirigé tous mes efforts. Je m'estimerai très-heureux si je puis contribuer à rappeler l'attention des physiciens sur une théorie négligée malheureusement depuis trop longtemps, et à laquelle on devait cependant la découverte importante de la loi si compliquée de la double réfraction.

A Paris, le 14 juillet 1816.

A. FRESNEL.

Nº XI.

## VOTE

## si h

# LA THÉORIE DE LA DIFFRACTION",

( pérosés sons posses de plu cacheré à la séauce de so aveil 1818 (%)

 Lorsqu'on fait passer un faisceau lumineux par une ouverture très-étroite, on remarque qu'il éprouve une distataion, c'est-à-dire que l'espace éclairé est plus large que la projection conique de l'ouverture. Il est aisé de reconnaître par l'abondance de la lumière qui se

66 Ge mémoire était accompagné d'une lettre d'envoi ainsi conçue :

Paris, le so svrit 1818.

Monsieur le Président,

l'ai l'honneur de vous adresser un paquet cacheté, contenant des vues théoriques sur quelques phéoomènes d'optique, que je me propose de soumettre à l'Académie lorsque j'aurai terminé leur vérification expérimentale.

Je vous prie d'avoir la bonté de faire déposer ce paquet au secrétariat de l'Institut. Je suis avec respect, etc. A. FRESNEL.

36 A. Fresnel avait posé les bases d'une vroie théorie mécanique de la diffraction dans le Supplément au Ménoire aur la diffraction (14 juillet 1816, n° X).

Le 19 janvier 1818, il avait présenté à l'Académie des sciences le Supplément au Mémoire sur les modifications que la réflexion imprime à la Immière polarisée (n° XVII), et lai-même éléfinissait, en ces termes, l'objet et les conséquences de ce Mémoire :

» le viens d'imagiore, pour calculer l'influence d'un nombre quelconque de systèmes « d'ondes lumineuses les unes sur les autres, des formules qui me paraissent bien représente rès phénomères, du moire dans les cas où je les si vérificés jusqu's présent. Le vais conti-« nuer cette vérification, et appliquer ces mêmes formules à la diffraction, dont j'aurai alors répand au delà des arêtes du cône, et par le décroissement graduel de son intensité, depuis le centre de la partie éclairée jusqu'aux bandes obscures du 1e ordre, que ce phénomène ne doit pas être uniquement attribué au concours des rayons réfléchis et infléchis par le contact des bords du diaphragme, surtout s'ils sont tranchants; car il est évident alors que la lumière réfléchie est trop faible pour produire un effet aussi prononcé. D'après cette expérience et plusieurs autres rapportées dans le Mémoire que j'ai eu l'honneur de présenter à l'Académie, le 15 juillet 1816, j'ai fait voir que la dispersion de la lumière occasionnée par le voisinage d'un corps opaque ne se bornait pas aux rayons qui en avaient rasé les bords, mais s'étendait encore à une infinité d'autres rayons séparés de ces bords par des intervalles sensibles. Dans la théorie des ondulations on peut se rendre compte du phénomène, en faisant attention que la suppression d'une partie de l'onde doit détruire l'équilibre des petits mouvements dont elle se commose, et permettre aux molécules éthérées, situées vers son extrémité, de vibrer dans d'autres directions que celle de la normale. Je ne vois pas comment on pourrait l'expliquer dans le système de l'émission; car il n'est pas probable que l'attraction et la répulsion moléculaires s'étendent à des distances aussi considérables qu'un demi-

millimètre, par exemple, ou même un dixième de millimètre. Et d'ailleurs, si l'on adoptait cette hypothèse, on devrait en conclure nécessai-

<sup>-</sup>une théorie compétée, si je ne suis pas arrêté en route par quelques dificultés d'anatyse, -ce que crains fort, cor un premier essai m'a déjà conduit à une différentielle qui n'est pas -intégrable, à ce qu'il paraît... (Lettre à Léonor Fresnet, du 48 novembre 1817, N° LIX.)

<sup>&</sup>quot;......Fai maintenant l'espoir ausez bieu fondé de lever toutes les difficultés qui restaient «sur la diffiraction, et d'en donner une théorie complète, débarrassée de cette hypothèse «d'une différence d'une demi-ondulation, que je n'avais pas encore pu expliquer.» (Lettre la Léonor Fressel du 10 avril 1818, N° LIX.)

Or la question de la difraction avait été mise au concours par l'Académie des sciences. Le paput cacheté, déposé à la séance du no avril 1818, était donc nécessaire pour assurer à l'auteur des Mémoires du 1 à juillet 1816, et du 19 janvier 1816. Le propriété des applications qu'on pouvait faire aux phénomènes de la diffraction des principes qui y sont établis.

173

rement que la masse des bords du corps opaque et la forme de leur surface doivent influer sur la manifer dont ils attirent ou repoussent la lumière. Or toutes les expériences que j'ai faites jusqu'à présent sur la diffraction m'out démontré que la position des franges et la distance, sont indépendantes de la masse des bords du corps opaque, comme de sa nature et de sa densité. Cest ainsi que le fil et le dos d'un rasion présentent les mêmes franges, que la lumière est autant distance passant par une petite ouverture pratiquée dans une l'épère conche d'encre de Chine étendue sur me glace, que par le rapprochement de deux cylindres métalliques d'un diamètre considérable. Mais je une bornerai ici à rapporter une expérience faite avec toute la précision nécessaire pour ne laisser aucut doute sur ce principe.

2. Fai fait passer un faisceau lumineux entre dens plaques d'acire thex-rapprochées, dont les bords vertieaux, hien dressés su toutoi leur longueur, étaient tranchants dans une partie et arrondis dans une autre, et disposés de telle sorte que le bord arrondi d'une des plaques répondait au tranchant de l'autre, et réciproquement. Il en résultait que le tranchant se trouvant à droite, par exemple, dans la partie supérieure de l'ouverture, était à gauche dans sa partie inférieur. Par conséquent, pour peu que la différence de nusse ou de surface des deux bords etit pour peu que la différence de nusse ou de surface des deux bords etit pour peu que la différence de nusse ou de surface des deux bords etit pour peu que la différence de nusse ou de surface des deux bords etit pour peu pau la différence de nusse ou de surface des deux bords etit pour peu peu la différence de nusse ou de surface des deux bords etit pour peu la différence de nusse ou de surface des deux bords et de pour peu la différence de nusse ou de surface des deux bords et de l'active des deux bords et de l'active de l

Il résulte de cette expérience que les phénomènes de la diffraction sont tout à fait inexplicables dans le système de l'émission, lors même qu'il emprunterait à la théorie des ondulations le principe des interférences.

3. La théorie des ondulations conduit au contraire, ce me semble.

#### 74 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. — PREMIÈRE SECTION.

à une explication complète de ces phénomènes, au moyen du principe d'Iluyghens, qu'on peut époncer ainsi: les ribrations d'une onde hunineuse dans chacun de ses pontes sont égales à la somme de tous les mourements élémentaires qu'y enverrait au même instant, en agissant indément, chaque petite partie de cette onde considérée dans une quelconque de ses positions antérieures.

A. L'intensité de l'onde primitive étant uniforme, il résulte de cette ronsidération théorique, comme de toutes les autres, que cette uniformité se conservera pendant sa marche, si aucune partie de l'onde n'est interceptée ou retardée relativement aux parties contigués, parce que la sonnne des mouvements élémentaires dont je viens de parter ser la même pour tous les points. Mais si une portion de l'onde est arrêtée par l'interposition d'un corps opaque, alors l'intensité de chaque point variera avec sa distance au bord de l'ombre géométrique, et ces variations seront surfout sensibles dans le voisinage de l'ombre.

Soit C le point lumineux, AG le corps opaque. Je considère l'onde



V" XL

dans le moment où, arrivée en A, elle est interceptée en partie par ce corps, c'est-à-dire à l'origine lu dérangement de son équilibre transversal <sup>(i)</sup>. Le la suppose divisée en une infinité de petits arcs égaux Am', mm, mM, mn', n'n' etc. et pour avoir son intensité au point P, dans une de ses positions postérieures BPD, je cherche la résultante des ondes élémentaires, que chacune des portions de l'onde primitive y enverrait en agissant isolément.

5. L'impulsion qui a été communiquée à toutes les parties de l'onde primitive étant dirigée suivant la normale, il est clair que

les mouvements qu'elles tendent à faire naître dans l'éther doivent

<sup>&</sup>quot; Si l'on considérait l'onde dans une position antérieure, il faudrait avoir égard aux dans les petites ondes élémentaires émanées

être plus intenses dans cette direction que dans toute autre, et que les rayons qui en émaneraient, si elles agissaient isolément, seraient d'autant plus faibles qu'ils s'écarteraient davantage de cette direction. Mais les effets produits par les rayons qui émanent de l'onde primitive se détruisant presque complétement dès qu'ils s'inclinent sensiblement sur la normale, les rayons qui influent d'une manière appréciable sur la quantité de lumière que reçoit chaque point P peuvent être regardés comme d'égale intensité. En étendant l'intégration jusqu'à l'infini, je suppose, pour la commodité du calcul, qu'il en est de même des autres rayons, vu que l'inexactitude de cette hypothèse ne doit pas apporter d'erreur sensible dans les résultats. On peut aussi, par la même raison, supposer toutes les vibrations de ces ondes élémentaires parallèles à la normale, de manière à ramener la question au problème des interférences, dont j'ai donné la solution dans le Supplément au Mémoire que j'ai eu l'honneur de présenter à l'Académie, le 24 novembre 1817.

6. Sapposons d'abord le corps opaque AG assez étendu pour que la lumière qui vient du côté G soit sensiblement utulle, en sorte que l'ou n'ait à considérer que la partie de l'onde située à gauche du point A. Pour déterminer l'intensité de la lumière en P, il faut chercher la résultante de toutes les ondes élémentaires que tendeut à faire utaltre les petits ares Am', m'm, aM, Mn, nn', n'n', ct. c. considérés comme autant de points lumineux dont les vibrations s'exécutent en mème temps. Pour déterminer les positions relatives de toutes ces ondes arrivées au point P, de ce point comme centre et d'un rayon égal à la prependiculaire PM abaissées ur l'onde AME, je décris un cerel e Mir. Les parties n's', n's', ns, mr, m's', etc. des rayons, comprises entre l'onde AME et ce cercle, sont précisément les différences des chemins pareourns pur les ondes éfémentaires qui arrivent en P, et par conséquent les pur les ondes éfémentaires qui arrivent en P, et par conséquent les

de checun de ses points. Si l'on prenait, au contraire, pour point de départ une des positions postérieures de l'onde, il faudrait avoir égard aux variations d'intensité de ses différentes parties, ce qui rendrait le calcul très-difficile et peut-être impraticable dons l'un et l'autre cas. 3º M. intervalles qui séparent leurs points correspondants. Pour calculer leur résultante, je les rapporte toutes à l'onde émanée du point M et à une autre onde distante de cell-cei d'un quart d'onditalion. Si l'on représente par dz une quelconque des petites parties n'n' de l'onde primitive, et par z sa distance au point M, l'intervalle n'n' étant proportionnel au carré de l'arc z², on aura pour la composante rapportée à l'onde émanée de M, dz cos (az²), et pour l'autre dz sin (az²); en faisant la somme des composantes semblables de toutes les autres ondes élémentaires, on a donc.

$$\int dz \cos(az^2) \operatorname{et} \int dz \sin(az^2)$$
,

et par conséquent la résultante générale de tous ces petits monvements. on l'intensité des vibrations lumineuses au point P, est égale à

$$\sqrt{\left[\int dz \cos(az^2)\right]^2 + \left[\int dz \sin(az^2)\right]^2}$$
;

ces intégrales étant prises depuis A jusqu'à l'infini (a).

7. Elles se divisent naturellement en deux parties, l'une comprise entre A et M, et l'autre entre M et l'infini. Celle-ei reste constante, tandis que la première varie avec la position du point P: ce sout ces variations qui déterminent la largeur et l'intensité des bandes obsenres et hrillantes.

L'analyse donne l'expression finie des intégrales

$$\int dz \cos(az^2) \operatorname{et} \int dz \sin(az^2),$$

priese depuis: == o junquà z == co; mais on ne peut avoir ces intégrales entre d'autres limites que par le moyen des séries ou des intégrations partielles. Gest par ce dernier procédé, qui m'a paru le plus commode, que j'ai calculé la table suivante, en rapprochant assez les limites chaque intégrale partielle pour pouvoir négliger le carré de la moité

<sup>39</sup> Voy, n° XIV. Fresnel, dana le paragraphe qu'on vient de lire, suppose implicitement la connaissance des règles de calcul qu'il avait exposées dans son Mémoire du 19 janvier 1818 (n° XVII de la présente édition).

de l'arc qu'elles comprennent. Cet arc est ici un dixième de quadrant; Nº XI. ainsi en supposant

 $a = \frac{1}{2}\pi$ ,

la variation de z qui lui correspond est 0,10, et le carré de sa moitié 0,0095; par conséquent, le plus grand arc qu'on néglige dans les différentielles n'est que les 0,0025 d'un quadrant, ce qui donne une exactitude suffisante, car elle surpasse beaucoup celle à laquelle peuvent atteindre les observations.

des intégrales.	∫ds cos ( + πz² )	fds sin († #s²)	des intégrales.	fds coe († ***)	fds sin († ws1
de s=o			de r=o	,	
à == 0,10	0,0999	0,0006	à :== 2,70	0,3999	0,6528
0,90	0,1999	0,0052	2,80	0,4678	0,3913
0,30	0,2993	0,0150	2,90	0,5627	0,4098
0,40	0,3975	0,033 s	3,00	0,6061	0,4959
0,50	0,4923	0,0644	3,10	0,5691	0,5815
0,60	0,5811	0,1101	3,90	0,4668	0,5931
0.70	0,6597	0,1716	3,30	0,4061	0,5191
0,80	0,7230	0,2587	3,40	0,4388	0,6296
0.90	0,7651	0.3391	3,50	0,5318	0.4149
1,00	0,7803	0,4376	3,60	0,5883	0,4919
1,10	0,7643	0,5359	3,70	0,5494	0,5746
1,20	0,7161	0,6229	3,80	0,4485	0,5654
1,30	0,6393	0,6859	3,90	0,4416	0,4750
1,40	0,5439	0.713s	4.00	0,4986	0,4200
1,50	0,4461	0,6973	4,10	0,5739	0.4754
1,60	0.366a	0,6388	4,20	0,5520	0,5628
1,70	0,3245	0,5499	4,30	0,4597	0,5537
1.80	0,334s	0,4509	5,50	0,4385	0,4620
1,90	0,3949	0,373s	4,50	0,5261	0,4339
2,00	0,4886	0,343a	4,60	0,5674	0,5158
2,10	0,5819	0,3739	4,70	0,4917	0,5668
2,20	0,6367	0,4553	4,80	0,4340	0,4965
2,30	0,6171	0,5528	5,90	0,5003	0,5357
2,60	0,5556	0,6194	5,00	0,5638	0,4987
9,50	0,5581	0,6190	5,10	0,5000	0,5620
2,60	0,3895	0,5499	,		

N° XI.  $\int dz \cos\left(\frac{1}{2}\pi z^2\right)$  et  $\int dz \sin\left(\frac{1}{2}\pi z^2\right)$  depuis zéro jusqu'à l'infini sont

égales Iune et l'autre à  $\frac{1}{2}$ . Ainsi, pour avoir à l'aide de cette table l'intensité de lumière qui répond à une position donnée du point P, ou, re qui revient au même, à une valeur déterminée de z, considére comme une des limites de l'intégration poussée de l'autre part jusqu'à  $-\infty$ , il faut chercher dans cette table les valeurs de  $\int dz$  cos  $\left(\frac{1}{2}\pi z^2\right)$  et  $\int dz$  sin  $\left(\frac{1}{2}\pi z^2\right)$  qui répondent à cette valeur de z, les augmenter de z une et l'autre, faire la sonme de leurs carrés, et en extraire la racine carrée, si c'est la vitesse des molécules éthérées qu'on veut déterniner; quant à l'intensité de la sensation, elle est donnée immédiatement par la sonme des carrés.

8. La seule inspection de cette table indique des variations périodiques d'intensité dans la lumière, à mesure qu'elle étôtigne du product de l'ombre géométrique. Pour avoir les valeurs de z qui répondent aux maxima et minima, c est-à-dire aux points les plus éclairés et les plus sombres des bandes obscures et brillantes, il faut d'abord chercher dans la table les nombres qui en approchent le plus, et caleuler les intensités de lumière correspondantes; au moyen de ces données, et à l'aide d'une formule très-simple, on peut déterminer avec une exactitude suffisante les valeurs de z qui répondent aux maxime et aux minime.

Si l'on représente par  $\alpha$  la valeur approchée de z que doune immédiatement la table, par  $\Lambda$  et B celles de  $\frac{1}{2} + f dx \cos\left(\frac{1}{2}\pi x^2\right)$  qu'il in correspondent, et par t enfin le petit arc qu'il faut ajouter à a pour arriver au mazimum ou au minimum de lumière, en négligeant dans le calcul le carré de t, ou trouve :

$$\sin\left[\frac{1}{2}\pi(a^2+2at)\right] = \frac{\pi a\Lambda - \sin\left(\frac{1}{2}\pi a^4\right)}{\sqrt{(\pi a\Lambda - \sin\left(\frac{1}{2}\pi a^4\right))^2 + (\pi aB + \cos\left(\frac{1}{2}\pi a^4\right))^2}},$$

En substituant dans cette formule les nombres tirés de la table, on obtient les résultats suivants:

	de z,	des intensités.
Maximum du 1 <sup>et</sup> ordre	1,9179	9,7513
Minimum du 1" ordre	1,8990	1,5607
Maximum du s' ordre	9,3559	2,3000
Minimum du 9° ordre	2,7399	1,6867
Maximum du 3º ordre	3,0818	2,3055
Minimum du 3° ordre	3,3013	1,7540
Maximum du à* ordre	3,674s	2,2523
Minimum du 5° ordre	3,9372	1,7783

Il est à remarquer qu'aucun minimus n'est (gal à zéro, comme dans les anneaux colorés, ou dans les franges produites par le concours de deux faisceaux lumineux régulièrement réfléchis, et que la différence entre les mazima et les minima dininue à mesure qu'on s'éloigue de la tangente: ce qui explique très-hien pourquoi les franges qui bordeut les ombres des corps sont beaucoup moins vives et moins nombreuses que les anneaux colorés, ou celles qu'on obtient par la réflexion d'un point lumineux sur deux miroirs légèrement inclinés entre eux.

9. Dans mon premier Mémoire sur la diffraction, j'avais supposé que les franges extérieures étaient produites par la rencontre des ondes directes avec d'autres ondes ayant leur centre au bord du corps qui porte ombre; mais comme il résulterait de cette hypothèse seule que les handes obseures et brillantes devraient suivre dans leur position un ordre presque exactement inverse de celui que présente l'observation, j'avais supposé en outre que ces deux faisceaux lumineux, indérendement de la différence des chemins parocurus, différaient encoce d'une demi-ondulation. Dans ce système, la bande obscure du 1" ordre répond à une différence d'une ondulation entre les chemins parocurus, ou à 2π pour la valeur de la parenthèse (½πz²), et par conséquent à z= 2. La véritable théorie, comme on le voit par le tableau cidessus, donne 1.899, résultat luss petit d'un vingètire seulement.

- 10. Ce tableau sert à déterminer la largeur des franges extérieures, quelles que soient les distances respectives du point lumineux, du corps paque et du carton sur lequel on reçoit l'ombre, ou du foyer de la loupe avec laquelle on les observe. Il suffit, dans chaque cas particulier, de chercher la constante par laquelle on doit multiplier les nombres donnés, c'est-à-dire la largeur qui répond à une différence d'un quart d'ondulation ontre la ligne droite et la ligne brisée passant par le bord du corps opaque.
- 11. On ne peut pas présenter de résultats généraux relativement aux franges intérieures d'une ombre étroite, ou à celles qui sont produites par une très-petite ouverture. Il faut chercher les maxima ou minima de lumière, pour chaque cas particulier, avec la première table et la formule dont j'ai déjà parlé. Lorsqu'on veut les déterminer dans l'ondre d'un corps étroit, les intégrales doivent être prises depuis l'infini négatif jusqu'à l'infini positif, moins l'intervalle occupé par le corps. Lorsqu'on cherche les maxima et minima de lumière produits par une petite ouverture, les limites de l'intégration sont les deux bords de cette ouverture.
- 12. Cette théorie rend compte de toutes les différences qu'ou remarque entre la position des bandes obscures et brillantes, dans les diverses circonstances, et celle que l'on déduit de la première hypotlièse que j'avais adoptée.

Je ne parlerai ici que d'un cas remarquable par la simplicité de la loi du phénomène. Dans le second Mémoire que j'ai eu l'honneur de présenter à l'Académie sur la diffraction, j'ai observé que lorsqu'on produit des franges par l'interposition d'un diaphragme percé d'une ouverture très-étroite, l'intervalle compris entre les milieux des bandes obseures du " ordre varie depuis une jusqu'à deux largeurs de franges. On ne peut pas approcher beaucoup de la première limite, que j'ai indiquée par induction, et non d'après des observations directe, on approche davantage de la seconde, en diminuant l'ouverture du diaphragme et l'éloignant suffisamment du point lumineux. Mais on l'attit complétement avec une ouverture bien mois étroite en placant

une lentifle contre le diaphragme et en observant les franges à son foyer. Alors l'intervalle compris entre les deux handes obseures du r'e ordre est toujours le double des autres intervalles compris entre deux bandes consécutives, quelle que soit la distance du diaphragme au point lumineux. Cette expérience, qui m'avait été indiquée par la théorie, m'en parât une confirmation frappante.

13. Je terminerai cette note en faisant observer qu'il résulte aussi de la théorie que je viens d'exposer que la lumière qui se répand dans l'ombre des corps doit décroître rapidement à mesure que les rayons s'éloignent de la tangente, et d'une manière graduelle, sans ess maximae a mismina d'intensité qui forment des franges, toutes les fois du moins que le corps opaque est assez large pour qu'un point queleonque, pris dans l'intérieur de son ombre, ne puisse pas recevoir de lumière sensible des deux côtés à la fois. On peut s'en convaincre aisément avec la table ci-dessus, en retrauchant ½ de chaeun des nombres correspondants des intégrales fdz cos (½ nx²) et fdz in (½ nx²), et faisant la somme de leurs carrés, ce qui donne l'intensité de la lumière répandue dans l'ombre aux points qui correspondent à chaque valeur de z.

Paris, le 19 avril 1818.

A. FRESNEL.

### FRAGMENTS ET NOTES DIVERSES

RELATIFS

# AUX INTERFÉRENCES ET A LA DIFFRACTION".

Nº XII (A).

#### NOTE

SUR LES EFFETS PRODEITS PAR DES NAYONS QUI SE CROISENT SOUS UN TRÈS-PETIT ANGLE.

On sait que, lorsque la différence des chemins parcourus est telle qu'il y a une différence d'une demi-ondulation entre les rayons lumineux qui se croisent sous un très-petit angle, leur réunion produit du

<sup>(</sup>a) On a réuni, sous le n° XII, quelques développements additionnels à diverses parties du Mémoire couronné sur la diffraction.

Les pièces A et B ne sont que des ébauches de rédaction.

C, D, E, F paraissent être des éclaircissements remis aux commissaires de l'Académie, pour faciliter la rédaction de leur rapport,

Les pièces G et H. formant une sorte d'extrait anticipé du Mémoire envoyé au concours, ont élé écrites, en 1819, par A. Frensel, pour M. Biot, qui devait traiter de la diffraction dans ses tecons au collège de France.

Les notes I et J sont l'une et l'autre le développement d'un passage du Ménoire présenté au concours, (Voy, n° XIV la variante du paragraphe 4.) La note 1, dont le manuscrit, asses fortennent uneuflé, porte en marge les noms des compositeurs d'imprimerée cutre lesques lis avait  $\ell\ell\ell$  partagé, était probablement dostinée aux  $\Lambda$ nnules de chissée et de physique, mais elle n'a inmais séé quabilée.

Nº XII (A). noir au lieu d'une augmentation de lumière. Tant que cet angle n'est pas nul, les vibrations ne sont pas entièrement détruites. A la vérité elles n'existent plus dans la direction qui divise l'angle en deux parties égales, parce que les deux composantes agissant en sens contraire se font équilibre; mais, dans la direction perpendiculaire, les deux composantes s'ajoutent, au contraire, et l'oscillation continue subsiste. Ainsi dans les milieux des bandes obscures, produites par la ren-



contre de deux systèmes d'ondes légèrement inclinés entre eux, les vibrations lumineuses sont nulles dans le sens de la trajectoire, mais elles existent encore dans le sens transversal. Il en résulte pour l'œil la sensation du noir, non-seulement à cause de la faiblesse de ces oscillations transversales, mais probablement aussi à cause de leur direction.

Le moyen le plus simple de produire ces bandes est de faire réfléchir les ondes émanant d'un même point lumineux sur deux miroirs légèrement inclinés entre eux, et de recevoir la lumière réfléchie sur un carton blane, ou un verre dépoli, ou sur une loupe placée devant l'œil de l'observateur. L'effet de la loupe est de réunir au fond de l'œil les rayons qui se sont croisés à son fover, et lorsqu'on regarde les franges qui se peignent sur

un carton blanc, ou une glace dépolie, les rayons partis d'un même point de leur surface se réunissent aussi dans un même point de la rétine. On conçoit ainsi comment l'œil doit avoir la sensation des franges.

Mais, dira-t-on, lorsque l'œil est assez éloigné du carton ou du verre dépoli pour qu'à cette distance l'angle que font entre eux les deux faisceaux lumineux soutende un arc plus grand que l'ouverture de la prunelle, les rayons appartenant à ces deux faisceaux réflé<sup>60</sup> La suite manque. La difficulté soulevée par Fresnel se résout en remarquant que c'est la lumière diffusée et aon la lumière réfléchie régulièrement qui nous fait voir les franges recues sur un carton ou un verre dépoit.

Ge fragment, qui in pas malhorressement de late certaine, offre un nose grand inderle pour l'Haistoire du développement accessife du isfecte de Prancia. On y voit, pus desirement encore que dans divers passages des numéros précédents, combien l'hypothèse des vilrations transversales avait été d'abord étrangére à l'ouprit du créstaur de la thécrice de la double ferretacton. Las failles vilrations transversales qui révillant de sintérference de rayons qui ne sont par figurementent parallèles sont pour lui insensibles, non-sentement à cause de leur manque d'intanti, mais produbéreur aussi à trase de heur déreiten, le V. Varandger manque d'intanti, mais produbéreur aussi à trase de heur déreiten, le V. Varand-

### Nº XII (B).

# NOTE

#### SUR LES FRANGES PRODUITES PAR DEUX MIROIRS

La loupe n'est pas seulement nécessaire aux yeux ordinaires pour empêcher la vision distincte des deux points lumineux, et la séparation sur la rétine des rayons qui en émanent, mais encore pour grossir les franges, qui sont presque toujours extrêmement fines. Car ce sont précisément les plus fines qui sont les plus faciles à produire par tâtonnement, et la raison en est bien simple; puisque la largeur des franges est en raison inverse de l'angle sous lequel on voit les deux images du point lumineux, plus l'angle des deux miroirs est prononcé, plus les franges doivent être fines, et en même temps plus le champ lumineux commun aux deux miroirs est étendu, double chance pour y trouver les franges des sept premiers ordres, les seules qu'on puisse distinguer. Quand, au contraire, les deux miroirs ne font entre eux qu'un angle presque insensible, leur champ commun est très-étroit, et les franges très-larges, en sorte que, pour y apercevoir des franges, il faut avoir encore bien plus grand soin que dans l'autre cas que les bords en contact des deux miroirs ne saillent pas l'un sur l'autre. Pour arriver à des franges larges, le procédé le plus sûr est de commencer par faire naître des franges étroites, que l'on dilate ensuite en diminuant graduellement l'angle des deux miroirs, et en avant soin à chaque pression de ne pas les laisser sortir tout à fait du champ commun des deux miroirs. On les ramène vers son centre en appuyant sur le miroir dout elles s'éloignent, puisque ce sont alors les rayons réfléchis sur sa surface qui ont parcouru les plus courts chemins.

On éviterait tous ces tâtonuements par un appareil fort simple, auquel j'ai songé depuis longtemps, mais que je n'ai pas encore fait

construire. Il faudrait qu'il fût exécuté avec une grande perfection. N° XII (B).



Ce serait de fixer par une pression douce, à l'aide de ressorts, les extrémités des deux miroirs sur deux petits et limités d'acier placés exactement dans le prolongement l'un de l'autre, et atour desquels les deux miroirs pourraient tourner en restant toujours tangents à ces cylindres. A l'aide d'une vis de rappel on ferait ainsi varier à volonté et aussi lentement qu'on le voudrait l'angle des deux miroirs <sup>50</sup>.

Lorsque le champ commun des deux miroirs est assez long on assez étroit, ou que les franges sont assez inclinées sur ses deux bords longitudinaux pour qu'elles le traversent d'un bord à l'autre, il arrive toujours qu'elles se prolongent un peu au delà, en prenant une forme courbe. Pour se rendre parfaitement raison de cette courbure et du sens dans lequel elle a lieu de chaque côté, il suffit de faire attention que ces prolongements des franges ne résultent plus, comme la partie rectiligne, du concours de deux faisceaux lumineux régulièrement réfléchis l'un et l'autre sur les deux miroirs, mais de la rencontre des rayons infléchis vers le bord d'un des miroirs avec les rayons régulièrement réfléchis sur l'autre. Cette portion des franges rentre ainsi dans les phénomènes de la diffraction. En considérant les miroirs comme des ouvertures par lesquelles passent les rayons qui émanent des deux images du point lumineux, on suit aisément les accroissements de longueur des chemins parcourus qui résultent de l'inflexion des rayons sur les bords de l'ouverture dans un des faisceaux lumineux, et l'ou en conclut, par des considérations géométriques fort simples, la forme de la courbe et le sens dans lequel elle doit être tournée; et ces conséquences de la théorie se trouvent conformes à l'observation.

<sup>(</sup>s) L'appareil sommairement décrit par Fresnel dans cette note ne parait pas avoir été jamais construit.

Nº XII (C).

### N° XII (C).

#### NOTE

#### SUR LES FRANGES EXTÉRIEURES DES OMBRES DES CORPS TRÈS-ÉTROITS \*\*.

En dérivant plusieurs expériences, qui prouvent que les franges extérieures ne peutent être poduites par le seul conocurs des rayans directs et des rayans infléchis sur le bord de l'écran, j'ai oublié de citer le phénomène qu'on observe quand l'écran est très-étroi : c'est qu'à unc certaine dislance les franges extérieures deviennent beaucoup plus pales que celles qui entourent les ombres des corps larges, et qu'en s'éloignant encore davantage on finit par ne plus les apercent, quelle que soit d'ailleurs l'épaisseur de cet écran, c'est-à-dire l'étendue de la surface réfléchissante. On peut faire cette expérience avec une fœille métallique très-minec, dirigé bien exactement sur le point lumineux dans le sens de sa largeur; alors on verra que ses franges extérieures deviennent, à une distance sullisante, incomparablement plus faibles que celles qui sont produites par le fil d'un rasoir, par exemple, quoique cette feuille métallique présente aux rayons tangents une surface beacoup plus étendue.

On ne peut pas attribuer cet affaiblissement progressif des franges au concours des rayons infléchis par l'autre bord de l'écran trèsétroit; car lorsqu'on s'en dioigne beaucoup, les rayons qui viennent des deux bords se trouvent sensiblement d'accord dans leurs vibrations, à cause du peui de largeur de l'écran, et leurs-effets sur les rayons directs doivent s'ajouter au lieu de s'affaiblir mutuellement.

<sup>(</sup>a) Cette note doit être regardée comme un supplément aux considérations présentées dans les paragraphes 25 à 28 du Mémoire couronné sur le diffraction (N° XIV).

Ainsi ce phénomène est tout à fait inexplicable dans l'hypothèse qui N° XII (C).

attribue la formation des franges extérieures au seul concours des
rayons directs et des rayons réfléchis sur le bord de l'écran; tandis
qu'il est, au contraire, une conséquence nécessaire de la théorie que
jai adoptée. En effet, les variations d'intensité qui produisent les
franges tiennent à ce qu'une partie de l'onde est interceptée. Lorsque
l'intégration s'étend depuis + co jusqu'à — co, l'intensité de lumière
est la même pour tous les points. L'on conçoit en conséquence que
plus la partie interceptée est petite, plus les variations d'intensité sont
légères; et elle influe d'autant moins sur l'intégrale qu'on s'éloigne
davantage du corps opaque, parce qu'elle répond alors à une plus
petite différence de chemins parcourus, ou à une plus petite valeur
de r dans la table des valeurs numériques des intégrales

$$\int dv \cos qv^2$$
 et  $\int dv \sin qv^2$ .

Nº XII (D).

## NOTE

SUR L'HYPOTHÈSE DES PETITES ATMOSPHÈRES À LA SURFACE DES CORPS.

Dutour a essayé, mais sans suceès, d'expliquer les phénomènes de la diffraction par l'hypothèse de petites atmosphares qui recouvrissient la surface des corps <sup>60</sup>. Ce système ne peut pas soutenir un examen approfondi. Je n'entrerai pas dans le détail de toutes les difficultés qu'il présente lorsqu'on le suit dans ses conséquences et qu'on cherche à constituer ces atmosphères de manière à représenter les faits. Je ne lui opposerqui que quedques objetions très-simple.

s' Evepérience démontre que les franges ne sont pas seulement produites par les rayons lumineux qui ont raré le bord des corps, mais encore par une multitude d'autres rayons qui en ont passé à des distances très-sensibles, quand on les observe assez loin de l'écra suffisament cliègne fui-même du point lumineux. Il faudrait donc étendre les atmosphères à des distances du corps opaque beaucoup plus grandes que celles qui séparent les mêmes franges du bord de l'ombre géométrique, quand on les observe très-près de leur origine.

a° Si ces atmosphères ont une étendue sensible, comme on est obligé de l'admettre, en rapprochant assez deux outeaux entre lesquels on fait passer un faisceau lumineux, les atmosphères de lours tranchants se réuniraient et se fondraient l'une dans l'autre, d'où résulterait une diminution de la courbure extérieure; et cependant la lumière est d'autant plus infléchie que les deux couteaux sont plus rapprocchés.

<sup>(4)</sup> Voir nº X. 5 22, note (4).

 $3^{\rm o}$  Les bords des corps transparents produisent des franges absolu-  $N^{\rm o}$  XII (D). ment semblables en dedans et en dehors.

4º Enfin les franges ne varient point avec la courbure des borbs de l'écran. Le fil et le dos d'un rasoir produisent des franges égales en largeur et en intensité. On n'aperçoit non plus aucune différence entre celles d'un écran isolé d'une épaisseur queleonque et celles qui bordent l'ombre d'une légère couche d'encre de Chiné étende sur une glace, qu'elle ne recouvre qu'en partie, malgré la fusion qui devrait avoir leu, dans ce demire cas, entre l'atmosphère du bord de la couche d'eucre de Chiné et l'atmosphère qui enveloppe la partie contigué de la surface du verre. Comment peut-il se faire que la largeur et l'intensiée s'franges restent constantes, lorsque les atmosphères auxquelles des franges restent constantes, lorsque les atmosphères auxquelles du tribue leur formation éprouvent des variations infinies dans leur combrue extérieur s'

Cette hypothèse présente les mêmes difficultés que celle qui attribules phénomènes de la diffraction à des forces attractives et répulsives emnant de la surface des corps. Elle ne peut pas expliquer d'avantage comment la nature et la masse des corps et la forme de leur surface n'ont aucune influence sensible sur la position et l'intensité des franges.

## Nº XII (E).

### NOTE

SUB LES PHÉNOMÈNES DE LA DIFFRACTION DANS LA LUMIÈRE BLANCHE.

- 1. Les franges, dans la lumière blanche, sont la réunion des bandes obscures et brillantes produites par toutes les espèces d'ondes lumineuses dont éle se compose. La largeur de ces bandes étant proportionnelle à la longueur d'ondulation varie avec elle; en sorte que les bandes obscures et brillantes de diverses couleurs, au lieu de seuperposer parfaitement, empiètent les unes sur les autres; d'où résultent des mélanges dans d'autres proportions que celles qui constituent la lumière blanche; et par conséquent un phénomène de coloration.
- 2. Considérons-le dans le cas le plus simple, celui où les franges proviennent du concours de deux systèmes d'ondes régulièrement réfléchies par deux miroirs légèrement inclinés entre eux. Ces deux systèmes d'ondes étant d'égale intensité, les bandes obscures des différentes espèces de rayons sont parfaitement noires dans les points de discordance complète. Les franges observées dans la lumière blanche présentent alors des couleurs aussi vives que celles des anneaux colorés. Le nombre des franges que l'œil peut distinguer n'excède pas quinze à dix-sept. Le centre est occupé par une bande brillante dont le milieu est d'un blanc parfait, et qui se termine de part et d'autre par un rouge jaunâtre. Cette bande brillante est placée entre deux bandes obscures d'un noir très-foncé. Viennent ensuite, de chaque côté, des bandes brillantes et obscures, dont les couleurs, après s'être développées rapidement, se mêlent et s'affaiblissent graduellement, et finissent par se confondre dans une teinte générale d'un blanc uniforme.

3. On peut déterminer les nuances diverses qui composent chaque N° XII (E). frange, en calculant pour les différences de chemins parcourus, auxquelles elles correspondent, l'intensité des sept principales espèces de rayons lumineux, au moyen de la formule qui donne la résultante de deux systèmes d'ondes, et en y appliquant ensuite la formule empirique de Newton, qui sert à déterminer la teinte provenant d'un mellange quelconque de rayons de diverses couleurs: on s'assurera ainsi que la théorie s'accerd'avec l'observation.

Je n'entrerai pas dans les détails de cette comparaison. Je me bornerai à présenter une explication succincte de l'ensemble du phénomène.

4. Le milieu de la bande brillante du centre, qu'on appelle bande brillante du 1er ordre, est produit par les rayons qui ont pareouru des chemins exactement égaux; en sorte qu'en ce point il y a toujours accord parfait entre les deux systèmes d'ondes, quelle que soit leur longueur d'ondulation. Toutes les espèces de rayons lumineux s'y trouvent donc au même degré d'intensité, et il doit offrir en conséquence un blanc parfait. Mais à mesure qu'on s'en éloigne, les mêmes différences de chemins parcourus répondant à des degrés divers d'accords ou de discordances pour les différentes espèces de rayons lumineux, ils ne se neutralisent plus les uns les autres, et les franges se colorent. Enfin, à une distance encore plus grande de la bande du 1er ordre, on voit les couleurs s'affaiblir et disparaître, lorsque la différence des chemins parcourus est devenue assez considérable pour occasionner à la fois un accord parfait et une discordance complète dans des ondes de longueurs très-peu différentes; les sensations qu'elles produisent sur l'œil étant presque semblables, l'absence des unes se trouve suffisamment compensée par la présence des autres,

La marche générale du phénomène est la même pour les franges qui bordent les ombres; mais les minina contenant une quantité de lumière très-sensible, au lieu d'être d'un noir absolu, comme dans les franges produites par deux miroirs, les bandes obscures et brillantes de chaque espèce de rayous sont ainsi bien mois tranchées, et leş de chaque espèce de rayous sont ainsi bien mois tranchées, et les

- N° XII (E). couleurs n'ont pas, à beaucoup près, la même vivacité. D'ailleurs la différence d'intensité entre les bandes obscures et brillantes diminue assez rapidement à mesure qu'on s'éloigne du bord de l'ombre, ce qui réduit encore le nombre des franges que l'on µeut aperevoir.
  - 5. C'est au bord de l'ombre géométrique que toutes les espèces de rayons lumineux sont exactement au même degré d'intensité, lorsque l'écran est indéfiniment étendu. De part et d'autre de ce point l'expression de l'intensité variant avec la longueur de l'onde, les divers rayons ne se trouvent plus mélangés dans la même proportion. Mais la coloration qui doit en résulter est presque insensible en dedans de l'ombre, uon-seulement à cause de l'affaiblissement considérable de la lumière infléchie, mais encore parce qu'il n'y a pas ces mazima et minima d'intensité qui font dominer tour à tour les rayons de diverses couleurs, et les rendent plus sensibles par leur opposition mutuelle.
  - 6. Dans les franges intérieures des ombres des corps étroits, le point qui répond à des chemins égaux parcourus par les rayons qui ont rasé les bords de l'écran est le milieu de la bande brillante du "ordre, parce que c'est un maximum pour foutes les espèces de rayons; mais ils n'y sont pas au même degré d'intensité. Les ondes lumineuses qui se répandent dans l'ombre s'affaiblissant d'autant plus vite qu'elles sont plus courtes, les ondes rouges doivent être les plus intenses, et les voitetes les plus faibles. Aussic enazimum du "ordre, au lieu d'être d'un blaue parfait, est légèrement coloré en bistre, ou rouge jaunâtre, comme on peut le reconnaître quand l'ombre n'est pas trop large. On reud cette coloration plus sensible en lui opposent la lumière dilatée par une ouverture très-étroite, qui est un peu bleuâtre daus son centre, conformément à la théorie.

Les franges produites par deux fentes parallèles, pratiquées dans un écran, approchent lieancoup plus, pour la pureté des cooleurs, de celles qu'on obient avec deux micrios, surtout quand ces fentes sont trèsétroites. Le milieu de la bande brillante du 1<sup>st</sup> ordre répond encore, dans ce cas, à des chemins égaux parcourus par les deux ondes résultantes inflécits. Il est toujours aisé de distinguer la frange du 1º ordre dans la lu- Nº All (E)mière blanche, aux deux bandes obseures d'un noir très-foncé entre
lesquelles elle est comprise; tandis que dans une lumière très-simplifiée cette distinction devient beaucoup plus difficile, parce que la
différence d'intensité entre les bandes brillantes et obseures diminue
bien plus lentement. C'est pourquoi fon doit préférer la lumière
blanche lorsqu'on veut meaurer de légères différences de réfraction
entre deux milieux par le déplacement des franges, d'après la belle
observation de M. Arago N°, qui a fourni à l'optique un procédé d'une
exactitude presque indéfinie.

<sup>(</sup>a) Yoy, Nº VI.

N- XII (F).

# NOTE SUR LE PRINCIPE D'HUYGHENS.

1. En appliquant le principe d'Huyghens et la théorie des interférences aux phénomènes de la diffraction, pour déterminer les intensités relatives des divers points des bandes obscures et brillantes, je n'ai considéré de l'onde lumineuse que la section faite dans un plan perpendiculaire au bord de l'écran supposé rectiligne et indéfiniment étendu, parce que j'avais jugé qu'on pouvait faire abstraction de l'autre dimension dans l'intégration sans changer les résultats. Mais j'ai négligé d'en donner la démonstration qui, quoique facile à suppléer, ne devait pas être omise en exposant des calculs, qui reposent tous sur ce théorème que j'ai même oublié d'énoncer (a).



Pour déterminer l'intensité de la lumière envoyée dans un point P situé au delà de l'écran AB, il faut chercher la résultante de toutes les vibrations excitées en ce point par chaque élément de l'onde incidente considérée comme centre d'ébranlement. Concevous l'onde incidente divisée en une infinité de fuseaux infiniment étroits, par des méridiens menés par le point lumineux, ou le centre de la sphère, parallèlement au bord de l'écran projeté en A. On peut chercher d'abord, pour chaque fuseau séparément, la résultante de toutes les vibrations qu'il envoie en P, et déterminer ensuite la résultante générale de toutes ces résultantes

<sup>(\*)</sup> Cette remarque de Fresuel se rapporte au manuscrit qu'il avait présenté à l'Académie pour le concoues sur la diffraction. Dans le Mémoire imprimé on trouve un résumé succinc des considérations développées dans la présente note. (Voy. n° XIV. \$ 46.)

élémentaires. Or tous ces fuseaux sont indéfiniment étendus, dans le N-XII (F). cas que nous considérons, où l'onde lumineuse n'est interceptée que d'un seul côté; par conséquent, pour chacun d'eux, les intégrales  $\int dv \cos qv^2 \operatorname{et} \int dv \sin qv^2 \operatorname{sont} \operatorname{prises} \operatorname{depuis} v = -\frac{1}{2} \operatorname{jusqu'à} v = +\frac{1}{2}.$  Les intensités des résultantes élémentaires envoyées en P par les divers fuseaux sont done proportionnelles à leurs largeurs Am, mm', m'm', m'm", etc. car les rayons lumineux qui émanent des différents points des fuscaux doivent être considérés comme d'égale intensité, du moins dans la partie très-peu étendue de l'onde incidente qui exerce une influence sensible sur la lumière envoyée en P, à cause de l'extrême petitesse de la différence entre les chemins parcourus. De plus les intégrales étant prises entre les mêmes limites - 1 et + 1 pour chaque fuscau, les résultantes élémentaires sont toutes situées de la même manière, en arrière de la même quantité par rapport aux ondes élémentaires parties des milieux des fuseaux, c'est-à-dire des points compris dans le plan mené par LP, perpendiculairement au bord de l'écran (1). Les intervalles qui les séparent sont donc égaux aux différences mn, m'n', m''n'', etc. des chemins parcourus dans ce plan. Ainsi l'on peut déterminer l'intensité relative de la résultante générale pour le point P, en ne considérant, comme je l'ai fait, que les rayons et l'arc de l'onde incidente compris dans ce plan.

2. Quant à la position réelle de la résultante générale, il faut faire attention qu'elle dépend de celles des résultantes élémentaires par rapport aux ondes qui émanent des points m, m', m', etc. Or ces résultautes élémentaires sont en arrière d'un huitième d'ondulation relativement à ces ondes, puisque les deux intégrales fdv cos qu'et fdv sin qu' prises dans chaque fuscau depuis  $-\frac{1}{6}$  jusqu'à  $+\frac{1}{6}$  sont égales entre elles. Ainsi, lorsqu'on borne l'intégration au plan de la figure 1, l'arc AmS, qu'on peut confondre avec la section de l'onde lumineuse, quand il ne s'agit que de calculer l'intensité de la résultante générale, doit

<sup>(1)</sup> I'ai toujours supposé, dans mon Méétait situé dans le plan mené par le point lumimoire, pour plus de simplicité, que le point P neux perpendiculairement au bord de l'écran.

Nº XII (F), en être distingué dès qu'on veut déterminer sa position, et considéré comme en arrière de l'onde incidente d'un huitième d'ondulation. C'est ce qui explique la différence des résultats qu'on obtient pour les valeurs des deux composantes générales, selon qu'on intègre dans les deux dimensions, ou seulement dans le plan mené par le point lumineux perpendiculairement au bord de l'écran. Dans le premier cas, les deux composantes sont rapportées à l'onde élémentaire qui est venue du pied de la normale Pm', et à un autre point en arrière d'un quart d'ondulation; dans le second cas, à deux points également séparés par un intervalle d'un quart d'oudulation, mais en arrière de ceux-ci d'un truitième d'ondulation. Je suppose, par exemple, pour fixer les idées, que l'écran soit supprimé, ou infiniment éloigné de LP; alors, en intégrant seulement suivant une dimension, on trouve la même valeur pour  $\int dv \cos qv^2$  et  $\int dv \sin qv^2$ , prises de  $v = -\frac{1}{9}$  à  $v = +\frac{1}{9}$ ; ce qui nous apprend que la résultante est à égale distance de ces deux composantes, ou à un huitième d'ondulation de la première, laquelle est elle-même d'un huitième d'ondulation en arrière par rapport à la composante correspondante de l'intégration double. Celle-ci se trouvant donc d'un quart d'ondulation en avant par rapport à la résultante, doit être nulle; et c'est aussi ee qu'on trouve en intégrant dans les deux dimensions (a).

3. Reprenons maintenant le cas d'un écran indéfiniment étendu

on verra que l'intégrale dont il s'agit est égale à

$$\int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} dx dy \cos q \left(x^{i} + y^{i}\right),$$

c'est-à-dire i

$$\int_{-\infty}^{\infty} dx \cos qx^3 \int_{-\infty}^{\infty} dy \cos qy^3 - \int_{-\infty}^{\infty} dx \sin qx^3 \int_{-\infty}^{\infty} dy \sin qy^3.$$
qui est nulle évidenment, [E. Verger,]

<sup>&</sup>lt;sup>10</sup> En effet, si per le point m' on mène dans le plan tangent à l'onde deux axes de coordonnées rectangulaires, et qu'on remarque que pour la très-petite partie efficace de l'onde ou a sensiblement

d'un côté, et supposons que, de l'autre, l'onde lumineuse est encore N° XII (F).



interceptée en partie par deux autres écraus, dont les bords sont dirigés perpendiculairement à celin du premier, comme le représente la figure  $\alpha$ : les intégrales fde cos  $qa^{\alpha}$  et fdu sin  $qa^{\alpha}$ ne seront plus prises pour chaque fuseau  $d=-\frac{1}{\alpha}a+\frac{1}{\alpha}$ ; mais les limites seront encore constantes pour tous les fuseaux, du moins dans la petite partie de l'onde qui peut envoyer des rayons sensibles au pionit P. Si, pour me-

surer la différence des chemins parcourus par les rayons lumineux de chaque finesau, on décrit du point P comme centre des ares tangents à ces fuscaux, ils n'auront pas à la vérité rigoureusement la mènie courbure, à cause de la différence de longueur de leure rayons Pm, Pm', Pm',  $L^{m'}$ ,  $L^{m'}$ 

Fintégration des fuseaux, qui déterminent Fintensité des résultantes élémentaires et Fintervalle dont elles se trouvent en arrière, par rapport aux rayons émantés des points m, m', m', etc. (fig. a), ou, ce qui revient au même, il faut intégrer suivant les deux dimensions.

<sup>(9)</sup> Ainsi, pour déferninéer les intensiées relatives des divers points des bandes obscures et brillantes comprises dans ce plan, on peut borner l'indégration à ce plan. Mois si fon veut aclauder l'intensité absolue de la lumière envoyée en P, et la position de l'onde résultante, il dant avoir égard aux valeux de Jde cos qr<sup>2</sup> et J du sin qr<sup>2</sup> dans

N° MI (F). des franges produites par l'écran AB (fig. a) doit toujours être la même, que cet écran soit seul ou accompagné de deux autres écrans transvenses aux disposés rectangulairement; ce qui est conforme à l'expérience, qui montre que dans ce dernier cas les franges produites par les bords des écrans se croisent sans éprouver aucun changement dans leur direction.

Mais si l'éeran transversal était tourné obliquement, il deviend-nit nécessaire, pour détermine la position des mazima et des minima, d'intégrer suivant les deux dimensions, comme aussi lorsque, l'oude lumineuse n'étant interceptée que par un seul écrau, on considère les rauges très-peds ées on extrémité. Dans mes expériences je me suis seulement occupé du cas le plus simple, oh l'on peut n'envisager l'intégration que suivant une seule dimension, persuadé que si la théorie s'accordait avec 'Observation dans ce cas, plus commode sous le rap-port des mesures et du calcul, le même accord ne pouvait manquer d'avoir lieu dans tous les autres.

Nº XII (G),

## NOTE

\*\*\*

L'APPLICATION DU PRINCIPE D'HUYGHENS ET DE LA THÉORIE DES INTERFÉRENCES
AUX PHÉNOMÈNES DE LA RÉFLEXION ET DE LA DIFFRACTION.

1. Dans le système des ondulations, où la lumière n'est autre chose que les vibrations d'un fluide universel agité par les mouvements rapides des particules des corps lumineux, il faut considérer chaque particule comme exécutant toujours, pendant quelques instants, une série nombreuse d'oscillations semblables avant de s'arrêter, ou de changer de nature de vibration, c'est-à-dire, supposer une certaine persistance de mouvement dans les centres d'ébranlement, comme on l'observe pour les vibrations de tous les corps élastiques qui, après avoir été tirés de l'état de repos, n'y reviennent jamais instantanément. C'est ce qui paraît devoir résulter d'ailleurs des forces attractives et répulsives qui tiennent les molécules des corps en équilibre. Il est naturel de supposer aussi qu'il faut une certaine succession de ces petits chocs pour ébranler la rétine, et qu'une seule pulsation lumineuse ne produirait pas la vision. Nous supposerons donc sur chaque rayon lumineux une succession nombreuse et même indéfinie d'ondulations semblables; car il n'est pas nécessaire de considérer celles qui commencent et terminent la série, auxquelles on ne pourrait pas appliquer à la vérité les raisonnements que nous ferons pour les autres, mais qui sont, par hypothèse, une assez petite partie du système d'ondes pour qu'on puisse négliger les différences des effets partiels qu'elles doivent produire, et les considérer comme étant dans le même cas que les ondes intermédiaires. Ainsi nous regarderons la lumière comme une vibration générale de l'éther dans toute l'étendue des

N° XII (G). chemins parcourus que nous aurons à considérer, quelle que soit leur longueur.

On conçoit que la durée de chaque oscillation d'une particule éclairaute, et par conséquent la longueur des ondulations qu'elle produit dans l'éther, doivent varier en raison du depré d'intensité des forces auxquelles cette particule est soumise dans l'instant que l'on considère, et qui tendent à la ramener à sa position d'équilibre. Ainsi une même particule éclairante peut produire successivement des ondes de différentes longueurs, ou des rayons de diverses couleurs; mais nous regarderous toujours comme indéfinie chance des séries d'ondulations homogènes qu'elle fait naître successivement, ou, ce qui revient au même, nous ferons abstraction de ce qui se passe aux extrémités de ces différent systèmes d'ondes.

Tout porte à croire que les oscillations des particules éclairantes dans leurs plus graudes amplitudes doivent totigurs être extrêmement courtes, relativement à la longueur des ondulations éthérées qu'elles font naître, qui, quoique extrêmement petites, sont cependant appréciables pour nos sens. Ainsi l'on peut appliquer aux vihrations lumineuses la théorie des petits mouvements. D'ailleurs on ne remarque pas que le plus ou moins d'intensité de la lumière apporte aucun chaugement à la manière dont elle se comporte dans les différents phénomèmes d'optique observés jusqu'à présent. Ainsi l'on peut choisir le cas où elle a le moins d'intensité, c'est-à-drie celui où les oscillations des molécules éthérées et des particules éclairantes out le moins d'amplitude.

2. L'hypothèse des petits mouvements permet de déterminer la forme des ondes lumineusse, c'est-d-dire les vitesses relatives d'occiliation des molécules éthérées dans toute l'étendue de ces ondes, sans connaître la loi des forces qui entretiennent les oscillations de la particule éclairante; car, quelle que soit la fonction qu'il a représente, et que je suppose exprimée par la série A.a+B.z²+C.z² etc. dans laquelle z est la distance de la particule au point d'équilibre, si les plus grandes valeurs de x sont toujours très-petitys par rapport à la sphère

d'activité de la force accélératrice, on pourra ne conserver de cette série N° XII (6)que le premier terne Az, el négligre tous les autres, c'est-à-dire supposer que la force accélératrice, dans les petites excursions de la particule éclairante, est toujours proportionnelle à sa distance au point de repos. On retombe alors sur la loi du pendule, et l'on trouve que les viteses d'accillation des molécules éthérées, dans les différents points de l'onde lumineuse, sont proportionnelles aux sinus de leurs distances à un même point fixe pris pour origine, ou à ceux des temps employés à parcourir ces distances par chacun des ébranlements élémentaires dont l'onde se composer.

3. A l'aide de ce résultat du calcul, et du principe de la consistence des petits mouvements, on peut déterminer aisément la position et l'intensité d'un système d'ondes résultant de deux autres systèmes, dont les intensités et les positions respectives sont données, et que nous supposons composés d'ondes de même longueur; car des ondes de nature différente ne peuvent produire que des effets variables par leurs interférences, et qui, par conséquent, sont insensibles pour l'oril dans leur rapide succession; c'est pourquoi l'on dit que des rayons hétérogènes ne s'influencent base.

L'Ébrailement produit dans chaque point de l'éther par les deux systèmes d'ondes supposés se propager suivant la même direction est égal à la somme des vitesses que chacun d'eux y apporterait séparément, d'après le principe de la coexistence des petits mouvements : or on peut déterminer ces vitesses d'après la loi fort simple que nous venons d'éuoncer, et l'on trouve ainsi que la résultante de deux systèmes d'ondes homogènes est encore un système d'ondes de même longueur, dont la position et l'intensité des vitesses d'oscillation répondent exactement à la grandeur et à la position angulaire de la résultante de deux forces proportionnelles aux intensités des deux systèmes d'ondes, et faisant entre elles un nagle égal à l'intensalle qui sépare leurs points correspondants, la longueur d'une ondulation entière étant représentée par une circonférence. Il résulte de là que.

96.

Nº XII (G). forces séparées par un intervalle angulaire d'une demi-circonférence, ou directement opposées, et qu'alors les vitesses d'oscillation des deux systèmes d'ondes doivent se retrancher, et deviennent nulles quand elles sont égales; c'est-à-dire que, dans ce cas, les deux systèmes d'ondes se détruisent mutuellement. C'est ce qu'on pouvait prévoir aisément, puisque alors tous leurs mouvements se contrarient et se neutralisent mutuellement. Ils s'ajoutent, au contraire, dans toute l'étendue des ondes, lorsque l'intervalle est nul, ou d'un nombre entier d'ondulations, puisque alors les ondes des deux systèmes coıncident parfaitement. Dans les cas intermédiaires, l'intensité des vibrations résultantes doit être plus faible que pour celui de l'accord parfait, et plus forte que dans celui de la discordance complète. Voilà ce que l'on appelle le principe des interférences, qui n'est que l'application de celui de la coexistence des petits mouvements aux ondes produites par des oscillations. Le simple raisonnement conduisait aisément aux dernières conséquences que nous venons d'énoncer, et dont le docteur Young a su tirer si heureusement parti pour expliquer un grand nombre de phénomènes. Mais il fallait nécessairement recourir au calcul pour déterminer rigoureusement l'intensité de la résultante,

4. Nous venons de voir que deux systèmes d'ondes de même lougueur, quelles que soient leurs intensités et leurs positions respectives, produisent toujours, par leur concours, un seul système d'ondes de même nature. Il en résulte que le concours d'un nombre quelconque de systèmes d'ondes homogènes doit encore produire un système unique d'ondulations semblables. Cette conséquence remarquable de la théorie des petits mouvements nous sera bientôt utils.

dans les cas intermédiaires entre l'accord parfait et la discordance com-

plète des deux systèmes d'ondes.

A'ant d'aller plus loin, il est bou de remarquer que le priucipe des interférences, et les coméquences qui en découlent, ne sont applicables qu'à des séries d'ondulations, et seulement à l'espace dans lequel elles se mèlent; car on ne pourrait pas dire, par exemple, de deux nodes uniques, égales en intensité et différant laus leur marche d'une

demi-ondulation, qu'elles se détruisent mutuellement, puisqu'elles Nº XII (G). n'ébranlent simultanément les mêmes points de l'éther que sur une moitié de leur longueur. Il en est de même des extrémités des différents systèmes d'ondes : aussi avons-nous déjà dit que nous en ferions abstraction dans nos raisonnements, ou, ce qui revient au même, que nous regarderions chaque série d'ondes comme indéfinie, les différences entre cette hypothèse et la réalité devant être inappréciables pour nos sens.

Il résulte du principe général de la coexistence des petits mouvements, que l'agitation éprouvée par un point quelconque d'un fluide élastique est la somme de toutes celles qui lui arrivent en même temps des différents centres d'ébranlement considérés comme agissant isolément, quelles que soient les positions respectives de ces centres d'ébranlemeut, la nature de leurs vibrations, et les époques relatives des instants où commencent et finissent leurs oscillations. Supposons que tous ces centres d'ébranlement soient contigus et situés dans un même plan ou sur une même surface sphérique, que leurs oscillations s'exécutent simultanément, et que les vitesses imprimées aux molécules éthérées suivant des directions parallèles à la normale soient proportionnelles aux condensations, en sorte qu'il ne puisse pas y avoir de mouvement rétrograde, nous aurons ainsi reconstitué une onde dérivée. Or ce qui est vrai en général doit l'être pour ce cas particulier; on peut donc dire que l'agitation de l'éther dans un point quelconque d'une onde lumineuse est égale à la résultante de toutes les vibrations qu'y enverraient, en agissant isolément, toutes les parties de la même onde considérée dans une quelconque de ses positions antérieures. Les mouvements obliques, que nous considérons ici, n'ont pas réellement lieu dans le fluide, parce que les ébranlements générateurs étant contigus et simultanés s'influencent dès l'origine, et que leurs pressions transversales se font équilibre. Mais ils naissent aussitôt que l'on isole par la pensée les éléments de l'onde génératrice; car, quoique les vitesses imprimées soient toutes dans le même sens et parallèles à la normale, il est clair que les condensations et raréfactions,

Nº XH (G).

qui ont lieu dans chaque étément supposé isolé, tendent à se propager dans toutes les directions, et que, s'il n'y a pas de mouvement rétrograde, cela tient uniquement à ce que les dilatations en arrière se trouvent exactement compensées par les vitesses imprimées en avant, mais que l'ébranlement doit se répandre dans toute la demi-sphère en avant, avec des intensités variables sedon l'obliquité des rayons par rapport à la direction des vitesses imprimées. La loi de ces variations serait sans dout etx-à-difficile à déterminer par l'analyse. Heureusement qu'on peut, sans la connaître, tirer déjà beaucoup de conséquences du principe que nous venons d'exposer, dont la première idée est due à Huvehens.

5. Pour éviter d'avoir à considérer ces variations d'intensité, nous supposerons toujours que le point de l'éther, pour lequel nous cherchons la résultante des ondes élémentaires, est à une distance de l'onde génératrier très-considérable par rapport à la longueur d'une pulsation lumineuse. Soient P eo point, BAC l'intersection de l'onde pulsation lumineuse. Soient P eo point, BAC l'intersection de l'onde



génératrice avec un plan mené par son pour un instant l'onde réduite à cette section. Soient m, m', m', etc. une suite de points pris sur l'are AB, de manière que deux rayons consécutifs menés de ces points de division en P différent d'une demi-ondutaion. Il est aisé de voir que les petits arcs Am, mm', m'm', etc. diminuent de longueur à mesure qu'il s'éloignent du point A, et que la différence de longueur entre deux arcs contigus diminue encore bien plus rapidement; en sorte qu'elle peut être considérée comme nulle avant

que l'obliquité des rayons nP, n'P, n'P, n'P, par rapport à la normale, soit devenue très-sensible, du moins, si le point P est éloigné d'un grand nombre d'ondulations de l'arc BAC, comme nous l'avons supposé. C'est ce dont il est aisé de se rendre compte par des calculs fort N° XII (G). simples (t), ou même par la seule inspection de la figure.

Cela posé, quel que soit le décroissement de l'intensité des rayons envoyés en P, par les différents points de l'onde BAC, à mesure qu'ils s'inclinent sur la normale, comme il suit nécessairement une loi de continuité et doit s'étendre jusqu'aux limites de la demi-circonférence. on pourra le considérer comme sensiblement nul dans un intervalle angulaire très-petit, et regarder ainsi les ravons »P. »P. »P. comme égaux en intensité; d'un autre côté les arcs na', n'a sont sensiblement égaux en longueur; ainsi, leurs rayons correspondants différant d'une demi-ondulation, les vibrations élémentaires qu'ils envoient en P se détruisent mutuellement. On peut donc négliger tous les rayons d'une obliquité un peu prononcée, et considérer ceux qui concourent d'une manière efficace aux vibrations du point P comme sensiblement parallèles, et par conséquent d'une égale intensité; ce qui permet de calculer leur résultante. Elle est représentée par une intégrale qui ne peut pas malheureusement s'exprimer en termes finis, mais dont il est aisé cependant de tirer des résultats numériques dans les cas particuliers auxquels on veut l'appliquer, où les limites de l'intégrale sont déterminées (2). 6. Concevons maintenant l'onde génératrice divisée en petites zones

$$\frac{1}{3}\sqrt{\frac{1}{n}} - \frac{1}{8}\sqrt{\frac{1}{n^2}} + \text{ etc.}$$

 $\frac{1}{2}\sqrt{\frac{1}{n}} - \frac{3}{8}\sqrt{\frac{1}{n^2}} + \text{etc.}$  doot la difference est  $\frac{2}{8}\sqrt{\frac{1}{n^2}} + \text{etc.}$  On voit que ces area deviencent d'autant ples petis qu'il às éloigenet davastage du point A, et que la différence entre deux ares conscitis déverdit tien plus rapidement que leur

longueur; ainsi, par exemple, la différence entre le 9 et le 10 n est plus que le 717 euvirun de leur longueur.

<sup>19</sup> Malgré le nombre infini des ondes élémentaires, cette résultante sera toujours un système unique d'ondulations semblables. comme nous l'avons vu précédemment.

N° XII (G). infiniment minces, d'égales largeurs, par des méridiens LA, Lm, Lm', etc. perpendiculaires au plan de la figure; alors on pourra appli-



quer à chacune de ces zones les raisonnements que nous venons de faire pour l'arc BAC, et si l'on suppose que les limites de l'intégration sont les mêmes pour chacune d'elles, soit  $+\frac{1}{2}$  et  $-\frac{1}{2}$ , par exemple, les résultantes des vibrations envoyées par ces cones seront loutes égales entre elles, et semblablement situées par rapport aux pelits arcs Am, mm', mm'', et qui sont leurs d'élement les plus voisins du point P. On voit donc qu'on peut faire sur ces résultantes élèmentis que taires les mêmes raisonnements que

nous avons faits sur les déments de l'arc BAG, négliger celles qui envoient des rayons trop obliques au point P, comme se détruisant matuellement, et ne tenir compte que de celles dont les rayons sont peu inclinés sur la normale, ou, ce qui revient au mênue, considerer comme parallèles loutes les résultantes élémentaires qui ont une influence sensible sur la lumière envoyée en P; ce qui conduit à une seconde intégration pareille à la première.

Lorsque l'intégration est indéfinie, comme nous le supposons ici, ni peut, an lieu d'intégrer dans deux sens retangulaires, intégrer une seule fois circulairement, en concevant l'onde l'umineuse divisée en une série d'anneaux par des cercles décrits sur sa surface du point A comme centre. Si lon suppose ces cercles espacés de telle sorte que les rayons envoyés en P par deux circonférences consécutives différent toujours d'une demi-ondulation, les surfaces de ces anneaux seront toutes égales, quoique leur largeur diminue continuellement, parce que leur circonférence auguente dans le mêue rapport, et les vibrations envoyées en P par deux anneaux consécutiés seront en discortions envoyées en P par deux anneaux consécutifs seront en discor-

dance complète. Ainsi, tous ces anneaux, excepté le petit cercle central, Nº XII (G). sont compris entre deux autres anneaux dont la moitié des rayons (en intensité) détruit la totalité des siens. Il ne reste donc plus à tenir compte que des rayons du cercle central, réduits à la moitié de leur intensité par l'influence de ceux de l'anneau voisin. On est conduit ainsi à la même intégrale qu'on obtient en faisant la double intégration dans deux sens rectangulaires. Mais on ne voit pas aisément, au premier abord, pourquoi tous les anneaux ne se détruisent pas deux à deux, ce qui laisserait entière l'intensité des rayons du petit cercle central, ou nourquoi les rayons de ce cercle ne seraient pas entièrement détruits par ceux de l'anneau suivant, et ceux des autres anneaux neutralisés les uns par les autres, et pourquoi enfin nous avons envisagé leur influence mutuelle sous un point de vue qui conduit à une moyenne entre ces deux résultats extrêmes; il n'y a pas de raisons en effet d'adopter plutôt l'un que l'autre. C'est précisément la difficulté analytique de juger ce que deviennent sinz et cosz lorsque z est infini.

7. Dans le mode d'intégration que nous avons suivi d'abord, il est plus aisé de reconnâtre, par exemple, que la résultante générale des vibrations élémentaires ne peut être nulle, car les ares dans lesquels nous avons divisé l'ende génératrice, qui répondent à des différences d'une demi-ondulation dans les rayons envoyés en P. devenant d'aunt plus petits qu'is éloignent davantage du point A, il est indifférent de les supposer en nombre pair ou impair, puisqu'à la limite ces ares deviennent nuls'é; et l'on voit que la résultante des premiers ares, qui ne peuvent pass ed étruire mutuellement. A cause de leur inéea-qui ne peuvent pass ed étruire mutuellement. A cause de leur inéea-

in Le manuscrit original porte en marge, écrite de la main de M. Biot, la question : Comment deviennent-ils nuls?

Il est foicle de voir que l'expression de Frensel qui donne lieu à cette renarque critique eu me induvertisse qui vistetut en rêu l'exactibule den conduione, car à la limite verlarquille tendent les ares successifs n'est pas nulle, elle est tellement petite par rapport à la longueur du premier are vois inte point A, qu'in peut raisonner comme si vrainnest déle dain mille. La portion efficience de l'orde écant giourenousemi limitée par la longueur manée du point P, le dernier arc que l'on dobient, en pouvoiuval jusqu'à cette limite à division doubqu'e (fig. 1), apun longueur la différence nâme de deviden menées du point P à ses l'apportant de l'apportant de

N° Mt (6). lité, doit dominer dans le résultat, que l'on aperçoit plus aisément dans ce cas, parce que la série est convergente. D'ailleurs, l'intégration suivant deux sens rectangulaires est celle dont on fait l'application la plus fréquente dans les pluénomènes de diffraction.

Tant que l'onde BAC s'étend indéfiniment, comme nous l'avons



supposé d'abord, il est clair que les résultantes des vibrations élémentaires envoyées par l'onde génératrice sont les mèmes pour tous les points P. P. P' s'itués sur une même surface sphérique paralléle à la première, puisqu'elles se composent d'éléments semblables, et que ces vibrations égales doivent s'exécuter simultanément, puisque les points P, P', P', etc. sont également distants de la surface sphérique BAC. Ils sont dons œur la surface sphérique BAC. Ils sont dons œur la

surface d'une même onde, qui a partout la même intensité, Ainsi le principe d'Huyghens conduit, dans ce cas, au même résultat que toutes les autres manières d'envisager les vibrations d'un fluide élastique, axoir qu'une onde sphérique d'une intensité uniforme, et qui n'est interceptée dans aucune de ses parties, produit des ondes concentriques, qui ont aussi une intensité uniforme dans toute leur étendue. Mais il n'en est plus de même lorsqu'une partie de l'onde génératrice

deux extrémités, c'est-à-dire environ  $\frac{\lambda}{2}$ . La longueur x du premier arc Pm est de son côté déterminée approximativement par la relation

$$\frac{x^3}{2}\left(\frac{1}{a}+\frac{1}{b}\right)=\frac{\lambda}{2}$$

ďoù

$$x = \sqrt{\frac{ab\lambda}{a+b}}$$

(voyez le Nº XIV), et il suffit de mettre cette expression sous la forme

$$x = \frac{\lambda}{2} \sqrt{\frac{4ab}{(a+b)^2}}$$

pour apercevoir que, dans les conditions expérimentales toujours admises par Fresnel, elle est incomparablement plus grande que  $\frac{\lambda}{a}$ , [E. Verber.]

est interceptée par un écrau AD, et l'on conçoit qu'alors la résultante N° XII (6).

des vibrations élémentaires, ou l'intensité de la



lumière envoyée en P, en P', en P', doit varier avec la distance de ces points à la tangente LAP menée par le point lumineux L au bord de l'éeran, surtout dans le voisinage de cette tangente; il en résulte alors des bandes obscures et brillantes, qui sont colorées dans la lumière blanche. On appelle cette espèce de phénomènes diffraction de la lumière. Ils varient à l'infini avec la manière dont on intercepte une partie de l'onde

incidente, et re qui doit donner une grande confiance dans la théorique nous venous d'esposer, c'est la fidélité avec laquelle l'intégrale que l'on en déduit les représente, même lorsqu'ils sembleut suivre les lois les plus différentes. Cette fonction, comme un véritable Protée, prend toutes les formes, par le seul changement des limites de l'intégration.

8. Nous allons appliquer maintenant le principe d'Huyghens, vérifié sur les phénomènes de la diffraction, à l'explication des lois de la réflexion, pour laquelle il a d'abord été conçu par son auteur.

### DE LA RÉFLEXION.

La réflexion est toujours occasionnée par un changement brusque, de densité dans le milieu où se propagent les vibrations laminieus. C'est ainsi qu'il y a réflexion de la lumière à la surface du verre, quoiqu'il la laisse passer avec facilité, parce qu'il lui présente un milieu plus dense que fair avec lequel il est en contact.

L'analyse mécanique démontre qu'une onde dérivée ne peut par produire d'ondes rétrogrades, quand elle parcout un milieu housogène, mais qu'elle acquiert cette propriété aussitôt qu'elle rencontre un milieu d'une densité différente. Alors une portion de l'Ébranlement se propage dans le second milieu, et l'autre est réfléché à la surface de séparation.

On peut se rendre compte de ces résultats du calcul par des considérations plus simples, en comparant ce qui se passe à la surface de

1(6). séparation des deux milieux, au choc de deux corps élastiques. Lorsqu'ils ont la même masse, le premier perd tout son mouvement et le communique entièrement au second; alors il n'y a pas réflexion. Mais quand le second corps a plus ou moins de masse que l'autre, il ne prend qu'une partie de la force vive, et le premier conserve une partie des a vitesse avec le même signe, ou avec un signe contraire, selon qu'il a plus ou moins de masse que le second, et la somme des forces vives est égale à la force vive primitive. C'est aussi ce qu'on observe dans les corps bien transparents, qui ne dénaturent et ne rendent insensible à uos yeux qu'une très-petite portion du mouvement lumineux; alors la lumière transmise, ajoutée à la lumière réfléchie, reproduit à très-peu près toute la lumière inédente.

9. Les quantités de la lumière réfléchie et de la lumière transmise dépendent de la différence de densité des deux milieux et de l'obliquité des rayons incidents. Sans connaître ces rapports d'intensité, on peut déterminer la direction des ondes réfléchies, qui en est indépendante. Pour résoudre ce problème, reprenons d'abord le eas de la propagation de la lumière dans un milieu honogère.



Soient L le point lumineux, et P le point dont on veut connaître le mouvement à un instant déterminé. Au lieu de concevoir les centres d'ébraulement sur la surface d'une même onde BAC, considérons-les dans un plau oblique EAP. Alors tous les points de ce plan u'exécutent pas simultanément les mêmes mouvements, comme ceux de la surface de l'onde; les époques d'oscillation varient pour chacun d'eux, en raison de sa distance au point L. Mais on peut néannouis cousidérer les oscillations de tous les éléments de ce plan régulièrement entreteuses comme la source des vibrations l'unicuses qui s'exé-

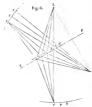
cutent en avant, et leur appliquer les mêmes raisonnements que nous

avons faits pour les rayons qui émanent de la surface d'une seule oude; N° XII (G).

car le principe de la ceusistence des petits mouvements peut aussi bien
s'appliquer à ce cas qu'à celui des éhranlements simultanés que nous
avons envisacé d'abord.

Divisons par la pensée le plan EF en une infinité de petits éléments Am, mm', m'm', etc. Par les points de division et le point lumineux L menons les rayons Lm, Lm', Lm', etc. qui rencontrent l'onde BAC en n. n', n'', etc. Il est elair que pour les points m, m', m'', etc. peu éloignés de A, les chemins parconrus LmP, Lm'P, Lm'P, etc. sont sensiblement égaux aux autres chemins pareourus, que nous avions considérés d'abord LnP, Ln'P, Ln'P, etc. qui ne surpassent eux-mêmes le plus court chemin LAP que d'un petit nombre d'ondulations; car dès qu'ils le surpassent seulement de neuf ondulations, les rayons envoyés en l' par les éléments de l'onde BAC se détruisent déjà presque complétement, ainsi que ceux envoyés par les éléments du plan EAF. Ainsi, en ne considérant que les rayons peu obliques, qui peuvent seuls avoir une influence sensible sur la lumière envoyée en P, on voit que les éléments de l'intégration serout les mêmes pour le plan EAF que pour l'onde BAC. Par conséquent, tous les autres points P', P', etc. situés à la même distance que P de l'onde BAC, ou du point lumineux L. éprouveront simultanément les mêmes vibrations et avec le nième degré d'intensité, en supposant toujours l'onde BAC, ou le plan EAF indéfiniment étendu. Les points P, P', P', etc. appartienneut donc à une même onde d'une intensité uniforme. C'est ce que l'on savait d'avance devoir être, même pour des points très-rapprochés du plan EAF, quoique nos raisonnements ne puissent plus s'y appliquer rigoureusement; parce qu'il est évident que l'on doit toujours arriver au même résultat, de quelque façon que l'on envisage le système d'ondes produites par le point lumineux L. Si nous ne pouvons pas démontrer que l'intégrale est eneore la même pour des points très-rapprochés du plan EAF, cela tient uniquement à ce qu'il devient nécessaire alors de considérer des rayons d'une obliquité prononcée, et que nous ignorons suivant quelle loi varie leur intensité.

V XII (G). 10. Supposons maintenant que le plan EAF est la surface de séparation de deux milieux de deusité différente; il y aura réflexion sur



ce plan. Pour suivre aisément la marche des rayons rélichis, concevous un autre point l'situé sur une perpendiculaire abaissée du point L sur ce plan et à la même distance du plan que le point L: les droites lA, lm, lm', lm', etc. seront égales aux rayons LA, Lm, Lm', etc. et l'on pourra in-différemment compter les chemins parcourus à partir du point l. ou à partir du point l. Drolongeons l'à d'une quantité Ap, égale à AP; les chemins parcourus ar les chemins parcourus ar les chemins parcourus ar les

rayons refléchis mp, mp, m'p, m'p, etc. seront les mêmes que ceux parcourus par le sryons mp, m'p, m'p, etc. que nous avions considérés d'abord pour le cas ordinaire de la propagation de la lumière dans un milicu homogène; et l'on pourra appliquer au point p tous les raisonnements que nous avons faits pour le point p. Ces raisonnements deviendraient insulles m' sil était démontré que les rayons réfléchis dans toutes sortes de directions sur les éléments m', m', etc. considéréisolément, suivent la même loi de variations d'intensité, quelle que soit leur inclinaison par rapport à lhp, que sils émanaient du point l; car alors les éléments de l'intégration serajent tout à fait les mêmes. Mais nous n'avons pas besoin de cette hypothèse, qui d'ailleurs ne serait pas fondée, car nous s'ons vu que les seuls rayons qui exercent une influence sensible sur la lumière envoée en p s'éloignent très-peu de la direction lhp, et que tous les autres se détruisent mutuellement.

<sup>&</sup>lt;sup>(1)</sup> Du moins dans le cas d'une surface indéfiniment étendue.

résultante, étant presque parallèles entre eux, et en conséquence éga- Nº XII (G). lement inclinés sur la surface réfléchissante, peuvent être considérés comme d'égale intensité, quelle que soit la loi suivant laquelle cette intensité varie avec l'obliquité. Les éléments de l'intégration, dans ce cas, sont donc absolument semblables à ceux du cas précédent, où la lumière se propageait dans un milieu homogène; l'expression générale de la résultante est donc pareille, et doit nous conduire aux mêmes conséquences. Ainsi, par exemple, lorsque la surface réfléchissante est indéfiniment étendue, cette résultante est la même pour tous les points p, p', p'', etc. situés à la même distance du point l, du moins tant que les obliquités des rayons incidents LA, LA', LA" ne sont pas trop différentes, car cela ferait varier l'intensité de la lumière réfléchie(1). Les points p, p', p', etc. pour lesquels les longueurs des plus courts chemins parcourus sont les mêmes, éprouveront donc simultanément les mêmes oscillations et appartiendront par conséquent à une même onde lumineuse. Ainsi, l'onde réfléchie aura la même forme et la même inclinaison que si elle émanait du point l.

11. Lorsque la surface réfléchissante n'est pas indéfiniment étendue, les intégrales ne sont plus, en général, les mêmes pour les points p, p', p", etc. abstraction faite des variations d'intensité qui tiennent à la différence d'obliquité des rayons incidents. Il en résulte alors, quand la surface est très-étroite, ou qu'on observe la lumière réfléchie trèsprès de ses bords, des bandes obscures et brillantes semblables à celles qui proviennent, dans la transmission ordinaire de la lumière, de la suppression d'une partie de l'onde lumineuse. Il en résulte aussi des déviations sensibles des rayons réfléchis, dont une portion ne suit plus alors la loi ordinaire de la réflexion, qui n'est qu'un cas particulier de la loi plus générale exprimée par l'intégrale déduite du principe d'Huyghens.

On conçoit aisément, dans cette théorie, comment une surface hérissée d'une multitude de petites aspérités peut néanmoins réfléchir

<sup>(1)</sup> Parce qu'alors les ondes élémentaires n'ont plus la même intensité pour les points P. P', P", etc.

N III (6). la lumière régulièrement, lorsque ces aspérités sont très-petites par rapport à la longueur d'une ondulation lumineuse, parce qu'alors les petits changements qui en résultent dans les longueurs des chemins parcourus n'altèrent presque pas les degrés d'accord ou de discordance des ondes élémentaires, et n'ont pas en conséquence d'influence seusible sur leur résultante. Ceci nous donne une idée précise de ce qui constitue le poli.

### Nº XII (H).

## SECONDE NOTE SUR LA RÉFLEXION.

J'ai oublié, je crois, de faire remarquer dans ma première Note que l'intégration ne détermine pas seulement l'intensité de l'onde résultante mais encore sa position, en donnant la fraction de longueur d'ondulation dont elle se trouve en arrière de l'onde élémentaire qui a suivi le plus court chemin. Par conséquent, lorsque ce plus court chemin reste le même, ainsi que les éléments de l'intégration, la résultante doit se trouver à la même distance de l'onde génératrice, ou du point lumineux qui en est le centre; c'est-à-dire que les plus courts chemins comptés du point lumineux à l'onde résultante doivent tous être égaux entre eux. Telle est, comme nous l'avons vu, la loi de la réflexion régulière sur une surface indéfiniement étendue.

Il y a une objection qu'on pourrait faire à l'explication que j'ai donnée, d'après lluggens, de la loi de la réflexion, en en parodiant les raisonnements. Soit AB un plan trèsoblique par rapport à la direction des rayons incidents.
L1, de manière que les rayons réfléchis sur ce plan fassent avec les rayons incidents des angles RLL trèsobtus; ne doit-il pas y avoir réflexion, d'après la théorie que j'ai exposée, lors même que le plan AB n'existerait pas, c'est-à-dire ne serait point la surface de séparation de deux milieux de deusités différentes l'ar tous les centres d'ébranlement, considérés sur le plan fietif AB comme agissant isolément, ne tendent pas seulement à envoyer

des vibrations dans la direction IL des vitesses imprimées, mais encoré suivant une infinité d'autres directions comprises dans la demi-circonfé-

Y MI (i), rence dont le diamètre serait perpendiculaire à IL. II n'y a d'impossible, d'après la nature des ondes dérivées, que les mouvements rétrogrades. Ainsi l'on peut concevoir des rayons élémentaires dans une direction comme RI, qui fait un angle obtus avec IL. II semble, en conséquence, qu'il devrait y avoir réflexion dans un milieu homogène, comme s'il existait des surfaces réfléchissantes, seulement avec une plus faible intensité.

Il est aisé de voir la réponse à cette objection, en concevant un autre plan parallèle au plan ficit à Be, en avant ou en arrière de celui-ci, et à une distance telle que les rayons réfléchis par ce second plan diffèrent d'une demi-ondulation des premiers, qu'ils détruiront complétement, puisqu'ils doivent avoir la même intensité, comme parallèles aux premiers et réfléchis dans des circonstances absolument semblables à cause de l'homogénétité du milieu.

Par cette considération d'interférences on démontre aussi aisément et de la même manière l'impossibilité des ondes rétrogrades dans un système d'ondes oscillatoires, indépendamment des notions que donne l'analyse sur le rapport des vitesses aux condensations dans les ondes dérivées.

Il est un cas où le mênte raisonnement a une application beaucoup plus intéressante : c'est celui où un fluide homogène pénêtre de toutes parts un autre corps, dont les particules, plus denses ou plus grosses, sont semblables entre elles et également espacées. Sì les distances entre ces particules sont très-petites par rapport à la longueur d'une onde, il est clair qu'il ne pourra pas y avoir de réflexion sensible dans l'intérieur de ce milieu, quoiqu'on puisse concevoir des réflexions partielles sur chaque particule du corps; parce que toutes les petites ondes élémentaires qui en résultent se détruisent mutuellement, excepté aux surfaces qui terminent ce milieu. Aussi est-ce seulement à ces surfaces que la réflexion a lieu.

On pourrait, à la rigueur, supposer que l'éther n'a pas sensiblement plus de densité dans les corps très-denses que dans les corps trèsrares, et attribuer uniquement le phénomène de la réflexion à la somme de toutes les réflexions élémentaires ainsi produites sur les particules N° XII (II), mêmes des corps. Alors, daus cette hypothèse, et d'après les raisonnements que nous venons de laire, les oudes résultantes se trouveraient différer d'un quart d'ondulation des ondes élémentaires parties de la surface même, ce qui donne une explication très-satisfaisante de la différence d'une demi-ondulation entre les rayons qui éprouvent la réflexion intérieure et ceux qui sont réfléchis extérieurement, dans le phénomène des anneaux colorés produits par une mince lame d'air comprise entre deux verres.

En supposant, au contraire, que la réflexion est due seulement à la différence de densité de l'éther dans les deux milieux, on retrouve efforce la même différence d'une demi-ondulation, qui n'est plus ainsi une objection contre le système des ondulations, mais au contraire une confirmation de cette théorie.

98.

Nº XII (1).

## NOTE

LA RÉPLEXION ET LA RÉPRACTION CONSIDÉRÉES DANS LE SYSTÈME DE L'ÉMISSION.

1. Pour expliquer la régularité de la réflexion, on suppose, dans le système de l'émission, que les corps exercent sur les molécules lumineuses une force répulsive dont l'action s'étend à des distances beaucoup plus grandes que les petites aspérités qui couvrent toujours les surfaces les mieux polies; car, ainsi que le remarque Newton, «il n'est « pas concevable qu'avec du grès, de la potée et du tripoli, matières « dont on se sert pour travailler les verres, on puisse donner à leurs « plus petites parties un assez beau poli pour qu'elles ne fassent toutes « qu'une surface parfaitement lisse. Il est clair au contraire que ces « matières ne peuvent que sillonner le verre, puis user ses aspérités. « Plus elles seront réduites en poudre fine, plus les sillons du verre « seront petits; mais quelque fine que soit cette poudre, jamais elle «ne parviendra à les effacer totalement. D'où il résulte que, si la lu-« mière était réfléchie de dessus les parties solides des corps, elle ne « serait pas moins dispersée par le verre le plus poli que par le plus " raboteux (a), "

Après avoir admis cette force répulsive qui s'exerce à des distances sensibles de la surface des corps, on est obligé, pour expliquer la réfraction, de supposer en outre une force attractive dont la sphère d'activité est moins étendue, et qui ne se fait sentir que tout près de la surface; en sorte que les molécules lumineuses qui ont pu échapper

<sup>(</sup>a) Optique de Newton, p. 93 du tome II de la traduction française, par Marat (dite de Beauzée).

à la réflexion, en traversant la sphère d'activité de la force répulsive, N° XII (I). se trouvent ensuite livrées à la force attractive qui produit la réfraction.

Je ne m'arrêterai pas aux difficultés qu'on pourrait élever sur hergularité de la réfraction, en raison des divers degrés de facile transmission, dans lesquels se trouvent les molécules lumineuses à l'instant où elles traversent la sphère d'activité de la force attractive. Le fera abstraction ici de ces différences, et je supposerai, si l'on veut, que toutes les molécules lumineuses qui pénétrent la sphère d'activité de la force attractive ont la même disposition physique au moment où elles v entrent.

2. Mais, au lieu de considérer une surface parfaitement polie, dont les aspérités soient très-petites relativement à la sphère d'activité de la force attractive, je supposerai qu'elle n'a reçu qu'un poli imparfait, tel que celui qu'on nomme douci, ou, en d'autres termes, que les aspérités de la surface sont devenues assez grandes pour avoir une influence sensible sur la marche des ravoir.

Quel que soit le genre d'action que les particules des corps pondérables excreron tur les molécules lumineuses; i est clair que plus la sphère d'activité sera étendue, moins les inégalités de la surface déraugeront la marche des molécules lumineuses, et qu'au contraire, plus la sphère d'activité sera bornée, plus les mènes inégalités auront d'influence perturbatrice, puisque alors toute l'action exercée sur les molécules lumineuses aurin lieu dans le voisinage même de ces aspérités.

En partant de ce principe, il faut donc conclure, dans le système de l'émission, que les aspérités de la surface du milieu réfringent doivent troubler davantage la régularité de la réfraction que celle de la réfrection, puisque la réflection s'opère à une plus grande distance de la surface que la réfraction. Ainsi, en présentant aux rayons lumineux, sous l'incidence perpendiculaire, la surface doucie d'une plaque de verre polic de l'autre côté, ils devraient être plus régulièrement réfléchis que réfractés : or c'est précisément le contraire; car, car regardant l'abjet lumineux au travers de cette plaque, on le voit beaucoup plus distinctement que lorsqu'ou le regarde par réflection sur la sur-

V XII (1). face doucie, sous une incidence voisine de la perpendiculaire (n. Et qu'on ne suppose pas que cette vision plus distincte tient simplement à ce que la quantité de lumière réfleche sur le verre, sous une incidence voisine de la perpendiculaire, est beaucoup moindre que celle qui le traverse; car en recevant préalablement sur un miroir de verre noir les rayons qui doivent, traverse la plaque doucie, pour les réduire au même degré d'intensité que les rayons directs qu'elle réfléchit. on trouve toipours que l'image transmise à travers la surface doucie est beaucoup ulsu nette que l'image refléchie par la même surface.

3. Tout le monde a pu faire cette observation; mais il me semble qu'on n'a pas fait assez d'attention à la grande difficulté que ce phénomère remarquable présente dans le système de l'émission. Je ne vois pas comment on peut le concilier avec l'explication que Newton a donnée de la réfraction, qui paraît aux partisans de son système une des confirmations les plus frappantes de l'hypothèse de l'émission.

Dans le système des ondulations ce fait est au coutraire une conséquence nécessaire de la théorie; car la régularité de la réfraction doit tenir, comme celle de la reflexion, à l'égalité des chemins parcourus par les rayons qui sont tombés sur les ditiférents points de la surface qui sépare les deux milieux. Or, sous l'incidence perpendiculaire, par evemple, la différence des chemius parcourus par les rayons réfléchis sur les sonmets des petites éminences, et dans les points les plus renfuncés de la surface, est égale au double de la saillié des premiers les seconds; tandis que pour les rayons transmis la différence des chemins parcourus ne consiste plus que dans la différence des milieux traversés simulanément par ceux qui tombent sur les sommités ou dans les renfoncements de la surface. Or le raccourcissement qu'éprouvent les ondes lumineuses dans le verre étant environ d'un tiers de leur longueur dans l'air, la plus grande différence des chemins parcourus

le poli du miroir, pourvu que sa surface soit bien dressée; c'est un fait qui s'explique aussi aisément dans la théorie de l'émission que dans celle des ondutations.

<sup>(</sup>i) Je suppose ici que l'incidence est peu oblique, parce qu'en inclinant suffisamment le miroir on parvient toujours à rendre nette l'image réféchie, quelque imparfait que soit

par les rayons transmis n'équivant qu'au tiers de la saillie des émi- Nº XII (1). nences sur les renfoncements, c'est-à-dire au sixième de la différence des chemins parcourus par les rayons réfléchis sur les mêmes points de la surface. La cause d'irrégularité qui tient aux aspérités de la surface doit donc avoir six fois plus d'influence dans la réflexion que dans la réfraction; il est donc tout simple que l'image transmise soit beaucoup plus distincte que l'image réfléchie.

4. Il n'est pas nécessaire pour la régularité de la réflexion et de la réfraction que les chemins parcourus par les divers rayons soient rigoureusement équivalents; il suffit que leurs différences soient trèspetites relativement à la longueur d'une ondulation lumineuse. La théorie des ondulations fait connaître ainsi de quel ordre de petitesse doivent être les aspérités d'une surface pour qu'elle réfléchisse des images bien nettes.

Cette définition précise du poli conduit à une conséquence remarquable : c'est que les rayons rouges et orangés avant des ondes plus longues que les rayons verts, bleus et violets, peuvent être encore réfléchis ou réfractés régulièrement, alors que ceux-ci éprouvent déjà l'influence perturbatrice des irrégularités trop sensibles de la surface. Dans ce cas, les objets blancs, vus par réflexion ou par transmission, doivent donc se colorer d'une teinte rougeâtre. C'est aussi ce que coufirme l'expérience : un objet blanc, regardé à travers une plaque de verre polie d'un côté et doucie de l'autre, paraît d'un fauve rougeatre. Il présente la même teinte quand on l'observe par réflexion, en inclinant assez le miroir douci pour que son image soit distincte, et pas assez pour rendre au miroir toutes les apparences du poli.

5. On voit par ces exemples que, sans sortir des simples phénomènes de la réflexion et de la réfraction, qui paraissent encore à plusieurs physiciens mieux expliqués dans le système de l'émission que dans celui des ondulations, on trouve au contraire des objections trèsfortes contre le premier, et des confirmations du second.

Mais la supériorité de celui-ci ne se borne point à expliquer des faits difficiles à concilier avec l'hypothèse de l'émission; il fournit encore

Nº XII (1). les moyens de les sonmettre au calcul. La théorie newtonienne n'a pu calculer jusqu'à présent la réfraction et la réflexion que dans le cas particulier d'une surface continue et indéfiniment étendue. La théorie des ondulations, qui conduit aussi simplement aux mêmes résultats, fait connaître de plus la marche des rayons réfléchis et réfractés lorsque la surface est étroite ou discontinue, en déterminant en même temps les intensités relatives de ceux qui s'écartent plus ou moins de la direction ordinaire; car, dans les cas généraux dont il s'agit, la totalité de la lumière n'est plus réfléchie suivant un angle égal à l'angle d'incidence, ou réfractée de manière que le rapport des sinus d'incidence et de réfraction soit constant. Les lois de ces phénomènes sont beaucoup plus compliquées, quoiqu'elles découlent naturellement de cousidérations théoriques très-simples. Il eût été bien difficile à la seule observation de les découvrir; tandis que, sans consulter l'expérience, on cût pu les déduire d'avance du principe de la coexistence des petits monvements et de celui des interférences, qui sont l'un et l'autre des conséquences immédiates de l'hypothèse fondamentale.

Nº XII (J).

## EXPÉRIENCE

---

LA RÉPLEXION RÉGULIÈRE PRODUITE PAR DES SURFACES NON POLIES.

En considérant la lumière commé les vibrations d'un fluide universel, on conçoit aisément pourquoi les surfaces des miroirs la réfléchissent régulièrement majre la multitude des petites aspérités dont leurs surfaces sont hérissées quelque bien polies qu'elles soient. « Car, ainsi que le remarque Newton, il n'est pas concevable qu'avec du grès, de la potée et du tripoli, matières dont on se sert pour traevailler les verres, on puisse donner à leurs plus petites parties un assez beau poi pour qu'elles ne fassent toutes qu'une surface parfaitement lisse. Il est clair au contraire que ces matières ne peuvent. « que sillonner le verre, puis user ses aspérités. Plus elles seront réduites en poudre fine, plus les sillons du verre seront petits: mais « quelque fine que soit cette poudre, jamais elle ne parviendra à les réflects totalement.

La théorie des ondulations démontre que la lumière diffuse doit étre beaucoup moins abondante que celle qui a éprouvé la réflexion régulière, lorsque ces aspérités n'apportent dans les chemins parcourus par les rayons réfléchis à leurs surfaces que des différences très-petites retuivement à la longueur d'une ondulation lumineuse, qui, quoique fort petite elle-même, est cependant une quantité appréciable.

Optique de Neuton, p. 93 du tome II de la traduction française de Marat (dite de Besuzée).

N. MI (J). La difference des chemins parcourus résultant du plus ou moins de saillie des diverses parties de la surface réflichisante devient d'autant plus petite que la réflexion se fait sous des incidences plus obliques, et voilà pourquoi des surfaces bien d'ressées, mais qui n'ont point reçu le poli, réflichissent expendant des images distinctes et régulières des objets, quand on les incline suffisamment sur le rayon visuel.

> On dit qu'un miroir a reçu le poli spéculaire lorsqu'il présente des images bien nettes, même sous l'incidence perpendiculaire; ce qui doit avoir lieu, d'après la théorie des ondes lumineuses, quand les inégalités de sa surface sont très-petites par rapport à la longueur d'une ondulation. Or les ondes lumineuses qui composent la lumière blanche ayant des longueurs différentes, il en résulte que la même surface est plus polie pour une espèce de rayons que pour une autre, plus polie, par exemple, pour les vibrations rouges, qui sont les plus longues, que pour les vibrations violettes, qui sont les plus courtes. Ainsi les rayons rouges doivent être en général moins dispersés que les rayons violets par la réflexion irrégulière, et par la même raison plus abondants dans la réflexiou régulière. Mais comme les aspérités des surfaces polies sont très-petites relativement à la longueur des ondes lumineuses les plus courtes, les différences d'intensité dans la réflexion régulière des diverses espèces de rayons simples sont insensibles, en sorte que la couleur des obiets n'en paraît point altérée.

> Il serait très-difficile, je crois, dans le travail d'un miroir, de s'arrèter à un degré de poli tel qu'il présentât une différence sensible entre la réflexion régulière des ondulations rouges et celle des ondulations violettes. Mais on peut atteindre le même but, et vérifier la théorie des ondes dans cette conséquence singulière, par un procédé très-simple et très-commode. Il suffit pour cela d'incliner graduellement sur le rayon visuel un miroir de verre ou de métal dont la surface n'a été que doucie. L'obliquité des rayons incidents diminuant les discordances qui résultent des petites aspérités de la surface, on obtient

ainsi, par des inclinaisons différentes du miroir, les mêmes effets que N° All (1). produiraient, sous une incidence constante, toutes les variations passibles dans le degré du poil. A ussi remarque-t-on, sous certaines inclinaisons, qui dépendent de la finesse du douci, que le rouge, l'orangé et le jaune dominent dans les images d'objets blanca sains irfélchis, dont la couleur devient alors un peu fauve, quelle que soit la nature du miroir. J'ai fait d'abord cette expérience sur une glace doucie, qui, vue par la tranche, paraissait fégrement verdâtre. Je l'ai répétée ensuite sur du spath calcaire parfaitement limpide, et sur de l'acier, et l'ai toujours observé le même phénomêne.

J'en ai fait l'analyse dans la chambre obscure, en recevant sur ces miroirs la lumière solaire, décomposée par son passage au travers d'un prisme. Lorsque le miroir était très-incliné relativement aux rayons incidents, les différentes parties du spectre conservaient sensiblement leurs rapports ordinaires d'intensité. Mais à mesure que l'obliquité diminuait, l'extrémité violette du spectre s'affaiblissait bien plus rapidement que l'extrémité rouge, et disparaissait bientôt, ainsi que l'indigo et le bleu, lorsqu'on distinguait encore le rouge extrême, malgré son éclat très-inférieur à celui des rayons bleus, qui s'étaient évanouis. Quant au vert, il ne disparaissait entièrement qu'avec le reste du spectre solaire. Les rayons verts, beaucoup plus brillants que les rayons rouges, n'en diffèrent, d'ailleurs, que d'un sixième environ dans la longueur de leurs vibrations; en sorte que la même différence de chemins parcourus, qui apporte une discordance complète d'une demi-ondulation dans les premiers, affaiblit extrêmement les autres. C'est par cette dernière raison que la lumière blanche, réfléchie obliquement sur des surfaces non polies, au lieu de se colorer en rouge dans sa réflexion régulière, comme cela résulterait de la suppression des rayons verts, prend seulement une teinte fauve ou orangée.

On conçoit que des effets du même genre peuvent être produits par le passage de la lumière au travers d'un milieu qui n'est point homogènc. Je présume que la teinte rougeâtre dont le soleil se colore,

99

N° XII (1). lorsqu'il paralt à travers le brouillard, tient aussi aux différences des chemins parcourus par les rayons qui arrivent à notre ceil sans avoir traversé les petites gouttes d'eau, après un grand nombre d'inflexions successives, que permet alors la discontinuité du milieu. Le brouillané est sans doute plus transparent pour les rayons rouges que pour les rayons violets, comme les corps imparfaitement polis sont plus polis pour les rayons rouges que pour les rayons violets.

#### Nº XIII.

## RAPPORT

FAIT PAR M. ARAGO A L'ACADÉMIE DES SCIENCES,

AC NOM DE LA COMMISSION (41) QUI AVAIT ÉTÉ CHARGÉE D'EXAMINER LES MÉMOIRES EXVOYÉS AU CONCOI DE POUR LE PRIX DE LA DEPPRACTION (1).

[ Annales de chimir et de physique , t. XI , p. 5. — Cahier de mai 1819 (9).]

L'Académie avait proposé au concours, pour le prix de physique qu'elle doit décenner dans la séance publique du mois de mars 81 s.). examen général des phénomènes de la diffraction de la lumière. Deux Mémoires seulement lui ont été adressés. Celai qui est inscrit sous le n° a syant plus particulièrement listé l'attention de vos commissaires, tent par l'exactioned des observations qu'il renferme que par la nouveauté des résultats, nous avons cru devoir en présenter une analyse étaillée.

Les phyticiens qui, depuis Grimáldi, se sont occupés des phénomènes de la diffraction, recernient la lumière infléchie sur un écran blanc plus ou moin éloigné du corps opaque, ou sur un verre dépoil. Ces deux méthodes ont l'une et l'autre le défaut d'affaiblir considérablement l'éclat des couleurs, et de point se prêter à l'étude de la formation des bandes près de leur crigine. Dans un Mémoire présenté à l'Académie en 1815, et qui depuis a été inaéré dans

D. Nous donnons ici ce rapport tel qu'il nécessaire d'y joindre en le publiant ont été a été lu à l'Académie, dans sa séance du lundi s 5 mars 18 s 9. Les étails qu'il a paru

<sup>(\*)</sup> Cette commission était composée de MM. Biot, Arago, Laplace, Gay-Lussac et Poisson.
(\*) OEueres de François Arago, t. X, p. 375.

N. XIII.

les Annales de chimie et de physique, tome l. M. Freund awit annoncé que sans le secours d'un écran on peut, à tonte distance, sperecevir les bandes arec une simple loupe, comme on aperçoit avec l'oculaire d'une lanctte astronomique la peinture aérienne qui vient se former au loyer de l'objectif. En partant de cette meraurque, l'auteur du Mémoire à y a construit un instrument qui permet de suitre les bandes diffractées dans la lumière la plus affaiblie, et de déterminer leurs larguers à ou ou deux centièmes de millimetre près : il lui a suffi pour rela d'adapter la loupe à une vis micrométrique qui la fait marber graduellement dans un sens ou dans l'autre, et perpendiculairement à la direction des bandes; un fil délié, passant par le foyer de la loupe, et qui se déplace avec elle, est le repère qu'on dirige, dans chaque expérience, sur le milieu de la purite la plus brillante ou la plus soleure de chaque frange; enfin, à l'aide d'un cadran divisé en cent parties que parcourt une aiguille fisée à la vis, on évalue les centièmes de millimétre.

Tel est finstrument dont l'auteur <sup>(1)</sup> du Mémoire n' a écsi servi. Ses principales expériences ont été faites dans la lunière rouge, sensiblement homgine, que transmet une espèce particulière de verre coloré qui ne se rencontre plus que dans quelques anciens vitraux d'église; on avait ainsi la certitude d'opérer chaque jour sur des rayons de même nature, et d'obtenir des résultats parfaitement comparables.

L'auteur s'occupe d'abord des franges successivement obscurse et brillantes qui bordent extrieurement fombre d'un crops opque: en les suivant jusqu'à leur origine, à l'aide d'une lentille d'un court foyer, il aperçoit la troisième frange à une distance du bord du corps moisture que ; de millimêtre, defente fruit par cela seul une erreur acrétilée, et prouve que, pour tous les calculations de la déviation des rayons, dans le système de l'émission, il sera permis de supposer que ce rayons partent des bords mêmes des corps.

En choisissant d'abord, dans l'ensemble des observations, celles qui correspoudent à une même distance du micromètre au corps opaque, on trouve qu'une simple variation dans l'éloignement du point éclairant en amène de très-sensibles dans les déviations angulaires des rayons, ou, en d'autres termes, dans les angles que les rayons directs et les rayons inflichis forment entre

<sup>(1)</sup> Lorsque, après le jugement de la commission, le président de l'Académie a ouvert le billet cacheté qui accompagnait le Mé-

moire, on a appris que cet auteur était M. Fresnel, ingénieur des ponts et chaus-

eux. Ainsi, le point de départ du faisceau lumineux étant, par exemple, à 100 millimètres du corps, l'angle de diffraction pour les rayons rouges de la première frange, déterminé par des mesures prises à un mêtre de distance, est de 13 6°; tandis qu'on ne trouve que 3° 55° à estie même distance d'un mêtre rougul' y a six mêtres entre le point lumineux et le bord du corpo. On voit, en un mot, et ce résultat est très-remarquable, que chaque rayon poraît d'autant moins dévia qu'il vint de plus loin "0.

Si l'on passe ensuite aux moures prises à diverses distances du corps, celle du foyer lumineux restant toujours la même, on trouvern pour l'angle de ulifraction de chaque frange en particulier des valeurs différentes, suivant qu'on l'observern plus ou moins loin du corps. De là résulte la conséquence singulière que les positions successives d'une même frange ne sont pas en liege doité "z il est. du reste. facile de sassuere que les courbes qui loinea."

O Voici quelques autres mesures que j'exisus du Mémoire, et qui feron (eglement aperceoir combien l'intervalle compris entre le point éclairant et le corps opaque a d'influence sur la décisation qu'iprouve le rayon lumineux. On reusarquera que la distance de ce corps au micromètre a étà à très-pen près la mémo dans chaque expérience, et égale à un mêtre.

da point luminous na corps epoque.	du corps opuque eu microssètre,	rempris entre le hord de l'embre grenetrique et le sentre de la quatrième hande obscure.
0",510	1",005	3,84
1.011	0,996	3 ,12
800, 2	0 ,999	2 ,71
3 ,018	1,003	я ,56
6 ,007	0 ,999	oè, e

Pour expliquer ce résultat dans les idées presque généralement adoptées jusqu'ici sur les phéromètes de la diffraction, il fautaria admettre que l'action répubrie exercée par le corpe opaque sur la lumière ne dépend pas seulement de la distance à laquelle passe in unécetule lumineuse; mais envor que cette action a filiabilit très-vite à mesure que le corps a éloigne du foyer responant; ce qui serait, il faut en convenir, une supposition bien étrange.

(1) Le corps opaque restant toujours à 3".o 18 du point lumineux . l'auteur du Mémoire mesura l'intervalle compris entre le bord de son ombre géométrique et le point le plus sombre de la troisième bande obscure, d'abord à o".oo17 de distance du corps; ensuite à 1",003, et enfin, à 3",995. Ces intervalles se trouvèrent, dans le premier cas, de o"".08; dans le second, de a"".ao, et enfin de 5"".83. Si l'on joint maintenant par une figne droite la première et la troisième position de la bande, on verra aisément qu'à 1",003 du corps opaque la ligne droite en question est distante de l'ombre géométrique de 1 \*\*\*,5 2; tandis que l'observation nous a appris que la troisième A. AHL

positions, pour les franges de tous les ordres, sont des hyperholes ayant pour communs foyers le point rayonnant et le bord du corps opaque <sup>(6)</sup>. Dans quelque-unes des expériences rapportées par l'auteur du Mémoire, la flèche de courbure était de près d'un millimétre, c'est-à-dire, cisquante ou soizante fois plus grande que les exreurs dont les observations sont susceptibles

Divers physiciens avaient déjà annoncé que les phénomènes de la diffraction ne dépendent point de la nature du corps que les rayons lumineux vient raser. En confirmant ce résultat par des mesures dans lesquelles on ne remarque pas des différences d'un centième de millimètre, l'auteur du Mémoir y a joude écet direntantea no moins curieuxe, que la forme du corps n'a également aucune influence; en sorte, par exemple, que les bandes diffractées ont précisément le même éclat et la même position, soit qu'elles aient déf formées sur le dos d'un rasoir ou sur son tranchand par formées sur le dos d'un rasoir ou sur son tranchand la

Nous n'avons parlé jusqu'ici que des franges extérieures; mais la lumière pénêtre aussi daus l'ombre géométrique, l'éclaire et y forme une série de bandes obscures et brillantes. Le docteur Thomas Young, l'un des correspondants de l'Académie, a découvert, il ya quelques années, que si on intercepte avec un deran se seul des deux pinceaux lumineux qui vienneut nouher les bords d'un corps étroit, la totalité des bandes intérieures s'évanouit, quoique le pinceau opposé dit continués or poute et ses oits maprier épendu dans l'ombre, comme précédemment. De là il résulte avec évidence que les franges intérieures sont formées par la rencontre de ces deux faisceaux lumineux. M. Young démontre, au demeurant, cele influence réciperque des rayons qui se croisent, sans faire intervenir dans son expérience les forces auxquelles on a l'habitude d'attribuer les phénomènes de la diffraction 3.

Pour cela, il introduit la lumière solaire dans une chambre obscure, par

bande en était éloignée de o "", 88 de plus, ou de s "", 30 : le point qui, à 1 ".003 du corps, se trouveit sur la droite, était intermédiaire entre les bandes obscures du promier et du second ordre. Voyez, du reste, à la fin de ce rapport, la note (A), où j'ai transcrit d'autres observations de M. Fresnet, qui prouvent de même, à l'égard des bandes de divers ordres, que leurs positions successives, pour un éloignement donné du point lumineux, forment une ligne courbe dont la concavité est tournée vers le corps opaque.

W Voyez plus haut, sur cette assertion, No IX, p. 126, la note de l'éditeur.

<sup>(</sup>a) Voyez, au sujet de cette remarque du rapporteur, N° XIV, \$ 60, la note de l'éditeur.

No. 5 III

deux peils treus per diejark. Lersqu'en reçoit réportenet chaque faisceus ur un carton, on n'aperçoit rien de remanquable; mais si les deux faisceus y parviennent simultanément et au méleut, leur rencontre donne naissance à une série de franges obscurses et brillantes, semblables sux franges intérieuxe. L'atueur du Memoire présente une expérience analogue, mais d'olt al mémiconséquence découle encore plus nettement, et qui, dans les applications, aus celle que nous venons de rapporter l'important avantage de donner sance à des handes beaucoup plus vives. Il fait concourir deux faisceaux de rayons partant d'un môme foyer et régulièrement réfléchis par deux mivris métalliques légèrement inclinés entre eux, et dont les surfaces sont presque sur le même plan : des lors la portion commune des deux champs lumineux et parsennée de handes brillantes ci- obscures, égélement especées et perpendiculaires à la ligne qui joint les deux images réfléchies, quelle que soit d'ail-leurs la position de extel ligne relativement aux boret des miroiss.

Les longueurs des chemins parcourus par les rayons luminous depuis leur point de dépan jusqu'à clui de leur coisement déterminent l'espèce d'influence que ces rayons exercent les uns sur les autres. Si l'on reçoit les faisceux sur un écrat, on trouvera une frança brillante là oi due ux rayons auron parcouru précisément le même chemin : si la frança brillante voisine correspond à une différence de routes représentée par  $d_1$  la 3°, la  $\lambda'$ , la 5° frança de même espèce s'observerent sur le carton dans des points pour lesquels les différences de routes seront ad, 3d, 4d, etc. Quant aux handes obscures, elles correspondont toutes à des différences comprises dans la série arithmétique  $\frac{1}{2}d_1^2$ ,  $\frac{1}{4}$ ,  $\frac{1}{4}$ , et ct. Ajoutons que la quantité d n'est pas la même pour les longueux des différentes couleurs, et qu'elle varie dans le même rapport que les longueux des accès. Cette quantité, pour chaque espèce de rayon, est précisément le double de celle qui, d'appès Newton, détermine le retour d'une modécule lumineuxe au même accès de facile réflétion ou de facile transmission.

En se fondant sur les principes que nous venóns d'énoncer, et dont on est redevable au docteur Thomas Yonng, l'auteur du Mémoire etamine d'abord si les franges intérieures ne seraient pas le résultat de l'influence mutuelle de deux faisceaux infléchis dans l'ombre, sur les bords mêmes du corps opaque.

Dans cette hypothèse, les bandes intérieures devraient toujours être égaleuent espacées; leurs largeurs varieraient, pour des distances données, en raison inverse des diamètres des corps; ces largeurs, enfin, seraient indépen-

1.

A. AIII.

dantes de la position du point éclairant. (Assades de chime et de physique, t. 1, p. 26 s %). Tant que les bandes extrémes sont suffisamment éloignées des limites de l'ombre géométrique, cos résultats s'accordent assez bien avec l'observation; dans les autres cas on trouve quelque différence entre la position calculée de chaque bande et as place rélet e or ces discordances, toutes fégères qu'elles sont, surpassent sensiblement les petites incertitudes que comportent les observations de l'auteur.

Quant au handes extérieures, si on les suppose formées, comme il pareil d'abord naturel de le finer, par la rencontre de la lumbrée directe et des rayons réfléchis sur le lord du corps opaque, on trouve une hande brillante là où le calcul donne une hande obscure, et réciproquement. Pour que les lois déduites de l'esp-rience des deux miroirs l'appliquassent au cas que nous examinous ici, il faudrait donc admettre que les rayons réfléchis obliquement sur le bord ucorps opaque se comportent comme si les chemins parcourus étaient plus courts qu'ils ne le sont en effet de la moitié de la quantité que nous avons désignée précédemment par d.

Telle est l'hypothèes sur laquelle MM. Young et Fresnel avaient fondé l'explication des bandes extérieures; mais l'auteur du Mémoire prouve qu'elle ne suffit pas; et en effet, dans quelques circonstances qu'il indisque, la place réelle de la bande est distante de la place calculée de <u>#</u> de millimètre, c'estadire, d'une quantifé si ou sept fois bus grande que l'incertitude des observations. Il fait en outre remarquer, indépendamment de toute mesure, que si les franges extérieures résultaient de la rencontre de la lumière directe et de seuls regous réféduir sur le bord du corps opaque, l'étendue et la courbure de ce bord auraient quelque influence sur leur intensiét; ce qui est, comme nous Provos déjà dit, contraire à l'esprience, puisque le tranchant et le dos d'un rasoir forment des franges parfaitement semblables. Il faut donc admettre que des rayons qui passent à une distance sensible du corps sont écartés de leur direction primitive, et concourant aussi à la production du phénomène. Ce résultat important est confirmé d'ailleurs par plusieurs autres expériences que le Mémoire renferme (C).

Comment arrive-t-il maintenant que le faisceau continu et d'une largeur sensible qui passe dans le voisinage d'un corps, au lieu de donner sur l'écran

<sup>(</sup>a) Nº VIII. S 17.

### RAPPORT SUR LE CONCOURS RELATIF A LA DIFFRACTION. 235

qui le reçoit une lumière uniforme, produise une série de bandes brillantes séparées par des intervalles obscurs T Les bornes dans lesquelles nous devons nous renfermer ne nous permettront pas de suivre l'auteur dans cette recherche épineuse. Nous essayerons, toutefois, de donner une idée nette de l'hypothèse sur l'aquelle se fonde l'intégrale qu'il présente comme l'expression générale de tous les nbénombres de la diffraction.

L'auteur conçoit sur les bords du corps opaque une portion de sphère dont le centre serait dans le foyer rayonnaut, et il suppose que de chaque point de cette surfece partent des rayons lumineux élémentaires, dans toutes sortes de directions et aver des intensités sensiblement égales tant qu'ils ééartent pas on hypothèses, se détruisent mutuellement; il détermine enfin l'intensité de la lumière résultant du concours et des influences réciproques de tous les rayone peu indinés sur la normale, en les assimilant à des forces qui fersient entre elles des angles proportionnels aux différences des chemins parcourau, la difference d, dont nous avons déjà parlé, répondant à une circonférence entière. Par là, l'intensité de la lumière, dans tous les points de l'espace situés derrière le corps relativement au foyer rayonnaut, se trouve représentée par une formule intégrale qui embrases chaque cas particuleir.

Cette formule, appliquée aux bandes extérieures, indique d'abord des variations périodiques dans l'intensité de la lumière qui avoisine l'ombre géométrique; elle montre que dans aucun point la lumière n'est tout à fait nulle; que la différence d'intensité entre une frange brillante et la frange obscure contigué va continuellement en d'inimunt à mesure qu'on s'éloigne du cops, et qu'elle est déjà presque insensible dès le 9 ou le 10° ordre; ce qui est comme aux observations. Elle fait voir aussi pourquoi les franges extérieures sont beaucoup moins nonhreuses et moins vives que celles qui résultent de la rencentre de deux faisceaux luminur partant d'un même foyer, et réflechis, comme dans l'expérience que nous avons déjà citée, par deux mivoirs légèrement inclinés l'un sur l'autre.

Le seul élément indéterminé que l'intégrale renferme est la quantité que nous avons désignée par d. L'auteur trouve, par diverses méthodes, que, dans

20

Nº XIII.

<sup>(</sup>i) Nous donnerons, dans un de nos plus prochains cahiers, le chapitre entier du exposée avec tous les détails convenables. Mémoire de M. Fresand dans lequel cotte

N° XIII. la lumière rouge homogène transmise par son verre coloré, la valeur de d'est égale à mini de millimètre (D). Substituant ensuite cette valeur dans la formule générale, il en déduit aisément la largeur des franges, pour toutes les positions du foyre lumineux et de l'écran.

L'auteur a réuni dans un seul tubleau les résultats comparatifs du calcut de vingis-cine géries d'expériences refurmant chaume les observations de cinq ardres de franges; ce qui donne en soume cent vingis-cinq mesures; la différence entre l'observation et sa théorie a atteint une seule fois à de millimitère, revis fois à de sini à. Dans tous les autres ces, au nombre de cent quime, la discordance à à junais dépassé à de millimètre, quoique les quantités mesurées soient élévées jusqu'à 760 centifieux, Aputons, pour montre combien dans toutes ces observations les circonstances ont été dissemblables, que la distance du point reponanta uc orque soque a varié entre su décimètre et aix mètres, et la distance de ce même corps à l'écran entre deux millimètres et autors mêtres.

Les franges produites par une ouverture étroite, celles qu'on observe dans l'intérieur de l'ombre géométrique d'un corps opaque, naissent et se propagent suivant les mêmes lois. Les mesures consignées dans le Mémoire sont représentées par les formules avec la précision des observations elles-mêmes.

L'un de vos commissaires, M. Paisson, avait déduit des intégrales rapportées par l'auteur le réduits niqueller que le centre de l'aubne d'un éran circulaire quaque drwait, l'orsque les rayons y pénérisent sous des incidences peu obliques, être aussi éclairé que si l'éran n'existait pas. Cette conséquence a été soumise à l'épreuve d'une expérience directe, et l'observation a parhitement confirmé le calcul (E). Tout porte donc à croire que les mêmes formales qui ont si fidélement donné la place des suzaines et des sansime de lumière représenterout également les intensités comparatives des franges. Des observations de ce genre serient d'un grand inferêt : nous comenons qu'elles sont trè-délicates; mais le physicien plein de asgocié dont nous venons d'analyser le travail a fait dèlé et rop grands pas ur cette route pour qu'on ne doire pas espérer qu'il cherchera encore à confirmer sa théorie par des mesures d'intensité.

L'auteur du Ménioire inscrit sous le n° i est certainement un physicien evercé; mais les moyens d'observation qu'il a employés n'étant pas suffisamment précis, quelques-uns des phénomènes que la lumière présente en pas-

### RAPPORT SUR LE CONCOURS RELATIF A LA DIFFRACTION. 237

ant par de petites ouvertures, ou seulement dans le voisinage des corpopaques, ont échappé à son attention. L'auteur partit n'avoir comu ni lestravaux dant en est redevable nu decteur Thomas Young, ni le Mémoire que M. Fresnel avait inséré, en 18 16, dans les Annales de chimie et tée playiques de lumère excreent ou semblent excreer les uns sur les autres ens emfant, loin de rien jouter 4 equi était déjà connu, renferne plusieurs rervurs évidentes : d'après ecla, la commission éest déterminée à accorder le prix au Mémoir inserts sus le n'3 en portant pour épigraphe : Natura ningles et femoir

N° XIII.

(A) TABLEAU BENFERMANT LES TRAJECTOIRES DES BANDES DE DIVERS ORDRES, RAPPORTÉES AUX CORDES OUI PARMENT PAR DEUX POSITIONS SXTRÉMES DE CES RANDES.

On a vu plus haut, dans le rapport, que les lignes qui passent par les positions suscessives d'une même baode ne sont pas droise. Le tableau suivant, extra Monoire de N. Fresard, fait comastire, pour les bandes de divers ordres, la distance qui sépare les positions soluerées de positions celleurées des les rappositions que la baode set toujours situés sur la droite qui joint le bord et la supposition que la baode set toujours situés sur la droite qui joint le bord et la corps paque et la position observées de plus distante. Les meutres de N. Les meutres de la metre de la metr

238 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - PREMIÈRE SECTION.

A\* XIII.

du du	DUTATES:		FLÉCISS DE COTAD	EE POCS LIN SLUGB	PE DIVERS 000000.	
potat radicas ao corps opoque.	cerps opaque de micronêtre,	s* ordre.	a" ordre.	3º order,	å* erder.	5º order.
			1 " séasa.			
o",510	0 0",110 0 ,501 1 ,005	o ,14	o <sup>m</sup> ,99	o***,35 o ,s5	o <sup>mm</sup> ,40 o ,30	o .34
1			g" séarg.			
1",011	0 0",116 0 ,502 0 ,996 2 ,010	e ,27 e ,27 e ,21	o***,35 o ,4o o ,3o	o o ,51 o ,38	o .57 o .49	o ,65 o ,65 o ,49
l			3° sinen.			
s",008	0 0",118 0 ,999 2 ,998	o***.#6 o ,34	o"",38 o ,48	o .60	o==,54 o ,68	o .76
	h' since (e)	парроптая й п	T CORDE OUT 100	NY LES OUSERVAN	IOSE SYTRÉBES.	
3",018	o".oo17 o .s53 o .500 t .oo3 t .gg8 3 .oos 3 .gg5	o .38 o .38 o .38 o .31	o==,45 o ,53 o ,56 o ,45 o ,23	o=56 o ,65 o ,68 o ,54 o ,88	* * * * * * * * * * * * * * * * * * * *	
	A' etam (h	. Exprorrig à	LA COURSE OFF PA	NY DE ROBS EU (	ORPS OPAGES.	
. 3",018	0 0",0017 0 ,853 0 ,500 1 ,003 1 ,998 3 ,008 3 ,995	0 0 ,04 0 ,34 0 ,41 0 ,41 0 ,32 0 ,18	o ,5e o ,58 e ,6e e ,48 e ,25	0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	o .73 o .85 o .87 o .67 o .38	o .9h o .9h o .97 o .75 o .39
			5° name.			
4-,507	o",131 1,018 5,506	o ,3r	e**,40 0 ,48	o ,50 o ,59	o"",58	o***,66 o ,81
			6' séais.			
6",007	o",117 o .999	0,93	o***,33	o,42	o	e**,53

/e viii

(B) Voici deux des expériences que rapporte l'auteur pour prouver que la nature et la forme du crops n'influent pas sur la position des bandes diffractées. «Lai recouvert une glace non étamée d'une couche d'encre de Chine unie à une c'uille mine de papier formats nesmeble une épaisseur d'un dittième de millimière. Avec la pointe d'un instrument tranchant, J'ai tracé deux lignes parallèles, et J'ai calesé solgueusement la portion de papier et d'encre comprise entre ce-deux trains, et qui adhérait à la surface du verre. Cette ouverture, mesurée au micromètre, s'est trouvée de 1<sup>m-3</sup> de diamètre, et ai nitroduismi entre eu une lame-graduée en forme de cain, je les ai écartés jusqu'à ce que l'internal qui l'esséparait filt aussi de 1<sup>m-1</sup>, 7, 6 c; l'indres, posès à oèté de la glace noircie, «élaient comme cle à 4<sup>m</sup>, oi 5 du point l'unineux et à 1<sup>m</sup>, 663 du micromètre. J'ai mesur la largarque des franges produites pur ces deux ouvertures, et, comme on va le voir, elles se sont trouvées parfaitement égales. Ces observations ont été-faises dans la lomière blanche.

"Intervalle compris entre les points les plus sombres des deux bandes obscures «du 1" prdre, à la séparation du rouge bistre et du violet :

"Sur le verre, 1"",49; sur les cylindres, 1"",49.

"Intervalle compris entre les limites des deux franges du 2° ordre, à la séparation du rouge et du vert :

-Sur le verre, 3mm,22; snr les cylindres, 3mm,22.

«Il serait difficile de trouver, quant à la masse et à la nature des bords d'une ovuerture, des circunstances plus dissemblables que celles de l'expérieure prévédènte. Dans un des cas, la diffraction était preduite par une couche miner «dencre de Chine dans Fastre, deux epidiors de cuirre, de quatezre millioner «et demi de diamètre, et qui présentaient dès lors aux raynns, sur les bords «Touverture, des masses et des surfaces considérables; et l'on seit expendant qu'il y a eu, dans les deux expériences, partié parfaite de dilatation du fairecau lumineux.»

L'expérience qui suit montre d'une manière non moins évidente qu'un peut changer la forme du corps sans altérer pour cela, en aucune manière, la position des bandes diffractées.

-Fai fait passer, di l'auteur, un faireau lumineux entre deux plaques d'escrichière-apprechée, dont les lords verienzus, bien d'exos sur toute leur longuéréaisent tranchants dans une partie, arronds dans une autre, et disposés de manètie que le bord arrondi d'une des plaques répondat la tranchant de surext réciproquement. Il en résultait que le tranchant se trouvant à droite, par e-extredisproquement. Il en résultait que le tranchant se trouvant à droite, par e-extressible, dans la partie supérieure de fouverture, était à gauche dans la seriNº XIII.

"inférieure. Par conséquent, pour peu que la différence d'action des deux bords «eût porté les rayons plus d'un côté que de l'autre, je m'en serais aperçu aux posiations relatives des parties supérieures et inférieures de l'intervalle clair du milien. «et surtout à celles des franges qui l'accompagnent, et qui auraient paru brisées «dans la partie rorrespondante au point où le tranchaut supérieur s'arrondissait ret où commençait le trauchant inférieur de l'autre plaque. Mais en observant -attentivement ces bandes, je n'ai remarqué aucun point de rupture ni d'inflexion «dans toute leur longueur; elles étaient droites et continues comme si les plaques «avaient été disposées de manière que les parties de même forme fussent opposées "l'une à l'autre. On pourrait varier l'expérience, ajoute M. Fresnel, en composant ces plaques de deux parties de natures différentes, et l'on obtiendrait le même resultat.» Je me rappelle, en effet, avoir vu, il y a quelques années, dans le cabinet de physique d'Arcueil, des lames ainsi composées de corps de diverses natures, et qui cependant déviaient également la lumière dans toute leur étendue, comme MM. Berthollet et Malus l'avaient reconnu par des mesures multipliées et très-précises.

(c) Le expériences qui suivent démontrent (golement qu'on ne peut pas attribuer les phénomènes de la diffraction aux seuls rayons qui touchent les bords des corps, et qu'une infinité de rayons séparés de ces bords par des interralles sensibles sont écartés de leurs directions primitives, et concourent aussi à la production des frances.

- Ayant découpé, dit M. Fresnel, une feuille de cuivre dans la forme représentée

- par la figure ci-jointe, je la plaçi devant un point lauineau dans une chambre observe, ci jevanimia ion ombre avec une loupe : or voiri ce que j'observai, en mien éluiganai graduelment lorsque les franças produites par chacune des ouvertures traé-crioise CEEF en el DFFD étaient sorties de l'ombre géomérique de - CDFF, qui ne recent plus alors que lomière sensiblement blanche de chaque feute considérés séparément, les franças inférieures provenant du croisement.

-de est deux fairesent lumineur présentaient des cualeurs beaucoup plus vires de celle des franças intérieures de l'ondre AIDC, et avaient en renême temps plus d'écia. En n'éciognant davantage, je voyai la lumitée d'armineur dans loute l'éconde de l'Ondre de ABPE, nois plus rapidement dans EPDC que dans la partie supérieure; en sorte qu'il y vasit un instant où l'intérné résit de la lumité résit la néme de baut en laus, prés lequel les franças devenires de l'arminée de l'arminée

naient plus obscures dans la partie inférieure (t), quoique leurs conleurs fussent
 toujours beaucoup plus pures.

-S'il n'y avait de lumière infléchie que celle qui a rasé les bords mêmes du corps ropaque, les franges de la partie supérieure devraient être plus nettes que celles «de la partie inférieure, et présenter des couleurs plus pures; car les premières -proviendraient du concours de deux systèmes d'ondes ayant leurs centres sur les «deux côtés AC et BD, tandis que les autres seraient formées par le concours de "quatre systèmes d'ondes avant leurs centres sur les bords C'E', CE, DF, D'F' : -ce qui diminuerait nécessairement la différence d'intensité des bandes obscures -et briffantes dans la lumière homogène, nu la pureté des couleurs dans la lumière -blanche, puisque les franges produites par les rayons réfléchis et infléchis sur - CE' et DF ne coïncideraient pas parfaitement avec celles qui proviendraient du "concours des rayons partis de CE et de D'F : or, comme je viens de le dire, «l'expérience prouve le contraire. On pourrait expliquer, dans la même hypothèse, -comment il se fait que l'ombre de ECDF est mieux éclairée que celle de ABDC par la double source de lumière que fournissent les deux bords de chaque fente; -mais il résulterait de cette explication même que la partie inférieure devrait tou-~ jours conserver sa supériorité d'éclat, et nous venons de voir qu'il n'en est pas ainsi.

"Il résulte des expériences que je riens de rapporter qu'on ne peut pas attribure les phénomènes de la diffraction aus seuls rayous qui touchent les bardsdes rorps, et qu'il faut admettre qu'une infinité d'autres rayons, séparés de ces roups par des intervalles seusibles, se trouvent néanmoins écartés de leur première d'arretin, et concourent aussi à la formation des franges.

"La dilation qu'épouve un faiseau lumineux en passant par une ouverture tries-érente démanter d'une manière encre plus direct que l'inflecion de la l'unière s'étend à une distance sensible des hords du diaphragme. Cet en réficcibiumst ure e phénomène que pi i reconsu l'erreur dus laquelle fétais tombé «faisent, Lorsqu'ou approche beaucoup l'une de l'autre deux lames opaque placés destaut lou point lamineux dans une chambre obseuve, on voil espace «felsiré par l'ouverture qui les sépares s'élargie considérablement : es soul les deux coutesaux de Nexton. Le suppase que, colume dans son expérieure, les bords de l'ouverture soient tranchants et parfaitement affilés, non que cela influe au phénomène, anis seulement pour redure plos évidente le conséquence q'uo doit «en tiere. La petite quantifé de rayons qui ont touck le st tenchants étant répandes chans un espece aussi étendus ne pourseit protrière qu'une lumifre insensible, on

très-étroites, et que la feuille de cuivre soit soffisonment éloignée du point lumineux.

<sup>&</sup>lt;sup>(1)</sup> Pour que cette différence d'éclat entre les deux parties de l'ombre puisse être hoen prononcée, il faut que les fentes CE et DF soient

### 262 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. — PREMIÈRE SECTION.

XIII. -du moins catrimented faible, et au milieu de laquelle on devrait distinguer une lande hellande tracele par le pincens des reynon directs. Il actien et pas assistant eventual et al. alter est pas assistant eventual et al. et central d'une intensité à peu près uniforme danne le une apare leaucoup plus grand que la prajection de l'ouverture (et le s'affaible) eussile, mais par degrés, jusqu'aux bandes observes du 1º ordre. Cédait same douter pour readre raison de la quantité condidérable de lumière inflichée que le condidérable de mairier inflichée que le condidérable de mairier inflichée que le raction des corps sur les rayons lumineux évendait à de distances piès-semiller; mais cette broubblee ne pout contenir un examen.

(D) L'auteur détermine d'abord la longueur d'une ondulation, pour l'espèce particulière de verre coloré qu'il emplopait, à l'aide d'une méthode dont l'explication trouvera naturellement sa place dans le chapitre du Mémoire que nous nous proposons de publier prochainement.

Cette valeur, par une moyenne entre cinq déterminations très-peu différentes, s'est trouvée égale à 0 m,000638. Voici maintenant comment M. Fresnel confirme l'exactitude de ce résultat,

On peut appliquer aux franges formées par la rencostre de deux fisicouxu lumicus réfléchies aréux mirioris fégirement incinic l'us sur l'untre la formule à l'aide de laquelle M. Ferend avait déterminé la largour des franges qui c'observent dans l'embre d'un corps étrait. Lorsqu'on suppose que ces dernières franges pravisement naiquement de la lumière infiférite dans l'ombre sur les bords mêmes du corps, leur largour, ou l'intervalle compris entre deux mission consécutifs ce clude par la formule 2, "Clamatés de chimi et de physique, et. 1, p. 561 %". A cest la longueur de l'onde l'unitieuxe, 5 la distance du corps a un mirromètre, Quant à c, il représente la largour de corps despare; per conséquent, dans le phérionnée pair que de l'ande un mirries, il doit représenter la distance entre les deux images du point luminoux.

"Nayant pas pu me procurer des miroirs métalliques assez exactement plans, - je me suis servi, dit M. Fresnel, de deux glaces non étamées travaillées avec une - grande perfection, que J'ai fait enduire d'un veruis noir, par derrière, pour éteindre

(ii) «L'espace éclaire est d'autant plus grand » par rapport à la projection conique de l'ouverture, qu'on éloigne davantage du diaphragme ele certon blane sur lequel on reçoit son orabre, -ri que ce diaphragme est lui-métace plus éloigné  -du point lumineux; de sorte qu'en augmentant rauffisemment ces deux distances, on pourrait robteair le même effet avec une ouverture d'une largeur quelconque, »

- approfondi, -

<sup>@</sup> Nº VIII , \$ 17.

«la seconde réflexion. Je les ai fixées l'une à côté de l'autre sur un support, avec de «la cire molle, en ne les pressant que très-légèrement pour éviter les flexions. Lu rinconvénient qui résulte de cette manière de les fixer, c'est qu'il arrive souvent qu'elles changeut un peu de position pendant l'expérience, et les moindres varia--tions rendent l'opération inexacte. Pour éviter les erreurs de ce genre, j'ai en soin de mesurer les franges avant et après la mesure de l'intervalle compris entre «les deux images du point lumineux, afin de m'assurer qu'elles n'avaient point changé de largeur pendant cette opération. J'ai déterminé l'intervalle compris -entre les deux images du point lumineux au moyeu d'un écran placé à une cer--taine distance du micromètre, et percé d'un petit trou circulaire, qui avait assez "de largeur cependant pour que le centre de son ombre, au lieu d'être rlair et «dilaté, comme cela a lieu quand on se sert d'une ouverture très étroite, fût occupé par un cercle obscur d'une très-petite étendue ; ce qui rend les mesures plus pré-«cises. Cet écran était assez éloigné des deux miroirs pour que les bords du trou fussent suffisamment distants des limites de la partie commune des deux champs «luminenx, de façon qu'elles n'eussent pas d'influence sensible sur les franges ~ centrales de ce petit trou. Je mesurais la distance entre les centres des deux pro-\* jections lumineuses du petit trou, qui étaieut disposées d'une manière symétrique -relativement aux franges produites par les deux miroirs, et se trouvaient à la -hauteur du micromètre, de sorte que je n'étais point obligé de changer sa posi-~tion; ce qui est indispensable, parce qu'il n'arrive presque jamais que ces franges - aient la même largeur dans toute leur étendue. Connaissant d'ailleurs la distance «du petit trou au micromètre et aux deux images du point lumineux, je pouvais, - par une simple proportion , déterminer l'intervalle compris entre ces deux images, «Voici les résultats de mes observations : chaque mesure micrométrique a été prise -au moins quatre fois.

#### PREMIÈRE GRIERVATION.

Distance du point lumineux aux miroirs	2",32
des miroirs au petit trou	3 ,17
du petit trou au micromètre	1,52
Distance totale ou valeur de b	7 ,01
Intervalle entre les centres des deux projections lumineuses du petit	
rou	3,37
On en déduit pour l'intervalle entre les deux images du point lumi-	
neux	12 ,16

# 244 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. — PREMIÈRE SECTION. D'après ces données, on trouve, pour la largeur de onze franges,

V MIL

au moyen de la formule 116λ et de la valeur précédente de λ	4=	m,o5
L'observation m'avait donné,	ħ	,06
Différence	<u> </u>	,01
DEUNIÈME OBSERVATION.		
Distance du point lumineux aux miroirs	2"	321
des miroirs au petit trou	3	105
du petit trou au micromètre	t ,	533
Distance totale on valeur de b	6	959
Intervalle entre les centres des deux projections lumineuses du petit		
tron On en déduit pour l'intervalle entre les deux images du point lumi-	å, en	°,14
Hellx	14	,65
D'après ces données, on trouve, pour la largeur de onze franges,		
an moyen de la formule 116 \( \frac{116 \dagger}{c} \)	3	,33
L'observation m'avait donné	3	,35
Diff/ssssss		

Ou produit un phénumben abodument semblable à celui que présentent deux minioris légèreums liurinés estre sus, en se servant d'un verre plan d'un cité, et dont l'autre surface est composée de deux plans formant un angle saillant tro-obtus, sufi que les deux inages du poir llumineux produites per cever soienteux, soit que les évait suiges du poir llumineux produites per cever soient-assez rapprochées pour que les franges sient une largeur suffissante et priser deux-miroiri, deux systèmes d'oudes hunimeuxes, dont les intersections produisent des minoris, deux systèmes d'oudes hunimeuxes, dont les intersections produisent des landes obseuves ou brillantes, solon l'accord ou la discondance de leux mouve-meets silventoires. Il est évident que les mêmes formules doivent s'applique aux d'eux phénomines. Void et se résulted ûne expérience feite avec un verere présundique, ca mirant, du reste, les mêmes procédés que dans les observations présédentes un les franças produites par les mirans. Par d'entes sur les franças produites par deux miraios. 9

### RAPPORT SUR LE CONCOURS RELATIF A LA DIFFRACTION, 245

Distance du point lumineux au petit troudu petit trou au micromètre	5**,877	Nº XIII.
Distance totale ou valeur de b	7 ,149	
Intervalle entre les centres des projections lumineuses du petit trou. On en déduit pour l'intervalle entre les deux images du point lumi-	4nn,66	
neux.  D'après ces données, on trouve, pour la largeur de onze franges,		
an moyen de la formule 11b \( \lambda \)	2 ,31	
L'observation m'avait donné	2 ,30	
Différence	+ 0 ,01	

"D'après les observations de Neuton sur les anneus colorés, la longueur d'onchalistion des rayans rouges extrièmes est or-monofàs; cell des rayons à la séquration du rouge et de l'orangé or-monôgé, et par conséquent celle des rayonsrouges moyens or-monôgés. Ainsi, la longueur or-monôgés répondrait à mapoint da spectre solaire un pei pals sovisin de l'attribuité que finuitiva du rouge, si toutofisi les résultats de Neuton ne sont pas un peu trop faibles, comme jeresis porté à le creire-

(E) M. Poisson, depais le capport de la commission, syant fair trenarquer à M. Frenciq que l'rispéraje qui représente l'intensité de la humière diffractée peut aisément évâtemit à châtemir pour le coutre de l'outère d'un éran ou d'une ouverture cirruins, ectuire i file tealer pour ce demire ces, et tours que l'expression générale d'intensité devenait alors semblable à celle de la lumière réfléchie dans le plaimente des anueux coloris; que ses maines étaient tout à fait males et devaidement lemmente dans une une le trois premiers corlees, als écâtent d'inumégénées de la lumière rouge employée ne se faisait pas eucore trop sentir ; écet aussi eq un tempéraje con le président de la commission de l

En observant le phénumène dans la lumière blanche, et en se rapprochant graduellement de l'ouverture, on voyait le centre de sa projection présenter successivement toutes les teintes qu'on observe dans les franges produites par le conrours de deux faisceaux lumineux réliéchis sur deux miroirs, et avec le mênie degré de vixa-

## 246 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - PREMIÈRE SECTION.

N. XIII. crist. M. Fresnel, après avoir calculé, pour une distance donnée et pour une ouverture récreulaire dont il saut meur le diambre. Titomaisé de chacune des sept principales espèces de rayons simples, substitus les nombres qu'il avait ainsi obtunus, dans la formule empérique de Newion qui ser à déterminer la teinie produie par un neflang quedroque de rayons colorés, et trous un resbulat conforme à l'observation. On peut regarder cette expérience comme une vérification des formules de M. Fresnel, pous le rapport de fintensité de la lumière diffrarête ou voit, du moins, qu'elles représentent les intensités relatives des différentes espèces de rayons.

Nº XIV.

## MÉMOIRE

sun-

# LA DIFFRACTION DE LA LUMIÈRE ,

COFRONNÉ PAR L'ACADÉMIE DES SCIENCES [1].

Natura simplex et fecunda.

### INTRODUCTION.

- Avant de m'occuper spécialement des phénomènes nombreux et variés compris sous la dénomination commune de diffraction, je crois
- <sup>20</sup> En publiant ce Mémoire, qui a été couronné par l'Académie en 1819, on a fait quelques changements à la rédactiou du mauuscrit déposé à l'Institut, le 29 juillet 1818, mais sans apporter aucune modifi-

cation à la théorie et aux expériences qu'il contient. Désirant y ajouter quelques expériences nouvelles et quelques développements théoriques, on les a placés dans des notes à la suite du Mémoire.

<sup>&</sup>lt;sup>19</sup> Nous reproduisons ici le texte du Mémoire sur la diffractiou, publié en 1846, par ordre de l'Académie des sciences, et inséré dans le tome V de sou recueil, pour les aunées 1841 et 1842.

L'anteur fait observer lui-même que sa rédaction primitive a subi quelques changements, et qu'il a sjouté, à la suite du Mémoire, deux notes. La seconde, refaire à la réfraction. avait déjà paru dans le Bulletin de la Société philomathique de 1821, p. 152, et dans les Annales de chimite et de physique, L. XXI, p. 205, cahier de novembre 1823.

Nous avons comparé le texte imprimé au texte manuscrit du Mémoire couronné, conservé au secrétariat de l'Institut, et, sans nous occuper des modifications ou de pure forme.

V 111

devoir présenter quelques considérations générales sur les deux systèmes qui ont partagé jusqu'à présent les avants relativement à la nature de la lumière. Nexton a supposé que les molécules lumineuses lancées des curps qui nous éclairent arrivent directement jusqu'à nos yeux, où cles produisent par leur cheo la sensation de la vision. Descartes, llooke, Huyghens, Éuler, ont peusé que la lumièrer érsultait des vitients d'un fluide universel extrémenent subful, agété par les mouvements rapides des particules des corps lumineux, de la même façon que l'air est ébranlé par les vibrations des corps sources; de sorte que, dans ce système, ce ne sont plas les molécules di fluide en contact avec les corps lumineux qui parviennent à l'organe de la vue, usui seulement le mouvement qui parviennent à l'organe de la vue, usui seulement le mouvement qui leur a été imprimi

La première hypothèse a l'avantage de conduire à des conséquences plus évidentes, parce que l'analyse mécanique à yaphique plus aisément : la seconde, au contraire, présente sous ce rapport de grandes difficultés. Mais, daus le chois d'un système, on me duit avoir égard qu'à la simplicité des hypothèses; celle des calcus ne peut être d'aneun poids dans la balance des probabilités. La nature ue s'est pas embar-sasée des difficultés d'analyse; celle n'a évité que la complication des

ou sculement grammoticales, nous avons indiqué toutes les additions notables, et rétabli au bas des pages, comme variantes, tous les passages supprimés de quelque importance.

On transe au tonce M des Annales de chianie et de physique (cahieres de juillet et d'autist'19) une persière folline nincomplète de ce Mennier, qui prote le titre d'Errain, una qui n'est er résiblé qu'une reproduction testuelle de la deuxillem section du Mémoire conplet, soul une supression et des variantes de pur d'importance. L'introduction, lus première section et les premières lignes de la deuxillem sont remplécées par un ceut présuduelle qupririé de la deuxilem section, mais nous avous crei mutile de relever d'insignitiontes différences de rédéction qui se rencontruret (yet et lb.

Voci e que Frened hai nelme écrivait à Voung us unjet de cette première publication. Je all Bonnauer de vous afeneure deux acmaplates de nom Memier sur la diffraction, tetqu'il i vinit d'être imprimé dans les Aussies de physiques et de chimie. Un epouvait pas y êtresimééré na totalit, à cause de son aétendre, mais le partie supprimée, ne centemos perque des objections contre le système nevtoeires, vous nurois présenté peu d'intérêt, etc-(Lettre un decter n'homas Nouge, du ra pepenhave 18-19) — (Vey, N° LVI.).

moyens. Elle paralt s'erre proposé de faire beaucoup avec peu : c'est un principe que le perfectionnement des sciences physiques appuis sans cesse de preuves nouvelles. Utastronouis, l'honneur de l'esprit humain, en présente surtout une confirmation frappante; toutes les lois de Kepler ont été rauencées par le génie de Newton à la seule loi de la gravitation, qui a servi ensuite à expliquer et même à découvrir les perturbations les plus compliquées et les moins apparentes des mouvements planétaires.

2. Si fon s'est quelquefois égaré en voulant simplifier les cléments d'une science, c'est qu'on a établi des systèmes avant d'avoir rassemblé un assez grand nombre de faits. Telle hypothèse, très-simple quaid on ne considère qu'une classe de phénomènes, nécessite beaucoup d'autres hypothèses lorsqu'on veut sortir du nercle étroit dans lequel on s'était d'abord renferué. Si la nature s'est proposé de produire le mazinium d'effets avec le minimum de rauses, c'est dans l'ememble de ses lois qu'elle a do r'ésondre ce grand problème.

Il est saus doute bien difficile de découvrir les bases de cette admirable économie, c'est-à-dire les canses les plus simples des phénomènes envisagés sous un point de vue anssi étendu, Mais, si ce principe général de la philosophie des sciences physiques ne conduit pas immédiatement à la connaissance de la vérité, il peut néanmoins diriger les efforts de l'esprit humain, en l'éloignant des systèmes qui rapportent les phénomènes à un trop grand nombre de causes différentes, et en lui faisant adopter de préférence ceux qui, appuyés sur le plus petit nombre d'hypolièses, sont les plus féconds en conséquences.

3. Sous ce rapport, le système qui fait consister la lumière dans les vibrations d'un finide universel a de grands avantages sur celui de l'émission. Il permet de concevoir comment la lumière est susceptible

<sup>..</sup> 

<sup>&</sup>lt;sup>10</sup> Si la chimie, dans ses progrès, paralt faire une exception à cet égard, cela tient sans doute à ce qu'elle est encore peu avancée, malgré les pas rapides qu'elle a faits depuis trente ans. Mais on peut déjà remarquer

que les proportions des nombreuses combinaisons qu'elle présente, qui avaient parud'abord sommises chacune à des lois particulières, sont embrassées maintenant dans des règles générales d'une grande simplicité.

Vr. X1

de recevoir tant de modifications diverses. Je n'entenda pas ici celles qu'elle éprouve momentanément dans les corps qu'elle traverse et qu'on peut toujours rapporter à la nature de ces milieux, mais je veux parler de ces modifications permanentes qu'elle emporte avec elle et qui lui impriment des caractères nouveaux. On conçoit qu'un fluide, assemblage d'une infinité de molécules mobiles soumises à une dépendance mutuelle, est susceptible d'un grand nombre de modifications différentes, en raison des mouvements relatifs qui leur sont imprimés. Les vibrations de l'air et la variété des sensations qu'elles produisent sur l'organe de l'ouie en offertu ne semple remarquable.

Dans le système de l'émission, au contraire, la marche de chaque molécule lumineuse étant indépendante de celle des autres, le nombre des modifications diverses dont elles sont susceptibles paraîle ctrémement borné. On peut ajouter un mouvement de rotation à celui de transmission; mais voilà tout. Quant aux mouvements oscillatoires, leur existence n'est concevable que dans des milieux qui les entre-tiendraient pur une action inégale de leurs parties sur les divers colés des molécules lumineuses, supposés doutés de propriétés différentes. Dès que cette action cesse, les oscillations doivent cesser aussi ous transformer en mouvements de rotation. Ainsi, le mouvement de rotation, dans l, e mouvement de rotation, ainsi, le mouvement de rotation, ainsi, el mouvement de rotation de rotat

<sup>15</sup> I moins qu'on ne suppose les molécules lumineuses susceptibles d'une sorte d'aimantation ou de modification interne résultant de la décomposition ou distribution inégale d'un fluide plus subtil renfermé dans chacune d'elles. Mais ce serait, à notre avis. abuser de l'analogie, que de supposer des phénomènes aussi compliqués dans les dernières molécules du fluide le plus subtil que l'on connaisse <sup>60</sup>.

coup d'oril qu'ou pourrait expliquer ainsi les phénomènes de la polarisation; car il servit naturel d'en couchure que l'action des corps sur la lumière varierait schoo les faces que lour présenteraient les

<sup>&</sup>lt;sup>16</sup> Note primitivement rédigée de la manière suivante :

Vas. En supposant que les molécules lumineuses, au tieu d'être sphériques, ont des faces de formes et de dimensions inégales, sont par exemple des ellipsoides, il semblerait au premier

Nº XIV.

raltront bien insuffisantes, si l'on fait attention à la multitude de phénomènes qu'offre l'optique. On s'en convainera davantage en lisant le Traité de phisque expérimentale et mathématique de M. Biot, dans lequel sont développées, avec beaucoup da détail et de clarté, les principales conséquences du système de Newton. On y verra que, pour rendre compte des phénomènes, il faut accumuler sur chaque particule lumineuse un grand nombre de modifications diverses, souvent très-difficies à concilier entre elles.

4. Suivant le système des ondulations, la variété infuire des rayons de diverses couleurs' qui composent la lumière blanche provient tout simplement de la différence de longueur des ondes lumineuses, comme les divers tons musicaux, de celle des ondes sonores. Dans la théorie mewhonieme, on ne peut attribure cetted diversité de couleurs ou de sensations produites sur l'organe de la vue à des différences de masse ou de vitesse initiale des molécules lumineuses, car il en résulterait que la dispersion devrait toujours être proportionnelle à la réfraction, et l'expérience prouve le contraire. Alors il faut accessoirement admettre que les molécules des rayons diversement colorès ne sont pas de même nature <sup>(5)</sup>. Voilà donc autant de molécules lumineuses différentes qu'il y de couleurs, de nuances diverses, dans le spectres solaire <sup>(6)</sup>.

(i) Les géomètres, dans leurs recherches sur les vibrations des fluides élastiques, ont été conduits à cette conséquence, que les ondutations de diverses longueurs se propagent avec la même vitesse. Mais, en admettant ce résultat pour un fluide homogène, on ne doit pas en conclure que la même chose ait lieu lorsque ce fluide est

molécules lumineuses. Mais, pour concevoir la régularité du phénomène dans cette hypothèse, il faudreil supposer en outre qu'un des trois axes resta constamment dans la direction du rayon, co qui n'est pas admissible. La théoria des vibrations

n'a pas encore donné l'explication de la potarisation. Mais on conçoit que evite modification de la lumière consiste dans des mouvements treuversaus de ses ondes, quoiqu'on ne puisse pas encore les définir avec précision.

(a) Le manuscrit ajoute au paragraphe 4 :

Vas. Newton, ayant supposé pour expliquer la réfraction que les corps attiraient la lumière, fut obligé d'admettre que leur surface possédait en même temps une paissance répulsive qui produisait la réflexion. Tout porte à penser que la répulsion s'exerce entre les moécules des corps à des distances plus petites que celles

Omente Caugle

## 252 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - PREMIÈRE SECTION.

 Après avoir expliqué la réflexion et la réfraction par l'action de forces répulsives et attractives émanant de la surface des corps, Newton.

> interposé entre les particules d'un corps beaucoup plus dense et d'une élasticité toute différente. Il est très-possible que le retard apporté par ces obstacles dans la marche des ondes lumineuses varie avec leurs longueurs, comme avec la forme, la masse et les intervalles des particules du milieu. Et si la dispersion. le phénomène le plus irrégulier de l'optique, n'a point encore été expliquée dans la théorie des vibrations, on ne peut pas dire cependant qu'elle est en contradiction avec ce système. La théorie newtonienne n'en fait pas mieux connaître les lois; elle suppose que les attractions que les corps exercent sur la lumière varient avec leur nature et suivant des rapports différents pour les diverses espèces de molécules lumipeuses; mais peut-on appeler explication ce qui ne simplifie en rien la science et remplace les faits par un nombre égal d'hypotheses particulières?

Nota. Depuis la rédaction de ce Mémoire. j'ai remarqué que, dans le cas même où l'on pourroit considérer le milieu vibrant comme homogène, pour simplifier l'hypothèse qui sert de base aux calculs, le résultat obtenu par les péomètres ne serait exact qu'autant que la sphère d'action réciproque des molécules du fluide élastique serait très-petite relativement à la longueur d'une ondulation. Dès que l'étendue de cette sphère d'activité n'est plus négligeable relativement à la longueur d'ondulation, il n'est plus vrai de dire que les ondes de différentes longueurs ou largeurs se propagent avec la même vitesse. J'ai montré. par un raisouuemeut très-simple, dans mon Mémoire sur la double réfraction, qu'alors les ondes étroites doivent se propager un peu moins vite que les ondes plus larges, conformément à ce qu'on observe dans le phénomène de la dispersion, considéré sons le point de vue de la théorie des ondes (e).

auquelles faltraction commence; car sua cela on ne viir pas ce qui pournie mempler le raprochement compele de leurs particules. Neston a gét compelir de leurs particules. Neston a gét compelir de le leurs particules. Neston a gét compelir de le leurs particules à l'unière. Dans ion système, ne la répubsio auccède à l'attraction, qui dévoit projetement et ne se fait sentent et se fait se surface so police réfichissent règalièrement la bunière malgré la multitude de petite supériété doct et les sous lévrisées." Mais, d'un unte coté, ce grand géo-

O « Car il n'est pas concerabla qu'avec du grès, « de pastée et du tripoli, matières doat on se sect « paur travailler les verres, on paisse donner à « leurs plus petites paries un auser beau poli pour « qu'ellen ne fassent toutes qu'ane surface parfaiturent lisse. Il est dair, au contarrar, que ces ematières pe peuvent que aillonner le verre, puis productions de peuvent que aillonner le verre, puis productions de la contraire.

ruser ses aspérités. Plus elles seront réduites en pondre fine, plus ces sillous seront petits; mass equelque fine que soit cette poudre, jamais elle ne parsisadra à les difacer totalement. « (Opisque de Neuton, p. 93 du tome II de la traduction français de Marta, dité de Benuées.)

<sup>(&</sup>quot; Voyez o' MLH, \$ 3a.

pour concevoir le phénomène des anneaux colorés, imagina, dans les molécules lumineuses, des accès de facile réflexion et de facile transmission, revenant périodiquement à des intervalles égaux. Il était naturel de supposer que ces intervalles, comme la viteses de la lumière, étaient toujours les mènes dans les ménes milieux, et auque par conséquent, sons des incideuces plus obliques, le diamètre des anneaux devait diminuer, le cheuin parcouru ayant augmenté. Evapérience apprend, au contraire, eu le diamètre des anneaux augmente avec l'obliquité de l'incidence, et Newton fut obligé d'en coucleure que less accès augmentaient alors de longueur, et dans un bien plus grand rapport que les chemins parcourabs. Il devait s'atteudre aussi à trouver

### (a) Le manuscrit ajonte ici la note suivante

Vax. Pour que le système de l'émission ai le universe sessant que ceut des conduitions, il fin-druit expliquer comment les méchale businesses, de l'explorer comment les méchale businesses prévented en méchales prévented que Neve ton a applique des meissant de la prévente de la l'action de la prévente de la l'action de la prévente de la l'action de l'ac

movements fait autre dans Fédere, et que les differents degrite dilatation ou de condensation de ce fluid, au point et à et trouve la moiveuir busièreus excellents ouvertudent au movement. Mais, dans un moine, curp., la longueur de cro condutaines devratt teopour être la moine, disputer de cro modelation devratt teopour être la môte, quie effit l'augle d'intriduce, et comme la vitexe de modelate tendresse est constant dans le urbon-modelate la minera est constant dans le urbon-milles, la longueur des acrès ne devrait pas surire avec l'infinizion du rayon.

Nº XIV.

les accès plus longs dans les milieux que la lumière traverse avec le plus de vitesse, qui, selon lui, sont les corps les plus denses; car il clait naturel de supposer que leurs durées restaient isochrones dans les différents milieux. L'expérience lui prouva le contraire: il reconnut que l'épaisseur des lames d'air et d'eau, par exemple, qui réfléchissent la même teinte sous l'incidence perpendiculaire, est exactement dans le rapport du sinus d'incidence au sinus de réfraction, pour le passage de la lumière de l'air dans l'eau; ce qui est précisément une des confirmations les plus frappantes de la théorie des ondutations. Il ui fallt donc supposer que la longueur des acest était en raison inverse de la vitesse de la lumière, ou, ce qui revient au même, que le temps de leur durée diminuait suvant le même rapport que le carré de sa vitesse augmentait.

Ainsi le système de l'émission suffit si pen à l'explication des phénomènes, que chaque phénomène nouveau nécessite une nouvelle hypothèse.

6. Si l'hypothèse des accès est déjà improbable par sa complication, elle le paraît bien davantage encore lorsqu'on la suit dans ses conséquences.

Il faut d'abord remarquer qu'elle n'était pas seulement nécessire à l'initelligence du phénomène des anneaux colorés, dans le système de l'émission, mais qu'elle était encore indispensable pour expiquer comment une partie des molécules lumineuses, qui arrivent à la surface d'un corps transparent, pénètre dans son intérieur, tandis que les autres sont repoussées et réfléchies. Comme les circonstances sont semblables et constantes de la part du milieu réfringent, il est clair qu'elles doivent être variables et différentes dans les molécules lumineuses, ou, en d'autres termes, que celles-ci doivent apporter avec elles certaines dispositions physiques en vertu desquelles elles sont tantôt attirée et tantôt repoussées par le même corps. La réflexion partielle de la lumière qui a déjà traversé une plaque disphane, sur la surface d'une seconde plaque deme nature et semblablement inclinée, démontre que ces dispositions physiques en resient pas considirée, démontre que ces dispositions physiques en resient pas considirée, démontre que ces dispositions physiques en resient pas considirée, démontre que ces dispositions physiques en resient pas considirée, démontre que ces dispositions physiques en resient pas considirée, démontre que ces dispositions physiques en resient pas considirée, démontre que ces dispositions physiques en resient pas considerations.

tantes, mais varient dans la même molécule lumineuse; et les belles observations de Newton sur les anneaux colorés font connaître la périodicité de leurs variations. Il devient facile alors, à l'aide de ces hypothèses, d'expliquer pourquoi une partie des molécules lumineuses est réfléchie à la surface d'un corps trausparent, tandis que les autres sont transmises; c'est que les premières se trouvent, à leur arrivée, dans un accès de facile réflexion, tandis que les autres sont dans un accès de facile transmission. Mais, en arrivant à la surface, toutes les molécules transmises ne sont pas au milieu ou au mazimum de l'accès de facile transmission, comme toutes les molécules réfléchies ne sont pas au maximum de leur accès de facile réflexion. En raison de la multitude des chances, elles doivent se trouver à tous les différents degrés de ces deux sortes d'accès, et le nombre des molécules lumineuses qui, en cet instant, sont à un même période de l'accès de facile transmission, est beaucoup moindre nécessairement que celui des molécules lumineuses qui se trouvent à des périodes différents. Mais cette différence de leurs dispositions physiques, au moment où elles sont réfractées, doit en apporter une dans l'intensité de la force attractive; car on a supposé que ces dispositions périodiques modifiaient l'action exercée par le corps réfringent, au point de changer souvent l'attraction en répulsion. Or, quelle que soit la fonction qui représente les modifications qu'éprouve l'action du milieu réfringent en raison des variations des dispositions physiques des molécules lumineuses, il est clair qu'elle ne peut point passer ainsi du positif au négatif, sans passer par zéro et tous les autres degrés intermédiaires. On ne pent donc supposer que toutes les molécules transmises soient attirées avec la même énergie; il faut admettre, au contraire, que cette énergie varie beaucoup en raison de la diversité de leurs dispositions physiques, et que le nombre des molécules pour lesquelles la force accélératrice se tronve sensiblement la même est beaucoup moindre que le nombre de celles pour lesquelles elle est différente. Ainsi, puisque c'est l'intensité de la force attractive qui détermine la direction des rayons réfractés, ils devraient affecter des directions diverses : ce qui contreNo. 818

dirait l'expérience; car on sait que, lorsque le milieu réfringent est bien diaphane, et sa surface parfaitement polie, il y a très-peu de lumière diffuse, c'est-à-dire, irrégulièrement réfractée, et que presque tous les rayons de même nature éprouvent exactement le même degré d'inflexion. Il me parait done très-difficie de conclière la régularité de la réfraction avec ces dispositions variables et périodiques des molécules lumineuses, qui, d'un autre côté, sont indispeasbles, dans le système de l'émission, pour expliquer comment une partie de la fumière incidente est réfléchie par un corps transparent, tandis que l'autre est transmise <sup>6</sup>.

Pour concevoir la régularité de la réflecion, il fant supposer que les deux branches de la petite couche décrite pet la molévelle unimience dans le visininge de la sudrice polir sont partitionment symériques par export à la normale; autrement l'angle de réflecion ne certai loue ejil à l'angle d'incidence. Mais les accède farille réflecion et de facile transmission, augmentant et diminuant alternativement la force équisive, duivent nécessiriement allétere ette symérité toutes les fois que la molécile lumineure ne se touve pas petéc-inent dans la même partie de même accès aux points correspondants des deux branches de la trajectior, est-sid-dire prespet oujours. Ainsi, il ny aurait qu'un três-petite pacie de la lumière efféctie régulièrement, et le reste serait dispersé dans une foale de direciguièrement céléchie seu une sucfare hien polie est beaucoup plus abondant que la lumière diffice, et que c'est là crasse de na polie est beaucoup plus abondant que la lumière diffice, et que c'est là crasse de na tette dés si mages.

Il est aussi difficile de faire concorder le système des zerès avec la régluarité de la réferación. La effet, commer ce disposition périodiques des molécules lumineures, ausse poissantes pour les enliever à la réflexion on les retenir dans se apphier d'artivité, ne Seciosit-telles pour suriec, en cuison de leur différence d'intensité, la force attravtive qui détecnine l'angle de réfraction? Cac on ne peut pas-apponec, niais que l'a remarqué M. Biot, que les exponse rumsanis se trouvest tous au même degré de leur areès à l'instant tête leur immersion; et, comme ce n'est que dans un internell trés-rout pra rapport à la longueur des accès que l'attra-

<sup>\*\*</sup> Le paragraphe 6 était primitivement rédigé ainsi :

Van. Si le système des accès est déjà improbable par sa complication, il le paraît bien davantage encoce lorsqu'on le suit dans ses conséquences.

7. Non-seulement l'hypothèse des accès est improbable par sa complication, et difficile à concilier avec les faits dans ses conséquences. mais elle ne suffit pas même à l'explication du phénomène des anneaux colorés, pour lequel elle a été imaginée. Elle fait bien voir comment l'intensité de la lumière réfléchie sur la seconde surface de la lame d'air dépend du chemin parcouru dans cette lame, mais elle n'explique pas les variations de la réflexion produite par la première surface : or l'expérience démontre que les parties obscures des anneaux ne résultent pas seulement de l'affaiblissement de la seconde réflexion, mais encore de celui de la première. Pour s'en convaincre, il suffit de placer un prisme sur une glace dont la surface inférieure a été noircie, de sorte que l'ail ne reçoive de lumière sensible que celle qui est réfléchie par les deux surfaces de la lame d'air comprise entre ces deux verres. Si on les dispose de façon que le prisme dépasse la glace, et que le point de contact se trouve vers l'extrémité de celle-ci, on pourra alors comparer aisément les anneaux obscurs à la partie de la base du prisme qui dépasse la glace, et n'envoie à l'œil que le produit d'une seule réflexion : or l'on verra, en se servant de lumière homogène. que cette partie du prisme est beaucoup plus éclairée que les anneaux obscurs, qui ne peuvent plus ainsi être considérés comme résultant seulement de la suppression de la réflexion inférieure, mais encore d'une diminution considérable de la réflexion supérieure, particulièrement dans les points les plus sombres du premier et du second an-

tion se fait sentir 10, sa force dépend de l'intensité de l'accès au moment où la molécule lumineuse traverse la surface qui sépare les deux milieux. Ainsi les mêmes espèces de rayons devraient être réfractés dans une infinité de directions différentes.

<sup>&</sup>lt;sup>13</sup> En déduisant de ses observations sur les diamètres des anneaux colorés le chemin parcouru dans la face d'eir per les mobicules lumineuses, Newton l'a compté d'une surface à l'autre; il a donc supposé que les reyons étaient reflichis, sisone à la surface même. du moins à une dissisone à le surface même. du moins à une dis-

tance peu sensible par rapport à l'épaisseur de la lame d'sér. La force attractive ne commençai à sefaire sentir que là où finit la reflexion, il d'essairi que la sphère d'activité, d'après Newton, n'a qu'une étendue très-peide par rapport à la longuar des accès.

No. VIV

neau, où toute réflexion paraît éteinte, lorsque les verres sont bien polis, et que la lumière incidente est suffisamment simplifiée. Il est évident que, s'il n'en est pas de même des autres anneaux, cela tient uniquement au défaut d'homogénétié de la lumière. Mais, si l'on ne parvient pas à y produire un noir complet, on peut aisément, jusqu'au sixième ordre même, les rendre assez obscurs pour mettre en évidence l'affaiblissement de la réflexion supérieure.

Ce phénomène me paraît difficile à expliquer dans la théorie neutoineu. Dira-ton que les molécules lumineuses, en arrivant à la sur-face du prisme, se trouvent attirées par la glace? On pourrait admettre à la riqueur cette hypothèse pour la tache noire centrale, où le contact des deux verres est très-inime; mais il n'on est pas de même pour les anneaux obscurs qui l'entourent. Outre qu'il n'est pas probable que l'attraction des corps sur les molécules lumineuses s'exrec à des distances aussi sensibles, comment concevoir que le même verre qui les attire à une distance deux, les repousse à une distance trois, les attire à une distance quatre, et ainsi de suite?

Il est bien plus naturel de supposer que ce phénomène résulte de l'influence que la lumière réfléchie à la seconde surface de la lame d'air exerce sur celle qui l'a été à la première, et que cette influence varie avec la différence des chemins parcourus. Ainsi les anneaux colorés conduisent au principe de l'influence mutuelle des rayons lumineux, comme les phénomènes de la diffraction, quoiqu'ils ne le démontrent pas avec la même évidence.

8. Dans la théorie des ondulations ce principe est une conséquence de l'hypothèse fondamentale. On conçuit en effet que, lorsque deux systèmes d'ondes lumineuses tendent à produire des mouvements absolument opposés au même point de l'espace, ils doivent s'affaiblir mutuellement, et même se détruire complétement, si les deux impuisons ont égales, et que les oscillations doivent s'ajouter, au contraire, lorsqu'elles s'exécutent dans le même sens. L'intensité de la lumière dépendra donc des positions respectives des deux systèmes d'ondes, ou, ce qui revient au même, de la différence des chemins parcourus,

259

quand ils émanent d'une source commune (0 (e). Dans le cas contraire, les perturbations qu'éprouvent nécessairement les vibrations des deux points éclairants, et qui doivent se succéder avec une grande rapidité, n'ont plus lieu simultanément et de la même manière, puisqu'ils sont indépendants; en conséquence, les effets de l'influence des deux systèmes d'ondes qu'ils engendrent variant à chaque instant, l'ord ne peut plus les apercevoir (c).

9. Dans l'hypothèse de l'émission, on ne peut pas admettre d'influence mutuelle entre les molécules lumineuses; car leur indépendance est indispensable pour expliquer la régularité de leur marche :

(i) A riside du principe des interférences, on explique simiente las id es nanoux co-norés, lorquae l'intrédence est perpenticire; et, ansa supposer que l'obliquité de la lune d'air apporte aucun changement dans la lenguere des ondes huniureuse qui la traversent, on voit pourquoi e diametre est aunoux augunente uver l'angle d'inci-neu monte augunere de l'incipe de manoux augunere uver l'angle d'inci-neu monte de l'incipe d'incipe qui reprénente fort bin le phénombre, except pour les grandes diapriété; du moins, dans ce cas, les résultats qu'il des donné different sessiblement des objects de l'incipe d'incipe d'inc

servations de Newton. Mais il est très-possible que cette différence entre la théorie et l'expérience tienne à des modifications qu'éprouve la loi ordinaire de la réfraction. lorsque les rayons passent très-obliquement entre deux verres aussi rapprochés que ceux qui réfléchissent les anneaux colorés <sup>(6)</sup>.

<sup>50</sup> On trouvers une explication plus détaillée de la théorie élémentaire du phénomène des interférences dans l'article sur la famière du Supplément à la traduction française de la cinquième édition de la Chimie de Thomson par Riffault <sup>10</sup>.

Vas. Dans le cas contraire, les instants de leur départ n'étant plus liés entre eux, poisque la cause quelconque qui les engendre n'opère pas des changements simultanés dans les deux points lumineux, les effets de leur influence muluelle varieront à chaque instant, et l'esil ne les apercevra plus.

sions nost sensibles par rapport à la longueur des oades lumineuses, et qui a d'antant plus de développement que l'obliquité est plus considérable. Je me propose de vérifier cette conjecture par des expériences qui, quoique extrêmement délicates, ne me paraissent pas impraticables.

<sup>(\*)</sup> Le paragraphe 8 du manuscrit se termine de la manière suivante.

<sup>(%)</sup> La note se termine ainsi sur le manuscrit :

Vas. Je suis très-porté à croire que cette différence antre la théorie et l'expérience provient de ce que les rayons en se réfractant ne se brisent pas brusquement à la surface de séparation des deux militau, commeo nile suppose dans le calcul, mais décrivent une petite courbe dont les dimen-

<sup>\*</sup> Voyez Nº XXXI.

Xº XIV

mais il semble qu'on pourrait se rendre compte des mêmes phénomènes, d'une manière analogue, en supposant que les vibrations du nerf optique, occasionnées par les chocs des molécules lumineuses sur la rétine, varient d'intensité, selon la manière dont ils se succèdent (1). On conçoit en effet que, lorsque deux molécules viennent frapper successivement le même point de la rétine, l'intensité de l'ébranlement qui en résulte doit dépendre du rapport de la durée d'une vibration du nerf optique à l'intervalle de temps qui s'est écoulé entre les deux chocs; car le second peut affaiblir aussi bien qu'augmenter les vibrations produites par le premier, selon qu'il conspire avec elles, ou qu'il les contrarie. Mais cette hypothèse ne suffit pas; il faut encore admettre que les molécules lumineuses qui sont situées sur une même surface sphérique, ayant pour centre le point radieux, sont toutes parties en même temps de cette source commune, et que les diverses rangées qui se succèdent sont lancées périodiquement à des intervalles égaux, comme si leur émission résultait de ses vibrations. Dans le système des ondulations, on ne peut aussi concevoir d'effets sensibles produits par l'influence mutuelle des rayons lumineux qu'antant qu'ils partent d'une source commune; mais alors le départ simultané des rayons est une conséquence immédiate du système adopté, tandis qu'il exige une nouvelle hypothèse dans la théorie de l'émission. Dans celle des ondulations, la couleur des rayons lumineux, ou la sensation qu'ils produisent sur l'œil, dépendant de la durée des oscillations, ou de la longueur des ondes, il est évident que l'intervalle d'accord et de discordance entre ces vibrations, qui détermine les épaisseurs de la lame d'air aux points où se peiguent les anneaux obscurs et brillants, doit varier avec l'espèce de lumière qu'on emploie. Dans le système de l'émission, où la diversité de couleur résulte de la différence de nature

<sup>(1)</sup> Cette explication des phénomènes d'interférence, adaptée au système de l'émission, est due à M. Young (a).

<sup>19</sup> Art. Chromotics from the Supplement to the Encyclopedia Britannica, art. a (sect. iv i) (Mucel-lancous Borks, p. 348).

des nolécules lumineuses, il fant supposer que les intervalles de départ des nolécules lumineuses qui s'échappent d'une particule édairante, ou, si Fon aime niieux, les vibrations de cette particule, varient avec la nature des molécules lumineuses qu'elle envoie, et qu'elles sont toujours les mêmes pour les molécules de même espèce. Gette dernière hypothèse paraît tout à fait gratuite, lant il est difficile d'en concevoir la raison. Cependant il sernit indispensable de l'ajouter au système de l'émission, pour y introduire le principe si fécond des interférences.

10. La multiplicité et la complication des hypothèses n'est pas le seul défaut du système de l'émission. En admettant même toutes celles que je viens d'énoucer, je ferai voir, dans la suite de co Mémoire, qu'on ne parviendrait pas à l'explication complète des phénomènes, et que la seule théorie des ondutations peut rendre compte de tous ceux que présente la diffraction de la lumière.

### DIFFRACTION DE LA LUMIÈRE.

### SECTION PREMIÈRE.

11. Dans le système de l'émission, il semble que rien ne devrait tre plus simple que le phénomen de sombres portées, surtout quand l'objet éclairant est réduit à un point lumineux; et cependant rien n'est plus compliqué. En supposant que la surface des corps possède une propriété répulsive capable de changer la direction des rayons lumineux qui en passent très-près, on doit s'attendre seulement à voir les ombres augmenter de larguer et se fondre un pei vers leur contour avec la partie éclairée. Cependant elles sont bordées de trois franges colorées très-distinctes, quand on se sert de lumière blanche, et d'un bien plus grand nombre encore de bandes obscures et brillantes, lorsque la lumière qu'on emploie est sensiblement homogène. Nous appellerons ces franges, exérèures, et nous dourerous le nom de

## 262 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - PREMIÈRE SECTION.

N° XIV. franges intérieures, à celles qu'on aperçoit au milieu des ombres étroites.

> En adoptant la théorie newtonienne, la première idée qui se présente, c'est que les franges extérieures sont produites par nue force alternativement attractive et répulsive, qui énance de la surface du corps. Je vais d'abord suivre cette hypothèse dans ses conséquences, et montrer qu'elle ne peut pas s'accorder avec l'expérience: mais auparavant je dois faire connaître le moven d'observation que j'ai emple.

> 12. On sait que l'effet d'une loupe placée devant l'œil est de peindre fidèlement sur la rétine l'objet ou l'image qui se trouve à son foyer, du moins toutes les fois que la totalité des rayons qui composent l'image vient tomber sur la surface de la loupe. On peut donc, au lieu de recevoir des franges sur un carton blanc on un verre dépoli, les observer directement avec une loupe, et on les verra telles qu'elles sont à son fover. Il suffit de la tourner vers le point lumineux, en la placant entre son œil et le corps opaque, de manière que le point de réunion des rayons réfractés tombe au milieu de la pupille; ce qu'on reconnaît à l'illumination totale de la surface de la loupe. Ce procédé, très-préférable aux deux autres, en ce qu'il permet d'étudier commodément les phénomènes de la diffraction, même dans une lumière très-affaiblie, a encore l'avantage de donner le moyen de suivre les franges extérieures presque jusqu'à leur naissance. Avec une lentille de deux millimètres de foyer, et dans une lumière sensiblement homogène, en observant ces franges très-près de leur origine, mais de manière à pouvoir distinguer encore la bande obscure du 5° ordre, l'intervalle qui la séparait du bord de l'ombre, que je comparais aux divisions d'un micromètre, me paraissait plus petit qu'un centième de millimètre et demi, et je voyais les trois premières franges comprises dans un espace qui n'excédait pas un centième de millimètre : en se servant d'une lentille plus convexe on le diminuerait sans doute encore davantage. Ainsi l'on peut regarder les bandes obscures et brillantes comme partant du bord même du corps opaque, quand on ne pousse l'exactitude des mesures que jusqu'aux centièmes de millimètre,

exactitude suffisante, et qu'on ne peut pas même dépasser, dès que les franges sont un peu larges, comme celles qu'on observe le plus ordinairement.

13. Cela poé, lorsqu'en mesurant les franges extérieures à la même distance de l'écran ou le rapproche du point lumineux, on les voit édragir beaucoup. Cependant l'angle que font les rayons incidents qui passent par leur origine avec la tangente menée du point lumineux au passent par leur origine avec la tangente menée du point lumineux au bond de l'écran doit être presque nul, puissigh èleur naissance elles n'en sont pas éloignées de plus d'un centième de millimètre, et ses variations ne peuvent, en conséquence, avoir aucune influence sensible sur la largerur des franges : il faudrait done admettre, pour expliquer cette dilatation, que la force répulsive augmente à mesure que corps opaque se rapproche du point lumineux; ee qui serait inconcevable, puisque l'intensité de cette force ne doit dépendre évidemment que de la distance à laquelle la mofecule lumineuse passe du corps opaque, de l'étendue et de la forme de la surface de ce corps, de sa densité, de sa masse ou de sa nature, et que, par hypothèse, toutes ces choese resent constantes.

Mais, en supposant même que les origines des bandes obscures et brillantes soient beaueoup plus éloignées des bords de l'écran, ee qui paraltrait expliquer l'accroissement de leur divergence, à mesure qu'il se rapproche du point lumineux, il est impossible d'accorder les résultate de l'expérience avec la formule déduite de l'hypothèse que nous dissultatos.

14. Le tableau suivant présente les intervalles entre le point le plus sombre de la bande obseuve du 4 ordre, et le bord de l'embre géométrique <sup>(0)</sup>, pour différentes distances du corps opaque au point lumineux. Ces mesures ont été prises avec un micromètre composé d'une lentille portant à son foyer un fil de soié<sup>6</sup>, et d'une vis micro-

(i) l'appelle ombre géométrique l'espace compris entre les lignes droites menées par le point lumineux tangentiellement aux hords de l'écran; ce scrait l'ombre qu'il projetterait si la lumière n'éprouvait aucune inflexion.

<sup>(6)</sup> VAR. Ou un verre sur lequel est gravé un trait très-fin. (Manuscrit.)

N° XIV. métrique qui la fait marcher. A l'aide d'un cadrau divisé en cent parties, que parcourt une aiguille fixée à la vis, on peut évaluer le déplacement du fil de soie à un centième de millimètre près.

> Ces expériences ont été faites dans une lumière rouge, sensiblement homogène, obtenue au moyen d'un verre coloré, qui a la propriété de le alasser passer que les rayons rouges et une petite partie des rayons orangés. On aurait pu obtenir une lumière plus homogène avec un prisme; mais on n'aurait pas été aussi sûr de son identité dans les diverses observations, condition la plus essentielle à remplir.

des chervations,	nerrancu du point lumnocux nu onço opoque.	du cecja opuque nu micromètro,	compris entre is hard de l'ember génératraps et le milieu de la hande obsence de & colte.
,	o",100	o".7985	5***,96
	0 ,510	1 ,005	3 ,84
3	110, 1	0 ,996	3 ,19
4	2 ,008	0.999	9 ,71
5	3 ,018	1 ,003	9 ,56
6	1.507	1 ,618	2 ,49
7	6 ,007	0 ,999	2 ,40

15. Eu représentant par a et b les distances respectives du corps paque au point lumineux et au micromètre, par 2h a distance du bord de ce corps à l'origine de la bande obscure du b' ordre, et par r la taugente du peit augle d'inflexion résultant de l'action de la force répulsive, on a pour l'expression de l'intervalle compris entre le bord de l'ombre géométrique et le point le plus sombre de la baude obscure, d'a+b|

Or, r et d restant toujours les mêmes, quelles que soient les distances

respectives du point lumineux, du corps opaque et du micromètre, deux observations suffisent pour déterminer leur valeur. En combinant la première et la dernière, on trouve  $d=-\infty^m$ ,50  $\cdot$ 9 et  $r=\cdot$ 1,81 61: ainsi il faudrait supposer qu'à son origine la bande obseure du  $\delta^*$  ordre et éloignée d'un demi-millimétre du hord du corps opaque. En substituant ces valeurs dans la formule, et l'appliquant aux observations intermédiaires, on obtient les nombres suivants, dont plusieurs diferent beaucoup, comme on le voit, des résultats de l'expérieux diferent beaucoup, comme on le voit, des résultats de l'expérieux diferent beaucoup, comme on le voit, des résultats de l'expérieux diferent beaucoup, comme on le voit, des résultats de l'expérieux diferent beaucoup, comme on le voit, des résultats de l'expérieux diferent beaucoup, comme on le voit, des résultats de l'expérieux diferent beaucoup, comme on le voit, des résultats de l'expérieux de l'autorité de l'auto

eradam de		de de	compris entre le hord de l'ombre géométrique et le possi le plus sembre de la quatrième hande,		
des observations.	en corps opaque.	en micromètre.	Capris Februation.	$br + \frac{d(a+b)}{a}$	водубавасы.
,	0",1000	0*,7985	5,96		,
	0 ,510	1 ,005	3 ,84	300,30	— o**,5s
3	1 ,011	0 ,996	3 ,10	s ,8s	-0 ,31
4	800, 8	0 .999	9 ,71	9 ,57	-0 ,16
5	3 ,018	1 ,003	s ,56	s ,49	-0 .07
6	4 ,507	1 ,018	s ,4g	s ,46	- o ,o3
2	6,007	0 ,999	9 ,60		,

16. En attribuant la fornation des franges à des dilatations et condensations alternatives des rayons qui passent dans le voisinage du corps opaque, on est encore conduit à une autre conséquence contraire aux faits; c'est que les centres des bandes obscures et brillantes devraient se propager suivant des lignes droites, qui sersient les axes des faisceaux dilatés ou condensés. Or l'expérience démontre que leurs trajectoires sont des hyperboles dont la courbure devient très-

N MV. sensible pour les franges extérieures, dès que le corps qui porte ombre est suffisamment éloigné du point lumineux.

> L'écran étant à 3m,018 du point lumineux, l'ai mesuré successivement l'écartement du point le plus sombre de la bande obscure du 3º ordre, d'abord à 0º,0017 de l'écran, ensuite à 1º,003, enfin à 3º,995, et j'ai trouvé pour sa distance au bord de l'ombre géométrique: 1° 0 mm,08; 2° 2 mm,20; 3° 5 mm,83. Si l'on joint par une ligne droite les deux points extrêmes, on trouvera, pour l'ordonnée qui répond au point intermédiaire, 1 ma, 52, au lieu de 2 ma, 20, et la diffé-compris entre les milieux des bandes du 3° ordre et du second; car cet intervalle, à 1m,003 du corps opaque, n'était que de 0mm,42 : ainsi il est bien évident que la différence de omm,68 ne peut pas être attribuée à nne inexactitude résultant du vague des franges dans cette observation. On ne pourrait pas l'expliquer davantage en supposant une inexactitude dans l'observation faite à 3m,995 du corps opaque. A la vérité, les franges étant plus larges, les mesures ont dû avoir moins de précision; mais d'abord, en les prenant plusieurs fois, je n'ai remarqué que des variations de trois ou quatre centièmes de millimètre au plus. D'ailleurs, en supposant même qu'il y cût une erreur d'un demi-millimètre sur cette mesure, il n'en résulterait qu'une différence de o m, 13, à la distance de 1 ,003; aiusi cette expérience démontre complétement que les franges extérieures suivent des lignes courbes, dont la convexité est tournée en dehors.

> Le tableau snivant présente ces trajectoires rapportées à leurs cordes pour différentes éries d'observations, dans chacune desquelles la distance du corps opaque au point lumineux restait constante. Jai supposé d'àbord, pour la quatrième série, que la corde joignait les deux observations extrèmes, et je l'ai fait partir ensoite du bord même du corps opaque, dont les franges s'écartent fort peu à leur origine, comme on l'a vu précédemment. Dans les autres séries, la corde joint aussi le bord du corps opaque, et le point qui en est le plus cloigné.

\_\_\_\_

porrance de point faminares	sorence da corps epaque au micromètre, eu valeur de å,	cascerelas sas TRAJECTICASES des boarles electrons rapportées à l'eurs cordes.						
eorpe opaque, eq valent de e.		s <sup>er</sup> antre.	g* ordre.	3º order.	å" entre.	5° ordre.		
o" since.								
0",510	0",110 0 ,501 1 ,005	0,19	0 0,89 0 ,81	o",35 o ,95	o <sup>cem</sup> ,4c e ,3e	o ,34		
2° sánt.								
1",011	0",116 0 ,502 0 ,996 2 ,010	o ,27 o ,21	e***,35 o ,4c o ,3o	o ,51 o ,38	o .57 o .52	o"",55 o ,63 o ,49		
3° sins.								
\$00,"2	0 0",118 0 ,999 1 ,998	o ,34	o==,38 o ,48	o***,47 o ,60	o***,54 o ,68	o==,60 0 .76		
	4° séass n	APPORTÉS À LA	TRIOL BUD BURGO	LES GRIERVATIO	DO EXTERES.			
3",0:8	o".0017 o ,s53 o ,500 t ,003 t .998 3 ,002 3 .995	0 .38 0 .38 0 .38 0 .31	o	0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0				
A" SÉRIE RAPPORTÉE À LA COSSE QUI PART DU BORD DU COBPS GPAQUE.								
3°,018	0 0",0017 0 ,553 0 ,500 1 ,003 1 ,998 3 ,009 3 ,995	0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	0 ,06 0 ,50 0 ,58 0 ,60 0 ,48 0 ,45	e-,e8 e ,63 e ,72 e ,74 e ,57 e ,3e	o,73 o .85 o .87 o .67 o .38	0 ,83 0 ,95 0 ,97 0 ,75 0 ,39		
					0			
4=,507	0",131 1 ,018 2 ,506	o ,35	o ,48	o5e e ,5g	o <sup>mm</sup> ,58	o ,81		
6º sáne.								
6",007	o",:17 o ,999	6e,***	o=,33	0,42	o***,49	o"",53		

35.

A" XIV.

On voit donc que l'hypothèse de condensations et dilatations produites par l'action des corps sur les rayons lumineux est insuffisante pour expliquer les phénomènes de la diffraction. A l'aide du principe des interférences, au contraire, on peut concevir non-seulement les variations de largeur que les franges extérieures éprouvent lorsqu'on rapproche ou qu'on éloigne l'écran du point lumineux mais encore la marche curviligne de leurs handes obseures et brillantes. La loi des interférences, ou de l'influence mutuelle des rayons lumineux, est une conséquence immédiate du système des ondes; d'ailleurs elle est démontrée ou confirmée par taut d'expériences diverses, que c'est actuellement un des principes de l'optique les plus incontestables.

- 17. Grinaldi a reconnu le premier l'action que les rayons lumineux exercent les uns sur les autres. Dans ces derniers temps, le célèbre docteur Thomas Young a prouvé, par une expérience simple et ingénicuse, que les franges intérieures résultent de la rencoutre des rayons infléchis de chaque côté du corps opaque, en interceptant ave un écran un des deux faisceaux lumineux; ce qui fait toujours évanouir complétement les franges intérieures, quelles que soient la forme, la masse et la nature de l'écran, et soit qu'on intercepte le faisceau lumineux avant ou après son immersion dans l'ombre.
- 18. On produit des franges plus vives et plus tranchées, en faisant, dans un carton ou une fraullique, deux fentes parallèles très-fines et suffissamment rapprochées, et plaçant cet écran sinsi percé devant un point lumineux; alors, si on en observe l'ambre avec une loupe placée entre le corps paque et l'œil, on voit un grand nombre de franges colorées bien distinctes, lorsque la lumière arrive par les deux ouvertures à la fois, et qui disparaissent dès que la lumière d'une des fentes est interceptée.
- 19. Quand on fail concourir sous un très-petit angle deux faisceaux lumineux, provenant toujours d'une source commune et régulièrement réfléchis par deux miroirs métalliques, on obtient encore des franges semblables, et dont les couleurs sont même plus pures et plus bril-

lantes. Pour les produire, il faut avoir grand soin que dans l'eudroit où se touchent les deux miroirs, ou du moins dans une partie des arêtes en contact, la surface de l'un ne dépasse pas sensiblement celle de l'autre, afin que la différence des chemiss parcourus soit très-petite pour les rayons réfléchis qui se réunissent sur la portion commune des deux champs lumineux 0. Je remarquerai en passant que la théorie seule des interférences pouvait donner l'idée de cette expérience, et qu'une telle expérience exigenit des précautions assex délicates et des tâtionnements assex longs pour qu'il fût presque impossible que 1º hasard y conduist.

Si Ton enlève un des miroirs, ou qu'on intercepte la lumière qu'il réfléchit, soit avant, soit après la réflexion, on fait disparaître les franges, comme dans les cas précédents. Ce qui prouve bien encore que ces franges sont produites par le concours des deux faisceaux lumineux, et non par l'action des bords des miroirs, c'est qu'elles sout toujours perpendiculaires à la ligne qui joint les deux inages da point lumineux, quelle que soit son inclinaison par rapport à ces bords, du moins dans l'étendue du champ conmun des deux faisceaux régulièment réfléchie.

20. Les franges qu'on observe dans l'intérieur de l'ombre d'un corps étroit, ou celles qu'on obtient avec deux miroirs, résultant évi-

(2) Dans la lumière blanche, et même dans une lumière sami binnogêne que posnible, on n'aperçoit jamais qu'un nombre de franças asses limité, parce que, la horie franças sases limité, parce que, la horie par reune au plas grand degré de simplicité qu'un poisse attécnire same en dinimer trop l'Intentailé, étant caroco composée de rayous hétérogènes, les handes obseures et brillantes qu'al produient, et qui n'ont pas fa nabuse largeur, empiètent les unes sur les autres à nueuer qu'eles «fésignent de celle» du 1" ordre, et finisent par s'effacer complétement: c'est pourquoi l'on s'aperçois plus de franges dès que la différence des chemins parcourus devient un peu semible. On peut consulter, sur les détaits de cotte expérience et de son explication par le principe des interférences, l'article anr la lumière du Supplément à la troduction française de la Chimie de Thomson, que mous avons déjà cité 10.

(b) Lorsque les franges se prolongent au delà, leurs parties extérieures résultant du

<sup>(</sup>c) Voven No XXXI.

demment de l'influence mutuelle des rayons lumineux, l'analogie indique qu'il doit en être de même pour les franges extérieures qui bordent les ombres des corps éclairés par un point lumineux. La première hypothèse qui se présente à la pensée, c'est qu'elles sont produites par la rencontre des rayons directs et des rayons réfléchis sur les bords du corps opaque, tandis que les franges intérieures résultent de l'action réciproque des rayons infléchis dans l'ombre, des deux côtés du corps opaque, ces ravons infléchis partant également de sa surface, ou de points infiniment voisins. Telle paraît être l'opinion de M. Young, et c'est aussi celle que j'avais adoptée d'abord, avant qu'un examen plus approfondi des phénomènes m'en cût fait reconnaître l'inexactitude. Je vais néanmoins la suivre dans ses conséquences, et rappeler les formules que j'en avais déduites, pour faeiliter la comparaison de cette théorie avec celle que je lui ai substituée.

Soit R le point radieux, AA' le corps opaque, FT' le carton blanc



sur lequel on reçoit son ombre, ou le plan focal de la loupe avec laquelle on observe les franges, RT et RT' sont les rayons tangents au bord du corps opaque, et T et T' les limites de l'ombre géométrique. Je représente par a la distance RB du point lumineux an corps opaque, par b la distance BC de ce corps au carton, et par c sa largeur AA', que je suppose assez petite relativement aux distances a et b, pour qu'on puisse indifféremment mesurer la

largeur des franges dans un plan perpendiculaire à RT ou à la ligne RC qui passe par le milieu de l'ombre.

Cela posé, occupons-nous d'abord des franges extérieures. Soit F

concours des rayons régulièrement réfléchis par un des miroirs et des rayons infléchis près du bord de l'autre, leur direction doit être différente. En observant le phénomène avec attention, on voit que, dans un cas comme dans l'autre, la forme et la position des franges sont toujours d'accord avec la théorie des interférences.

un point pris sur le carton en dehors de l'ombre : la difference des chemins parcourus par les rayons directs et les rayons réfléchis sur le bord du corps opaque qui concourent en ce point est RA + AF — RF. Représentant FT par x, réduisant en séries les valeurs de RF, AB et AF, en négligeant tous les termes multipliés par une puissauce de x ou de c plus élevée que le carré, à cause de la petitesse de ces quantités par rapport aux distances et b, les termes qui contiennent c se détruisent mutuellement, et l'on trouve, pour la différence des chemins parcourus,

$$d = \frac{a}{2b(a+b)}x^2,$$

d'où l'on tire

$$x = \sqrt{\frac{2db(a+b)}{a}}.$$

$$\sqrt{\frac{\lambda b(a+b)}{a}}$$
.

Mais il résulte au contraire de l'observation que c'est à peu près l'endroit le plus brillant de la première frange. D'après la mème théorie, le bord de l'ombre géonétrique où la différence des chemins parcourns est nulle devrait être plus brillant que le reste de la frange, et c'est précisément le point le plus sombre en déhors de l'ombre géométrique. En général, la position des bandes obscures et brillantes déduite de cette formule est presque exactement inverse de celle que

# 272 THÉORIE DE LA LUMIERE. - PREMIÈRE SECTION.

V.W. donne l'expérience. C'est là la première difficulté que présente cette théorie. Pour la lever, il faut supposer que les rayons réfléchis sur le bord de l'écran éprouvent un retard d'une demi-ondulation; alors on doit ajouter <sup>1</sup>/<sub>2</sub> À la différence d des chemins parcourus, et la fornule estérale devient.

$$x = \sqrt{\frac{(2d+\lambda)b(a+b)}{a}}.$$

En substituant successivement à la place de d dans cette formule,  $\frac{1}{2}\lambda, \frac{3}{2}\lambda, \frac{5}{2}\lambda, \frac{7}{2}\lambda$ , etc. on a, pour les valeurs de x qui répondent aux bandes obscures du 1<sup>ex</sup> ordre, du 3<sup>ex</sup>, du 3<sup>ex</sup>, du 5<sup>ex</sup>, etc.

$$\sqrt{\frac{2\lambda b \left(a+b\right)}{a}}, \ \sqrt{\frac{5\lambda b \left(a+b\right)}{a}}, \ \sqrt{\frac{6\lambda b \left(a+b\right)}{a}}, \ \sqrt{\frac{8\lambda b \left(a+b\right)}{a}}, \ \text{etc.}$$

Ces formules paraissent s'accorder assez bien avec l'observation; cependant on reconnaît par des mesures très-précises que les rapports qu'elles établissent entre les largeurs des franges ne sont pas tout à fait exacts, comme nous le verrons bientôt.

22. Je passe maintenant aux franges intérieures formées dans l'ombre par le concours des deux faisceaux lumineux infléchis en A et A'

Soit M un point quelconque pris dans l'intérieur de l'ombre: l'intensité de la lumière en ce point dépend du degré d'accord ou de discordance entre les vibrations des rayons AM et AM qui s's réunissent, ou de la différence des chemins parcourns AM — AM. Je représente par z la distance MC du point M au milieu de l'ombre, et par d la différence entre les chemins parcourus, et je trouve

$$d = \sqrt{b^2 + (\frac{1}{2}c + x)^2} - \sqrt{b^2 + (\frac{1}{2}c - x)^2}$$

où, développant les radicaux en séries, et négligeant les puissances supérieures de x, à cause de la petitesse de cette quantité par rapport à b, on a

$$d = \frac{cx}{b}$$
;

ďoù

$$x = \frac{bd}{c}$$

En substituant successivement à la place de d dans cette formule,  $\frac{1}{2}\lambda$ ,  $\frac{5}{2}\lambda$ ,  $\frac{5}{2}\lambda$ ,  $\frac{7}{2}\lambda$ , etc. on a, pour les valeurs de x qui répondent aux bandes obscures du 1° ordre, du 2°, du 3°, du u°, etc.

$$\frac{b\lambda}{3c}$$
,  $\frac{3b\lambda}{3c}$ ,  $\frac{5b\lambda}{3c}$ ,  $\frac{7b\lambda}{3c}$ 

et, par conséquent, pour l'intervalle compris entre les milieux de deux bandes obseures consécutives,  $\frac{\delta\lambda}{\sigma}$ .

L'expression générale d'un nombre n quelconque de ces intervalles est douc  $\frac{nb\lambda}{n}$ .

23. Tant que les bandes extrêmes sont suffisamment folignées de bords de l'ombre, cette formule s'acorde assec bien avec l'observation; mais torsqu'elles s'en approchent beaucoup, ou les dépassent, on reconnaît une petité différence entre leur position réelle et celle qui se déduit de la formule. En général ce calcul donne toujours des largeurs un peu plus grandes que l'observation. J'en ferai voir la raison en exposant la vértiable théorie de la diffraction.

Il résulte aussi de cette formule que la largeur des franges intérieures devrait être entièrement indépendante de la distance a du point lumineux au corps opaque; mais cette loi n'est pas parfaitement d'accord avec l'expérience, surtout lorsque les franges occupent toute la largeur de l'ombre; alors leur position varie sensiblement avec la distance a.

# 24. D'après la formule

$$\sqrt{\frac{2n\lambda b\left(a+b\right)}{a}},$$

que nous venons de trouver pour les franges extérieures, leur position dépend de a aussi bien que de 6. L'expérience démontre en effet que leur largeur augmente ou dininue selon que le corps opaque est plus ou moins rapproché du point lumineux, et les rapports entre les differentes largeurs d'une même françe, déduits de la formule, sont précisément ceux que donne l'observation. Mais la conséquence la plus remarquable de cette formule, c'est que, a restant constant, la distance de la baude observe ou brillante que l'on considére au bord de l'ombre

### 274 THÉORIE DE LA LUMIÈRE - PREMIÈRE SECTION

N. XIV géométrique, n'est pas proportionnelle à b, comme pour les franges intérieures; de sorte que cette bande ne pareourt point, comme cellesci, une ligne droite, mais une hyperbole dout la courbure doit être sensible. C'est aussi ce que l'expérience confirme, ainsi qu'on l'a vu par les observations rauportées plus laut.

En considérant l'accord frappant de ces formules avec l'expérience, il était naturel de les regarder comme l'expression fidèle de la loi des phénomènes, et d'attribuer les petites différences entre le calcul et les observations aux incractitudes inséparables de mesures aussi délicates <sup>(6)</sup>, Mais lorsqu'on examine attentivement l'hypothèse sur laquelle

<sup>10</sup> Il parattreit au premier abord qu'on pourrait adapter cette thiorie au système de l'émission, en y introduisant le principe des interférences, comme je l'ai indiqué plus hant. Mais, outre la complication des hypothèses fondamentales et le peu de probabitié de quelque-unes, ce principe condurisit, ce me semble, à des conséquences contraires au système de l'émission.

M. Arago a remarqué que l'interposition d'une lame mince transparente sur les bords d'un corps opaque assez étroit pour produire des franzes dans l'intérieur de son ombre déploçait ces franges et les portait du côté de l'écran transparent (\*). Or il résulte de ce phénomène, en adoptant le principe des interférences, que les rayons qui ont traversé la lame ont été retardés dans leur marche, puisque les mêmes franges, dans tous les cas, doivent répondre à des intervalles éganx entre les instants d'arrivée des rayons. Cette conséquence, qui confirme si bien le système des ondulations. est en opposition manifeste avec celui de l'émission, où l'on est obligé d'admettre que la lumière marche plus vite dans les corps denses que dans les milieux rares. On ne peut éviter cette objection qu'en substituant la différence des accès des molécules lumineuses à leur différence de marche; mais on perdrait ainsi tous les avantages du principe des interférences, en remplacant une idée nette par une idée vague. une explication satisfaisante par une antre qui ne facilite pas l'intelligence des phénomènes. Car on concoit bien comment deux molécules lumineuses qui viennent frapper le même point de la rétine produisent des sensations plus ou moins vives, selon l'intervalle de temps qui sépare ces deux chocs consécutifs, en raison des accords ou des discordences qui en résultent entre les vibrations qu'ils tendent à produire dans le nerf optique: tandis qu'on ne voit pes aussi clairement, à beaucoup près, ce qui peut résulter de la différence d'accès des deux molécules lumineuses, et comment, en frappant simultanément le nerf optique, elles ne produisent plus aucun effet dès qu'elles sont dans des accès contraires, quoiqu'il y ait d'silleurs un accord parfeit entre leurs chocs mécaniques.

<sup>(\*)</sup> Yovez nº Vt

elles reposent, et qu'on la suit dans ses conséquences, on reconnaît N° XIV. qu'elle est en contradiction avec les faits.

25. Si les franges qui bordent les ombres résultaient effectivement du concours des rayons directs et des rayons réfléchis sur le bord de féreran, leur intensité dépendir incessairement de l'étendue et de la courbure de sa surface, et les franges produites par le dos d'un rasoir, par exemple, devraient être beaucoup plus apparentes que celles qui partent du fil; or, quand on les observe avec une boupe, à une distance de quelques centimètres seulement, on n'aperçoit entre elles aucune différence sensible d'intensité. Pour faciliter cette comparaison, on peut se servir d'une plaque d'acier qui présente à la fois sur le même bord une partie arrondie et une partie tranchante, dont es arêtes extrêmes soient sur le prolongement fune de l'autre. Alors on pourra s'assurer aisément que les franges ont la même intensité dans toute leur étendue.

26. On asit que, sous des incidences très-obliques, des surfaces mates réfléchissent presque aussi bien la lumière que les miroirs les mieux polis; la raison en est facile à donner dans le système de l'émission et dans celui des ondulations <sup>60</sup>. Mais, si l'on conpoit que de grandes obliquités doivent faire disparaître la différence de poli, on ne voit pas comment l'intensité de la lumière réfléchie pourrait devenir indépendante du degré de courbure de la surface réfléchissente, car il est clair que plus son rayon de courbure sers petit, et plus les car il est clair que plus son rayon de courbure sers petit, et plus les

<sup>(</sup>a) Le peragraphe 26 se terminait primitivement ainsi :

Vax. Min, si l'oc conpoit que de grandes obliquiés dovrent faire disparatre le différences de poi, on no voit pas comment la quantié de lumière réfédésie pourait être indépendante de l'étendue de la surface réfédesissante; et de quelque façon qu'on suppose que s'opère cette réflexion dans le phésonème de la diffraction, le de révindat que la quantiés de lumière envoyée par le bord du corpse qui, port combre, dans un point quekoque de l'espace éclairé, dépend de l'évendue et de la forme de sa surface.

N° XIV. rayons réfléchis devront diverger, quelle que soit d'ailleurs leur obliquité relativement à la surface.

27. Je me suis encore assuré, par une autre expérience bien simple, de l'inexactitude de l'Appottièse que javais adoptée d'abord, et que je combats actuellement. Ayant découpé une feuille de cuivre dans la forme représentée par la figure 2, je la plaçai devant un point lumine.



la igure 2. Je ia patea devant un point tumineux, à quatre mêtres de distance environ, dans une chambre obscure, et J'examinai son ombre avec une loupe. Or, voic et que J'observai, en m'es éloignant graduellement. Lorsque les larges franges produites par chacume des ouvertures très-étroites CEEC et DFFD' étaient sorties, en se dilatant, de l'ombre géométrique de CDFE, qui ne revenit plus alors métrique de CDFE, qui ne revenit plus alors

qu'une lumière sensiblement blanche de chaque fente en particulier, les franges inférieures provenant de la rencontre des deux faisceaux de lumière présentaient des couleurs beaucoup plus vives et plus pures que celles des franges intérieures de l'ombre de ABDC, et avaient en même temps plus d'éclat. En méloignant davantage, je voyais la lumière diminuer dans toute l'étendue de l'ombre de ABFE, mais plus rapidement derrière EFDC que dans la partie supérieure; en sorte qu'il y avait un instant où l'intensité de la lumière paraissait la même de haut en bas, après lequel les franges devenaient plus obscures dans la partie inférieure 0°, quoişue leurs couleurs fussent toujours beaucoup lus pures de

S'il n'y avait de lumière infléchie que celle qui a rasé les bords mêmes du corps opaque, les franges de la partie supérieure devraient être plus nettes que celles de la partie inférieure, et présenter des couleurs plus pures, car les premières proviendraient du concours de deux

valle qui les sépare, et que la feuille de cuivre soit suffisamment éloignée du point

<sup>&</sup>lt;sup>(9)</sup> Pour que cette différence d'obscurité entre les deux parties de l'ombre puisse être bien prononcée, il faut que les fentes CE et DF soient très-étroites par rapport à l'inter-

systèmes d'ondes ayant leurs centres sur les deux côtés AC et BD, tauisi que les autres seraient formées par le concours de quatre systèmes d'ondes ayant leurs centres sur les hords CE', CE, DF, DF; ce qui diminuerait nécessairement la différence d'intensité des bandes obscures et brillantes dans la lumière homogène, ou la purreté des couleurs dans la lumière blanche, puisque les françes produites par les rayons réfléchis et infléchis sur C'E' et DF ne coincideraient pas parfaitement avec celles qui proviendraient du concours des rayons parfais de CE et de D'F': or, comme je viens de le dire, l'expérience présente le contraire. On pourrait expliquer, dans la même hypothèse, comment il se fait que l'ombre de ECDF est mieux éclairée que celle de ABDC, par la double source de lumière que fournissent les deux bords de chaque fente; mais il résulterait de cette explication même que la partie inférieure devrait toujours conserver sa supériorité d'éclat, et nous venons de voir qu'il n'on est pas ainsi.

28. Il résulte des expériences que je viens de rapporter, qu'ou ne peut pas attribuer les phénomènes de la diffractiou aux seuls rayons qui tonchent les bords des corps, et qu'il faut admettre qu'une infinité d'autres rayons séparés de ces corps par des intervalles sensibles se trouvent néammoins écartés de leur première direction, et concourent aussi à la formation des franças.

29. La dilatation qu'éprouve un faisceau lumineux ca passant par no ouverture très-étroite démotte, d'une manière encore plus directe, que l'inflexion de la lumière s'étend à une distance sensible des bords du diaphragme. C'est en réfléchissant sur ce phénomène que j'ai reconnu ferreur dans laquelle j'étais tombé d'âbord. Lorsqu'on rapproche beaucoup l'une de l'autre deux lames opaques placées devant up joint lumineux dans une chambre obscure, on voil l'espace écdairé par l'ouverture qui les sépare s'élargir considérablement. Ce sont les deux couteaux de Newton. Je suppose que, comme dans son expérience, les bords de l'ouverture soient tranchants et parfaitement affilés: non que cela influe sur le phénomène, mais seulement pour rendre plus évident le conséquence q'ou no dict en tirer. La petite quantité

N. MV. de rayons qui ont touché les trauchants, étant répandue dans un espace aussi étendu, ne pourrait produire qu'une lumière insensible, ou du moins extrêmenent faible, ét au milieu de laquelle on dervait distinguer une bande brillante tracée par le pinceau des rayons directs. Il n'en est pas ainsi cependant, et la tente blanche partit d'une intensité à peu près uniforme dans un espace beaucoup plus grand que la projection de l'ouverture<sup>(0)</sup>; elle 'affaibilit ensuite, mais par degrés, jusqu'aux bandes obscures du "t" ordre. C'était sans doute pour rendre raison de la quantité considérable de lumière infléchie que Newton avait supposé que l'action des corps sur les rayons lumineux s'étendait à des distances très-sensibles. Mais cette hypothèse ne peut soutenir un examen approfondi.

30. Si la dilatation d'un faisceau lumiueux qui passe à travers une ouverture étroite était occasionnée par des forces attractives ou répulsives émanant des bords de l'ouverture, l'intensité de ces forces et, par conséquent, leur action sur la lumière devraient varier nécessairement avec la nature, la masse et la surface des bords de l'écran. Toute force produite par un corps, qui agit à une distance sensible, prenant sa source dans une étendue sensible de sa masse ou de sa surface, dépend des positions relatives et de la quantité de particules que le corps présente dans cette sphère d'activité, ou, ce qui revient au même, de la forme de sa surface. Si donc le phénomène dont il s'agit provenait de l'action de pareilles forces, on devrait, en opposant un corps arrondi à un tranchant, voir les rayons lumineux s'infléchir plus d'un côté que de l'autre : or c'est ce qui n'a pas lieu, comme je m'en suis assuré par une expérience fort simple. J'ai fait passer un faisceau lumineux entre deux plaques d'acier très-rapprochées, dont les bords verticaux, bien dressés sur toute leur longueur, étaient tranchants

(\*) L'espace éclairé est d'autant plus grand par rapport à la projection conique de l'ouverture qu'on éloigne davantage du diaphragme le carton blane sur lequel on reçoit son ombre, et que ce diaphragme est luimême plus éloigné du point lumineux; de telle sorte qu'en augmentant suffisamment ces deux distances on pourrait obtanir le même effet avec une ouverture d'une largeur quelconque. dans une partie et arrondis dans une autre, et disposés de telle sorte que le bord arrondi d'une des plaques répondait au tranchant de l'autre, et réciproquement, il en résultait que le tranchant, se trouvant à droite, par exemple, dans la partie supérieure de l'ouverture, était à gauche dans sa partie inférieure. Par conséquent, pour peu que la différence d'action des deux bords eût porté les ravons plus d'un côté que de l'autre, je m'en serais apercu aux positions relatives des parties supérieure et inférieure de l'intervalle clair du milieu, et surtout à celles des franges qui l'accompagnent, qui se seraient brisées vis-à-vis du point de passage des tranchants aux bords arrondis. Mais. en les observant attentivement, j'ai remarqué qu'elles étaient parfaitement droites sur toute leur longueur, ainsi que l'intervalle brillant du milieu, comme lorsque les deux plaques étaient disposées de façon que les bords de même forme fussent opposés l'un à l'antre. On pourrait varier cette expérience en composant ces plaques de deux parties de natures différentes, et l'on obtiendrait certainement le même résultat (1)

31. Toutes les observations que j'ai faites jusqu'à présent m'ont démontré que la nature des corps interposés n'avait pas plus d'influence que leur masse et la forme de leurs bords sur l'inflexion des rayons lumineux. Je n'en citerai qu'une, dans laquelle j'ai pris toutes les précations nécessaires pour me bien ossurer de l'exactitude de ce principe, qui d'ailleurs serait déjà suffisanment établi par l'expérience précédente.

Jai recouvert une glace non étamée d'une couche d'encre de Chine unie à une feuille mince de papier, formaut ensemble une épaisseur d'un dixième de millimètre. Avec la pointe d'un instrument tranchant

<sup>(2)</sup> MM. Berthollet et Malus avaient reconnu depuis longtemps que la nature des corps n'a aucune induence sur la diffraction de la tumière, en employant pour écran des plaques ainsi componées de metières différentes, et qui présentaient sur le même hord un métal très-dense, par exemple, à la suite d'un morceau d'ivoire : mais ils n'avaient pas un moyen d'observation aussi commode et aussi précis que celui dont je me suis servi, de sorte qu'on pouvait craindre que de petitos différences leur eussent échappé.

## 280 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. — PREMIÈRE SECTION.

N. XIV. j'ai tracé deux lignes parallèles, et j'ai enlevé soigneusement, entre ces deux traits, le papier et l'encre de Chine qui adhéraient à la surface du verre. Cette ouverture, mesurée au micromètre, avait 1\*\*\*, r.7. J'ai placé l'un contre l'autre deux cylindres de cuivre de râ\*\*, 5 de diamètre, et, en introduissnt entre eux une lame graduée, en forme de coin, je les ai écartés jusqu'à ce que l'intervalle qui les séparait etit aussi 1\*\*\*, r.7 de largeur. Ces cylindres, posés à côté de la glace noircie, étaient à 4\*\*, o.15 do point lumineux, et à 1\*\*, 653 du micromèter: j'ai mesuré la largeur des franges produites par ces deux ouvertures, et j'ai trouvé qu'elle était absolument la même. Voici les résultats de ces deux observations, qu'ou nété faites dans la lumière blanche.

Intervalle entre les points les plus sombres		1 mm, 49
des deux bandes obscures du 1" ordre à la		
séparation du rouge bistre et du violet.	2° observation	1 ,49
Intervalle entre les limites des deux franges du second ordre à la séparation du rouge		3***,22
et du vert.	2" observation	3 ,22

Il est difficile que les circonstances soient plus différentes quant à la masse et à la nature des bords de l'ouverture. Dans un cas, ce n'est qu'une couche d'encre de Chine qui produit les franges, puisque la glace à Jaquelle elle est unie remplit aussi l'ouverture; dans l'autre, ce sont deux cyfindres de cuivre massi de 1 dres 76 de diamètre, du présentent ainsi, sur les bords de l'ouverture, des masses et des surfaces considérables. On voit cependant qu'il n'y a pas de différence dans la dilatation du faisceau lumineux.

32. (a) Il est donc certain que les phénomènes de la diffraction ne dépendent point de la nature, de la masse ou de la forme des corps

<sup>&</sup>quot; Le paragraphe 32 était primitivement rédigé ainsi :

Van. Il est donc certain que les phénomènes de la diffraction ne dépendent point de la nature, de la masse ou de la forme des corps qui interceptent la

qui interceptent la lumière 10, mais seulement des dimensions de l'espace dans lequel elle est interceptée, ou de la largeur de l'ouverture par laquelle elle est introduite. On doit, en conséquence, rejeter l'hypothèse qui attribuerait ces phénomènes à des forces attractives oriphisives, dont l'acción s'étendrait à une distance des corps aussi sensible que celle à laquelle les rayons peuvent être infléchis : on ne peut pas admettre davantage que la diffraction est occasionnée par de petites atmosphères de la même étendeu que la sphère d'activité de

<sup>(0)</sup> Du moins tant qu'on ne reçoit pas Fombre trop près du bord de l'écran, ou que la surface rasée par les rayons lumineux n'a pas trop d'étendue relativement à cette distance; car il pourrait se faire, dans ce cas, que les rayons réfléchàs cussent une influence sensible sur l'aspect du phénombre, comme cela arrive lorque le surface, rasée par les rayons lumineux est celle d'un miroir plan d'un ou de deux décimiertes de largeme, par exemple, et qu'on en observe les franges à une petite distance. D'ailleurs il y surait alors des diffractions necessives sur une étendue trop considérable pour qu'on pât so faire abstraction.

lumies", mais seulement de l'étendar de l'espece dans lequel dit est interreptée, ou de l'ouverture par laquell del est introduit. On doit on conséquence l'est interreptée, l'éténdant à une distance sensible de la surface des copes d'éténdant à une distance sensible de la surface des crept. Dun sutre côté, et éténdant à une distance sensible de la surface des crept. Dun sutre côté, et éténdant à une distance sensible de la surface des crept. Dun sutre côté, et d'un bienes lamineurs passant par en ouverture étique, et cette dilatation est d'un bienes lamineurs passant par en ouverture étique, et cette dilatation est d'un bienes lamineurs passant par en ouverture étique, et cette dilatation est d'un bienes lamineurs passant par en ouverture étique, et cette dilatation est d'un bienes lamineurs passant par en ouverture étique, et cette dilatation est d'un bienes lamineurs passant par en ouverture étique.

<sup>10</sup> Lorque la surface da cong nesi pe la priori reprodumiente en tene écolosa, il post erier reprodumiente en tene écolosa, il post priori reprodumiente en tene écolosa, il post de l'acceptante rédicio. Si est une influere semble de la place de l'acceptante de l'acceptante de la largue, et qu'en face d'an no ne des rédicitées de la largue, et qu'en l'acceptante de la largue, et qu'en l'acceptante de la largue, et qu'en l'acceptante de la largue de l'acceptante de la largue, et qu'en l'acceptante de potte le landre chemistre produites per l'acceptante de potte le landre chemistre produites per l'acceptante de potte le la largue, d'acceptante la largue de l'acceptante l'acceptante la largue de l'acceptante la largue, l'acceptante l'ac

premières, provisancest évidemment du concours des rayons directs avec les rayons régulièrement réfichis par le suiroir, qui ont alors parcours un chemin tris-ocu différent.

Quand on observe les franges très-près de leur origion, la forme et l'étendue du corpa opaque doivent induer ou l'est rintends à leur position, lors même que c'est on cylindre d'un très-poil rayon, parce que l'intensité de la lunière réféchie par un miroir convexe augmente raplément à mesure que la distance à isquelle on lo repoti fiminion. A XIV.

ces forces, et d'un pouvoir réfringent différent de celui du milieu environnant; car il résulterait de la seconde hypothèse, comme de la première, que l'inflection des rayons devrait varier avec la forme ou la nature des bords de l'écran, et ne pourrait être la même, par exemple, près du fil et près du dos d'un rasoir. Or il est impossible de concevoir autrement, dans le système de l'émission, la dilatation d'un faisceau lumineux passant par une onverture étroite, et cette dilatation est parfaitement démontrée <sup>10</sup>. Il en résulte donc que les phésumènes de la diffraction sont incephiebles dans le système de l'émission.

### SECTION II (0).

33. Après avoir démontré, dans la première section de ce Mémoire, que le système de l'émission, et même le principe des interférences, quand ou ne l'applique qu'aux rayons directs et aux rayons réfléchis ou les bords actus et de l'évras, sont insuffisants pour expliquer les phénomènes de la diffraction, je vais faire voir maintenant qu'on peut en donner une explication satisfaisante et une théorie générale,

O Les phénomères des tubes capillaires présentent l'édévation d'un liquide au-dessu de son niveau entre deux surfaces sejanrées par un interveille très-sessible, quoique l'attraction exceeds par ces surfaces sur le liquide ne réécude qu'à une distance infimient petite. La raison en est que les molècules liquides stativés par la surface du tube capillaire attirent à leur tour les molécules liquides stativés dans leur sphér d'activité, l'appuis statives dans leur sphér d'activité.

et aimi de suite de proche en proche. Mais, dans la théorie de l'émission, on ne peut pas appliquer aux phénomènes de ha difenoment de une explication analogue; car, d'après l'hypothèse fondamentale, les molécules tourispostèse et l'accession point d'influence sensible sur la marche des molécules vointies: on n'adment auscune d'épendance motteffe entre leurs mouvements; autrement co seruir mettre dans la supposition d'un fluide.

Des matières qui composent la section II étaient disposées autrement dans la réduction primitive.

Cette section commençait par l'Application du principe de Hugghers aux phénomènes de la diffraction (\$ 43 à 57); vensit ensuite la Solution du problème des interférences (\$ 35 à 42).

Le préambule (5 33 à 36) a été ajouté à l'impression, et divers passages ont éprouvé des changements qu'on reconnaître dans les variantes.

983

dans le système des ondulations, sans le secours d'aucune hypothèse secondaire, et en s'appuyant seulement sur le principe d'Huyghens et sur celui des interférences, qui sont l'un et l'autre des conséquences de l'hypothèse fondamentale.

En admettant que la lumière consiste dans des vibrations de l'éther, semblables à celles des ondes sonores, il est aisé de se rendre raison de l'inflexion des rayons lumineux à des distances sensibles de l'écran<sup>16</sup>.

<sup>13</sup> C'est ici que commence l'Extrait publié dans les Anuales de chimie et de physique, dont il a été question dans la note de l'éditeur placée au commencement de ce Mémoire. Tout ce qui précède est remplacé dans l'Extrait par le passage suivant :

#### PTHÉORIE DE LA DIFFRACTION.

» Avent d'exposer la théorie de la diffraction à laquelle j'ai été conduit par le système decondustions, je crois devoir rappeler le résultat de mes observations qui me parall le plusdifficile à concilier avec l'hypothèse de l'émission.

«Tous les phinomètes de la diffraction s'ecordent la démontre que les ryous luminous qui passent apprès des corps ne sent pas seulment inféciles à leur surfices nebus, muis-encore à des distances très-semiles de cette surfice, et qui peruved être d'antant plus cette de la distance très-semiles de cette surfice, et qui peruved être d'antant plus cette de la comme une étoie, quelle que soit la largeur d'une ouverture par lesquée no fait par passe l'aficient du mentione, en c'en disquéent affinisment en le verre troigners se dister et répandre une lumière à par près uniforme dans une episce beaucoup pals large que le re-projection del forusertem Ou su ve, dans lonte joileux sur support de M. Arque, que cet-effet un pouvait se concessir qu'un separant que les reyons s'athénisment de des distances de la comme de la

"Missi ils molécules humiteness cost dévangées de lour direction première par l'influence "Missi ils molécules humiteness cost dévangées de lour direction première par l'influence des crept en passant à des distances tette-sensibles de lour uniface, il faut ampoour, d'aprèel es système de l'instance, que cet direct probait par des fores sutraéries et réparc-qu'i émanust den oups, et dont le sphère d'activité dembrane les mahues distretuiles, ou laiscre l'attibune à de poites atmosphères aussi élendates que ces sphères d'activité, et dont le provrier réfringent différent de celui du milieu environaunst. Mais il résultent également des cas deux happolites que l'influence des rayous varients area les forme ou le nature «des bents de l'ouverture : et l'on peut à source, par des appérieures variées et de servers précises, que ces réconstances n'exercetus unuane influence apprécisable sur le pid...

En effet, quand une petite partie d'un fluide élastique a éprouvé une condensation, par exemple, elle tend à se dilater dans toutes les directions; et si, dans une onde entière, les molécules ne se meuvent que parallèlement à la normale, cela tient à ce que toutes les parties de l'onde studess sur la même surface sphérique éprouvent simultanément la même condensation ou dilatation, et qu'ainsi les pressions transversales se font équilibre. Mais, dès qu'une portion de l'onde lumineuse se trouve interceptée ou retardée dans sa marche par l'interposition d'un écran opaque ou transparent, on conçoit que cet équi-libre transversal est détruit, et qu'il doit en résulter pour les différents points de l'onde la faculté d'envoyer des rayons suivant de nouvelles directions.

Il serait sans doute bien difficile de suivre par l'analyse mécanique tontes les modifications que l'onde lumineuse éprouve successivement depuis l'unstant où la rencontre de l'écran en a intercepté une partie : aussi n'est-ce pas de cette manière que nous allons essayer de détrainier les lois de la diffraction. Nous ne chrechreons pas à découvir ce qui se passe dans le voisinage du corps opaque, où ces lois sont sans doute extrémement compliquées, et où la forme des bords de l'écran doit avoir encore une influence notable sur la position et l'intensité

<sup>-</sup>nomène , et que la dilatation du faisceau lumineux dépend uniquement de la largeur de «l'ouverture. Les phénomènes de la diffraction sont donc inexplicables dans le système de «l'émission».

<sup>«</sup>Plans celui des ondialations, au contraire, il est aixé de se rendre raisen de l'infletsion «des rayons lumineux à des distances sensibles de l'écran. En effet, quand une patite partie «d'un fluide d'assique a éprouvé une condensation, par exemple, elle tund à se dilater, etc. Le roste de l'Estrait est une reproduction pure et simple da Mémoire, asuf une suppresson qui sers sideptée en son flet.

<sup>(2)</sup> Du moins, lant qu'on ne reçoit pas l'ombre trop près do bord de l'éran, ou que la surface du corps opaque rasde par les rayons lumineur n'a pas trop d'étendue relativement à cette distance; car il pourrait se faire, dens ce cas, que les rayons réféchis cusseots une loftonce semisible sur l'aspect des phénombons, comme cols arrive

loraque la surface rance par les reyons lumineux est celle d'un miroir suffissamment étendu, et qu'on en observe los françes à une pétile distant. D'ailleurs il y aurait des diffractions successires sur une étendus trop considérable pour qu'on pât en faire shartection.

des franges. Nous nous proposons de calculer les intensités relatives des différents points de l'onde lumineuse seulement après qu'elle a dépasse l'écran d'un grand nombre d'ondulations. Ainsi les positions de l'onde que nous considérerons seront toujours censées éloignées de l'écran d'une quantité très-considérable par rapport à la longueur d'une ondulation lumineuse.

34. Nous n'envisagerons pas le problème des vibrations d'un fluide élastique sous le même point de vue que les géomètres l'ont fait ordinairement, c'est-à-dire, en ne considérant qu'un seul ébranlement. Dans la nature, les vibrations ne sont jamais isolées; elles se répètent toujours un grand nombre de fois, comme on peut le remarquer dans les oscillations d'un pendule ou les vibrations des corps sonores. Nous supposerons que les vibrations des particules lumineuses s'exécutent de la même manière, en se succédant régulièrement par séries nombreuses; hypothèse où nous conduit l'analogie, et qui d'ailleurs paraît une conséquence des forces qui tiennent les molécules des corps en équilibre. Pour concevoir une succession nombreuse d'oscillations à peu près égales de la même particule éclairante, il suffit de supposer que sa densité est beaucoup plus grande que celle du fluide dans lequel elle oscille. C'est ce qu'on devait déjà conclure de la régularité des mouvements planétaires au travers de ce même fluide, qui remplit les espaces célestes. Il est très-probable aussi que le nerf optique n'est ébranlé, de manière à produire la sensation de la vision, qu'après un certain nombre de chocs successifs.

Quelque étendus qu'on suppose tous les systèmes d'ondes lumineuses, il est clair qu'ils ont des limites, et qu'en envisageant leurs interférences on no peut pas dire de leurs extrémités ce qui est vrai pour l'espace dans lequel ils se superposent. Ainsi, par exemple, deux systèmes d'ondes d'égale longueur et de même intensité, différant dans leur marche d'une demi-ondulation, ne se détruisent mutuellement que dans les points de l'éther où ils se rencontrent, et les deux demi-ondes extrèmes échappent à l'interférence.

Nous supposerons néanmoins que les systèmes d'ondes éprouvent la

## 286 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - PREMIÈRE SECTION.

N. M. même modificatiou dans touto leur étendue, la différence entre cette hypothèse et la réalité devant être inappréciable pour nos sens; ou, ce qui revient au même, nous considérerons ces séries d'ondulations lumiuseses comme indéfinies et comme des vibrations générales de l'éther, dans le calcul de leurs interférences.

#### SOLUTION DU PROBLÈME DES INTERPÉRENCES.

35. Étant données les intensités et les pontions relatives d'un nomber quéconque de systèmes d'undes lumineuses de même longueur<sup>(1)</sup>, et qui se principagent suivant la même direction, élécreminer l'intensité des vibrations résultant du conocours de ces différents systèmes d'ondes, c'est-à-dire, la viesse coeflitaire de la médiculus déthérés du conocours de ces différents systèmes d'ondes, c'est-à-dire, la viesse coeflitaire de la médiculus déthérés des l'appropriets de l'appropriet de

D'après le principe général de la coesistence des petits mouvements, la vitesse totale imprimée à une molécule quelconque du fluide est égale à la somme des vitesses que l'onde de chaque système lui aurait imprimée séparément. Comme ces ondes ne coincident pas, ces difficrentes vitesses ne dépendent pas seulement de l'intensité de chaque onde, mais encore de sa position par rapport à la molécule, dans l'instant que l'on considère. Il faut done connaître la loi suivant haquelle les vitesses d'oscillation varient dans la même onde, et, pour

<sup>12</sup> Nous ne nous accuprous pas des intérérences des couls hamineuses de longuerrs différentes, qu'on doit counidérer en gravéral cousse écanant de sources différentes, et quis, n'étant pas se conséquence assiptiées à le misuluarité dans leurs perturbations, ne sauraient présente des fféteurs, en sauraient présente des fféteurs, en supposant même que ces effete insure countains par leur influence mutuelle. D'ail-leurs, en supposant même que ces effete insure countains le d'affaiblissement de vlares en consente de d'affaiblissement de vlares en consente de d'affaiblissement de vlares et de l'appendique d'arrier, que fem pour consente de d'affaiblissement de vlares et de l'appendique d'arrier, que fem pour consentent de vlares de l'appendique d'arrier, que fem pour consentent de vlares de l'appendique d'arrier, que fem pour consentent de vlares de l'appendique d'arrier, que fem pour consentent de vlares de l'appendique de l'appendique de l'appendique de l'appendique d'arrier de l'appendique d'appendique de l'appendique d'appendique d'appendi

je, serait infiniment trop rapide pour être appréciable, et ne produirait qu'une sensation continue.

<sup>50</sup> Gest M. Thomas Young que la prime a introbull to pluring des interferences en optique, où il en a fait beaucoup d'application ingrisse. Mais, dans la perillèmen d'optique qu'il a rédaux de cristique de la compléte care des ay ystemes d'oudes, aux calenter l'internité de la humbre pour tes que internedifières et pour un nouther qu'experience d'oude, comme je me propose de la firir iei.

cela, remonter à la cause qui l'a produite et dont elle tient tous «es \ caractères.

36. Il est naturel de supposer que les vibrations des particules éclairantes qui produisent la lumière s'exécutent comme celles des corps sonores, c'est-à-dire, suivant les mêmes lois que les petites oscillations d'un pendule, ou, ce qui revient au même, que la force accélératrice qui tend à ramener les molécules dans leurs positions d'équilibre est proportionnelle à la distance dont elles se sont écartées. Quelque fonction qu'elle soit de cette distance, que je représente par x, elle peut toujours être mise sous la forme  $Ax + Bx^2 + Cx^3 + \text{etc.}$  puisqu'elle doit être nulle quand x = 0; or, si l'on suppose les excursions des molécules très-petites par rapport à l'étendue des sphères d'activité des forces attractives et répulsives, on pourra négliger devant Ax tous les autres termes du développement, et regarder la force accélératrice comme sensiblement proportionnelle à la distance x. Cette hypothèse, indiquée par l'analogie, et la plus simple que l'on puisse faire sur les vibrations des particules éclairantes, doit nous conduire à des résultats exacts, puisqu'on ne remarque pas que les lois de la lumière varient avec son intensité.

Si Ton représente par v la vitesse d'oscillation d'une molécule éclairante au bout d'un temps t, on aura donc dv = -Axdt; mais  $v = \frac{dx}{v}$ . Substituant dans la première équation, on trouve, vdv = -Axdt, Intégrant, on a,  $v^2 = C -Ax^2$ ; d'où

$$x = -\sqrt{\frac{C-V}{\Lambda}}$$
.

Substituant cette valeur de x dans la première équation, on a

$$dt = \frac{dv}{\sqrt{\Lambda (C - v^2)}};$$
intégrant,  $t = C' + \frac{1}{\sqrt{\Lambda}} \operatorname{arc} \left( \sin = \frac{v}{\sqrt{C}} \right).$ 

Si donc on prend pour origine du temps celle du mouvement, la constante C' devra être nulle, et l'on aura :

$$t = \frac{1}{\sqrt{\Lambda}} \operatorname{arc} \left( \sin = \frac{v}{\sqrt{C}} \right), \quad \text{ou } v = \sqrt{C} \sin \left( t \sqrt{\Lambda} \right).$$

N. XIV. Si Ton prend pour unité de temps celui qui \*écoute depuis le départ de la molécule jusqu'à son retour, on aura, v = √C sin (2πt). Ainsi, dans des oscillations isochrones, les vitesses correspondant à la même valeur de t seront toujours proportionnelles à la constante √C, qui représente en conséquence l'intensité du mouvement vibratoire.

37. Considérons maintenant l'ondulation produite dans l'éther par les oscillations de cette molécule. L'énergie du mouvement de l'éther à chaque point de l'onde dépend de la vitesse de la mofécule motrice au moment où elle a produit l'impulsion qui se fait sentir actuellement dans ce point. La vitesse des molécules éthérées u un point queldeonque de l'espace, après un temps t, est proportionnelle à celle qui animait la molécule motrice à l'instant  $t - \frac{\pi}{\lambda}$ , x représentant la distance de ce point à la source du mouvement, et  $\lambda$  la longueur de l'ondulation lumineuse. On a donc, en représentant par a la vitesse des molécules éthérées,

$$u = a \sin \left[ 2\pi \left( t - \frac{x}{\lambda} \right) \right].$$

On sait que l'intensité a des vibrations du fluide est en raison inverse de la distance de l'onde au centre d'ébranlement; mais, vu la petitesse des ondes relativement à l'éloignement où nous les supposons du point lumineux, nous pouvons faire abstraction, dans l'étendue d'une et même de plasieurs ondulations, de la variation de a, et considérer cette quantité comme constante.

38. On peut, à l'aide de cette formule, calculer l'intensité des vibrations produites par le concours d'un nombre quelconque de faisceaux lumineux, quand on connaît l'intensité de ces différents systèmes d'ondes et leurs positions respectives.

Je suppose d'abord qu'il s'agisse de déterminer les vitesses des molécules lumineuses dans les vibrations résaltant du concours de deux systèmes d'ondes distants l'un de l'antre d'un quart d'ondulation, et dont les intensités sont a et a'. Je compte le temps t, à partir du moment de d'on de commencé les vibrations du premier faisceau lumineux. Soient et d' les vitesses que le premier et le second système d'ondes tendent à imprimer à la même molécule lumineuse distante de la  $N^*$  XIX source du mouvement d'une quantité égale à x, on aura :

$$u = a \sin \left[ 2\pi \left( t - \frac{x}{\lambda} \right) \right]$$
 et  $u' = a' \sin \left[ 2\pi \left( t - \frac{x + \frac{1}{\lambda}}{\lambda} \right) \right]$ 

$$u' = -a' \cos \left[ 2\pi \left( t - \frac{x}{\lambda} \right) \right].$$

Par conséquent, la vitesse totale U sera égale à

$$a\sin\left[2\pi\left(t-\frac{x}{\lambda}\right)\right]-a'\cos\left[2\pi\left(t-\frac{x}{\lambda}\right)\right];$$

mais, en faisant  $a = \Lambda \cos i$  et  $a' = \Lambda \sin i$ , on peut tonjours mettre cette expression sous la forme :

$$\Lambda \left[\cos i \sin 2\pi \left(t - \frac{x}{\lambda}\right)\right] - \sin i \cos \left[2\pi \left(t - \frac{x}{\lambda}\right)\right],$$

eц

on

A sin 
$$\left[2\pi\left(t-\frac{x}{\lambda}\right)-i\right]$$
.

Ainsi l'onde résultant du concours des deux autres sera de même nature, mais aura une position et une intensité différentes. Les équations A cos i = a et A sin i = a' donnent, pour la valeur de A, c'està-dire, pour l'intensité de l'onde résultante,  $\sqrt{a^2 + a^2}$ . C'est précisément la valeur de la résultante de deux forces rectangulaires égales à a et à a'.

Il est aisé de voir aussi, d'après les mêmes équations, que la position de la nouvelle onde répond exactement à la situation augulaire de la résultante des deux forces rectangulaires a et a', car, d'après la formule

$$U = A \sin \left[ 2\pi \left( t - \frac{x}{2} \right) - i \right],$$

l'intervalle qui sépare cette onde de la première est égal à  $\frac{j_1}{2m}$ : or i est l'angle que la force a fait avec la résultante A, puisque A cos i = a. Ainsi la similitate de et complète entre la résultante de deux forces rectangulaires et celle de deux systèmes d'ondes distants d'un quart d'ondulation.

 La solution du problème que je viens de donner dans le cas particulier où il s'agit de trouver la résultante de deux ondes séparées par un intervalle d'un quart d'ondulation, suffit pour le résoudre dans tous les autres cas. En effet, quels que soient le nombre des différents systèmes d'ondes et les intervalles qui les séparent, ou peut toujours substituer à chacun d'ent ses composants rapportés à deux points communs distants d'un quart d'ondulation; alors, en ajoutant ou retranchant, selon leurs signes, les intensités des composants rapportés au même point, on ramberea le mouvement total à deux systèmes d'ondes séparés par un intervalle d'un quart d'ondulation, et la racine carrés de la somme des carrés de leurs intensités sera l'intensité en résultante. Cest absolument le procédé (qu'on emploie en datique pour trouver la résultante d'un nombre quelconque de forces : ci la longueur de l'ondulation répond à la circonférence dans le pro-blème de statique, et l'intervalle d'un quart d'ondulation entre les systèmes d'ondes, à l'intervalle angulaire d'un quart de circonférence qui sépare les composantes.

40. Il arrive le plus souvent, dans les problèmes d'optique, que les intensités de lumière, ou les teintes que l'on veut calculer, ne résultent que du concours de deux systèmes d'ondes seulement, comme dans les anneaux colorés et les phénomènes de coloration les plus ordinaires que présentent les lames cristallisées; en sorte qu'il est bon de connaître la formule générale qui donne la résultante de deux systèmes d'ondes séparés par un intervalle quelconque. On prévoit déjà le résultat que l'on obtiendrait en appliquant à ce cas la méthode générale que je viens d'exposer. Mais je ne crois pas inutile de m'appesantir encore sur la théorie de ces mouvements vibratoires, et de prouver directement que l'onde résultant du concours des deux autres, quelles que soient leurs positions relatives, répond exactement, pour son intensité et pour sa situation, à la résultante de deux forces égales aux intensités des deux faisceaux lumineux, et faisant entre elles un angle qui soit à la circonférence entière comme l'intervalle qui sépare les deux systèmes d'ondes est à la longueur d'une ondulation.

Soient x la distance du centre du premier système d'ondes à la molécule lumineuse que l'on considère, et t l'instant où l'ou veut

calculer sa vitesse; celle que lui imprime l'onde du premier système : est égale à

$$a\sin\left[2\pi\left(t-\frac{x}{\lambda}\right)\right]$$

a étant l'intensité de ce faisceau lumineux. Si l'on représente par a' l'intensité du second et par c l'intervalle qui sépare les points correspondants des ideux systèmes d'ondes, la vitesse résultant du second sera

$$a' \sin \left[ 2\pi \left( t - \frac{x+c}{\lambda} \right) \right]$$

et, par conséquent, la vitesse totale imprimée à la molécule

$$a \sin \left[ 2\pi \left( t - \frac{x}{\lambda} \right) \right] + a' \sin \left[ 2\pi \left( t - \frac{x+c}{\lambda} \right) \right],$$

ou

$$\left[a+a'\cos\left(2\pi\frac{c}{\lambda}\right)\right]\sin\left[2\pi\left(t-\frac{x}{\lambda}\right)\right]-a'\sin\left(2\pi\frac{c}{\lambda}\right)\cos\left[2\pi\left(t-\frac{x}{\lambda}\right)\right];$$

expression qui peut toujours se mettre sous la forme :

A cos 
$$i \sin \left[ 2\pi \left( t - \frac{x}{\lambda} \right) \right] - A \sin i \cos \left[ 2\pi \left( t - \frac{x}{\lambda} \right) \right]$$
,

ou

A 
$$\sin\left[2\pi\left(t-\frac{x}{\lambda}\right)-i\right]$$
,

en faisant

$$a + a' \cos \left(2\pi \frac{c}{\lambda}\right) = \Lambda \cos i$$
 et  $a' \sin \left(2\pi \frac{c}{\lambda}\right) = \Lambda \sin i$ .

Élevant chaque membre de ces équations au carré et les ajoutant, on a

$$A^2 = a^2 + a'^2 + 2aa' \cos(2\pi \frac{c}{\lambda})$$

ďoù

$$A = \pm \sqrt{a^2 + a'^2 + 2aa'\cos\left(2\pi\frac{c}{\lambda}\right)}.$$

C'est la valeur de la résultante de deux forces a et a', faisant entre elles un angle égal à  $2\pi \frac{c}{5}$ .

41. Il résulte de cette formule générale que l'intensité des vibrations de la lumière totale est égale à la somme de celles des deux faisceaux constituants dans le cas de l'accord parfait, à leur différence

V. MV. quand ils discordent complétement, et enfin à la racine carrée de la somme de leurs carrés lorsque leurs vibrations correspondantes sont à un quart d'ondulation les unes des autres; ce qu'on avait déjà démontré.

Il est facile de voir que la position de l'onde répond exactement à la situation angulaire de la résultante des deux forces a et a'. En effet, la distance de la première onde à la seconde est c, et à l'onde résultante  $\frac{1}{2\pi}\lambda$ , et la distance de cello-ci à la seconde  $c-\frac{1}{2\pi}\lambda$ ; par conséquent, les angles correspondants sont  $2\pi\frac{e}{\lambda}$ , it et  $2\pi\frac{e}{\lambda}-i$ ; or, en multipliant par sin i l'Fquation

$$a + a' \cos \left(2\pi \frac{c}{5}\right) = A \cos i$$
,

et par cos i l'équation

$$a' \sin \left(2\pi \frac{c}{\lambda}\right) = A \sin i$$

et les retranchant l'une de l'autre, on trouve,

$$a \sin i = a' \sin \left( 2\pi \frac{c}{\lambda} - i \right),$$

qui, avec l'équation

$$a'\sin\left(2\pi\frac{c}{\lambda}\right) = A\sin i$$
.

donne la proportion

$$\sin\left(2\pi\frac{c}{\lambda}-i\right):\sin i:\sin\left(2\pi\frac{c}{\lambda}\right)::a:a':A.$$

42. L'expression générale A sia  $\left[ \operatorname{sar}\left( l - \frac{\pi}{8} \right) - i \right]$  de la vitesse des molécules dans l'onde résultant du concours de deux autres démontre que cette onde a la nême longueur que ses composantes, et que les vitesses des points correspondants sont proportionnelles: en sorte que ronde résultante est toujours de même nature que ses composantes, et n'en diffère que par l'intensité, c'est-à-dire, par la quantité constante qui nutiliple les rapports des vitesses de toutes les molécules auxquelles elle s'étend. En la combinant successivement avec de ugavelles ondes, on retrouverait toujours des expressions de même formet propriété remarquable de cette sorte de fonctions. Ainsi, dans la résul-

tante d'un nombre quelconque de systèmes d'ondes de même longueur, les molécules lumineuses sont toujours animées de vitesses proportionnelles à celles des composantes, aux points situés à la même distance de l'extrémité de chaque onde.

APPLICATION DU PRINCIPE D'HUYGHENS AUX PRÉNOMÈNES DE LA DIFFRACTION.

43. Après avoir indiqué la manière de déterminer la résultante d'un nombre quelonque de systèmes d'ondes luminenses, je vais faire voir comment, à l'aide de ces formules d'interférence et du seul principe d'Iluyghens, il est possible d'expliquer et même de calculer tous les phénomènes de la diffraction. Ce principe, qui me paraît une conséquence rigoureuse de l'hypothèse fondamentale, peut s'énoncer ainsi: Les vibrations d'une onde lumineuse dans chacun de ses points peucent être regardées comme la somme des nouvements élémentaires qu'y entervaient au même instant, en agissant isolément, toutes les parties de cette onde considérée dans une quelonque de ses opisions antirierurs <sup>(1)</sup>.

Il résulte du principe de la coexistence des petits mouvements, que les vibrations produites en un point quelcouque d'un fluide élastique par plusieurs chranlements sont égales à la résultante de toutes les agitations envoyées au même instaut dans ce point par ces différents centres d'ondulation, quels que soient leur nombre, leurs positions respectives, la nature et l'époque des ébranlements divers. Ce principe, étant général, doit s'appliquer à tous les cas particuliers. Je supposerai que tous ces ébranlements, en monbre infini, sont de même espèce, on lieu simultanément, sont contigus et placés sur un même surface sphérique. Je ferni encore une hypothèse relativement à la nature de ces ébranlements; i s supposerai que les vitesses impri-

<sup>20</sup> Je considère toujours la succession d'une infinité d'ondulations, ou une vibration générale du fluide. Ce n'est que dans ce sens qu'on peut dire que deux ondes lumineuses se détruisent lorsqu'elles sont à une demi-ondulation l'une de l'autre. Les formules d'interférence que je viens de donner ne sont point applicables au cas d'une ondulation isolée, qui d'ailleurs n'est pas celui de la nature.

### 294 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - PREMIÈRE SECTION.

mées aux molécules sont toutes dirigées dans le même sens, perpendiculairment à la surface sphérique. Ne sont en outre proportionnelles aux condensations; en sorte que les molécules ne puissent paavoir de mouvement réfrograde. Jaurai ainsi reconstitué une onde dérivée par l'ensemble de ces étranlements partiels. Il est donc vrai de dire que les vibrations d'une onde lumineuse dans chacun de ses points peuvent être regardées comme la résultante de tous les mouvements élémentaires qu'y enverraient au même instant, en agissant isolément, toutes les parties de cette onde considérée dans une quelconque de ses positions antérieures.

<sup>10</sup> Il pent y avoir des ondes dérivées dans lonquelles la direction des vitasses absolues imprimées aux molécules ne soit pas perpondirentaire à la surface de l'onde. En réflechiasant aux lois particulières de l'interférence des rayons polarisés, je me suis convaincu, depuis la rédaction de ce Mémoire, que les vibrations lumineuses s'acévatent perpondinairemente aux rayons on purallèment à la surface de l'onde. Les raisonnements et lecalculs contenns dans ce Mémoire s'acrochent aussi bien avec cette nouvelle hypothèse qu'avec la précédente, puisqu'ils sont indépendants de la direction rétile des vibrations et supposent seulement qu'elles a'exécutem dans le même seus pour tous les rayons partir du même système d'ondes qui concourent à la formation des franges.

Voici comment on peut l'énoncer.

Les vibrations d'une onde lumineuse dans chacun de ses points peuvent être regardées comme la résultante de tous les mouvements élémentaires qu'y enverraient au même instant, en agussont isolément, toutes les parties de cette onde considérée dans une quelconque

<sup>(</sup>a) Le paragraphe 43 était primitivement rédigé de la manière suivante.

V.s. Après avoir démontré dans la première section de ce Mémoire que le système de l'émission et nême le principle des interféresces, quand on ne l'applique qu'un rayans directs et sur rayans réfleits, sont insuffisants pour explique les phémonières de sidiraction, je vis direc vir missistents qu'on peut est donner une explication satisfissante et une théorie générale dans le système des onduients, sans le securer d'accuse layoribre secondirec, et n'éspayant settories sur le principe d'Huyghens, qui net une conséquence presque évidente de l'hypothèse fondamentale.

4.4. L'intensité de l'onde primitive étant uniforme, il résulte de cette uniformité se conservera pendant sa marche, si aneune partie de l'onde n'est interceptée ou retardée relativement aux parties contigués, parcue la résultante des mouvements édémentaires dont je viens de parler sera la même pour tous les points, Mais si une portion de l'onde est arrètée par l'interposition d'un corps opaque, alors l'intensité de chaque point variera avec sa distance an bord de l'ombre, et ces variations seront surtout sensibles dans le voisinage des rayons tangents.

Soient C le point lumineux, AG l'écran, AME l'onde arrivée en A et interceptée en partie par le corps opaque. Je la



suppose divisée en une infinité de petits ares Ani, min, mM, Mn, nn, nn', rê, etc. Ponc avoir son intensité au point P dans une quelconque de ses positions suivantes BPD, il faut chercher la résultante de toutes les ondes élémentaires que chacune de ces portions de l'onde primitive y enverrait «n acissant isolément.

L'impulsion qui a été communiquée à toutes les parties de l'onde primitive étant dirigée suivant la normale, les mouvements qu'elles tendent à imprimer à l'éther doivent être plus intenses dans cette direc-

de ses positions antérieures. Ce n'est autre chose que substituer au mouvement ou à la pression normale toutes les pressions directes et obliques dont elle se comnose. (\*\*).

(7) Un obrandement quedensque dans un fluide disatique tend en général à se propager suivant toutes les directions. S'il ne se forme pas en avant des pétites ondes autour de chaque point de l'oude principale, c'et à cause de l'équilibre qui victabiil entre les mouvements simultanés de ses purties. Mais, de même qu'on statique ou emploie seuvent dans le caucil des forces qui se définit. seat, on peut ici rétablir les montenuents qui « font équilibre, et considèrer l'effet preduit par font equilibre, et considèrer l'effet preduit par chaque partie de l'onde indépendamment de l'influence qui exercent sur lui les autres ébenichements, et l'ensemble de toutes ces ondes élémentaires doit équivaloir au système primitif. Tel est le principe d'Hunghress.

X: XIV. tion que dans toute autre; et les rayons qui en émaneraient, si elles agissaient isolément, scraient d'autant plus faibles qu'ils s'écarteraient davantage de cette direction <sup>(a)</sup>.

45. La recherche de la loi suivant laquelle leur intensité varierait autour de chaque centre d'ébraulement présenterait sans doute de grandes difficultés; mais heureussement nous n'avons pas besoin de la connaître, car il est aisé de voir que les effets produits par ces rayons edétruisent presque complétement dès qu'ils s'inclinent sensiblement sur la normale, en sorte que ceux qui influent d'une manière appréciable sur la quantité de lumière que reçoit chaque point P peuvent être rezardés comme d'égale intensité <sup>(6)</sup>.

O Lorsque le centre d'élemelment a réprové une condensation, la force apanisse tend à pousser les naédeales dans toutes proposer les naédeales dans toutes des les naétes pas de mouvements réfrogrades, cela tient uniquement à truisent celles que la dilatation tend à leur imprimer en arrivér; mais il ne s'entité au par l'élemelment ne puisse se propager que autient la direction de la force expansive dans un sens perpendicularies, pur excapple, se combine serve l'insplois oprimitére sans que ser effica no sient na fâtile. Il et de l'arque l'insplois primitére sans que ser effica no sient na fâtile. Il et de l'impe l'intendité de l'onde d'apprendité de l'onde d'apprenditére par cauple que l'insplois primitére sans que ser effets en sient na fâtile. Il et de l'impe l'intendité de l'onde d'apprenditére par l'intendité de l'onde d'apprenditére l'apprenditére l'apprend

ainsi produite doit varier beaucoup dana les différents points de sa circonférence, nomseement è cause de l'impulsion initiale, mais encore parce que les confectueires ne sont pos anapéries la confectueire ne sont pos anapéries la confectueire ne contra participat de l'archie Mais leuve rations d'intensité de l'archie Mais leuve rations d'intensité de l'orde dérive deivent univer nécessairement une lei de consideré, comme insemilaté dans un intervalle descourse insemilaté caus universe de la conpulser tels-potit, surtout supéré de la norme à l'archie générative; car, les vitanesinitiales des molécules rapportes à un edirection qualcomme étant proportionnelles an

<sup>&</sup>lt;sup>16</sup> La même conclusion solusión si l'ons abuset l'hypothèse des viberations transversales. Telétre dans constatie de manière que les viberaisons transversales prisentes teseles s'y propager, à l'exclusion des viberaisons normales, le mouvement le plus intense devra the transans sinvaire al direction qui est perspendieuline à loate vibration comprete dans la surface de l'oude primière, c'est-d-dire misunal it rayon même de cette corde. La seudifierence évet que l'intensité de mouvement transmis sirvait diverses directions également indinées sur ce rayon ne sera pas la même si la humbre est polarisée. Dans or dernières amoire, an cherché à délaitre de cette remanque un noyen de reconsolltre si les vibrations de la humbre polarisée sont parallétes ou perpositicalaires sur plan de polarisation. [Ex Vasara).

297

En effet, considérons les rayons sensiblement inclinés EP, FP, IP, concourant au point P, que je suppose distant de l'onde EA d'un grand nombre d'ondulations. Prenons les deux arcs EP et F1 d'une longueur telle que les différences EP-FP et FP-IP soient égales à une demi-ondulation. A cause de l'obliquité prouncée des rayons et de la petitesse d'une demi-ondulation par rapport à leur longueur, ces deux arcs seront presque égaux, et les rayons qu'ils envoient au point P sensibement parallèles; en sorte qu'en raison de la différence d'une demi-ondulation qui existe entre les rayons correspondants des deux arcs, leux effets es détruiront mutellement.

On peut donc supposer que tous les rayons que les diverses parties de l'onde primitive AE envoient au point P sont d'ègele intensité, puisque les seuls rayons pour lesquels cette hypothèse soit incusate, u'ont pas d'influence seusible sur la quantité de lumière qu'il reçoit. On peut usussi, par la même raison, pour simplifier le calcul de la résultante de toutes ces ondes élémentaires, considérer leurs mouvements vibratiers comme s'exécutant suivant une même direction, vu la petitese des angles que les rayons font entre eux; en sorte que le problème se teuver ranner à celui-ci, que nous avons déjà résolu : Trouver la résultante d'un nombre quelconque de systèmes d'oudes lumineuses parallèles, de même longueur, dont les intensités et les positions relatives sont con rouse. Les intensités sont cis proportionnelles à la longueur des ares éclairants, et les positions relatives sont données par les différences de chemins parcourus.

46. Nous n'avons considéré, à proprement parler, que la section de l'onde faite par un plan perpendienlaire au bord de l'écran projeté en A. Envisageons-la maintenant dans toute son étendue, et concevons-la divisée en fuseaux infiniment minces par des méridiens équi-

eosinus de l'angle que cette direction fait avec la normale, ces composantes varient dans un rapport beaucoup moindre que l'intervalle angulaire quand il est peu considérable (\*).

١.

<sup>16</sup> Note ajoutée à l'impression.

N° XIV. distants perpendiculaires au plan de la figure; on pourra leur appliquer les raisonnements que nous venons de faire pour une section de l'onde, et démontrer ainsi que les rayons d'une obliquité prononcée se détruisent mutuellement.

Ces fuseaux parallèles au bord de l'écran étant tous indéfiniment étendus dans le cas dont nous nous occupons, où l'onde lumineuse n'est interceptée que d'un seul côté, l'intensité de la résultante de . toutes les vibrations qu'ils envoient en P sera la même pour chacun d'eux; car les ravons qui émanent de ces fuseaux doivent être considérés comme d'égale intensité, du moins dans la partie très-peu étendue de l'onde génératrice qui a une influence sensible sur la lumière envoyée en P, à cause de l'extrême petitesse de la différence entre les chemins parcourus. De plus, chaque résultante élémentaire sera évidemment en arrière de la même quantité par rapport au rayon parti du point du fuseau le plus voisin de P, c'est-à-dire du point où ce fuseau rencontre le plan de la figure. Ainsi les intervalles entre ces résultantes élémentaires seront égaux aux différences des chemins parcourus par les rayons AP, m'P, mP, etc. compris dans le plan de la figure, et leurs intensités seront proportionnelles aux arcs Am', m'm, mM, etc. Pour avoir l'intensité de leur résultante générale, il faut donc faire le même calcul auguel nous avions déià été conduit, en ne considérant que la section de l'onde par un plan perpendiculaire au bord de l'écrau (1) (1).

# 47. Avant de calculer l'expression analytique de cette résultante, je

<sup>19</sup> Tant que le bord de l'écran est rectifique, il suffit, pour déserminer les positions des bandes obscures et brillantes et leurs intensités relatives, de considérer la section de l'Onde faite par un plen perpendiculoire ou bord de l'écran; mois lorsqu'il est courbe ou composé de lignes droites foissant entre elles des angles quelconques, il derient néelles des angles quelconques, il derient né-

cessaire d'intégrer saivont les deux sens rectangulaires, ou circulairement outour du point que l'on considère. Cette dernière méthode est plus simple dans quelques cas particuliers, comme lorsqu'il s'agit, par exenple, de calculer l'intensité de la unière dans la projection du centre d'un éran ou d'une ouverture circulaire.

<sup>(</sup>a) Le paragraphe 46 et la note ont été ajoutés à l'impression.

vais d'abord tirer du principe d'Huyghens les conséquences qu'on peut en déduire par de simples considérations géométriques.

Soit AG un corps opaque assez étroit pour qu'on puisse distinguer



des franges dans l'intérieur de son ombre à la distance AB. Soient C le point éclairant, BD le carton blanc sur lequel on reçoit les franges, ou le plan du foyer de la loupe avec laquelle on les observe.

Concevons l'onde primitive divisée en petits arcs, Am, mm', m'm', etc. Gn, nn', n'n'', n''n'', etc. de façon que les rayons menés du point P que

Fon considère dans l'intérieur de l'ombre, à deux points de division consécutifs différent d'une demi-ondulation. Tottes les petites ondes envoyées en P par les éléments de chacun de ces arcs seront en discordance complète avec les ondes élémentaires qui émanent des parties correspondantes des deux arcs entre lesques il set compris; en sorte que, si tous ces arcs étaient égaux, les rayons qu'is envoient en P se détrairaient mutuellement, à l'exception de l'arc extrême mA, dont les rayons conserveraient la moitié de leur intensité, la moitié de la lumière envoyée par l'arc mai, avec lequel il se trouve en discordance complète, étant détruite par la moitié de le d'ure précédent m'm'.

Ces ares sont sensiblement égaux lorsque les rayons qui concouvent an point P sont sulfissament inclués par rapport à la normale. Alors l'oude résultante répond à peu près au milieu de mA, le seul arc qui produise un effet sensible, et se trouve ainsi en arrière d'un quart d'ondulation par rapport à l'onde élémentaire partie du bord À du corps opaque. La même chose ayant lieu relativement à l'autre partie de l'onde cincilente, le degré d'accord ou de discordance entre les vibrations lumineuses qui se manifeste au point l'e trouve déterminé par la différence de longueur entre les deux rayons JP et fl' qui émanent des milieux des arcs Âm et Gs, ou, ce qui revient au unême, par la différence entre les deux rayons AP et GP partis des bords mêmes du corps paque, Ainsi, lorsque les franges intérieures que l'on consis-

Nº XIV

dère sont suffisamment éloignées des bords de l'ombre géométrique, on peut leur appliquer sans erreur sensible la formule basée sur l'hypothèse que les ondes infléchies ont leurs centres aux bords mêmes du corps opaque. Mais, à mesure que le point P se rapproche de B, l'arc Am devient plus grand par rapport à l'arc mm', l'arc mm' par rapport à l'arc m'm', etc. (a): et de même, dans l'arc mA, les éléments qui avoisinent le point A deviennent sensiblement plus grands que ceux situés vers le point m, et répondant à des différences égales de chemins parcourus. ll en résulte que le rayon efficace sP (1) ne doit plus être la moyenne entre les rayons extrêmes mP et AP, mais se rapprocher davantage de la longueur de celui-ci. De l'autre côté du corps opaque; au contraire, la différence entre le rayon GP et le rayon efficace tP approche d'autant plus d'être exactement égale à un quart d'ondulation, que le point P s'éloigne davantage de D. Ainsi la différence des chemins parcourus varie plus rapidement entre les rayons efficaces sP et tP qu'entre les rayons AP et GP; par conséquent les franges qui avoisinent le point B doivent être un peu moins éloignées du centre de l'ombre que ne l'indique la formule fondée sur la première hypothèse.



48. Après avoir examiné le cas où les franges sont produites par un corps étroit, je passe à celui où elles le sont par une petite ouverture. Soit AG l'ouverture par laquelle ou fait passer la lumière. Je la suppose d'abord assez étroite pour que les bandes obseures du 1º ordre soient dans l'intérieur de l'ombre géométrique de l'écrait et suffisamment éloignées des hords Be t.D. Soit P le point le plus sombre d'une de ces deux bandes; il est asé de voir qu'il doit répondre à une différence d'une ondustion entre les deux me différence d'une ondustion entre les deux.

<sup>&</sup>lt;sup>17</sup> J'appelle ainsi celui qui mesure la distance de l'onde résultante à l'onde primitive, purce que la situation des bandes obscures tion.

<sup>(</sup>a) Voyez sur la loi du décroissement des arcs élémentaires successifs n° XII (G), S 5, note (1),

301

rayons extrêmes AP et PG. En effet, si l'on conçoit un autre rayon PI mené de façon que sa longueur soit moyenne entre celle des deux autres, en conséquence de leur obliquité prononcée sur l'are AIG, le point I en sera à peu près le milieu. Cet are se trouvera donc composé de deux autres, dont les éléments correspondants seront sensiblement égaux, et enverront au point P des vibrations contraires, qui devront par conséquent se détruire mutuellement.

Il est aisé de voir, par des raisonnements semblables, que les points les plus sombres des autres bandes obscures répondent à des différences d'un nombre pair de demi-ondulations entre les rayons partant des deux bords du diaphragme, et les points les plus éclairés des bandes brillantes, à des différences d'un nombre impair de demi-ondulations, c'est-à-dire qu'elles doivent être situées dans des positions absolument inverses de celles que l'on déduirait des accords ou des discordances des rayons extrêmes, dans l'hypothèse où ils concourraient seuls à la production des franges, à l'exception cependant de la bande du milien, qui doit être brillante dans un système comme dans l'autre. L'expérience confirme les conséquences déduites de celui où l'on considère les franges comme résultant du concours des vibrations de tous les points de l'arc AG, et contredit par conséquent le système d'après lequel on les regarderait comme produites uniquement par les rayons infléchis et réfléchis sur les bords mêmes du diaphragme. Ce sont aussi les premiers phénomènes qui m'ont fait reconnaître l'inexactitude de cette hypothèse, et m'ont conduit à la théorie dont je viens d'exposer le principe fondamental, qui n'est autre que celui d'Huyghens, combiné avec le principe des interférences (a).

49. Dans le cas que nous venons de considérer, où les bandes obscures du premier ordre sont rejetées par la petitesse de l'ouverture à une distance assez considérable des bords de l'ombre géométrique, il

à Le manuscrit ajoute après ces mots :

VAS. Que l'on doit su docteur Young.

Nº XIV.

résulte de la théorie, comme de l'expérience, que l'espace compris entre leurs points les plus sombres est à très-peu près le double des autres intervalles entre les milieux de deux bandes obscures consécutives, et d'autant plus exactement que l'ouverture est plus étroite ou le diaphragme plus éloigné du point lumineux et du foyer de la loupe avec laquelle on observe les franges, car, en augmentant sultisamment ces distances, on peut produire les mêmes effets avec une ouverture d'une largeur quelconque.

Mais lorsque ce dislances ne sont pas assez considérables, et que l'ouverture est trop large pour que les rayons qui concourent à la formation des franges soient sullisamment inclinés sur l'onde lumineuse AG, il arrive que les éléments correspondants des ares dans lesques nous l'avous supposée divisée ne peuvent plus lètre considérés comme égaux entre eux, mais sont sensiblement plus larges du côté le plus voisin de la bande que l'on considère. Alors on ne peut plus déduire rigioureusement de la théorie la position des mazima ou mnima d'intensité de lumière qu'en calculant la résultante de toutes les petites ondes élémentaires qui émanent de l'onde incliente.

50. Mais il est un cas très-remarquable où la connaissance de cette intégrale n'est pas nécessaire pour déterminer la loi des franges produites par une ouverture d'une largeur beaucoup plus considérable : é'est lorsqu'on place devant le disphragme une leutille qui porte le foyer des rayons réfractés sur le plan dans lequel on observe les franges. Alors le centre de courbure de l'onde émergente se trouve dans ce plant, au lieu d'être au point lumineux lé, ce qui simplifie beaucoup le problème.

Soit O la projection du milieu de l'ouverture sur ce plan. Si du point O comme centre, et d'un rayon égal à AO, on décrit l'arc Al'G, il représentera l'onde incidente telle qu'elle se trouve modifiée par l'interposition de la lentille. Maintenant, si du point P comme centre, et d'un rayon égal à AP, on décrit l'arc AEF, les parties des rayons lumineux qui concourent au point P comprises entre l'arc Al'G et l'arc AEF seront les différences des chemins parcourus par les ondes élémentaires. Or, ces deux arcs avant des courbures égales et tournées dans le même sens, il s'ensuit qu'à des intervalles égaux sur l'onde Al'G répondront des différences égales dans les chemins parcourus. Si donc on suppose cette onde divisée de manière que deux rayons consécutifs menés par les points de division diffèrent d'une demi-ondulation, lorsque le point P sera placé de façon que le nombre de ces arcs soit pair, il ne recevra plus de lumière, puisque les effets produits par ces arcs se détruiront deux à deux, les vibrations de leurs éléments correspondants étant à la fois d'égale intensité et en discordance complète. La lumière envoyée au point P parviendra, au contraire, à son maximum d'intensité quand ces arcs seront en nombre impair. Il en résulte que les points les plus éclairés des bandes

veront en même temps aux deux points qu'on déterminera en prenant, à partir du point de concours, sur la direction du rayon réfracté au sommet une longueur arbitraire l, et sur la direction du rayon réfracté vers les bords une longueur égale à  $l = \frac{r(p-1)}{8p^2} \sin^4 i$ . Mais si l est très-grand par rapport à  $\frac{r(p-1)}{8p^2}$  sin l, le deuxième de ces points sera très-peu éloigné de la sphère qui passerait par le premier et qui aurait pour centre le point de concours des deux rayons ou même le foyer des rayons centraux qui en est très-voisin. On peut donc regarder les mouvements vibratoires qui ont lieu à chaque instant sur la surface de cette sphère comme presque exactement concordants. On peut faire des calculs analogues sur la réfraction par une deuxième surface sphérique, et admettre, en conséquence, que des rayons parallèles et concordants réfractés par une lentille arrivent en même temps sur une surface qui diffère très-peu de la sphère ayant pour centre le foyer principal et tangente à la surface postérieure de la lentille. Les vibrations de l'éther étant concordantes en tous les points de cette surface, elle peut recevoir le nom d'onde réfractée, et dans la théorie de la diffraction on doit la traiter comme la surface de l'onde. On peut sans difficulté étendre ces considérations an cas où les rayons incidents viennent d'un point situé à distance finie ; le centre de l'onde réfractée est alors au foyer conjugué du point lumineux. [E. Vender.]

brillantes répondront à une différence d'un nombre impair de demi-ondulations entre les rayons partis des deux bords du diaphragme, et les points les plus sombres des bandes obscures à une différence d'un nombre pair de demi-ondulations. Par conséquent toutes les bandes obscures seront également espacées entre elles, à l'exception des deux premières, dont l'intervalle sera exactement double de celui qui sépare les autres. Ce résultat, que la théorie m'avait indiqué d'avance, se trouve parfaitement confirmé par l'expérience. Le ne rapporterai qu'une observation de ce genre faite dans une lumière rouge homogène. Pour porter le centre de l'onde incidente sur le micromètre, au lieu d'une lentille ordinaire, jai employé un vere à surface épindrique év, gait placé de manière que la droite génératrice fût parallèle aux bords de l'ouverture du diaphragme, afin de conserver aux franges toute leur longueur.

Largeur de l'ouverture	9 <sup>mm</sup> ,00
Distance du point lumineux au diaphragme, ou a	9",507
Distance du diaphragme au micromètre, ou b	1",140
Intervalle entre les milieux des deux bandes obscures	
du 1" ordre	o***,72
Entre la bande du s" ordre et celle du 3*	0==,73
Entre celle du 3° et celle du 5°	000.79

On voit que le premier intervalle est égal aux doubles intervalles suivants.

l'observai la même loi, et à des distances aussi peu considérables, avec des ouvertures beaucoup plus larges, par exemple d'un centimètre et thême d'un centimètre et demi. Mais, en augmentant davantage l'ouverture du diaphragme, les franges devenaient confuses, quel-

<sup>60</sup> Cette substitution ne modifie en rien d'essentiel les conséquences de la note précédente. L'onde réfractée à la forme d'un cylindre qui à pour base une courbe très-peu différente du corcie dont le centre est au foyer, et la considération d'une onde cylindrique se ramme à celle d'une oude circulaire plus aisément encore que celle d'une oude sphérique. [E. Vasser.]

que soin que je misse à bien placer le micromètre au foyer du verre cylindrique; ce qui tenait à ce que les rayons réfractés par ce verre ue vibraient sensiblement d'accord qu'entre des limites assez rapprochées, comme cela a lieu pour les lentilles ordinaires.

- 51. Lorsque l'ouverture du diaphragme ainsi combiné avec un verre cylindrique n'est pas trop considérable, les bandes obscures et brillantes sont aussi prononcées que les franges produites par le concours des rayons réfléchis sur deux miroirs. Mais dans celles-ci l'intensité de la lumière reste la même pour toutes les franges, ou du moins les différences qu'on aperçoit tiennent uniquement à re que la lumière employée n'est jamais d'une homogénéité parfaite; et si, d'une part, les bandes brillantes perdent par degrés une partie de leur éclat, les bandes obscures deviennent moins sombres; en sorte que la somme de lumière d'une frange entière reste sensiblement la mème. Dans l'autre phénomène, an contraire, on observe, en s'éloignant du centre, une diminution rapide de la lumière, dont il est aisé de se rendre compte par la théorie que nous venons d'exposer. En effet, tous les rayons émanés de l'onde Al'G qui concourent au milieu de la bande brillante du premier ordre se trouvent avoir parcouru des chemins égaux; en sorte que toutes les petites ondes élémentaires qu'ils apportent en ce point coincident et se fortifient mutuellement. Il n'en est pas de même des autres baudes brillantes. Le point le plus éclairé de celles du second ordre, par exemple, répond à la division de l'onde Al'G en trois ares, dont les rayons extrêmes diffèrent d'une demi-ondulation; les effets produits par deux de ces arcs se neutralisant mutuellement, ce point ne reçoit de lumière que du troisième, dont les vibrations se détruisent même en partie, à cause de la différence d'une demi-ondulation entre ses rayons extrêmes. Un raisounement semblable fait voir que le milieu de la bande brillante du troisième ordre ne doit être éclairé que par un cinquième de l'onde Al'G, dont la lumière est encore affaiblie par la discordance des rayons partis des points voisins des extrémités.
- 52. Reprenons le cas général des franges qui proviennent d'une ouverture étroite, saus que la courbure de l'onde incidente soit changée

## THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - PREMIÈRE SECTION.

N. NV. par l'interposition d'une lentille. Parmi les principaux phénomènes de diffraction, aucun ne présente des effets plus variés et plus compliqués. Néamuoins, sans connaître la nature de l'intégrale qui nous servire bientôt à déterminer la position et l'intensité des handes obscures et brillantes, nons pouvons déjà résoudre un problème intéressant. L'ou-certure du diaphragme variant, quelles sont les variations que doivent éprouver les distances du diaphragme au point lumineux et au micromètre, pour que les françes conservent les mêmes largeure et les mêmes reports et les mêmes reports et les mêmes reports et les mêmes reports.

Soient AG et A'G' les deux petites ouvertures inégales par lesquelles



on fait passer la lumière. Je suppose que les points lumineux G et G et les plans d'observation PO et PO's trouvent placés aux distances convenables pour que les frauges soient absolument parcilles dans les deux cas. Soient P et P' deux points correspondants de la même frauge; on doit avoir PO = PO', O et O' étant les projections des milieux des deux ouvertures sur les plans PO et PO'. Si des points C et C' comme centres, avec des rayons égaux à CA et C'A', on décrit des arcs de cercle AIG et ATG', et si l'on décrit ensuite des points O et C'A', et si l'on décrit ensuite des points O et C'A', et si l'on décrit ensuite des points O et C'A'.

comme centres les arcs tangents PIH, PIH, les intervalles entre les premiers et les seconds seront les différences des chemins parcourus par les rayons qui concourent aux points O et O'; or, pour que la résultante des ourles éfémentaires qui émanent des différents points de fonde incidente présente les mêmes variations d'intensité, il faut qu'elle soit composée d'éléments sembables; et cette condition ser emplie si l'on a AF = AF. En effet, il en résulte d'abord que pour O et O' les différences des chemins parcourus par les rayons qui émanent des points correspondants des ondes AIG et ATG's exont égales; par conséquent, si l'on conçoit les deux ondes divisées en petits arcs proportionnels, les vibrations qu'ils enverront en O et O' auront précisément entre elles les mêmes deprés d'accord et de discordance, et les

deux résultantes seront ainsi composées d'éléments pareils. On voit aisément qu'il doit en être de même pour tons les autres points correspondants P et P, situés de façon que les droites CP et CP divisent les ondes AG et AG'en parties proportionnelles. Par conséquent, la résultante des ondes élémentaires suit la même loi dans les deux cas.

Cela posé, je représente les largeurs AG et A'G' des deux ouvertures par c et c', les distances CI et C'I' par a et par a', et 10 et 10' par b et b'. Les droites CP et C'P' divisant les arcs AG et A'G' en parties proportionnelles, on a,

$$AG: A'G'$$
 ou  $c: c':: MI: M'I', d'où  $\frac{c}{c'} = \frac{MI}{M'I'}$$ 

Mais on a en outre les deux proportions,

C1 : CO ou 
$$a : a + b :: M1 : PO$$
,  
et  $C'1' : C'O'$  ou  $a' : a' + b' :: M'1' : P'O'$ :

d'où l'on tire

$$PO = \frac{M\Gamma(a+b)}{a}$$
, et  $P'O' = \frac{M\Gamma(a'+b')}{a}$ .

Ces deux largeurs étant égales par hypothèse, on a

$$\frac{\operatorname{MI}(a+b)}{a} = \frac{\operatorname{M'I'}(a'+b')}{a'}.$$

ou

$$\frac{\mathbf{Mi}}{\mathbf{M'I'}} = \frac{a \left(a' + b'\right)}{a' \left(a + b\right)}.$$

0r

$$\frac{MI}{M'I'} = \frac{c}{c}$$
;

on a done

$$\frac{c}{c} = \frac{a \left(a' + b'\right)}{a' \left(a + b'\right)},$$

$$a c' \left(a' + b'\right) = a' c \left(a + b\right).$$

011

Telle est la première équation de condition.

Il en faut encore une autre pour exprimer l'égalité des intervalles AF et A'F'. A cause de la petitesse des arcs AG et FH, A'G' et F'H', on a

$$AF = \frac{Ai^3}{2Ci} + \frac{Ai^3}{2Ci} = \frac{1}{8} \left( \frac{c^4}{a} + \frac{c^3}{b} \right) = \frac{1}{8} \frac{c^4(a+b)}{ab}$$

de même

$$A'F' = \frac{1}{8} \frac{c'^{b}(a'+b')}{a'b'};$$

N° XIV. par conséquent la seconde équation de condition est

$$\frac{c^{3}(a+b)}{ab} = \frac{c^{2}(a'+b')}{a'b'}$$
.

En combinant ces deux équations, on trouve les formules

$$b' = \frac{bc'}{c}$$
 et  $a' = \frac{ab'^3}{b(a+b)-ab}$ ,  
 $a' = \frac{abc^3}{c^3(a+b)-acc'}$ ,

ou

au moyen desquelles on peut calculer les distances  $\alpha'$  et b', la largeur c' de la seconde ouverture étant donnée.

Il est à remarquer que l'équation  $b' = \frac{bc'}{c}$  donne la proportion b:b'::c:c':

c'est-à-dire qu'une des conditions de l'égalité des franges est que les distances du diaphragme au micromètre soient proportionnelles aux largeurs des ouvertures.

53. L'ai vérifié l'exactitude de cette loi par l'expérience suivaute : la largeur de l'ouverture étant d'abord de 2 millimètres, sa distance au moint lumineux de 3°,008, et sa distance au micromètre de 1°,236, je me suis proposé de produire les mêmes franges avec une ouverture de 1°,50. D'après les formules ci-dessus sa distance au point luminux devait être de 1°,059, et sa distance au micromètre, de 0°,937.

Le tableau suivant présente à la fois les résultats de la première et de la seconde observation. On voit qu'ils s'accordent parfaitement.

NCHÉROS des bandes abscures	NOTES COMMENSES	du centre sux poin des bandes	meriaesces.	
partent du centre.	deux observations.	e" observation,	a" observation.	
	Grosse bande. Brillant.	09-11	0===	O <sub>mm</sub>
9	Très-pile. Brillent.	o ,63	63, 0	•
3	Minimum peu prononcé. Sombre.	1 ,11	1 ,11	0
4	Menimum peu prenoncé. Obscur.	1 ,53	1 ,54	+0 ,01
• 5	Très-obscur.	1 ,96	1 ,96	0

54. On peut faire sur les franges produites par des corps opsques très-étroits des raisonnements analogues à ceux que nous venons de faire pour les petites ouvertures. En représentant les mêmes distances par les mêmes lettres, et la largeur du corps étroit par c, comme celle de la petite ouverture, on est conduit aux mêmes formules.

$$b' = \frac{bc'}{c}$$
 et  $a' = \frac{abc'^1}{(a+b)c^3 - acc'}$ .

Jai encore vérifié la loi dans ce cas par l'expérience. Après avoir employé un fil dicaire de 1-2-35 de dimière, placé à 3-6,047 du point lumineux, et à 3-6,546 du mieromètre, je me suis servi d'un autre fil d'acier qui avait seulement o-7-36 de diamètre, et jai disposé es fil et le mieromètre par rapport au point lumineux, de façon que d'fit égal à o-7,79, et b'à a-8,078, valeurs calculées d'après les formules ci-dessas. Voic lès résultats de ces deux observations.

des des bendes obscures en	NOTES COMMENSS  BET  does observations.	de rentre aux piùs des bandes	поттівансць.	
partant du centre.		s" observation.	s* eberration.	
Bandes intérieures.				
1	Très-noire.	o***,76	000.74	+ 000,00
2		8 ,18	2 ,13	-0 ,01
3	Extrêmement pile.	3 ,37	3 ,60-	-0 ,03
Bandes extérieures.				
å (s**)	Étroite.	4 ,31	4 ,3=	-0 ,01
5 (2")	Idea.	5 ,75	5 ,77	-0 ,01
6 (3*)	Très-vague.		, , ,	
2 (5°)		7 ,56	7 .58	-o ,oh

Ces deux observations ne s'accordent pas aussi bien que celles du tableau précédent; mais les différences n'excèdent pas cependant les limites des inexactitudes que comportent les mesures, en raison de la largeur des franges. A XIV.

55. Les franges produites par une ouverture ou un corps opaque très-étroit ne varient pas seulement de grandeur absolue lorsqu'on fait varier a ou b, mais encore de positions et d'intensités relatives; en sorte que l'aspect du phénomène change entièrement. Cela vient de ce que la résultante des vibrations envoyées par l'onde lumineuse n'est plus composée d'éléments semblables. Au contraire, les bandes obscures et brillantes qui bordent l'ombre d'un écran indéfiniment étendu sont toujours disposées de la même façon, et présentent les mêmes rapports dans leurs intensités et les intervalles qui les séparent. La raison en est facile à apercevoir.

Soit AB et A'B' le corps opaque dans deux positions différentes relativement au point lumineux et au micromètre, ou au plan sur lequel on reçoit les franges. Le point lumineux et ce plan sont en C et TP dans le premier cas, je suppose, et en C' et T'P' dans le second. Soit P un point quelconque pris sur le plan TP; on peut toujours, dans l'autre plan P'T', trouver un point P' pour lequel la résultante des vibrations envoyées par l'onde incidente soit composée d'éléments semblables. Des points C et C' comme centres, et avec des rayons égaux à CA et C'A', ie décris les arcs AMI et A'M'I', qui repré-

sentent l'onde incidente; et des points P et P' comme centres, je décris les arcs tangents EMF, E'M'F'; les intervalles entre ceux-ci et les précédents donnent les différences des chemins parcourus par les rayons qui concourent en P et P'. Pour que les mouvements lumineux qui se manifestent anx points P et P' soient composés de vibrations élémentaires semblables, ayant entre elles les mêmes degrés d'accord ou de discordance, il suffit que les intervalles AF et A'F' soient égaux; car, si l'on concoit les deux ondes incidentes divisées en parties proportionnelles aux arcs AM et A'M', la différence des chemins parcourus sera la même alors pour tous les rayons partis des points de divisions correspondants. En raison de la petitesse des arcs AM et MF, A'M' et N° XII M'F', on a

$$AF = \frac{AM^3}{2MC} + \frac{AM^3}{2MP}$$

ou

$$AF = AM^2 \left( \frac{1}{2a} + \frac{1}{2b} \right)$$

et

$$A'F' = A'M'^{2} \left( \frac{1}{2R} + \frac{1}{2R} \right)$$

On a done

$$AM^{2}\left(\frac{1}{2g}+\frac{1}{2k}\right)=A'M'^{2}\left(\frac{1}{2g}+\frac{1}{2k'}\right);$$

mais les triangles semblables CAM et CTP donnent

$$AM = \frac{a \times TP}{a+b}$$

On trouve de même

$$\Lambda'M' = \frac{a' \times T'P'}{a' + b'}$$

Substituant ces valeurs dans l'équation précédente, on a pour l'équation de condition, entre TP et T'P,

$$T'P' = TP \times \frac{\sqrt{\frac{2b'(a'+b')}{a'}}}{\sqrt{\frac{2b(a+b)}{a}}}$$

Hen résulte que les variations de T'P seront proportionnelles à celles de TP, et que, par conséquent, les parties correspondantes des franges seront situées d'une manière absolument semblable dans les deux cas. Voils pourquoi les intervalles entre les bandes obscures ou brillantes et leurs intensités conservent toujours les mêmes rapports, quelles que soient les valeurs de a et de b<sup>(i)</sup>.

<sup>11</sup> En regardant les franges extérieures d'un fil de soie sussi près que possible de leur origine avec une leutille d'une ligne de foyer, il m'a semblé que les rapports des intervalles étaient un peu changés; mais il est clair que cette loi doit changer lorsque é ou a deviennent très-petité, puisque les ravons qui concourent à la production des franges ayant alors des inclinaisons très-sensibles. Thypothèse sur lequelle elle repose à cet plus exacte. Il est possible encore qu'à une distance aussi petite la lumière réfléchie par le fil influe d'une manière sensible sur le phénomène et en altère la loi.

### 312 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - PREMIÈRE SECTION.

N° XIV. Je suppose que le point P, que l'on considère, soit, par exemple, le point le plus sombre de la bande obscure du premier ordre, et qu'on représente par δ l'intervalle AF, qui répond à ce minimum; on aura

$$\delta = \Lambda M^2 \left( \frac{1}{2a} + \frac{1}{2b} \right);$$

mais

$$AM = \frac{a \times TP}{a + b}$$

Substituant cette valeur dans l'équation précédente, on en tire

$$TP = \sqrt{\frac{ab \cdot a + b}{a}}$$

Cette formule est absolument semblable à celle que nous avons trouvée, en supposant que les franges extérieures sont produites par le concours des rayons directs et des rayons réféchis sur le bord de l'écran. On voit qu'il résulte de la nouvelle théorie, comme de la première hyothèse, que les valeurs de TP correspondantes aux différentes valeurs de b ne leur sont pas proportionnelles, mais sont les ordounées d'une hyperbole dont celles-ci seraient les abscisses.

56. Le vieus d'exposer les rapports généraux qui existent entre les largeurs d'une même frange, lorsqu'on donne au corps opaque des positions diverses par rapport au point lumineux ou au micromètre. Nous avons vu que ces lois pouvaient se déduire de la théorie, indépendanment de la connaissance de l'intégrale qui doit représenter dans chaque point la résultante de toutes les vibrations éfémentaires; mais, pour trouver la largeur absolue de ces franges, il est indispensable de acleuler cette résultante; car on ne peut déterminer la position des mazina et minima d'intensité de lumière que par la comparaison de ses différentes valeurs, ou du moins par la connaissance de la fonction qui la représeute. Deur y parvenir nous allons appliquer au principe de lluyghens la méthode que nous avons indiquée pour calcaler la résultante d'un nombre quelconque de systèmes d'ondes lumineuses, dont les intensités et les positious relatives sont données.

57. Soit C un point lumineux dont les ondes se trouvent interceptées

Fig. 8.

en partie par le corps opaque AG. Je suppose d'abord que cet écran suit assez étendu pour que la lumière qui vient du côté G soit sensiblement nulle; en sorte que l'on n'ait à considérer que la partie de l'onde située à gauche du point A. DB partie de l'onde située à gauche du point A. DB partie de l'onde située à gauche du point A. DB pals sur lequel un reçoit l'Onde les franges dont elle est bordée; il s'agit de trouver l'expression de l'intensité de la lumière dans un point quelcoque P de ce planque P de

Si du point C comme centre, et d'un rayun égal à CA, un décrit l'arc de cercle AMI, il représentera l'onde lumineuse au moment où elle

se trouve interceptée en partie par le corps opaque. C'est dans cette position que je la considère pour calculer la résultante des vibrations élémentaires envoyées en P. Si l'on partait d'une position antérieure A'M'I', il faudrait déterminer l'effet produit par l'interposition du corps AG sur chacune des ondes élémentaires émanées de l'arc A'M'I', et si l'on considérait l'onde dans une situation postérieure A"M"1", il faudrait d'abord déterminer les intensités relatives de ses différents points, dont l'égalité aurait déjà été altérée par l'interposition de l'écran, ce qui rendrait les calculs beaucoup plus compliqués et peut-être impraticables. En prenant l'onde, au contraire, au moment où elle arrive en A, les éléments du calcul sont très-simples, parce que toutes ses parties ont encore la même intensité, et qu'en outre les ondes élémentaires qui en émanent ne peuvent plus éprouver d'altération de la part du corps opaque, Quelque nombreuses que soient les subdivisions que l'on peut encore imaginer dans ces ondes élémentaires, il est clair qu'elles seront alors les mêmes pour chacune, puisqu'elles se propageut librement dans toutes les directions. Il suffit donc de considérer les axes de N. M. ces faisceaux de rayons brisés, c'est-à-dire les lignes droites menées en P des divers points de l'onde AMI, et les différences de longueurs de ces rayons directs donneront les différences des chemins parcourus par les résultantes élémentaires qui coucourent au point P<sup>10</sup>.

Cela posé, pour calculer leur résultante totale, je les rapporte à

(1) Par des raisonnements semblables on peut démontrer mathématiquement, sans effectuer les calculs, que le résultat doit tonjours être le même, soit que l'on considère l'onde génératrice à l'instant où elle atteint le bord de l'éeran, soit qu'on l'envisage dans une position antérieure ou postérieure, en ayant égard, dans le premier eas, anx modifications que les ondes élémentaires éprouvent de la part de l'écran, et, dans le second. à celles que l'onde génératrice a déjà éprouvées. En y réfléchissant un peu, on reconnaîtra que ces diverses manières de calculer la résultante ne différent que par la manière de grouper les vibrations élémentaires dans lesquelles on divise l'ébranlement primitif, et qu'on doit toujours arriver à la même valeur de l'intensité de la lumière au point P, s'il résulte de cette théorie, comme de toutes les autres, que la vitesse d'oscillation des molécules du fluide est en raison inverse de la distance au centre d'ébranlement. Or c'est ce que nous pouvons déjà vérifier sans connaître l'expression de l'intégrale qui représente cette vitesse.

Pernoss pour unité de distance colle du point lumineux à l'orde génératrice dans une première position, et pour unité d'intensité d'oscillation celle de l'onde dans la même position. Considérons maintenant na point situé au delà, à une distance x du point lumineux, et par conséquent à une distance x - x de l'onde génératrice, et un autre à une distance x' du point lumineux, et par conséquent à une distance x' - x de l'onde

génératrice, et cherchons successivement la résultante de toutes les vibrations élémentaires envoyées dans ces deux points par l'onde génératrice. Nous ne savons pas unelle est leur intensité pour un élément dz dy de cette onde; mais nous savons que leur vitesse d'oscillation doit diminuer comme la distance augmente, et quo, si elle est  $\frac{1}{x-1}$ , par exemple, dans le premier point, elle sera dans le second. Cela posé, pour comparer plus aisément les deux résultantes. concevons successivement, dans les deux cas. l'onde génératrice divisée en éléments qui répondent pour les deux points à des différences égales entre les chemins parcourus : alors leurs degrés d'accord ou de discordance seront les mêmes. Dans les petites obliquités où ces rayons peuvent produire des effets sensibles la différence de longueur de chacun d'eux avec le ravon pormal est proportionnelle au carré de l'intervalle entre les points dont ils émanent : ainsi les éléments correspondants des deux divisions seront proportionnels entre eux. On trouve. par un calcul géométrique fort simple. que les dimensions des éléments de la division relative an premier point sont aux dimensions des éléments relatifs au second, comme

$$\sqrt{\frac{x-1}{x}}: \sqrt{\frac{x'-1}{x'}}$$

Les surfaces des éléments correspondants seront donc entre elles comme

$$\frac{x-1}{x}$$
 :  $\frac{x'-1}{x'}$  :

315

l'ande émanée du point M situé sur la droite CP, et à une autre ondistante de celle-ci d'un quart d'ondulation, d'après le procédé que j'ai indiqué, en donnant la solution du problème des interférences. Je représente par dt une quelconque des petites parties m' de l'onde primitve, et par : sa distance an point M, ne considérant que la section de l'onde dans le plan perpendiculaire au bord de l'écran; ce qui suffit pour déterminer la position et les intensités relatives des bandes observes et brillantes, ainsi que je l'ai démontré. Unitervalle AS compris entre l'onde AMI et l'arc tangent EMF, décrit du point P comme centre, sera (gal à  $\frac{1}{2}\frac{r^2(n+b)}{nb}$ , a et è exprimant toujours les distances CA et AB. Si lon représente par  $\lambda$  la longueur d'une ondulation, on aura, pour la composante de l'onde que l'on considère, rapportée à l'onde namée du point M,

$$dz \cos \left(\pi \frac{z^{1}(a+b)}{ab \lambda}\right)$$
;

et pour l'autre composante, rapportée à une onde distante d'un quart d'ondulation de la première,

$$dz \sin\left(\pi \frac{z^{1}(a+b)}{ab\lambda}\right).$$

En faisant la somme des composantes semblables de toutes les antres ondes élémentaires, on a donc

$$\int dz \cos \left(\pi \frac{z^{a} (a+b)}{ab \lambda}\right) \operatorname{et} \int dz \sin \left(\pi \frac{z^{a} (a+b)}{ab \lambda}\right)$$
;

et par conséquent les deux résultantes seraient dans le mêsse rapport si les rayons avaient une intensité égale dans les deux cas; mais nous venous de remarquer que la vitesse d'oscillation des rayons envoyés dans le premier point est à celle des rayons envoyés dans le second, comme

$$\frac{1}{x-1}$$
:  $\frac{1}{x'-1}$ ;

ainsi la première résultante sera à la seconde comme

$$\frac{x-1}{x} \times \frac{1}{x-1} : \frac{x'-1}{x'} \times \frac{1}{x'-1},$$
n comme

c'est-à-dure en raison inverse des distances de ces deux points au point Inmineux. C. Q. F. D. (\*).

<sup>19</sup> Note sjoutée à la réduction primitive.

N° XIV. et par conséquent la résultante générale de tous ces petits mouvements, ou l'intensité des vibrations lumineuses au point P, est égale à

$$\sqrt{\left[\int\!dz\cos\left(\pi\,\frac{z^{3}\,(a+b)}{ab\,\lambda}\right)\right]^{2}+\left[\int\!dz\sin\left(\pi\,\frac{z^{3}\,(a+b)}{ab\,\lambda}\right)\right]^{2}}.$$

Quant à l'intensité de la sensation, comme elle doit être proportionnelle au carré des vitesses qui animent les molécules du fluide, son expression sera

$$\left[\int dz \cos\left(\pi \frac{z^{2}(a+b)}{ab\lambda}\right)\right]^{2} + \left[\int dz \sin\left(\pi \frac{z^{2}(a+b)}{ab\lambda}\right)\right]^{2}$$

C'est ce que j'appellerai l'intensité de la lumière, pour me conformer à l'acception la plus ordinaire de ce mot, réservant l'expression intensité des ribrations pour désigner le degré de vitesse des molécules éthérées dans leurs oscillations.

58. Dans le cas que nous considérons, où le corps AG est assez étendu pour qu'on puisse négliger la lumière qui vient du côté G, les intégrales doivent être priese depuis À jusquà à l'infini du côté l. Elles se divisent naturellement en deux parties, l'une comprise entre A et Al, et l'autre entre M et l'infini. Celle-ci reste constaute, tandis que la première varie avec la position du point P; ce sont res variations qui déterminent la largeur et les intensités relatives des bandes obscures et brillantes.

L'analyse donne l'expression finie des intégrales

$$\int dz \cos \left(\pi \frac{z^2 (a+b)}{ab \lambda}\right)$$
 et  $\int dz \sin \left(\pi \frac{z^2 (a+b)}{ab \lambda}\right)$ ,

prises depuis z=0 jusqu'à  $z=\infty$ ; mais on ne peut avoir leur valeur entre d'autres limites que par le moyen des séries ou des intégrations partielles. C'est par ce dernier procéde, qui n' jarule e plus comunode, que j'ai calculé la table suivante, en rapprochaut assez les limites de chaque intégrale partielle pour pouvoir négliger le carré de la moitié de l'arr qu'elles comprennent.<sup>10</sup>. Cet arc est ric d'un d'ivieme de quadrans; ce qui donne dans les résultats une exactitude plus grande que

<sup>&</sup>quot; i et i + t étant les limites très-rapprochées entre lesquelles il faut intégrer de cos q. 2

celle à laquelle peuvent atteindre les observations. L'ai substitué, pour plus de simplicité, aux intégrales ci-dessus,  $\int dv \cos qv^2$  et  $\int dv \sin qv^2$ .

et  $dv \sin qv^3$ , on trouve, pour les formules approximatives qui donnent ces intégrales, en négligeant le carré de  $\pm t$ ,

$$\begin{split} &\int d r \cos q v^{*} = \frac{1}{2q\left(i + \frac{t}{2}\right)} \left[ \sin \ q \ \left(i + \frac{t}{2}\right) \left(i + 3\frac{t}{2}\right) - \sin q \left(i + \frac{t}{2}\right) \left(i - \frac{t}{2}\right) \right], \\ &\int d r \sin q v^{*} = \frac{1}{2q\left(i + \frac{t}{2}\right)} \left[ -\cos q \left(i + \frac{t}{2}\right) \left(i + 3\frac{t}{2}\right) + \cos q \left(i + \frac{t}{2}\right) \left(i - \frac{t}{2}\right) \right]. \end{split}$$

Ce sont ces formules que j'ai employées dans le calcul de la table (1).

20 Le Ménoire imprimé au toue V du Becueil de l'Académie des sciences et l'extrait publié dans les Annales de chimie et de physique donnent l'un et l'autre, au lieu des formules qu'on vient de lire. Les formules

$$fdv \cos qv^{i} = \frac{1}{2q(i+t)} \{ \sin q (i+t) (i+3t) - \sin q (i+t) (i-t) \}.$$

$$fdr \cos qr^{t} = \frac{t}{2a(i+t)} \left[ -\cos q(i+t)(i+3t) + \sin q(i+t)(i-t) \right];$$

dont il est facile de reconnaître l'inexactitude, soit en essayant de les employer su calcul denombres de la table de l'resnel, soit en remarquant qu'en y faisant i = v, t = dv elles ne se réduisent pas à  $dv \cos av^*$  et  $dv \sin av^*$ .

mais à

2dr cos qu<sup>3</sup> et 2dv sin qv<sup>3</sup>.

La nôme errour se retrouve dans le manuscrit de la main de Fulgence Freunci, déposé su servéariat de l'Institut, et même dans le manuscrit entièrement autographe qui a seri à l'impression de l'extrait linséré aux Annales. Mais un hevuillen de calcul, conservé dans les papiers de l'auteur, donne en même temps les véritables formules et leur démonstration. Nfus le reproduisons textuellement:

$$fdv \cos qv^1 \begin{pmatrix} v = a \\ v = a + 2 p \end{pmatrix};$$
  $v = a + p + u;$   $d'où u = v - p - a, du = dv;$   $\begin{pmatrix} v = a, u = -p \\ v = a + 2p, u = +p \end{pmatrix};$   $fdr \cos qv^2 = fdu \cos q \cdot [u^2 + 2(a + p)u + (u + p)^2];$ 

les volcurs de a étant comprises entre -p et +p, forsque p est suffisamment petit, égul  $\frac{1}{10}$  par exemple, on peut négliger son carré  $a^*$  et l'on a

$$\begin{aligned} \int dr \cos q r^4 \binom{r-a}{r-a+2p} &= \int du \cos q \left\{ 2a \left(a+p\right) + (a+p)^4, \binom{u-p}{u-p}, \right. \\ &= \frac{1}{2q} \frac{1}{(a+p)} \sin q \left( 2u \left(a+p\right) + (a+p)^4 \right) + C \binom{u-p}{u-p}, \\ &= \frac{1}{2q} \frac{1}{(a+p)} \left[ \sin q \left(a+p\right) \left(a+3p\right) - \sin q \left(a+p\right) \left(a-p\right) \right], \end{aligned}$$

N° XIV. q représentant le quadrans ou  $\frac{1}{2}$   $\pi$ , vu qu'il est très-facile de passer des unes aux autres.

Lorsque t est assez petit pour qu'on puisse négliger son carré, au lieu de négliger seulement le carré de sa moitié, on peut se servir des formules suivantes, qui sont plus simples:

$$fdv \cos qv^2 \begin{pmatrix} v = i \\ v = i + t \end{pmatrix} = \frac{1}{2iq} [\sin qi (i+2t) - \sin qt^2],$$
  
 $fdv \sin qv^2 \begin{pmatrix} v = i \\ v = i + t \end{pmatrix} = \frac{1}{2iq} [-\cos qi (i+2t) + \cos qi^2]^{(4)}.$ 

$$\begin{aligned} fdv & \sin qv^2 \begin{pmatrix} v - a \\ v - a + p \end{pmatrix}; v = u + a + p, \\ dou & u - v - a - p & \text{et} & dv = du, \\ & v - a, u - - p \\ & v - a + 3p, u - p + p \\ fdv & \sin qv^2 - fdu & \sin q \left( u^2 + 2u \left( a + p \right) + \left( a + p \right)^2 \right), \dots, \\ fdu & \sin q \left( a + p \right) \left[ 2u + \left( a + p \right) \right] = C - \frac{1}{2q(u + p)} & \cos q \left( a + p \right) \left( 2u + a + p \right) \\ & = \frac{1}{2q(u - p)} \left[ \cos q \left( a + p \right) \left( a - p \right) - \cos q \left( a + p \right) \left( a + 3p \right) \right]. \end{aligned}$$

Il est évident qu'en rédigeant son Mémoire Fresnel a écrit par inadvertance t an lieu de 21 dans la définition des limites de ses intégrales.

Le brouillon du tableau des valeurs numériques des intégrales porte d'ailleurs en tête l'indication suivante, qui ne laisse ancun donte sur la manière dont les calculs ont été faits :

Intégrations prises entre deux limites très-rapprochées qu et q ( $a+2\rho$ ); je suppose  $\rho=\frac{1}{10}$ .

$$fdv \cos qv^2 = \frac{1}{2q(a+p)} \{\sin q(a+p)(a+3p) - \sin q(a+p)(a+p)\},$$
  
 $fdv \sin qv^2 = \frac{1}{2q(a+p)} \{\cos q(a+p)(a-p) - \cos q(a+p)(a+3p)\}$ 

Enfin, une partie assez notable du manuscrit des calculs numériques de Fresnel existe encore, et ces deux formules y sont rappelées à chaque instant. [E. Verner.]

<sup>60</sup> Ces deux formules sont données exactement dans les écrits imprimés de Fresnel comme dans ses divers manuscrits. Elles sont d'ailleurs démontrées un peu plus loin, 8 59, en note, [E. Vasner.]

TABLEAU

DES VALEURS NUMÉRIQUES DES INTÉCRALES [du cos qu<sup>3</sup> et ] du sin qu<sup>3 (a)</sup>.

des intégrales.	fde cos qu²	fdr sin qr1	des intégrales.	fde cos qu²	fdv sin qu
da + = 0°			de v=o <sup>q</sup>		
å v = 0°,10	0,0999	0,0006	å r = 2°,90	0,5627	0,6098
A ==0,20	0,1999	0,0052	à 3,00	0,6061	0,4959
0,30	0,2993	0,0140	3,10	0,56s1	0,5815
0,40	0,3975	0,0332	3,20	0,4668	0,5931
0,50	o,figa3	0,0654	3,30	0,4061	0,5191
0,60	0,5811	0,1101	3,40	0,4388	o,ásgá
0,70	0,6597	0,1716	3,50	0,5398	0,4149
0,80	0.7230	0,9587	3,60	0,5883	0,6919
0,90	0,7651	0,3391	3,70	0,54s4	0,5746
1,00	0,7803	0,4376	3,80	0,4485	0,5654
1,10	0.7643	0,5359	3,90	0,4996	0,5750
1,90	0,7161	0,6119	4,00	0,4986	0,6202
1,30	0,6393	0,6859	4,10	0,5789	0,4754
1,40	0,5139	0,7139	4,90	0,5420	0,5628
1,50	0,4461	0,6973	4,30	0,5597	0,5537
1,60	0.3662	0,6388	4,40	0,4385	0,5620
1,70	0,3245	0,5491	4,50	0,5261	0,6339
1,80	0,334s	0,4509	5,60	0,5674	0,5158
1,90	0,3949	0,3731	4,70	0,4917	0,5668
9,00	0,4886	0,343a	4,80	0,4340	0,1965
9,10	0,5819	0,3739	4,90	0,5003	0,4347
9,90	0,6367	0.4553	5,00	0.5638	0,6987
9,30	0,6271	0,55s8	5,10	0,5000	0,5690
9,40	0,5556	0,6194	5,10	0,4390	0,4966
2,50	0,4581	0,6190	5,3e	0,5078	0,5501
s,6o	0,3895	0,5499	5,40	0,5573	0,5136
2,70	0,3929	0,4518	5,5e	0,4785	0,5533
9,80	0,4678	0,3913			

 $\int \!\! dv \cos qv^2$  et  $\int \!\! dv \sin qv^2$ , prises depuis zéro jusqu'à l'infini sont égales l'une et l'autre à  $\frac{1}{2}$ . Ainsi, pour avoir à l'aide de cette table

<sup>&</sup>quot; Il peut sembler, d'après le texte du Mémoire et d'après les indications de la première

ri  $jdv \sin qv^2$  qui répondent à cette valeur de r, les augmenter de  $\frac{1}{2}$  l'une et l'autre, et faire la somme de leurs carrés.

59. La seule inspection de cette table indique des variations périodiques d'intensité dans la lumière, à mesure qu'on s'étoigne du bord de l'ombre géométrique. Pour avoir les valeurs de v qui répondent aux mazima et minima, c'est-à-dire aux points les plus éclairés et les plus soubres des bandes obscures et brilantes, jai d'abord cherché dans la table les nombres qui en approchaient le plus, en calculant les intensités de lumière correspondantes tensitute, au moyen de céonnées et à l'aide d'une formule approximative très-simple, j'ai d'elerminé avec une exactitude suffissante les valeurs de v qui répondent aux mozimes et minima.

colonne du tableau, que la deuxième et la troisième colonne du tableau contiennent les valeurs des intégrales

$$\int_{0}^{v} dv \cos \frac{\pi}{2} v^{1} e \int_{0}^{v} dv \sin \frac{\pi}{2} v^{1}$$
e valeurs de  $v$ 

r=\frac{1}{10}\frac{\pi}{2}.

$$v = \frac{2}{10} \frac{\pi}{2},$$

$$v = \frac{3}{10} \frac{\pi}{2} \dots$$

Mais il suffit de caleuler, à l'aide des formules d'approximation de Fresnel. In différence d un couple quelconque de valeurs consécutives de l'une ou de l'autre des intégrales, pour reconnaître qu'il n'en est pas ainsi, et que les valeurs successives de la variable e indiquées dans la première colonne sont réellement

$$v = 0.1$$
  
 $v = 0.2$   
 $v = 0.3$ 

La même remarque s'applique à tous les tableaux suivants. [E. Veaux.]

Si l'on représente par i la valeur approchée de v que donne immédiatement la table, par I et Y celles de  $\frac{1}{a} + \int dv \cos qv^2$  et  $\frac{1}{a} + \int dv \sin qv^2$ qui lui correspondent, et par t, enfin, le petit arc qu'il faut ajouter à v pour atteindre le maximum on le minimum de lumière, en négligeant dans le calcul le carré de t, on trouve, pour la formule qui donne la valeur de t répondant au maximum ou au minimum :

$$\sin \left[ q \left( i^2 + 2it \right) \right] = \frac{2qi 1 - \sin qi^2}{\sqrt{(qi 1 - \sin qi^2)^2 + (2qi Y + \cos qi^2)^2}}.$$

(1) Je crois devoir placer ici le calcul qui m'a conduit à cette formule, pour faire voir que les inexactitudes qu'elle comporte sont aussi petites que celles de la table.

 $fdv \cos qv^*\begin{pmatrix} v=-\infty \\ v=i+t \end{pmatrix} = fdv \cos qv^*\begin{pmatrix} v=-\infty \\ v=i \end{pmatrix} + fdv \cos qv^*\begin{pmatrix} v=i \\ v=i+t \end{pmatrix} = 1 + fdv \cos qv^*\begin{pmatrix} v=i \\ v=i+t \end{pmatrix};$ pour intégrer  $f dv \cos qv'$  depuis v=i jusqu'à v=i+t, je fais v=i+u, et j'ai.

$$fdv \cos qv^{2}\begin{pmatrix} v=i\\ v=i+1 \end{pmatrix} = fdu \cos q \left(i^{2}+2iu+u^{2}\right)\begin{pmatrix} u=0\\ u=1 \end{pmatrix}.$$

Or, i étant le nombre de la table le plus voisin de l'arc cherché i + t , t est plus petit que la moitié de l'intervalle qui sépare deux nombres consécutifs, et l'on peut par conséquent négliger son carré dans l'intégration sans commettre d'erreur plus grande que celles de la table. Ainsi, puisque l'intégrale dont il a'agit doit être prise seulement depuis u = 0 jusqu'à u = t, on peut négliger u' dans la parenthèse, et elle devient

 $\int du \cos q \left(i^{2} + 2iu\right) \begin{pmatrix} u = 0 \\ v = i \end{pmatrix}$ 

qui est égale à

$$\frac{1}{2\pi i} \{ \sin q (i^2 + 2it) - \sin q i^2 \}$$

on a done, 
$$fdv\cos qv^{\dagger}\binom{v=-\infty}{v=i+t}=1+\frac{1}{2\,qi}[\sin q\,\{i^3+2it\}-\sin qi^3].$$
 On trouve de même,

fdv sin qv<sup>1</sup> 
$$\binom{v = -\infty}{v = i + t} = Y + \frac{1}{2q^i} \{-\cos q(i^2 + 2it) + \cos qi^2\};$$
par conséquent, l'expression de l'intensité de la lumière au point que l'on considère est

$$[1+\frac{1}{2qi}(\sin q(i^2+2it)-\sin qi^3)]^3+[Y+\frac{1}{2qi}(-\cos q(i^3+2it)+\cos qi^3)]^3.$$

Pour trouver la valeur de t qui répond au maximum ou au misimum de cette expression il faut égaler à zéro son coefficient différentiel pris par rapport à t; ce qui donne l'équation

 $\alpha = [1 + \frac{1}{2\pi i} (\sin q (i^2 + 2it) - \sin q i^3)] \cos q (i^2 + 2it) + [Y + \frac{1}{2\pi i} (-\cos q (i^2 + 2it) + \cos q i^3)] \sin q (i^2 + 2it) + \cos q i^3)]$ 

### 322 THÉOBIE DE LA LUMIÈRE. - PREMIÈRE SECTION.

N° XIV. En substituant dans cette formule les nombres tirés de la table, on obtient les résultats aujuants :

TABLEAU

DES MAXIMA ET NIVINA POUR LES FRANCES ELTÉRIEURES.
ET DES INTERSITÉS DE LUNIÈRE CORRESPONDANTES.

,	dr s.	do Junión.
Maximum du t" ordre	1,2172	2,7313
Minimum du 1" ordre	1,8726	1,5570
Maximum dn 9° ordre	2,3549	2,3990
Miniatum du 2º ordre	2,7392	1,6867
Maximum dn 3° ordre	3,0820	1,3022
Minimum da 3' ordre	3,3913	1.7550
Moximum du 5° ordre.	3,6740	2,2523
Minimum du 4° ordre	3,9379	1,7783
Maximum du 5º ordre	6,183m	2,2206
Minimum du 5° ordre	5,5160	1,8014
Maximum da 6° ordre	4,6369	9,1985
Minimum du 6° ordre.	5,8579	1,8185
Maximum du 7° ordre	5,0500	1,1818
Minimum du 7° ordre	5,9448	1,8317

Il est à remarquer qu'aucun minimum n'est égal à zéro, comme dans les anneaux colorés, ou dans les franges produites par le concours -

Effectuant les multiplications et réduisant, elle devient

$$0=\cos q\left(t^{2}+zit\right)\left(1-\frac{1}{2qt}\sin qt^{2}\right)+\sin q\left(t^{2}+zit\right)\left(\gamma+\frac{1}{2qt}\cos qt^{2}\right).$$
 Si Fon représente, pour abrèger, sin  $q\left(t^{2}+zit\right)$  par  $x$ ,  $\cos q\left(t^{2}+zit\right)$  sera égal à

is tout represente, pour anxièger, ain 
$$q(t + 2\pi t)$$
 par  $2 \cos q(t + 2\pi t)$  sera  $\eta q$ 

$$\sqrt{t - x^2}$$
: substitutnt et faisant disparaître les radicaux, on trouve
$$x^2 \left(Y + \frac{1}{2\pi t} \cos q t^2\right)^2 = (1 + x)^2 \left(-1 + \frac{1}{2\pi t} \sin q t^2\right)^2.$$

d'où l'on tire

$$x_i$$
 ou  $\sin q(i^1 + 2it) = \frac{2qi - \sin qi^2}{\sqrt{(2qi)! - \sin qi^2)!} + (2qi)! + \cos qi^2}$ .

de deux faisceaux lumineux d'égale intensité, et que la différence entre les mazima et les minima diminue à mesure qu'on s'éloigne de la tangente au bord du corps opaque; ce qui explique très-bien pourquoi les franges qui bordent les ombres sont beaucoup moins vives et moins nombreuses que les anneaux colorés, ou celles qu'on obtient par la réflexion d'un point lumineux sur deux miroirs l'égèrement inclinés entre eux.

60. Pour calculer la largeur des frauges extérieures à l'aide de ces nombres, il faut se rappeter que nous avons substitué les intégrales fdvcosqv² et fdvsinqv² aux intégrales du problème

$$\int dz \cos \left(2q \frac{z^{t}(a+b)}{ab \lambda}\right)$$
 et  $\int dz \sin \left(2q \frac{z^{t}(a+b)}{ab \lambda}\right)$ .

en faisant

$$2q\frac{z^2(a+b)}{ab\lambda} = qv^2;$$

d'où l'on tire

$$z = v \sqrt{\frac{ab \lambda}{a (a+b)}};$$

par conséqueut,

$$\int dz \cos\left(2q \frac{z^{a}(a+b)}{ab\lambda}\right) = \sqrt{\frac{ab\lambda}{2(a+b)}} \int dv \cos qv^{2},$$

et

$$\int dz \sin\left(2q \frac{z^{1}(a+b)}{ab\lambda}\right) = \sqrt{\frac{ab\lambda}{2(a+b)}} \int dv \sin qv^{2};$$

 $\left[\int dz \cos\left(2q^{\frac{z^{2}(a+b)}{ab}}\right)\right]^{2} + \left[\int dz \sin\left(2q^{\frac{z^{2}(a+b)}{ab}}\right)\right]^{2} = \frac{ab\lambda}{2a(a+b)} \left[\left(\int dv \cos qv^{2}\right)^{2} + \left(\int dv \sin qv^{2}\right)^{2}\right].$ 

Or,  $\frac{ab\lambda}{2a(a+b)}$  étant un facteur constant, il en résulte que les deux quantifés

$$\left[\int dz \cos\left(2q \frac{z^{4}(a+b)}{ab\lambda}\right)^{2} + \left[\int dz \sin\left(2q \frac{z^{4}(a+b)}{ab\lambda}\right)\right]^{2}$$
et  $\left(\int dv \cos qv^{2}\right)^{2} + \left(\int dv \sin qv^{2}\right)^{2}$ 

atteindront en même temps leur maximum ou leur minimum; et, si l'ou

N° XIV. représente par n la valeur de v qui répond à un maximum ou à un minimum, la valeur correspondante de z sera donnée par l'équation

$$z = n \sqrt{\frac{ab\lambda}{a(a+b)}}$$

On en déduit ensuite la largeur x de la frange par la proportion

a:z::a+b:x, d'où l'on tire  $x=\frac{z\cdot (a+b)}{a}$ , ou, substituant à la place de z sa valeur.

$$r = n \sqrt{\frac{\frac{1}{2}(a+b)b\lambda}{a}}^{(a)}.$$

Il est à remarquer que le radical est précisément la distance estre le bord de l'ombre géométrique et le point qui répond à une différence d'un quart d'ondulation entre le rayon direct et le rayon parti du bord du corps opaque. Ce résultat était ficile à prévoir, car c'est précisément la valeur correspondante de u qui a été prise pour unité dans la table des valeurs numériques des intégrales fdu cos qu'et fdu sin qu'. Si l'on substitue dans la formatie.

$$x = n \sqrt{\frac{\frac{1}{4} \cdot (a+b) \cdot b \lambda}{a}},$$

\*) En élevant cette formule au carré on obtient

$$ax^3-n^3\frac{\lambda}{2}b^3-an^3\frac{\lambda}{2}b=0,$$

equation qui, si fon regarde x et becumen des coordonnées variables, représente une hyperbole yarde pour avancier teus pour figure le point lumineux et le bord du corps papene. Celtcoordonion paraît contraire à une assertion du rapport d'Aragy, mais la contradiction en facile à levre, «il est rigourementent varia que le posit minieux e le bord corps posques sont les forpres des hyperboles suivant losquelles su propagent les diverses franges. En effet, ce qui détermine le production d'un maximum ou d'un minieux en un point douné de l'espace extérieux l'hombre géométrique, c'est qu'en op point la limité inde sin infégrates

a nue volum déterminée. Mais à variable a ne dépend en définitée que de la différence cette se demains parconne par le reyn officet et par le roy en qu'a savil à ligne tievé dont le sommet est sur le hord du corps opeque. Les diverses positions d'une même frange répondent donc à une volum constante de cette différence se se trouvent par conséguent sur l'haperbelé dont il et question dans le reporte d'Ange, La formée du teste, en apperence contraire à cette conclusion, s'obtient en négligenet des quantifés que l'observation ne peut apprécie en auteum maière. Le Vascer, l'acceptant des quantifés que l'observation ne peut apprécie en auteum maière. Le Vascer, l'acceptant des quantifés que l'observation ne peut apprécie en auteum maière. Le Vascer, l'acceptant des quantifés que l'observation ne peut apprécie en auteum maière. Le Vascer, l'acceptant des parties de l'acceptant de l'accept à la place de n, la valeur qui correspond au minimum du premier ordre, c'est-à-dire au point le plus sombre de la bande obscure du premier ordre, on a

$$x=1,873 \sqrt{\frac{\frac{1}{2}(a+b)b\lambda}{a}}.$$

61. En parlant de l'hypothèse que les franges sont produites par le concours des rayons directs et des rayons réfléchis sur le bord du corpa opaque, et en supposant en outre que les rayons réfléchis éprouveut un retard d'une demi-ondulation, nous avons trouvé pour la même hande.

$$x = \sqrt{\frac{3(a+b)b\lambda}{a}}$$
 ou  $x = 2\sqrt{\frac{\frac{1}{2}(a+b)b\lambda}{a}}$ ;

ainsi ces deux valeurs sont entre elles comme a à 1,873. Le secoud résultat est sensiblement plus petit que le premier, puisqu'il y a près d'un quinzième de différence, et l'on peut en conséquence, par des observations très-précises, décider laquelle des deux théories s'accorde le mieux avec l'expérience, en se servaut d'une lumière homogène dont la longueur d'oudulation soit bien connue.

62. La méthode qui m'avait d'abord paru la plus commode pour déterminer la longueur des ondes était de mesurer la largeur des franges produites par deux miroirs légèrement inclinés l'un sur l'autre, en mesurant en même temps la distance entre les deux images du point la mineux; mais, les moindres coubrares dans les minoirs pouvatalétere l'exactitude des résultats, jai préféré me servir des franges produites par une ouverturer étutoit combinée avec le verre à surface cylindrique dont j'ai déjà parlé. Nous avons vu qu'alors l'intervalle entre les milieux de deux bandes obseures consécutives quelconques, à droite on à gauche du centre de l'ouverture, est égal à 2½, représentant toujours la longueur d'oundulation, et cet à la largeur de l'ouverture et sa distance au micromètre; tandis que la distance entre les points les plus sombres des deux bandes ols premier ordre est précisément le double de cet intervalle. Avec ces dounées il est aisé de déduire la valeur de à de la mesure des franges.

### 326 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. — PREMIÈRE SECTION.

A XIV.

Le tableau ci-dessous présente les résultats de cinq observations de ce genre, et les longueurs d'ondes qui s'en déduisent. J'y ai introduit les différentes valeurs de a, ou de la distance du point lumineux au diaphragme, quoiqu'elles soient inutiles pour le calcul, sfin de présenter toutes les circonstances de l'expérience. Ces mesures out été prises daus une lumière rouge sensiblement homogène, obtenne au moyen du verre coloré dont j'ai déja parlé, et dont je me suis servi dans toutes mes observations, sfin qu'elles fussent parfaitement comparables. Chacune de ces mesures a été prise au moins quatre fois, et ce sont les moyennes que j'ai portées dans ce tableau.

de pont lumineux no dasphraguec ou sulcure de e	de dispheagus au micromètre ou valeurs de b.	de l'ouverture	des intervalies  \$\frac{\beta}{c}\$  compris dens chaque mesure.	ROYENTES der toevares micrométriques.	d'ondes déduites de ces mouves.
2",507	1*,150	9"",00	6	2ªm,185	e**,00063
9 ,010	1,302	4 ,00	10	9 ,075	n ,00063
9 ,010	1 ,302	3 ,00	8	2 ,922	0 ,00064
1 ,304	a ,o46	3 ,00	8	3 ,466	0 ,00063
1, 304	s ,e46	9 ,00	6	3 ,922	0 ,00063
				nne	o ,00319 o ,0063

On voit que ces résultats éaccordent asset bien entre eux, puisque les moins concordants ne different pas d'un centième. Leur moyenne o=,00068 est la longueur d'onde que j'ài adoptée, et dont je me suis servi dans tous mes calculs pour comparer la théorie à l'expérience 0.

<sup>(1)</sup> D'après les observations de Newton sur les anneaux colorés, la longueur d'ondulation des rayons rouges extrêmes est o==,00065; celle des rayons à la séparation du rouge et

de l'orangé, o "",0005g6; et par conséquent celle des rayons rouges moyens.
o "",000620: ainsi la longueur o "",000638
répondrait à un point du spectre solaire un

63. <sup>ω</sup> Avant d'employer cette-valeur de λ dans le calcul des franges rétérieures et intrieures des ombres des corps, j'ai voulu encore la vérifier sur les franges produites par deux miroirs formant entre eux un angle très-obtus. C'est le cas le plus simple des interférences, puisquon n'a à considérer que deux systèmes d'ondes qui ont leurs centres aux deux images du point lumineux.<sup>(6)</sup>. On peut appliquer à ce phénace la formule <sup>2, 2</sup> donant l'intervalle compris entre deux miniment de l'ancient de la francie de l'ancient de l'ancient de l'ancient de l'ancient de l'ancient d'intervalle compris entre deux miniment d'interval de la francient des bords mêmes de l'écran, dont c représentat la largeur. Dans le phénomène d'interférences produit par deux miroirs, c représente la distance entre les deux images du point l'unineux.

peu plus voissu de l'extrémité que du milieu du rouge, si toutefois les résultats de Newton ne sont pas un peu faibles.

Dans les premières expériences de diffraction que j'ai faites avec une lumière bomogène, et qui ont été publiées dans les Anneles de chimie et de physique, je n'avais pas employé le même verre rouge que pour celles-ci; mais je pense que la humière qu'il donue doit différer très-pen de celle du verre rouge dont je me suis servi en dernier lieu. Si l'on emploie le longueur d'ondulation o",000638 pour enleuler les observations de mon premier Mémoire, on trouvers cependant des différences assez notables entre l'expérience et la théorie, comme M. Bahinet me l'a fait remarquer. Mais elles tiennent à l'inexactitude de mes premières observationa, qui avaient été faites dans la chambre obscure de l'École polytechnique, dont le plancher, quoique solide, n'avait pas toute Is stabilist beteauer, comme pa n'en susspertra depuis, ce measquant que la sili du micronoltre changosit un pou de position quand on portette poide du corpa pa con ou à draite du pied de l'instrument. Les noivelles observations dont je prévente parties videa observation dont je prévente parties prévente de pied de micronoltre, parties de résultats méritent bouscop plus de corposait sur une volte, et que jivois acquispas d'expériment en général aux nouvels pas d'expériment en général aux noisses précontions qu'il est nécessaire du persontement de la comme de la comme de la comme de la compensaire de prediction de la comme de la comprécontions qu'il est nécessaire du person-

<sup>10</sup> Si l'on subdivissit cheame des deux ondes incidentes en petites ondes démentaires, comme nous l'avons fait pour les sutres phénomènes de diffraction, il est cleir qu'on arriverait un rême résultat, puisque les intégrales de ces deux systèmes d'ontes élémentaires fictives sont précisément les deux onder réclier réfléchies per les mirroirs.

<sup>2:</sup> Les paragraphes 63 et 64 out été supprimés dans l'Extrait de ce Mémoire, inséré au tome XI des Amales de chimie et de physique (cabiera de juillet et août 1819).

<sup>(\*)</sup> La seconde partie de cette note a été ajoutée à l'impression.

Nº XIV.

Je ne rapporterai que deux expérionces de ce genre, les seules dans lesquelles je n'aie oublié aucune des précautions nécessaires pour éviter les erreurs. N'ayant pas pu me procurer des miroirs métalliques assez exactement plans, je me suis servi de deux glaces non étamées, travaillées avec une grande perfection, que j'ai fait enduire d'un vernis noir par derrière pour éteindre la seconde réflexion. Je les ai fixées l'une à côté de l'autre sur un support avec de la cire molle, en ne les pressant que très-légèrement pour éviter les flexions. Un inconvénient qui résulte de cette manière de les fixer, c'est qu'il arrive souvent qu'elles changent un peu de position pendant l'expérience, et les moindres variations rendent l'opération fausse. Pour éviter les erreurs de ce genre, j'ai eu soin de mesurer les franges avant et après la mesure de l'intervalle compris entre les deux images du point lumineux, afin de m'assurer qu'elles n'avaient point changé de largeur pendant cette opération. l'ai déterminé l'intervalle compris entre les deux images du point lumineux, au moyen d'un écran placé à une certaine distance du micromètre, et percé d'un petit tron circulaire qui avait cependant assez de largeur pour que le centre de son ombre, au lieu d'être clair et dilaté, comme cela a lieu quand on se sert d'une ouverture trèsétroite, fût occupé par un cercle obscur d'une très-petite étendue; ce qui rend les mesures plus précises. Cet écran était assez éloigné des deux miroirs pour que les bords du trou fussent suffisamment distants des limites de la partie commune des deux champs lumineux, de facon qu'elles n'eussent pas d'influence sensible sur les franges centrales du petit trou. Je mesurais la distance entre les centres des deux projections lumineuses du petit trou, qui étaient disposées d'une manière symétrique relativement aux franges produites par les deux miroirs, et se trouvaient à la hauteur du micromètre, en sorte que je n'étais point obligé de changer sa position, condition indispensable, parce qu'il n'arrive presque jamais que ces franges aient exactement la même largeur dans toute leur étendue. Connaissant d'ailleurs la distance du petit trou au micromètre et aux deux images du point lumineux, je pouvais, par une simple proportion, déterminer

# MÉMOIRE COURONNÉ SUR LA DIFFRACTION.

329 mes - N° XII

l'intervalle compris entre ces deux images. Voici les résultats de mes  $N^*$  XIV. observations : chaque mesure micrométrique a été prise au moins quatre fois.

### PREMIÈRE OBSERVATION.

Distance du point lumineux aux miroirs	2"	,323
des miroirs au petit trou	3	.171
du petit trou au micromètre		592
Distance totale ou valeur de b	7	,016
Intervalle entre les centres des deux projections lumineuses du petit		
trou	3*m	,370
On en déduit pour l'intervalle entre les deux images du point lumi-		
neux	1 2 m	<sup>m</sup> , 16
D'après ces données, on trouve, pour la largeur de onze franges.		
an moyen de la formule $\frac{1+b\lambda}{c}$	h-	°,o5
L'observation m'avait donné,	4	,06
Différence	0	,01
	_	
DECLIÈME GESERVATION.		
Distance du point lumineux aux miroirs	2".	,321
des miroirs au petit trou	3	,105
du pelit trou au micromètre	1.	,533
Distance totale ou valeur de b	6	,959
Intervalle entre les centres des deux projections lumineuses du petit		
lrou	Arm.	,140
On en déduit pour l'intervalle entre les deux images du point lumi-	_	
neux	160	~,65
D'après ces données, on trouve, pour la largeur de onze franges,		
au moyen de la formule $\frac{116\lambda}{c}$	3**	*,33
L'observation m'avait donné	3	,35
Différence	0	,09

#### 330 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - PREMIÈRE SECTION.

Nº XIV.

64. On produit un phénomène absolument semblable à celui que présentent les deux nirioirs en se servant d'un verre plan d'un côté. et dont l'autre surface est composée de deux plans formant entre eux un angle saillant très-obtus, afin que les deux images du point lumineux produites par ce verre soient assez rapprochées pour que les franges aient une largeur suffisante et puissent être aperçues. L'interposition de ce verre fait naître, comme la réflexion sur deux miroirs, deux systèmes d'andes lumineuses, dont les intersections produisent des handes obscures on brillantes, selon l'accord ou la discordance de leurs mouvements vibratoires. Il est évident que les mêmes formules doivent s'appliquer aux deux plémomènes (% Voici les résultats d'une expérience faite avec un verre prismatique, en suivant du reste les mêmes procédés que dans les observations précédentes sur les franges produites par deux miroirs.

Distance du point lumineux au petit trou	5°,877
— du petit trou au micromètre	1 ,26
Distance totale ou valeur de b	7 ,1/15
Intervalle entre les centres des projections lumineuses du petit trou. Ou en déduit pour l'intervalle entre les deux images du point lumi-	4mm.66
невх	21 .65
D'après ces données, on trouve, pour la largeur de onze franges, au moyen de la formule $\frac{16\lambda}{c}$	2***.31
L'observation m'avait donné	2 ,30
Différence	+ 0 ,01

Checune des deux motifs de ce legiriane dome une inage virtuelle du point lumineux, oi von trite-appendinativement consouri les probagements de tous les reports réfractés. Suivant le mode de raisonnement qu'en a appliqué plus hout au cas d'une leatille aphérique oc plandrique, (voir la note de l'éditour sur le 8 50), on démourerait ainformet que les codes réfractés différent très-pou des deux systèmes d'unées spécifique ayant pour centres deux inages virtuelles dout l'aiges virtuelles virtuelles

65. A près avoir ainsi vérifié sur les phénomènes dont les lois théoriques sont les plus simples et les plus évidentes, la longueur d'oudnation que j'avais déduite de la mesure des franges produites par une ouverture étroite combinée avec une lentille cylindrique, j'ai appliqué cette même longueur d'ondulation au calcul des franges extérieures desombres, au moyen de la forume.

$$x = R\sqrt{\frac{\frac{1}{2}(a+b)b\lambda}{a}},$$

dans laquelle j'ai substitué à la place de n les différentes valeurs tirées du tableau des maring et mining.

Le tableau suivant présente les résultats du calcul comparés à ceux de l'observation. J'ai déterminé senlement la position des suinins d'ans mes expériences (ce qui est suffisant pour la vérification de la théorie), parce que mon œil assignait mieux en général le point le plus sombre d'une bande obscure que le point le plus éclairé d'une bande brillante.

qui sont fournies par deux miroirs inclinés, et faire usage pour le calcul de la longueux d'ondulation de la formule simple  $\frac{\delta \lambda}{C}$ . [E. Verner.]

☼ fei s'arrête la coupure faite pour l'Extrait de ce Mémoire inséré au tome XI des Aunales de chimie et de physique. La première plurase du 5 65 est modifiée countre il suit dans ette première publication :

«Après l'avoir vérifiée sur les franges produites per deux miroirs, qui présentent le cas ele plus simple des interférences, j'ai appliqué cette même longueur d'ondulation su calcul «des franges extérieures des ombres su moyen de la formule

$$x = n \sqrt{\frac{\frac{1}{6}(a+b)b\lambda}{a}},$$

«dans laquelle j'ai substitué, etc.»



# 332 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. — PREMIÈRE SECTION.

Nº XIV.

# TABLEAU COMPARATIF

des résultats de l'observation et de ceux de la trédeie  $\sim$ ca les painces extérieures des ombres dans une lubière eque honogève. Pour laquelle la lovgueur d'ondulation est écalle  $\lambda$  o $^{\infty}$ ,000638.

scusseo BISTANCES du pront luminous au corps apaque,		er cushe obadne que que que	de chaqu	ples shorar *	dippénances.	
derrutions.	voleups de a.	voloure de 4.	obscures.	Observation.	Calcut.	
			1.	a==,85	e=-,83	- 1
				6 ,15	5 ,15	
1	00,1000	0",7985	3	5 ,16	5 ,13	- 1
			1 6	5 ,96	5 ,96	0
			5	6 ,68	6 ,68	0
				1 ,73	1 ,73	0
			٠.	2 ,54	9 ,53	1
2	0 .1985	0 ,637	3	3 ,14	3 ,14	0
			1 6	3 ,65	3 ,64	- 1
			5	5 ,06	4 ,08	+ 1
				1 ,78	1 ,78	+1
			1 1	2 ,50	a ,53	+ 3
3	0 (202	o ,64o	3	3 ,13	3 ,13	0
			1 4	3 ,62	3 ,63	+1
			5	4 .07	4 ,07	
			1	0 ,39	0 ,39	
	1		2	o ,38	0 ,57	1
4	0,510	0 ,110	3	0 ,71	0 ,70	- 1
			6	0 ,82	0 ,81	-1
			5	0 ,91	0 ,91	
				1 ,05	1 ,05	
			2	1 ,54	1 ,54	
5	0 ,510	0 ,501	3	1 ,90	1 ,91	+1
			1 5	9 ,81	9 ,99	+ 1
			1 5	. 2 ,69	9 ,49	
			1 .	1 ,82	1 ,83	+1
			2	2 ,66	2 ,67	+1
6	0 ,510	1,005	3	3 ,30	3 ,31	+1
			1 4	3 ,85	3 ,84	0
			5	5 ,31	6 ,31	n

Nº XIV.

temátes des	du possi lummen au eceps epaque,	du erryances du errya opaque da successione.	des des	de point le de chaqu au bord de l'oud	olas obscur	serrénesces
observations.	valeuro de s.	saleurs de â.	obscures.	Observation,	Galent.	
			,	o***,38	o***,38	9
				0 .57	0 ,56	- 1
7	10,011	o*,116	3	0 ,69	0 ,60	
,		, , , , ,	1	0 ,80	0 ,80	0
			5	0 .90	0 ,90	0
			1	0 ,92	0 .99	0
	í		9	1 ,35	1 ,34	1
8	1,011	0 ,500	3	1 ,68	1 ,66	- 9
			4	1 ,93	1 ,93	0
			5	9 ,15	9 ,16	+ 1
			- 1	1 ,49	1 ,49	0
			9	9 ,18	a ,18	0
9	1,011	0,996	3	2 ,70	a ,69	1
			- 6	3 ,12	3 ,13	+1
			5	3 ,51	3 ,51	0
			1	s ,59	2 ,59	0
			9	3 ,79	3 ,79	0
10	1 ,011	2 ,010	3	4 ,68	4 ,69	+ 1
			- 6	5 ,45	5 ,45	0.
			5	6 ,10	6 ,11	+1
				0 ,37	0 ,37	0
				0 ,55	o ,55	0
11	9,008	0 ,118	3	0 ,68	0 ,68	0
			- 4	0 ,78	0 ,79	+ 1
			5	0 ,87	o ,88	+1
				1 ,30	1 ,29	- 1
			9	1 ,89	1 ,89	0
19	800, 2	0 ,999	3	a ,35	n ,34	0
			4	9 ,71	9 ,79	+ 1
			5	3 ,03	3 ,05	+ 1
			1	s ,8g	s ,89	0
			9	A ,93	4 ,23	0
13	800, 2	2 ,998	3	5 ,00	5-, 45	+ 2
			4	6 ,08	6 ,08	0
			5	6 ,80	6,89	+ 9

334 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. — PREMIÈRE SECTION.

Nº XIV.

dre de perst lum dre corps ope	dre print lemineux ne corps opaque,	de du du du de	des des	du point le de chaqu au bord de l'omi	sh¢8s plus obscur or bucile bre giométrique.	DIPPÉRENCES
observations.		valeurs de 8.	obscures,	Observative.	Calcul.	
				0-01	0-,04	0
14	3",018	0",0017		90, 0	0 ,06	0
			3	0 ,08	80, 0	0.
				o ,56	0 ,55	+ 1
				0 ,80	0 ,81	+ 1
15	3,018	o ,a53	3	1 ,00	1 ,00	0
			- 6	1 ,16	1 ,16	0
			5	1 .,31	1 ,31	0
				0 ,81	0 ,81	0
- 71		1		1 ,17	1 ,18	+ 1
16	3,018	0, 500	3	1 ,65	1 ,46	+ 1
			- 6	1 ,69	1 ,70	+ 1
			5	1 ,89	1 .90	+ 1
				1 .91	1 ,11	+1
			2	1 ,78	1 .79	+1
17	3,018	1,003	3	9 ,90	1 ,91	+1
			4	a ,56	s .57	+1
			5	9 ,87	s ,88	+ 1
				1 .99	1 ,93	+ 1
		1	- 1	s ,83	1 ,81	1000
18	3 ,018	1 ,998	3	3 ,49	3 ,69	0
			4	4 ,04	A ,05	+1
			5	4 ,54	A ,55	+1
			1	s ,58	2 ,59	+ 1
				3 ,78	3 .79	+ 1
19	3 ,018	3 ,002	3	4 ,68	4 ,69	+ 1
111			6	5 ,44	5 ,44	0
			5	6 ,09	6 ,10	+ 1
			1	3 ,19	3 ,11	+ 3
			2	4 .70	4 ,71	+ 1
10	3 ,018	3, 995	3	5 ,83	5 ,84	+ 1
- 111			- 6	6 ,73	6 .78	+ 5
			5	7 ,58	7 ,60	+ 1

prados dos	de peint lumineux eu cerps opaque,	du corpo opaque an mieronitre,	des des bandes	de point le de chaqu on bord de l'uni	ples obser se bayle	erreasscs.
ern allees.	volenze de a.	valoues de à.	obsessors.	Oberration.	Calcul.	
				o=-,38	0 ,39	+1
		1	,	0 ,56	0 ,57	+ 1
21	4",507	o",131	3	0 .70	0 ,70	0
			6	0 ,81	0 ,82	+1
			5	0.48	0 .93	6
				1 ,18	1 ,18	
			3	: .73	1 .73	. 0
19	1,507	1 ,018	3	9 ,13	9 ,15	+1
				2 .59	9 ,48	1
			5	9 ,80	9 .79	- 1
				9 ,11	2 ,09	- 9
		-	2	3 ,07	3 ,05	- 9
23	1,507	s ,5o6	3	3 .78	. 3 ,78	0
			4	4 ,39	4 ,39	0
			5	6 .90	5 .93	+ 3
			1	o ,36	0 ,37	+ 1
			2	o ,53	o ,53	0
24	6,007	0 ,117	3	o ,66	0 ,66	0
			4	0 .77	0 ,77	0
			5	e ,85	0 ,86	+1
				1 ,13	1 .15	+1
		1		1 ,67	1 ,67	0
95	6 ,007	0, 999	3	3 ,o6	9 ,07	+1
			5	a "šo	2 ,50	0
			5	9 .50	s ,6g -	

On ne pouvait pas s'attendre à un accord plus frappant entre l'expérience et la théorie. Si l'on compare la potitese des différences à l'étendue des largeurs mesurées, et si l'on fait attention aux grandes variations que a et b ont éprouvées dans ces observations diverses, on se refusere difficielment à regarder l'intégrale qui nous a conduit à cos résultats comme l'expression foldée de la loi des phénomènes. Mais As XIV.

ce qui augmente encore beaucoup les probabilités en faveur de la nouvelle théorie, c'est que la longueur d'ondulation employée dans ces calculs a été déduite de phénomènes très-différents, et dont la loi se laissait apercevoir aisément.

Si l'on substituait cette longueur d'ordulation dans les formules auxquelles nous avions été conduit par la premier hypolièse, on trouverait des résultats qui différencient sensiblement de ceux de l'espérience. Le ne présente ici qu'une application de ces formules, qui me parait suffisante pour faire voir qu'elles ne s'accordent pas ususi bien avec les mesures. J'ai choisi l'observation n° 23, qui est une des plus favorables à la première théorie.

stano de	point luminers so corps spager.	de rorpe opaque su microssire,	nupuas des bandes	de poet le p de chaqu un hord de l'omb	dus obscur r bonde	BOFFÉRENCES.
l'observation.	valeur de e.	välear de å.	obscures.	Observation.	Colcut.	
			1	9"",11	2 23	+ 0 ***,12
				3 .07	3 ,15	8a, a+
9.3	4",507	a",5e6	- 3	3 ,78	3 ,86	8o, n+
			- 4	4 ,39	6 ,66	+0 ,07
			5	4 .90	4 ,93	+0 ,09

66. On ne pourrait pas expliquer ces discordances en suppesant que la longueur d'oudulation employée o "", ooo 638 est trop faible; car, si on l'augmente de façou à hire concorder le calcul avec la théorie pour la bande obscure du premier ordre, elle sera évidemment trop forte pour celle du quatrième. En effet, il résulte de ces formules que la distance du hord de l'ombre géométrique à la bande du quatrième ordre doit être le doublé de la distance du même point à la bande du premier ordre; or, et adoublant 2 "", 1, ou trouve h", 2, 2 au lieu de fam 3,3, que donne l'observation. Par conséquent, en partant de la plus grande quantité pour calculer la plus getite, d'après la distance observée pour la bande du premier ordre de-celle de la bande du premier ordre de-

vrait être 2<sup>mm</sup>, 19 au lieu de 2<sup>mm</sup>, 11, et la différence est de 0<sup>mm</sup>, 08. N° MV. En faisant des calculs semblables sur toutes les observations comprises dans le tableau ci-dessus, on trouve:

des minyaturns.	de bord de l'embre géométrique au peint le plus obscur de la bonde du s'' ordre , d'après l'observation.	worriß de la distance du bord de l'embre géométrique au point te plus obscur de la bande du 4º cedre.	SIFFÉARECES
	s***,84	9***,98	+ 0**,15
9	1 ,73	1 ,89	+0 ,09
3	1 ,79	1 ,81	+0 ,09
- A	o ,3g	o ,fii	+0 ,08
5	1 ,05	1 ,10	+0 ,05
6	1 ,89	1 ,98	+0 ,10
7	o ,38	o ,ño	+0 ,01
8	0 .98	0 ,96	÷0, 0+
9	1 ,49	1 ,56	+0 ,07
10	a ,59	9 ,79	+0 ,13
11	0 .37	0 ,39	+0 ,00
19	1 ,30	1 ,35	+0 ,05
13	s ,89	3 ,04	+0 ,15
16		,	
15	o ,54	o ,58	+0 ,04
16	0 ,81 .	0 ,84	+0 ,03
17	1 ,91	1 ,18	+0 ,07
18	1 ,99	2 ,02	+0 ,10
19	s ,58	9 ,79	+0 ,15
90	3 ,19	3 ,36	+0 ,17
9.1	o ,38	o "Ao	+0 ,01
99	1 ,18	1 ,44	+ 0 ,06
93	9 (11	9 ,19	80, 0+
26 25	o ,36	o ,38	+0 ,08

On voit que toutes les observations s'accordent à donner pour le

minimum du premier ordre une distance plus petite que la moitié de celle du minimum du quatrième ordre, et que les différences entre les résultats de l'observation et du calcul dans et deruier tableau sont plus sensibles que dans le précédent. Ainsi, indépendamment des considérations théoriques et des expériences qui m'ont servi à déterniner la longueur d'ondulation, il est évident que les rapports de largeur des franges sont plus fidèlement représentés par les distances répondant aux minima de l'intégrale déduite du principe d'Huyghens, que par les formules calculées d'après la première hypothèse.

67. Pour reconnaître ainsi laquelle des deux théories conduisait aux résultats les plus cards, nagleç la petitées de leurs différences, il fallait pousser la précision des mesures presque aussi loin que le comporte ce genar d'observations; car, en raison du vague des franges, ettle limite est assex rapprochée. Le crois devoir donner ici quelques détails sur le procédé que j'ai suivi et les précautions que j'ai prises dans ces expériences.

Il n'est peut-être pas inutile de rappeler d'abord aux physiciens qui voudraient répéter ces expériences, que l'observateur doit regarder le point lumineux en tenant son oil derrière la loupe du micromètre, et à une distance telle que as surface lui paraisse entièrement illuminée quand elle est hors de l'ombre; écst dans cette position réciproque de l'oil et de la loupe qu'il faut chercher et mesurer les franges : alors elles se peignent sur la rétine telles qu'elles sont réellement au foyre de la loupe, comme l'image aérienne produite par l'objectif d'une lu-nette est transmisc fiélement à l'œi par l'oculaire, qui en augmente seulement les dimensions apparentes.

<sup>56</sup> Au lieu d'un fil de soie, je me suis ordinairement servi d'un verre fixé devant la lentille du micromètre et sur lequel était gravé un trait fin, qui ne se prolongeait pas dans toute l'étendue du champ de la lentille, mais s'arrêtait au milieu, de sorte que je pouvais voir

<sup>\*)</sup> Cette seconde partie du paragraphe 67 a été ajoutée à l'impression.

au delà de l'extrémité du trait le prolongement de la bande obscure devant laquelle je l'avais amené; ce qui est plus commode pour bien juger s'il est vis-à-vis l'endroit le plus sombre, surtout lorsque les franges out peu de largeur. Pour déterminer la position du bord de l'ombre géométrique par rapport aux bandes obscures, au lieu d'un corps opaque d'une largeur connue, j'ai employé deux plaques d'acier, que je pouvais écarter ou rapprocher à volonté l'une de l'autre, et dont j'évaluais l'intervalle à moins d'un centième de millimètre près, à l'aide d'un vernier fixé au coursier de ce petit instrument. Ces deux plaques étaient terminées par un double biseau légèrement arroudi. Je mesurais avec le micromètre les distances entre les bandes obscures produites par les bords des deux plaques, et, connaissant d'ailleurs l'intervalle qui séparait ces deux bords, ainsi que leur distance au point lumineux et au micromètre, je trouvais, par un calcul très-simple, la largeur comprise entre les limites des ombres géométriques des deux écrans. Il suffisait alors d'en retrancher l'intervalle entre deux bandes correspondantes, et de prendre la moitié du reste pour avoir la distance d'une de ces bandes au bord de l'ombre géométrique la plus voisine. Chaque mesure a été prise au moins deux fois.

l'avais soin que les plaques fussent séparées par un intervalle assez grand pour que l'une n'eût aucune influence sur les franges produites par l'autre. Dans presque toutes mes observations cet intervalle était d'un centimètre.

Je me servais, pour former le point lumineux, de lentilles d'autant plus convexe que le corps opaque en était plus rapproché. Dans les expériences 1, a et 3, la lentille que j'ai employée n'avait qu'un demi-millimétre de foyer, afin que les franges fiusent moins vaques en raison de la finesse du point lumineux, et surtout afin de pouvoir mesurer avec une exactitude suffisante la distance de ce point au corps opare : ce qui est plus facile quand le foyer de la entille est plus ourt. Pour que la petite image du soleil qui formait le point lumineux au foyer de la lentifle est plus facile quant de foyer de la rentille en changeût pas de position par l'effet du mouvement diurne pendant la mesure des franges, les rayons solaires étaient

340 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - PREMIÈRE SECTION.

V XV. réfléchis dans une direction constante par le miroir d'un héliostat, que M. Berthollet avait en la bonté de me prêter, et qui m'a été du plus grand secours dans mes expériences. C'est un instrument presque indispensable pour ce genre d'obsegvations.

68. Nous venons de voir qu'on pouvait expliquer d'unc manière satisfaisante la formation et la position des franges extérieures, en les considérant comme produites par le concours d'une infinité d'ondes élémentaires qui émanent de la partie de l'onde non interceptée par le corps opaque. Il résulte de la même théorie que la lumière infléchie dans l'ombre ne doit produire aucune bande obseure et brillante, mais diminuer continuellement d'intensité lorsque l'écran est assez étendu pour qu'il ne vienne point de lumière sensible de l'autre côté, quoique cette lumière infléchie résulte du concours d'une infinité d'ondes élémentaires, comue celles qui donnent naissance aux franges extérieuers; c'est ce que l'on reconnaît à l'inspection du tableau c'dessouriqui représente l'intensité de la lumière répanduc dans l'oubre pour différentes inclinaisons des rayons infléchis. Ces intensités ont été calculères an moven de la table des valeurs numériques des intégrales

 $\int dv \cos qv^2$  et  $\int dv \sin qv^2$ ,

en faisant la somme des carrés des nombres correspondants diminués de '¿. Malgré les inexactitudes qui proviennent de ce que les limites des intégrations partielles n'avaient pas été assez rapprochées dans la première table, on voit que l'intensité de la lumière s'affaiblit rapidement à mesure que v augmente, sans qu'il se présente aucun de ces mazzima ou minima que nons avons observés à l'extérieur de l'ombre.

N° XIV.

de v.	interstrés correspondentes.	de v.	errespondantes.
04,10	0,1095	s*,90	0,0191
0 ,20	0,3359	3,00	0,0113
0,30	0,2765	3,10	0,0105
o ,to	0,9484	3,20	0,0098
o ,5o	0,1898	3,30	0,0099
0 ,60	0,1586	3,40	0,0087
0 ,70	0,1335	3,50	0,0083
0 ,80	- 0,1199	3,60	0,0079
0 ,90	0,0962	3,70	0,0076
1 ,00	0,0825	3,80	0,0069
1 ,10	0,0711	3,90	0,0066
1 ,90	0,0618	t ,00	0,0066
1,30	0,0540	6 ,10	0,0061
1 ,40	0,0575	5 ,20	0,0057
1,50	0,0418	4 ,30	0,0054
1 ,60	. 0,0372	4 ,40	0,0000
1 ,70	0,0331	4 ,50	0.0951
1 ,80	0,0299	4 ,60	0,0048 /
1 ,90	0,0971	4 .70	. 0,0045
9 ,00	0,0957	4 ,80	0,0044
9 ,10	0,0226	4 ,90	0,0043
9 ,20	0,0207	5 ,00	0,0041
9 ,30	0,0189	5 ,10	0,0038
s ,6o	0,0173	5 ,**	0,0037
g ,50	0.0159	5 ,30	0,0036
a ,60	0,0157	5,40	0,0035
9 .70	0,0137	5 ,50	0,0033
9 ,80	0,0199		

a et b représentant toujours les distances de l'écran au point lumineux et au plan sur lequel on reçoit son ombre, et x la distance du bord de l'ombre géométrique au point que l'on considère dans ce plan, on a

$$x = v \sqrt{\frac{\frac{1}{2}(a+b)b\lambda}{a}}$$

et par conséquent

$$\frac{x}{b} = v \sqrt{\frac{\frac{1}{b}(a+b)\lambda}{ab}}$$

342 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - PREMIÈRE SECTION.

Nº XIV.

69. A l'aide de ces formules, on peut calculer les valeurs de la distance x ou de l'inclinaison de la rayon infléchi qui correspond aux différentes valeurs de v; et réciproquement, étant donné x ou l'obliquité de la peut en décluire r. et déterminer l'intensité de la lumière infléchie. Lue conséquence remarquable de la formule

$$x = r \sqrt{\frac{\frac{1}{4} \cdot a + b \cdot b \lambda}{a}}$$

 $\hat{c}$ est que les valeurs de x ne sont pas proportionnelles aux valeurs de b, mass vordonnées d'une hyperhole dont celles-ci seraient les abesises. Ainsi il résulte de cette théorie que les points de même intensite par rapport au bord de l'ombre géométrique ne suivent pas une ligne droite quand on fait varier b, mais une hyperbole qui a une courbure sensible, comune les trajectoires des franges extérieures.

70. Le n'ai pas encore vérifié par des expériences directes les rapports d'intensité de la lumière infléchie que j'ai déduits de la técheir des interférences appliquée au principe d'Huyghens. Ce genre d'observations présente de grandes difficultés ", et j'ai peine à croire qui on puisse y porter autont d'exactitude que dans la détermination des puisses y porter autont d'exactitude que dans la détermination des principals.

Il est très-difficile de mesurer avec précision l'intensité de la lumière, même dans les circonstances les plus favorables, forsque les espaces éclairés qu'il s'agit de comparer sont suffisamment étendus et présentent chacun une lumière uniforme ; à plus forte raison forsque ces espaces varient de clarté d'un point à un autre, et ne peuvent être considérés comme avant une intensité uniforme que dans un intervalle extrémement étroit. on, pour ainsi dire, une seule ligne laminesse. Je crois cependant qu'on pourrait parvenir à verifier les formules d'intensité de lumière dans les phénomènes de diffraction . d'une manière suffisante, quoique tonjours indirecte, à l'aide d'un procedé très-simple

auquel j'ai songé depuis que mon Mémoire a été dépois à l'Institat : ce serait de superpose. à l'ainé de la double réfraction de franges différentes les unes sur les attrescelles de l'instéreur d'une onubre étroite, par exemple, sur celles de l'entérieur, et doserver la possition des nouvesus marsins et minime résultant de ce un'elange. Si, comme jen suis personale, les fermaties appliquées à res superpositions de françes diverse s'accordainet neues arc l'observation sur la position des nouvesus marsim et minima, on ne pourari plus douter qu'elles ne représentassent effectivement les intensiér relative de différents points des françes ;

<sup>\*</sup> Note apputer à l'impression,

points les plus sombres et les plus brillants des frauges, dont les résultats me paraissent aussi des vérifications (à la vérifé indirectes) de cesmêmes rapporté d'intensité; car la position des mazima et minime étant déduite de l'expression générale de l'intensité de la lumière, si l'expérience s'accorde à cet égard avec le calcul, toutes les fois du moins que les observations peuvent être faites avec précision, il devient bien probable que cette intégrale représente réclement toutes les variations d'intensité de la lumière infléche.

71. A l'aide du tableau des mazima et minima des franges extériores, on peut calculer aisément, comme nous l'avons vu, les positions des points les plus sombres et les plus éclairés de leurs bandes obscures et brillantes pour toutes les valeurs de a et de 6. Il n'en est pas de même à l'égard des franges intérieures de l'ombre d'un corps étroit, ou de celles qui sont produites par une petite ouverture. Les deux limites de l'intégrale variant à la fois; il n'est plus possible de présenter des résultats généraux applicables à tous les cas: et l'on est obligé de déterminer les mazima et les minima daus chaque cas particulier, à l'aide de la table qui donne les valuers numériques de

$$\int dv \cos qv^2$$
 et  $\int dv \sin qv^2$ .

Je vais présenter le résultat de tous les calculs de cette espèce que j'ai faits jusqu'à présent pour la vérification de la théorie. Comme ils sont très-longs<sup>(0)</sup>, je n'ai pas pu les multiplier autant que je l'aurais désiré; mais j'ai tàché de compenser ce défaut par la variété des cas auxquels je les ai appliqués, et en vérifiant la théorie de préférence sur les observations qui m'avaient présenté les dispositions de franges les plus extraordinaires.

72. Je vais d'abord m'occuper des franges produites par une petite

<sup>(</sup>i) Il est très-possible qu'il y ait des procédés plus courts, que mon peu d'usage voir (c).

M. Cauchy a effectivement trouvé des procédés plus courts, qu'on peut étadier dans le Mémoire de M. Quet sur la diffraction. (Annaies de chimie et de phys. 3° série, t. XLIX.) [E. Venner.]

### 344 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - PREMIÈRE SECTION.

Nº XIV. ouverture, qui tiennent à la fois des franges extérieures et de celles qu'on observe dans l'ombre d'un corps étroit.

Soit C le point lumineux, AG une ouverture étroite dont les bords



A et G sont rectilignes et parallèles, BD sa projection conique sur le plan où l'on observe les franges, et P un point pris dans ce plan, dont on veut connaître l'intensité. Pour cela, il faut intégrer

 $\int dz \cos\left(2q\frac{z^2+a+b}{ab\lambda}\right)$  et  $\int dz \sin\left(2q\frac{z^2+a+b}{ab\lambda}\right)$  entre les limites A et G, et faire la sonne

des carrés de ces intégrales : ce sera l'intensité de la lumière en P. Mais il faut se rappeler que l'origine des z est sur le rayon direct CP, et qu'en conséquence les deux limites A et G répondent à

$$z = MG$$
 et  $z = -AM$ .

Après avoir calculé les valeurs correspondantes de v avec la formule

$$v = z \sqrt{\frac{2(a+b)}{ab\lambda}}$$
 ou  $v = x \sqrt{\frac{2a}{(a+b)b\lambda}}$ .

dans laquelle x représente la distance du point P au bord de l'ombre géométrique, on cherchera dans la table des intégrales

$$\int dv \cos qv^2$$
 et  $\int dv \sin qv^2$ 

les nombres qui approchent le plus de ces valeurs de v.

Je suppose que t soit la différence entre la valeur calculée et le nombre i de la table, on trouvera les intégrales correspondantes au moyen des formules approximatives

$$\int_{*}^{i+1}\!\!dv\cos qv^2 = \int_{*}^{i}\!\!dv\cos qv^2 + \frac{1}{2\,iq} \bigl(\sin qi \, \bigl(i+2t\bigr) - \sin qi^2\bigr),$$

$$\int_{s}^{t+t} dv \sin qv^{2} = \int_{s}^{t} dv \sin qv^{2} + \frac{1}{2iq} \left( -\cos qi \left( i + 2t \right) + \cos qi^{2} \right).$$

Après avoir fait le même calcul pour les deux valeurs de u qui répondent aux limites A et G de l'ouverture, on ajoutera ensemble les intégrales homologues, si le point M est en dedans; on les retranchera au contraire l'une de l'autre s'il est en dehors, et l'on fera enfin la sonune des carrés des deux nombres trouvés. On aura de même les intensités de lumière pour tous les autres points dont la position sera donnée, et en comparant ces différents résultats, on reconnaître entre lesquels sont placés les mazima et les minima. Étant données les intensités lumineuses de trois points assec rapprochés entre lesquels se trouve un mazimuse ou un minimum, on pent aisément déterminer sa position avec une exactitude suffisante par la méthode des interpolations, en supposant que, dans ce petit espace, la courbe qui aurait pour ordonnées les intensités de ces points, et pour abscisses leurs distances à une origiue commune, coincide sensiblement avec une courbe du second degré. Cette hypothèse conduit à la formule

$$z = \frac{p'z^{-1} - p'z^{-2}}{2|p'z^{-1} - p'z^{-2}|}$$

dans laquelle z' et z' représentent les distances d'un des points extrèmes aux deux autres, p' et p' les différences de leurs intensités, et enfin z la distance du même point au maximum ou au minimum. Tai essayé cette formule sur les maxima et les minima des franges extérieures, déjà calculés par un autre procédé; et, sans employer des nombres plus rapprochés que ceux de la table, j'in obtem des résultats d'une exculeusuffisante, même pour le minimum du 7° ordre, quoique la différence de deux valeurs consécutives de v dans la table soit une partie considérrable de l'intervalle qui sépare le minimum et le maximum du 7° ordre.

73. Pour appliquer cette méthode de calcul aux observations, j'ai d'abord déterminé la valeur tabulaire de c, e'est-à-dire de la largeur de l'ouverture, au moven de la formule

$$v = c \sqrt{\frac{3(a+b)}{ab\lambda}}$$

qui m'a donné ainsi l'intervalle tabalaire des deux limites. Par des tatonnements faciles, j'ai cherché entre quels nombres de la table se trovaient les mazzina ou les minime; j'ai ensuite déterminé leur position d'une manière plus exacte par le procédé que je viens d'indiquer. Ayant ainsi caleulé les valeurs de v répondant aux marima ou aux minima, je les ai retranchées de la motifé de la valeur tabulaire de c, pour les rapporter au milieu de l'ouverture. Enfin la formula.

$$x = v \sqrt{\frac{a+b-b\lambda}{2a}}$$

# 346 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - PREMIÈRE SECTION.

N° XIV. m'a donné la distance des mêmes minima ou maxima au milieu de la projection lumineuse de l'ouverture, origine que j'avais adoptée dans mes observations.

TABLEAU COMPARATIF

DES RÉSELTATS DE LA TRÉGRIE ET DE L'EXPÉRIENCE SUR LA POSITION DES MAZINA ET DES MINIMA DANS LES FRANÇES PROBETTES PAR UNE OUVERTURE ÉTROITE.

va mámos des bandes brillantes et aboures camplés	Sataras approchées de v comptien do hord	INTERNITÉS COTTON	TALETEO de u repondant sex marins on minute.	des maries	ABCBA a or mouse rejection is l'ogressor	ыгубранска.
» parter de milieu.	l'extrerture.	penisates	de l'auverture.	Galcul.	Observations.	
					-	
			OBSERVATION.			
et e	2",010; b =	o",617; c =	o"",50; vrleu	tabulaire i	de e = 1,28	8.
	(+0,819	0,03495	1 1		1	1 1
1. Minimun.	+0,911	0,91645	+0.913	0,779	o==.77	+ 0***,09
	+1,012	0,03466	,			
	4 2,812	0,00938	i			
s. Mioimum.	+ 8,512	0,00935	+ 9,463	1 ,58	1 ,58	0 ,00
	+ 2,612	0,00541	,		1	
		914	DESTRICT.			
* a =	2",010; b =	1°,503; c =	1 ma, 00; valeur	tabulaire d	le.c = 1,91	D.
	( 0 )	0,9978	) 1		1	
1. Minimum.	+0,100	0,2765	+0,106	0 .97	o"",86	+ 0 ***,11
	+ 0,250	0.9933	, ,			
	+ 1,000	0,04451	i			
s. Minimum.	+ 1,100	0,08608	+ 1,161	1 ,92	1 ,88	+0 ,04
	+1,900	0,09771	)			
		3* 0	NAESTATION.			
a =	2",010; b=	o",401;e=	1 00; vilen	tabulaire d	e c = 3,06	ı.
	-1.262	9,9578	i I		1	
1. Minimum.	1,169	2,2153	-1,181	o***,14	0***,16	- e <sup>nen</sup> ,09
	- 1,100	2,2577	, 1			
	- o.3eo	0,7135	i l			
a. Minimum.	0,269	0,6995	-0,915	0 ,51	o ,48	+ 3
	- 0,162	0,6950	!!			1
	+ 0,500	0,1501	1			1
3. Minimum.	÷ 0,53H	0,1877	+ 0,531	0 ,77	0, 76	+1
	+0,500	0,1600	!!			

stratios des houses brillantes et obscures	Válizans approchém de s comptées du bood	tayessiyês corres-	de : pipendant :	dre marin	ANCES  s on minims  ojection  Fourerture.	siffémaces.
è partir da miliou.	l'ouvertage.	pondantes	comptées du bord de l'ouverture.	Colent.	Observations.	
	+ 0,938	0,0799	)			
4. Minimum.	+1,038	0,6617	+ 1,084	1 00,00	100,01	*1
	+1,138	0,063a	Į.			
	+ 1,800	0,0170	1			
5. Minimum.	+1,738	0,0198	+1.736	1 ,28	1 ,28	0
	+ 1,700	0,0161	)			
		511	OSSERVATION.			
	3".008: b =		3 mm,00; valeur	tabulaire e	le c = 3,78	3.
	( -1,983	1,2813	1		1	. 1
t. Minimum.	-1,892	1,1753	- 1.899			
t. Milliamit.	- 1,800	1,9813	- 11091		1	
	- 1,013	2.0165				
a. Minimum.	-1,000	2,9139	- 0,998	0***,67	o~m,63	+ a <sup>mn</sup> ,o4
2. Minimum.	-0,080	9,9179	0,990	" ,07	0 ,00	.0.
			1		į.	
	- 0,393	0,8465	1			
3. Minimum.	- 0,303	0,8551	- 0,303	1 ,18	1 ,11	+7
	- 0,283	0,8465	1			
	+0,117	0,3183	ì			
4. Minimum.	+0,917	0,9516	+ 0,239	1,59	1 ,53	+6
	+0,317	0,2770	1		1	1- 1
	+ 0,617	0,1699	i			
5. Minimum.	+0.717	0,0838	+ 0.739	1,96	1 ,96	0
	+0,817	0.0909	)		1	1
		5*	OBSESTATION.			
a ==	2",010; 6 -	o".492; c=	1 ,50; valeu	r tabulaire	de c = 4,22	4-
	1 - 1,300	9,7939	1	1	1	1
t. Maximum.	- 1,200	3.0566	- 1,168	000,52	0==,43	- 000,01
	-1,100	9,9780	1	1		
			OFFERTATION.			
	2° 010: h =		1 ***,50; vales	r tabulaire	de c = 5.3e	
		1 1,6110	, 1001 1000	The same of	10102	
. Water	- 2,791	1,6476	- 2,695		1.	
1. Minimom.	- 2,600	1,6110	- 2,093			
	1		}			
	- 2,091	1,7500	1 .			
s. Minimum.	- 1,991	1,6508	- 1,951	0,24	0	
	- 1,891	1,4770	1			

44.

ouverture, qui tiennent à la fois des franges extérieures et de celles qu'on observe dans l'ombre d'un corps étroit.

Soit C le point lumineux, AG une ouverture étroite dont les bords A et G sont rectilignes et parallèles, BD sa projection conique sur le plan où l'on observe les franges, et P un point pris dans ce plan, dont on yeut connaître l'intensité. Pour cela. il faut intégrer

 $\int dz \cos \left(2q^{\frac{z^3+a+b}{ab\lambda}}\right) \operatorname{et} \int dz \sin \left(2q^{\frac{z^3+a+b}{ab\lambda}}\right)$ entre les limites A et G, et faire la somme

des carrés de ces intégrales : ce sera l'intensité de la lumière en P. Mais il faut se rappeler que l'origine des z est sur le rayon direct CP, et qu'en conséquence les deux limites A et G répondent à

$$z = MG$$
 et  $z = -AM$ .

Après avoir calculé les valeurs correspondantes de v avec la formule

$$v = z \sqrt{\frac{2|a+b|}{ab\lambda}}$$
 ou  $v = x \sqrt{\frac{2a}{|a+b|b\lambda}}$ 

dans laquelle x représente la distance du point P au bord de l'ombre géométrique, on cherchera dans la table des intégrales

$$\int dv \cos qv^2$$
 et  $\int dv \sin qv^2$ 

les nombres qui approchent le plus de ces valeurs de v.

Je suppose que t soit la différence entre la valeur calculée et le nombre i de la table, on tronvera les intégrales correspondantes au moyen des formules approximatives

$$\int_{s}^{s+t} dv \cos qv^{2} = \int_{s}^{t} dv \cos qv^{2} + \frac{1}{2iq} (\sin qi (i+2l) - \sin qi^{2}),$$

$$\int_{s}^{s+t} dv \sin qv^{2} = \int_{s}^{t} dv \sin qv^{2} + \frac{1}{2iq} (-\cos qi (i+2l) + \cos qi^{2}).$$

Après avoir fait le même calcul pour les deux valeurs de v qui répondent aux limites A et G de l'ouverture, on ajoutera ensemble les intégrales homologues, si le point M est en dedans; on les retranchera au contraire l'une de l'autre s'il est en dehors, et l'on fera enfin la somme des carrés des deux nombres trouvés. On aura de même les intensités de lumière pour tous les autres points dont la position sera dounée, et en comparant ces différents résultats, on reconnaîtra entre lesquels sont placés les mazima et les minima. Étant données les intensités lumineuses de trois points assez rapprochés entre lesquels se trouve un mazimumo ou un minimum, on peut aisément déterminer sa position aver une exactitude suffisante par la méthode des interpolations, en supposant que, dans ce petit espace, la courbe qui aurait pour ordonnées les intensités de ces points, et pour abecisses leurs distances à une origue commune, coincide sensiblement avec une courbe du second degré. Cette hypothèse conduit à la formule

$$z = \frac{p^2 z^{-1} - p^2 z^{-1}}{2 \cdot p \cdot z^{-1} - p^2 z^{-1}}$$

dans laquelle z' et z' représentent les distances d'un des points extrèmes aux deux autres, p' et p' les différences de leurs intensités, et enfin z' la distance du même point au marimum ou a minimum. J'ai essayé cette formule sur les maxima et les minima des franges extérieures, déjà calculés par un autre procédé; et, sans employer des nombres plus raprochés que ceux de la table, j'oi obtenu des résultats d'une excuted sufficience de deux valeurs consécutives de r dans la table soit une partie consécutives de redais la table soit une partie consécutivable de l'intervalle qui sépare le minimum ét le maximum du 7' ordre.

73. Pour appliquer cette méthode de calcul aux observations, j'ai d'abord déterminé la valeur tabulaire de c, c'est-à-dire de la largeur de l'ouverture, au moyen de la formule

$$v = c\sqrt{\frac{a(a+b)}{ab\lambda}}$$

qui n'a donné ainsi l'intervalle labulaire des deux limites. Par des tatounements faciles, j'ai cherché entre quels nombres de la table se trouvaient les mazina ou les minims; j'ai ensuite déterminé leur position d'une manière plus exacte par le procédé que je viens d'indiquer. Ayant ainsi calculé les valeurs de v répondant aux marima on aux minima, je les ai retranchées de la moitié de la valeur tabulaire de c, pour les rapporter au milieu de l'ouverture. Enfiu la formule

$$x = v \sqrt{\frac{a+b \cdot b \lambda}{2a}}$$

Nº XIV. ouverture, qui tiennent à la fois des franges extérieures et de celles qu'on observe dans l'ombre d'un corps étroit.

Soit C le point lumineux, AG une ouverture étroite dont les bords



A et G sont rectifignes et parallèles, BD sa projection conique sur le plan où l'on observe les franges, et P un point pris dans ce plan, dont on veut connaître l'intensité. Pour cela, il faut intégrer

$$\int dz \cos\left(2q\frac{z^2(a+b)}{ab\lambda}\right)$$
 et  $\int dz \sin\left(2q\frac{z^3(a+b)}{ab\lambda}\right)$  entre les limites A et G, et faire la somme

des carrés de ces intégrales : ce sera l'intensité de la lumière en P. Mais il faut se rappeler que l'origine des z est sur le rayon direct CP, et qu'en conséquence les deux limites A et G répondent à

Après avoir calculé les valeurs correspondantes de v avec la formule

$$v = z \sqrt{\frac{2(a+b)}{ab\lambda}}$$
 ou  $v = x \sqrt{\frac{2a}{(a+b)b\lambda}}$ 

dans laquelle x représente la distance du point P au bord de l'ombre géométrique, on cherchera dans la table des intégrales

$$\int dv \cos qv^2$$
 et  $\int dv \sin qv^2$ 

les nombres qui approchent le plus de ces valeurs de r.

Je suppose que t soit la disférence entre la valeur calculée et le nombre i de la table, on trouvera les intégrales correspondantes au moyen des formules approximatives

$$\int_{s}^{s+t} dv \cos qv^{3} = \int_{s}^{t} dv \cos qv^{2} + \frac{1}{2iq} (\sin qi (i+2t) - \sin qi^{2}),$$

$$\int_{s}^{s+t} dv \sin qv^{2} = \int_{s}^{t} dv \sin qv^{2} + \frac{1}{2iq} (-\cos qi (i+2t) + \cos qi^{2}).$$

Après avoir fait le même calcul pour les deux valeurs de « qui répondent aux limites A et G de l'ouverture», on ajoutera eusemble les intégrales homologues, si le point Nest en dedans; on les retranchers au contraire l'une de l'autre s'il est en dehors, et l'on fera enfin la sonme des carrés des deux nombres trouvés. On aura de même les intensités de lumière pour tous les autres points dont la position sera donnée, et en comparant ces différents résultates, on recomalitra entre lesquels nont placés les mazima et les minima. Étant données les intensités lumineuses de trois points assez rapprochés entre lesquels se trouve un mazimum ou un minimum, on peut aisément déterminer sa position aver une exactitude suffisante par la méthode des interpolations, en supposant que, dans ce petit espace, la courbe qui aurait pour ordonnée les intensités de ces points, et pour abscisses leurs distances à une origine commune, coincide sensiblement avec une courbe du second de-gré. Cette hypothèse conduit à la formule

 $z = \frac{p'z^{-1} - p'z^{-1}}{2 \cdot p \cdot z^{-1}}$ 

dans laquelle z' et z' représentent les distances d'un des points extrêmes aux deux autres, p' et p' les différences de leurs intensités, et enfin z la distance du même point au maximum ou au minimum. Jai essayé cette formule sur les maxima et les minima des franges extérieures, déjà calculés par un autre procédé; et, sans employer des nombres plus rapprochés que ceux de la table, j'in oltenn des résultats d'une exactitude suffisante, même pour le minimum du 7° ordre, quoique la différence de deux valeurs consécutives de v dans la table soit un partie considérrable de l'intervalle qui s'épare le minimum et le unacimum du 7° ordre.

73. Pour appliquer cette méthode de calcul aux observations, j'ai d'abord déterminé la valeur tabulaire de c, c'est-à-dire de la largeur de l'ouverture, au moyen de la formule

 $v = c\sqrt{\frac{2(a+b)}{ab\lambda}}$ 

qui m'a donné ainsi l'intervalle tabulaire des deux limites. Par des tatonnements faciles, j'ai cherché entre quels nombres de la table se trouvaient les maxims ou les minins; j'ai ensuite déterminé leur position d'une manière plus exacte par le procédé que je viens d'indiquer. Ayant aussi calculé les valeurs de c répondant aux maxima ou aux minina, je les ai retranchées de la moitié de la valeur tabulaire de c, pour les rapporter au milies de l'ouverture. Enfin la formula

$$x = v \sqrt{\frac{(a+b)b\lambda}{2a}}$$

ouverture, qui tiennent à la fois des franges extérieures et de celles qu'on observe dans l'ombre d'un corps étroit.

Soit C le point lumineux, AG une ouverture étroite dont les bords



 $\int dz \cos\left(2q^{\frac{z^{3}(a+b)}{ab\lambda}}\right) \operatorname{et} \int dz \sin\left(2q^{\frac{z^{3}(a+b)}{ab\lambda}}\right)$ entre les limites A et G, et faire la somme

des carrés de ces intégrales : ce sera l'intensité de la lumière en P. Mais il faut se rappeler que l'origine des z est sur le rayon direct CP. et qu'en conséquence les deux limites A et G répondent à

$$z = MG$$
 et  $z = -AM$ .

Après avoir calculé les valeurs correspondantes de v avec la formule

$$= z \sqrt{\frac{2(a+b)}{ab\lambda}}$$

$$v = z \sqrt{\frac{2(a+b)}{ab\lambda}}$$
 ou  $v = x \sqrt{\frac{2a}{(a+b)b\lambda}}$ ,

dans laquelle x représente la distance du point P au bord de l'ombre géométrique, on cherchera dans la table des intégrales

$$\int dv \cos qv^2$$
 et  $\int dv \sin qv^2$ 

les nombres qui approchent le plus de ces valeurs de v.

Je suppose que t soit la différence entre la valeur calculée et le nombre i de la table, on trouvera les intégrales correspondantes au moven des formules approximatives

$$\int_{s}^{s+t} dv \cos qv^{2} = \int_{s}^{s} dv \cos qv^{2} + \frac{1}{2i\sigma} (\sin qi (i+2t) - \sin qi^{2}),$$

$$\int_{a}^{i+t} dv \sin qv^{2} = \int_{a}^{i} dv \sin qv^{2} + \frac{1}{2iq} \left( -\cos qi \left( i + 2t \right) + \cos qi^{2} \right).$$

Après avoir fait le même calcul pour les deux valeurs de v qui répondent aux limites A et G de l'ouverture, on ajoutera ensemble les intégrales homologues, si le point M est en dedans; on les retranchera au contraire l'une de l'autre s'il est en dehors, et l'on fera enfin la somme des carrés des deux nombres trouvés. On aura de même les intensités de humière pour tous les autres points dont la position sera donnée, et en comparant ces différents résultats, on reconnaîtra entre lesquels sont placés les mazima et les minima. Étant données les intensités lumineuses de trois points asses rapprochés entre lesquels se trouve un mazimans ou un minimum, on peut aisément déterminer sa position avec une exactitude suffisante par la méthode des interpolations, en supposant que, dans ce petit espace, la courbe qui aurait pour ordonnées les intensités de ces points, et pour abscisses leurs distances à une origuie commune, coincide sensiblement avec une courbe du second degré. Cette hypothèse conduit à la formule

$$z = \frac{p'z^{-1} - p'z'^{-1}}{2(pz' - p'z')}$$

dans laquelle s' et s' représentent les distances d'un des points extrèmes aux deux autres, p' et p' les différences de leurs intensités, et enfin : la distance du même point au macrimum ou au minimum. l'ai essayé cette formule sur les macrima et les minima des franges extérieures, déjà caleulés par un autre procédé; et, sans employer des nombres plus rapprochés que ceux de la table, j'oi obtenu des résultats d'une exactitude suffisante, même pour le minimum du 7° ordre, quoique la différence de deux valeurs consécutives de v dans la table soit une partie considée de deux valeurs consécutives de v dans la table soit une partie considée rable de l'intervalle qui s'épare le minimum et le macrimum du 7° ordre.

73. Pour appliquer cette méthode de calcul aux observations, j'ai d'abord déterminé la valeur tabulaire de c, c'est-à-dire de la largeur de l'ouverture, au moyen de la formule

$$v = c \sqrt{\frac{2(a+b)}{ab\lambda}},$$

qui m'a donné ainsi l'intervalle tabulaire des deux limites. Par des tratoumements faciles, Jai cherché entre quels nombres de la table se tratouvaient les mazinas ou les minima; J'ai ensuite déterminé leur position d'une manière plus exacte par le procédé que je viens d'indiquer. Ayant ainsi calculé les valeurs de v répondant aux mazina ou aux minima, je les ai retranchées de la moûté de la valeur tabulaire de c, pour les rapporter au milieu de l'ouverture. Enfin la formatie.

$$x = v \sqrt{\frac{a+b|b|\lambda}{2a}}$$

Nº XIV.

On voit que les mesures et la théorie s'accordent, en général, assez bien, excepté dans la deuxième et la quatrième observation, où les différences sont très-sensibles, et beaucoup plus que ne le comporte la largeur des franges; car, dans la seconde observation, les mesures partielles ne différeient au plus que do com-of, et la quatrième observation, que j'ai déjà rapportée, s'accordait parfaitement, comme on l'a vu, avec une autre expérience qui devait parfaitement, comme on l'a vu, avec une autre expérience qui devait présenter les mêmes franges, almis l'ou ne peut expliquer ces différences que n supposant que la théorie est inexacte, ou qu'une illusion d'optique occasionne ici des cr-reurs constantes dans les observations.

74. La théorie repose sur une hypothèse si simple et si probable un elle-même, et elle se trouve d'ailleurs déjà vérifiée d'une manière si frappante par des expériences variées et nombreuses, qu'on ne peut guère douter de l'exactitude du principe fondamental. Il est très-vraisemblable que cette anomalie n'est qu'apparente, et qu'elle tient à un faux jugement de l'œil sur la position des minima dont il s'agit. Il est à remarquer d'abord qu'ils étaient peu prononcés, et se trouvaient compris chacun entre deux bandes brillantes d'intensités très-différentes. Or, pour inger de la position du minimum, mon œil embrassant une partie de ces deux bandes, la moitié de la bande obscure, située du côté de la plus brillante, devait me paraître plus sombre par l'effet de son voisinage, ce qui en rapprochait le minimum apparent; et c'est effectivement dans ce sens que se trouvent toutes les différences. Ce qui prouve bien que l'œil embrasse une étendue assez considérable des franges pour juger de la position des minima ou des maxima, c'est qu'avant essayé, en répétant la quatrième observation, de détruire l'illusion dont je viens de parler au moyen d'un diaphragme d'une ouverture trèsétroite placé au foyer du micromètre, et qui ne laissait voir que la bande obscure, elle me paraissait d'une teinte uniforme, et je ne pouvais plus en assigner le minimum.

Si j'ai déterminé avec assez d'exactitude les minima des franges extérieures, même dans des bandes très-vagues, c'est sans doute parce que les bandes brillantes entre lesquelles elles sont comprises diffèrent peu d'intensité; et ai les résultats de l'expérience se sont encore très-bien accordés avec ceux de la théorie pour les franges produites par une couverture étroite combinée avec un verre cylindrique, malgré les grandes différences d'intensité entre deux bandes brillantes consécutives, surtout entre celles du premier et de us second ordre, cest que la bande obscure qui les sépare est d'un noir presque complet à son munimum. En général, toutes les fois que le minimum ou le mazimum était très-prononcé, j'ai trouvé que l'expérience s'accordait parfaitement avec le calcul. Dans la cinquième observation, par exemple, j'ai musuré la distance du centre au mazimum du premier ordre, parce que cette bande brillante était très-fine, et que je pouvais en déterminer le point le plus éclairé avec beaucoup de précision. Or on voit que la différence entre le calcul et la mesure n'est ici que d'un centième de millimètre.

75. La théorie représente avec fidélité non-seulement la position des maxima et des minima, mais encore toutes les apparences des phénomènes, autant qu'on peut en juger du moins sans déterminer par des mesures précises les variations d'intensité de la lumière. Ainsi, par exemple, dans la cinquième observation, la partie correspondante au centre de l'ouverture était occupée par une large bande obscure, d'une teinte qui me paraissait sensiblement uniforme jusqu'à deux limites distantes du centre d'environ o non, 26, après lesquelles l'intensité de la lumière augmentait brusquement pour former la bande brillante du premier ordre, dont je vieus de parler. Or, en calculant l'intensité de la lumière entre ces limites, on trouve qu'effectivement elle varie fort peu, et que son accroissement est, au contraire, très-rapide dans le passage de ces limites à la bande brillante. Voici les résultats du calcul pour différents points de la bande obscure et des deux bandes brillantes entre lesquelles elle est comprise. La position de chaque point est désiguée ici par la valeur correspondante de v. comptée toujours à partir d'un des bords de l'ouverture.

	stuános.	VALEEBN DE D.	interacrás.
		1,100	2,9780
	9	1,100	3,0466
	3	1,300	2,7239
aunte de la tesete plate d'après à l'observation.	h	1,400	2,2843
	5	1,505	1,9671
	6	1,895	1,9100
	7	9,119	1,9802

En prenant pour abscisses les distances de ces points à une origine commune, et pour ordonnées les intensités correspondantes, j'ai cons-



truit la courbe MCM', qui présente bien, en effet, l'image du phénomène, comme on peut s'en assurer en répétant l'expérience. J'aurais désiré faire des constructions semblables pour

toutes les autres observations, afin de faciliter la comparaison de la théorie avec l'expérience; mais la longueur des calculs et le peu de temps qui me restait pour terminer mou Mémoire ne me l'ont pas pernis.

76. C'est par la même raison que je ne puis présenter qu'un petit uombre de résultats sur les franges produites par un corps étroit. J'ai suivi, dans la détermination de leurs mazime et minime, une marche absolument analogue à colle que j'ai indiquée pour les franges qui proviement d'une petite ouverture; seulement, au lieu de prender l'intégrale entre A et G (fig. 9), AG représentant maintenant la largeur du corps qui intercepte la lumière, je l'ai prise depuis A jusqu'à l'infini du côté S, et depuis G jusqu'à l'infini du côté T, ou, ce qui revient au même.

Air i retranché de l'intégrale tabulaire prise entre les limites A et G.

#### TABLEAU COMPARATIF

DES RÉSELTATS DE LA TRÉGRIE ET DE L'EXPÉRIENCE SER LA POSITION DES MALIMA ET DES NIVIMA DANS LES FRANÇES PRODEITES PAR L'ENTERPOSITION OUY CORPS OPAQUE ÉTROIT.

er minos des bandes hrillantes el obscures	VALEURS opposchées de v eomytées du hord	INTERSITÉS COTTOS-	VALEUES Je v répendant ous resines ou ses minimes, compilées	des marie à le p	rances a en movema rejection le l'enverteure.	огрубавасы
consprés à partir du milieu,	corps operate.	populates.	du tord du cerps opaque.	Calcul.	Observations.	
		1"	OBSERVATION.			
a	5",049:b=	o",615; c=	o***,78 ; valeur	tabulaire	de c= 1,86	5.
1" minimum, bande	- 0,565 - 0,465	0,08541	-0.581	0"0,91	0***.43	
du 1" ordre.	- 0,365	0,11333	-0,461	14, 0	0 ,30	-,
4° minimum,	+ 1,735	1,5834				
extérieure du 1° ordre.	+1,835	1,3669	+ 1,835	1 ,30	1 ,30	0
5° minimum,	+ 9,635	1,9015	1			
extérieure du s' ordre.	+ 9,735 + 9,835	1,5395	+ 9,755	1 ,73	1 .70	+1
			ORDERVATION.			
a == 3	5°,047; b = 1		1 *** ,326 ; vales	r tabulaire	de r = 2,5	90.
," minimum,	( -1,000	0,05937	) 1			
bande intérieure	- 0,900	0,01568	- 0,895	0,27	000,27	- 6
du 1" ordre.	-0,800	0,05197	}			
s' minimum,	0,300	0,2649	1			
baode	-0,200	0,2147	- 0,203	0 .78	0 ,81	-3
du 2º ordre.	-0,100	0.1722	)		1	

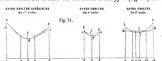
Nº XIV.

suméanos des hondes heillantes et obscures compein a parter du málicu.	PALEERS approchées de s comptées du hord du comps opeque.	orres- pendantes.	VALUURS dr - tripondent nus manina on nus menina, compiles da hand du corps spaque.	des marin	Observations	DIFFÉRENCES.
6' maximum, hande briffanto extérieure du s' ordre.	+ 2,200 + 2,300 + 2,000	2,15h7 2,5708 2,4681	+ s,33e	s~~,64	a***,66	۰
		3*	OSSESVATION.			
a = 0	i*,598; b = 0	-,553; e =	1 ,3 2 2 ; vales	ır tabulaire	de c = 3,2	77-
3° minimum, bande interieure du 3° ordre. 5° minimum, bande intérieure du 5° ordre.	- 0,300 - 0,200 - 0,100 + 0,793 + 0,760 + 0,800	0,8785 0,8338 0,3893 1,9753 1,9515	- 0,921 + 0,76s	o <sup>me</sup> ,6s	o**,63	- 1 - 5
		1.	DESPRIATION.			
a = 0	5.778; b = 0	,553; c ==	1 ,322; valeu	r tabulaire	de c = 4,11	7.
3' minimum, bande intérieure du 3' ordre.	- 1,000 - 0,900 - 0,800	0,10815 0,05264 0,07836	- o,88s	o***.65	o***,65	
5° minimum, bande intérieure du 5° ordre.	- 0,100 0,000 + 0,083	o,4813 o,4368 o,4843	- 0,010	1 ,13	1 ,16	- 3

On voit que le calcul s'accorde bien avec l'expérience, excepté au cinquième minimum de la troisième observation, où la différence est trops sensible, relativement à largeur des franges, pour qu'on puisse l'attribuer à l'incertitude ordinaire des mesures. Mais il est à remarquer que ce minimum est très-peu prononcé, et qu'il se trouve d'ailleurs entre deux bandes brillantes d'intensité très-différentes : le minimum doit done paraître plus voisin de la bande la plus briliante, ou plus éloigné du centre de l'ombre qu'il ne l'est effectivement; et c'est aussi dans ce sens que lo calcul diffère de l'observation.

Les observations 3 et d'confirment ce que la liferire nous avait apprisrelativement à l'influence des variations de a sur la position des franges intérieures. Nous voyons que leurs largeurs ne restent pas constantes, quoique c et b soient les mêmes dans les deux expériences : elles sont sensiblement plus larges dans la seconde. La différence de position donnée par "observation pour le miniaum du cinquième ordre est o"".0,6, et celle déduite de la théorie o"".08. On voit qu'elles sont à peu près égales.

77. Dans la première observation, les franges extérieures étaient signifièrement altérées par le pue de largeur du corps opaque; les bandes obseures du premièr et du deuxième ordre étaient beaucoup plus fines qu'elles ne le sont ordinairement, et la troisième bande obseures et rouvait presque effacée. L'ai voulu vérifier la théorie relativement à ce caractère remarquable du phénomène. J'ai calculé les intensités de la lumière pour différents points de ces franges, et, en les comparant à celles des mêmes points, dans le cas d'un étrai indéfiniment étendu, j'ai trouvé qu'en effet les variations d'intensité étaient plus rapides pour les bandes obseures du premièr et du deuxième ordre, et plus lentes pour celles du troisième, dans le premièr cas que dans le second. Les courbes ABCEFGHR et abéchéi (fig. 1-1) ont été

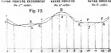


construites d'après les résultats de mon calcul réunis dans le tableau ci-dessous. La première représente les variations de la lumière pour le

N XIV. cas de l'observation n° 1, et l'autre ces mèmes variations dans le cas ordinaire d'un écran très-large.

nt witness des enformies.	ABSCINUES.	prer l'observation n° s.	pour le cas celinaire
1	1,535	9,5000	9,9397
	1,735	1,5835	1,70%
3	1,835	1,3669	1,5689
4	1,935	1,5797	1,5895
5	2,135	9,1851	2,6323
6'	2,535	1,277*	2,0753
6	2,635	1,9095	1,8091
7	2,735	1,5395	1,6870
8	1,835	1,6959	1,7934
R'	2,935	2,2098	s <sub>v</sub> e544
9	3,200	1,9539	2,1296
10	3,300	1,8984	1,8596
11	3,350	1,8907	1,7693
19	3,500	1,8999	1,7551
13	3,500	1,83o3	1,9037
15	3,600	2,0319	9,1683

78. L'observation n' 2 offrait aussi une altération singulière des franges extérieures. La bande obseure du premier ordre présentait une tente à peu près uniforme entre deux limites, la première située à 2<sup>m</sup>, 16, environ du centre de l'ombre, la deuxième à 2<sup>m</sup>, 26, après laquelle l'intensité de la lumière augmentait brusquement. La bande brillante du second ordre était plus vive et beaucoup plus fine qu'à l'ordinaire, et la bande obseure du même ordre était, au contraire, devenue plus cancine constante de l'autonité de la lautonité de l'autonité de l'aut



théorie s'accorde encore ici avec l'observation, comme on le reconnaîtra en jetant les yeux sur la figure 12, qui représente les variations d'intensifé

des différents points de ces franges, pour le cas de l'observation n° 9.

et celui d'un écran indéfiniment étendu. Cette figure a été construite - N° XIV. d'après les résultats du calcûl réunis dans le tableau ci-dessous :

	atraétos des ordospées,	assertante en valenta de v.	poer Febernation R* s.	porr le cas préparies
	,	1,600	1.9305	9,0679
Limite observée.		1,677	1,6378	1,8369
	3	1,000	1,7566	1,5633
Limite observée.	4	2,057	1.6907	1,8187
	5	9,200	2,1557	2,2047
	6	2,300	2,5708	2,3787
	7	2,400	2,5681	2,36,3
	Ř	2,500	2,0166	2,0511
	9	2,600	1,8093	1,8935
	10	2,700	1,853a	1,7051
	- 11	2,800	1,7789	1,7310
	19	1,900	1.7981	1,9571
	13	3,000	2,2184	2,2153

79. Le vieus d'appliquer le principe d'Iluyghens aux trois classes principales de phónomènes que présente la diffraction, savoir : 1° aux franges produites par le bord rectilique et indéfini d'un seul écran assez large pour qu'il ne vienne pas de lounière sensible de l'autre côté; 3° aux franges qui résultent du système de deux écrans semblables très-arpunchés fun de l'autre; 3° à celles enfin qui accompagnent et subdivisent l'ounbre d'un écran très-évoit de En comparant aux observations les résultabéduits de ce principe par la théorie des interférences, j'ai fait voir qu'il suffissit à l'explication des phénomènes dans ces différentes circustances, et que l'expression générale de l'intensité de la lumière à laquelle il condinsait les représentait fidélement jusque dans leurs aspecta les juits biarres et en apparence les plus irréguliers.

Mais, outre ces trois cas généraux, on peut en imaginer une inlinité d'autres résultant de leur combinaison. La théorie s'y appliquerait avec la même facilité, et sans doute avec le même succès; les calculs seraient

bennent pas à la diffraction, paisqu'elles se sont point formées par des rayous diffractés ou infléchis, mais par deux faisceaux lumineux régulièrement réfléchis on réfractés.

JI Je ne comprends pas ici les franges produites par un verre prismatique ou par deux miroirs formant un angle rentrant trèsobtus; à proprement parler elles n'appar-

3º XIV. seulement plus longs en raison de la multiplicité des limites des intégrales. Les expériences exigeraient aussi des appareils plus compliqués.

80. Dans la première section de ce Mémoire, j'ai décrit un phénomène qui présente la combinaison de deux des cas principaux de la diffraction : ce sont les franges que la lumière engendre en passant par deux ouvertures très-étroites et suffisamment rapprochées. Ayant découpé une feuille de cuivre dans la forme représentée par la figure a, j'ai remarqué que, lorsque les larges franges produites par chacune des fentes CECE' et DFD'F' se trouvaient assez dilatées, en raison de la distance à laquelle je me placais de l'écran, pour que l'ombre de CDFE ne contint plus que la bande brillante du premier ordre, les franges qui résultaient du concours des deux faisceaux lumineux étaient beaucoup plus nettes et plus vives que les franges intérieures de ABCD. La partie inférieure CEDF, d'abord plus éclairée que l'autre, devenait plus obscure lorsque je m'éloignais assez de l'écran; mais ses frauges contiausient à présenter des couleurs plus pures dans la lumière blanche, et des bandes obscures et brillantes plus tranchées dans la lumière homogène. L'appareil fort simple dont je me servais n'étant point susceptible de mesures exactes, je n'ai pas appliqué le calcul à cette expérience; je me bornerai à indiquer par des considérations générales comment on peut se rendre compte du phénoniène.



Soit L le point lumineux, IK la projection horicontale de la partie AEBF (fig. 2) de l'écrau, et P un point que l'on considère dans l'intérieur de son ombre, sur la ligne milieu LO, par exemple. Du point L comme centre, et d'un rayon égal à Ll, je décris l'arc IMM', qui représente l'onde incidente. Si du point P comme centre, et d'un rayon égal à l'je décris l'arc lum', les intervalles entre ces deux arcs donneront les différences deschemins parcourus par les ondes élémentaires qui concourent au point P. Considérons d'abord le cas

de la partie supérieure de l'écran, c'est-à-dire, celui où l'onde IMM'

357

n'est plus interceptée au delà du point I, Concevons cette onde divisée en une infinité de petits arcs IM, MM', etc. de facon que les droites menées en P par deux points de division consécutifs diffèrent de la longueur d'une demi-ondulation; et supposons, pour fixer et simplifier les idées, que le point P soit assez éloigné du bord de l'ombre, ou le rayon IP assez incliné sur l'onde incidente, pour que ces arcs soient sensiblement égaux; alors chacun d'eux se trouvera compris entre deux autres, qui détruiront l'effet qu'il tend à produire au point P, excepté l'arc extrême IM, dont les rayons ne perdront que la moitié de leur intensité par leur discordance avec les vibrations de l'arc voisin MM'. Si l'on intercepte cet arc et tout le reste de l'onde, on augmentera donc la lumière au point P(1); c'est l'effet que produit à une certaine distance la partie GC'E' de l'écran (fig. 2). Mais à mesure que le point P (fig. 13) s'éloigne du corps opaque, l'arc Imm' se rapproche de l'onde IMM', et il peut même s'en rapprocher indéfiniment si le point lumineux L est à une distance infinie. Les divisions M, M', etc. étant déterminées par les intervalles entre ces deux arcs, s'écarteront du point l'à mesure qu'ils se rapprocheront; il en résultera donc une augmentation continuelle de la portion MI de l'onde incidente, dont les rayons envoyés au point C conserveront toujours au moins la moitié de leur intensité derrière la partie supérieure de l'écran. Mais, dans la partie inférieure, l'ouverture CEC'E' (fig. a) n'augmentant pas de largeur, si le point lumineux est suffisamment éloigné, l'arc éclairant IM (fig. 13) deviendra à la fin assez grand, par rapport à cette ouverture, pour que le point P recoive plus de lumière dans la partie supérieure de l'ombre que dans la partie inférieure.

Considérons maintenant les franges produites par le concours des rayons lumineux qui viennent des deux côtés de l'écra MEBF (fig. 2). Derrière la partie supérieure ABCD, la lumière infléchie diminuant rapidement d'intensité à mesure qu'elle s'éloigne du bord de l'ombre géométrique, toute les franges, excepté celles qui sont très-voisine sont metrique, toute les franges, excepté celles qui sont très-voisine.

<sup>(</sup>i) Elle serait augmentée bien davantage · les arcs de rang pair, et interceptait seuleeucore, si l'écran était percé vis-à-via tous ment les rayons de œux de rang impair.

V XIV.

centre, sont formées par deux faisceaux lumineux qui diffèrent beaucoup d'intensité; par conséquent les bandes obscures doivent être pen prouoncées quand on se sert de lumière homogène, et les couleurs mêlées de gris lorsqu'on emploie la lumière blanche. Derrière la partie inférieure CEDF, les deux faisceaux lumineux introduits par les fentes CECE' et DFD'F' ont une intensité à peu près uniforme dans une étendue assez considérable de la bande brillante du premier ordre de chacune de ces ouvertures; et si elles sont assez étroites, par rapport à l'intervalle qui les sépare, pour que l'espace dans lequel la lumière infléchie est sensiblement uniforme comprenne toutes les franges qui provieunent du concours des deux faisceaux lumineux, alors les vibrations lumineuses se détruiront presque entièrement dans les points de discordance complète; les bandes obscures seront en conséquence bien plus prononcées que dans la partie supérienre de l'ombre, lorsqu'on emploiera de la lumière homogène, et la lumière blanche y fera naître des couleurs beaucoup plus pures.

Quand on observe ces franges près de l'écran, avant que les franges plus larges produites par chaque feuit soient sorties de l'ombre de AEBF, le phénomène présente un aspect très-compliqué, et qui change rapidement avec la distance de la loupe, surtout lorsque l'intervalle entre les deux feutes niest pas très-considérable relativement à leur largeur. Il serait intréessant de déterminer par le cateul la position des mazzina et minima des bandes obseures et brillantes, et de comparer ces résultats avec ceux de l'observation. Le ne doute pas que la théorie neu rect reteres une nouvelle confirmation.

81. Jusqu'à présent j'ai supposé que toutes les ondes émanaient d'un centre unique. Les points lumineux, dans les expériences de diffraction, sont toujours un assemblage d'une infinité de centres de vibration, et c'est à chacun d'eux en particulier qu'on doit appliquer tout equi a été dit précédemment. Tant qu'ils sont très-peu éloginés les uns des autres, les franges qu'ils produisent coincident sensiblement : mais les bandes obscures des uns se mêlent avec les bandes obscures des uns se mêlent avec les bandes obscures des uns se mêlent avec les bandes diffantes és autres à meure qu'on augment les diamensions du point éclairaut,

et elles finissent par s'effacer complétement. Cet effet est d'autant plus sensible sur les franges extérieures, qu'on s'éloigne davantage de l'érean, parce qu'il augmente comme cette distance, tandis que la largeur des handes obscures et brillantes croît dans un rapport plus lent. Voilà pourquoi un point lumineux assez fin pour produire des frangetrès-nettes dans le voisinage du corps opaque peut n'en donner que de très-confises à une distance plus considerable.

82. Il n'est pas nécessaire que le corps interposé soit opaque pour que cette interposition produise sur ses bords des phénomènes de diffraction; il suffit qu'une partie de l'onde soit retardée par rapport aux parties contiguës. C'est l'effet que produisent les corps transparents dont le pouvoir réfringent diffère sensiblement du milieu qui les entoure : aussi font-ils naître des franges qui bordent en dedans et en dehors l'ombre de leur contour. Elles sont même tout à fait semblables aux franges extérienres des corps opaques, lorsque la différence de marche entre les rayons qui ont traversé l'écran transparent et les rayons extérieurs contient un nombre d'ondulations un peu considérable; parce qu'alors les effets de leur influence mutuelle ne sont plus sensibles, et qu'il ne résulte de leur mélange qu'une simple addition de lumière uniforme. Mais il n'en est pas ainsi quand l'écran transparent est trèsmince, ou que son pouvoir réfringent diffère très-peu de celui du milien dans lequel il est plongé; alors les franges sont sensiblement altérées par l'influence mutuelle des rayons lumineux qui ont traversé la lame transparente et de ceux qui ont passé à côté. C'est par une raison semblable que les stries des lames de mica résultant de légères variations d'épaisseur font naître des franges qui se colorent dans la lumière blanche d'une façon tonte particulière, ainsi que M. Arago l'a remarqué.

83. Quant aux franges du geure de celles que nous avons appeléeintérieures, on ne peut pas les obtenir avec un corps transparent suffisamment érrot, parce que la lumière directe qui le traverse, beaucoupplus vive que les rayons inféclius, masque les effets de leur influence mutuelle, et que d'ailleurs les handes obseures e brillantes que corpsmutuelle, et que d'ailleurs les handes obseures e brillantes que corpste d'ailleurs les handes obseures e brillantes que corpste d'ailleurs les handes obseures et brillantes que corpst d'ailleurs les handes obseures et brillantes que corpst d'ailleurs les handes obseures et brillantes que corpst d'ailleurs les handes obseures et brillantes que corps d'ailleurs les handes obseures et brillantes que de la corps d'ailleurs les handes d'ailleurs les handes obseures et brillantes que de la corps d'ailleurs les des des de la corps d'ailleurs les des de la corpsd'ailleurs les d'ailleurs les des de la Nº 111.

transparent tend à faire naître, comme ouverture étroite, ue coïncident pas avec celles qu'il tend à produire comme écran d'une petite étendue.

- 84. Les phénomènes de la diffraction, une fois expliqués pour le cas d'une lumière homogiene, sout faciles à concevoir dans la lumière blame, che. Les franges résultent alors de la superposition de toutes les baudes obscures et hrillantes de diverses largeurs produites par les différentes expèces d'oudes dont se compose la lumière blanche. Ainsi, après avoir calculé l'intensité de chaque espèce principale de rayons dans le point que l'ou considère, d'après leur longueur d'ondulation et au moyen de la théorie que je viens d'expose, on trouvers la teinte qui s'y manifeste en substituant ces valeurs dans la formule empirique que Nexton a dounée pour déterminer le résultat d'un médang quelconque de rayons colorés.
- 85. Les surfaces polies éclairées par un point lumineux présentent des phénomèues de diffraction tout à fait semblables à ceux qu'on observe dans la lumière directe. Le champ lumineux réfléchi par un miroir est bordé de franges pareilles à celles qui entourent les ombres des corps. Quand as surface est tres-étroite, ou qu'on la noircit en y conservant seulement une ligne brillante, ou qu'on l'incline beaucoup, de manière à diminuer suffissemment la largeur du champ lumineux <sup>(6)</sup>.
- 13 L'aspect du phénomène est rigoureusement le même que si les rayons émanaient de l'image du point lumineux, et qu'on remplacét le miroir par un écran percé d'une ouverture égale à la surface réfléchiesante et semblablement inclinée. Mais les franges ainsi produites ne sont pas tout à fait pareilles à celles que formerait une ouverture dont le plan n'aurait pas la même inclinaison, serait. par exemple, perpendiculaire au faisceau lumineux, quoique d'ailleurs sa distance au point radieux et son ombre géométrique fussent égales à celles de l'ouverture inclinée. La différence est d'autant plus sensible que la largeur de l'ouverture ou du miroir incliné est plus considérable par rapport à leur distance au point Inmineux. Il en est de même

des franges intérieures produites par un écran incliné, comparées à celles d'un écran perpendiculaire.

La raison de cette différence set facile à saisir. Soient A et G les deux bords de l'écran incliné, et C le point lumineux. Considérous l'onde incidente, d'un côté, au moment où elle arrive en A; de l'antre, au moment où elle n'aire, au moment où elle n'aire.



on reproduit le phénomène singulier d'un faisceau lumineux dilaté par une ouverture trèa-étroite. Deux lignes brillantes, suffisanment rapprochées sur la surface d'un miroir noirci dans le reste de son étendue, font naître les mêmes franges que deux fentes pareilles dans un érans. Si, au lieu de noircir une grande partie de la surface réfléchissante, on n'y trace, au contraire, qu'une ligne noire d'une largeur peu considérable, elle produire des franges semblables à celles qu'on observe dans l'ombre d'un écran étroit. Enfin les phénomènes se passent absolunent comme si, la surface du miroir étant transparente, les rayons émanaient réellement de l'imagé de pôsit lumineux. La risson en est bien simple : on sait que l'image, placée sur la perpendiculaire abaissée du point lumineux et à une distance égale de la surface du miroir, jouit de cette propriété remarquable, que sa distance à un point

point encore dépassé le point G; de sorte que les oudes élémentaires ne se trouvent modifiées ni antérieurement ni postérieurement par l'interposition de l'écran. Supprimons-le pour un instant, et prolongeous les arcs GN ot AM jusqu'à leur rencontre D et B avec une droite commune CP menée par le point Inmineux. Il est clair que la résultante de toutes les vibrations qui émanent de la demi-onde DGN of concourent au point P doit être pareille de grandeur et de position à la résultante des ondes élémentaires parties de la demi-onde BAM, et conconrant au même point P. Cela posé, s'agit-il de déterminer le milieu de la bande brillanto du 1" ordre dans l'ombre de l'éeran AG : il faut chercher pour quelle position du point P il y a coincidence parfaite entre la résultante des ondes élémentaires qui émanent de GN, et celle des ondes élémentaires qui prennent leur source dans l'onde MA. Il est clair que cette condition est satisfaite quand les ares DG et AB, supprimés par l'écran, répondent à la même différence de chemins parcourus, c'est-à-dire, lorsque

$$CG + GP - CP = CA + AP - CP$$
.  
ou  $CG + GP = CA + AP$ :

parce qu'alors les intégrales qui donnet les deux réstallantes sont composére des nobres déments. Mais i lispe CP. qui staffent à l'équation G5 - GP - C1 + AP, n' est point celle qui divise l'appe M5 en deux parties figules; elle s'approche dassuintige de colde AP plus voisiné de la loupe, er qui détruit la synutire des franges intérieures par raport aux horsès de l'embre péneufreirque; et cet éfet se trouve encore augmenté, dans suparence, par la plus grande extension des franges extérieures qui viennent de l'autre côté de l'écrea.

On démontrerait, par des raisonnementssemblables, que les franges produites por un disphragme incliné ne doivent pas être disposées d'une manière symétrique relativenent à la ligne qui divise en dera portieégales l'angle des deux rayons tangente aux berede de fouverture, sinsi que cela a lieu lorsque le plan du disphragme est perpendiculaire an faisceso lunisieux. (IV. quelconque de cette surface est égale à celle du même point au point lumineux : en considérant donc les rayons comme partis de l'image du point lumineux, on ne change rine à la différence des chemins parcourns par les ondes élémentaires qui concourent à la formation des franges, et, par conséquent, à la largeur et aux intensités relatives de leurs bandes brillantes et obscures.

A cette occasion, je remarquerai que la position de la résultante des ondes élémentaires pour un endroit quelconque, dépendant uniquement de ces différences de chemins parcourus, doit être, après la réflexion, la mème que s' les rayons émanaient effectivement du point dont je viens de parter; par conséquent, dans le cas d'une surface point indéfiniment étendue, toutes les résultantes partielles seront situées à la même distance de ce point, qui se trouvera ainsi le centre de l'onderéfléchie.

86. C'est par la considération de ces ondes élémentaires que l'uygluore a expliqué d'une munière si simple les lois de la réferaction, en ramenant ces phénomènes aux mêmes principes que la propagation de la lumière dans un milieu homogène. Mais son explication laissait quedque chose à désirer. Il n'avait pas montré commenti în résulte qu'un seul système d'ondes de cette multitude de système d'ondes démentaires, parce qu'il n'avait point fait entrer en considération le principe des interférences. Il suppossit que la lumière n'est sensible que dans les points où les ondes élémentaires coincident par-faitement; tandiq ue l'absence totale du mouvement lumineux ue peut tenir qu'à l'opposition des mouvements élémentaires. C'est sans doute ce qui lui a fait croire qu'il ne s'infléchissait pas de lumière sensible dans les ombres, et l'a empéché de deviner les phénomènes de la difraction, dont sa théorie pouvait lui dévoiler les lois sans le secours de l'expérience.

Cette théoric, aidée du principe des interférences, indique donc la marche des rayons réfléchis, non-seulement dans le cas particulier d'une surface polie indéfiniment étendue, mais encore dans ceux d'une surface très-étroite ou discontinue; elle fait voir comment le peu de largeur de la surface oceasionne la dilatation de la lumière réfléchie, et comment un système de miroirs très-étroits, placés l'un à côté de l'autre, et séparés seulement par de très-petits intervalles, peut produire des images colorées, en raison de l'influence mutuelle des faisceaux lumineux ainsi dilatés : c'est le phénomène iets surfaces rayées. Elle explique avec la même facilité les images et les anneaux colorés produits par un tissu très-fin et un assemblage irrégulier de fils très-déliés ou d'atomes légers, d'une grosseur à peu près égale, placés entre l'eil du spectateur et un objet lumineur.

Je ne crois pas nécessaire de m'appesantir sur ces phénomènes, qui ne sont que des combinaisons de ceux que j'ai décrits précédemment et dont j'ai essayé de donner une théorie générale (a).

#### 141 Le Mémoire manuscrit se termine ainsi.

le ne crois pas nécesaire de m'appessair sur cre phésomènes, qui ne sout que docs combinaisons do ceux que jui décrits précédement et dout j'ai ressay de donner une théorie rigoureux. Le terminerai ce Mémoire par un esposé sucriate des principales modifications que la polarisation aporte dons l'influence melle des rayans lumineux, telles qu'elles se déduisont naturellement des phénomènes de la diffraction et de la colomition de launes cristallises.

Deux systèmes d'oudes polarisées on seus contraire ne s'influencent pas, ou du moins ne manifornt pas les effets de leur influence mutuelle. Elle ne commence à devenir essaible que foraque leurs plans de polarisation ne sont plus perponiculaires entre eux, et el ea aguanet la meaur qu'ils se rapprochent l'un de l'autrjusqu'à leur coincidence parfaite. Cest alors qu'elle atteint son mazimum et devient aussi apparente qu'elans la lumière son modifiée.

Lorsque deux systèmes d'ondes sont polarisés en sens contraire, on ne peut faire naître des effets apparents de leur influence mutuelle, en les ramenant à un plan commun de polarisation, qu'autant qu'ils ont été originairement polarisés dans le même sens.

Deux systèmes d'oudes luminousce, polarisés primitirement dans le même plan, pais en sens contairie, et efin remenés à un plan commun de polarisation, cont séparés par un internalle égal à celui qui résulte de la différence des chemins parcourus, lorsque les deux plans de polarisation, considérés d'un seul côté de leur sav de rotation, après être écardes, ex repprochent l'un de l'autre pour se réunir; et

### 364 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - PREMIÈRE SECTION.

N° XIV: cet intervalle éprouve un changement d'une demi-ondulation, quand les doux plans de polarisation continuent à éérarter jusqu'à ce qu'ils se soient placés dans le prolongement l'une d'autre.

À l'aide de ces trois principes, dont la théorie des onduktions parriedera peut éve à rouder aison, on peut expligire non-seulement tous les phônomènes que présente la polarisation combinée avec la diffraction, mais encore les coulours développées par la polarisation dans les lames minese cristallisées, et loutes les moditionates qu'elle épouvaet en avison de sjaisseurs des lames, de la direction de leurs aux es de cristallisation et des azimuts des plans de polarisation entrêmes, sans qu'il soit nécessaire de supposer que la lumière repet dans les lames mineses un autre genre de polarisation que celui qui se manifeste an sortir des cristaux assezriquis pour la diviser en dura fisierce midiante.

365

## NOTE L

CALCUL DE L'INTENSITÉ DE LA LUMIÈRE AU CENTRE DE L'OMBRE D'UN ÉCRAN .

ST D'UNE OUVERTORE CIBCULAIRES ÉCLAIRÉS PAR UN POINT RADIEUX.

1. Après le jugement de l'Académie sur les Mémoires euroyés su concours pour le prix de difficación. M. Doisson m'ayant fair tensarque que les intégrales définies qui représentent l'intensité de la lomière pouvaient aisément d'obbenir pour ce dernier cas, et jy trouvai l'explication des confeurs si vives que j'avais souvent remarquées au centre du pinceau de lumière qui a truverd un petit trou parfaitement roud. M. Poisson m'avait disjo communique le théorème singulier asquel il avait dé conduit dans le premier cas, avaoir ; que le centre de l'unibre d'un caracteristique d'obte au set cleir d'une el l'écran etasistiq pes, du moins lorque les rayons y pénêtrent sous des incidences peu obliques. Le me propose de notamer in la solution la plas simple de ces deux problèmes, sons employer les infigurales définies qui m'ent servi dans le Mémoires précédent à caleuler les autres obénomèmes de la diffraction.

Subdivisors l'ouverture par une suite de circonférences concentriques infiniment approprichées les unes été anteres. Si nous supposon que leur rayons soient propotionnels aux racines carrées des nombres naturels 1, 9, 3, etc. les superficies de cercles suivent la progression 1, 9, 3, 6, etc. et celles des noneux compris entre les patits intervalles qui d'apereul les circonférences condetuties seront toutes égales entre elles. Cet i applique à la portion de la surface de l'onde incidente qui rencourte l'outerier du disphragme, que cette oude soit plane ou sphérique. Vous avons donc subdivisé l'onde incidente en une infinité de petits anneaux centriques d'égale superficie, et qui envoient par concequent chacun au centre de la projection de cette ouverture la indiude quantité de rayons, ayant sensiblement a méme intensit, taut que les obliques de sont pas trop randes. Il faut remarquer aussi que, pour chaque anneau, les rayons qu'il envoie au centre de l'ombre sont lous de même hougeurs, not ainsi parvouru des chemins águat, et y s' trouvent en accord parfait. Par conséquent, les systèmes d'ondes résultants sout proportionnels aux superficies de ces anneaux, et, parfant, d'égale intensité.

2. Cela posé, considérons le cas particulier où la différence de marche entre le rayon central et ceux qui sont partis des bords de l'ouverture est un nombre entior de fois la longueur d'une demi-ondulation; et d'abord supposons que ce nombre soit pair : il est aisé de voir qu'alors toutes les ondes élémentaires qui arrivent au centre de l'ombre se détruisent mutuellement. En effet, divisons la portion de la surface de l'onde incidente comprise dans l'ouverture du disphragme par des circonférences concentriques, espacées de telle manière que les rayons partis de deux circonférences consécutives et concourant au centre de l'ombre different d'une demi-ondulation; nous aurons partagé cette ouverture en autant d'anneaux, y compris le petit cercle du milieu, gn'il y a de demi-ondulations de différence entre le rayon central et les rayons extrêmes; et comme le nombre de ces demi-ondulations est pair, celui des divisions de l'ouverture le sera anssi. Or il est évident qu'elles auront même superficie, ou, en d'autres termes, qu'elles contienilront chacune le même nombre des anneaux élémentaires dout nous avons parlé précédemment, et que, dans deux divisions consécutives, les anneaux élémentaires correspondants enverront des rayons qui se trouveront en discordance complète au centre de l'ombre. Par conséquent, tous les rayons envoyés en ce point par deux divisions consécutives se détruiront mutuellement; et puisqu'elles sont en nombre pair, il y aura destruction complète de toutes les ondes élémentaires qui émanent de l'onde incidente, et le centre de la projection de l'ouverture sera privé de lumière. Il-en recevra au contraire la plus grande quantité possible, quand la

3. Si l'ou veut savoir maintenant quel rapport d'intensité il y a entre la lumière reque dans ce dernier cas et celle qui tombe au même point quand on supprime tout à fait l'écran, il suffit d'appliquer les raisonnements ci-dessus au cas où l'ouverture serait infiniment large. Mais, pour arriver à un résultat exact, il ne faut plus supposer que chaque division de l'ouverture ou anneau principal détruit l'effet produit par l'anneau suivant, dont les rayons différent d'une demi-ondulation; car, quoique la superficie des deux auneaux et l'intensité des rayons qu'ils envoient différent infiniment peu, ces différences, quelque petites qu'elles soient, étant répétées une infinité de fois, peuvent produire une quantité sensible. Il est bien plus rigoureux de dire que les vibrations qui émanent de chaque anneau sont détruites par la moitié des vitesses absolues qu'apportent les rayons de l'anneau qui le précède et de celui qui le suit; car, si les différences dont nous venons de parler sont des infiniment petits du premier ordre entre deux anneaux consécutifs, elles deviennent des infiniment petits du deuxième ordre quand on compare la superficie d'un annean ou l'intensité de ses rayons avec la demi-somme des superficies ou de l'intensité des rayons des deux anneaux entre lesquels il est compris. On n'a

différence de marche eutre le rayon central et les rayons extrêmes contiendra na nombre impair de demi-ondulations, puisque alors une de ces divisions restera tout

entière pour éclairer le centre de l'ombre.

donc plus à craindre que le résultat du calcul soit affecté d'une erreur seusible par la somme des quantités négligées, quelque nombreuses qu'elles soient.

4. En appliquant cette unerche de calcul à une ouverture finie, nous arriverions an mêmes récluitst que nous venom de frouver par une autre combination des ourses éfémentaires. En effet, les rayons de chaque anneau étant déreits par la moitié des visesses aboleuse des notes des deux divisions contigies, il ne restera que la moitié des vitesses aboleuses du poit cercle central et de l'anneau cettem, que la moitié des vitesses aboleuses du poit cercle central et de l'anneau cettem, que de dérireiron aussi mutatellement, si le monibre de drisions est pair, et s'ajouteront s'il est impair, de manière à reproduire la même quantité de hunière qu'unsiri foramie un seel anneau, ou le pott cercle central. Cette addition un seel anneau, ou le pott cercle contact. Cette addition un seel anneau, ou d'abbliquité.

5. Supposoas maintenant que l'ouverture circulaire sui infiniment grandre; les ordes élémentaires devenant d'autant plus fubbes que les rypors qui les apportent s'écarient davantage de la direction normale à l'onde inridente, on peut reparder comme nulles celles qui viennent de l'anneau extrêmé, et alors in orste plus que la motifé des vitenses absolues imprinées aux molécules éthérées par les rapus du petit cercle central. Ainsi, l'intensité de la lumière étant proportionnelle au motifé des vitenses absolues, lorque l'ouverture est indéfinie, ou qu'il n' à pas déferent, de point dont nons nous occupons requi quatre fois mointe de lumière qu'aven un écran percé d'une ouverture circulaire d'un diamètre de (relativement à su position) qu'il y ait nos différence d'un nombre impair de demi-ondubtions entre l'aux et les raysons astrèmes. Quel que soit le diamètre du disphragme, on peut langures saitoirée à cette condition, en faisant virre convendament dia tanne-du carton sur loquel on reçoit l'ombre, et même, s'il est nécessaire, celle du pois l'universe.

En représentant par r le rayon de l'ouverture circulaire, et par a et è les distances de l'écran au point lumineux et au carton, on sait que la différence de marche entre l'axe et les rayons partis de la circonférence est égale à

$$\frac{1}{b}r^{2}(a+b)$$

A l'aide de cette formule on peut aisément calculer les distances auxquelles il faut places le carton ou le foyer de la loupe servant à observer les franges, pour obtenir un minimum ou un mazimum de lumière au centre de la projection de l'ouverture. Il suffit d'épaler cette expression à un nombre pair ou impair de deui-on-dustions : et qui donne, dans le premier cas.

$$\frac{r^*(a+b)}{ab} = 2n\lambda;$$

Nº XIV. et dans le second.

$$\frac{r^3(a+b)}{ab} = (2n+1)\lambda.$$

A l'aide de ces deux équations on calcule, pour toutes les valeurs 1, 2, 3, etc. qu'on aura données à n, la distance de b qui correspond à un maximum ou à un minimum, dans une lumière bomogène dont la longueur d'ondulation à est connue.

6. Jai vérifié cas formules par l'observation, avec la même lumière rouge homogène que javissi déji employée dans mes autres capérimes de diffraction, et jai touve qu'effectivement, en plaçant le foyer de la loupe aux distances calculés d'après la première équation, on apervanit comme une tache d'enere au contre de l'enverture circulaire, tandis que ce même point parsissait atteindre son maximum de cârde aux distances décluise de la seconde équation.

La tache noire n'était d'une obscurité complète que pour les distances correpondantes aux valeurs de n qui ne passaient pas les nombres 3 ou 6. Au dela, c'est-à-dire plus près de l'étran, le défaut d'homogénétié de la lumière employée commençait à se faire sentir, et la tache centrale n'était plus d'un noir aussi foncé.

7. Les raisonnements que nous avons faits pour le cas d'une ouverture indéfinie peuvent s'appliquer à un écran circulaire, ot donner une démonstration bien simple du théorème singulier que M. Poisson avait déduit des intégrales générales. En effet, divisons la surface de l'onde incidente, à partir du contour de l'écran circulaire, en une suite indéfinie d'anneaux principaux dont les rayons correspondants envoyés au centre de l'onde différent encore d'une domi-ondulation. Ces divisions principales contiendront encore le mêmo nombre de petits anneaux élémentaires d'égale superficie, et dont les rayons différeront d'une demi-ondulation d'uno division à l'autre. Ainsi on ponrra regarder tous les rayons venant de chaque anneau principal comme détruits complétement par la moitié des vibrations des rayons des deux anneaux contigus, excepté celui qui borde l'écran et l'anneau extrême, dont les rayona conservent la moitié de lours vitesses absolues. Mais, ainsi quo nous l'avons déjà remarqué, les rayons de l'anneau extrême peuvent être considérés comme nuls, à cause de leur grando obliquité; on sorte qu'il ne reste plus que la moitié des vibrations des rayons de l'anneau contigu à l'écran. Or cet anneau a la même superficie que lo potit cercle central de l'ouverture circulaire: d'un antre côté, les rayons qu'il envoie au centre de l'ombre ont seusiblement la même intensité que ceux qui émanaient do ce petit cercle central, si du moins leur inclinaison n'est pas trop prononcée; donc, dans ce cas, le centre de l'ombre d'un écran circulaire doit être autant éclairé que s'il recevait la lumière par une ouverture circulaire indéfinie, c'est-à-dire que s'il n'y avait pas d'écran. C'est ce que M. Arago a vérifié sur l'ombre d'un écran de 2 millimètres de diamètre (1).

Ce théorème est indépendant, comme on le voit, du diamètre de l'éren et de la distance à laquelle son reçoit son ombre, tant qu'il n'en résulte pas une trop grande obliquité pour les rayons infléchis; il est également indépendant de la longueur d'ondulation, écut-à-dire que, pour toules les espèces de rayons colorés, le centre de l'ombre reçoit autant de lumière que s'il y avait pas d'évent conséquent ce point doit être toujours blane, quand on emploie de la lumière blanche, et clu à toute distance de l'éren.

8. Il a'eu est pa de même du centre de la projection d'une ouverture circulaire éclairée par un point lumineux; elle présente souvent dans la lumière blanche les plus vives couleurs, couleurs qui changeat avec le diamètre de cette ouverture et as distance au point lumineux ou au carton sur lequel on en reçoil Tombre. Avivacité de ces tients tent à c equ'il y a successivement destruction tonté de charune des explèces de rayons colorés qui composent la lumière blanche; ce qui laisse mieux dominer la couleur des suttres.

Pour calculer ces teintes, il devient nécessaire de trouver l'expression générale de l'intensité de la lumière, lorsque la différence de marche entre le rayon central et ceux qui parlent des bords de l'ouverture contient un nombre fractionnaire quelconnue de demi-ondulations.

Pour un point de l'ouverture distant du centre d'une quantité égale à z, la différence de longueur entre le rayon qui en émane et l'axe est, ainsi que nous l'avons déjà rappelé,

$$\frac{1}{ab}z^{a}(a+b)$$

La surface du petit anneau élémentaire qui passe par ce point est égule à 2#Zdz, et la résultante élémentaire de toutes les vibrations qu'il envoie au centre de l'ombre est proportionnelle à cette expression. Je décompose ce système d'ondes

<sup>10</sup> Cot évens dais (cellé par sou centre, avec nu peu de circ molt, sur mas plaque de sever à faces parallèles. Dis que le diamète de l'écret ent un per grand, par memple d'un confidente, la moindres défants da ses bords ou de la plaque de verve sus luquéles il est datierna la régimair des nassours obscurs es belliats qui estoùcreal la table blanche du centre de l'auther. Il font que le petit dique multilique unit stilique est istemaré avec le plus grand soin on forma de obse trance, de mantière que se hords sievel notat. hiseau. La plaque de verre doit étre parfattement exemple de stries, et avoir ses faces hiem planet. Za sa servant d'un poisi lansieux extrémennent éloigné, let qu'une étois fair, en pourrait enploque des écans bouscoup plas grands, si l'on v'en éloignait saces pour que le point brillant de centre de l'ombre acquit un dismètre soffisant. Mais pest-étre qu'alors il vasdrait mieux suspendre l'évens à deux fils très-fins, que de le coller sur une plaque de verre. Y XIV. en deux autres, dont l'un soit en accord parfait avec les vibrations envoyées par le centre de l'ouverture, et l'autre en diffare d'un quart d'ondulation : l'intensité du premier sers

$$2\pi z dz \cos\left(\frac{\pi z^2(a+b)}{ab}\right)$$

et relle du second.

$$2\pi z dz \sin\left(\frac{\pi z^2(a+b)}{ab}\right)$$

Pour voir la somme de toots les compossates éfenentaires en accord parfait avec le rayon entral; il fut indigére le première supersion; l'indigérel de la acconde donners la somme de toutes les compossates dont les vibrations différent des premières d'un quert d'oudulation. Ces infégrations sont très-faciles, parce que sazé est précidentent la différentiée de s'. En infégrat depuis z - o jusqu'à z - r, et ajoutant les carrés des deux intégrales, on trouve pour le carré de la révultante définitée,

$$2\left(\frac{ab\lambda}{a+b}\right)^2\left[1-\cos\left(\frac{\pi(a+b)r^2}{ab\lambda}\right)\right]$$

Afin de douser plus de clarif et de précision à cette expression de l'intensité de la hunière, il fiste la rapporte à une autre intensité fise prise pour unité, par exemple, à celle de chaque espèce d'ondes à l'unité de distance du point lumineux. Dans ce cas, a + b - 1. De plus, nous avenus que, quand il a'ya plus d'éran, a la résultante gérécire des ondes éférentaires est égal e la moitié de celle que donnerait une ouverture circulaire qui ne comprendrait que le poit cercle central, c'est-d-ière pour laquel la différence de chemins parrourus

serait égale à ¦ λ; en sorte qu'on aurai

Dans ce cas particulier, la formule précédente devient a clab<sup>1</sup>. Or une parille ouverture donne nu système Coubet dans lequel les vissees shobless des métécules éthérées sent doubles de ce qu'elles sersient  $\delta \Pi$  n'y avait pas d'éranc par conséquent, l'intensité de la tomière est quadruple, et celle qu'on surait en supprimant le disphrague se trover reprécentée par  $\gamma$  (sob N, en la déduisant de la formule générale ci-dessus. Máis, posique cette dermière intensité de lunière et celle que nons persons pour uniét, if faut modifier is formule générale de nonière à trouver : au lieu de  $\frac{1}{\gamma}$  (ab, N), quand if n y a plus de disphrague, c'est-belir qu'il faut il duiriser par  $\gamma$  (sob.). Elle deviet al durière par l'ach N). Elle deviet al durière par (sob.).

$$\frac{2}{(a+b)^{2}} \left[ 1 - \cos \left( \frac{\pi (a+b) r^{3}}{ab\lambda} \right) \right].$$

Nº XIV.

9. Čette formule nous conduit aux mêmes équations que nous avons trouvées plus haut pour déterminer les distances b, qui répondent aux mazime et minime de lumère. En effet, on voit qu'elle devient nulle quand cos  $\frac{(\pi(a+b))^2}{ab\lambda}$ . Égal à + 1, ou  $\frac{(a-b)^2}{ab\lambda}$  égal à un nombre pair, et qu'elle atteint son mazimum.

au contraire, lorsque  $\frac{(a+b)\,r^2}{ab\lambda}$  est un nombre impair. Dans le premier cas, ou a

$$\frac{(a+b)r^2}{ab\lambda} = 2$$
;  $\frac{(a+b)r^2}{ab\lambda} = 4$ , etc.

d'où l'on tire

$$b = \frac{ar^i}{2a\lambda - r^i};$$
  $b = \frac{ar^i}{ba\lambda - r^i};$  etc.

10. Le nr apportent qu'une des expériences par lesquelles j'ai vérifié cette formule. La distance de l'écran au point lumineur était de hooc-me tel diamètre de l'euverture de "no, ou, son nr ayon de 1-m, ool. Es usubitatunt door-mê la place de a, et 1-m, ool. Si la place de r dans la première des valeurs de b, on trouve 89\*m pour la distance à lauquelle e centre de l'ombre est un noir 1-m ordre dans la lumière rouge, dout la longueur d'ondulation \(\lambda\) est égale à o-m, ooofsit; et en ellet, en plaçant le foyer de la loupe à cette distance, le centre de l'ouvertent c'inclusier ne parsissit d'un noir très-fouritaire me parsissit d'un noir très-fourit d'un sont très-fourit d'un sont très-fourit d'un sont très-fourit d'un noir très-fourit d'un no

Dans la lumière blanche sa teinte était d'un bleu clair, moyen eutre le bleu et l'indigo, antant que j'en ai pu juger du moins, sans avoir le spectre solaire pour objet de comparaison.

11. L'expression générale de l'intensité de la lumbire pour les annouax colorés refléchis sous l'incideuce perpendiculaire est  $1 - \cos\left(\frac{4\pi}{3\pi}\right)$ ,  $\sigma$  représentant l'épaisseur de la lame d'air. En comparant cette formule h la précédente, on voit que le ceutre de l'ombre d'une ouverture circulaire doit présenter la même série de tentates que les annouax réfléchis, et que, dans l'expérience dont il s'apit, la teinte centrale doit être celle que donne une lame d'air d'une épaisseur égalà  $\sigma$ -mood 1g, ou à 1 $\pi$ ,56 en millioniètees de pouce auplain. Que la biable irhondre à un indigo légèrement violané; se qui ne s'accorde pas très-exactement aver l'observation, qui air offert une teint à peu près movemen entre l'indigo et le bleu.

Nais, en calculant l'intensité des sept principales espèces de rayons, et déterminant la teinte par la formule empirique de Newton pour les mélanges des rayons colorés, on arrive à un résultat qui s'accorde mieux avec l'observation.

On trouve d'abord pour les intensités des sept principales espèces de couleurs :

#### 372 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. — PREMIÈRE SECTION.

Nº XIV.

 b
 bleu
 1,836

 v
 vert
 0,975

 j
 jaune
 0,448

 u
 orangé
 0,169

r...... rouge...... 0,016
Substituent ces valeurs dans les formules suivantes (1):

 $X = \frac{(r+u) \cdot 0.8228 + (o+i) \cdot 0.2074 - (j+b) \cdot 0.5140 - v \times 0.9538}{r+o+j+v+b+i+u},$ 

et

$$Y = \frac{(r-u) \cdot 0.4823 + (o-i) \cdot 0.9632 + (j-b) \cdot 0.8137}{r+o+j+v+b+i+a}$$

on a

$$X = -\frac{0.022}{7.321} = -0.0030$$
, et  $Y = -\frac{3.732}{7.321} = -0.5098$ .

Mais

tang 
$$U = \frac{Y}{X} = \frac{3,732}{3,933}$$
;

d'ou il routle que  $U=s6p^*$  do. Or la séparation du bleu et de l'indigo répond à  $s6p^*$  d'angle qui ne diffère du précédent que de  $f^*$  3.6. Ainsi la teiroite retre le doit être presque exactement moyenne entre le bleu et l'indigo. De plus, on trouve pour  $\lambda$ , qui ost égal à  $\frac{1}{3}\sin U$ ,  $\delta$ ,  $\delta$ ;  $\sigma$ ,  $\delta$ ;  $\sigma$ , et per conséquent pour  $\tau=\lambda$ ,  $\sigma$ ,  $\delta$ ,  $\sigma$ , est-ext-dire que en blue contain mainté de lumière blanche, eç qui oùt le rendre beaucoup plus chier que le blue du spectre soluire auque il répond. Ces résultats securdant asses bien, comme on voit, aver l'observation, et indiquent en même temps une fégire d'ifférence entre la table de Nevto et les traites calculés, au moyen de sa formule, d'appels las intestiées déduites du prireige est interférence des interférences des metals.

(1) Voyet le Traité de physique de M. Biot, t. III, p. 451.

<sup>14</sup> Le manuscrit de cette note se termine par le passage suivant :

Vas. Cette table a-t-elle été calculée ou déterminée immédiatement par l'abservation? Le première opinion paraît la plus vraisemblable, en lisant attentivement les remarques qui précèdent cette table dans l'Optique de Newton, et qu'il termine en disant : «C'est sur ce fondement que l'ai dressé la table suivante.»

Haura sons doute ensuite vérifié soigneusement les résultats de sa théorie par l'expérience, mais il est possible que de légères différences lui aieut échappé.

Quei qu' le naid, en aleghant les longueurs d'acob que Nentra a donnée pour les seprprimipales explore de reyou, et le contention qu'il a imaginé pour treuve le bien et sultant d'un mêtange de ror reyou dans des proportions quelonques, un et condisit à de réchtable qui ne Aucedende pas toujours partitainent avec table, quand on se vait principe des interférences, qui a dé-vérité par tant de phésoushes divers qu'en ne peut seles évoire de non acestisales.

### NOTE IL

### EXPLICATION DE LA BÉFRACTION DANS LE SYSTÈME DES ONDES (a)

 La théorie des vibrations lumineuses est encore si peu connue, que nous ne croirons pas déplaire anx lecteurs en leur présentant d'une manière succincte l'explication qu'elle donne des lois de la réfraction.

Les partians les plas sides de système de l'émission ne peuvent nier la suprierité de l'autre, quant aux résultas, évit-deire un formules qui en oté déduise. Cest la théorie des ondalations qui a révélé au docteur Young des relations numériques si remarquables entre les phénomènes de l'optique les plus diffrents, c'est elle anaiq qui fait connaître les lois giératies de la diffraction, qui la simple observation n'aurait pu jamais dévouvir, et les véritables principes de la coloration des lamas cristallisées. On a reproché à cette théorie le vague de ses explications, qui conduisent rependant à des formules confirmées par les faits; et quign'elle calcule la marche des rayous réfractés dans un grand nombre de ca où ils suivent des lois beaucoup plus compliquées que la loi de Descattes, on a prétenda qu'elle ne pouvait pas senore expliquer celler d'une manière saisfaisante : c'est ce que nous allons tâcher de mettre le lecteur à portée de juger luimême.

 Nous rappellerons d'abord en peu de mots les définitions et les principes nécessaires à l'intelligence de la démonstration.

Lorsqu'un thrankment est racide dans un point d'un fluide dont l'élaticité des net noismers. Idenament se prompse arce une égale prompitiude en tout est est forme ainsi des ondes sphériques dont ce point est le centre. Nous appelous surface de l'ande la surface sur tous les points de laquelle l'ébrusileures artires au même intanta, on, en d'autres termes, la réfanio de tous les points qui éproverent simultantément un mouvement correspondant à la même époque de l'occilistica du uneur, tilel que celle où a vitesse est mille on attention sonarismes. Celte marface est sphérique dons le cas particulier que nous considérons; mais elle peut affecte un ante forme et devenir ellipsoidales, per cemple, quand l'Assistié du milleu n'est.

<sup>&</sup>lt;sup>50</sup> Cette note est la reproduction textuelle, à quelques variantes près, d'un article inséré au Bullétin de la Société philomathique (octobre 1811), et au tome XXI des Annales de chimie et de phisque, p. 205 (cabier de novembre 1829.)

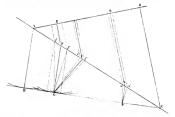
#### 374 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. — PREMIÈRE SECTION.

v XIV. pas la même dans toutes les directions. On appelle rapus la ligne droite menée du coutre d'ébranlement à la surface de l'onde; c'est la ligne suivant laquelle se propage l'ébranlement : elle est perpendiculaire à la surface de l'onde, quand cellectent sphérique. Cette normale est la direction suivant laquelle s'opère la vision, soit à l'œil un, soit avec une functie.

La nature de l'ébranlement est une chose essentielle à considérer dans la question qui nous occupe : nous admettrons qu'il est oscillatoire, et que les oscillations de la molécule vibrante qui agite l'éther se répètent régulièrement un très-grand nombre de fois; il en résultera une suite non interrompue d'ondulations de même longueur. Nous appelons ondulation entière toute la partie du fluide ébranlée par une oscillation complète, c'est-à-dire une allée et un retour de la molécule vibrante : l'ondulation entière est composée de deux demi-ondulations qui répondent l'une à l'allée et l'autre au retour de la molécule vibrante; elles sont tout à fait pareilles et symétriques, quant à l'intensité des vitesses absolues des molécules du fluide et des forces accélératrices résultant de leurs déplacements relatifs, mais contraires quant au sigue de ces vitesses et de ces forces accélératrices, qui sont positives dans l'une et négatives dans l'autre. C'est une conséquence nécessaire de la nature oscillatoire de l'ébranlement primitif. Il en résulte que, lorsque deux séries d'undes semblables, ayant la même longueur d'ondulations, se propagent suivant la même direction. et que l'une est en retard sur l'autre d'une demi-ondulation, il v a opposition complète entre les mouvements qu'elles tendeut à imprimer aux molécules éthérées, si d'ailleurs ces mouvements sont parallèles dans les deux systèmes d'ondes : car les vitesses et les forces accélératrices qu'ils apportent en chaque point de l'éther seront partout de signes contraires; et si elles sont égales, c'est-à-dire si les deux systèmes d'ondes ont la même intensité, elles se nentraliseront mutuellement dans toute l'étendue de ceux-ci, excepté les deux demi-ondulations extrêmes, qui échappent à l'interférence, mais qui sont une trop petite partie du mouvement total pour affecter l'œil d'une manière sensible. Ainsi, toutes les fois que deux systèmes d'ondes parallèles de même nature et de même intensité diffèrent dans leur marche d'une demi-ondulation, on peut dire qu'ils se détruisent complétement.

3. Cela post, soit AC la surface de séparation de deux militeux, dans lesqués la marche de la humilier n'a pas le même degré de rapidité. Soit à Ba me onde incidentes, inclinée d'un angle quéconque sur AC et supposée plane, comme la variere réfriquente, pour simplifier ne raisonnements; et supposée point la minem infiniment éboigné. Les diverses parties de la surface de cette onde ne concentreront AC que le unes aprèle sa autres : él nouvet comparre les instants d'arrivée des dont points le et B, par exemple, il faut mener perpendiculairement l'armié des deux points et et B, par exemple, il faut mener perspondataix éen d'homt le s'ingues per le et B, qui revent les raysos rerespondataix éen points.

les lignes suivant lesquelles se propage l'ébranlement et se mesure la vitesse de propagaion; la différence entre BC et FF sera celle des échemins parcoursa par les points Ec et guelles que soient d'ailleurs les petites inflexions que l'onde et les rayans peuvent éprouver dans le voisinage de AC, puisqu'elles seront les mêmes pour toutes les parties de l'onde qui atteindront successivement AC, à cauxde la similiude parfaite des circonstances; si donc on divies BC — EF par la vitesse de propagation de la lumière dans le premier milieu, on sura le temps qui «écoule entre la arrivées des points E et à la la surface réfriquente AC.



D'après le principe de la consistence des putits movements, noue pouvour considérer chaque point érhend de cette surface somme dent lei-même un centre d'étrantement par rapport su second milies, dans lequet il produirsi, il il gissile sed, une conde sphérique éférrite de ce même point comme centre. Cette onénurai-telle la même intensité dans toute l'étendue de sa surface, écst-à-dire les constitutions des molécules éthérées y auxienne-telles partout la même semble, la même vitiese absolue? Non anna doute, et cette vituese poerrait même être nothe dans une partie de a surface de l'onde, Misi, s' comme les vitesese absolues des médicules n'out aucuno inflicace sur la vitesse de propagation, elle sere la mêmete not sens, et l'ondé dérivés sers aphérique "s' s' et le vitesses absolues des mêmetem tout sens, et l'ondé dérivés sers aphérique "s' s' et vitesses absolues des mêmetem tout sens, et l'ondé dérivés sers aphérique "s' s' et vitesses absolues des

(1) On pourrait objecter que, si les ondos propagées par un milien dont l'élasticité est la même le centre d'ébraulement est dans l'intérieur de co Nº XIV.

cules pe changeront brusquement, ni d'intensité, ni de direction d'un point de la surface de l'onde au point suivant, mais graduellement et d'une manière conforme à la loi de continuité. Ainsi, toutes les fois que l'on considérera deux points trèsvoisins de la surface de l'onde, ou plus généralement deux points dont les rayons font entre enx nn très-petit angle, on ponrra dire que les vitesses absolues des molécules y sont sensiblement égales et parallèles; 3° Quelles que soient les altérations qu'ait éprouvées l'ébranlement en passant du premier milieu dans le second, il n'a pas pu perdre son caractère de mouvement oscillatoire; et les ondes qui émanent de chaque point de la surface réfringente seront tonjours composées chacune de deux demi-ondulations de signes contraires, dans lesquelles les intensités des vitesses absolues et des forces accélératrices seront les mêmes de part et d'autre : car les quantités positives et négatives étaut égales dans l'ébranlement primitif, devront l'être encore dans les ondes dérivées. En effet, le déplacement très-petit d'une molécule, soit dans l'intérieur d'un milieu homogène, soit à la surface de contact de deux milieux élastiques différents, s'exécutant avec la même vitesse et suivant la même direction, mais en sens contraires, produit dans les deux cas, sur les molécules voisines, des forces accélératrices de signes contraires, mais dont l'intensité et la direction sont d'ailleurs les mêmes; c'est ce qui a toujours lieu, quelle que soit la loi des forces que les molécules exercent les unes sur les autres, quand le déplacement est très-petit. Ainsi les molécules voisines se mouvront dans les denx cas avec les mêmes vitesses et snivant les mêmes directions, mais en seus opposés. Ce que nous venons de dire de la première molécule déplacée peut s'appliquer à celles qu'elle a ébranlées, et ainsi de suite; d'où l'on voit que les mou-

milies, il e s'es pa régulement certain que la sodia qui prement maissance à la limite concerveit ancre la forme aphérique. Mini il est aixi d'évrite certe difficulté, en finant parier les oudre d'un plan inferiore parellale à la sortez cérinqueza, a la live du place rivan certes sur cette un'âce, aplace. Dans le cas que nous conidérons, où rebe de la companie de la companie de la companie de rebe de la companie de la companie de la companie de rebe de la companie de la companie de la companie de second plan arenat les notantes de la companie de second plan arenat les notantes de la companie de second plan arenat les notantes de la companie de second plan arenat les notantes de la companie de second plan arenat les notantes de la companie de second plan arenat les notantes de la companie de second plan arenat les notantes de la companie de second plan arenat les notantes de la companie de second plan arenat les notantes de la companie de la différence au mais les companies de la companie de la companie de second plan arenat les notantes de la companie de la companie de second plan arenat les notantes de la companie de la companie de second plan arenat les notantes de la companie de la companie de second plan arenat les notantes de la companie de la companie de second plan arenat les notantes de la companie de la companie de second plan arenat les notantes de la companie de la companie de second plan arenat les notantes de la companie de la companie de second plan arenat les notantes de la companie de la companie de second plan arenat les notantes de la companie de la companie de second plan arenat les notantes de la companie de la companie de second plan arenat les notantes de la companie de la companie de second plan arenat les notantes de la companie de la companie de second plan arenat les notantes de la companie de la companie de la companie de second plan arenat les notantes de la companie de la compa gente, paisqu'ils derivat lous employre tentue intervale de tenne ja peccupir l'espece compriientre de det ne ja peccupir l'espece comprientre cas deux plans, ve la similature des circonstances. Ami rim ne serve shangla nesquences qu'in deluit de ces differences, et, les centre den aboné l'émantières se trouves intuites dans centre den aboné l'émantières se trouve situés dans l'intervent des record milliées et aussi désignés qu'en soules de la surface réfrire de désignés qu'en soules de la surface réfrire de par spécimen, sourcet dans la pertion de leur surface qui concourra à la formation de l'coderéfrectée."

Cette gote monque dans le Buffetin de la Société philosnathique et dans les Annules de chimie et de physique.

vements des molécules et les forces accelératives résultant de leur deplacement rétails sevent acceleratives présides de deux cas, quaire rétails sevent accelerationnes parciel dont les deux cas, quaire les deux cas, quaire de la coliment de la c

4. Quoique le principe dont nous venous de donner la raison fondamentale soit presque évident par lui-même, comme il a paru à un savant géomètre susceptible d'être contesté, nous allons essayer de le démontrer encore d'une autre manière.

D'après le principe général de la composition des petits mouvements, le mouvement total produit en un point, par un nombre quelconque d'ébranlements divers, à un instant déterminé, est la résultante statique de toutes les vitesses absolues que chaque ébranlement aurait envoyées en ce point au même instant, en agissant isolément. Cela posé, concevons dans le premier milieu deux systèmes d'ondes semblables à celui que nous avons considéré d'abord, dont les intensités soient égales, les surfaces parallèles, et qui différent d'une demi-ondulation : il n'y aura plus de vibrations dans le premier milieu. Or l'effet produit dans le second doit être en chaque point la résultante statique des vibrations qu'y produiraient séparément les deux systèmes d'ondes incidents : c'est une conséquence du principe que nous venons d'énoncer; et, d'après lo même principe, le mouvement apporté en un point du second milien par chaque système est la résultante statique de tous les mouvements qu'y apporteraient au même instant les ondes élémentaires produites par les diverses parties ébranlées de la surface AC, si chacun de ces petits centres d'ébranlement agissait isolément. Mais les systèmes d'ondes élémentaires qui émaneraient des mêmes points de la surface auraient la même intensité, romme les deux systèmes incidents qui les ont produits; ils se superposeraient exactement, et différeraient seulement dans leurs vibrations d'une demi-ondulation; or il est évident que, s'ils ne se détruisaient pas mutuellement, si les vitosses positives l'emportaient, par exemple, sur les négatives, il y aurait mouvement dans le second milieu, tandis qu'il n'y en avait pas dans le premier; ce qui serait absurde. On peut donc dire que deux systèmes d'ondes élémentaires réfractées, de même intensité et dont les surfaces ou les rayons sont parallèles, se détruisent mutuellement quand ils different d'une demi-ondulation. C'est un principe dont nous allons bientôt nons servir.

5. Cherchons maintenant quelles seront les positions respectives de toutes les ondes élémentaires parties des différents points de AC, à un instant déterminé, par

V XIV.

exemple quand l'ébranlement B arrive en C. Si du point A, comme centre, et d'un rayon AD égal à l'espace que la lumière parcourt dans le second milieu pendant le même intervalle de temps qu'elle met à parcourir BC dans le premier, ou décrit un arc de cercle, cet arc représenters l'onde partie du point A an moment où le ravon parti de B arrive en C; et si par la droite projetée en C on mène à cette onde le plan tangent CD, il sera tangent aussi, an même instant, à tontes les autres ondes élémentaires envoyées par les différents points de AC. En effet, prenons pour unité de temps celui que la lumière a mis à parcourir BC et AD, ces deux lignes représenteront les vitesses de propagation de la lumière dans les deux milieux : un autre point quelconque E de l'onde incidente parcourra EF dans un intervalle de temps égal à EF; et si du point F comme centre on décrit un arc de cercle tangent à CD, le rayon FG sera parcouru par la lumière dans un intervalle de temps égal à  $\frac{FG}{AD}$ : or, à l'aide des triangles semblables AEF et ABC d'une part, CFG et CAD de l'autre, on démontre aisément que ces deux quotients ajontés ensemble donnent une somme égale à l'unité, c'est-à-dire au temps que la lumière a mis à aller de B en C on de A en D; ainsi l'arc décrit du point F comme centre tangentiellement à CD représente bien la position de l'onde partie de F, à l'instant que nous considérons. Pareillement, ponr avoir les positions simultanées des ondes parties de tous les autres points f, f', il faut décrire de chacun de ces points comme centre des arcs de cercle tangents à CD, qui sera ainsi le lieu géométrique des premiers ébranlements.

6. L'onde réfrasée, on plus exactement le système des ondes réfracées, doit étre formée par la réunion de tous les systèmes d'ondes élémentaires partis de AC. Pour déterminer les mouvements qui s'opèrent en un point quedonque G, il fant chercher la résultante statique de tous les mouvements envoyés en G au même instant par le différents points f, F, f, et, de de la sarfice AC.

Ce problème serait très-difficie à résoudre si le point G était voisin de Aci, il andrait consaître vaint quelle loi l'intensité de raspas éfémentaires vaire autour de chaque centre d'ébranlement. Mais cela ûret plus nécessaire quand G sat écit que le la surface étingante d'une quandité très-grande résluirement à la lougour d'une ondulation, parce qu'il arrive alors que tous les rayons 16, 16, 176, dont l'obliquité sur l'G est un peu prounocée, se détraisent nutuellement; en sorte qu'il y a que des rayons f. 6, 16, repent partièle à l'é C, ivi acrecent une influence sensible sur l'intensité et la position en G du système d'ondes récellant. Or ce sayons, étant establement parallèles, son inéritée de la même manière relativement à la surface réfiniquent, et, se trouvant ainsi dans des circonstances semi-

composition des mouvements se réduit alors à des additions et des soustractions des vitesses absolues apportées par ces rayons.

Il est aisé de voir pourquoi les rayons un peu obliques à FG se détruisent inptuellement. La ligue brisée EFG est celle par laquelle l'ébranlement arrive le plus promptement en G; car, les ondes parties des divers points f, F, f, etc. venant toucher CD an même instant, il est clair que les rayous fG et f G n'arriveront en G qu'après le rayon FG. Cela posé, divisons AC en petites portions telles que les ravons partis de deux points de division consécutifs différent d'une demi-ondutation en arrivaut en G : la géométrie démontre que ces petites parties sont trèsinégales près du plus court chemin, c'est-à-dire près de F, mais qu'à mesure qu'nn a'en éloigne elles approchent de plus en plus de l'égalité, et qu'elles ne différent presque plus entre elles dès que des lignes menées des points de division en G sont un peu inclinées sur FG (en supposant toujours la longueur de FG trèsgrande relativement à celle d'une demi-ondulation). Il résulte de cette égalité d'étendue entre deux portions consécutives, qu'elles contiennent le même nombre de centres d'ébranlements égaux, et envaient l'une et l'autre la même quantité de lumière en G; car, en raison du peu de distance entre les points de division relativement à leur éloignement de G , les rayons envoyés sont sensiblement parallèles. et doivent apporter en conséquence des vibrations de même intensité et qui s'exécutent suivant la même direction; et, puisque les rayons correspondants de ces deux parties diffèrent d'ailleurs d'une demi-ondulation, tous les systèmes d'ondes qu'ils apportent se neutraliseront mutuellement. Ainsi les rayons envoyés par deux parties contiguës se détruisent dès qu'ils sont un peu inclinés sur FG; on, plus exactement, les vitesses absolues excitées par une de ces parties sont détruites par la moitié des vitesses absolues de celle qui la précède et de celle qui la suit; car, si la différence d'intensité est un infiniment petit du 1" ardre entre les rayans de denx parties contiguës, elle n'est plus qu'un infiniment petit du second entre les rayons d'une partie intermédiaire et la demi-somme de ceux des parties qui . la comprennent; en sorte que, négligeant dans le calcul une infinité de ces petites différences, nous ne commettons cependant point d'erreur sensible; la méme abservation s'applique aux petites différences de direction dans les oscillations envoyées par trois divisions consécutives (1). Ainsi il n'y a de raynns qui concourent

Oi. En expliquant le principe des interférences avant seus renarquis que, leraya deux systèmes d'aordes different dans leur marche d'une demi-ondulation, les deux demi-ondes extrêmes échappent à l'interférence. Comme il y a ici une infinité de systèmes d'ordes, on pourreit supposer, au premier abord, qu'une infinité de demipre, au premier abord, qu'une infinité de demioodes échappent à l'interférence; mais, en y réfléchisset us peu, on voit qu'elles se détruisent deux à deux, ou, ce qui resient au même, que chaque système élémentaire est d'étruit sur toute son éleudue par celui qui est en avant et celui qui aut en arrière d'une demi-nordatision.

48

ac

N° XIV. efficacement à la formation du système d'ondes résultant en G, que ceux qui sont sensiblement parallèles à FG.

> 7. Considérons un autre point quelconque P sur la ligne CD; soit MNP la ligne de plus court chemiu de ce point à l'onde incidente AB : l'onde résultante en P ne sera pareillement formée que par les ondes élémentaires parties de points tels que n, n', assez rapprochés de N pour que les rayons nP et n'P soient presque parallèles à NP, et les rayons d'une obliquité prononcée se détruiront mutuellement. Or il est évident que les divisions correspondantes à des différences d'une demiondulation, et qui seront inégales dans le voisinage du noint N, comme dans celui du point F, anivront d'ailleurs la même loi de décroissement; elles seront seulement plus petites dans le rapport de VNP à VFG; si donc on les subdivise les unes et les autres en petits éléments respectivement proportionnels à VNP et VFG, elles en contiendront le même nombre de part et d'autre, et il y aura les mêmes différences de chemins parcourus entre les rayons envoyés par les éléments correspondants; par conséquent, tous les systèmes d'ondes élémentaires apportés en P se trouveront dens les mêmes positions par rapport au point P que les systèmes d'ondes élémentaires envoyés en G par rapport à G : ainsi les deux systèmes d'ondes résultanta en P et en G seront situés de la même menière relativement à cea points. En employant les formules d'interférence données dans le tome XI des Annales de physique et de chimie, pages 255, 256, 286, 287 (s), et intégrant successivement suivent les deux dimensions, c'est-à-dire, parallèlement et perpendiculairement au plan de la figure, qui est ici le plan d'incidence, ou tronve que le système d'ondes résultant est en arrière d'un quart d'ondulation reletivement au système d'ondes élémentaires qui a suivi le plus court chemin. Mais nous n'avens pas besoin ici de connaître ces intégrales pour déterminer la direction des surfaces des ondes du système résultant, car nous venous de voir qu'il doit se trouver situé de la même manière relativement à tous les points P, G, etc. de DC : donc les surfaces de ses . undes serout parallèles à DC.

> Or, sin AU) : sin BAU; : AD : BC; c'est-à-dire que les sinus des angles que les modes inzishentes erifreterées font arche surfaces efficierpes tent dans les Proport constant des vitesses de propagation de la lumière dans les deux milieux mais cea angles sont égaux à ceux que les normales ans codes, c'est-à-dire les rayous, not avec la normale à la surface; codone és sinus des angles d'incidence et de réfraction des rayons sont entre eux dans le rapport constant des vitessess de propagation.

<sup>(\*)</sup> Ce renvoi correspond aux paragraphes 37, 38 et 57 du présent Mémoire, N° XIV.

Nº XIV.

8. Pour completer cette demonstration et faire voir que la théceie s'accorde avec les nice aprincimentales de la réfraction, il nous resterait à pouver que la normale à l'onde, que nous avons appelée rapes, est effectivement la direction du rayon vineté on y parrivent aisfement par des considérations analogues à celles que nous venous d'emplere pour déterminer la direction de l'onde réfractée. Mais nous nous borraerons à ce résults, ne pouvant donner plus d'étendue aut dévelapments théorique qui font l'òpiet de cette note : d'allièrue, sans approfossir la théorie de la vision, il est presque évident, a prieri, que l'onde émergente doit pointe au fond de l'eil le point lamineux dont elle émane, dans la même direction, relativement à son plan, que l'onde incidente le fait relativement au sien, et quaissi dotte s'ectifu à décriminer l'incinsisson mutuelle de ces plans.

9. Nous terminerons en observant que non-seulement tous les points de la sur- face de chaque onde du système résultant se trouvent situés à la même distance de DC, mais, en outre, que si l'onde incidente a une intensité uniforme dans toute son étendue, cette égalité d'intensité doit se maintenir dans l'onde réfractée. En effet, comparons encore les vibrations résultantes qui s'exécutent dans denx points quelconques P et G : nous avons remarqué que les parties de AC assex voisines des rayons de première arrivée NP et FG pour contribner d'une manière sensible aux effets produits en P et en G, étant divisées en éléments proportionnels aux racines carrées des distances NP et FG, les ondes élémentaires envoyées par les centres d'ébranlement correspondants seraient situées de la même manière relativement aux points P et G : or l'intensité de la résultante ne dépend que des positions respectives des systèmes d'ondes qui le composent et de leur intensité; il suffit donc de pronver que les intensités des ondes élémentaires sont évales de part et d'autre. Les centres d'ébranlement en lesquels nous subdivisons AC près des points F et N ayant, parallèlement et perpendiculairement au plan de la figure, des largeurs proportionnelles any racines carrées de FG et de NP, les vitesses absolues des molécules dans les ondes élémentaires qu'ils envoient suivront le rapport de FG à NP, à égales distances des centres d'ébranlement; mais l'analyse démontre que les vitesses absolues sont en raison inverse des distances : donc elles seront égales en P et en G.

10. Les risionnements que nous venous de faire supposent que la surface ri-fringente est indistinenté étendue, ou du moins que ses limites sont assec floi-guées des points N et F pour que les rayons supprimés n'eussent pu influer d'un-manière sessible sur l'intenuté de la résultante aux points P et G. Dans le casontaire, il est éturi que l'égalité d'intensité pourrait être altérée, aissi que la similitate des positions du système d'ondes résultant en P et en G; les formules d'interférences édiç tiérée donneut les moyens de déterminer les intensités de la

Nº XIV.

lumière et la marche des faisceaux alternativement obscurs et brillants dans lesquels elle se divise alors; et les résultats du calcul s'accordent avec ceux de l'expérience. C'est en cela surtout que la théorie de la réfraction déduite du système des ondes est bien supérieure à celle de Newton, qui n'explique la marche de la lumière que dans le cas particulier d'une surface continue et indéfinie.

11. La théorie que nous venons d'exposer ne détermine la position des divers points de l'onde réfractée qu'à une distance de la surface réfringente très-grande relativement à la longueur d'ondulation; mais, si l'on se rappelle qu'un seul millimètre contient déjà près de deux mille fois la longueur moyenne des ondulations lumineuses, on sentira que les résultats numériques obtenns dans ce cas peuvent s'appliquer à toutes les expériences qui ont été faites pour mesurer la réfraction et vérifier la loi de Descartes [e].

) EE

HIP ON 1,854 1,883 2,150 1,198 1,849 2,113

<sup>(9)</sup> A la suite de l'article inseré au tome XXI des Annales on trouve les lignes suivantes :

<sup>-</sup> Nora. Nous n'avons pu exposer ici que tris-« succinctement le principe des interférences et les » autres principes de la théorie des ondes : on trou--vera de plus amples développements à ce sujet

<sup>«</sup> cinquième édition de la Chimie de Thomson , par Riffault. Nous profitons de cette occasion pour «indiquer quelques erreurs qui nous ont échappé «dans la réduction un peu précipitée de l'article «dans le supplément à la traduction française de la rour la lumière.»

Sust une liste de corrections qu'on a utilisée pour la présente édition.

anétrique d'un écran is ici.	ndéfini.						
EFINIMENT ÉTEND	ι,						
3 3 3 3 3 5 5 7	0 2 1 6 6 8 6 6	කු පැ යැ යු සේ සේ සේ ස්	1, 16, 10, 14 1, 18, 10, 15		2 3 5 3	233333	5.5
408,	Nors. Pour les « Fombre géométriqu mière infléchie dans (N° XIV, 8 68.)	r, voyez le tablec	rourbe dans fentée on des intensités de au Mémoire, page   Norx aus Éuerges	in in-			

.

# THÉORIE DE LA LUMIÈRE.

DEUXIÈME SECTION.

CONSTITUTION

PROPRIÉTÉS DE LA LUMIÈRE POLARISÉE.

## THÉORIE DE LA LUMIÈRE.

## DEUXIÈME SECTION.

CONSTITUTION

## PROPRIÉTÉS DE LA LUMIÈRE POLARISÉE.

Nº XV (A).

## MÉMOIRE

## SUB L'INFLUENCE DE LA POLABISATION

DANS L'ACTION

OUR LES MAYONS LUMINEUX EXERCENT LES UNS SUR LES AUTRES (4).

 Avant d'avoir l'honneur de rendre compte à l'Académie du résultat de mes recherches sur la polarisation de la lumière, j'aurais désiré ajouter de nouvelles expériences à celles que j'ai déjà faites, et éclaircir les points obscurs de la théorie que je vais exposer. Mais

<sup>(</sup>a) Fresnel a laissé plusieurs rédactions de ce Mémoire.

Nous avions d'abord songé à en tirer un seul texte accompagné de variantes; mais l'étecdue et la complication de ces variantes nous ont déterminé à reproduire intégralement deux textes différents.

Pour établir le premier, N\* XV (A), nous avons comparé à un manuscrit (a) autographe, sans date, trouvé dans les papiers de l'auteur, bâtonné et raturé en divers endroits:

<sup>1°</sup> Une copie autographe (a,), signée et datée du 3o août 1816. Cette copie a subi, comme

## 386 THÉORIE DE LA LUMIERE. - DEUXIÈME SECTION.

N. XV (A). d'autres occupations n'obligent à abandonner ce travail, et, ne sachant pas quand il me sera possible de le reprendre, j'ai cru devoir soumettre à l'Académie les conséquences que j'ai tirées de ces premières observations, qui, tout incomplètes qu'elles sont encore, ne me paraissent pas indignes de son attention.

> 2. Dans nos expériences sur la diffraction, nous avions cherché, M. Arago et moi, si la polarisation n'aurait pas quelque influence sur la formation des franges intérieures des ombres, et nous n'en avions encore remarqué aucune. Nous avions abandonné ces recherches de-

> le manuscrit (a), des remaniements qui laissent plusieurs passages incomplets; elle a'est retrouvée dans les papiers de M. Biot. (Voy. ci-après, N° XXI (B), \$6, Examen des remarques de M. Biot. per M. Arsero.)

> ȼ Une copie (a<sub>a</sub>), de même date que la pièce précédente, et trouvée comme elle dans les papiers de M. Biot, dont elle porte plusieurs annotations.

On a conservé les variantes de quelque importance, qui sont désignées par  $(a_i)$  ou  $(a_i)$ , selon leur origine, et on a fait entrer dans le texte les variantes de pure forme, lorsqu'elles ont paru propres à l'améliorer.

La secord texta,  $\mathbb{N}$  XV (B), est conforms à un massucrit antegraphe ( $\theta$ ), qui revoire possers passes sense fentous an manuscrit ( $\phi$ ), an myord naquel il as compileta. Quant à la cepia substantique, datée du 6 cubelos 18.6 et reminis le  $\gamma$  3 l'Académia des seriences, etla en las acté conservés dans sen entire,  $(\mathbb{N}_{\theta}, \cdot | \phi_{\theta})_{\pi}$ ,  $\mathbb{N}$  XXI (B),  $\beta$ ,  $\beta$ ,  $\beta$ . Extenses due remarques de M. Bies, par M. Arago,) On in retrouvé, dans les archères de l'institut, que la seconde partie de cette conje, qui commances a pergraphe 3.7 institut, que la seconde partie de cette conje, qui commances a pergraphe 3.7 institut, que la seconde partie de cette conje, qui commances a pergraphe 3.7 institut, que la seconde la cette de seconde de cette de conference an manuscrit ( $\theta$ ), elle lui communique sa proper sutunticité.

Cette publication des Mémoires progressivement remaniés de Frends ears l'avutige de moutres qualde fericetien et qui développement d'idea l'avisite culouit à s'occuper de l'influence de la pobarisation sur l'existe mutuelle des rayons lumineus. On verre diriement dans les Mémoires V(A) et XV (B), comme dans les Mémoires XVI et XVI), cil i m'était arrivé par ses progress efforts souti as collaboration avec Arago; et le fectuer pourre, ne notat commissance de causes, firit à chaema de dans sustears de Momoire Yn XVIII sus part dans les vues d'ensemble et dans le fond même des découveries, comme ils out es unit de la faire eu-mêment dans le fatal des expériences de las prodélés de dénonatération.

On remarquera que, dans le rapport académique du à juin 1811 (Voy. N° XX), le travait de Frantel n's pas conservé le titre qui en définissait d'abord l'objet et en résumait le pensée promière; il est devenu : Mémoire relatif mar couleurs des lames cristallisées douées de la double référenciem.

## INFLUENCE RÉCIPROQUE DES BAYONS POLARISÉS. 387

puis plusieurs mois, lorsque j'y ai été ramené par de nouvelles obser- N° XV (A)vations.

- 3. J'avais essayé vainement de produire des franges au moyen des deux images d'un point lumineux devant lequel j'avais placé un rhomboïde de spath calcaire, malgré l'attention que j'avais eue de faire traverser au faisceau extraordinaire une plaque de verre, dont l'épaisseur était déterminée de manière à compenser à peu près la différence entre les nombres des ondulations formées dans le cristal par les rayons ordinaires et extraordinaires, en sorte qu'en l'inclinant légèrement le pouvais établir une compensation exacte. Mais l'espace dans lequel j'espérais apercevoir des franges étant peu étendu, et occupé d'ailleurs en partie par les bandes que projetait le bord de la plaque de verre, j'avais eu recours à un autre moyen, qui ne présentait plus aucun de ces inconvénients : je recevais les rayons, qui avaient traversé le rhomboide de chaux carbonatée, sur une petite glace non étamée, dont l'épaisseur avait été calculée de manière que la différence entre les nombres des vibrations des rayons réfléchis par la première et la seconde surface fût un peu plus grande que celle qui résultait de la double réfraction, en sorte que, par un tâtonnement facile, on pouvait trouver une inclinaison telle que ces différences devinssent égales; et cependant ce second essai n'avait pas eu plus de succès que le premier.
- 4. Je commença i alors à soupçonner qu'il était possible que les deux systèmes d'oudes produites par la lumière dans les cristuus doués de la double réfraction n'eussent acuene influence l'un sur l'autre, ou du moins que leur action mutuelle ne pôt pas avoir de résultat apparent. Une réflexion très-simple, que j'aurais dû finire d'abord, ne n'a plus laissé de doute sur cette exception surprenante.
- 5. La double réfraction étant peu prononcée dans le sulfate de chaux, il est facile de se procurer des lames de cette substance assez minces pour que la dilférence entre les chemins parcourus au même instant par les rayons ordinaires et extraordinaires n'excède pas deux ou trois ondulations; et, en regardant directement au travers la lumère blanche des nuées, ces lames devraient se colorer fortement de

Nº XV (A). la teinte pour laquelle il y aurait accord parfait entre les deux systèmes d'ondes s'ils agissaient l'un sur l'autre; mais, au contraire, elles paraissent toujours blanches. Il s'ensuit que les accords ou les discordances des rayons ordinaires et extraordinaires ne peuvent produire aucun effet sensible. Or quelle espèce de modification ont-ils recue dans le cristal? Ils ont été polarisés dans deux plans rectangulaires. Il faut donc en conclure que des rayons polarisés en sens contraires n'exercent pas l'un sur l'autre la même influence que les rayons non modifiés on polarisés dans le même sens.

- 6. M. Arago, à qui j'ai communiqué aussitôt cette conséquence où m'avaient conduit mes réflexions et mes essais infructueux pour produire des franges au moyen de la double réfraction, a pensé qu'il était nécessaire de vérifier encore ce principe par une expérience directe, en s'assurant si, dans les circonstances ordinaires où se forment les franges, elles disparaîtraient par la polarisation en sens contraire des deux faisceaux lumineux qui concourent à leur production. Il me paraissait difficile d'obtenir deux faisceaux lumineux polarisés dans des plans rectangulaires, en remplissant d'ailleurs toutes les conditions nécessaires pour faire naître des franges; mais M. Arago a levé cette difficulté et imaginé un moyen commode pour polariser les deux faisceaux en sens contraire sans changer leur direction; il consiste à leur faire traverser obliquement à chacun une pile de lames très-minces, comme celles de mica, et disposées de manière que les plans d'incidence soient perpendiculaires entre eux. Nous avons construit ainsi deux piles, composées chacune de quinze feuilles de mica prises deux à deux dans la même lame, et disposées de façon à faire correspondre les parties voisines, afin que les épaisseurs traversées par les deux faisceaux lumineux fussent le moins différentes possible.
- 7. Au lieu d'employer nn corps étroit pour produire des franges (\*), nous nous sommes servis d'une feuille de cuivre, dans laquelle nous avons pratiqué deux fentes très-fines et peu distantes l'une de l'autre.

<sup>&</sup>quot; Van. Comme nous avions fait lors de nos premiers essais (a,).

## INFLUENCE RÉCIPROQUE DES RAYONS POLARISÉS. 38

En les éclairant par un point lumineux on peut obtenir, comme je l'ai N° XV (A). déjà remarqué dans le dernier Mémoire que j'ai eu l'honneur de présenter à l'Académie N, des franges plus nettes et beaucoup plus brillantes que celles qu'on voit dans l'ombre d'un corps étroit. Ce procédé a encore sur l'autre l'avantage important de permettre à l'observateur de les suivre beaucoup plus loin, lorsqu'elles sont déplacées par l'interposition d'un corps transparent.

Nous avons donc placé les deux piles devant les deux ouvertures de la feuille de cuivre, de manière qu'elles fussent traversées chacune par un des faisceaux lumineux concourant à la production des fanges. Sous une inclinaison de 30° comptée de la surface, ces piles polarissient presque complétement la lumière, et nous ne découvrions plus aucune trace de franges, lorsqu'elles étaient disposées de manière que les deux plans incidents fussent perpendiculaires entre eux, même en faisant varier lentement l'inclinaison d'une des piles, pour nous assurer si l'absence des bandes ne tenait point à une différence trop sensible dans l'épaisseur des piles 01, tandis qu'ou apercevait d'abord les franges quand les deux faisceaux lumineux étaient polarisée dans le même sens. Elles étaient à la vérité très-irrégulières, très-multiphées et inclinées dans toutes sortes de directions, ce qui tenait sans doute aux légères inégaités des lannes, et peut-être aussis à h disposition de leura aracs 63.

(1) On pourrait peul-être substituer avec avantage à ces piles les deux moitiés d'une

plaque de tourmaline taitlée parallèlement à l'exe de cristallisation.

<sup>..)</sup> Voir Nº X. S &1.

ib Les manuscrits (a,) et (a,) portent en note :

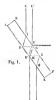
Vas. M. Arago a cherché à faire reparaître les françasea ramenant les deux fisiceaux aux mêmes plans de polarisation, par Tinterpositio d'ann fante de utilité de chaux placée devant la loupe; mais il n'a jamais pu en découvir aucune. Je ferai voir bientid que, pour apercevoir les franças podultes par dout faisceaux qui out déprouvi eux polarisation en seus contraires, il faut que le cristal dout on se sert donne deux images distinctes, et qu'en outre les deux faisceaux lumineux aient été podraités primitérement avient un me même direction.

390 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - DEUXIÈME SECTION.

N° XV (A). 8. On pourrait obtenir des franges régulières en polarisant la lumière par réflexion, et s'assurer aussi qu'elles disparaissent lorsque les plans d'incidence sont perpendiculaires entre eux. Je ne ferai qu'indiquer ce procédé, que je n'ai pas encore essayé.

Toute la difficulté se réduit à empécher la divergence des deux faisceaux réfléchis polarisés en sens contraire, et pour cela il suffit de trouver un moyen de les ramener dans une direction parallèle au rayon incident, et à peu près sur son prolongement; c'est ce qu'il est facile d'obtenir avec un appareil fort simple.

Soit ABEF une glace inclinée sur le rayon 1C de 35° 25', de ma-



nière à polariser complétement la lumière qu'elle réfléchit. Je surpose que la seconde surface de la glace soit étamée jusqu'à une très-petité distance du point II, par lequel le rayon incident sort du verre, après avoir été réfléchi deux fois aux points D et G. La première réflexion s'opérant sur le tain l'affaiblira peu, et la seconde le polariser complétement. Au moyen d'un écran placé au-devant du point G, on empéchera la lumière directe de se mèler à la lumière réfléchie. Cet écran étant suffisamment rapproché du point G, pour peu que la glace soit épaises, il restera encore entre le point le It ééran un espace assez grand pour

laisser passer une lumière abondante, qui, après avoir été arrètée d'abord par le tain et réfléchie une seconde fois par l'autre surface de la glace, ira fortifier le rayon III. Le faisceau lumineux CCIT produira ainsi, après une double réflexion, un faisceau émergent HHTLL, dont l'épaisseur dépendra de celle de la glace, et dont la direction différera fort peu de celle du faisceau incident.

 En plaçant une autre plaque de verre également inclinée sur le rayon incident, mais dans un sens perpendiculaire au premier, on concoit que, par une disposition semblable, on pourra obtenir un second

faiscean émergent très-voisin du premier et complétement polarisé en N° XV (A). sens contraire. Si les deux glaces sont d'une épaisseur bien égale, du moins dans la partie traversée par les rayons lumineux (ce qu'il est toujours aisé d'obtenir en coupant en deux une plaque de verre à faces parallèles), on aura rempli toutes les conditions nécessaires à la production des franges, excepté la condition relative au sens de la polarisation: et en faisant varier légèrement et très-lentement l'inclinaison d'une des glaces par rapport au rayon incident, on pourra s'assurer par cette expérience que l'apparition des franges est impossible lorsque les deux faisceaux lumineux qui doivent concourir à leur production sont polarisés en sens contraire.

10. Avant de vérifier ce principe avec M. Arago, par l'expérience que j'ai rapportée plus haut, j'en avais déjà fait une autre d'une exécution plus facile, qui le prouve d'une manière moins directe, à la vérité, mais en présente une confirmation frappante (a).

Quand on place au-devant d'un corps étroit, ou mieux d'une feuille de cuivre préparée comme je l'ai déjà expliqué, une lame de sulfate de chaux (b), on n'aperçoit qu'un seul groupe de franges, qui occupe le milieu de l'ombre. Cependant chacun des faisceaux lumineux étant composé de deux systèmes de rayons, qui ne comptent pas le même nombre d'ondulations en sortant du cristal, si les rayons ordinaires d'un des faisceaux pouvaient agir d'une manière

<sup>(</sup>a) Van. Quelques instants avant de faire cette expérience avec M. Arago, j'en avais fait une autre d'one exécution plus facile, qui démontre encore, d'one manière moins directe, mais non pas moins frappante, l'impossibilité de produire des franges par le croisement de rayons lumineux polarisés en sens contraires (1).

<sup>11</sup> Cette expérience, antérieure à celle de M. Arago pour la conception, lui est postérieure quant à l'exécution. (a,) et (a,).

<sup>&</sup>lt;sup>(b)</sup> VAR. ou de cristal de roche assez mince pour que les rayons ordinaires et extraordinaires ne différent pas d'un grand nombre d'ondulations à la sortie du cristal. (a<sub>1</sub>) et (a<sub>1</sub>.)

N. V. (4). sensible sur les rayons extraordinaires de l'autre, et réciproquement, il en résulterait deux systèmes de franges situées de chaque côté de celles qu'on voit au milieu de l'ombre, qui proviennent de la rencontre des rayons de même espèce des deux faisceaux lumineux. Mais puisqu'on n'aperçoit pas d'autres frange que celles-ci, même lorsque le cristal est assez mince pour que les deux autres systèmes en dussent être peu élogings, on peut en conclure que les rayons qui ont éprouvé la réfraction ordinaire n'ont pas d'action sensible sur ceux qui ont été réfractée extraordinairement v°; car il doit y avoir deux aystèmes d'ondes lumineuses dans les lames minces des cristaux jouissant de la double réfraction, comme dans les plaques épaisses.

11. Pour démontrer le contraire et mettre en évidence ces deux systèmes d'ondulations lumineuses, j'ai détaché avec soin d'un cristal de chaux suifatée très-limpide une lame ayant à peu près un millimètre d'épaisseur, et je l'ai coupée en deux parties, que j'ai facés sur chacune des fentes de la feuille de cuivre, en disposant leurs aces dans des directions rectangulaires. Alors, en observant avec une loupe l'ombre de cet appareil, j'ai vu deux systèmes de franges séparés par un intervalle blanc assex considérable, comme la théorie Tamunorait d'avance (Il. Ils provanient évidemment de l'action des

(ii) Il arrive tonjours qu'une partie plus ou moins considérable de la lumière solaire qui forme le point lumineux est polarisée par le miroir extérieur qui la renvois sur la tentille; alors, quand un des axes des lames cristalisées se trouve à peu près dans ce plan de polarisation, un des groupes de franges devint sensiblement plus faible que l'autre. Il disparaltrait même tout à fait à la lumière ioxidente était compétéement polarisée; mais il suffirsit, pour le faire reparaltre et rétablir l'égelité d'intensité entre les deux systèmes, de changer de 45° l'azimut des axes, en faisant tourner le feuille de cuirre dans son plan.

<sup>(</sup>V. V.a. Autrement il faudrait admettre qu'il ne se forme qu'un seul système d'ondes dans les cristaux jouissant de la double réfractiou, tant qu'il ne sont pas assez épais du moins pour diviser la lumière en deux faisceaux. (a..)

rayons ordinaires de gauche sur les rayons extraordinaires de droite, Nº XV (A). et des rayons ordinaires de droite sur les rayons extraordinaires de gauche, qui se trouvaient alors polarisés dans le même sens. On voit encore par cette expérience que les rayons polarisés en sens contraire ne peuvent pas produire des franges, puisque celles du milieu avaient disparu.

12. L'intervalle compris entre les deux groupes de franges dépend de la différence entre le nombre des ondulations ordinaires et celui des ondulations extraordinaires dans la lame cristallisée, et l'expérience que je viens de décrire fournit par conséquent un moyen facile de la déterminer, en mesurant au micromètre la distance entre les milieux des deux bandes brillantes du 1e ordre de chaque système : en la divisant par le double de la largeur d'une des franges, on aura le nombre d'ondulations qui résulte de la différence de vitesse entre les rayons ordinaires et extraordinaires et de l'épaisseur de la lame cristallisée, qu'on peut mesurer très-exactement à l'aide du sphéromètre. Si l'on connaît de plus le pouvoir réfringent du cristal, on aura toutes les données nécessaires pour calculer le rapport entre ces deux vitesses. On pourra le déterminer ainsi avec une grande précision, même dans les cristaux où la double réfraction est à peine sensible, et peut-être la découvrir dans plusieurs de ceux où elle n'a pas encore été reconnue, en employant des plaques d'une épaisseur suffisante. En les taillant suivant des directions diverses, ce même procédé pourra servir, comme M. Arago me l'a fait remarquer, à vérifier dans tous les cristaux susceptibles de poli la loi d'Huyghens, dont on n'a encore pu démontrer l'exactitude que pour le carbonate de chaux.

13. Après avoir placé dans des directions rectangulaires les axes des deux lames qui recouvraient les fentes de la feuille de cuivre, je les ai disposées de manière que ces axes fissent entre eux un angle de 45º environ, et alors j'ai aperçu trois systèmes de franges, celles du milieu ayant reparu. Elles étaient même plus vives que les autres, comme étant la réunion des deux systèmes provenant du croisement des 14. J'ai cherché en vain à m'expliquer comment cette dernière disposition empéchait la formation des franges; je n'ai pas encore pu y parvenir. Il faudrait pour cela savoir en quoi consiste cette singulère modification de la lumière qui constitue sa polarisatiou. Peut-être une propriété aussi remarquable des rayons polarisés conduira-t-elle à cette importante découverte <sup>(a)</sup>.

15. Le soupconnais depuis longtemps que les couleurs développées par la polarisation dans les lames cristallisées tennient aux différences de vitesse des rayons qui subissaient dans ces cristaux des réfractions différentes. L'extrême disproportion entre l'épaisseur de ces lames et celles qui produient les mêmes couleurs dans le phénomème des anneaux colorés éxopliquait natterllement dans cette hypothèes, que je

<sup>(\*)</sup> Les manuscrits (a,) et (a,) portent en note :

Van. Deux systèmes d'undulations dans lesquelles le mouvement progressif des molécules du fluide serait modifié par un monvement trausversal de va-et-vient, qui lui serait perpendiculaire et égal en intensité, pourraient n'exercer aucune action l'un sur l'autre, lorsqu'à l'accord du mouvement progressif répondrait la discordance des mouvements transversaux, ou réciproquement, parce qu'alors les résultantes de ces deux forces dans chaque système auraient des directions rectangulaires. Il y a encore une autre hypothèse qui pourrait expliquer l'absence des franges dans les circonstances favorables d'ailleurs à leur production : ce serait celle de vibrations transversales qui présenteraient à la fuis des nœuds condensés et dilatés sur la même surface sphérique, d'où résulteraient des points d'accord et de discordance si rapprochés que l'œil, ne pouvant les distinguer, en aurait la sensation d'une lumière continue. On voit souvent à la surface de l'eau des ondes ainsi ondulées dans le sens de leur longueur. Mais j'ai essayé inutilement jusqu'à présent de rendre raison des phénomènes avec ces hypothèses, dont la première m'a été indiquée par M. Ampère. Cela ne suffirait pas d'ailleurs, et il faudrait encore expliquer comment la lumière se trouve ainsi modifiée par la réflexion ou la double réfraction.

vérifiai par le calcul. Aussitôt que je me fus assuré qu'elle s'accordait N° XV (A): avec les résultats de l'expérience, je m'empressai de communiquer à M. Arago cette remarque, que je croyais nouvelle; mais il m'apprit que le docteur Young (a) l'avait déjà faite et publiée dans un journal, où il avait rendu compte de l'ouvrage de M. Biot sur ce genre de phénomènes (b). Je ne m'étais pas encore occupé du cas des incidences obliques, que le docteur Young a traité dans toute sa généralité. Je ne présenterai ici que le calcul que j'avais fait pour le cas particulier de l'incidence perpendiculaire. L'Académie verra peut-être avec intérêt l'accord frappant des observations de M. Biot avec une loi (e) qu'il ne paraît pas avoir soupçonnée, et à laquelle, en effet, cet habile physicien ne pouvait pas être conduit par la théorie qu'il a adoptée.

16. Les teintes de l'image extraordinaire, ainsi que M. Biot l'a conclu de ses expériences, correspondent à celles des anneaux réfléchis : or, dans les anneaux réfléchis, le blanc du premier ordre répond à une différence d'une demi-ondulation entre les chemins parcourus par les rayons jaunes réfléchis à la première et à la seconde surface de la lame d'air; ainsi le blanc du premier ordre, que la polarisation développe dans une lame cristallisée, répondra aussi à une différence d'une demi-ondulation jaune entre les chemins parcourus au même instant par les rayons ordinaire et extraordinaire.

Je représente par d' et d' les longueurs d'ondulation de ces deux espèces de rayons, et par n le nombre des vibrations nécessaires pour produire entre eux une différence d'une demi-ondulation.

<sup>14)</sup> Review of Malus, Biot, Seebeck and Brewster on Light. Quarterly Review, for April 1814 (vol. XI, p. 42); Miscellaneous Works, vol. 1, p. 260.

<sup>(</sup>h) Mémoire sur de nouveaux rapports entre la réflexion et la polarisation de la lumière, iu à l'Institut le 1" juin 1812. (Mémoires de l'Institut, t. XII. p. 135.)

<sup>6</sup> Van. déduite du principe des accords et des discordances des vibrations lumineuses, et à laquelle on ne pouvait être conduit que par la théorie des ondulations. (a1) et (a1.)

Nº XV (A).

On aura :  $nd' = nd' + \frac{1}{2}d''$ ; et par conséquent nd', ou l'épaisseur de la lame, sera représenté par  $\frac{1}{2}\frac{d'd'}{d-d'}$ .

Cela posé, d'après les observations de Malus sur la double réfraction du cristal de roche, le carré de la vitesse du rayon ordinaire est, 4,6279, 3, celle de la lumière dans le vide étant prise pour unité; et le carré de la vitesse du rayon extraordinaire est égal à ,42479, 34 - 0,030-50 is int.!! Ur eprésentant l'angle que ce rayon fait avec l'axe du cristal, et par conséquent 2,4279, 13 + 0,030-26; ou 2,458174, lorsque U est égal à go<sup>2</sup>. Or c'est le cas dont je nocue, puisque je suppose le rayon incident perpendiculaire aux lanede cristal de roche ou de sulfate de chaux parallèles à l'axe de cristallisation.

En prenant pour unité la longueur des ondulations jaunes dans le vide, et observant que la longueur des ondulations est en raison inverse de la vitesse de la lumière calculée d'après le système de Newton, on trouvera nour les valeurs de d' et d':

$$d' = 0.64178, \dots, d' = 0.63781;$$

Substituant ces valeurs dans la formule  $\frac{1}{4}\frac{d^2}{d^2-d^2}$  et multipliant le résultat par  $\sigma$ -noo0005767, la longueur absoluc des ondulations des rayons jaunes dans l'air ou le vide, ou trouve que l'épaisseur de la lame qui doit donner le blane du premier ordre dans l'image extraordinaire est égale à  $\sigma$ -noo0031 1.4, et la différence n'est que de  $\sigma$ -noo000144. Il est possible d'ailleurs qu'elle provienne en partie de quelque erreur légère dans la détermination des éléments de la double réfraction du ersial de roche.

Ges éléments ont été nécessairement déterminés avec plus d'exactitude dans le carbonate de chaux, où la double réfraction est beaucoup plus sensible, el fon arrive en ellet à un récultal plus conforme à l'Oiservation en les prenant pour base du calcul. D'après Malus, le carré de la vitesse du rayon ordinaire dans le carbonate de chaux est 2,73669,3 et celle du rayon extraordinaire perpendiculaire à l'axe

#### INFLUENCE RÉCIPROQUE DES RAYONS POLARISÉS. 397

2,200183. On en conclut, pour les valeurs des ondulations ordinaires. N° XV (A).

$$d' = 0.60449, \dots d'' = 0.67417.$$

En substituant ces valeurs dans la formule  $\frac{d}{2}\frac{d^2}{d^2}$ , et multipliant le résultat par o $^n$ ,000005767, on trouve o $^n$ ,00001686 pour l'épaisseur de la lame de carbonate de chaux qui donne le blane du premier ordre dans l'image extraordinaire. Or il résulte des observations de M. Biot que les lames de sulfate de chaux qui produisent les onts plus épaisses que celles de carbonate de chaux, qui produisent les onte plus épaisses que celles de carbonate de chaux, qui produisent les mêmes teintes, dans le rapport de 18,6 à 1. Par couséquent l'épaisseur d'une lame de cristal de roche ou de sulfate de chaux, qui donne le blanc du premier ordre, doit être égale à  $o^n$ ,00001365 g (8,6), on  $g^n$ ,00001367, résultat qui ne diffère que de  $o^n$ ,00000029 de celui que M. Biot a déduit des mesures directes. On ne pouvait pas s'attendre à un accord plus frappant.

17. Dans le numéro du journal anglais où le docteur Young rend compte de l'ouvrage de M. Biotloi, îl ne s'attache qu'à prouver l'accord numérique de ses observations et des formules déduites de la théorie des ondulations, et n'explique pas de quelle manière la polarisation développe des conduers dans les lames cristalliées; il dit seulement qu'il est difficile de onnevoir ce phénomène, et renvoie sur ce sujet à un autre numéro du même journal, que M. Arago n'avait pas encorer pus eprocurer P6. Ignorant douc complétement les éclairiessements que



<sup>(</sup>a) Quarterly Review, for April 1814 (vol. XI, p. 49).

D Quarterly Review, No XVII, p. 12h.

Nous reproduisons le passage principal du Mémoire de Young cité dans la note précédente. Iaissant au lecteur à apprécier lui-même le progrès que, des son premier travail. Fresnel a fuit faire à la théorie de la polarisation chromatique.

<sup>«</sup>Cette investigation, aussi compliquée que pénible, dil Young, appela avoir réunufe le Mmoire de M. Biot, au de nouveaux rapporte autre la reflexion et la polarisation de la familier, peutil avoir été conduite avec beneurop de patience et une recherche attentire de la plus «complète précision; et le précent Mémoire ent bien bin d'épuiser la série complète des expériences que M. Biot a premises au publié. M. Brevaier a renauqué qu'il a le mérite,

391

Nº XV (A).

le docteur Young a pu donner sur la théorie de ces phénomènes, je présenterai simplement le résultat de mes propres réflexions.

«qu'il ne partage avec personne, d'avoir généralisé les faits et découvert la loi de ces phé-« nomines remarquables. Cette loi toutefois n'est autre chose qu'une expression des phéno-» mênes, considérés à part de tous les autres phénomènes outiques; ce n'est pas une expli-«cation qui les ramène à être les analogues d'une classe de phénomènes plus étendne; et «nons sommes persuadé que ces Messieurs anront autant de surprise que nous avons en de «satisfaction à voir que ces phénomènes, comme tous les autres cas de couleurs récurrentes. -sont parfaitement réductibles aux lois générales de l'interférence de la lumière, qui ont été -établies dans ce pays, et dont nous avons rendu compte dans le sixième numéro de ce jour-«nal (\*); et que toutes leurs complications apparentes, tout le caprice de leurs variétés ne sont « que des conséquences nécessaires de la plus simple application de ces lois. Ce sont en réalité de -simples variétés des couleurs des plaques mixtes, dont les apparences reproduisent les con-«leurs des simples lames minces, si l'on suppose les épaisseurs de celles-ci augmentées dans «le rapport de la différence des densités réfractives au double de la densité réfractive totale : «les conleurs résultant de la transmission directe correspondant aux couleurs réfléchies des «lames minces, et à la réfraction extraordinaire des substances cristallisées; les couleurs ré-«sultant de la busière indirecte correspondant, au contraire, aux conteurs transmises des -lames minces non cristallisées et à celles que produit la réfraction ordinaire des substances « polarisantes. Les mesures que M. Biot a prises différent beaucoup moins des résultats d'un «calcul fondé sur ces seuls principes qu'elles ne different entre elles; et nous ne pouvons «nous empêcher de croire qu'une telle coincidence suffit pour faire disparattre toute sorte «de doute (s'il y en avait encore) au sujet de la généralité de la loi sur laquelle repose ce -calcul, malgré la difficulté qu'on peut trouver à expliquer la production des diverses séries «de couleurs par les diverses réfractions, (Vov. Quarterly Review, N° XVII, p. 124.)»

Suit un calcul, inutile à reproduire, et d'ailleurs parfaitement exact, de la différence de marche du rayon ordinaire et du rayon extraordinaire sous l'incidence normale et l'incidence oblique, accempagné d'applications nunériques aux lames minces de cristal de roche.

Les couleurs des plaques mistes , auxquelles Veung fait alluvion , sont les couleurs qui véabercent par fédicion ou par réfraction, lorque deux plaques de verre ou sièparés par un intervalle rempf de deux liquides différents non mischles divisés en gouttes nombreuses de tous les ordres de petitieus. L'inégapité des viteuses de la tunière dans le beun liquides, combinée avec l'inégapité d'épatieure, donne missance à des naneaux colorés. L'expression de dennier éprésent édigne simplement l'indice de réfraction l'Inégapité d'a dennier de l'action l'inégapité d'a dennier de l'action l'inégapité d'aptieure, donne missance à des naneaux colorés. L'expression de dennier éprésent édigne simplement l'indice de réfraction l'inégapité d'aptieur de l'action de l'action

Quant au Mémoire de la Quarterly Review, auquel Young renvoie ses lecteurs, et que Fresnel pursit regretter de ne pas connultre, il ne contient qu'une revue critique de l'Introduction à la littérature médicale de Young, où se trouve mentionné en passant le mémoire ayant pour titre: An account of some cutes of production of Colours not hidrerto described,

<sup>(&</sup>quot;) Voy. les Missellancous Works de Young, t. 1, p. a5.

18. J'ai fait voir que si les deux systèmes d'ondes dans lesquels se N° XV (A). divise la lumière en traversant les substances donées de la double réfraction, n'avaient aucune action l'un sur l'autre, ou du moins n'éprouvaient aucune augmentation ni diminution apparente d'intensité par leurs accords et leurs discordances, cela tenait uniquement à ce qu'ils étaient polarisés dans des azimuts rectangulaires, et qu'il suffisait de changer le sens de polarisation de l'un d'eux pour faire naître des effets sensibles de leur influence mutuelle. En partant de ce principe, on peut concevoir comment la polarisation développe des couleurs dans des lames cristallisées qui, à l'œil nu, n'en présentaient aucune sous l'incidence perpendiculaire (1).

Soit OO le plan de polarisation du rayon incident, O'O' la section



principale de la lame cristallisée qu'il traverse perpendiculairement, et O'O" celle du rhomboïde ou du prisme de carbonate de chaux, au moyen duquel on obtient deux images de cette lame. Je représente par i l'angle OCO' et par a l'angle OCO"; O'CO" sera égal à  $\alpha - i^{(2)}$ . Cela posé, le ravon incident en traversant la lame se divisera en deux autres, l'un ordinaire pola-

risé suivant O'O', et l'autre extraordinaire polarisé dans le sens E'E'

(1) En regardant ces lames sous des incidenges obliques, elles paraissent à la vérité légèrement colorées; mais alors les deux surfaces de la lame font l'office des deux glaces non étamées dont M. Arago se servait dans ses belles expériences 10), et c'est encore ici la polarisation qui développe les couleurs.

(1) Je me sers ici des mêmes lettres que M. Biot , pour faciliter la comparaison de ses formules avec les miennes.

inséré aux Transactions philosophiques pour 1802. La citation n'est probablement qu'un moyen détourné de renvoyer à ce Mémoire, et peut-être Young l'a-t-il adopté pour ne pas violer l'incognito que les Reviewers anglais, qui ne signent jamais leurs articles, se plaisent quelquefois à conserver assez longtemps. [E. Verdet.]

<sup>(4)</sup> Mémoires de la classe des sciences mathématiques et physiques de l'Institut pour 1811, 1' partie, p. 93. (La pagination est irrégulière.) (Eurres complétes, t, X, p. 1.

- 400 THÉORIE DE LA LUMIÈRE, DEUXIÈME SECTION.
- N° XV (h). perpendiculaire à O'O', et l'intensité de chacun de ces deux faisceaux lumineux dépendra de leurs azimuts par rapport au plan primitif de polarisation OO. En représentant ces intensités par les formules de Malus, on a:

$$F_a = F \cos^2 i$$
, ...,  $F_a = F \sin^2 i$ .

F est le faisceau incident, et F, et F, sont les faisceaux ordinaire et extraordinaire. Comme ils sont polarisés en sens contraires, leur influence mutuelle ne produit pas d'effet sensible; mais, en leur faisant traverser un second cristal, on les divise chacun en deux autres ordinaire et extraordinaire, d'ou résultent quatre faisceaux distincts, dont deux ordiaires, polarisés dans le même sens, peuvent agir l'un sur l'autre d'une manière apparente, ainsi que les deux faisceaux extraordinaires. Les formules suivantes représentent l'intensité de ces faisceaux qui composent les deux images :

$$\begin{aligned} & \text{Image ordinaire.} \dots & \begin{cases} F_{m} = F\cos^{2}i\cos^{2}(\alpha-i), \\ F_{m} = F\sin^{2}i\sin^{2}(\alpha-i). \end{cases} \\ & \text{Image extraordinaire} & \begin{cases} F_{m} = F\cos^{2}i\sin^{2}(\alpha-i), \\ F_{m} = F\sin^{2}i\cos^{2}(\alpha-i). \end{cases} \end{aligned}$$

20. Des deux faisceaux qui concourent à la production de l'image ordinaire, le premier F., a éprovié dans la hane la réfraction ordinaire, et le second F., la réfraction extraordinaire; et coume ces deux soptes de réfractions impriment à la lumière des vitesses différentes, cette image sera colorée d'une teinte qui dépendra du nombre d'ondulations et de parties d'ondulation dont le rayon ordinaire aura devancé le rayon extraordinaire, ou aura été devancé par lui. Si cette différence, par exemple, est égale à la longueur d'une ondulation rouge, ce sera entre les vibrations de cette espèce que règuera l'accord le plus parfait, et le rouge dominera par conséquent dans l'image ordinaire. La couleur de l'image extraordinaire dépendra aussi de la différence entre les chemis parcourus au nabue instant par les deux faisceaux lumineux qui la

## INFLUENCE RÉCIPROQUE DES RAYONS POLARISÉS. 401

composent, dont l'un a éprouvé dans le premier cristal la réfraction N° XV (A). ordinaire et l'autre la réfraction extraordinaire. Or nous venous de voir que les calculs déduits de ce principe s'accordent très-bien avec les observations de M. Biot.

21. Mais ici se présente une difficulté : cette différence étant la même dans les deux images, comment se fait-il qu'elles ne sont pas de la même couleur, mais au contraire de teintes complémentaires? C'est ce qu'on ne pourra expliquer complétement, je crois, que lorsqu'on aura découvert les causes de la double réfraction et de la polarisation. En attendant on peut remarquer qu'il faut nécessairement que le mouvement ondulatoire de la lumière, qui ne fait que se partager dans les corps transparents, regagne d'un côté ce qu'il a perdu de l'autre. Si une espèce de ravons se trouvent affaiblis dans une des images par la discordance de leurs vibrations, il fant, pour que la somme totale de leur mouvement ondulatoire reste constante, que l'intensité des mêmes rayons reçoive un accroissement égal dans la seconde image, qui sera par conséquent complémentaire de la première. Mais on ne peut concevoir cette augmentation d'énergie dans les rayons lumineux sans un accord entre leurs vibrations. Ainsi, à la discordance complète des ondulations d'une certaine couleur, dans l'image ordinaire, doit répondre un accord parfait des mêmes ondulations dans l'image extraordinaire, et la teinte de l'une résultant de l'intervalle entre les deux systèmes d'ondes calculé d'anrès l'épaisseur de la lame cristallisée, celle de l'autre sera déterminée par le même intervalle augmenté d'une demi-ondulation. On retrouve ici cette différence d'une demi-ondulation indépendante des chemins parcourus, qu'on a déjà remarquée dans (a) les phénomènes de la diffraction.

<sup>10</sup> Van. des circonstances semblables entre les deux images des franges produites par le croisement des faisceaux lumineux qui avaient éprouvé une polarisation en sens contraire. (a,) et (a,).

### 402 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. — DEUXIÈME SECTION

N. M. (4). 22. Il s'agit maintenant de savoir pour laquelle des deux images on doit ajouter une demi-ondulation à la différence entre les chemins parcourus, déduite de l'épaisseur de la lame.

Voici la règle qui résulte des observations de M. Biot : Lorsque 2



est plus peit que i, comme dans la figure 3, l'image ordinaire répond aux anneaux trammis, et l'image extraordinaire aux anneaux réfléchix, pour lequels il faut ajouter, comme on sait, une demi-ondulation au chemin parcourse dans la lame d'air; quand au contraire 2 est plus grand que i, c'est l'image ordinaire qui répond aux anneaux trames réfléchie et l'image extraordinaire aux anneaux tramsis (b).

23. Gette règle équivant à celle-ci, comme on peut le reconnaître par la simple inspection des ligures set 3: L'image dout la teine répond exactement à l'épaisseur de la lame cristalisée est celle dont les deux faisceaux constituants ont éprouvé chacun deux mouvements opposés dans leur plan de polarisation; tantiai que dans les deux faisceaux qui probuisent la teinte complémentaire, le plan de polarisation, au contraire, s'est toujours écuré dans le même seus de sa pouton primitire.

24. Quand les rayons lumineux qui traversent la lame n'ont pas été préalablement polariés, les deux images qu' on aperçoit au travers du rhomboide de chaux carbonatée sont parfaitement blanches. On peut s'en rendre raison en considérant la lumière ordinaire comme composée de rayons polariés é ants toutes les directions (2; alors à chacun de ces rayons en correspond toujours un autre pairée en sens contraire, en sorte que le premier produisant dans l'image extraordi-

<sup>&</sup>lt;sup>12</sup> Je suppose ici que, quand a ou i surpassent 90°, ce sont leurs suppléments que l'on considère, Lorsqu'il sont de signes contraires, il est aisé de voir quelle modification l'on doit faire à cette règle, en remarquani qu'alors la section principale du rhomboïde

joue le même rôle que le plan qui lui est

perpendiculaire dans le cas des figures a et 3.

(a) Elle se comporte du moins comme si cela étail, dans toutes les circonstances observées josqu'à présent.

#### INFLUENCE RÉCIPROQUE DES RAYONS POLARISÉS.

naire, par exemple, une couleur déterminée, le second en fait naître Nº XV (A). en même temps une autre qui en est complémentaire et la neutralise entièrement.

25. Je ne m'arrèterai pas au cas où l'on superpose plusieurs lames de même nature; le phénomène, quoique plus compliqué alors, est tout aussi facile à concevoir. Si leurs axes sont parallèles, elles produiront évidemment le même effet qu'une lame unique, dont l'épaisseur serait égale à la somme de toutes ces épaisseurs partielles 101. Quand au contraire leurs axes se croisent, chacun des deux faisceaux lumineux de la première lanse éprouve dans la seconde, en partie, ou en totalité si leurs axes sont rectangulaires, l'espèce de réfraction qu'il n'avait pas subie dans la première; en sorte que l'un, réfracté ordinairement dans la première, le sera extraordinairement dans la seconde, et que l'autre, réfracté extraordinairement dans celle-là, le sera ordinairement dans celle-ci. Par conséquent, si les deux lames sont d'égale épaisseur, les deux faisceaux arriveront en même temps à la dernière surface; et si leurs épaisseurs sont inégales, la différence entre les chemins parcourus sera la même que celle qui résulterait d'une lame unique ayant pour épaisseur la différence entre celles des deux plaques. Voilà comment, en croisant les axes, on parvient à développer des couleurs dans des plaques trop épaisses pour en produire isolément.

26. Il me reste à expliquer maintenant les variations d'intensité qu'on observe dans la coloration des images, lorsqu'on fait tourner la

51.

Le manuscrit (4,) porte la note :

Ce principe, que l'expérience confirme et qui est une conséquence nécessaire de la théorie des ondulations; érésente de grandes difficultés dans celle de M. Biot, et l'oblige à admettre encore dans les molécules lumineuses de nouvelles modifications qu'elles transportent avec elles. Si l'on récapitule toutes celles qui résultent du système de l'émission, on conviendra qu'il est hien difficile de concevoir à la fois, dans chaque molécule, un si grand nombre de propriétés et de modifications différentes.

N° XV (A). Iame cristallisée dans son plan, ou qu'on change l'azimut de la section principale du rhomboide. Pour cela, reprenous les formules qui représentent l'intensité des quatre faisceaux l'unineux, dans lesquels se divise la lumière incidente par l'action des deux cristaux.

Image ordinaire.... 
$$\begin{cases} F_{es} = F \cos^2 i \cos^2 (\alpha - i), \\ F_{ee} = F \sin^2 i \sin^2 (\alpha - i). \end{cases}$$
Image extraordinaire 
$$\begin{cases} F_{ee} = F \cos^2 i \sin^2 (\alpha - i), \\ F_{ee} = F \sin^2 i \cos^2 (\alpha - i). \end{cases}$$

La teinte qui colore chaque image résultant de l'influence mutuelle qu'exerceut l'un sur l'autre les deux faisceaux qui concourent à sa production, cette coloration disparaîtra lorsqu'un des deux sera nul, ce qui arrivera toutes les fois qu'un des quatre facteurs sini, coat, sin (a-f), occ (a-f) sere s'égal à z'erç; slors les deux images deviendront blanches à la fois, puisque les formules qui représentent l'intensité de leurs faisceaux constituants sont composées des mêmes fecteurs. Or il y a lunit manières de satisfaire aux quatre équations,

$$\sin i = 0$$
,  $\cos i = 0$ ,  $\sin (\alpha - i) = 0$ ,  $\cos (\alpha - i) = 0$ , sayoir:

Ainsi, en faisant tourner la lame dans son plan, ou doit trouver en général huit positions dans lesequêlles les daux images devienment blanches. Lorsque la sectión principale du rhomboide coincide avec le plan primitif de polarisation, ou lui est perpendiculaire, ces huit maires de producir des images blanches se réduisent à quatre indiquées par les équations i=0, i=00°, i=00°, i=10° et i=20°; i1 quand elles sont satisfaites, c'est-à-dire lorsque l'axe de la lame se trouve dans le plan de la polarisation primitive, ou lui est perpendiculaire, les deux images sont toujours blanches, quelle que soit la direction de la section principale du second cristal.

27. Reprenous le cas où elle coıncide avec le plau primitif de po-  $N^* \lambda V(A)$ . larisation : alors  $\alpha = 0$ , et les formules deviennent :

$$\begin{array}{l} \text{Image ordinaire.} & \\ F_{ee} = F\cos^{3}i, \\ F_{ee} = F\sin^{4}i. \\ \\ \text{Image extraordinaire} \\ F_{ee} = F\cos^{3}i\sin^{2}i, \\ F_{ee} = F\cos^{3}i\sin^{4}i. \end{array}$$

L'image ordinaire est blanche et l'image extraordinaire est uulle pour i=0, i=0,  $i=180^\circ$  et  $i=270^\circ$ . Mais, dans toute autre position de la lame, on aperçoit deux images colorées, et l'image ordinaire l'est d'autant plus que celui de ses deux faisceaux constitants qui sétati évanoit d'abord se fortifie d'avantage, et approche plus de l'intensité du second; ainsi, le mazimum de coloration de cette image répond à  $\Gamma$  cost  $i=\Gamma$  sint', ou sin  $i=\cos i$ : équation d'où l'on tire  $\Delta S_1 = i=35$ , i=25 est mêmes valeurs de i répondent au mazimum d'intensité de l'image extraordinaire; car sint' i cost i et et le plus grand possible lorsque sin  $i=\cos i$ . Ainsi les deux images ont acquis leur mazimum de coloration lorsque l'ave de la lame fait un angle de  $\Delta S_2$  avec le plan primitif de polarisation.

28. Dans le cas que nous considérons ici, l'iunage ordinaire, après avoir passé par le blanc, reprend la couleur qu'elle avait auparavant, dont l'intensité seule varie et la nature reste constante; car a étant égal à zéro, i est toujours plus grand que a tant qu'il n'est pas nul, et par conséquent, d'après la règle que j'ai donnée plus haut, l'image ordinaire répond toujours aux anneaux transmis et l'image extraordinaire aux anneaux réflechies.

C'est l'inverse quand a est égal à 90°, c'est-à-dire lorsque la section principale du second cristal est perpendiculaire au plan primiti de polarisation. Dans cette nouvelle position du rhomboïde, l'image extraordinaire en effet joue le même rôle que l'image ordinaire dans le cas précédent. Ainsi l'image extraordinaire répond tuoisurs alors

406

Nº XV (A). aux anneaux transmis, et l'image ordinaire aux anneaux réfléchis, quel que soit l'azimut de l'axe du premier cristal,

29. Supposous maintenant que α = 45°; alors les formules deviennent:

Image ordinaire... 
$$\begin{cases} F_{ss} = F \cos^2 i \cos^3 (\hbar 5^s - i), \\ F_{ss} = F \sin^2 i \sin^2 (\hbar 5^s - i), \\ \end{cases}$$
 Image extraordinaire 
$$\begin{cases} F_{ss} = F \cos^2 i \sin^3 (\hbar 5^s - i), \\ F_{ss} = F \sin^2 i \cos^3 (\hbar 5^s - i), \end{cases}$$

Si l'on fixe le rhomboide de spath calcaire dans cette position, et qu'on fasse tourner la lame dans son plan, on trouvera pour son ave huit azimuts différents, dans lesquels les deux images deviendront blanches, savoir:

i=0, i-45°, i=90°, i=135°, i=180°, i=225°, i=270° et i=315°; car chacune de ces valeurs de i anéantit un des deux faisceaux constituants de chaque image. La coloration de ces images au contraire atteindra son maximum dans toutes les positions de la lame où son axe divisera ces angles en deux parties égales; car c'est alors que le plus faible des deux faisceaux, dans chaque image, le sera le moins possible, comme on peut s'en assurer par l'inspection des formules cidessus, qui expriment leurs intensités. Il est aisé de voir aussi, d'après la règle que j'ai donnée plus haut, qu'après chaque passage au blanc les deux images doivent avoir échangé leurs teintes.

30. Les huit positions de l'axe du premier cristal, qui font disparaître les conleurs, divisent la circonférence en parties égales dans le cas que nous considérons ici, parce que, α étant égal à 45°, l'équation de condition  $\alpha - i = 0$  est alors satisfaite par  $i = 45^{\circ}$ . Mais il n'en est plus ainsi lorsque a est plus grand ou plus petit que 45°, et les huit positions de l'axe, qui satisfont aux mêmes conditions, ne font plus entre elles des angles égaux; en sorte que telle apparition des images colorées dure plus longtemps que celle qui la suit; ce qui fait aussi que la coloration dans la première acquiert beaucoup plus de viva-

cité que dans la seconde, parce que le plus faible des faisceaux consti- Nº AV (A) tuants dans celle-ci ne peut pas parvenir au même degré d'intensité. Ces différentes périodes de coloration sont d'autant plus inégales que a approche plus de zéro, ou de qoe; et enfin, quand il a atteint une de ces limites, quatre périodes sont nulles, et il ne reste plus que les quatre autres : c'est le premier cas que nous avons considéré.

31. Toutes les conséquences que je viens de tirer de ces formules sont confirmées par l'expérience; et il me semble que cet accord pronve suffisamment qu'elles représentent aussi fidèlement les faits dans la théorie des ondulations, que celles de M. Biot dans le système de Newton. A la vérité, les siennes ont sur celles que j'ai employées l'avantage d'indiquer dans chaque cas laquelle des deux images doit répondre aux anneaux transmis on aux anneaux réfléchis. Mais l'explication déduite de la théorie des ondulations est bien plus conforme que celle de M. Biot aux principes généraux de la polarisation de la lumière dans les substances cristallisées,

Pour expliquer ces phénomènes, M. Biot suppose que les molécules lumineuses, en traversant une lame cristallisée, ne se polarisent pas suivant sa section principale et en seus contraire, comme dans les cristaux d'une épaisseur plus considérable, mais suivant deux plans, dont l'un est celui de la polarisation primitive, et l'autre fait un angle égal avec l'axe du cristal; en sorte que les pôles des molécules lumineuses oscillent de part et d'autre de cet axe, et ne s'y arrêtent qu'après un très-graud nombre d'oscillations. Car cet habile physicien, en croisant des plaques de cristal de roche de près de quatre centimètres d'épaisseur, y a développé des couleurs semblables à celles que donnent les lames minces, et en a conclu que les mêmes oscillations doivent avoir lieu dans toute l'étendue de ces cristaux. Or il semble que des oscillations, dont l'amplitude n'a éprouvé aucune altération pendant un trajet aussi considérable, devraient se prolonger indéfiniment, ou du moius assez loin pour se faire sentir encore dans des plaques beaucoup plus épaisses, et qui, taillées obliquement par rapport à l'axe, diviseraient la lumière en deux faisceaux distincts. Mais il y a plus, M. Biot a re-

Nº XV (A), connu les mêmes oscillations dans des prismes de cristal de roche superposés, et qui cependant, pris à part, produisaient chacun la double réfraction sensible, et polarisaient la lumière parallèlement et perpendiculairement à l'axe; d'où il faudrait conclure que les faisceaux qui les traversaient ne recevaient la polarisation fixe qu'au moment de leur émergence, et dans des directions très-différentes de celles où ils étaient polarisés immédiatement auparavant; ce qui est bien difficile à admettre, car, d'après toutes les expériences faites jusqu'à présent, il ne paraît pas que les surfaces des cristaux aient sur la lumière une action polarisante différente de celle des autres corps transparents.

> 32. Quelque surprenantes que fussent les conséquences de sa théorie, M. Biot a dù les regarder comme résultant nécessairement des faits, puisqu'elles étaient déduites d'une hypothèse qui les représentait fidèlement, et pouvait seule en rendre raison dans le système de Newton [hors lequel il est persuadé qu'on chercherait en vain l'explication des phénomènes (a) ]. C'est pour faire sentir les inconvénients de ce système, que j'ai cru devoir présenter, ou plutôt rappeler ici ces objections, que j'ai tirées de l'ouvrage même de M. Biot.

> 33. Toutes ces difficultés disparaissent dans la théorie des ondulations, qui n'oblige pas, comme celle-ci, à supposer que les cristaux d'une petite épaisseur polarisent la lumière autrement que ceux qui la divisent en deux faisceaux distincts. Elle indique la relation qui existe entre les anneaux colorés et ces beaux phénomènes, dont la découverte est due à M. Arago; elle fait voir que les couleurs développées par la polarisation dans les lames cristallisées dépendent uniquement de la différence entre les chemins parcourus au même instant par les deux systèmes d'ondes lumineuses qui sortent du cristal, de même que la teinte de la lame d'air, dans les anneaux colorés, résulte de la différence entre les chemins parcourus par les rayons réfléchis à sa

Membre de phrase supprimé; (n<sub>i</sub>) et (n<sub>s</sub>).

### INFLUENCE RÉCIPROQUE DES RAYONS POLARISÉS. 409

première et à sa seconde surface. Ce n'est pas ici une simple analogie N° XV (4), entre les deux phénomènes; les mêmes couleurs y sont produites par les mêmes différences entre les chemins parcourus, en sorte qu'il suffit de comulatre les deux pouvoirs réfringents d'un cristal, et la longueur des ondulations lumineuses déduites des anneaux colorés, pour déterminer, d'après son épaisseur, l'espèce de teinte que la polarisation doit y montrer.

30. Si l'on fut atteution aux nombreuses applications de ce priucipe des accords et des discordances des vibrations lumineuses; si l'on se rappelle qu'il a conduit à la découverte des lois de la diffraction, et des rapports jusqu'alors inconnus entre la largeur des franges et l'épaiseur des lannes d'air qui produient les anneaux colorés, on doit être frappé de sa fécondité, et convenir que, lors même que la théorie des ondulations n'aurait pas sur le système de Newton l'avantage d'expliquer plusieurs faits absolument inconcevables dans l'hypothes de l'émission, elle mériterait déjà la préférence par les moyens qu'elle donne de rattacher entre eux tous les phénomènes de l'optique, en les embressant dans des formules genérales.

A Paris, le 3o août 1816.

A. FRESNEL

Ingénieur des ponts et chaussées

### Nº XV (B).

# MÉMOIRE®

SUB

### L'INFLUENCE DE LA POLABISATION

DANS L'ACTION QUE LES RAYONS LUMINEUX EXERCENT LES UNS SER LES AUTRES (b).

(Deuxième rédaction B.)

# PREMIÈRE PARTIE.

 Dans nos expériences sur la diffraction nous avions cherché,
 M. Arago et moi, si la polarisation des rayons iufléchis n'aurait pas quelque influence sur les franges intérieures des ombres; mais nous

<sup>(a)</sup> Cette rédaction, présentée à l'Institut le 7 octobre 1816, était accompagnée de la lettre suivante adressée à M. le président de l'Académie royale des sciences;

Paris, le 6 octobre 1816.

J'ai l'honneur de vous adresser un Mémoire sur de nouveaux phénomènes d'optique; je vous prie d'avoir la bonté de le présenter à l'Académie que vous présidez. Je suis avec respect,

Monsieur,

Votre très-humble et très-obéissant serviteur.

A. FRESNEL,

Inginieur des ponts et chaussées.

<sup>30</sup> La théorie développée dans les Ménaires N°XV(s) et XV(B), et dans les Ménaires suivans N°XV(s) et XIX, est fondée sur la toi de Malus, et implicitement sur les conditions d'interférences particulières aux rayours polarisés admines comme fait d'expérience. Elle reconnait de plus, sans raison théorique et comme postràctum, la nécessité d'aposter une demi-périole à la différence de marche des rayous intérférents qui forment l'une des desse images.

### INFLUENCE RÉCIPROQUE DES RAYONS POLARISÉS. 411

n'en avions alors remarqué aucune, parce que nos essais avaient été N° AV (8), fisits à la hâte, et que d'ailleurs le procédé que nous suivions pour produire des franges était peu favorable à ce genre d'observations. Nous avions cessé de nous occuper de ces recherches depuis plusieurs mois, lorsque j'u áté framené par de nouvelles expérieures.

Il résulte du principe des accords et des discordances des vibrations lumineuses, que deux points radieux, dont la lumière émane d'une même source, suffisent en général à la production des franges. Mais pour qu'elles puisent être aperques, il faut en outre que les rayons qui partent de ces deux points ne fassent qu'un très-petit angle dans l'oil du spectateur, et que la différence entre les chemins parcourus n'excède pas six ou sept ondulations; car, passé le septième ordre, les bandes obscures et brillantes de diverses couleurs se confindent telle-

L'hypothèse unique des vibrations transversales est venue plus tard embrasser à la fois dons ses conséquences la loi de Malas et les conditions d'interférence des rayons polarisés, supprimer tout postulatum, puis ensuite satisfaire à l'explication des phénomènes connexes de la double réfraction et de la polarisation.

Cette définition fondamentale des vibrations lumineuses n'est nettement posée par Fresnel que dans le Mémoire N° XXI.

Une note de la main de M. Biot, inscrite sur la converture de la copie (a, ), résume ainsi, à son point de vue, les perfectionnements progressifs de la théorie : «Sur la dernière feuille «Plannche qui suit le manuscrit assignaphe (a, ) on voit encore écrit su crayon, de la main de «Prannel :

$$F_a = O \cos^2 \alpha + E \cos^2 (\alpha - 2i)$$

$$F_a = O \sin^2 \alpha + E \sin^2 (\alpha - 2i)$$

-Ce sont mes deux formules sur lesquelles il avait accommodé los siennes, en y cherchant «quelle était celle des deux images à luquelle il faliait ajouter hypothéparement une demi-on-dulation pour faire concorder ses nouvelles formules avec mos expériences.

«Cest ce qu'il dit lui-même, page 17 de son mannierit, seulement il ue fait pas remarquer qui în es se présente ci aucun préexte pour ajouter cette demi-modalistion, si ce n'est ela nécessité de faire concorder le résultat de ses nouvelles formules avec les observations que +j'avais faites et avec la règle expérimentale que j'avais faites et avec la règle expérimentale que j'avais trouvée.

«Il a depuis rapporté fort habilement cette addition d'une demi-ondulation oux signes suivant leuquels les composantes des vibrations, considérées comme perpendiculaires au «rayon, doivent entrer dans les résultantes, etc.»

La seconde partie du Mémoire commençant an paragraphe 93 a seule été comprise dans le rapport académique du 4 juin 1821. (Voir le N° XX.)



N° XV (B). ment qu'elles n'offrent plus qu'une lumière blanche uniforme. C'est en remplissant ces conditions que je suis parvenu à produire des franges par le croisement des rayons réfléchis sur deux miroirs (a). Cette expérience, dont j'ai donné les détails dans le dernier Mémoire que j'ai eu l'honneur de présenter à l'Académie, m'a conduit, par analogie, à essayer si les deux images que l'on obtient en plaçant un rhomboide de spath calcaire devant un point lumineux produiraient le même effet que celles qui sont réfléchies par deux miroirs. Le rhomboide dont je me suis servi n'ayant pas une grande épaisseur, les deux images se trouvaient assez rapprochées pour que les franges eussent une largeur suffisante. Ainsi il ne restait plus à remplir que la condition d'égalité entre les chemins parcourus au même instant par les deux systèmes d'ondulations lumineuses. Pour cela j'ai fait traverser au faisceau extraordinaire une plaque de verre dont l'épaisseur avait été déterminée de manière à lui faire perdre à très-peu près, sous l'incidence perpendiculaire, toute l'avance qu'il avait prise dans le cristal sur le faisceau ordinaire; de sorte qu'en inclinant légèrement cette plaque on pouvait établir à cet égard une compensation exacte. Cependant je n'ai jamais aperçu de franges, quoique j'aie répété cette expérience un grand nombre de fois.

2. A la vérité l'espace dans lequel j'espérais les découvrir était peu étendu, et occupé d'ailleurs en partie par les bandes que projetait le bord de la plaque de verre. Mais en la plaçant de manière qu'elles fussent dirigées dans un autre sens que les franges qui devaient résulter de deux points lumineux, elles ne pouvaient plus se confondre tellement avec celles-ci qu'elles empéchassent entièrement de les distinguer. Néanmoins, pour éviter tout à fait cet inconvénient, j'ai enlevé la plaque de verre, et j'ai reçu les rayons, qui avaient traversé le cristal, sur une petite glace non étamée, dont l'épaisseur avait été calculée de manière que la différence entre les chemins parcourus par les rayons réfléchis à la première et à la seconde surface, sous l'incidence perpendiculaire,

<sup>(\*)</sup> Voir Nº IX et Nº X. S of et suivants.

fût un peu plus grande que celle qui résultait de la double réfraction, Nº XV (B). de sorte que par un tâtonnement facile on pouvait trouver une inclinaison telle que ces différences fussent égales. Les rayons ordinaires réfléchis à la première surface et les rayons extraordinaires réfléchis à la seconde se trouvaient alors dans les circonstances propres à la formation des franges. Cependant je n'en ai jamais pu découvrir aucune, avec quelque lenteur que je fisse varier l'inclinaison de la glace.

- 3. J'ai essayé encore un autre procédé, qui conservait à la lumière incidente toute sa vivacité, et resserrait tellement les limites du tâtounement, que j'étais sûr d'apercevoir les franges qui résulteraient de l'action réciproque des deux faisceaux lumineux, si toutefois ils pouvaient en produire. J'ai fait scier en deux le rhomboide de spath calcaire dont je m'étais déjà servi, et ayant obtenu ainsi deux rhomboides d'une épaisseur égale, je les ai placés l'un devant l'autre, en croisant leurs axes, de manière que les deux sections principales fussent perpendiculaires entre elles. Dans cette situation des cristaux, je ne voyais au travers que deux images du point lumineux, et les deux faisceaux ayant subi successivement des réfractions différentes devaient sortir au même instant du second rhomboïde, puisque son épaisseur était égale à celle du premier. Je faisais d'ailleurs varier légèrement et très-lentement l'inclinaison du second relativement au rayon incident, pour compenser par là la différence d'épaisseur, s'il y en avait une, tandis que je cherchais les franges à l'aide de la loupe. Malgré toutes ces précautions je n'en ai jamais aperçu, et ce troisième essai n'a pas en plus de succès que les précédents.
- 4. J'en ai conclu que les deux systèmes d'ondes dans lesquels se divise la lumière en traversant les cristanx n'avaient aucune action l'un sur l'autre, ou du moins que leur influence mutuelle ne pouvait pas produire de résultat apparent.
- 5. Une réflexion très simple, d'ailleurs, confirmait cette exception surprenante.

La double réfraction étant peu prononcée dans le sulfate de chaux, il est facile de se procurer des lames de cette substance assez minces

Nº XV (B). pour que la différence entre les chemins parcourus, au même instant, par les rayons ordinaires et extraordinaires n'excède pas deux ou trois ondulations; et en regardant directement au travers la lumière blanche des nuées, ces lames devraient se colorer fortement de la teinte pour laquelle il y aurait accord parfait entre les deux systèmes d'ondes, s'ils agissaient l'un sur l'autre; mais elles paraissent au contraire toujours blanches sous l'incidence perpendiculaire. Il s'ensuit que les accords ou les discordances des rayons ordinaires et extraordinaires ne peuvent produire aucun effet sensible. Or quelle espèce de modification ont-ils reçue dans le cristal? Ils ont été polarisés dans des plans rectangulaires. Il faut donc en conclure que des rayons polarisés en sens contraires n'exercent pas l'un sur l'autre la même influence que des rayons non modifiés, ou polarisés dans le même sens (0.

6. 6 M. Arago, à qui j'ai communiqué aussitôt cette conséquence, où m'avaient conduit mes réflexions et mes essais infructueux pour produire des franges au moyen de la double réfraction, a pensé qu'il était nécessaire de vérifier encore ce principe par une expérience directe. en s'assurant si, dans les circonstances ordinaires où se forment les franges, elles disparaîtraient par la polarisation en sens contraire des deux faisceaux lumineux qui concourent à leur production. Il me pa-

(1) A la vérité en ramenant dans un même azimut les plans de polarisation des rayons ordinaires et extraordinaires par la réflexion sur une glace non étamée, ou l'interposition d'un rhomboide de chaux carbonatée, il n'y a production de couleurs que lorsque la lumière a été polarisée avant de traverser la lame cristallisée. Mais que s'ensuit-il? Que quand les rayons lumineux ont été une fois polarisés en sens contraires, il ne suffit pas qu'ils soient ramenés au même plan de polarisation pour agir l'un sur l'autre, ou du

moins pour que cette action produise des effets sensibles, mais qu'il fant encore qu'ils aient été polarisés primitivement dans le même sens. Quelle qu'en soit la raison, le principe est général. J'ai reconnu la nécessité de cette polarisation préalable dans tous les phénomènes de ce genre dont je me suis occupé jusqu'à présent, et notamment pour produire des franges par l'action des deux faisceaux lumineux qu'on obtient au moven d'un rhomboïde de chaux corbonatée, expérience dont je parlerai plus tard.

<sup>(\*)</sup> Du paragraphe 6 au paragraphe 14 inclusivement, le texte de la première rédaction est reproduit sous les mêmes numéros.

raissait difficile d'obtenir deux faisceaux lumineux polarisés dans des Nº XV (B). plans rectangulaires, en remplissant d'ailleurs toutes les conditions nécessaires pour faire naître des franges; mais M. Arago a levé cette difficulté et imaginé un moyen commode pour polariser les deux faisceaux en sens contraire sans changer leur direction ; il consiste à leur faire traverser obliquement à chacun une pile de lames très-minces, comme celles de mica, et disposées de manière que les plans d'incidence soient perpendiculaires entre eux. Nous avons construit ainsi deux piles, composées chacune de quinze feuilles de mica prises deux à deux dans la même lame et placées de façon à faire correspondre les parties voisines, afin que les épaisseurs traversées par les deux faisceaux lumineux fussent le moins différentes possible.

7. Au lieu d'employer un corps étroit pour produire des franges. comme nous avions fait lors de nos premiers essais, nous nous sommes servis d'une feuille de cuivre, dans laquelle nous avions pratiqué deux fentes très-fines et peu distantes l'une de l'autre. En les éclairant par un point lumineux on peut obtenir, ainsi que je l'ai déjà remarqué dans le dernier Mémoire que j'ai eu l'honneur de présenter à l'Académie (a), des franges beaucoup plus nettes et plus brillantes que celles qu'on voit dans l'ombre d'un corps étroit. Ce procédé a encore sur l'autre l'avantage important de permettre à l'observateur de les suivre beaucoup plus loin, lorsqu'elles sont déplacées par l'interposition d'un corps transparent.

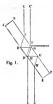
Nous avons donc placé les deux piles devant les deux ouvertures de la feuille de cuivre, de manière qu'elles fussent traversées chacune par un des faisceaux lumineux concourant à la production des franges. Sous une inclinaison de 30° comptée de la surface, ces piles polarisaient presque complétement la lumière, et nous ne découvrions plus aucune trace de franges lorsqu'elles étaient disposées de manière que les deux plans incidents fussent perpendiculaires entre eux, même en faisant varier lentement l'inclinaison d'une des piles, pour nous assurer

<sup>(</sup>a) Voir Nº X. S 41.

Nº XV (B). si l'absence des bandes ne tenait point à une différence trop sensible dans l'épaisseur des piles (1); tandis qu'on apercevait d'abord les franges quand les deux faisceaux lumineux étaient polarisés dans le même sens. Elles étaieut à la vérité très-irrégulières, très-multipliées, et inclinées dans toutes sortes de directions; ce qui tenait sans doute aux légères inégalités des lames, et peut-être aussi à la disposition de leurs axes (4).

> 8. On pourrait obtenir des franges régulières en polarisant la lumière par réflexion, et s'assurer aussi qu'elles disparaissent lorsque les plans d'incideuce sont perpeudiculaires entre eux. Je ne ferai qu'indiquer ce procédé, que je n'ai pas encore essayé.

> Toute la difficulté se réduit à empêcher la divergence des deux faisceaux réfléchis polarisés en sens contraire, et pour cela il suffit de trouver un moyen de les ramener dans une direction parallèle au rayon încident, et à peu près sur son prolongement; c'est ce qu'il est facile d'obtenir avec un appareil fort simple.



Soit ABEF une glace inclinée sur le rayon IC, de 35º 25', de manière à polariser complétement la lumière qu'elle réfléchit. Je suppose que la seconde surface de la glace soit étamée jusqu'à une très-petite distance du point II, par lequel le rayon incident sort du verre, après avoir été réfléchi deux fois aux points D et G. La première réflexion s'opérant sur le tain l'affaiblira peu, et la seconde le polarisera complétement. Au moyen d'un écran placé au devant du point G on empêchera la lumière directe de se mêler à la lumière réfléchie. Cet écran étant suffisamment rapproché du point G, pour peu que la glace soit épaisse,

1) On pourrait peul-être substituer avec avantage à ces piles les deux moitiés d'une

plaque de tourmaline taillée parallèlement à l'axe de cristallisation.

<sup>(\*)</sup> Voir la note (b) de la première rédaction sur le même paragraphe.

il restera encore entre le point I et l'écran un espace assez grand pour N° XV (B). · laisser passer une lumière abondante, qui, après avoir été arrêtée d'abord par le tain, et réfléchie une seconde fois par l'autre surface de la glace, ira fortifier le rayon IIL. Le faisceau lumineux CC'H' produira ainsi, après une double réflexion, un faisceau émergent IIH'LL', dont l'épaisseur dépendra de celle de la glace, et dont la direction différera fort peu de celle du faisceau incident.

9. En placant une autre plaque de verre également inclinée sur le rayon incident, mais dans un sens perpendiculaire au premier, on concoit que par une disposition semblable on pourra obtenir un second faisceau émergent très-voisin du premier, et complétement polarisé en sens contraire. Si les deux glaces sont d'une épaisseur bien égale, du moins dans la partie traversée par les rayons lumineux (ce qu'il est toujours aisé d'obtenir en coupant en deux une plaque de verre à faces parallèles), on anra rempli toutes les conditions nécessaires à la production des franges, excepté la condition relative au sens de la polarisation; et en faisant varier légèrement et très-lentement l'inclinaison d'une des glaces par rapport au rayon incident, on pourra s'assurer par cette expérience que l'apparition des franges est impossible lorsque les deux faisceaux lumineux qui doivent concourir à leur production sont polarisés en sens contraires.

 Ouelques instants avant de faire cette expérience, i'en avais déjà fait une autre d'une exécution plus facile, qui démontre encore, d'une manière moins directe, mais non pas moins frappante, l'impossibilité de produire des franges par le croisement des rayons lumineux polarisés en sens contraires.

Quand on place au devant d'un corps étroit, ou mieux d'une seuille de cuivre préparée comme je l'ai déjà expliqué, une lame de sulfate de chaux ou de cristal de roche, on n'aperçoit qu'un seul groupe de franges qui occupe le milien de l'ombre. Cependant chacun des faisceaux lumineux étant composé de deux systèmes de rayons qui ne comptent pas le même nombre d'ondulations, si les rayons ordinaires d'un des faisceaux pouvaient agir d'une manière sensible sur les rayons

11. Pour démontrer le contraire et, mettre en évidence les deux systèmes d'ondulations lumineuses, j'ai détaché avec soin d'un cristal de chaux sulfatée très-limpide une lame ayant à peu près un millimètre d'épsisseur, et je l'ai coupée en deux parties que j'ai fixées sur hacune des fentes de la feuille de cuivre, en disposant leurs axes dans des directions rectangulaires. Alors, en observant avec une loupe l'ombre de cet appareil, j'ai vu deux systèmes de franges séparés pur un intervalle blanc assec considérable, comme la théorie l'amponepsit d'avance (9. Ils provenaient évidemment de l'action des rayons ordinaires de gauche sur les rayons extraordinaires de gauche, qui se trouvaient alors polarisés dans le même seus. On voit encore par cette expérience que les rayons polarisés en sens contraires ne peuvent pas produire des franges, puisque celles du milieu avaient dispare.

(ii) Il arrive toujours qu'une partie plus ou moins considérable de la lumière solaire, qui forme le point lumièreux, est polarisée par le miroir extérieur qui la renvoie sur la lentille a lors, quand un des axes des launes cristallisées se trouve à peu près dans ce plan de polarisation, un des groupes de franças derient acouiblement plus faible que

deux faisceaux.

l'autre. Il disparaîtrait même totalement, si la lumière incidente était complétement polarisée; mais il suffirait, pour le faire reparaître et rétablir l'égalité d'intensité entre les deux systèmes, de changer de 55° l'azimut des axes, en faisant tourner la feuille de cuivre dans son plan.

- L'intervalle compris entre les deux groupes de franges dépend N° XV (B). de la différence entre le nombre des ondulations ordinaires et celui des ondulations extraordinaires dans la lame cristallisée, et l'expérience que je viens de décrire fournit par conséquent un moyen facile de la déterminer, en mesurant au micromètre la distance entre les milieux des deux bandes brillantes du premier ordre de chaque système. En la divisant par le double de la largeur d'une des franges, on aura le nombre d'ondulations qui résulte de la différence de vitesse entre les rayons ordinaires et extraordinaires, et de l'épaisseur de la lame cristallisée, qu'on peut mesurer très-exactement à l'aide du sphéromètre. Si l'on connaît de plus le pouvoir réfringent du cristal, ou aura toutes les données nécessaires pour calculer le rapport entre ces deux vitesses. On pourra le déterminer ainsi avec précision, même dans les cristaux où la double réfraction est à peine sensible, et peut-être la découvrir dans plusieurs de ceux où elle n'a pas encore été reconnue, en employant des plaques d'une épaisseur suffisante. En les taillant suivant des directions diverses, ce même procédé pourra servir, comme M. Arago me l'a fait remarquer, à vérifier dans tous les cristaux susceptibles de poli la loi d'Huyghens, dont ou n'a encore pu démontrer l'exactitude que pour le carbonate de chaux.
- 13. Après avoir placé dans des directions rectangulaires les axes des deux lames qui recouvraient les fentes de la feuille de cuivre, ie les ai disposées ensuite de manière qu'ils fissent entre eux un angle de 45° environ, et alors j'ai aperçu trois systèmes de franges, celles du milieu avant reparu. Elles avaient même plus d'intensité que les autres, étant la réunion des deux systèmes provenant du croisement des rayons homologues des deux faisceaux lumineux. On voit par cette expérience qu'il n'est pas nécessaire que les plans de polarisation soient parallèles pour que les deux faisceaux produisent des franges : elles ne disparaissent complétement que lorsqu'ils sont à peu près perpendiculaires entre eux.
- 14. J'ai cherché à m'expliquer comment cette dernière disposition empêchait la formation des franges; mais je n'ai pas encore pu y par-

### 420 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. — DEUXIÈME SECTION.

Nº XV (B). venir, Il faudrait pour cela savoir en quoi consiste cette singulière modification de la lumière qui constitue sa polarisation. Peut-être une propriété aussi remarquable des rayous polarisés conduira-t-elle à cette importante découverte.

> J'ai supposé que les rayons lumineux en traversant les lames minces des cristaux doués de la double réfraction se trouvaient toujours polarisés parallèlement et perpendiculairement à l'axe, comme dans les cristaux d'une épaisseur plus considérable et taillés de manière à séparer la lumière en deux faisceaux distincts (1). Cette hypothèse est déjà très-probable, par cela seul qu'elle est couforme à l'analogie. Elle ne présente pas d'ailleurs dans le système des ondulations les mêmes difficultés que dans celui de l'émission relativement aux couleurs produites par les lames cristallisées; elle peut mème, à l'aide du principe des accords et des discordances des vibrations lumineuses, servir à expliquer cette coloration et toutes les variations d'intensité qu'elle éprouve lorsqu'on fait tourner la lame dans son plan. Néanmoins, comme les principes de la polarisation mobile, par lesquels M. Biot a expliqué ce phénomène, les représentent fidèlement, et que s'ils ne sont pas d'accord avec l'analogie ils paraissent l'être avec les faits, avant d'abandonner l'ingénieuse théorie de cet habile physicien, il était nécessaire de s'assurer par une expérience directe que les rayons ordinaires et extraordinaires étaient effectivement polarisés parallèlement et perpendiculairement à l'axe en sortant des lames cristallisées. L'expérience que j'ai rapportée plus haut, dans laquelle je produisais deux groupes de franges séparés, en plaçant sur les fentes de la fenille de cuivre des lames dont les axes étaient perpendiculaires entre eux, me fournissait un moyen facile de décider la question. En effet le système de gauche doit être produit par le concours des rayous qui out subi la réfraction extraordinaire dans la laute de gauche, et des rayons

tielle; mais je ne considère ici que des lames assez épaisses pour polariser complétement la lumière.

<sup>&</sup>lt;sup>(1)</sup> M. Arago, en subdivisant des feuilles de mica, a reconnu que quand elles avaient passé un certain degré de ténuité elles ne produisaient plus qu'une polarisation par-

### INFLUENCE RÉCIPROQUE DES BAYONS POLABISÉS. 421

qui ont été réfractés ordinairement dans la lame de droite, puisque N° XV (B). ceux-ci traversent le cristal plus promptement que ceux-là; par conséquent, d'après mon hypothèse, les bandes de ganche doivent se trouver polarisées perpendiculairement à l'axe de la lame de gauche, et parallèlement à celui de la lame de droite, tandis que l'autre système de franges, au contraire, doit être polarisé perpendiculairement à l'axe de droite et parallèlement à celui de gauche. C'est en effet ce que j'ai reconnu en les observant avec un rhomboide de spath calcaire : l'image ordinaire d'un des systèmes et l'image extraordinaire de l'autre disparaissaient à la fois, lorsque la section principale du rhomboide était parallèle à l'axe de la lame situé du côté du premier; tandis que les franges correspondantes à la partie des deux fentes de la fenille de cuivre qui n'était pas recouverte par les lames n'éprouvaient, pendant la révolution du rhomboïde, que de légères variations d'intensité, qui provenaient de ce qu'une portion de la lunrière formant le point lumineux se trouvait polarisée par le miroir extérieur. En compensant cette polarisation partielle par une autre polarisation égale et en sens contraire, au moyen d'une ou plusieurs plaques de verre placées obliquement devant le point lumineux, je parvenais aisément à empêcher ces variations d'intensité dans les franges ordinaires; tandis que les franges produites par les rayons qui avaient traversé les lames

16. J'ai substitué à la feuille de cuivre deux glaces non étamées légèrement inclinées entre elles, de manière à produire des franges; et ayant placé les lames vis-à-vis des deux images du point lumineux, j'ai obtenu deux systèmes de franges beaucoup plus brillantes que les premières. Elles avaient un tel éclat qu'on ne pouvait plus attribuer à la faiblesse de la lumière la disparition totale d'une des images produites par le rhomboïde, et douter que ces bandes fussent complétement polarisées. Les deux glaces étaient inclinées de 35° sur les ravons incidents, et j'avais placé les deux lames cristallisées de façon que leurs axes, toujours perpendiculaires entre eux, fissent un angle de 45° en-

cristallisées conservaient toujours le caractère d'une polarisation com-

plète.

N' XV (B). viron avec le plan de la polarisation primitive, afin que les deux systèmes de franges fussent d'une égale intensité. J'ai trouvé qu'ils étaient toujours polarisés chacun perpendiculairement à l'axe de la lame située du même côté. Or il résulte des principes de la polarisation mobile que, dans ce cas, toute la lumière qui a traversé les lames devrait être polarisée suivant le plan primitif de polarisation, et un autre formant avec celui-ci un angle égal'à deux fois 45°, ou à 90°; c'est-à-dire dans les azintuts où il fallait placer la section principale du rhomboide pour que les deux images de chaque système parussent au contraire d'une égale intensité.

> 17. Les lames dont je m'étais servi dans cette expérience n'avaient gnère qu'un millimètre d'épaisseur, et bien qu'elles fussent trop épaisses pour donner des couleurs, elles ne l'étaient pas assez pour produire la polarisation fixe, suivant la théorie de M. Biot. Néanmoins il n'était pas inutile de démontrer encore par une expérience directe que les lantes assez minces pour que la polarisation puisse y développer des conleurs polarisent aussi la lumière parallèlement et perpendiculairement à l'axe, comme les cristaux les plus épais. Je me suis servi à cet effet d'une lame que la polarisation colorait fortement, mais qui avait cependant encore assez d'épaisseur pour qu'on pût distinguer aisément les deux systèmes de franges. Je l'ai divisée en deux parties, que j'ai placées chacune devant une des images du point lumineux que réfléchissaient les deux miroirs, en tournant leurs axes dans des directions rectaugulaires et à 45° du plan primitif de polarisation. J'ai observé , alors à l'aide de la loupe deux systèmes de franges qui empiétaient un peu l'un sur l'autre, et produisaient, dans l'espace où ils se superposajent, des handes obscures et brillantes offraut deux couleurs différentes, qui dépendaient de la distance entre les centres des deux systèmes (1), ou, ce qui revient au même, de l'épaisseur de la lame. Pour

(1) Il est aisé de se rendre compte de cet effet du mélange de deux systèmes de franges, et même de le déterminer d'avance, lorsqu'on connaît la distance entre leurs centres.

Il suffit de trouver pour quelle espèce de rayons elle doit contenir un nombre entier de fois la largeur d'une frange. C'est cette espèce de rayons qui dominera dans les déterminer le plan de polarisation de chaque système, je tenais devaut N° XV (B). la loupe une pile de glaces que j'inclinais dans tous les sens, de manière à faire passer le plan d'incidence par tous les azimuts : or j'ai reconnu que pour faire disparaître complétement un des systèmes, il fallait que ce plan fût parallèle à l'axe de la lame située du même côté, et que par conséquent les franges étaient polarisées perpendiculairement à cet axe, comme dans l'expérience précédente. Quand, au contraire, le plan d'incidence coincidait avec celui de polarisation primitive, on lui était perpendiculaire, les deux sytèmes de franges deveuaient d'une égale jutensité (1).

18. J'ai fait voir que des rayons polarisés en sens contraires ne pouvaient pas agir les uns sur les autres, de manière du moins à produire des résultats apparents, tandis que lorsqu'ils étaient polarisés dans le même sens, leur influence mutuelle était aussi sensible que celle des rayons non modifiés. Mais quand ils ont été une fois polarisés en sens contraires, il ne suffit pas de les polariser de nouveau dans une même direction, pour faire naître des franges; il est encore nécessaire qu'ils soient partis primitivement d'un même plan de polarisation.

Pour s'assurer de la vérité de ce principe, il faut avoir soin de compenser la polarisation partielle provenant de la réflexion des rayous solaires sur le miroir extérieur par uue autre polarisation en seus coubendes brillantes et qui disparattra le plus complétement dans les bandes obscures; puisque les bandes obscures et brillantes qu'ils produisent dans les deux systèmes coincideront parfaitement. Au contraire, l'espèce de rayons qui comptera n+1 intervalles entre les centres des deux systèmes. se trouvant répandue avec une égale intensité dans l'espace où ils se superposent, parattra davantage dans les bandes obscures.

(1) Dans un cas ils semblaient se séparer, tandis que dans l'autre ils paraissaient au contraire se rapprocher et se réunir. Ce phénomène m'a surpris d'abord; mais i'ai bientôt trouvé la cause de cette illusion, que le fit du micromètre détraissit en démontrant l'immobilité des franges. Elle tenait à ce que la pile colorait la lame cristallisée, tantôt de la teinte des bandes obscures et tantôt de celle des bandes brillantes qui réunissaient les deux systèmes. Dans le premier cas leur différence d'intensité s'affaiblissait tellement qu'on ne les distinguait presque plus, et alors les deux systèmes paraissaient se séparer; dans le second, an contraire, cette différence augmentait, en sorte que les franges du premier ordre semblaient s'être portées dans cet espace intermédiaire et s'être ainsi rapprochées les unes des antres.

N XV (B), traire, qui lui soit équivalente; ce que l'on peut toniours obtenir en plaçant au devant du point lumineux une ou plusieurs plaques de verre, dont on augmente ou diminue l'inclinaison, jusqu'à ce que les deux images de ce point radieux, observées au travers d'un rhomboide de spath calcaire, soient d'une intensité bien égale pour toutes les directions possibles de sa section principale. Alors si l'on expose à cette lumière une lame de sulfate de chaux recouverte d'une feuille opaque dans laquelle on a pratiqué deux fentes, en observant son ombre à l'aide de la lonpe et d'un rhomboïde de spath calcaire, on n'apercevra jamais qu'un seul système de franges, celui du milieu, dans quelque direction que l'axe de la lame soit situé. Mais si l'on se sert de lumière polarisée, et qu'on incline cet axe à 45° environ, par rapport au plan primitif de polarisation, on découvrira, avec le secours du rhomboide, deux antres systèmes de bandes, à droite et à gauche de celle du milieu, qui proviendront de la reucontre des faisceaux qui ont subi des réfractions différentes dans le premier cristal. Ils se tronvaient polarisés en sens contraires en sortant de la lame et ne pouvaient pas agir l'un sur l'autre; mais le second cristal, en ramenant une portion de chaque faisceau au même plan de polarisation, fait naître les circonstances propres à la formation des franges. Il est à remarquer que la séparation des images ordinaire et extraordinaire est nécessaire à leur apparition; car quand on place au devant de la loupe une lame de sulfate de chaux, ou de cristal de roche, au lieu du rhomboide de spath d'Islande, on n'apercoit plus que les franges du milieu. Il faut en conclure que les images ordinaire et extraordinaire de chacun des deux autres systèmes de franges sont complémentaires l'une de l'autre, c'est-àdire que les bandes obscures de l'une répondent aux bandes brillantes de l'autre, de manière que leur superposition ne présente qu'une lumière blanche continue. On retrouve ici, comme dans les phénomènes de la diffraction, une différence d'une demi-ondulation, qui paraît être indépendante des chemins parcourus, mais dont on sentira la raison sans doute quand on connaîtra mieux de quelle manière s'opèrent la polarisation et la double réfraction.

19. On peut, en suivant le même procédé, faire reparaître les N° XV (B). franges du milieu, lorsque les lames placées sur les deux fentes de la feuille de cuivre sont disposées de façon que leurs axes soient perpendiculaires entre eux. Avec le seul secours de la loupe on ne peut apercevoir que les deux autres systèmes; mais par l'interposition du rhomboïde de spath d'Islande on distingue aisément les franges du centre, quand la lumière a été préalablement polarisée avant son entrée dans le premier cristal. Comme elles sont la rénnion de deux systèmes, on les voit mieux que les franges de droite et de gauche dans l'expérience précédente. Celles-ci sont toujours très-faibles lorsqu'on se sert de la feuille de cuivre, dont les fentes doivent être nécessairement très-étroites, pour infléchir fortement la lumière, et la répandre à une distance suffisante du centre. Mais quand on forme les deux points lumineux avec deux glaces non étamées, disposées de manière à produire des franges, et à polariser complétement la lumière, les bandes dont je viens de parler deviennent très-brillantes(1). Elles ne disparaissent tout à fait que lorsque l'axe de la lame est à peu près parallèle ou perpendiculaire au plan primitif de polarisation, parce que alors un des faisceaux constituants devient nul dans chaque système. Elles atteignent an contraire leur plus haut degré d'intensité lorsque l'axe de la lame fait un angle de 45° avec le plan de la polarisation primitive. C'est dans les mêmes circonstances que les couleurs des lames minces des cristaux ont aussi le plus d'éclat et de vivacité. On doit apercevoir déjà la liaison intime qui existe entre ces phénomènes.

20. Après avoir reconnu, par les expériences que je viens de décrire, les conditions à remplir pour rendre sensible l'influence mutuelle des rayons polarisés, j'ai essayé de nouveau de produire des franges au

surer la double réfraction. Avec l'appareil des miroirs je pouvais observer commodément les deux systèmes des bandes extrêmes dans des lames de trois à quatre millimètres d'épaisseur

<sup>(1)</sup> Ce procédé a encore l'avantage de permettre de suivre les franges beaucoup plus loin qu'on ne peut le faire au moven de la feuille de cuivre, et lui est par conséquent préférable, sous tous les rapports, pour me-

N° XV (B). moyen des deux images d'un point lumineux résultant de la double réfraction, et i'y suis aisément parvenu.

Comme il est nécessaire que les rayons qui doivent être polarisée en seus contraire par l'action du cristal aient subi préalablement une polarisation dans le même seus, j'ai reçu les rayons qui partaient du point lumineux sur un verre noir incliné de 35° environ; j'ai placé dans la direction des rayons réflechis, et bout à bout, les deux moités d'un rhomboide de spaht calcaire, que j'avais fait scier, comme je l'ai déjà dit, pour avoir deux rhomboides d'une épaiseur bien égale. Ils étaient disposés de manière que leurs sections principales Inssent perpendiculaires entre elles et inclinées de 65° par rapport au plan primit de polarisation. Alors, à l'aide d'un autre rhomboide de spaht calcaire, ou d'une pile de glaces, que je faisais tourner devant ma loupe, j'ai découvert des franges très-brillantes, qui étaient perpendiculaires a la droite joignant les deux images du point lumineux. Je les ai mesurées au moyen du micromètre, et les résultats de l'observation se sont trouvés parfaitement d'accord avec ceu du calcul

La largeur de ciuq frauges, mesurée entre les points les plus obscurs des nandes du 3° ordre, était de o=,00175, et le sinus de l'angle visuel formé par les rayons partant des deux images du point lunineux, de 0,00162; substituant cette valeur de § dans la formule de à la place de d la longueur des ondulations jaunes, o=,00000577, on trouve o=,00178, qui ne diffère que de trois centièmes de millimètre du résultat de l'observation.

21. Il n'est pas nécessaire que les deux rhomboïdes de spath d'Illande soient précisément disposés comme je viens de le dire pour produire des franges; mais c'est alors qu'elles on Il e plus d'éclat. On peut encore les voir dans une infinité d'autres positions des sections principales, pourvu cependant qu'elles ne soient pas parallèles entre elles, et que celle du premier rhomboïde ne soit in jarallèle, ni perpendiculaire au plau de polarisation primitive; car alors ils ne produiraient plus deux faisceaux lumineux ayant éprouvé successivement des réfractions différentes dans les deux cristaux, condition nécessaire à la fortions différentes dans les deux cristaux, condition nécessaire à la fortion.

mation des franges, puisqu'elles naissent de l'influence mutuelle que N° XV (B). ces deux faisceaux exercent l'un sur l'autre.

22. Cette expérience ressemble à celle où l'on développe des couleurs dans les plaques cristallisées en croisant leurs axes; et la même théorie peut s'appliquer à l'une et à l'autre. Mais dans celle-là les deux centres d'ondulations étant séparés par un intervalle très-sensible, les ondes se croisent et présentent alternativement des points d'accord et de discordance, d'où résultent les franges; tandis que dans l'autre ces deux centres se trouvant extrêmement rapprochés, les ondes sont parallèles et leurs accords ou leurs discordances sont les mêmes dans toute leur étendue; c'est pourquoi les plaques présentent une couleur uniforme, où domine l'espèce de rayons dont les vibrations s'accordent le plus parfaitement dans les deux systèmes d'ondes. On ne peut apercevoir les franges produites par les deux rhomboïdes que quand la lumière émane d'un seul point, et, pour voir commodément les couleurs des plaques croisées, il faut au contraire que le corps éclairant ait une certaine étendue. En un mot, il y a entre ces deux phénomènes les mêmes rapports et les mêmes différences qu'entre les phénomènes de la diffraction et celui des anneaux colorés.

#### DEUXIÈME PARTIE.

23. Le docteur Young a remarqué le premier que les couleurs développées par la polarisation dans les lames cristallisées répondaient exactement à la différence entre les chemins parcourus au même instant par les rayons ordinaires et extraordinaires au sortir du cristal (1). Il a démontré, dans le numéro d'avril 1814 du Quarterly Review,

(1) Cette hypothèse explique si naturellement la grande différence d'épaisseur entre ces lames et celles qui donnent les mêmes couleurs dans les anneux colorés, qu'elle me vint à l'esprit aussitôt que je cherchai à me rendre raison de ces phénomènes. Je l'avais même déjà communiquée à M. Arago, après l'avoir vérifiée pour le cas de l'incidence perpendiculaire, lorsqu'il me fit connaître ce que le docteur Young avait publié sur ce sujet. Comme cette remorque intéressante ne paralt avoir fixé l'attention que d'un petit nombre de physiciens, j'ai pensé qu'il ne serait pas inutile de présenter iei le

# A XV (B), que, pour les incidences obliques comme pour l'incidence perpendicu-

calcul que j'avais fait pour le cos particulier des rayons perpendiculaires à l'axe (a).

Les tantes de l'inage extraordinaire, ainia que M. Bia fie courbu de se aprinouse, correspondent à celles des anueux dichésis ic, dans les anueux rédichis ic, de l'increas d'une denin-indulation entre dischemin pareoux par les rayons james rédichis à la penities et à la seconde sufficie de la limit de la companie de la com

Je représente par d' et d' les longueurs d'ondnistion de ces deux espèces de rayons, et par n le nombre de vibrations nécessaire pour produire entre eux une différence d'une demi-ondulation.

On aura  $nd' = nd'' + \frac{1}{2}d'$ ; d'où l'on tire  $n = \frac{1}{2}d''$ , et par conséquent nd', ou l'épaissenr de la lame, sera représentée par  $\frac{1}{2}d'd'$ 

2 d - d' Cela posé, d'après les observations de Malus sur la double réfrection du cristal de roche, le carré de la vitese du rayou ordinaire est 2,42913, celle de la lumière dans le vide étant prise pour unité, et le carré de la vitese du rayon extraorlimaire prependiculaire à l'aze 2,458175. En preusant pour unité la longueur des ondabitions jaunes dans le vide, et boservant que la longueur des undulations est en raison inverse de la vitesse de la lumière calculée d'après le système de Newton, on trouvera pour les valeurs de d' et d'

leurs de d' et d'd' = 0.64178 et d'' = 0.63781.

Substituant con volence dans Is formula:  $\frac{1}{2}\frac{df}{d-d} \ll 1$  multiplicant for resultat par  $\frac{1}{2}\frac{df}{d-d} \ll 1$  multiplicant for resultat par  $\frac{1}{2}\frac{df}{d-d} \ll 1$  multiplicant for the first solution of the resultant formula of the first solution of the

Gos éléments out élé infessairement de terminés avec plus d'acastitude dans le carbonate de chars; où is double réfessions est besonaup plus seauble, el l'on arrive en effe à un résultat plus conforme à l'abservation son les premast pour base du raleul. Diparte shalus, le carde de la visuse du rayou ordinaire, dans le carbonate de chaux, est r<sub>2</sub>7,566g3, et elle du rayou straordinaire perpendication à l'avec a-sou 83. On concett pour les valeurs des oublations orconcett pour les valeurs des oublations or-

dinaires et extraordinaires : d' = 0.50449, d' = 0.67417. En substituant ces valeurs dens la formule  $\frac{1}{2} \frac{d''}{d''''} \frac{d''}{d'''}$ , et multiplient le ré-

Voyes page 363 du tome IV de son Traité de physique.

d' Ce qui suit reproduit à peu préstextuellement le paragraphe 16 de le première rédaction.

laire, ce principe s'accordait très bien avec les observations de M. Biot. Nº XV (B), Mais il n'a point indiqué, je crois, dans quelles circonstances les rayons ordinaires et extraordinaires pouvaient s'influencer mutuellement, et n'a pas expliqué comment l'intensité des couleurs variait avec l'azimut de l'ave de la lame, ou de la section principale du rhomboïde de spath calcaire servant à les observer. C'est sur cette partie de la théorie que je me propose maintenant de donner quelques éclaircissements au moven des principes que je viens d'établir.

24. J'ai fait voir, par les expériences que j'ai décrites dans la première partie de ce Mémoire, que si les deux systèmes d'ondes dans lesquels se divise la lumière en traversant les substances donées de la double réfraction n'avaient aucune action l'un sur l'autre, ou du moins n'éprouvaient aucune augmentation ni diminution apparente d'intensité par leurs accords et leurs discordances, cela tenait uniquement à ce qu'ils étaient polarisés en sens contraires. J'ai démontré aussi que pour rendre seusible leur influence mutuelle il ne suffisait pas de les ramener ensuite à un même plan de polarisation, mais qu'il faffait encore qu'ils eussent été polarisés dans le même sens, avant d'entrer dans le premier cristal. En partant de ces principes, on peut concevoir comment la polarisation développe des conleurs dans des lames cristallisées qui n'en présentaient aucune à l'œil nu, du moins sous l'incidence perpendiculaire (1),

sultat par o".0000005767, on trouve o".000001686 pour l'épaisseur de la lame de carbonate de chaux qui donne le blanc du premier ordre dans l'image extraordinaire. Or il résulte des observations de M. Biot que les lames de sulfate de chaux ou de cristal de roebe sont plus épaisses que celles de earbonate de chaux qui produisent les mêmes teintes, dans le rapport de 18.6 à 1. Per conséquent l'épaisseur d'une lame de cristal de roche ou de sulfate de chaux, qui donne le blanc du 1" ordre, doit être égale à o".000001686 × 18,6, ou à

o",00003136, résultat qui ne diffère que de o",ococcosa de celui que M. Biot a déduit des mesures directes. On ne pouvait pas s'attendre à un accord plus frappaut.

(a) En regardant ces lames sous des incidences obliques, elles paraissent à la vérité légèrement eologées; mais alors les deux surfaces de la lame exercent sur une partie de la lumière la même action que les deux glaces non étamées dont M. Arago se servait dans ses belles expériences, et c'est encore ici la polarisation qui développe les conleurs.

A\* XV (B).



25. (a) Soit OO le plan de polarisation du rayon incident, O'O' la section principale de la lame cristallisée gu'il traverse, et O'O' celle du rhomboide de spath d'Islande placé entre cette lame et l'œil de l'observateur. Je représente par i l'angle OCO' et par a l'angle OCO'; O'CO' sera égal à a - i(i). Cela posé, le rayon incident en traversant la lame se divisera en deux autres, l'un ordinaire polarisé suivant O'O', et l'autre extraordinaire pola-

risé dans le sens E'E' perpendiculaire à 0'0', et l'intensité de chacun de ces deux faisceaux lumineux dépendra de leurs azimuts par rapport au plan primitif de polarisation OO. En représentant ces intensités par les formules de Malus, on a :

$$F_a = F \cos^2 i \dots F_a = F \sin^2 i$$

F est le faisceau incident, et F, et F, sont les faisceaux ordinaire et extraordinaire. Comme ils sont polarisés en sens contraires, leur influence mutuelle ne produit pas d'effet sensible; mais en leur faisant traverser un second cristal, on les divise chacun en deux autres ordinaire et extraordinaire, d'où résultent quatre faisceaux différents dont deux ordinaires polarisés dans le même sens peuvent agir l'un sur l'autre d'une manière apparente, ainsi que les deux faisceaux extraordinaires. Les formules suivantes représentent les intensités de ces faisceaux qui composent les deux images ;

lmage ordinaire	$F_{\infty} = F \cos^2 i \cos^2 (\alpha - i)$ $F_{\infty} = F \sin^2 i \sin^2 (\alpha - i)$
lmage extraordinaire.	$F_{or} = F \cos^2 i \sin^2 (\alpha - i)$ $F_{or} = F \sin^2 i \cos^2 (\alpha - i)$

(1) Je me sers ici des mêmes lettres que M. Biot pour faciliter la comparaison de ses fornules avec les miennes

Les paragraphes 25, 26 et 27 de cette nouvelle réduction reproduisent les paragraphes 19, so et si de la première

26. Des deux faisceaux qui concourent à la production de l'image N° XV (B) ordinaire, le premier Fee a éprouvé dans la lame la réfraction ordinaire, et le second F, la réfraction extraordinaire; et comme ces deux sortes de réfraction impriment à la lumière des vitesses différentes, cette image sera colorée d'une teinte qui dépendra du nombre d'ondulations et de parties d'ondulation dont le rayon ordinaire aura devancé le rayon extraordinaire, ou aura été devancé par lui. Si cette différence. par exemple, est égale à la longueur d'une ondulation rouge, ce sera entre les vibrations de cette espèce que régnera l'accord le plus parfait, et le rouge dominera par conséquent dans l'image ordinaire. La couleur de l'image extraordinaire dépendra aussi de la différence entre les chemins parcourus au même instant par les deux faisceaux qui la composent, dont l'un a éprouvé dans le premier cristal la réfraction ordinaire et l'autre la réfraction extraordinaire.

27. Mais ici se présente une difficulté : cette différence étant la même dans les deux images, comment se fait-il qu'elles ne sont pas de la même couleur, mais au contraire de teintes complémentaires? C'est ce qu'on ne pourra expliquer complétement, je crois, que lorsqu'on connaîtra les causes de la double réfraction et de la polarisation. En attendant, on peut remarquer qu'il faut nécessairement que le mouvement ondulatoire de la lumière, qui ne fait que se partager dans les corps transparents, regagne d'un côté ce qu'il a perdu de l'autre. Si une espèce de rayons se trouvent affaiblis dans une des images par la discordance de leurs vibrations, il faut, pour que la somme totale de leur mouvement ondulatoire reste constante, que l'intensité des mêmes rayons reçoive un accroissement égal dans la seconde image, qui sera par conséquent complémentaire de la première. Mais on ne peut concevoir cette augmentation d'énergie dans les rayons lumineux sans un accord entre leurs vibrations. Ainsi à la discordance complète des oudulations d'une certaine couleur dans l'image ordinaire, doit répondre un accord parfait des mêmes ondulations dans l'image extraordinaire. et la teinte de l'une résultant de l'intervalle entre les deux systèmes d'ondes calculé d'après l'épaisseur de la lame cristallisée, celle de

N° V(8). l'autre sera déterminée par le même intervalle augmenté d'une demiondulation. On retrouve cir cette différence d'une demi-ondulation, indépendante des chemins parcourars, qu'on a déjà remarquée dans des circonstances semblables entre les deux images des franges produites par le croisement de fisisceaux lumineux qui avaient éprouvé une polarisation en sens contraires.

> 28. Il s'agit maintenant de savoir pour laquelle des deux images on doit ajouter une demi-ondulation à la différence entre les chemins parcourus, calculée d'après l'épaisseur de la lame.

Voici la règle que j'ai déduite des observations de M. Biot : l'image dont la teinte répond exactement à l'épaisseur de la lame cristallisée est celle dans laquelle les plans de polarisation de ses deux faisceaux constituants, après s'être écartés l'un de l'autre, se réunissent par un mouvent contraire, tandis que dans l'image complémentaire ils continuent à s'écarter jusqu'à ce qu'ils se trouvent sur le prulongement l'un de l'autre. Dans le premier cas l'angle des deux plans devient un!; dans le second il angument jusqu'à ce qu'il soit égal à 180°; ainsi une demi-circonférence décrite par les deux plans de polarisation ensemble produit une différence d'une demi-ondulation entre les deux fisiexeaux luminieux.

En généralisant cette règle on doit en conclure que lorsque la hunière qui traverse la lame cristallisée n'a point éprové de polarisation prislable, il n'a pass de raison pour que les images soient plutôt colorées d'une des teintes que de l'autre, puisque le plan de la polarisation primitive n'a alors aucune direction déterminée, et dans ce cas en effet les deux images sont blanches, comme si elles résultaient du mélange des deux couleurs complémentaires. On voit encore ici la lumière ordinaire produire le même effet que des rayons d'intensité égale polarisés en seus contraires.

29. 

Me Je ne m'arrêterai pas au cas où l'on superpose plusieurs lames de même nature : le phénomène, quoique plus compliqué alors, est tout

<sup>(°)</sup> Les paragraphes 29, 30 et 31 de cette deuxième rédaction reproduisent les paragraphes 25, 26 et 27 de la première.

aussi facile à concevoir. Si leurs axes sont parallèles, elles produiront N° XV (B). évidenment le même effet qu'une lame unique dont l'épaisseur serait égale à la somme de tontes ces épaisseurs particlles (1). Quand au contraire leurs axes se croisent, chacun des deux faisceaux lumineux de la première lame éprouve dans la seconde en partie, ou en totalité si leurs axes sont rectangulaires, l'espèce de réfraction qu'il n'avait pas subie dans la première; en sorte que l'un, réfracté ordinairement dans la première, le sera extraordinairement dans la seconde, et que l'autre. réfracté extraordinairement dans celle-là, le sera ordinairement dans celle-ci. Par conséquent si les lames sont d'égale épaisseur, les deux faisceaux arriveront en même temps à la dernière surface, et si leurs épaisseurs sont inégales, la différence entre les chemins parcourus sera la même que celle qui résulterait d'une lame unique avant pour épaisseur la différence entre celles des deux autres. Voilà comment en croisant les axes on parvieut à développer des couleurs dans des plaques trop épaisses pour en produire isolément.

30. Il me reste à expliquer maintenant les variations d'intensité qu'on observe dans la coloration des images, lorsqu'on fait tourner la lame cristallisée dans son plan, ou qu'on change l'azimut de la section principale du rhomboide de spath calcaire. Pour cela reprenons les formules qui représentent l'intensité des quatre faisceaux lumineux dans lesquels se divise la lumière incidente par l'action des deux cristaux.

$$\begin{array}{l} \text{Image ordinaire.} & \quad \left\{ \begin{array}{l} F_{\infty} = F\cos^{2}i\cos^{2}(\alpha-i), \\ F_{\infty} = F\sin^{2}i\sin^{2}(\alpha-i), \\ \end{array} \right. \\ \text{Image extraordinaire} & \quad \left\{ \begin{array}{l} F_{\infty} = F\cos^{2}i\sin^{2}(\alpha-i), \\ F_{\infty} = F\sin^{2}i\cos^{2}(\alpha-i), \\ \end{array} \right. \end{array}$$

(1) Ce principe, que l'expérience confirme et qui est une conséquence nécessaire de la théorie des ondulations, présente de grandes difficultés dans celle de M. Biot, et l'oblige à admettre encore dans les molécules lumineuses de nouvelles modifications qu'elles

transportent avec elles. Si l'on récapitule toutes celles qui résultent du système de l'émission, on conviendra qu'il est bien difficile de concevoir à la fois, dans chaque molécule, un si grand nombre de propriétés et de modifications différentes.

N N (8). La teinte qui colore chaque image résultant de l'influence mutuelle qu'exercent l'un sur l'autre les deux faisceaux qui concourent à sa production, cette coloration disparaltra lorsqu'un des deux sera nul, cc qui arrivera toutes les fois qu'un des quatre facteurs sin i, cos i, sin (α − i), cos (α − i), sera égal à zéro; alors les deux images deviendront blanches à la fois, puisque les formules qui représentent l'intensité de leurs faisceaux constituants sont composées des mêmes.

facteurs. Or il y a huit manières de satisfaire aux quatre équations, 
$$\sin i = 0$$
,  $\cos i = 0$ ,  $\sin (\alpha - i) = 0$ ,  $\cos (\alpha - i) = 0$ ,

savoir :

$$i=0$$
,  $i=90^{\circ}$ ,  $\alpha-i=0$ ,  $\alpha-i=90^{\circ}$ ,  $i=180^{\circ}$ ,  $i=270^{\circ}$ ,  $\alpha-i=180^{\circ}$ ,  $\alpha-i=270^{\circ}$ .

Ainsi, en faisant tourner la lame dans son plan, on doit trouver en genéral huit positious, dans lesquelles les deux images deviennent blanches. Lorsque la section principale du rhomboide coincide avec le plan primitif de polarisation, ou lui est perpendiculaire, ces huit manières de produire des images blanches se réduisent à quatre, indiquées par les équations

$$i=0$$
,  $i=90^{\circ}$ ,  $i=180^{\circ}$  et  $i=270^{\circ}$ ;

et quand elles sont satisfaites, c'est-à-dire lorsque l'axe de la lame se trouve dans le plan de la polarisation primitive ou lui est perpendiculaire, les deux images sont toujours blanches, quelle que soit la direction de la section principale du second cristal.

31. Reprenons le cas où elle coı̈ncide avec le plan primitif de polarisation : alors  $\alpha = o$ , et les formules deviennent :

$$\begin{split} &\text{Image ordinaire.} & \cdots \bigvee_{i} \frac{F_{sc} = F \cos^{3}i}{F_{sc} = F \sin^{3}i}. \\ &\text{Image extraordinaire} \\ &\frac{F_{sc} = F \cos^{3}i \sin^{3}i}{F_{sc} = F \cos^{3}i \sin^{3}i}. \end{split}$$

L'image ordinaire est blanche et l'image extraordinaire est nulle N W (0), pour i = 0, i = 0, i = 10 o i = 0 o i = 0 soit ne position de la lame on aperçoit deux images colorées, et l'image ordinaire l'est d'autant plus que celui de ses deux faisceaux constituants qui s'était évanoui d'abort de fortife davantage, et approche plus de l'intensité du seconi: ainsi le marinum de coloration de cette image répond à F cos i = F sin $i^*$ , ou ni  $i = \cos i$ , équation d'ob i l'on tire

$$i=45^{\circ}$$
,  $i=135^{\circ}$ ,  $i=225^{\circ}$  et  $i=315^{\circ}$ .

Ces mêmes valeurs de i répondent au mazimum d'intensité de l'image extraordinaire, car sin° i cos° i est le plus grand possible, lorsque sin i=cos i. Ainsi les deux images ont acquis leur mazimum de coloration lorsque l'ace de la lame fait un angle de 55° avec le plau primitif de polarisation.

32. Dans le cas que nous considérons ici, l'image ordinaire, après avoir passé par le blanc, reprend la couleur qu'elle avait suparavant, dont l'intensité seule varie et la nature reste constante. Car les plans de polarisation des deux faisceaux qui concourent à la formation de cette image, après avoir été placés dans des directions rectangulaires par l'action de la lame cristallisée, rétrogradent toujours pour se réanir, qued que soit l'azimut de son axe; tandis que dans l'image extraordinaire les deux plans de polarisation de ses faisceaux constituants continuent toujours à s'écarter, jusqu'à ce qu'ils se trouvent sur le prolongement l'un de l'autre. Ainsi, d'après la règle que j'ai donnée plus haut, l'image ordinaire répondra constamment aux anneaux transmis. Et l'image etraordinaire aux anneaux réfléchis, pour lesquels il fant ajouter, comme on sait, une demi-ondulation au chemin parcouru dans la lame d'air.

C'est l'inverse quand la section principale du second cristal est perpendiculaire au plan primitif de polarisation. Dans cette nouvelle position du rhomboide, l'image extraordinaire, en effet, jone le même rôle que l'image ordinaire dans lecas précédent : ainsi l'image extraordinaire répond toujours alors aux anneaux transmis, et l'image ordinaire production de l'acceptant de l'accepta

55.

N AV (B). naire aux anneaux réfléchis, quel que soit l'azimut de l'axe du premier cristal.

> 33. (a) Supposons maintenant que α=45°; alors les formules deviennent :

$$\begin{array}{ll} \text{Image ordinaire.} & \left\{ \begin{array}{l} F_{ss} = F\cos^{3}i\cos^{3}(\hbar\delta^{5}-i), \\ F_{ss} = F\sin^{3}i\sin^{3}(\hbar\delta^{5}-i). \end{array} \right. \\ \\ \text{Image extraordinaire} & \left\{ \begin{array}{l} F_{ss} = F\cos^{3}i\sin^{3}(4\delta^{5}-i), \\ F_{ss} = F\cos^{3}i\sin^{3}(4\delta^{5}-i), \end{array} \right. \end{array}$$

Si l'on fixe le rhomboide de spath calcaire dans cette position, et qu'on fasse tourner la lame dans son plan, on trouvera pour son axe huit azimuts différents, dans lesquels les deux images deviendront blanches, savoir:

i=0,  $i=45^\circ$ ,  $i=90^\circ$ ,  $i=135^\circ$ ,  $i=180^\circ$ ,  $i=225^\circ$ ,  $i=270^\circ$  et  $i=315^\circ$ ; car chacune de ces valeurs de i anéantit un des deux faisceaux constituants de chaque image. La coloration de res images au contraire atteindra son mazimum dans toutes les positions de la lame où son xe diviserar ces angles en deux parties égales; car c'est alors que le plus faible des deux faisceaux, dans chaque image, le sera le moins possible, comme ou peut s'en assurer par l'impection des formules ci-dessus. Int., qu'a près chaque passage au blanc les deux images doivent avoir cichange leurs teintes.

3A. Les huit positions de l'ave du premier cristal qui font disparaltre les conleurs divisent la circonférence en parties égales dans le cas que nous considérons ici, parce que  $\alpha$  clant égal à  $45^{\circ}$ , l'équation de condition  $\alpha - i = 0$  est alors satisfaite par  $i = 55^{\circ}$ . Mais il n'en est plus ainsi lorsque  $\alpha$  est plus grand ou plus petit que  $45^{\circ}$ , et les buit positions de faxe qui satisfont aux mêmes conditions ue font plus entre elles des

<sup>(</sup>ii) Depuis le paragraphe 33 jusqu'à la fin de cette nouvelle rédaction, et depuis le paragraphe 29 de la première jusqu'à la fin, les deux textes sont identiques.

angles égaux; en sorte que telle apparition des images colorées dure N° XV (B). plus longtemps que celle qui la suit; ce qui fait aussi que la coloration dans la première acquiert beaucoup plus de vivacité que dans la seconde, parce que le plus faible des deux faisceaux constituants dans celle-ci ne peut pas parvenir au même degré d'intensité. Ces différentes périodes de coloration sont d'autant plus inégales que a approche plus de zéro ou de 90°; et enfin, quand il atteint une de ces limites, quatre périodes sont nulles, et il ne reste plus que les quatre autres : c'est le premier cas que nous avons considéré.

35. Toutes les conséquences que je viens de tirer de ces formules sont confirmées par l'expérience; et il me semble que cet accord prouve suffisamment qu'elles représentent aussi fidèlement les faits dans la théorie des ondulations que celles de M. Biot dans le système de Newton. A la vérité, les siennes ont sur celles que j'ai employées l'avantage d'indiquer dans chaque cas laquelle des deux images doit répondre aux anneanx transmis ou aux anneaux réfléchis. Mais l'explication déduite de la théorie des ondulations est bien plus conforme que celle de M. Biot aux principes généraux de la polarisation de la lumière dans les substances cristallisées.

Pour expliquer ces phénomènes, M. Biot suppose que les molécules lumineuses, en traversant une lame cristallisée, ne se polarisent pas suivant sa section principale et en sens contraire, comme dans les cristaux d'une épaisseur beaucoup plus considérable, mais suivant deux plans, dont l'un est celui de la polarisation primitive, et l'autre fait un angle égal avec l'axe du cristal; en sorte que les pôles des molécules lumineuses oscillent de part et d'autre de cet axe, et ne s'y arrêtent qu'après un très-grand nombre d'oscillations. Car cet habile physicien, en croisant des plaques de cristal de roche de près de quatre centimètres d'épaisseur, y a développé des couleurs semblables à celles que donnent les larues minces, et en a conclu que les mêmes oscillations devaient avoir lieu dans toute l'étendue de ces cristaux. Or il semble que des oscillations dont l'amplitude n'a éprouvé aucune altération pendant un trajet aussi considérable devraient se prolonger indéfiniment,

Nº XV (B), on du mojus assez loin pour se faire sentir encore dans des plaques beaucoup plus épaisses, et qui, taillées obliquement par rapport à l'axe, diviseraient la lumière en deux faisceaux distincts. Mais il y a plus, M. Biot a reconnu les mêmes oscillations dans des prismes de cristal de roche superposés, et qui cependant, pris à part, produisaient chacun la double réfraction sensible, et polarisaient la lumière parallèlement et perpendiculairement à l'axe; d'où il faudrait conclure que les faisceaux qui les traversaient ne recevaient la polarisation fixe qu'au moment de leur émergence, et dans des directions très-différentes de celles où ils étaient polarisés immédiatement auparavant; ce qui est bien difficile à admettre, car, d'après toutes les expériences faites jusqu'à présent, il ne paraît pas que les surfaces des cristaux aient sur la lumière une action polarisante différente de celle des autres corps transparents.

> 36. Quelque surprenantes que fussent les conséquences de sa théorie, M. Biot a dù les regarder comme résultant nécessairement des faits, puisqu'elles étaient déduites d'une hypothèse qui les représentait fidèlement, et pouvait seule en rendre raison dans le système de Newton. C'est pour faire sentir les inconvénients de ce système que j'ai cru devoir présenter, ou plutôt rappeler ici ces objections, que i'ai tirées de l'ouvrage même de M. Biot.

> 37. Toutes ces difficultés disparaissent dans la théorie des ondulations, qui n'oblige pas, comme celle-ci, à supposer que les cristaux d'une petite épaisseur polarisent la lumière autrement que ceux qui la divisent en deux faisceaux distincts. Elle indique la relation qui existe entre les anneaux colorés et ces beaux phénomènes dont la découverte est due à M. Arago; et elle fait voir que les couleurs développées par la polarisation dans les lames cristallisées dépendent uniquement de la différence entre les chemins parcourus au même instant par les deux systèmes d'ondes lumineuses qui sortent du cristal, de mêmo que la teinte de la lame d'air dans les anneaux colorés résulte de la différence entre les chemins parcourus par les rayons réfléchis à sa première et à sa seconde surface. Ce n'est pas ici une simple ana

logie entre les deux phénomènes; les mêmes couleurs y sont produites par N° XV (B). les mêmes différences entre les chemins parcourus, en sorte qu'il suffit de connaître les deux pouvoirs réfringents d'un cristal, et la longueur des ondulations lumineuses déduite des anneaux colorés, pour déterminer, d'après son épaisseur, l'espèce de teinte que la polarisation doit v montrer.

38. Si l'on fait attention aux nombreuses applications de ce principe des accords et des discordances des vibrations lumineuses, si l'on se rappelle qu'il a conduit à la découverte des lois de la diffraction et des rapports jusqu'alors inconnus entre la largeur des franges et l'épaisseur des lames d'air qui produisent les auneaux colorés, on doit être frappé de sa fécondité, et convenir que lors même que la théorie des ondulations n'aurait pas sur le système de Newton l'avantage d'exphquer plusieurs faits absolument inconcevables dans celui-ci, elle meriterait déjà la préférence par les moyens qu'elle donne de rattacher entre eux tous les phénomènes de l'optique, en les embrassant dans des formules générales.

Paris, le 6 octobre 1816.

A. FRESNEL.

INDÉRIGED BES PORTS ET CHARACÉE

.

### Nº XVI.

### MÉMOIRE

# SUR LES MODIFICATIONS QUE LA RÉFLEXION IMPRIME

## A LA LUMIÈRE POLARISÉE ".

[PRÉSENTÉ À L'INSTITUT LE 10 ROYERERE 1817. - Commissaires : MM. Annère et Araco.]

 Une expérience fort simple, et dans laquelle je ne m'attendais guère à trouver un résultat nouveau, m'a conduit à la découverte des phénomènes singuliers qui font l'objet du Mémoire que j'ai l'honneur de présenter à l'Académie. En recevant sur une glace non étamée un

<sup>(\*)</sup> Ce Mémoire N° XVI est imprimé conformément au manuscrit autographe appartenant aux archives de l'Institut; on a reproduit quelques annotations marginales ou crayon, de la main de Pressel, et on a relevé quelques variantes offertes per une rédaction primitive.

On a rur deroir le placer à sa date, quoiqui l'ait pas de comprès avec erax qui le precèdent et le suivent dans le rapport acolémique du 5 jain (81, qu'il ne leur itemo, pas nécessirement et soit au contraire étroitement lé à des travaux de besucoup postérieux. En éfet, son applément N° XVII est égaltement inséparable et du Menore Vimème, et du N° XVII il complète; on se constituer donc de remaperq qu'il fait des les évelopements naturels de ce travail dans les N° XVIII. XXIX et XXX. (Voir, au sujet du Menorier N° XVIII. Je lettres à L'France de sa s actobre et à novembre 1817).

Il suffi d'alleurs de jeter un coup d'eal sur la table des matéres du préces volume, pour pérpreciere que la cesconde des directes series extre lesquede an a réparis les travaux successifs de Presnel est beaucoup moiss homogène que la première. Elle est sous insidenomagies que las révies suivantes. Ce qui préché explaye porquei il n'a pas été possible d'adopter un sutre classement, mais on peut encere justifier l'ordre soivi par une considérration qui n'el 192 sous importance.

Ce n'est pas fortuitement, c'est en vertu d'une nécessité logique que les recherches de . 56

Ve XVI

faisceau lumineux divisé en deux par l'action d'un rhomboïde de spath calcaire, et observant avec un autre la double image de l'ouverture réclairante, fair emerqué que la rotation du secoud rhomboïde faisait toujours disparaître successivement chacune des qualre images, quel que fai l'angle d'incidence et l'azinut du plan de réflexion par rapport au plan de la polarisation primitive. Phiseires liquides que j'ai substitués à la glace produisant le même résultat, j'en ai conclu que la lumière polarisée complétement conservait escore cette propriété après sa réflexion sur les comps transparent par

2. Il paraît que cette observation avait échappé aux savants qui se sont occupés de la polarisation; car M. Biot n'en fait point mention dans le chapitre de son Traité de physique où il parle de l'influence de la réflexion sur la limière nolarisée (<sup>100</sup>).

7. Traité de physique expérimentale et mathématique, liv. VI, chap. 1, t, IV, p. 454.

Fresuel sur la polarisation colorée ont été comme enchevêtrées avec les recherches sur la réfraction et la réflexion de la lumière polarisée. Dans l'un comme dans l'autre de ces deux groupes de phénomènes, pour arriver à l'établissement d'une théorie il fallait d'abord reconnaître que le véritable élément de l'optique est le rayon polarisé, que le rayon naturel qui s'offre de lui-même à nos expériences, ainsi que son nom même l'indique, est un système complexe, dont les propriétés doivent être déduites de celles des éléments qui le constituent. On a vu dans le Mémoire précédent un premier soupçon de cette proposition capitale, à l'occasion des couleurs développées par les lames cristallisées [ Nº XV (A), \$ 15 et suivants, et XV(B), \$ 23 et suivants l. On va en trouver une confirmation dans le Mémoire actuel. On verra les phénomènes si complexes de la dépolarisation partielle ou complète due à la réflexion totale ramenés à des lois simples et nettes par la décomposition constante du faisceau lumineux en ses deux éléments polarisés dans le plan de réflexion et dans le plan perpendiculaire. L'explication définitive de deux groupes de phénomènes en apparence trèsdifférents, ceux des lames cristallisées et ceux de la réflexion, sera ainsi ramenée à dépendre de la solution d'un seul problème : trouver en quoi consiste la modification des vibrations humineuses qui caractérise la lumière polarisée. | E. VEADET. ]

(\*) Dans une première rédaction, on lit à la suite de cette phrase :

Van. et même la phrase qui termine la page 277 me semble contenir un prinripe contraire aux faits que l'expérience m'a présentés; voici ses propres expres-

#### I" MÉMOIRE SUR LA RÉPLEXION DE LA LUMIÈNE POLARISÉE. 443

<sup>16</sup> Jai consulté aussi le Mémoire de Malus relatif au même objet <sup>16</sup>, un à l'Institut le 37 mai 1811, Mais la manière dout il expose les résultats de ses expériences me fait supposer qu'il regardait la lumière comme dépolarisée en partie par sa réflexion sur le verre, quant elle vasuil fieu dans un autre plan que cefui de la polarisation primitive, el sous une inclinaison plus grande ou plus petite que celle de 35° 25' car il dit qu'alors la lumière réflectie continer; 1° une portion de car il dit qu'alors la lumière réflectie continer; 1° une portion de propriet de propriet de partie partie de partie de

sions: «Ce résultat et le précédent peuvent se réunir dans un même énoncé, en disant qu'un rayon polarisé par une première réflexion demeure polarisé aprèune seconde, lorque les sacs & des molécules réflexive restent partièlles un «première plan de réflexion. Mais tout autre une de réflexive qui détruit ce paralié--lime déplexire trayon partiéllement ou ce totalisé.

(a) Ce second alinéa du paragraphe a remplace le passage suivant du premier manuscrit:

Van. J'ai lu aussi le Mémoire de Malus relatif au même objet; mais cet habile physicien ne paraît pas avoir remarqué que la lumière réfléchie sur le verre était toujours aussi complétement polarisée que la lumière incidente : il dit même que les rayons réfléchis sous des incidences autres que celles de la polarisation complète sont polarisés à la fois parallèlement et perpendiculairement au plan de réflexion, quand ce plan fait un angle oblique avec celui de la polarisation primitive. Je présume qu'il laissait dans une position fixe le rhomboïde de spath calcuire, avec lequel il analysait la lumière réfléchie, et ne faisait varier que l'inclinaison de la glace; car s'il avait fait tourner ce rhomboide, il aurait vu constamment chaque image s'évanouir deux fois dans une révolution entière. À la vérité on pouvait encorconcevoir cette disparition de l'image, dans la théorie des ondulations, en admettant avec Malus que le faisceau réfléchi est composé de deux autres polarisés parallèlement et perpendiculairement au plan de réflexion, et en supposant qu'ils se trouvent on discordance complète dans cette image et d'égale intensité lorsqu'elle disparaît. Mais c'est une hypothèse qu'il n'a pas dù faire, et d'ailleurs, s'il avait remarqué que la lumière réfléchie conserve toutes les apparences d'une polarisation complète, il n'aurait pas sans doute négligé d'en parler.

Mémoire sur les phénomènes qui accompagnent la réflexion et la réfraction de la lumière (Mémoires de la classe des sciences mothématiques et physiques de l'Institut, L. M. 47 partie, p. 11-15.)

56

Nº XVI.

uière polarisée par rapport au plan primitif de polarisation; 2° une autre portion polarisée par rapport au plan d'incidence. D'ailleurs s'il avait remarqué que la lumière réfléchie conserve toutes les apparences d'une polarisation complète, il n'aurait pas sans doute négligé d'en parler.

Ayant peine à croire cependant que cette observation eût échappé an unu sis habite physicien. J'ai été jusqu'à soupconner, malgré l'analoigie, qu'il pouvait se faire que la lumière polarisée par réflevion se comportit autrement, dans cette circonstance, que la lumière polarisée par l'action d'un cristal, et que c'était la première que Malua avait employée; mais en l'essayant je n'ai point remarqué de différence dans les résultats. J'ai même répété ces expériences avec un appareil pus commode, que M. Arago a eu la honté de me prêter, et j'ai toujours vu chaque image disparaître entièrement pendant la rotation du rhombioide, lorsque la lumière incidente avait été bien complétement polarisée par la réflexion préliminaire.

Je regarde donc comme un principe grénéral que la lumière polariée complétement, de quelque manière que ce soit, ne perd point cette propriété dans sa réflevion sur les corps transparents, et qu'elle n'éprouve alors d'autre modification apparente qu'un' changement dans l'azimut de son plan de polarisation.

3. Si la glace non étamée ne faisait que réfléchir simplement les modes lumineuses, sans leur imprimer arenne nodification transversale, leur plan de polarisation ne devrait éprouver d'autre changement de direction que celui qui résulte de la réflexion même, tous les mouvements du finide lumineux étant alors reproduits symétriquement dans le faisceau réfléchi: ainsi dans cette hypothèse le plan de polarisation du rayon réfléchi : ainsi dans cette hypothèse le plan de polarisation de la lumière réfléchie par rapport à l'image du celui de la lumière réfléchie par rapport à l'image de celui de la lumière incident doit être considérée comme l'effet de l'action polarisante de la surface réfléchiesante. Cest du moins sous ce point de vue que j'ai envisagé le phéumône; la marche du plan de polarisation des raportsagé le phéumône; la marche du plan de polarisation des raportsagé le phéumône; la marche du plan de polarisation des raportsagé le phéumône; la marche du plan de polarisation des raportsagé le phéumône; la marche du plan de polarisation des raportsagés des productions.

Nº XVI.

4. Je l'ai d'abord étudiée dans le cas où le plan de la polarisation primitive fait un angle de 65° avec le plan de réflexion, parce que c'est alors que l'action perturbatrice de la surface réfléchissante est le plus prononcée. Voici ce que j'ai observé.

des rayons incidents.

Tant que le rayon incident était peu doigné de la normale, le plan de polarisation des rayons réfléchis n'avait éprouvé aucune déviation sensible, c'est-à-dire qu'il coincidait avec l'image de celui des rayons incidents. Mais ces rayons devenant plus obliques, le nouveau plan de polarisation se rapprochait du plan de réflecion et se confondait avec lui, lorsque l'incidence était celle qui produit la polarisation complète. L'inclinaison des rayons réfléchis sur la surface augmentant toujours. Leur plan de polarisation dépassait le plan de réflecion, et s'en éloignait d'autant plus qu'ils se rapprochaient davantage de la glace. Enfin il me paraissait presque perpendiculaire à l'image du plan de la polarisation primitive, quand les rayons faissient un angle très-petit avec la surface réfléchissante, d'où j'ai conclu qu'il devait lui être exactement perpendiculaire lorsque cet angle devenit égal à éren.

Il en résulte qu'à cette limite le plan de polarisation des rayons réfléchis coincide avec cetui des rayons incidents, parce qu'alors ceux-la sont sur le prolongement de ceux-ci, et que le plan primitif de polarisation est perpendiculaire à son image, puisque, par hypothese, il fait un angle de 65 avec le plan de réflection. Ainsi, lorsque la lumière est réfléchie présque parallèlement à la glace, eu regardant à la fois les images directes et les images réfléchies de l'ouver-ture éclairante au travers du second rhomboide de spath calcaire, on doit voir dans les unes et les autres les images analogues s'évanouir en même teunes.

Cela a lieu constamment, quel que soit l'azimut du plan de polarisation primitive par rapport au plan de réflexion; ainsi le plan de polarisation des rayons réfléchis eçincide toujours avec celui des rayons incidents, quand ils sont parallèles à la surface. Il s'ensuit qu'à cette limite le nouA . A U.

veau plan de polarisation est toujours placé, relativement à l'image du premier, de l'autre côté du plan de réflexion, et à la même distance augulaire; de sorte que l'augle qu'il fait avec cette image, égal à 90° lorsque son azimut est de 55° par rapport au plan de réflexion, devient obtus ou aigu, selon que cet azimut augmente ou diminue. Quand, au contraire, le faisceau lumineux est perpendiculaire à la surface, la coincidence des deux plans de polarisation entraîne celle de leurs images.

5. Lorsque l'angle d'incidence est celui de la polarisation complète, le plant de polarisation set touve toujours ramené dans le plan de réflexion, quelle que soit sa direction primitive. Mais pour toute autre nicidence l'azimut du nouveau plan de polarisation varie avec celui n'en premier. D'un autre côté celui-ci restant constant, celui-à change avec l'incidetice. En mesurant ces angles dans un grand noubre de cas differents, on parviendrist peut-être à découvir la loi de leur variations, et à la représenter par une équation entre le pouvoir réfringent du corps réfléchissant, l'angle d'incidence, l'azimut du plan de polarisation des rayons incidents, et celui des rayons réfléchis. Je me propose de m'occuper de cette recherche aussiôt que l'appareil gradué que je fais construire sea termant<sup>6</sup>0.

6. Les plans de polarisation des deux images de fouverture éclairante produites par le premier rhomboide, perpendirulaires entre eux avant la réflexion, le sont-encore après, Jorsqu'elle a lieu sous une incidence très-oblique ou voisine de la normale, et deviennent paralleles, au contaire, Jorsque cette incidence est celle de la polarisation complète. Comme leurs azimuts varient graduellement avec l'inchinaison de la glace, il en résulte que dans toutes les incidences internédiaires ils forment entre eux des angles plus ou moius aigus, reque par conséquent la position du second rhomboide, qui fait évanouir l'image ordinaire ou extraordinaire d'une des images réfléchies, ne doit pas faire disparaltre l'image ordinaire ou extraordinaire d'une fost indirection de l'autre.

<sup>(1)</sup> Je n'ai point encore trouvé la loi du phénomine (4).

<sup>101</sup> Note marginale au crayon de l'expédition authentique. (Voyes ci-oprès, N° XXII, 5 n s.)

Nº XVI.

Ainsi la rotation du second rhomboide ne fait évanouir qu'une inage à la fois, ce qui paralt surprenant au premier shord, lossqu'un est habitué à l'effet de deux rhomboides superposés. Il arrive même, dans certaines inclinaisons de la glace et positions du premier rhomboideque les trois images restantes sont d'égale intensité 0.

Tous les corps transparents sur lesquels j'ai fait des expériences semblables m'ont présenté des résultats analogues [2]. Mais j'ai reconnu que les métaux dépolarisaient toujours la lumière d'une manière trèssensible, excepté dans les incidences voisines de la normale ou de la tangente à la surface du miroir; encore dans ce dernier cas n'ai-je jamais obtenu la disparition entière des images par la rotation du second rhomboide, ce qui tenait sans doute à ce que les rayons incidents faisaient encore un angle trop sensible avec la surface du miroir métallique, dont la petite étendue ne me permettait pas de m'approcher beaucoup du parallélisme. Car l'analogie me porte à croire qu'à la limite, c'est-à-dire quand les rayons réfléchis sont sur le prolongement des rayons incidents, ils ne doivent éprouver ancune dépolarisation. Quoi qu'il en soit, les variations du plan de polarisation partielle des images réfléchies par le miroir métallique m'ont paru suivre des lois semblables à celles que j'avais observées dans le plan de polarisation complète des images réfléchies par une glace non étamée.

7. En faiant tomber très-obliquement sur une glace étamée un inisceau lumineux polarisé dans un azimut de 65° environ per rapport au plan de réflexion, j'ài remarqué que les images réfléchies à la première et à la seconde surface de la glace se trouvaient polarisées à pue près en sens contrairses y ce qu'on peut concevoir en observées à pue près en sens contrairses y ce qu'on peut concevoir en observées.

<sup>(1)</sup> Parler des changements que produit la réfraction dans la lumière polarisée (1).

<sup>&</sup>lt;sup>10</sup> Il est possible que la lumière éprouve une légère dépolarisation sur les corps transparents trop réfringents pour produire la polarisation complète par une seule réflexion, tels que le diamant et le soufre natif, uni se

rapprochent des métaux per cette propriété. Je ne l'ai point encore essayé; mais je présume que cette dépolarisation doit être preque insensible.

<sup>(1)</sup> Les images réfléchies sur le tain épronvent une légère dépolarisation, car elles ne a'évanouissent pas entièrement pendant la

<sup>(\*)</sup> Note marginale au crayon du premier monuscrit.

Nº XVI

que lorsque les rayons incidents presque parallèles à la glace ne font plus avec elle, par exemple, qu'un angle de 5°, les rayons réfractés font encore avec sa surface inférieure un angle de 50°, et sont ainsi fort éloignés de l'incidence sous laquelle le tain pourrait tourner leur plan de polarisation dans le plan de réflexion; tandis que celui des rayons réfléchis à la première surface du verre est déjà presque perpendiculaire à l'image du plan primitif de polarisation <sup>(1)</sup>.

8. J'ai tiré sur le champ une conséquence de cette observation : c'est que si l'on recouvrait un miroir métallique d'une couche transparente assez mince pour produire des couleurs, et qu'on l'éclairât très-obliquement avec un faisceau lumineux polarisé, en faisant tourner le miroir autour de ce faisceau, on verrait les couleurs disparaître, on du moins s'affaiblir beaucoup, quand le plan de réflexion se trouverait dans un azimut de 45° par rapport au plan primitif de polarisation, parce qu'alors les deux systèmes d'ondes réfléchies par le métal et par l'enduit transparent seraient polarisés à peu près en sens contraires, ce qui rendrait leur influence mutuelle presque insensible. C'est aussi ce que l'expérience confirme, comme je m'en suis assuré en étendant sur un miroir d'acier une légère couche d'huile de térébenthine. Quand elle fut assez amincie par l'évaporation pour donner des couleurs, je l'exposai à un faisceau de lumière polarisé par réflexion sur une glace non étamée, autour duquel je la faisais tourner. Tant que l'inclinaison des rayons était moindre que celle qui produit la polarisation complète sur l'huile de térébenthine, les couleurs devenaient le plus faibles possible lorsque le plan de réflexion était perpendiculaire au plan de la polarisation primitive, et atteignaient au contraire leur maximum d'intensité au moment où ces deux plans coincidaient. Cette différence était surtout frappante pour l'incidence de la polarisation complète, parce qu'alors, quand le plan de réflexion était perpendiculaire au rotation du second rhomboïde, comme celles (1) Je présume que ce phénomène a enqui sont réfléchies à la surface extérieure de core une autre cause (c)

la glace.

<sup>\*</sup> Note marginale au erayon de l'expédition authentique.

V- WATE

1" MÉMOIRE SUR LA RÉFLEXION DE LA LUMIÈRE POLARISÉE, 449 plan primitif de polarisation, toute réflexion cessant à la première surface, les couleurs disparaissaieut entièrement. Mais en inclinant davantage le miroir sur le faisceau incident, le minimum d'intensité des couleurs se rapprochait de l'azimut de 45°, et l'atteignait sous des incideuces très-obliques; alors le miroir ne réfléchissait plus qu'une lumière blanche uniforme, ou du moins les couleurs étaient à peine sensibles. Elles reparaissaient avec toute leur vivacité par l'interposition d'un rhomboïde de chaux carbonatée, qui ramenait dans les mêmes plans de polarisation les deux systèmes d'ondes polarisées en sens contraires. Il est à remarquer que, sous ces incidences très-obliques, les teintes ne changent pas seulement d'intensité, mais encore de nature par la rotation du miroir autour du faisceau polarisé, et sont le plus différentes possible (presque complémentaires) dans les azimuts o° et 90°. Il me semble qu'on devrait en conclure que la réflexion qui a lieu à la surface du métal ne s'opère pas à la même profondeur pour des rayons polarisés parallèlement ou perpendiculairement au plan d'incidence. Je parlerai bientôt d'une autre espèce de phénomènes qui paraissent confirmer cette conjecture (1) (a).

 Sous des incidences très-obliques les couleurs produites par la lumière ordinaire sont aussi faibles que celles de la lumière polarisée dans l'azimut de 45°, et, comme celles-ci, elles redeviennent très-écla-

(i) Ces phénomènes ont beaucoup de rapport avec ceux que M. Arago a observés sur un couvercé de laiston verni i<sup>13</sup>. Néannosins, d'après l'explication qu'il en donne dans son intéressant Mémoire sur les couleurs des lames minees, je suis porté à eroire qu'il y a quelque différence entre me expériences et les siennes. Au reste je n'avais pas encore lu son Mémoire lorsque j'ai fait ces expériences, auxquelles j'ai été condnit, comme je viende le dire, par la remarque que j'avais faite sur le sens des plans de polarisation derayons réfléchis à la première et à la secondesurface d'une place étamée.

<sup>(</sup>a) Dans le language actuel de l'optique cette remarque signifie qu'il y a une différence de plane cettre le nya optairés dans le plan price-pendiculaire, réflectuir sous un même angle à la surface d'un métal. On sait que c'est en ayant égord à ce principe que M. Neussann a interprété le premier les expériences de Breuster sur la réflexion métallique. [E. Neustr.]

<sup>(</sup>b) Mémoire sur les couleurs des tames minces. (Mémoires de Physique et de Chimie de la Societe d<sup>a</sup> 4reueil, t. III., p. 223, Œurres complétes, t. X, p. 1.)

V XV

tantes eu les regardant au travers d'un rhomboide de spath calcaire tourné de façon que sa section principale soit parallèle ou perpendicuhire au plan de réfleion. Éton ne peut plus ecpudant appliquer à ce ras l'explication que je viens de donner pour l'autre; car alors les rayons réfléchis à la première et à la seconde surface de la couche d'huile de térbeluthiu ne sout plus polariés en sens controires.

Quoique les métaux ne paraissent imprimer à la lumière qu'une polarisation fort imparfaite, il est possible qu'ils la polarisation complétement, mais dans deux plans rectangulaires à la fois, comme le peusait Malus. Si, dans le cas dont il s'agit, la lumière réfléchie à la surface de contact de l'enduit et du métal était composée de deux faisceaux polarisés, fun parallèlement et l'autre perpendiculairement au plan de réflexion, et réfléchie en conséquence à des profadeurs différentes, comme les phénomènes précédents paraissent l'indiquer, alors l'action de chacun de ces deux systèmes d'ondes sur celles qui sont réfléchies, qui se neutraliseraient sensiblement pour l'oil nut, si elles étaient à peu près complémentaires et d'égale intensité, et reprendraient toute leur vivorié quand on les séparcani avec un rhomboide de spath colorire. Je ne présente au reste cette explication que comme une simple hypothèse, qui peut conduire à la vériable solution du problème.

10. Cette nême remarque sur l'opposition des plans de polarisation des images réliéchies à la première et à la seconde surface d'une glace étamée m'a conduit à une expérience assez curieuse. Lorsque la lumière incidente est polarisée dans un azimut de fôs', par rapport au plan de réflection, et tombe très-obliquement sur sa surface, la glace lui imprime des modifications à peu près semblables à celles qu'elle recevarie en traversant un cristal doné de la double réfraction, puisqu'elle la divise en deux systèmes d'ondes polarisées alors dans deux plans presque rectangulaires. A la vérité l'intervalle qui les séparse est éorneue, so un le compara à celui que produirait une planque de sulfate de chaux ou de cristal de roche de même épaisseur que la glace. Mais un mitor très-minec, et qu'une feuille de server soufflé étamée, ne

In MÉMORIE SUR LA RÉPLEXION DE LA LIMIÈRE POLARISÉE. A51 éparerait pas les deux systèmes d'ondes réfléchies à sa prennière et à sa seconde surface plus qui une plaque cristallisée de quelques suilimètres d'épaisseur. Quand on connaît la vitesse des rayons ordinaires extraordinaires dans le cristal, i est aisée de déterminer par le calcul le rapport qu'il doit y avoir entre l'épaisseur de la feuille de verre et celle de la plaque cristallisée pour que la différence des chemins parcururs par les deux systèmes d'ondes soit la mème dans l'une et dans l'autre. En réduisant donc une plaque de cristal de roche, ou de sulfate de chaux, à une épaisseur lelle que la différence entre ces intervalles ne soit que de deux ou trois ondulations jaunes, on pourrait y développer des couleurs très-brillantes, en disposant la plaque cristalties de façon que les rayons, réfléchis à la première surface de la glace y subissent la réfraction extraordinaire, qui raleutit plus que l'antre la marche de la lumière dans est deux spèces de cristaux.

N'ayant point de fœuille de verre étamée, j'ai recouvert le miroir d'acier dont je m'étais déjà servi d'une couche de vernis très-mince, mais pas assez cependant pour colorer seule la lumière réfléchie. J'ai fait tomber très-obliquement<sup>10</sup> sur sa surface un faisceau de lumière polarisé dans un azimut de 45° par rapport au plan de réflexion, et j'ai placé entre ce miroir et le rhomboide de spaht caleaire, au travers duquel je le regardais, une lame de sulfate, de chaux, dont la surface était perpendiculaire aux rayons réfléchis, et l'ace tourné dans le même azimut que l'image du plan de la polarisation primitive, qui diffère peu dans ce cas du plan de polarisation es rayons réfléchis à la surface du métal; en sorte que ce système d'ondes, qui se trovavit en arrière par rapport à l'autre, à cause du chemin plus long qu'il avait parcouru, s'en rapprochait en subissant la réfraction ordinaire, Lundius que celui-ci reprovavit la réfraction extraordinaire. Quedques essais n'ont bientôt

mière non modifiée dans l'action réciproque de deux faisceaux lumineux est d'autant plus grande que ces deux faisceaux sont plus inégaux en intensité.

Dour donner aux conleurs le plus d'éclet possible, il faitt choisir une incidence telle que la surface du métal et celle du vernis réfléchissent des quantités de lumière à peu près égales; car le proportion de lu-

fait trouver une lame de sulfate de chaux d'une épaisseur convenable, et d'autant plus facilement que celle du vernis, malgré tous mes soins, téait très-inégale. Alors en plaçant la section principale du rhomboide parallèlement ou perpendiculairement au plan de réflexion, j'apercevais des couleurs très-viers, mais qui variaient, pour ainsi dire, à chaque point de la surface du miroir, à cause de l'inégale épaisseur du vernis. Une feuille de verre étamée, en donnant plus de régularité au phénomèen, lui donnerat aussi sans doute plus d'écalt y au phénomèen, lui donnerat aussi sans doute plus d'écalt y

11. Après avoir étudié les modifications qu'éprouve la lumière polarisée dans sa réflexion sur une glace non étamée, depuis l'incidence zéro jusqu'à celle de 90°, j'ai voulu pousser mes observations au delà de l'angle de réfraction qui répond à cette dernière limite, et pour cela je me suis servi d'un prisme de verre, dans l'intérieur duquel je faisais tomber le faisceau lumineux polarisé à 45° du plan d'incidence. Tant que la réflexion n'était pas complète, la lumière restait entièrement polarisée, et la direction de son nouveau plan de polarisation suivait les mêmes lois que j'avais déjà remarquées dans la réflexion sur une glace non étamée. Mais lorsque la totalité de la lumière était réfléchie dans l'intérieur du prisme, elle paraissait avoir éprouvé une dépolarisation partielle, car aucune des images que j'observais au travers du second rhomboïde ne disparaissait, quelle que fût la direction de sa section principale; seulement elles s'affaiblissaient jusqu'à un certain degré, et reprenaient ensuite leur éclat par la rotation du rhomboide. Leurs plans de polarisation partielle étaient perpendiculaires aux images des

<sup>(1)</sup> On peut, en général, su moyen d'une plaque cristallisée douée de la double réfrection, développer des couleurs dans une lame disphane qui n'est pas saesz mince pour en donner immédiatement; mais quand les deux surfacos de cette lame sont en contact avec le même milieu, les rayons qu'elles réfléchissent étant polarisés dans le neême sens se partagent de la même manière entre les deux réfractions de oristal; en sorte que dans la disposition la plus favorable. C'està-dire lorque le plun de polarisation de la lumière réféctier par la lame transparente fait un nagle de 65° avec l'ass du cristal; di n'y a que la moité des rayons qui concourrent à la preduction de la teinte dont cille se colore; aussi cer couleurs sout-elles beaucoop moiss hirllantes que celles qui sont produites par le procédé que je viens de técrire.

plans de polarisation primitifs, et me paraissaient ainsi à peu près dans Nº AVI. les mêmes azimuts que ceux de polarisation complète, immédiatement avant l'incidence qui donnait la réflexion entière.

Dans le voisinage de cette incidence, c'est-à-dire dans la faible iris qui sépare la réflexion partielle de la réflexion complète, et même un peu au delà de ses limites apparentes, j'ai remarqué que les images en s'obscurcissant se coloraient d'une manière très-sensible, et j'ai reconnu à l'intensité de ces couleurs et aux changements brusques qu'y produisait la rotation du rhomboïde de spath calcaire qu'elles étaient développées nar la polarisation. J'ai encore trop peu étudié ce phénomène pour le bien décrire et en donner l'explication. Je crois cependant que cette coloration tient à ce que les limites de la réflexion entière n'étant pas les mêmes pour les rayons de différentes espèces, à cause de leur inégale réfrangibilité, leur dépolarisation partielle ne commence pas sous la même inclinaison, et leurs plans de polarisation complète ou partielle ne se trouvent pas tout à fait dans les mêmes azimuts; en sorte que pendant la rotation du rhomboïde l'intensité des rayons ne s'affaiblit pas dans la même proportion pour ceux de différente couleur. Je me propose de reprendre l'étude de ce phénomène avec l'appareil gradué que je fais construire (1).

La dépolarisation partielle produite par la réflexion complète de la lumière dans l'intérieur du prisme croît rapidement à mesure que les rayons s'inclinent davantage, jusqu'à une limite après laquelle elle s'affaiblit de nouveau, mais moins vite qu'elle n'avait augmenté. Alors l'image, qui disparaltrait sans la polarisation partielle, s'obscurcit d'autant plus que la réflexion devient plus oblique, et je pense qu'à la limite, c'est-à-dire lorsque le rayon est parallèle à la surface réfléchissante, son action dépolarisante doit être nulle (2).

<sup>(\*)</sup> Je n'ai pas encore commencé ces expériences (\*). (9) Pour les incidences très-obliques, au

lieu d'un prisme je me suis servi d'une glace polie sur deux tranches opposées, de sorte que les rayons devenus presque parallèles à

<sup>(4)</sup> Note marginale au crayon de l'expédition authentique.

### 454 THÉORIE DE LA LUMIÈRE, - DECXIÈME SECTION.

V\* VVI.

12. On peut détruire la dépolarisation partielle du faisceau lumineux, lors même qu'elle est le plus prononcée, et le ramener à son premier état de polarisation complète par une seconde réflexion dans l'intérieur d'un autre prisme sous la même incidence que la prenière, mais suivant un plan perpendiculaire. Quand, au contraire, le second prisme est disposé de façon que le plan de la nouvelle réflexion coincide avec cleui de la première, alors la dépolarisation du faisceau lumieux augmente au lieu de diminuer, et paraît même complète sous des incidences couvenables, c'est-à-dire que les images ordinaire et extra-ordinaire produites par l'interposition du second rhomboide ne varient plus d'intensiée pendant se rotation, et que la lumière polarisée ainsi modifiée se comporte absolument comme la lumière maturelle, du moins daus cette circoustance, car, sous d'autres rapports, elle en difére essentiellement.

13. En faisant éprouver au faisceau lmmineux, toujours dans le même plan, une troisième réflexion semblable aux deux autres, on le ramène à l'état de polarisation partielle. Enfin une quatrième réflexion fui rend la polarisation compléte, mais dans un seus perpendieulaire à celui de la polarisation primitive. Len cinquième le dépolarise de nouveau partiellement, et une sixième entièrement. Le ne l'ai pas soumis au mp lus grand nombre de réflexions, mais il n'y a pas de doute qu'en les multipliant davantage on reproduirait les mêmes phénomènes, et qu'aiprès luit réflexions, par exemple, le faisceau lumineux se trouveait polarisé précisément dans la direction primitive. Ainsi la réflexion compléte ne peut pas, comme la réflexion compléte ne peut pas, comme la réflexion partielle, rapprocher graduellement le plan de polarisation du hala d'incidence.

14. La lumière dépolarisée par deux réflexions successives est ramenée à l'état de polarisation complète par deux autres réflexions

la surface de la glace étaient sensiblement perpendiculaires à celle des tranches, et ne pouvaient en conséquence en recevoir aucune modification. La petite étendue de cette glace ne me permettait pas de me rapprocher assez du parallélisme pour obtenir l'évanouissement complet des images par la rotation du second rhomboïde, mais elles devensient si faibles qu'il était difficile de les distinguer lorsque la lumière incidente avait peu d'intensité. I" MÉMOIRE SUR LA RÉFLEXION DE LA LUMIÈRE POLARISÉE. A55

semblables dans un plan perpendiculaire, et, sans l'avoir encore essayé, je suis persandé qu'il en est de même pour des réllexions plus inultipliées, c'est-l'arie que la modification résultant d'un nombre quelconque de réllexions consécutives peut être détruite par un même nombre de réllexions semblables dans un plan perpendiculaire à celui des premières et sous des inicideures égales.

15. Les modifications que les réflexions intérieures impriment à la lumière polarière ne lui fout pas perdre la propriét de développer des couleurs dans les lames minces cristallisées, même lorsque sa dépolarisation paraît compléte, comme dans le cas de deux réflexions; ces tenties sont aussi vives qu'auparaunt, mais elles ne sout plus demenature, et suivent des lois toutes différentes et assez compliquées en amarence.

Le cas le plus simple est celui où la lumière, toujours polarisée dans l'animut de 55 par rapport au plan d'incidence, est réfléchée deux fois dans l'intérieur du verre entre des faces parallèles; car après ces deux réllexions consécutives les deux images de l'ouverture éclairante produites par le premier r'homboide de chaux carbonatée set rouvent disposées parallèlement à l'eur situation primitive, et en arrangeant lappareil de manière qu'on puisse observer à la fois les images directe et les images réfléchies, leur comparaison devient très-facile. On prévoit aussi, avant de l'avoir essayé, que la même cause qui renduit constant l'fintensité de chaque image avant l'interposition de la laux existalisée doit simplifier ici le phénomène de leur coloration; c'est donc daus ces circonstances qu'il est le plus commonde de l'étutiéers donc daus ces circonstances qu'il est le plus commonde de l'étutiéers.

16. Pour en décrire avec ordre les caractères principaux, je supposerai d'abord que la lame nince cristallisée, qui doit produire les couleurs, est placée entre les deux prisures accouplés<sup>(6)</sup> et le second rhomboide de spath calcaire, c'est-à-dire que la lumière polarisée ne la traverse qu'après avoir reçu la modification que lui imprime la double réflecion dans l'intérieur des prisures. Alors en regardant alternadere de la companya del companya del companya de la company

<sup>(</sup>i) l'ai remplacé depuis ces deux prismes accomplés par un parallélipipède en verre (Note marginale au crayon).

Nº AVI.

tivement les images directes et les images réfléchies, on voit qu'elles donnent à la lame cristallisée des couleurs très-différentes, et cette différence est surtout sensible lorsque la lame est assez mince pour produire des teintes des anneaux du second ou du troisième ordre, dans lesquels les couleurs diverses sont bien séparées. Une lame de sulfate de chaux, qui donnait le violet du second ordre mêlé d'un peu de rouge dans l'image extraordinaire, et le jaune verdâtre dans l'image ordinaire, avec la lumière polarisée non modifiée, exposée à la lumière polarisée doublement réfléchie dans les prismes, présentait l'orangé roux et le bleu céleste. Une autre lame, au travers de laquelle la lumière directe paraissait d'un vert lavé du second ordre mêlé de bleu dans l'image extraordinaire, et d'un rouge couleur de chair légèrement orangé dans l'image ordinaire, colorait les rayons réfléchis d'un jaune brillant tirant sur l'orangé et d'un indigo violâtre. Enfin une troisième lame, qui donnait l'orangé clair du troisième ordre dans l'image extraordinaire (1), et le bleu foncé tirant sur l'indigo dans l'image ordinaire, quand on employait la lumière directe, présentait, avec la lumière deux fois réfléchie, un rouge violâtre on pourpre très-brillant et un vert légèrement jannâtre.

Il est à remarquer que ces teintes produites par la lumière ainsi modifiée sont intermédiaires et assez exactement movennes entre les couleurs complémentaires développées par la lumière polarisée ordinaire. J'entends par teinte moyenne entre deux autres celle qui répond au milieu de l'arc qui les sépare sur la figure circulaire dont s'est servi Newton pour représenter le retour des couleurs du spectre sur elles-mêmes.

17. Quand l'axe de la lame de sulfate de chaux est parallèle au

tive; ainsi, dans ce cas, image ordinaire désigne celle qui est polarisée dans le plan primitif de polarisation, et image extraordinaire celle qui l'est dans un plan perpendiculaire.

Dorsque je dis qu'une lame cristallisée donne une certaine conleur dans l'imageordinaire ou extraordinaire, je suppose, comme M. Biot, que la section principale du rhombode avec lequel on Polserve est placée dans le plan de la polarisation primi-

1" MÉMOIRE SUR LA RÉFLEXION DE LA LUMIÈRE POLARISÉE, 457 plan d'incidence, la réflexion fait monter les teintes dans l'ordre des anneaux; quand il lui est perpendiculaire, elle les fait descendre. Ainsi, par exemple, lorsque l'axe de la première lame dont je viens de parler était parallèle au plan de réflexion, l'orangé roux des rayons réfléchis répondait au violet des rayons directs, et le bleu céleste au jaune verdâtre; et au contraire, lorsque l'axe était perpendiculaire au plan de réflexion, c'était l'orangé roux qui répondait au jaune verdâtre et le bleu céleste au violet. Ayant fixé la lame cristallisée sur le second rhomboïde de spath calcaire, de façon que son axe fût dans un azimut de 45° par rapport à la section principale de ce rhomboïde, je n'apercevais point, en le faisant tourner, de variation sensible dans la nature des teintes et dans leur intensité, quand la dépolarisation de la lumière était bien complète, et chaque image réfléchie conservait toujours la même conleur; tandis que ce même mouvement faisait disparaître deux des quatre images directes, en amenant en même temps les deux autres au blanc parfait, ce qui doit arriver, comme on sait, lorsque l'axe de la lame cristallisée se trouve parallèle ou perpendiculaire à la section principale du premier rhomboide, après quoi ces

18. Si on laisse le second dans une position fixe, et de façon que so section principale soit parallèle ou perpendiculaire à celle du premier, on sait qu'en fiaisant tourner la lame cristallisée dans son plan les quatre images directes passent successivement et deux à deux du noir au blanc parfait, mais sans auceu changement dans la nature de leurs couleurs, qui ne varient que d'intensité seulement. Il n'en est pas de même des images réfléchies : à mesure que l'axe de la lame cristallisée s'éloigne du plan de réflexion, où je suppose qu'on l'a placé d'adol, leurs couleurs diminuent de vivacité, comme celles des images directes à la vérité, mais elles passent en même temps au blanc toutes les quatre, quand cet aus fait un angle de d'65 vace le plan d'inéidence, ou, ce qui revient au même, est parallèle ou perpendiculaire à la section principale du second rhomboïde; et en effet, dans cette situation de la lame cristallisée, son interposition ne doit rien changer ni à la

images échangeut leurs teintes.

teinte ni à l'intensité des images. La lame continuant de tourner, les N. XVI. images réfléchies se colorent de nouveau en échangeant leurs teintes. et elles atteignent leur plus haut degré de vivacité lorsque l'axe entre dans l'azimut de qo°, et sait ainsi un angle de 45° avec la section prin-

cipale du second rhomboïde. Les mêmes phénomènes se répètent dans

les autres quadrants.

19. La lame cristallisée restant fixe au contraire, si l'on fait tourner le second rhomboide de chaux carbonatée, les images réfléchies passeront quatre fois au blanc dans une révolution entière, en échangeant leurs teintes, comme le font les images directes; mais il est pour cellesci deux positions de la lame telles que le second rhomboïde ne peut y développer aucune couleur, dans quelque azimut qu'on tourne sa section principale : c'est lorsque l'axe de la lame cristallisée se trouve parallèle ou perpendiculaire à la section principale du premier rhomboide; tandis que les images réfléchies se colorent avec la même vivacité dans toutes les situations de la lame cristallisée. Pour une direction quelconque de son axe, ces couleurs, comme celles des images directes, parviennent toujours à leur maximum d'intensité pendant la rotation du second rhomboïde, quand sa section principale fait avec celle de la lame un angle de 45°.

20. Je suppose maintenant que la lame cristallisée soit placée entre le premier rhomboide et les prisues accouplés, en sorte qu'elle soit traversée par la lumière polarisée avant que celle-ci ait reçu la modification singulière que lui impriment les deux réflexions consécutives. Si cette lame est tournée de manière que son axe soit parallèle ou perpendiculaire au plau d'incidence, dans toutes les positions du second rhomboide les teintes des quatre images seront de même couleur et de même intensité que si la lame était placée entre les prismes accouplés et l'œil de l'observateur, et elles passeront au blanc, comme dans ce cas, lorsque la section principale du second rhomboïde sera parallèle ou perpendiculaire au plan de réflexion. Mais pour que leur décoloration complète puisse avoir lieu, il faut que l'axe de la lame soit bien exactement parallèle ou perpendiculaire à ce plan; car dès

qu'il s'écarte un peu d'une de ces directions, les images en échangeaut leurs teintes passent par des couleurs intermédiaires.

21. Pour rendre ces nouvelles couleurs plus sensibles, l'analogie indique qu'il-faut tourner l'axe de la lame cristallisée dans un azimul de 45° par rapport au plan d'incidence; mais alors il devient nécessaire de changer la position du premier rhomboïde, dont i'ai supposé jusqu'à présent la section principale inclinée de 45° sur ce plan; car sans cela elle coînciderait avec l'axe de la lame ou lui serait perpendiculaire, ce qui empêcherait toute espèce de coloration. L'axe de la lame cristallisée étant dans l'azimut de 45°, la position du premier rhonhoïde la plus favorable an développement des couleurs est celle où sa section principale se trouve parallèle ou perpendiculaire au plan d'incidence. L'appareil ainsi disposé, si l'on observe les images réfléchies au travers du second rhomboïde, on les voit changer avec l'azimut de sa section principale, et présenter successivement, dans chaque demi-quadrant, les couleurs des images directes et celles que donnent les ravons réfléchis, quand ils ne traversent la lame qu'après leur réflexion. Ces changements de teinte n'ont pas lieu brusquement, mais graduellement, et l'on voit la même image passer dans une demi-révolution du rhomboide par toutes les nuances diverses de l'ordre d'anneaux anguel appartiennent les couleurs de la lanie cristallisée (1).

Par exemple en employant la lame no 3, dont j'ai parlé plus liant, qui donnit avec la lumière polarisée ordinaire le jaune orangé du troisième ordre dans l'image extraordinaire, et le bleu tirant sur l'indigo dans l'image ordinaire, et en faisant tourner le second rhombode.

O Il est possible que ces nouvelles teintes ne soient pas exactement semblables à celles des anneaux colorés du même ordre, parce qu'elles ne sont pas composées de la même manière; mais j'ai peine à croire que l'oril puisse saisir cette différence.

Note. L'ai reconnu depuis, comme on le verra dans le Mémoire suivant, que ces teintes ne sont pas composées comme celles des annessus colorés qui changent de degré dans l'échelle des ordres, en rhangeant de couleur, tandis que celle-ils sont toujeurs au même degré quoique en changeant de couleur; é cet ainsi que les annessus risis mis sont du même ordre que les annessus ribétchis correspondants quoispre de couleurs complémentaires. [Ansotation marginale.]

54

N° XVI. voici les teintes principales dont j'ai vu se colorer l'image ordinaire de celui des deux faisceaux incidents qui était polarisé dans le plan de réflexion. Je compte les azimuts à partir de ce plan et en allant vers l'axe de la lame cristallisée :

Azimut de o\* --- Bleu tirant sur l'indigo; bleu verdàtre.

Azimut de 45° - Vert jaunâtre; jaune.

Azimut de 90° — Orangé; rouge orangé (1).

Azimut de 135° — Rouge violàtre, ou pourpre; violet mêlé de rouge.

Azimut de 180° - Bleu tirant sur l'indigo.

En continuant à faire tourner le rhomboide de spath calcaire, je voyais dans l'autre demi-circonférence les mêmes couleurs se succéder suivant un ordre semblable.

Il est à remarquer que dans cette expérience sur une lame miner cristalisée parallèle à l'axe les variations produites par la rotation du rhomboide suivent des lois semblables à celles que présentent les plaques de cristal de roche tuillées perpendiculairement à l'axe. Mais ici le premier et le dernier plan de polarisation restant faxe, on neu pas faire tourner le système intermédiaire sans changer la nature et l'intensité des teintes, comme en employant une plaque de cristal de roche perpendiculière à l'axe <sup>(ii)</sup>.

présente les résultats que comme des à-peuprès, et seulement pour donner une idérgénérale du phénomène.

9º En ajoutant à cet appared dons prissules accouples fascè devant la lume partielle l'axe, de manière que la humière y soit réfléciée deux fois avant de la traversor et dans up lang represédicaire à l'attre plan deréfliciéen, on forme un système qui jouit de totale se propriété des plaques et l'actre cer uon-totale propriété des plaques de l'actre cer uon-culture l'avant l'actre cer uon-culture l'actre d'actre de l'actre de l'actre

. . . . . . . .

22. Lorsque la lumière polarisée n'à éprouvé qu'une seule réflexionmellée dans l'intérieur du verre, les couleurs qu'elle développe dans les lames cristallisées différent moins des couleurs produites par la lumière polarisée ordinaire que quand elle a éprouvé deux réflexions consécutives. Il est naturel de supposer qu'elles sont alors moyennes entre ces deux espèces de teintes, et c'est aussi ce que l'expérience m'à paru confirmer.

La lame n° 1, dont jai parlé précédemment, qui donnaît le violet du second ordre dans l'înage extraordinaire, avec la lumière polariée ordinaire, et l'orangé rougeâtre ou le bleu céleste, quand la lumière polariée avait été réfléchie deux fois parallèlement ou perpendiculaire au cement à son asc, donnait après une seule réflexion le rouge mêté de violet ou l'indigo, selon que l'axe de cette lame était parallèle ou perpendiculaire au plan d'incideme.

La lame n° 3, dont l'image extraordinaire était colorée d'un vert lavé bleudtre par la lumière polariées ordinaire, et d'un indige violâtre ou d'un jaune brillant tirant sur l'orangé par la lumière deux fois refléchie, esposée à la lumière polarisée modifiée par une seule réflecion, présentait, dans la mêne image, le bleu ou un jaune verdâtre mêlé de blanc, selon que son axe était parallèle ou perpendiculaire an plan d'incidence.

Enfin la lame n° 3, dont l'image extraordinaire était d'un orangé clair tiraut sur le jaune, lorsque la lumière polarisée n'avait éprouvé aucune réflexion, et d'un vert jaunaître ou d'un pourpre brillant après deux réflexions, donnait dans la même image, avec la lumière un seule fois réfléchie, un jaune légèrement verdêtre, quand son axe était parallèle au plan d'incidence, et un rouge couleur de chair mèlé d'orangé, quand il lui était perpendiculaire.

23. On voit d'après ces expériences qu'une seule réflexion intérieure de la lumière polarisée, comme deux réflexions consécutives,

que de l'angle que font entre elles les sections principales des deux rhomboïdes, en sorte que les rhomboïdes restant fixes, on peut faire tourner le système intermédiaire sans altérer la nature ni l'intensité des couN° AVI. fait monter dans l'ordre des anneaux les teintes des lames cristallisées, ou les fait descendre, selon que le plan d'incidence est parallèle ou perpendiculaire à l'axe, mais que ces altérations de la couleur primitive sont moitié moius prononcées dans le cas d'une seule réflexion.

Lorsque la lumière incidente, que je suppõse toujours polarisée daus un azimut de 45°, a 64 réfléchie deux fois parallélement à l'axe du cristal, as teinte monte de la notiúe de l'intervalle compris entre sa couleur primitive et la conleur complémentaire en dessus, connue on la vu précédemment; et quand au contraire la double réflection à lieu perpendiculairement à l'axe, la teinte primitive descend de la motié de l'intervalle compris entre estte teinte et la couleur complémentaire dessous; en sorte que les daux nouvelles teintes de la unéme image dans ces cas opposés sont complémentaires l'une de l'autre. Il s'ensuit que les quatre images produites par les deux rhomboides doivent présenter toujours les mêmes couleurs, que l'axe de la lame soit paralléle ou perpendiculaire au plan de réflexion; seulement elles ont échangé leurs teintes.

Il n'en est plus ainsi quand la lumière polarisée n'a éprouvé qu'une seule réflexion, parce que la teinte primitive ne monte et ne descend que du quart de l'intervalle compris entre cette teinte et sa coulenr complémentaire, et qu'en conséquence la même lame présente des couleurs très-différentes selon que son axe est parallèle ou perpendiculaire au plan de réflexion, ce qui rend le phénomène plus compliqué en apparence, et la loi des changements de teintes plus difficile à saisir.

La lumière polarisée modifiée par trois réflexions consécutives produite mêmes couleurs que la lumière réflechie une seule fois, ainsi qu'il était aisé de le prévoir. Quand elle a été réfléchie quatre fois, elle donne les mêmes teintes que la lumière polarisée ordinaire, et en effet nous avons vu qu'alors elle ne présente plus aucune apparence de dévoloarisation partielle.

Je crois qu'on peut regarder comme un principe général, que toutes les fois que la lumière est ramenée à l'état de polarisation complète. elle colore toujours les lames cristallisées des mêmes teintes, quelles

. XXI

que soient les modifications diverses qu'elle ait éprouvées auparavant. l'ai ramené la lumière dépolarisée par deux réflexious inférieures à létat de polaristion parfaite, d'abord par deux sutres réflexions semblables dans le même plan, ensuite par deux réflexions complètes dans un plan perpondiculaire, enfin par la réflexion partielle sur une glace non étamée, sous l'inclinaison de 35°, et les teintes des images aims réfléchies étaient toujours les mêmes que celles dont se coloraient les images directs.

24. Ce dernier essai m'a conduit à un résultat singulier : en recevant sur une glace non étamée la lumière polarisée modifiée par deux réflexions intérieures et sous une incidence plus grande ou plus petite que celle qui produit la polarisation complète, j'ai vu les quatre images se colorer de quatre teintes différentes; tandis que dans les expériences précédentes elles étaient toujours semblables deux à deux. On peut se rendre raison de cette anomalie apparente, en faisant attention que sous l'incidence perpendiculaire ou parallèle à la glace, qui n'altère point les propriétés des rayons réfléchis, les images produites par la même réfraction du deuxième rhomboide sont de couleurs complémentaires, et les images provenant de réfractions différentes sont de même teinte dans les deux faisceaux réfléchis, tandis qu'au contraire sous l'angle de la polarisation complète, ce sont les images de même nom qui ont la même couleur, et celles de noms opposés qui sont complémentaires : or, comme ce changement dans l'arrangement des teintes ne s'opère pas brusquement, mais graduellement, il en résulte que, pour les incidences intermédiaires, les quatre images doivent être colorées de quatre teintes différentes.

25. La lumière polarisée ordinaire réfléchie par un miroir métalique présente des phénomènes semblables et colore aussi de quatre teintes différentes en général les quatre images produites par les deux rhomboides de spath calcaire, quand on lui fait traverser une lamemines cristallisée.

26. Je ne m'étendrai pas davantage sur ces derniers phénomènes, que je n'ai pas encore suffisamment étudiés, et je reviens à ceux que préNo VVI

sente la lumière polarisée modifiée seulement par une ou plusieurs réflexions complètes dans l'intérieur du verre, pour en exposer la théroire et faire voir de quelle manière on peut se rendre compte des changements apportés dans les couleurs des lames cristallisées par cette modification remarquable. Mais, avant d'entrer dans les détails de cette explication, il est nécessaire de rappeler en peu de mots les principes exposés dans le dernier Mémoire que j'ai eu l'honneur de soumettre à l'Académie.

27. (a) Le docteur Young a reconsu le premier que les couleurs développées par la polarisation dans les lames cristallisées répondaient

<sup>&</sup>lt;sup>10</sup> Quarterly Review, for april 1816, vol. XI, p. 4a, Miscelleneous Works, vol. 1, p. 46o. Chromostics from Supplement to the Encyclopedia Britannica. Sect. XV. Miscelleneous Works, vol. 1, p. 317.

I, nricle Cue-matier du Supplientel à l'Encyclopédie Britannique, ampoul les notes de estatcion de l'équet et services. « été écit dans le cours de l'amé : 18 7; peut-être avant que le présent Mémoire de l'reunel et dir égrécatife à l'Académie, mais à coup sir après que les principles expériences de Frend et Arago sur le lois de l'interférence de rayons périties carrett différ reune certaire publicle, et a Vonag fait la inferience allusies de ce expériences dans le passage qu'en va lire, et qui nous partit propre à mostre le propre avaient fait depuis si à se veus sus l'accoleration de la most residatifiées (E. Viener.).

<sup>»</sup>Dans le cas des substances doublement réfringentes, la première difficulté n'est pas «d'expliquer pourquoi les couleurs d'interférence sont quelquelois produites, mais pourquoi «elles na s'observent pas plus constamment; on pourrait en effet compter que, en consérequence de la loi générale des interférences, deux portions du même faisceau lumineux, qui straversent une plaque nu peu épaisse (moderately thin) d'une telle substance en suivaut des «chemins peu différents et qui reviennent de nouveau à la même direction, produiraient «dans tous les cas des couleurs presque pareilles à celles des plaques minces ordinaires. Il «serait toutefois difficile de prévoir si ces couleurs devraient ressembler aux couleurs trans-«mises ou aux couleurs réfléchies, at le fait est que ces deux séries de rouleurs sont pro--duites en même temps par les substances en question; mais elles sont mêlées de manière equ'à moins d'un arrangement particulier elles se nentralisent réciproquement; leur pro-«duction paraft ainsi limitée à certaines conditions particulières de polarisation, qui s'accor-«dent avec l'observation de M. Arago sur la non-interférence de deux rayons polarisés susevant des directions transverses. Plusieurs cas dans lesquels ces couleurs se produisent «demeurent il est vrai encore asses obscurs; mais il est facile d'analyser les phénomènes les plus importants, et des les réduire, avec une grande précision, aux lois générales des cou-«leurs périodiques.»

. ....

exactement à la différence entre les chemins parcourus au même inslant par les rayons qui avaient subi dans ces cristaux la réfraction ordinaire et ceux qui avaient été réfractés extraordinairement. Il a prouvé, par des calculs basés sur les observations mêmes de M. Biot, que cette théorie s'accordait parlaiement avec l'expérience.

Il est encore un autre principe nécessaire à l'explication de ces couleurs, que le docteur Young a peut-être apercu, mais dont il n'a pas fait mention, je crois; c'est que les ondes lumineuses n'exercent plus aucune action apparente les unes sur les autres quand elles sont polarisées en sens contraires, et que, lorsqu'elles ont été une fois polarisées dans des plans rectangulaires, on ne peut rétablir les effets de leur influence mutuelle, en les ramenant au même plan de polarisation, qu'autant qu'elles ont été primitivement polarisées dans un même plan. Ce principe peut se déduire immédiatement des phénomènes de coloration que présentent les lames cristallisées; mais, pour ne laisser lieu à aucun doute, il était nécessaire qu'il fût confirmé par les phénomènes de la diffraction, où les faisceaux lumineux qui concourent à la production des franges sont séparés et leur influence mutuelle mise en évidence. Il me paraît suffisamment démontré par les expériences de ce genre rapportées dans mon dernier Mémoire (\*). Elles prouvent aussi que les deux systèmes d'ondes ordinaires et extraordinaires, dans lesquels la lumière se divise en traversant les cristaux, sont toujours polarisés parallèlement et perpendiculairement à l'axe, même dans les lames assez minces pour que la polarisation puisse y développer des couleurs, principe que l'analogie annonçait d'avance, et qui est aussi favorable à l'explication de ces teintes dans la théorie des ondulations, qu'il lui est contraire dans le système de l'émission.

28. Je vais envisager maintenant sous le même point de vue les nouveaux phénomènes de coloration que présente la lumière polarisée modifiée par une ou plusieurs réflexions complètes dans l'inté-

<sup>\*\*</sup> Voyez N\*\* XV (A) et XV (B).

Nº XVI.

rieur du verre. Je reprends le cas où la lame cristallisée est placée entre le premier rhomboïde de spath calcaire, qui sert à polariser la lumière, et les prismes accouplés dans lesquels elle se réfléchit. le suppose que la section principale du premier rhomboide fait un angle de 45° avec le plan de réflexion, que l'axe de la lame cristallisée est parallèle à ce plan, et que la lumière, qui a traversé le premier rhomboïde et la lame cristallisée, est réfléchie deux fois dans l'intérieur des prismes sous l'incidence de la dépolarisation complète; alors les teintes des images réfléchies sont moyennes entre celles des images directes correspondantes et leurs complémentaires, et telles enfin, d'après l'analogie, que celles qui résulteraient d'un changement d'un quart d'ondulation dans l'intervalle qui sépare les deux systèmes d'ondes lumineuses concourant à leur production (1). De plus, les couleurs des images réfléchies sont plus élevées dans l'ordre des anneaux que celles des images directes, quand l'axe de la lame est parallèle au plan d'incidence, ainsi que je l'ai supposé, ce qui indique qu'alors l'intervalle entre les deux systèmes d'ondes a diminué d'un quart d'oudulation : or les ondulations ordinaires précèdent les ondulations extraordinaires; il faut donc en conclure que celles-là ont éprouvé quelque retard dans leur marche au moment de la réflexion, on parcouru un chemin un peu plus long que celles-ci en se réfléchissant plus près de la surface du prisme. Du reste les unes et les autres étant polarisées parallèlement ou perpendiculairement au plan de réflexion, n'out dû recevoir aucun changement dans leur plan de polarisation, et c'est

<sup>10</sup> Jentenda par changement d'un quert d'andataion dans l'interesting mi aprire the mars systèmes d'ondes, une nugmentation ou une diministion d'un quart d'andatation dans ct intervolle, pour change separation et point constante; pour les difféters pour les des proportionnelles à la forpueur de leurs vibrations. Il en résulte que si es accorda ou de liscordance des vibrations per la excerta ou de liscordance des vibrations. étaient les nêmes pour tous les rayons dans la teinte primitive, qui serait par conséquent blanche, ce disempented ûn quart d'ondilation ne pourrait pas le celorer, puisqu'il n'altérerait pas l'égolité des accords ou delieurs. Ces dans le même seus que jed sin chaquement d'une demi-ordulation; le mol conductes dans le même seus que jed sin en chaquement d'une demi-ordulation; le mol ondelation étant pris en gérieral s'applique à toutes les espèces d'ondes luminesses. I" MÉMOIRE SUR LA RÉFLEXION DE LA LUMIÈRE POLARISÉE, 467

pourquoi j'ai choisi ce cas, afin de rendre plus évidente la conséquence qu'on doit tirer de la différence de teinte entre les images réfléchies et les images directes.

Nº XVI.

Phisique deux réflexions consécutives produisent une différence d'un quart d'ondulation dans la marche des rayous polarisés parallèlement et perpendiculairement au plan de réflexion, il est naturel de supposer que pour une seule réflexion cette différence n'est que d'un huitème d'ondulation. Fadmets donc que lorsque la réflexion dans l'intérieur d'un prisme est complète, et a lieu sous des incidences suffissamment éloignées de ses deux limites extrêmes, les rayons polarisés parallèlement au plan d'incidence sont réflechis un peu plus près de la surface du verre que ceux qui sont polarisés perpendiculairement au même plan, et de façon que la différence entre les chemins parcourus est d'un huitème d'ondulation.

Quand on place la lame cristallisée entre le prisme et le second rhomboide, de manière qu'elle soit traversée par la lumière réfléchie, au lieu de l'être par la lumière incidente, comme dans le cas précédent, et en ayant soin que son axe reste toujours parallèle au plan de réflexion, les teintes sont absolument semblables. On doit en conclure que la lumière incidente s'est divisée, par l'effet de la réflexion complète, en deux systèmes d'ondes séparés par un intervalle d'un huitième d'ondulation, et que la moitié du faisceau incident, qui a éprouvé par rapport à l'autre un retard d'un huitième d'ondulatiou, subit tout entière la réfraction ordinaire et l'autre moitié la réfraction extraordinaire. En effet, si chaque faisceau se partageait entre les deux réfractions, chacune des images produites par le second rhomboîde serait composée de quatre faisceaux lumineux, dont deux produiraient à la vérité la même teinte que dans le cas précédent, mais les deux autres une teinte très-différente, qui altérerait la première; car pour l'une le huitième d'ondulation s'ajouterait à la différence des chemins parconrus dans la lame cristallisée, tandis que pour l'autre il s'en retrancherait.

On peut donc admettre, comme principe général, que toutes les fois

Nº XVI.

qu'un rayon polarisé est réfléchi dans l'intérieur d'un prisme, sous me incidence qui donne la réflexion complète, et qui sois duffisamment éloignée à la fois de la réflexion partielle et du parallélisme à la surface, il se divisée en deux autres, dont l'un est polarisé parallélisme à la surface, il se divisée en deux autres, dont l'un est polarisé parallélisment réfléchi un peu plus près de la surface, de façon qu'au sortir du prisme il se trouve en retard d'un buitôme d'ondulation. Quand le plan primitif de polarisation fait un angle de 45° avec le plan d'incidence, ces deux faisceaux sont d'une égale intensité, et lorsqu'il l'en approche ou s'en éloigne, leur intensité duit varier sans doute suivant les mêmes lois que celles des rayons ordinaires et extraordinaires dans un cristal dont l'axe sersit parallèle ou percendiculaire au plan de réflecion.

29. Le supprime pour un moment la lame cristallisée dans l'appareil, et je reviens aux phénomènes que présente la lumère palaire réfléchie complétement dans l'intérieur du verre, quand on l'observe immédiatement avec le second rhomboide de spath celaire. Pour simplifier les raisonnements, je supposera la section principale du premier rhomboide dans un azimut de 55° par rapport au plan de réflexion: il est toojours facile de passer de ce cas aux autres.

Soient RR' le plan d'incidence et PP' celui de la polarisation primi-



tive considérée dans les rayons réfléchis; je suppose d'abord que le faisceu polarisé n'éprouve qu'une seule réflexion; il se partagera en deux systèmes d'ondes d'égale intensité, dont 'Un, polarisé suivant fils', sera en retard d'un huitème d'ondulation par rapport à l'autre, polarisé suivant SS' perpendiculaire à RR'. Si l'on place la section principale du second rhombode suivant RB' ou SS, un des deux systèmes

d'ondes entrera tout entier dans l'image ordinaire et l'autre dans l'image extraordinaire, qui seront en conséquence également brillantes, couformément à l'expérience. Mais si la section principale du second rhomboide est parallèle à PP, ou au plan perpendiculaire TT', les faisceaux polarisés suivant RR' et SS' se diviseront chacun en deux autres, dont l'un sera polarisé suivant PP' et l'autre suivant TT'. Ainsi chacun de ces derniers plans de polarisation contiendra deux systèmes d'oudes, que leur réflexion dans l'intérieur du prisme a séparés par un intervalle d'un huitième d'ondulation. Mais on sait qu'indépendanment de la différence entre les chemins parcourus il y en a toujours une d'une demi-ondulation entre l'intervalle des deux systèmes d'ondes de l'image ordinaire et celui des deux systèmes d'ondes de l'image extraordinaire, puisqu'elles sont complémentaires l'une de l'autre. Ainsi cet intervalle étant d'un huitième d'ondulation dans l'une sera dans l'autre d'une demi-ondulation plus un huitième; par conséquent celle-ci sera plus faible que celle-là, mais ne s'évanouira pas, puisque la discordance n'est point complète. Comment se fait-il que l'intervalle entre les deux systèmes d'ondes est plus grand d'une demi-vibration dans une des images que dans l'autre? C'est ce qu'on n'a pas encore expliqué; on ignore ce qui se passe dans une onde lumineuse quand elle change de plan de polarisation; on ne sait pas même en quoi consiste la polarisation.

La théorie n'indiquant pas encore quelle est celle des deux images pour laquelle on doit ajouter une demi-ondulation à la différence des chemins parcourus, on ne peut à cet égard que consulter l'expérience, et se laisser ensuite guider par l'analogie. Voiri la règle que j'avais déduite des observations de M. Biot, et que j'ai donnée dans le dernier Mémoire que j'ai en l'honneur de présenter à l'Académie : L'image dont la teinte répond exactement à la différence entre les chemins parcourus est celle dans laquelle les plans de polarisation de ses deux faisceaux constituants, après s'être écartés l'un de l'autre, se rap-prochent et se réunissent par un mouvement contraire; tandis que lans l'image complémentaire, ils continuent à s'écarter jusqu'à ce qu'ils se trouvent sur le prolongement l'un de l'autre. Pour la première, l'écartement définitif des plans de polarisation est nul; pour la seconde, il est d'une demi-irreponférence.

Nº XVI.

Ainsi, dans le cas dont nous nous occupons, PP étant le plan de la polarisation primitive, considérée dans le rayon réflechi, si l'on suppose que la section principale du second rhomboide soit parallèle à PP, les deux faisceaux constituants de l'image ordinaire différeront d'un buitième d'ondulation, et ceux de l'image extraordinaire d'un huitième plus une demi-ondulation, en sorte que celle-ci sera la plus faible.

30. Mais ici se présente une difficulté : quel est le plan de lagoriastion primitive considérée dans le rayon réflecht? J'ai fait voir qu'immédiatement avant la réflexion complète dans l'intérieur du prisme, les rayons réfléchis étaient polarisés suivant un plan perpendiculaire à l'image de celui de la polarisation primitive : si l'on regarde l'action dépolarisante l'un dons la réflexion entière comme succédant à une autre qui tourne d'alsord le plan de la polarisation complète dans us seus perpendiculaire à l'image du plan de polarisation des rayons incidents, le plan PP de la polarisation primitive, considéré dans le rayon réfléchi, sera perpendiculaire à cette image. Dans cette hypothèes, les résultats de l'expérience confirment ceux de la théorie : car. Joseph et la confirment de la conseque la section principale du second rhomboûde est paralléle à PP, ou perpendiculaire à l'image du plan de polarisation des rayons inclusts, c'est effectivement l'image cordinaire ou iest la bus brillante.

Il serait peut-être plus naturel de rienvisager toujours dans la réflexion, comme je l'ai fait d'abord, que deux actions : la réflexion proprement dite, qui tend à reproduire d'ane manière symétrique, dans le fisiceau réfléchi, les ondes incidentes avec toutes leurs modifications, et l'action polarisante, qui empéche le plan de polarisation des rayons réfléchis de coincider avec l'image de celui des rayons incidents. Suivant ce système, le plan PP de la polarisation primitive considèrés dans le rayon réfléchi serait l'image même du plan de polarisation du rayon incident. Alors, pour que la théorie fit d'accord avec l'expérience, il fluorduit supposer que l'intervalle entre les deux systèmes

<sup>(</sup>i) l'entenda ici par action dépolarisante, celle qui fait naître deux systèmes d'ondes polarisés en sens contraires.

d'ondes polarisés par la réflexion complète parallèlement et perpendiculairement au plan d'incidence est d'un huitième d'ondulation plus une demie, au lieu d'un huitième seulement. Cette hypothèse est aussi admissible, que l'autre, et rend aussi bien compte des changements que la réflexion complète apporte dans les teintes des launes cristallisées. Elle serait même plus conforme à l'analogie, si l'on supposait que la lumière réfléchie sur une glace non étamée est aussi composée de deux systèmes d'ondes polarisés, l'un parallèlement et l'autre perpendiculairement au plan de réflexion, parce qu'alors, pour rendrecompte des changements que cette réflexion partielle apporte dans la direction du plan de polarisation, il faudrait supposer les deux systèmes d'ondes déjà séparés par une demi-vibration, quand l'incidence est plus oblique que celle de la polarisation complète.

La difficulté sur laquelle je viens de m'appesantir, et qui se représente toutes les fois que le rayon polarisé a éprouvé un nombre impair de réflexions, n'existe plus lorsque ce nombre est pair. Car si l'on admet que le plan de polarisation primitif, considéré dans le faisceau réfléchi une fois, est perpendiculaire à l'image du plan de polarisation du faisceau incident, c'est-à-dire que par une seule réflexion il s'en est écarté d'un quadrant, après deux réflexions il coïncidera de nouveau avec lui. De même il est indifférent alors de supposer que l'intervalle entre les deux systèmes d'ondes résultant d'une seule réflexion complète est égal à un buitième d'ondulation, ou à un huitième plus un demi, la demi-vibration n'apportant plus aucune différence dans l'action réciproque des rayons lumineux quand elle est répétée un nombre pair de fois. Sans décider laquelle de ces deux hypothèses est la plus probable, j'adopterai la première comme plus commode dans les explications, en ce qu'elle réduit à leur plus simple expression les différences de marche des deux systèmes d'ondes développés par la réflexion intérieure.

31. Je suppose maintenant que les rayons polarisés out été réfléchis deux fois complétement dans l'intérieur du verre entre deux faces parallèles. Alors le plan PP' de la polarisation primitive, considérée A. XVI.

dans le faisceau réfléchi, est parallèle au plan de polarisation du faisceau incident. Si la section principale du second rhomboide est dirigée dans le même azimut, les deux faisceaux polarisés parallèlement et perpendiculairement au plan de réflexion concourront également à la production de l'image ordinaire et de l'image extraordinaire. Dans la première, la différence entre les deux systèmes d'ondes est d'un quart d'ondulation; dans la seconde, elle est d'un quart d'ondulation plus un demi. Ainsi, ces deux systèmes de vibrations lumineuses ne s'accordant pas plus ni moins dans une image que dans l'autre, elles doivent être d'égale intensité. Il en serait de même pour toute autre position du rhomboide. En effet, soit i l'angle que sa section principale fait avec le plan de réflexion, f le faisceau polarisé parallèlement à ce plan, et f' le faisceau polarisé dans un sens perpendiculaire; les deux faisceaux constituants de l'image ordinaire seront f cost i et f' sin2 i; et ceux de l'image extraordinaire f sinº i et f' cosº i (1). Mais, par hypothèse, f et f' sont égaux; par conséquent les deux images seront formées par le concours de faisceaux équivalents; et comme leur action réciproque est exactement moyenne entre l'accord parfait et la discordance complète dans les deux images, elles seront d'égale intensité.

Je ne m'arrêterai pas au cas où la lumière polarisée a été réfléchie trois fois; il est aisé de voir que les images ne doivent paraître dépolarisées que partiellement, comme dans celui d'une seule réflexion et en sens inverse.

32. Je passe au cas où la lumière incidente a éprouvé quatre réflexions successives. Alors l'intervalle entre les deux systèmes d'oudes est d'une demi-ondulation. Si l'on dirige la section principale du second rhomboïde parallélement au plan primitif de polarisation, l'i-

intensités de la sensation sont représentées par cos'i et sin'i. C'est une réflexion trèssimple que je n'avais pas encore finite lorsque j'ai écrit ce Mémoire. [Note marginale pu cregon.]

<sup>&</sup>lt;sup>93</sup> Les vitesses des molécules lumineuses dans leurs oscillations sonl proportionnelles à cos i et sin i, de façon que la somme de leurs carrés reste consiante; c'est le peincipe de la conservation des forces vives. Les

...

mage ordinaire sera formée par le concours de deux faisceaux diffrant d'une demi-ondulation et s'évanouira, puisqu'ils sont en outre d'égale intensité; tandis que l'image extraordinaire, pour laquelle il faut ajouter une demi-ondulation à cet intervalle, sera composée da deux systèmes d'ondes séparés par une ondulation eutière, et qui serront par conséquent d'accord. Ceci est parfaitement conformé à l'expérience, qui apprend, comme on la vu dans la description de ces phérience, qui apprend, comme on la vu dans la description de ces phérience quatre réflexions successives rendent à la lumifre toutes les apparences d'une polarisation complète, mais en seus contraire de la polarisation primitive. Il serait sisé d'expliquer par des raisonnements semblables comment, après buit réflexions consécutives, le plan de polarisation apparent des rayons réfléchis est le même que le plan de polarisation des rayons incidents.

On conçoit aussi, dans l'hypothèse que j'ai adoptée, comment de nouvelles réflecions peuvent détruire les modifications que les premières ont imprimées à la lumière polarisée, quand elles ont lieu daus un sens perpendiculaire à celles-ci; car alors le faisceau polarisé perpendiculaireunet au premier plan de réflexion fest parallélement au second, en sorte qu'il perd toute l'avance qu'il avait prise d'abord sur l'autre système d'ondes, si les nouvelles réflexions sont en unéue nombre que les précédentes. Les deux faisceau se trouvant ainsi d'accord, leur système doit se comporter comme un faisceau unique polarisé parallélement à l'image du plan primiti de polarisation.

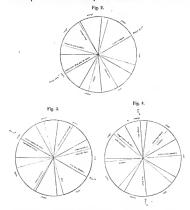
ement à l'image du plan primitit de polarisation.

33. L'explication que le viens de donner des pla

33. L'explication que je viens de donner des phénomènes de simpléquolarisation est fondée sur la supposition que la lumière polarisée est divisée par une réflexion complète en deux systèmes d'ondes polarisés l'un parallèlement, l'autre perpendiculairement au plan dincinence, et séparés par un intervalle d'un huitième d'ondulation. Jai été conduit à cette hypothèse par mes observations sur les nouvelles teintes des lames cristallisées, qui m'ont paru moyennes entre les teintes primitives et les couleurs complémentaires après deux réflexions, et entre les teintes primitives et celles-là, quand la lumière podraisée n'avait été réfléchie qu'un seule fois.

### 474 THÉORIE DE LA LUMIÈRE, - DEUXIÈME SECTION.

N° XVI. Pour faire cette comparaison avec quelque exactitude, j'ai employé la construction circulaire par laquelle Newton a représenté le retour des couleurs sur elles-mêmes. Les figures 2, 3 et 4 offrent cette construction pour les teintes données par les lames n° 1, n° 2 et n° 3, dont



j'ai parlé en exposant les résultats de mes observations, et font voir qu'effectivement ces couleurs répondent à peu près au milieu de l'arc compris entre la teinte primitive et la teinte diagonalement opposée,

N- 1111

lorsque la lumière a éprouvé deux réflexions, et, dans le cas d'une seule réflexion, au milieu de l'arc compris entre la teinte primitive et celle qui résulte de la double réflexion. La circonférence se trouve ainsi divisée en huit parties égales par les lignes qui répondent à ces diverses couleurs et à leurs complémentaires. Or puisqu'une demicirconférence répond dans cette construction à une différence d'une demi-ondulation dans l'intervalle des deux systèmes d'ondes qui concourent à la production d'une teiute, il est naturel de supposer, comme je l'ai fait, qu'un quart de circouférence doit répondre à une différence d'un quart d'ondulation, un huitième de circonférence à un huitième d'ondulation. En effet, un changement d'une demi-ondulation produisant la teinte complémentaire, un changement d'un quart doit faire naître une couleur également éloignée de cette teinte et de la couleur primitive qui lui est diamétralement opposée (1). De même, une diminution on augmentation d'un huitième d'ondulation doit produire une teinte également éloignée de la couleur primitive et de celle qui résulte d'une diminution ou augmentation d'un quart d'ondulation.

Ce raisonnement néanmoins peut ne pas paraître une démonstration suffisante de mon hypothèse. Pour la vérifier par un calcul rigoureux, il aurait fallu d'abord déduire de la teinte primitive, ou de l'épaisseur de la lame, les différents degrés d'accords et de discordances des deux systèmes d'andes au sortir du cristal, relativement à toutes les espèces de rayons, supposer ensuite dans ces accords et ces discordances un changement d'un quart ou d'un huitième d'ondulation, déterminer les nouveaux rapports qui en résulteraient dans l'intensité des différentes couleurs du spectre, et en conclure la teinte du mélange. Mais il un manquait un édément essentiel de ce celeul. On

O Le blanc à la vérité remplirait cette condition d'être également éloigné des deux teintes extrêmes; mais il est aiée de voir que changement d'un quart d'ordulation foit varier les couleurs sans les affaiblir; car, en

définitive, il y a autani d'inégalités entre les accords ou discordances des différentes espèces de vibrations; seulement ce ne sont plus les mêmes rayons qui dominent dans l'image.

N° XVI. n'a pas encore déterminé, que je sache, soit par l'observation, soit par la théorie, le degré d'éclat ou d'obseurité qui résulte, dans le concours de deux faisceaux lumineux homogènes, du degré d'accord ou de discordance de leurs vibrations <sup>(i)</sup>.

Quoique je n'aie point encore vérifié de cette manière l'exactitude de mon hypothèse, il me semble qu'étant confirmée par les phénomècies de simple dépolarisation, je puis la regarder comme démontrée, ou, du noins, comme très-probable. Le changement des teintes des lames cristalliées après deux réflexions de la lumière polarisée fait voir que ces réflexions l'ont divisée en deux systèmes d'ondes séparés par un intervalle d'environ un quart d'ondulation, et son état de dépolarisation complète, au sortir des prismes, prouve que cet intervalle est exactement d'un quart d'ondulation; car, s'il était plus grand on plus petit, les mages ne conservenient pas la unéme intensité pendant la rotation du second rhomboide. De m'ême, le retour aux apparences de polarisation complète, après quater réflexions consécutives, démontre qu'alors est intervalle est exactement d'une demi-ondulation: car s'il était plus grand on plus petit, les individualismes car s'il était plus grand on plus petit, le rotation du rhomboide ne ferait point disparatire entièrement les images.

36. Le terminerai ce Mémoire en appliquant le principe que je viens d'établir aux phénomènes de coloration qui font le plus ressortir la différence entre la lumière polarisée ordinaire et celle qui a éprouvé cette modification singulère. On verra que la même hypothèse sufit à l'explication de tour.

Un des caractères les plus remarquables de la lumière dépolarisée complétement par deux réflexions intérieures, c'est que les teintes des images ordinaires et extraordinaires consevent la même couleur et la même vivacité, quel que soit l'azimut dans lequel on dirige l'axe de la

plément; mais je n'ai pas appliqué la formule au cas dont il s'agit. [Note marginale] '".

<sup>(</sup>i) La résolu depuis ce problème des interférences, comme on le verra dans le sup-

<sup>(\*)</sup> Voir N° XVII.

Nº XVI.

lame cristallisée, pourvu que l'angle qu'il fait avec la section principale du second rhomboïde reste toujours de 45°. Il est aisé maintenant de s'en rendre raisou.

Soient PP' le plan de la polarisation primitive, RR' celui de la ré-



decion, OU Taxe de la lanue cristallisée et SS la section principale du second rhomboide. Le faisceu, polarisé primitivement suivant PP, se décomposera en deux autres polarisés l'un suivant BP, et l'autre dans le plan perpendiculaire TT, le preuier se trouvant en arrière d'un quart d'ondulation par l'effet des deux réflexions consécutions Le suppose toujours (sans cela la dépola-

risation ne serait pas complète) que le plan de la polarisation primitive est dans un azimut de  $h5^\circ$  par rapport au plan d'incidence; alors ces deux faisceaux lumineux sont d'égale intensité. Je les représente l'un et l'autre par  $f_1$  mais pour distinguer celui qui est polarisé dans le plan d'incidence, et a éprouvé par rapport à l'autre un retard d'un quart d'ondulation, j'écrirai  $f_1$ . Je représente eulin l'angle BCO par  $\alpha$ .

En traversant la lame cristallisée, le faisceau  $f_{\hat{\xi}}$  se divisera en deux autres

$$\cos^2 \alpha f_{\frac{1}{4} + e}$$
 et  $\sin^2 \alpha f_{\frac{1}{4} + e}$ ,

polarisés, le premier suivant l'axe du cristal OU, et le second daus le plan perpendiculaire EE, o et e représentent ici les nombres de vibrations des rayons ordinaires et extraordinaires dans la lame cristallisée.<sup>(i)</sup>. De même, le faisceau f, polarisé suivant TT', se divisera en deux autres sin<sup>2</sup>af, et cos<sup>2</sup>af., Par l'action du second rhomboidde spath calcaire chacun de ces quatre faisceaux lumineux se divisera

l'aide des formules d'interférence, comme ou le verre dans le supplément; il est inutile de les tire. [Note marginale.]

<sup>(1)</sup> Les explications des phénomènes données ici d'une manière très-pénible peuvent être présentées beaucoup plus simplement à

N. M. encore en deux autres, polarisés l'un suivant la section principale SS', et l'autre dans un plan perpendiculaire. Il suffit de considérer une de ces deux images, l'image ordinaire, par exemple, l'autre étant toujours d'une teinte complémentaire.

$$\cos^2\alpha\cos^2\beta 5^{\circ} f_{\frac{1}{2}+e}, \sin^2\alpha\sin^2\beta 5^{\circ} f_{\frac{1}{2}+e}, \sin^2\alpha\cos^2\beta 5^{\circ} f_{e}$$
et  $\cos^2\alpha\sin^2\beta 5^{\circ} f_{e}$ ,

sont les quatre faisceaux constituants de l'image ordinaire. La combinaison qui développe la teinte dont cette image est colorée est celle du premier avec le quatrième et du second avec le troisième; car d'abord le premier faisceau avec le troisième, et le second avec le quatrième ne produisent pas de couleurs, puisqu'ils ont parcouru la lame cristallisée avec la même vitesse; d'une autre part, la teinte résultant de la combinaison du premier avec le second se trouve détruite par celle qui résulte du concours du troisième faisceau avec le quatrième. En effet le plan de polarisation du premier faisceau, d'abord en CP, a passé successivement dans les plans CR, CO et CS; le plan de polarisation du second faisceau, partant aussi de CP, a pris successivement les directions CR, CE et CS'; ainsi les plans de polarisation de ces deux faisceaux, considérés d'un même côté du ravou C, se sont éloignés d'une demi-circonférence et placés sur le prolongement l'un de l'antre. Il faut donc, d'après la règle déduite des observations de M. Biot. ajouter une demi-ondulation à la différence entre les nombres d'ondulations de ces deux faisceaux au sortir de la lame, c'est-à-dire à  $\frac{1}{4} + e - (\frac{1}{4} + o)$ , ou à e - o, ce qui donne  $\frac{1}{2} + c - o$ . En suivant de même la marche des plans de polarisation des deux autres faisceaux, on voit qu'après s'être éloignés l'un de l'autre ils se rapprochent et se réunissent par un mouvement rétrograde; en conséquence, d'après la même règle, l'intervalle entre les deux systèmes d'ondes répond exactement à la différence entre les nombres de vibrations de ces deux faisceaux déduite de l'épaisseur de la lame, c'est-à-dire à e−o; ainsi la teinte produite par leur concours est complémentaire de celle qui

résulte de l'action du premier faisceau sur le second, et doit la neutraliser complétement, puisqu'elle est, en outre, de même intensité. comme on peut s'en assurer par l'inspection des formules qui représentent les faisceaux constituants.

Au contraire, la couleur produite par la combinaison du premier faisceau avec le quatrième est précisiement la unème que celle qui résulte du concours des deux autres; car la différence d'une demi-ondu-lation dépendante de la marche des plans de polarisation se trouve compensée par une différence égale dans les intervalles des deux systèmes d'ondes, puisque  $c-\left(\frac{1}{4}+o\right)$  est plus petit d'une demi-ondulation que  $\frac{1}{2}+e-o$ . Ainsi ces deux teintes, loin de se détruire comme les précédentes, s'ajouteront et se fortifieront mutuellement.

Il est aisé de voir actuellement qu'elles doivent conserver la même vivacité pendant la rotation du second rhomboïde, sur leque je spune qu'ou a fixé la lame cristallisée; car le faisceau cos  ${}^{3}\alpha$  cos  ${}^{3}\delta$  or  $f_{1}$ , sera toujours égal en intensité au faisceau cos  ${}^{3}\alpha$  cos  ${}^{3}\delta$  or  $f_{2}$ , ainsi que le faisceau sin  ${}^{3}\alpha$  sin  ${}^{3}\delta$  or  ${}^{3}f_{2}$ ,  $f_{3}$ , au faisceau sin  ${}^{3}\alpha$  cos  ${}^{3}\delta$  or  ${}^{3}f_{3}$ ,  $f_{4}$ , pour toutes les valeurs de  $\alpha$ ; ainsi il ue se mèlera point de blane à la teinte de l'image pendant la rotation du rhomboïde et de la laux cristallisée, comme cela arrive quand on se sert de lumière polarisée ordinaire.

35. Je passe maintenant au cas où la lame cristallisée est placée entre le premier rhomboide et les prisses accouplés, et sou axe situé dans un azimut de \( \hat{h}5^\* \) par rapport au plan d'incidence et à celui de la polarisation primitive. L'appareil sinsi disposé, en faisant tourner le second rhomboide on vojt les images se colorer successivement de toutes les nuances de l'ordre d'anneaux auquel appartient la teinterimitire de la lame cristallisée. C'est peut-être la propriété qui caractérise le plus la modification imprimée par deux réflexions complètes; car la lumière polarisée ordinaire ne développe jamais qu'une espèce de teinte et sa couleur complémentaire dans une lame mince

Nº XVI.

parallèle à l'axo de cristallisation, telle que celles dont je me suis servi dans mes expériences, quand elle reste perpendiculaire aux rayons incidents: et la rotation du rhomboide de chaux carbonatée, avel equel on les observe, u'y apporte d'autre changement que celui de leur intensité, par le mélange d'une quantité plus ou moins grande de lumière blancles.

Soit RR' le plan d'incidence et celui de la polarisation primitive,



qui par hypothèse doivent coincider ou être perpendiculaires entre cut, puisqu'ils font chacuu un angle de 55° avec l'aze 00° de la laune cristallisée. Je suppose ici qu'ils coincident; les raisonnements seraient analogues s'ils faisseint entre cut un angle droit. Le faisceau lumineux polarisé suivant RR, en traversant la lane cristallisée, se divisera en deux systèmes d'ordes, l'un

polarisé suivant OO, et l'autre dans le plan perpendiculaire EF: le premier sera représenté par  $f_r$  et le second par  $f_r$ , d'après la notation que j'ai adoptée. Chacun de ces faisceaux, en se réfléchissant dans les prismes accouplés, se parlagera en deux autres polarisés l'un suivant le plan de réflexion, l'autre dans le plan perpendiculaire TT, ce qui produire an tout quarte faisceaux,

$$\cos^2 h 5^{\circ} f_{s+\frac{1}{4}}, \quad \sin^2 h 5^{\circ} f_s, \quad \cos^2 h 5^{\circ} f_{s+\frac{1}{4}}, \quad \sin^2 h 5^{\circ} f_s,$$
on
$$\frac{1}{2} f_{s+\frac{1}{4}}, \qquad \frac{1}{2} f_s, \qquad \frac{1}{2} f_{s+\frac{1}{4}}, \qquad \frac{1}{2} f_s.$$

Si î on place la section principale du second rhomboide duns le plan RR', il n', aura que les deux faisceaux  $\frac{1}{2}J_{n+1}$  et  $\frac{1}{2}J_{n+2}$  et  $\frac{1}{2}J_{n+1}$  et de concourront à la formation de l'image ordinaire; et comme la différence entre  $o + \frac{1}{4}d$  et  $e + \frac{1}{2}d$  est égale à celle entre o et e, il est clair que la teinte dont cette image se colorera sera la même que si la humère en sortant de la lame était entré directement dans le second

rhomboïde. Quant à l'image extraordinaire, sa couleur sera complémentaire de celle-là, et elles auront échangé leurs teintes, comme dans le cas ordinaire, lorsque la section principale du rhomboïde sera parallèle au plan perpendiculaire TT'; mais elles ne passeront pas au blanc dans l'azimut de 45°. En effet, quand la section principale du second rhomboïde sera dirigée snivant OO', chacun des quatre faisceaux  $\frac{1}{2}f_{s+\frac{1}{2}}, \frac{1}{2}f_{s}, \frac{1}{2}f_{s+\frac{1}{2}}, \frac{1}{2}f_{s}$  se subdivisera en deux autres polarisés, l'un suivant OO', et l'autre dans le plan perpendiculaire EE'. Il suffit de considérer les quatre faisceaux polarisés dans le plan de la section principale, qui concourent à la production de l'image ordinaire, l'autre image étant toujours d'une teinte complémentaire. Dans .le concours de ces quatre faisceaux  $\frac{1}{h} f_{e+\frac{1}{h}}, \frac{1}{h} f_{e}, \frac{1}{h} f_{e+\frac{1}{h}} \text{ et } \frac{1}{h} f_{e}$ , la combinaison du premier avec le second détruit l'effet qui résulterait de celle du troisième avec le quatrième; car les deux teintes ainsi produites sont complémentaires et d'égale intensité. D'abord elles sont d'égale intensité en raison de l'égalité des faisceaux constituants; en second lieu elles sont complémentaires, parce que les plans de polarisation des deux faisceaux  $\frac{1}{h} f_{e+\frac{1}{2}}$  et  $\frac{1}{h} f_{e+\frac{1}{2}}$ , après s'être écartés, se sont rapprochés et réunis par un mouvement rétrograde, tandis que ceux des deux faisceaux  $\frac{1}{4} f_o$  et  $\frac{1}{4} f_s$  se sont éloignés d'une demicirconférence, ce qui augmente d'une demi-ondulation l'intervalle qui sépare ces deux systèmes d'ondes. Au contraire l'influence du premier faisceau sur le quatrième tend à produire le même effet que celle du second sur le troisième; car la différence d'une demi-ondulation résultant de la marche des plans de polarisation se trouve compensée dans ce cas par une différence semblable entre les deux intervalles des systèmes d'ondes ainsi accouplés, puisque  $e - \left(o + \frac{1}{h}\right)$  est plus petit de  $\frac{1}{2}$  que  $e + \frac{1}{4} - o$ . Ainsi, la teinte de l'image, pour cette position du second rhomboïde, sera celle que développerait, dans la même lame, la lumière polarisée préalablement modifiée par deux réflexions complètes.

36. Je suppose maintenant qu'on place la section principale du

N° XVI. second rhomboide dans une direction intermédiaire SS'; si l'on représente par s l'angle RCS qu'elle fait avec le plan d'incidence, l'image ordinaire contiendra les quatre faisceaux suivants:

$$\cos^2 s \frac{1}{2} f_{s+\frac{1}{4}}, \quad \sin^2 s \frac{1}{2} f_s, \quad \cos^2 s \frac{1}{2} f_{s+\frac{1}{4}}, \quad \sin^2 s \frac{1}{2} f_s,$$

R,O,R,S. R,O,T,S. R,E,R,S. R,E,T,S'.

Les lettres qui sont au-dessous de chaque faisceau indiqueut la marche de son plan de polarisation. Elles font voir qu'en combinant le quatrième faisceau avec les précédents il faut ajouter une demiondulation à la différence entre les chemins parcourus.

Lorque s'est nul, le second faisceau et le quatrième s'evanouisent, et l'image n'est colorée que de la teinte résultant du concours du premier et du second, qui est semblable à celle que développe dans la même lame la lumière polarisée ordinaire. Quand l'angle s'est de 5%, sin's et cos'é étant égans, l'effet produit par la combinaison du premier faisceau et du troisième est neutralisé par l'action du second sur le quatrième, et alors la teinte de l'image est celle qui résulte du concours du premier faisceau avec le quatrième et du second avec le troisième. Mais pour toute autre valeur de s' comprise entre séro et 5°, la couleur de l'image ordinaire doit être un métange de deux teintes répondant à s=0, et à s=5°, dans lequel la première ou la seconde dominent d'autant plus que CS s'approche davantage de CR ou de CO.

Dans la combinaison du premier faisceau avec le quatrième, et du second avec le troisième, le second et le quatrième, qui sont plus finibles que les deux autres, n'agissent dans cou-ci que sur une quantité égale de lamière, et les parties restantes  $(\cos^2 s - \sin^2 s) \frac{1}{2} f_{s-1}$ ; qui ne sout point modifiées par le second et le quatrième faisceau, en s'imfluençant réciproquement produisent la seconde teinte, qui se mèle à la première. Or, les intervalles entre les deux systèmes d'ondes qui déterminent chaque teinte ne différant que d'un quart d'ondulation, celles ne se neutraiseront pas récipro-

#### I\* MÉMOIRE SUR LA RÉFLEXION DE LA LUMIÈRE POLARISÉE, 483

quement, comme deux couleurs complémentaires, nais leur médange produira une teinte intermédiaire, qui devra être une moyenne exacte, quand les faisceaux constituants de chaque teinte auront <sup>60</sup> une égale intensité <sup>61</sup>; elle sera donc alors de même nature que celle qui résulte d'une différence d'un huitième d'ondulation, mais un peu moins pure,

(1) Il est possible que les formules de Malas f siñ 'i et f cos 'i , qui représentent bien le rapport d'intensité des deux faisceaux dans lesquels la lumère est divisée par la double réfraction quand i est égal à zéro, 45° ou que les aiments intermédiaires, du moins suivant les azimuts intermédiaires, du moins suivant les principes de la théorie des ondulations.

[Je n'avais point encore fait attention que sin'i et cos' i représentent les intensités de la sensation, et sin'i, cos i les viteses des molécules lumineuses dans leurs oscillations, conformément au principe de la conservation des forces vives. — (Note marginale.)

L'anteur a retranché le passage suivant de sa première rédaction, se réservant de traiter dans le Supplément de son Mémoire ce qui n'y est qu'indiqué, ainsi qu'il résulte d'une note marginale au cravon :

A cette difficulté près, qui me reste à levre et qui ne me partil point encore une objection coutre la fisérie que je riens d'expoer, je crois avoir expliqué comment une lame cristalisée parallélé à l'use pouvait présenter, pendant la rotation du second rhemboide, ces vaniéés de couleun qu'on n'avait remarquée jusqu'à présent que dans les plaques de cristal de roche taillées perpendicalairement à rate et dans certains fluides. Je suis parreuu à inniter encore plus complétement A" XVI.

ce me semble, parce qu'aucune espèce de rayons n'y sera totalement détruite. Néanmoins, je crois que cette différence de vivacité doit être aussi difficile à reconnaître que celle qui existe entre le vert homogène du spectre et le vert composé de jaune et de bleu.

37. Le ne m'étendrai pas davantage sur la théorie de ces phénomènes dans lequeles les lames cristallisées parallèles à l'ane se colorent suivant des lois si différentes de celles qu'on avait observées jusqu'à présent. Ce que j'en ai dit suffit pour faire voir comment on peut. à l'aide d'une seule hypothèse, expliquer ces nouvelles teintes par les mêmes principes que la coloration ordinaire des lames cristallisées.

Le suis loin cependant de considérer la théorie que j'ài evposée dans ce Mémoire et le précédent comme une explication complète des phénomènes. Les principes sur lesquels elle repose présentent encore des difficultés qui ne pourront être résolues sans doute que lorsqu'on saura en quoi consiste cette modification transversale des ondes lumineuses à laquellé Malus a douné le nom de podrisation.

En attendant, il n'est pas inutile de tâcher de réunir les faits sous

les phésomiens de coloration que présentent les plaques de cristal de roche perquiciloriter à Exa, en plaçuta la lume mine parallèle à Exa entre deux systèmes de prisunes accomplés, disposés de façon que le plan de réflexion dans les remontantes de la premier système dis preparticularies au plan de réflexion dans le second. Me premier système fili preparticularies au plan de réflexion dans le second. Me promote système de la propier de la presentante de la propier de cristal de mais el propier de de répendre, commen dans les plaques de cristal de dans le même ensa; le all'altre principales des deux rhombolées; car en les faissitut retre elles les sections principales des deux rhombolées; car en les faissitut retre elles unes quantitutes à l'ane, que de l'angle que faissitut retre elles même quantités ex système des quatre prisuses et de la lame cristallisée la propriété de faire tourne les modécules bunienseus de devoit és gauche ou de gauche à droite, pour me servir des expressions de M. Biot, selon le côté où je plaçois l'axe de la lause cristallisée par rappert au plan de réflexion. On peut es render coupte des singulier résultats de cette expérience par des misconnements semblables à cuan que je viens de fire pour un cas moiss compiléer.

F MÉMORE SUR LA RÉPIEMON DE LA LIMÉRE POLARISÉE. 965 un même point de vue, en les ratlachant à un petit nombre de principes générau. C'est le moyen d'en ssisir plus sisément les lois, et jr pense que des efforts de ce genre peuvent contribuer, autant que les observations mêmes, à l'avanement de la science.

A Paris, le 10 novembre 1817.

4. FRESNEL.

•

#### Nº XVII.

### SUPPLÉMENT AU MÉMOIRE

## SUR LES MODIFICATIONS QUE LA RÉFLEXION IMPRIME

### A LA LUMIÈRE POLARISÉE\*

[PRÍSESTÉ À L'INSTITUT LE 19 AUSTRE 1818.]

1. "Des méthodes particulières que jai suivies jusqu'à présent pour spilquer les principaus phésonèmes de la colocation des lames cristallisées ne peuvent s'appliquer qu'à des cas fort simples, et où il n'est pas nécessaire, pour juger des variations des teintes, de counaître la loi générale de l'influence réciproque des ondes lumineuses. Dès

(1) Ce Mémoire est le supplément d'un autre qui avait été lu à l'Institut le ah novembre 1817. Mais ce supplément n'y a été joint et u'a été présenté à la signature de M. Delambre que vers la fin du mois de janvier 1818. — [Note marginale.]

<sup>&</sup>lt;sup>19</sup> Ce suppérment N° XVII est en partie compris dans le rapport académique du à juin 1811. (Voir ci-après, N° XX), Il se rattache autant aux Mémoires sur la diffraction. N° XI et XIV, qu'aux Mémoires sur les couleurs des lames cristallisées douées de la double réfraction, N° XV et XVI.

Voir, à l'occasion de ce Mémoire, la note (b), p. 171, et les lettres à Léonor Fressel des 28 novembre 1817 et 3 juin 1818.

Nous reproduisons ici le texte du manuscrit autographe déposé aux archives de l'Institul; il porte des notes marginales au crayon de la main d'A. Freanel, et postérieures à la rédaction primitive.

Nous croyons inutile de signaler toutes les parties empruntées textuellement à cet écrit et insérées dans d'autres Mémoires.

VVII. qu'on veut calculer ces teintes avec précision, on même se rendre compte soulement des faits les plus saillants, quand le nombre des faisceaux constituants est un pen considérable, on sent la nécessité de déterminer exactement l'action qu'ils exercent les uns sur les autres.

> La solution générale des questions de cette espèce dépend donc de la solution du problème suivant :
>
> Étant données les intensités d'un nombre audronque de sustèmes d'andes

> Étant données les intensités d'un nombre quelconque de systèmes d'ondes lumineuses, et leurs positions respectives, ou leurs différents degrés d'accords et de discordances, déterminer l'intensité de la lumière totale.

J'entends par intensió de la lumière celle du mouvement lumineux, c'est-à-dire la vitesse des molécules de l'éther dans leurs oscillations. Quant à l'intensió de la sensation, qui paraît devoir être proportionnelle au carré de cette vitesse, il n'est pas nécessaire de la considérerici <sup>(9)</sup>.

2. D'après le principe des petits mouvements, la vitesse totale imprimée à une molécule quelconque est égale à la somme des vitesse que clarque onde lui auratt imprimée séparément. Comme ces ondes ne coincident pas, ces différentes vitesses ne dépendent pas seulement de l'intensité de chaque oude, mais encore de sa position par rapport à la molécule. Il fant donc comaître la loi suivant laquelle les vitesses doscillation varient dans la même onde, et pour cela remonter à la cause qui la produite et dont del tient tous ses caractères.

L'hypothèse la plus simple qu'on puisse faire sur les vibrations des molécules des corps qui produisent la lumière, c'est qu'elles s'extcutent comme les oscillations d'un pendule, ou, ce qui revient au nième, que la force accélératrice, qui teud à ramener les molécules dans leurs positions primitives, est proportionnelle à la distance dont elles s'en sont écartées. Quelque fonction qu'elle soit de cette distance, que je représente par x, elle pent toujours être mise sons la forme

$$Ax + Bx^2 + Cx^3 + Dx^4 + etc.$$

<sup>[3]</sup> Il est plus naturel d'entendre par intensité de la lumière l'intensité de la sensation. — [Note marginale.]

489

puisque la force accélératrice doit être nulle dorsque  $x = \omega$ . Or, si l'on suppose les excursions des molécules très-petites par rapport à l'étenduc des sphères d'activité des forces attractives et répulsives, on pourra négliger devant  $\Lambda x$  tous les autres termes du développement, et regarder la force accélératrice comme sensiblement proportionnelle à la distance x.

On a donc en général dans cette hypothèse dv = -Axdt; mais  $v = \frac{dx}{dx}$ , ou  $dt = \frac{dx}{dx}$ ; substituant dans la première équation, on trouve :

$$vdv = -Axdx$$
:

intégrant, оп а.

$$v^{1} = C - Ax^{1}$$
;

d'où

$$x = -\sqrt{\frac{C-v^3}{\Lambda}}$$
.

Substituant cette valeur de x dans la première équation, on a,

$$dt = \frac{dv}{\sqrt{\lambda (C - v^2)}}$$
;

intégrant, et choisissant convenablement la constante introduite par cette nouvelle intégration,

$$t = \frac{1}{\sqrt{A}} \operatorname{arc} \left( \sin = \frac{v}{\sqrt{C}} \right)$$
, ou  $v = \sqrt{C} \sin \left( t \sqrt{A} \right)$ .

Si done on prend pour unité de temps celui que la molécule emploie à revenir à sa première position, on aura, v = a sin  $(a \times t)$ . Par conséquent, dans des oscillations isochrones, les vitesses correspondant à la mènue valeur de t seront toujours proportionuelles à la constante a, aui représente sinsi l'intensité du mouvement vibratoire.

Considerons maintenant Iondulation produite dans l'éther par les oscillations de cette molécule. L'énergie des vibrations lumineuses, à chaque point de cette onde, dépend de la vitesse de la molécule metrice au moment où elle a produit l'impulsion qui se fait sentir actuellement dans ce point. Ainsi la vitesse des molécules lumineuses en un point quelconque, après un temps t, est celle qui animait la molécule motrice à l'instant  $t = \frac{\pi}{d}$ , x représentant la distance de ce point t als source du mouvement, et t la longueur de l'ondulation lumineuse.

N. AVII. On a donc, en représentant par a la vitesse des molécules lumineuses.  $u = a \sin \left[ 2\pi \left(t - \frac{\pi}{2}\right) \right]$ .

> On pent, à l'aide de cette formule, calculer l'intensité des vibrations produites par le concours d'un nombre quelconque de faisceaux lumineux, quand on connaît l'intensité de ces différents systèmes d'ondes et leurs positions respectives.

> Je suppose d'abord qu'il s'agisse de déterminer les vitesses des molécules lumineuses dans les vibrations résultant du concours de deux systèmes d'ondes distants l'un de l'autre d'un quart d'ondulation, et dout les intensités sont a et a'. Je compte le temps t à partir du nomet où ont commencé les vibrations du premier faisceau lumineux. Soient u et u' les vitesses que le premier et le second système d'ondes tendent à imprimer à la même molécule lumineux distante de la source du mouvement d'une quantité égale  $\lambda$  x; on aura a = a sin  $\left[2\pi(t-\frac{x}{d})\right]$ , et u' = a' soin  $\left[2\pi(t-\frac{x}{d})\right]$ , ou u' = -a' cos  $\left[2\pi(t-\frac{x}{d})\right]$ , are conséquent, la vitesse totale U sera égale à a sin  $\left[2\pi(t-\frac{x}{d})\right]$ , a cos  $\left[2\pi(t-\frac{x}{d})\right]$ . Mais en faisant a = A os i, et a' = A sin i, on peut toujours mettre cette expression sous la forme

$$A\left\{\cos i \sin \left[ 2\pi \left(t-\frac{x}{d}\right) \right] - \sin i \cos \left[ 2\pi \left(t-\frac{x}{d}\right) \right] \right\},$$

011

A 
$$\sin \left[ 2\pi \left( t - \frac{x}{d} \right) - i \right]$$
.

Ainsi, l'onde résultant du concours des deux autres sera de même nature, mais aura une position et une intensité différentes. Les équations  $A\cos i=a$ , et  $A\sin i=a'$ , donnent pour la valeur de A, c'est-àdire pour l'intensité de l'onde résultante,  $\sqrt{a^2+a^2}$ . C'est préciséuent la valeur de la résultante de deux forces perpendiculaires égales à a et à a'.

3. Il est aisé de voir aussi, d'après les mêmes équatious, que la position de la nouvelle onde répond exactement à la situation angulaire de la résultante des deux forces perpendiculaires a et a'; car, d'après la formule U=A sin [2π (t-z̄), - i), l'intervalle qui sépare cette onde

de la première est égal à  $\frac{id}{d\pi}$ ; or i est l'angle que la force a fait avec la résultante A, puisque A cos i = a. Ainsi la similitude est complète entre la résultante de deux forces rectangulaires et celle de deux systèmes d'ondes distants d'un quart d'ondulation.

Ce résultat était facile à prévoir, car il est clair que dans cette situation respective des oudes elles n'exercent plus d'action les unes sur les autres, étant également éloignées de la discordance et de l'accord. En effet, les points d'un des systèmes d'ondes où les molécules sont le plus agitées répondent à ceux de l'autre où le mouvement est nul au même instant. A la vérité, dans les parties intermédiaires les deux systèmes de vibrations à la fois tendent à pousser les molécules tantôt dans le même sens, tantôt dans des sens opposés, d'où résultent des additions et des soustractions de vitesses; mais il est aisé de voir que les additions sont exactement compensées par les soustractions, en sorte qu'en définitive les vibrations de chacun des deux faisceaux lumineux ne sont affaiblies ni fortifiées par celles de l'autre, et qu'on peut les considérer en conséquence comme s'exécutant séparément et indépendamment les unes des autres. C'est ainsi que deux forces perpendiculaires appliquées à un même point lui impriment, chacune suivant sa direction. des vitesses égales à celles qu'elles auraient produites séparément.

d. La solution que je viens de donner du problème, dans le cas particulier où il s'agit de trouver la résultante de deux ondes séparées par un intervalle d'un quart d'ondulation, suffit pour le résoudre dans tous les autres cas. En effet quels que soient le nombre des différents systèmes d'ondes et les intervalles qui les séparent, on pent toujours substituer à chacun d'eux ses composants rapportés à deux points commus distants d'un quart d'ondulation. Alors en ajoutant ou retranchant, selon leurs signes, les vibrations des composants rapportées au même point, on ramênera le mouvement total à deux systèmes d'ondes séparés par un intervalle d'un quart d'ondulation, et la racine carrée de la somme des carrés de leurs intensités sera celle de la lumière totale. Cest absolument le procédé qu'on emploie en statique pour trouver la résultante d'un nombre quelconque de forces. La longueur de l'ondula-

6s.

N° XVII. tion répond ici à la circonférence dans le problème de statique, et l'intervalle d'un quart d'ondulation entre les systèmes d'ondes à l'intervalle angulaire d'un quart de circonférence qui sépare les composantes.

Il arrive le plus souvent, dans les problèmes d'optique, que les intensités de lumière ou les teintes que l'on veut calculer ne résultent que du concours de deux systèmes d'ondes seulement, comme dans les anneaux colorés et les phénomènes de coloration les plus ordinaires que présentent les lames cristallisées; en sorte qu'il est bon de connaître la formule générale qui donne la résultante de deux systèmes d'ondes séparés par un intervalle quelconque. On prévoit déjà le résultat que l'on obtiendrait en appliquant à ce cas la méthode générale que je viens d'exposer; mais je ne crois pas inutile de m'appesantir encore sur la théorie de ces mouvements vibratoires, et de prouver directement que l'onde résultant du concours de deux antres, quelles que soient leurs positions relatives, répond exactement, pour son intensité et pour sa situation, à la résultante de deux forces égales aux intensités des deux faisceaux lumineux, et faisant entre elles un angle qui soit à la circonférence entière comme l'intervalle qui sépare les deux systèmes d'ondes est à la longueur d'une ondulation.

Soit x la distance du centre du premier système d'ondes à la molécule lumineuse que l'on considère, et t l'instant où l'on veut calculer sa vitesse; celle que lui imprime l'onde du premier système est égale à  $a\sin\left[2\pi(t-\frac{\pi}{a})\right]$ , a étant l'intensité de ce faisceau lumineux. Si l'ou représente par a l'intensité du second, et par c l'intervalle qui sépare les points correspondants des deux systèmes d'oudes, la vitesse résultant du second sera  $a'\sin\left[2\pi(t-\frac{\pi}{a'})\right]$ , et par conséquent la vitesse totale imprimée à la molécule,  $a\sin\left[2\pi(t-\frac{\pi}{a'})\right]$ , on

$$\left(a+a'\cos 2\pi\frac{c}{d}\right)\sin\left[2\pi(t-\frac{x}{d})\right]-a'\sin 2\pi\frac{c}{d}\cos\left[2\pi(t-\frac{x}{d})\right];$$
 expression qui peut toujours se mettre sous la forme

$$\Lambda\cos i\sin\left[2\pi(t-\frac{x}{d})\right]-\Lambda\sin i\cos\left[2\pi(t-\frac{x}{d})\right],$$

Nº XVII.

ou

A sin 
$$\left[2\pi \left(t-\frac{x}{d}\right)-i\right]$$
,

en faisant

$$a + a'\cos\left(2\pi\frac{c}{2}\right) = A\cos i$$
, et  $a'\sin\left(2\pi\frac{c}{2}\right) = A\sin i$ .

Élevant chaque membre de ces équations au carré, et les ajoutant, on a ,

$$A^2 = a^2 + a'^2 + 2 \, aa' \cos \left( 2\pi \frac{c}{d} \right);$$

d'où

$$A = \pm \sqrt{a^2 + a'^2 + 2aa'\cos\left(2\pi\frac{c}{d}\right)}.$$

C'est la valeur de la résultante de deux forces a et a' faisant entre elles un angle égal à  $2\pi \frac{a}{a}$ .

Il résulte de cette formule générale que l'intensité de la lumière totale est égale à la somme de celles des deux faisceaux constituants, dans le cas de l'accord parfait, à leur différence quand ils discordent complétement, el enfin à la racine carrée de la somme de leurs carrés lorsque leurs vibrations correspondantes sont à un quart d'ondulation les unes des autres, ce qu'on avait déjà démontré.<sup>10</sup>.

Il est facile de voir que la position de l'onde répond exactement à la situation angulaire de la résultante des deux forces a et a. En effet, la distance de la première onde à la seconde est c, et à l'onde résultante  $\frac{i}{2\pi}d$ , et la distance de celle-ci à la seconde  $c-\frac{i}{2\pi}d$ . Par conséquent les angles correspondants sont  $2\pi\frac{c}{2}i$  et  $2\pi\frac{c}{2}-i$ . Or en multipliant par sin i l'équation  $a+a'\cos\left(2\pi\frac{c}{d}\right)=A\cos i$ , et par  $\cos i$  l'équation  $a'\sin 2\pi\frac{c}{2}=A\sin i$ , et les retranchant l'une de l'autre, on trouve

$$a \sin i = a' \sin \left(2\pi \frac{c}{d} - i\right)$$

O l'entends toujours par intensité de la vitasse des molécules lumineuses dans leurs lumière, dans ce Mémoire et le suivant, oncillations. [Note marginale.] non pas l'intensité de la sensation, mais la

№ XVII. qui, avec l'équation

$$a' \sin \left( 2\pi \frac{c}{d} \right) = A \sin i$$
.

donne la proportion

$$\sin\left(2\pi\frac{c}{d}-i\right):\sin i:\sin 2\pi\frac{c}{d}::a:a':A.$$

L'expression générale  $\Lambda \sin\left[2\pi(t-\frac{\pi}{a})-i\right]$  de la vitesse des molécules dans l'onde résultant du concours de deux autres démontre que cette onde a la même longueur que ses composantes, et que les vitesses des points correspondants sont proportionnelles; en sorte que l'onde résultante est toujours de même nature que sex composantes et mei diffère que par l'intensité, c'est-à-dire par la quantité constante qui multiplie les rapports de vitesse de toutes les molécules qui la composent. En la combinant successivement avec de nouvelles ondes, on retrouverait toujours des expressions de même forme, propriété remarquable de cette sorte de fonctions. Ainsi, dans la résultante d'un combre quelconque de systèmes d'ondes de même forme, propriété remarquable de cette sorte de fonctions. Ainsi, dans la résultante d'un combre quelconque de systèmes d'ondes de même longueur, les molécules lumineuses sont toujours animées de vitesses proportionnelles à celles des composantes, aux points situés à la même distance de l'extrémité de tehaque onde.

Fai fait voir dans le second Mémoire que j'ai eu l'honneur de présenter à l'Académie , que pour expliquer la position des anueanx colorés réfléchis, il fallait supposer que la réflexion à la surface des corps transparents a lieu jusqu'à une profondeur d'un quart d'ondulation.

<sup>39</sup> Le docteur Young a très-bien expliqué la tache noire centrale sans cette hypothèse, en reppelant que la vitesse d'un corps élasique qui en choque un autre change de signe selon qu'il a plus ou moins de messe que le corps choqué, et es concluant que les vitesses des molécules lumineuses doivent être affectées de signes contraires dans leur réflexion en dehors et en dedans du verre. [Note marginale de l'auteur.]

co Supplement au deuxième Mémoire sur la diffraction N° X, S 18 et 19. Dans la préveute édition ce Mémoire est réellement le quatritien parmi ceux que l'auteur a déposés à l'Académie des sciences; mais Franch ne considérait son premier Mémoire et le compélément qu'il y svati joint (n° II et IV) que comme on essai de rédaction du Mémoire n° UII, qui a dit porter, dans une édition complète, le titre de deuxième Mémoire air diffraction.

ce qu'on pouvait encore démontrer directement, comme je l'ai fait observer, par des considérations sur la réflexion même. Il résulte de la théorie que je viens d'exposer que, malgré la multitude d'ondulations partielles dont se compose l'onde réfléchie, dans cette hypothèse, elle est aussi simple que l'onde incidente et absolument parcille, à l'intensité près.

6. Le vais appliquer maintenant cette théorie au calcul des concurs produites par les lames cristallisées dans plusieurs cas particuliers, et je m'occuperai d'abord de celui où deux lames parallèles à l'ace, de même nature et d'égale épaiseur, out leurs axes croisées sous l'angle de 45°. M. Biot a conclu de ses fornules que lorsque la section principale du rhomboïde de spath calcaire, dont on se sert pour analyser la lumière, est parallèle ou perpendiculaire au plan primitif de polarisation, la teinte de chaque image doit rester invariable quand on fait tourner dans son plan le système des deux lames croisées. On va voir que la théorie des interférences conduit à un résultat différent.

soit PP' le plan de la polarisation primitive, OO' l'axe de la pre-



mière lame, et 0,0/ celui de la seconde, le suppose que la section principale du rhomboide de spath calcaire, avec lequel on observe ces couleurs, soit parailleie à PP. Je représente par i l'angle POO. Par l'action du premier cristal le faisceau lumien neus se divisera en deux systèmes d'unien polarisés, l'un suivant l'anc 00' et l'autre suivant le plan perpendiculaire EE. Les condulations ordinaires s'exécutant dans le

cristal d'une manière indépendante des ondulations extraordinaires, puisque des rayons lumineux polarisés en seus contraires ue s'influencent pas, on doit assimiler ces deux systèmes d'ondes à deux forcesperpendiculaires entre elles <sup>(1)</sup>. Ainsi A représentant la vitesse des mo-

dans lesquels se divise la lumière à la surface des corps transparents, quoique les

<sup>(1)</sup> On doit assimiler aussi à deux forces dans lesquels perpendiculaires les deux systèmes d'ondes face des cor

N° VVII. lécules dans la lumière incidente, et a et a' leurs vitesses dans les faisceaux ordinaire et extraordinaire, on a l'équation : A' = a' + a' = a' = qui signifie que A étant le rayon du cercle, a et a' sont le sinus et le cosinus du même angle. Mais cet angle doit être uni quand i est nui, égal à 45° quand i est de 45°, égal à 90° quand i est un angle droit, et ainsi de suite pour chaque huitième de circouférence; il est donc naturel de supposer que cet angle est précisément l'angle i. On vera

d'ailleurs que les résultats auxquels conduit cette hypothèse s'accordent

rayons réfléchis et les rayons réfractés a'influencent nuntuellement quand ils sont ramenés à la même direction, parce qu'au moment où ils se séparent ils tendeut à produire des ondes indépendantes (\*\*). Par conséquent, le carré de la vitesse des molécules lumineuses dans le faisceau incident doit être égal à la somme des carrés des vitesses des molécules dans le faisceau réfléchi et le faisecau transmis (a). C'est au moyen de ce principe que le docteur Young a su concilier son explication des anneaux transmis avec nue expérience très-importante de M. Arago, qui démontre qu'ils sont d'une intensité absolue égale à celle des anneaux réfléchis. Ainsi il paralt bien prouvé que les anneaux transmis sont formés par le concours des rayons directs et des rayons réfléchis deux fois dans la lame d'air. Or, pour concilier maintenant cette formation des anneaux transmis avec les conséquences auxquelles j'ai été conduit sur la profondeur de la ré-

hien avec les faits.

flexion à la surface des corps Iransparents. Il faut supposer que, indépendantmeut des chemins parcourus, les rayons réflechis diffèrent il un quart d'ondulation des rayons transmis. Cette hypothèse, qui me paraît très probable en elle-même. a l'avantage de donner en quelque sorte une useavelle raison du principe que je viens d'énoncer.

Il n'est pas intitié post-être de rappede un autre principe démontré par l'analyse méanique, qui a beaucoup de rapport avec coluici : étre que la vitesse dans cut les la montre principe de la vitesse des rédupent du centre de viltarian, dinimier proportionnellement à cette distance ("") tautait que féréculoi de la surface à laquelle se communique le mouvement odulataire augmente proportionnellement au cerré de la même distance. Ainsi, dans ce cus, comme and le précédent, les suddivisions des vitesses sont les racines carréés des subdivisions des roises des roises des subdivisions des roises des subdivisions des roises des roises.

tes de l'ether dans divers milieux. - Voyer le Nº XXXI. [E. VERGEI.

<sup>(\*)</sup> Cette équation se déduit bien plus naturellement du principe de la conservation des forces vives, auquet je ne songesis pas alors. [Note margonale.]
(\*\*) Il faut absolutior fit le principe de la conservation des forces vives à l'assimilation à deux forces vives au l'assimilation à deux forces.

<sup>(\*\*)</sup> Il fant substituer ici le principe de la conservation des focces vives à l'assimilation à deux force-perpendiculaires. [Note marginale.]
(\*\*\*): Ceste encore la conservation des forces vives. [Note marginale.]

<sup>(%</sup> Cet enoncé incomplet a été plus lard rectifié par Fresnel, en tenant compte des différentes dens-

Ainsi, A étant l'intensité de la lumière incidente, A cosí sera celle du faisceau polarisé suivant OO', et A sini celle du faisceau polarisé suivant EE'; enfin, par l'action de la seconde lame cristallisée et du rhomboïde de spath calcaire, chacun de ces faisceaux se divisera en quatre, ce qui fera en tout huit systèmes d'ondes, dont quatre dans l'image ordinaire et quatre dans l'image extraordinaire.

Les quatre faisceaux composant l'image ordinaire seront :  $\begin{array}{ccc} \cos i\cos 45^{\circ}\cos (45^{\circ}+i)A_{++}, & \cos i\sin 45^{\circ}\sin (45^{\circ}+i)A_{++}, \\ P.O.O._{P}. & P.O.E._{P}. & P.O.E._{P}. \\ -\sin i\sin 45^{\circ}\cos (45^{\circ}+i)A_{++}, & \sin i\cos 45^{\circ}\sin (45^{\circ}+i)A_{++}, \\ P.E.O._{P}. & P.E.C._{P}. & P.E.E._{P}. \end{array}$ 

o et e représentant les nombres des ondulations ordinaires et extraorimaires dans chaeum des lames cristallisées, pour l'espèce de rayons que l'on considère. J'ai employé ici la même notation que dans le Mémoire précédent. Les lettres placées sous chaeum des liaisceaux constitunts indiquent la marche de leurs plans de polarisation. La valeur du troisième faisceau est affectée du signe —, parce que l'extrémité P de son plan de polarisation, au lieu de revenir en P, comme dans les autres faisceaux, est allée en P. Or, d'après la règle déduite des observations de M. Biot, cette opposition dans la marche du plan de polarisation entraine une différence d'une demi-ondulation, qu'on peut également indiquer par le signe — ou par l'addition de ½ au nombre o+ et des ondulations parcourues.

Le second et le troisième faisceau comptant le même nombre d'ondulations, leurs vitesses s'ajoutent, et les quatre faisceaux se réduisent ainsi à trois :

 $\sqrt{\frac{1}{2}}\cos i\cos (45^{\circ}+i) A_{3\circ}$   $\frac{1}{2}A_{\circ+i}$   $\sqrt{\frac{1}{2}}\sin i\sin (45^{\circ}+i) A_{3\circ}$ 

Pour calculer l'intensité de la lumière résultant de leur concours, je les rapporte à deux points séparés par un intervalle d'un quart d'ondulation. Je prends pour le premier de ces points celui qui répond à o+e, et pour le second celui qui répond à  $o+e+\frac{1}{2}$ .

•

THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - DEUXIÈME SECTION. 498

Je trouve pour la somme des composantes rapportées au premier Nº XVII. point :

$$\frac{1}{4} \sqrt{\frac{1}{2} \cos i \cos(45^\circ + i) \cos[2\pi(e - o)] + \frac{1}{2} + \sqrt{\frac{1}{2} \sin i \sin(45^\circ + i) \cos[2\pi(e - o)]}}$$

$$A^{\left[\frac{1}{2} + \frac{1}{2}\cos\left[2\pi(e-o)\right]\right]}$$

et pour la somme des composantes rapportées au second point :

$$A_{\frac{1}{2}}^{\frac{1}{2}}\cos i \cos (45^{\circ}+i)\sin [2\pi(e-o)] + \sqrt{\frac{1}{3}}\sin i \sin (45^{\circ}+i)\sin [2\pi(e-o)]$$
ou

$$-\Lambda \sqrt{\frac{1}{2}}\cos(45^{\circ}+2i)\sin[2\pi(e-o)].$$

Ajoutant les carrés des deux sommes, on a :

$$A^{2}\left\{\frac{1}{4}+\frac{1}{2}\cos \left[2\pi (e-o)\right]+\frac{1}{4}\cos \left[2\pi (e-o)\right]+\frac{1}{2}\cos ^{2}\left(45^{\circ}+2i\right)\sin ^{2}\left[2\pi (e-o)\right]\right\}$$

$$A^{\frac{1}{4}\frac{1}{4} + \frac{1}{2}\cos[2\pi(e - o)] + \frac{1}{4} + \frac{1}{4}\sin^{2}[2\pi(e - o)][2\cos^{2}(45^{\circ} + 2i) - 1],$$
ou

$$\Lambda^{2}\left\{\frac{1}{2}+\frac{1}{2}\cos\left[2\pi\left(e-o\right)\right]+\frac{1}{4}\sin^{2}\left[2\pi\left(e-o\right)\right]\cos\left[2\left(45^{\circ}+2i\right)\right]\right\},$$
 ou enfin

$$\Lambda^2 \tfrac{1}{l} \tfrac{1}{2} + \tfrac{1}{2} \cos \left[ 2\pi \left( e - o \right) \right] - \tfrac{1}{4} \sin^2 \left[ 2\pi \left( e - o \right) \right] \sin \hbar i \tfrac{l}{l}.$$

Ainsi l'intensité de chaque espèce de rayons dans l'image ordinaire est donnée par la formule :

$$\Lambda \sqrt{\frac{1}{2} + \frac{1}{2}\cos[2\pi(e-o)] - \frac{1}{4}\sin4i\sin^2[2\pi(e-o)]}$$

dans laquelle o et c représentent les nombres de leurs ondulations ordinaires et extraordinaires dépendant de la longueur de ces ondulations et de l'épaisseur des lames cristallisées.

Si l'on cherche pareillement l'expression générale de l'intensité des rayous qui composent l'image ordinaire, dans le cas où l'on ne fait traverser à la lumière polarisée qu'une seule des deux lames disposée de façon que son axe fasse un angle de 45° avec le plan de la polari- N° XVII. sation primitive, on trouve :

$$A = \sqrt{\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \cos [2\pi (e - o)]}$$
.

On voit que ces deux formules ne diffèrent que par le terme  $-\frac{1}{i} \sin h i \sin^2 [2\pi (e-o)]$ , qui se trouve dans la première et n'est pas dans la seconde. Par conséquent les teintes doivent être semblables dans toutes les positions du système des deux lames superposées qui font évanouir ce terme, e'est-à-dire lorsqu'on a i = 45°, i = 90°, i=135°, i=180°, etc. C'est aussi ee que l'expérience confirme, et pour ees valeurs partieulières de i, le théorème de M. Biot est parfaitement exact. Mais dans tous les azimuts intermédiaires la teinte produite par les lames aecouplées doit différer de l'autre. Cette conséquence de mes formules m'avait fait croire d'abord que je m'étais trompé dans mon ealeul, ou dans les raisonnements sur lesquels il était appuyé, tant j'avais peine à supposer que cette variation de teinte, si elle avait lieu, eût échappé à un observateur aussi habile que M. Biot. Mais ayant remarqué qu'elle devait être très-légère, je pensai qu'il était possible qu'il ne l'eût pas aperçue, et en répétant l'expérience je me suis assuré qu'effectivement la teinte changeait d'une manière sensible.

Je ne ne suis point servi du même moyen que M. Biot pour eroiser les axes des lames à 45°. Après avoir ehoisi une lame de sulfate de chaux d'une épaisseur bien uniforme, et l'avoir compée en deux avec un règle et un canif. Jai superposé ces deux morceaux de façon que les côtie formés par la section commune fissent entre eux un angle de 56°, ce que je pouvais exécuter à moins d'un degré près avec un rapporteur; tandis que par le procédé de M. Biot on se trompe aisément de 20 u 3 degrés sur la direction des axes, si fon n'y apporte le plus grand soin.

7. Les rayons pour lesquels e-o est un nombre entier, ou un nombre entier plus un demi, ne varient point d'intensité, quel que soit l'azimut dans lequel on tourne le système des deux lames, ear alors le Nº XVII.

terme  $-\frac{1}{3}$  in  $\hat{A}$  is in  $\hat{a}$  ( $\pi(e-o)$ ) s'évanouit. Mais les rayons pour les quels e-o est un nombre entier sont eeux qui ont le plus d'intensité dans l'image, eouune il est aisé de le voir par l'inspection de la formule, car dans ce cas elle devient égale à  $\hat{a}$ ; et les rayons pour lesquels e-o est un nombre entier plus un denii sont au contraire evalue s'el l'image, puisque cette valeur de e-o substituée dans la formule donne zéro. Ainsi ce sont toujours les mêmes especes de rayons qui dominent dans l'image et qui en sont exclus: par conséquent, les variations de sa teinte doivent être assez légères. Aussi n'éprouve-t-elle que deschangements peu sensibles dans la nature de sa couleur; mais la vivacité de cette couleur varie d'une manière plus prononcée et assez apparente pour qu'on puisse s'en eonvainere en observant le phénomène avec attention.

D'après la formule ces variations portent principalement sur les deux espèces de rayons pour lesquelles a-o est égal à un nombre entier plus un quart, ou moins un quart; car alors dans le terne  $-\frac{1}{4}$  sin  $\hat{\Lambda}(\sin^4(\pi e-o))$  le facteur sin  $\hat{\Lambda}(\pi e-o)$  devient égal à 1. Quand  $\hat{I}$  est égal au quart du quadrant, sin  $\hat{\Lambda}(\pi e-o)$  devient égal à 1. Quand  $\hat{I}$  est égal au quart du quadrant, sin  $\hat{\Lambda}(\pi e-o)$  devient égal à 1. Les avons hétérogènes mélés avec ecux qui dominent dans l'image sont parvenus à leur denzire degré d'affaiblissement. Au contraire, lorsque  $\hat{I}$  est égal aux trois quarts du quadrant, sin  $\hat{\Lambda}(\pi e-o)$  de qui dominent dans l'image qui dominent dans l'image se trouvent alors mélés avec la plus grande quantité possible de rayons hétérogènes. C'est done dans eet azimut que la couleur de l'image est à son minimum d'intensité. L'expérience confirme parfaitement ces conséquences de la théorier perfence confirme parfaitement ces conséquences de la théorier parfait de la couleur de l'image est à son minimum d'intensité. L'expérience confirme parfaitement ces conséquences de la théorier parfait de l'expérience confirme parfaitement ces conséquences de la théorier parfait de l'expérience confirme parfaitement ces conséquences de la théorier parfait de l'expérience confirme parfaitement ces conséquences de la théorier parfait de l'expérience confirme parfait de l'expérience confirme parfait de l'expérience confirme parfait de l'expérience confirme parfait de l'

On peut rendre heaucoup plus sensibles les variations d'intensité des rayons pour besquels e—o est égal à ±±; en employant de la humère homogène, au lieu de lumière blanche, et choissisant précisément cette espèce de rayons, que l'on reconnaît aisément à la propriété de donner des images d'égale intensité, lorsque l'ave d'une des deux lames est parallèle ou perpendiculaire au plan primitif de polari-  $N^{\star}$  XVII sation.

8. Je vais appliquer maintenant la même théorie à quelques-uns des phénomènes les plus singuliers que présentent les couleurs développées dans les laures cristallisées, lorsque la lumière est modifiée par la réflexion complète.

Je m'occuperai d'abord du cas où la lumière polarisée, après avoir traversé une laune mince cristallisée, est ensuite réflechie deux fois dans l'intérieur du verre sous l'incidence qui produit la dépolarisation complète. Je suppose, comme dans mon dernier Mémoire, que l'axe de ce cristal fait un angle de 45° avec le plan de la polarisation primitive et le plan de réflexion. Soit IPI' la projection de ces deux plans



doivent coincider ou être perpendiculaires entre eux; soit OO' l'axe de la lanue cristallisée, et SS' la section principale du rhomboïde de spath calcaire, avec lequel ou observe les conleurs. Le représente par l' l'angle PCS qu'elle fait avec le plan primitif de polarisation. Féatnt l'intensité de la lumière incidente, les deux faisceaux, dans

qui, en conséquence de cette hypothèse,

lesquels elle se divise par l'action de la lame, seront  $\sqrt{\frac{1}{2}} \, F_s$ , et  $\sqrt{\frac{1}{2}} \, F_s$ , o et e représentant toujours les nombres des oudulations ordinaires et extraordinaires exécutées dans ce cristal par l'espèce de rayons que l'on considère. Par l'effet de la double réflexion dans l'intérieur du verre, chacun de ces faisceaux se divise cu deux systèmes d'ondes polarisés l'un parallèlement et l'autre perpendiculairement au plan d'incidence, celui-ci étant en avant d'un quart d'ondulation relativement au premier. Enfin le second rhomboide de spath calcaire divise chacun de ces quatre fisisceaux en deux autres, Le ne considérerai

<sup>(</sup>i) Je suppose ici, comme dans le Mémoire précédent, que la polarisation primispath calcaire.

N° XVII. que ceux qui passent dans l'image ordinaire, l'image extraordinaire étant toujours de la teinte complémentaire. Les quatre faisceaux lumineux, qui concourent à la formation de l'image ordinaire, sont:

$$\frac{1}{2}\cos i F_{e+\frac{1}{4}} = \frac{1}{2}\sin i F_{e} = \frac{1}{2}\cos i F_{e+\frac{1}{4}} = -\frac{1}{2}\sin i F_{e}$$
POPS POTS PF'PS PF'T'S'

Je rapporte ces quatre systèmes d'ondes à deux points communi distants d'un quart d'ondilation, à ceux, par exemple, qui répondent à o et à  $o + \frac{1}{3}$ . Je trouve pour la somme de toutes les composantes rapportées au premier :

$$F_{\frac{1}{2}}^{\frac{1}{2}} \sin i + \frac{1}{2} \cos i \cos \left[ 2\pi \left( e - o + \frac{1}{4} \right) \right] - \frac{1}{2} \sin i \cos \left[ 2\pi \left( e - o \right) \right]_{\frac{1}{2}}^{\frac{1}{2}}$$

$$F_{\frac{1}{2}}^{\frac{1}{2}} \sin i - \frac{1}{2} \cos i \sin [2\pi (e - o)] - \frac{1}{2} \sin i \cos [2\pi (e - o)]$$

et pour celle des composantes rapportées au second :

$$F\left\{\frac{1}{2}\cos i + \frac{1}{2}\cos i\cos \left[2\pi (e - o)\right] - \frac{1}{2}\sin i\cos \left[2\pi (e - o - \frac{1}{6})\right]\right\}$$

$$F\left\{\frac{1}{2}\cos i + \frac{1}{2}\cos i\cos \left[2\pi(e-o)\right] - \frac{1}{2}\sin i\sin \left[2\pi(e-o)\right]\right\}$$

La première de ces expressions équivaut à

$$F\left\{\frac{1}{2}\sin i - \frac{1}{2}\sin\left[i + 2\pi(e - o)\right]\right\}$$

et la seconde à

$$F\left\{\frac{1}{2}\cos i+\frac{1}{2}\cos\left[i+2\pi\left(e-o\right)\right]\right\}$$

ajoutant leurs carrés, on trouve pour celui de la résultante :

$$F^{2}\left\{\frac{1}{4} + \frac{1}{4} - \frac{1}{2}\sin i \sin \left[i + 2\pi (e - o)\right] + \frac{1}{2}\cos i \cos \left[i + 2\pi (e - o)\right]\right\}$$

$$F^{2}\left\{\frac{1}{2}+\frac{1}{2}\cos\left[2i+2\pi(e-o)\right]\right\}$$

Ainsi la résultante est égale à :

$$F\sqrt{\frac{1}{2}+\frac{1}{2}\cos[2i+2\pi(e-o)]}$$

expression générale de l'intensité du rayon dans l'image ordinaire.

9. Lorsque la lumière polarisée, qui a traversé la lame cristallisée, est reçue immédiatement dans le second rhomboïde de spath calcaire, sans avoir été modifiée par la double réflexion, la section principale du second rhomboïde étant paralléle à celle du premier, l'intensité des rayons qui composent l'inuse ordinaire est donnée par la formule :

$$F\sqrt{\frac{1}{2}+\frac{1}{2}\cos[2\pi(e-o)]}$$

Ainsi la teinte de l'image réfléchie est la même que celle de l'image directe lorsque i est égal à zéro.

Quand il est égal à 90°, la première expression devient :

$$F\sqrt{\frac{1}{2}-\frac{1}{2}\cos[2\pi(e-o)]};$$

ce qui nous apprend que l'image réfléchie se colore de la teinte complémentaire.

Lorsque i est égal à 45°, l'intensité des rayons dans l'image réfléchie est représentée par

$$F\sqrt{\frac{1}{2}+\frac{1}{2}\cos\left[2\pi\left(e-o+\frac{1}{4}\right)\right]};$$

c'est la teinte qui résulte d'un changement d'un quart d'ondulation dans l'intervalle  $(\epsilon-o)$  d, ou celle que donne la même lame quand la lumière polarisée a éprouvé les deux réflexions complètes avant de la traverser.

Enfin, si l'on suppose dans la formule i égal à un quart ou à trois quarts de quadrant, on aura

$$F\sqrt{\frac{1}{2}+\frac{1}{2}\cos\left[2\pi\left(e-o+\frac{1}{8}\right)\right]}$$

ou

$$F\sqrt{\frac{1}{2}+\frac{1}{2}\cos\left[2\pi(e-o+\frac{3}{8})\right]}$$
.  
espèces de teintes que développe dans la  
sée modifiée par un nombre impair de réfle

Ce sont les deux espèces de teintes que développe dans la même laure la lumière polarisée modifiée par un nombre impair de réflexions complètes. Tous ces résultats de la théorie s'accordent parfailement avec l'expérience. 504 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - DEUXIÈME SECTION.

N° NVII. 10. Pour faire mieux ressortir les conséquences que l'ou doit tirer de la formule  $F\sqrt{\frac{1}{2}+\frac{1}{2}}\cos{(2i+\pi\pi(e-o))}$ , je vais la comparer à celle qui exprime l'illurestié des rayons de l'image ordinaire, lorsque, toutes les autres parties de l'appareil restant dans la même situation, ou supprime les prismes accouplés, dans lessquels la lumière éporairée, après avoir traversé la lame cristallisée, est reçue immédiatement dans le rhomboïde des path calcairer. Alors l'image ordinaire est formée par

$$\sqrt{\frac{1}{2}}\cos(45^{\circ} - i) F_{\circ} \qquad \sqrt{\frac{1}{2}}\sin(45^{\circ} - i) F_{\circ}$$
P,O,S.
P,E',S.

le concours des deux faisceaux

Pour avoir leur résultante, on peut se servir de la formule générale qui donne immédiatement la résultante de deux systèmes d'ondes lumineuses, et l'on trouve :

$$F\sqrt{\frac{1}{2}+\sin(45^{\circ}-i)\cos(45^{\circ}-i)\cos[2\pi(e-o)]}$$

011

$$F\sqrt{\frac{1}{2}+\frac{1}{2}\cos 2i\cos [2\pi (e-e)]}$$
.

Cette formule fait voir que plus i s'approche de 45°, plus la teinte de l'image s'affaiblit, et qu'enfin lorsque i est égal à 45°, l'image doit être absolument incolore, puisque l'expression générale de l'intensité des rayons devenant alors  $F\sqrt{\frac{1}{2}}$  et étant ainsi indépendante des valeurs particulières de c et de a, ne varie point avec la longueur des vibrations lumineuses.

Dans la formule  $F\sqrt{\frac{1}{2} + \frac{1}{2}\cos\left[2i + 2\pi(e - e)\right]}$  du cas précédent, au contraire, quelle que soit la valeur de i, les variations de e et de e funt toujours passer  $\cos\left[2i + 2\pi(e - e)\right]$  par toutes les valeurs possibles, depuis +1 jusqu'à -1. Par conséquent les intensités des rayons de différentes espèces se trouvent toujours aussi inégales, et la teinte de

l'image, tout en changeant de nature, doit conserver le même degré le vivacité.

Il résulte au contraire de la formule  $F\sqrt{\frac{1}{3} + \frac{1}{2}\cos 2i\cos \left[2\pi(e-o)\right]}$ que, dans le second cas, la rotation du rhomboïde fait varier l'intensité de la couleur sans changer sa nature. En effet, les oudulations de différentes espèces s'exécutent indépendamment les unes des autres, non-seulement à cause de la différence d'origine, mais encore parce que dans leur marche leurs mouvements se contrarient aussi souvent qu'ils s'accordent: les rayons divers qui composent la lumière blanche exerçant donc sur l'organe de la vue des actions distinctes et indépendantes, la sensation de leur mélange n'est, à proprement parler, que le mélange des sensations partielles qu'ils lui font éprouver. Or il est très-naturel de supposer que la force de la sensation est proportionnelle au carré de la vitesse des molécules lumineuses dans leurs oscillations. Ainsi, pour juger de la nature de la teinte, il faut comparer les carrés des intensités des rayons de diverses couleurs, c'est-à-dire, dans le cas dont il s'agit, les différentes valeurs de l'expression qui est sous le radical. Or la seule quantité variable étaut cos 2i cos [2π(e-o)], les variations répondant aux différentes espèces de rayons seront toujours dans le même rapport, quelle que soit la valeur de i, et seulement plus ou moins faibles relativement au terme constant 1. On doit donc en conclure que la teinte ne changera pas de nature, et qu'elle n'éprouvera d'autre altération que celle qui résulte du mélange d'une plus ou moins grande quantité de lumière blanche.

11. Jai dit, dans le Mémoire précédent <sup>10</sup>, qu' on pouvait initer les phémomènes que présentent les plaques de cristal de roche taillées perpendiculairement à l'axe, en plaçant une lame cristallisée parallélé à l'axe entre deux systèmes perpendiculaires de prismes accouplés, et de façon que son axe fit un angle de 45° avec chacun des deux plans de réciois ; qu'alors, non-seulement la rotation d'un dex homboides faisait

<sup>™</sup> Nº XVI, \$ +1, p. 460. hote 9.

#### 506 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. — DEUXIÈME SECTION.

N VIII changer la nature des teintes, mais encore que ces teintes restaient constantes quand on faisait tourner les deux rhombodes dans le même sens et de la même quantité angulaire; mais je nai pas domin la raison de cette loi remarquable. Je terminerai ce supplément par l'application de la théorie des interférences à ce phénomène, que je considérerai dans toute sa généralité.



Soient PP le plan de la polarisation primitive; Rll' le premier plan dans lequel la lumière polarisée éprouve deux réflexions complètes; OO l'axe de la lume cristallisée; Rll', le second plan de réflexion, et SS' la section principale du second rhomboïde. Je représente l'angle PCR par r, l'angle PCR par r, L'angle PCR par r, et l'angle PCR par r, et l'angle PCR par r, et fangle PCR pa

des huit faisceaux snivants :

```
1. P,R,O,R_{i},S. +\cos r\cos (a-r)\cos (r'-a)\cos (r'-i)F_{s+\frac{1}{2}}

2. P,R,O,T_{i},S. +\cos r\cos (a-r)\sin (r'-a)\sin (r'-i)F_{s+\frac{1}{2}}
```

3. 
$$P,R,E',R',S'$$
.  $-\cos r \sin(a-r)\sin(r'-a)\cos(r'-i)F_{r+\frac{1}{2}}$ 

4. 
$$P_rR_rE'_rT_{rr}S_r + \cos r \sin (a-r)\cos (r'-a)\sin (r'-1)F_{r+1}$$

5. 
$$P_rT'_rO'_rR_{j'}S'_r$$
  $-\sin r \sin (a-r)\cos(r'-a)\cos(r'-a)$   $\cos (r'-a)F_{n+\frac{1}{2}}$   
6.  $P_rT'_rO'_rT'_sS'_r$   $-\sin r \sin (a-r)\sin(r'-a)\sin(r'-a)$ 

7. 
$$P, T', E', R', S'$$
.  $-\sin r \sin (a - r) \sin (r - a) \sin (r - a) F_{r+1}$ 

8. P,T',E',T<sub>1</sub>,S. 
$$+\sin r\cos (a-r)\cos (r'-a)\sin (r'-i)$$
F<sub>e</sub>

Ajoutant les expressions dans lesquelles F a la même caractéristique, en observant que \frac{1}{2} \hat{a} la caractéristique équivaut au signe moins, les huit faisceaux se réduisent \hat{a} quatre:

1 et 6. 
$$-[\sin r \sin (a-r) \sin (r'-a) \sin (r'-t) + \cos r \cos (a-r) \cos (r'-a) \cos (r'-t)] F_c$$

2 et 5. 
$$+[-\sin r \sin (a-r)\cos (r'-a)\cos (r'-i)+\cos r \cos (a-r)\sin (r'-a)\sin (r'-i)]F_{a+\frac{1}{2}}$$

3 et 8. 
$$+[\cos r \sin (a-r) \sin (r'-a)\cos (r'-i) + \sin r \cos (a-r) \cos (r'-a) \sin (r'-i)]F_e$$
  
4 et 7.  $+[\cos r \sin (a-r) \cos (r'-a) \sin (r'-i) - \sin r \cos (a-r) \sin (r'-a) \cos (r'-i)]F_{e+1}$ 

Si l'on suppose le second plan de réflexion perpendiculaire au pre- N° XVII. mier,  $r'=r+qo^{\circ}$ , et ces expressions deviennent :

$$\begin{split} &-\frac{1}{2}[\sin r\cos (r-i)-\cos r\sin (r-i)]F_{\sigma}=-\frac{1}{2}\sin i\,F_{\sigma}\,,\\ &+\frac{1}{2}[\sin r\sin (r-i)+\cos r\cos (r-i)]F_{\sigma+\frac{1}{2}}=+\frac{1}{2}\cos i\,F_{\sigma+\frac{1}{2}},\\ &+\frac{1}{2}[-\cos r\sin (r-i)+\sin r\cos (r-i)]F_{\sigma+\frac{1}{2}}=+\frac{1}{2}\sin i\,F_{\sigma}\,,\\ &+\frac{1}{2}[\cos r\cos (r-i)+\sin r\sin (r-i)]F_{\sigma+\frac{1}{2}}=+\frac{1}{2}\cos i\,F_{\sigma+\frac{1}{2}}\,. \end{split}$$

Ainsi, dans ce cas, les intensités des faisceaux constituants de l'image ne sont plus fonction que de l'angle i; par conséquent, i restant constant, la teinte de l'image ne variera point. Si donc on fait tourier le système de la lame cristallisée et des prismes accouplés entre les deux romboides de spath calcaire, ou, ce qui revient au même, si l'on fait varier de la même quantité angulaire les azimuts de leurs sections principales, la couleur de l'image n'éprouvera aucune altération, ni dans sa nature ni dans sa vivacité.

Il est à remarquer que, si l'on change o en et e en o dans les expressions des intensités des faisceaux constituants, on retrouve, précisément avec les mêmes signes, celles du cas où la lumière n'éprouvait qu'une fois la double réflexion complète. Or le calcul nous avait donné pour la valuer de la résultante.

$$F\sqrt{\tfrac{1}{2}\!+\!\tfrac{1}{2}\cos\big[\,2\,i\!+\!2\pi\,(e\!-\!\sigma)\big]}\,\,;$$

dans le cas dont nous nous occupons actuellement, elle sera donc

$$F\sqrt{\frac{1}{2}+\frac{1}{2}\cos\left[2i+2\pi\left(\sigma-e\right)\right]}$$

ou

$$F\sqrt{\frac{1}{2}+\frac{1}{2}\cos\left[2i-2\pi\left(e-\sigma\right)
ight]}$$
.

Ces deux expressions indiquent la même teinte lorsque i est égal à zéro, 90°, 180°, 270°, 360°; et des teintes complémentaires quand il est égal à 45°, 135°, 225°, 315°.

l'ai supposé que le plan suivant lequel la lumière éprouvait pour la

N° XVII. seconde fois la double réflexion complète était perpendiculaire au premier. Supposons maintenant qu'il lui soit parallèle. Alors les expressions générales de l'intensité des faisceaux Inmineux deviendront :

$$\begin{split} & + \frac{1}{2} [\sin r \sin (r - i) - \cos r \cos (r - i)] F_{+} = -\frac{1}{2} \cos (\alpha r - i) F_{+}, \\ & + \frac{1}{2} [-\sin r \cos (r - i) - \cos r \sin (r - i)] F_{++} \frac{1}{2} = -\frac{1}{2} \sin (\alpha r - i) F_{++} \frac{1}{2} \\ & + \frac{1}{2} [-\cos r \cos (r - i) + \sin r \sin (r - i)] F_{+} = -\frac{1}{2} \cos (\alpha r - i) F_{+}, \\ & + \frac{1}{2} [\cos r \sin (r - i) + \sin r \cos (r - i)] F_{++} \frac{1}{2} \sin (\alpha r - i) F_{++} \frac{1}{2} \end{bmatrix} \end{split}$$

D'où il résulte que, dans ce cas, toutes les variations d'azimuts qui ne changent pas 2r-e i ne doivent pas faire varier la leinte de l'image. C'est ce que l'expérience confirme, comme je m'en suis assuré avec un appareil gradué.

J'ai commencé à appliquer aux anneaux rolorés la fornule générale qui donne la résultante de deux systèmes d'ondes, et j'ai déjà calculé la couleur des lames minces pour quelques-uns des cas de la table de Nexton. Mais ce travail est encore trop incomplet pour ponvoir être présenté à l'Acadénie. Je dirai seulement que les résultats que j'ai obtenus jusqu'à présent s'accordent aussi bien avec la table de Nexton que ceux anxquels M. Biot a été conduit par une formule tonte différente.

1 Paris, le 15 janvier 1818.

4. FRESNEL.

Nº XVIII.

## MÉMOIRE

---

# L'ACTION QUE LES RAYONS DE LUMIÈRE POLARISÉE

#### EXERCENT LES UNS SUR LES AUTRES,

PAR MM. ARAGO ET FRESNEL ".

[ Annales de chimie et de physique , t. X , p. 188. — Cahier de mars 1819.]

1. Avant de rapporter les expériences qui font l'objet de ce Mémoire, il ne sera peut-être pas inutile de rappeler quelques-uns des beaux résultats que le docteur Thomas Young avait déjà obtenus en étudiant, avec cette rare sagacité qui le caractérise, l'influence que, dans certaines circonstances, les rayons de lumière exercent les uns sur les autres.

1° Deux rayous de lunière homogène, Gunanant d'une même source, qui parviennent en un certain point de l'espace par deux routes différente et légèrement inégales, s'ajoatent ou se détruisent, forment sur l'écran qui les reçoit un point clair ou obscur, suivant que la différence des routes a telle ou telle valeur <sup>28</sup>.

161 On the Theory of Light and Colours, prop. VIII. (Philosoph, Transact, for 1809, p. 19.)

O Eurrer complètes de François Arago, t. X. p. 132. Ce Mémoire est le résultat de la rodoration de Fressel et d'Arago; mais la manière habituelle d'Arago; différente de celle de Françoi, se recumant seure de ans la rédesirio, (Voir les N° XV (A) et XV (B), XVI et XVII. la note première du N° XV (A), et la lettre à Léonor Fresnel du 16 octobre 1816.)

N XIII. 2º Deux rayons s'ajoutent constamment là où ils ont parcouru des chemins égaux: si l'on trouve qu'ils vajoutent de nouveau quand la différence des deux chemins est égale à une certaine quantité d, its às-jointeront encore pour toutes les différences comprises dans la série 2d, 3d, 4d, etc. Les valeurs intermédiaires 0+½d, d+½d, 2d+½d, etc. infiquent les cas dans lesquels les rayons se neutralisent récipro.

3º La quantité d'n'a pas la mênte valeur pour tous les rayons homogènes : dans l'air, elle est égale à 60 de millimétre relativement aux rayons rouges extrêmes du spectre, et seulement 42 100000 pour les rayons violets. Les valeurs correspondantes aux autres conleurs sont intermédiaires entre celles que nous venous de rapporter.

Les couleurs périodiques des anneaux colorés, des halos, etc. paraissent dépendre de l'influence qu'exercent ainsi l'un sur l'autre des rayons qui, séparés d'abord, viennent ensuite à coîncider de nouveau : tontesois, pour que les lois que nous venous de rapporter satisfassent à ces divers phénomènes, il faut admettre que la différence de route ne détermine seule l'action de deux rayons dans le point de leur eroisement que lorsqu'ils se sont constamment mus, l'un et l'autre, dans les mêmes milieux; et que s'il existe quelque diversité entre les réfringences ou les épaisseurs des coms diaphanes traversés par chaque rayon isolément, elle produit un effet équivalent à une différence de chemin. On a rapporté dans ce journal, tome I, page 199, une expérience directe de M. Arago (a), qui donne les mêmes résultats, et d'où découle encore cette conséquence, qu'un corps diaphane diminue la vitesse de la lumière qui le traverse, dans le rapport du simus d'ineidence au sinus de réfraction; en sorte que, dans tous les phénomènes d'interférence (1), deux milieux différents produiront des effets pareils,

quement.

<sup>&</sup>lt;sup>20</sup> M. Young appelle ainsi tous les phénomères produits par la rencontre de deux on de plusieurs rayons lumineux. \*\*

<sup>&</sup>quot; Voir le Nº VI.

lorsque leurs épaisseurs scront en raison inverse des coefficients (1) de Nº XVIII. la réfraction. Ces considérations conduisent aussi, comme on a pu voir, à une méthode nouvelle pour mesurer de légères différences de réfraugibilité.

2. Pendant les essais que nous faisions, en commun, pour apprécier le degré d'exactitude dont cette méthode est susceptible, l'un de nons (M. Arago) imagina qu'il pourrait être curieux de rechercher si les actions que les rayons ordinaires exercent habituellement l'un sur l'autre ne seraient pas modifiées quand on ne ferait interférer deux faisceaux lumineux qu'après les avoir préalablement polarisés.

On sait que si l'on éclaire un corps étroit par la lumière qui émane d'un point rayonnant, son ombre est bordée extérieurement d'une série de franges formées par l'interférence de la lumière directe et des rayons infléchis dans le voisinage du corps opaque; et qu'une partie de la même lumière, en pénétrant dans l'ombre géométrique par les deux bords opposés du corps, donne naissance à des frances du même genre : or, nous reconnûmes d'abord facilement que ces deux systèmes de franges sont absolument semblables, soit que la lumière incidente n'ait recu aucune modification, ou qu'elle n'arrive sur le corps qu'après avoir été préalablement polarisée. Les rayons polarisés dans un même sens s'influencent donc, en se mêlant, de la même manière que les rayons naturels.

3. Il restait encore à essayer si deux rayons primitivement polarisés en sens contraires ne produiraient pas des phénomènes du même geure, en se croisant dans l'intérieur de l'ombre géométrique d'un corps opaque.

Pour cela, nous plaçâmes tantôt un rhomboïde de spath calcaire, et tantôt un prisme de cristal de roche achromatisé, devant le fover rayonnant (t), et nous obtînmes ainsi deux points lumineux. De chacun

<sup>(1)</sup> Pour abréger, nons désignons par coefficient de la réfraction le rapport du sinus d'incidence à celui de réfraction, Les Anglais appellent ce même rapport index of refraction. Ces dénominations ne doivent pas être confondues avec celle de pouvoir

réfringent, qui n'a un sens précis que dans le système de l'émission.

<sup>(\*)</sup> Pour toutes les expériences que nous avons à rapporter dans ce Mémoire, la lumière partait du foyer d'une petite loupe.

No VVII

d'entre eux émanait un faisceau divergent : ces deux faisceaux étaient polarisés en sens contraires. Un cylindre métallique fut placé ensuite entre les deux points radieux, et correspondait précisément au milieu de l'intervalle qui les séparait. D'après cette disposition, une partie des ravons polarisés du premier faisceau pénétrait par la droite dans l'espace situé derrière le cylindre; et une partie des rayons polarisés en seus contraire du second faisceau y entrait par la gauche. Quelques rayons de ces deux groupes venaient se réunir près de la ligne qui joiquait le centre du cylindre et le milieu de la droite passant par les deux points radieux. Là, ces rayons avaient parcouru des chemins égaux ou légèrement différents : il semble donc qu'ils auraient dù y former des frauges; mais on n'en voyait pas la plus légère trace, même avec une loupe. Les rayons, en un mot, s'étaient croisés sans s'influencer. Les senls systèmes de franges qu'on aperçût dans cette expérience provenaient de l'interférence des rayons qui, en partant de chaque point radieux considéré isolément, pénétraient dans l'ombre par les deux bords opposés du cylindre. Celles que nous cherchions à produire par le croisement des rayons polarisés en sens contraires seraient évidemment venues se placer entre les premières.

Le cristal dont nous nous étions servis séparant très-peu les images, les deux rayons ordinaire et extraordinaire avaient dû le traverser dans des épaisseurs presque égales. Toutefois, nous avions déjà trop souvent remarqué, dans des expériences pareilles, combien la plus petite différence dans les vitesses des rayons, dans la longueur ou la force réfringente des milieux qu'ils traversent, modifie sensiblement les phénomènes d'interférence, pour ne pas être convaineus de la nécessité de répéter notre épreuve en évibant toutes les causes d'incertitude que nous venons de signaler. Chacun de nous en chercha les movens.

<sup>4.</sup> M. Fresnel imagina d'abord pour cela deux méthodes distinctes. Le principe des interférences montre que les rayons émanés de deux foyers lumineux provenant d'une même source, forment, dans les points de leur croisement, des bandes obseures et brillantes, sans qu'il

MÉM, D'ARAGO ET FRESNEL SUR LES RAYONS POLARISÉS. 513

soit nécessaire de faire intervenir dans l'expérience aucun corps opaque [a]. (Vovez Annales de chimie et de physique, tome 1, page 33a.)

Pour résoudre la question, il suffisait donc d'essayer si les deux images formées en plaçant un rhomboïde de spath calcaire devant un point lumineux ne donneraient pas un pareil résultat; mais comme, suivant la théorie de la double réfraction, le rayon extraordinaire se meut, dans le carbonate de chaux, plus vite que le rayon ordinaire, il fallait, avant d'effectuer le croisement des rayons, compenser artificiellement cet excès de vitesse. Pour cela, et en se fondant sur une expérience de M. Arago qui a été insérée dans les Annales, tome 1. page 199 (b), M. Fresnel plaça sur le trajet du seul faisceau extraordinaire, une plaque de verre dont l'épaisseur avait été déterminée par le calcul, de manière qu'en la traversant sons l'incidence perpendiculaire ce faisceau perdit à peu près toute l'avance qu'il avait prise dans le cristal sur le faisceau ordinaire; dès lors, en inclinant légèrement la plaque, on pouvait obtenir, à cet égard, une compensation exacte. Malgré cela, le croisement des deux faisceaux polarisés en seus contraires ne donnait point de bandes.

Dans une autre expérience, pour compenser l'effet de la différence de vitesse des deux rayons, M. Fresnel les faisait tomber l'un et l'autre sur une petite glace non étamée, dont l'épaisseur avait été calculée de manière que le rayon extraordinaire, en se réfléchissant perpendieulairement sur la seconde face, perdit, par son double trajet dans le verre, plus qu'il n'avait gagné en traversant le cristal; un changement graduel d'inclinaison devait conduire ensuite à une compensation parfaite : néanmoins, sous aucune incidence les rayons ordinaires réfléchis à la surface antérieure de la glace ne donnèrent de bandes sensibles en se mèlant aux rayons réfléchis par la seconde surface.

5. M. Fresnel évitait le défaut qu'a l'expérience précédente de reposer sur une considération théorique, et conservait de plus à la lu-

<sup>(\*)</sup> Voir le N. IX.

<sup>►</sup> Voir le Nº VI.

Nº XVIII, mière toute son intensité par le procédé suivant. Ayant fait scier par le milieu un rhomboide de spath calcaire, il plaça les deux fragments l'un devant l'autre, de manière que les sections principales fussent perpendiculaires; dans cette situation, le faisceau ordinaire du premier cristal éprouvait la réfraction extraordinaire dans le second; et réciproquement, le faisceau qui d'abord avait suivi la route extraordinaire se réfractait ensuite ordinairement. En regardant à travers cet appareil, on ne voyait donc qu'une double image du point lumineux: chaque faisceau avait éprouvé successivement les deux espèces de réfractions; les sommes de chemins parcourus par chacun d'eux dans les deux cristaux à la fois devaient donc être égales, puisque, par hypothèse, ces cristaux avaient l'un et l'autre la même épaisseur : tout se trouvait ainsi compensé sous le rapport des vitesses et des routes parcourues; et néaumoins les deux systèmes de rayons polarisés en sens contraires ne donnaient naissance, en interférant, à aucuue frange perceptible. Ajoutons encore que, dans la crainte que les deux fragments du rhomboide n'eussent pas parfaitement la même épaisseur, on avait l'attention, dans chaque épreuve, de faire varier légèrement et avec lenteur l'angle sous lequel les rayons incidents rencontraient le second cristal.

> 6. La méthode que M. Arago avait imaginée, de son côté, pour faire la même expérience, était indépendante de la double réfraction. On sait depuis longtemps que, si l'on pratique dans une feuille mince deux fentes très-fines et peu distantes l'une de l'autre, et que si on les éclaire par la lumière d'un seul point lumineux, il se forme derrière la feuille des franges fort vives résultant de l'action que les rayons de la fente de droite exercent sur les rayons de la fente opposée, dans les points où ils se mèlent. Pour polariser en sens contraires les rayons provenant de ces deux ouvertures, M. Arago avait d'abord songé à se servir d'une agate mince, à la scier par le milieu, et à placer chaque moitié devant l'une des fentes, de manière toutefois que les portions d'abord contigués des agates se trouvassent alors dans des directions rectangulaires. Cette disposition devait évidemment produire l'effet

attendu; mais n'ayant pas eu dans le moment sous la main une agate N° XVIII convenable, M. Arago proposa d'y suppléer à l'aide de deux piles de plaques, et de leur donner la minceur nécessaire à la réussite de l'expérience, en les composant de lames de mica.

A cet effet, nous choisimes quinze de ces lames, les plus pures possibles, et nous les superposames. Ensuite, à l'aide d'un instrument tranchant, cette pile unique fut partagée par le milieu. Il est clair, dès lors, que les deux piles partielles résultant de cette bissection devaient avoir, à fort peu près, la même épaisseur, du moins dans les parties qui d'abord étaient contigues, quand même les lames composantes auraient été sensiblement prismatiques. Ces piles polarisaient presque complétement la lumière qui les traversait, lorsque l'incidence, comptée à partir de la surface, était de trente degrés. C'est précisément sous cette inclinaison que chacune d'elles fut placée devant l'une des fentes de la feuille de cuivre.

Quand les deux plans d'incidence étaient parallèles, quand les deux piles étaient inclinées dans le même sens, de haut en bas, par exemple, on voyait nettement les bandes formées par l'interférence des deux faisceaux polarisés, tout comme lorsqu'on fait agir l'un sur l'autre deux rayons de lumière ordinaire; mais si, en faisant tourner l'une des piles autour du rayon incident, les deux plans d'incidence devenaient rectangulaires; si, la première pile restant toujours inclinée de haut en bas, la seconde l'était, par exemple, de gauche à droite, les deux faisceaux émergents, alors polarisés en sens contraires, ne formaient plus en se rencontrant aucune bande perceptible.

Les précautions que nous avions prises pour donner la même épaisseur aux deux piles font assez présumer qu'en les plaçant devant les fentes nous eûmes l'attention de les faire traverser par la lumière dans les parties qui, avant le partage de la grande pile, étaient contiguës. On a vu d'ailleurs, et cette circonstance tranche toutes les difficultés qu'on pourrait faire à cet égard, que les franges se montraient comme à l'ordinaire quand les rayons étaient polarisés dans le même sens; ajontons néanmoins qu'un changement leut et graduel dans l'inclinaison N° XVIII. d'une des piles ne faisait jamais apparaître des bandes forsque les plans d'incidence étaient rectangulaires.

7. Le jour même oû nous avious essayê le systême des deux piles, nous filmes, d'après l'idée de M. Fresnel, une expérience, à la vérité moins directe que la précédente, mais aussi d'une exécution plus facile, et qui démontre également l'impossibilité de produire des franges par le croissement de rayons lumieux polarisée en seus contraires.

On place devant la plaque de cuivre percée de ses deux fentes une lame peu épaisse de chaux sulfatée, par exemple : puisque ce cristal a la double réfraction, il sort de chaque fente deux faisceaux polarisés en sens contraires : or, si les rayons d'une espèce pouvaient agir sur les rayons de l'espèce opposée, on devrait voir avec cet appareil trois systèmes de franges distincts. Les rayons ordinaires de droite, combinés avec les rayons ordinaires de gauche, donneraient un premier système correspondant tout juste au milieu de l'intervalle compris entre les deux fentes; les bandes formées par l'interférence des deux faisceaux extraordinaires occuperaient la même place que les précédentes, angmenteraient leur intensité, mais ne pourraient pas en être distinguées. Quant à celles qui résulteraient de l'action des rayons ordinaires de droite sur les rayons extraordinaires de gauche et réciproquement, elles se formeraient à droite et à gauche des franges centrales, et d'autant plus loin que la lame employée serait plus épaisse, car nous avons vu qu'une différence de vitesse fait tout aussi bien varier la position des franges qu'une différence de route. Or, puisque les franges du milien sont seules visibles, alors même que la lame interposée est assez mince pour que les deux autres systèmes en dussent être peu éloignés, il faut en conclure que les rayons de noms différents ou polarisés en sens contraires ne s'influencent pas.

8. Pour confirmer encore cette conséquence, supposons qu'on découpe en deux notre lame de sulfate de chaux; qu'une des motifés corresponde à la première fente; que l'autre soit placée devant la fente opposée, et que les axes, an lieu d'être parallèles comme lorsque la lame était unique, soient maiutensnt rectangulaires. Par cette disponition de la lame était unique, soient maiutensnt rectangulaires. Par cette disponition de la lame était unique, soient maiutensnt rectangulaires.

sition, le rayon ordinaire provenant de la fente de droite sera polarisé Nº MIII. dans le même sens que le rayon extraordinaire sortant de la feute de gauche, et réciproquement. Ces rayons formeront dont des franges: mais leurs vitesses dans le cristal n'étant pas égales, elles ne corresnondront pas au centre de l'intervalle compris entre les deux ouvertures; les seuls rayons ordinaires ou extraordinaires d'une des fentes. en se mèlant aux rayons de même nom sortis de la fente opposée. pourraient donner des franges centrales; mais comme, d'après la disposition particulière qu'occupent, par hypothèse, les deux fragments de cristal, ces rayons sont polarisés eu seus contraires, ils ne doivent pas s'influencer. Aussi voit-on uniquement les deux premiers systèmes de franges séparés par un intervalle blanc et d'une nuance uniforme [1].

Si, sans rien changer aux autres dispositions de l'expérience précéilente, on place seulement les deux laines interposées de sulfate de chanx de manière que leurs axes, au lieu d'être rectangulaires, fassent entre eux un angle de 45°, on apercoit tont aussitôt trois systèmes de franges, car chaque faisceau de droite agit dès lors sur les deux faisceaux de gauche et réciproquement, leurs plans de polarisation n'étant plus maintenant rectangulaires. On doit même remarquer que le système du milieu est le plus intense, et résulte de la superposition parfaite des bandes formées par l'interférence des faisceaux de même nom

L'intervalle qui sépare les deux groupes de franges dépend évidemment de la différence qu'il y a entre les vitesses des rayons ordinaires et extraordinaires, ou, ce qui revient au même, entre les nombres d'ondulations qu'effectuent les deux rayons pendant leur trajet dans le cristal. Pour obtenir cette différence, il suffira donc de mesurer avec un micromètre la distance comprise entre les franges du premier ordre, dans les deux systèmes, et de la diviser par le double de la largeur d'une des franges. Connaissant de plus l'épaisseur du cristal employé et son pouvoir réfringent, on aura tont ce qu'il faut pour calculer le rapport des deux vitesses; ce qui conduit ensuite aux autres élémentde la double réfraction, Si l'on effectur ces mesures sur diverses faces naturelles ou artificielles, on pourra suivre la loi d'Iluyghens, même dans des cristaux où la donble réfraction est à peine sensible. Cette méthode toute simple qu'elle est, peut encore être modifiée de manière qu'on n'ait plus besoin de partager le cristal en deux parties. Quelqueessais que noua en avons faits ont parfaitement réussi. Nous nons proposons de les multiplier et de les foire connaître en détait dans one antre occasion.

A. AMIII.

9. Reprenons maintenant l'appareil des piles, et supposons que, les plans d'incidence étant rectangulaires, les faiccus transmis à travers les deux fente soient polarisés en sens opposés; plaçons de plus entre la feuille de cuivre et l'oril un cristal doué de la double réfraction, et dout la section principale fasse un angle de 55° avec les plans d'incidence. D'après les lois connues de la double réfraction, les rayons transuis par les piles se parlageront l'un et l'autre, dans le cristal, en deux rayons de même intensité et polarisés dans deux directions rectangulaires, dont l'une est précisément celle de la section principale. On pourrait donc s'attendre à observer, dans cette expérience, une série de franges produites par l'action du faisceau ordinaire de droite sur le faisceau ordinaire de gauche, et une seconde série toute pareille provenant de l'interférence des deux faisceaus extraordinaires : néanmoins on n'en aperçoit pas la plus légère trace, et les quatre faisceaux, en se croisant, ne donnent qu'une lumière continue fo.

Cette expérience, dont l'idée est due à M. Arago, nous a prouvé que deux rayons qui ont été primitivement polarisés en sens contraires peuvent ensuite être ramenés à un même plan de polarisation, sans réacquérir par là la faculté de s'influencer.

10. Pour que deux rayons polarisés en sens contraires, el ramenés enuite à une polarisation analogue, puissent s'influencer mutuellement, il est nécessaire qu'ils soient primitivement partis d'un même plau de polarisation, comme cela résulte de l'expérience imaginée par M. Fressel, que nous allons rapporter.

On expose, sous l'incidence perpendiculaire, une lame de sulfate de

(9) Si la lame interpooée entre la plaque de curiver et foir diant mine et séparait peu les innages, ou pourrait expliquer l'absence des hondes en supposant que celles qui résultant de l'interférence des finiceaux ordinaires viennent se placer sur les autres, pourrau qui on afutil recore que les bandes beillantes du permier ayaiture correspondent aux bandes devurres du serond et rériponement aux bandes devurres du serond et rériponement.

quement. Mais on prouve que cette hypothèse ne suffit pas à l'explication du phénemiec, en pleçant un risoulable de spath calcaire entre l'oit et le précédent cristal. Le trhomboile, dans certaines positions, devrait s'spacer les deux systèmes de bandes, unique als sont polarisés en sens contraires, et cependant, alors na'une, on n'eu voit pade traces.

chaux parallèle à l'axe et recouverte d'une mince feuille de cuivre N WIII. percée de deux ouvertures, à un faisceau de lumière polarisé partant d'un point radieux : l'axe de la lame fait un angle de 45° avec le plan primitif de polarisation. Comme dans toutes les expériences analogues, on observe l'ombre de la feuille avec une loupe; mais cette fois-ci on place de plus en avant de son foyer un rhomboïde de spath calcaire, doné d'une double réfraction sensible, et dont la section principale fasse, à son tour, avec celle de la lame un angle de 45°. Dès lors on découvre, dans chaque image, trois systèmes de franges : l'un d'entre eux correspond exactement au milieu de l'ombre; les autres systèmes sont à gauche et à droite du premier.

Examinons maintenant comment naissent ces trois systèmes de franges dans une des deux images, dans l'image ordinaire, par exemple.

Les faisceaux polarisés dans le même sens qui passent par les deux fentes se partagent chacun, en traversant la lame de chaux sulfatée, en deux faisceaux polarisés en sens contraires. La double réfraction de la lame étant insensible, les parties ordinaire et extraordinaire de chaque faisceau suivent la même route, mais avec des vitesses différentes.

L'un de ces doubles faisceaux, celui de la fente de droite, par exemple, se partage, en traversant le rhomboïde, en quatre faisceaux, deux ordinaires et deux extraordinaires; mais, en définitive, on n'en voit que deux, puisque les parties composantes des faisceaux de même nom coıncident. Il est d'ailleurs évident, d'après les lois connues de la double réfraction et les positions que nous avons assignées à la lame de chaux sulfatée et au rhomboïde, qu'à sa sortie de ce dernier cristal le faisceau ordinaire se compose de la moitié du rayon qui était ordinaire dans la lame, et de la moitié du rayon extraordinaire; et que les deux autres moitiés de ces mêmes rayons passent à l'image extraordinaire, dont nous sommes convenus de faire abstraction. Le faisceau sorti de la fente de gauche se comporte de la même manière. On voit, en un mot, qu'après avoir traversé les deux cristaux dans ce nouvel V. AVIII

appareil, les faisceaux ordinaires provenant de la fente de droite ou de celle de gauehe se composent, l'un et l'autre, d'une portion de lumière qui a toujours suivi la route ordinaire dans les deux cristaux, et d'une seconde portion qui d'abord était extraordinaire.

Ceux des rayons venant des deux fentes qui, en traversant la lauue de sulfate de chaux et le rhomboide, suivent constamment la route ordinaire, pareourent des chemins égaux avec les mêmes vitesess, et doivent couséquemment, après leur réunion, donner naissance à des frauges centrales. Il en est de même des rayon qui, extraordines dans la lame de chaux sulfatée, sont devenus simultanément ordinaires par l'action du rhomboide : les franges du milieu de l'ombre résultent donc de la superposition de deux systèmes différents.

Quant à la portion de luuière de droite qui, extraordinaire, par evemple, dans la lance de claux suffatée, est devenne ordinaire en traversant le rhomboude, elle aura parcouru un chemin égal à la portion du faisceau de gauche qui s'est toujours réfractée ordinairement; nais comme ces rayons étaient doués, dans la lame, de vitesses un peu inégales, les points où ils forment des franges sensibles en se croisant, au lieu de correspondre au milieu de l'intervalle compris entre les deux fentes, seront à droite, c'est-à-dire du côté opposit au rayon qui, ayant été un moment extraordinaire, se mouvait alors le plus lentement. Vient ensuite, pour dernière combinaison, l'interieure de la partie du faisceau de droite, ordinaire dans les deux rientes aux avon qui, ayant été un moment extraordinaire dans les deux finaire dans la lame et ordinaire dans le rhomboide, et qui donne, par là, naissance à des bandes sittées à gauche du certure.

Nous venons d'expliquer la marche des rayons qui conourent à la formation des trois systèmes de franges dans l'appareil en question; et l'on a pu remarquer que les systèmes de droite et de gauche résultent de l'interférence de rayons d'abord polarisés en sens contraires dans la lame de chaux suflatée, et ramenés ensuite à une polarisation analogue par l'action du rhomboïde. Deux rayons polarisés en sens contraires, et armenés ensuite à un plan unique de polarisation, peuvent

done donner des franges en se croisant; mais pour cela, il est indis- Nº XVIII. pensable qu'ils aient été primitivement polarisés dans le même sens.

Nous avons fait abstraction jusqu'ici de l'action mutuelle des deux faisceaux qui éprouvent, dans le rhomboide, la réfraction extraordinaire. Ces faisceaux fournissent aussi trois systèmes de franges; mais ils sont séparés des premiers. Si, tout restant dans le même état, on substitue maintenant au rhomboïde une lame de sulfate de chaux ou de cristal de roche qui ne donne pas deux images distinctes, les six systèmes, au lieu d'en produire trois par leur superposition, se réduisent à celui du milieu. Ce résultat remarquable démontre, 1° que les franges résultantes de l'interférence des rayons ordinaires sont complémentaires des franges produites par les rayons extraordinaires; et 9° que ces deux systèmes sont mutuellement disposés de manière qu'une frange brillante du premier système correspond à une frange obscure du second, et réciproquement : sans ces deux conditions, on apercevrait autre chose qu'une lumière uniforme et continue sur les deux côtés des franges centrales. On retrouve donc ici la différence d'une demi-ondulation, comme dans le phénomène des anneaux colorés.

Les expériences que nous venons de rapporter conduisent donc en définitive aux conséquences suivantes :

- 1º Dans les mêmes circonstances où deux rayons de lumière ordinaire paraissent mutuellement se détruire, deux rayons polarisés en sens contraires n'exercent l'un sur l'autre aucune action appréciable;
- 2º Les rayons de lumière polarisés dans un seul sens agissent l'un sur l'autre comme les rayons naturels : en sorte que, dans ces deux espèces de lumières, les phénomènes d'interférence sont absolument les mèmes:
- 3º Deux rayons primitivement polarisés en sens contraires peuvent ensuite être ramenés à un même plan de polarisation, sans néanmoins acquérir par là la faculté de s'influencer;
- 4º Deux rayons polarisés en sens contraires, et ramenés ensuite à des polarisations analogues, s'influencent comme les rayons naturels, s'ils proviennent d'un faisceau primitivement polarisé dans un seul sens;

## 522 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. — DEUXIÈME SECTION.

V XVIII.

5º Dans les phénomènes d'interférence produits par des rayons qui ont éprouvé la double réfraction. In place des franges n'est pas déterminée uniquement par la différence des chemins et par celle devitesses; et dans quelques circonstances, que nous avons indiquées, il faut tenir compte, de plus, d'une différence égale à une demi-ondulation.

Toutes ces lois se déduisent, comme on la vu, d'expériences directes. On pourrait y arriver plus simplement encore en partant des phénomènes que présentent les lames cristallisées; mais il faudrait déja admettre que les teintes dont ces lames se colorent quand on les éclaires par un fisicos de lumière polarisée résultent de l'interférence plasieurs systèmes d'ondes. Les démonstrations que nous avons rapportées ont l'avantage d'établir les mêmes lois, indépendamment de toute hypothèse. Nº XIX (A).

### NOTES ET FRAGMENTS

atr

# L'ACTION QUE LES RAYONS POLARISÉS

EXERCENT L'UN SUR L'AUTRE.

ET SUR LA POLARISATION MOBILE (4).

### NOTE

# SUR LA THÉORIE DES COULEURS QUE LA POLARISATION DÉVELOPPE DANS LES LAMES MINGES CRISTALLISÉES.

Fai démontré, par une expérience d'interférence (b), que la lumière était polarisée par les lames minces cristallisées parallèlement et per-

<sup>&</sup>lt;sup>(6)</sup> On a réuni sous le N° XIX divers morceaux détachés, qui n'ont pas tous de date ni de destination certaine.

Les notes A et F se rapportent probablement à la polémique avec M. Biot, qu'on trouvera au N° XXI.

La note B a été trouvée dans les papiers de M. Biot, et lui avait été remise par Fresnel.

Les notes G et D, comprises avec les secondes parties des N° XV et XVIII dans le rapport eachémique du à juin 1891 (N° XXI), paraissent avoir été écrites pour faciliter le travail des commissaires, et telle a été très-certainement la destination du fragment E, car on voit dans un passage le rédactieur parler comme rapporteur.

<sup>(</sup>a) Voyez plus haut, N° XV (B).

NOVIX (A), pendiculairement à la section principale, comme par les cristaux les plus épais. On doit donc abandonner la théorie de la polarisation mobile de M. Biot, contre laquelle d'ailleurs ses propres observations élèvent de fortes objections, notamment l'expérience où il obtient des bandes colorées polarisées dans l'azimut 21 en croisant deux prismes de cristal de roche, qui chacun séparément divisaient cependant la lumière en deux faisceaux distincts polarisés parallèlement et perpendiculairement à leurs sections principales. L'expérience dans laquelle j'ai produit des franges avec deux rhomboïdes de chaux carbonatée démontre d'une manière plus frappante encore que des couleurs polarisées en apparence dans l'azimut 2i peuvent provenir de l'interférence de rayons polarisés parallèlement et perpendiculairement à la section principale; car la superposition des deux rhomboides n'empêche pas ici de distinguer les deux faisceaux, et de s'assurer qu'ils sont polarisés suivant des plans rectangulaires, comme avant cette superposition, et les bandes colorées, qui semblent polarisées dans l'azimut 2i, n'apparaissent que lorsqu'on observe à l'aide d'une loupe les effets de l'interférence des deux faisceaux lumineux.

L'idée fondamentale sur laquelle repose la théorie que j'ai substituée à celle de M. Biot appartient au docteur Young; car il Pavait publiée bien longtemps avant que je m'occupase de ces questions et qu'elle me vint à l'esprit. Elle consiste à considèrer les couleurs produites par les lames cristallisées comme résultant de l'interférence des deux systèmes d'ondes dans lesquels la lumière incidente se divise uvertu de la double réfraction. Les tientes sont alors déterminées par la différence de marche entre les rayons ordinaires et les rayons extraordinaires dans l'épaisseur des lames cristallisées, comme celle des anneaux colorés répondent la didiférence des chemins parcourus par les rayons réfléchis à la première et à la seconde surface de la lame d'air. Ce n'est pas ici une simple analgei et se différences de chemins parcourus répondant à la même teinte sont exactement les mêmes dans les deux cas; et c'est en qu'oi la théroire des ondulations va beau-coup plus loin que celle de l'émission, avec laquelle M. Biot n'a pu

découvrir que la simple proportionnalité entre les épaisseurs des N° XIX (A). lames cristallisées et des lames minces des anneaux colorés qui réfléchissent les mêmes teintes que la polarisation développe dans celles-là. Encore, à proprement parler, n'est-ce pas à la théorie de l'émission, mais à la simple analogie que M. Biot doit sa déconverte.

Pour expliquer les phénomènes de coloration que présentent les lames cristallisées, il ne suffit pas d'y appliquer le principe des interférences, comme l'a fait le docteur Young(a); il faut encore y faire concourir des propriétés remarquables de la lumière polarisée, que nous ayons démontrées par l'expérience M. Arago et moi, mais dont la théorie des ondulations n'a pas encore rendu raison; ce qui n'est pas étonnant, puisqu'elle n'a pas encore fourni de définition mécanique de la singulière modification transversale des ondes lumineuses qui constitue la polarisation.

La théorie de l'émission n'a à cet égard aucun avantage sur celle des ondulations, puisque la polarisation n'est pas mieux expliquée dans ce système que dans l'autre. L'hypothèse de l'émission est bien loin également d'expliquer les nouvelles propriétés que nous avons découvertes dans la lumière polarisée, par exemple pourquoi des rayons polarisés suivant des plans rectangulaires ne s'influencent pas; car elle ne peut pas même expliquer comment cette influence a lieu dans le cas ordinaire.

Les nouveaux principes déduits de l'expérience, qu'il faut joindre à celui des interférences pour rendre compte de la coloration des lames cristallisées, se réduisent à trois, savoir :

1º Des rayons polarisés dans des plans rectangulaires n'exercent plus d'influence les uns sur les autres; c'est-à-dire que dans ce cas la lumière totale est toujours la somme des deux faisceaux interférents. quelle que soit la différence des chemins parcourus.

2º Lorsque deux faisceaux lumineux ont été polarisés à angle droit, il ne suffit pas de les ramener à un plan commun de polarisation pour

<sup>(\*)</sup> Voyez N° XV, \$ 17. note (b).

Nº XIX (4). qu'ils s'influencent; les effets ordinaires de l'interférence n'ont lieu, dans ce cas, qu'autant qu'ils sont partis primitivement d'un même plan de polarisation.

3º L'effet de l'interférence peut alors varier d'une demi-ondulation, sclou les directions respectives du plan primitif de polarisation, des deux plans rectangulaires et du plan commun de polarisation auquel les deux systèmes d'ondes sont ramenés en dernier lieu. Lorsque les plans de polarisation des deux faisceaux lumineux (considérés du même côté de ces faisceaux), après s'être écartés l'un de l'autre, se rapprochent par un mouvement contraire pour se réunir, le résultat de l'interférence est précisément celui qu'indique la différence des chemins parcourus. Il faut au contraire ajouter une demi-ondulation à cette différence, lorsque les deux plans de polarisation continuent à s'écarter l'un de l'autre et ne se dirigent ainsi dans un même plan qu'en se plaçant sur le prolongement l'un de l'autre.

Ces principes, déjà moins nombreux que ceux qui servent de base à la théorie de M. Biot, pourraient paraître au premier abord des hypothèses gratuites, qui compliquent la théorie des ondulations, et en diminuent en conséquence la probabilité, puisqu'on n'a pas encore fait voir comment ils résultent de l'hypothèse fondamentale. Mais, à l'aide du principe de la conservation des forces vives, qui est une conséquence immédiate du système des ondulations, on peut se rendre compte, jusqu'à un certain point, des trois principes que je viens d'énoncer.

Il faut faire voir d'abord que le premier n'est pas en contradiction avec celui des interférences. Il est évident, pour la lumière ordinaire, que, lorsque les deux systèmes d'ondes ont parcouru des chemins égaux, ou qui diffèrent d'un nombre entier d'ondulations, l'accord des mouvements doit avoir lieu dans toute la longueur de chaque onde, tandis qu'il y a au contraire discordance complète lorsque les chemins parcourus diffèrent d'une demi-ondulation; car les mouvements d'oscillation des divers points de l'éther, dans la lumière ordinaire, sont tous dirigés perpendiculairement à l'onde, ou, s'il y a des mouvements obliques, ils ont lieu tout autour de la normale sous la même obliquité N° XIX (A).

et avec le même degré d'énergie dans tous les azimuts. Ce qui caractérise au contraire les vibrations de la lumière polarisée, c'est qu'elles ne s'exécutent pas de la même façon dans tous les azimuts, et que les mouvements obliques dont je viens de parler n'ont pas la même énergie ou la même obliquité tout autour de la normale, on que peutêtre même ils n'ont lieu que dans un seul plan, celui de polarisation. Alors on conçoit que, lorsque les plans de polarisation des deux faisceaux ne coincident pas, il peut se faire que les oscillations des deux systèmes ne s'exécutent pas suivant des directions communes, et qu'alors on ne doit plus faire la somme ou la différence des vitesses pour avoir leurs résultantes. Si les directions de ces vitesses étaient perpendiculaires entre elles, par exemple, le carré de leur résultante serait égal à la somme des carrés des deux composantes, comme si les deux systèmes d'ondes n'exerçaient aucune influence l'un sur l'autre. Mais il n'est pas nécessaire que cette condition soit remplie dans chaque point de l'onde, pour que l'interférence de deux faisceaux polarisés à angle droit ne présente aucun effet apparent; il suffit que la somme des forces vives dans une ondulation entière reste constante lorsqu'on fait varier la différence des chemins parcourus. Cette réflexion bien simple, que je n'ai faite que depuis peu, me donne quelque espoir de trouver l'explication mécanique de la polarisation dans des hypothèses que j'avais rejetées trop légèrement (\*).

Mais je reviens maintenant aux deux systèmes d'ondes polarisés à angle droit, dans lesquels la lumière se divise en traversant un cristal doué de la double réfraction. Il est évident qu'ils ne doivent pas s'in-

<sup>&</sup>lt;sup>50</sup> Il et regrettable qu'on ne connaisse pas la date de cette note, car del fizerait à publi l'Opque de l'Arman d'admittement adapte l'hypothes de valurations transversales. Les passages beaucoup plus explicites que le lecteur unes par remarquer dans diverses moisses de l'Arman de l'arman de l'expension sur X-NI pondant l'impersion par exemple dans la socceon lonc des 45 s'on mot extinement d'une réduction postrierare. On voit que l'étée v'était déjà précentée à l'esprit polerisée; mais que l'arman d'arman d'arman des premières données lons sur les interférences de la lumine privale; mais que, l'ayant jugée insulinistible à la suite d'un examen insuffissent, il l'avait entièrement inde de divide. Els vauers.

N° XIX (4). fluencer mutuellement, parce qu'il en résulterait une extinction complète de la lumière transmise, dans le cas où l'épaisseur du cristal serait telle qu'à as sort le différence des chemins parcourus serait d'une demi-ondulation, et qu'en général la somme des forces vives varierait avec l'épaisseur du cristal, sans que cette variation pût être compensée par la variation correspondante des rayons réfléchies, comme cela e

Il résulte aussi de cette division de la lumière en deux systèmes d'ondes indépendants, que la somme des carrés de leurs vitesses d'occillation est égale au carré de celle de la lumière incidente, abscaction faite de la petite partie de la lumière incidente perdue par la réflexion. C'est encore une conséquence du principe de la conservation des forces vives dont J'ai fait un fréquent usage.

Il résulte également du principe de la conservation des forces vives, que les deux images ordinaire et extraordinaire, que l'on obtient en analysant avec un rhomboide de spath calcaire la lumière polariséqui a traversé une lane cristallisée, doivent être complémentaires l'une de l'autre, c'est-à-dire que, sil y a accord parfit des deux systèmes d'ondes dans l'une, il y a nécessairement discordance complète dans l'autre; car, s'il en était autrement. La "somme des forces vives des

Cas où les plans de polarisation successifs font entre eux des angles de 45°.

lieu pour les anneaux colorés.

a lumière incidente: 
$$\sqrt{\frac{1}{2}}$$
 et  $\sqrt{\frac{3}{2}}$  pour les deux systèmes d'ondes dans la lame cristalisée:  $\sqrt{\frac{1}{2}}\sqrt{\frac{1}{2}}$  et  $\sqrt{\frac{1}{2}}\sqrt{\frac{1}{2}}$  ou  $\frac{1}{2}$  et  $\frac{1}{2}$  pour chaeun des deux faisceoux qui interferent dans l'image cordinaire et l'image extraordinaire d'in rhomboide de spath caleoire.

Dans le cas d'un accord parfeit pour une des images, on aure  $\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$  on 1, qui est égal à la lumière incidente; on doit donc avoir alors zéro, on discordance complète pour l'autre. En général, la différence des chemunparcourus étant 2. l'intensité de viteses d'occillation dans une des images sera  $\sqrt{\frac{1}{4} + \frac{1}{4} + \frac{1}{2}}\cos(3\pi \frac{\pi}{2}) = \sqrt{\frac{1}{2} + \frac{1}{2}}\cos(2\pi \frac{\pi}{2})}$ . Or la quantité dont le carré ajouté à celui de cette expression donnerait  $\tau$ , est  $\sqrt{\frac{1}{4} - \frac{1}{4}}\cos(2\pi \frac{\pi}{2})}$ .

ou 
$$\sqrt{\frac{1}{2} + \frac{1}{2}\cos\left[2\pi\left(\frac{\delta + \frac{1}{2}\lambda}{\lambda}\right)\right]}.$$
If faut done pour la conservation d

Il faut done pour la conservation des forces vives ajouter, dans la seconde image, λ à la différence des chemins parcourus. NOTES ET FRAGMENTS SUR LA LUMIÈRE POLARISÉE. 529

rayons transmis pourrait être nulle. En conséquence, si le mode d'in- Nº XIX (A). terférence dans l'une de ces images répond à la différence des chemins parcourus par les rayons ordinaires et extraordinaires, qui ont traversé la lame cristallisée, il doit répondre dans l'autre image à cette même différence des chemins parcourus augmentée d'une demiondulation.

Maintenant pour laquelle des deux images doit-on ajouter une demiondulation à la différence des chemins parcourus? L'expérience nous apprend que c'est pour l'image dans laquelle les plans de polarisation des deux faisceaux constituants sont venus se placer sur le prolongement l'un de l'autre.

Si les oscillations des molécules éthérées dans les ondes polarisées s'exécutaient perpendiculairement à la normale à l'onde, et seulement daus le plan de polarisation, il serait aisé de concevoir comment ce retournement des plans de polarisation produit une discordance complète entre des rayons qui ont parcouru des chemins égaux, ou, ce qui revient au même, qui diffèrent dans leur marche d'un nombre entier d'ondulations, puisque alors les oscillations transversales auraient lieu en sens contraires. Dans le cas où les plans de polarisation se rapprochent pour se réunir du même côté où ils se sont séparés, il devient évident, d'après la même hypothèse, que l'opposition dans les mouvements transversanx ne peut provenir que d'une différence de chemins parcourus. La même hypothèse expliquerait encore d'une manière très-satisfaisante comment deux faisceaux lumineux polarisés à angle droit ne s'influencent pas, puisque alors leurs mouvements oscillatoires seraient toujours perpendiculaires entre eux.

Mais, abstraction faite de toute hypothèse, il est évident qu'il doit y avoir une différence d'une demi-ondulation entre les interférences qui produisent les deux images, et que c'est l'image dont les plans de polarisation se sont placés sur le prolongement l'un de l'autre qui doit présenter une demi-ondulation en sus de la différence des chemins parcourus, puisque dans l'autre image, où les plans de polarisation se réunissent du même côté où ils s'étaient séparés, il n'y a aucnne raison

١.

Ye MAA). d'opposition de mouvement lorsque les chemins parcourus sont égaux ou ne différent que d'un nombre entier d'ondulations, quels que soient la nature, l'inclinaison et l'azimut des mouvements transversoux qui constituent la polarisation.

> Il résulte de ce qui précède que les deux faisceaux, d'abord polarisés à augle droit et ensuite ramenés à un plan unique de polarisation, ne peuvent pas fuillenere, l'orqu'ils ue sout pas partis primitivent d'un même plan de polarisation, puisque alors les deux images se trouvant dans le même cas par rapport à la marche des plans de polarisation, il n'y a pas de raison de donner la demi-ondulation plutté à l'une qu'à l'autre. Or, d'après le principe de la conservation des forces vives, comme nous venons de le voir, s'il y avait interférence dans l'une, il y aurait nécessairement interférence complémentaire dans l'autre; donc il ne doit pas y avoir d'influence mutuelle entre ces deux systèmes dondes.

Dans les raisonnements que je vieus de faire, j'ài supposé un corps parfiairement transparent: j'ài danties en principe qu'il ne pouvait y avoir dans ces lames cristallisées que division de la lumière, et non pas absorption. Les causes de l'absorption sont encore bien peu connues. Il est probable que ce phénomène consiste dons un changement de longueur des ondulations, en vertu daquel elles cessent d'être lumineuses et deviennent seulement calorifiques. Il est naturel de supposer que, mêne dans ce cas, il y a encore conservation des forces vives, en faisant la somme des forces vives des ondes obseures romme celle des forces vives des ondes lumineuses.

Il résulte des principes sur lesquels j'ai basé la théorie de la coloration des lames cristalisées, que deux systèmes d'ondes polarisés dans des plans recalugulaires doivent présenter toutes les apparences d'un seul système d'onde polarisé dans un plan intermédiaire, lorsque la différence des chemins parcourus est égale à zéro, on  $n\lambda$ , ou  $(n+\frac{1}{2})\lambda$ , a étant un nombre entier, et  $\lambda$  représentant la longueur d'une ondulation. La position de ce plan de polarisation apparent est déterminée

par celle du plan primitif de polarisation : elle se trouve toujours dans N° XIX (A). l'azimut 21, comme il est aisé de le voir par le calcul. C'est sur ce fait

que M. Biot a établi sa théorie.

Je ne disputerai pas sur l'apparence ou la réalité de cette polarisation, puisque, dans la théorie que j'ai adoptée, le système particulier de deux ondes doit présenter toutes les propriétés de la lumière polarisée suivant un seul plan, et qu'ainși probablement l'un est l'équivalent de l'autre. Mais je remarquerai que cette théorie a le grand avantage de rendre compte de cette polarisation apparente ou réelle dans l'azimut 2i, sans supposer que la lumière se comporte dans les lames cristallisées autrement que dans les cristaux épais,

La théorie des interférences fait voir qu'il ne peut y avoir polarisation absolue et unique dans l'azimut 2i ou dans l'azimut zéro, pour une même espèce de rayons, qu'autant que la différence des chemins parcourus est égale à zéro,  $n\lambda$ , ou  $\left(n+\frac{1}{n}\right)\lambda$ . Dans les autres cas, il n'y a que polarisation partielle, et même absence totale de polarisation apparente, quand la différence des chemins parcourus est égale à  $(n+\frac{1}{\lambda})\lambda$ . M. Biot a supposé au contraire, dans sa polarisation mobile, que chaque espèce de molécules lumineuses était entièrement polarisée dans le plan vers lequel la portait sa dernière oscillation, soit qu'elle fût achevée, soit qu'elle ne le fût pas encore au moment où elle sortait du cristal. Ce n'est plus ici une simple différence d'opinion théorique, mais une question de fait sur laquelle l'expérience peut aisément prononcer, en la faisant avec de la lumière homogène.

La théorie de M. Biot paraît bien peu satisfaisante, surtout dans le cas des lames croisées. Il suppose alors, sans faire voir comment cela résulte de son hypothèse fondamentale, que les oscillations des molécules lumineuses dans la seconde lame doivent être soustraites des oscillations qu'elles ont exécutées dans la première, lorsque ces deux lames, possédant une double réfraction de même nature, ont leurs axes à angle droit. Mais, lorsqu'ils font entre eux un angle quelconque, il lui faut encore de nonvelles hypothèses. Il a choisi celle qui

### 2 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. — DEUXIÈME SECTION.

V.N.(A). Iui a paru la plus simple, mais qui n'est pas une conséquence nécessaire de as théorie, comme il me l'a fait observer, l'orque je lui ai dit qu'elle l'avait induit en erreur sur le cas de deux lames d'égale épaisseur dont les axes fout entre eux un angle de 55°. Car le théorème qu'il a énoncé à ce sujet dans son traité de physique est inexact, comme je m'en suis assaré par expérience, après en avoir été averti par le caleul.

Dans ma théoric, au contraire, le cas des lames croisées ne laises rien à Tarbitzine de nouvelles hypothèses. Les calculs y sont toujours fondés sur le principe des interférences et la loi de Malus, comme dans le cas d'une seule lame. Et, en général, quel que soit le nombre des lames et l'arrangement de leurs axes, la théorie ne laises acucune incertitude sur la marche des calculs; ils en sont une conséquence indisnensable et n'eujent augune hypothèse nouvelles.

Ie n'ai pas traité dans mes Mémoires le cas des incidences obliques; nais je m'en suis occupé depuis, et je me suis assuré que la théorie sécordait enore avec la loi observée sans le secours d'hypothèses nouvelles. Mais il est cependant un élément de calcul qu'elle ne peut pas fournir d'elle-mème pour les incidences très-obliques : c'est la quantité de lumière polarisée par les surfaces mêmes des lanes, ut devient notable et ne doit plus être négligée dans les incidences trèsobliques. Il faudrait connaître cette loi de polarisation pour douner aux calculs totte la rigueur d'ésrable.

### Nº XIX (B).

### NOTE

### EXTERITE DU MÉMOIRE

# SUR LES COULEURS QUE LA POLARISATION DÉVELOPPE DANS LES LAMES GRISTALLISÉES PARALLÈLES A L'AXE.

RIPÉRIENCE DE DIFFRICȚION QUI DÉMONTAL QUE LES DEUL STRIBMES D'ONDES. EN LESQUELS SE DIVISE LA LUMBRE EN TRAVEREANT UNE LAME MINCE DE CHAUL SULPATÉE. SORT POLADISÉS L'UN PARALLÈLEMENT, L'AUTRE PERPERDICELAIREMENT À L'ALV.

J'ai détaché avec soin d'un cristal de chaux sulfatée très-limpide une lame ayant à peu près un millimètre d'épaisseur, et je l'ai coupée en deux parties, que j'ai fixées l'une à côté de l'autre en tournant leurs axes dans des directions perpendiculaires. J'ai d'abord fixé ce système de deux lames d'égale épaissenr devant une feuille de cuivre percée de deux fentes parallèles très-étroites, et suffisamment rapprochées l'une de l'autre pour produire des franges, en ayant soin que les deux faisceaux lumineux ne traversassent pas la même lame. J'ai ensuite placé ces lames accouplées devant deux glaces non étamées légèrement inclinées entre elles, en les disposant aussi de manière que les deux faisceaux qui concouraient à la production des franges traversassent, l'un la lame de droite, l'autre la lame de gauche. L'ai obtenu, dans un cas comme dans l'autre, deux systèmes de franges séparés par un intervalle blanc assez considérable. Ils provenaient évidemment de l'action des rayons ordinaires de gauche sur les rayons extraordinaires de droite, et des rayons ordinaires de droite sur les rayons extraordinaires

V° XIX (8). de gauche, qui avaient alors leurs plans de polarisation tournés dans le mème seus.

> D'après la théorie, le système de gauche doit être produit par le concours des rayons qui ont subi la réfraction extraordinaire dans la lame de gauche, et des rayons qui ont été réfractés ordinairement dans la lame de droite, puisque ceux-ci traversent le cristal plus promptement que ceux-là; par conséquent, si les rayons ordinaires et extraordinaires sont polarisés dans les lames minees de la même manière que dans les cristaux qui séparent la lumière en deux faisceaux distincts, les baudes de ganehe doivent se trouver polarisées perpendiculairement à l'axe de la fame de ganche et parallèlement à celui de la lame de droite : tandis que l'autre système de frauges, au contraire, doit être palarisé perpendiculairement à l'axe de droite et parallèlement à celui de gauche. C'est en effet ee que j'ai reconnu en les observant avec un rhomboïde de spath calcaire : l'image ordinaire d'un des systèmes et l'image extraordinaire de l'autre disparaissaient à la fois lorsque la section principale du rhomboide était parallèle à l'axe de la lame située du côté du premier, taudis que les franges correspondantes à la partie des deux fentes de la feuille de cuivre qui n'était pas recouverte par les lames n'éprouvaient, pendant la révolution du rhomboide, que de légères variations d'intensité, qui provenaient de ce qu'une portion de la lumière formant le point lumineux se trouvait polarisée par le miroir extérieur. En compensant cette polarisation partielle par une autre égale et en sens contraire, au moyen d'une ou plusieurs plaques de verre placées obliquement devant le point lumineux, je parvenais aisément à empêcher ces variations d'intensité dans les franges ordinaires; tandis que les franges produites par les rayons qui avaient traversé les lames cristallisées conservaient toujours le caractère d'une polarisation complète.

> En employant ensuite l'appareil des deux glaces non étamées, qui donnait des franges beaucoup plus brillantes que la feuille de cuivre, j'inclinai ces glaces de 35° sur les rayons incidents, et je tournai les lames cristallisées de façon que leurs axes, toujours perpendicu-

laires entre eux, fissent un angle de 45° environ avec le plan de la N° MX (B). polarisation primitive, afin que les deux systèmes de franges fussent d'une égale intensité. J'ai trouvé qu'ils étaient encore polarisés chacun perpendiculairement à l'axe de la lame située du même côté. Or il résulte des principes de la polarisation mobile que, dans ce cas, tonte la lumière qui a traversé les lames devrait être polarisée suivant le plan primitif de polarisation et un autre formant avec celui-ci un angle égal à deux fois 45° ou à 90°, c'est-à-dire dans les azimuts où il fallait placer la section principale du rhomboïde pour que les deux images de chaque système parussent au contraire d'une égale intensité.

Les lames que j'avais employées dans cette expérience n'avant guère qu'un millimètre d'épaisseur, quoique trop épaisses pour donner des couleurs, ne l'étaient pas assez pour produire la polarisation fixe, suivant la théorie de M. Biot. Néanmoins il n'était pas inutile de démontrer encore, par une expérience directe, que les lames assez minces pour que la polarisation puisse y développer des couleurs polarisent aussi la lumière parallèlement et perpendiculairement à l'axe, comme les cristaux les plus épais.

Je me suis servi à cet effet d'une lame que la polarisation colorait fortement, mais qui avait cependant encore assez d'épaisseur pour qu'on pût distiuguer aisément les deux systèmes de franges : je l'ai divisée en deux parties, que j'ai placées chacune devant une des images du point lumineux que réfléchissaient les deux miroirs, en tournant leurs axes dans des directions rectangulaires, et à 45° du plan primitif de polarisation. J'ai observé alors, à l'aide de la loupe, deux systèmes de franges qui empiétaient un peu l'un sur l'autre, et produisaient dans l'espace où ils se superposaient des bandes offrant deux couleurs différentes, qui dépendaient de la distance entre les centres des deux systèmes, ou, ce qui revient au même, de l'épaisseur de la lame. Pour déterminer le plan de polarisation de chaque système, je teuais devant la loupe une pile de glaces que j'inclinais dans tous les sens, de manière à faire passer le plan d'incidence par tous les azimuts. Or j'ai reconnu que pour faire disparaître complétement un des systèmes, il fallait que ce

### 536 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - DEUXIÈME SECTION.

N.M.(B). plan fât parallèle à l'axe de la lame située du même côté, et que par conséquent les franges étaient polarisées perpendiculairement à cet ave, comme dans l'expérience précédente, Quand au contraire le plan d'incidence coincidait avec celui de la polarisation primitive, ou lui clait perpendiculaire, les deux systèmes de franges devenaient d'une égale intensité.

> PRINCIPES ÉTABLIS PAR LES EXPÉRIENCES RAPPORTÉES BANG CE MÉMOIRE ET SER LENGUELS REPORT TOUTE NA TRÉGRIE DE LA COLORATION DES LIMES CRISTALLISÉES.

1° Les ondes lumineuses n'exercent plus aucune influence apparente les unes sur les autres quand elles sont polarisées en sens contraires.

aº Lorsqu'elles ont été une fois polarisées dans des plans rectangulaires, on ne peut rétablir les effets de leur influence mutuelle en les ramenant au même plan de polarisation, qu'autant qu'elles ont été primitivement polarisées dans un même plan.

3º Il résulte des observations de M. Biot sur les lames cristallisées, que deux systèmes d'ondes luminenses partis d'un nême plan de polarisation, polarisée sinsuite en sens contraires et ramenés enfin à un même plan de polarisation, sont séparés par un intervalle exactement règal à la différence des chemins parcourus, lorsque les plans de polarisation des deux faisceans lumineux, après être écartés l'un de l'autre, se rapprochent et se réunissent par un mouvement contraire; tands que cet intervalle est égal à la différence des chemins parcourus plus une demi-ondulation, quand les plans de polarisation continuent à sécarter jusqu'à ce qu'ils se soient placés sur le prolongement l'un de l'autre.

## NOTES ET FRAGMENTS SUR LA LUMIÈRE POLARISÉE. 537

Nº MAZIRO

PORNULES GÉNÉRALES DES INTERNITÉS DES INAGES ORDINAIRE ET EXTRAORDINAIRE DANS LE CAS OÙ LA LEMIÈRE POLARISÉE A TRAVERSÉ EXE SEULE LANE CRISTALLISÉE PARALLÈLE À L'ANY.

PP' plan primitif de polarisation; OO' section principale de la lame



cristallisée; SS' section principale du rhomboïde de spath calcaire, avec lequel ou observe les franges.

L'intensité de la lumière incidente étant prise pour unité.

Intensité de l'image ordinaire :

 $\cos^2 i \cos^2 (i-s) + \sin^2 i \sin^2 (i-s) + \frac{1}{2} \sin 2 i \sin (2 i-2 s) \cos 2 \pi (e-o)$ 

Intensité de l'image extraordinaire :

 $\cos^2 i \sin^2 (i-s) + \sin^2 i \cos^2 (i-s) - \frac{1}{2} \sin 2 i \sin (2 i-2 s) \cos 2 \pi (e-o)$ . Nota, e et o représentent les nombres d'oudulations ordinaires et

extraordinaires dans la lame cristallisée.

Lorsque i = 45°, ces expressions deviennent :

Image ordinaire......  $\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \cos 2s \cos 2\pi (e - o)$ :

Image extraordinaire...  $\frac{1}{2} - \frac{1}{2}\cos 2s \cos 2\pi (e - o)$ .

Nota. J'entends ici par intensité de la lumière celle de la sensation, c'est-à-dire le carré de la vitesse des molécules lumineuses dans leurs oscillations (a).

 $O = \cos^3 \pi (e - a),$  $E = \sin^3 \pi (e - a).$ 

<sup>&</sup>lt;sup>2)</sup> A la suite du manuscrit de Fresnel. M. Biot a écrit quelques lignes de calents (faciles à suppléer par le lecteur) qui ont pour objet d'établir que ses propres formules se confondent avec les précédentes, si l'on pose

Nº XIX (C).

Nº XIX (C).

### VOTE

# SUR L'EXPÉRIENCE DES FRANGES PRODUITES PAR DEUX RHOMBOÏDES DE CHAUX CARBONATÉE ®.

M. Biot étant parvenu à développer les phénomènes de la polarisation mobile par le croisement des plaques dans des morceaux de cristal de roche très-épais, et qui avaient jusqu'à près de à centimètres d'épaisseur (page àso du tonne IV de son Traité de physique expérimentale et authématique), en a conclu que la lumière ne prenaît une polarisation fire qui après avoir traversé des épaisseurs de cristal encore plus considérables, qu'il ne fise point.

Une autre expérience de M. Biot l'a conduit à des conséquences plus extraordinaires encore: cést et de qu'il rapporte page 636, par laquelle il a reproduit aussi les phénomènes de la polarisation mobile, eu croisant deux prisuses de cristal de roche qui, pris séparément, divisient hocaum la lumière en deux faiseaux distincts, polarisés, l'un parallèlement, et l'autre perpendiculairement à la section principale. Pour faire concorder e fait avec le précédent, dans lequel des cristaux cruisés avaient plus d'épaisseur. M. Biot est porté à conclure que les qu'au moment de lurs émergence, par la même cause qui produisai dons leux séparations; et que, dans le système des prismes superposés, l'effet de ce genre, produit que la social des la configure la social des l'un séparation per la sociale sardice du primes, ciai détruit par la première surface de

<sup>(1) [</sup>Vu le 11 juin 1821 10, signé Delange.]

<sup>&</sup>lt;sup>45</sup> Les visus de Delambre n'ont pas pour objet d'indiquer la date de persentation de cette note et de la suivante. Ils établissent soulement d'une manière authentique que la note G et les deux premièrs alinés de la note D not été compris dans le rapport la à l'Apadémie des sciences le à join 18 parties.

### NOTES ET FRAGMENTS SUR LA LUMIÈRE POLARISÉE, 539

second; de sorte que, après cette compensation, les molécules lumineuses se N°XIX (C). trouvaient ne posséder plus que les seules impressions qui leur avaient été communiquées progressivement, dans leur trajet à travers l'épaisseur du premier prisme, comme elles l'auraient été par une même épaisseur de toute autre plaque, indépendamment de l'inclinaison de ses surfaces,

Je ne m'arrêterai pas à faire ressortir tout ce que cette hypothèse a d'improbable, et cette expérience d'embarrassant pour la théorie de la polarisation mobile. Je ferai seulement la remarque générale, qu'il résulte des expériences mêmes de M. Biot que les deux faisceaux lumineux présentent la polarisation fixe parallèle et perpendiculaire à la section principale du cristal, quelle que soit son épaisseur, tontes les fois qu'ils sont distincts et peuvent être observés séparément; et présentent au contraire la polarisation mobile suivant le plan primitif ou l'azimut 2i, après avoir traversé des plaques plus épaisses, s'ils se trouvent réunis de manière à ne donner qu'une seule image des objets. N'est-il pas naturel d'en conclure que c'est cette réunion même qui produit les phénomènes de la polarisation mobile? Sans doute cette conséquence servirait peu à éclairer la chose dans le système de l'émission, où l'influence mutuelle des rayons lumineux est difficile à concevoir; mais elle est toute simple dans celui des ondulations, et c'est précisément l'avantage qu'il présente pour l'explication des phénomènes, dans ce cas comme dans beaucoup d'autres.

Mais, abstraction faite de toute idée théorique, puisque l'action mutuelle des rayons lumineux a été déjà prouvée dans un grand nombre de cas, et que c'est maintenant un des principes de physique les plus incontestables, l'bypothèse la plus simple, la plus conforme à l'analogie, et qui découle le plus naturellement des faits, n'est-elle pas que la lumière divisée en deux faisceaux par l'action des cristaux est toujours polarisée parallèlement et perpendiculairement à la section principale, dans leurs lames les plus minces comme dans les plus épaisses, et que les phénomènes de polarisation mobile résultent de l'interférence de ces deux faisceaux, puisqu'on n'observe jamais ce nouveau genre de polarisation que dans ce cas d'interférence.

ATAIN (C).

Une expérience qui porte la chose jusqu'à l'évidence, c'est, à mon avis, celle où l'on produit les phénomènes de la polarisation mobile, en croisant à angle droit les sections principales de deux rhomhoïdes de spath calcaire d'égale épaisseur; de cette façon l'on n'a à la sortie du second rhomboide que deux faisceaux lumineux polarisés, l'un parallèlement et l'autre perpendiculairement à sa section principale. On ne peut observer les effets de leur influence mutuelle qu'en faisant venir la lumière d'un point unique, et la recevant au sortir des rhomboides sur une loupe placée devant l'œil, comme pour les phénomènes de la diffraction ou l'expérience des deux miroirs; autrement au lien des bandes obscures et brillantes qu'on aperçoit ainsi, et qui paraissent polarisées suivant le plan primitif de polarisation et dans l'azimut 21, on ne verrait que deux images du point lumineux polarisées, l'une parallèlement et l'autre perpendiculairement à la section principale du second rhomboide; parce que, lorsqu'on a la vision distincte des deux images, il n'y a plus au fond de l'œil interférence des deux faisceaux lumineux ; tandis que l'interposition de la loupe reproduit cette interférence sur la rétine, ou, en d'autres termes, et abstraction faite de toute théorie, peint au fond de l'œil l'image aérienne des franges qui se trouvent à son foyer. Car voilà tout ce que peut faire la loupe, et il ne serait pas raisonnable de supposer qu'elle change sensiblement la polarisation des rayons qui la traversent; on sait par expérience que ce n'est que sous des incidences très-obliques que la réfraction produite par le verre polarise la lumière transmise d'une manière sensible, et les astronomes, qui font un usage continuel du télescope, n'ont jamais remarqué que l'oculaire, au travers duquel ils regardent l'image aérienne peinte au foyer de l'objectif, exerçât la moindre action polarisante ou dépolarisante sur les rayons qui le traversent.

Ainsi, puisque d'une part les deux faisceaux lumineux sont polarisés parallèlement et perpendiculsirement à la section principale du rhomboide, tant qu'is ne peuvent être observés séparément, et que, d'un autre côté, la loupe ne peut apporter aucune modification sensible à la polarisation des rayons qui la traversent, il est clair que les

### NOTES ET FRAGMENTS SUR LA LUMIÈRE POLARISÉE. 541

phénomènes de polarisation mobile suivant le plan primitif et l'azimut 21. NIV (G. que son interposition fait apercevir, doivent être uniquement attribuéà l'interférence des deux faisceaux lumineux; puisque, ainsi que nous
l'avons déjà dit, son seul effet doit être de reporter au fond de l'œil ce
qui se passe à son foyer. Cette expérience provue donc, jusqui l'évidence, que les phénomènes de polarisation mobile, comme les appelle
M. Biot, peuvent être produits par la seule interférence des rayons
ordinaires et extraordinaires, en lesquels la lumière se divise daus le
cristal, quoique ces rayons soient polarisés parallèlement et perpendiculairement à la section principale.

Si l'on joint à cette expérience celle où l'on sépare autant que possible daus les lames minces les rayons ordinaires des rayons extraordinaires par le moyen que j'ai indiqué, et de laquelle il résulte que les rayons ordinaires extraordinaires y sont polarisés parallelement et perpendicialirement à l'axe, comme dans les cristant les plus épais, ou doit admettre que, dans tous les cas, les phénomènes dits de polariations mobile résultent de l'interférence des rayons qui ont été réfractés extraordinairement. La concordance numérique que M. Young a remarquée le premier entre les différences des chemins parrourus, port des meneaux colorés et les lames cristallisées, ajoute encore à la chose une grande probabilité.

Institute Gaugle

# Nº XIX (D).

### NOTE

## SUR LA POLARISATION MOBILE (1).

M. Biot, en exposant sa théorie de la polarisation mobile, dit (p. 39) et 39,2 du t. IV des on Traité de physique) que les molécules lumineuses, à leur sortie de la lame cristallisée, soit qu'elles aient achevé ou non leur oscillation vers le plan primitif de polarisation vers l'azimut 21, se comportent toujours dans le rhomboide de spatu calcaire qui sert à analyser la lumière, comme si leurs axes étaient arrivés dans celui de ces deux plans où leur dernière oscillation les conduisait.

En employant de la lumière homogène, il est aisé de voir que la chose ne se passe pas ainsi et que, sous ce rapport, sa théorie est inexacte ou du moins incomplète; car on reconnaîtra promplement que ce n'est que dans des cas très-particuliers que la lumière qui a traversé la lame cristallisée est polarisée suivant un seul plan, celui de la polarisation primitive ou l'azimut 2i; c'est seulement lorsque la diférence des chemins parcourus par les rayons ordinaires et extraordiaires dans la lame cristallisée est égale à un nombre entier, pair ou impair, de demi-ondulations. Quand ce nombre est zéro ou pair, la lumière paraît complétement polarisée dans le plan primitif de polarisation; quand il est impair, elle est polarisée en totalté dans l'azimut 2i<sup>10</sup>, ton qua de la cit impair, elle est polarisée en totalté dans l'azimut 2i<sup>10</sup>.

Mais quand la différence des chemins parcourus est un nombre fractionnaire de demi-ondulations, la polarisation n'est plus complète.

polarisés, l'un parallèlement et l'autre perpendiculairement à la section principale, équivalent en effet, dans leur interférence, à un seul système d'oudes polarisé suivant le plan

<sup>[7] [</sup>Vu le 11 juin 1811, signé DELERSER.]

(2) On peul indifférenment se servir ici des mots est ou parsit dans la théorie des ondes, parce que les deux systèmes d'ondes

Supposons, par exemple, pour fixer les idées, que cette différence des A-XIX (D). chemins parcourus soit un nombre entier impair de quarts d'ondulations, et que le plan primitif de polarisation soit à 45° de la section principale de la lame cristallisée, auguel cas la lumière qui l'a traversée devrait être polarisée entièrement (suivant le principe de M. Biot) dans le plan primitif de polarisation, ou dans l'azimut ai; alors la lumière ne présente plus aucune trace de polarisation, de quelque manière qu'on tourne le rhomboïde; elle paraît complétement dépolarisée (1), ou, en d'autres termes, il semblerait qu'une moitié est polarisée suivent le plan primitif de polarisation et l'autre suivant l'azimut 21; c'est ainsi du moins qu'il faudrait énoncer le fait dans la théorie de M. Biot. Il faudrait dire que toutes les fois que les molécules lumineuses n'ont point entièrement achevé, en sortant de la lame cristallisée. l'oscillation dernière qui portait leurs axes dans le plan primitif de polarisation ou dans l'azimut 21, il arrive en général qu'une partie se trouve polarisée dans le premier plan et l'autre partie dans le second, et que ce partage entre les deux plans est égal pour le cas particulier où les axes des molécules lumineuses se trouvent à égale distance augulaire des deux plans, quel que soit d'ailleurs le seus dans lequel les porte la dernière oscillation, ce qui peut paraître un peu singulier, et surtout peu conforme à ce que dit M. Biot in.

Si, pour concevoir le fait d'une manière mécanique dans la théorie

primitif de polarisation ou l'azimat 21, selon que la différence des chemins parcourus est égale à un nombre pair on à un nombre impair de demi-ondulations. Dire que la lumière est polarisée parallèlement et perpendiculairement à la section principale de la

lame cristallisée, c'est présenter deux forces dont on exprime la résultante le en disant que la lumière est polarisée dans l'azimul 26. (1) Le théorie des interférences m'avait indiqué tous ces résultats avant que je les

ensse vérifiés par l'expérience.

<sup>(</sup>a) Cette note, comprise dans le rapport académique du à juin 1821, étail incomplète, et le texte, visé par Delambre et annexé au procès-verbal de la séance, a arrête sur le premier membre de phrase de l'alinéa suivant. La suite a est retrouvée dans les papiers de Fresnel.

<sup>101</sup> Par suite d'une inadvertance évidente. Fresnel a écrit compounte au lieu de resultante.

N.VIA.(b). de la polarisation mobile, on supposait que les molécules lumineuses douvent être polarisées suivant le plan où se trouvent leurs axes à la sortie de la fame cristallisée (hypothèse qui paraît la plus simple), on ne réussirait pas mieux à représenter le phénomène: car il s'ensait vrait que quand ils se trouvent à égale distance angulaire des deux plans, la lumière doit être polarisée dans un plan intermédiaire, tandis qu'elle ne présente aucune apparence de polarisation quelconque.

Le dois dire ici que M. Biot. à qui j'ai représenté depuis longtemps qu'il fillait supposer que dans la plupart des cas la lumière, en sortant de la lame cristallisée, se partageait entre le plan de la polarisation primitive et l'azimut 21, m'a répondu que cette manière d'envisager la chose n'était pas contraire à ess idées. Le frein observer cependa que, si l'on s'en rapportait au sens littéral du texte de son ouvrage, on revirait qu'il a dit précisément le contraire, et qu'en supposant mèma qu'il à sous-entendu ce que j'ens d'exposer, il est assex demanqu'il à pas donné plus de développement à une partie aussi essentielle de la théorie de la polarisation mobile, et sur laquelle son silence pouvait induire en des erreurs si graves, surtout lorsqu'on voit avec quel détail et quelle clarté il a sinvi cette même théorie dans touteses concéquences et ses vérifications expérimentales. Nº XIX (E).

### NOTE

#### SUR LES INTERFÉRENCES DES BAYONS POLARISÉS.

PRACHEST SANS TITRE SI DATE (9).

L'expérience des deux rhomboïdes montre à découvert ce qui se passe dans la coloration des lames cristallisées par la lumière polarisée. Le système des deux rhomboïdes croisés à angle drois présente, dans les franges colorées qu'il produit, toutes les teintes que la lumièrpolarisée peut développer dans une lame cristallisée parallèle à l'axe, dont on fersit vairei graduellement l'épaisseur.

Il n'y a qu'une seule direction suivant laquelle la compensation des différences de marche entre les rayons ordinaire et extraordinaire, qui unt traversé les deux rhomboiles, aît exactement lieu; et cette direction est celle qui répond au milieu de la bande centrale. De part et d'autre de ce point la différence de marche entre les deux faiseaux lumineux croît graduellement et fait descendre les teintes dans l'ordre de l'échelle de Newton, en présentant successivement toutes les mannes des anneaux colorés, et enfin le blanc qui les termine.

Pour déduire des conséquences plus évidentes de cette expérience, il faut simplifier les circonstances du phénomène, en la faisant dans la lumière homogène. Alors, au lieu de franges colorées d'une série de

<sup>&</sup>lt;sup>10</sup> Diprès un passage qui sera signale plus loin, à paraît certain que cette note a sû être régileçe per Frenca lib-même pour l'est insérée textendement dans le raport d'Argo. Une annotation entographe ainsi conçue, » se para antre cerà û fa fa de la faille 2, » qui se trouve ou marge du marseril, cui forusella de cette conjetter. Il est probable qu'êt rapos sur renome à faire marge de la note de Frencel pour citier les contestations qu'avraient succifées aux ducte quelques parres thécriques qu'ête renferenc [E. Vasart.]

N Mx (§). nuances diverses, on a simplement une suite de bandes alternativement brillantes et obseures, dans les images ordinaire et atraordinaire.

Quand on fait l'expérience avec la lumière blanche, on observe que
la teinte d'un point quelconque du groupe de franges, daus l'image
extraordinaire, est complémentaire de celle que présente le mème
point dans l'image ordinaire : avec la lumière homogène, on remarque
que les bandes obseures d'une des deux images répondent exactement
aux hondes brillantes de l'autre, et qu'en général un point quelconque
présente toujours dans l'image extraordinaire, en intensité de lumière.
le complément de celle qu'il a dans l'image ordinaire. C'est analogue à
ce qu'on voit dans les anneaux colorés, où la lumière transmise est
complémentaire en chaque point de la lumière réfédétie o'.

Considérons, pour fiser les idées, le milieu de la bande centrale, qui est un maximum de lumière dans l'image ordinaire, et qui présente un contraire un noir parfait, c'est-à-dire fabsacce totale de lumière dans l'image extraordinaire. La différence de marche entre les deux faisceans qui s'y réunissent est nulle pour une des images comme pour fautre. Or nosa avons trouvé par expérience pour règle générale de l'influence unituelle de deux faisceaux lumineux, dans les cas ordinaires de l'interférence, que leur réunion produisait le plus de lumière possible forsque la différence des chemis parcourus était nulle ou égale à une certaine longueur d, qu'on pourrait appeler période d'interférence, ou la c'est-à-dire deux fois la même période, ou à d'al, dd, 5 d, et. c'est-à-dire deux fois la même période, ou à d'al, dd, 5 d, et. c'est-à-dire que fois la même période, ou à d'al, dd, 5 d, et. c'est-à-dire que fois la même période, ou à d'al, dd, 5 d, et. c'est-à-dire que fois la même période, ou à des d'al, dd, 5 d, et. c'est-à-dire que fois la même période, ou à de fois la même periode, ou à de fois la même période, ou à de fois la même période, ou à de fois la même période, ou à en général à un nombre entire de pé-

<sup>(2)</sup> M. Young a fait voir, et les formules de M. Poisson, qui s'accordent avec les siennes (<sup>(2)</sup>), achèvent de prouver que c'ost une conséquence nécessaire et théorique de la réflexion des ondes à la surface commune de deux milieux élastiques de densités différentes. On pouvait d'ailleurs le conclure du principe de la conservation des forces vives. qui s'applique à tous les cas des vibrations des milieux élastiques.

<sup>10</sup> Il s'agit des formules d'omnirées par Peisson dans le quatrième paragraphe du Mésosire sur la succession des flaits elatiques dans les topaux eplindeques et sur la blorue des instruments à cest, qui fait partie du tonne Il des Mésosires de l'Acadeime des sciences. Peisson entité uniquement le ces de l'insidence normule, et sassimir la propagation et la réflexion de la lumière à la propagation et à la réflexion de la founde de finé destinations de la finé destination de la finé destination de la finé de finé de state de finé desse. Il E. Yasser, I.

#### NOTES ET FRAGMENTS SUR LA LUMIÈRE POLARISÉE, 547

riodes. Nous avons vu, au contraire, que les deux faisceaux se détrui- Nº XIA (E). saient mutuellement (je les suppose de même intensité) lorsque la différence des chemins parcourus était \( \frac{1}{2} d, \frac{3}{2} d, \frac{5}{2} d, \text{ etc. c'est-à-dire un} \) nombre impair de demi-périodes, ou, en d'autres termes, un nombre entier, plus une demi-période. Ou voit donc que la position des bandes brillantes et obscures est dans l'image ordinaire parfaitement conforme à cette règle d'interférence, et dans l'image extraordinaire entièrement inverse, puisque le milieu de la bande centrale, qui répond à une différence zéro entre les chemins parcourus, est un maximum de lumière dans l'image ordinaire et un minimum dans l'image extraordinaire, Ainsi pour déterminer les intensités de lumière homogène, ou la teinte produite par la lumière blanche, dans l'image ordinaire, il faut appliquer à la différence des chemins parcourus la règle ordinaire d'interférence, dont nous venons de parler, et pour l'image extraordinaire, il en faut prendre le contre-pied, ou, ce qui revient au même, changer d'une demi-période la différence des chemins parcourus et suivre la règle ordinaire.

Nous avons supposé jusqu'à présent que la section principale du rhomboide, ou du prisme achromatisé dont on se sert pour analyser la lumière qui sort des rhomboïdes croisés, était parallèle au plan primitif de polarisation. S'il lui était perpendiculaire au contraire, ce que nous venons de dire de l'image ordinaire s'appliquerait à l'image extraordinaire, et réciproquement; ainsi ce n'est point la nature de la réfraction éprouvée par chaque image dans le prisme achromatisé qui détermine la position des bandes obscures et brillantes conformément à la règle ordinaire d'interférence, ou dans un ordre inverse, mais seulement la direction du plan de polarisation de cette image par rapport au plan de la polarisation primitive: Lors donc que nous nous servirous de l'expression image ordinaire, nous entendrons celle qui est polarisée parallèlement au plan primitif de polarisation, et par image extraordinaire, celle qui est polarisée, au contraire, suivant un plan perpeudiculaire, quelle que soit d'ailleurs l'espèce de réfraction que chacune a éprouvée.

## 548 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - DEUXIÈME SECTION.

Nº XIX (E).

Si l'on a bien présente à la pensée la disposition de l'appareil, on voit que le faisceau primitif s'est décomposé, par le passage au travers des rhomboides accouplés, en deux autres faisceaux d'égale intensité, dont les plans de polarisation se sont écartés de 45° à droite et à gauche du plan primitif de polarisation; qu'ils ont ensuite été divisés chacun en deux parties égales par l'action du prisme achromatisé, dont la section principale est dans le plan primitif de polarisation : une moitié du premier et une moitié du second réunies dans l'image ordinaire se trouvent définitivement polarisées suivant ce plan, et les deux autres moitiés, qui composent l'image extraordinaire, le sont dans un plan perpendiculaire. Or, si l'on suit par la pensée les changements successifs des plans de polarisation de ces quatre parties du faisceau primitif, en considérant ces plans d'un seul côté du faisceau, on voit que les deux quarts qui composent l'image ordinaire, d'abord polarisés avec tout le faisceau incident suivant le plan primitif, avant leur introduction dans les rhomboides, ont éprouvé dans leur plan de polarisation un changement azimutal qui les a fait tourner de 45°, l'un à droite et l'autre à gauche du plan primitif de polarisation, et qu'après s'être ainsi écartés l'un de l'autre de qo°, ils se sont rapprochés et réunis dans le plan de polarisation de l'image ordinaire. Au contraire les plans de polarisation des deux faisceaux qui composent l'image extraordinaire, après avoir suivi d'abord la même marche que les premiers, ont continué à s'écarter jusqu'à se placer sur le prolongement l'un de l'autre dans le plan de polarisation de l'image extraordinaire. Or c'est précisément pour cette image qu'il faut ajouter nne demi-période d'interférence à la différence des chemins parcourus.

La règle euvisagée sous ce point de vue s'applique à toutes les positions azimutales possibles des plans de polarisation des deux rhomboides croisés à angle droit et de la section principale du prisme achromatisé par rapport au plan primitif de polarisation, et l'on peut dire, en général, que l'image dont la teine régond précisément à la diférence des chemins parcourus est celle dans laquelle les plans de polarisation des deux faireseux constituents se requiseant ets réunissent du môme côté

de leur axe commun, après s'être d'abord écartés l'un de l'autre; tandis que Nº XIX (E). dans l'image complémentaire, pour laquelle il faut ajouter une demi-période à la différence des chemins parcourus, c'est-à-dire changer le signe de l'interférence, les plans de polarisation des deux faisceaux constituants continuent à s'écarter pour se placer sur le prolongement l'un de l'autre, Ainsi les choses se passent absolument comme si les effets produits résultaient de la combinaison de mouvements perpendiculaires aux rayons, dirigés suivant les plans de polarisation; car, s'ajoutant dans le premier cas. ils se retrancherajent, au contraire, l'un de l'autre dans le second, où ils se trouveraieut tournés en sens contraires. Cette réflexion a conduit M. Fresnel à des vues théoriques qu'il nous a communiquées depuis peu, au moyen desquelles il donne une définition mécanique de la polarisation de la lumière et explique d'une manière très-simple cette différence d'une demi-période, ou cette opposition de signe dans les deux sortes d'interférence qui constituent chaque image, ainsi que les autres lois de l'interférence des rayons polarisés que nous ayons découvertes ensemble, et dont il a été question au commencement de ce rapport (\*).

Mais nous étant prescrit d'écarter toute idée hypothétique, nous ne présentons et n'envisageons ici cette différence d'une demi-période dans les-deux sortes d'interférence que comme une vérité de fait démontrée par l'expérience. Elle doit paraître d'autant moins surprenante que déjà d'autres phénomènes d'optique, comme les anneaux colorés. par exemple, offrent ce renversement d'interférence. Ainsi pour calculer l'effet résultant de l'influence mutuelle des rayons réfléchis à la première et à la seconde surface de la lame d'air, en dedans et en dehors du verre, il faut aussi ajouter une demi-période à la différence des chemins parcourus.

Cette opposition entre les effets des interférences qui produisent les deux images explique comment la lumière ordinaire ne peut pas donner des franges comme la lumière polarisée, quoique dans un cas

<sup>(\*)</sup> C'est à ce passage que fait allusion la note de l'éditeur, p. 545, [E. Verger,]

Nº XIX (E). comme dans l'autre les deux faisceaux constituants de chaque image soient ramenés définitivement à un plan commun de polarisation, ce qui doit suffire pour permettre la réaction de ces deux faisceaux l'un sur l'autre. La raison en est toute simple: cette réaction a bien lieu; mais la lumière directe, qu'on peut considérer comme composée d'une multitude de rayons polarisés dans tous les azimuts, produit à la fois des effets contraires qui s'effacent mutuellement. En effet, si un rayon polarisé suivant un plan quelconque forme une bande brillante dans un des points d'une des images, il résulte de la règle générale que nous venons d'énoncer, que le rayon polarisé suivant un plan perpendiculaire produira une bande obscure au même point de la même image, et masquera ainsi l'effet du premier; en sorte que la réunion des effets complémentaires doit effacer les bandes obscures et brillantes des deux images observées dans la lumière homogène, et leurs franges colorées lorsqu'on emploie la lumière blanche. On voit donc que la nécessité de donner une polarisation préalable à la lumière incidente, pour développer les franges, tient à la même cause que l'opposition des teintes des deux images, et qu'en définitive on peut conclure de la règle que nons venons d'énoncer, la condition de la polarisation préalable pour que des rayons polarisés à angle droit, et ramenés ensuite à un plan commun de polarisation, produisent des effets visibles nar leur interférence.

> Tout ce que nous venons de dire sur les deux rhomboïdes accomplés s'applique aux lames cristallisées d'une épaisseur quelconque, etc...

Nº XIX (F).

### NOTE

...

#### L'APPLICATION DU PRINCIPE DES INTERFÉRENCES

A L'EXPLICATION DES COULEURS DES LAMES CRISTALLISÉES.

Dès que je m'occupai de la coloration des lames minces cristallisées. je pensai qu'elle devait provenir de l'interférence des deux systèmes d'ondes dans lesquels la lumière se divise en traversant un cristal, et comme l'intervalle qui les sépare ne tient qu'à la différence de vitesse entre les rayons ordinaires et extraordinaires, qui est en général assez petite, j'y voyais la raison pour laquelle ces lames cristallisées étaient beaucoup plus épaisses que les lames d'air qui réfléchissent les mêmes teintes dans les anneaux colorés. Ayant vérifié cette hypothèse par le calcul sur les mesures de M. Biot, je la trouvai exacte et la communiquai à M. Arago, qui, après y avoir un peu songé, me dit qu'il croyait que M. Young avait déjà publié une observation semblable dans une note, qu'il me montra quelques jours après et eut la complaisance de me traduire (a). M. Arago ne m'avait jamais parlé auparavant de cette note de M. Young, qui ne paraissait pas avoir fixé son attention, et qu'il n'avait pent-être pas même bien comprise; ce qui n'aurait rien d'étonnant, puisque M. Biot m'a dit n'y avoir pas compris un seul mot, et qu'il y a même une partie de la note qui nous paraît encore inintelligible à tous trois par la manière obscure dont elle est ré-

<sup>30</sup> Vayez N° XV (A), \$ 17. seconde note de l'éditeur.

N-MK(r), digée. Il n'y avait, je erojs, à Paris que MM, Biot et Arago qui possédassent cette note; et comme alors je n'avais pas encore fait la comaissance de M. Biot, il doit être bien clair pour M. Arago que j'ai fait de mon côté la même observation que M. Young, sans avoir aueune connaissance de la note qu'il avait publiés sur ce sujet.

> <sup>66</sup> Je ne dis point ecei pour réclamer une part à l'honneur de cette déconverte : il appartient tout à M. Young. Mais j'ai rappelé que la même idée m'était venue sur-le-champ lorsque je cherchai la cause de la coloration des lames cristallisées, pour faire voir combien la théorie des ordulations rendait extet découverte facile.

En me demandant ensuite pourquoi l'interférence des deux systèmes d'ondes ordinaires et extraordinaires ne donnait pas immédiatement des couleurs, comme l'interférence des rayons réfléchis à la première et à la seconde surface de la lame d'air dans les anneaux colorés, je pensai que cela tenait à ce que les rayons ordinaires et extraordinaires étaient polarisés suivant des plans rectangulaires, et je communiquai à M. Arago cette conséquence naturelle des faits déjà connus, que nous mimes ensuite hors de doute par des expériences de diffraction, mais qui avait déjà une grande probabilité, puisque pour la révoquer en doute il aurait fallu supposer, ou que les rayons n'étaient pas polarisés parallèlement et perpendiculairement à la section principale dans les lames minees cristallisées, ou que c'était une autre modification imprimée par le cristal qui s'opposait à la production des conleurs. A la rigueur ees deux hypothèses pouvaient être admises, puisque M. Biot a bien adopté la première, quoique contraire à l'analogie, parce qu'elle est une conséquence de sa théorie de la polarisation mobile. Ainsi je dois convenir que l'induction dont je viens de parler ne pouvait se passer d'une démonstration directe.

 $<sup>^{(</sup>a)}$ Reproduit presque textuellement dans une note de la Note sur les Remarques de M. Biot [ N\* XXI ( G ) ].

#### Nº XX

### BAPPORT

FAIT A L'ACADÉMIE DES SCIENCES, LE LUNDI 4 JUIN 1821.

#### 55.0

# UN MÉMOIRE DE M. FRESNEL.

RELATIF AUX COFLEGES DES LAMES CRISTALLISÉES DOUÉES DE LA BOUBLE RÉFRACTION (1) (4).

Commissaires : MM. Anring at Ango, Repporteur.

| Annales de chimie et de physique, t. XVII., p. 80. - Cahier de mai 1821 18. |

M. Fresnel s'est proposé, dans le Mémoire dont l'Académie nous a chargés de lui rendre compte, M. Ampère et moi (M. Arago), premièrement, de

'Quoique ce rapport ait été lu devant 'Quoique ce rapport ait été lu devant ce n'est qu'à la sénce saivante du 11 sq., ce n'est qu'à la sénce saivante du 11 sq., cette assemblée a statué sur les conclusions qui le terminent, et auxquelles, dens l'intervalle, nous avions fait. M. Ampère et moi, de légères modifications. l'ai écouté avec la plus scrupuleure attention la réplique que M. Biot a lue le 11 juin; mois j'avoue avec franchise qu'elle ne m's paru détruire aucune des prevers que nous svions dounées de l'insuffisance de la théorie de la polarisation mobile: j'attendrai, au reste, pour 
cetrer à ce sujet dans une discussion détaillée, que M. Biot sit publié son nouvean Memoire. (A.)

<sup>10</sup> Œuvres complètes de François Arago, t. X. p. 40 s. Cette pièce et celles qu'on a réunies sous le n' XXI n'out guère aujourd'hui qu'un intérêt historique. Le travail soumis par Fresnel à l'Académie et ses doctrines scientifiques ne tensient peut-être pas la première place dans la polémique qu'elles out soulevée, (Lettre à L'Fresnel du 13 juin 1891.)

L'Académie a voulu du reste demeurer étrangère à des débats trop personnels, car elle n'e laissé subsister au procès-verbal de la séance du 11 juin 1821, ni le rapport d'Arago, ni les remarques de M. Biot.

Ces pièces sont remplacées par une simple mention écrite sur une feuille volante par M. Delambre, secrétaire prepétuel. Elle est ainsi conque : «11 juin 18» 1. M. Arago fera de son rapport l'usage qui lui plaire et eu usera comme de sa chose. Le Mémoire de M. Fresnnel. — Mémoires des sevants d'ernagers. M. Bioù pourra faire imprimer se réplique. «

Publié sans doute quelque temps après le 4 juin.

prouver que l'ingénieuse théorie de la polarimitim mobile, d'après laquelle M. Biot explique le mode de formation des vives couleurs qu'acquièrent les lums cristallisées lorsqu'après les avoir exposées à un faisceau polarisé on analves la lumière émergente avec un rhomboile de spath-calcaire, est, sur beaucoup de points, insuffisante on macacte; deuxièmement, demontre que tous ces phéronières de coloration qui, depuis quelques années, out taut occup les physiciens de France, d'Angleurere et d'Allemagne, sont des conséquences nécessires de l'action mottrelle des deux faisceaux en Jesquels la lumière se divise quand elle traverse la lame cristallisée.

Les effets de ce genre particulier d'action que deux ravons lumineux escrent Inn sur l'autre et qu'on désigne par le mot d'interférence, ayant jusqu'ici trèspen fivé l'attention des observatours, il nous a semblé qu'il serait convenable de faire précéder l'analyse du Mémoire de M. Fresuel de l'énoncé de toutes les lois expérimentales relatives aux interférences, dont nous aurons l'occasion de nous serrir.

2. Deux rayous de lumière homogène, émanant d'une même source, qui parviennent en un certain point de l'espace par deux routes différentes et légi-rement inégales, s'ajoutent ou se détruisent, forment sur l'écran qui les reçoit un point clair on obseur, suivant que la différence des routes a telle ou telle-autre valeur.

Deux ratons s'ajoutent là où ils out parcouru des chemins égaux si l'on troure qu'ils s'ajoutent de nouveau quanud la différence des deux chemins est égale à une certaine quantité d, ils s'ajouteront encore pour toutes les différences comprises dans la série ad, 3d, bd, etc. Les valeurs internédiaires  $o+\frac{1}{2}d$ ,  $d+\frac{1}{2}d$ ,  $ad+\frac{1}{2}d$ , etc. indiquent les cas dans lesquels des rayons se neutralisent réciproquement.

La quantité d'u'a pas la même valeur pour tous les rayons homogènes dans Fair, elle est égale à açui, de milibrêre relativement aux rayons rouges extrêmes du spectre, et seulement qui pour les rayons violets. Les valeurs correspondantes aux autres conleurs sont intermédiaires entre celles que nous venons de rapporter.

3. La différence de route ne détermine seule l'espèce d'action que deux rayons exercent l'un sur l'autre dans le point de leur croisement, qu'alors qu'ils es sont unus constamment, tous les deux, dans le même milieu. S'il eviste quelque diversité entre les réfringences on les épaisseurs des corps diaphanes RAPPORT D'ARAGO SUR LES COULEURS DES LAMES CRIST. 555

traversés par chaque rayon, elle produit un effet égal à une différence de rhemin.

Dans tous les phénomènes d'interférence, deux milieux différents produisent des effets pareils lorsqu'ils ont des épaisseurs en raison inverse des coefficients de leurs réfractions: nous appelons de ce nom de coefficient, comme le fout

les physiriens anglais, le rapport du sinsa d'incidenre à relui de réfrartion.
Une polarisation préalable des rayons modifie, à plusieurs égards, les lois
précédentes des interférenres. Voiri les résultats que MM. Fresnel et Arago on
bienuns dans un travail qu'ils avaient entrepris en commun, et qui a été ou-

blié dans les Annales de Chiunie et de Physique. Deux rayons de lumière polarisés dans un même sens agissent l'un sur l'autr-

comme des rayons naturels.

Dans les inêmes rirconstances où deux rayons de lumière ordinaire paraissent mutuellement se détruire, deux rayons polarisés à angles droits ou en seus
contraires n'eserrent l'un sur l'autre aucune action appréciable.

Deux rayons primitirement polarisés en seus contraires peuvent ensuite être ramenés à un même plan de polarisation, sans néanmons acquérir par là la faculté de s'influencer.

Deux rayons polarisés en seus rontraires, et ramenés ensuite à des polarisations analogues, s'influencent comme des rayons naturels, s'ils proviennent d'un faisceau primitivement polarisé dans un seul sens.

 Orcupons-nous maintenant, après avoir énoucé ces lois, de l'analyse du Méunoire que l'Académie a renvoyé à notre examen.

Pour expliquer les phénomènes de roloration que produisent les launes cristullisées lorsqu'on les érlaire par des rayons polarisés, M. Biot suppose que cre launes n'agissent pas sur la lumière comme des rristans épais; voici quels sont, suivant lui, les prinripes fondamentaux du genre d'artion partirulier aux launes : ces principes forment la base de re qu'il a appelé la thérire de la polariation mobile.

a Lorsqu'un rayon de lumière simple, polarisé suivant une direction fixe, traverse perpendirulairement une lame cristillisée parallèle à l'axe de double référaction, les modèrelse lumineuses commentent par pénétrer jusqu'à une certaine profondeur sans perdre leur polarisation primitive; après quoi, leur inouvement de translation cominuaut toujoux, elles se mettent à oriller pécriodiquement sur elles-mêmes, de munière que leur ave de polarisation se

Directally, Google

#### 556 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - DEUXIÈME SECTION.

N XX. « transporte alternativement de part et d'autre de l'axe du cristal ou de la ligne-perpendiculaire, dans des amplitudes égales, comme un pendule autour de la verticale dont on l'a écarté. Chacune des oscillations s'exeute dans une répais-seur a f, double de celle que la molécule avait parcourue d'abord avant d'entre en oscillation.

"Ce mouvement oscillatoire (nous citous toujours textuellement le Traité de Physique expérimentale et mathématique) arrête lorsque les molécules lus emineuses, parvenues à la seconde surface de la lane, cottent dans l'air ou clans tout autre milieu qui me posède pas la double réfraction. Alors, si l'on soumet le rayon émergent à l'action d'un prisone de spath d'Islande, ou d'un eplace inclinée, ou de tout autre système qui produise la polarisation fite, les molécules lumineuses se comportent comme si elles possédaient complétement es seus de polarisation vers lequel teur derairée occiliation les conduissait, soit qu'elles l'aient entièrement achevée, ou seulement commencée à l'instant oi «elles sont sorties du cristals « l'éraité de Hyapique, 1 U., 3, 3, 3, 3, 2, 1

D'après ce second principe, r'lorque la lumière simple travere des lanseninces d'un mène cristal taillé parallèlement à l'act, les alternatives de polarisation qu'elle présente à sa sortie doivent suivre des périodes caretement r'pareulles. Ainsi, ajoute M. Biot, depuis l'épaisseur zéro jusqu'à une certaine répaisseur fondamentale é, les môdecles homogéne qui la composent se terourorient, après leur émergence, comme si elles n'avaient pas quitté leur polarisation primitire. Depuis é' jusqu'à 2é, elles se comportent comme si elles l'àvaient quittée pour en prendre une nouvelle dans l'azimut a'; et enfin, elles paraissent alternativement polarisées dans l'azimut o' ou dans l'azimut a',i. r'(fome IV, page 38-q.)

M. Biot rapporte enfin, page 390, une expérience destinée, suivant lui, à prouver que les molécules lumineuses, à mesure qu'elles «s'enfoncent dans «une seule et même lame, y subissent réellement ces alternatives...»

5. Rapprechon ses divers paragraphes des résultats contenus dans le Mémoire de M. Fresnel. Cet habite physicien a nanoue d'abord que les lois de la polarisation mobile données par M. Biot ne s'accordent avec l'observation que dans des cas très-particuliers; nous pensons devoir rapporter ici une des espériences sur lesquelles il fonde cette assertion, et dont il nous a rendus fréquement témois.

Il place une laune de sulfate de chaut de manière que son au c fasce un angle de 5° avec le par primitif de polarisation de la humiténosopie, par laquelle il veut la faire turvenser. Dans cette position, ai étant égal à pot, le faisceau transais derrait être polarisé, suivant les principes précédeats, ou dans le plan primitif ou dans le plan perpendiculaire : cependant, quand on l'analye avec un rhombiede de spath calcaire, il donne, si le laure el fysissere convendés, deux un resultant de la compartie de la section principale: il faut donc nécessairement admettre, ou que la lumière a été complétement dépolarisée dans la lame, ou qu'elle exte partagée par moitif centre la primitif et l'azimat zi : or aucune de ces deux suppositions ne s'accorderichement une l'éconocé de la loi que M. Biota donnée.

6. Si l'on représente par d'exte différence des chemins parcourus donn us avons parté précédemment, et qui détermine la suite périodique dels points de l'espace dans lesquels l'interférence de deux rayons homogènes donne licu à une obscurié complète, on pourra calculer, à l'aide des règlies suivantes, les épaisseurs des lauser qui producient les phénomènes décrite par l'aite et les épaisseurs de lauser qui producient les phénomènes décrite par l'aite et les épaisseurs dans lesquelles les phénomènes, au contraire, ne s'accordent pas roc ser lois.

Lorsque la différence des chemins parcourus dans la lame par les rayons ordinaire et extraordinaire sera égale à o, à nd, ou à  $(n+\frac{1}{2})d$ , a étant un nombre entier, la lumière transmise paraltra polarisée tout entière dans le plan primitif ou dans l'azimut a.

Quand l'épaisseur du cristal sera telle que la différence des chemins parcourus pourra être déduite de la formule  $(n + \frac{1}{v}) d$ , n étant encore un nombre entier, il y aura dans la lumière transmise absence totale de polarisation si l'ave de la lame est à 45° du plan de polarisation primitif.

- Dans tous les autres cas, enfin, on reconnaît aisément, si l'on examine les rayons émergents avec un rhomboïde, qu'ils ne sont que partiellement polarisés.
- 7. Suivant les principes de la polariation mobile, la lumière naequiert pas subitement, en traversant les cristaux, les deux polarisations fixes et rectangulaires qu'on a d'abord remarquées dans les faisceaux ordinaires et extraordinaires transmis par un rhomboide de carbonate de chaux : ce n'est qu'après avoir pénétré dans le cristal à des épaisseus sensibles, et qui, pour le quartx, par exemple, sersient, suivant M. Biot, de plusieurs millimètres, que les axes

des molécules commenceraient à se trouver rangés daux le plan de la section principale et dans le plan perpendiculaire. M. Fresnel peune, au contraire, que la lumière qui émerge de tout cristal à un seul ave, minec ou épais, est constamment composée de deux faireaux polarisés dans des directions rectanquaires: ceré in à jamais offert d'exception dans les cristaux qui, en raison de leur épaiseur ou de leur taille, séparaient assez les rayons cortoniaires des rayons extraordinaires pour qu'on plut étudier séparémente leurs propriétés. Voici comment M. Fresnel s'y est pris pour prouver que la même loi doit être étendue aux lames les plus mineces et à faces parallèles :

8. Après avoir réuni la lumière solaire dans un point très-petit à l'aid dun le luillé du nourt fiçer appliquée au volet d'une chambre obscure, on reçoit le faisceau divergent de rayons, sur deux miroirs de verre légèrement indinés l'an à l'autre. Si nous auprosons que l'angle d'incidence soit d'environ 35°, les faisceaux réfléchis par l'un et par l'autre miroir seront complétement polarisés, et en se croisant dans l'espace, formeront, par leur interference, des bandes obscures et blidituses. Examinées avec un rhousboliée, ces bandes seront polarisées, pour toutes les positions des miroirs réfléchissauts, d'ais le même aimme que les deux fisiceaux qui concorrent à leur production, d'où se déduit la conséquence, déjà énoncée au commencement de ce rapport. d'un se dédeuit la conséquence, déjà énoncée au commencement de ce rapport pue la lomière qui résulte de l'intérférence de deux faisceaux polarisés dans un sens déterminé est elle-même polarisée canne les deux faisceaux composants.

9. Persons unintenant une lame de sulfate de chaux très-limpide, et copue-la par le milieu afin d'avoir dena Inmes d'égale épaisseur. Fixons l'une des moitiés de cette lame en avant des miviers, de telle sorte qu'elle ne soit traversée que par le faisceau réfléchis un la surface du premier; admettons de plan que as section principale fasse un angle de 55° avec le plan primiff de polarisétion; plaçous ensuite l'autre moitié de la lame sur la route des rayonalersée que le second mivier réfléchi, mais de manière que sa section principale étant perpendiculaire à celle de la première, fasse, comme elle, avec le plan primité que obstrisation, una maglé de 55°.

Si ces lames agrisson comme des cristoux épais, elles doivent, l'une et l'autre, quelle que soit d'ailleurs la petitesse de leur double réfraction, partager les rayons réfléchis qui les traversent en deux faisceaux de même intensité et polarisés à angle droit; il arrivera seulement, dans les positions particulières qu'elle-

V AX.

occupent par hypothèse, que le faisceau ordinaire de la lame de droite, par exemple, sera polarisé dans le nâme sou que le rayon extraordinaire de la lame de gauche; et réréproquement, que le faisceau ordinaire provenant de cette derairée lame aura une polarisation analogue à celle du faisceau extraordinaire qui émerge de la lame oupone.

10. Geri une fois admis, il est facile de précoir ce qui arrivera dans le-points oi les doux faiseaux vinedrant à se croiser. Les rayons ordinaires provanant de la lame de droite pourront d'abbraci interférer avec les rayons extinaires que doune la lame de gauche, poisqu'ils sont polarisés dans le redmesses, etformeront un premier système de landes obscutres et brillantes. L'a second système résultera de l'action des rayons extraordinaires de doite sur les rayons exclinaires de la lame de gauche; ces deux groupes de bandes seront d'autant plus séparés que les lames auront plus d'épaisseur, et que le genre de restait auquel elles appartiement joinris dune plus forte double réfraction. Dans l'espace intermédiaire se trouvent les rayons de même nous fournis par les deux lanes; mais comme ils sont it polarisées en son opposés, ils se reviseront sans donner naissauxe à aucun phénomène d'interférence, et l'eil p's parcevera n'une univier uniforan.

11. Il n'est pas moins évident que chacun des systèmes de franges, quand on se sert de sulfate de chaux, devra être complétement polarisé dans un plan perpendieulaire à l'aux de la laune la plus voisine: or il n'est aucune de ces conséquences, résultant de la supposition d'où nous soumes partis que les deux lames décomposent la lumière comme des cristaux épais, qui ne soit parfaitement conforme à l'expérience.

12. Dans les principes de la polarisation mobile de M. Biol, les phénomesses présenterients avec des circonstances entirement différentes. Les deux lames interposées historient leur polarisation primitive aux rayous trausses, on hien les repolarisation than Taimust 43; mais i, par hypothèse, étant égal à 45°, les plans de polarisation définitifs des faisceaux émergents seraient le plan primitif ou le plan perpendiculaire; tels dervaient être, conséquemment aussi, les sens de polarisation de deux systèmes de bandes formés par l'interférence des rayous ordinaires et extraordinaires provenant deux lames : or, join que l'observation confirme exter conséquence des sois de la polarisation mobile, on peut dire qu'elle lui est aussi contraire que possible. Si on place, ce nelfet, la section principale d'un rhomboile dans le plan pri-

Xº XX. mitif de polarisation des rayons réfléchis par les miroirs ou dans le plan perpendirubire, non seulement ou apercevra une image ordinaire et une image extraordinaire de chaunt des systèmes de bandes; mais ces positions du cristal seront précisément celles qui donneront aux deux images des intensités exactement parvilles.

13. Pour peu qu'on ait réfléchi sur les seuls cas dans lesquels les rayons lumineux donnent des effets appréciables d'interférence, on verra que les deux systèmes de bandes qui ont fait l'objet des expériences dont nous venons d'entretenir l'Académie ne peuvent, comme nous l'avons admis, résulter que de la rencontre des rayons ordinaires d'une lame avec les rayons extraordinaires de la lame opposée. Si toutefois on paraissait avoir quelque doute à ce sujet, nous ajouterions qu'il est facile de refaire cette expérience en substituant aux lames minces qui nous servaient d'abord, des cristaux épais (deux rhomboïdes de carbonate de chaux, si l'on veut), dans lesquels la double réfraction serait manifeste. Comme on pourrait alors suivre la marche de chaque faisceau, et les arrêter tour à tour avec des écrans, on prouverait, par le fait même, que pour la formation d'un des groupes de bandes, il faut et il suffit que le faisceau ordinaire d'un des cristaux rencontre le faisceau extraordinaire de l'autre, et réciproguement. Le sens de la polarisation des bandes, déterminé à l'aide d'un rhomboïde, serait d'ailleurs exactement le même que dans l'expérience des lames minces. Le seul trait de dissemblance se trouverait dans la distance qui séparerait les deux groupes : celle-ci, dépendant toujours de la différence entre les chemins parcourus par les rayons ordinaires et extraordinaires, serait beaucoup plus grande dans l'expérience faite avec les cristaux que dans celle des lames; il pourrait même arriver, si les cristaux étaient très-épais, que pour amener de nouvelles franges dans le champ de la vision, il fallût compenser une partie de la différence de route ou de vitesse, à l'aide de l'interposition d'un verre plan placé sur le chemin parcouru par l'un des faisceaux; mais, en tout cas, les conséquences de l'observation se présenteraient avec la même netteté. Nous ajouterons une dernière circonstance qui, à elle seule, trancherait toutes les difficultés qu'on pourrait faire sur la véritable cause de la formation des deux systèmes de franges dans le cas des lames minces : ce sera que l'intervalle qui sépare ces franges est tellement lié à la double réfraction des lames, que dans des expériences que l'un de nous (M. Arago) a faites avec M. Fresnel on en a toujours déduit une valeur numérique exacte de cette double

RAPPORT D'ARAGO SUR LES COULEURS DES LAMES CRIST. 561
réfraction, comme il a été facile de le reconnaître en la mesurant ensuite nar les

méthodes ordinaires sur des cristaux épais de même nature.

r les Nº XX.

 En résumé, un rayon lumineux qui traverse une lame mince de sulfate de chaux s'y partage généralement en deux rayons, l'un ordinaire et l'autre extraordinaire. Mathématiquement parlant, ces deux rayons suivent dans le cristal des routes différentes; mais il n'est pas possible de les séparer physiquement, parce qu'à cause de l'imperfection de nos organes on est forcé de viser à des images d'une certaine largeur. On voit maintenant où réside la difficulté, dans les recherches entreprises par MM. Biot et Fresnel, sur le genre de polarisation que chacun des deux rayons a dú éprouver dans la lame. M. Biot, sans essayer d'isoler ces ravons, se contente d'examiner en masse les propriétés de la lumière émergente. Il trouve que, dans certains cas que nous avons fait connaître, cette lumière, composée à la fois de rayons ordinaires et de rayons extraordinaires, paraît conserver sa polarisation primitive, ou semble polarisée tout entière dans l'azimut ai : c'est sur cela qu'il fonde la conclusion que les lames minces agissent tout autrement que les cristaux épais. M. Fresnel, s'il ne sépare pas à la rigueur les deux classes de rayons émergents, les isole du moins par leurs effets. Quand il veut étudier les propriétés des rayons ordinaires, il jette sur l'espace où ces rayons se trouvent mêlés aux rayons extraordinaires un faisceau polarisé comme les premiers, et qui, conséquemment, ne peut interférer qu'avec eux : le champ de la vision se trouve composé alors, pour ainsi dire, d'un rideau de lumière uniforme provenant du faisceau extraordinaire, et d'un système de franges obscures et brillantes, à la formation desquelles ont seulement concouru les rayons ordinaires et les rayons, par hypothèse semblablement polarisés, du faisceau additionnel. Les propriétés de ces franges, relativement à la polarisation, doivent donc nous apprendre quelles sont celles du faisceau ordinaire, puisque le fait de l'interférence ne les change pas : or il est évident que la présence du faisceau extraordinaire ne peut aucunement empêcher de déterminer la situation du plan de polarisation des rayons dont les franges sont formées.

Après avoir rapporté les expériences à l'aide desquelles M. Fresnel a démonté l'insultance de la théorie de la polarisation mobile, nous devons faire connâltre comment il est parvenu à rattacher les couleurs des lames miners à ces mêmes principes des interférences, dont il avait déjà tiré un si heureux parti pour l'explication des phénomènes aussi nombreux que variés de la diffraction.

. .....

#### 562 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - DEUXIÈME SECTION.

Nº XX.

L'idée que les vives couleurs dont les lames cristallisées se revêtent lorsqu'on les expose à des faisceaux polarisés dépendent de l'interférence des rayons ordinaires et extraordinaires en lesquels la lumière se partage quand elle traversces lames apparient incontestablement au D' Thomas Young<sup>61</sup>. Peu de temps parès la publication du Mémoire dans lequel M. Bot a indique la nature des teintes dépolarisées par des lames de cristal de roche parallèles à l'ave et de diverses épaisseurs, le savant secrétaire de la Société royale découvrit qu'à toutes ces épaisseurs et sous toutes les incidences les couleurs correspondaient précisément aux différences des chemins parcourus par les rayons ordinaires et extraordinaires.

15. Cet accord remarquable ne pouvait pas néanmoins être regardé comme ne preuve démonstrative que l'interférence des rayons était la vraie cause de la coloration des lames, puisque M. Young n'avait pas même essayé d'expliquer dans cette hypothèse plusieurs des circonstances les plus frappontes du phicomène; comme, par exemple, pourquoi l'était des tinies varie avec la position de l'aux du cristal et avec celle de la section principale du rhomboide qui sert à les observer, relativement au plan primitif de polarisstique des rayons rations des rayons contraments; pourquoi la lumière polarisée, si on examine la lame à l'eril nu. et la lumière non polarisée, alors même qu'on se sert d'un rhomboide, ne donnent naissance à squeme coloration appréciable, etc.

16. Quant à M. Fresnel, il a embrassé la question dans toute sa généralise, et éest proposé de prouver qu'il n'est pas ne seule de lois qu'on a déduites, de l'observation sur les phénomènes de polarisation colorée produits par des lauses parallèles à l'axe de double réfraction, qui ne soit une conséquencenécessaire de l'interférence des deux faisceaux ordinaire et extraordinaire.

Voyons d'abord comment M. Freunel parvient à conditer l'expérience par laquelle il prouve que les lames cristallisées partagent la lumière en deu faisceaux polarisés à angles droits, avec ce fait, en apparence si opposé, que si la lame a une épaisseur convenable, l'ensemble des rayons polarisés qui la traversent pourra, à as sortie, ne sembler polarisé que dans le plan primitif ou dans l'animut si.

<sup>(6)</sup> Review of Mahus, Biot, Seebeck and Brewster on Light, from Quarterly Review for April 1815, vol. XI, p. 49.

ve xx

17. On forme, dans une chambre obscure, un point rayonnant de lumière homogène for petit, par le moyar que nous avans dél indiquée. On reçoit le fisiceau de lumière dirergente qui part de ce point sur un mimir de verre dont la seconde face est recouverle d'un music noir, et qui conséquemment ne réfléchit les rayons qu'à as surface amérieure. Pour farer les idées, nous donnerons à ce miroir une position verticale: nous supposerons de plus que le faisceau divergent est à peu près horazontal, et qu'il renrostre la face réfléchissante sous un angle peu éloigné de celui de la polarisation complète.

Ces premières disponitions étant achevées, on place sur la route que suivent les repons réfichis par le mirori un tromboile de spati calizaire dont la section principale fases avec le plan horizontal auquel, par hypothèse, celui de réflenion est parallèle, un sugle de 45°: daus cette position du rhemboile, la lumière qui le travece se divis en deux faisceaux, l'un ordinaire, l'autre extraordinaire, polarisés à angle droit et de même intensité. A leur sortie du premier rhomboile, ces deux faisceaux en remordentent un second de même épaisseux, mais dont la section principale est perpendiculaire à celle du précédent : le faisceau ordinaire deurgent y éprouvers donc la réfinction extraodinaire; réciproquement, le faisceau qui était extraordinaire à sa sortie du premier cristal deviendra ordinaire en traversant le second : ces deux noveux faisceaux ordinaire et atraverdinaire de la ces deux noveux faisceaux ordinaire de traverdinaire de house plantés à leur finergence, dans le plan de la section principale du second cristal et dans le plan util nie ste servendiculaire.

Suivons maintenant ets deux faisceaux par la pensée : il est d'abord évident qu'à cause de leur commune divergence ils se croisevont dans une étendue d'autant plus grande qu'on s'édoignera davantage du rhomboide. Leurs points de départ étant distincts et sensiblement séparés, l'observateur pourra archer, à tour à bour le rayon ordinaire et le rayon estraordinaire; il éclairera donc, à volonté, un même point de l'espace commun aux deux faisceaux, soit avec l'un, soit avec l'autre de ces rayons pris séparément, soit enfin avec tous les deux à la fois.

Plaçons un verre légèrement dépoli dans une partie du champ commun aux deux faisceaux; marquons par une ouverture très-fine, pratiquée dans une lame opaque et adaptée à ce verre, le lieu précis vers lequel notre attention va se porter, et servons-nous, comme d'habitude, d'un rhomboide de spath calcaire

# 564 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - DEUXIÈME SECTION.

N° XX. pour analyser les diverses espèces de lumière qui, après avoir traversé la fente du diaphragme, viendront se peindre au fond de l'œil.

> Nous reconnaîtrons d'abord aisément que le rayon ordinaire, quand il arrive seul à l'ouverture, quelle que soit d'ailleurs sa place, n'y éprouve aucune modification, et qu'il reste polarisé comme il l'était auparavant : il en est de même du rayon extraordinaire; mais si ces deux rayons, après s'être croisés dans la fente, viennent à travers le rhomboïde se peindre simultanément au fond de l'œil, le phénomène variera d'un point de l'espace à l'autre : ici, la lumière composée des deux faisceaux paraftra avoir conservé la polarisation imprimée aux rayons dans leur première réflexion sur le miroir de verre noirci; plus loin, le plan de polarisation semblera perpendiculaire au précédent, ce qui correspond précisément à l'azimut 21, puisque 1 = 45°. Dans un point intermédiaire entre ceux-là, la lumière qui a traversé la fente ne présentera aucune trace appréciable de polarisation. Cette expérience nous offre donc le singulier phénomène de deux faisceaux polarisés à angle droit, qui se croisent d'abord dans l'espace, se réunissent ensuite sur le fond de l'œil, et forment, en somme, un faisceau tantôt polarisé dans un sens et tantôt dans un autre, suivant que la différence des chemins parcourus par les deux faisceaux composants a telle ou telle autre valeur.

> Nous n'avons employé, dans cette expérience, un verre dépoli que pour fixer les idées, car il n'est aucunement nécessaire à sa réussite : on peut également se passer do la petite fente. La loupe avec laquelle M. Fresnel étudiait, dans le Mémoire couronné par l'Académie, les jeux d'interférence des rayons diffractés, lui sert également ici à examiner les franges aériennes produites par les rencontres des faisceaux lumineux. Quand on se place, par exemple, avec la loupe en face des deux rhomboides croisés, l'œil ne reçoit qu'une lumière uniforme et continue; mais aussitôt qu'un cristal donnant deux images est convenablement interposé entre la loupe et ces rhomboïdes ou entre la loupe et l'œil, on apercoit deux systèmes de franges obscures et brillantes. Les franges claires d'une des images correspondent toujours aux bandes obscures de l'autre. La frange du milieu, par exemple, est brillante daus l'image ordinaire si la section principale du cristal interposé est parallèle au plan primitif de polarisation; alors, au contraire, elle est obscure dans l'image extraordinaire : ce qui prouve que pour cette dernière image on ne peut calculer les effets des interférences qu'en ajoutant ! d à la différence des chemins parcourus, Mais quand

\* XX

la section principale du cristal interposé est perpendiculaire au plan originaire de polarisation, les rôles se trouvent changés; c'est alors la frange centrale de l'image extraordiarie qui est brillante, conformément aux principes génue des interférences, tandis que dans l'image ordinaire cette même frange est complétement obscure, comme si la différence de route entre les rayons qui la forment, au lieu étte nulle. était : d.

18. M. Fresnel donne, dans son Mémoire, une règle qui s'applique à toute-les positions azimutales que peuvent prendre les sections principales des deux rhomboides croisés et celle du cristal placé devant l'eul; relativement au premier plan de polarisation, et à l'aiside de laquelle on découvre aisément si c'est pour les rayons de l'image ordinaire ou pour ceux de l'image extraordinaire que la quantité à d'oût être ajoutée à la différence des chemins parcourus.

Dans la lumière homogène, l'espérience a donné naissance à deux systèmes de franges obseures et brillantes. Quand on se sert de lumière blanche ces franges deviennent colorées, parce que d'n'a pas des valeurs égales pour les rayons de différentes nuances, et l'on y remarque les mêmes teintes que la lumière polarisée développe dans les lames cristallisées de toutes les épaisseurs possibles.

Peu de mots vont maintenant nous suffire pour montrer comment
 Fresnel explique la production de ces teintes.

Un rayon polarisé qui traverse une lame cristallisée s'y divise en deux faisceaux polarisés en seus contraires; mais deux faisceaux de cette espèce n'interfèrent point : une lame ne donnera done pas de couleurs à l'œil nu, lors même uu'elle ne sera échairée que nar de la lumière polarisée.

Chaeun des deux faisceaux ordinaire ou extraordinaire proxenant de la primère lance se pratege, en traversunt un prison actionnaité ou un rhomboide, en deux faisceaux polarisés à angle droit; parmi les quatre finisceaux émergents, il en est deux ordinaires et deux extraordinaires, qui penvent mutuellement s'influencer : or, dans les deux faisceaux qui concoureut à la formation de l'image ordinaire, l'un étail ordinaire en traversant la bane, «i s'est conservé ordinaire dans prisone achromatiste; tandis que l'autre, qui était d'abord extraordinaire, n'a passé à l'image ordinaire que par l'estion de ce cristal. Les crayons de nous differents out, dans les cristaux doués de la double réfraction, des vitesses dissemblables. Nous avons vu d'alleurs que des différences de vitesses produisent; relativement aux phénomères d'inteférences, des périodes

- V\* XX.
  - evacement pareilles à celles qui résultent de l'infégulié des chemins parcours : si donc, dans la lame employée, la différence entre les vitesses des raports ordinaires correspond à la quantité d, qui règle par ses multiples les périodes d'accord des rayons rouges, ce sera évidemment la lumière de cette teinte qu'on verra prédomine dans l'image ordinaire; il en sera de même à l'égard des ravons de toutes les autres couleurs.
  - 20. Si l'expérience des deux rhomboïdes croisés ne nous avait pas prouvé que, pour calculer les actions mutuelles des rayons lumineux qui, en traversant des cristaux doués de la double réfraction, changent plusieurs fois de plan de polarisation, il ne suffit pas des règles ordinaires d'interférence, nous serions arrêtés ici par une grande difficulté : la différence de vitesse étant la même pour les deux rayons dont l'image extraordinaire est formée à sa sortie du prisme achromatisé et pour les rayons de l'image ordinaire, ces deux images paraîtraient devoir être de même couleur; mais si l'on se rappelle qu'il faut ajouter 1 d à la différence des chemins parcourus par les rayons qui forment l'un des faisceaux, on verra, au contraire, que d, correspondant dans l'image ordinaire à l'accord des rayons rouges, à d occasionnera leur destruction mutuelle dans l'image extraordinaire; que l'espèce de lumière que donne le blanc quand on en retranche du rouge y dominera; et qu'en somme les deux images de la lame, vues à travers le prisme achromatisé, seront toujours complémentaires : ce qui est conforme aux observations. Les teintes se trouvent aiusi déterminées par les différences de marche entre les rayons ordinaires et les rayons extraordinaires dans l'épaisseur de la lame, comme celles des anneaux colorés ordinaires le sont par la différence de route des rayons réfléchis à la première et à la seconde surface de la lame d'air. Pour qu'on ne regarde pas reci comme une simple analogie, nous ajouterons que les différences des chemius parcourus qui correspondent à une teinte déterminée sont exactement les mêmes dans les deux cas.
  - 21. M. Fresnel explique avec la même farilité toutes les autres circunatance du phénomène; il déduit, par exemple, de as théorie les positions de la lame et du prisme achromatisé pour lesquelles on ne voit aucune couleur dans les deux images, et trouve précisément les positions que fobservation a fint connaître; il montre eassitte que les varaitions d'attensité qui dépendent des positions azimutales du prisme achromatisé ou de la lame sont des conséquences également nécessaires des principse des interférences, etc.

22. Pour traiter convenablement la question plus compliquée des lames croisées, M. Fresnel résout d'abord le problème général que voici : « Étant « données les intensités d'un nombre quelconque de faisceaux lumineux, leurs positions respectives, ou leurs divers degrés d'accords ou de discordances, « déterminer l'intensité de la lumière totale. » Les formules auxquelles il parvient par des considérations particulières fondées sur la théorie des ondes, mais qui ne sauraient trouver place ici, sont précisément calles qui lui avaient déjà servi à déterminer la position et l'intensité des bandes diffractées. Ces formules se sont accordées avec les expériences connues; un seul cas paraissait faire exception : c'est celui où deux lames de même nature, parallèles à l'ave et d'égale épaisseur, ont leurs axes croisés sous l'angle de 45°. M. Biot annonce (Traité de physique, t. IV, p. 407) que si la section principale du rhomboïde de spath calcaire dont on se sert pour analyser la lumière transmise est parallèle ou perpendiculaire nu plan primitif de polarisation, la teinte de chaque image reste invariable quand on fait tourner dans son plan le système des deux laures croisées(1). Les formules de M. Fresnel indiquaient, au contraire, que chacune des deux images ne pouvait être semblable à elle-même qu'aux azimuts 45°. 90°, 135°, 180°, etc. Dans toutes les positions intermédiaires, elles devaient varier l'une et l'autre : or, vérification faite, il s'est trouvé que les images ordinaires et extraordinaires varient par le mouvement de la lame composée. Ces variations, comme la formule l'indique, sont très-légères relativement à la nature de la teinte; mais quant à l'intensité, il est impossible de les méconnaître si on se sert de lumière polarisée homogène.

23. Les résultats curieux renfermés dans le Mémoire que l'Académie avait

(i) Voici le passage de M. Biot relatif aux lames croisées (t. IV, p. 407).

Les teuns étant croisées de manière que leurs care fassent un angle de 65°, " je laines, -dit M. Biot, co système caposé perpendiculairement au rayon polarisé qui a servi jour -le régler, et jample, le launière transmise -en me servant d'un prisme rhomboidal -archematigne dont la section principule -soit dirigée dans le plan primitif de polarisation. On trouve alors que la riente extraordimaire et coastant, quelvey position que l'on XX renvoyé à notre examen sont de nouvelles preuves de la persévérance infatigable, de l'exactitude et de la rare agacité de M. Freunel; se expérience ocuperent par la suite, quand la théorie des interférences aura reçu de nouveau développements et sera plus répandue, une plus editinguée parmi les plus ingénieux travaux des physiciens modernes; des à présent elles shablissent qu'il y a, non pas seulement de simples analogies, mais la lission la plus intime entre les phénomènes de coloration des lumes cristalitées, le phénomène des anneux colorés ordinaires et celui de la diffraction. A notre avis, M. Fressel prouve justual' l'évidence que toute sec occlueurs sont de simples effect d'internation.

une matière aussi difficile, et qui peut-être sera encore entre les physiciems tobjet de beaucoup de contestations : nos conclusions se borneront à demander que l'important Mémoire de M. Fresnel soit innéré dans le Reunit des Saeauts étrangers.

Signé à la minute, Aurius; F. Alawo, rapporteur.

férence; nous ne proposerons pas néanmoins à l'Académie de se prononcer sur

L'Académie adopte les conclusions du rapport.

N. B. Plusieurs années s'étant écoulées entre l'Époque de la présentation de Monires de M. Pisseal et celle do nou avons fuit le report, nous croyons devoir averitr que le travail renveyé à notre exames se composit d'un Mémoire la à l'Académie le 7 octobre 1816, et d'un supplément qui avait été parafé par M. De lambre, le 19 janvier 1818. Nous ne parlous pas iré des notre remises par l'auteur aux commissaires en divers temps, quoiqu'elles sient été déposées au scredarial el l'institut à la auté de la discussion que le rapport a dit maître, parec qu'elles ne renferment que de simples développements des expériences consignées dan-lee deux écrits de 1816 et de 818 et (61 de).

<sup>&</sup>lt;sup>79</sup> Le Mémoire du γ octobre 1816 est la deuxième partie du Mémoire sur l'influence de la polarisation dans l'action que les rayens luminent exercent les uns sur les autres. N° X V (B), 5 a 3 à 38.
Le Mémoire du 1a jaivige 1818 est le supplement au Mémoire sur les nochfications que le prélepion

imprime à la lumière polarisée. N° XVII. Les notes remises par l'auteur aux commissaires et deposées au secrétariat de l'Institut sonl :

<sup>1°</sup> La note sur l'expérience des franges produites par deux rhomboides de chaux carbonatée. N° X1X (C).
1° La note sur la polarisation mobile, N° X1X (D).

Il paralt en outre, d'après XIX (E), que Frencel avait fait part aux commissaires (peut-être verbalement) de ses vues théoriques sur la nature de la tumière polarisée.

No XXI (A).

# POLÉMIQUE

# A L'OCCASION DES MÉMOIRES DE FRESNEL

RELATIFS

# A L'INFLUENCE DE LA POLARISATION,

DANS L'ACTION

OUE LES RAYONS EXERGENT LES UNS SUR LES AUTRES.

# REMARQUES DE M. BIOT,

SUR UN RAPPORT LU, LE 4 JUIN 1821, A L'ACADÉMIE DES SCIENCES.

PAR MM. ARAGO ET AMPÈRE".

[Annoles de chimir et de physique, t. XVII, cabier de juillet 1821, p. 225.]

1. L'Académie, dans sa dernière séance, a entendu un rapport de MM. Arago et Ampère sur un Mémoire présenté, il y a cinq ans, par M. Fresnel, et relatif aux phénomènes de couleurs que produisent les lannes ninces des cristaux doués de la double réfraction, lorsqu'on les fait traverser par un rayon de lu-

<sup>10</sup> Le rapport dont il segit est cetai qui a céi impirud dante la nanale a Chimine et del Phivaipne. pour mai 1801. Une discussion s'etant élevée, tant sur le fond de re rapport que sur sa forme, l'Académie, d'après la proposition de M. Laplace et de M. Dupin. voulot bien remetre sa décision à la séance suivante, pour entendre les observations que je pourrais avoré à présenter.

Je lui soumis alors celles que l'on va lirc. J'y discutais nattrellement le rapport sous deux points de vue. celui des opinions scientifiques qu'il renfermait, et celui de sa couformité our règles adoptées par les Aradémies pour assurer l'équité et l'impartialité de leurs jugements. Mais MM, les commissaires ayant déclaré, dans cette seconde séance, qu'ils ne demandaiste point à l'AcaNº XXI(A).

mière préalablement polarisée. Quatre ans avant le travail de M. Fresnel, j'avais ramené l'ensemble de ces phénomènes à dépendre d'un petit nombre de losphayiques, qui per crois exactes, 'unais le fapport les aynt attaquées, l'Académie à bien voulu me donner le temps et l'occasion de répondre. Le le réanaisci clairement, assis brièvement qu'il ne ser possible, en théant de marquer avec équité, comme on doit le faire dans des recherches si délicates et encore si peu complètes, la nuance, souvent difficile à assisr, qui sépare la certitude de la vissionblance et la vérité de l'erreur.

Le rappellerai d'abord les apparences principales que présentent les phénomènes dont il s'agit. On verra aussitôt que ces apparences offrent un caractère physique commun qui, étant exprimé mabhématiguement et réduit en formule, les reproduit dans leurs moindres détails par le seul développement du calcul. Pesaminerai alors les objections élevées dans le rapport contre cute loi générale; je prouverai qu'elles ne sont pas fondées; et je montrera is arélaité, même dans les cas que l'on a présentés commo lui étant décidênent contraires.

2. J'appelle avec Malus respus polariaé, un rayon qui, ayant dét réfléchi suf-culiariement par une glace polio, sous mangle de 35°, écumpté de la suface de cette glace, possède la propriété de se réfracter tout entier ordinairement, ou tout entier extraordinairement, dans un rhomboide de chaux carbonatée quo la iprésente sous l'incidence perpendiculaire, soon que la section principale de cer rhomboide est rendue parallèle ou perpendiculaire au plan dans lequel la réflecion a en lieu. Malus nous a appris comment un rayon ainsi préparé se partage entre los deux réfractions dans les positions intermédiaires du rhomboide. J'adoptersi as soils : le résumine pass de pareils royon a peque de rhomboide. J'adoptersi as soils : le résumine pass de pareils royon as peu-

dénire de se prononcer sur le rapport même, mais seulement sur les conclusions qui le terminent, et ayant modifié ces conclusions de manière qu'elles n'exprimaient plus que de justes éloges du travail de M. Fresnel, éloges auxquels j'ai joint noi-nême mon suffrege, j'ai supprimé ici le dernière partie de mes remarques, qui portait sur la légalité du rapport, et je n'ai conservé que les considérations scientifiques, seules digues par elles-mêmes qu'on y attache de l'intérêt. (Bort.)

<sup>&</sup>lt;sup>9</sup> Voyes les Mémoires réunis dans les ouvrages initiulés, Recherche expérimentales et mothématiques sur les mouvements des molécules de la lumière autour de leur centre de gravité, Paris 1816, in-6°, et Traité de Physique expérimentale et mathématique, t. IV, p. 85 et suiv.

vent pas se ressembler ou différer entre eux par d'autres propriétés distinctes Nº XXI (A). des précédentes, Celles-ci sont les seules que j'aurai hesoin d'employer.

l'appelle axes de double réfraction les directions qui sont telles dans un cristal que les deux vitesses ordinaire et extraordinaire y deviennent égales. Chaque cristal, doué de la double réfraction, offre généralement deux directions qui jouissent de cette propriété, et dont l'inclinaison mutuelle dépend de sa constitution propre. Je nomme cristaux à un seul axe ceux dans lesquels cette inclinaison est égale à zéro, en sorte que les deux axes s'y trouvent réunis. Tel est le cas de la chaux carbonatée.

La chaux sulfatée, au contraire, comme le D' Brewster l'a le premier découvert, possède deux aves qui sont situés dans le plan même des lames suivant lesquelles ce minéral se laisse diviser par un clivage naturel et facile. Ces deux axes font entre eux un angle d'environ 60°. J'appellerai section principale des lames de chaux sulfatée, un plan mené perpendiculairement à leur surface, et divisant l'inclinaison mutuelle des deux axes en deux parties égales,

Enfin, je supposerai qu'avant polarisé un rayon de lumière blanche par la réflexion spéculaire sur une glace polie, ou mieux encore sur une plaque d'obsidienne, substance qui imprime à toutes les parties du rayon une polarisation bien plus complète, on transmette ce rayon à travers un prisme de chaux carbonatée d'un petit angle, achromatisé approximativement par l'opposition d'un prisme de verre, et disposé de manière que la section principale de sa première surface soit parallèle à la direction du plan de réflexion et de polarisation du rayon. Alors, celui-ci, en pénétrant la substance du prisme cristallisé, s'y réfractera tout entier ordinairement, sans perdre sa polarisation primitive; et il conservera encore cette polarisation après être sorti du prisme, si, comme je le supposerai, la seconde surface de celui-ci est perpendiculaire à la section principale de sa première surface.

Concevons maintenant qu'avant d'arriver au prisme, et de là vers l'œil, le rayon soit transmis perpendiculairement à travers une lame naturelle de chaux sulfatée. L'interposition de cette lame troublera généralement le sens de la polarisation que le rayon avait reçue par la réflexion; et, sans le diviser ellemême, parce que sa route est perpendiculaire au plan des axes, elle le rendra apte à se diviser en traversant le prisme de chaux carbonatée. Cette division produira ainsi deux rayons émergents, que l'on pourra jeter sur un tableau blanc, ou recevoir directement dans l'œil.

78.

# 72 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. — DEUXIÈME SECTION.

Nº XXI (A).

3. Gela posé, si l'épaisseur de la lame de chaux sulfatée excède de de milimètre, elle produir anies généralement dans le prisse deux inages blanches, dant les intensités seules varierent quand on tourners la lame sur son propreplan; de manière que l'on verra tour à tour chacune d'elles s'evanouir dans certaines positions, puir reparaître et l'évanouir encore selon des lois que Malus a données. Mais, sì la lame de chaux sulfatée interposée a une épaisseur moinre que "gle milimètre, les deux images produites par la double réfraction du prisme cristallisé seront accompagnées de phénomènes de coloration, dont il sagit de trouve les lois.

Un caractère sailant et général de ces phénomènes est le mirent si l'outure la laune mines sur no proper plan, le prisse de chaux carbonatée restant fice, celle dest deux images qui sort de ce prisses avec la réfinction extraordinaire, et que, pour abréger, je désignerai par E, éprouve des variations d'intensité considérables. Elle est d'abord nulle quand la section principale de la laune coincide avec la direction de la polarisation primitive; elle augueurie na mearce que la lome tourrea, teitoit son macrimes quand l'angle de rotation est de 55°, puis décrult jusqu'à ce qu'il soit de 90°, oi elle revient un luit de nouveau, pour rennite ensuite et parceurir les mêmes périodes dans les autres quadrants qui complètent la révolution entière que le lame peut faire. Mais tous ces changements n'affectent que l'intensité seude de l'image : as coulour reste invariablement constante dans toutes les positions de la lame sur son plan.

Or, je dis que cette constance est un phénomène tout à fait caractéristique du mode d'action que la lame mince evere sur l'ensemble des rayons polarisés qui font traverée. Car supposer, pour fiver les idées, qu'avec une certaine épaisseur l'image. É contienne, dans sa plus grande intensité, une certaine répaisseur l'image. É conteinne, dans sa plus grande intensité, une certaine proportion de chaque couleur simple, par resemple ;; de toute la lumière rouge qui se trouve dans la lumière incidente, ;; de l'erongé, ;; du jounne, et rien du tout des autres couleurs, auquel cas la tente de cette image sera un orangé à peu près parcil à Ceulu du premier ordre des anneus de Newton; alors, quand cette image atteindra son macrimum d'intensité, l'autre image, qui est donnée par la réfraction ordinaire du prisme, et que je nommerai, pour abrédire ;; du premier, ;; du second et ;; du premier, de du peume, c'est-à-dire ;; du premier, ;; du second et ;; du troisième, plus la toulité des ravons qui composent le reste du sectére, ce qui fera de cette image un bleu

blanchler. Or, puisque nous supposons l'intensité de l'image. E arrivée à son l'auximum, elle ne peut plus, dans le mouvement de la lame, calever à l'image. O aucune des portions de lumière qui composent ce bleu blanchâtre; elle ne fait au contraire que lui céder un certain nombre de ses rayous propres. à mestre que son intensité s'affaiblit, l'ansi, nous pourons considérer la lumière totale transmise à travers la lame cristallisée comme composée de deux portions distinctes, dont l'une O, n'éprouvant aurun changement dans su polarisation primitive, subit toujours, dans le prisme cristallisé, la réfraction ordinaire; tantis que l'autre portion E, fonrissant toujourse se éfientes de l'inagre vatraordinaire, prouve, par cela même, qu'elle a été désirée de la direction primitire de polarisation que la réfleion bui avait d'abord imprimée.

4. Il reste maintenant à savoir si les divers ravons simples qui composent cette image E sont encore polarisés tous dans un même sens, ou s'ils le sont dans des sens divers. Or, que ce sens soit le même pour tous, c'est ce que montre évidemment la constance de la teinte de l'image E, à mesure que la lame tourne. Car, si les rayons qui la composent, et qui sont généralement de différente nature, se trouvaient polarisés dans des sens divers, il ne pourrait pas se faire que, dans toutes les positions de la lame, le prisme cristallisé enlevât toujours par sa réfraction extraordinaire une même proportion relative de chaeun d'eux; ce qui est pourtant prouvé par la constance même de la teinte. Alors il ne reste plus qu'à chercher quelle doit êtro cette direction commune de polarisation dans chaque position de la lame mince pour que le prisme cristallisé puisse en former une image extraordinaire soumise aux périodes d'intensités observées. Ceci conduit à trouver que, si l'on appelle i l'angle formé par la section principale de la lame mince avec la direction de la polarisation primitive, la portion E de la lumière transmise est constamment polarisée dans l'azimut a i, c'est-à-dire suivant une direction qui fait, avec la section principale de lá lame, le même angle que cette section forme du côté opposé avec la direction primitive de la polarisation. L'on a vu tout à l'heure que la portion O reste toujours polarisée dans l'angle zéro, c'est-à-dire suivant la direction de la polarisation primitive même; il ne reste donc qu'à appliquer les formules de Malus aux deux faisceaux ainsi polarisés, pour en conclure l'intensité de l'image ordinaire F., et celle de l'image extraordinaire F., données par le prisme dans une position quelconque de la lame. On peut encore, pour plus de généralité, supposer que la section principale du prisme, an lieu de

Dynamic Ly Google

#### 574 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - DEUXIÈME SECTION.

N' NAI (A). coincider avec la direction de la polarisation primitive, comme nous l'avons supposé d'abord, forme avec elle un angle quelconque a, et l'on aura :

$$F_a = O \cos^2 \alpha + E \cos^2 (\alpha - 2 i)$$
  
 $F_a = E \sin^2 \alpha + E \sin^2 (\alpha - 2 i)$ .

Ces formules sont les mêmes que Jai données, il y a neuf ans, dans les Mémoires de Histilut. Elles représentent avec une diblié parânie tout le jeu des teintes données par une même lame minere; et elles ne s'appliquent pas seulement au ces particitier des lames de chaux sulfalée que nous avons pris pour exemple, le mode de polarisation qu'élles indiquents ex retrouve sans exception dans tous les phénomèmes de couleurs que la lumière polarisée donne, avec des lames minere de toutes sortes de citiaux, taillés soutunt des sens quelconques.

Le mode de développement des deux images étant ainsi connu, il ne restaitplus qu'à définir la nature de lucus einties. Le remarqui que, pour les lanuede chaux sulfatée et de beaucoup d'autres substances, ces teintes étaient celles des anneaux analysés par Newton; l'image O présentant toujours, autant que les sens peuvent en drec juges, la coudeur d'un des anneaux trausanis, et l'image E celle de l'anneau réflécit correspondant. Le prouvais, par un grand ouubre de meurers, que les épaisseurs aurquelles chaque teinte se montrait à son plus haut degré de distinction étaient précisément proportionnelles à relles qui d'apprès les seprièmences de Neston, développent la même teinte dans les naneaux colorés formés par la simple réflection dans les lames minces d'air, de verre ou de vide : seulement, dans les nouveaux phénomènes, la valeur absolue des épaisseux était beaucoup plus considérable, l'air cu; je crois enrore, que ce sont là de simples lois physiques indépendantes de toute hypothèse, et auquelles on ne peut fiire avec fondement aucune desjection.

5. Le ne puis surtout concevoir comment on pourrait leur opposer quelque partirularité tirée des formules par lesquelles M. Fresnel s'est proposé depuis de reperésenter les mêmes faits; car ces formules, qui se concluent sisément des principes exposés dans son Mémoire, et que j'ai cié cérites de sa main même "0, ont, à la vérité, une apparence différent des miennes, ce qui en

O Ces formules sont les mêmes que page 108. [Note sjoutée à l'impression du M. Fresnel vient de publier dans les Annales de Chimie et de Physique, pour mai 1821.

<sup>(\*)</sup> Voir ci-après n° XXII.

rend moins évidente l'interprétation expérimentale; mais on peut, à l'aide de l' quelques transformations analytiques très-faciles, faire disparaltre cette diversité; et alors on voit que ces formules simplifiées coincident précisément avec les miennes, et expriment ainsi exactement le même mode de polarisation de la lumière transmite.

En effet, en conservant les mêmes dénominations dont je viens de faire usage, les intensités F. F. des deux images, ordinaire et extraordinaire, données par chaque espèce de lumière simple, sont, suivant M. Fresnel, exprimées par les formules suivantes:

$$F_{\epsilon} = \cos^2 \alpha - \sin 2i \sin 2(i-\alpha)\sin^2 \pi \left(\frac{\epsilon - o}{\lambda}\right)$$
  
 $F_{\epsilon} = \sin^2 \alpha + \sin 2i \sin 2(i-\alpha)\sin^2 \pi \left(\frac{\epsilon - o}{\lambda}\right)$ :

o — e désigne la différence des longueurs des trajets parcourus dans la lamentatalisée par les deux faixeeux ordinaire et extraordinaire qui interferent nemeble; et à cet la longueur d'une ondatation pour l'espeke de lumière qui les forme, longueur que, dans ce système, on suppose exacteuent quadruple de celle que Newton a assignée aux intermittences de réflexion et de transmission qu'il a appetées acrèt. En efectuant les valeurs des termes—

$$\sin^2 \pi \left(\frac{e-o}{\lambda}\right)$$
 et  $\cos^2 \pi \left(\frac{e-o}{\lambda}\right)$ 

pour foutes les espèces de rayons qui composent le spectre, la sonme des F. et des F. exprimera la composition et l'intensité totale des deux teintes, dans lequelles devra se décomposer un rayon blanc, après avoir traversé la laue critallisée et l'être décomposé dans le prisme de chaux carbonatée qui sert pour analyser as polarisation. Or, dans chacune deces expressions partielles, on peut substituer au produit sin a s' sin 2 (\* a. ), la valeur équivalente

$$\cos^2 \alpha - \cos^2 (\alpha - \alpha i)$$
 ou  $\sin^2 (\alpha - \alpha i) - \sin^2 \alpha$ ;

et alors les valeurs de F., F. deviennent :

$$\begin{aligned} F_s &= \cos^2 \pi \left(\frac{e-o}{\lambda}\right) \cos^2 \alpha + \sin^2 \pi \left(\frac{e-o}{\lambda}\right) \cos^2 (\alpha - 2i) \\ F_s &= \cos^2 \pi \left(\frac{e-o}{\lambda}\right) \sin^2 \alpha + \sin^2 \pi \left(\frac{e-o}{\lambda}\right) \sin^2 (\alpha - 2i) \end{aligned}$$

D'après cela, si l'on représente par O la somme des valeurs de

$$\cos^2 \pi \left(\frac{e-o}{\lambda}\right)$$
,

N° VXI (A). et par E la somme des valeurs de

$$\sin^3 \pi \left(\frac{e-o}{\lambda}\right)$$
,

relative à tous les rayons du spectre, on aura, lorsque la lumière incidente sera blanche,

$$F_{s}=O\cos^{2}\alpha+E\cos^{2}(\alpha-2i)$$

$$F_{s}=O\sin^{2}\alpha+E\sin^{2}(\alpha-2i)$$

Ces expressions sont absolument identiques à celles que nous avons obtenues plus hant pour la lumière blanche, d'après la consideration directe des phénomènes. Leur interprétation physique immédiate est aussi exactement conforme au principe que j'avais tiré de l'expérience, savoir, que la lumière totale O + g, le le l'annaissie à l'arressi la leur cristalière, se comporte, après son énergence, dans le prisses de chaux carbonatée, précisément comme si elle élast composée de deux ientes distinctes et complémentaires, don l'une O conserventi la polarisation qui lui avait été primitivement imprimée dans l'azimat zéro, et l'autre Eunrit reçu une direction de polarisation auveille dans l'azimat si charge d'une direction de polarisation avourelle dans l'azimat si charge.

Il y a toutesois une différence essentielle à saire entre les formules de M. Fresnel et les miennes : c'est que les coefficients O, E, dans mes formules, sont des faits; au lieu que, dans les siennes, ce sont des expressions hypothétiques. Car, me bornant à dire que la première O est la teinte d'un anneau transmis, la seconde E la teinte de l'anneau réfléchi correspondant, et ayant donné, par les mesures d'épaisseur, le moyen de trouver l'ordre et le point précis de l'anueau qui répond à chaque épaisseur assignée de la lame cristallisée, on voit que je n'emploie absolument que des lois physiques qui sont des résultats d'expériences. Pour M. Fresnel, au contraire, les expressions auxquelles il parvient étant déduites d'un système sur la nature de la lumière, et étant présentées comme des conséquences rigoureuses de ce système, il faut, indépendamment de l'exactitude mathématique de leur déduction, qu'elles représentent numériquement et avec rigueur les teintes des anneaux pour le cas des lames de chaux sulfatée, du moins dans la limite de l'exactitude physique avec laquelle cette identité peut être constatée. Je ne veux pas examiner ici ce que cette application des formules de M. Fresnel a de plus ou moins probable, je me borne à en faire sentir la nécessité logique. Les théories mathématiques sont le dernier degré de science auquel l'esprit humain puisse s'élever dans l'étude de la nature; elles sont ainsi bien supérieures aux simples lois physiques

#### REMARQUES DE BIOT SUR UN RAPPORT D'ARAGO.

dont elles embrassent et enchaînent tous les résultats; mais cette valeur qu'elles . A: XXI (A), ont, elles la doivent à la sérérité, à la connexion des épreuves qu'elles peuvent subir sans se démentir elles-mêmes, et elles ne sauraient s'établir et subsister qu'à ce pris (n').

1) L'expression analytique  $\sin^{3}\pi \left(\frac{e-o}{2}\right)$ 

né doit pas seulement, dans le système de M. Fresnel, représenter les teintes des images qui perdent leur polarisation primitive dans les phénomènes des lames cristallisées; elle doit reproduire encore les teintes réfléchies par les lames minces d'air ou vide, ou de toute autre substance, lorsqu'on y met, au lieu de o-e, la longueur du trajet de la Inmière dans ces lames, longuenr qui, sous l'incidence perpendiculaire, est, d'après le système des ondulations, double de l'épaissenr de la lame même. Désignons donc cette épaisseur par e', et nommons i la longueur d'un des accès de Newton pour l'espèce de rayon et la nature de la substance réfringente que l'on considère; à sera ainsi égal à hi; et, en introduisant ces éléments dans l'expression

$$\sin^2 \pi \left(\frac{r-o}{\lambda}\right)$$
,

on aut

$$\sin^4\left(\frac{\pi}{3}\times\frac{e'}{i}\right)$$
 ou  $\sin^4 go^*\frac{e'}{i}$ ,

pour exprimer l'intensité de chaque espèce de lumière simple qui compose les anneaux réfléchis par une lame d'une épaisseur déterminée. Or il est facile de voir que cette expression n'est pas propre à représenter ce

phénomène: car. à la vérité, elle rend l'intensité nulle quand l'épaisseur e' est l'un des termes de la série o . a i . 4 i . 6i, et elle la porte à son maximum quand l'épaisseur est i, 31, 51, 71, etc. Mais elle ne satisfait point aux valeurs intermédiaires, puisqu'elle fait varier l'intensité graduellement et continûment d'une de ces limites à l'autre; au lieu qu'en observant réellement les anneaux réfléchis formés par une lumière homogène, on les voit alternativement lucides et noirs. comme Newton les a en effet décrits(\*). Et. quoique les intervalles noirs ne soient peutêtre pas rigonreusement privés de toute lumière, comme Newton le remarque luimême, néanmoins la proportion de réflexion que l'on y observe est si excessivement faible quand la lumière incidente est parfaitement simple, que l'on peut la négliger dans la détermination des nuances composées produites par la superposition progressive de tous les anneaux que la lumière blanche forme; et c'est encore ce que Newton a fait, tant dans la table des épaisseurs qu'il a calculée, et dont j'expliquerai ailleurs la formation, qui est demeurée jusqu'ici un mystère, que dans la construction géométrique par laquelle il a représenté les teintes successives des anneaux. Car il a fondé l'une comme l'autre sur la loi d'intermittence rigoureuse, en limitant la nature et la proportion de

<sup>&</sup>lt;sup>(9)</sup> Il n'est peut-être pas inutile de faire observar que cette assertion est précisément le contraire de la réolité, [E. Vesser.]
73

# 578 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. -- PREMIÈRE SECTION.

N° XXI (A). 6. Jusqu'ici je ne trouve rien dans le rapport qui attaque explicitement les lois que je viens d'exposer. Mais j'ai dû aller plus loin; et, puisque l'analyse physique des anneaux colorés avait été faite avec tant d'habileté par Newton,

> chaque espèce de lumière simple réfléchie à chaque épaisseur donnée, non pas à l'aide d'une loi hypothétique d'intensités, comme je l'avais supposé dans mon Traité de Physique, mais sans hypothèse, d'après les seules relations de continuité qu'il avait découvertes entre les accès de tontes les nuances du spectre, relations que M. Blanc a heureusement retrouvées, et que j'ai jubliées dans la seconde édition de mon Précis de Physique. La table d'épaisseurs de Newton, construite sur ces seuls fondements, a toujours été trouvée dans un accord parfait avec les teintes des anneaux formés par réflexion dans les lames minces dont les forces réfléchissantes sont très-peu énergiques; ce qui est le seul cas que Newton ait considéré. Si done le phénomène de la réflexion de la lumière homogène dans ces lames ne a'opère pas rigoureusement par intermittences, du moins la loi analytique qui l'exprime doit être telle qu'elle donne une réflexion excessivement languissante et faible dans les intervalles poirs, puis aux limites de ces intervalles une réflexion rapidement et presque subitement eroissante, qui se soutienne pendant le plus grande partie des intervalles lucides presque sana altération. Or, e'est à quoi ne peut satisfaire une loi d'intensité exprimée par le carré du sipus d'un are proportionnel à l'épaisseur, comme M. Fresnel le suppose, ou alutôt comme il le déduit de ses idées sur les ondes lumineuses. L'opposition d'une pareille loi avec les alternatives de réflexion et de transmission de la Inmière simple se reproduit également dans les teintes composées formées par la lumière

blanche; car, en calculant ainsi ces teintes pour les diverses épaisseurs fixées par Newton, comme offrant chacune d'elles dans sa plus grande intensité, on retrouve en effet, assez bien, la même succession de leurs nuances que la table de Newton donne d'après la loi des intermittences; ce qui tient à ce que ces nuances sont toujours principalement déterminées par celles des couleurs qui se trouvent alors à leur maximum ou à leur minimum de réflexion, deux cas dans lesquels la périodicité du sinus s'accorde avec le loi d'intermittence; mais, quent à la vivacité des teintes, elle est incomparablement trop faible, parce que le carré du sique qui exprime l'intensité de chaque couleur simple variant d'une manière continûment progressive, ne détache pas assez les couleurs simples les unes des autres, et en méle ensemble des proportions fort sensibles, même dans les cas où, par le fait, elles doivent se trouver ab solument séparées. Ainsi, par exemple, dans une épaisseur d'air égale à 2 millionièmes de pouce anglais, la formule de M. Fresnel donne pour teinte réfléchie nn mélange presque uniforme de toutes les couleurs, formant un blenc à peine blenâtre, qui contiendrait plus de 4 de toute la lumière réfléchie dans le blanc du premier ordre, où l'intensité de la réflexion est à son mazimum; tendis que. d'après le table de Newton et d'après l'expérience, cette épaisseur répond an bord noir de la tache centrale, où commence la première réflexion du violet extrême. De même, l'épaisseur 9, qui répoud au rouge du premier ordre, donnerait, suivant la formule de M. Fresnel, un rouge composé enj'ai dû m'emparer de cette analyse comme d'une nouvelle série de faits, et m'en N° XXI (1), servir pour remonter aux modifications individuellement @rouvées dans les lomes

viron des - de tous les rayons rouges qui forment le spectre, joints à ‡ des orangés, des james, de des verts, des violets. et à des proportions presque insensibles d'indigo et de bleu. le tout comprenant uu einquième de toute la lumière réfléchie au mazimum des anneaux; ce qui produit une sorte de ronge mélangé, telle pour l'œil qu'on la formerait avec deux parties de lumière blanche et trois de rouge; tandis que. selon les mesures prises par Newton, le rouge de cet ordre est formé uniquement de la portiou du rouge située vers l'extrémité du spectre, à peu près jusqu'au tiers de tout le rouge, sans aucun mélonge sensible d'aucupe autre couleur; ce qui tient à ce que l'épaisseur 2 millionièmes de pouce a été choisie par Newtou au delà de la première sitemative de réflexion du dernier orangé. par conséquent dans la seconde alternative de transmission de toutes les couleurs plus réfraugibles que le rouge, et avant le commencement de la seconde alternative de réflexion du violet extrême. La teinte ani suit dans la table de Newton, et qui répoud à l'épaisseur 11 2, est également dénaturée par la formule de M. Fresnel, qui la donne comme contenaut ? de toute la lamière violette du spectre, jointe à ! de l'indigo, ! du blen, ! du vert, ! du rouge, avec des proportions presque insensibles d'orangé et de jaune, le tout formant environ \* de la lamière totale employée à la formation desanneaux, d'où résulte une teinte violette telle qu'ou la composerait avec q parties de blanc et 16 de violet du spectre ; tandis que cette épaisseur a été choisie par Newtou de manière à correspondre an commencement de

la seconde alternative de réflexion du violet et de l'indigo, saus aucun mélange sensible des antres couleurs. La même discordance subsiste dans toute la série des teintes plus composées: mais elle s'y montre avec moins d'évidence, parce que le nombre des couleurs simples oni s'y mêlent, même dans la loi d'intermittences, devient plus cousidérable. Or, cette discordance doit avoir lieu également, par les mêmes motifs, pour les teintes qui perdent leur polarisation primitive dans les lames cristallisées, lorsque ces teintes sont le produit d'une loi de polarisatiou intermittente, comme cela a lieu d'après l'observation, an moins près des axes de double réfraction des cristaux, puisque les anneaux qui s'y forment, avec la lamière polarisée homogène, paraissent alternativement noirs et lucides comme ceux des lames minces, et offrent de même une égalité sensible dans les alternatives d'épaisseurs auxquelles ils répondent. De tout cela faut-il conclure que ces phénomènes et ceux des anneanx colorés ordinaires sont incompatibles avec le système des ondulations de la lumière? Non saus doute, mais seulement que la loi d'intensité de ces oudes, si elles existent. n'est pas encore connue, et qu'elle ne peut pas, au moins dans ces circonstances, être représentée par l'expression analytique que M. Fresnel a déduite de son système sur les constitutions et les mouvements de l'éther lumineux; ce qui n'empêche pas que les conséquences de cette expression, quoique inexactes en général, ne puissent s'accorder avec les phénomènes dans les mazina et les minima de la réflexion. (Note ajoutée après la lecture.)

73.

#### 580 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - DEUXIÈME SECTION.

N° XXI (A). de chaux sulfatée par chaque rayon de lumière simple. Alors, d'après l'identité des lois physique de ces deux phénomènes, il devenait évident que les alternatives de transmission et de réflexion qui ont lieu dans les anneaux répondaient à des alternatives de polarisation suivant les directions o et 21, c'està-dire suivant le sens de la polarisation primitive et à égale distance de l'autre côté de la section principale de la lame cristallisée; et comme, dans l'hypothèse de la matérialité de la lumière, une molécule de lumière simple qui traverse un milieu épais doit y éprouver successivement ces alternatives de disposition à se réfléchir ou à se transmettre, de même, mais par le seul fait de l'identité des lois, une molécule de lumière simple qui traverse une lame cristallisée, dans les circonstances énoncées plus haut, doit, selon ce que nous indique l'espèce de réfraction qu'elle subit dans le prisme de chaux carbonatée avec lequel on l'analyse, être alternativement polarisée dans les directions o et ai, c'est-à-dire suivant la direction de la polarisation primitive et de l'autre côté de la section principale de la lame à égale distance, précisément comme si elle oscillait autour d'un ave dirigé suivant cette section même : c'est ce mode alternatif de polarisation que j'ai appelé la polarisation mobile. Je suis encore persuadé aujourd'hui qu'il est exact, comme représentation de ces phénomènes, et ie ne lui attache pas d'autre valeur. Ainsi, je ne serais pas étonné si l'on venait à découvrir qu'il se produit antrement que par un mouvement oscillatoire des molécules lumineuses, ou en vertu de quelques propriétés des rayons que j'aurais ignorées. Mais cela ne changerait rien aux lois physiques des phénomènes, telles qu'elles se trouvent exprimées par mes formules. Nous sommes encore si éloignés de savoir ce que c'est que la lumière, qu'on ne peut guère de long-

7. Si l'on se rappelle la construction géométrique par laquelle Neuton à reprimé la succession des couleurs des anneaus pour les diverses espècies de lumière simple de réfrangibilités diverses, on sait que, bien qu'elle soit générale dans ses principes, elle est spécialement appropriée au cas de forces réfléchisantes très-faibles, comme sont celles des corps disphanes observés sous l'incidence perpendiculaire, ce qui est le seul cas que Neuton nit eu en vue. Or, en adoptant, pour les phénomènes des lames cristallisées, la série des tantes données par cette construction, je n'ai pas d'de na dopter aussi toutes les conséquences théoriques particulières aux anneaux que Neuton considérait; et, la did péridicité étant la seule étose commune, j'ai d'a en déduire seulement

temps se flatter d'v découvrir autre chose que des lois.

les résultats de la périodicité inégale pour les diverses espèces de lumière N° XXI (4). simple. Ainsi, dans le phénomène des anneaux, lorsqu'il est produit par des forces réfléchissantes très-peu énergiques, une grande portion de la lumière incidente, et même la portion de beaucoup la plus considérable, échappe à la réflexion, même dans les épaisseurs où celle-ci est la plus abondante; et, se mélant à la portion complémentaire des anneaux réfléchis, laquelle seule forme les anneaux colorés transmis, elle affaiblit l'éclat de leurs teintes par son uniformité. l'ai dû rejeter cette lumière étrangère, pour l'application particulière aux phénomènes que je considérais, et avec lesquels la construction de Newton n'avait d'autre rapport que celui d'une loi de périodicité pareille. Or il existe dans la construction de Newton une autre particularité, qui tient aussi à la faiblesse des forces réfléchissantes dont il avait à représenter les effets; et cette particularité est que, à cause de cette faiblesse même, il a dû considérer la première épaisseur où la réflexion commence sur chaque espèce de molécule lumineuse, comme sensiblement égale à la moitié de la longueur d'un de ces accès; parce qu'en effet c'est seulement à cette épaisseur que les molécules lumineuses entrées dans le milieu réfringent dans les dernières phases de l'accès de transmission où toutes se trouvent, commencent à devenir susceptibles d'être réfléchies par des forces réfléchissantes très-peu énergiques. Newton prévient lui-même que cette limite n'est qu'une approximation qui rend sa construction plus simple, parce qu'alors les anneaux lucides formés par la réflexion d'une lumière homogène se trouvent sensiblement compris entre les mêmes différences d'épaisseur que les intervalles noirs qui les séparent. Mais, lorsque l'on considère des forces réfléchissantes plus énergiques, la première réflexion doit commencer à une épaisseur moindre qu'un demi-accès, parce que les mêmes molécules lumineuses dont je parlais tout à l'heure se trouvent, avant d'y être arrivées, dans une phase de réflexibilité assez énergique pour être réfléchies effectivement; et, de même, la dernière réflexion doit finir alors à une épaisseur plus grande qu'un accès et demi, parce que les molécules lumineuses qui se réfléchissaient les dernières à cette épaisseur, sons l'influence de forces réfléchissantes très-faibles, devront, avec des forces plus puissantes, être réfléchies dans une phase moins énergique de réflexibilité. De là, comme je l'ai fait voir dans mon Traité de physique, il résulte que les alternatives d'épaisseur auxquelles la réflexion et la transmission se succèdent pour une même molécule lumineuse sont encore rigoureusement égales entre elles; mais, dans la même

58

A. VXI (A), espèce de lumière homogène, chaque molécule lumineuse commence sa première alternative de réflexion à une époque et à une épaisseur différentes selon la phase de l'accès de transmission où elle s'est trouvée en entrant dans le milieu; ce qui fait que, si la lumière réfractée se trouve uniformément répartie entre toutes les phases de ce genre d'accès, les alternatives d'épaisseur des anneaux lucides, vus par réflexion dans une lumière rigoureusement homogène, deviennent plus grandes que les intervalles noirs qui les séparent. Alors, par une conséquence nécessaire, si, au tieu d'anneaux simples, on considère le système d'anneaux composés formés par la lumière blanche, l'empiétement successif des anneaux simples de diverses couleurs produits par cette lumière sera différent de celui que Newton considérait; et ainsi les teintes de ces anneaux devront, mathématiquement parlant, différer de celles qu'il a décrites. Mais si l'élargissement des anneaux simples est peu considérable, ou si même, avec une plus grande extension d'anneaux, la lumière simple de chaque couleur se trouve, à son entrée dans le milieu, inégalement répartie entre toutes les phases de l'accès commun de transmission, de manière que le plus grand nombre des particules lumineuses se trouve alors vers le milieu de cet accès, et que les autres soient distribuées dans les autres phases du même accès, suivant une progression rapidement décroissante, dans ce cas, quoique la réflexion pût s'opérer, ou s'opérât en effet, sur quelque molécule presque dès l'origine du milieu, et se continuât de même sur d'autres molécules, plus longtemps que dans les anneaux colorés produits par des forces réfléchissantes peu énergiques, cependant, à cause du petit nombre de ces molécules extrêmes, les teintes composées, réfléchies et transmises, différeraient encore très-peu de la table de Newton, de sorte que la différence des unes et des autres pourrait n'être pas apercue, surtout si on ne la soupconnaît pas (1). L'unique moyen de découvrir cette différence serait donc d'étudier directement les intensités des anneaux réfléchis et transmis dans les diverses phases de leurs progrès, en les

O cest là, je crois, ce qui a lieu dans les teintes des insiges produites par les lames minces cristalisées, même pour celles qui, comme les lames de chaux sulfatée et les micas à un ou à deux aves, paraissent suivre avec le plus de fidélité la table de Newton; car, enétudiant avec attention celles de ces teintes qui

répondent aux limites des alternatives de réflexion ou de transmission des couleurs extrèmes, j'ai cru y reconoaltre un mélange de ces couleors sensiblement plus élendu que la réflexionne le piroduit dans les anneaux colorés formés par des forces réfléchiesantes trèspes énergiques. (Vota ejonés esprès la Lettrav).

formant avoc une lumière rigoureusement homogène. Il faudrait ensuite appli- N° XXI (A), quer le commencement de la réflexion et de la transmission de chaque molécule à son origine propre, déterminée par la phase particulière de l'accès de transmission où elle se trouve immédiatement après son entrée dans le milieu réfringent; après quoi, il ne resterait plus qu'à appliquer périodiquement et judéfiniment à chaque molécule, à partir de cette origine, les alternatives rigoureusement égales d'accès qui conviennent à sa réfrangibilité propre. Or c'est ainsi, et précisément ainsi, que l'on doit, à ce qu'il une semble, analyser les alternatives de polarisation qui s'observent dans les lames cristallisées; et alors on ne sera pas étonné de voir qu'un faisceau lumineux homogène transmis, dans certains cas, à travers ces lames, se partage et se répartisse progressivement entre les deux sens de polarisation que l'on y observe, comme M. Fresnel l'objecte contro l'idée d'une polarisation intermittente et alternative. C'est que cette lumière, même lorsqu'on la suppose rigoureusement identique dans sa nature, n'a pas toutes ses particules, à leur entrée dans les lames, exactement dans la même phase d'accès; d'où il suit que les unes commencent leurs alternatives de polarisation plus tôt et les autres plus tard, selon cet état, en sorte que l'intermittence n'a pas lieu et ne peut pas avoir lieu pour le faisceau total qu'elles composent, mais seulement pour chacune d'elles individuellement. Quant à la loi de cette progression et do co partage, elle ne peut être déterminée que par des expériences très-délicates; et même, d'après quelques recherches que j'ai commencées dans cette vue, je serais porté à croire qu'elle varie avec l'énergie des forces qui produisent la double réfraction, c'est-à-dire, avec l'inclinaison des rayons sur les axes des cristaux qui les réfractent; les anneaux formés par chaque espèce de lumière sensiblement unicolore offrant d'abord, près de ces aves, des intermittences de polarisation nettement tranchées, tandis que, sous des inclinaisons plus grandes, ils s'étalent graduellement jusqu'à faire quelquefois disparaître leurs intervalles. Au reste, quel que soit ce mode de partage, il ne serait peut-être pas parfaitement sûr de le déterminer avec le verre rouge dont MM. Arago et Fresnel ont fait usage, et dont M. le rapporteur a bien voulu me confier un échantillon pour répéter leurs expériences; car je nie suis assuré que ce verre transmet, non-seulement une certaine espèce de rouge, mais laisse aussi passer des rayons jaunes et même quelques rayons verts; d'où il est probable qu'il en transmet aussi de diverses espèces de rouges et même d'orangés, quoique sans doute dans une très-

petite proportion. A la vérité, on n'aperçait pas cette diversité de couleurs par des réfractions même très-énergiques, et cela suffit nour le très-grand nombre des expériences; mais la réfraction n'est pas, à beaucoup près, le moyen le plus précis que l'on puisse employer pour discerner des rayons de nature diverse; et les phénomènes d'intermittences, dépendants de l'inégale longueur de leurs accès, sont bien plus propres à les séparer quand on leur fait subir des alternatives nombreuses. C'est par des moyens pareils que j'ai reconnu ce fait(1); et quelque faible que soit dans la lumière transmise à travers ce verre la proportinn des rayons qui accompagnent le ronge, leur présence suffit pour montrer que ce rouge lui-même n'est pas rigoureusement simple; d'où il résulte que les alternatives de polarisation, en se multipliant, doivent de plus en plus séparer ses diverses parties hétérogènes en vertu de l'inégale longueur de leurs accès, et les amener ainsi à des époques différentes dans la même image, jusqu'à ce qu'enfin ces alternatives, étant devenues suffisamment nombreuses, les répartissent toutes en quantité semblablement égale dans les deux sens de palarisation o et a i : ce qui produira dans les deux images une égalité d'intensité complète qui se maintiendra sans modification sensible dans toutes les alternatives plus nombreuses, comme en effet on l'observe2, au lieu que, dans les premières alternatives, l'égalité du

(1) Par exemple, en observant les anneaux formés par la lumière polarisée autour d'uu des axes de la topaze blanche dans une plaque taillée perpendiculairement à cet axe. Alors. d'après la loi générale de la double réfraction que j'ai donnée dans les Mémoires de l'Académie pour 1818(s), les diamètres des anneuux successifs croissent simplement en progression arithmétique, de sorte que les contours mêmes des anneaux sont équidistants dans une étendue visuelle considérable; ce qui les montre plus détachés les uns des autres que dons les cristaux à un axe, ou dans les anneaux réfléchis par des lames minces limitées par des surfaces sobériques. ceux-ci se rapprochant les uns des autres à mesure qu'ils s'éloignent du centre. C'est aussi par les observations des anneaux formés autour des axes des cristaux que l'on peut le mieux reconnaître l'intermittence de la loi de polarisation qui les forme, les intervalles lucides étant égaux aux intervalles noirs. (Note ajoutée après la lecture.)

(1) C'est pour cela que, lorsque l'on transmet un rayon polarisé à travers une lame de chanx sulfatée suffisamment épaisse, si l'on analyse ce rayon par na prisme de chaux carbonatée, et qu'ensuite on le reçoive dans l'œil à travers le verre rouge. on obtient tonionrs deux images O, E d'in-

<sup>(1)</sup> Mémoire sur les lois générales de la double réfraction et de la polarisation dans les corps régulièrement cristallisés. (Mémoires de l'Académie royale des sciences de l'Institut pour 1818. T. III, p. 177.)

partage ne peut s'obtenir qu'à certaines épaisseurs, ou sous certaines inclinai- N° XXI (A). sons, périodiquement déterminées par les conditions exposées plus haut,

On voit donc que co partage progressif de la lumière sensiblement homogène entre les deux alternatives de polarisation o et ai, loin d'être en opposition directe avec l'analyse exacte des phénomènes, comme M. Fresnel et, après lui, MM. les Commissaires le supposent, en est au contraire une conséquence très-délicate, que je n'avais pas suffisamment développée. Toutefois ce fait avant été présenté dans le rapport comme une objection décisive contre la loi de polarisation que j'avais donnée, j'ai voulu étudier directement le sens de polarisation des faisceaux mêmes que le verre rouge donnait; et, en les soumettaut à des épreuves très-précises déduites de mes formules mêmes, i'ai pu m'assurer que, depuis le premier état de faiblesse de chaque image jusqu'à leur égalité parfaite, les caractères tirés de la polarisation dans l'angle ai s'observent toujours avec une fidélité et une continuité rigoureuses[1]. Ainsi l'on ne doit pas, ce me semble, dire, nvec M. Fresnel et les Commissaires, que ce mode de polarisation a lieu seulement dans certains ens très-particuliers entre lesquels lo rayon se trouve partiellement polarisé, ce qui est une chose

tensités égales, qui n'éprouvent pas le moindre changement appréciable quand on fait varier l'inclinaison de la lame, quoique cette inclinaisou puisso changer considérablement, et avec une progression aussi lente qu'on le désire, les longueurs du trajet des faisceaux dans le lame, ainsi que leur inclinaison par rapport aux axes du cristal. Mais cette constance tient à l'hétérogénéité de la lumière transmise et an grand nombre d'alternatives de polarisation qu'elle a subies; car ces alternatives, à mesure qu'elles sa multiplient, séparant tonjours de plus en plus les particules lumineuses de réfrangibilité diverse, finissent par les répartir, en nombre sensiblement égal, entre les deux sens de polarisation qu'elles prennent successivement; ce qui produit deux images d'intensités égales d'une lumière sensiblement unicolore; de même qu'avec toutes les

lumières du spectre transmises à travers ces mêmes lames, il se produit toujours deux images blanches d'égale intensité. (Note ojoutée après la lecture.)

" J'ai fait cette observation en inclinant des lames minces cristallisées sons des angles tels que l'intensité de l'image O, formée par la lumière transmise à travers le verre rouge. fût d'abord très-petite, et augmentât graduellement insqu'à devenir égale à E : puis cherchant, dans chaque cas, la position de la section principale de la lame pour laquelle les deux images données par le prisme de chaux carbonatée avaient des intensités égales; car cette position, qui dépend évidemment de la direction de polarisation des deux faisceaux O, E, s'accorde avec la supposition de la polarisation de E dans l'azimut 21, et ne s'accorde pas avec une polarisation d'émergence rectangulaire,

-

\* 74

N° XXI (A)

vague; ou ne se trouve pas polarisé du tout, ce qui seruit contrire à la continuité observée des phénomènes; mais il faut dire que le même mode de polarisation déduit des expériences sur la lumière blanche s'applique encorevactement à la lunière uniforme pour l'eil, que le verer rouge transmet, soit que la répartition progressire de cette lumière entre les deux images résult seulement de la phase inégale d'accès de transmission où ses diverses particules se trouvent lorspédles ont planérés la lame eritatilisée, soit, ce qui est plus vraisemblable, que cette cause de partage se combine avec celle qui résulte d'une petite hériogràficié dans les rayous transans.

8. On a élevé dans le rapport une autre objection contre les lois de la polarisation mobile, laquelle est tirée d'une opposition qui aurait lieu entre esclois el l'expérience, dans le cas où la lumière est transmise à travers deux lannes de chaux sulfatée égales, ayant leurs aves croisés l'un avec l'autre sous altagée de 52 il y a plusieurs années que je me suis expliqué avec M. Fersuel sur cette opposition apparente.<sup>50</sup>. Elle tient à une application inexacte que j'arais faite, dans cette cirronstance, des lois mêmes que j'avais trouvées. En rectifiant cette application, je me suis assuré depuis longtemps que mes formules donnent, dans ce cas, les mêmes variations d'intensité que M. Fresuel avait renarquées; co qui n'a rien de surprenant, pusique, comme je l'ai montré plus haut, les formules employées par M. Fresnel coincident exactement avec les miemes, et donneut les mêmes directions de polarisation quand on les applique aux lames isolées ou supreposées <sup>50</sup>.

g. Enfin le rapport attaquo aussi la liaison que j'ai indiquée comme devant exister entre les phénomènes de la polarisation mobile et le fait de la polarisation rectangulaire que l'on observe toujours dans les faisceaux doublement

O' L'erreur que J'avais commise temit à ce que, après avoir déterminé les directions de polarisation des faisceaux émergents, lesquelles sont au nombre de quatre pour deux lumes superposées, Jivais calculé leurs intentifés partielles comme i le foisceau primitif, après avoir traversé la première lame, devait taujouve se subdiviser, suivant une proportion invanible, catre les sens de polarisation divers de la seconde, quel que fut l'azimit i, lorsque l'angle des sections principales delsi constant. Or cette supposition est évidemment en opposition avec les expériences mêmes sur lesquelles j'ai établimes formules. Mais il suffit de la corrigepour avoir les formules vértibles qui s'oppliquent à tous les angles de creisement des lames, comme on pent aisément le vérifier.

<sup>(1)</sup> Voyez Nº VIX (D).

87

réfractés, lorsqu'ils sont assez écartés l'un de l'autre pour que l'œil puisse les Nº XM (A). recevoir séparément. Ici je dois m'expliquer. Les deux modes de polarisation que je viens de décrire sont tous deux certains dans les circonstances où on les observe, en ce sens que chacun d'eux est un résultat positif d'expériences, Il existe même entre les formules qui les expriment une relation singulière, que je n'avais pas encore aperçue. C'est que, dans les cas où la lumière transmise à travers les lames cristallisées se partage également entre les deux seus de polarisation qu'on y observe, ce qui arrive lorsque ces lames ont une épais seur suffisante pour séparer les rayons inégalement réfrangibles de chaque couleur jusqu'à les répartir également aux deux limites o et a i, alors les deux images données par le prisme rhomboidal qui sert pour analyser la lumière transmise deviennent, dans toutes les positions possibles de la lame cristallisée, identiquement les mêmes que les donnerait la polarisation rectangulaire; de sorte qu'au delà de cette épaisseur des lames les molécules lumineuses pourraient passer d'un de ces états à l'autre, sans qu'il fût aucunement possible de s'en apercevoir par ce genre d'observation. l'ignorais, j'ignore encore comment ce passage s'opère; et, dans cette incertitude, j'avais présenté comme une chose possible qu'il fût progressif, c'est-à-dire que les diverses particules lumineuses, après avoir d'abord éprouvé la polarisation alternative, se fixassent successivement sur le sens intermédiaire de polarisation propre à la polarisation rectangulaire; mais je n'ai dissimulé ni mon doute, ni la singularité de deux effets si différents. l'ai même fait aussi et publié des expériences dans lesquelles je produisais les phénomènes de coloration par le croisement de prismes cristallisés qui, individuellement, donnaient des images sensiblement séparées; et j'ai signalé tout ce que la jonction de ces deux phénomènes pouvait présenter de mystérieux. Je ne puis en donner une meilleure preuve qu'en citant les expressions mêmes dont M. Fresnel s'est servi dans son premier Mémoire (page 30)(\*) en parlant des recherches que j'ai publiées, sur cet objet, dans mon Traité de physique : « Quelque surprenantes que fussent les aconséquences de sa théorie. M. Biot a dû les regarder comme résultant né-« cessairement des faits , parce qu'elles étaient déduites d'une hypothèse qui les « représentait fidèlement, et qui pouvait seule en rendre raison dans le système « de Newton. C'est pour faire sentir les incouvénients de ce système que j'ai cru

<sup>&</sup>quot; Voyez Nº AV (B), 8 36,

N° XXI (A). " devoir présenter, on plutôt rappeler ces objections, que j'ai tirées de l'ouvrage - de M. Biot. » Ces expressions de M. Fresnel me placent précisément dans la position où j'ai toujours voulu me placer moi-même. Je n'ai jamais prétendu, dans mes recherches, établir autre chose que des lois expérimentales. Ainsi, lorsque l'on parviendra à lier entre eux des groupes de faits que je n'aurai pas pu réunir, ou que j'aurai seulement tenté de rapprocher par des inductions, je jouirai de cette extension de la science d'autant plus librement qu'elle ne saurait porter atteinte aux lois physiques que j'ai découvertes, lois que je regarde seules comme durables, et auxquelles j'attache quelque prix.

> Avant ainsi répondu aux objections scientifiques élevées contre les résultats de mes recherches, je dois encore, pour l'intérêt même tles sciences et de ceux qui les cultivent, considérer le rapport sous un autre point de vue, je veux dire relativement à l'ordre historique dans lequel les travaux successifs y sont présentés.

> 10. Les pièces qui m'ont été remises sont, outre le rapport, la moitié d'un premier Mémoire manuscrit présenté à l'Académie, par M. Fresnel, le 7 octobre 1816 (a), un supplément présenté le 19 janvier 1818 (b), et qui ne se rapporte pas à ce Mémoire, mais à un autre dont on n'a pas encore rendu compte à l'Académie; enfin, deux notes détachées, saus date de présentation, et dont l'une même ne semble pas entièrement achevée [c]. En examinant ces documents, tout incomplets qu'ils sont, j'y ai trouvé avec plaisir, dans plusieurs passages, la prenve que M. Fresnel ne s'était pas primitivement proposé, pour but de son travail, de montrer que ce qu'il appelle ma théorie de la polarisation mobile était, sur beaucoup de points, insuffisante et inexacte, comme MM. les commissaires ont cru pouvoir l'établir au commencement de leur rapport; mais qu'au contraire, par une marche d'idées plus naturelle, M. Fresnel avait d'abord pris pour base les lois que j'avais trouvées, et avait entrepris de chercher les conditions hypothétiques qu'il fallait introduire dans les interférences pour y satisfaire; précisément comme il l'a fait encore depuis dans un autre travail, où il s'est proposé de représenter, par des ondes lumineuses, les phénomènes

<sup>(4)</sup> N° XV (B).

to Nº XVII.

<sup>10</sup> Nº XIX (C) et (D).

de polarisation par rotation que j'ai découverts dans certains fluides (1), Ainsi, Nº XXI (A), à la page 20 de son premier Mémoire [6]. M. Fresnel considère son travail et le mien exactement sous ce point de vue. « Toutes les conséquences de ces for-« mules, dit M. Fresnel, sont confirmées par l'expérience. Il me semble que « cet accord prouve suffisamment qu'elles représentent aussi fidèlement les faits « dans la théorie des ondulations, que celles de M. Biot dans le système de « Newton. A la vérité, les siennes ont, sur celles que j'ai employées, l'avantage « d'indiquer dans chaque cas laquelle des deux images doit répondre aux an-« neaux transmis ou aux anneaux réfléchis; mais l'explication déduite de la « théorie des ondulations est bien plus conforme nux principes généraux de « polarisation dans les substances cristallisées, » Dans un autre passage , page 23, M. Fresnel déclare que c'est sur les résultats de mes observations qu'il a établi certaines conditions nécessaires dans les interférences pour que les deux faisceaux transmis par la lame cristallisée donnent des images colorées telles qu'on les observe. «Voici, dit-il, la règle que j'ai déduite des expériences de « M. Biot 6), » La même déclaration se trouve répétée dans une note manuscrite que M. Fresnel m'avait remise depuis longtemps, et qui contient le résumé de tous les principes dont il fait dépendre les couleurs des lames cristallisées (c; enfin elle se retrouve encore dans le second Mémoire dont on n'a pas encore rendu compte à l'Académie, et dont M. Fresnel m'a confié une copie 60 (2). A la

(1) On a dit, dans la discussion devant l'Académie, que M. Fresnel adoptait sans restriction toutes les expressions du rapport comme offrant l'interprétation exacte de sa pensée; mais cette assertion n'infirme rien de ce que je prétends ici établir; car il ne s'agit oullement de ce que M. Fresnel peut dire ou penser aujourd'hui, mais de ce qu'il a pensé et écrit il y a cinq ans, dans le systême d'idées et de notions acquises où il se trouvait alors : or. c'est ce que les pièces écrites à cette époque peuvent seules prouver. (Note ajoutée après la lecture,)

<sup>31</sup> M. Fresnel a cherché si peu à dissimuler cette vérité, qu'il l'a reconnue avec les mêmes expressions dans la Note qu'il a imprimée à la fin du cahier des Annales de chimie et de physique, pour mai 1891, p. 104 (\*). Cela suffit, ce me semble, pour prouver que mes recherches ne lui ont pas été inutiles.

<sup>30</sup> Voyez No XV (B), \$ 35.

<sup>16</sup> Voyez No XV (B), \$ 28.

W Voyez No XIX (B).

W Vovez Nº XVII. S 6.

<sup>\*</sup> Voyes Nº XXII (A).

V XXI(A). vérité, MM. les commissaires citent, dans leur rapport, une expérience de M. Fresnel sur des rhomboïdes croisés, de laquelle ils paraissent déduire la même règle ou une règle équivalente. Mais, en supposant que cette expérience ait réellement toutes les conséquences physiques qu'ils en tirent, ce que je n'ai besoin ici ni de contester ni d'affirmer, on peut sans doute en faire aujourd'hui, si l'on veut, le fondement des formules auxquelles M. Fresnel arrive, et qui sont, comme je l'ai fait voir, les mêmes que celles que j'avais données plusieurs années avant lui, du moins quant aux deux sens de polarisation, et au mode de subdivision des faisceaux entre enx. Mais, dans un rapport lu à l'Académie et soumis à sa sanction, il était juste, ce me semble, de dire ce que M. Fresnel avait trouvé de secours dans les travaux de ceux qui l'avaient précédé; et, surtout dans un rapport qui, par le fait, se trouve embrasser des Mémoires de dates si diverses, et même des notes sans date, l'équité exigeait que les idées de M. Fresnel fussent présentées, avec une attention particulière. dans l'ordre où elles s'étaient succédé réellement. Je demanderais donc à l'Académie qu'il fût fait une rectification à cet égard dans le rapport, s'il devait être adopté. Je demanderais aussi, comme conséquence, que l'on y supprimât l'expression du motif attribué à M. Fresnel, motif à la conception duquel je n'ai pu trouver de prétexte que quelques mots contenus dans une de ces notes sans date, qui, n'ayant pu faire primitivement partie du corps du Mémoire, ne doivent, par conséquent, pas faire supposer une intention première, et surtout ne peuvent pas en autoriser l'expression dans une lecture faite devant l'Académie.

> Mais, indépendamment de ces inexactitudes de détail, le rapport me semble s'écarter des règles généralement établies dans les sociétés savantes pour assurer l'équité de leurs décisions...... (Le reste de ces remarques portant sur la légalité du rapport considéré sous le point de vue des formes académiques, je l'ai supprimé ici comme étant devenu maintenant inutile depuis que l'Académie a seulement adopté les conclusions du rapport, et non pas le rapport même.)

et que les lois expérimentales que javais le premier établies dans cette classe mystérieuse de phénomènes lui ont offert des données assez exartes pour être employées. Or cette utilité est la seule chose que je réclame, et je ne crois pas qu'on puisse me l'ôter. (Note ajoutée après la lecture.)

#### Nº XXI (B).

## EXAMEN

#### DES REMARQUES DE M. BIOT,

PAR M. ARAGO.

Sunales de chimie et de physique, cabier de juillet 1821, L. XVII., p. 258. - Officeres d'Arago, L. X. p. 425.

1. En ne mettant aucun obstacle à la publication des Remarques de M. Biot dans les Annales de chinie et de physique, je ne me suis pas engagé à les laisser saus régonne; je vais danc rappeler les objections contenues dans notre rapport, les rapprocher des arguments qu'o leur oppose, et mettre ainsi le lecture en état de juger par lui-même si elles sont aussi dépourves de fondement que l'annonce notre savant confére. J'aurais bien désiré aussi pouveir me borne à la partie permente sicentifique de la discussion; mais il m'uniporte de prouver, puisque M. Biot, tout en annonçant qu'il ne s'occuperait point des prouver, puisque M. Biot, tout en annonçant qu'il ne s'occuperait point des formes, a prononce le mot de légulier Jegage a 26 et 385°), que le rappir des trenfermant rien d'illégal, et qu'il ne violait, quoi qu'on en dise, aucune des règles généralesses télebles abus les sectifs avontes.

2. Aussitét que M. Biot eut manifesté l'intention de répondre au rapport que nous libras d'eaunt l'Académie, M. Ampère en mai, le à juin 1891, je m'empressi de le lui remettre; j' joignis, comme pièces à l'appui, les écrits de M. Fresnel dans lesquels tous les argunents dont je m'étais étayé se trousent développés. L'un de ces écrits (le Mémoire présenté à l'Académie eu 1816 %) n'étais juit complet. J'en prévins M. Biot; je lui lis savoir que la partie un manquain foitai point relative à ses expériences, qu'elle ne trainait que des modifications apportées par la polarisation aux phénomènes d'interférence, et que je n'avais que conséguement y suiers acuence dejection contre sa théorie des parties de la conséguement y suiers acuence dejection contre sa théorie.

<sup>(\*) 570</sup> et 590 de la présente édition.

D Voyez la note de l'éditeur au commencement du N° XV.

### THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - DEUXIÈME SECTION.

V XXI (B). de la polarisation mobile. l'indiquai, de plus, les motifs qui m'avaient imposé l'obligation de séparer la première section du Mémoire de la seconde. Gette première section, du reste, ayant été imprimée depuis longtemps dans les Annales de chimie (c'était précisément pour cela qu'on n'avait pas jugé nécessaire de conserver le manuscrit), j'en fis remettre un exemplaire à VI. Biot. Je croyais avoir ainsi satisfait à toutes les convenances et prévenu jusqu'à l'ombre d'une objection : vains efforts! M. Biot s'est obstiné à soutenir, dans la discussion verbale et dans ses remarques écrites, qu'en ne faisant notre rapport que sur la seconde partie du Mémoire original, nous avions violé, M. Ampère et moi, les règlements de l'Académie. Ce savant physicien oubliait sans doute, quand il nous adressait un reproche aussi peu fondé, que jamais on n'a contesté aux auteurs qui soumettent leurs ouvrages au jugement de l'Académie le droit de les retirer. Ce qui se fait journellement pour un Mémoire tout entier est à plus forte raison applicable à un simple chapitre, à un paragraphe isolé. Un écrit ne devient évidemment la propriété d'une société savante qu'après qu'elle a prononcé sur son mérite ; jusque-là, l'auteur, éclairé par de nouvelles réflexions ou par les conseils des commissaires, peut le modifier à son gré, et ce serait blesser à la fois l'usage et les convenances que de ne point permettre la rectification d'erreurs qu'on avouerait,

> 3. Après avoir ainsi établi, en thèse générale, que M. Fresnel aurait eu le droit de retirer ou de changer une partie quelconque du Mémoire, je dois m'empresser de déclarer que cet habile physicien n'avait rien à rectifier dans son travail; que j'ai fait, moi seul, la suppression dont M. Biot se plaint, et qu'elle était commandée par ces mêmes règlements qu'on nous accuse si légèrement d'avoir violés. M. Biot, qui s'est si fréquemment associé, pour ses recherches scientifiques, des observateurs étrangers à l'Académie, doit savoir mieux que personne qu'on ne rend jamais compte devant elle des travaux auxquels les académiciens ont pris part. La première section du Mémoire renfermant des expériences que nous avions faites en commuu, M. Fresnel et moi, j'ai dû évidemment, soit pour me conformer à l'usage, soit pour ne pas me constituer juge dans ma propre cause, n'examiner, dans le rapport, que la section relative aux couleurs des lames cristallisées.

> 4. On a parlé de notes sans date. Je réponds que la date n'aurait quelque importance que dans une question de priorité : or je n'ai pas appris jusqu'ici qu'aucune prétention de ce genre se soit élevée à l'égard des expériences de

M. Frescal. Si le cas arrisati par la suite, il me serait facile de prouver que N°XXI(B). cos notes sont de simples développements du prêmier mémoire présenté en 1816. Du reste, je ne les avais volontairement communiquées à M. Biot que pour l'aider dans ses recherches, et l'étais, je l'avoue, bien loin d'imaginer qu'il croirait y trouve le suitet d'un reproche.

5. M. Biot dit qu'an a puisé des objections dans un supplément déposéen 18 18 %, et qui ne se rapporte pas au Mémoire principal : le fait est rein ainsi je ne devine pas quelle conclusion il veut en titrer. M. Frenel est présenté deux Mémoires. Les commissières chargés de les examiner les araient d'abort compris l'au et l'autre dans un seul et néher rapport. Il leur parait ensuite, tant pour ne pas fatiguer Estention de l'Académie que pour répandre sur un matière ni compliquée toute la clarié possible, qu'il serait plus convenable de séparer les faits relaifs à la polarisation mobile d'une seconde classe de plénomèmes qui ne se rattachisent à cette théorie que d'une manière trè-designée et dont ils se proposient de rendre comptée réparêment. Je ne doute pas qu'il n'y ait là une irrépularité flagrante, puisque M. Biot l'affirme; mais j'avour que jusqu'ici je n'ai pas eu la satisfaction de l'apercevoir. Ce qui me paralt plaévident, c'est qu'en s'attachant aussi minutieusement aux formes, notre savant confrère fera naître l'idée que les arguments qu'en a opposés à se théorie lai luraississante, au fond, beaucoup plus solides qu'il n'à l'air de le reconnaître.

6. Le long intervalle de temps qui r'est écoulé entre la précentation du Memòre de M. Freenel et celle de notre ripport a étà aussi l'objet de quelques observations critiques dont il ne m'a pas été possible de deriner le bat. J'aurais conçu, per exemple, que M. Biet vouldi stribuer les inexactions dans lesquelles, suivant lui, nous sonames tombés à la précipitation de notre travait, mais est-il bien auturel, quand on nous accuse d'avoir mal interprét diverses expériences, d'insinuer en même temps que l'examen auquel nous nous sommes livrés n'a pas été assez prompt? Au reste, je n'éprouve aucuse répugnance à déclarer ici, comme je l'ai déjà l'ait deunt l'Académie, que le longs retards qu'on nous reproche ont été principalement occasionnés par dédir d'évite la discussion dans laquelle je me trouve maintenant engagé. Les Mémoires que M. Biot a publiés sur la théorie de la polarisation mobile formeraient plus de deux gros volumes in-é. Ce n'est extrainement pas de l'au proposition de le ce n'est certainement pas de l'au produire de la polarisation mobile.

1.

Noyez le N° XVII.

VM(ll), trop, si ces Mémoires établissent, comme on l'a prétendu, que les molécules de lumière, dans leur riejet au travers des cristaux, oscillent sur ellemémes à la manière d'un pendule; tandis que le tout pourreit, sans difficulté, être réduit à une quarantaine de pages si les objections de M. Fresnel sont foudées, Il était donc bien présumble qu'en parlant favorablement du travail de ce jeune physicien, nous n'obtiendrions pas l'assentiment de notre savant confrère; aussi aurais-je tardé longtemps encore, peut-être, à appeler l'attention de l'Académie sur cet objet, si M. Biot n'avait lui-même, tout révenment, engagé M. Fresnel à me presser de faire le rapport. Je crus alors, je l'avoue, que M. Biot, à qui le Mémoire avait été anciennement communiqué, passait

> mon erreur était excusable. Après avoir ainsi répondu aux divers reproches qu'on nous a adressés, pourrai-je, à mon tour, et avant d'entrer dans le fond de la question, discuter quelques expressions de l'écrit qu'on vient de lire : « Les commissaires , dit « M. Biot, page 225 (\*), ayant déclaré, dans cette seconde séance, qu'ils ne deman-« daient pas à l'Académie de se prononcer sur le rapport même, mais seule-- ment sur les conclusions qui le terminent, etc. - Les commissaires n'avaient point oublié que l'Académie se prononce uniquement sur les conclusions; jamais ils n'ont réclamé autre chose, et c'est bien gratuitement qu'on leur attribue une prétendue déclaration d'où semblerait résulter qu'à l'origine ils avaient fait des demandes contraires aux usages. Quant à M. Biot, il voulut d'abord, je ne dis pas faire rejeter notre travail, ce qui assurément lui était bien permis, mais obtenir de l'Académie que le titre même de Rapport fût rayé. Cette proposition n'ayant eu aucune suite, M. Biot se borna à demander la suppression de divers passages qu'il indiquait. Je repoussai, comme je le devais, ces nouvelles prétentions, et, pour couper court à une discussion qui durait déjà depuis trop longtemps, je fis remarquer que les modifications qu'on réclamait étaient relatives au corps même du rapport, c'est-à-dire à une partie sur laquelle, d'après des usages anciens que l'Académie avait de nouveau sanctionnés dans une occasion toute récente, elle n'aurait pas à se prononcer. Si c'est là ce que M. Biot appelle la déclaration des commissaires, je ferai remar-

condamnation sur les objections qu'il renferme. Il est aujourd'hui trop évident que j'avais mal interprété sa démarche, mais on conviendra, du moins, que

<sup>1</sup>º: P. 56a du présent volume.

quer qu'il a employé une expression impropre, poisqu'elle tendrait à faire N° XXI (B). croire que nous avons consenti, M. Ampère et moi, à sortir de la règle comnune, ce qui est contraire à la vérité. En faisant une analyse détaillée du Mémoire de M. Fresnel, je remplissais un devoir qui m'avait été imposé. En défendant avec persévérance cet important travail dans le sein même de l'Académie contre les attaques d'un académicien, je croyais rendre un service aux sciences. Sans vouloir deviner quelle décision l'assemblée aurait prise, si ses règlements ne lui avaient pas prescrit de se borner aux conclusions du rapport, je puis dire que la bieaveillance dont elle m'honora durant la lecture et pendant la discussion me permettait de croire qu'une critique franche ne lui paraissait pas, comme à M. Biot, une violation des formes académiques. Qui m'aurait donc forcé, dans la seconde séance, au pas rétrograde qu'on m'attribue! Comment, du 4 au 11 juin, mes droits se seraient-ils affaiblis? Dans cet intervalle, il est vrai, on me fit savoir par écrit que si je consentais à retirer le rapport on retiendrait les foudres dont j'étais menacé. La paix et la tranquillité sont des biens très-désirables, mais M. Biot doit se rappeler que je ne consentis pas à les acquérir au prix d'une telle concession.

Enore un mot, et l'arrive à la partie scientifique de la discussion. Dans cette veronde seince, où M. Biot semble vouloir nous faire jouer, M. Ampère et moi, les rôles de pécheurs repentants, nous modifiàmes, divid, les conclusions, de namière «qu'elles n'exprimaient plus que de justes élogre du travail de M. Fresnd-1. Qu'exprimaient donc les condusions printitives? Le fecteur va en juger.

CONCLUSIONS ADOPTÉES PAR L'ACADÉMIE LE 11.

Les résultats curieux renfermés dans le Mémoire que l'Académie avait reuvoy à à uotre caumen sont de nouvelles preuves de la persoierance infatigable, de l'enacitude et de la rare aspacité de M. Fersael; se expérieures occupientul par la suite, quand la Héorie des interférences sura reçu de nouveaux dévelopments et seuplas répandes, une place distinguée parmi les plus ingénieux travaux des physicieus nodernes. Des à présent elles établissent qu'il y a, nou pas seulement de simples analogies, mais la laison à plus intime entre les phésonèmes de colortion des lames cristallisées, lo phésonème des anneux roborés ortinaires et relui de la diffraction. A notre avis, M. Fresnel proure jusqu'à l'évidence que toutes concultures sont de simples effets d'interférence. Nous ne proposerous pas néammois. à l'Académie de se prononcer sur une matière aussi difficile et qui, peut-être, sercorrece sarte les physicieux l'objet de beausup de centrestations : nos conclusions

#### 596 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. — DEUXIÈME SECTION.

N° XXI (B). se borneront à demauder que l'important Mémoire de M. Fresnel soit inséré dans le Recueil des Savants étrangers.

#### CONCLUSIONS LUBS à LA SÉANCE DU 4.

Le Mémoire dont nous venous de rendre comple à l'Académie montre d'une mairie inconstable le mode de production des ceuleurs que développent les lamierisationies de souleurs que développent les lamierisationies de la double céfraction, torsqu'après les svoir expoéce à un fainceau polarisé en dissèque les reyons trassunis avec un rhomboide de spath ralleuire où à l'aisle d'un prisme activomatiée. M. Frened édablit aussi qu'il y a, non pas seulement de simples austagees, mais la finison la plus intime calre ces piécimoniess et ceux és anueux colorès confaniers et éle différaction. Les expériences difficiles, nombreusse et variées, sur lesquélles les résultats à appaient, sont une munelle perue de la perséérance infinigable, de l'exactitude et de la rare sagacité de M. Freanel. Il nous semble que ces expériences occuperont par la suite, quand la théorie des interférences aux reçu de nouveaux développements et sera plus réprandue, une place distinguée parmi les plus importants travant de physicieus modernes. Nous proporesons consequements l'Académie de dours ou approbation au Mémoire qu'elle avait renvoy à notre camen, et de décider qu'il serai impriné dans le Resuil de S'essatt frangers.

Dans cette rédaction, nous proposions à l'Académie de se prononcer sur le mérite du Mémoire, de lui donner son approbation. Nous pensions alors que la question serait l'objet d'une discussion contradictoire : or, telle est, suivant nous, la netteté des expériences de M. Fresnel, telle est l'évidence des conclusions qu'il en tire, que nous espérions faire partager notre persuasion à ceux-là mêmes qui se sont le moins occupés d'optique. Dès les premiers mots de la réplique verhale de M. Biot, il me fut démontré que le début auquel je m'attendais n'aurait aucun résultat, et qu'il porterait plutôt sur ce qu'on appelait des irrégularités de forme que sur le fond même de la question. N'ayant jamais eu , M. Ampère et moi, la prétention de faire adopter sur parole des résultats contestés par un physicien du mérite de M. Biot, nous modifiàmes aussitôt nos conclusions, de manière que l'Académie n'eût plus à se prononcer que sur les justes éloges auxquels M. Fresnel avait droit. Le lecteur aura remarqué que, tout en faisant ces modifications, nous donnâmes plus de force à l'expression de la conviction personnelle où nous étions que la théorie de la polarisation mobile est erronée. Il reste à examiner aujourd'hui si les nouvelles Remarques de M. Biot nous forceront d'apporter quelques changements à notre première opinion.

8. En lisant les Renarques de M. Biot, je me suis involontairement rappélé N. XII (B), le petit jue de société canus usus les non de propso interrapuaya, et dans lequel, comme on sui, il faut répondre au hasard à une question qu'on n's pas entendue. L'ai montré l'inseatitude de la théorie de la polarisation mobile par des expériences directes, positires : on m'oppose une grande dissertation sur la théorie newtonienne des accès dont je n'ai pas dit un seul mot. Si j'examine la question du sens de polarisation dans les lames minres, on répond que des formules empiriques dont je n'ai parfé ai en bien ni en und repréventent exactement la aucression des oudeurs. M. Biot ajoute, ce que je n'ai point conteste, que ses ouvages ont pu être de quelque secours à M. Fresnet; qu'il posséde même de sérits dans lesquels on lus rendati cette justice, etc. etc. Je ne m'enfoncerai pas dans de telles digressions; car, outre que je n'en deviur pos bien le but, elles aurainet d'éditement pour effet d'obsecurir la question.

l'ai rapporté plusieurs expériences qui me paraissaient en opposition unanifeste avec la théorie de la polarisation mohile; rappelons-les, et voyous comment on y répond.

M. Biot dit clairement, dans dix endroits différents de ses ouvrages, qu'on rayon polarisé, de lumière simple, qui traverse une lame mince cristallisée. douée de la double réfraction, est polarisé tout entier à sa sortie, ou dans le plan primitif ou dans l'azimut 2i. M. Fresnel a contesté l'exactitude de ce principe; M. Biot a persisté dans son opinion pendant la discussion verbale devant l'Académie, et attribuait ce qu'il appelait notre méprise au défaut d'homogénéité de la lumière transmise par le verre coloré dont nous nous servions. Aujourd'hui, dans ses Remarques, page 246 %, il déclare que « il n'est pas étonné " de voir qu'un faisceau lumineux homogène transmis, dans certains cas, à travers ces «lames (minces), se partage et se répartisse progressivement entre les deux sens de « polarisation que l'on y observe; » ce qui revient à dire qu'il n'est pas étonné que M. Fresnel ait raison, Quant à moi, si je m'étonne ici de quelque chose, c'est de la grande modestie de M. Biot. Avant de croire qu'un physicien aussi habile était tombé dans une telle erreur, il m'avait paru nécessaire, je l'avoue. de répéter ses expériences un grand nombre de fois, et ce n'est pas sans beaucoup d'hésitation que je me suis enfin rendu à l'évidence des faits. Aussi, en prenant acte, dans l'intérêt des sciences, de l'aveu que je viens de transcrire,

<sup>(4)</sup> P. 583 du présent volume.

1. XXI(B), je serai de bonne composition sur l'obscurité dont on l'a enveloppé. Je ne relèverai pas non plus les tentatives qu'on a faites pour insinuer qu'en énonçant la loi de l'azimut 2i, on entendait parler, d'une molécule isolée, et non pas d'un rayon : cette version tardive n'obtiendrait d'ailleurs aucun crédit auprès des personues qui ont eu l'occasion de remarquer avec quels minutieux détails toutes les expériences de polarisation ont été rapportées dans les ouvrages de M. Biot, et quelle clarté cet écrivain distingué sait répandre, quand il le vent, sur les théories les plus difficiles.

> En parlant, dans le rapport, des formules que M. Fresnel a données pour représenter les successions variées de couleurs qu'offrent les lames cristallisées, j'ai dù, pour prévenir toute objection, faire remarquer que l'opposition qui existait entre ces formules et une expérience de M. Biot, dans le cas des lames croisées, tenait uniquement à l'inexactitude de l'expérience. Comme on avoue aujourd'hui cette inexactitude (page 251)(\*), j'accorderai très-volontiers que M. Biot l'avait lui-même reconnue il y a plusieurs années, pourvu qu'il veuille convenir qu'elle n'est pas encore rectifiée dans ses ouvrages imprimés.

> 9. Parmi tous les reproches que M. Biot m'adresse, il en est un que j'aurais vivement senti s'il était mérité, je veux parler des inexactitudes qu'il annonce avoir remarquées dans le rapport, relativement à l'ordre historique dans lequel les travaux successifs y sont présentés : mais où peut être le fondement d'un tel reproche? Les expériences de M. Fresnel, que j'ai rapportées, étant la critique directe des expériences de M. Biot, personne, ce me semble, ne pouvait douter que celles-ci n'eussent l'antériorité! Je suis prêt, du reste, à donner à cet égard toutes les satisfactions qu'on pourra désirer. Pour le prouver, je transcrirai ici quelques détails historiques relatifs à l'expérience des lames croisées , qui d'abord m'avaient paru inutiles, mais où l'on verra aujourd'hui la preuve de ma bonne volonté.

> M. Biot, si je ne me trompe, a parlé pour la première fois de cette expérience dans un Mémoire lu à l'Académie le 1" janvier 1813, et imprimé en 181 h dans l'ouvrage intitulé : Recherches expérimentales et mathématiques sur les mouvements des molécules de lumière autour de leur CESTRE DE GRAVITÉ. À la page 985 de cet ouvrage, je trouve que les teintes données par deux lames d'égale épaisseur, croisées sous l'angle de 45°, ne devaient, d'après la théorie, éprouver aucun changement quand on faisait tourner le système dans son plan. L'expé-

P. 581 du présent volume.

rieuxe montrait des changements sensibles : M. Bist le reconnult, mais il les N° M\(1\)(1\)Bi, présente comme des anonailes dont la cauxe ne lui est pas bien connue. En 1816, ectte opposition entre la théorie et l'expérieuxe n'estatair plus, la théorie avait raison, le mouvement des lances laisonit les teintes constantes, les anonailes avaient entièrement dispara (Voyez Traité de Physique, tone IV, p. 407); maintenant qu'on a reconnu l'imperfection de formules, les claurgements de teinte non-seulement existent (ec qui datai nié en 1816), mais ils sont récles et ne tiennent plus aux imperfections de l'expérience, comme on le supposait en 1813. Je me trompe, peut-être; mais il me paralt, même nu-jourd'hui, que de tels détails historiques ne dessient point entrer dans un rapport fait devant l'Académie. N'est-ell pas d'ailleurs évident qu'ils sont plutôt contraires que favorables à la théorie de la polarisation mobile, et que v'ils prouvent quelque, chose, c'est seulement le grande mobilité d'idées de M. Biot'

Le Mémoire de M. Frassel renferme une expérience capitale, d'un meralt résulter mathématiquement la conséquence que la lames mince agissent sur la lumière comme les cristaux épais, et la partageut constaument en deux disceaux plasticés à anglad erbait. Sie fait set saxel, a théorie de la polarisation mobile ne l'est pass: car jumais opposition entre un système et l'expérience n'a été plus manifieste. Dans une réfusition du rappert, qui embrasse près de trents-quartra pages, et oil l'on renarque tant de digressions. M. Biot n'aurai-tl pas du montrer, au moins en quelques lignes, comment il concliè e mode de production des couleurs qu'il a indiqué over l'existence constante, dans les cristaux de toutes les épaisseurs, de deux faisceaux polariés prependiculariement l'oujours est-il certain que nous serons en droit, M. Ampère et moi, de déclarer, même après la publication des Ressurquez de M. Biot, que toutes nos obiéctions subsistent.

10. M. Biot a joint à ses Ramorques une longue note destinée à prouver que les formules du Masoire ne représentent pas exactement les couleurs des anneaux colorés ordinaires. Cette note n'étant point relative à notre rapport, je n'ai pas besoin de m'en occuper : M. Fresnel, qu'elle regarde, y répondra. Je pourrais même, à la rigueur, me dispenser tout à fait de parler des formales, puisque ce n'était pas là l'objet en discussion; mais il més timpossible en point signaler, comme je l'ai dégli fait devant l'Académie, le singulier moyen que M. Biot emploie pour prouver que ses formules sont identiques avec celles de M. Presuel.

Nº XXI (B).

L'expression que donne M. Biot pour le rayon ordinaire se compose (p. 231)14 d'un premier terme en cos²α, et d'un second terme en cos² (α-2i); les coefficients O et E, qui multiplient ces cosinus, sont ce que M. Biot appelle des faits (page 235) (con calcule leur valeur, pour chaque cas particulier, à l'aide de la table des anneaux colorés de Newton. La formule de M. Fresnel renferme comme la précédente, quand on la développe, des termes en cosº a et cosº (a - 2i) mais leurs coefficients sont des expressions analytiques, fonctions de quantités qui déterminent les propriétés optiques des lames et celles des rayons colorés. Que fait maintenant M. Biot? Il représente ces deux coefficients par O et par E, c'est-à-dire par les deux lettres dont il s'était déjà servi, et en tire la conclusion que ses formules et celles de M. Fresnel coïncident! l'accorde volontiers que le moyen (je ne dis pas la formule) donné par M. Biot pour déterminer la nature des couleurs des lames est exact : cela tient uniquement à ce que, dans chaque cas, on va chercher la teinte initiale dans la table de Newton. Mais pour établir que les deux formules sont identiques, il aurait fallu, ce me semble, les ramener l'une à l'autre par de simples transformations, et retrouver ainsi précisément les mêmes termes : j'expliquerai plus nettement ma pensée en prenant un exemple dans les propres ouvrages de M. Biot.

Si l'ou représente par i l'angle que fait l'aiguille aimantée avec l'horizon, et par λ la latitude magnétique, on trouve que ces deux quantités sont liées entre elles par la formule

$$\tan \left(i+\lambda\right) = \frac{\sin 2\lambda}{\cos 2\lambda - \frac{1}{2}};$$

cette formule est de M. Biot. A l'aide de transformations purement analytique, par des raisons que j'ignores, ce célèbre physicien n'a pas voulu faire, un géomètre américain. M. Bowditch, a ramené l'expression pérédente à la forme : lang i = 3 tang  $\lambda$ . Dans ce cas-ei, on peut dire en toute rigueur que ces deux formules sont identiques, quoique la seconde soit à la fois plus simple et plus défignate que l'autre; mais la discussion à laquelle M. Biot i est lives une la formule de polarisation n'est évidemente pas de ce genre, puisque toutes sex transformations seréduisent, en dermire résultat, à substituer les deux lettres 0 et E aux coefficients complexes de la formule de M. Fresnel.

<sup>(</sup>a) P. 574 du présent volume.

<sup>99</sup> P. 576.

Nº XXI (C).

## NOTE

## SUR LES REMARQUES DE M. BIOT,

PAR M. A. FRESNEL,

[Annales de chamie et de physique, cabier d'aubt 1821, t. XVII, p. 393.]

1. Pour juger de l'exactitude des formules d'intensité que j'ai déduites du principe des interférences, M. Biot les a appliquées à différents cas de la Table de Newton, qui est relative aux teintes des anneaux réfléchis. Mais cette vérification repose elle-même sur deux hypothèses : la parfaite exactitude de la Table de Newton et celle de la formule empirique qu'il a donnée pour calculer la teinte résultant d'un mélange quelconque de rayons colorés. Or, je ne sache pas d'abord qu'on ait fait la série d'expériences nombreuses et méthodiques qui aurait été nécessaire pour démontrer la justesse rigoureuse de cette formule, et surtout pour prouver qu'elle représente bien les proportions de lumière blanche; ce qui me semble peu probable. Certaines conleurs, telles que celles de plusieurs fleurs, dans lesquelles on trouve avec le prisme une quantité notable de rayons hétérogènes, nous paraissent souvent aussi vives et aussi pures que les rayons les mieux simplifiés du spectre solaire. Il est des couleurs composées, tèlles que le rose et le pourpre, qui produisent sur l'œil des sensations dont on ne peut pas trouver l'équivalent dans les rayons simples du spectre : cependant la construction empirique de Newton suppose cette équivalence. On ne doit donc la regarder que comme une représentation assez grossière des sensations si variées que nous font éprouver les diverses combinaisons des rayons hétérogènes; et quand elle indique une forte proportion de lumière blanche, il n'en faut pas toujours conclure que la couleur

N XXI (t), composée est pâle et sans vivacité (1), Il ne me paraît donc pas sûr d'employer cette construction pour juger en dernier ressort de la justesse d'une formule qui donne les intensités de la lumière simple men s'appuyant d'ailleurs sur une table dont la parfaite exactitude n'a pas encore été démontrée, et dont les expressions peuvent être diversement interprétées par les différents observateurs, selon leur manière de sentir et de nommer les couleurs (2).

> (1) Newton dit lui-même, page 153 du premier volume de la traduction française de son Traité d'optique, que le violet composé a plus d'éclat et de feu que le violet simple; et cependant, d'après la construction, celui-là contenant un peu de lumière blanche devrail présenter, au contraire, une teinte moins vive que celui-ci.

> Newton dit encore dans la même page : «Si l'on mêle en quantité égale seulement «deux des couleurs prismatiques qui se «trouvent opposées l'une à l'autre dans le -cercle, le point Z tombero bien sur le -centre O; mais la couleur composée sera -faible et anonyme, au lieu de former un -blanc parfail; car il est manifeste que le «mélauge de deux seules couleurs primi--tives ne forme pas un prai blanc. » Or ce blanc devrait être parfoit si la règle de Newton était rigoureuse : aussi présente-t-il res faits commo des exceptions à sa règle. qu'il ne croyait point tout à fait exacte. puisqu'il dit, page 155, equoique cette «règle ne soit pas d'une justesse mothéma--tique, etc. -

M. Biut s'exprime différemment sur le même sujet, à la fin do la page 454 du tome III de son Traité de physique : «Il faut -donc bien se garder, dit-il, de confondre «cette règle donnée par Newton avec une «hypothèse empirique : elle doit être consi-« dérée comme une néritable loi tirée de l'expérience. • Il est assez remarquable que M. Biot ait meilleure opinion de l'exactitude de la règle de Newton que Newton luimême. M. Biot se montre plus sévère à l'égard de ma formule, et la croit fausse, quoique je l'aie présentée comme rigoureuse; mais je suis persuodé que, lorsqu'il se sera donné le temps d'y réfléchir dovantage, il reconnaîtra qu'il l'a jugée trop vite et trop défavorablement.

(9) l'ai souvent en l'occasion d'observer qu'un peintre Irès-habile, qui assurément se connaît bien en couleurs et sait distinguer leurs nuonces les plus délicates (\*), ne leur donne pas, dans beaucoup de cas, tout à fait les mêmes nons que M. Biot. Je suis loin d'en concinre que M. Biot se trompe; je veux seulement montrer par là que deux personnes peuvent donner des noms différents aux mêmes teintes et les mêmes noms à des teintes différentes, et qu'ainsi ce n'est point par les noms qu'on peut s'assurer de leur identité, mais seulement par la comparaison directe des teintes mises à côté l'une de l'autre ; encore ne iuge-t-on ainsi que l'identité de sensation et non celle de composition.

<sup>(9)</sup> M. Léonor Merimée, ancle de Fresnel. (Voyez son Truité de la Peinture à l'huile, ch. 111.)

Il est possible que la Table de Newton ne soit pas très-exacte dans NAM (C.). le premier anneau, et particulièrement auprès de la tache noire, où la plus légère flexion du verre peut induire en erreur sur l'épaisseur de la lame d'air, quand on en juge par sa distance au centre. Ainsi la partie de la lame d'air que Newton a considérée comme le commencement du noir, et à laquelle il a supposé une épaisseur de a millionièmes de pouce anglais, d'après la mesure du diamètre, pouvait être un peu plus mince. D'ailfeurs, rien ne prouve que ce que Newton apnelle le commencement de la tache noire réfléchisse une lumière beaucoup plus faible que le tiers de celle du blanc du premier ordre; car il distingue en ontre le noir et le très-noir.

l'ai refait, pour ce cas seulement, le calcul de M. Biot, et j'ai trouvé que la somme des différents rayons pris dans leurs proportions colorifiques données par la formule empirique de Newton était un peu plus du tiers de la même somme calculée pour l'épaisseur qui réfléchit le blanc du premier ordre; mais en comparant les rayons verts, jaunes et orangés, qui sont beaucoup plus brillants que les autres et ont bien plus d'influence comme rayons éclairants, j'ai trouvé que leur somme, dans le premier cas, n'était pas le tiers de leur somme dans le second : or cette différence d'intensité est déjà considérable. On a pu remarquer souvent, en regardant les caractères d'un livre à travers un rhomboide de spath calcaire, combien la simple réduction à moitié de la lunnière, sur un point d'un espace éclairé, rendait ce point sombre en comparaison des parties environnantes.

Je ne m'arrêterai pas à discuter les autres cas dans lesquels M. Biot a comparé ma formule avec la Table de Newton. Il me semble qu'ils prouvent encore moins que le premier la fausseté de cette formule; car les couleurs qu'il en déduit sont les mêmes, du moins quant aux noms, que celles de la Table de Newton, puisque M. Biot trouve rouge quand elle dit rouge, et violet quand elle dit riolet; et les discordances qu'il croit apercevoir ne roulent plus que sur des proportions de lumière blanche, qu'il n'a pas mesurées. Ainsi, en considérant même la Table de Newton et sa règle empirique pour le mélange des rayons colorés,

Nº XXI (C). comme étant l'une et l'autre d'une exactitude rigoureuse, on n'y trouve rien qui prouve réellement que ma formule est en défaut, du moins dans les cas particuliers choisis par M. Biot. Ce savant compare les résultats de ma formule avec cenx que donne la construction indiquée par Newton pour déterminer les rayons simples qui entrent dans les teintes des anneaux réfléchis, et parce que ma formule ne donne pas la même proportion de lumière blanche, il en conclut qu'elle est fausse. Avec cette manière de raisonner il était inutile de faire tous ces calculs, et il suffisait de dire : « La formule de M. Fresnel ne coincide pas e avec la construction de Newton : donc elle est fausse, »

> 2. Il est d'autant plus permis de ne pas se rendre à cet argument, que la construction de Newton, que ce grand géomètre ne supposait pas rigoureuse, comme M. Biot l'observe lui-même, étant fondée sur l'hypothèse que les anneaux complétement obscurs dans la lumière homogène ont la même largeur que ceux qui la réfléchissent en partie, est en contradiction manifeste avec les faits. Pour s'en convaincre, il suffit d'employer une lumière brillante, et, après l'avoir simplifiée au moyen d'un prisme ou d'un verre rouge, la faire tomber sur un prisme en contact avec un verre légèrement convexe, dont on a noirci la surface inférieure, afin d'éteindre la seconde réflexion : les deux faces supérieures du prisme doivent faire un angle d'autant plus obtus, qu'on vent observer les anneaux plus près de l'incidence perpendiculaire. En vertu de cet angle, l'oil ne reçoit que les rayons réfléchis à la seconde surface du prisme et à la première surface du verre convexe, c'est-à-dire, seulement ceux qui concourent à la formation des anueaux. Or, en les observant avec une loupe, on reconnaîtra que les parties des anneaux obscurs qui présentent une absence presque totale de lumière et paraissent d'un noir sensiblement uniforme sont beaucoup plus étroites que les parties éclairées, même dans les anneaux du premier, deuxième et troisième ordre, où le défaut d'homogénéité de la lumière se fait très-pen sentir. On peut se servir, pour cette expérience, de la lumière des nuages blancs fortement éclairés par le soleil. ou des rayons solaires introduits dans une chambre obscure. C'est ce

second procédé qu'il faudrait adopter, si l'on voulait comparer exacte- N° XXI (C). ment les intensités d'une lumière sensiblement homogène dans les différents points des anneaux obscurs et brillants. Je suis persuadé qu'on trouverait alors des résultats conformes à ma formule, du moins pour les anneaux des deux premiers ordres.

Cette confiance est fondée sur les vérifications nombreuses et variées auxquelles j'ai soumis les mêmes calculs d'interférences dans mes expériences de diffraction; car, en déterminant la position des bandes obscures et brillantes, je n'ai pas seulement vérifié les formules pour les cas extrêmes de discordance ou d'accord complets, comme il serait vrai de le dire, si je n'avais calculé que les maxima et minima des franges produites par deux miroirs, par exemple, où il n'y a que deux systèmes d'ondes qui interfèrent : dans les phénomènes de diffraction proprement dite, les minima sont produits par la réunion d'une infinité de systèmes d'ondes élémentaires qui s'y trouvent à tous les degrés possibles d'accord et de discordance; et si le calcul d'interférence qui donne l'intensité de leur résultante totale n'était pas juste pour tous ces degrés, j'aurais dù quelquesois trouver des différences notables entre la théorie et l'observation sur la position des minima. Il est vrai que je vérifiais ainsi des formules déduites à la fois du calcul des interférences. qui suffit pour les anneaux colorés, et du principe de Huyghens, qui est nécessaire à l'explication des phénomènes de diffraction; et l'on supposera peut-être que la fausseté de ce principe, combinée avec celle de mes calculs d'interférence, a pu me conduire, par un heureux hasard, à des résultats constamment exacts. C'est pourquoi je me propose de vérifier séparément les formules d'interférences sur les auneaux réfléchis, aussitôt que mes occupations me le permettront, et de comparer ensuite les intensités des différents points des franges de diffraction, pour compléter la démonstration expérimentale du principe de Huyghens (a).

3. En attendant, je remarquerai que les formules d'intensité dé-

Il ne paratt pas que Presnet ait jamais pu donner suite à ce projet.

A"AMIG.

duites du principe des interférences u'ont point seulement été vérifiées directement dans les cas extrèmes de mazimum et de minimum, mais encore dans les cas internédiaires où les deux systèmes d'undes diffèrent d'un quart d'ondulation, on en général d'un nombre entire et impair de quarts d'ondulation; car on trouve alors par l'expérience sur les lames cristallisées, en tournant leur section principale dans l'azimut de 55°, que les deux images sont toujours d'égale intensité, conformément au arclaul. Ainsi, par celas eul, l'exactitude de mes foruules serait déjà aussi probable que celle de la loi de Malus, qui n'a été rigoureusement vérifiée jusqu'à présent que pour les angles extrèmes o° et go°, et pour l'angle intermédiaire de 45°.

Elles satisfont d'ailleurs, comme la loi de Malus, à la condition que la somme des intensités des deux images reste toujours constante; il est donc invraisemblable que, s'accordant avec l'expérience sur tous ces points, elles soient aussi fausses que M. Biot le suppose.

Je reunarquerai encore que le résultat espérimental dont je viens de parler est entièrement opposé à l'idée que ce saant physicieu s'est faite sur les intensités relatives de la lumière aux divers points des anieux réfléchis; car, si l'épaisseur qui répond à la limité d'un anneau prafitament olsour dans la lumière homogène était la moyenne entre celles qui répondent au milieu de l'anneau obscur et au milieu de l'anneau brillant, il s'ensuivrant, d'après l'analogie que M. Biot étabit lumième entre celheiment est celui des lames estatisfiées, que l'épaisseur de lame moyenne entre celle qui produit la polarisation complète suivant le plan primitif, me devrait plus donner de lumière sensible dans l'image extraordinaire; or c'est précisément dans ce cas que les deux images sont d'égale intensité.

Å. M. Biot rappelle une conversation dans laquelle il ma expliqué comment les formules qui l'avaient induit en erreur sur les teintes produites par deux lames d'égale épaisseur croisées à 55° n'étaient point une conséquence nécessaire de la théorie de la polarisation mobile. J'avone que je ne compris pas très-biene e qu'il me fit l'honneur

de me dire sur ce sujet, et que je ne devine pas encore comment ce N XXI(C). savant physicien peut déduire de sa théorie les formules générales pour le cas où les axes font entre eux un angle quelconque. Mais je n'ai jamais cité l'erreur dans laquelle il avait été conduit par ses premières formules, et dont j'ai été averti par les miennes, comme une preuve décisive de l'inexactitude de sa théorie; j'ai voulu sculement montrer par cet exemple que j'avais choisi un meilleur guide que le sien : et il me semble qu'il n'en disconvenait pas dans la conversation dont il s'agit; car il me dit que « la théorie que l'avais adoptée prenait les phéno-« mènes de plus haut, et les conduisait plus loin. »

- 5. En terminant cette note, je conviendrai de nouveau des secours que j'ai trouvés dans les travaux de M. Biot, lorsque je me suis occupé de la coloration des lames cristallisées. Ses formules m'ont servi à reconnaître facilement, sans recourir à l'expérience, dans quels cas les teintes devenaient blanches, ou atteignaient leur maximum d'intensité, et m'ont indiqué l'image pour laquelle il faut ajouter une demi-ondulation à la différence de marche des deux systèmes d'ondes, règle que je pouvais également déduire de mon expérience des deux rhomboïdes. Mais voilà tout ce que j'ai emprunté à M. Biot (1); et l'on sentira aisément que, malgré le rapport qu'il remarque entre mes formules et les siennes, dans le cas d'une seule lame, les miennes en diffèrent trop au fond pour en avoir été déduites, puisqu'elles donnent les intensités de chaque espèce de rayons, tandis que les siennes renvoient simplement
- 13 Je devrais peut-être ajouter que c'est avec les mesures précieuses de ce oclèbre physicien que je me suis assuré que les teintes des laines cristallisées tenaient à la différence de marche des rayons ordinaires et extraordinaires qui les ont traversées. Cette idée me vint aussitôt que je commencai à m'occuper de ces phénomènes, sans « que je connusse alors la note publice par M. Young sur ce sujet plusieurs années auparavant. M. Arago ne m'en avait pas encore parlé, lorsque je lai communiquai le

résultat de mon calcul pour le cas particulier de l'incidence perpendiculaire. Je ne dis point cela pour réclamer une partie de l'honneur de cette découverte, qui appartient tout entier à M. Young, mais pour faire sentir combien il était facile, avec la théorie des ondulations, de découvrir cette relation intime entre les anneaux colorés et les teintes des lames cristallisées, qui avait échappé à la sagacité de M. Biot guidé par le système de l'émission.

## 608 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - DEUXIÈME SECTION.

A XXI (C). à la Table de Newton, ainsi qu'il le remarque lui-même, Mais c'est principalement lorsque la superposition de plusieurs lames vient compliquer le phénomène, que la différence est grande entre les secours qu'on trouve dans les deux théories. Avec celle que j'ai adoptée, les lois des phénomènes les plus compliqués sont des conséquences forcées des mêmes principes qui ont servi à calculer les teintes d'une seule lame; tandis que M. Biot est obligé de faire de nouvelles suppositions pour renouer les oscillations des molécules lumineuses d'une lame à la suivante : c'est là surtout que la complication et la multiplicité de ses hypothèses rend sa théorie bien improbable. Si l'on joint aux accès des molécules lumineuses leurs axes de polarisation, les oscillations de ces axes, et toutes les propriétés physiques qu'elles doivent prendre dans l'intérieur des cristaux et transporter avec elles pour recommencer leurs oscillations dans un second cristal, tantôt à une profondeur, tantôt à une autre, on aura peine à concevoir comment tant de modifications diverses peuvent se trouver réunies dans une même molécule.

#### Nº XXII.

### NOTE

# SUR LE CALCUL DES TEINTES QUE LA POLARISATION DÉVELOPPE DANS LES LAVES CRISTALLISÉES.

[Annales de chimie et de phymque, t. XVII., p. 109, 167 et 319.]

1. On a vu, dans le rapport de M. Arago, que la nature de estientes est déterminée par la différence de marche entre les deux systèmes d'ondes dans lesquels la lumière se divise en traversant un cristal qui jouit de la double réfraction; mais que les deux images produtes par le rhombiéde de spah clacieire, au travers duquel on fait passer la lumière émergente, étant toujours complémentaires, il en résulte nécessairement que, si fune répond à la différence de marchivelle nécessairement que, si fune répond à la différence de marchivelle nécessairement que, si fune répond à la différence de marchivelle nécessairement que, si fune répond à la différence de marchivelle nécessairement que, si fune répond à la différence de marchivelle nécessairement que, si fune répond à la différence de marchivelle nécessairement que, si fune répond à la différence de marchivelle nécessairement que si fune répond à la différence de marchivelle necessairement que si fune répond à la différence de marchivelle necessairement que si fune répond à la différence de marchivelle necessairement que si fune répond à la différence de marchivelle necessairement que si fune répond à la différence de marchivelle necessairement que si fune répond à la différence de marchivelle necessairement que si fune répond à la différence de marchivelle necessairement que si fune répond à la différence de marchivelle necessairement que si fune répond à la différence de marchivelle necessairement que si fune répond à la différence de marchivelle necessairement que si fune répond à la différence de marchivelle necessairement que si fune répond à la différence de marchivelle necessairement que si fune répond à la différence de marchivelle necessairement que si fune répond à la différence de marchivelle necessairement que si fune répond à la différence de marchivelle necessairement que si fune répond à la différence de marchivelle necessairement que si fune répond à la différence de marchivelle necessairement que si fune répond à la différence de marchivelle ne

<sup>(</sup>a) Cette note a paru en trois parties sous les titres suivants :

<sup>1</sup>º Note sur le calcul des trintes que la polarisation développe dans les lames cristellisées (cabier de mai 1821, page 102);

<sup>4°</sup> Deuxième note sur la coloration des lames cristellisées (cahier de juin 1831, page 167°); 3° Addition à la Deuxième note insérée dans le cahier précédent (cahier de juillet 1841,

page 312).

Ges trois parties ont enfuite été réunies au rapport de M. Arago dans un tirage à part: la suppression de quelques most réablit les transitions. Nous reproduisons le texte du tirage à part.

On a classé cette note après les diverses pièces de la polémique avec M. Biot, bien qu'elle ait été publiée antérieurement. C'est presque uniquement en effet su rapport d'Arago que la polémique se rattache.

Nora. De la page 113 à la page 176 du tome AVII des Annales, les chiffres de pagination ont 46 par erreur augmentée d'une containe.

des deux systèmes d'ondes dans la lame cristallisée, l'autre répond à la même différence augmentée ou diminuée d'une demi-ondulation. Voici la règle générale qui fait counaltre pour laquelle des deux inages il fant ajouter une demi-ondulation à la différence des chemins parcourus : l'image dont la teine correspond précionne à la différence des rémins parcourus est celle dont les plans de polarisation des deux faiseaux constituants, après s'être écrotté hun de l'autre, se rapprochent ensaite par un monrement controire pour se réunir; tantis que les plans de polarisation des deux faiseaux constituants de l'inage complémentaire continuent s'éloigner l'un de l'autre (considérés d'un seul côté de leux commune intersection), jusqu'à ce qu'ils se soient placés sur le prolongement lun de l'autre. Cette règle devient plus facile a entendre, à l'aide de la figure.

section), jusqu'à ce qu'ils se soient placés sur le prolongement l'un de l'autre.

Cette règle devient plus facile à entendre, à l'aide de la figure suivante, dans laquelle PP' représente le plan primitif de polarisation des rayons incidents, OO' la section principale



de la lame cristallisée, et SS' celle du rhomboide au travers daquel on la regarde. On voit que la lumière incidente, d'a-

bord polarisée suivant CP, se divise, en traversant la lame cristallisée, en deux parties, l'une qui épronve la réfraction ordinaire et reçoit une nouvelle polarisation suivant CO, l'autre qui éprouve la réfrac-

tion ettraordinaire et se trouve polarisée dans un plan CE' perpendiculaire à CO. Représentous le premier par F, et le second par F. Le passage au travers du rhomboide divise F., polarisé suivant CO, en deux autres systèmes d'ondes, l'un polarisé suivant la section principale CS, que je représente par F., et, et le second polarisé suivant un plan perpendiculaire CT, que j'appellerai F., et, De même F., polarisé suivant CE', se divise dans le rhomboide en deux systèmes d'ondes, le premier F., et, polarisé suivant CS, et le second F., et, polarisé suivant CT. Si l'on suit le mouvement des plans de polarisation des deux faisceaux F., et P., et, qui concourent à la formation de l'image ordinaire (en les considérant d'un seul côté de leur commune intersec-

tion projetée en C), on voit que, partis primitivement de CP, ils Nº VVII. s'écartent l'un de l'autre pour prendre les directions CO et CE', et, se rapprochant ensuite, se réunissent en CS. Or, dans ce cas, l'image ordinaire répond précisément à la différence des chemins parcourus, au même instant, par les rayons ordinaires et extraordinaires sortis de la lame cristallisée. Si l'on suit de même la marche des plans de polarisation des deux faisceaux de l'image extraordinaire Fanc et Fanc on voit que, partis l'un et l'autre de CP, et après avoir pris dans la lame cristallisée les directions CO et CE', au lieu de se rapprocher ensuite ils continuent à s'écarter jusqu'à ce qu'ils se soient placés sur le prolongement l'un de l'autre dans les directions CT et CT'; ainsi, d'après la règle que nous venons de donner, il faut ajouter une denti-ondufation à la différence des chemins parcourus par ces deux systèmes d'ondes, on, ce qui revient au même, changer dans l'un d'eux les signes des mouvements oscillatoires, pour calculer, par la formule d'interférence, le système d'ondes qui résulte de la réunion de ces deux faisceaux. On voit que les choses se passent absolument comme s'il s'agissait de la combinaison de forces dirigées dans le plan de la figure, c'est-à-dire perpendiculairement aux rayons, suivant leurs plans de polarisation, ou perpendiculairement à ces plans; car les composantes des deux forces CO et CE', qui se réuniraient en CS, auraient le même signe, comme les deux faisceaux F. + e' et F. + e' qui s'y sont réunis, et les deux autres composantes CT et CT, agissant en sens opposés, devraient être affectées de signes contraires.

Le principe de la conservation des forces vives indiquait d'avance que les deux images doivent être complémentaires l'une de l'autre; mais il ne désignait pas laquelle des deux répond à la différence des chemins parcourus, et laquelle répond à la même différence augmentée d'une demi-ondutation; c'est pourquoi j'ai eu recours aux faits, et j'ai déduit des observations de M. Biot la règle que je viens d'énoncer.

Elle explique pourquoi deux faisceaux de lumière directe, qui ont été polarisés à angle droit, ne présentent aucune apparence d'influence mutuelle lorsqu'on les ramène à un plan commun de polarisation par l'action d'une pile de glace ou d'un rhomboide de spath calcaire. Ce n'est pas qu'ils n'exercent alors aucune influence l'un sur l'autre; car. indépendamment des considérations mécaniques, cette supposition serait trop contraire à l'analogie; mais c'est que les effets produits par les différents systèmes d'ondes de la lumière directe se compensent et se neutralisent mutuellement. En effet, on peut concevoir la lumière directe comme l'assemblage ou, plus exactement, la succession rapide d'une infinité de systèmes d'ondes polarisés dans tous les azimuts, et de telle sorte qu'il y a toujours autant de lumière polarisée dans un plan quelconque que dans le plan perpendiculaire : or, il résulte de la règle que nous venons d'énoncer, que si, par exemple, l'on doit ajouter une demi-ondulation à la différence des chemins parcourus pour calculer l'image extraordinaire produite par la lumière polarisée suivant le premier plan, il ne faut point l'ajonter pour l'image extraordinaire qui résulte de la lumière polarisée suivant le second; en sorte que les deux teintes qu'elles apportent ensemble ou successivement dans l'image extraordinaire sont complémentaires. La compensation qui s'établit ainsi, et de la même manière pour tous les azimuts, em-

2. Reprenons le cas représenté par la figure, où la lumière iniviente a éprouvé une polarisation préalable suivant le plan PP, avant de traverser la lame cristalisée, dont la section principale OO fait un angle i avec ce plan, et cherchons, pour une espèce particulière de lumière homogène d'une longueur d'undutation égale à A, quelles doivent être les intensiées des images ordinaires et extraordinaires dountées par le rhomboïde de spath caleaire, dont la section principale SS fait un angle a avec le plan primitif PP. Je ferai abstraction, dans ce calcul, de la perte de lumière occasionnée par les réflexions partielles aux deux surfaces de la lame cristalisée et du rhomboïde, parce qu'elle n'a d'influence que sur les intensités absolues des images, et aucune sur leurs intensités relatives, les seules qui nous intéressent ici. Je représente par l'intensité des vituesses des molécules éthérées dans leurs

pêche d'apercevoir les effets d'interférence.

#### CALCUL DES TEINTES DES LAMES CRISTALLISÉES. 61

oscillations<sup>10</sup>, pour le faisceau incident polarisé; son intensité de lumière sera représentée par P. ou l'intensité de la force vive, d'après le seus même qu'on attache à la première expression, et la manière dont on évalue les intensités de lumière dans toutes les expériences d'optique; puisque c'est la sonnue des forces vives, et non celle des viteses d'oscillation qui reste constante, comune l'intensité totale, dans les diverses subdivisions que la lumière peut éprouver. Cela posé, le faisceau in-cident, en traversant la lame cristallisée, se divise en deux autres, dont les intensités lumineuses doivent être égales, d'après la loi de Malus, à Peosi i, pour celui qui subit la réfraction ordinaire, et P'sin'i, pour celui qui subit la réfraction ordinaire, et P'sin'i, pour celui qui subit la réfraction critanire, et P'sin'i, pour celui qui subit la réfraction critanire et Prisi viva, pour celui qui subit la réfraction critanire et Prisi viva, pour celui qui subit la réfraction critanire et l'ain'i, pour celui qui subit la réfraction critanire. et P'sin'i, pour celui qui subit la réfraction critanire et l'ain'i, pour celui qui subit la réfraction critanire et l'ain'i, pour celui qui subit la ne fraction critanire et l'ain'i, pour celui qui subit la neur entiellatisée, se disise en deux systèmes d'ondes, qu'on peut représenter de la manière suivante.

cos iF. sin iF.

Les petites lettres or et c, placées au bas de F, ne changent eu rien la valeur de cette quantité; elles indiquent seulement la longueur des clieniins parcourus au même instant par les rayons ordinaires et extraordinaires après qu'ils sont sortis de la lame cristallisée, et déterminent ainsi, par leur différence o- c. l'intervalle qui sépare les pients correspondants des deux systèmes d'oudes. Les majuscules P.O et P.E montrent la marche successive du plan de polarisation de chaque faire ceau, pour facilite l'application de la règle énoncée précédemment.

Chacun de ces deux systèmes d'ondes se divisera en deux autres

je suis très-porté à le croure, s'exécutent uniquement dans le plan de l'onde, perpendiculairement au plan de polarisation, la loi de Malus devient une conséquence simple et rigoureuse du principe de la composition et de la décomposition des petits mouvements.

<sup>&</sup>lt;sup>50</sup> Dorénavant, pour abréger, j'appellerai ces vitesses ritesses d'oscillation. Il ne faut pas les confonde avec la durée d'oscillation, qui reste toujours constante pour la même espèce de rayons, quelle que soit l'intensitéde la lumière.

Si les oscillations lumineuses, comme

N° XXII. par l'action du rhomboide de spath calcaire, ce qui produira en tout les quatre faisceaux suivants, dont les deux premiers sont produits par le premier système d'ondes, et les deux autres par le second :

$$\begin{array}{ll} \cos i \cos \left( {i - s} \right){\rm{F_{e + e'}}} & \cos i \sin \left( {i - s} \right){\rm{F_{e + e'}}} \\ {\rm{P.O.S.}} & {\rm{P.O.T.}} \\ \sin i \sin \left( {i - s} \right){\rm{F_{e + e'}}} & \sin i \cos \left( {i - s} \right){\rm{F_{e + e'}}} \\ {\rm{P.F.'S.}} & {\rm{P.F.'T'}} \end{array}$$

Le premier avec le troisième composent l'image ordinaire, et le deuxième avec le quatrième, l'image extraordinaire. Calculous d'abord l'intensité de celle-ci.

3. On voit, d'après la marche des plans de polarisation indiquée par les majuscules placées sous chaque faisceau, que le deuxième et le quatrième, ramenés à un plan commun de polarisation, doivent différer d'une deni-ondulation, indépendamment de la différence o-entre les chemins parcourus; il faut done ajouter une demi-ondulation à o-e, ou, ce qui revient au même, changer le signe d'une des expressions qui représentient l'intensité ou le facteur commun des viesses doscillation. Il s'agit donc de trouver la résultante de deux systèmes d'ondes, dont la différence de marche est o-e et les intensités des viteses d'oscillation sont respectivement égales d'une des parties de la viteses d'oscillation sont respectivement égales d'une des parties des viteses d'oscillation sont respectivement égales d'une des parties des viteses d'oscillation sont respectivement égales d'une des parties des viteses d'oscillation sont respectivement égales d'une des parties des viteses d'oscillation sont respectivement égales des parties des viteses d'oscillation sont respectivement égales des plans de la comme de la contrate de la comme de la contrate de la comme de la comme

F cos 
$$i \sin(i-s)$$
 et - F sin  $i \cos(i-s)$ .

En appliquant ici la formulc générale que j'ai donnée dans l'extrait de mon Mémoire sur la diffraction, page 258 du tome XI des Annales de chimie et de physique <sup>(a)</sup>,

$$A^2 = a^2 + a'^2 + 2aa'\cos 2\pi \left(\frac{c}{\lambda}\right).$$

dans laquelle a et a' représentent les intensités des vitesses d'oscillation des deux systèmes d'ondes, 2π la circonférence dont le rayon est 1, c la différence des chemius parcourus et λ la longueur d'ondulation.

<sup>(\*)</sup> Page 201 du présent volume.

CALCUL DES TEINTES DES LAMES CRISTALLISÉES. 615

on trouve pour l'intensité de la lumière homogène dans l'image ex- y vy traordinaire :

$$F^{i}\left[\cos^{2}i\sin^{2}(i-s)+\sin^{2}i\cos^{2}(i-s)-2\sin i\cos i\sin (i-s)\cos (i-s)\cos 2\pi \left(\frac{\theta-r}{\lambda}\right)\right],$$

 $F^{z}\Big\{[-\cos i\sin(i-s)+\sin i\cos(i-s)]^2+2\sin i\cos i\sin(i-s)\cos(i-s)\Big[1-\cos 2\pi\left(\frac{\sigma-r}{\lambda}\right)\Big]\Big\},$  on enfin.

$$F^2 \Big[ \sin^2 s + \sin 2 \, i \sin 2 \, (i-s) \sin^2 \pi \, \Big( \frac{\sigma-e}{\lambda} \Big) \Big].$$

En faisant un calcul semblable sur les deux faisceaux constituants de l'image ordinaire, et observant que les deux expressions F cos i cos (i.—) et F sin i sin (i.—) doivent avoir le même signe, en raison de la marche des plans de polarisation, on trouve, pour l'intensité de la lumière dans l'image ordinaire :

$$F^2 \left[\cos^2 s - \sin 2i \sin 2(i-s) \sin^2 \pi \left(\frac{g-e}{\lambda}\right)\right].$$

Voilà les formules générales qui donnent l'intensité de chaque espèce de lumière homogène dans les images ordinaire et extraordinaire en fonction de sa longueur d'ondulation et de la différence des chemins parcourus o - e par les rayons qui ont traversé la lame cristallisée. Connaissant son épaisseur et les vitesses des rayons ordinaires et des rayons extraordinaires dans ce cristal, il sera facile de déterminer o - e. Dans le sulfate de chaux, le cristal de roche et la plupart des autres cristaux jouissant de la double réfraction, o-e n'éprouve que de trèslégères variations en raison de la différence de nature des rayons lumineux, en sorte qu'on peut le regarder comme une quantité constante, du moins pour les cristaux que nous considérons ici, où la dispersion de double réfraction est très-petite relativement à la double réfraction. Si après avoir calculé la différence de marche o-e, on la divise successivement par la longueur moyenne d'ondulation de chacune des sept principales espèces de rayons colorés; et si l'on substitue successivement ces différents quotients dans les expressions ci-dessus, on aura les A: XXII.

intensités de chaque espèce de rayons colorés dans les images ordiniare et extraordinaire, et l'on pourra déterminer alors leux teintes à l'aide de la formule empirique que Newton a donnée pour trouver la teinte résultant d'un mélange quelconque de rayons divers dont connaît les intensités relatives. Cest pourquoi l'on doit considèrer les formules générales qui donnent l'intensité de chaque espèce de lumière homogène en fonction de sa longueur d'ondulation, comme l'expression même de la teinte produite par la lugière blanche. C'est du moin tout ce qu'on peut déduire à présent de la théorie, et pour le reste il faut avoir recours à la construction empirique de Newton fondée sur l'expérience; car expliquer et calculer théoriquement l'effet produit sur l'oil par un mélange de rayons hétérogènes, c'est un double problème de physique et de physiologie qu'on est sans doute encore loin de résoudre.

4. Reprenons les formules ci-dessus, en supprimant le facteur commun F<sup>2</sup>, qu'on peut prendre pour unité de lumière :

Image ordinaire.... 
$$\cos^2 s - \sin 2i \sin 2 (i-s) \sin^2 \pi \left(\frac{o-e}{\lambda}\right)$$
.  
Image extraordinaire,  $\sin^2 s + \sin 2i \sin 2 (i-s) \sin^2 \pi \left(\frac{o-e}{\lambda}\right)$ .

On voit, à l'inspection de ces formules, que les deux images doivent devenir blanches lorsque le terme qui contient

$$\sin^2 \pi \left( \frac{\sigma - r}{\lambda} \right)$$

s'évanouit, puisque c'est le seul qui varie avec la longueur d'ondulation, et qui rend l'intensité différente pour les divers rayons colorés. Ainsi les images deviendront blanches quand on aura :

$$\sin 2i \sin 2(i-s) = 0;$$

équation à laquelle on satisfait en égalant à zéro,

$$\sin 2i$$
 ou  $\sin 2(i-s)$ ;

ce qui donne pour i les quatre valeurs

$$i = 0$$
,  $i = 90^{\circ}$ ,  $i = 180^{\circ}$ ,  $i = 360^{\circ}$ ;

et pour s,

$$s=i$$
,  $s=90^{\circ}-i$ ,  $s=180^{\circ}-i$ ,  $s=360^{\circ}-i$ .

Il suffit donc, pour que les images deviennent blanches, qu'une de ces huit conditions soit satisfaite, c'est-à-tire que la section principale de la lance cristalisée soit paralléle ou perpendiculaire au plan primitif de polarisation ou à la section principale du rhomboïde; ce qu'on pouvait déduire aisément de la théorie sans le secours de la formule; cur, lorsque la section principale de la lame est parallèle ou perpendiculaire au plan primitif, la lumière incidente ne subit qu'une espèce de réfraction dans ce cristal; el torsque cette section principale est parallèle ou perpendiculaire à celle du rhomboïde, chaque image ue contient que des rayons qui ont éprouvé la mêne réfraction dans la lame cristallisée : ainsi, dans un cas comme dans l'autre, chaque image ue contient qu'un seul système d'ondes; partant plus de conleurs, paisqu'il n'v a plus d'interférences.

Les deux images sont au contraire colorées l'une et l'autre avec le plus de vivacité possible, quand le coefficient du terme variable est égal à l'unité; ce qui arrive lorsque s = 0 et i =  $45^{\circ}$ ; alors les deux expressions deviennent :

Image ordinaire, 
$$1 - \sin^2 \pi \left(\frac{o - e}{\lambda}\right)$$
 ou  $\cos^2 \pi \left(\frac{o - e}{\lambda}\right)$ .  
Image extraordinaire......  $\sin^2 \pi \left(\frac{o - e}{\lambda}\right)$ .

Il est à remarquer que la seconde expression est semblable à celle qui donne, pour les anneaux colorés, la résultante des deux systèmes d'ondes réfléchies sous l'incidence perpendiculaire à la première et à la seconde surface de la lame d'air, lorsque son épaisseur est égale à  $^1_a(o-e)$ , ce qui rend la différence des chemins parrourus égale à o-e. En effet, représentons par  $^1_2$  l'intensité d'oscillation doi chaque système d'ondes, et remarquous que leurs vitesses d'oscillation doivent être prises avec des signes contraires, parce que l'un est réfléchi en dedans du milieu le plus dense et l'autre en dehors; ce qui entraîne l'opposition de signe, comme il résulte des calculs de M. Young et de

Nº XXII.

N VII. M. Poisson sur la réflexion des ondes à la surface de contact de deux milieux élastiques de densités différentes. Cela posé, on trouve pour l'intensité de la lumière résultante, d'après la formufe que nous avons déjà employée:

$$\begin{array}{ccc} \frac{1}{4}+\frac{1}{4}-2\times\frac{1}{2}\times\frac{1}{2}\cos2\pi\left(\frac{\sigma-r}{\lambda}\right), & \text{ou} & & \frac{1}{2}-\frac{1}{2}\cos2\pi\left(\frac{\sigma-r}{\lambda}\right),\\ \text{ou enfin} & & \sin^2\pi\left(\frac{\sigma-r}{\lambda}\right). \end{array}$$

Ainsi, les teintes de l'image extraordinaire produites par les lause ristallisées doivent être semblables à celles des anneaux réfléchis, du moins tant que la différence de marche o-e produite par le cristal ne varie pas sensiblement avec la nature des rayons; car dans les anneaux colorés, cette différence de marche, étant le double de l'épaiseur de la laure d'air, est rigoureusement la mêtre pour toutes les espèces de rayons.

5. Les expressions ei-dessus :

$$\cos^2 \pi \left(\frac{o-r}{\lambda}\right)$$
 et  $\sin^2 \pi \left(\frac{o-r}{\lambda}\right)$ ,

qui donnent les intensités respectives des images ordinaire et attraordinaire dans une lumière homogène dont la longueur d'ondulation est  $\lambda$ . lorsque l'axe de la lame cristallisée fait un angle de  $45^{\circ}$  avec le plan primitif de polarisation, et que la section principale du rhomboide est parallèle à e plan, font voir que l'exzemblé des deux systèmes d'ondes qui sortent de la lame cristallisée doit être polarisé suivant le plan primitif de polarisation, quand o-e est égal à zéro ou à un nombre entier d'ondulations, puisque alors, puisq

$$\sin^4 \pi \left( \frac{\sigma - r}{\lambda} \right)$$

devenant égal à zéro, l'image extraordinaire s'évanouit. Au contraire, quand o-e est égal à un nombre impair de demi-ondulations, c'est

$$\cos^2 \pi \left(\frac{\sigma - r}{\lambda}\right)$$

qui devient nul, et par conséquent l'image ordinaire qui s'évanonit; d'où l'on doit conclure que la lumière totale est polarisée dans le plan perpendiculaire à la section principale, qui est précisément ici ce que M. Biot appelle l'azimat 2i. Mais pour toutes les valeurs intermédiaires de à. l'examble des deux systèmes d'ondes ne peut précure qu'une polarisation partielle, et même il doit paraître complétement dépolarisé lorsque o – est égal à un nombre impair de quarts d'oudulation, parce qu'alors

$$\cos^2 \pi \left(\frac{o \cdot e}{2}\right)$$
 et  $\sin^2 \pi \left(\frac{o \cdot e}{2}\right)$ 

devenant l'un et l'autre égaux à  $\frac{1}{3}$ , les deux images sont de même intensité, et que cela a lieu, quel que soit l'azimut dans lequel on tourne la section principale du rhomboïde, comme on pent s'en convaincre par les formules générales présentées plus haut, en y faisant

$$i = 45^{\circ}$$
 et  $\sin^2 \pi \left(\frac{n-r}{2}\right) = \frac{1}{2}$ ;

car alors elles devienment :

Image ordinaire..... 
$$\cos^2 s - \frac{1}{2} \cos 2s = \frac{1}{2};$$
  
Image extraordinaire....  $\sin^2 s + \frac{1}{2} \cos 2s = \frac{1}{2}$ 

Il est aisé de voir de même sur les formules générales, quelle que soit la valeur de i, que lorsque o - e est égal à aéro ou à un nombre pair de demi-ondulations, l'image extraordinaire s'évanouit pour = e, et que lorsque o - e est égal à un nombre impair de demi-ondulations, la même expression devient utile si l'on y foit = = 2i, et que, par conséquent, la lumière totale est polarisée suivant le plan primitif dans le premier cas, et dans le second, suivant l'azimut zi; taudis que, pour totutes les valeurs intermédiaires de o - e, il ne peut y avoir disparition complète d'aucune image, de quelque manière qu'on tourne la section principale du rhomboide. Toutes ces conséquences de la théoris sont confirmées par l'expérience.

Dans une seconde note, j'indiquerai la manière de calculer les teintes produites par un nombre quelconque de laures superposées, et je dounerai les formules générales pour le cas de deux lames dont les sections principales font entre elles un angle quelconque. J'y joindrai aussi quelques considérations mécaniques sur la polarisation et la double

# 620 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - DEUXIÈME SECTION.

N° AAII. réfraction, ainsi que sur la canse des propriétés remarquables que nous avons découvertes, M. Arago et moi, dans la lumière polarisée.

### II" NOTE SUR LA COLORATION DES LAMES CRISTALLISÉES.

6. Je viens de donner les formules générales des teintes d'une seule laune cristallisée; je vais calculer maintenant les effets qui résultent de la réunion de plusieurs lames. Je supposerai toujours ces cristaux à faces parallèles et perpendiculaires au rayon incident, afin de n'être point builgé de faire entrer dans le calcul les déviations des plans de polarisation produites par l'inclinaison des surfaces, pour lesquelles nous avaons point de formule rigoureuse, et dont il faudrait tenir compte, du moins dans les grandes obliquités. Peu importe d'ailleurs que les nous faces de ces lames soient parallèles ou obliques à leurs aues, et qu'elles en aient un ou deux, pourvu que la position des plans de polarisation des rayons ordinaire et extraordinaire soit commue dans chaque laune, amis que leur d'différence de marche, qu'on peut toujours calculer quand on connaît leurs vitesses respectives; les raisonnements que nous allons faire s'appliqueront d'igelement à tous les cas.

Lorsqu'on superpose un nombre quelconque de lames cristallisées, en plaçant leurs sections principales <sup>10</sup> suivant la même direction, les rayons ordinaires et extraordinaires qui sortent de la première lame continuent à subir dans les autres le même genre de réfraction qu'is un téponvé d'abord; en sorte qu'il vien résulte définitivement que denx systèmes d'ondes, comme pour le cas d'une seule lame. On peut donc appliquer à un pareil assemblage de lames cristallisées les formules que nous avons données pour une seule, en y substituant la différence totale de marche produite par le passage de la lumière au travers de toutes ces lames. Cette différence sera égale à la somme de celles qui résultent de chaque lame, si ce sont les rayons de même nom, les rayons ordinaires, par exemple, qui les traversent toutes avec le plus de vitesse; dans le cas contraire; la flusdra ajoute les différences de mar-

O l'entends ici par section principale le soit que le cristal sit deux axes, soit qu'il n'en plan de polarisation des rayons ordinaires . sit qu'un.

che produites par les lames où la vitesse de propagation des rayons ordinaires est plus grande que celle des rayons extraordinaires, faire ensuite la somme des différences de marche données par les lames où les vayons ordinaires marchent utoins vile que les rayons extraordinaires, et retrancher ces deux sommes l'une de l'autre; on aura ainsi la différence définitive des chemins pareourus au même instant par lesdeux systèmes d'ordes qui sont sortis de cel assemblage de lames cristallisées,

Si les sections principales d'une partie des lames étaient perpendiculaires à celles des autres, que je suppose parallèles entre elles, il est clair qu'il n'en résulterait encore que deux systèmes d'ondes, comme dans le cas précédent; seulement les rayons qui ont été réfractés ordinairement par les premières le seraient extraordinairement par les autres, et les rayons extraordinaires de celles-là deviendraient ordinaires dans celles-ci. On voit donc que, pour avoir la différence définitive de marche des deux systèmes d'ondes, il faut faire la somme des différences produites par tous les cristaux attractifs (pour me servir de l'expression usitée), dont les sections principales sont parallèles à la première direction, en retrancher la somme des différences produites par les cristaux répulsifs dont les sections principales ont la même direction, faire un calcul semblable pour les lames dont les sections principales sont perpendiculaires à la première direction, et retraucher les deux résultats l'un de l'autre; ou, ce qui revient au même, on ajoutera les différences de marche provenant des cristaux de même genre qui ont leurs sections principales parallèles entre elles, avec les différences de marche provenant de cristaux de genre contraire dont les sections principales leur sont perpendiculaires, et l'on retranchera l'une de l'autre les deux sommes ainsi obtenues.

7. Après avoir considéré les cas particuliers où l'on peut appliquer à la réunion d'un nombre quelcouque de lames cristalliées les fornules que nous avois données pour une seule, occupons-nous maintend du cas général de deux lames superposées dont les sections principales font entre elles un angle quelconque, et sont disposées d'une manière quelconque par rapport au plan primitif de polissatistion, ainsi que la N XXII. section principale du rhomboïde de spath calcaire qui sert à analyser la lumière émergente.

Soient PP' le plan primitif de polarisation, OO' la section principale



de la première lame, O,O' celle de la seconde, SS' la section principale du rhomboide EÉ, ES, 'TT des plans respectivement perpendiculaires aux trois premiers : je représente par i l'angle OCP que la première lame fait avec le plan primitif de polarisation, par a l'angle OCO, que la presetton principale de la seconde lame fait avec celle de la première, et par a l'angle avec celle de la première, et par a l'angle

PCS de la section principale du rhomboide avec le plan primitif.

La lumière incidente se divisera dans la première lame en deux systèmes d'ondes polarisés, l'un suivant CO, et l'autre suivant CE; c'hacun d'eux se divisera, dans la seconde lame, en deux systèmes d'ondes polarisés, l'un suivant O, é, et l'autre suivant EE; et enfin, en traversant le rhomboide, c'hacun de ces qualtre laisecaux se divisera en deux antres, l'in polarisé suivants section principale SS; et l'autre dans le plan perpendiculaire TL seq quatre faisecaux polarisés définitivement suivant SS' formeront l'image extraordinaire. Nous ne nous occuperons que de l'image ordinaire, l'autre image étant toujours complémentaire de celleri. On trouve, pour les intensités des vitesses d'oscillation des quatre faisceaux constituants de l'image ordinaire, les expressions suivantes:

cos i cos 
$$a$$
 cos  $(a+i-s)$   $F_{s-s}$  cos i sin  $a$  sin  $(a+i-s)$   $F_{s-s}$  P.O.C.S.

- sin i sin  $a$  cos  $(a+i-s)$   $F_{s-s}$  sin  $i$  cos  $a$  sin  $(a+i-s)$   $F_{s-s}$  P.E.F.C.S.

dans lesquelles F représente toujours l'intensité des vitesses d'oscillation de la lumière incidente, ou plus exactement de cette lumière diminuée de tout ce qu'elle perd en traversant les trois cristaux. On n'a marqué

. ...

que les clienius parcourus au même instant par les différents systèmes d'ondes après qu'is ont traverse les deux lauses cristalitées, sans à recuper de leur marche dans le rhomboide, qui est la même pour tous, puisqu'ils y ont tous subi la réfraction ordinaire. On a affecté la troisième expression du signe —, en raison de la marche du plan de polarisation dec ce système d'ondes comparé à celles des plans de polarisation des trois autres; en suivant les changements successifs de ces plans de polarisation, indiqués par les lettres najuscules placées sous chaque expression, on reconnaîtra en effet que, pour le troisième faisceau, l'extrémité P du plan primitif est venue se placer définitivement en S', taudis que, pour le strois autres, elle est allée en S; d'où résulte l'opposition de seus qui les trois autres, elle est allée en S; d'où résulte l'opposition de seus qui entraîne l'opposition de signe, comme dans la composition de se fores.

Pour trouver la résultante de ces quatre systèmes d'ondes, il faut suivre la règle que jai donnée dans uno Mémoires sur la diffraction déjà cité, page 36 0°; elle consiste à décomposer chaque système d'ondes en deux autres, dont les positions sout les mêmes pour tous, et différent l'une de l'autre d'un quart d'ondaltain : on fait ensuite la soume des composantes rapportées à la première position, puis celle des composantes rapportées à la seconde, et, en ajoutant les carrès de ced sommes, on a l'intensité de la lumière totale qui résulte de l'interférence des différents systèmes d'ondes. Je choissi pour la position des premières composantes celle qui répond au chemin parcouru o + e, par exemple; la position des autres différera de celle-ci d'un quart d'ondulation : l'on aura, pour la sonume des premières:

$$\cos i \cos a \cos (a+i-s) \cos 3\pi \left(\frac{e-a}{s}\right) + \cos i \sin a \sin (a+i-s) \cos 3\pi \left(\frac{e-a}{s}\right)$$
-  $\sin i \sin a \cos (a+i-s) \cos 3\pi \left(\frac{e-a}{s}\right) + \sin i \cos a \sin (a+i-s) \cos 3\pi \left(\frac{e-a}{s}\right)$ ; et pour la somme des secondes:
$$\cos i \cos a \cos (a+i-s) \sin 3\pi \left(\frac{e-a}{s}\right) + \cos i \sin a \sin (a-i-s) \sin 3\pi \left(\frac{e-a}{s}\right)$$

 $-\sin i \sin a \cos(a+i-s) \sin 2\pi \left(\frac{a-a}{2}\right) + \sin i \cos a \sin(a+i-s) \sin 2\pi \left(\frac{a-a}{2}\right)$ .

<sup>\*</sup> Page 989 du présent volume.

### 624 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. — DEUXIÈME SECTION.

V XXII. J'ai supprimé ici le facteur commun F, qui aurait compliqué inutilement le calcul, et qu'on peut d'ailleurs prendre pour unité.

En élevant les deux sommes au carré et ajoutant ces deux carrés, on trouve, après plusieurs réductions:

$$\begin{aligned} &\cos^2 s + \sin 2a \cos 2\left(a + i - s\right) \sin^2 \pi \left(\frac{a - \epsilon}{\lambda}\right) - \sin 2a \cos 2i \sin 2\left(a + i - s\right) \sin^2 \pi \left(\frac{a - \epsilon}{\lambda}\right) \\ &- \cos^2 a \sin 2i \sin 2\left(a + i - s\right) \sin^2 \pi \left(\frac{a - \epsilon + a' - \epsilon'}{\lambda}\right) + \sin^2 a \sin 2i \sin 2\left(a + i - s\right) \sin^2 \pi \left(\frac{a - \epsilon - (a - \epsilon')}{\lambda}\right) \end{aligned}$$

Telle est l'expression générale de l'intensité d'une lumière simplé dans l'image ordinaire. On peut la considèrer en même temps comme représentant la teinte produite par la lumière blanche, puisque cette formule donne l'intensité relative de chaque espèce de rayons colorés en fonction de leur longueur d'ondulation.

8. On voit que cette expression contient quatre termes variables avec la longueur λ de l'oudulation lumineuse, multipliés par des coefficients qui ne dépendent que des angles a, i et s. La première fonction de λ est:

$$\sin^2\pi \frac{\binom{a-e}{\lambda}}{\lambda},$$
 la seconde, 
$$\sin^2\pi \left(\frac{a'-e'}{\lambda}\right),$$
 la troisième, 
$$\sin^2\pi \left(\frac{a-e-e-o'-e'}{\lambda}\right),$$
 et la quatrième, 
$$\sin^2\pi \left(\frac{a-e-e-o'-e'}{\lambda}\right).$$

Ce sont précisément celles qui formeraient le terme variable de la formet pour une seule lame cristallisée, dont on supposerait successiveunent l'épaisseur égale à celle de la première lame, à celle de la seconde, à la somme de leurs épaisseurs, et à leur différence, si les deux lames sont de même nature. Et en effet, le système des deux lames croisées peut présenter les mêmes effets qu'une seule lame qui aurait successivement les épaisseurs que nous venons d'indiquer; 1° quand la section principale du rinomboide est parallèle ou perpendiculaire à celle de la seconde » XXII. June, puisqu'alors chaque image donnée par le rhomboide ne contient que des rayons qui out éprouvé la même réfrection dans cette lame, et entre lesquels elle n'a établi aucune nouvelle différence de chemins parcourus; s'i foraque la section principale de la première laune est parallèle ou perpendiculaire au plan primitif de polarisation, puisque les rayous incidents n'éprouvent plus alors dans cette lame qu'un seul mode de réfraction; 3º lorsque les sections principales des deux lames sont parallèles entre elles; 4º quand elles sont rectangulaires. Ces deux derniers cas rentrent dans ceux dont nous avions déjà parlé avant de calculer la formule. Les expériences de M. Biot avaient démoutré d'avance ces conséquences de la théorie, qu'un pout déduire de la for-

a+i-s=0,  $a+i-s=go^{\circ}$ , i=o,  $i=go^{\circ}$ , a=o,  $a=go^{\circ}$ .

mule en y faisant successivement :

Par une marche semblable à celle que nous venons d'indiquer pour deux lames, on pourrait également calculer les fortuules générales des intensités des diverses espèces de rayons colorés dans les images ordinaires et extraordinaires, pour trois, quatre, cinq, etc. lames superposées, dont les sections principales feraient entre elles des angles quelconques. L'application de la théorie à ces cas plus compliqués serait aussi facile; les calruls seraient seulement plus longs.

9. On voit quel avantage a cette théorie sur celle de la polarisation mobile, qui devient si embarrassante quand on veut savoir comment les occillations des axes des molécules lumineuses se renouent dans le passage d'une lame à une autre dont la section principale fisit un angle quelconque avec celle de la promière. Aussi la théorie de la polarisation mobile n'a-t-elle fourni à M. Biot le moyen de déterminer tous les coefficients de ses formules, pour deux lames superpoées, que dans esc ast très-particulers; et nefme il en est un où ses formules ne représentent pas les faits avec exactitude, comme j'en ai été averti par les miennes; c'est le cas où la section principale du rhombolié étant parallèle ou perpendiculaire au plan primitif, les deux lames, étant de

79

M XXII. même nature, ont la même épaisseur, et leurs axes croisés sous un angle de 45°, M. Biot avait conclu de ses formules que lorsqu'on fait tourner le système des deux lames croisées dans son plan, les teintes des images doivent rester constantes. L'expression générale que nous venons de trouver pour l'intensité de chaque espèce de lumière simple dans l'image ordinaire conduit à une conséquence différente. En effet, dans le cas dont il s'agit, o'-e'=o-e, puisque les deux lames sont de même nature et de même épaisseur, a = 45° et s = 0 ou qo° : supposons s = o et substituons ces valeurs dans la formule; nous aurons. toutes réductions faites :

$$\cos^2 \pi \left(\frac{o-\epsilon}{\lambda}\right) - \frac{1}{4} \sin 4 i \sin^2 2\pi \left(\frac{o-\epsilon}{\lambda}\right).$$

Cette expression, n'étant pas indépendante de i, qui est l'angle que la section principale de la première lame fait avec le plan primitif de polarisation, doit changer de valeur quand on fait tourner le système des deux lames dans son plan. Lorsque sin 4i = 0, elle devient

$$\cos^2 \pi \left(\frac{\sigma - r}{\lambda}\right)$$
,

qui est précisément la formule que nous avons trouvée pour une seule lame de même épaisseur qu'une des deux dont il s'agit, quand sa section principale fait un angle de 45° avec le plan primitif; et en effet dans toutes les positions du système des deux lames croisées où sin 4i = 0, c'est-à-dire lorsque i est égal à 45°, 90°, 135°, 180°, etc. la teinte de l'image est parfaitement semblable à celle que donne une des deux lames prise séparément, et tournée de manière que sa section principale soit dans l'azimut de 45°, ainsi que M. Biot l'avait annoncé, et comme on peut le vérifier aisément par l'expérience. Mais, pour toutes les valeurs intermédiaires de i, la formule diffère plus ou moins de

$$\cos^2 \pi \left( \frac{o \cdots c}{\lambda} \right)$$
;

et cette différence atteint son maximum lorsque sin 41 devient égal à 1, c'est-à-dire quand i est égal à un nombre impair de quarts de quadrant.

# CALCUL DES TEINTES DES LAMES CRISTALLISÉES. 627

ll est à remarquer que, même dans ce cas, le coefficient de sin 4i N° XXII ne pent pas excéder  $\frac{1}{4}$ , quelle que soit la valeur de

$$\sin^2 2\pi \left(\frac{o-r}{\lambda}\right)$$
,

puisqu'il est multiplié par ¼. D'ailleurs, il s'évanouit pour les deux espèces de rayons dont la longueur d'ondulation rend

égal à un nombre entier, ou à un nombre entier plus ;, puisqu'alors

$$\sin^2 2 \pi \left(\frac{\sigma - \epsilon}{2}\right)$$

est égal à zéro : or la première espèce de rayons est celle qui domine dans l'image ordinaire, puisque

$$\cos^2 \pi \left( \frac{u - \epsilon}{\lambda} \right)$$

devient égal à 1, quand

est un nombre entier, et la seconde espèce est celle qui en est entièrement exclue, puisque

$$\cos^2 \pi \left( \frac{o - e}{\lambda} \right)$$

devient nul quand

est égal à un nombre entier plus \(^1\_2\) Ainsi les variations de i ne doivent apporter que des changements assez légers dans la teinte de l'image ordinaire lorsqu'on emploie de la lunnière blanche: \(^1\) parce que le terme qui contient i est multipli\(^2\) par \(^1\_2\); \(^2\) parce qu'il est nul pour les rayons qui dominent dans l'image et pour evux qui en sont entièrement exslus, et qu'en conséqueure ces deux espèces de rayons, qui déterminent particulièrement la nature de la teinte, n'\(^4\). . . . . . . . . . . . . .

prouvent aucun changement d'intensité quand on fait tourner le système des deux lames croisées dans son plan. Ce sont donc seulement les autres espèces de rayons dont l'intensité varie; mais comme ces variations sont multipliées par un quart, on conçoit qu'elles ne peuvent guère, en général, changer la couleur de l'imagé d'une manière trèssensible, et que leur eflet ordinaire doit être de la rendre seulement plus on moins foncée. Voilà sans doute pourquoi ces légères variations ont pu éclapper à l'attention d'un observateur aussi habile et aussi evercé que M. Biot, ou lui paraître de simples auomalies indépendantes du phénomème principal.

Lorsque i est égal à un quart de quadrant , ou, en général, à un nombre entier plus  $\frac{1}{4}$  de quadrant, sin  $\hat{h}i=1$ , et lous les rayons un se mêlent aux rayons dominants sont réduits au minimum d'inteusité, parce que le terme variable attenit son mazimum en restant négatif; ainsi la teinte de l'image ordinaire doit devenir alors plus pure et plus foncée, pagisqu'elle contient moins de lamière hétérogène. Quand, au contraire, i est égal aux  $\frac{3}{4}$  d'un quadrant, ou à un nombre entier plus  $\frac{3}{4}$  de quadrant, sin  $\hat{h}i=-1$ , et tous les rayons hétérogènes dont nous venons de parler atteignent leur mazimum d'intensité; alors l'image ordinaire doit être à la fois plus éclairée et d'une couleur moins pure que dans le premier cas. C'est ce qu'on reconnaîtra facilement en fàssant l'expérience avec attention.

Les variations d'intensité de ces rayons deviennent bien plus sensibles quand, au lieu de lumière blanche, on emploie une lumière à peu près homogène, en choisissant celle pour laquelle o — e est un nombre impair de quarts d'ondulation, ou l'épaisseur de lame qui satisfait à cette condition. Il est facile de reconnaître quand elle est remplie; car, ainsi que nous l'avous vu, la lumière homogène doit être, dans ce cas, complétement dépolarisée en passant au travers d'une suite des deux laures, dont on a dirigé la section principale à 45° du plan primitif. Alors, si l'on fait tourner le système des deux laures crossesses dans son plan, on verra l'intensité de l'image ordinaire changer on, verra l'intensité de l'image ordinaire changer dans de l'auteur d'auteur de l'auteur d'auteur de l'auteur d'auteur de l'auteur de l'auteur de l'auteur de l'auteur de l'auteur de l'auteur d'auteur de l'auteur d'auteur de l'auteur de l'auteur de l'auteur d'auteur de l'auteur d'auteur d'auteur d'aute

# CALCUL DES TEINTES DES LAMES CRISTALLISÉES. 6

sidérablement, comme l'indique la formule; car lorsque e-o est un  $N^*$  XXII. nombre impair de quarts d'ondulation,

$$\sin^2 2\pi \left(\frac{o-e}{\lambda}\right)$$

atteint son maximum et est égal à 1, tandis que

$$\cos^2 \pi \left( \frac{0 - c}{\lambda} \right)$$

est égal à  $\frac{1}{2}$ , et la formule devient  $\frac{1}{2} - \frac{1}{4} \sin 4i$ , qui donne  $\frac{1}{4}$  lorsque i est égal au quart d'un quadrant ou à un nombre entier plus  $\frac{1}{4}$  de quadrant, et  $\frac{1}{4}$  lorsque i est égal aux trois quarts d'un quadrant ou à un nombre entier plus  $\frac{3}{4}$  de quadrant; en sorte que, dans le second cas. l'intensité de l'image ordinaire est triple de ce qu'elle est dans le premier. On conçoit que cette différence doit être diminuée, en général, par le défaut d'houogénété de la lumière employée, et d'autant plus que les lames sont plus épaisses nont plus épaisses de la finaire de la finaire de la finaire employée, et d'autant plus que les lames sont plus épaisses de

## CONSIDÉRATIONS MÉCANIQUES SUR LA POLARISATION DE LA LUNIÈRE.

10. Lorsque je m'occupais de la rédaction de mon premier Mimoire sur la coloration des lames cristallaées (en septembre 18 16), per remarquai que les ondes lumineuses polarisées agissaient les unesur les autres comme des forces perpendiculaires aux rayons qui seraient dirigées dans leurs plans de polarisation, puisqu'elles ne s'affaibissent ui ne se fortifient mutuellement quand ces plans sont rectangulaires, et que deux systèmes d'ondes présentent une opposition de signe indépendante de la différence des chemins parcourus, lorsque leurs plans de polarisation, d'abord réunis, se séparent et reutreut cusuite dans un plan commun, en se plaçant sur le prolougement l'un de l'autre. M. Ampère, à qui j'avaic communiqué ces résultats de l'expérience, fit la même réflexion relativement à l'opposition de signe résultant de la marche des plans de polarisation. Nous sentimes l'un et l'autre que ces phénomènes s'expliqueraite avec la plus grande V.V.II. simplicité, si les mouvements oscillatoires des ondes polarisées n'avaient lieu que dans le plan même de ces ondes. Mais que devenaient les oscillations longitudinales suivant les rayons? Comment se trouvaient-elles détruites par l'acte de la polarisation, et comment ne reparaissaient-elles pas lorsque la lumière polarisée était réfléchie ou réfractée obliquement par une plaque de verre?

Ces difficultés me semblaient si embarrassantes que je négligeai notre première idée, et continuai de supposer des oscillations longitudinales dans les rayons polarisés, en y admettant en même temps des mouvements transversaux, sans lesquels il m'a toujours paru impossible de concevoir la polarisation et la non-influence mutuelle des rayons polarisés à augle droit. Ce n'est que depuis quelques mois qu'en meditant avec plus d'attention sur ce sujet, j'ai reconnu qu'il était très probable que les mouvements oscillatoires des ondes lumineuses s'exécutaient uniquement suivant le plan de ces ondes, pour la lumière directe comme pour la lumière polarisée. Je ne puis pas entrer ici dans le détail des calculs sur les diverses combinaisons de mouvements lougitudinaux et transversaux qui m'ont conduit à cette conséquence. Je m'attacherai seulement à faire voir que l'hypothèse que je présente n'a rien de physiquement impossible, et qu'elle peut déjà servir à l'explication des principales propriétés de la lumière polarisée au moyen de considérations mécaniques très-simples.

11. Les géomètres qui se sont occupés des vibrations des fluides élastiques n'ont considéré, je crois, comme force accélératrice que la différence de coudensation ou de dilatation entre les couches consécutives. Le ne vois rien du moins dans leurs équations qui indique, par exemplé, qu'une couche indéfinie, en glissant entre deux autres, doit leur communiquer du mouvement, et îl est évident que sous ce raport leurs équations ne disent pas tout ce qui se passe réélement. Cela tient à ce qu'ils représentent mathématiquement les fluides élastiques par une réunion de petits éléments différentiels susceptibles de se condenser on de se dilater et juzzapose; tandis que, dans la nature, les fluides dastiques sont composés saus doute de points matériels sécles luides dastiques sont composés saus doute de points matériels sécles de la composés saus doute de points matériels sécles de la composés saus doute de points matériels sécles de la comment de la comment

parés par des intervalles plus ou moins considérables relativement aux dimensions de ces molécules. Or concevons dans un fluide trois files indéfinies parallèles et consécutives de points matériels ainsi disposés : si l'on suppose entre ces molécules une certaine loi de répulsion, elles affecteront, dans l'état d'équilibre et de repos absolu, un arrangement régulier d'après lequel elles seront également espacées sur les trois rangées, et celles de la file intermédiaire répondront, je suppose, aux milieux des intervalles compris entre les molécules des deux autres : je n'indique cette disposition particulière que pour fixer les idées, car il est clair qu'elle ne saurait avoir lieu suivant toutes les directions. Mais quelle que soit celle des files que l'on considère dans le milien élastique, leurs points matériels tendront toujours à se placer dans les positions relatives qui amènent l'équilibre stable. Supposons donc que cette condition soit satisfaite; si l'on dérange un peu la file intermédiaire en la faisant glisser sur elle-même, mais seulement d'une quautité très-petite par rapport à l'intervalle de deux molécules consécutives, et qu'ensuite on la laisse libre, chacun de ses points matériels reviendra vers sa première situation (indépendamment de ce qui se passe aux extrémités de la rangée, puisque nous la supposons indéfinie)(1), et oscillera de part et d'autre comme un pendule qui a été écarté de la verticale. Mais si l'on avait assez éloigné ces molécules de leurs points de départ pour les placer exactement vis-à-vis les molécules des deux autres rangées (supposées immobiles), il en serait résulté un nouvel équilibre. Faisous encore glisser la file intermédiaire jusqu'à ce que ses points matériels répondent de nouveau aux milienx des vides des deux autres, et elle rentrera dans un troisième état d'é-

O Comme il n'arrive jamais que les ondes laminouses présentent, dans le sens perpendirulaire aux rayons, cette lengueur indéfinire que nous arons considérée ici pour simplifier les raisonnements to pourrait se demander comment ces mouvements transversaux ne se propagent point sessiblement au delà de l'extérnité des nodès. Ils ne dan delà de l'extérnité des nodès. Ils ne

prevent pas sans doute s'anéantir brusquement à leur extrémité; mais il cot aisé de voir qu'à une distance un peu grande par rapport à la longueur d'une ondulation lumineuse, les carillations contraires qu'y envoient les différentes porties du système d'ondes doirent se neutraliser mutuellement. V XXII. quilibre semblable au premier. On voit qu'en continuant à la faire glisser dans le même sens elle serait en équilibre à chaque demi-intervalle de molécules, et n'éprouverait ainsi que dans les positions intermédiaires l'action des forces retardatrices, dont l'effet serait compensé, après chaque instant très-rourt, par les forces accélératrices.

qui leur succéderaient.

Il est très-possible que la fluidité d'un corps tienne à ce qu'en vertu d'une grande disseiuniation de ses molécules ces différentes positions d'équilibre sont beaucoup plus rapprochées que dans les solides, en sorte que la force retardatrice qui tend à ramener le système dans son premier état, ne pouvant croitive que dans un trop petit intervalle, n'acquiert jamais une grande intensité; mais on conçoit que, quand il ne s'agit que de déplacements très-petits relativement aux intervalles qui séparent deux molécules consécutives, la force retardatrice pourrait avoir dans un liquide autant ou même plus d'intensité que dans un solide. Or ce sont seulement de très-petits déplacements de ce genre dans les couches de l'éther et des corps transparents qui constituersient les vibrations lumineuses, d'après l'hypothèse que j'ai nouveillement adoptée <sup>(6)</sup>.

l'ai supposé, pour simplifier les idées et expliquer plus clairement la nature des forces d'équilibre dont je voulais parler, que les deux tranches voisines de la tranche intermédiaire restaient en repos pendant que celle-ei glissait sur elle-même. Il est clair que les choses ne

<sup>(3)</sup> Si les molécules des corps displantes participant aux vibrations de l'éther participant aux vibrations de l'éther participant aux vibrations de l'éther partit probable. Its forces dévinguées par les déplacements relatifs des tranches du multies parafélierant aux ondes dévient à l'est participant de l'éther propague la von dubulities sonorse du mêmes milieux, par rapport aux mauses des tranches que les unes et les autres met-tent en maverement, pumque la viteues de propagation de los lumières en incomparaments. blement plus grande que celle du sou. Mais cale peut leuri à ce que les diplacements qui constituent les ourillations sonores out lies entre des particules d'un ordre beaucup plus composé, entre das tranches beaucoup plus éposises que ceux qui constituent les vilenciules luminauteus, et que les premiers déplacements me font pas naftre des forces accélératrice aussi érentpiques relativement aux nasses des tranches qu'elles mottent de mottent de nomettent en mouttent et mouttent et moutent et de la constitue de la constitu

e vvii

se passent pas de cette manière, et qu'une tranche ne peut pas se déplacer sans mettre en mouvement les tranches voisines. La rapidité plus ou moins grande avec laquelle le mouvement se propage dépend de l'énergie de la force accélératrice qui tend à ramener les tranches contiguës dans les mêmes positions relatives et des masses de ces tranches, comme la vitesse de propagation des ondes sonores de l'air (telles qu'on les conçoit ordinairement) dépend du rapport entre sa densité et la résistance qu'il oppose à la compression. Il est évident qu'on pent appliquer à ces nouvelles oscillations perpendiculaires aux rayons les mêmes raisonnements et les mêmes calculs qu'à celles où le mouvement oscillatoire s'exécute suivant les directions de propagation, Le principe des interférences et toutes les conséquences que M. Young en a déduites pour expliquer plusienrs phénomènes d'optique, ainsi que les formules au moyen desquelles j'ai représenté les lois de la diffraction, s'accordent aussi bien avec cette nouvelle hypothèse sur la lumière qu'avec celle que j'avais adoptée d'abord.

12. Après avoir fait sentir la possibilité de pareilles vibrations dans un fluide, il me reste à expliquer comment il pent arriver que ses molécules n'éprouvent d'oscillations sensibles que suivant la surface même des ondes, perpendiculairement anx rayons. Il suffit pour cela de supposer entre les molécules une loi de répulsion telle que la force qui s'oppose au rapprochement de deux tranches du fluide soit beaucoup plus grande que celle qui s'oppose au glissement de l'une d'elles par rapport à l'autre, et d'admettre ensuite que les oscillations du petit corps solide, qui mettent le fluide en vibration, ont des vitesses absolues infiniment moindres que la vitesse avec laquelle les condensations et les dilatations se transmettent dans le fluide. Et en effet, si l'on suppose que l'égalité de tension s'y rétablit avec une rapidité extrême, en raison de la grande résistance qu'il oppose à la compression, on conçoit que, pendant la marche beaucoup plus lente du petit corps oscillant, l'équilibre de pression se rétablira à chaque instant autour de ce corps entre la partie contiguë du fluide, qu'il tend à condenser en s'en rapprochant, et la partie située du côté opposé, qu'il tend à dilaN XXII.

ter en s'en éloignant; d'où l'on voit que les principaux mouvements des médeules consisteront dans une sorte de circulation oscillatoire autour du petit soide oscillant. Ce mouvement se communiquera de proche en proche à toutes les couches concentriques, en s'affaiblissant et se régularisant à mesure qu'il s'éloignera du centre d'ébranlement, et à une petite distance il u'y arrel gignera du centre d'ébranlement, et à une petite distance il u'y arrel gignera du centre d'ébranlement. Telle est, à mon avis, l'idée qu'il faut se faire de la nature des ondes lumineuses, pour se rendre compte des différents phénomènes qu'elles présentent, particulièrement dans la polarisation et la double réfraction

13. Je dois dire ici qu'un article d'une lettre de M. Young, en date du 20 avril 1818, qui m'avait été communiqué par M. Arago, a contribué à me faire douter de l'existence des oscillations longitudinales. M. Young concluait des propriétés optiques des cristaux à deux axes, découvertes par M. Brewster, que les ondulations de l'éther pourraient bien ressembler à celles d'une corde tendue d'une longueur indéfinie, et se propager de la même manière. Il y a sans doute une grande analogie entre cette définition des ondes lumineuses et celle que je viens d'en donner, mais je ne crois pas que M. Young ait fait voir comment on pouvait concilier une pareille dépendance mutuelle des molécules de l'éther avec sa fluidité, et y concevoir la production de ces ondulations à l'exclusion des oscillations dirigées suivant la ligne de propagation. Or c'était la difficulté qui m'avait embarrassé jusqu'à présent, et m'avait empêché de m'arrêter à ma première idée. Je dois convenir néanmoins que, s'il ne l'a pas expliquée, M. Young est le premier qui ait énoncé positivement la possibilité d'une telle propriété dans un fluide élastique (a). J'ignore si ce savant physicien a publié ses vues sur ce

Chromatice from the Supplement to the Encyclopedia Britanson, sect. XVI, art. 5. (Wireliasons Works, vol. 1, p. 33a). Correspondence relating to optical subjects from D' Fong to M. Arage (13° January 1817). (Muccillanous Works, vol. 1, p. 38o.) Note annexts on Memoire du doctore Brewster initials: On the large of Polarisation and dooble Refraction in requiriler crystalled Bodies. (Philosophical Transactions for 518.9, p. 270.)

#### CALCUL DES TEINTES DES LAMES CRISTALLISÉES. 635

sujet, et si même elles sont bien arrêtées dans son esprit; mais j'ai N° XXII pensé que la publicité que je leur donne ici ne saurait lui être désaarrêable <sup>60</sup>.

Si la polarisation d'un ravon lumineux consiste en ce que toutes ses

Les déces du D'Young à vavient probablement pas en effe pris une forme bien price dans son seprit. On ne connail pas, et et vair, a letter Arago de sa paril 1878. mis dans celle du 13 junier 1877 et dans son article Chrenaties, écrit à la nebrue époque pour le Supplément de l'Encyclopède Britannique. Il repurée comme une impossibilité auxilique de treuver étain les constituités ans illustré affaites que quéen force companable à la pessateux, qui détermine à la surface des liquides la propagation des ondes prependiculairement à la direction des orcellations.

Des vibrations transversales n'ont donc, suivant lui, aucune probabilité comme explication physique des phénomènes, mais sculement une utilité pour leur représentation mathématique; c'est un postulatum mécanique de la théorie ondulatoire.

Plus sted., en 1897, le D'Young analyse les idées de Freenet dans un article du mêtre ouvrage initulé: Theoretical Observations intended to illustrate de plementan d'Polarisation, bring an addition made to M. Arago's Trenite on the Polarisation of Light. (Miscellaneous Works, vol. 1, p. 413.) Il reproduit les mêtres observations et arrive à conclure que l'éther devrait être non-sectionent très-destique, mais solide.

Ces objections de Young font juger des résistances que les autres mathématiciens devaient opposer à des conceptions qui venaient renverser toutes les idées reçues sur la constitution des fluides élastiques. Arego avait reculé devant des nouveautés si hardies.

-Il a soverat recent dans la suite, dil M, Whevell, qu'apris que Fresat et lui creure propund par lours apprénience comannes la noncitatréfrence à respanse patrier la regular de la reg

Pour fetr tout à fait juite evere Arago, il est loo de complétre le reit qu'en vieut de lier par use autre citation que nous semputions également à fourtege de M. Whewell et qui, comme la première, est prohablement fondée une des communications personnelles du sount histories des ciences expérimentales wer Arago; «M. Arago, «Bie-un duss le dauptire du même ouvrage qui rescorte l'executel fais par les contemporaise de Young et de Frened tout montrée, a l'ange narie pour l'est dougle tout de unit le conception de virbation et manierales, lorsqu'elle fait proposée par son collaborateur, «il a àvasia pas été membre et l'intuitat, «ta vaira par en la superior te che de l'enement (le best of fet euro.), dans le l'intuitat, «Ta vaira par en la superior te che de l'enement (le best of fet euro.), dans le vibrations s'exécutent suivant une même direction, il résulte de mon hypothèse sur la génération des ondes lumineuses qu'un rayon émanant d'un seul centre d'ébranlement se trouve toujours polarisé suivant un certain plan, à un instant déterminé. Mais, un instant après, la direction du mouvement change, et avec elle le plan de polarisation; et ces variations se succèdent aussi rapidement que les perturbations des vibrations de la particule éclairante; en sorte que, lors même qu'on pourrait séparer la lumière qui en émane de celle des autres points lumineux, on n'y reconnaîtrait saus doute aucune apparence de polarisation. Si l'on considère maintenant l'effet produit par la réunion de tontes les ondes qui émanent des différents points d'un corps éclairant, on sentira qu'à chaque instant, et pour un point déterminé de l'éther, la résultante générale de tous les mouvements qui s'y croisent aura une direction déterminée, mais que cette direction variera d'un instant à l'autre. Ainsi la lumière directe peut être considérée comme la réunion, ou, plus exactement, comme la succession rapide de systèmes d'ondes polarisés suivant toutes les directions. D'après cette manière d'envisager les choses, l'acte de la polarisation ne consiste plus à créer ces mouvements transversaux, mais à les décomposer suivant deux directions rectangulaires invariables, et à séparer les deux composantes l'une de l'autre; car alors, dans chacune d'elles, les mouvements oscillatoires s'opéreront toujours suivant le même plan.

14. Appliquons ces idées à la double réfraction, et concevons un cristal à un axe comme un milieu élastique dans lequel la force accélératrice qui résulte du déplacement d'une file de molécules perpendiculaires à l'axe, relativement aux rangées contigués, est la même

<sup>-</sup>discussions fréquentes qui varieur pour objet la doctrine des ordulations. Laplace et d'autres --membres influents se montrant si opposés à cette théorie qu'ils ne voulient pas même -/conter avec quelque patience les arguments qu'on précestait en sa fareur. - (Ouvrage cité. 1. Il. page 473.) Il a para utile d'insérer la lettre de Young, du 1 s janvier 1817, dans la présente délition. (Veyez le n° IV.I) E. Vasarer,

- VVII

tout autour de l'axe; tandis que les déplacements parallèles à l'axe produisent des forces accélératrices d'une intensité différente, plus fortes si le cristal est répulsif (pour me servir de l'expression usitée), et plus faibles s'il est attractifu". Le caractère distinctif des rayons qui éprouvent la réfraction ordinaire étant des propager avec la même vitses suivant toutes les directions, il faut admettre que leurs mouvements oscillatoires s'exécutent perpendiculairement au plan trané par cerayons et l'axe du cristal; car alors les déplacements qu'ils occasionnent s'effectuant toujours suivant des directions perpendiculaires à l'axe, développeront toujours, par hypothèse, les mêmes forces accélératrices. Mais, d'après le sens qu'on attache à l'expression plan de polarisation, le plan dont nous venons de parler est précisément le plan de polarisation des rayons ordinaires; sinsi, dans un faisceau polarisé. le mouvement oscillatoire s'exécute perpendiculairement à ce qu'on appelle le plan de polarisation de polariset.

Les oscillations des rayons ordinaires étant perpendiculaires au plan mené par l'ace, les oscillations des rayons extraordinaires seront parallèles à ce plan, et, bien entendu, tonjours perpendiculaires aux rayons. On voit alors qu'à mesure qu'ils changerout d'inclinaison relationent à l'ace, la direction du mouvement oscillatoire en changera aussi: il sera parallèle à l'ace quand les rayons lui seront perpendiculaire à l'ace quand les rayons sui seront parallèles: ainsi, dans ce dernier cas, la vitesse de propagation des rayons extraordinaires sera la même que celle des rayons ordinaires. Mais pour toutes les autres directions de ceux-la, les petits dérangements des files de molécules ne s'exéculant plus perpendiculairement à l'axe, les forces escelératrires qu'en résident, et par suite la vitesse de propagation,

conception mathématique, qui n'est pas applicable aux corps opaques ou imparfaitement transparents, peut représenter cependant, dans beaucoup de cas, les effets mécaniques des milieux disphanes sur la lumière avec une approximation suffisante.

<sup>&</sup>lt;sup>(3)</sup> Je suppose les particules du cristal et les intervalles qui les séparent infiniment petits par rapport à la longueur d'une ocdulation lumineuse, et je considère ici ces particules et l'éther qui les environne comme formant ensemble un milieu bomogène. Cette

AVII. ne peuvent plus être les mêmes. Cette différence augmente progressivement jusqu'à ce que le mouvement oscillatoire soit parallèle à l'axe : c'est alors qu'elle atteint son maximum.

> Considérons ce cas particulier, pour simplifier les idées, et supposons qu'on expose perpendiculairement au rayon incident une plaque cristallisée parallèle à l'axe, en sorte que les rayons qui la traversent soient perpendiculaires à ce dernier; supposons en outre que le faisceau incident soit polarisé suivant un plan déterminé faisant un angle i avec la section principale du cristal; ses oscillations seront perpendiculaires à ce plan. Cela posé, on pent, en raison du principe de la composition et de la décomposition des petits mouvements, concevoir chacune des vitesses d'oscillation des ondes incidentes décomposée en deux autres. l'une perpendiculaire et l'autre parallèle à la section principale; les premières composantes produiront les ondes ordinaires, et les autres celles qui éprouvent la réfraction extraordinaire. Or, si l'on prend pour unité le facteur commun qui multiplie toutes les vitesses d'oscillation des diverses couches de l'onde qui entre dans le cristal, cos i sera le facteur commun des premières composantes ou leur intensité de vitesse absolue, et sin i celle des autres composantes; et les intensités de lumière étant proportionnelles aux forces vives, les intensités de lumière des rayons ordinaires et extraordinaires seront entre elles comme cos2i est à sin2i. Voilà une explication mécanique bien simple de la loi de Malus. Les oscillations de ces deux systèmes d'ondes, étant rectangulaires, s'exécuteront dans le cristal d'une manière indépendante : et, en raison de la différence d'énergie des forces accélératrices qui résultent des petits déplacements des molécules du milieu parallèlement ou perpendiculairement à l'axe, les deux systèmes d'ondes se propageront avec des vitesses différentes, et la distance entre leurs points correspondants deviendra d'autant plus considérable qu'ils auront traversé une plus grande épaisseur de cristal.

> Si c'est de la lumière directe qu'on fait tomber sur le cristal, on pourra appliquer aux divers systèmes d'ondes polarisés dont elle se compose ce que nous venons de dire pour un seul. Chacun se divisera

de la même manière en ondes ordinaires et ondes extraordinaires, dont les intensités seront en général différentes. Mais comme, en raison de la multiude des chances, il doit se trouver en somme antant de lumière polarisée suivant un plan quelconque que suivant le plan perpendiculaire, les rayons ordinaires et extraordinaires auront la même intensité.

15. Je ne m'arrêterai pas à expliquer en détail, d'après cette nonvelle idée sur les vibrations lumineuses, les propriétés que nous avons découvertes, M. Arago et moi, dans les rayons polarisés. On conçoit pourquoi des rayons polarisés à angle droit ne peuvent plus s'influencer, c'est-à-dire, produisent toujours par leur réunion la même intensité de lumière, quelle que soit la différence des chemins parcourus, puisque, en vertu de la perpendicularité de leurs oscillations, le carré de la résultante des deux vitesses absolues imprimées à chaque point de l'éther est toujours égal à la somme des carrés de ses deux composantes, et qu'ainsi la somme des forces vives du système d'ondes résultant est toujours égale à la somme des forces vives réunies des deux composants, quelle que soit la différence des chemins parcourus. Il est également facile de concevoir la raison de la règle que j'ai donnée dans le calcul des teintes produites par les lames cristallisées, pour savoir quand on doit ajouter une demi-ondulation à la différence des chemins parcourus en raison des changements des plans de polarisation.

16. l'aurais déarfe faire voir avec quelque détail, par la composition des mouvements oscillatoires en chaque point, comment les deux systèmes d'ondes de lumière simple qui sortent d'une lame cristallisée donnent réellement, par leur rémine, un système d'ondes polarisé suivant le plan primitif de polarisation, quand la différence des chemins parcourus est zéro ou un nombre pair de demi-ondulations, et polarisé dans l'azimut 2i, quand cette différence est égale à un nombre impair de demi-ondulations; pourquoi la lumière totale ne présente qu'une polarisation partielle dans les cas intermédiaires, et paraît même entièrement dépolarisée lorsque, la différence des chemins parcourus stant égale à un nombre entière et impair de quarts d'ondulation, la A XXII.

section principale de la laune est à 65° du plan primitif<sup>10</sup>. Mais il me paralt plus nécessaire d'employer le peu d'espace qui me reste à dire un mot des formules d'intensité de la lumière réfléchie obliquement sur les corps transparents, auxquelles je viens d'être conduit par les mêmes ildes thoriques.

17. On peut toujours décomposer la lumière directe incidente qui vient tomber sur la surface réfléchissante en deux faisceaux d'égale intensité, polarisés. l'un suivant le plan de réflexion, et l'autre perpendiculairement à ce plan. Je n'ai encore trouvé de formule générale que pour la réflexion du premier. Mais il est aisé de déterminer le rapport d'intensité entre les deux faisceaux par la simple déviation du plan de polarisation d'un rayon primitivement polarisé dans l'azimut de 45°, et réfléchi sous la même incidence que le faisceau de lumière directe; car le système d'ondes polarisé dans l'azimut de 45° peut se diviser en deux autres systèmes d'ondes d'égale intensité et polarisés. l'un suivant le plan de réflexion et l'autre perpendiculairement à cc plan, qui seront réfléchis en proportions inégales par le corps transparent; et ces proportions sont précisément les mêmes que pour les deux faisceaux qui composent la lumière ordinaire : or, si l'on représente par 1 l'intensité du système d'ondes après sa réflexion, les intensités de lumière de ses deux composants scront en général représentées par sin2s et cos2s, et il est aisé de voir que l'angle s sera précisément l'azimut du plan de polarisation du système d'oudes réfléchi. Si donc on a déterminé l'angle s par expérience pour l'incidence particulière dont on s'occupe, et que l'on connaisse la quantité de lumière réfléchie du faisceau polarisé suivant le plan d'incidence, il, suffira de la multiplier par tang<sup>2</sup> s pour avoir l'autre faisceau réfléchi. Je vais faire voir maintenant comment on peut calculer l'intensité de la lumière réfléchie sous une incidence quelconque pour le faisceau polarisé suivant le plan de réflexion.

<sup>(3)</sup> Une conséquence remarquable de la composition des oscillations dans ce dernier cas, c'est que, dans le système d'ondes résultant. les molécules éthérées, au lieu d'osciller, tournent chacune autour de leurs positions d'équilibre avec une vitesse uniforme.

18. Ce qui rend ce calcul facile, c'est que les oscillations étant alors Nº XXII. perpendiculaires au plan de réflexion ont la même direction dans le faisceau incident, le faisceau réfléchi et le faisceau réfracté. Soit m la masse d'un élément différentiel du premier milieu, qui, en glissant sur lui-même, met en mouvement l'élément différentiel contigu m' du milieu réfléchissant, que je suppose de même élasticité. Dans le premier instant, m' était en repos, et m avait une vitesse v: un instant après, les deux éléments ont la même vitesse, et c'est alors que s'arrête le déplacement du premier par rapport au second; mais, en raison du déplacement effectué, le premier doit recevoir après, en seus contraire, toute la partie de la vitesse initiale qu'il a perdue (1). A l'instant dont nous venons de parler, la vitesse commune des deux éléments était :

$$\frac{mv}{m+m}$$
;

donc la vitesse perdue par m est.

$$v = \frac{mv}{m+m}$$
 OII  $\frac{mv}{m+m}$ 

et par conséquent la vitesse définitive de m sera,

$$v\left(\frac{m-m}{m+m}\right)$$

Si donc on prend pour unité l'intensité des vitesses absolues dans l'onde incidente.

$$m + m$$

représentera l'intensité d'oscillation dans l'onde réfléchie, et

$$\left(\frac{m-m'}{m+m'}\right)$$

vérifié dans ses conséquences, pour un ca-(1) Ce raisonnement abrégé, que j'emprunte à M. Young (\*) et qui ne présente analogue, par l'analyse rigourense de qu'un équivalent de ce qui se passe, à été M. Poisson (1)

<sup>(</sup>b) Chromatics from the Supplement to the Encyclopedia Britannica, sect. XVI, act. 6. (Miscellaneous Works, vol. I. p. 336.)

Memourez de l'Académie rayale des sciences de l'Institut pour 1817, p. 305.

X- XXII. son intensité de lumière <sup>10</sup>e Il ne s'agit donc plus, pour résoudre le problème, que de déterminer les rapports des masses m et m' des éléments différentiels des ondes incidentes et réfractées qui s'ébranlent mutuellement dans les deux milieux.

Pour cela, il faut faire attention que chaque onde réfractée étant produite par chaque onde incidente, si on les conçoit divisées en un même nombre de couches infiniment minces, chaque couche édémentaire de l'onde réfractée sera la partie du second milieu chranlée par la tranche correspondante de l'onde incidente; ainsi les épaisseurs des éléments des deux milieux qui se communiquent l'Ébranlement, mesurées suivant la direction des rayons, sont dans le même rapport que les nogueurs d'ondulation, c'est-à-dire, dans le rapport de sin i à sin i, en représentant par i et i' les angles d'incidence et de réfraction. Il ne nous reste donc plus, pour avoir les rapports de leurs volumes, qu'à déterminer leurs largeurs relatives. Concevous deux rayons incidents parallèles et les mêmes rayons réfractés: les ondes comprises entre les rayons incidents occuperont après la réfraction tout l'espace comprise nette les ravons réfractés; la largeur de l'éthement du premièr met les ravons réfractés; la largeur de l'éthement du premièr met les ravons réfractés; la largeur de l'éthement du premièr

(1) li est à remarquer que lorsque m' est plus grand que m, c'est-à-dire, quand le second milion est plus réfringent que le premier, cette expression de la vitesse d'oscillation des rayons réfléchis est de signe contraire à celle des rayons incidents; en sorte qu'au point de départ les oscillations des premiers se feront de leur gauche à leur droite, par exemple, lorsque celles des rayons incidents se feront de droite à gauche, ce qui équivaut à la différence d'une demi-oudulation que l'expérience m'avait présentée. Ainsi, la difficulté qui en résultait quand on supposait la direction des vibrations lumineuses parallèle aux rayons n'existe plus avec la nouvelle hypothèse; et l'on peut considérer maintenant la réflexion comme provenant de la différence de densité des deux milieux composés de leurs molécules propres et de relles de l'éther, sans être conduit à des conséquences contraires aux faits. Il est possible que les choses ne se passent point rigourensement ainsi, et que cependant cette conception mécanique représente la plupart des propriétés optiques des corps transparents avec une exectitude suffisante. Le phénomène de la dispersion peut même s'expliquer sans abandonner cette conception mécanique, et en supposant seulement que la dépendance mutuelle des molécules du milien s'étend à des distancés sensibles relativement à la longueur des ondes lumineuses; car il en résulte que la vitesse de propagation doit diminuer un pen avec la longueur d'ondulation

milieu qui communique l'ébranlement à l'élément du second, sera à la largeur de celui-ci comme la distance entre les deux rayons incidents est à la distance eutre les deux rayons réfractés, ou comme cos i est à cos l'. Multipliant ce nouveau rapport par le premier, nous aurons

qui sera le rapport entre les volumes des deux étéments. Je fois alstraction ici de la dimension perpendiculaire au plan de réflexion, qui est la même dans les ondes incidentes et réfractées. Maintenant, pour avoir les masses m et m', il faut multiplier les volumes par les densités des milieux : or, en considérant la différence de vitesse de propagation de la lumière dans les deux milieux comme résultant de leur différence de densité, leurs densités doivent être en raison inverse de carrés de ces vitesses; ainsi, la deusité du premier est à la densité du second comme sin z'í est à sin z'. Multiplions ce rapport des densités par celui des volumes, et nous aurons le rapport des masses m et m', uni sera

 $\frac{\sin i \cos i}{\sin i \cos i}$ , ou  $\frac{\tan g i}{\tan g i}$ 

ainsi, m étant représenté par tang i, tang i représentera m'. Si nous substituons ces valeurs dans la formule

 $\left(\frac{m-m}{m+m'}\right)^2$ 

nous aurons pour l'expression de l'intensité de la lumière réfléchie :

$$\left(\frac{\tan g \ i - \tan g \ i}{\tan g \ i + \tan g \ i}\right)^2$$

à l'aide de laquelle on peut calculer à priori, sous une incidence quelconque, la proportion de lumière réfléchie par un milieu diaphaue dout le pouvoir réfringent est connu, lorsque la lumière incidente est toute polarisée suivant le plan de réflexion.

19. Je n'ai pas encore vérifié directement cette formule sur des mesures d'intensité faites dans le même cas, ne connaissant que des résultats obtenus avec la lumière ordinaire. Heurensement qu'à l'aide No. VVII

de la déviation du plan de polarisation observée sous la même incidence, on peut calculer le rapport d'intensité entre la lumière réfléchie du faisceau polarisé suivant le plan de réflexion, et la lumière réfléchie du faisceau polarisé perpendiculairement à ce plan, comme nous l'avons vu précédemment, et déduire ainsi la seconde intensité de la première. C'est le procédé indirect que j'ai suivi pour vérifier ma formule sur deux résultats précieux des observations de M. Arago, qu'il a eu la bonté de me communiquer (a). Il a trouvé qu'une glace non étamée à faces parallèles réfléchissait autant de lumière qu'elle en laissait passer lorsqu'elle était inclinée sur les rayons de 11° 23'; c'est la movenne de quatre observations faites avec beaucoup de soin, et dont les plus grandes variations n'étaient guère que d'un tiers de degré, malgré la différence des procédés. Il a trouvé de même que deux glaces pareilles laissent passer autant de lumière qu'elles en réfléchissent lorsqu'elles sont inclinées de 16° 58'. C'est aussi la moyenne de quatre observations, mais entre deux desquelles il y avait presque un degré de différence. En mesurant, sous les mêmes incidences, la déviation du plan de polarisation d'un rayon polarisé dans l'azimut de 45°, j'ai trouvé pour le nouvel azimut s, dans le premier cas, 31° 45', et, dans le second, 24° 30'. J'ai supposé que le rapport de réfraction des plaques de verre employées par M. Arago était 1.51, qui est celui de la plupart des glaces de Saint-Gobain. D'après cette hypothèse, qui ne doit guère s'écarter de la réalité, j'ai calculé la valeur de l'angle de réfraction i' pour chacune des deny jucidences, et, substituant la valeur de tangi et tangi dans la formule. j'ai trouvé, dans le premier cas, 0,4994, et dans le second 0,3604, pour la proportion de lumière réfléchie par une seule surface, lorsque le faisceau incident est polarisé suivant le plan de réflexion. Considérous d'abord le premier cas, celui où la lumière est réfléchie par les deux surfaces d'une seule plaque. Si l'on représente par a l'intensité

<sup>(</sup>a) Voyes Ansoo, OFurres complètes, I. X. art. xxv, p. 468 et suivantes.

de toute la lumière directe qui vient tomber sur la plaque, celle de chaeun des deux faisceaux polarisés à angle droit, dans lesquels nous la divisons, est égale à 1, et la somme des rayons réfléchs à la première surface est 0.4994 pour le faisceau polarisé suivant le plan d'incidence : en multipliant ce nombre par tang" 3 1° 45°, nous aurous pour la portion de lumière réfléchie du second faisceau 0.193 2. Cela posé, on trouve, pour chacun des deux faisceaux, en sommant une progression géométrique, que si représente la lumière réfléchie à la première surface, et na la lumière transmise, de sorte que m+n=1. la somme totale des réfléchies an la force de la plaque ajoute à celle de la première est égale à



Appliquant cette formule au premier faisceau, pour lequel a = 0.49 y de t = m = 0.5006, on trouve 0.1667, qui, ajouté à 0.49 y d. donne 0.6661. On obtient de la même manière, pour la totalité de lumière réfléchie du second faisceau, 0.3211: or ces deux nombres réunis donnent 0.987s, qui ne diffère que d'un centième environ de la moitié de la lumière incidente, que j'ai supposée égale à 9.000

En mulipliant, dans le second cas, par tang? 3\( d^2 \) 3\( \ell \), e nombro, \( \text{36} \), \( \text{46} \), qui est la portion de lumière réfléchie du faisceau polariés suivant le plan d'incidence sur la première surface, on a, pour le second faisceau, \( \text{0.7} \), \( \text{0.7} \) \( \text{47} \), \( \text{47} \), \( \text{47} \), \( \text{47} \) \( \text{47} \), \( \text{47} \) \( \text{47} \), \( \text{67} \) \( \text{47} \), \( \text{47} \( \text

La table de Bouguer m'offrait des cas plus simples et des incidences plus variées: mais M. Arago m'ayant averti qu'elle était très-inexacte, j'ai jugé inutile de la comparer à la théorie. Nº XXII.

20. Post-Scauren. Lorsqu'on terminait l'impression de catte Note, jai trouvé, par une solution mécanique, mais fondée sur une hypoliaire de l'entre de l'entre de l'entre de l'entre le l'entre de l'entre le l'entre de l'entre le l'entre le l'entre le l'entre le l'entre le l'entre l'entr

$$\left(\frac{\sin 2i - \sin 2i}{\sin 2i + \sin 2i}\right)^2$$

Cette formule, jointe à celle que j'ai déjà donnée pour la lumière polarisée dans le plan de réflexion, doit donner l'intemité de la limnière réfléchie, lorsque la lumière incidente n'a éprouvé aucune polarisation préalable; représentant l'intensité de celle-ci par a, celle de la lumière réfléchie sera égale à

$$\frac{\sin^{z}(i-i)}{\sin^{z}(i+i)} \leftarrow \left(\frac{\sin z\,t - \sin z\,t}{\sin z\,t + \sin z\,t}\right)^{2}.$$

Cette formule, appliquée aux deux observations déjà citées de M. Arago, s'accorde, à un centième près, avec la première, et donne sur la seconde six centièmes de différence.

21. Ayant mesaré depuis longtemps plusieurs déviations du plan de polarisation dans la réflexion sur le verre et sur l'eau, je pouvais mettre ces formules à de nouvelles épreuves, eu en déduisant l'expression générale de l'azimit du plan de polarisation du faiseau réflexie. L'appliquant aux cas observés, Lorsque le plan de polarisation de la lumière incidente est incliné de 65° sur le plan de réflexion, les deux discesaux polarisés parallèlement et perpendiculariement au plan d'incidence dans lesquels on peut la décomposer sont égaux; et a et 6 représentant les intensités des vitesses d'oscillation dans les mêmes fais-caux réfléchsi, éz est la tanquette de l'augle que le plan de polarisa-

### CALCUL DES TEINTES DES LAMES CRISTALLISÉES. 647

tion de la lumière totale réfléchie fait avec le plan d'incidence. Mais  $N^*$  XXII nous avons, pour les valeurs de b et de a:

$$a = \frac{\sin(i-i)}{\sin(i+i)}$$
 et  $b = \frac{\sin 2i - \sin 2i}{\sin 2i + \sin 2i}$ ;

Ainsi la tangente de l'azimut du plan de polarisation de la lumière réfléchie est égale à

$$\frac{(\sin 2i - \sin 2i') \sin (i+i')}{(\sin 2i + \sin 2i') \sin (i-i')}$$

Le tableau suivant offre la comparaison de plusieurs angles déduits de cette formule avec ceux qui m'avaient été donnés par l'observation.

RÉPLEZION DE LA LUMBRE POLABISÉE SCIVANT EN ABIRUT DE 45° RELATIVEMENT AU PLAN DE RÉPLEZION.

comptées de la perpradiculaire.	da plus de polarmation de la lamière réféchie, avec le signe relatif à l'amage du plus primité.		difféances.
	D'après la Sormele.	D'aprin l'observation.	
	100	LS 19996.	
25"	32*55	38° 55'	- 1° 1'
3q°	a6° 38"	s 6° 35'	+ 0* 3"
49°	10°52	11* 45'	- o* 53'
70"	330 45"	- 3e* 65'	- e he'
8o°	33° 45°	- 3s* 45' - 38* 55'	- 0° 60'
86° 85° 87°	- 39" 19" - 51" 36"	- 38° 55' 4e° 55'	- 0° ± 5' - 0° ± 1'
86° 85° 87° 86°	- 39° 19′ - 51° 36′ - 59° 55′	- 38° 55' 40° 55' 41° 15'	- 0° 25' - 0° 11' - 1° 29'
86° 85° 87°	- 39" 19" - 41" 36" - 49" 44" - 43" 59"	- 38° 55' - 40° 55' - 41° 15' - 41° 35'	- 0° 25'
86° 85° 87° 86° 89°	- 39" 19" - 41" 36" - 49" 44" - 43" 59"	- 38° 55' 40° 55' 41° 15'	- 0° 25' - 0° 51' - 1° 29' + 0° 53'
80" 85" 87" 88" 89"	- 39" 19" - 41" 36" - 49" 44" - 43" 59"	- 38° 55' - 40° 55' - 41° 15' - 45° 35'  19 UMA: - 10° 20'	- 0° 25' - 0° 51' - 1° 29' + 0° 53'
80° 85° 87° 88° 89° La lumière réflé nément su calcul.	- 39" 19" - 51" 36" - 52" 55" - 53" 55" schie était polarisée dans l	- 38° 55' - 40° 55' - 41° 15' - 41° 35' - 14° 35' - 10° 20' - 25° 20'	- o* 25 - o* 51' - 1* 29' + o* 53' idence de 53*, con - o* 31' + o* 32'
80° 85° 87° 88° 89° La lumière réflé nément su calcul. 60°	- 39° 19′ - 51° 36′ - 42° 54′ - 43° 52′ schie était polarisée dans l - 10° 51′	- 38° 55' - 40° 55' - 41° 15' - 45° 35'  19 UMA: - 10° 20'	- 0° 25' - 0° 51' - 1° 29' + 0° 53' idence de 53°, con - 0° 31'

# 648 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - DEUXIÈME SECTION.

Nº XXII.

On voit que la différence la plus considérable entre le calcul et l'observation est d'un degré et demi pour la réflexion sur le verre sous l'incidence de 88°, et que cette discordance un peu forte provient sans doute de l'inexactitude de l'observation, si l'on en juge du moins par les signes contraires de la différence qui la suit et de celle qui la précède. Il est difficile de déterminer avec une grande précision le plan de polarisation d'un faisceau de lumière, en l'observant au travers d'un rhomboide de spath calcaire, parce que l'image extraordinaire est invisible un peu avant et un peu après le moment où la section principale du rhomboïde coîncide avec le plan de polarisation. J'espère néaumoins obtenir des résultats plus exacts en me servant de la lumière du soleil, dont la grande vivacité permet de suivre l'image extraordinaire plus près du plan de polarisation. En attendant ces nouvelles vérifications, on peut considérer l'exactitude de la formule comme très-probable, par son accord assez satisfaisant avec les observations faites, et sa coïncidence plus certaine encore avec l'expérience dans les trois cas principaux, 1º quand les rayons incidents sont perpendiculaires à la surface réfléchissante; 2º lorsqu'ils font avec elle l'augle de la polarisation complète; 3º quand ils lui sont parallèles; car elle indique que, dans le premier cas, le plan de polarisation ne change pas; que, dans le second, il se confond avec le plan de réflexion; et, dans le troisième, en est éloigné de 45°, du côté opposé à l'image du plan primitif de polarisation; en sorte qu'il se trouve sur le prolongement de celui-ci : or, toutes ces conséquences de la formule s'accordent avec l'observation.

22. Les deux formules d'intensité que je viens de donner peuvent servir encore à calculer la proportion de lumière polarisée par réflexion; il suffit pour cela de retrancher

$$\left(\frac{\sin 2 i - \sin 2 i}{\sin 2 i + \sin 2 i}\right)^2 de \frac{\sin^2 (i - i)}{\sin^2 (i + i)}$$

et de diviser leur différence par leur somme.

### APPENDICE.

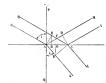
Fresnel avait depuis longtemps cherché à exprimer par des formules l'intensité des rayons réfichis et réfractés, et il avait essayé plus d'une hypothèse mécanique avant que la conception des vibrations transversales l'etit définitivement conduit au résultat en 1821.

Ces tentatives réitérées n'ont pour la plupart laissé d'autres traces que des calculs ébauchés, qui ne sont accompagnés d'aucune explication et qu'il eût été difficile et superflu de reproduire.

Nous avons au contraire pensé que l'écrit suivant méritait d'être conservé : il est suffisemment arrêté dans sa forme, curieux à divers titres et montre, par sa date, avec quelle puissante opiniâtreté cet esprit pénétrant poursuivait la vérité une fois pressentie.

Cette note se lit sur les premiers feuillets d'un carnet de poche commencé le 19 juillet 1819.

 $\sin i = r \sin e$ ; EAC= i; QAK = BCA = e; AC = a; EC = a sin i;



 $AB = \frac{EC}{r} = \frac{a \sin i}{r}$ .

ABC: AEC:: OB: ER. OB=ABcose=asinecose;

ER=ECcosi=asin icosi.

OB:ER::sinecose:sinicosi.

OB: ER:: cos e: r cos i.

Mais la densité du milieu ABC
est proportionnelle à r<sup>2</sup>; ainsi
la masse du triangle ABC
est à celle du triangle AEC

comme r2 cos e est à r cos i, ou comme r cos e est à cos i.

Soit V la vitesse d'oscillation dans le rayon incident,  $\alpha$  celle du rayon réfracté,  $\nu$  celle du rayon réfléchi; soit m la masse du triangle AEC on ADC,  $\mu$  celle du triangle ABC; on aura pour la conservation du mouvement du centre de gravité :

 $Vm \sin i = u\mu \sin e + vm \sin i$ ,

el

 $Vm \cos i = u\mu \cos e - vm \cos i$ .

### 650 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - DEUXIÈME SECTION.

N° XXII. Substituant à la place de μ et m les quantités proportionnelles r cos ε et cos i, ces deux équations deviennent

 $V \sin i \cos i = ur \sin e \cos e + V \sin i \cos i$ 

 $V\cos^2 i = ur\cos^2 e - v\cos^2 i,$ 

$$ur \sin e \cos e = \sin i \cos i (V - v),$$

 $ur\cos^2 e = \cos^2 i (V + v);$ d'où l'on tire

$$v = V \frac{\sin i \cos e - \sin e \cos i}{\sin i \cos e + \sin e \cos i}$$

ou

ou

$$v = V \frac{\sin(i-e)}{\sin(i+e)}$$

$$u = V \frac{\cos^3 i}{r \cos^4 e} \left( \frac{\sin(i+e) + \sin(i-e)}{\sin(i+e)} \right) = \frac{V}{r} \frac{2 \sin i \cos^4 i}{\cos e \sin(i+e)} = V \frac{\cos i}{r \cos e} \times \frac{\sin 2i}{\sin(i+e)}$$

Quand i = o, ces valeurs deviennent

$$v = V \frac{\sin i - \sin e}{\sin i + \sin e} = V \frac{r \sin e - \sin e}{r \sin e + \sin e} = V \frac{r - 1}{r + 1},$$

$$u = V \frac{1}{r} \frac{2 \sin i}{\sin i + \sin e} = \frac{V}{r} \frac{2r \sin e}{\sin e + \sin e} = \frac{2V}{r}.$$

et

vation des forces vives.

Alors, en effet, μ et m sont entre eux comme r est à 1.

On a donc

$$mV^2 = V^2$$
,  $mv^2 = v^2$ , et  $\mu u^2 = ru^2$ ;

par conséquent

$$mv^2 + \mu u^2 = v^2 + ru^2 = V^2 \left(\frac{r-1}{r+1}\right)^2 + r\frac{4V^3}{(r+1)^3} = V^2 \frac{r^3 - 2r + 1 + 4r}{(r+1)^3} = V^2 \left(\frac{r+1}{r+1}\right)^2 = V^2 = mV^2,$$

ce qu'il fallait démontrer.

Il est facile de voir que dans le cas général ces formules ne s'accordent pas avec le principe de la conservation des forces vives.

Pour que cette condition fût satisfaite, il faudrait qu'on eût

$$mV^2 - mv^2 = \mu u^2;$$

or

Nº XXU.

$$\begin{split} mV^2 - mv^2 &= m(V^2 - v^2) = \cos i (V^2 - v^2) = \cos i V^2 \left(1 - \frac{\sin^4(i-e)}{\sin^2(i-e)}\right) = V^2 \cos i \frac{\sin^2(i-e)}{\sin^2(i-e)} \\ &= V^2 \cos i \frac{4 \sin^2(\cos i \sin e \cos e)}{\sin^2(i-e)} = V^2 \cos i \frac{\sin^2(\sin a)}{\sin^2(i-e)} \\ &= \mu^2 = r \cos e V^2 \frac{\cos^2(i-e)}{\cos^2(i-e)} \times \frac{\sin^2(a)}{\sin^2(i-e)} = V^2 \frac{\cos^2(i-e)}{\cos^2(i-e)} \times \frac{\sin^2(a)}{\sin^2(i-e)} \end{split}$$

Ainsi, pour que µu2 fût égal à mV2 - mv2, il faudrait qu'on eût

$$V^{2} \cos i \frac{\sin 2i \sin 2e}{\sin^{2}(i+e)} = V^{2} \frac{\cos^{2}i}{r \cos e} \times \frac{\sin^{2}2i}{\sin^{2}(i+e)}$$

011

$$\sin 2e = \frac{\cos i}{r \cos e} \sin 2i$$
,

ou

$$\sin e \cos e = \frac{\cos i}{r \cos e} \sin i \cos i$$

ou

$$r\sin e\cos^2 e = \sin i\cos^2 i;$$

mais  $r \sin e = \sin i$ , et, divisant les deux membres de l'équation par ce facteur, on a :

$$\cos^2 e = \cos^2 i$$
.

Cette équation ne peut être satisfaite, tant que r n'est pas égal à 1, que lorsque i = 0, c'est-à-dire dans le cas de l'incidence perpendiculaire.

C'est aussi le seul cas où l'on soit s'ur de la marche de l'onde réfretée, quelle que soit la nature de l'Éthrollement; car le rapport constant du sinus d'incidence au sinus de réfraction n'étant démontré rigoureusement qu'à l'aide du principe des interférences, n'est certain que pour le cas où l'on suppose ce principe, c'est-a-dire cetoli d'une série indéfinie d'ondes produites par des oscillations. Or, dans ce cas, les mouvements en avant des molécules fluides étant égaux aux mouvements rétrogrades, le principe de la conservation des mouvements du centre de gravité se trouve satisfait, quelles que soient les intensiéts relatives des rayons incidents réfléchie t effracté. Nº XXII.

Mais si l'analyse découvrait (ce qu'elle du pas encore fait) que la loi de la réfraction doit être la même, quelle que soit la nature de l'ébraulement, alors les calculs que nous avons déduits de la conservation du mouvement du centre de gravité ne seraient plus illusoires et devraient conduire à la détermination des intensités des rayons réfléchis et réfractés. Nous avons vu cependant que les résultats de cescalculs ne s'accorderaient pas avec le principe de la conservation des forces vives; mas il est à remarquer que nous nàvous considéré que le mouvement des molécules éthérées dans le sens de la propagation de l'ébranlement, et qu'il est possible qu'elles aient en outre des mouvements transversaux.

A l'aide des mouvements transversaux on pourrait satisfaire à la fois au principe général de la conservation du mouvement du centre de gravité et à celui de la conservation des forces vives, qui doit se vérifier dans toutes les vibrations des fluides élastiques, et l'on parviendrait peut-être, en déterminant ains les mouvements transversaux des ondes, à définir cette singulière modification de la lumière à laquelle on a donné le nom de polariation.

Dans le cas de l'incidence perpendiculaire, on ne peut pas déterminer à priori l'intensité des ondes réfléchies avec le seal secours du principe de la conservation du mouvement du centre de gravité, qui ne donne alors qu'une équation. Mais le principe de la conservation des forces vives en donne une autre qui, jointe à la première, donne le moven de déterminer les deux inconnues et et.

D'après le principe de la conservation du mouvement du centre de gravité on a

 $Vm = u\mu - vm$ :

Mais

m: μ:: ld: λδ,

l et d, λ et δ représentant les longueurs d'ondes et les densités dans les deux milieux, d'où

$$\frac{\mu}{m} = \frac{\lambda \cdot \delta}{ld}$$

# CALCUL DES TEINTES DES LAMES CRISTALLISÉES. 653

Mais Nº XXII.

$$\hat{j} = \frac{1}{r}$$
,

et δ: d:: l2: λ2:: r2: 1. d'où

$$\frac{\delta}{d} = \frac{r^2}{r}$$
;

done

$$\frac{\lambda \delta}{U} = \frac{1}{r} \times \frac{r^2}{r} = r.$$

Ainsi l'équation

$$V = u \frac{\mu}{m} - v$$

devient

V = ur - v. D'une autre part, le principe de la conservation des forces vives nous fournit l'équation

$$V^2 m = u^2 \mu + v^2 m$$
, ou  $V^2 = u^2 r + v^2$ .

Substituant à la place de u, dans cette équation, la valeur  $\frac{V+v}{c}$ tirée de l'autre, on a

$$V^2 = \frac{(V+v)^2}{2} + v^2$$

$$r(V^2-v^2)=(V+v)^2$$

$$r(V-v) = V + v.$$
  
 $v(1+r) = V(r-1);$ 

$$v = V \frac{r-1}{r+1}$$
.

Nº XXIII.

## MÉMOIRE

# SUR LES COULEURS DÉVELOPPÉES

DANS DES FLUIDES HOMOGÈNES

## PAR LA LUMIÈRE POLARISÉE (\*).

PRÉSENTÉ À L'ACADÉMIR, LE 30 MARS 1818.

(Imprimé par ordre de l'Académie dans les Messures de l'Académie des Seirnes de l'Institut pour 1869, L. XX, p. 163.)

1. M. Biot a remarqué le premier que plusieurs fluides homogènes jouissent de la propriété de colorer la lumière polarisée, et de faire remaitre l'image extraordinaire, comme les substances cristallisées. Cette belle découverte a démontré que l'action polarisante des corps pouvait s'exercer indépendamment de l'arrangement des particules, et en conséquence de leur seule constitution <sup>66</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>10</sup> Voyez, comme introduction à ce Mémoire, le Mémoire sur les modifications que la réflexion imprime à la lumière polarisée, avec son supplément (N° XVI et XVII). Voyez égatement les lettres à Léonor Fresnel des 10 avril et 15 septembre ; 818.

Cest dans la séance du g mars i 816 que. sur la proposition de MM. Biot et Arago. I Vacdémio ordonas l'impression du présent Morieire Y XVII qu'un crayait prêtu depais longtemps. On trouvers quedques édaits à ce sujet dans les compise rendas heldomadières des séances de l'Académie des Sciences, L XVII, p. 106 et 40-7, Les deux Mémoires out été d'abord imprimés dans les Annales de chimie et de physique, 3° série . L XVII.

<sup>&</sup>lt;sup>50</sup> Extrait d'un Mémoire sur les rotations que certaines substances impriment aux aves de polarisation des rayons lumineux [Ansales de chimie et de physique, t. IX, p. 37α. et t. X, p. 63.]

Mémoire sur les rotations que certaines substances impriment aux axes de polarisation des rayons lumineux. [Mémoires de l'Académie royale des sciences de l'Institut pour 1817. L. II., p. 41.]

Nº XXIII.

L'analogie me faisait soupconner depuis longtemps que ces phénomènes de polarisation devaient être accompagnés de la double réfraction dans les fluides comme dans les cristaux. La coloration de la lumière s'explique d'ailleurs d'une manière si satisfiaisante dans la théorie des oudulations par le concours de deux systèmes d'ondes, qu'il était rès-maturel de supposer leur existence, nême dans des fluides homogènes, en voyant ces fluides développer des couleurs. Néanmoins aucune hypothèse n'avait plus besoin d'être confirmée par une expérience directe.

La théorie des interférences indique plusieurs moyens très-simples de reconsaltre les plus légères différences dans la marche de deun systèmes d'ondes sorties d'une source commune. On peut employer à cet ellet le phénomène des anneaux colorés, par exemple, ou celui des franges produites par le concours de deux faisceaux lumineux.

2. J'ai d'abord suivi le premier procédé. Ayant serré deux prisme l'un contre l'autre, de manière à former des anneaux colorés, j'ain fait tomber sur les surfaces en contact la lumière d'une lampe, sous l'incidence de la polarisation complète. Les rayons ainsi réfléchis traversaient un tube de "",715 de longueur, rempil d'essence de térèbenthine. Je me servais d'une lorgnette de spectacle pour bien distinguer les anneaux, à cause de l'éloignement des prismes.

Avec la lunette seule, je n'apercevais pas plus d'anneaux au travers de l'huile de térébenthine qu'avant l'interposition de ce liquide; mais en plaçant un rhomboide de claux carbonatée dans l'inférient de la lunette, de manière à produire deux images séparées, je voyais dans chacune d'elleu un bien plus grand nombre d'anneaux : ils s'étendaient à des épaisseurs de la lame d'air où je n'avais pas pu eu découvrir auparavant! Or on ne peut expliquer l'apparition de ces nouveaux an-

(i) M. Arago avait fait depuis lougtemps une expérience absolument pareille sur des plaques de cristal de roche taillées perpendiculairement à l'axe (\*). On produit le même phénomène avec des lames de cristal de roche ou de sulfate de chaux parallèles à l'axe.

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup> Vénoire sur plusieurs nouveaux phenominos d'optique (œuvres complétes. t. X, p. 85).

neaux qu'en supposant une diminution dans l'intervalle des deux sys- N° XXIII. tèmes d'ondes concourant à leur production; ou, ce qui revient au même, en supposant qu'une partie du système d'ondes réfléchi à la première surface de la lame d'air a parcouru le tube un peu plus lentement qu'une partie du système réfléchi à la seconde surface. Ainsi il faut admettre que l'essence de térébenthine, comme les cristaux, ralentit la marche de la lumière suivant deux degrés différents. Les ravons réfléchis à la première et à la seconde surface de la lame d'air devant éprouver également la double réfraction de ce liquide, il en résulte que les nouveaux anneaux ne sont formés que par la moitié au plus de la lumière qui arrive à l'œil; en sorte qu'ils doivent être beaucoup plus faibles que les autres.

On pourrait objecter aux conséquences que je viens de tirer de cette expérience que les circonstances qui font naître les nouveaux anneaux étant précisément celles qui développent des couleurs dans l'essence de térébenthine, il est possible que la simplification de la lumière soit la cause de l'augmentation du nombre d'anneaux apparents. Mais d'abord je répondrai que ces couleurs étaient très-faibles, à cause de la grande longueur du tube, et que même, dans certaines positions du rhomboide de spath calcaire, elles devenaient insensibles, les deux images ne paraissant plus avoir alors que la couleur propre du liquide. On verra d'ailleurs que plusieurs autres phénomènes confirment l'hypothèse d'une double réfraction dans l'essence de térébenthine.

3. Ayant porté le même tube dans une chambre obscure, je l'ai dirigé vers un point lumineux, devant lequel j'avais mis une pile de glaces pour polariser la lumière incidente. J'ai placé à l'autre extrémité du tube, sous l'angle de la polarisation complète, deux glaces non étamées très-légèrement inclinées entre elles, de manière à produire des franges

d'une épaisseur peu considérable. Quand elles ont seulement un ou deux millimètres d'épaisseur, les nouveaux anneaux se trouvent parfaitement séparés de ceux qui entourent le point de contact, et mettent en évidence la double réfraction du

cristal. Cette propriété des lames cristallisées pourrait être également appliquée à la mesure de leur double réfraction, de leur épaisseur, ou de la courbure des objectifs de télescope.

v XIII. d'une largeur suffisante. Alors, en observant avec une loupe la lumière ainsi réfléchie, Jai reconnu l'existence de trois systèmes de franges qui se touchaient et se mélaient un peu les uns aux autres, parce que le tube n'était pas assex loug. Le système du milieu, qui provenait de la superposition des franges produites par le concours des rayons qui avaient éprouvé la même réfraction, était beaucoup plus intense que les deux autres, résultant du concours des rayons de réfractions opposées. La lumière n'était pas assex vive pour que je pusse hien ditinguer dans ceux-ci la position des bandes obseures du premier ordre; mais il m'a semblé, autant que je pouvais en juger, que la distance du centre de chacun des systèmes de droite et de guehen au centre de célui du milieu était de sept largeurs de franges. Il résulte d'une autre expérieuce plus précies, rapportée à la fin de ce Mémoire, que les faibles couleurs produites par c tube appartiement au sixtème.

ordre.

Si l'existence de la double réfraction dans l'essence de térébenthine et leabit une grande analogie entre le phénomène de sa coloration et celui que présentent les lames mines cristallisées parallèles à l'axe, ils different expendant essentiellement sous plusieurs rapports. Dans le lames cristallisées la rotation du rhomboide de spath calezine ne fait varier que l'intensité de la teinte sans changer sa nature; dans l'essence de térébenthine, au contraire, le même mouvement du rhomboide change la nature de la teinte sans diminure son intensité. Enfin on peut faire tourner sur lui-niène le tube qui contient ce liquide, sans apporter aucun chaugement ni à la nature ni à la vivacité des couleurs; tandis qu'en faisant tourner la lame cristallisée dans son plau, l'on augmente ou l'on affaiblit les couleurs jusqu'à les amener au blanc parfait.

A. La modification singulière que la double réflexion compléte dans un azimut de 45° imprime à la lumière polarisée, et qui lui donne les apparences d'une entière dépolarisation, forsqu'on l'analyse aver un rhomboide de spath calcaire, ne lui ôte point expendant, comme on sait. la propriété de colorre les lanses réstallatiées. Ces teiutes ont même autant de vivacité que les teintes produites par la lumière » XXIII.

polarisée ordinaire, et sont seulement d'une autre nature. Or voici
encore une différence caractéristique entre l'action des lames cristalissées et celle de l'essence de térébenthine: la lumière ainsi modifiée ne
se colore plus dans ce liquide, et parait, à cette épreuve, aussi complétement dépolarisée que lorsqu'on la fait passer immédiatement au
travers d'un rhombied de chaux carbonatée.

A l'extrémité d'un tube de o\*,50 de longueur, rempli d'essence de téchenthine, jai placé un parallélipipéde de verre, dans lequel les rayons incidents, préalablement polarisés, éprouvaient deux réflexions compêtées suivant un plan incliné de fà's sur celui de la polarisétion primitive. En regardant alors par l'autre extrémité de ce tube avec un rhomboide de spath calcaire, je n'apercevais plus aucune trace de contain, lorque les rayons avaient été réflécits sous une incidence convenable dans le parallélipipède de verre; tandis que la lumière polarisée, qui n'avait pas éprouvé cette modification, développait dans le même tube des couleurs de la plus grande vixacié. Le cristal de roche taillé perpendiculairement à l'axe produit, dans cette circonslunce, le même effet une l'essence de l'érbenthique.

La lumière polarisée modifiée par la double réflexion complète ne se colorant plus dans ce fluide, l'analogie indique qu'elle ne doit plus produire qu'un seul système de franges avec l'appareil que j'ai décrit plus haut, et c'est aussi ce que l'expérience confirme.

5. Il est naturel de conclure de ces deux expériences que la lumière aissi modifiée n'éprouve plus qu'un seule réfraction dans l'essence de térébenthine. Pour vérifier cette conséquence et m'assurer qu'en effet la lumière en sortant du tube ne conteniat plus alors qu'un seul systeme de franges, je lui ai fait traverser une lame mince cristallisée, et j'ai vu qu'elle développait les mêmes couleurs que lorsqu'elle n'avait pas traverér l'huile de térébenthine, ou de mons que ces teintes en différaient fort peu, et que cette légère différence lemit à la couleur propre du liquide, comme on le reconnaît en faisant passer la lumière incidente au trevers de ce fluide avant sa polarisation primitive.

83.

Nº XXIII.

Mais voici une autre expérience assez remarquable, qui démontre encore mieux peut-être que, dans le cas dont il s'apit, l'fluide de téréhenthine rend la lumière telle qu'elle la reçoit. Lorsque des rayons polarisés ont éprouvé la double réflexion complète dans un azimut de hôs par rapport au plan primitif de polaristion, si on leur fait subir de nouveau deux réflexions complètes dans un second parallélipipède de verre, ils reprennent toutes les appiarences et les propriétés de la polarisation parfaite; c'est un phénomène qui s'explique aisément par la théorie exposée dans mon dernier Mémoire<sup>60</sup>. Or le même phénomène a encore lieu en plaçant entre les deux parallélipièque un tube rempli d'essence de térébenthine, quelle que soit sa longueur: ainsi les modifications imprimées aux rayons incidents ne sont point attérées dans ce cas par l'interposition du fluide.

6. Quand, an lieu de placer le parallélispipède de verre à l'extrémité antérieure du tube, on le met du côté de l'œil, la lumière polarisée, qui, après avoir traversé l'essence, est réfléchie deux fois dans ce parallélippède, offre les caractères d'un faiscean lumineux qui aurait traversé une lame mince parallèle à l'axe; car, en faisant tourier le rhomboide de spath calcaire, on ne fait plus afors varier la nature, mais seulement l'intensité des teintes, qui passent au blanc parfait daus deux positions rectangulaires de sa section principale, lorsqu'elle est inclinée de fôs\* sur le plan de la double réflexion. Les teintes partiement, au contraire, à leur plus haut degré de vivacité lorsque la section principale du rhomboide est parallèle ou perpendiculaire à ce plan. Quant à leur nature, elle dépend de la position du parallélippède de verre, et est précisément celle des couleurs qu'on obtiendrait directeuent sans son interposition, en dirigeant la section principale du rhomboide de spath calcaire dans le même arimut.

En modifiant ainsi, par la double réflexion complète, la lumière polarisée qui a traversé l'huile de térébenthine, on peut combiner les

Métaoire sur les modifications que la réflexion imprime à la lumière polarisée, et Supplément à ce Métaoire. (N° XVI et XVII.)

effets de ce liquide avec ceux d'une lame cristallisée parallèle à l'ave, Nº XXIII. comme on combine entre eux les effets produits par deux lames de cette espèce. Mais pour que l'addition ou la soustraction des teintes s'exécute d'une manière tout à fait semblable, pour obtenir, par exemple. la disparition totale d'une des images avec une lame d'une épaisseur convenable, il faut que le plan de la double réflexion soit tourné dans un certain azimut dépendant de la longueur du tube; cet azimut, dans le cas particulier de la compensation parfaite, est celui qui donne la même teinte que la lame cristallisée. Lorsque l'axe de la lame est à gauche du plan de double réflexion, les teintes s'ajoutent; quand il est à droite, elles se retranchent. Ce serait l'inverse avec un fluide tel que l'essence de citron, dont l'action polarisante s'exerce en sens contraire de celle de l'huile de térébenthine.

7. Dans le dernier Mémoire que j'ai eu l'honneur de présenter à l'Académie (a), j'ai décrit un appareil au moyen duquel on peut, avec une lame cristallisée parallèle à l'axe, imiter les phénomènes de coloration que présentent l'essence de térébenthine et les plaques de cristal de roche taillées perpendiculairement à leur axe. Il consiste en deux parallélipipèdes de verre disposés rectangulairement, entre lesquels on place la lame cristallisée, de façon que le faisceau lumineux polarisé éprouve la double réflexion complète en sortant de la lame comme avant d'y entrer, mais suivant un plan perpendiculaire au premier, ces deux plans étant inclinés l'un et l'autre de 45° sur l'axe du cristal. Ce système de la lame cristallisée et des deux parallélipipèdes de verre ainsi combinés jouit de la singulière propriété qu'on peut le faire tourner sur lui-même entre les deux plans de polarisation extrêmes, comme une plaque de cristal de roche perpendiculaire à l'axe, sans changer la nature ni l'intensité des couleurs; tandis qu'en faisant varier un de ces deux plans par rapport à l'autre, on obtient toutes les teintes diverses que présentent, dans le même cas, les plaques de cristal de roche perpendiculaires à l'axe et l'essence de térébenthine. Il y a plus :

<sup>(</sup>a) Voir les nº XVI, \$ 21, note (2), p. 460, et XVII, \$ 11.

Nº AXBI.

quand on a fait éprouver à la lumière incidente la double réflexion complète suivant un plan incliné de 45° sur celui de la polarisation primitive, elle ne se colore plus en traversant cet appareil, dans quelque azimut qu'il soit tourné; et lorsqu'elle éprouve cette modification en ortant de l'appareil, au lieu de la recevoir avant d'y entrer, elle prend encore, comme avec l'essence de térébenthine én pareil cas, les mêmes apparences que si elle était reçue dans le rhomboide de spath calcaire, immédiatement après sa sortie de la lame cristalisée.

Enfin, lorsque la lumière incidente, après avoir été complétement dépolarisée par deux réflexions consécutives avant d'entrer dans cet appareil, est encore à sa sortie réfléchie deux fois complétement dans un parallélipipède de verre, elle se trouve ramenée à l'état de polarisation parfaite, comme si l'on supprimait l'appareil, ou qu'on lui subatitudt un tube rempli d'essence de térébenthine. Il paraltrait donc, d'après cette série de faits nombreux et variés, que cet appareil jouit de toutes les projetiées optiques de l'huile de térébenthine. C'est aussi ce que j'avais pensé d'abord, mais un examen plus attentif m'a fait reconnaître qu'il existait une différence notable entre ces deux espèces de phénomène.

8. Ayant placé un parallélipipéde de verre à l'extrémité d'un tube de o",50, rempli d'essence de térébenthine, de façon que les rayons qui l'avaient traversé éprouvassent la double réflexion complète parallèlement au plan primitif de polarisation, j'ai fait disparaître l'image extraordinaire, qui était d'un rouge violatre, par l'interposition d'une lame de chaus sulfatée, d'une épaisseur de o"", 13 environ, qui donnait à peu près la même teinte dans l'image extraordinaire, cest-à-drie couge extrême du second ordre, ou le pourpre du troisième. Oc en calculant sur cette donnée la rotation apparente du plan de polarisation des rayons rouges dans l'essence de térébenthine, d'après la théorie de l'appareil dont je viens de parler; je trovais un augle place double de celui que M. Biot avait déterminé par des mesures directes, et qu'il avait eu la bonté de me commiquer. Pour découvrir à quoi pouvait tenir une aussi grande différence, j'ai volu observer la série

des couleurs produites par l'essence de térébenthine, depuis zéro jus- N° XXIII. qu'à cinquante centimètres de longueur. Après avoir placé le tube dans une position verticale, et fixé la section principale du rhomboïde de spath calcaire dans le plan primitif de polarisation, j'ai fait écouler graduellement le liquide qu'il contenait; et j'ai été très-étonné de voir l'image extraordinaire passer par un blanc légèrement coloré, et enfin arriver au noir sans offrir le rouge du premier ordre.

Il est assez différent du rouge du second ordre pour qu'il soit facile de les distinguer; et, par la seule inspection des teintes, on peut recounaître que celui qui répond à cinquante centimètres d'essence de térébenthine n'est pas du premier ordre. D'ailleurs, ce qui détermine encore mieux son rang, c'est l'épaisseur de la lame cristallisée qui faisait disparaître l'image extraordinaire. On objectera pentêtre que cette disparition n'ayant lieu qu'à l'aide du paraffélipipède de verre, il est possible que la double réflexion altère la teinte produite par l'essence de térébenthine, et la fasse descendre dans l'ordre des anneaux, Mais d'abord, en regardant à la fois les images directes et les images réfléchies, on peut s'assurer que leur couleur est absolument la même; en second lieu, l'expérience et la théorie démontrent que la double réflexion, sous l'incidence qui produit la dépolarisation complète, modifie tous les rayons de la même manière, et que si elle change en général l'intervalle qui sépare deux systèmes d'ondes polarisés en sens contraires, ce changement, pour chaque espèce de rayons, est proportionnel à la longueur de leurs vibrations; en sorte qu'il ne peut faire monter ni descendre la teinte, dont le rang dépend uniquement du rapport de la partie constante de l'intervalle aux longueurs des différentes ondes lumineuses. Ainsi il reste constant que l'image extraordinaire passe du noir au rouge du second ordre, sans passer par le rouge du premier.

9. Cette marche des couleurs, si bizarre en apparence, et si opposée à celle qu'on observe dans les anneaux réfléchis, peut s'expliquer d'une manière fort simple, en admettant que la double réfraction dans l'essence de térébenthine n'est pas la même pour les rayons de diverses VA VVIII

natures, et qu'elle est plus forte pour ceux dont les vibrations sont plus courtes. On sait que la double réfraction des rayons violets dans le spath calcaire est plus pronoucée que celle des rayons rouges; il est probable qu'il en est de même dans les autres cristaux; mais ces différences sont très-légères par rapport à la différence de vitesse entre le rayon ordinaire et le rayon extraordinaire. C'est pourquoi nous avons supposé jusqu'à présent que l'intervalle qui sépare les deux systèmes d'ondes était sensiblement le même pour les rayons de diverses couleurs. Mais, lorsque la double réfraction devient extrêmement faible, comme dans l'essence de térébenthine, où les vitesses des rayons ordinaires et extraordinaires diffèrent à peine d'un millionième, il est très-possible que la dispersion de la double réfraction (s'il m'est permis de m'exprimer ainsi) soit une partie considérable de la double réfraction elle-même. Il résulterait, de quelques mesures approximatives rapportées dans la suite de ce Mémoire, que la double réfraction des rayons violets extrêmes devrait être une fois et demie environ celle des rayons ronges extrêmes. Cette hypothèse ne me paraît point improbable ni même contraire à l'analogie, qu'on ne doit pas rigoureusement étendre jusqu'à la limite; et, en l'adoptant, on peut se rendre compte de cette anomalie singulière dont je viens de parler, qui, sans cela, me paraitrait inexplicable (o).

On conçoit aisément que l'intervalle entre les deux systèmes d'ondes n'étant plus le même pour tous les rayons, comme dans le phénomène des anneaux clorés, ou celui que présentent les lames minese cristalisées, mais changeant avec la longueur des vibrations luminienses, la marche des couleurs peut être toute différente, puisque cet intervalle est d'autant plus grand que les vibrations sont plus courtes, ce qui fait vairer doublement le rapport, entre sa longueur et celle des ondes

<sup>&</sup>lt;sup>10</sup> Il résulte de ces mesures que la double réfraction, c'est-à-dire la différence de marche absorbar des deux systèmes d'ondes est, pour les rayons rouges estrémes extrêmes, semiblement réciproque à la longueur d'ondulation. La rotation est done resmiblement réciproque à la longueur d'ondulation, conformément à la loi établie par M. Biot. Ex. Yeaser.<sup>1</sup>

lumineuses, Voilà comment on arrive au rouge du second ordre, lors- N° XXIII. que l'intervalle entre les deux systèmes d'ondes rouges n'a pas encore dépassé celui qui donnerait le rouge du premier ordre, s'il était le même dans les rayons de diverses couleurs.

Gette hypothèse permet d'appliquer à la polarisation everée par les fluides homogènes la théorie que jai exposée dans le Mémoire prédiednt<sup>18</sup>, pour expliquer les couleurs produites par une lame cristallisée comprise entre deux paralléhipipèles de verre perpendiculaires entre nx. Il est naturel de penser, d'après les rapports intimes qui existent entre ces deux classes de phéronnènes, qu'ils résultent des mèmes modifications générales imprimées aux rayons lumineux, et que la différence qu'ils présentent dans la marche des couleurs tient uniquement à ce que la double réfraction n'est pas la même pour les rayons divers daus les particules fluides, tandis qu'elle est sensiblement constante, au contrairé, dans la lame cristallisée.

Il est évident qu'il faut chercher dans la constitution individuelle de ces particules la cause des phécionèmes de coloration auxquels elles doument naissance, puisqu'ils sont indépendants de leur arrangement, et qu'en même temps ils dépendent tellement de leur forme, que, selon la nature du fluide, la lumière tourne de gauche à droite ou de droite à gauche, pour me servir de l'expression de M. Biot. Je supposerai douc qu'elles sont constituées de manière à imprimer aux rayons lumineux qui les traversent les modifications qu'ils éprouvent dans l'appareil dont je viens de parler; éest-à-dire que la lumière, à son entrée dans chaque particule et à sa sortie, reçoit la mêue modification que celle qui lui est imprimée par la double réflexion complète, et qu'elle éprouve en outre dans son intérieur la double réfration.

10. Je vais d'abord démontrer qu'il résulte de cette hypothèse que les rayons qui ont été réfractés ordinairement ou extraordinairement dans une particule ainsi constituée éprouvent toujours la même ré-

<sup>&</sup>quot; Voyez nº XVII. \$ 11, p. 505.

#### 666 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - DEUXIÈME SECTION.

N° XXIII. fraction dans les particules semblables qu'ils traversent successivement, quels que soient les azimuts de leurs axes.

Soit 00' la section principale de la première particule, RR' et TT',



les deux plans qui répondent à ceux de double réflexion dans l'apparedi, et que j'appellerai plan d'entrée et plan de sortie ils sont, par hypothèes, perpendiculaires entre eux, et inclinés de 45° sur la sertion principale. Soit 0,0,1 la section principale de la seconde particule traversée par le faisceau lumineux, B,B, et T,T,' les deux plans suivant l'esquels d'éprouve, à son entrée et à sa sortie, la modifica-

tion dont on vient de parler. Elle consiste, comme on l'a vu dans le Memoire précédent, en ce que clauque faiseau lumineux se d'use en deux systèmes d'ondes polarisés l'un parallèlement, l'autre perpendiculairement au plan, le premier se truvant en arrière d'un quart d'ondalation par rapport au second.

Considérons la partie du rayon incident qui a été réfractée ordinairement dans la première particule et polarisée ainsi suivant 00; et représentons-la par O. En sortant de la particule, elle se divise en deux systèmes d'ondes polarisés l'un parallèlement, l'autre perpendiculairement à TT, dont les intensités, ainsi que les positions relatives, sont représentées par les expressions suivantes:

$$\sqrt{\frac{1}{2}}O$$
 $O,T$ 
 $\sqrt{\frac{1}{2}}O$ 
 $O.R$ 

En effet, comme je l'ai observé dans le Mémoire précédent, lorqu'un système d'ondes se décompose ainsi en deux autres, les vitesses des molécules éthérées dans leurs oscillations ne sont pas proportionnelles aux carrés des cosinns et sinus de l'angle OCT, mais simplement au sinus et au cosinus; en sorte que ce n'est pas la sonme des vitesses qui est constante, mais la somme des carrés des vitesses,

C'est une conséquence du principe de la conservation des forces vives N° XXIII. dans les vibrations des corps élastiques.

Par l'action du plan d'entrée R.R./ de la seconde particule, claceu, de ces faisceaux lumineux se divisera en deux autres systèmes d'ondes, ce qui en produira quatres. Si l'on représente par p l'angle OCO que la section principale de la seconde particule fiit avec celle de la première, les intensités de leurs vibrations seront.

Par le fait de la double réfraction de cette particule, chacun de cosfisceaux se divisera ensuite en deux autres, polariés parallèlement et perpendiculairement au plan O,O'. Les intensités des systèmes d'undes réfractés ordinairement dans la seconde particule seront représentées par les expressions suivantes ;

joutant les expressions qui ont la même caractéristique, et faisant attention que  $\frac{1}{2}$  à la caractéristique équivant an signe moins, on a :

— sin p O et cos p Q<sub>1</sub>. Or la résultante de ces deux systèmes d'ondes différant d'un quart d'andulation est  $\sqrt{\mathbb{O}^2 \cos^2 p + \mathbb{O}^2 \sin^2 p}$  ou O. Ainsi les ondes provenant de la refraction ordinaire de la première particule subsissent en entire la réfraction ordinaire dans la seconde, parce que dans l'une et dans l'autre la section principale est tournée du même cété par repport an plan d'entrée.

On peut encore vérifier ce principe en calculant l'intensité de la Inmière polarisée suivant le plan E,E,' perpendiculaire à la section principale OO'. On trouve, pour les quatre faisceaux constituants :

On voit que les expressions ayant la même caractéristique sont égales

V XIII. et de signes contraires, en sorte que ces quatre systèmes d'ondes se détruisent nutuellement. Ainsi, aucun des rayons ordinaires sortis de la première particule ne peut épronver la réfraction extraordinaire dans la seconde. Si l'on retourne celleci de manière que le plan de sortie devienne plan d'entrée, il est évident qu'il se trouvera placé du même colé relativement à la section principale, et par conséquent les rayons y seront encore réfractés de la nième manière.

11. Il est à remarquer que les calculs que nous venons de faire et le résultat auquel ils nous ont conduit sont indépendants des rapports d'intensité des doubles réfractions exercées par ces particules, et que nous avons supposé seulement qu'elles étaient constituées de la même façon, cest-àdre que leurs aves étaient tournés du même côté par rapport à leur plan d'entrée. Ainsi, quelles que soient d'ailleurs les inclinaisons, ou même la nature des diverses particules traversées successivement par la lumière incidente, les rayons qui auront but primitivement la réfraction ordinaire ou extraordinaire continueront à subir la même espèce de réfraction dans toute l'étendue du fluide. L'hypothèse que nous avons adoptée peut donc expliquer (ce qui, au premier abord, paraissait difficile à concevoir) comment il se fait que la double réfraction cercée par des particules aussi irrégulièrement arrangées ne développe que deux systèmes fondes lumineuses dans le fluide.

Quand il est homogène, les effets produits par toutes les particules sigoutent, et l'intervalle entre les deux systèmes d'ondes doit augmenter en proportion de la longueur du trajet. Quand le fluide est composé de deux espèces différentes de particules, mais dont les axes sont tournés de la même maire par rapport à leurs plans d'entrée, leurs effets s'ajoutent, si dans les unes et les autres c'est la même réraction qui est la plus rapide; et ils se retranchent, au contraire, si les réfractions les plus rapides sont de natures opposées. C'est l'inverse lorsque les particules ont leurs axes tournés en sens contraires relativement à leurs plans d'entrée.

On voit aussi que le mélange d'un nombre quelconque de fluides de natures diverses, dont les particules seraient ainsi constituées, doit pro-

duire sur la lumière le même effet qu'elle éprouverait si elle traversait successivement ces différents fluides. Ainsi le problème, dans ce cas général, peut toujours être ramené au cas particulier d'un fluide homogène.

12. Dans le Mémoire précédent, en exposant la théorie de l'appareil que je prends ici pour modèle de la constitution des particules. l'ai démontré que l'intensité et la position des différents systèmes d'ondes qu'il produit réunis dans un plan de polarisation quelconque. sont indépendantes de l'azimut dans lequel cet appareil est dirigé, et ne dépendent que de l'inclinaison réciproque des deux plans de polarisation extrêmes. On peut donc supposer toutes les particules du fluide tournées de façon que leurs sections principales soient parallèles entre elles : alors, si l'on considère une de ces particules comprise entre deux autres, on voit que son plan d'entrée est perpendiculaire au plan de sortie de celle qui la précède, et fait disparaître ainsi la différence d'un quart d'ondulation produite par celui-ci. De même son plan de sortie est perpendiculaire au plan d'entrée de la particule suivante. qui détruit, par conséquent, la modification que celui-là avait imprimée à la lumière. On peut donc supprimer par la pensée tous les plans d'entrée et de sortie intermédiaires, en conservant seulement le plan d'entrée de la première particule et le plan de sortie de la dernière. Il est évident alors que la formule que j'ai calculée pour l'appareil s'applique au fluide. Si donc on représente par o et e les nombres des ondulations ordinaires et extraordinaires dans le fluide, et par i l'augle que le plan primitif de polarisation fait avec la section principale du rhomboide de spath calcaire qui sert à développer les couleurs, on aura pour l'expression générale de l'intensité des vibrations lumineuses dans l'image ordinaire :

$$F\sqrt{\frac{i}{2}+\frac{i}{2}\cos\left[2i-2\pi\left(e-o\right)
ight]}$$
 ou  $F\cos\left[i-\pi\left(e-o\right)
ight]$ .

F étant l'intensité du faisceau incident; et, pour l'image extraordinaire. F  $\sin [i-\pi(c-o)]$ .

Ces formules ont été calculées dans le cas où l'axe de la lane cristallisée comprise entre les deux parallélipipèdes de verre était à droite

Donald Lalegte

V. VXIII. du premier plan de double réflexion; elles s'appliquent en conséquence anx fluides dont les particules ont leur section principale à droite de leur plan d'entrée. Dans le cas inverse, les formules deviennent : F cos  $[i + \pi (e - o)]$ , pour l'image ordinaire, et F sin  $[i + \pi (e - o)]$ ,

pour l'image extraordinaire.

M. Biot a reconnu que l'angle dont il fallait tourner la section principale du rhomboïde de spath calcaire pour faire disparaître la même espèce de rayons de l'image extraordinaire était proportionnel au chemin parcouru dans le fluide. Cette loi remarquable est une conséquence immédiate des formules ci-dessus. En effet, l'espèce de rayons que l'on considère sera nulle dans l'image extraordinaire, quand on aura :

$$i = \pi (e - o) = 0$$
, ou  $i = \pm \pi (e - o)$ ,

les signes supérieurs répondant au cas où les particules ont leur section principale à droite de leur plan d'entrée, et les signes inférieurs au cas contraire. Or e et u sont proportionnels au chemin parcouru dans le fluide; par conséquent, l'angle i doit aussi lui être proportionnel.

Si l'on suppose e > o, la première valeur de i sera positive et la seconde négative. Les angles avant été comptés de gauche à droite dans les calculs, on doit conclure de ces valeurs de i que dans le premier cas la lumière tournera de gauche à droite, et dans le second de droite à gauche, selon l'expression de M. Biot, qui est le plus simple énoncé des apparences du phénomène. Si l'on suppose, au contraire, e < o, la lumière tournera de gauche à droite, lorsque la section prin-</p> cipale des particules sera à gauche de leur plan d'entrée; et de droite à gauche, lorsque ce plan sera à gauche de la section principale.

Il est clair d'après cela que, lorsque la lumière polarisée traverse successivement deux fluides qui font tourner la lumière en sens contraires, les effets produits par l'un sur chaque espèce de rayons se retranchent des effets produits par l'autre; en sorte que dans une lumière homogène on fera toujours disparaître complétement l'image extraordinaire en raccourcissant ou rallongeant convenablement un des tubes. Mais il pourrait se faire que dans la lumière blanche cette compensation

fût impossible, si, par exemple, les variations de la double réfraction des Nº XXIII rayons divers ne suivaient pas la même loi daus les deux fluides, parce qu'alors les rapports de longueurs qui produiraient la compensation exacte pour une espèce de rayons ne la produiraient pas pour une autre.

13. Pour compléter la théorie que je vieus d'exposer, il me reste a expliquer deux phénomènes décrits au commencement de ce Mémoire. Lorsque la lumière polarisée a reçu dans un azimut de 45° la modification que lui imprime la double réflexion complète avant de traverser l'huile de térébenthine, elle n'y développe plus de couleurs; et quand elle n'éprouve cette modification qu'après être sortie du tube, les teintes des deux images demeurent constantes pendant la rotation du chomboide de spath calcaire avec lequel on les observe, et ne varient que d'intensité seulement, en allant jusqu'au blanc parfait, comme celles des lames cristallisées parallèles à l'axe.

La raison du premier phénomène est bien simple : la lumière n'éprouve plus alors dans le liquide qu'une seule espèce de réfraction. En effet, uous avons vu que les rayons polarisés parallèlement on perpendiculairement à la section principale d'une particule, après avoir éprouvé en en sortant la modification dont il s'agit, ne pouvaient plus subir qu'une seule espèce de réfraction dans la particule suivante. La lumière polarisée, ainsi modifiée, ne peut donc être réfractée que d'une seule manière dans l'essence de térébenthine, et ne doit produire. en conséquence, qu'un seul système d'ondes.

Fig. 2.

14. Je vais m'occuper maintenant du cas où la lumière ne recoit cette modification qu'à sa sortie du tube. Soit PP' le plan primitif-de polarisation. Nous avons vu que l'action des particules sur les vibrations lumineuses était toujours la même. dans quelque azimut que leurs axes fussent tournés. Nous pouvons, en conséquence, supposer toutes les sections principales inclinées de 45° sur le plan

Nº XXIII. de la polarisation primitive, de façon que leurs plans d'entrée ou de sortie coîncident avec ce plan. Je supposerai, par exemple, que ce sont les plans d'entrée. Avant ainsi tourné toutes les sections principales dans la même direction, on peut supprimer tous les plans d'entrée et de sortie, excepté le premier et le dernier. Le premier coincide avec PP, par hypothèse, et le dernier, représenté dans la figure par NN, lui est perpendiculaire. Soit RR' le plan suivant lequel la lumière est réfléchie deux fois dans le parallélipipède de verre, après avoir traversé l'esseure de térébenthine; soit enfin SS' la section principale du rhomboide de spath calcaire avec lequel on développe les couleurs. Je représente l'angle PCB par r, et l'angle PCS par i.

> Le plan d'entrée, coıncidant avec celui de la polarisation primitive. ne modifie pas la lumière. Par la double réfraction des particules elle se trouve divisée en deux systèmes d'ondes, polarisés, l'un suivant la section principale OO', l'autre suivant le plan perpendiculaire EE'. Si l'on représente par F la vitesse des molécules éthérées dans les vibrations du faisceau incident, leurs vitesses dans les ondes ordinaires et extraordinaires seront :

$$\sqrt{\frac{1}{2}} F_{a} \qquad \text{et} \qquad \sqrt{\frac{1}{2}} F_{b}$$
P.O.
P.E.

σ et ε représentent toujours les nombres d'ondulations ordinaires et extraordinaires exécutées dans l'essence de térébenthine par l'espèce de rayons que l'on considère. Par l'action du plan de sortie NV chacun de ces faisceaux se divisera en deux autres; ce qui donnera en tont les quatre faisceaux suivants :

$$\frac{1}{2}F_{n+\frac{1}{2}}$$
  $\frac{1}{2}F_{n}$   $\frac{1}{2}F_{n+\frac{1}{2}}$   $\frac{1}{2}F_{n}$   
P.O.N. P.O.P. P.E'.N'. P.E'.P.

La double réflexion dans le parallélipipède de verre divise ensuite chacun de ces quatre faisceaux en deux autres, polarisés, l'un suivant le plan de réflexion RR', l'autre suivant le plan perpendiculaire TT', Eufiu, par l'action du rhomboide de spath calcaire, chacun de ces N° XVIII. huit faisceaux se trouve divisé en deux autres, polarisés parallèlement et perpendiculariement à sa section principale SS°. Il suffit de considérer ceux qui concourent à la formation d'une des images, l'image ordinaire, par exemple. Leurs intensiés sont représentées par les expressions suivantes :

$$\begin{split} &\text{P.O.N.R.S.} & + \frac{1}{2} \sin r \cos{(i-r)} \, F_{s+1} \\ &\text{P.O.N.T.S.} & + \frac{1}{2} \cos r \sin{(i-r)} \, F_{s+1} \\ &\text{P.O.P.R.S.} & + \frac{1}{2} \cos r \cos{(i-r)} \, F_{s+1} \\ &\text{P.O.P.T.S.} & - \frac{1}{3} \sin r \sin{(i-r)} \, F_{s} \\ &\text{P.E.N.R.S.} & - \frac{1}{3} \sin r \cos{(i-r)} \, F_{r+1} \\ &\text{P.E.N.T.S.} & - \frac{1}{3} \cos r \cos{(i-r)} \, F_{r+1} \\ &\text{P.E.N.T.S.} & - \frac{1}{3} \cos r \sin{(i-r)} \, F_{r+1} \\ &\text{P.E.P.R.S.} & - \frac{1}{3} \cos r \cos{(i-r)} \, F_{r+1} \\ &\text{P.E.P.R.T.S.} & - \frac{1}{3} \sin r \sin{(i-r)} \, F_{r+1} \\ &\text{P.E.P.R.T.S.} & - \frac{1}{3} \sin r \sin{(i-r)} \, F_{r+1} \end{aligned}$$

Ajoutant les expressions qui ont la même caractéristique, et observant que  $\frac{1}{a}$  à la caractéristique équivaut au signe moins, ces huit faisceaux se réduisent à quatre :

$$\begin{split} & -\frac{1}{2}\sin r \left[\cos (i-r) + \sin (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) + \sin (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\sin r \left[\cos (i-r) - \sin (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \sin (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \sin (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \sin (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \sin (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \sin (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \sin (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \sin (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \sin (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \sin (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \sin (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \sin (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \sin (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \sin (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \sin (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \sin (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \sin (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \sin (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \sin (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \sin (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \sin (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \sin (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \sin (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \sin (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \sin (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \sin (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \cos (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \cos (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \cos (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \cos (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \cos (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \cos (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \cos (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \cos (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \cos (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \cos (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \cos (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \cos (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \cos (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \cos (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \cos (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \cos (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \cos (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos (i-r) - \cos (i-r)\right] F_{+} \\ & +\frac{1}{2}\cos r \left[\cos$$

A l'inspection de ces forhules, on voit d'abord que l'insage passe au blanc lorsque  $i - r = 45^\circ$ , parce qu'alors les deux derniers faiseaux s'évanouissant, l'intensité de la lumière devient indépendante de la différence entre e et o, et par conséquent est la même pour toute espèce de rayans. La couleur de l'insage atteint au controire son plus procede par ayans. La couleur de l'insage atteint au controire son plus de l'insage atteint au co

N. XIII. haut degré de vivacité lorsque î — r est égal à zéro ou à gor, c'est-à-dire, lorsque la section principale du rhomboïde de spath calcaire est parallèle ou perpendiculaire au plan de la double réflexion; en effet, les expressions dont la caractéristique est fonction de e deviennent alors égales à celles dont la caractéristique contient o.

Il est aisé de voir aussi que la rotation du rhomboïde, c'est-à-dire les variations de i ne doivent pas altérer la nature de la teinte. En effet, considérons la résultante des deux premiers systèmes d'ondes: les variations de i, n'affectant que le facteur commun  $\cos (i-r) + \sin (i-r)$ , ne peuvent pas changer la position de cette orde, mais seulement son intensité. Par la même raison, ces variations ne changent pas non plus la position de Founde résultant du concours des deux autres fais-ceaux, Ainsi l'intervalle entre ces deux résultantes, qui seul détermine la nature de la teinte, n'éprouve aucun changement pendant la rotation du rhomboïde.

Il n'en est pas de même des variations de r; comme elles affectent inégalement les deux premiers faisceaux, dont l'un est multiplié par sin r, et l'autre par cos r, elles font varier la position de l'eur résultante. Elles changent aussi la position de l'autre résultante, et en sens contraire, à vause de l'opposition de signe entre le premier et le troisième faisceau. Mais ceci devient plus évident encore en calculant la résultante totale de ces quatre systèmes d'ondes. On trouve pour l'expression générale de l'intensité de ses vibrations

 $F\sqrt{\frac{1}{2}+\frac{1}{2}[\cos^2(i-r)-\sin^2(i-r)]\cos[2r-2\pi(e-o)]},$ ou,

 $F\sqrt{\frac{1}{2} + \frac{1}{2}\cos 2(i - r)\cos[2r - 2\pi(e - o)]}$ 

Hest clair, d'après cette formule, que les variations de i n'affectent que l'intensité de la teinte  $^{(0)}$ , tandis que celles de r changent sa nature. Quand r cat égal à  $45^{\circ}$ , par exemple,  $\cos \{ 2r - 2\pi (\epsilon - o) \}$  devient  $\cos 2\pi \left[ \frac{1}{\epsilon} - (e - o) \right]$ , et la couleur de l'image est celle qui répond

<sup>(</sup>i) Le maximum d'intensité de la teinte connu par la seule inspection des faisceaux répond à i=r, comme on l'avait déjà re-constituants. La formule devient alors.

à un changement d'un quart d'ondulation dans l'intervalle e-o compris entre les deux systèmes d'ondes. Quand r est égal à zéro, au contraire, la teinte répond exactement à l'intervalle e-o; c'est celle qu'on pourrait appeler la teinte fondamentale. La formule devient alors

$$F\sqrt{\frac{1}{2}+\frac{1}{2}\cos 2i\cos 2\pi (e-o)}$$
;

c'est précisément l'expression générale de l'intensité des rayons lumineux dans l'image ordinaire, pour le cas particulier d'une lame cristallisée dont l'axe est placé dans un azimut de 45° par rapport au plan primitif de polarisation. Si la double réfraction exercée par l'essence de térébenthine sur les différentes espèces de rayons était sensiblement constante, comme dans les cristaux, il en résulterait qu'on ponrrait toujours compenser exactement l'effet qu'elle produit sur la lumière blanche polarisée avec une lame cristallisée d'une épaisseur convenable, en tournant le parallélipipède de façon que le plan de double réflexion fût parallèle au plan primitif de polarisation. Mais nous avons vu qu'il n'en était pas ainsi, et qu'il résultait de la marche de la teinte fondamentale que la double réfraction de l'essence de térébenthine variait beaucoup, au contraire, avec la longueur des vibrations lumineuses. On conçoit même que la loi de ces variations pourrait être telle que toute compensation exacte devint impossible dans la lumière blanche.

15. Pour concevoir nettement les conditions nécessaires de cette compensation, au lieu de rapporter à une même unité de longueur les intervalles compris entre les deux systèmes d'ordes dans l'essence de térébenthine et dans la lame cristallisée, supposons-les exprimés, pour chaque espèce d'ondulation lumineuse, en fonction de la longueur de cette ondulation. Il est clair que, si les différences entre les nombres qui expriment ces rapports pour le tube rempil d'essence de térébende qui expriment ces rapports pour le tube rempil d'essence de térébende.

$$F\sqrt{\frac{1}{2} + \frac{1}{2}\cos[\pi r - 2\pi [e - e]]},$$
ou
$$F\cos[r - \pi (e - e)].$$

Ainsi la teinte est précisément celle qu'on observait avant l'interposition du parallélipipède de verre, dans la même position du rhomboïde de sputh calcaire. V XXIII

thine sont égales aux différences entre les nombres correspondants de la lame cristallisée, la compensation exacte est possible; car il résulte de cette hypothèse que les nombres de la lame cristallisée sont égaux aux nombres du tube, plus un uneue nombre, en général fractionnaire. Or ou peut en supprimer toutes les unités entières, et ne considérer que la fraction restante, seule quantité qui s'oppose à la compensation exacte. Mais d'après la formule

$$F \sqrt{\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \cos 2(i - r) \cos [2r - 2\pi (e - o)]},$$

on voit qu'il est toujours possible, par la valeur que l'on donne à r, d'introduire la fraction que l'on veut dans la parenthèse  $9r - 9\pi(e - o)$ , et de faire disparaltre cette dernière discordance. C'est donc exte dennière fraction qui détermine l'azimut dans lequel il faut tourner le plan de double réflexion pour obtenir la disparition complète d'une des invances.

D'après quelques expériences de ce genre, auxquelles je n'ai pas encore pu donner tonte la précision dont elles sont susceptibles, il n'a semblé que la condition que je viens d'énoncer était sensiblement satisfaite dans l'essence de térébenthine; car j'ai observé des disparations romplétes d'une des images, du moins autant qu'e jen ai pui jugi-

obtenir la disparition complète, j'ai estimé que le tube de om,50 devait Nº XXIII. être compensé par une lame de sulfate de chaux répondant au nombre 31 dans la première coloune de la table de Newton. Si l'on calcule la rotation du plan de polarisation des rayons rouges moyens produite par une pareille lame comprise entre deux parallélipipèdes perpendiculaires entre eux, on trouve, par la formule  $i = -\pi (e - o)$ , pour l'arc total. 309°,6. Mais, d'après la marche des couleurs que présente l'essence de térébeuthine depuis zéro jusqu'à une longueur de om,50, on a vu qu'il devait y avoir pour ce fluide une ondulation de moins dans l'intervalle entre les deux systèmes d'ondes. Or une ondulation répond ici à 180°; retranchant 180° de 309°,6, il reste 129°,6, qui, divisés par 50. donnent 2º.50 pour la rotation des rayons rouges dans un centimètre. En faisant le même calcul sur les autres espèces de rayons, on trouve, pour les diverses rotations qu'ils éprouvent en traversant un centimètre d'essence de térébenthine, savoir :

Rayons	orangés													20,99
Rayons	jaunes.													3°,36
Rayons	verts													30,90
Rayons	bleus													40,48
Rayons	indigos.						 							40,96
Rayons	violets.													50.40

Ayant fixé une lame de sulfate de chaux de omm, 46 d'épaisseur sur un parattélipipède de verre, je l'ai placée à l'extrémité d'un appareit rempli d'essence de térébenthine, dont je pouvais faire varier la longueur. Par un double tâtonnement, j'ai cherché quelle était celle qui produisait la compensation la plus exacte, et dans quel azimut il fallait placer le plan de double réflexion du parallélipipède pour faire disparaître complétement une des images. J'ai trouvé pour cette longueur an, o3, et, pour l'azimut, 35° environ à gauche du plan de polarisation; c'était l'image ordinaire qui disparaissait. Il en résulte que, pour avoir la rotation produite par ce tube, il fant d'abord retrancher 90° - 35°, ou 55°, de la rotation qui serait produite par la lame de omm, 46, et qui est de 1145°,8 pour les rayons ronges moyens. Il faut.

No VVIII

en outre, eu soustraire un nombre entier de demi-circonférences, dépendant aussi de la différence de marche des teintes produites par la lame et par l'essence de téréhenthine. Mon appareil ne me permettant pas de les suivre depuis o",50 jusqu'à o",03, jai calculé ce nombre d'après l'espérience précédente, certain de ne pas me tromper d'une demi-circonférences et j'ai vu ainsi qu'il fallait retrancher trois demi-circonférences ou 5 do's. La rotation des rayons rouges produite par un trajet de 2°,03 dans l'essence de téréhenthine est donc de 550°,8; divisant cette quantité par 203, on a pour la rotation des rayons rouges dans un centimètre, 2°,7,1°0. Ce résultat s'accorde fort bien avec celui que M. Biot a obtenu par la mesure même des angles, si du moins ce sout des rayons rouges moyens qui dominaient dans la lumière dout il s'est servi.

En faisant le mênie calcul relativement aux autres rayons, on trouve les angles suivants:

Rayons	orangé	٠													30,07
Rayons	jaunes.														30,42
Rayons	verts	٠.													3°,91
Rayons	bleus.		 			 									40,44
Rayons	indigos														40,87
Bayons	violets														5*.35

Ges résultats diffèrent sensiblement de ceux qu'on a déduits de l'expérience précédente; et les bases du calcul sont en effet asser diffèrentes; car si, par une proportion, en partant des données de la seconde observation, on cherche quelle longueur d'essence de térébenthine doit être exactement compensée par une fame de sulfate de chaux répondant au nombre 31 de la première colonne de la table de Newton, on trouve "5-58 au lite de "5-50.

 $<sup>^{(</sup>i)}$  En partant de ces données, on trouve que les rayons rouges ordinaires et extraordinaires ne différent dans leur vitesse que de  $\frac{1}{5.73}\frac{5.73}{500}$ , et les rayons violets ordinaires

et extraordinaires de 117000; en sorte que la double réfraction des rayons rouges est à la double réfraction des rayons violets comme s est à 1,34.

Malgré les difficultés qui résultaient de la plus grande longueur de N XXIII.

l'appareil dans la secoude expérience, et qui pouvaient être des causes d'erreur, je suis porté à croire que les résultats qui en découlent sont plus eaacts que les presultats qui en découlent sont plus eaacts que les premiers, non-seulement parce que les mesures et les observations ont été faites sur des quantités plus grandes, mais encore parce que j'avais réfléchi davantage aux précautions à prendre pour approcher de l'exactitude. Néanuonis je ne regarde pas non plus ces derniers résultats comme fort exacts, parce que l'appareil n'était pas disposé d'une manière assec commode pour faire avec précision des observations aussi délicates <sup>10</sup>. Avant d'avoir l'honneur de les présenter à l'Académie, j'aurais désiré répérel l'expérience avec un appareil mieux disposé, et vérifier ces angles par des mesures directes de la rotation dans la lumière homogène; mais d'autres recherches n'obligent d'abandonner celles-ci, du moins pour quelque temps.

l'ai fait voir comment on pouvait distinguer les différents phénomènes que présente l'essence de térébenthine, en supposant que chacune de ses particules jouit de la double réfraction, et fait éprouver aux rayons lumineux, à leur entrée et à leur sortie, la même modification que leur imprime la double réflexion complète dans l'intérieur des corps transparents. La définition de ces modifications dans l'état actuel de la théorie est assez compliquée. Il est possible cependan qu'au foud l'hypothèse soi qu'us simple qu'elle ne le parait  $^{\rm N}$ . Il est certain du moins que les phénomènes ne peuvent pas être présentés plus simplement que par la formule générale  $^{\rm F}$  cos  $[i\pm\pi(e-\sigma)]$ , à laquellé cette hypothèse mà conduit. Il me paraît très-probable, en consécute hypothèse mà conduit. Il me paraît très-probable, en consécute plus simplement que par la formule générale  $^{\rm F}$  cos  $[i\pm\pi(e-\sigma)]$ , à laquellé cette hypothèse mà conduit. Il me paraît très-probable, en consécute plus des ma conduit. Il me paraît très-probable, en consécute plus des ma conduit. Il me paraît très-probable, en consécute plus des ma conduit. Il me paraît très-probable, en consécute plus des ma conduit. Il me paraît très-probable, en consécute plus des ma conduit. Il me paraît très probable, en consécute plus des ma conduit l'un paraît très probable, en consécute plus des des manuels de la description de la conduit de la description de la consecute de la description de la conduit de la conduit de la description de la conduit de la conduit de la description de la conduit de la conduit

<sup>(5)</sup> Il m'a semblé que les teintes produites par les 2°,03 d'essence de térébenthine étaient un peu moins faibles que celles de la lame de 0°°,46. En traversant 2°,60 de cette buile essentielle, la lumière polarisée présentait encore une coloration apprécable; ce qui parattrait établir une petite différence entre les phénomènes et l'hypothèse d'une compensation parfoite par l'interpostion d'une lame de suffate de chaux.

<sup>(</sup>a) La théorie de la polarisation circulaire n'a pas tardé à apporter la simplification que Fronnel juguait nécessaire à son hypothèse. (Yoves N° XXVII et XXVII.)

### 680 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - DEUXIÈME SECTION.

N. XIII. queuec, que cette formule est effectivement l'expression de la résultante de tous les mouvements divers des ondes lumineuses dans l'essence de térébeuthine. Mais il est possible que ces mouvements étémentaires ne éxécutent pas précisément comme je l'ai supposé. Quoi qu'il en soit, la théroir que je viens évaposer a l'avantage de rattacher la coloration des fluides homogènes dans la lumière polarisée aux mêmes principes que celle des lames cristallisées; elle indique les points de contact de ces phénomènes, dont les apparences oni si diférérutes, et sous ce rapport elle peut être, ce me semble, de quelque utilité pour la seizent.

#### APPENDICE.

Le Mémoire précédent est longtemps resté inédit, mais divers extraits communiqués par l'auteur avaient fait connaître plusieurs des résultats qu'il contient.

On peut consulter à ce sujet :

1° Un longue note annexée par M. Biot à son Mémoire sur le rotation que certaines substances impriment aux axes de polarisation des rayous lumineux. [Mémoires de l'Académie royale des sciences de l'Institut pour 1817, t. II, p. 133.]

9° Un Mémoire de M. Biot sur une nouvelle relation physique entre les éléments des corps andres et les affections propres des différents rayons simples, etc. { Comptes rendus hebomadaires des séances de l'Académie des seiences, t. II, p. 54.

Nons reproduisons les deux notes anxquelles M. Biot fait allusion dans ces écrits.

#### 1° PRAGMENT SANS TITRE 6.

Il est évident qu'il faut chercher dans la constitution individuelle des ces particules la cause des phénomènes de coloration auxquels elles donuent naissance, puisqu'ils sont indépendants de leur arrangement, et qu'en même temps ils dépendent tellement de leur forre que, suivant la auture du l'ulué, la lumière tourne de droite à gauche, ou de gauche à droite, suivant l'expression de M. Biot, qui est l'énoncé le plus simple des apparences du phénomène.

Je suppose que ces particules sont constituées de manière à imprimer aux ondes lumineuses qui les traversent les mêmes modifications que l'appareil dont je viens de parler, c'est-à-dire que la lumière éprouve la double réfraction dans l'intérieur de chaque particule, et qu'elle est modifiée en outre à son entrée et à sa sortie, comme elle le serait par la double réflexion complète.

Dans la suite du Mémoire que ĵai l'homneur de sommettre à l'Académie, je faix voir d'abord que les rayons qui ont éprouvé une certaine réfraction dans une particule aimsi constitute doivent subir la même réfraction dans toutes les particules semblables qu'ils traversent successvement, quels que soient les aimuts de leurs sections principales.

in Inséré au compte rendu de la séance de l'Académie des sciences du 6 juin 1836.

NAIII. Ainsi Phypothèse que j'ai adoptée peut expliquer (ce qui nu premier abord paraissait difficide à concevoir) comment il se fait que la double réfraction exercée par des particules aussi irrégulièrement arrangées ne développe que deux systèmes d'ondes lumineuses dans le fluide. Elle rend également raison de tons les autres phénomènes que je viens de décrire, et conduit enfin à une formule extrêmement simple, dont on déduit immédiatement la loi observée par M. Biot, savoir que l'angle dont if faut tourner le rhomboïde de spath caleaire pour faire disparaitre une même espèce de rayous de l'image extraordinaire est proportionnel à la longueur du chemin parcourt dans le fluide.

Je ne présente néaumoins cette hypothèse que comme un point de une théorique, sons lequel on peut envisager la coloration des fluides homogènes pour la rattacher anx mêmes principes que celle des corps cristalliés.

2' NOTE EXTRAITE DE MÉMOIRE SUR LES COULEURS QUE LA POLARISATION BÉVELOPPE DANS LES FLUIDES HONOGÈNES 'S'.

ROTATIONS DES SEPT PRINCIPALES ESPÈCES DE BAYONS DANS L'ESSENCE DE TÉRÉBENTHINE. DÉDUITES DE LA COMPENSATION OPÉRÉE AVEC ENE LANE DE SPLIJATE DE CHAUX.

t" Observation, sur une longueur de o",50 d'huile de térébenthine,

	BOTATIONS P	OUR EN CENTIMÉTRE :
Rouge moyen	9°,5	4 La longueur d'ondutation des rayons
orangé	2°,9	g rouges moyens étant 24,42, celle des
jaune	3°,3	6 rayons violets moyens est 16,64, d'après
vert	3°,9	o les expériences de Newton :
bleu	4°,4	8 (2h,42)2:(16,64)2::5°,4q:x-2°,55
indigo	4°,9'	6 au lieu de
	ven 5° /s	

<sup>(</sup>a) M. Biot a inscrit en marge de cette note l'apostiffe suivante ;

<sup>«</sup>Cette note m'a été remise par Fresnel pour en insérer les résultats numériques dans mon «Traité de physique, ce que j'ai fait.»

## « Observation, sur une longueur de «".u3.

Rouge	тоуев	1",71	(25,52)2:(16,65)2::5°,35:x=2°,48
	orangé	3°,07	au tieu de
	jaune	30,42	différence o",23
	vert	30,91	
	bleu	40,44	
	indian	L= 8-	

Vora, Malgré les difficultés qui résultaient de la plus grande longueur de l'appareil dans la seconde expérience, et qui pouvaient être des causes d'erreur, je suns porté à croire que ces résultats sont plus exacts que les premiers.

violet moyen...... 5°,35

non-seulement parce que les mesures et les observations out élé faites sur des quantités plus grandes, mais encore parce que j'avais réféchi devantage aux précations à prendre pour approcher de l'exactitude. Nº XXIV.

## RÉSUMÉ D'UN MÉMOIRE

...

# LA RÉFLEXION DE LA LUMIÈRE".

LE à L'ACADÉMIE DES SCIENCES LE 15 NOVEMBRE 1819.

[ Innaire de chimie et de physique, L. XV, p. 379, cabier de décembre 1814 ; et Bulletin de la Société philomathique, 1820, p. 113.]

Ge Mémoire a pour objet la recherche des causes mécaniques de la réflexion de la lumière. Dans le système des ondulations il y a deux manières très-différentes de la concevoir. On peut supposer qu'elle résulte uniquement de la plus grande densité de l'éther conteuu dans le corps réfléchissant, et l'assimier à la réflexion des ondes d'un fluide élastique en contact avec un autre fluide plus dense. On peut la concevoir aussi sans admettre cette condensation de l'éther, en supposant que la lumière est réfléchie par les particules mêmes des corps.

La seconde hypothèse, qui attribue la réflexion au choc des ondes lumineuses contre les particules pondérables, présente, au premier abord, une difficulté qui s'évanouit bientôt par un examen plus attentif : si chaque particule, considérée séparément, peut être un centre de réflexion, comment se fait-il que les corps diaphanes ne réfléchissent pas la lumière dans toute leur épaisseur ?

En divisant par la pensée le corps réfléchissant en tranches trèsminces, dont l'épaisseur réponde à la différence d'une demi-ondulation

<sup>(</sup>a) Le Mémoire lui-même est le n° XXV de la présente édition

Nº AAIV. entre les chemius parcourus par les rayons réfléchis, il est aisé de voir, à l'aide du principe des interférences, que ces ondes élémentaires doivent se détruire mutuellement dans l'intérieur d'un milieu homogène, et que la somme de tontes les réflexions doit se réduire à celles qui s'opèrent dans ses deux tranches extrêmes, lorsque les intervalles qui séparent ses molécules sont infiniment petits relativement à la longueur d'une oudulation lumineuse, Mais comme réellement ces intervalles ne sont jamais entièrement négligeables par rapport à la longueur d'une ondulation, il s'ensuit qu'on ne peut plus assigner, dans le voisinage de chaque particule pondérable, une autre particule située à une distance telle que les rayons qu'elles réfléchissent diffèrent exactement d'une demi-ondulation et se détruisent complétement; en sorte qu'il doit en résulter une réflexion intérieure, à la vérité très-faible, à cause de la discordance presque complète des ondes élémentaires. mais qui finit toujours par devenir sensible lorsque le milieu a une profondeur suffisante.

> L'atmosphère nous en présente un exemple frappant par l'ahondance de la lumière solaire qu'elle renvoie de toutes parts à nos yeux, même dans les jours où l'air est le plus pur. Les lois de polarisation qu'elle présente ne peuvent se concevoir, comme l'a observé M. Arago, qu'en supposant que ce sont les particules mêmes de l'air qui réfléchissent cette lumière, la faiblesse des réflexions partielles étant compensée par leur multitude.

> Beaucoup d'antres phénomènes confirment l'hypothèse que la réflexion s'opère sur les molécules pondérables. Mais comme ils ne peuvent nas lui servir de démonstration rigoureuse et ne font qu'en augmenter la probabilité, j'ai cherché, dans les conséquences de ce système et de celui qui attribue la réflexion à la seule différence de densité de l'éther, un cas où l'expérience pût décider la question.

> Ces deux hypothèses expliquent également bien les anneanx colorés produits par la réflexion de la lumière aux deux surfaces d'une lame mince; elles s'accordent nécessairement en conséquence sur la nature des anneaux transmis, qui doivent être, dans tous les cas, complé-

687

mentaires des anneanx réfléchis, d'après le principe général de la conservation des forces vives. Mais cu analysant la génération des anneaux transmis, qui résultent, comme M. Young l'a démontré, de l'interférence des rayons directs avec les rayons réfléchis deux fois dans la lame mince, on est conduit à cette conséquence singulière, que, si la réflexion s'opère sur les molécules propres des corps, les rayons réfléchis à l'extérieur d'un milieu plus réfringent que celui avec lequel il est en contact doivent différer d'une demi-ondulation des rayons incidents ou transmis, indépendamment de la différence des cheminsparcourus, comptés pour les rayons réfléchis comme s'ils partaient de la surface même de séparation des deux milieux; tandis qu'en supposant la réflexion produite par la seule différence de densité de l'éther dans les deux milieux en contact, les rayons directs et les rayons réfléchis à l'extérieur du milieu le plus réfringent doivent se trouver d'accord, abstraction faite de la différence des chemins parcourus. Ainsi, dans ce cas, les deux hypothèses conduisent à des conséquences opposées.

Pour les sonmettre à l'expérience, j'ai fait interférer deux faisceaux lumineux émanés du même point éclairant, et dont l'un avait été réfléchi une fois à la surface extérieure d'une glace non étamée, noircie par derrière. Les deux faisceaux étaient ensuite ramenés à des dirertions presque parallèles par deux miroirs de verre noir. Cette seconde réflexion sur des miroirs pareils, en imprimant anx deux faisceaux des modifications semblables, ne pouvait pas altérer la différence résultant de la première réflexion. Or les franges produites par l'interférence des deux systèmes d'ondes présentaient le même arrangement de teintes que les anneaux réfléchis sur une lame d'air comprise entre deux verres; le centre du groupe était occupé par une bande noire parfaitement incolore dans son milieu, et les teintes étaient disposées symétriquement de part et d'autre de cette bande centrale; en sorte qu'on ne pouvait pas se méprendre sur sa position. Ainsi, puisque la ligne centrale, qui répond toujours à des chemins égaux, était parfaitement noire, on doit en conclure que les deux systèmes

## 688 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - DEUXIÈME SECTION.

N° XXIV. d'ondes différaient d'une demi-ondulation, indépendamment des chemins parcourus.

> On voit donc que le résultat de l'expérience est absolument opposé à la première hypothèse, et qu'il confirme la seconde, d'après laquelle la réflexion s'opérerait sur les particules mêmes des corps.

> Cette manière d'envisager la réflexion, qui dans sa généralité embrasse les différents degrés de transparence des corps, et laisse entrevoir la possibilité d'expliquer leurs couleurs propres d'une manière saisfaisante, a encore l'avantage de détruire une des principales objections qui aient été faites contre le sysème des ondulations, celle qui est relaive au phénomène de la dispersion.

> L'analyse démontre que les ondulations de diverses longueurs doivent se propager avec la même vitesse dans un fluide élastique homogène; en sorte que, si le ralentissement de la lumière dans le verre, par exemple, ne dépendait que de la plus grande densité de l'éther qu'il contient, les différentes espèces d'ondes lumineuses, qui doivent se propager avec une égale vitesse dans le vide, éprouveraient un ralentissement égal dans le verre et se réfracteraient en conséquence de la même manière, car le rapport du sinus d'incidence au sinus de réfraction dépend uniquement de celui qui existe entre les vitesses de la lumière dans les deux milieux. Mais d'après l'expérience que je viens de rapporter, il est très-probable que l'éther contenu dans le verre n'est pas sensiblement plus dense que celui qui l'environne; en sorte que le raccourcissement des ondes lumineuses qui pénètrent le verre est principalement dû à ses propres molécules, dont on ne peut pas d'ailleurs, et par une raison bien simple, révoquer en doute la grande influence sur la dispersion, puisqu'elle varie avec la nature ou l'arrangement de ces molécules, suivant des rapports tout à fait différents de ceux des pouvoirs réfringents moyens.

> Mais celui de lous les phénomènes d'optique qui met le plus en évidence peut-être l'influence immédiate des particules des corps sur la marche de la lumière, c'est la double réfraction, qui lui imprime des vitesses différentes, selon le sens dans lequel on tourne le cristal

qu'on lui fait traverser, quoique la densité de l'éther qu'il renferme N° XXVI. reste toujours la même.

Je citerai, à cette occasion, une loi que je vieus de découvrir dans les phénomènes de double réfraction que présente le verre courbé, et qui fait voir jusqu'à quel point l'arrangement des molécules influe sur la marche de la lumière.

Quand on courbe une plaque de verre, elle acquiert des propriétés analogues à celles des lames minees cristallisées; comme ces cristaux, elle colore la lumière polarisée, ainsi que M. Brewster l'a remarqué depuis longtemps. L'analogie indique que ces teintes, parfaitement esemblables à celles des lames cristallisées, doivent résulter aussi de l'interférence de deux systèmes d'ondes qui parrourent la plaque de verre avec des vitesses inégales; et c'est aussi ce que confirme l'expérience.

Pour mesurer les changements de viteses qui répondent à ces deux systèmes d'ondes, j'ai employé les procédés délicats que fournit la diffraction; et j'ai trouvé que la vitese des rayons réfractés ordinairement différait deux fois plus que celle des rayons extraordinaires de la vitese de la lumière dans le verre non courbé: ainsi la différence de vitese entre les rayons ordinaires et extraordinaires est égale à l'accroissement ou à la diminution de viteses que la flexion du verre a fait éprouver à la lumière réfractée extraordinairement: résultat bien remarquable, puisqu'ici la double réfraction est aussi grande que le changement de réfraction provenant de la dilatation ou de la condeusation du milieu.

J'ai essayé de déterminer la dilatation et la condensation absolue du parallélipipède de verre dans les points traversés par les faisceaux lumineux que je faisais interférer; mais je n'ai encore obtenu qu'un résultat qui me paraisse mériter quelque confiance.

Fai trouvé, d'après cette expérience, que le changement de vitesse de la lumière résultant de la dilatation ou de la condensation du verre était, pour les rayons réfractés ordinairement, moitié moindre à trèspeu près que celui que l'on conclurait de la dilatation ou de la conN° XXIV. deusation absolue du verre, en employant la formule qui se déduit également du système de l'énission et de celui des oudulations, lorsqu'on suppose, dans le premier, que l'attraction exercée sur les molécules lumineuses est proportionnelle à la densité du milieu, et que, dans le second, on assimile le milieu réfringent à un fluide élastique homogène, dont la densité éprouverait les mêmes variations que le paralléluinède de verre, son élasticité restant constante.

D'après ces deux suppositions, les paties variations de vitesse de la Inmière doivent être moité des variations de la densité du mîlieu, et j'ai trouvé, dans cette expérience, qu'elles n'en étaient que le quart pour les rayons ordinaires, qui sont cependant ceux dont la marche éprouve les plus grandes variations.<sup>10</sup>

Le me propose de continuer mes recherches sur cet objet dès que nues occupations me le perpuettront, et de déterminer, par des observations exactes, les rapprochements ou écartements des particules du verre qui répondent à chaque degré de différence de vitesse entre les rayons ordinaires et extraordinaires. Des expériences de ce genre, dans lequelles on peut faire varier à volonté et mesurer les modifications apportées dans l'arrangement des particules du milieu réfringent, serviront peut-être à jeter quelque jour sur les causes mécaniques de la double réfraction.

<sup>(</sup>ii) Cette seconde loi, ayant été déduite d'un résultat isolé, a besoin d'être confirmée par de mouvelles expériences.

Nº XXV.

#### MÉMOIRE

SUB

## LA RÉFLEXION DE LA LUMIÈRE".

PRÉSENTÉ À L'ACADÉRIE LE 15 NOVEMBRE 1819.

(Imprimé par ordre de l'Académie dans les Mesosires de l'Académie des senecet de l'Institut pour 1 tây. L. XX, p. 195.)

 La théorie des ondulations donne une idée nette et précise de ce qui constitue le poli spéculaire, comme je l'ai observé dans le premier Mémoire que j'ai eu l'honneur de soumettre à l'Académie<sup>®</sup>. Il résulte du principe des interférences que la surface d'un miroir doit réfléchir.

87.

<sup>&</sup>lt;sup>31</sup> Ce Mémoire paraît avoir eu pour but principal de constater la perte d'une demi-période, que la théorie de plusieurs phénomènes admettait encore en principe sans raison suffisante et «comme une vérité de fait démontrée par l'expérience» [N\* XIX (E), p. 549]. Voyez à ce suisi N\* X. 5 18. note 1, n. 146.

Frenent à pas tartés à hautoseure entièrement le point de vue développé dans et le moire, pour rameure le fait particulle dout il y et quastion. À dépendre de principgénéraix qui rendent compte de toutes les modifications que produit la réflexion dans l'amplitude et la direction des ribertions hautineuses. On a veglus haut une première equisse des nouveaux principes. N° XXII, describes ente en post-orispina. On en trouvera réparation imprise de la fousier polarier qui forme le N° XXII, describe aux la loi des modifications que la réflexión imprise de la fousier polarier, qui forme le N° XXII, describe des cette délitats. On vera dans ce Mémoire une mota la théorie a modifié, en l'expliquant, l'ancienne hypothèse de la perte d'une demilorature douire de la fette de la réflexión.

Relativement à la publication tardive de ce Mémoire, voyez N° XXIII, p. 655 note (a).

[E. Verder,]

Noyez Nº II, 5 39.

Nº XXV.

régulièrement la lumière sous toutes les incidences, lorsque ses aspérités sont très-petites relativement à la longueur d'une ondulation lumineuse. Mais, comme les ondes lumineuses qui produisent la sensation des diverses couleurs ont des longueurs différentes, il suit de cette définition du poli qu'elles ne doivent pas exiger toutes le même degré de petitesse dans les aspérités de la surface pour être régulièrement réfléchies, et que, relativement aux ondes rouges, par exemple, qui sont les plus longues, une surface peut être encore un peu polie lorsqu'elle ne l'est plus du tout pour les ondes violettes.

Il serait sans doute bien difficile, dans le travail d'un miroir, d'arréter le poli à ce degré intermédiaire où il permettrait, sous l'incidence perpendieulaire, une réflexion régulière assez sensible des rayons rouges, en dispersant entièrement les rayous de l'autre extrémité du spectre. Mais il est un moven bien simple de vérifier cette conséquence remarquable de la théorie avec un miroir seulement douci; c'est de l'incliner graduellement sur les rayons incidents. On sait que, sous des incidences très-obliques, des surfaces qui ne sont pas polies, mais seulement dressées, peuvent présenter des images régulières et brillantes des objets. La raison en est que l'obliquité diminue les différences des chemins parcourus par les rayons réfléchis sur les petites éminences ou les parties rentrantes des aspérités de la surface; et l'on conçoit aisément que, sous certaines inclinaisons, ces différences des chemins parcourus peuvent être déjà assez petites, par rapport à la longueur d'une oudulation rouge, pour permettre un commencement de réflexion régulière des rayons rouges, tandis qu'elles sont encore trop grandes, par rapport aux rayons violets, pour qu'ils se réfléchissent régulièrement en quantité sensible. On obtient de cette manière, en faisant varier l'obliquité des rayons incidents, les mêmes effets qu'on obtiendrait sous l'incidence perpendiculaire en changeant progressivement le degré de poli de la surface; et l'on voit sous une certaine inclinaison l'image régulièrement réfléchie d'un objet blanc prendre une teinte fauve rougeâtre assez prononcée, ainsi que M. Arago et d'autres physiciens peut-être l'avaient déjà remarqué.

J'ai analysé le phénomène dans la chambre obscure en faisant tomber le spectre solaire sur des miroirs de verre et d'acier simplement doucis; et j'ai vu disparaître successivement le violet, l'indigo, le bleu et une partie du vert, en diminuant l'obliquité des miroirs; tandis que le rouge extrême, beancoup plus obscur que le bleu et cette portion du vert dans les rayons incidents, continuait cependant à donner une image aussi distincte que celle qui résultait de la réflexion des rayons jaunes et orangés. Le n'ai pas pu parvenir à faire disparaître entièrement le vert situé près du jaune sans anéantir en même temps tout le reste de l'image du spectre solaire. Mais on en sera peu suspris si l'on réfléchit que les ondulations vertes ne diffèrent des ondulations rouges que d'un sixième de celles-ci environ; en sorte qu'une différenco de chemins parcourus égale à une demi-ondulation verte est bien près de produire aussi la discordance complète entre les rayons rouges.

On voit ainsi l'expérience confirmer le principe d'Huyghens et celui des interférences dans toutes les conséquences que l'on en peut déduire, sans faire entrer en considération les lois d'équilibre et l'arrangement des molécules des corps, sur lesquels on n'a encore aucune notion positive. Ces seuls principes nous indiquent les lois de la diffraction, où les corps qui l'occasionnent ne jouent d'autre rôle que d'intercepter ou retarder une portion des ondes lumineuses. Ils suffisent aussi à l'explication des lois de la réfraction et de la réflexion, soit que la surface réfléchissante ait reçu un poli parfait ou grossier, soit qu'elle ait une étendue indéfinie ou très-limitée, du moins quant à ce qui concerne la marche des rayons; car le rapport d'intensité entre le rayon incident et le rayon réfléchi sous différentes obliquités n'a pas encore été déterminé par la théorie des ondulations. Il est clair que ce rapport doit dépendre du pouvoir réfringent du milieu à la surface duquel la réflexion s'opère; mais on ignore encore la forme de la fonction qui exprime cette relation. Pour résondre ce problème difficile, il faudrait connaître d'abord toutes les causes de la réfraction, ou, ce qui revient au mème, du raccourcissement des ondes lumineuses dans le milieu réfringent. Tout ce qu'on sait, c'est que chaque espèce d'ondes doit avoir évidemment la même longueur dans le même milieu, quelle que soit la direction suivant laquelle elles le traversent, si ce milieu est homogène et n'affecte pas, comme les substances cristalisées, un arrangement régulier dans ses particules. Cette constance de la longueur d'ondulation dans le même milieu suffit pour expliquer la seule loi comue de la réfraction, le rapport constant du sisus d'incidence au sinus de réfraction.

2. Mais quelle est la cause du raccourcissement des ondes lumineuses dans les corps deuses ? Est-ce seulement une plus grande densité de l'éther qu'ils contiennent, celle de leurs propres particules, ou ces deux causes à la fois ?

Je n'ai pas été longtemps à douter de la justesse de la première hypothèse, que j'avais adoptée d'abord parce qu'elle est plus facile à
suivre dans ses conséquences. En songeant combien la force répulsive
des molécules éthérées est considérable relativement à leur masse, j'ai
pensé qu'il était peu probable que l'attraction des corps pondérables
pùt augmenter d'une manière sensible la densité de ce fluide; car il
faut bien supposer que les particules de ces corps possèdent aussi un
pouvoir répulsif, qui, d'après l'analogie, doit s'exercer plus énergiquement sur les molécules de l'éther, éminemment répulsives, que sur
les molécules pondérables, ob cette répulsion et contre-balanée par
une attraction puissante. D'ailleurs, en admettant même cette plus
grande densité de l'éther dans les milieux réfringents, elle ne sufficial
pas pour expliquer la dispersion du spectre solaire et la double réfraction, où la nature et l'arrangement des molécules pondérables ont une
influence qu'on ne peut méconnaître.

Mais, dira-t-on, n'est-il pas possible qu'elles jouent un rôle essentiel dans ces phénomènes secondaires, tandis que la plus grande densité de l'éther serait la cause principale de la réfraction, et par conséquent de la réflexion? C'est précisément la question que je m'étais faite depuis longtemps, et que je crois avoir résolue d'une manière négative par les expériences que je vieus de terminer.  Ces deux manières différentes d'envisager la réflexion conduisent à des conséquences semblables dans plusieurs cas, par exemple relativement aux anneaux colorés.

On sait qu'une lame mince, comprise entre deux milieux d'un pourir réfringent supérieur, telle qu'une lame d'air ou d'eau comprise entre deux verres, présente une tache noire au point de contact de ces deux milieux, c'est-à-dire, dans l'endroit où son épaisseur est melle. Les anneux réfléchie s'eullant de l'interférence des deux systèmes d'ondes réfléchies à la première et à la seconde surface de la me mince, il semblerait, a up permièr aperçu, qu'ils doivent set trouver d'accord au point de contact, puisque la différence des chemins parcourus y est nulle, et qu'en conséquence le centre des annuaux devrait être occupé par une tache blanche au lieu d'une tache noire. Mais un examen plus attentif de la question fait voir que ce doit être au contraire un point de disordance compléte, quelle que soit celle qu'on adopte des deux hypothèses sur la manière dont s'opère la ré-flesion.

En effet, si Ion admet que la réflexion résulte d'une plus granddensité du fluide contenu dans le milieu plus réfringent, les rayons deront être considérés comme réfléchis à la surface même qui séparles deux milieux contigus, et par conséquent la différence des chemins
parcourus par les rayons réfléchis à la première et à la seconde surface
de la lame mince sera exactement nulle là où son épaiseur est nulle.
Mais il résulte de la même manière d'envisager la réflexion, que l'expression de la vitese d'oscillation des moléchies éthérées, alor seses ondes réfléchies à la surface de séparation de deux milieux, diffère de
signe selon que le second milieu est plus réfringent ou moins réfrigent que le premier. C'est ce que M. Young avait découvert par des
considérations méraniques très-simples, et ce que M. Poisson a démontré
depuis, d'une manière plus rigoureuse, par une analyse savante dans
son beau Mémories sur le mouvement des fluides élastiques.

Ainsi, en considérant, pour fixer les idées, le cas ordinaire d'une lame d'air comprise entre deux verres. on voit donc, qu'abstraction

faite des chemins parcourus, les rayons réfléchis à la première et à la seconde surface de la lame d'air doivent différer de signe dans leur visese oscillatoire, puisque les premiers sont réfléchis dans un milieu plus dense à la surface d'un milieu plus rare, et les autres dans un milieu plus rare à la surface d'un milieu plus rare, et les autres dans un milieu plus rare à la surface d'un milieu plus dense. Or, l'opposition é signe indique des mouvements oscillatoires opposés; elle explique donc cette différence d'une demi-ondulation indépendante des chemins parcourus que présente l'expérience, et qui ainsi, loin d'être une objection contre la théorie, en est précisément une confirmation.

Cette même théorie a encore l'avantage d'annoncer d'avance le cas où la tache catratel doit devenir blauche; c'est celui où le milieu compris entre deux antres, de pouvoirs réfringents inégaux, a un pouvoir réfringent intermédiaire. Quand il est plus considérable que celui des deux milieux estrèmes, le point de contact redevient noir, comme lorsqu'il est plus faible : cela est évident d'après le principe que nous venons d'énoncer.

M. Young a vérifié par l'expérience ces conséquences, qu'il avait déduites de la théorie, en introduisant de l'Inilè de sassafras entre deux prismes légèrement convexes et pressés jusqu'au contact <sup>(v)</sup>. Lorsque ces deux prismes sont de verre ordinaire, qui est moins réfringent que l'Inuiè de assaafras, la tence entrale est noire; el lorsqu'un des prismes étant de verre ordinaire l'autre est de finit-glass, milieu plus réfringent que l'Inuiè de sassafras, cette tache est toujours blanche, soit que le prisme de l'init-glass soit par-dessus ou par-dessous. J'ignore comment le système de l'émission pourrait rendre raison de ces phénomènes remarquables, dont l'explication est si satisfasine dans la thévie des ordulations.

 Nous venons de voir qu'ils s'accordent avec notre première hypothèse, d'après laquelle la réflexion résultérait uniquement d'une

<sup>(</sup>a) On the theory of Light and Colours, (Philosophical Transactions for 1805, p. 12. Miscellascous Works, vol. 1, p. 160.) — An account of some cases of the production of Colours and hitherto described, (Philosophical Transactions for 1805, p. 387. Miscellaneous Works, vol. 1, p. 170.)

plus grande densité de l'éther des milieux réfringents. Ils se concilient N° XXV. aussi bien avec celle qui attribue la réflexion totale à la réunion des réflexions élémentaires sur les particules mêmes des corps.

On conçoit aisément, dans cette seconde hypothèse, pourquoi la réflexion sur les molécules propres des corps ne peut avoir lieu d'une manière sensible que dans le voisinage de leur surface, lorsque les intervalles qui séparent ces molécules sont très-petits relativement à la longueur d'une onde lumineuse. Car, si l'on divise par la pensée l'intérieur du corps en couches très-minces, d'une épaisseur telle que les rayons réfléchis par les particules d'une couche quelconque se trouvent en discordance complète avec ceux que réfléchissent les deux couches entre lesquelles elle est comprise, on voit que les réflexions élémentaires que les particules de chaque couche tendent à produire sont détruites par la moitié des rayons de la conche antérieure et de la couche suivante, excepté à la surface du milieu, où la couche extrême ne perd ainsi que la moitié de l'intensité des rayons réfléchis. Il est évident que le point de départ de la résultante de toutes les ondes élémentaires réfléchies par ces particules doit être au milieu, lorsqu'elle a assez de transparence pour que les rayons qui la pénètrent à différentes profondeurs conservent sensiblement la même intensité. Or, d'après l'épaisseur que nous avons supposée à chaque couche, les rayons réfléchis au milieu doivent différer d'un quart d'ondulation des rayons partis de ses limites. Ainsi, la résultante des ondes élémentaires réfléchies par la couche extrême parcourt un quart d'ondulation de plus que les rayons réfléchis à la surface même du corps.

5. Nous avons supposé implicitement que le corps réfléchissant était dans le vide. Mais quand il est en contact avec un autre corps, les rayons réfléchis sur ses molécules dans le voisinage de as surface, déjà réduits à moitié de leur intensité par la couche inférieure, sont encore affaiblis par la couche supérieure appartenant au corps en contact, et sont mêner entièrement détruits si le ascond unileu réfléchi autant ou plus de lumière que le premier. Dans le premier cas il n'y a plus die lumière refléchie; dans l'autre es sont les molécules du second relucies du second re

88

qui réléchissent la seule lumière sensible; et c'est, en conséquence, du centre de la couche supérieure que doit être compté le chemin parcouru par la résultante des ondes élémentaires, qui diffère ainsi d'un quart d'ondulation en moins du chemin parcouru par les rayons réfléchis à la surface même.

Cela posé, lorsque la lame mince est comprise entre deux milicux d'un pouvoir réflectissant supérieur, c'est host de cette lame que s'o-pèrent les deux réflections de telle manière que le chemin parcourry par la résultante de la réflection supérieure est moindre d'un quart d'on-dulation que le chemin parcourry par les rayons élémentaires réfléchis à la surface supérieure, et que le chemin parcourry par la résultante de la réflection inférieure est plus grand d'un quart d'ondulation que le chemin parcourry par les rayons élémentaires réfléchis à la seconde surface. Par conséquent, l'intervalle compris entre les deux ondes ésultantes doit être plus grand d'une demi-endulation que si elles étaient parties des surfaces mêmes de la lame minec; aiusi, au point de contact des deux milieux extrêmes, on l'épaisseur de la lame intermédioire est nulle, ces deux ondes résultantes doivent se trouver en discordance complète, et en conséquence produire une tache noire.

Lorsque le pouvoir réfléchissant de la lame mince est intermédiaire encera des deun tilleux extrêmes, l'une des deux réflexions a lieu en dedans de cette lame, tandis que l'autre s'opère en dehors. Il s'ensuit que la différence d'un quart d'ondulation, entre les deux résultantes el les rayous réfléchis aux surfaces mêmes de la lame mince, se rouve alors dans le même sens pour les deux surfaces, et qu'ainsi l'aspect du phénomène doit être le même que si ces résultantes partaient des surfaces de la lame mince: elles doivent donc être parfaitement d'accida qu'opti of son épaisseur est nulle, et y former une tache blanche.

Enfin, Jorque la lame mince a un pouvoir réfléchissant plus grand que les deux milieux qu'elle sépare, les deux réflexions s'opèrent l'un est l'autre en dedans de la lame, et, les différences d'un quart d'ondulation dont nous venums de parler, ayant lieu en sens contraires. S'ajoutent et changent ainsi d'une demi-ondulation l'intervalle qui sépare les deux systèmes d'ondes; d'où résulte une tache noire an point de con- Natatt, conformément à l'expérience.

Les deux hypothèses sur la réflexion s'accordent ainsi dans les conséquences que nous venons d'en déduire relativement aux anneaux réfléchis. Appliquons-les maintenant aux anneaux transmis.

6. Les anneaux transmis résultent nécessairement de l'existence des anneaux réfléchis, et doivent en être complémentaires dans les milieux parfaitement diaphanes, par la seule raison du principe de la conservation des forces vives. Car, la lumière incidente étant supposé d'une intensité uniforme, la somme des intensités des lumières réfléchie et transmise à chaque point de la lause mince doit être constante. Ainsi les anneaux noirs, dans la lumière transmise, doivent répondre aux anneaux brillants de la lumière réfléchie. Par conséquent, dans le cas d'une lame d'air comprise entre deux verres, par exemple, le point où ils se touchent, qui paraît noir vu par réflexion, doit paraitre brillant par transmission.

<sup>&</sup>lt;sup>(6)</sup> Mémoire sur les couleurs des lances minces, (Mémoires de la Société d'Arcueit; t. III, p. 443, Œurres complètes d'Arago, t. X, p. 1.)

b Chromatics from the Supplement to the Encyclopedia Britannica, art. 6 (sect. V). (Miscelleneous Works, vol. 1, p. 336.)

Nº AXV.

que l'hypothèse qu'on adoptera sur la réflexion, quelle qu'elle soit, puisse se concilier avec cette manière d'envisager la génération des anneaux transmis.

L'hypothèse suivant laquelle on considère la réflexion comme s'opérant à la surface même de séparation des deux milieux en contact, en raison de la seule différence de leurs densités, s'accorde parfaitement avec cette génération des anneaux transmis. En effet, supposons, par exemple, que la lame mince soit comprise entre deux milieux d'un pouvoir réfringent supérieur; on sait qu'en pareil cas le centre des anneaux réfléchis est noir, et celui des anneaux transmis est blanc : or c'est précisément ce qui résulte de l'hypothèse adoptée. Car, d'après cette manière de concevoir la réflexion, la vitesse d'oscillation est de même signe pour les rayons réfléchis en dedans de la lame mince que pour les rayons transmis en la rapportant à la direction de leur marche; ainsi les rayons réfléchis, ramenés à la direction des rayons transmis par une seconde réflexion, n'en diffèrent donc qu'en raison de la différence des chemins parcourus, qui est égale au double de l'épaissenr de la lame mince sous l'incidence perpendiculaire. Au point de contact des deux milieux extrêmes, où cette épaisseur est nulle, les rayons deux fois réfléchis sont donc en accord parfait avec les rayons transmis directement, et, par conséquent, la tache centrale doit être blanche.

Lorsque les deux milieux extrêmes sont au contraire d'un pouvoir réfringent plus fable que celui de la lame mine qu'ils comprement, la vitesse d'actillation des ondes lumineuses, considérée dans le sens de lour marche, change de signe, il est viai, à chaque réflexion; mais après deux réflexions elle reprend le même signe que dans les rayons transmis immédiatement; leur accord doit donc être encore parfait, la où la difference des chemins parrourus est ulle, c'est-à-dire, au point de contact.

Enfin, quand la lame mince est d'un pouvoir réfringent supérieur à l'un des deux milieux estrèmes et inférieur à l'autre, les rayons deux fois réfléchis, ne changeant de signe qu'une fois dans leurs mouvements vibratoires, diffèrent d'une demi-ondulation des rayons directement transmis. indépendamment des chemins parcourray; en sorte que la tache centrale doit paraître noire, vue par transmission, conformément - X\* XX à l'expérience.

7. Cette manière d'envisager la génération des anueaux transmis ne se concilie pas aussi facilement avec l'hypothèse où l'on considere la réflexion comme produite par less particules mêmes des corps: du moins il devient nécessaire alors de supposer que les ondes élémentaires amis réfléchies changent d'un quart d'ondulation par l'acte même de la réflexion.

Il me semble qu'on peut s'en rendre compte jusqu'à un certain point, en faisant attention que les particules du corps ébranlées par les ondulations lumineuses doivent sans doute partager à la fois les mouvements des rayons incidents et des rayons réfléchis, et que ce sont probablement leurs vibrations dans la direction de ceux-ci qui constituent principalement la réflexion. Or, pour que ces deux sortes de vibrations s'exécutent à la fois dans les mêmes particules de la manière la plus indépendante, il faut que les unes ne commencent leurs oscillations qu'un quart d'ondulation après les autres. Je ne présente néanmoins qu'avec beaucoup de défiance ces idées sur une question aussi délicate, et je ne regarde point l'explication que je viens de hasarder comme une démonstration rigourcuse de la différence d'un quart d'ondulation entre les rayons transmis et les rayons réfléchis, mais seulement comme une manière de la concevoir. D'ailleurs, ce retard d'un quart d'ondulation dans la marche des rayons réfléchis résulte nécessairement du principe de la conservation des forces vives appliqué à l'hypothèse que nous considérons, puisque, sans ce changement opéré par la réflexion, les anneaux transmis seraient absolument semblables aux anneaux réflèchis, au lieu d'en être complémentaires. Cette différence d'un quart d'ondulation est donc une conséquence nécessaire de notre seconde hypothèse sur la réflexion.

8. Cela posé, nous avons vu que la résultante de toutes les ondes élémentaires réfléchies dans le voisinage de la surface se tronvait en arrière d'un quart d'ondulation par rapport aux rayons partis de la surface même; et, puisque par le seul acte de la réflexion les ondes.

. . . . . .

réfléchies doivent se trouver retardées d'un quart d'oudulation, il en résulte une différence totale d'une demi-ondulation entre les rayons incidents et les rayons réfléchis, indépendamment de la différence des chemins parcourus comptés à partir de la surface pour les rayons réfléchis. Nous supposons ici que le corps réfléchissant est dans le vide : s'il était en contact avec un autre milien d'un moindre pouvoir réfléchissant, ce serait encore la même chose; mais si le milieu supérieur était au contraire plus réfringent, la résultante des ondes élémentaires se trouvant alors en avance d'un quart d'ondulation par rapport aux rayons réfléchis à la surface même, le retard d'un quart d'ondulation qu'elle éprouve dans l'acte de la réflexion serait ainsi compensé. On tire des conséquences absolument opposées de la première hypothèse, suivant laquelle la réflexion, résultant uniquement de la différence de densité de l'éther dans les deux milienx, s'opérerait à la surface même de séparation. Ainsi, ces deux hypothèses, qui s'accordent sur les anneaux réfléchis, et par conséquent sur les anneaux transmis, puisque ceux-ci sont nécessairement complémentaires des premiers d'après le principe de la conservation des forces vives, ces deux hypothèses, dis-je, en nons conduisant à des conséquences contradictoires sur les différences de vibration entre les rayons réfléchis et les rayons transmis, nous offrent le moyen de décider par l'expérience laquelle des deux il faut rejeter !.

Pour cela, j'ai choisi le cas le plus commode, celui où la lumière est réfléchie dans l'air à la première surface d'une plaque de verre. Alors, d'après la première hypothèse, les rayons réfléchis doivent s'accorder dans leurs vibrations avec les rayons directs, en les supposant ramenés

<sup>&</sup>quot;L'opposition dont il s'agai n'existe récléments par. el Frenné a pu ultrérierrement se recuber compté de la perté d'une demis-condultation en adminstra que la réflexion s'opétal à la surface méme de séparation des deux miliens. L'expérience décrité dans ce paragraphe à la pas pour cela moins d'antiéré, cer elle en jissqu'ic la seule qui prouve d'une munière d'érete et gouverses que, sous des incindence notablement differents de l'incidence paralléte à la surface, la visese de vibration de la lumière est changér de signe par la réflexion. [E. Vizarez.]

à la même direction, et abstraction faite de la différence des chemins \ \ \\\\. parcourus; tandis que, suivant la seconde hypothèse au contraire, ils doivent différer d'une demi-ondulation. Il s'ensuit, qu'en faisant interférer les deux faisceaux lumineux sous un très-petit angle, de manière à produire des franges visibles, la hande centrale, qui répond aux points où les chemins parcourus sont égaux, doit être blanche, d'après la première hypothèse, et noire suivant la seconde.

Pour établir cette interférence, j'ai reçu sur deux miroirs de verre noir les rayons directs et ceux qui avaient déjà subi une première réflexion sur une autre plaque de verre parfaitement transparente et noircie par derrière; cette réflexion sur deux miroirs pareils des rayons incidents et des rayons déjà réfléchis, en leur imprimant la même modification, ne pouvait pas altérer la différence résultant de la réflexion d'un des faisceaux lumineux sur le premier miroir (1).

Les deux miroirs de verre noir, destinés à ramener les deux fais-



ceanx lumineux à des directions à peu près parallèles, étaient aussi disposés de façon que les chemins parcourns, répondant à la partie commune des deux chanips lumineux, fussent sensiblement égaux; ce que j'obtenais au moyen d'une épure

tracée sur un carton de la manière indiquée par cette figure : FG est la plaque de verre transparent sur laquelle les rayons incidents éprouvent la première réflexion; AB et DE les deux miroirs noirs qui réfléchissent, le premier, les rayons venus directement du point lumineux; le second, les rayons déjà réfléchis par la plaque de verre FG. Pour que les rayons incidents soient ramenés à des directions paral-

un miroir de verre blanc. Il n'en est plus de même en substituant un miroir métallique au verre noir; les franges cessent alors d'être symétriques par rapport à la bande brillante do milien.

<sup>11</sup> La réflexion sur le verre noir produit les mêmes modifications que sur un verre blanc, comme je m'en suis assuré en faisant interférer des rayons réfléchis sur une glace de verre noir, avec des rayons réfléchis sur

V1 VV

lèles, il faut que les deux miroirs FG et DE fassent avec le miroir AB des angles égaux à la moitié de l'angle NCB, que les rayons directs font avec ce même miroir AB; et, pour que les chemins parcourus par les rayons LKHI et NCM soient égaux, il suffit que les plans des miroirs FG et DE prolongés rencontrent au même point C la surface du miroir AB. C'est d'après cette règle que toutes mes épures out été tracées; mais comme on ne peut parvenir par un simple dessin au degré de précision nécessaire pour des expériences aussi délicates, où une différence de quelques millièmes de millimètre dans les chemins parrourus suffit pour faire disparaître les franges, je fasissi varier leutement la postion de miroir DE A l'aide d'une vis de rappel, qui l'avançait on le reculait parallèlement à lui-même dans une direction perpendiculaire à sa surface; et, par un tâtonnement très-court, je parvenais aisément à obtenir l'apparition des franges.

Fai répété cette expérience sous des inclinaisons très-diverses, Jai donné successivement à l'angle ACF  $\gamma^+_{-1}$ ,  $1.5^*$ ,  $20^*$ ,  $25^*$ ,  $27^+_{-1}$ ,  $30^*$ ,  $35^*$ ,  $40^*$ , et Jai toujours vu le milieu du groupe de franțes occupé par une bande noire, conformément aux conséquences de la seconde hypothèse sur la réflexion.

Pour rendre la chose hien évidente, il faut rapprocher beaucoup cutre elles les deux images du point lumineux, de manière à donner aux franges le plus de largeur possible, afin que l'effet prismatique de la loope dont on se sert pour les observer ne puisse pas occasionner de métries sur le rangé de chaeune et sur la surnétire de leurs teintes <sup>(i)</sup>.

<sup>9</sup> Il est une autre précaution à prendire apparagner à lies nutire das frangess et, faute d'y aroir songé d'abord, j'si eru pendant quelques jours que les deux fairesaux nutures nu s'autre de l'accidence perparagner à proprechairent de l'incidence perparagner à proprechairent de l'incidence perparagner à contraire. Cels tention tous simplement à ce que je n'avais pas rappreché les nitroires DE et FG de AB. à meutre que je diminuais fobliquiel des rayous incidents; en este que en l'apparagner pour l'incidents que sorte que l'apparagner pas de l'apparagner p

les rayons PGDR et QOR, que je faissis interférere, étaient émanés du point lumineur sous des directions trop différentes. Or j'ai fait voir, dans mo premier Memoire sur la diffraction, que ce n'est que dans des interalles angulaires assez petits qu'on peut considérer comme vibrant il accord tons les rayons partis du fayer de la lentillé dont on se sert pour former le point lumineux. Alors les franges présentent des conlours disposées symétriquement de part et d'autre de la bande noire centrale, qui est parfaitement incolore dans le milieu de sa largeur; en sorte qu'on ne peut pas douter que ce ne soit un point de discordance complète pour toutes les espèces de rayons, et que les deux systèmes d'ondes qui interfèrent ne diffèrent en conséquence que d'une demi-ondulation. Les rayons deux fois réfléchis sur le verre diffèrent donc d'une demi-ondulation de ceux qui n'ont été réfléchis qu'une seule fois, ou, ce qui revient au néue, les rayons réfléchis une seule fois ou, ce qui revient au néue, les rayons réfléchis une seule fois diffèrent d'une demi-ondulation des rayons directs ou transmis, indépendanment des chemins parcourus comptés à partir de la surface même de la glace. Ainsi Fexpérience confirme dans ses conséquences l'hypothèse d'après laquelle la ré-

9. Ces réflexions intérieures sur les particules propres des corps deixient déjà indiquées par d'autre phénomènes. Les couleurs que la polarisation développe dans la lumière qui a éprouvé plusieurs réflexions sur des miroirs métalliques démontrent, d'après le principe des interieurement du métal jusqu'à une petite distance de sa surface. Car la lumière ainsi modifie se comporte dans les launes cristallisées qu'on lui fait traverser exactement comme si elle était composée de deux systèmes d'ondes, polarisés, l'un parallèlement, et l'autre perpendiculairement au plan d'incidence, et séparés par un intervalle plus ou moins grand, selon l'augle d'incidence et le nombre des réflexions successives.

Les corps les plus transparents ne réfléchissent pas seulement la lumière dans la couche très-mince qui touche à leur surface, mais encore de tous les autres points de leurs parties intérieures; et cette lumière devient toujours sensible quand le milieu réfléchissant a assex de profondeur.

L'atmosphère nous en présente un exemple frappant. L'abondance de la lumière solaire, qu'elle renvoie de toutes parts à nos yeux, même dans les jours où l'air est le plus pur, ne peut se concevoir, comme l'a N° XXV. observé M. Arago, qu'en supposant que ce sont les particules mêmes de l'air qui réfléchissent cette lumière, et que la faiblesse de ces réflexions partielles est compensée par leur multitude <sup>[a]</sup>.

Les phénomènes de cette espèce deviennent faciles à concevoir dans l'hypothèse dont nous venons de voir les conséquences confirmés par l'expérience. En effet les réflexions élémentaires résultant du choc des ondes lamineuses contre les particules propres des corps, ne peuvent de cette de l'acceptant de la confirmé par et de l'acceptant sont infiniment petits, rélativement à la longueur d'une ondulation; parce qu'alors on peut toujours trouver, derrière chaque particule, une autre particule située à une distance telle que les rayons qu'elle tend à réfléchir différent exactement d'une deminoultation de ceux qui sersient réfléchis par la première. Mais, dès que les intervalles qui séparent les molécules du miliei ne sont pas absolument nuls par rapport à la longueur d'une ondulation, il n'y a plus destruction complète des réflexions élémentaires dans l'intérieur du milieu, et elles finissent par devenir sensibles, lorsqu'elles s'ajoutent sur une grande profondeur "0.

10. Cette théorie de la réflexion, beaucoup plus générale et plus féconde en conséquences que l'autre hypothèse, qui ne peut s'appliquer qu'au cas particulier d'une transparence parfaite, a encore l'avantage de détruire, par ses fondements, l'objection qui a été faite contre

(i) Cette manière d'euvisager la réflexion laisse entrevoir la possibilité d'expliquer les couleurs propres des corps d'une manière plus satisfiaisante que celle indiquée par Newton, qui ne paraît pas applicable à des liquides colorés pariaitement limpides, dont les particules sont sans doute beaucoup plus petites que la longueur d'un accès, même dans le verre, et suxpelles il faudrait en conséqueoe supposer des densités invraisemblables, et beaucoup plus grandes que celles qu'elles derraient avoir, d'après la nuême théorie, dans d'autres composés incolores d'une disphanétié parfaite.

<sup>&</sup>lt;sup>100</sup> Œucres compilètes, t. VII. p. 635. L'hypothèse d'Arago a été généralement abandioné pour celle d'une réflexion sur les particules de toute nature que l'atmosphère tient en suspension, notamment aur les globules de vapeur vésiculaire. [E. Vasaux...]

le système des ondulations, relativement au phénomène de la dispersion des rayons colorés qui accompagne la réfraction. L'analyse démontre que les ondulations de diverses longueurs doivent se propager avec la même vitesse dans un fluide élastique homogène; en sorte que. si le ralentissement de la lumière dans le verre, par exemple, ne dépendait que de la plus grande densité de l'éther qu'il contient, les différentes espèces d'ondes lumineuses, qui doivent se propager avec une égale vitesse dans le vide, c'est-à-dire, dans l'éther seul, éprouveraient un ralentissement égal dans le verre, et se réfracteraient en conséquence de la même manière; car le rapport du sinus d'incidence au sinus de réfraction dépend uniquement de celui qui existe entre les vitesses de la lumière dans les deux milieux. Mais, d'après l'expérience que j'ai rapportée, il est très-probable que l'éther contenu dans le verre n'est pas sensiblement plus dense que celui qui l'environne; en sorte que le raccourcissement des ondes lumineuses qui pénètrent le verre est principalement dù à ses propres molécules, dont on ne peut pas d'ailleurs, et par une raison bien simple, révoquer en doute la grande influence dans le phénomène de la dispersion, puisqu'elle varie avec la nature ou l'arrangement de ces molécules, suivant des rapports tout à fait différents de ceux des pouvoirs réfringents moyens.

Mais celui de tous les plénomènes d'optique qui met le plus en évidence, peut-être, l'influence immédiate des particules des corps sur la marche de la lumière, c'est la double réfraction, qui nous fait voir un rayon polarisé changer de vitesse selon le sens dans lequel on tourne le cristal qu'on lui fait traverser, quoique la densité de l'éther qu'il renferme reste toujours la même.

11. Je citerai encore, à cette occasion, une loi que je vieus de découvrir dans les phénomènes de double réfraction que présente le verre courbé, et qui fait voir jusqu'à quel point l'arrangement des molécules influe sur la marche de la lumière.

On sait que, quand on courbe le verre, il acquiert des propriétés analogues à celles des lames minces cristallisées. Comme ces cristaux, il fuit reparaître l'image extraordinaire en la colorant, ainsi que M. Brewster l'a remarqué depuis longtemps <sup>80</sup>. L'analogie indique que ces teintes, parfaitement semblables à celles des lames minces cristallisées, doivent résulter aussi de l'interférence de deux systèmes d'ondes lumineuses, qui parcourent le verre courbé avec des vitesses inégales; et c'est aussi ce que confirme l'expérience.

Pour mesurer les vitesses de ces deux systèmes d'ondes, j'ai employé le procédé délicat que fournit la diffraction. Après avoir courbé un parallélipipède de verre à l'aide d'un étau dans lequel une de ses extrémités était engagée, et d'une vis de pression qui appayait sur l'autre extrémité, j'ai fait passer au travers de ce parallélipipède deux faisceaux lumineux émanés d'un même point radieux et introduits par deux fentes pratiquées dans un écran qui interceptait le reste de la lumière; elles n'avaient guère que omn, 15 de largeur, et étaient assez rapprochées l'une de l'autre pour que les deux faisceaux pussent interférer en raison de la dilatation qu'elles leur faisaient éprouver. Ces fentes répondaient à des points également éloignés de la ligne milieu, où les particules du verre n'éprouvent ni rapprochement ni écartement sensibles par l'effet de la flexion; ainsi les particules du verre se trouvaient aussi rapprochées dans le plan qui répondait à l'une des fentes. qu'elles s'étaient écartées dans celui qui passait par l'autre; en sorte que la différence de marche entre les deux faisceaux lumineux devait être le double de celle d'un de ces systèmes d'ondes avec les rayons qui auraient suivi le plan milieu, dans lequel le verre n'est point modifié par la flexion, comme on pourrait d'ailleurs le vérifier par une expérience directe, en plaçant une des fentes vis-à-vis ce plan milieu.

Les franges produites par l'interférence de ces deux faisceaux lumineux ne présentaient plus les teintes vives et pures des anneaux colorés, comme avant la flexion du verre; mais elles offraient un mélange de

<sup>3)</sup> On the communication of the structure of doubly refracting cristals to glass, muriate of soda, etc. by mechanical compression and dilatation. (Philosophical Transactions for 1816.) p. 156.)

ces teintes semblable à celui qui résulte de la superposition de deux groupes de franges dont les centres ne coincident pas. En analysant la lumière avec un rhomboide de spath calcaire, lorsque as section principale était parallèle ou perpendiculaire à la ligne de courbure du verre, les franges de chaque image présentaient exactement les teintes en anneaux colorès; mais la bande brillante centrale u occupait pas la même position par rapport au fil du micromètre dans l'image ordinaire et dans l'image extraordinaire; ce qui démontre que la différence de marche entre les deux faisceaux polarisés parallèlement à la ligne de courbure n'est pas la même que la différence de marche des deux faisceaux polarisés dans le plan normal.

En mesurant le déplacement des franges dans l'image ordinaire et dans l'image extraordinaire occisionné par la llexion du verre, j'ai trouvé que, pour les rayons polarisés parallèlement aux faces courbées, il était précisément double de celui que présentaient les franges produites par les rayons polarisés suivant le plan normal.

Le raisonnement et toutes les analogies indiquent pour l'ace de double réfraction du verre courbé précisément la ligne de courbure <sup>100</sup>, du moins quand la flexion est assez légère pour que les molécules du verre n'éprouvent de rapprochement ou d'écartement sensible que dans cette direction. Cette hypothèse se trouve d'ailleurs confirmée par les expériences que j'ai faites sur la manière dont les teintes que

O En delt, concerona le parallélipipade de verre divisé et rausches très mises parallèlement aux fixes courtées; le rapprochement ou féartement de ses particules augmente ou dinimes avec la position des trauches qui forment comme un assemblage durches, qui forment comme un assemblage deritatus josissent de la double réfrection à des degrés différents. Mais chaque traude étant proposé très-minee, le rapprochement du fécartement de ses molécules ne varie pas semblement dans l'étendué de son épaisseur; ainsi les molécules du veren i épouvant de déplacement sessible, par vant de déplacement sessible. thèse, que suivant la direction des libralongitudinales, l'arragemente des moléculedans le plan normal est tout à fail le n'huedant soul se sons actour de ces fibres, qui sout en conséquence les secles ligres quo i puisse considérer comme les aces de double réferetion. Dies doivreut effectivement or puisse considérer comme les aces de double réferetion. Dies doivreut effectivement or puisse considérer your fanctions qui exception de la comme de la comme de la comme de consequence de la comme de la comme de la verserait la verse auivant cette direction devistes caped que fât l'azimut de son plas de polarisation. Nº XXV.

la polarisation développe dans le verre courbé montent ou descendent dans l'ordre des anneaux, selon le sens suivant lequel on incline le verre.

J'admets donc que l'axe de double réfraction est la tangente à la courbe résultant de la Beion; a lors Jappellerai rayons ordinaires ceux qui out été polarisés parallèlement aux laces courbées, et rayons certandinaires œux qui ont été polarisés dans un plan perpendicu-laire. Ainsi, d'après cette manière d'avrisager les choses, le changement de vitesse de la lumière, qui résulte du rapprochement ou de Cécartement des molécules du parallélipiphé de verre, est deux fois plus considérable dans les rayons qui ont éprouvé la réfraction ordinaire que dans ceux qui ont été réfractée settrordinairement; résulta bien remarquable, puisquici ci double réfraction est du même ordre que le changement de réfraction qui résulte de la dilatation ou de la condensation du milieu.

12. J'ai essayé de déterminer la dilatation et la condensation absolue du parallélipipède de verre dans les points traversés par les faisceaux lumineux que je faisais interférer; mais je n'ai pas encore fait des observations assez nombreuses et assez précises pour déterminer la relation qui existe entre ces modifications et les variations qui en résultent dans la marche de la lumière. l'ai cependant reconnu que ces variations sont beaucoup moindres que celles que l'on conclurait de l'augmentation ou de la diminution de densité du milieu dans le système de l'émission, en supposant que l'attraction exercée par le milieu sur les molécules lumineuses est proportionnelle à sa densité, ou dans le système des ondulations, en assimilant ee milieu à un fluide élastique homogène, dont la densité éprouverait les mêmes variations que la plaque de verre, son élasticité restant contante. Avec ces hypothèses les deux théories conduisent à la même formule : je l'ai appliquée à plusieurs observations, dont une me paraît mériter quelque confiance, à raison du soin que j'y avais apporté. Or le calcul m'a conduit, pour la variation que doit éprouver la vitesse de la lumière, à un résultat à très-peu près double de celui que m'avait donné cette expérience pour

les rayons qui éprouvent les variations les plus sensibles dans leur Nº XXV. marche, c'est-à-dire les rayons ordinaires.

En admettant toujours que l'ane de double réfraction du verre courbé est dans la direction même de la courbure, j'ai trouvé, par le croisement de la plaque de verre avec des lames cristallisées, que la moitié située du côté de la convexité, ou la partie dilatée suivant l'axe, était du genre des cristaux attractifs, et la partie où les molécules du verre sont rapprochées dans le sens de l'axe, du genre des cristaux répulsiés, pour me servir des expressions usitées dans le système de l'émission; ou, en d'autres termes, et en envisageant la choes sous le point de vue de la théorie des ondulations, que, lorsque la double réfraction est occasionnée par une dilatation suivant l'axe, c'est le rayon ordinaire qui marche plus vité que le rayon extrondinaire; et lorsqu'elle provient d'une condensation suivant l'axe, c'est au contraire le rayon extraordinaire qui devance le rayon ordinaire; et qu'on pouvait déjà conclure des septéneces de diffraction que je vieus de rapporter.

M. Brewster avait déjà remarqué depuis longtemps cette analogie entre les deux moitiés d'une plaque de verre courbée et les cristaux attractifs et répulsifs <sup>10</sup>. Mais je ne sache pas qu'il ait indiqué la direction de l'axe. Quoi qu'il en soit, il est très-probable qu'il l'aura supposé aussi parallèle à la ligne de courbure, car c'est l'hypothèse la plus naturelle <sup>10</sup>.

Le mauvais temps et des occupations pressantes m'ont obligé d'abandonner momentanément mes recherches sur la double réfraction du verre courbé. Je me propose de les reprendre dans des circonstances

(i) P. S. Depuis la rédaction de ce Mémoire, je me suis assuré que M. Brewster avait déterminé la direction de l'axe de double réfraction dans le verre courbé en inclinant les rayons incidents suivant des plans pa-

rallèles ou perpendiculaires à cet axe, et qu'il avait reconnu qu'il était parallèle au sens de la condensation ou de la dilatation du verre.

<sup>(</sup>a) On the communication of the structure of doubly refracting cristals to glass, muriate of sods, etc. by mechanical compression and dilutation. (Philosophical Transactions for 1816, p. 156.)

### 712 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - DEUXIÈME SECTION.

3. XVI. plus favorables, et de déterminer, par des observations exactes, les rapprochements ou écartements des particules du verre qui répondent à chaque degré de différence de vitesse entre les rayons ordinaires et extraordinaires. Des expériences de ce genre, dans lesquelles on peut faire varier à volonté et mesurer les modifications apportées dans l'arrangement des particules du milieu réfringent, jetterout peut-être quelque jour sur les causes mécaniques de la double réfraction <sup>60</sup>.

<sup>&</sup>quot; Voyez la note suivante sur la double réfraction du verre comprimé, N° XXVI.

713

#### Nº XXVI.

#### NOTE

#### SUR LA DOUBLE RÉFRACTION DU VERRE COMPRIMÉ.

LUE à L'ACABÉRIA DES SCIENCES LA 16 SEPTRIMOR 1899 (4).

|Bulletin de la Societe philosoathique pour 1822, p. 139. — Aonales de chimie et de physique, t. XX, p. 378, cuhier d'avât 1822.}

M. Brewster a le premier reconnu qu'on pouvâit douner au verre, en le comprimant, la propriété de colorer la lumière polarisée; et s'étant assurée, par une suite d'expérieuces importantes, que les phénomènes de coloration d'une plaque de verre comprimée ou dilatée suitant une seule direction étiaient tout à fait semblables à ceux que présentent les lames cristallisées douées de la double réfraction, il n'hésita pas à avancer que la compression ou la dilatation du verre lui donnaient la structure des cristaux doublement réfringents.

Supposer que le verre reçoit daus ce cas une structure cristaline, même imparâtic, est, à mon avis, une hypothès hasardée; il ne me paraît pas probable que les faces homologues des dernières particules du verre soient plus parallèles entre elles pendant la compression qu'elles ne l'étaient avant; le seu clanagement régulier qui soit bien

<sup>&</sup>lt;sup>100</sup> Le texte imprimé dans les Annales est seul complet. Celui du Bulletin de la Société philomathique manque des trois derniers alinéa et n'est pas accompagné de la figure.

La Note se rattache d'une manière intime aux conceptions théoriques sur lesquelles repose la théorie générale de la double réfraction. On a eru cependant devoir la placer ici, parce qu'elle est le développement immédiat du dernier paragraphe du N° XXV, et parce que Fresnel y fait altusion au commencement des N° XXVII et XXVIII.

#### 714 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - DEUXIEME SECTION.

N° XXVI. certain, c'est un plus grand rapprochement des molécules dans le sens de la compression que dans les directions perpendiculaires.

> Quant à l'esistence de la double réfraction dans le verre comprimé, de très-labiles physicieus n'avaient pas considéré les expériences de M. Breuster comme une preuve suffisante de la bifurcation de la himière, et ils peussient que le verre ainsi modifié pouvait offiri les phénomènes de polarisation des cristaux doublement réfringents, sans possèder pour cela toutes leurs autres propriétés optiques.

> Dans l'hypothèse de la polarisation mobile, la double réfraction du verre comprimé n'est point une conséquence nécessaire des phénomènes de coloration qu'il présente, malgré leur parfaite ressemblance avec ceux d'une lame cristallisée; tandis que, lorsqu'on a admis que ceux-ci proviennent de l'influence mutuelle des rayons qui ont traversé la lame cristallisée avec des vitesses différentes, comme M. Young l'a indiqué le premier, il devient presque indispensable d'admettre aussi que les phénomènes de coloration du verre comprimé résultent pareillement d'une petite différence de marche entre les rayons lumineux qui le parcourent, c'est-à-dire, en un mot, qu'il jouit de la double réfraction.

Quoique J'eusse adopté cette opinion depuis longtemps, elle ne me paraissait pas tellement démontrée qu'on d'ut négliger les vérifications expérimentales qui pouvaient s'offir; c'est ce qui m'engaga, en 18 19, à n'assurer que la lumière parcourt effectivement le verre comprimé avec deux vitesses différentes, par les procédés si précia que fournit la diffraction et le principe des interférences. Je reconnus qu'effectivement la lumière parcourait la même plaque de verre avec plus ou moins de vitesse, selon que le faisceau incident était polarisé parallèlement ou perpendiculairement à l'ave de compression, et je mesurai même la différence pour divers degrés de condensation et de dilatation du verre dans une plaque courbée. J'avoue qu'après avoir fait ces expériences il ne me resta plus aucun doute sur l'existence de la double réfraction dans le verre comprimé, et la séparation augulaire de la lumière en deux faisceaux distincts, lorsqu'elle le prêntre sous une incidence oblique; car cette bifurcation est une conséquence mécanique N° XXVI. nécessaire des deux vitesses de propagation de la lumière dans le même milien, soit qu'on adopte la théorie des ondes ou celle de l'émission.

Néamoins il n'a paru intéressant de produire deux images avec le verre comprimé, pour compléter les preuves de sa double réfraction et la rendre sensible aux yeux des physiciens qui n'auraient pas la même confiance dans les procédés d'interférences, ou qui, n'adoptant aucune hypothèse sur les causes mécaniques de la réfraction, ne regareraient pas la bifurcation de la lumière comme une suite indispensable de l'existence de ses deux vitesses. C'était une nouvelle occasion de prouver l'infailibilité du principe des interférences et la justesse des conséquences que l'ou en déduit.

Comme la double réfraction du verre comprimé, même jusqu'à éclater, est très-faible, un seul prisue n'aurait douné qu'une divergence très-peu sensible, lors même que son angle réfringent aurait été trèsobtus; c'est pourquoi j'ai employé quatre prismes A, A, A. A. L'angle

C A B A B A C

réfringent de chacun d'enx est droit; ils sont placés l'un à côté de l'autre, les

angles réfingents tournés du même côté, et les bases opposées appuyées sur un même plan et rapprochées les unes des autres de manière qu'elles se touchent par leurs arêtes longitudinales. C'est dans le sens de ces arêtes que les prismes sont comprimés entre deux mâchoires de fer, à faide de quatre via qui present une plaque d'acier recouverte d'une lame de bois et d'une feuille de carton; les autres extrémités des prismes s'appuient contre une des mâchoires de cette espèce d'étan, par l'intermédiaire aussi d'une feuille de carton et d'une lame de bois, afin que le verre soit pressé d'une manière plus égale et n'éclate pas anssi facilement : les vis ont leurs écrous et prennent leurs points d'appui dans l'autre mâchoiré de l'étau.

Pour achromatiser ces quatre prismes et supprimer dans la marche de la lumière les déviations inutiles à l'expérience, j'ai placé entre eux trois prismes renversés B, B, B, avant également qo° d'angle réfrinN° XXVI. gent, et aux extrémités de l'appareil deux prismes C, C, de 65° seulement, de manière à recomposer un parallétipipède rectangle de verre, que les rayons traverent presque en ligne droite et preprediculairement à ses deux faces extrêmes. Pour qu'ils puissent passer d'un prisme dans l'autre, les neuf prismes sont collès les uns aux autres avec de la térébenthine, dont le pouvoir réfringent est presque égal à celui du crown de Saint-Gobain, employé dans cette expérience; en sorte que la lunière est peu affaiblie par les réfections partielles aux surfaces de

passage.

Les trois prisines de go", B. B. B. et les deux demi-prisines C, C, de 45°, qui servent à achromatiser les quatre prismes comprimés A. A. A. A. A. Sont un peu moins longs que ceux-ci, de manière à ne pour ir éprouver acune pression. On conçoit que, s'ils avaient dét pressés comme les autres et au même degré, ils auraient détruit l'effet des premières, puisque leurs angles sont tournés en sens contraire; taudis que les petites divergeuces entre les faisceaux ordinaires et citraordinaires produites par ceux-ci s'ajoutent successivement les unes aux autres, parce que leurs angles réfringents sont tournés du même côté.

L'axe de double réfraction du verre comprimé dans un seul seus doit ètre la direction même de la compression, ainsi que M. Brewster l'a judicieusement observé. Or, dans un milieu à un seul axe, c'est toujours perpendiculairement à cet axe que la différence de vitesse des rayons ordinaires et extraordinaires est la plus grande, et qu'on pent obtenir en conséquence les divergences les plus sensibles : voilà pourquoi j'ai pressé les prismes dans le sens de leurs arctes longitudinales, perpendiculairement à la direction suivant laquelle la lumière les traverse. J'ai obtenu ainsi, par une forte compression, des doubles images dont l'écartement était d'un millimètre et demi, à un mêtre de distance.

On pourrait craindre que cette séparation de la lumière en deux faisceaux ne tint à quelques stries des verres; mais, en changeant la position de l'œil, il est aisé de reconnaître que ce n'est point un effet de ce genre : ou voit, à la vérité, varier l'écartement des images, ce

qui provient de ce que les prismes ne sont pas comprimés partout au N° XXVI. même degré; mais, pour un œil exercé, ces variations ne sauraient se confondre avec les effets que présentent les stries. D'ailleurs, ce qui tranche toute difficulté, l'une des images est polarisée parallèlement à l'axe de compression, et l'autre suivant un plan perpendiculaire. D'après l'idée que je me suis faite des causes mécaniques de la donble

réfraction, je crois que l'on doit reproduire tous les phénomènes optiques des cristanx à un axe en comprimant le verre ou le dilatant dans une scule direction, et ceux des cristaux à deux axes en le comprimant ou le dilatant suivant deux directions rectangulaires et à des degrés différents. Ainsi pour expliquer clairement la modification que je suppose imprimée à cette substance, concevons un cube de verre dont les particules, situées d'abord à des distances égales les unes des autres, dans les trois directions perpendiculaires aux faces du cube. soient ensuite un peu rapprochées par la compression suivant deux de ces directions. Si ces compressions sont égales, on rentrera dans le cas des cristaux à un seul axe; mais si elles sont inégales, le milieu présentera trois espacements différents de ses molécules, suivant les trois directions rectangulaires, et devra posséder toutes les propriétés optiques des cristaux à deux axes. Les inclinaisons des deux axes optiques, relativement à ces trois directions rectangulaires, pourront se calculer aisément d'après les degrés de raccourcissement qu'on fait éprouver aux dimensions du cube. Je n'ai pas encore essayé de vérifier ces indications de la théorie par l'expérience, ce qui paraît difficile à cause des inégalités de pression presque inévitables sur les divers points de la même surface de verre. Néanmoins, avec des précautions convenables, peut-être viendra-t-on à bout d'obtenir des vérifications appruchées. Dans ce cas je suis persuadé qu'on trouvera les faits conformes aux résultats du calcul.

Avant d'entreprendre ces expériences, et aussitôt que mes occupations me le permettront, je me propose de me servir d'une pile de prismes analogue à celle que je viens de décrire, pour étudier la double réfraction des rayons qui traversent le cristal de roche suivant l'axe

V XXXI

de cristallisation. Il faudra placer l'un à côté de l'autre quatre ou cinq prismes de cristal de roche ayant leurs angles réfringents tournés du même côté et acbromatisés par des prismes de crown collés avec de la térébenthine; les faces d'entrée et de sortie de chaque prisme de cristal seront également inclinées sur l'axe, et leurs inclinaisons relatives d'un prisme à l'autre devront être telles que les rayons lumineux, qui auront traversé le premier prisme parallèlement à son axe, traversent aussi tous les autres parallèlement à leurs axes. Les deux images qu'on obtiendra ainsi présenteront un phénomène bien particulier : au lieu d'être polarisées, comme toutes celles qui résultent des doubles réfractions observées jusqu'à présent, elles offriront les caractères de la lumière directe, lorsqu'on les regardera au travers d'un rhomboide de spath calcaire; mais elles en différeront en ce que, si on leur fait éprouver deux réflexions complètes dans un parallélipipède de verre, sous une incidence intérieure de 50° environ, elles se trouveront polarisées suivant deux plans rectangulaires inclinés chacun de 45° sur le plan de réflexion.

l'ai cru pouvoir aumoner d'avance ces résultats (au moins comme très-prolables), à cause des ressemblances frappantes et multipliées qui existent entre les phénomènes de coloration des plaques de cristal de roche perpendiculaires à l'axe et ceux que j'ai obtenus en plaçant une laune mixer cristallisée parallèle à l'axe entre deux parallèlipipèdes de verre croisés à angle droit, dans lesquels la lumière polarisée éprouve deux réflexious complètes avant et après son passage dans la lane ristallisée et avivant des plans inclinés de à 5°s ura la section principale. Ces phénomènes singuliers ont été décrits et calculés dans deux Mémoires, que j'ai eu l'honneur de présenter à l'Académie vers la fin de l'année 187, et au commencement de 1818 à l'Académie vers la fin de l'année 187, et au commencement de 1818 à l'Académie vers la fin de l'année 187, et au commencement de 1818 à l'académie vers la fin de l'année 187, et au commencement de 1818 à l'académie vers la fin de l'année 187, et au commencement de 1818 à l'académie vers la fin de l'année 187, et au commencement de 1818 à l'académie vers la fin de l'année 187, et au commencement de 1818 à l'académie vers la fin de l'année 187, et au commencement de 1818 à l'académie vers la fin de l'année 187, et au commencement de 1818 à l'académie vers la fin de l'année 187, et au commencement de 1818 à l'académie vers la fin de l'année 1870 è l'académie vers la fin de l'année 1870 è l'académie vers la fin de l'année 1870 è l'académie vers la fin de l'académie vers la fin de l'année 1870 è l'académie vers la fin de l'académie vers l'académie vers la fin de l'académie vers l'académie vers l'acadé

Paris, ce 8 septembre 1822.

A. FRESNEL.

Voyez les A" AVI et AVII.

#### Nº XXVII.

#### EXTRAIT D'UN MÉMOIRE

000

# LA DOUBLE RÉFRACTION PARTICULIÈRE

## OLE PRÉSENTE LE CRISTAL DE ROCHE

DANS LA DIRECTION DE SON ANE.

| Bulletin de la Societe philomathique, pour 1822, p. 191. — Annales de chisse et de physique, t. XXVIII, p. 187, cohier de février 1825.

Avant d'avoir opéré la bifurcation de la lumière par le moyen de cette double réfraction, M. Fresuel avait prévu et indiqué ses caractères distinctifs à la fin d'une note sur la double réfraction du verre comprimé, lue à l'Institut le 16 septembre, et publiée dans le cahier des Annales de chimie et de physique du mois d'août dernier. L'expérieure a confirmé ce qu'il avait annoncé <sup>(6)</sup>.

Avant de décrire ces phénomènes nouveaux, nous allons faire connaître une modification remarquable de la lumière à laquelle ils se raitachent d'une manière intime, et dont M. Fresnel a donné les lois dans un Mémoire présenté à l'institut vers la fin de 1817. Ce préamble est d'autant plus nécessaire que le Mémoire dont l'agit n'a point été imprimé et qu'on n'en a donné l'extrait dans aucun ouvrage périodique <sup>50</sup>.

<sup>\*</sup> Voyez le Nº XXVI.

Noyez le N° XVI.

Nº AXVIL

Si après avoir polarisé un rayon lumineux, on lui fait éprouver successivement deux réflexions totales dans l'intérieur d'un parallélipipède de verre sons une incidence de 54° environ (1), et suivant un plan incliné de 45° sur le plan primitif de polarisation, il paraît complétement dépolarisé quand on l'analyse avec un rhomboide de spath calcaire, c'est-à-dire qu'il donne toujours deux images d'égale intensité, dans quelque azimut qu'on tourne la section principale du rhomboïde; mais il diffère de la lumière directe en ce qu'il produit deux images colorées lorsqu'il a traversé une lane mince cristallisée avant son passage dans le rhomboide, et en ce qu'il reprend tous les caractères de la lumière polarisée quand on lui fait éprouver, dans un second parallélipipède de verre, deux nouvelles réflexions totales pareilles aux premières, quel que soit d'ailleurs l'azimut du nouvean plan de réflexion par rapport au premier : on sait qu'un nombre quelconque de réflexions totales ne change en rien les propriétés apparentes de la lumière ordinaire.

Les teintes que la lumière polarisée, ainsi modifiée par deux réflexions complètes, développe dans les lames minces cristallisées sont très-difiérentes de celles que donne la lumière polarisée ordinaire, et répondent sur le cercle chromatique de Newton à des points également distants des deux couleurs complémentaires produites par celle-ci, c'est-à-dire situés à un quart de circonférence de chacune d'elles. Ce caractère, et surtont celui dont nous venous de parler, consistant en ce que la lumière ainsi modifiée recouvre toutes les propriétés de la lumière polarisée après deux nouvelles réflexions totales, qui dépolariseraient entièrement celle-cit, démontrent que celle-là peut être consistèrée comme composée de deux faisceaux polarisés à angle droit et différant dans leur marche d'un quart d'ondulation. A l'aide de cette défiuition théorique et des règles d'interférence des rayons polarisés, qui avaient servi à trouver les formules générales des phénomènes or-

<sup>&</sup>lt;sup>(9)</sup> Le parallélipine de verre doit être afin qu'elles n'exercent sur lui aucune action laide e travent perpendiculaires au ravon.

EXTR. DU MÉM. SUR LA DOUBLE RÉFR. DU CRIST. DE ROCHE. 721

dinaires de la coloration des lames minces cristallisées, M. Fresuel est Nº XXVII. parvenu aussi aisément à calculer les teintes particulières que produit dans les mêmes lames cette nouvelle módification de la lumière, et il a été conduit ainsi à plusieurs théorèmes curieux, dont voici le plus remarquable : Si l'on place une laure mince cristallisée entre deux parallélipipèdes de verre croisés à angle droit, dans chacun desquels la lumière, préalablement polarisée, éprouve deux réflexions totales sons l'incidence de 54° 1, d'abord avant son entrée dans la lame (que nons supposons perpendiculaire aux rayons), et ensuite après sa sortie, et si de plus la lame est tournée de telle sorte que son axe fasse un angle de 45° avec les deux plans de double réflexion, ce système présentera les propriétés optiques des plaques de cristal de roche perpendiculaires à l'axe et des liquides qui colorent la lumière polarisée. Quand on fera tourner la section principale du rhomboïde avec lequel on analyse la lumière émergente, les deux images changeront graduellement de couleur, au lieu de n'éprouver que de simples variations dans la vivacité de leurs teintes, comme cela arrive pour le cas ordinaire des lames minces cristallisées; de plus, la nature de ces conleurs ne dépendra que de l'inclinaison respective du plan primitif de polarisation et de la section principale du rhomboide, c'est-à-dire des deux plans extrêmes de polarisation. Ainsi, quand cet angle restera constant, on pourra faire tourner le système de la lame cristallisée et des deux parallélinipèdes autour du faisceau qui le traverse sans changer la coulenr des images (1). C'est cette analogie entre les propriétés optiques de ce petit appareil et celles des plaques de cristal de roche perpendiculaires à l'axe, qui a fait prévoir à M. Fresnel les caractères particuliers de la double réfraction que ce cristal exerce sur les rayons parallèles à l'axe. Pour mettre cette double réfraction en évidence M. Fresnel a taillé,

(1) L'expérience fait voir que, pour achever de représenter rigoureusement les singuliers phénomènes de coloration des plaques de cristal de roche perpendiculaires à l'axe, il faudrait que, dans la lame cristallisée dont nous venons de parler, les rayons de diverses conleurs éprouvassent des doubles réfractions très-différentes et qui fussent en raison inverse de leurs longueurs d'ondulation.

Nº XXVII

dans une aiguille de cristal de roche, un prisme très-obtus, dont l'angle réfringent était de 152°, et avait ses deux côtés également inclinés sur l'axe de l'aiguille. Il l'a d'abord achromatisé le mieux possible avec deux demi-prismes de verre collés sur les faces d'entrée et de sortie, et il s'est assuré que les deux faisceaux distincts qu'il obtenait ainsi possédaient en effet les propriétés qu'il avait prévues. Mais comme l'achromatisme donné par ce procédé est tonjours très-imparfait, M. Fresnel a substitué aux demi-prismes de verre deux demiprismes de cristal de roche pris dans une antre aiguille, dont les propriétés optiques éfaient inverses de celles de la première : or il résulte des formules par lesquelles M. Fresnel avait représenté les phénomènes de coloration de l'essence de térébenthine et des plaques de cristal de roche perpendiculaires à l'axe (e, que l'opposition dont il s'agit tient à ce que celui des deux faisceaux lumineux qui traverse le plus vite certaines plaques est, au contraire, celui qui marche le plus lentement dans les autres. Ainsi, puisque le faisceau lumineux le moins réfracté dans le prisme du milieu est le plus réfracté dans les deux demi-prismes extrêmes, et que d'ailleurs les angles réfringents de ceux-ci sont tournés dans un sens opposé, ou concoit que les petites divergences qu'ils produisent s'ajouteront à celle qui résulte du prisme intermédiaire, au lien de s'en retrancher, comme cela aurait lieu si les trois prismes étaieut pris dans la même aiguille ou des aiguilles de même espèce. Cet appareil a le grand avantage d'être susceptible d'un achromatisme parfait, ou du moins d'empêcher tonte dispersion des rayons colorés étrangère à la double réfraction, et permet de vérifier directement ce que M. Fresnel avait annoucé dans un Mémoire présenté à l'Institut au commencement de 1818, savoir : que cette double réfraction s'exerce aver une énergie bien différente sur les rayons de diverses couleurs. et qu'elle est beaucoup plus forte, par exemple, pour les rayons violets que pour les rayons rouges. Il est presque inutile d'ajonter qu'il

<sup>30</sup> Voyez le nº XXIII.

#### EXTR. DU MÉM. SUR LA DOUBLE RÉFR. DU CRIST. DE ROCHE. 723

faut avoir soin que les deux demi-prismes aient leurs axes de cristalli- N. XXVII. sation sur le prolongement de celui du prisme intermédiaire, et que les ravons lumineux traversent l'appareil suivant la direction commune des axes, on du moins ne fassent avec elle que de fort petits angles; car, dès qu'ils s'en écartent un pen trop, ils épronvent la double réfraction ordinaire, et beaucoup plus énergique, que le cristal exerce perpendiculairement à son axe, en passant graduellement de l'une à l'autre. On rendra l'écartement des deux images plus sensible en augmentant le nombre des prismes.

Les deux faisceaux divergents qu'on obtient ainsi, soit qu'on emploie de la lumière polarisée, ou de la lumière directe, présentent exactement les mêmes caractères que la lumière polarisée modifiée par deux réflexions complètes, comme M. Fresnel l'avait annoucé. Quand on les analyse avec un rhomboïde de spath calcaire, ils donnent constamment chacun deux images d'égale intensité; et quand on leur fait éprouver denx réflexions totales dans un parallélipipède de verre, sous l'incidence intérieure de 54°, ils se trouvent complétement polarisés suivant des plans inclinés de 45° sur le plan de réflexion; le plan de polarisation de l'un est à droite du plan de réflexion, et celui de l'autre à gauche; en sorte que le premier est absolument semblable à la lumière polarisée modifiée par deux réflexions totales, lorsque le plan de réflexion est à gauche du plan de la polarisation primitive, et les propriétés du second sont celles que la lumière polarisée aurait présentées après les mêmes réflexions, si le plan d'incidence avait été à droite du plan de nolarisation; ou, en d'autres termes, chacun des deux faisceaux sortants peut être considéré comme composé de deux systèmes d'ondes polarisés à augle droit et différant dans leur marche d'un quart d'ondulation; pour le premier faisceau le système d'ondes en avant d'un quart d'ondulation a son plan de polarisation à gauche de celui du système d'ondes en arrière; et pour l'autre faisceau le premier plan de polarisation est à droite du second. En un mot, les propriétés optiques des deux faisceaux sont pareilles, mais en sens inverse, ce qui fait que l'un se comporte de droite à gauche, comme l'autre de gauche

X- XXVD

à droite. Si fon remarque, en outre, qu'un rayon ainsi modifié ne présente aucune différence dans ses réflexions ou ses réfrections, de quelque côté qu'on le prenne, tandis que le rayon qui a reçu la polarisation ordinaire offre, perpendiculairement à son plan de polarisation, des caractères très-différents de ceux qu'il présente dans la i-rection de ce plan, en est naturellement conduit à donner le nom polarisation circulaire à cette nouvelle modification de la lumière and aubdivisant en polarisation circulaire de gauche à droite, et polarisation circulaire de droite à gauche, et à désigne par le nome polarisation rectifique celle qu'on a remarquée pour la prennière fois dans la double réfraction du spath d'Islande, et que Malus a produite par la simple réflexion sur la surface des corps transparents.

Ces dénominations découlent plus naturellement encore de l'hypothèse que M. Fresnel a adoptée sur la nature des vibrations lumineuses, et qu'il a exposée dans le tome XVII des Annales de chimie et de physique, pag. 179 et suivantes (a). Il suppose que les vibrations lumineuses s'exécutent dans le sens même de la surface des ondes, perpendiculairement à la direction des rayons, et qu'un faisceau polarisé est celui pour lequel ces vibrations ont toujours la même direction, son plan de polarisation étant le plan auquel ces petits mouvements oscillatoires des molécules éthérées restent constamment perpendiculaires. Or il suit de là que, si deux systèmes d'ondes d'égale intensité et polarisés rectangulairement, c'est-à-dire dont les monvements oscillatoires sont perpendiculaires entre eux, différent dans leur marche d'un quart d'ondulation, le mouvement composé qu'ils imprimeront à chaque moléculc, au lieu d'être rectiligne comme dans les deux faisceaux considérés séparément, sera circulaire et s'exécutera avec une vitesse uniforme : les molécules tourneront de droite à gauche, lorsque le système d'ondes en avant aura son plan de polarisation à droite de celui du système d'ondes en arrière d'un quart d'ondulation, et elles tournerout de

<sup>&</sup>quot; Voyeg to Nº AXIL S 10.

gauche à droite lorsque le premier plan sera à gauche du second, ou Nº XXVII. lorsque, les deux plans de polarisation restant disposés comme dans le premier cas, la différence de marche sera égale à trois quarts d'ondulation (1). On conçoit que, dans cette rotation générale des molécules autour de leurs positions d'équilibre, elles n'occupent pas au même instant les mêmes points des circonférences qu'elles décrivent, vu le mouvement progressif des ondes. Pour se représenter leurs positions relatives, il faut concevoir que celles qui étaient sur une même droite parallèle au rayon, dans l'état d'équilibre, se trouvent maintenant plarées sur une hélice très-étroite, décrite autour de cette ligne droite comme axe, et dont le pas est égal à la longueur d'une undulation, Si l'on fait tourner maintenant cette hélice autour de son axe d'un mouvement uniforme, de manière qu'elle décrive une eirconférence dans l'intervalle de temps pendant lequel s'accomplit une ondulation lumineuse, et que l'on conçoive d'ailleurs que, dans chaque tranche infiniment mince perpendiculaire au rayon toutes les molécules exécutent les mêmes mouvements et conservent les mêmes situations respectives, on aura une idée exacte du genre de vibration qui constitue la polarisation circulaire, d'après l'hypothèse que nous venons de rappeler.

Mais, indépendamment de toute hypothèse sur la nature des vibrations lumineuses, il résulte des faits et des lois générales de l'interférence des rayons polarisés, 1º que les deux faisceaux séparés par la double réfraction qui s'exerce le long de l'axe du cristal de roche peuvent être considérés chacun comme composés de deux systèmes d'ondes polarisés à angle droit et distants d'un quart d'ondulation, le

(1) Si la différence de marche, an lieu d'être un nombre pair ou juspair de quarts d'ondulation, était un nombre fractionnaire. les mouvements vibratoires ne seraient ni rectiligues ni circulaires, mais elliptiques. On produit ce genre de vibration en changeant le nombre ou l'incidence des réflexions totales que subit le rayon polarisé, On peut aussi obtenir cette modification intermédiaire avec deux réflexions totales sous l'incidence intérieure de 54%, en changeaut l'azimut du plan de réflexion, que nous avons supposé is 45° du plan de la polarisation primitive; le calcul démontre que dans ce cas les courbes décrites sont encore des ellipses

V XXVII.

plan de polarisation du système d'ondes en avant étant pour un des faisceaux à droite, et pour l'autre à gauche du plan de polarisation du système d'ondes en arrière; 2º que ces deux faisceaux ne traversent pas le cristal de roche avec la même vitiesse dans le seus de son axe, et que, sedon la nature des aiguilles, elles sont parcourses le plus promptement, tantôt par le faisceau polarisé circulairement de droite à gauche, et tantôt par celui qui l'est de gauche à droite, la différence de vitesse étant d'ailleurs la même dans les deux cas. On conçoit que, pour qu'une parcille différence de marche puisse avoir lieu entre ces deux faisceaux, il fout que, tout étant d'ailleurs seublable autour de fave de l'aiguille, le cristal ne soit pas constitué de droite à gauche comme il l'est de gauche à droite, soit en vertu de l'arrangement de ses particules on de leur consitiution individuelle.

Cela posé, considérons ce qui a lieu quand on introduit parallèlement à l'axe un rayon polarisé. Il résulte des mêmes lois d'interférence (on du principe général de la composition des petits mouvements, si l'on adopte l'hypothèse dont nous venons de parler), qu'un système d'ondes polarisé rectilignement peut être remplacé par deux autres polarisés à angle droit, et ne différant point d'ailleurs dans leur marche, et qu'à chacun de ceux-ci on peut substituer deux autres systèmes d'ondes ayant le même plan de polarisation, mais situés, l'un en avant, l'antre en arrière d'un huitième d'ondulation; et séparés ainsi par un quart d'ondulation; ce qui donne quatre systèmes d'ondes d'égale intensité, dont deux, polarisés à angle droit, sont en arrière d'un quart d'ondulation des deux autres polarisés suivant les mêmes plans. Si maintenant l'on combine par la pensée chacun des deux systèmes d'ondes en arrière avec celui des deux systèmes d'ondes en avant qui est polarisé suivant une direction perpendiculaire, on voit qu'on aura précisément deux faisceaux égaux polarisés circulairement, l'un de droite à ganche et l'autre de gauche à droite, qui ne différeront point encore dans leur marche. Mais comme deux faisceaux de cette espèce parcourent le cristal de roche parallèlement à son axe avec des vitesses différentes, s'il est taillé en prisme et qu'ils rencontrent ainsi les faces

d'entrée et de sortie sous des incidences obliques, ils se réfracteront N° XVIII. suivant des directions différentes, parce qu'une différence-de vitesse entraîne nécessairement une différence de réfraction; et ils donneront. en conséquence, deux images distinctes d'égale intensité. Si c'est une plaque perpendiculaire à l'axe qu'on fait traverser au rayon polarisé, les deux faisceaux ne seront pas séparés quant à leurs directions; seulement l'un sera devancé par l'autre d'une petite quantité, qui croîtra proportionnellement à la longueur du trajet : or il est aisé de voir, d'après les mêmes règles d'interférences, que l'ensemble de ces deux faisceaux polarisés circulairement, l'un de droite à gauche et l'autre de gauche à droite, reproduit toujours un système d'ondes polarisé rectilignement suivant une direction unique, quelle que soit leur différence de marche; il en résulte seulement, dans le plan de polarisation de la lumière complexe qui sort de la plaque, une déviation angulaire proportionnelle à cette différence de marche; déviation qui s'opère de droite à gauche ou de gauche à droite, selon que c'est le faiscean polarisé circulairement de ganche à droite ou de droite à ganche qui a devancé l'antre.

Si tous les rayons colorés qui composent la lumière blanche éprouvaient cette double réfraction au même degré, c'est-à-dire, qu'en traversant la même épaisseur de cristal la différence de marche entre les deux faisceaux fût égale pour ces diverses espèces de rayons, la déviation du plan de polarisation serait en raison inverse de la longueur d'ondulation, ainsi qu'on le trouve par les formules d'interférence. Mais cette double réfraction est au contraire très-différente nour les rayons de différente espèce, comme on peut l'observer directement; et il parait qu'elle est en raison inverse de la longueur d'ondulation, ou, en d'autres termes, que la petite différence de marche entre les deux faisceaux polarisés circulairement en sens contraires est la même pour un même nombre d'ondes, quelle que soit la longueur d'ondulation; car il résulte de cette supposition que la déviation du plan de polarisation de la lumière émergente doit être en raison inverse du carré de la longueur d'ondulation de chaque espèce de rayons, conforméA VYVII

ment aux observations de M. Biot (a). C'est la différence de déviation. dans les plans de polarisation des rayons de diverses couleurs, qui occasionne les phénomènes de coloration qu'on observe quand on aualyse, avec un rhomboïde de spath d'Islande, un faisceau de lumière blanche préalablement polarisée, à laquelle on a fait traverser une plaque de cristal de roche perpendiculaire à l'axe ; il est clair que les rayons de diverses couleurs qui composent la lumière émergente, se tronvant polarisés dans des azimuts différents, ne peuvent plus se partager suivant la même proportion entre les images ordinaire et extraordinaire, qui doivent, en conséquence, être colorées de teintes complémentaires. La înmière directe étant l'assemblage ou la succession rapide d'une infinité de systèmes d'ondes polarisés rectilignement dans toutes les directions, on peut dire de chacun de ces systèmes d'ondes ce que nons avons dit d'un seul faisceau polarisé, et ils doivent se comporter de la même manière; si les deux images ne sont pas alors colorées. cela tient uniquement à ce que les effets contraires produits par les rayons polarisés dans des directions rectangulaires se compensent et se masquent mutuellement.

L'explication que nous venous de donner des propriétés optiques des plaques de cristal de roche perpendiculaires à l'axe, qui peut être également appliquée aux liquides dans lesquels la polarisation développe des couleurs, ne diffère, comme on voit, de celle de M. Biot, qu'en ce qu'an lieu de nous arrêter à la simple observation du plan de polarisation de la lumière complexe qui sort de la plaque cristallisée, nous sommes remonté aux deux systèmes d'ondes polarisés circulairement en sens contraires dont cette lumière totale est composée. L'explication de M. Fresnel a l'avautage de ramener ces phénomènes, comme la coloration des lames miness cristállisées paralléles à l'axe, à de simples diffèrences de marche entre deux faisceaux luminoux qui

Mémoire sur les rotations que certaines substances impriment aux axes de polarisation des yous lumineux. (Mémoires de l'Académie royale des aciences de l'Institut, L. II, p. ht. année 1817.

suivent la même direction : elle fait voir immédiatement pourquoi un NAVII. faisceau de lumière anquel on a imprimé la polarisation circulaire, par l'un quelconque des procédés indiqués précédemment, ne doit plus développer de couleurs dans les plaques de cristal de roche qu'il traverse paralléement à l'are, ou dans l'essence de téréhenthiue; c'est qu'il ne peut y affecter qu'une seule vitesse; par la même raison il ne

verse parallèlement à l'axe, ou dans l'essence de térébenthine; c'est qu'il ne peut y affecter qu'une seule vitesse; par la même raison il ne produira qu'une seule image en traversant le prisme achromatisé que nous avons décrit plus bant, tandis qu'il en donne toujours deux d'égale intensité avec un rhomboïde de spath calcaire. Il résulte du même principe qu'en faisant passer un faisceau de lumière directe ou polarisée rectilignement au travers d'un nombre quelconque de prismes semblables, on n'obtiendra jamais que deux images d'égale intensité. quels que soient les azimuts dans lesquels on tourne ces prismes. A l'aide de la double réfraction ordinaire, au contraire, chaque prisme peut doubler le nombre des images produites par les prismes précédents. Les deux faisceaux résultant de cette double réfraction particulière, qui ne peuvent plus développer de couleurs dans les plaques de cristal de roche perpendiculaires à l'axe ou dans l'essence de térébenthine, en produisent de très-vives dans les lames minces parallèles à l'axe, et ce sont précisément les mêmes teintes que celles qu'on obtient avec la lumière polarisée modifiée par deux réflexions totales, comme on devait s'y attendre, d'après les preuves expérimentales que nous avons déjà citées de l'identité des propriétés que la lumière acquiert dans ces deux cas. Ainsi l'on produit la polarisation circulaire par deux procédés analogues à ceux qu'on emploie pour obtenir la polarisation rectiligne : le premier consiste dans une combinaison de réflexions, et le second dans la division de la lumière directe en deux faisceaux distincts, par une double réfraction particulière.

Nº XXVIII.

## MÉMOIRE

. . . . .

## LA DOUBLE RÉFRACTION

OUE LES BAYONS LUMINEUX

EPROLIVENT EN TRAVERSANT LES AIGUILLES DE CRISTAL DE ROCHE

SLIVANT DES DIRECTIONS PARALLÈLES À L'AXE ".

рийзичти à възсловния пен всичест на 9 песямиях 1849.

1. Avant les belles découvertes de Malas, on avait remarqué de puis longtemps que les deux finiceaux dans lesquels la lumirée se divise en traversant un rhomboïde de spath calcaire y reçoivent cette modification singulière à laquelle il a donné le nom de polarisation, d'après les idées de Newton sur la cause physique du phénomète. Ainsi Malus, à proprenent parler, n'a pas découvert la polarisation de lumière; mais il a montré le premier qu'on pouvait imprimer aux rayons, par la simple réflexion sur un corps transparent sous une incidence convenable, ou par leur passage oblique au traver à ûne suite de lames displannes, la même modification qu'ils reçoivent quand ils de lames displannes, la même modification qu'ils reçoivent quand ils

Voyez comme introduction à ce Mémoire les N° XVI, XVII et XXIII, et comme supplément le N° XXX.

<sup>3)</sup> C'est à Huyghens qu'est due cette première remarque des phénomènes. (Yoyez Traisi de la lumière, chap. v. vers la fin.)

N. XXVIII. sont divisés en deux faisceaux distincts par les cristaux doués de la double réfraction.

On sait que lorsqu'on fait tomber un faisceau polarisé perpendiculairement syr une des faces naturelles d'un rhomboïde de spath calcaire, il s'y divise généralement en deux faisceaux d'intensités inégales. tandis que la lumière non polarisée donne toujours deux faisceaux sensiblement égaux en intensité. Si l'on fait tourner le rhomboïde de spath calcaire sur lui-même autour du rayon polarisé, comme axe, on remarque deux positions du rhomboide dans lesquelles un des deux faisceaux s'évanouit entièrement et la lumière incidente n'éprouve plus qu'un seul mode de réfraction en traversant le cristal; dans un cas c'est la réfraction ordinaire, dans l'autre c'est la réfraction extraordinaire. Si l'on concoit un plan passant par le rayon polarisé et par l'axe du cristal, il tournera avec le rhomboïde, et pour les deux positions dont nous venons de parler il prendra successivement deux directions perpendiculaires entre elles; ainsi il y a deux plans rectangulaires menés par le rayon polarisé, qui sont tels que lorsque l'axe du cristal est parallèle à l'un d'eux, ce rayon n'éprouve plus qu'un seul mode de réfraction : on appelle plan de polarisation celui avec lequel il faut faire coincider l'axe du cristal pour que le faisceau extraordinaire s'évanouisse. En faisant tourner graduellement la section principale du rhomboide, c'est-à-dire le plan normal qui contient l'axe, on voit reparaître l'image qui s'était évanouie; son intensité augmente successivement jusqu'à ce qu'elle soit égale à celle de l'autre; ce qui arrive quand la section principale divise en deux parties égales l'angle droit des deux plans dont nous venous de parler. Si l'on continue de tourner le rhomboïde dans le même sens, l'image qui s'était évanouie devient plus lumineuse que l'autre, et celle-ci finit par disparaître à son tour, quand la section principale coïncide avec le second plan. Ainsi les propriétés du rayon polarisé ne sont pas les mêmes suivant ces deux plans et varient tout autour de lui.

Cette différence de propriétés des divers côtés d'un faisceau polarisé ne se manifeste pas seulement dans son passage au travers des

cristanx doués de la double réfraction, mais dans plusieurs autres cir- N° XXVIII. constances que Malus a fait connaître et que nons ne croyons pas nécessaire de rappeler ici, le procédé que nous venons de décrire suffisant toujours pour distinguer la lumière polarisée de celle qui ne l'est pas.

2. Dans un Mémoire que j'ai eu l'honneur de lire à l'Académie, vers la fin de 1817 (a), i'ai fait connaître une nouvelle modification de la lumière, aussi générale ou pour mieux dire aussi uniforme que la polarisation elle-même, en ce que les rayons de diverses couleurs qui composent la lumière blanche la reçoivent tous à la fois et au même degré, comme cela a lieu pour la polarisation ordinaire. Voici en quoi ce procédé consiste : après avoir polarisé préalablement le faisceau lumineux, soit par son passage au travers d'un rhomboide de spath calcaire, soit par sa réflexion sur une glace non étamée iuclinée de 35°, on l'introduit dans un parallélipipède de verre, où il éprouve successivement, sur les deux faces opposées, deux réflexions intérieures et complètes. sous l'incidence de 50° environ, et suivant un plan incliné de 45° relativement au plan primitif de polarisation. L'angle des faces d'entrée et de sortie du parallélipipède avec les deux faces réfléchissantes doit être tel que celles-là se trouvent à peu près perpendiculaires aux rayons incidents et émergents, afin qu'elles n'exercent sur eux aucune action polarisante.

La lumière en sortant du parallélipipède de verre paraît complétement dépolarisée, c'est-à-dire que si on l'analyse avec un rhomboide de spath calcaire, elle présente toujours deux images blanches d'intensités égales, dans quelque azimut qu'on tourne la section principale du rhomboide. Mais ce n'est pas néanmoins de la lumière ordinaire; car si on la fait passer à travers une lame mince de chaux sulfatée ou de cristal de roche, et qu'on l'analyse ensuite avec un rhomboïde de spath calcaire, au lieu de deux images blanches que la lumière directe don-

<sup>(</sup>a) Mémoire sur les modifications que la réflexion imprime à la lumière polarisée et Supplément, Nº XVI et XVII.

Nº XXVIII. nerait dans ce cas, on observe deux images vivement colorées, mais dont les teintes sont différentes de celles qui auraient été développées dans les mêmes lames par la lumière simplement polarisée. Un autre caractère bien remarquable distingue encore la modification nouvelle dont il s'agit, et de la polarisation de Malus, et de l'absence de toute modification : c'est que la lumière ainsi modifiée reprend tous les caractères de la polarisation parfaite quand on lui fait éprouver deux réflexions complètes sous l'incidence de 50° dans l'intérieur d'un parallélipipède de verre; alors le plan de polarisation des rayons émergents se trouve incliné de 45° par rapport au plan de réflexion, auguel ou peut donner une direction quelcouque. La lumière directe uon modifiée ne prend au contraire aucune propriété nouvelle après deux réflexions complètes, et elles donnent à la lumière polarisée l'apparence d'une dépolarisation entière, si on l'analyse avec un rhomboide de spath calcaire, quand le plan de réflexion fait un angle de 45° avec le plan primitif de polarisation, comme nous venons de le dire.

> Ce sont ces premières expériences qui m'ont fait reconnaître que la lumière aiusi modifiée pouvait être considérée comme composée de deux faisceaux qui suivent la même route, mais sont polarisés dans des directions rectangulaires et diffèrent dans leur marche d'un quart d'ondulation. En introduisant cette définition de la modification nouvelle dans les mêmes formules qui m'avaient servi à calculer les phénomènes ordinaires de la coloration des lames cristallisées, j'ai découvert aisément les lois des teintes particulières que ces lames présentent quand, au lieu de lumière polarisée ordinaire, on y fait passer un faisceau polarisé modifié par deux réflexions complètes. J'ai été conduit ainsi à plusieurs théorèmes curieux, et j'ai trouvé qu'on imitait les phénomènes de coloration que présentent les plaques de cristal de roche perpendiculaires à l'axe, et certains liquides homogènes, tels que l'essence de térébeuthine, etc. en plaçant une lame mince cristallisée parallèle à l'axe entre deux parallélipipèdes de verre dans lesquels la lumière polarisée incidente éprouvait la modification que je viens de définir, avant d'entrer dans la lame cristallisée et après sa sortie; l'axe

de la lame cristallisée doit faire un angle de 45° avec chacun des plans Nº XXVIII. d'incidence des deux parallélipipèdes, lesquels sont rectangulaires entre eux. Et en effet, si l'on fait tourner la section principale du rhomboide avec lequel on analyse les rayons émergents, on observe des changements de couleurs semblables à ceux que donneut certains liquides on les plaques de cristal de roche perpendiculaires à l'axe; et la nature de ces teintes ne dépend, comme dans ces cas, que des inclinaisons mutuelles du plan primitif de polarisation et de la section principale du rhomboide de spath calcaire, c'est-à-dire des deux plans extrêmes de polarisation; car si, en leur conservant les mêmes directions relatives, on fait tourner sur lui-même le petit système de la lame cristallisée comprise entre les deux parallélipipèdes de verre, on n'aperçoit aucune variation, ni dans la nature ni dans l'intensité des teintes.

Il résulte des mêmes formules qu'un assemblage d'un nombre quelconque de pareils systèmes tournés dans tous les azimuts produit le même effet que si les axes des lames comprises dans chacun d'eux se trouvaient parallèles; que les rayons qui ont éprouvé la réfraction ordinaire dans la première lame n'éprouvent jamais que la réfraction ordinaire dans les lames suivantes, quels que soient les azimuts dans lesquels les autres appareils sont tournés; en sorte que la lumière ne peut traverser un pareil assemblage qu'avec deux sortes de vitesses.

3. Ces conséquences, qui semblaient lever toutes les difficultés théoriques de la coloration de l'essence de térébenthine, me conduisaient naturellement à supposer que ce liquide, dans legnel j'avais démontré l'existence de la double réfraction par plusieurs expériences d'interférences, a ses particules constituées de telle sorte que chacune d'elles possède la double réfraction et imprime en outre aux rayons lumineux, à leur entrée et à leur sortie, la même modification qu'ils reçoivent par deux réflexions complètes dans un parallélipipède de verre. Pour achever de représenter fidèlement les phénomènes, il fallait supposer en outre que dans ces particules la double réfraction est trèsdifférente pour les rayons de diverses coulcurs, et en raison inverse de

Nº XXVIII. leur longueur d'ondulation, d'après la loi de M. Biot sur les déviations du plan de polarisation de la lumière totale qui a parcouru un tube remuli d'essence de térébenthine (a); car en admettant que la double réfraction de chaque espèce de rayon dans les particules de ce liquide, est en raison inverse de leur longueur d'ondulation, on trouve, par les formules d'interférences que j'ai employées, que la déviation du plan de polarisation du faisceau total de lumière homogène, au sortir du liquide, est en raison inverse du carré de la longueur d'accès ou d'ondulation, comme M. Biot l'avait conclu de ses observations. Tels sont les principaux résultats contenus dans un Mémoire présenté à l'Académie au commencement de 1818(b), et qu'il m'a paru nécessaire de rappeler ici pour l'intelligence des faits nouveaux.

> Cette explication s'appliquait aux plaques de cristal de roche perpendiculaires à l'axe, comme à l'huile de térébenthine, puisque M. Biot s'est assuré de l'identité des phénomènes de coloration qu'elles présentent. Cependant je n'ai jamais regardé l'hypothèse dont je viens de parler sur les modifications que la lumière éprouvait à son entrée dans les particules d'essence de térébenthine et à sa sortie comme une réalité, mais seulement comme une manière de représenter, les faits; quoique tous ceux que j'ai observés jusqu'à présent confirment les conséquences analytiques de cette explication; par exemple, que la lumière polarisée modifiée par deux réflexions complètes, qui développe de si vives couleurs dans les lames minces cristallisées, ne doit plus en produire dans l'essence de térébenthine, et dans les plaques de cristal de roche perpendiculaires à l'axe. Cet accord ne prouve pas en effet la réalité de l'hypothèse, mais seulement que les résultats sont les mêmes

<sup>\*\*</sup> Extrait d'un Mémoire sur les rotations que certaines substances impriment aux axes de polorisation des rayons lumineux. (Ann. de chimie et de physique, t. IX. p. 370; t. X. p. 63.) - Mémoire sur les rotations que certaines substances impriment aux axes de polarisation des rayons lumineux (Mémoires de l'Académie des sciences de l'Institut, t. II. p. 51, année 1817.)

Mémoire sur les couleurs développées dans les fluides homogènes par la lumière polarisée, Nº XXIII.

que si la lumière éprouvait dans chaque particule d'essence de téré- N° VVIII. benthine les modifications dont je viens de parler. Mais sans approfondir la cause mécanique de ces phénomènes, je ponvais déduire des formules qui les représentaient si bien des conséquences, sinon certaines, du moins extrêmement probables, et annoncer des phénomènes singuliers, que je n'avais pas encore vérifiés par l'expérience.

4. C'est ce que j'ai fait à la fin d'une Note sur la double réfraction du verre comprimé, que j'ai eu l'honneur de lire à l'Académie le 16 septembre et qui a été publiée dans les Aunales de chimie et de physique . L'ai annoncé que, si l'on mettait en évidence la double réfraction que la lumière épronve dans le cristal de roche en le traversant parallèlement à l'axe des aignilles, on trouverait que les deux faisceaux en lesquels la lumière se diviserait alors ne présenteraient aucune apparence de polarisation ordinaire, quand on les essaverait avec un rhomboïde de spath calcaire, et différeraient cependant des rayons directs en ce que si on leur faisait éprouver dans un parallélipipède de verre deux réflexions complètes sons l'incidence intérieure de 50° environ, ils seraient polarisés chacun suivant un plan incliné de 45° relativement au plan de réflexion, l'un à gauche et l'autre à droite de ce plan, ce qui n'arrive point à la lumière ordinaire, que ces deux réflexions complètes laissent telle qu'elle était auparavant. Aussitôt que je l'ai pu, j'ai vérifié nar l'expérience cette conséquence curiense de mes formules, et j'ai trouvé ce que j'avais prévu. l'aurais pu annoncer d'après les mêmes formules les autres caractères de cette double réfraction; mais il suffisait d'indiquer celui que je viens d'énoncer, parce qu'il la distingue parfaitement de toutes les autres doubles réfractions observées jusqu'à présent,

En effet l'on avait trouvé jusqu'ici que la double réfraction des cristaux à deux axes, comme celle des cristaux à un axe, polarise complétement les deux faisceaux en lesquels elle divise la lumière incidente,

<sup>\*</sup> T. XX. p. 376, cabier d'août 1822, (Voyez Nº XXVL)

Nº XXVIII. I'un suivant une direction, l'autre suivant une direction perpendiculaire. La double réfraction produite par la compression du verre est accompagnée des mêmes phénomènes de polarisation, comme on peut s'en assurer avec le petit appareil que j'ai eu l'honneur de mettre sous les yeux de l'Académie, et au moyen duquel on obtient deux images distinctes. On serait donc tenté de croire au premier abord que c'est une règle générale applicable à toute espèce de double réfraction; mais il n'en est plus ainsi pour celle que la lumière éprouve quand elle traverse les aiguilles de cristal de roche dans des directions sensiblement parallèles à leurs axes. Les deux faisceaux lumineux en sortent modifiés de la même manière qu'ils l'auraient été par le procédé que nous avons rappelé. Voilà done maintenant, pour cette modification nouvelle, deux manières de la produire analogues aux deux moyens principaux qu'on emploie pour polariser la lumière. L'une consiste dans la division du faisceau de lumière directe par une double réfraction particulière, et l'autre dans une certaine combinaison de réflexions, la première en dehors du verre, sous une inclinaison de 35°, et les deux suivantes dans l'intérjeur de cette même substance sous une incidence de 50°.

> Pour obtenir la séparation de la lumière en deux faisceau distincta dans la double réfraction très-faible que le cristal de roche exerce suivant son axe, j'ai fait tailler un prisme de cristal dont les faces d'entrée et de sortie étaient également inclinées sur l'axe et formaient entre elles un anglé et 15°, et j'ai d'abord achromatisé ce prisme aussi bien que je l'ai pu avec deux demi-prissues de glace de Saint-Gobain, dont les anglés réfringants étaient beaucoup moindres que la moitié de 15°, parce que le crown de Saint-Gobain est plus dispersif que le cristal de roche. Quoiqu'on puisses eservir à la ripeur de cet appareil, et qu'il m'ait suffi pour mes premières vérifications, comme il ne m'a pas paru susceptible d'un achromatisme parfait, j'ai songle que je remplirais mieux cette condition en remplaçant les eleux demiprismes de crown par deux demi-prismes de cristal de roche, dont la double réfraction suivant l'axe serait d'un genre opposé à celle du pense intermédiaire. Car, ainsi que M. Biot l'a remarqué le premier,

il y a des plaques de cristal de roche qui font tourner le plan de po- Nº XXVIII. larisation de la lumière incidente de gauche à droite, tandis que d'autres le font tourner de droite à gauche (a) : or je pouvais conclure de là, d'après la représentation théorique que j'avais trouvée de ces phénomènes, que celui des deux faisceaux qui traversait le plus vite la première espèce de cristal devait, au contraire, marcher le plus lentement dans la seconde, et conséquemment que les déviations angulaires produites par les deux demi-prismes achromatisants devaient s'ajouter à celle qui proviendrait du prisme obtus s'il était d'espèce contraire, au lieu de s'en retrancher, comme cela arriverait s'ils étaient de même espèce, à cause de l'opposition des angles réfringents. C'est en effet ce qui a lieu, et l'on obtient de cette manière une séparation très-sensible des deux images, qu'on pourrait encore augmenter en multipliant le nombre des prismes.

5. Je crois qu'on parviendrait par un procédé analogue à mettre tout à fait en évidence la double réfraction des liquides qui jouissent des propriétés optiques des plaques de cristal de roche perpendiculaires à l'axe, tels que l'essence de térébenthine, l'essence de citron, etc. en employant un appareil analogue à celui-là. Comme les essences de citron et de térébenthiue font tourner le plan de polarisation de la lumière en sens contraires, on pourrait combiner des prismes creux remplis d'essence de térébenthine avec des prismes contenant de l'essence de citron, qui achromaliseraient ceux-là et augmenteraient en même temps la divergence des deux faisceaux lumineux. J'estime que quarante prismes suffiraient pour rendre la séparation des deux images très-sensible; mais à cause de ce grand nombre de prismes et de l'ouverture considérable de leurs angles réfringents, l'achromatisme deviendrait sans doute très-difficile. Peut-être le faciliterait-on en mêlant avec une de ces huiles essentielles quelque autre liquide, tel que l'es-

<sup>(4)</sup> Expériences sur les plaques de cristal de roche taillées perpendiculairement à l'axe de cristallisation. (Mémoires de la Classe des sciences mathématiques et physiques de l'Institut, pour 1812, 1" partie, p. 918.)

Nº XXVIII. prit-de-vin. Ces mélanges de liquides présentent en général tant de ressources de ce genre que j'ai peine à croire l'expérience impraticable, ct, quoiqu'elle doive être longue en tâtonnements et assez dispendieuse, je l'aurais tentée si je ne m'étais assuré depuis longtemps par des procédés d'interférences que la lumière parcourt l'essence de térébenthine avec deux vitesses différentes, et que cette double réfraction a les mêmes caractères que celle du cristal de roche suivant l'axe. identité qu'on pouvait déjà conclure, au moins comme très-probable. de la similitude parfaite que M. Biot avait reconnue dans leurs phénomènes de coloration.

> Ayant obtenu, par la combinaison de deux espèces différentes de cristal de roche, un appareil qui présente avec netteté les cffets de la double réfraction suivant l'axe des aiguilles, j'ai pu vérifier les principales conséquences des formules par lesquelles j'avais représenté les propriétés optiques de l'essence de térébenthine et des plaques de cristal de roche perpendiculaires à l'axe, dans le Mémoire soumis à l'Académie au commencement de 1818.

> 6. D'abord j'ai reconnu que cette double réfraction était très-différente pour les rayons de diverses couleurs, et beaucoup plus forte pour les rayons rouges que pour les rayons violets, comme les phénomènes de coloration de l'essence de térébenthine m'avaient conduit à le supposer. Il suffit de regarder une ligne lumineuse au travers du prisme achromatisé que je viens de décrire, et l'on remarquera que les deux images sont bordées d'une frange d'un bleu violâtre sur les côtés extrêmes, et au contraire d'un rouge fauve sur les deux côtés les plus voisins l'un de l'autre; et même, lorsque la ligne brillante a une largeur un peu sensible, le milieu de l'intervalle qui sépare les deux images, au lieu d'être entièrement obscur, présente un rouge sombre. On pourrait à la rigueur mesurer cette dispersion, qu'on doit appeler dispersion de double réfraction, et comparer ces mesures prises pour les sept principales espèces de rayons avec les différences entre leurs doubles réfractions, qu'on déduit de la loi de M. Biot sur la déviation des plans de polarisation dans les plaques perpendiculaires à l'axe, on

même avec les résultats que j'avais obtenus antérieurement à la décou- N° XXVIII. verte de cette loi en compeusant l'effet polarisant d'un tube rempli d'huile de térébenthine par une lame de chaux sulfatée parallèle à l'axe. Mais cette vérification, que j'essayerai peut-être plus tard et dont je regarde le résultat comme infaillible, exigerait beaucoup de précautions et un appareil soigné; je me suis contenté pour le moment de la vérification grossière que présente le simple aspect des deux imagès, qui suffit pour démontrer que la dispersion de cette double réfraction est très-grande relativement à la double réfraction elle-même, comme je l'avais aunoncé dans mon Mémoire sur les phénomènes de coloration de l'essence de térébenthine.

Il résultait aussi de mes formules que la lumière simplement polarisée, comme la lumière ordinaire, devait toujours donner deux images d'égale intensité quand on lui faisait éprouver cette double réfraction, quel que fût d'ailleurs l'azimut de son plan de polarisation; tandis que la lumière polarisée modifiée par deux réflexions complètes ne devait plus donner qu'une seule image, tantôt celle qui éprouve la réfraction la plus forte, et tantôt celle qui éprouve la réfraction la plus faible, selon que le plan des deux réflexions successives aurait été dirigé à droite ou à gauche du plan primitif de polarisation, et aussi. d'après ce que nons avons dit précédemment, selon le nature des aignilles de cristal de roche; car dans les unes c'est la lumière moditiée de droite à gauche qui doit marcher le plus lentement, et dans les autres, la lumière modifiée de ganche à droite.

7. Les deux faisceaux produits par cette double réfraction devant offrir les mêmes caractères que deux faisceaux de lumière préalablement polarisée qui out ensuite éprouvé deux réflexions complètes, dans des azimuts de 45° relativement au plan primitif de polarisation, l'un à droite de ce plan et l'autre à gauche, il s'ensuit qu'en faisant passer les deux faisceaux émergents dans un second prisme de cristal de roche, parallèlement à l'axe, chaque faisceau doit y éprouver la même réfraction que dans le premier prisme, si ces deux prismes sont de même espèce, et la réfraction contraire s'ils appartiennent à des 5. XXVIII. siguilles d'espèces popoées. Mais dans tous les cas la superposition de ces deux prismes et même d'un nombre plus grand de prismes pareiis. Ioujours traversés par les rayons suivant des directions à peu près parallèles aux axes, ne doivent douner jamais que deux inages du même objet, dans quelques azimuts qu'on les tourne d'ailleurs les uns par rapport aux autres; tandis qu'avec les doubles réfractions observées jauqu'à présent on peut toujours obtenir quatre images par la su-

Toutes ces couséquences de mes formules se trouvent confirmérs par l'expérience. Le dois dire cependant que je ná ja se nobinié ensemble plus de deux prismes, et que l'un d'eux étant achromatisé avec du crown, je n'ai pas pu faire des observations aussi nettes et aussi séres que s'il avait été achromatisé comme l'autre avec du cristal de roche de l'espèce opposée. Mais une fois qu'il est bien établi par l'expérience que les faisceaux sortant du premier prisme sont modifiés précisément comme la lumière qui a éprouvé les deux réflexions complètes, et que cette lumière ne donne qu'une image à travers le prisme, si est évident qu'un nombre quelconque de prismes pareits traversés par la lumière ordinaire ne la diviseront jamais qu'en deux fais-

perposition de deux prismes, buit avec trois prismes, et ainsi de suite.

Si je n'ai aunoncé dans la note précédente qu'une seule de ces conséquences, c'est que les autres en découlaint nécessairement. Car d'après les principes d'interférences, toute lumière qui prend les caractères de la polarisation ordinaire par les deux réflexions complètes, qui dépolarisent entièrement la lumière polarisée, doit être modifiée de la même manière que la lumière polarisée après ces deux réflexions complètes; et de là résultent tous les autres phénomènes que je viens de décrire.

Mais ne consultant que les faits, nons voyons d'abord que les deux faisceaux en lesquels la lumière directe se divise par la double réfraction dont il s'apit se comportent chacun comme la lumière polarisée modifiée par deux réflexions complétes : s' quand on les analyse avec un riomboide de spath cateiure, puisqu'ils donnent toujours chacun

deux images d'intensités égales, dans quelque azimut qu'on tourne la N° XXVIII. section principale du rhomboïde; 2º quand on leur fait éprouver deux réflexions complètes dans l'intérieur d'un parallélipipède de verre, sous l'incidence de 50° environ, puisqu'ils se trouvent alors polarisés snivant deux plans inclinés de 45° sur le plan de réflexion, l'un à gauche, et l'autre à droite de ce plan.

8. J'ai voulu encore m'assurer par une antre expérience de l'identité des modifications que la lumière éprouve dans ces deux cas, en comparant les couleurs que les faisceaux résultant de cette double réfraction produisent dans les lames cristallisées avec les teintes développées dans les mêmes lames par la lumière polarisée, qui a éprouvé la double réflexion complète : or j'ai trouvé qu'elles étaient absolument pareilles. Il est donc bien démontré que ces deux procédés donnent à la lumière la même modification.

Elle présente ce caractère remarquable que le rayon lumineux qui l'a reçue a les mêmes propriétés tout autour de lui, se comporte enfin de la même manière de quelque côté qu'on le prenne. Car si on lui fait traverser un rhomboïde de spath calcaire, il donne toujours deux images blanches de la même intensité, dans quelque seus qu'on tourne la section principale du rhomhoïde; si le rayon est réfléchi deux fois complétement dans l'intérieur du verre, sous l'incidence de 50°, il est toujours polarisé suivant un plan incliné de 45° sur le plan d'incidence, quelque azimut qu'on ait choisi pour celui-ci; seulement son nouveau plan de polarisation peut être à droite ou à ganche du plan de réflexion, selon que le rayon aura reçu la modification de droite à gauche ou celle de gauche à droite; enfin quand on lui fait traverser une laue mince cristallisée, et qu'on analyse la lumière émergente avec un rhomboide de spath calcaire, on observe les mêmes teintes, dans quelque seus qu'on dirige l'axe de la lame cristallisée, en la laissant perpendiculaire au rayon, et l'absence de couleur, comme le maximum de coloration, a toujours lieu quand la section principale du rhomboide est parallèle ou perpendiculaire à celle de la lame, et quand elle fait avec elle un angle de 45°.

#### 744 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. — DEUXIÈME SECTION.

A. XXVIII.

An contraire, nu rayon qui a reçu la polarisation ordinaire présente des propriétés différentes autour de lui dans les divers azimuts, et ne se comporte pas de la même manière de quedque côté qu'on le premue: il est surtout deux directions rectangulaires dans lesquelles il offre des caractères très-différents; quand on lui fait traverser un rhomboide de spath calcaire dont la section principale est paralléle à la première direction, il y éprouve seulement la réfraction ordinaire, et il subit la réfraction extraordinaire quand cette section principale est paralléle à fautre direction.

9. D'après la seule considération des faits, on pourrait domner le und e potraisain rectifique à celle qu'on avait losservée depuis long-temps dans la double réfraction du spath caleaire, et que Malus a le preme de la commerce polarisaine circulaire la nouvelle modification dout je viens de décrire les propriétés caractéristiques: elle se divisera naturellement un polarisation circulaire de pauche à droite, et pourisaines circulaires de adreite à gauche. Ces dénominations, qui m'out été suggérées par l'hyporthèse que j'ai adoptée sur les vibrations huimeuses, indiquent la mètre même de leurs mouvements dans les deux cas; mais, craignant d'abuser des monnents de l'écudemie, j'ai eru devoir me borner cir à justifier les noms nouveaux que je propose par la simple exposition des faits. Les développements théoriques trouveront naturellement leur place dans su supplément, que je ciondrait à ce Mémoire !!

10. Entre la polarisation rectifigne et la polarisation circulaire, il visite une foulg de degrés intermédiaires de polarisations diverses, qui participent des caractères des deux autres, et auxquels on pourrait donner les nouss de polarisations ellipiques, d'après les mêmes vnes thériques. On peut produire diverse genres de polarisation, soit par une produce diverse genres de polarisation, soit par une produce diverse genres de polarisation, soit par une produce diverse que se de la constitución de

<sup>&</sup>lt;sup>10</sup> Ge supplément n'a probablement jumais été composé; mais le Mémoire sur la double réfraction, imprimé au tome VII des Mémoires de l'Académie, contient la théorie suffisamnent complète de la polarisation circulaire et de la polarisation elliptique, (Voyez N° XLVIII. 5 10 à 15.)

seule réflexion complète, ou plusieurs réflexions semblables, en faisant Nº XXVIII. varier l'angle d'incidence; soit toujours par deux réflexions complètes sous l'incidence de 50°, mais en faisant varier l'angle que le plan de réflexion fait avec le plan primitif de polarisation, angle que nous avions supposé jusqu'à présent de 45°.

Les lois d'interférence des rayons polarisés donnent un moyen bien simple de comparer tous ces différents genres de polarisation et de les comprendre dans une formule générale. Nous avons déjà dit qu'un faisceau de lumière polarisé circulairement pouvait être considéré comme composé de deux faisceaux d'égale intensité polarisés suivant des directions rectangulaires, et différant dans leur marche d'un quart d'ondulation. Quand le faisceau qui précède l'autre dans sa marche a son plan de polarisation à gauche de celui du faisceau en retard, la polarisation circulaire est de gauche à droite; elle est de droite à gauche dans le cas contraire, ou lorsque, les plans de polarisation étant disposés compre nous le supposions d'abord, la différence de marche est égale à trois quarts d'ondulation au lieu d'un quart.

Quand la différence de marche est d'une demi-ondulation on d'une ondulation entière, ou, en général, d'un nombre entier de demi-ondulations, la réunion des deux faisceaux offre constamment tous les caractères de la polarisation rectiligne. Si les deux faisceaux sont de même intensité, comme nous l'avons supposé, le plan de polarisation du faisceau composé divise en deux parties égales l'angle des deux faisceaux constituants; s'ils sont d'intensités inégales, ce plan s'approche davantage du plan de polarisation du faisceau le plus intense, et les cosinus des angles qu'il fait avec les plans de polarisation des deux faisceanx constituants sont proportionnels aux racines carrées des intensités respectives de ces deux faisceaux.

11. Quand la différence de marche entre les deux faisceaux (supposés toujours d'égale intensité) n'est ni un nombre pair, ni un nombre impair de quarts d'ondulation, mais un nombre fractionnaire de quarts d'ondulation, alors la lumière totale ne possède ni la polarisation circulaire, ni la polarisation rectiligne, mais une polarisation d'un genre N° XXVIII. intermédiaire, telle que celle dont nons venons de parler; elle approche plus de la polarisation circulaire ou de la polarisation rectiligne, selon que la différence de marche entre les denx faisceaux se rapproche plus d'un nombre impair, ou d'un nombre pair de quarts d'ondulation. En fais sant varier graduellement cette différence de marche, on aura tous les geures de modification intermédiaires entre la polarisation rectiligne et la polarisation circulaire.

On peut les obtenir eucore avec une différence de marche égale à un nombre impair de quarts d'ondulation, en faisant varier les intensités relatives des deux faiseceux constituents, ou l'angle que leurs plans de polarisation font entre eux. Des calculs très-simples montreni comment ces diverses combinaisons rentrent les unes dans les antres.

12. Dans tout ce que je vieus de dire j'ai toujours supposé la difference de marche entre les deux faisceaux polariés à angle droit proportionnelle à la longueur d'ondulation de l'espèce de rayons que l'on considérait; ainsi, en parlant en général d'une différence de marche d'un quart d'ondulation, j'entreds me différence d'un quart d'ondulation rouge pour les rayons rouges, d'un quart d'ondulation violette pour les rayons violets, et ainsi des autres. Cest précisément à cause de cette similitude de modification (au moins très-approchée), que les divers rayons reçoivent dans les réflexions complètes, dont je vieus de parler, que la lumière blauche ainsi modifiée ne présente aucune coloration sensible, quand on l'analyse avec un rhomboide de spath calcaire.

Il n'en est plus ainsi dans les beaux phénomènes que M. Arago a découverts en faisant passer de la lunière polarisée à travers des lames ninces cristallisées, et l'analysant ensuite avec un rhomboide de spath calcaire. La lunière émergente est bien composée de deux faisceanx polarisés à angle droit, l'un parallèlement à l'axe de la lanne, l'autre suivant une direction perpendiculaire, et qu'in n'ayant point parcouru cette lame avec la même vitesse, diffèrent dans leur marche d'un certain intervalle dépendant de son épaisseur et de l'énergie de la double réfraction. Mais cet intevalle n'est pas pour les divers rayons

MÉMOIRE SUR LA DOUBLE RÉFR. DU CRISTAL DE ROCHE. 747

proportionnel à leur longueur d'oudulation; il est à peu près le même N- XXVIII. pour les rayons de diverses couleurs, du moins dans beaucoup de cristaux, tels que le sulfate de chanx, le mica, les lames de cristal de roche parallèles à l'axe, etc. et quand il diffère d'une manière notable d'un rayon à l'autre, loin que ce soit en se rapprochant de la proportionnalité nux longueurs d'ondulation, il paraît que c'est toujours dans un sens contraire. Il résulte de là que, si la différence de marche provenant de la double réfraction de la lame cristallisée répond à trois quarts d'ondulation pour les rayons ronges, par exemple, elle ne répondra pas à trois quarts d'ondulation pour les rayons verts, dont la longueur d'ondulation est plus petite, et qu'ainsi les rayons de diverses couleurs auront été diversement modifiés. C'est précisément à cette diversité que tiennent les phénomènes de coloration que présente la lumière blanche au sortir d'une lame cristallisée, quand on l'analyse avec un rhomboïde de spath calcaire.

Si l'on voulait, au moyen d'une pareille lame, imprimer à des rayons un mode de polarisation unique, il faudrait employer de la lumière anssi homogène que possible, et amincir la lame on l'incliner légèrement, jusqu'à ce que la différence de marche entre les deux faisceaux fût égale à un nombre impair de fois le quart de la longueur d'ondulation des rayons employés, si c'est la polarisation circulaire, par exemple, qu'on veut leur imprimer. Ainsi je suppose qu'on se serve de lumière rouge et qu'après l'avoir polarisée préalablement, on lui fasse traverser une lame cristallisée dont l'axe soit tourné dans un azimut de 45°, et doint l'épaisseur soit telle que la différence de marche entre les ravons ordinaires et extraordinaires se trouve égale à 3 d'ondulation rouge; alors la lumière émergente étant composée de deux faisceaux égaux en intensité, polarisés à angle droit, et différant dans leur marche d'un quart d'ondulation, devra présenter tous les caractères de la polarisation circulaire ; si on lui fait traverser un rhomboïde de spath d'Islande, elle donnera tonjours deux images de même intensité, dans quelque azimut qu'on tourne la section principale du rhomboide; c'est ce que j'avais vérifié par l'expérience depuis longtemps; si on lui fait

Nº XXVIII. éprouver deux réflexions complètes dans l'intérieur d'un parallélipipède de verre, sous l'incidence de 50°, elle se trouvera polarisée rectilignement dans un azimut de 45° relativement au plan de réflexiou; enfin si on lui fait traverser un prisme de cristal de roche dans une direction parallèle à l'axe de cristallisation, au lieu de s'y diviser en deux faisceaux distincts, elle ne donnera qu'une seule image. Je n'ai pas encore fait ces deux dernières expériences; mais elles ne peuvent manquer de confirmer ce que je viens de dire.

> Après avoir exposé les caractères principaux de la double réfraction singulière qui se manifeste dans le cristal de roche parallèlement à l'axe des aiguilles, et de la polarisation circulaire qu'elle imprime à la lumière en la divisant en deux faisceaux distincts, il me reste à expliquer les phénomènes de coloration des plaques de cristal de roche perpendiculaires à l'axe.

> Il résulte de cette double réfraction, comme on vient de le voir, que les rayons qui sont polarisés circulairement de droite à gauche ne parcourent pas le cristal de roche avec la même vitesse que les rayons polarisés circulairement de gauche à droite; car, soit qu'on adopte le système des ondes ou celui de l'émission, une différence de réfraction eutre deux faisceaux suppose toujours une différence de vitesse; s'ils avaient la même vitesse, il serait impossible de les séparer, de quelque manière qu'on taillât le prisme. l'avais déjà reconnu depuis longtemps l'existence de ces deux vitesses de la lumière dans l'essence de térébenthine, par des expériences d'interférences rapportées dans le Mémoire déià cité.

> Il résulte des lois d'interférences des rayons polarisés, qu'on peut toujours remplacer un faisceau lumineux, qui a reçu la polarisation rectiligne, par deux faisceaux égaux en intensité et polarisés circulairement, l'un de droite à gauche et l'autre de gauche à droite, la réunion de ces deux faisceaux étant l'équivalent du faisceau incident. Mais ces deux faisceaux composants ne traversant pas le cristal de roche avec la même vitesse, différeront dans leur marche, et d'autant plus que le trajet sera plus long, ou même dans leurs directions, si les faces réfrin

gentes ne leur sont pas perpendiculaires. C'est cette divergence que Nº XXVIII. nous avons rendue sensible en taillant le cristal en prisme.

Cela posé, considérons ce qui se passe quand un faisceau polarisé traverse une plaque de cristal de roche perpendiculaire à l'axe parallèlement à l'axe. Alors les deux faisceaux polarisés circulairement, dans lesquels on peut diviser par la peusée le faisceau incident, parcourront le cristal avec des vitesses différentes, mais ne se sépareront pas quant à leurs directions; seulement l'un se trouvera en arrière sur l'autre d'une quantité qui augmentera proportionnellement à la longueur du trajet. Or si l'on calcule par les mêmes règles d'interférences le résultat de cette différence de marche, pour une espèce quelconque de rayons, on trouve que l'ensemble des deux faisceaux devra toujours offrir les caractères de la polarisation rectiligne, mais que son plan de polarisation, au lieu de coincider avec celui du faisceau incident, s'en sera écarté d'un certain augle, et que cet angle devra être proportionnel à la différence de marche divisée par la longueur d'ondulation, et partant à la longueur du trajet, pour une même espèce de rayons, comme M. Biot l'avait conclu de ses observations. Le plan de polarisation primitif est dévié de droite à gauche ou de gauche à droite, selon que le faisceau polarisé circulairement de droite à gauche traverse le cristal plus vite ou plus lentement que le faisceau polarisé circulairement de gauche à droite. Il est des aiguilles de cristal de roche où le premier marche plus vite que le second, et d'autres, au contraire, où il marche plus lentement; c'est à cela que tient l'opposition de leurs propriétés optiques. Dans ces aiguilles, où M. Biot a découvert deux sortes de rotation du plan de polarisation, l'une de droite à gauche et l'autre de gauche à droite, je vois toujours, pour chacune, la lumière incidente se diviser en deux faisceaux polarisés circulairement, l'un de droite à gauche et l'autre de gauche à droite; seulement, celui des deux qui marche le plus vite dans les unes est celui qui reste en arrière dans les autres. Cette diversité dans la manière d'énoncer les faits tient à ce que M. Biot a tonjours considéré la lumière totale qui sort du cristal, tandis que je suis remonté aux éléments qui la composent; mais dès VAXVIII. qu'on applique les formules d'interférences à l'ensemble de ces éléments, on retombe sur la loi découverte par M. Biot.

> L'angle de déviation du plan de polarisation de la lumière totale étant proportionnel à la différence de marche dont je viens de parler divisée par la longueur d'ondulation, si cette différence de marche, après le même trajet, était égale en longueur pour les divers rayons luntineux, c'est-à-dire s'ils éprouvaient la double réfraction au même degré, les angles de déviation de leurs plans de polarisation seraient entre eux en raison inverse des longueurs d'ondulation. Mais la double réfraction est très-différente pour chacun d'eux, et beaucoup plus grande pour les rayons violets, par exemple, que pour les rayons rouges, ce qui augmente dans le même rapport la séparation de leurs plans de polarisation. Si l'on admet que cette double réfraction est en raison inverse de la longueur d'ondulation du rayon, ou, en d'autres termes, que la différence de marche entre le faisceau polarisé circulairement de droite à gauche et le faisceau polarisé circulairement de gauche à droite est toujours la même pour un même nombre d'ondulations lumineuses, quelle que soit leur longueur, on est ramené à la loi que M. Biot a déduite d'expériences directes faites avec diverses espèces de lumière homogène, savoir que la déviation du plan de polarisation de la lumière totale, émergente est, pour une même plaque, inversement proportionnelle au carré de la longueur des accès.

> C'est à ces déviations inégales des plans de polarisation des rayons de diverses coulenrs que sont dus les phénomènes de coloration que présente la lumière blanche polarisée, à laquelle on fait traverser une plaque de cristal de roche perpendiculaire à l'axe, ou un tube rempi d'essence de térébeuthine, et qu'on analyse ensuite axe un rhomboide de spath calcaire. Mais on conçoit que si l'on emploie de la lumière polarisée circulairement, comme elle ne pourra affecter qu'une seule vitesse dans la plaque de cristal de roche, ou dans l'huile de térébenthine, elle n'y éprouvera aucune division, et en sortira telle qu'elle y était entrée, avec tous les caractères qu'elle avait auparavant. Ainsi étant analysée au moyen d'un rhomboide de spath calcaire, elle don-

nera tonjours deux images d'égale intensité, qui seront blanches, si la N XVIII.
Inmère incidente était blanche. Si an sortir de la plaque, ou de l'essence de férébeuthine, on lui fait épronver deux réfléxions complètes
sous l'incidence de 50°, elle se trouvera polarisée suivant un plan inclimé de 45° sur le plan de réflexion; on si on li fait traverser une
lame minec cristullisée, et qu'on l'analyse ensuite avec un rhomboulde spath calcaire, elle donnera des couleurs absolument pareilles à celles
qu'elle développait dans la même lame avant d'avoir traversé la plaque
de cristal de roche, ou le tube rempi d'essence de térébenthine. C'est
ce que j'avais depuis longteunsy vérifié par l'expérience.

On peut eucore expliquer d'après les mêmes principes toutes les autres propriétés optiques des plaques de cristal de roche perpendiculaires à l'ace et des fluides homogènes qui colorent la lumière polarisée.

Paris, le 9 décembre 1822.

#### Nº XXIX (A).

# EXTRAIT D'UN MÉMOIRE

...

## LA LOI DES MODIFICATIONS IMPRIMÉES A LA LUMIÈRE POLARISÉE

PAR SA BÉPLEXION TOTALE

#### DANS L'INTÉRIEUR DES CORPS TRANSPARENTS

[Bulletin de la Sociéte philomathique, pour 1843, p. 19. — Annales de chimi et de physique, t. XXIX, p. 175, cahier de jain 1815.]

Il est remarquable que les phénomènes d'optique les plus anciennement connus, et l'on pourrait dire les plus vulgaires, la réflexion et . la réfraction, soient ceux pour lesquels on est parvenu le plus tard au calcul des intensités de la lumière. Malus a donné une loi très-simple des intensités relatives des deux faisceaux dans lesquels la lumière polarisée se divise en traversant un rhomboïde de spath calcaire; et en attendant la vérification expérimentale que M. Arago doit faire de cette loi, j'estime qu'on a de fortes raisons de la regarder comme rigoureuse, abstraction faite des petites différences de proportion de lumière réfléchie aux deux faces du rhomboïde selon l'espèce de réfraction que subissent les rayons. On connaît depuis plusieurs années les lois générales des intensités de la lumière dans les phénomènes de la diffraction et de la coloration des lames cristallisées; quoiqu'elles n'aient guère été vérifiées jusqu'à présent que par des expériences indirectes, la multitude et la variété des faits qui les confirment suffiraient pour prouver leur exactitude, quand même la simplicité des principes dont elles découlent ne serait pas d'ailleurs une forte présomption en leur faveur.

M. Young a donné le premier l'expression de l'intensité de la lu-

Nº XXIX (A). mière réfléchie à la surface des corps transparents, en fonction du rapport des vitesses de propagation on des longueurs d'ondulation de la lumière en dedans et en dehors du milieu réfléchissant. M. Poisson est arrivé ensuite à la même formule, pour les ondes sonores, par une analyse plus rigonreuse, mais ces deux savants n'avaient résolu le problème que dans le cas de l'incidence perpendiculaire. J'ai été conduit aux formules générales des intensités de la lumière directe ou polarisée, réfléchie sous toutes les incidences, par l'hypothèse sur la nature des vibrations lumineuses qui m'a fait découvrir peu de temps après la véritable loi de la double réfraction des cristaux à deux axes. Ces formules ont été publiées dans le tome XVII des Annales de Chimie et de Physique, pages 194 et 312 (a).

> On conçoit que tous les phénomènes qui accompagnent la réflexion et la réfraction doivent être intimement liés entre eux : aussi ces formules, qui donnent la proportion de lumière réfléchie ou transmise sous une inclinaison quelconque, fournissent-elles encore le moyen de calculer, pour la même incidence, la proportion de lumière polarisée par réflexion et par transmission, ou la déviation du plan de polarisation des rayons incidents, s'ils ont été préalablement polarisés, ainsi que je l'ai montré dans la note citée.

> Tant que la réflexion est partielle, soit qu'elle ait lieu à la première ou à la seconde surface du nilieu diaphane, elle ne fait éprouver à la lumière incidente qu'une simple déviation de son plan de polarisation, sans altérer d'ailleurs en aucune manière ses propriétés primitives. quel que soit l'azimut de ce plan relativement au plan d'incidence. Mais lorsque la réflexion est totale, les rayons réfléchis éprouvent en général une dépolarisation partielle, surtout si le plan de réflexion est dans un azimut de 45° relativement au plan primitif de polarisation. La lumière ainsi modifiée peut toujours être représentée par la réunion de deux faisceaux polarisés, l'un suivant le plan de réflexion, l'autre suivant une direction perpendiculaire, et différant d'ailleurs dans leur

<sup>(</sup>a) Voyez Nº XXII, \$ 17 el suivants.

## RÉFLEXION TOTALE DANS LES CORPS TRANSPARENTS, 755

inarche d'une certaine fraction d'andulation. Quand cette différence N XXIX (1), est nulle, la lunière reste complétement polarisée, d'après les règles d'interférence; c'est ce qui a lieu au commencement de la réflexion totale et à sa seconde limite, c'est-à-dire quand les rayons incidents devienment parallèles à la surface; unais entre ces deux limites il y a toujours, entre les deux faisceaux, une différence de marche, qui varie avec l'angle d'incidence, et après avoir crû jusqu'à un certain maximum, diminue ensuite et redevient nulle lorsque cet angle atteint 50°: l'incidence qui donne ce maximum, ainsi que la différence de marche correspondante, varient aussi avec le rapport de réfraction des deux milieux au contact desquels s'opère la réflexion totale. La loi de ces variations me paraissant très-difficile à découvrir, je ne l'avais pas même cherchée, depuis six aus que ces phénomènes m'étaient connus; con set que tout récemment que je me suis occupé de ce problème, et j'en ai trouvé la solution daus les expressions générales qui représen-

Avant d'en déduire la loi dout il s'agit, je coumeure par présenter dans mon Mémoire un calcul très-simple de ces formules. Il repose sur la loi de Descartes, sur le principe de la conservation des forces vives, et sur cette hypothèse subsidiaire, savoir, que les composantes des vietseses absoluce des mofécules vibrantes, parallèlement à la surface réfiéchises et transmises pendant que celles-ci s'éloignent de la surface (0). Pour démoutrer rigoureusement que ces formules sont une conséquence nécessaire du genre de vibration que j'attribue aux rayons lumineux, il faudraît d'abord établir l'exactitude de cette hypothèse (6), et prouver

(i) Je suppose toujours, pour simplifier les raisonnements, que l'onde incidente est plane, on le point lumineux situé à l'infini, en sorte que les ondes réfléchies ou transmises en s'éloignaot de la surface ne changent

tent les intensités des rayons réfléchis.

pas de distance relativement à leur centre d'ondulation, qui est sussi infiniment éloigné, et que, sous ce rapport, il ne doit pas y avoir d'affaiblissement sensible dans les vitresses afsolues des molécules vibrantes.

<sup>(\*)</sup> Le texte imprimé dans le Bulletin de la société philomathique sjoute entre parenthèses : ce qui ne me paraît pas bien difficile.

Nº XXIX (A). ensuite la justesse de l'application du principe de la conservation des forces vives au cas que je considère, où les deux milieux réfringents avant la même élasticité ne diffèrent qu'en densité. Je me suis borné à ce cas, parce qu'il paraît résulter de toutes les observations que la réflexion est toujours nulle au contact de deux milieux également réfringents, quelque différence d'élasticité qu'il puisse d'ailleurs y avoir entre eux, et qu'en général les proportions de lumière réfléchie ne dépendent que du rapport de réfraction; en conséquence, pour les calculer, il est indifférent de considérer le ralentissement de la marche de la lumière daus le milieu le plus réfringent comme résultant d'une plus grande densité ou d'une moindre élasticité. Néanmoins il serait très-important d'établir ce principe par les lois de la mécanique. Je me propose, quand j'en aurai le loisir, de reprendre le problème dans toute sa généralité, et de donner, si je puis, une démonstration complète et rigoureuse de ces formules. En attendant, j'ai cru devoir les faire connaître, ainsi que le calcul très-simple qui y conduit, calcul dont elles tireraient déjà un grand degré de probabilité, quand elles ne seraient pas en outre appuyées par plusieurs mesures très-précises de M. Arago, et par les observations que j'avais faites sur les déviations du plan de polarisation des rayons réfléchis à la surface extérieure du verre et de l'ean.

> Je considère successivement le cas où les rayons incidents sont polarisés suivant le plan de réflexion, et celui où ils sont polarisés perpendiculairement à ce plan, c'est-à-dire les deux cas dans lesquels les vibrations de ces rayons lui sont perpendiculaires ou parallèles. Si l'on appelle i l'angle d'incidence, i' l'angle de réfraction, et qu'on prennc pour unité le coefficient commun des vitesses absolues dans les ondes incidentes, on trouve que celui des ondes réfléchies est égal, pour le premier cas, à

> > sin t cost - sin t cost sin i cos i + sin i cos i

#### RÉFLEXION TOTALE DANS LES CORPS TRANSPARENTS, 757

et pour le second, à sin i cos i - sin i cos i

N° XXIX (A).

ou

sin i cos i + sin i cos i"

 $\frac{\operatorname{lang}(i-i)}{\operatorname{tang}(i+i)}$ 

conséquemment, si l'on prend pour unité l'intensité de la lumière incidente, celle de la lumière réfléchie dans le premier cas sera

 $\frac{\sin^2(i-i')}{\sin^2(i+i')},$ 

et dans le second.

 $\frac{\tan g^{*}(i-i')}{\tan g^{*}(i+i')}$ 

Je ne m'arrêterai pas à montrer comment ces formules s'accordent avec les expériences de Malus et la loi de Brewster; le lecteur y suppléera aisément : il pourra voir aussi, dans la note déjà citée, comment on déduit de ces formules les déviations qu'éprouve le plant de polarisation de la lumière incidente quand il est oblique au plant e réflexion, les proportions de lumière directe polarisée par réflexion ou par réfraction, et l'expression suivante de l'intensité de la lumière réfléchie. lorsque les rayons n'ont éprouvé aucune polarisation préslable.

 $\frac{1}{2} \frac{\sin^3(i-i)}{\sin^3(i+i)} + \frac{1}{2} \frac{\log^3(i-i)}{\log^3(i+i)}$ 

Le passe maintenant à l'objet principal du Ménoire, qui est la fois modifications que la réflexion totale imprime à la lumière polarisée. Lorsque la réflexion a lieu dans l'intérieur d'un corps transparent, situé dans le vide ou dans l'air, ou en contact avec un milieu moins réfringent que lui, s' lon appelle a le nombre fractionnaire qui exprime le rapport des vitesses de la lumière dans les deux milieux, sin  $\vec{i}$ , au lieu d'être égal à  $\frac{\sin \vec{i}}{n}$ , est égal à  $\sin \vec{i}$ , et  $\vec{i}'$  est un ongle droit quand  $n\sin \vec{i} = i$ ; après quoi sou cosiuus devient imaginaire ce qui fait entrer des imaginaires dans les deux formules rapportées plus haut.

sin i cos i - sin i cos i

Nº XXIA (A), et

 $\frac{\sin i \cos i - \sin i \cos i}{\sin i \cos i + \sin i \cos i}$ 

qui expriment les intensités des vibrations des ondes réfléchies, selon que les ondes incidentes sont polarisées parallèlement ou perpendiculairement au plan de réflexion. Cependant il est clair que lorsque a sin i est plus grand que 1, la totalité de la lumière est réfléchie, d'après le principe de la conservation des forces vives, puisque la transmission des vibrations lumineuses dans le second milieu devient impossible, comme on le démoutre aisément à l'aide du principe des interférences, du moins pour un point distant de la surface d'une quantité trèsgrande relativement à la longueur d'une ondulation. D'un autre côté, si ces formules sont vraies depuis l'incidence perpendiculaire jusqu'à celle où i = 90°, qui les rend l'une et l'autre égales à 1, elles doivent exprimer encore une chose vraie passé cette limite, lorsqu'elles deviennent en partie imaginaires et prennent la forme  $a+b\sqrt{-1}$ . En interprétant, de la manière qui m'a paru la plus naturelle et la plus probable, ce que l'analyse voulait indiquer par cette forme imaginaire, j'ai trouvé l'expression générale de la différence de marche que la réflexion totale établit entre la lumière polarisée parallèlement au plan d'incidence et celle qui l'est perpendiculairement à ce plan. Sans doute cette expression ne découle pas d'une manière aussi évidente et aussi certaine des formules précédentes que la loi des simples déviations du plan de polarisation des rayons qui n'ont éprouvé qu'une réflexion partielle(i); mais ce qui rend très-probable la justesse de l'interprétation que je donne de ces formules dans le cas de la réflexion totale, c'est que d'abord elle trouve une première vérification dans les formules mêmes, et qu'ensuite l'expression qui en dérive s'accorde avec tous les faits que j'avais observés précédemment et avec les expériences nouvelles par lesquelles je viens de la vérifier.

La forme compliquée de l'expression à laquelle je suis ainsi parvenu,

<sup>(</sup>i) Mon but était seulement de découvrir cette loi à l'aide de la théorie, et je ne me ner une démonstration expérimentale.

#### . RÉFLEXION TOTALE DANS LES CORPS TRANSPARENTS, 759

par un calcul dont les détails sont exposés-dans mon Mémoire, suffit N XXIX (1), pour faire sentir combien il aurait été difficile de la découvrir par la simple observation des faits. Nommant toujours i l'angle de l'incidence inférieure et n le rapport de réfraction, si l'on représente par une circonférence entière la fongueur d'une ondulation lumineuse, la différence de marche, après la réflexion totale entre les deux faisceaux polarisés, l'un parallèlement, l'autre perpendiculairement au plan d'incidence, a pour cosinus.

 $\frac{2 n^9 \sin^4 i - (n^9 + 1) \sin^9 i + 1}{(n^9 + 1) \sin^9 i - 1}.$ 

Lorsque la lumière incidente est entièrement polarisée suivant le plan de réflexion ou dans une direction perpendiculaire, elle ne donne qu'un système d'ondes, qui conserve le même plan de polarisation, et se trouve seulement réfléchi à des profondeurs un pen différentes, selon que son plan de polarisation est parallèle ou perpendiculaire au plan de réflexion. Mais quand les ondes incidentes sont polarisées dans tont autre azimut, on peut alors décomposer leurs mouvements vibratoires parallèlement et perpendiculairement au plan d'incidence, et les intensités de ces vibrations composantes sont représentées par le sinus et le cosinus de l'angle que le plan de polarisation fait avec le plan d'incidence; les vibrations composantes perpendiculaires au plan d'incidence ne seront pas réfléchies à la même profondeur que celles qui lui sont parallèles, et l'on pourra calculer leur différence de marche au moyen de la formule ci-dessus : connaissant ainsi les intensités relatives et la différence de marche des deux systèmes d'ondes réfléchies, polarisés parallèlement et perpendiculairement au plan de réflexion, il sera facile de déterminer les intensités des images ordinaire et extraordinaire que la lumière totale produira en traversant un rhomboide de spath calcaire, d'après l'azimut de sa section principale, en suivant la même méthode que pour les lames minces cristallisées,

Si le rapport de réfraction n était le même pour les rayons de diverses couleurs, leurs intensités resteraient égales dans l'image ordinaire comme dans l'image extraordinaire, qui ne présenteraient alors

Nº XXIX (A). aucune trace de coloration, lorsque la lumière incidente serait blanche; mais n varie un peu avec la nature des rayons, en sorte que leurs intensités ne restent pas rigoureusement égales dans chaque image; et le calcul fait voir que ces différences d'intensité doivent être d'autant plus sensibles, que l'angle d'incidence se rapproche davantage de la limite de la réflexion partielle, qui, comme on sait, répond à des inclinaisons diverses pour les diverses espèces de rayons colorés; tandis que les mêmes différences d'intensité s'affaiblissent rapidement à mesure qu'on s'approche du parallélisme à la surface, c'est-à-dire de l'autre limite de la réflexion totale, qui est la même pour tous les rayons; en conséquence, la coloration des images ordinaire et extraordinaire ne doit être bien sensible que dans le voisinage de la réflexion partielle, ainsi que l'expérience le montre, quand on a soin d'employer un prisme de verre bien recuit et ne conservant aucune trace de double réfraction. Je n'ai pas comparé en détail les résultats du calcul avec ceux de l'observation relativement à ces phénomènes de coloration, mais je suis persuadé d'avance que la formule ci-dessus serait pleinement confirmée par cette épreuve; je me suis particulièrement attaché à la vérifier par d'autres expériences susceptibles d'une plus grande précision.

> Dans cette vérification expérimentale, je me suis proposé d'obtenir une différence de marche d'un quart d'ondulation par deux ou un plus grand nombre de réflexions totales. En dirigeant bien exactement le plan de la polarisation primitive dans un azimut de 45° relativement au . plan de réflexion, afin que les deux faisceaux fussent d'égale intensité, leur réunion devait présenter, au travers d'un rhomboïde de spath calcaire, les apparences d'une lumière complétement dépolarisée, et enfin tous les caractères de la polarisation circulaire, caractères faciles à constater. L'espèce de verre que j'ai employé était le crown de Saint-Gobain, dont l'index de réfraction est 1,51. En mettant ce nombre à la place de n, on trouve, d'après la formule, que les incidences qui doivent donner rigoureusement une différence de marche égale à un quart d'ondulation après deux réflexions intérieures sont 48° 37' et 54° 37'; entre ces deux angles la différence de marche varie très-peu

et atteint son maximum quand i= 51° 20'. J'ai fait tailler un parallé- N° XXIX (A). lipinède de verre dont les faces d'entrée et de sortie étaient inclinées de 54° ; sur les surfaces réfléchissantes, afin que les rayons réfléchis sous l'incidence de 54° ; fussent perpendiculaires aux faces d'entrée et de sortie; et j'ai proportionné la longueur de ce parallélipipède à son épaisseur, de telle sorte que les rayons entrés par le milieu de la premfère face sortissent au milieu de la seconde, précaution utile pour s'assurer aisément qu'ils ont été réfléchis sous l'inclinaison calculée. L'expérience m'a fait voir que l'angle de 54° ; satisfaisait à la condition énoucée, c'est-à-dire que, sous cette incidence, deux réflexions dépolarisaient complétement la lumière polarisée dans l'azimut de 45°.

Je me suis ensuite proposé d'obtenir le même résultat, d'abord par trois réflexions totales, et puis par quatre : pour le premier cas, le calcul donne les incidences de 43° 11' et 69° 12', et dans le second, celles de 42° 20' et 74° 42'. l'ai observé, sous les deux premières, l'effet de trois réflexions, et j'ai trouvé que la lumière réfléchie sous l'incidence de 60° 19', étant analysée avec un rhomboïde de spath calcaire, présentait toujours deux images blanches d'égale intensité, tandis qu'elles se coloraient un peu lorsque l'incidence était de 43° 11', comme je devais m'y attendre, à cause de son voisinage de la limite de la réflexion partielle. C'est pour cette raison que, dans le second cas, de quatre réflexions successives, je n'ai point essayé l'angle de 42° 20', mais sculement celui de 74° 42', qui imprimait à la lumière émergente tous les caractères de la polarisation circulaire. J'ai produit enfin la même modification par quatre réflexions totales, dont deux à la surface de contact du verre et de l'eau, et les deux autres sur la seconde surface du même parallélipipède de verre nou mouillée, en recevant les rayons sous l'incidence de 68° 27', qui m'avait été donnée par le calcul. Ces vérifications, quoique peu nombreuses, me paraissent, à cause de la variété des circonstances, prouver suffisamment l'exactitude d'une formule en faveur de laquelle s'élèvent déjà des probabilités théoriques.

En résumé, l'on voit qu'on peut maintenant calculer tous les phé-

## 762 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. — DEUXIÈME SECTION.

N° XXIV (A). nomènes qui accompagnent la réflexion et la réfraction produites par les corps transparents, savoir : 1° les inleusités des rayons réfléciis et transmis sous toutes les incidences, soit qu'on emploie de la lunière directe on polarisée; 2° les déviations du plan de polarisation, quand on emploie celle-ct, et les proportions de lumière polarisée par réflexion et par réfraction, quand la lumière incidente n° a requ aucune polarisation préalable; 3° enfin les modifications que la réflexion tofale imprime à la lumière polarisée, sous toutes les inclinaisons et pour tous les azimuts du plan primitif de polarisation. Nº XXIX (B).

NOTE

SUB

## LA POLARISATION CIRCULAIRE (0).

A la fin d'une Note sur la double réfraction du verre comprimé, insérée dans le cahier des Annales de chimie et de physique du mois d'août 1822, M. Fresnel avait annoucé d'avance les caractères distinctifs de la double réfraction toute particulière que la lumière devait subir en traversant le cristal de roche parallèlement à son axe; il les a vérifiés depuis par des expériences qui sont l'objet d'un Mémoire présenté à l'Institut le 9 décembre 1822, et dont il a été publié un extrait dans le Bulletin de la Société philomathique du même mois. Selon M. Fresnel, une double réfraction semblable doit exister aussi, mais à un degré beaucoup plus faible, dans les liquides où M. Biot a découvert des phénomènes de polarisation colorée analogues à ceux que présentent les plaques de cristal de roche perpendiculaires à l'axe. M. Fresnel n'a jusqu'à présent vérifié l'existence de cette double réfraction dans ces liquides que par des procédés d'interférence; tandis qu'il l'a démontrée dans le cristal de roche, en séparant en deux faisceaux distincts, au moyen d'un prisme très-obtus, les rayons qui

Octte Note, qui a été probablement rédigée au commencement de 1833 pour être insérée au Moniteur, mais qui n'y a point été publiée, ne contient rien qui ne soit beaucoup plus amplement développé ailleurs; on la reproduit cependant, parce qu'il n'est pas certain qu'elle u'ait pas été imprimée dans quelque recueil périodique.

Nº XXIX (B). traversent le cristal suivant les directions à pen près parallèles à l'axe. Ces deux faisceaux présentent toutes les apparences de la lumière ordinaire on directe, quand on les fait passer an travers d'un rhomboide de spath calcaire; c'est-à-dire qu'ils donnent toujours chacun deux images d'égale intensité, dans quelque sens qu'on tourne la section principale du rhomboïde, et n'offrent ainsi aucun indice du genre de polarisation qui accompagne toutes les doubles réfractions observées jusqu'à présent. Ils ont reçu cependant, par la double réfraction spéciale qui les a séparés, une modification particulière, que M. Fresuel avait obtenue depuis longtemps par d'autres procédés, et à laquelle il a ilonné le nom de polarisation circulaire, en nommant polarisation rectiligne celle qui a été observée pour la première fois dans le spath d'Islande, et que Malus a reconnue dans l'acte de la réflexion de la lumière sur les corps transparents. Voici les principaux caractères de la polarisation circulaire :

> 1º La lumière ainsi modifiée ressemble à la Inmière directe, comme nons venons de le dire, quant à la manière dont elle se comporte lorsqu'ou l'analyse avec un rhomboïde de spath calcaire ;

2º Elle diffère de la lumière ordinaire, ou directe, en ce qu'elle développe dans les lames minces cristallisées des couleurs aussi vives que celles qu'on obtient avec la hunière qui a reçu la polarisation rectiligne; mais ce ne sont plus les mêmes teintes : elles répondent, sur le cercle chromatique de Newton, à des points également éloignés des deux couleurs complémentaires que la Inmière qui a reçu la polarisation rectiligne développe dans les même lames cristallisées;

3º La lumière polarisée circulairement diffère encore de la lumière directe, en ce qu'elle reprend tous les caractères de la polarisation rectiligne, quand on lui fait épronver successivement deux réflexions totales dans l'intérieur du verre, sous l'incidence de 54° + environ. Ces deux réflexions ne changent aucunement les propriétés apparentes de la lumière directe, et impriment tous les caractères de la polarisation circulaire à la lumière affectée de la polarisation rectiligne, qui les subit dans un azimut de 45° relativement à son plan primitif de polarisation. C'est ainsi que M. Fresnel avait obtenu d'abord cette singu- Nº XXIX (B). lière modification de la lumière, dont il a calculé tous les effets en la représentant par la réunion de deux séries d'ondes polarisées suivant des directions rectangulaires, et différant dans leur marche d'un quart d'ondulation. Les deux faisceaux distincts résultant de la double réfraction dont il s'agit, après avoir éprouvé les deux réflexions totales, sont polarisés à 45° du plan de réflexion, l'un à droite et l'autre à ganche de ce plan : ces deux faisceaux jouissent donc des mêmes propriétés : mais l'un se comporte de droite à gauche comme l'autre de gauche à droite, et l'on peut désigner les modifications qu'ils ont reçues dans le cristal par les noms de polarisation circulaire de gauche à droite, ou de droite à gauche. Enfin chacun de ces deux faisceaux ne peut plus donner, dans un second prisme de cristal de roche, qu'il traverse parallèlement à l'axe, que l'espèce de réfraction qu'il a déjà subie dans le premier. Ainsi, lorsqu'on fait traverser à la lumière un nombre quelconque de prismes semblables, on n'obtient jamais que deux images; ce qui distingue encore cette double réfraction particulière de celle qu'on avait étudiée jusqu'à présent.

Le dernier travail de M. Fresnel, dont les résultats ont été communiqués à l'Académie, a pour objet la recherche de la loi des modifications singulières que la réflexion totale imprime à la luniière polarisée.

Il a découvert suivant quelle loi variaient ces modifications en raison de l'obliquié des rayous; il s'est servi pour cela des fornules générales qu'il avait données pour calculer les intensités de la lumière réfléchie par les corps transparents sons toutes les incidences. Ces formules, dont il présente un nouveau calcul dans ce Mémoire, et qu'il se réserve d'examiner de nouveau sous le point de vue théorique, sécordent avec le petit nombre d'observations précises que for posède relativement aux intensités de lumière réfléchie sous diverses inclinaisons, et qui sont dues à N. Arago. Ces formules se trouvent confirmées eicore par des observations variées de M. Fresuel sur les déviations angulaires qu'éprouve le plan de polarisation de la lumière incident préalablement polarise qui est réfléchie à la surface exté-

### THÉORIE DE LA LUMIÈRE. - DEUXIÈME SECTION.

Nº XXIX (B). rieure de l'eau ou du verre; car on déduit immédiatement des mêmes formules les déviations dont il s'agit. Elles fournissent également le moven de déterminer les proportions de lumière polarisée par réflexion, ou par réfraction, quand on emploie la lumière directe. On peut donc calculer maintenant tous les phénomènes qui accompagnent la réflexion et la réfraction de la lumière dans les milieux diaphanes. L'extrait de ce dernier Mémoire a été publié dans le Bulletin des sciences de la Société philomathique, livraison de février 1823.

#### Nº XXX.

#### MÉMOIRE

### SUB LA LOI DES MODIFICATIONS

QUE LA RÉPLEXION IMPRIME A LA LUMIÈRE POLARISÉE (C.

LU À L'ACADÉRIE DES SCIENCES, LE 7 JANVIER 1893.

[Memoires de l'Acadessie royale des sciences, t. X1, p. 393. — Annates de chimie et de physique.

5. XLV1, p. 295. cahier de mars 1831.]

1. L'hypothèse que j'ai adoptée sur la nature des Vintenisté de la lumière réfléchie par les corps transparents, pour toutes les inclinaisons des rayous incidents; l'une de ces fornules est relaive aux rayons polariés suivant le plan d'incidence, et l'autre à ceux qui l'ont été dans un plan perpendiculaire. On conçoit qu'elles devaient être différentes, puisque la lumière polariées divant le plan d'incidence éprouve une réflexion dont l'intensité eroit toujours à mesure que l'obliquité des rayons augmente; taudis que, pour la lumière polariées perpendiculairement au plan d'incidence, il existe, entre les directions perpendicierente au plan d'incidence, il existe, entre les directions perpendicierent au plan d'incidence, il existe, entre les directions perpendicierent au plan d'incidence, il existe, entre les directions perpendicierent au plan d'incidence, il existe, entre les directions perpendicierent au plan d'incidence, il existe, entre les directions perpendicieres.

<sup>(</sup>e) Les éditeurs des Annales ont accompagné la publication de ce Mémoire de la note suivante :

<sup>«</sup>Ce Mémoire, qu'on croyait égaré, vient d'être retrouvé dans les papiers de M. Fourier \*\*; comme il n'est comu que par des extraits tout à fait insuffisants (voyez Azo. t. XXIX, p. 175), nous nous empressons d'en enrichir les Annales. «

On peut voir, comme introduction à ce Mémoire, les n° XVI, XVII, XXI et XXIX.

<sup>(\*)</sup> Mort dans les premiers mois de 1830.

culaires et parallèles à la surface, un certain degré d'obliquité, qui rend la réflexion nulle, comme Malus l'a reconnu le premier. Ces formules ont été publiées dans les Annales de chimie et de physique, t. XVII, eahier de juillet 1831. Fai fait voir comment j'étais arrivé à la première, mais je n'à pas indiqué le chemin qui m'avait conduit à la se-conde. Le vais exposer ici le principe ou la supposition mécanique qu'il faut ajouter à l'hypothèse fondamentale sur la nature des vibrations lumineuses pour arriver à ces deux formules, en considérant tonjours, comme je l'ai fait jusqu'à présent, le cas où les deux milieux contigue ont la même d'asticité et ne différent que par leur densiét.

2. Il faut se rappeler d'abord que cette hypothèse fondamentale consiste en ce que les vibrations luminenses s'exécutent dans le sens même de la surface de l'oude perpendiculairement au rayon; d'où il résulte qu'un faisceau de lumière polarisée est celui dont les mouvements vibratoires conservent une direction unique et constante, et que son plan de polarisation est le plan perpendiculaire à cette direction constante des petites oscillations des molécules éthérées. Ainsi, quand le faisceau est polarisé suivant le plan d'incidence, les vibrations sont perpendiculaires à ce plan, et par conséquent sont toujours parallèles à la surface réfringente, quelle que soit l'inclinaison des rayons. Il n'en est plus de même pour ceux qui ont été polarisés perpendiculairement au plan d'incidence, parce que leurs vibrations, s'exécutant alors dans ce plan, ne sont parallèles à la surface réfringente que dans le cas de l'incidence perpendiculaire, puis forment avec elle des angles d'autant plus grands que les rayons s'inclinent davantage, et lui deviennent enfin perpendiculaires quand les rayons lui sont parallèles; c'est ce qui rend le problème de la réflexion plus difficile à résoudre dans ce second cas que dans le premier. Dans celui-ci, les mouvements oscillatoires s'exécutant uniquement suivant les directions parallèles à la surface pour les ondes réfléchies et réfractées, comme pour l'onde incidente, on peut admettre que les amplitudes de ces oscillations, ou que les vitesses absolues des molécules dans un élément quelconque de l'onde réfléchie ou de l'onde réfractée ne changent pas, tandis qu'elles s'éloignent de la surface 0°; du moins il me semble que ce principe ne serait pas difficile à démontre rigoureusement. J'adopte aussi la même supposition pour le cas de la lumière polarisée perpendiculairement au plan d'incidence, c'est-à-dire celui où les vibrations s'exécutent dans ce plan; bien entendu qu'il ne s'agit plus alors que des composantes des vitesses aboutes parallèles à la surface réfléchissante; ainsi je suppose que ces composantes ont la même intensité lorsque l'ébranlement réfléchi ou réfracté fouche encore à la surface, et lorsqu'il s'en est éloigné.

3. Cela posé, d'après la nature de l'élasticité que je considère, qui est celle qui s'oppose au glissement d'une tranche d'un même milieu sur la tranche suivante, ou au déplacement relatif des tranches en contact de deux milieux différents, les tranches contiguës des deux milieux doivent exécuter parallèlement à la surface qui les sépare des oscillations de même amplitude, sans quoi l'une de ces tranches aurait glissé sur l'autre d'une quantité d'un ordre bien supérieur aux déplacements relatifs des tranches contiguës de chaque milieu considéré séparément, d'où naîtrait une résistance beaucoup plus grande, qui s'opposerait à ce déplacement. Ainsi l'on peut admettre, comme une conséquence évidente de notre hypothèse fondamentale sur la nature de l'élasticité mise en jeu par les vibrations lumineuses, que les vitesses absolues des molécules voisines de la surface réfringente parallèlement à cette surface doivent être égales dans les deux milieux : or ces mouvements dans le premier milieu se composent à la fois de l'ébranlement apporté par l'onde incidente et de celui de l'oude réfléchie, c'est-à-dire que la composante parallèle à la surface réfringente du mouvement imprimé à chaque molécule du premier milieu par l'onde incidente et l'onde réfléchie doit être égale à la composante parallèle de la vitesse absolue des molécules dans le second milieu; ou, en d'autres termes, et supposant la surface réfringente horizontale pour simplifier les ex-

<sup>(1)</sup> Je suppose ici, bien entendu, que le centre de l'onde incidente est infiniment éloigné, en sorte qu'elle est plane, ainsi que

les ondes réfléchie et réfractée, et que leurs intensités ne sont point affaiblies par leur propagation.

No YYY

pressions, la composante horizontale de la vitesse absolue apportée par l'onde incidente, ajoutée à la composante horizontale de la vitesse absolue imprimée par l'onde réfléchie (prise avec le signe qui lui convient), doit être égale à la composante horizontale de la vitesse absolue des molécules du second milieu dans l'onde transmise. Il est clair que cette égalité doit avoir lieu près de la surface de contact, et la supposition que nous avons énoncée d'abord, et dont nous allons nous servir. consiste seulement à admettre que ces composantes horizontales restent constantes pendant que les éléments successifs des ondes réfléchies et réfractées s'éloignent de la surface, et que par conséquent l'équation dont il s'agit a lieu à toutes distances. Avant de donner les raisons sur lesquelles je fonde cette conservation des composantes horizontales. j'attendrai que je puisse traiter la question plus à fond, et présenter en même temps la solution du problème pour le cas où les deux élasticités sont différentes. Je ne me propose actuellement que de déduire de cette hypothèse subsidiaire et du principe de la conservation des forces vives les formules que j'avais publiées en 1821, et dont nous tirerons les lois qui font l'objet de ce Mémoire.

4. Pour appliquer ici le principe de la conservation des forces vives, il faut pouvoir comparer les masses ébranlées dans les deux milieux, ce qui devient facile au moyen de la loi conque de la réfrection.

ce qui devient facile au moyen de la loi connue de la réfraction.

Soit EF la surface réfringente. AB l'onde incidente, ab la mème



onde réfractée; si du point A ou abaisse sur ab le rayon perpendiculaire Aa, et que par le point b on conçoive pareillement un rayon Bb perpendiculaire à l'onde incidente, il est clair que AB et ab seront des étendues correspondantes des deux ondes dans les deux milieux, c'est-à-dire que la partie AB de l'onde incidente de la partie d'ans les deux milieux, c'est-à-dire que la partie AB de l'onde

incidente occupera dans le second milieu l'étendue ab; quant aux es-

. vv

paces relatifs qu'elles occupent dans le sens perpendiculaire, suivant la direction des rayons lA et Aa, ce sont précisément les longueurs d'ondulation dans les deux milieux, dont le rapport est celui du sinus de l'angle d'incidence IAC au sinus de l'angle de réfraction RAa. Si donc nous appelons i le premier angle et i' le second, les dimensions relatives des ondes dans le sens des rayons pourront être représentées par sin i et sin i'; et conséquemment les volumes des deux portions correspondantes que nous considérons dans les ondes incidentes et réfractées seront entre eux comme AB sin i est à ab sin i. Mais en prenant Ab pour rayon. AB et ab sont les cosinus respectifs des angles BAb et Aba, ou des angles i et i', auxquels ceux-ci sont égaux; les deux volumes sont donc entre eux comme sinicosi est à sini'cosi'. Il nous reste à les multiplier par les densités pour avoir le rapport des masses. Or, comme les deux milieux sont supposés avoir la même élasticité et différer seulement en densité, les vitesses de propagation dans ces deux milieux sont en raison inverse des racines carrées de leurs densités; ainsi l'on a :

$$\sin i : \sin i' :: \frac{1}{\sqrt{d}} : \frac{1}{\sqrt{d}},$$

ou

ou

$$d:d'::\tfrac{1}{\sin^2i}:\tfrac{1}{\sin^2i};$$

multipliant ce rapport par celui des volumes, nous aurons pour celui des masses :

 $\frac{\sin i \cos i}{\sin^2 i}: \frac{\sin i \cos i}{\sin^2 i},$ 

COST : COST

Si donc on prend sont proprisenter la masse ébranlée dans l'onde réfractée, sont la masse ébranlée dans l'onde incidente, et en même temps la masse de la partie correspondante de l'onde réfléchie, puisque les parties correspondantes des ondes incidentes et réfléchies ont le même volume, et que d'ailleurs elles sont dans le même milieu. Nº XXX.

on

Cela posé, je prends pour unité le coefficient commun de toutes les vitesses absolues des molécules dans l'onde incidente, et je représente par v celui des vitesses absolues dans l'onde réfléchie et par a celui des mêmes vitesses dans l'onde réfractée : en divisant par la pensée l'onde incidente en une série d'une infinité d'ébranlements successifs, et les ondes réfléchies et réfractées en un même nombre d'éléments pareils, il est évident que le rapport entre les vitesses absolues de deux éléments correspondants de l'onde incidente et de l'onde réfractée, par exemple, sera constant pour toutes les parties de ces deux ondes, puisqu'il doit être indépendant de l'intensité plus ou moins grande des vitesses absolues dans les divers éléments de l'onde incidente. Si donc on prend pour unité l'intensité du mouvement vibratoire dans l'onde incidente, v et a seront les coefficients par lesquels il faut multiplier chacune des vitesses absolues des éléments de l'onde incidente pour avoir les vitesses absolues des éléments correspondants de l'onde réfractée et de l'onde réfléchie, et indiqueront ainsi le degré d'intensité des vitesses absolues dans ces deux ondes. Par conséquent, la masse de l'onde réfractée multipliée par u2, plus la masse de l'onde réfléchie multipliée par v2, doivent donner une somme égale à la masse de l'onde incidente multipliée par 1, pour que la somme des forces vives reste constante: on a done :

$$\frac{\cos i}{\sin i} = \frac{\cos i}{\sin i} n^2 + \frac{\cos i}{\sin i} n^2,$$

$$\frac{\cos i}{\sin i} (1 - n^2) = \frac{\cos i}{\sin i} n^2,$$

 $\sin i \cos i (1-v^2) = \sin i \cos i a^2, \dots \{4\}$ . Telle est l'équation qui résulte du principe de la conservation des forces vives et qui doit être satisfaite dans tous les cas, soit que le rayon incident ait été polarisé parallèlement on perpendiculairement au plan d'incidence.

5. Nous avons admis que dans ces deux cas les monvements parallèles à la surface réfringente devaient être égaux de chaque côté de cette surface, c'est-à-dire que les vitesses horizontales de l'onde incidente ajoutées aux vitesses horizontales de l'onde réfléchie prises avec leur signe devaient être égales aux vitesses horizontales de l'onde transmise, et cela non-seulement contre la surface, où le principe est évident, mais encore à des distances contenant un grand nombre de fois la longueur d'ondulation. Lorsque l'onde incidente est polarisés suivant le plan d'incidence, c'est-à-dire que ses vibrations s'exécutent perpendiculairement à e plan, elles sont toujours horizontales ainsi que celles des ondes réfléchie et transmise, et par conséquent les coefficients des vitesses horizontales sont 1, v et u pour les ondes incidente, réfléchie et réfractée, el l'on doit avoir, d'après notre hypothèes subsidiaire.

$$1 + v = u$$
 on  $(1 + v)^2 = u^2$ .

Divisant par cette équation celle que nous venons d'obtenir au moyen du principe de la conservation des forces vives, on a :

$$\begin{array}{c} \sin i \cos i \left(\frac{1-v}{1+v}\right) = \sin i \cos i,\\ \sin i \cos i \left(1-v\right) = \sin i \cos i,\\ \sin i \cos i \left(1-v\right) = \sin i \cos i \left(1+e\right);\\ v = -\frac{\sin i \cos i - \sin i \cos i}{\sin i \cos i + \sin i \cos i},\\ \text{ou}\\ v = -\frac{\sin (i-i)}{\sin (i+i)}, \cdots, (1). \end{array}$$

6. Dans le second cas, c'est-à-dire celui où la lumière est polarisée perpendiculairement au plan d'incidence, les vibrations s'etécutent alors parallèlement à ce plan et toujours perpendiculairement aux rayons incidents, réfléchis et réfractés, les composantes horizontales des vitesses absolues 1, v et u, sont cos1, v cosi et u cosi; on doit donc avoir, d'après l'hypothèse subsidiaire.

$$\cos i + v \cos i = u \cos i$$
, ou  $(i + v) \cos i = u \cos i$ 

ou élevant au carré,

$$(1+v)^2 \cos^2 i = a^2 \cos^2 i'$$
.

NY XXX. Divisant l'équation (A), qui résulte du principe de la conservation des forces vives, par cette dernière équation, l'on a :

$$\left(\frac{1-l^2}{l+l^2}\right)\frac{1}{\sin l \cos l} = \frac{1}{\sin l^2 \cos l^2}$$

011

$$(1-v)\sin i \cos i = (1+v)\sin i \cos i;$$

d'où l'on tire

$$\mathbf{r} = -\frac{\sin i \cos i - \sin i \cos i}{\sin i \cos i + \sin i \cos i} \cdot \cdots \cdot (2).$$

Telle est l'expression de la vitesse absolue dans l'onde réfléchie, quand le plan de réflexion est perpendiculaire au plan de polarisation de la lumière incidente. On voit que cette expression devient nulle pour une certaine obliquité des rayons, lorsqu'on a sin i cos i = sin i cos i', ou sin  $2i = \sin 2i'$ , c'est-à-dire quand  $2i = 180^{\circ} - 2i'$ , ou  $i = 90^{\circ} - i$ . c'est-à-dire enfin quand l'angle de réfraction est le complément de l'angle d'incidence, ou, ce qui revient au même, lorsque le rayon réfracté est perpendiculaire au rayon réfléchi, conformément à la loi de Brewster. Il n'en est pas de même pour la formule (1); elle ne pourrait devenir nulle que dans le cas particulier où i serait égal à i, c'est-à-dire où les ondes lumineuses auraient la même longueur dans les deux milieux en contact. Mais d'ailleurs les deux formules donnent la même vitesse réfléchie pour l'incidence perpendiculaire, et pour l'antre limite  $i = 90^{\circ}$ , et, dans le second cas, elles indiquent l'une et l'autre que la totalité de la lumière est réfléchie; ce qu'on trouverait sans doute aussi par l'expérience, si l'on pouvait atteindre à cette limite. Dans le cas de l'incidence perpendiculaire, les deux formules donnent :

$$v = -\frac{\sin i - \sin i}{\sin i + \sin i} = -\frac{\sin \frac{i}{r} - 1}{\sin \frac{i}{r} + 1}, \text{ on } v = -\frac{r - 1}{r + 1},$$

en appelant r le rapport constant du sinus d'incidence au sinus de réfraction. C'est précisément la formule que M. Young a donnée le premier, et à laquelle M. Poisson est arrivé ensuite par une analyse plus savante et plus rigoureuse; mais en ne considérant l'un et l'autre

que le genre d'élasticité auquel les géomètres ont attribué unique- Nº X\X ment jusqu'à ce jour la propagation des ondes sonores, je veux dire la résistance des milieux vibrants à la compression.

7. L'intensité de la lumière, d'après le sens même qu'on attache aux expressions lumière double, lumière triple, etc. étant mesurée par la somme des forces vives qu'elle contient, si l'on veut estimer la quantité de lumière réfléchie dans les deux cas que nous avons considérés, il fandra élever la valeur de v au carré; et en la retranchant de 1, qui représente la lumière incidente, on aura la quantité de lumière transmise. Si la lumière, au lieu d'être polarisée parallèlement on perpendiculairement au plan d'incidence, l'était dans un autre azimut, alors, connaissant la direction suivant laquelle s'exécutent ses vibrations d'après l'azimut de son plan de polarisation, qui leur est perpendiculaire, on en déduirait les composantes de ces petits mouvements parallèlement et perpendiculairement an plan d'incidence. Ainsi, par exemple, si l'angle que le plan de polarisation fait avec le plan d'incidence est égal à a, l'angle que les vitesses absolues du faisceau incident feront avec ce dernier plan sera 90° - a; par conséquent les composantes parallèles à ce plan seront toutes multipliées par sin a, et les composantes perpendiculaires par cos a. Si donc on représente par 1 l'amplitude de vibration de la lumière incidente, sin a en sera la composante dans le plan d'incidence et cos a suivant la direction perpendiculaire. C'est à la première composante qu'il faudra appliquer la formule (2) et à la seconde la formule (1) pour avoir les amplitudes d'oscillation de la Inmière réfléchie, et l'on aura ainsi pour la composante suivant le plan de réflexion :

$$-\sin a \left( \frac{\sin i \cos i - \sin i \cos i}{\sin i \cos i + \sin i \cos i} \right).$$

et pour la composante perpendiculaire,

$$-\cos a\left(\frac{\sin i\cos i-\sin i\cos i}{\sin i\cos i+\sin i\cos i}\right),$$

ou bien

$$-\sin a \frac{\tan (i-i)}{\tan (i+i)}$$
 et  $-\cos a \frac{\sin (i-i)}{\sin (i+i)}$ 

> XXX. dont la résultante est

$$-\sqrt{\sin^2 a \frac{\tan \beta^*(i-i)}{\tan \beta^*(i+i)}} + \cos^2 a \frac{\sin^4(i-i)}{\sin^4(i+i)};$$

et si l'on veut avoir l'intensité de la lumière réfléchie, il suffira d'élever cette expression au carré, ce qui donnera

$$\sin^2 a \frac{\tan^3 (i-i)}{\tan^3 (i+i)} + \cos^2 a \frac{\sin^3 (i-i)}{\sin^3 (i+i)}$$

8. La lumière directe, qui n'a reçu aucune polarisation préabble, peut être considérée comme l'assemblage ou la succession rapide d'une infinité de systèmes d'ondes polarisées dans tous les azimuts; en sorte qu'en décomposant les mouvements vibratoires de chacun d'eux parallèlement et perpendiculairement au plan d'incidence, on aura en somme, vu la multitude des chances, autant de mouvement suivant une de ces directions que suivant l'autre, et si l'on prend toujours pour unité l'intensité de la lumière incidente, celle de la lumière réfléchie sera

$$\frac{i}{2} \frac{\tan q^{1}(i-i)}{\tan q^{1}(i+i)} + \frac{i}{2} \frac{\sin^{2}(i-i)}{\sin^{1}(i+i)}$$

Je n'ai encore pu vérifier cette formule que sur deux auciennes observations de M. Arago, avec lesquelles elle s'accorde d'une manière satisfaisante, comme je l'ai fait voir dans la note déjà citée des Annales de chimie et de physique.

9. Mais les formules (1) et (a), dont celle-ci est déduite, se trouvent vérifiées d'une manière indirecte par quatorze observations que j'avais faites depuis longtemps sur les déviations angulaires qu'éprouve le plan de polarisation d'un faisceau de lumière primitivement polarisé dans unaimut de hôt relativement au plan d'incidence, lorsque ce faisceau est réfléchi à la surface extérieure du verre ou de l'eau. On peut voir dans la même note le tableau comparatif des résultats du calcul et de ceux de l'expérience.

Il est aisé de déduire ces déviations des formules (1) et (2), pour tous les azimuts du plan primitif de polarisation. Si a est l'angle que ce plan fait avec le plan d'incidence, sin a et cos a seront les compo-

### IP MÉMOIRE SUR LA RÉFLEXION DE LA LUMIÈRE POLARISÉE. 777

santes des vitesses absolues parallèlement et perpendiculairement à celui-ci; et le système d'ondes incident pourra être considéré comme l'assemblage de deux systèmes d'ondes dont les vibrations s'exécuteraient dans l'un parallèlement au plan d'incidence avec des vitesses absolues proportionnelles à inc, et dans l'autre perpendiculairement à ce plan avec des vitesses absolues proportionnelles à cos a. Les mêmes vitesses absolues dans les deux systèmes d'ondes réfléchés seront pour le premier :

$$r = -\sin a \frac{\tan a \cdot i - i}{\tan a \cdot i + i},$$
  

$$r = -\cos a \frac{\sin(i - i)}{\sin(i + i)}.$$

et pour le second.

010

Or l'un et l'autre out parcouru le même chemin et out été réfléciné à la surface de sépration des deux milieux, si la réflexion est partielle et les formules réelles, comme nons le supprosons ici; en sorte qu'il n'y aura point entre les deux systèmes d'oudes de différence de rhemin parcourus, et que dans l'un et l'autre les mêmes périodes des oscillations ou les viteses absolues correspondantes répondront an même point du rayon; celles seront donc constamment dans le même rapport et produiront toujours le long du rayon réfléchi des résultantes dirigées suivant le même plan; aimsi la lumière réfléchie sera sust complétement polariée que la lumière incidente, et le nouveau plan de polarisation sera perpendiculaire aux directions de res résultantes; or in tangente de l'angle qu'elles font avec le plan diricidence est égal au rapport des deux valeurs de v que nous venons de trouver, c'est-à-dire à

$$\frac{\sin a}{\cos a} \frac{\tan a}{\tan a} \frac{(i-i)\sin(i+i)}{(i+i)\sin(i-i)},$$

$$\tan a \frac{\cos(i+i)}{\cos(i-i)};$$

Ainsi la cotangente de l'angle du nouveau plan de polarisation avec le plan d'incidence sera égale à cette expression, ou la tangente à

$$\cot a \frac{\cos(i-i)}{\cos(i+i)}$$
.

98

Nº XXX.

OB

Telle ext l'expression de la loi des déviations que la lumière éprouve dans son plan de polarisation lossy d'êle est réfléctie à la surface extérieure des corps transparents. Dans la réflexion intérieure, la même loi doit avoir fieu pour les incidences correspondantes, c'est-à-dire celle des rayons réfractés qui auroient extérieurement finédence représentée par i; car, en raison de la généralité de la formule, si l'on représente toujours par i l'angle d'incidence des rayons extérieurs, il suffira de chauger i en i et r'en i dans l'expression ci-dessus pour avoir la tangente du nouvel azimut du plan de polarisation, Jorsque la réflexion s'opère en devlass du corps transparent, ce qui donnera :

$$\cot a \frac{\cos(i-i)}{\cos(i+i)},$$

$$\cot a \frac{\cos(i-i)}{\cos(i+i)},$$

même expression que dans le eas précédent, en supposant, bien entendu, que a est tonjours l'azimut du plan de polarisation du rayon immédiatement ayant la réflexion.

10. Le riai pas encore vérifié la formule dans ce second cas, à cause de la nécessité de tailler les faces d'entrée et de sortie perpendiculairement aux rayons incidents et émergents pour les différentes obliquités dont on fait l'essai, si l'on veut que la déviation observée soit uniquement due à la réflexion intérieure. A la vérité no pourrait faire cettvérification d'une manière indirecte en employant une glace à faces parallèles et tenant compte des déviations résultant des deux réfractious que le fisiceau éprouve de la part de la première surface. Ce procédé aurait l'avantage de permettre de varier sans frais, et antaut qu'on le désirerait, l'obliquité des rayons incidents, le air joint encore fait ces expérieures, mais je ne doute pas que leurs résultats ne fussent conformes à ceux du calcul basés que les formules que i visus de donner les.

<sup>&</sup>lt;sup>(a)</sup> M. Browster a confirmé ultérieurement cette prévision. Voyez les Transactions philosophiques pour 1830.

III MÉMOIRE SUR LA RÉFLEXION DE LA LUMIÈRE POLARISÉE. 779

On en déduit pour la tangente de l'angle que le plan de polarisation N° XXX. d'un rayon réfracté fait avec le plan d'incidence :

$$\frac{1}{2}\cot a\left(\frac{\sin 2i+\sin 2i}{\sin (i+i)}\right).$$

11. Quand on fait tomber de la lumière ordinaire sur la surface d'un corps transparent, puisqu'elle peut toujours être considérée comme composée de quantités égales de mouvements vibratoires parallèles et perpendiculaires au plan d'incidence, si fon vent avoir la proportion de lumière polarisée dans les rayans réfléchis, il suffira de calculer, pour chaque incidence, au moven des formules

$$\frac{1}{2} \frac{\sin^2(i-i)}{\sin^2(i+i)}$$
 et  $\frac{1}{2} \frac{\tan g^2(i-i)}{\tan g^2(i+i)}$ 

les proportions dans lesquelles se réfléchissent la lumière polarisée parailélement au plan d'incidence et la lumière polarisée perpendiculairement au même plan, et de diviser la différence de ces deux expressions par leur somme; le quotient sera la proportion de lumière polarisée contenue dans le faisceux réfléchi. Quant à la quantité de lumière polarisée par transmission, elle sera égale à l'autre, d'après la théorie que nous venous d'exposer, comme d'après les anciennes expériences de M. Vargo.

12. En étudiant avec un prissue les modifications que la réflexion intérieure imprime à la lunitère polarisée dans un zimust de 16° relativement au plan d'incidence, javais observé depuis longtemps que les rayons réfléchis ne conservaient leur polarisation primitive que jusqu'à la limité de la réflexion partielle, et que, lorsque la réflexion deseniai complète, la lunière réfléchie se trouvait en partie dépolarisée. Cette dépolarisation devenait totale après deux réflexions semblables sons une incidence de 50° environ. Jen avais conclu, d'après les règles d'interférences des rayons polarisés, que la lumière réfléchie se trouvait alors composée de deux systèmes d'ondes égaux différant d'un quart d'oudulation et polarisés l'un parallèlement, l'autre perpendiculairement au plan d'incidence; ce qui revient à dire que les deux faiseaux polarisés parallèlement, l'autre appendiculairement au plan d'incidence; ce qui revient à dire que les deux faiseaux polarisés parallèlement et perpendiculairement au plan d'incidence.

N. XX. dans lesquels on peut diviser le faisceau incident n'ont pas été rélléchis en quelque sorte à la même profondeur, ou, s'ils Font été l'un et l'antre à la surface même, y ont éprouvé des modifications differentes dans les périodes de leurs vibrations, et de telle manière qu'après nne de ces réflexions le faisceau polariés suivant le plan d'incidence se tronve en retard d'un huitième d'ondulation sur l'autre, ou en avance de <sup>2</sup>/<sub>8</sub>, et, après deux réflexions pareilles, en retard d'un quart on en avance de <sup>2</sup>/<sub>2</sub> le.

Mais cette différence de marche ou de période de vibration varie avec l'inclinaison des rayons; et la loi de ses variations m'avait paru si difficile à découvrir que, depuis six ans que ces phénomènes de dépolarisation m'étaient comms, je n'avais pas même essayé d'en chercher la loi, et je n'espérais la trouver qu'après avoir résolu d'une manière complète le problème mathématique de la réflexion et de la réfraction. La solution que je viens d'en donner au commencement de ce Mémoire est sans doute bien incomplète, 1° en ce que je n'ai considéré que le cas où les deux milieux, ayant la même élasticité, différeraient seulement par leurs densités, tandis qu'il doit arriver le plus souvent que les deux milienx diffèrent en même temps d'élasticité; 3° en ce que j'ai appuyé mes calculs sur un principe que je n'ai point démontré, principe évident, à la vérité, lorsque les vibrations s'exécutent parallèlement à la surface réfringente, mais qui aurait besoin de démonstration dans le cas contraire où les rayons sont polarisés perpendiculairement au ulan de réflexion, c'est-à-dire où leurs vibrations s'exécutent dans ce plan.

Véanuoins, comme il paraît résulter des faits observés jinsqu'à présent que les proportions de lumière réfléchie et transmise à la surface de contact des deux milieux, ainsi que l'angle de la polarisation complète, ne dépendent que du rapport de réfraction des deux milieux, éest-a-dier de rapport des vitesses de propagation de la lumière dans

<sup>&</sup>quot; Voyez Nº XVI.

. ...

chacun d'eux, quelle que soit d'ailleurs leur différence de nature et de densité pondérable (1), et par conséquent sans doute leur différence d'élasticité, il me paraît très-probable que, si l'on avait égard dans le calcul à cette dernière différence, on aurait le même résultat qu'en attribuant uniquement à une différence de densité les vitesses différentes avec lesquelles la lumière parcourt ces deux milieux, et qu'ainsi l'on retomberait encore sur les formules (1) et (2). Quant à l'hypothèse subsidiaire sur laquelle elles reposent, elle me paraît aussi d'une grande probabilité, à en juger par l'accord satisfaisant entre ces formules et toutes les observations exactes sur lesquelles j'ai pu les vérifier jusqu'à présent. Ayant donc tout lieu de croire qu'on doit les considérer comme rigoureuses (et d'autant plus qu'elles ne sont pas seulement vérifiées par des faits, mais encore établies sur des considérations théoriques déjà trèsprobables en elles-mêmes), j'ai cherché si ces mêmes formules qui m'uvaient conduit d'une manière si simple à la loi des déviations que les ravons éprouvent dans leur plan de polarisation par l'effet de la réflexion extérieure, ne m'aideraient pas à deviner la loi des modifications d'une nature toute différente que la réflexion totale imprime à la lumière polarisée, et j'y suis effectivement parvenn au moyen des inductions que je vais exposer.

13. Les formules ()) et (a) conservent la forme réelle pour tontes les valeurs de i comprises entre o et go\*, tant que le second milieu est plus réfringent que le premier; mais quand il l'est moins, c'est-à-dire lorsque le coefficient a, par lequel il faut multiplier sin i pour avoir sin , est plus grand que 1, avant d'atteindre go, on trouve une value de i pour laquelle la valeur correspondante de sin í est égale à 1 et passé laquelle ca siuns est plus grand que l'unité; alors cos i devient imaginaire et avec lui les formules (i) et (a) dans lesquelles il entre. Cependant, en vertu de la loi générale de continuité, si elles étaient une expression exacte des lois de la réflexion impay à la limite dont nous des la contracte des lois de la réflexion impay à la limite dont nous.

particules de ce corps, on ne peut pas le peser, parce qu'il est incoercible.

<sup>(</sup>i) l'appelle ninsi la partie de la densité du milieu qu'on pent peser, c'est-à-dire celle du corps : quant à l'éther contenu entre les

784 THÉORIE DE LA LUMIÈRE. — DEUXIÈME SECTION.

N. XX. des ondes réfléchies. Cela posé, et suivant toujours la même idée, nous pouvous concevoir le système d'ondes réfléchies décomposé en deux autres différant d'un quart d'ondulation et dont l'un aurnit toujours à la surface, entre ses vibrations et celle des ondes incidentes, la coincidence de période que nous avious supposée primitivement dans notre calcul, ou, en d'autres termes, serait réfléchi à la surface même de séparation des deux milieux; alors le coefficient de ce système d'ondes sera réel et celui de fautre inagainaire. Si la forme à laquélle nous avons amené la valeur de vuet en évidence ces deux coefficients, il faut que le carré du remier terme.

$$\frac{1 - n^2 \sin^2 i + n^2 \cos^4 i}{n^2 + n^2 \cos^4 i}$$

plus le earré du second

$$-2n\cos i\sqrt{n^{4}\sin^{4}i}-1$$

qui dans la valeur de  $\nu$  est affecté du facteur imaginaire  $\sqrt{-1}$ , dounent une somme égale à l'unité : or c'est effectivement ce qui a licu. Nou pouvons donc, avec un espoir bien foudé de ne pas nous méprendre, déterminer la position du système d'ondes réfléchi d'après ces deux systèmes composants, dont l'un, partant de la surface mème, a pour coefficient de ses vitisses absolute.

$$\frac{1 + n^2 - 2n^2 \sin^2 i}{n^2 - 1}$$

et l'autre, qui diffère du premier d'un quart d'ondulation, a pour roefficient

$$\frac{-2H\sqrt{1-\sin^2 i}\ \sqrt{H^2\sin^2 i-1}}{H^2-1}\,,$$

15. Après avoir détérminé de cette manière la position du système d'ondes résultant, le procédé le plus direct pour vérifier le résultat du calcul serait de comparer par interférence la différence de marche entre deux rayons voisius dont l'un aurait éprouvé la réflexion totale sous une inclinaison donnée, et dont l'autre, réfléchi sous la même inclinaison et par la même surface, ne l'aurait été que partiellement an

moyen du contact d'un liquide réfringent en son point d'incidence. Je Nº XXX. n'ai pas encore en le temps de faire cette expérience; et comme l'objet principal de mes recherches théoriques était de découvrir la loi des modifications imprimées à la lumière polarisée par la réflexion totale, modifications qui dépendent de la différence de position que cette réflexion établit entre les ondes polarisées suivant le plan d'incidence et celles qui sont polarisées perpendiculairement à ce plan, j'ai dû calculer d'abord cette différence et voir si elle s'accordait avec les faits que je connaissais, puis en vérifier l'expression générale par des expériences nonvelles.

16. Pour avoir les coefficients des deux systèmes d'ondes composants de la lumière réfléchie, lorsque les rayons incidents sont polarisés perpendiculairement au plan de réflexion, il faut appliquer à la formule (2) les transformations et les raisonnements que nous venous d'employer pour la formule (1); et d'abord nous chasserous les imaginaires du dénominateur en multipliant haut et bas par le numérateur, re qui nous donnera :

$$v = -\frac{\sin^3 i \cos^3 i + \sin^3 i \cos^3 i - 2 \sin i \cos i \sin i}{\sin^2 i \cos^2 i - \sin^3 i \cos^3 i}$$

expression qu'on peut mettre sous la forme :

$$v = -\frac{\cos^2 i + n^3 (1 - n^3 \sin^3 i) - 2n \cos i \sqrt{n^3 \sin^2 i - i \sqrt{-i}}}{\cos^2 i + n^4 (n^3 \sin^2 i - 1)}$$

on

$$r = + \frac{(n^4 + 1)\sin^4(-n^4 - 1)}{(n^4 - 1)[(n^4 + 1)\sin^4(-1)]} + \frac{2m\sqrt{(1 - \sin^2(1)(n^4\sin^4(-1))\sqrt{-1}}}{(n^4 - 1)[(n^4 + 1)\sin^4(-1)]} \cdot \cdots \cdot (B) \cdot$$
Nous considérerons donc la lumière réfléchie comme composée de deux

systèmes d'ondes séparés par un quart d'ondulation, dont l'un, parti de la surface, aura pour coefficient de ses vitesses absolues :

 $\frac{(n^{4}+1)\sin^{2}i - n^{2}-1}{(n^{2}-1)[(n^{2}+1)\sin^{2}i - 1]},$ 

et l'antre

A: XXX. et l'on trouve en effet que la somme des carrés de ces deux coefficients est égale à 1.

Pour les simplifier, remplaçons la constante  $n^2$  par c et la quantité variable  $\sin^2 i$  par x, alors ils deviennent :

$$\frac{|c^2+1|x-c-1}{|c-1||(c+1)x-1|}$$
, et  $\frac{2\sqrt{c|1-x|\cdot cx-1|}}{|c-1||(c+1)x-1|}$ 

Par le même changement de lettres dans la formule (A), on a :

$$\frac{c+1\cdots 2cx}{c-1}$$
, et  $\frac{-2\sqrt{c}(1-x)\cdot cx-1}{c-1}$ ,

pour les coefficients correspondants, dans le cas où la lumière incidente est polarisée suivant le plan d'incidence.

17. On sait que, pour déterminer la position de chacun des deux systèmes d'ordes résultants, quand ces deux systèmes composants sont comme ici séparés par un quart d'ordulation, le calcul d'interférence est absolument semblable au calcul qu'on fait en statique pour trouve la direction de la résultante deux forces rectangulaires. Ainsi, la lungueur d'ordulation étaut représentés par une circonférence entière, in ours représentons par l'angle « la distance qui sépare les points fumologues du système résultant et du système composant réfléchi à la surface, nous autrous, pour le cas où la lumière incidente est polarisée suivant le plan de réflevion.

$$\cos \alpha = \frac{e + 1 - 2eV}{e - 1}$$
, et  $\sin \alpha = \frac{-2\sqrt{e+1 - x+(ex - 1)}}{e - 1}$ ,

et représentant par l'angle  $\beta$  la distance du système résultant au système composant réfléchi à la surface, dans le cas où les rayons out été polarisés perpendiculairement an plan d'incidence, nous aurons :

$$\cos\beta = \frac{-c^2+1(x-c-1)}{(c-1)\{(c+1)(x-1)\}}, \quad \text{et} \quad \sin\beta = \frac{2\sqrt{c(1-x)(cx-1)}}{(c-1)\{(c+1)(x-1)\}}$$

Pour avoir l'intervalle qui sépare les points correspondants des denx systèmes d'ondes résultants, c'est-à-dire leur différence de marche, il suffit de calender  $\alpha - \beta$ , ce qu'on pent faire aisément au mayen de la formule

$$\cos(\alpha - \beta) = \cos\alpha\cos\beta + \sin\alpha\sin\beta;$$

IP MÉMOIRE SUR LA RÉFLEXION DE LA LUMIÈRE POLARISÉE. 787 substituant à la place de  $\cos\alpha$ ,  $\sin\alpha$ ,  $\cos\beta$ ,  $\sin\beta$ , leurs valeurs, on a : N° XXX.

$$\cos{(\alpha-\beta)}\!=\!\!\tfrac{(c+t-acx)[(c^t+t)x-c-1]-\frac{4c}{4c}(t-x)[cx+1]}{(c-t)^4[(c+t)x-t]}$$

ou , effectuant les multiplications du numérateur et ordonnant par rapport à x,

$$\cos{(\alpha-\beta)} = \frac{-2c(c-t)^3x^3+c+t)(c-t)^3x-c-t)^3}{(c-t)^3[(c+t)^2x+t]},$$

ou enfin, divisant hant et bas par (c - s)2

$$\cos(\alpha-\beta) = \frac{-2cx^3+c+1(x-1)}{c+1(x-1)}$$

Pour employer cette formule, il faut se rappeler que x est le carré du sinus d'incidence intérieure, e le carré du rapport de réfraction, et que l'arc  $\alpha - \beta$  divisé par la circonférence exprime la fraction d'ondu-lation dont le système d'ondes polarisé perpendienlairement au plan d'incidence est en avance ou en arrière du système d'ondes polarisé suivant ce plan, après la réflexion; car le signe de l'arc  $\alpha - \beta$  ne peut pas être indique par son cossimité par son tent de l'arc  $\alpha - \beta$  ne peut pas être indique par son cossimité par son le signe de l'arc  $\alpha - \beta$  ne peut pas être indique par son cossimité par son cos

18. La formule (a), qui nous a donné le coefficient des viteses abules de l'onde réfléchie, quand les rayons incidents sont polarisés perpendiculairement au plan de réflexion, présente dans l'interprétation de son signe une petite difficulté qui pourrait, au premier abord, faire prenser qu'elle ne s'accorde pas avec les observations sur la déviation du plan de polarisation dans la réflexion extérieure. Pour nous faire mieux entendre, prenons le cas où l'angle é est presque égal à gor, c'est-à-dire où les rayons incidents sont presque parallèles à la surface: on sait qu'alors le plan de polarisation des rayons réfléchis est sur le prolongement des rayons incidents. Cependant la valeur

$$v = -\frac{\sin i \cos i - \sin i \cos i}{\sin i \cos i + \sin i \cos i}$$

devient alors v=+1, tandis que l'autre formule

$$v = -\frac{\sin \iota \cos \iota - \sin \iota \cos \iota}{\sin \iota \cos \iota + \sin \iota \cos \iota}$$

donne dans le même cas v=-1, ce qui semblerait indiquer, au pre-

mier abord, que le premier système d'ondes exécute ses vibrations au point d'incidence dans le même sens que le faisceau incident, et le second système d'ondes en sens contraire du faisceau incident qui l'a produit, d'où résulterait un mouvement composé perpendiculaire à celui de l'ensemble des deux faisceaux incidents. Mais il faut faire attention que cette interprétation du signe est vraie pour les rayons polarisés suivant le plan d'incidence, dont les vibrations sont toujours parallèles dans les ondes incidentes, transmises et réfléchies, quelle que soit l'inclinaison de ces rayons; tandis qu'on ne peut pas entendre de la même . manière le signe + dans le second cas, où la direction des vibrations réfléchies fait en général un certain angle avec celle des vibrations incidentes. Quand les rayons sont perpendiculaires à la surface, ces deux directions coincident; mais, à mesure que l'obliquité augmente, elles s'écartent l'une de l'autre et ne finissent par coincider de nouveau à l'autre limite qu'après avoir décrit chacune go° ou ensemble 180°, d'où l'on pourrait déjà conclure que le signe de la valeur de v doit être interprété d'une manière opposée. Et en effet, si l'on remonte à l'équation par laquelle nous avons exprimé que la composante horizontale de la vitesse absolue dans l'onde transmise était égale à la somme de celle de l'onde incidente et de celle de l'onde réfléchie prise avec son signe, on voit que le signe positif ou négatif de celle-ci indique qu'elle porte les molécules parallèlement à la surface, dans le même sens que l'onde incidente on en sens contraire; or, considérons le cas où les rayons ayant dépassé l'inclinaison de la polarisation complète, la valeur de v



est devenne positive; soit IC l'onde incidente qui a produit l'onde réfléchie IR; il est évident, par la seule inspection de la figure, que dire que les composantes des deux vitesses absolues pa-

rallèles à la surface AB ont le même signe, agissent dans le même sens, c'est dire que, si la vitesse absolue qui agit suivant l'C tend à éloigner la molécule I du milieu inférieur, la vitesse absolue de l'onde réflechie agissant suivant BI tend à l'y faire entrer, et qu'en conséquence, à la limite, lorsque les rayons étant parallèles à la surface les deux ondes XXXX. lui seront perpendiculaires, leurs vitesses absolues agiront précisément en sens contraires. Ainsi, puisque, d'après nos calculs, la vitesse absolue a le même signe que sa composante horizontale, nous nous rappellerons qu'une valeur positive de v indique seulement la similitude de signe dans les composantes horizontales des ondes incidentes et réfléchies, ou, ce qui est plus simple nour le cas dont nous nous occupons, nons changerous le signe de v en convenant que les vitesses absolnes dans les ondes incidentes et réfléchies porteront le même signe, quand elles pousseront les molécules de la surface du même côté, et des signes contraires, lorsque l'une les nonssera en dedans du premier milieu et l'autre en dedans du second (a).

Cela posé, la valeur de v changeant de signe dans le cas où les rayons incidents sont polarisés perpendiculairement au plan de ré-

$$-\frac{\sin(i-i)}{\sin(i+i)}$$
,

et pour la lumière polarisée perpendiculairement au plan d'incidence.

$$tang(i-i)$$
 $tang(i+i)$ 

Si. le deuxième milieu étant plus réfringent que le premier, i est plus grand que i', l'ex- $\frac{\sin(i-i')}{\sin(i+i')}$  est toujours négative, mais l'expression  $\frac{\tan(i-i')}{\tan(i+i')}$  est positive, tant que 1+1' est plus petit que qo". Il n'y a donc pas toujours perte d'une demi-longueur d'ondulation dans la réflexion de la lumière lorsque le deuxième milieu est plus réfringent que le premier, comme Fresnel, après Young, l'a supposé dans la théorie des anueaux colorés (voir les nº IV et X), et il peut y avoir perte d'une demi-longueur d'ondulation dans certains cas, lorsque le deuxième milieu est moins réfringent que le premier. Mais il y a toujours opposition de signe entre les vitesses réfléchies sous des incidences correspondantes aux deux surfaces d'une lame transparente environnée de toutes parts par le même milien. Cette opposition de signe est en réalité tout ce qu'exige la théorie des anneaux colorés. [E. VERDET.]

<sup>(1)</sup> Il résulte de ces considérations que l'expression exacte de la vitesse de vibration réfléchie est, pour la lumière polarisée dans le plan d'incidence,

λ\* XXX. flexion, sin β et cos β en changent aussi, et par conséquent la valeur de cos (α-β), qui devient :

$$\cos(\alpha - \beta) = \frac{acx^2 - (c+1)x + 1}{(c+1)x + 1}$$
 (C).

19. Vérifions d'abord cette formule sur les faits qui nous sont conus : nous savons d'abord qu'aux deux limites de la réflexion totale il n'y a plus aucune dépolarisation partielle du faisecau incident polarisé dans l'azimut de  $\delta \hat{n}^*$ ; et en effet, pour la première,  $n \sin i = i$ , par consequent  $n^* \sin i$ , ou

$$cx = 1$$
,  $\cos(\alpha - \beta) = \frac{2x - 1 - x + 1}{1 + x - 1}$ , ou  $\cos(\alpha - \beta) = 1$ ;

pour la seconde limite, quand les rayons sont parallèles à la surface.

$$r = 1$$
, et  $\cos(\alpha - \beta) = \frac{2r - r - 1 + 1}{r + 1 - 1} = 1$ .

Auss, dans un cas coume dans l'autre. l'angle a-\(\tilde{\pi}\) est égal à zéro ou a un nombre entire de circonfèrences, et conséquemment il u'y a pas de différence de marche entre les deux systèmes d'ondes polarisés parallélement et perpendiculairement au plan d'incidence qui composeunt le faisceau réféchei; leur réumion doit donc reproduire une uneurcompletement polarisée, comme la lumière incidente, et précisément dans l'azimat domné par l'expérience. Nous savons encore que sous l'incidence de 50°, la différence de marche entre les deux systèmes d'ondes rédéchis est égale à un huitième d'ondulation, on du nomis n'en diffère que très-peus or, si fou met dans la formule sin' (50°) à la place de x, et à la place de c le carré de 1,51, qui est l'indice de réfraction de la slace de Saint-Robain, on trouve;

$$\cos(\alpha - \beta) = \frac{0.6456}{0.9248}$$

ce'qui donne ponr  $\alpha-\beta$  un arc de  $45^\circ$  43'  $\frac{1}{3}$ , quantité presque égale au huitième de la circonférence, puisqu'elle n'en diffère pas d'un soixantième.

20. l'avais reconnu aussi dans mes anciennes observations que la dépolarisation partielle produite par une seule réflexion dans le verre ne

V 111

dépasse guère ce terme, et qu'après ètre restée quelque temps an même point pendant qu'on anguente l'inclinaison des rayons incidents, elle diminne continuellement jusqu'à la seconde limite de réflexion totale, où clle devient tout à fait insensible. On peut, à l'aide de la formule (C), calculer ce maximum, qui répond an minimum de cos (2—5), en différent un part à x et égalant le coefficient différentiel à zéro, ce qui donne, après plusieurs réductions,

$$(c+1)r-2=0$$

d'où l'ou tire

$$x = \frac{3}{3}$$

et, substituant cette valeur de x dans la formule (C), on a

$$\cos\left(\alpha-\beta\right)=\frac{8c}{c+1}-1$$

en substituant à la place de c sa valeur, on trouve  $(45^\circ 50^\circ \frac{1}{2})$  pour le maximum de  $\alpha = \beta_c$  ce qui excède hieu peu, comme ou voit, le luitième de la circonférence. En mettant aussi pour c sa valeur dans la formule x ou  $\sin^2(=\frac{2}{c+1})$ , on trouve  $(=5)^\circ 20^\circ \frac{1}{3}$ ; tel est l'angle d'incidence qui donne le maximum de dépolarisation partielle produite par une seule réflection intérieure du verre de Saint-Glosin.

21. Après m'être assuré ainsi que la formule (f.) représentati bien la marche générale du phénomène entre les deux limites de la réflexion complète, et donnait précisément à ces deux limites et la réflexion complète, et donnait précisément à ces deux limites et dans l'incidence de 50° les résultats que javais observés depuis longtemps, jai fait quelques expériences nouvelles pour vérifier cette formule dans les incidences intermédiaires. Le degré de dépolarisation le plus facile à constante et celui de la dépolarisation complète, parce qu'il donne deux images d'égale intensité quand on analyse la lumière avec un rhomboide de spath d'Islande, et deux images incolores quand on la fait passer dans un the rempli d'essence de térébeutline; c'est pourquoi jai tonjours fait en sorte d'arriver à la dépolarisation complète par la succession des réflexions totales, dans les expériences nouvelles que je vaix rapporter.

VXX or

D'après la valeur maximum que nous venons de trouver pour  $x = f_0$  et qui excède à peine d'un degre le lusitième de la circonférence, il est rlair que, pour avoir entre les deux faisceaux une différence de marche égale à un quart d'oudulation, il fant au moins deux réflexions totales aux l'intérieur du verer. L'ai voulu déduire de la formule (C) l'incidence exacte qui satisfissaif à cette condition, c'est-à-dire donnait ridence exacte qui satisfissaif à cette condition, c'est-à-dire donnait ridence exacte qui satisfissaif à cette condition, c'est-à-dire donnait ridence exacte qui satisfissaif à cette condition, c'est-à-dire donnait ridence de la condition de différence à chaque réflexion, et, pour que la formule pât servir à d'autres expériences où le nombre des réflexions serait plus considérable, j'ai résolu le problème d'une manière générale en représentant par a le cosinus de la partie quel-coupue de circonférence à laquelle ou voulait que l'arc x = f fit égal. t, égalant la volur de cos (x = f) su cosinus donné, t, i'ai et l'equation;

$$\frac{2cx^3-(c+1)x+1}{(c+1)x-1}=a, \text{ ou } 2cx^2-(c+1)x+1=a(c+1)x-a,$$

on enfin,

$$x^2 - \frac{(c+1)(a+1)x}{2c} + \frac{a+1}{2c} = 0$$
;

d'on l'on tire

$$r = \frac{c + i \cdot (1 + a) \pm \sqrt{(1 + a) \cdot ((c + 1)^3 \cdot (1 + a) - 8c)}}{4c} = \sin^2 i \cdot \dots \cdot (D).$$

On voit que x, ou sin<sup>2</sup> i, a en général deux valeurs différentes, qui ne deviennent égales que dans le cas du maximum de la différence de marche  $\alpha - \beta$ , parce qu'alors a étant égal à

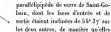
$$\frac{8c}{(c+1)^3} - 1, \text{ ou } a+1 \text{ à } \frac{8c}{(c+1)^3}, (c+1)^2(1+a) - 8c = 0,$$

et le radical s'évanouit.

Quand on fait a égal à  $\cos 45^\circ$  ou  $\sqrt{\frac{1}{2}}$ , on trouve pour les deux valeurs correspondantes de l'angle d'incidence,  $i=48^\circ$   $37'\frac{1}{2}$  et  $i=54^\circ$   $37'\frac{1}{2}$ .

La première des valeurs étant plus voisine que l'autre de la première limite de la réflection complète, qui est différente pour les diverses espèces de rayons, ou sent aisément que, calculée d'après le rapport de réfrection des rayons jaunes, elle devra donner des résultats moins semblables pour les rayons de différente réfrançibilité; c'est donc la II. MÉMOIRE SUR LA RÉFLEXION DE LA LUMIÈRE POLARISÉE, 793

seconde valeur qu'il faut adopter de préférence, si l'on veut avoir plus d'uniformité dans les modifications imprimées aux diverses espèces de rayons colorés qui composent la lumière blanche. J'ai fait tailler un



fussent perpendiculaires au faiscau polarisé dans l'azimut de 55°, qui éprouvait successivement deux réflexions intérieures sur celles-ci, sous l'incidence calculée de 51° 37'. Alors, analysant les rayons émergents avec un rhomboide de spath calcaire, j'ai trouvé les deux images sensiblement incolores et d'égale intensité, dans quelque azimut que je tournasse sa section principale.

22. Cette expérience, n'étant guère qu'une répétition de celles que javais faites anciennement, mais seulement plus exacte et éclairée par la théorie, ne pouvait en être considérée comme une vérification nouvelle; c'est pourquoi jai essayé de produire la même modification, ou d'obtenir une différence de marche d'un quart d'ondulation, d'abord par trois et ensuite par quatre réflexions totales.

Dans le premier cas, il faut que  $\alpha = \beta$  soit égal à un tiers de quadrant, uo que  $\alpha$  soit égal à cos  $3\sigma^2$ . Lette valeur, substituée dans la formule (D), donne pour l'angle d'incidence i, qui satisfait à cette condition,  $43^{\alpha}$  to  $i^2$  et  $6g^{\alpha}$  to  $i^2$ . Jai voulu vérifier par l'expérience ces deux valeurs de i, et pour cela j ai fait tailler deux verres trapécoidaux,



dont les faces d'entrée et de sortie étaient inclinées en sens contraires sur les deux fices réfléchissante, dans l'un de d'3º 11' et dans l'autre de 69° 12', de sorte qu'elles fussent perpendiculaires aux rayons incidents et émergents réfléchis dans le premier verre sons l'incidence de 63° 11', et dans le second sous celle de 69° 12'.

100

V VV. La première incidence s'approche trop de l'origine de la réflexion totale pour que la valeur de α − β ne varie pas sensiblement d'une espèce de rayon aux untres; aussi ai-je remarqué quelques traces de coloration dans les deux innages en analysant le faisecan émergent avec un rhomboile de spath eladieri; mais d'ailliura il paraissait aussi.

complétement dépolarisé qu'on pouvait s'y attendre.

L'antre verre, taillé d'après l'incidence de 69° 13′, mà domé mi foisceau modifié d'une manière heaucoup plus uniforme pour les diverses espèces de rayous, et qui, analysé par la double réfraction, domant toujours deux images blanches et d'égale intensité dans quelque azimnt un'on torrait la section principale du cristal.

Fai ensuite produit la même modification par quatre réflexions consécutives; il fant pour cela que  $\alpha = \beta$  soit égal à un quart de quadrant. on que  $\alpha = \cos 2.2^{\circ}$  30'; ce qui donne pour i les deux valeurs suivantes :

$$i = 42^{\circ} \cdot 9'50''$$
 et  $i = 74^{\circ} 41'50''$ .

La première valeur de i était trop voisine de l'origine de la réflexion totale (que les rayans jaunes éprouvent à hi a 86 ao d'incidence) pour que je ne fusse pas certain d'avance qu'elle me donnerait des images colorées; c'est pourquoi je n'ai employé que la seconde, en

faisant tailler un parallélipipède de verre dont les faces d'entrée et de

lausaut taufter un paraftetipspede de verre dont les faces et entree et de ovite faissient un angle de p<sup>2</sup> 4 s' ave les deux surfaces réfléchissantes, et dont la longueur était calculée de façon que les rayons éprouvassent dans son inférieur les quatre réflexions tolles, sous l'incidence calculée. J'ai obtenu de cette manière un faisceau parfaitement dépolarisé ou, en d'autres termes, qui avait reçu bien complétement la pobarisation circulaire.

23. J'ai voulu vérifier encore mes formules par une expérience sur la réflexion totale au contact du verre et de l'eau. J'ai cherché d'abord la valeur maximum que cette réflexion pouvait donner pour  $\alpha - \beta$ , et j'ai

trouvé 14°, qui répond à l'incidence i=69°34'; par conséquent six réflexions pareilles ne suffiraient pas pour atteindre que et produire exactement la dépolarisation complète; il en fandrait au moins sept, et comme elles auraient lieu sous des incidences assez abliques, il faudrait une plaque de verre d'une assez grande longueur pour que l'on pût craindre que, quelque bien recuite qu'elle fût, elle ne produisit sur un aussi long trajet entre les deux faisceaux quelque différence de marche indépendante des réflexions complètes et provenant d'une double réfraction très-faible. C'est pourquoi j'ai préféré combiner seulement deux réflexions totales au contact du verre et de l'eau avec deux réflexions totales au contact du verre et de l'air qui devaient compléter la dépolarisation commencée par celles-là. J'ai trouvé que l'incidence qui donnerait α-β=3 1° dans la réflexion intérieure du verre seul était i=68° 27', différant peu, comme on voit, de l'incidence i=69° 34', qui répond au maximum de a- \beta pour le contact du verre et de l'eau; or, comme une quantité varie peu autour de son maximum, en adoptant l'incidence de 68° 27', je devais avoir encore bien près de 14° pour la réflexion au contact du verre et de l'eau; et en effet j'ai trouvé par le calcul 13° 53' 2, qui, ajouté à 31°, donne 44° 53' 2, dont le double est 89° 47' 2, qui diffèrent bien pen, comme on voit, d'un quart de circonférence. l'ai donc fait tailler un parallélipipède de verre, dont . les faces d'entrée et de sortie étaient inclinées sur les deux autres de 68° 27', et dont la longueur avait été déterminée de manière qu'après quatre réflexions intérieures sous l'incidence de 68° 27', les rayons incidents qui entraient par le milieu de la face antérieure sortissent aussi par le milieu de la seconde, en sorte qu'il suffisait d'incliner le parallélipipède de verre jusqu'à ce que la face d'entrée vint se peindre au milieu de la face de sortie pour être certain que les rayons qui arrivaient à l'œil avaient été réfléchis sous l'incidence calculée (1). Lorsque le parallélipipède de verre n'était en contact qu'avec l'air, le faisceau émergent analysé par un rhomboïde de spath calcaire donnait deux

<sup>(</sup>i) l'avais réglé de la même manière la longueur des autres morceaux de verre employés dans les expériences précédentes.

3" XX

images d'intensités variables et généralement inégales, et l'on pouvait reconnaître que la lumière avait passé le point de la polarisation circulaire. Mais quand on appliquait une feuille de papier mouillé sur uni des faces rélléchissantes, le faisceau émergent paraissait complétement dépolarisé ou polarisé circulairement, conformément au calcul. Enfin quand on mouillait les deux faces réfléchissantes, la lumière n'était dépolarisée qu'en partie, et l'on pouvait reconnaître, à la direction de son plan de polarisation partielle, qu'elle était encore en deçà et non pas au délà de la dépolarisation complète, comme dans le cas où ancune des deux faces n'avait été mouillée.

24. Je me suis borné jusqu'à présent à ces cinq expériences, qui, jointes à mes anciennes observations sur les mêmes phénomènes, me paraissent établir suffisamment l'exactitude de la formule (C). Je ne doute pas qu'elle ne fournisse aussi une représentation fidèle des phénomènes de coloration très-sensible qu'on observe surtont dans le voisinage de la fimite commune des réflexions totale et partielle, en supposant toujours qu'on emploie de la lumière polarisée dans un azimut de 45° relativement au plan de réflexion, et qu'on analyse le faisceau émergeut avec un rhomboïde de spath calcaire (1). Pour vérifier la formule dans ce cas, il faudrait d'abord calculer, d'après les différents de- grés de réfrangibilité des diverses espèces de rayons colorés, les différentes valeurs de a - B qui correspondraient à l'incidence donnée : avant déterminé ainsi la différence de marche entre les deux systèmes d'ondes émergents polarisés parallèlement et perpendiculairement au plan d'incidence, pour les sept principales espèces de rayons colorés, on calculerait aisément, au moyen des formules d'interférence, l'intensité que chaque espèce devrait avoir dans l'image ordinaire et l'image extraordinaire pour un azimut quelconque de la section principale du rhomboïde, et substituant les intensités trouvées dans la formule empirique

ces effets de la réflexion totale des phénomènes ordinaires de polarisation résultant de quelque trempe accidentelle des prismesqu'il aura employés.

<sup>(</sup>i) M. Brewster est le premier qui sit remarqué ces phénomènes; mais, d'après la manière dont il les décrit et les lois qu'il leur suppose, il paraît qu'il a confondu avec

\* XXX.

de Newton qui donne la couleur résultant d'un mélange de rayons, on trouverait les teintes que doivent offrir les deux images, et l'on verrait si elles s'accordent avec l'observation.

Je me propose de faire ces expériences et ces calents lorsque j'aurai plus de loisir; mais je crains que l'époque où il me sera possible de les entreprendre et de compléter la vérification directe des formules (1) et (2) me soit encore un peu éloignée.

25. Malgré tout ce que mes recherches sur la réflexion laissent encore à désirer, tant sous le rapport théorique que sous celui des vérifications expérimentales, il me semble qu'elles établissent déjà avec un haut degré de probabilité l'exactitude des formules que j'ai données dans ce Mémoire, vu le nombre de faits exacts par lesquels elles sont déjà confirmées et la variété des phénomènes qu'elles embrassent. Car les formules (1) et (2), par exemple, qui s'accordent avec les phénomènes connus de la réflexion de la Inmière polarisée, et se trouvent vérifiées par deux observations très-précises de M. Arago sur l'intensité de la lumière réfléchie sous des incidences obliques, représentent eucore très-bien les déviations que j'avais observées dans le plan de polarisation de la lumière réfléchie à la surface extérieure du verre et de l'eau, et cela par une déduction qui est une conséquence immédiate et forcée des idées théoriques qui m'ont servi à découvrir ces formules. Quant à la formule (C), que j'en ai tirée aussi et qui représente la loi des modifications imprimées par la réflexion totale, je dois convenir qu'elle n'en découle pas d'une manière aussi nécessaire; mais elle m'en paraît l'interprétation la plus naturelle, quand la valeur de v devient imaginaire, et cette interprétation, qui se vérifie sur les formules mèmes, se trouve d'ailleurs confirmée par les cinq expériences que je viens de rapporter et par mes observations antérienres (a).

<sup>&</sup>lt;sup>195</sup> On soit que les experiences de M. Jonini ont mis hors de doute l'exactitude de la formule (C), et qu'elles ont montré au contraire que les formules (i) et (3) ne suffisent pea à la représentation des phénomènes qui ont lieu au voisinge de l'angle, de polarisation. (Voyez Ansales de chimie et de physique, 3' série, L. XXIX, XXX et XXXI.) [E. Xasser.]

Nº XXX.

Pour résoudre le problème rigoureusement, au lieu de cherche à devimer ce que l'anaiyse indique dans des formules qui deviennent inaginaires, il aurit fallu recommencer le calcul pour le cas de la rélexion complète, en y exprisant la condition que le monvement vibratoire ne peut pas se propager dans le second milieu, ou que du moins sil y pénêtre, comme certaines expériences paraissent l'indiquer, il ne s'étend qu'à une petite distance de la surface de contact des deux milieux. Je me propose de reprendre par la suite le problème dans son entier, et de le traiter d'une manière plus rigoureuse et plus générale, en supposant que les deux milieux different non-seulement en dessiér, mais encore en d'asticité. Dans ces nouvelles recherches théoriques, les résultats que j'ai obtenus déjà me servont très-ntiles, car c'est un grand point de connaître d'avance les théorèmes auxquels on doit arriver et de u'avoir plus qu'à les démontrer.

26. Je nie proposais d'exposer à la fin de ce Mémoire des calculs d'interférences qui présentent sous une forme très-simple le genre des vibrations imprimées aux rayons polarisés par la réflexion complète: mais, n'en ayant pas le temps et ces calculs étant d'ailleurs sans difficulté, je me contenterai d'en dinorer les résultats principaux.

Lorsque le faiscean incident est polarisé dans un azimut de 45° relativement an plan de réflexion, les deux systèmes d'ondes polariséparallèlement et perpendiculariement à ce plan dont la lumière réfléchie est composée sont d'égale intensité; si par deux ou un plus grand nombre de réflexions totales on a établi entre eux une différence de marche égale à un quart d'ondulation, ou à un nombre entire et impair de quarts d'ondulation, les molécules décrirout des petits ercles autour de leurs positions d'équilibre et avec une vitesse uniforme : si la différence de nurche est un nombre pair de quarts d'ondulation, elles décrirout des lignes droites; cufin, si cette différence n'est pas un nombre entier de quarts d'ondulation, les courbes décrites serout des ellipses. Ce seront encore des ellipses, la différence de marche étant un nombre entier et impair de quarts d'ondulation, si les deux systèmes d'ondes n'ont pas la même intensité, comme cela aurait lieu dans le II MÉMOIRE SUR LA RÉFLEXION DE LA LUMIÈRE POLARISÉE. 799

cas où la lumière incidente n'aurait pas été polarisée à h5° du plan de N° XX réflexion, ou si deux systèmes d'ondes polarisés venant à interférer dans des circonstances quelconques, leurs plans de polarisation n'étaient pas rectangulaires.

FIN DU PREMIER VOLUME.

## TABLE DES MATIÈRES

### CONTENUES DANS CE VOLUME ".

	Ped
AVERTISSEMENT	
INTRODUCTION AUX OCUVRES d'AUGUSTIN FRESNEL, PAR ÉMILE VERDI	et

# THÉORIE DE LA LUMIÈRE.

## PREMIÈRE SECTION.

## DIFFRACTION ET INTERFÉRENCES.

M. British	
i.	LETTRE D'AUGUSTIN FRESNEL à FRANÇOIS ARAGO [93 septembre 1815]
11.	PREMIER MÉNORE SUR LA DIFFRACTION DE LA LEMIÈRE. OÙ l'on examine parti- culièrement le phénomène des franges colorées que présentant les ombres des corps éclairés par un point lumineux
III (A).	LETTRE D'ADGUSTIN FRESURL à PRINÇOIS ARAGO [26 octobre 1815]
(B).	* LETTRE DE FRANÇOIS ARAGO À AUGUSTIN FRESNEL [8 novembre 1815]
IV.	COMPLÉMENT AU MÉMOIRE SUR la Diffraction [ 15 octobre 1815 ]
V (A).	LETTER D'AUGUSTIN FRESNEL à FRANÇOIS ARAGO [19 novembre 1815]
— (B).	Du même au même
(C).	Du même au même
VI.	* Note [n'Anaco] sur un phénomène remarquable qui s'observe dans la dif-
	fraction de la lumière

<sup>&</sup>quot; Les écrits d'auteurs étrangers sont distingués par un astérisque "

	DES		

802	TABLE DES MATIERES.	
VII.	* Barroux fait à la première Classe de l'Institut, sur un Mémoire relatif aux	Pilds
	phénomènes de la diffraction de la lumière par M. Fresnel. — Commis- saires : MM. Poinsot, et Arago ropporteur [95 mars 1816]	79
VIII.	DEUXIÈME MÉROIRE sur la diffraction de la lumière, où l'on exemine parti-	
	culièrement le phénomène des franges colorées que présentent les ombres	
	des corps éclairés par un point lumineux [mars 1816]	89
IX.	* Revisions sur l'influence mutuelle de deux faisceaux lumineux qui se croisent sous un très-petit angle, par Ariso [mars 1816]	123
X.	Supplément au deunième Mémoire sur la diffraction de la lu-	
	mière	129
XL	Note sur la théorie de la diffraction	171
XIL	FRAGRICATE ET NOTES DIVERSES RELATIFS AUX INTERPÉRENCES ET À LA DIFERAC-	
	1101	183
XII (A).	Note sur les effets produits par des rayons qui se croisent sous un très-petit	
	angle[?]	183
- (B).	Note sur les franges produites par deux miroirs	186
(C).	Note sur les franges extérieures des ombres des corps très-	
	étroits	188
— (D).	Norz sur l'hypothèse des petites atmosphères à la surface des corps	190
— (E).	Nore sur les phénomènes de la diffraction dans la lumière blanche	192
— (F).	Nors sur le principe d'Huyghens	196
(G).	Nors sur l'application du principe d'Hayghens et de la théorie des	
	interférences aux phénomènes de la réflexion et de la diffrac-	
	tion	201
— (H).	Second Note sur la réflexion	917
— (I).	Note sur la réflexion et la réfraction considérées dans le système de l'émis-	
	sion	990
— (J).	Expérience sur la réflexion régulière produite par des surfaces non polies.	995
XIII.	* Bapport fait par M. Arago à l'Académie des sciences, au nom de la Com-	
	mission qui avait été chargée d'examiner les Mémoires envoyés au con-	
XIV.	cours pour le prix de la diffraction	a 29
XIV.	Ménoire sur la diffraction de la leurère, conformé par l'Académie des	447
	sciences	947
_	6cran et d'une ouverture circulaire éclairés par un point radieux	365
_	Nore II. — Explication de la réfraction dans le système des ondes	373
_	Appendire. — Courbe des intensités de lumière en dehors et en dedans de	-70
_	l'ombre géométrique d'un écran indéfiniment étendu	382

## DEUXIÈME SECTION.

### CONSTITUTION ET PROPRIÉTÉS

## DE LA LUMIÈRE POLARISÉE.

»(####.	
XV (A).	Mémoire sur l'influence de la polarisation dans l'action que les rayons lumi-
	neux exercent les uns sur les autres [3o noût 1816]
— (B).	Id. [Seconde réduction] [6 octobre 1816]
XVI.	Méxonz sur les modifications que la réflexion imprime à la lumière pola-
	risée
XVII.	Supplément au Mémoire précédent
XVIII.	Ménous sur l'action que les rayons de lumière polarisée exercent les uns
	sur les autres, par MM. Arago et Fresnel [1818]
MX.	NOTES ET FRIGHEYTS SER L'ACTION QUE LES RIVONS POLIRISÉS EXERCENT L'EN
	SER L'AUTRE, ET SER LA POLARISATION MODILE.
XIX (A).	Note sur la théorie des couleurs que la polarisation développe dans les
	lames minces cristallisées
(B).	Note extraite du Mémoire sur les couleurs que la polarisation développe
	dans les lames cristallisées parallèles à l'ave.
(C).	Note sur l'expérience des franges produites par deux rhomboïdes de chaux
	carbonatée
(D).	Note sur la polarisation mobile
(E).	Note sur les interférences des rayons polarisés
· (F).	Note sur l'application du principe des interférences à l'explication des cou-
	leurs des lames cristallisées
XX.	Raproux fait à l'Académie des sciences , sur un Mémoire de M. Fresnel relatif
	aux couleurs des lames cristallisées douées de la double réfraction
	Commissaires : MM. Ampère, et Arago rapporteur [4 juin 1821]
XXI.	POLÉMIQUE À L'OCCASION DES MÉMOIRES DE FRENCE RELATIFS À L'INFLUENCE DE
	LA POLIBISATION DANS L'ACTION QUE LES MATONS EXEMPENT LES UNS SUM LES
	AUTRES.
	*Remangres de M. Biot sur un Rapport lu, le 4 juin 1841, à l'Académie des
AAI(A).	
	Sciences, par MM. Arago et Ampère. [11 juin 1821] *Examen des remarques de M. Biot, por M. Arago. [juillet 1821]

804	TABLE DES MATIÈRES.	
AML	Note sur le calcul des teintes que la polarisation développe dans les lames	CHES
	cristallisées	600
-	Considérations mécaniques sur la polarisation de la lumière	629
	Appendice (fragment)	64
XXIII.	Ménoras sur les couleurs développées dans les fluides homogènes par la	
	lumière polarisée	65
	Appendice	68
XXIV.	Résuné d'un Mémoire sur la réflexion de la lumière [ novembre 1819]	68
XXV.	Ménotre sur la réflexion de la lumière	69
XXVL	Note sur la double réfraction du verre comprimé [16 septembre 1829]	713
XXVII.	Extrait n'es Ménoire sur la double réfraction particulière que présente le	
	cristal de roche dans la direction de son axe [décembre 1822]	719
XXVIII.	Ménorar sur la double réfraction que les rayons lumineux éprouvent en tra-	
	versant les aiguilles de cristal de roche, suivant des directions parallèles	
	à l'axe	73
XXIX(A).	Extraux n'ex Méxons sur la loi des modifications imprimées à la lumière	
	polarisée par sa réflexion totale dans l'intérieur des corps transpa-	
	rents	75
···· (B).	Note sur la polarisation circulaire	76
XXX.	Ménous sur la loi des modifications que la réflexion imprime à la lumière	

### CHANGEMENTS ET ADDITIONS.



